

Subject:

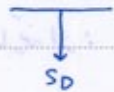
Year. Month. Date. ( )

مدلسازی بارهای مصرفی:

۱) مدل توانی:

مدلسازی برای بارهای بارزنده به آن مدل توانی می گویند. چون مدل بار را با توانش (  $S_D = Demand$  ,  $S_L = load$  ) مشخص می کنند.

مدل توانی:  $S_D = P_0 + j \varphi_D = |S| \angle \theta$  پس اگر بخواهیم بنسیم که در یک نقطه حقیقی مصرف داریم همه توانها را با هم



جمع می کنیم. این مدل را بصورت بردار نشان می دهیم:

۲) مدل امپدانس:  $Z = R + jX = |Z| \angle \phi$  بار مصرفی را با یک امپدانس مدل می کنیم.

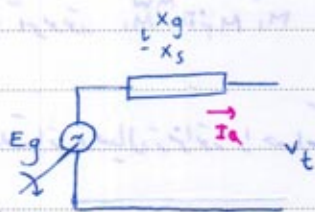
این مدل ها برای مطالعات حالت دائم است پس یک موتور داریم می توان با این مدلها مدل کرد. مثلاً اگر بخواهیم مدل توانی

را برایش نگذاریم:  $\cos \phi$  در  $P$  راسی دهند  $\phi = \arctan \frac{Q}{P}$   $Q = \text{بدست می آید}$   $S = P + jQ$

۳) مدل جریان:  $I = |I| \angle \phi$  به این صورت که با مصرفی را با جریان مدل می کنیم.

\* در بررسی این غیر مدل توانی و مدل امپدانس استفاده می کنیم.

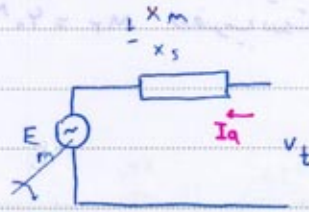
یک مصرف کننده داریم به نام موتور های سه فاز که مدل آن را مثل زیر موتور سه فاز قرار می دهیم.



می خواهیم تا ولتاژ  
برساند بعد.

تور موتور سه فاز

$$V_t = E_g - jX_s I_a$$



جریان می دهیم  
می چرخد

موتور سه فاز

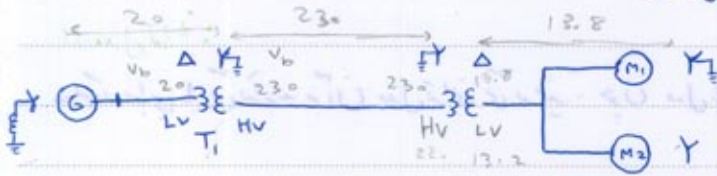
$$V_t = E_m + jX_s I_a$$

Subject:

Year. Month. Date. (89)

ست اتصال شماره HV و ست اتصال شنت LV است.

مثال: دیاگرام یک خطی یک سیستم قدرت مطابق شکل مزبور است:



دیاگرام یک خطی سیستم قدرت

Gen: 300 MVA 20 kV  $X_g = 2\%$

مشخصات این سیستم قدرت عبارتند از:

$T_1$ : 350 MVA  $\frac{230 \text{ kV}}{20 \text{ kV}}$   $X_{T1} = 2\%$

T.L: 64 km  $R = 0.5 \frac{\Omega}{\text{km}}$  230 kV

$T_2$ : (دازمه ترانس فشار انتقال شده)  $\frac{127 \text{ kV}}{13.2 \text{ kV}}$  100 MVA  $X_{T2} = 1\%$

$M_1$ : 200 MVA , 13.2 kV  $X_{M1} = 2\%$

$M_2$ : 100 MVA , 13.2 kV  $X_{M2} = 2\%$

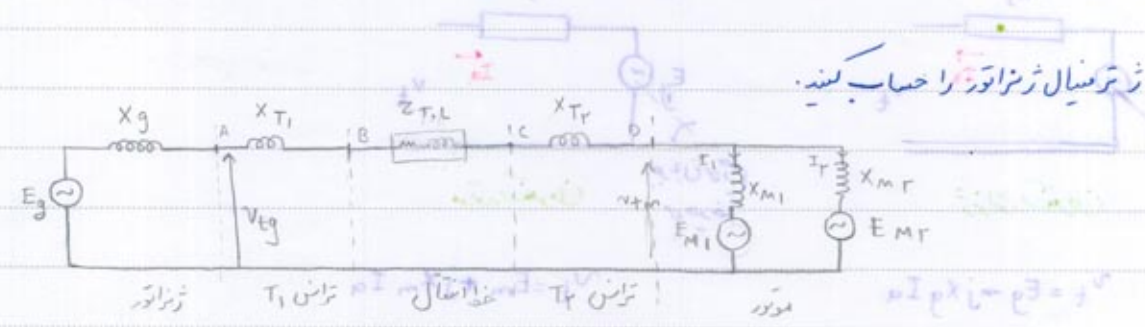
الف) دیاگرام ایدئالی و رسم کنید. (مستقر مدار معادل مدار)

ب) مقادیر ایدئالین ها را بر حسب پیرامون بدست آورید. مقادیر نامی ژنراتور را برای ژنراتور مبدأ در نظر بگیرید.

$S_b = 300 \text{ MVA}$  (برای کل شبکه  $300 \text{ MVA}$  را با  $V_b$  و  $I_b$  و  $V_b$  را با  $I_b$  و  $V_b$  باید حساب کنیم)  
 $V_b = 20 \text{ kV}$  ژنراتور

ج) آبروتور  $M_1 = 120 \text{ MW}$  و موتور  $M_2 = 60 \text{ MW}$  در ضریب قدرت واحد دلگاز  $13.2 \text{ kV}$  مصرف نمایند.

دلگاز ترمیانیال ژنراتور را حساب کنید.



Subject:

Year. Month. Date. (90)

در اتصال ۲ و ۳ نازمی و در اتصال ۵ ولتاژ خطی است.

$$x_g = 20\% \Rightarrow x_g = 0.2 P_u$$

$$x_{T1} = 0.2 \times \frac{300}{350} = 0.17 P_u = 1.7$$

در اتصال ۳

$$\frac{12\sqrt{3}}{13.2} = \frac{220}{13.2}$$

بست ۱۲۷ ادویه است در اتصال شماره ۳ داریم برای تبدیل به ولتاژ خطی در  $\sqrt{3}$  ضرب می‌کنیم:

$$13.2 \times \frac{220}{220} = 13.2 \text{ KV}$$

برای بست شماره یعنی ۱۲۷ بر اساس  $T_2$  ولتاژ ضربه ایست از:

$$Z_{TL} = 0.15 \times 4 \text{ km} = 0.6 \text{ km} = 0.6 \text{ km}^2$$

$$Z_b = \frac{V_b^2}{S_b} = \frac{(220)^2}{300} = 164.33$$

$$\Rightarrow Z_{TL} = \frac{0.6}{164.33} = 0.00365 P_u$$

$$x_{Tr} = 0.1 \times \left( \frac{220}{220} \right)^2 = 0.1 \left( \frac{13.2}{13.2} \right)^2 = 0.0915 P_u$$

$$x_{M1} = 0.2 \times \left( \frac{300}{200} \right) \left( \frac{13.2}{13.2} \right)^2 = 0.276 P_u$$

$$x_{Mr} = 0.2 \times \left( \frac{300}{100} \right) \left( \frac{13.2}{13.2} \right)^2 = 0.552 P_u$$

$$V_{tm} = \frac{13.2}{13.2} = 1.0 \angle 0^\circ$$

$$PM = 40 + 120 = 160 \text{ MW} \Rightarrow PM = 160 = 0.7 P_u \text{ (در واقع جونی ستار  $\cos \phi$  در صورت بار ۱ است لذا برین برکتان با هملا اسم جمع کرد)$$

در واقع جونی ستار  $\cos \phi$  در صورت بار ۱ است لذا برین برکتان با هملا اسم جمع کرد

$$\rightarrow \theta_1 = \theta_2 = 0 \rightarrow S_1 = P_1 + jQ_1 = P_1 \quad S_2 = \frac{P_2}{\cos \phi} = P_2$$

$$\Rightarrow P = VI \cos \phi \Rightarrow I = \frac{19.17}{0.7 \sqrt{3} \angle 0^\circ} = 19.17 \angle 0^\circ \times 1$$

$$V_{tg} = V_{tm} + j(x_{T1} + x_{TL} + x_{Tr})I$$

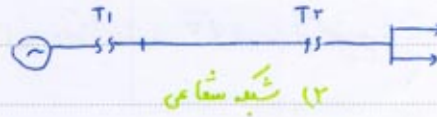
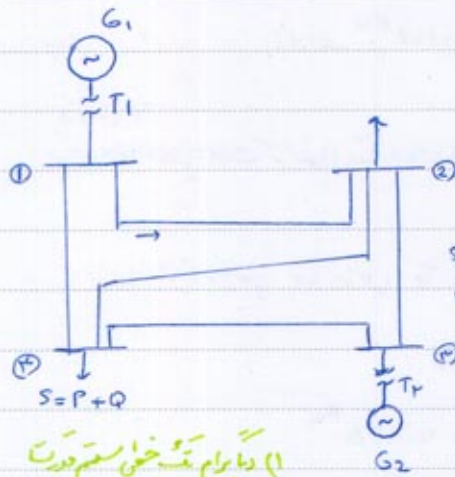
$$V_{tg} = 1.0 \angle 0^\circ + j(0.17 + 0.00365 + 0.0915) \times 19.17 \angle 0^\circ$$

$$\Rightarrow V_{tg} = 1.0199 \angle 14.15 P_u \quad \times 220 = 19.912 \angle 14.15 \text{ KV}$$

Subject:

Year. Month. Date. (91)

### فصل ۷) ماتریس ادسیانس شبکه:



$S_b = 100 \text{ MVA}$   
 $V = 132 \text{ KV}$

شبه‌های واقعی شعاعی نسبت به هم بصورت شکل ۱ است

یعنی شبکه بهم پیوسته است. شکل ۱ مدل شبکه انتقال است در آن

۱) دیاگرام شبکه شعاعی سیستم قدرت

توزیع حذف شده است. در واقع توزیع بدنی بصورت کشنده‌ها را خلاصه می‌کنیم و در باسها تمرکز می‌دهیم.

حالا می‌خواهیم این شبکه را حل کنیم که در نهایت به ماتریس ادسیانس شبکه می‌رسیم. مهم‌ترین چیزی که در اصل این شبکه می‌خواهیم بدست

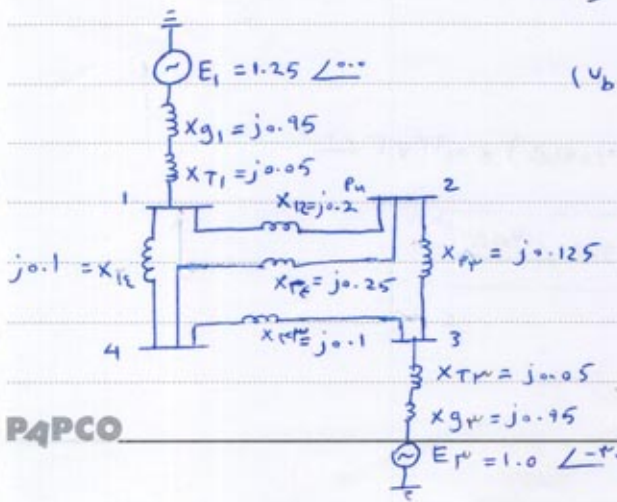
آید: تعیین ولتاژها باسها  $V_1, V_2, V_3, V_4$  است که این ولتاژها ما زودتر یعنی یک زاویه و یک اندازه دارند.

$\delta_1, \delta_2, \delta_3, \delta_4$

بعد از آنکه ولتاژها باسها تعیین شدیم، حالا می‌توانیم برای هر باس  $i$  به سمت باس  $j$

برود (توان انتقالی در خطوط)  $e$  محاسبه می‌کنیم توانات خط در... را حساب کنیم.

برای حل این سیستم قدرت می‌توانیم مدار معادل برای اینها تمرکز می‌دهیم:



مقادیر پیرینت را هم بدی شکل مشخص می‌کنیم (با داشتن  $S_b$  و  $V_b$ )

از مقادیر پارامتر هم صرف نظر کردیم. ( $R=0$ )

برای آسودگی راحت تر باشیم منبع ولتاژ را به منبع جریان درآیند

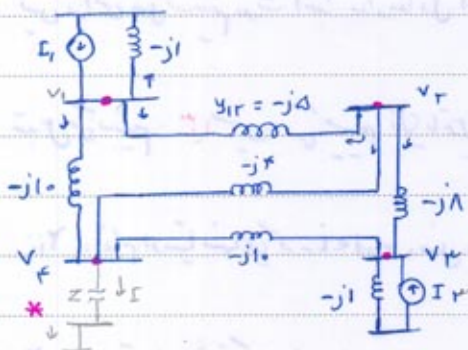
را به ادسیانس تبدیل می‌کنیم لذا شکل بود خواصیم:

$Y = G + jB$

PAPCO

Subject:

Year. Month. Date. (96)



$$I_1 = \frac{E_1}{X_{g1} + X_{T1}} = \frac{1.25}{j1.0} = -j1.25 \text{ pu}$$

$$I_2 = \frac{E_2}{X_{g2} + X_{T2}} = \frac{1.0 \angle -30^\circ}{j(1.0)} = -0.5 - j0.866 \text{ pu}$$

در اینجا بهترین است از روش node مستقیم را حل کنیم:

$$I_1 = (V_1 - V_2)(-j5) + (V_1 - V_3)(-j10) + V_1(-j1)$$

$$I_2 = (-j5 - j10 - j1)V_1 + (j5)V_2 + (j10)V_3$$

$$I_3 = \underbrace{(Y_{12} + Y_{13} + Y_{10})}_{Y_{11}} V_1 + \underbrace{(-Y_{12})}_{Y_{12}} V_2 + \underbrace{(-Y_{13})}_{Y_{13}} V_3$$

$$\begin{cases} I_1 = Y_{11} V_1 + Y_{12} V_2 + Y_{13} V_3 + Y_{14} V_4 \\ I_2 = Y_{21} V_1 + Y_{22} V_2 + Y_{23} V_3 + Y_{24} V_4 \\ I_3 = Y_{31} V_1 + Y_{32} V_2 + Y_{33} V_3 + Y_{34} V_4 \\ I_4 = Y_{41} V_1 + Y_{42} V_2 + Y_{43} V_3 + Y_{44} V_4 \end{cases} \quad Y_{22}, Y_{23}$$

$$I_1 = (-j16)V_1 + j5V_2 + j10V_3$$

$$0.0 = j5V_1 + (-j17)V_2 + j18V_3 + j4V_4$$

$$I_2 = j8V_2 + (-j19)V_3 + j10V_4$$

$$0.0 = j10V_1 + j4V_2 + j10V_3 + (-j24)V_4$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} -j1.25 \\ 0.0 \\ -0.5 - j0.866 \\ 0.0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -j16 & j5 & j10 & 0.0 \\ j5 & -j17 & j18 & j4 \\ 0.0 & j8 & -j19 & j10 \\ j10 & j4 & j10 & -j24 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_1 \\ V_2 \\ V_3 \\ V_4 \end{bmatrix}$$

→ در این صورت  $V_4, V_3, V_2, V_1$  را به ترتیب می‌نویسیم

$$\begin{bmatrix} I_1 \\ I_2 \\ I_3 \\ I_4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Y_{11} & Y_{12} & Y_{13} & Y_{14} \\ Y_{21} & Y_{22} & Y_{23} & Y_{24} \\ Y_{31} & Y_{32} & Y_{33} & Y_{34} \\ Y_{41} & Y_{42} & Y_{43} & Y_{44} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_1 \\ V_2 \\ V_3 \\ V_4 \end{bmatrix}$$

$$\begin{cases} V_1 = 1.096 \angle -14.4^\circ \\ V_2 = 1.085 \angle -13.5^\circ \\ V_3 = 1.08 \angle -14.2^\circ \\ V_4 = 1.087 \angle -13.3^\circ \end{cases}$$

PAPCO

ماتریس ایندوسانس  $Y_{bus}$  را می‌توانیم به دست آوریم

$V_{base}$

Subject:

Year. Month. Date. (۹۴)

۱۲) پس برای حل سیستم مدرت ابتدا مدار معادل امپدانس آن را رسم می کنیم. سپس تمام امپدانسها را به ادسیانس  
دشباع ولتاژها به جریان

تبدیل می کنیم. ۳) پس می بینیم اول ماتریس را حساب می کنیم.

$Y_{ii}$ : تمام ادسیانسهای که به node i وصل هستند را با هم جمع می کنیم. (عناصر ردی قطر)

$Z_{ij}$ : ادسیانس مشترک بین node i و node j را با علامت منفی قرار می دهیم.

$$(11 - 17 + 1011 - 147 - 17) + (26 - 17 - 17) = 11$$

۱۴) پس برای بدست آوردن ولتاژها باید معکوس ماتریس  $Y$  را حساب کنیم.

$$47(315) + 17(17) + 17(17) = 11$$

به اول ما به  $e$  مساوی  $11$  می گویند.

\* در این حالت \* روی شکل  $e$  اینجوراهیم ولتاژ مصرف کننده بعد از ترانس را حساب کنیم  $I$  و  $Z$  ترانس معلوم است  $e$

انت ولتاژ روی ترانس را محاسبه کرده و از ولتاژ node کم می کنیم.

\* معکوس ماتریس  $Y_{bus}$ :  $Y_{bus}^{-1} = Z_{bus}$

$$Z_{bus} = Y_{bus}^{-1} = \begin{bmatrix} Z_{11} & Z_{12} & Z_{13} & Z_{14} \\ Z_{21} & Z_{22} & Z_{23} & Z_{24} \\ Z_{31} & Z_{32} & Z_{33} & Z_{34} \\ Z_{41} & Z_{42} & Z_{43} & Z_{44} \end{bmatrix}$$

$$V_{bus} = Z_{bus} I_{bus}$$

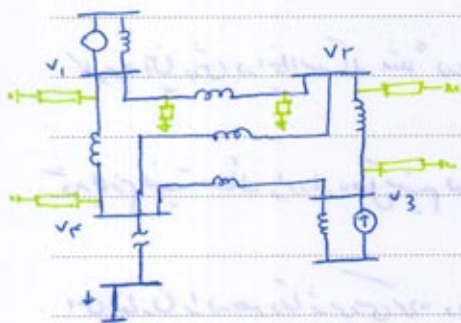
$$V_{bus} = Y_{bus}^{-1} I_{bus}$$

ماتریس امپدانس مشبک

روش تغییر  $Z_{bus}$  و  $Y_{bus}$  روش مستقیم  
روش غیر مستقیم

در مدل خطی ما اینجا داشتیم مدل خطی لوله با مرتبه کردن از لحاظ است آبر از R مرتبه کنیم همین می شود با آن تفاوت که

۲ مقدار داریم هم دارد. آبر مدل خطی متوسط بود ادمیانهای زیر در مدل R اضافه می شود:



در تئوری ۲ عناصر غیر تفریح تعسیری نمی بند.  $Y_{ij}$

اما  $Y_{ij}$  تعسیری نمی بند. پس آبر مدل R برد این ادمیانهای با ادمیانهای  $Y_{ij}$

node جامع می شوند. (نزدی ندارد که تمام خطوط لوله با متوسط باشند)

\* فرم کلی مدل:  $I_i = \sum_{j=1}^n Y_{ij} V_j$   $i=1, \dots, n$  (فرم فشرده)

$$\begin{bmatrix} I_1 \\ I_2 \\ \vdots \\ I_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Y_{11} & Y_{12} & \dots & Y_{1n} \\ Y_{21} & Y_{22} & \dots & Y_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ Y_{n1} & Y_{n2} & \dots & Y_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_1 \\ V_2 \\ \vdots \\ V_n \end{bmatrix}$$

$Y_{bus}$

نابراین در آن فصل هدف محاسبه ولتاژها

باها با معلوم بودن مدارها آنها است.

پس همیشه جریانهای معلوم است یا اینکه می توانیم جریانی که می دهیم جریانهای حساب کنیم.

گاهی اوقات در واقعیت در می خواهیم جریانهای را حساب کنیم مثل میس می آید. چون مثلاً در محل مصرف کننده که مقدار توان S

$$S = P + jQ$$

را داریم آبر می خواهیم جریانهای را حساب کنیم:  $S = VI^* \rightarrow I = \frac{S^*}{V^*}$  اما V معلوم نیست پس مثل داریم

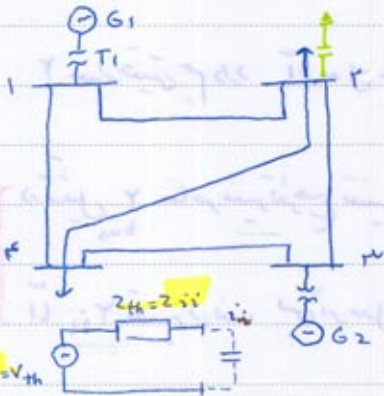
در این حالت مجبوریم از روش تئوری استفاده کنیم یعنی مجبوریم برای ولتاژ یا آزمون و خطا یک مقداری فرض کنیم.

در روش گس - جریان و نود - رافسون روشهای تئوری مورد نظر هستند که در فصل بعد بررسی می کنیم.

Subject:

Year. Month. Date. (۹۵)

\* فرض کنید شبکه قدرت بر داده اند از ماتریس معادل آن را استخراج کنید. برای این منظور از مبسوطی که در شکل



معادل آن را رسم کنید: مثلاً برای همین شبکه:

کاربرد این روش در اینجا است که مثلاً در مبسوط ۲ یک خازن اضافه شده

که باید آن را حذف کنیم. مسئله را در باره حل کنیم فقط تون مدار را کشیده و فقط تأثیر

این خازن را در حد و تأثیر بررسی کرده در نهایت این تغییر را با ولتاژها جمع می‌کنیم. برای این منظور معادل تون را از

مبسوط ۲ گرفته و در این مدار معادل تون،  $I_1$  را بدست آورده در مدار مبسوطی فقط مقدار  $I_2$  را قرار داده و نتیجه را جمع

می‌کنیم. همچنین در مبسوط ۱ ادبیات شبکه فقط مقدار  $I_2$  را با در نظر گرفتن ادبیات مبسوط ۲ به node ۲ در باره مبسوط

و نتیجه مبسوط ۲ ها را صفر قرار می‌دهیم و  $V_3$  را بدست می‌آوریم. پس مقادیر  $V_3$  بدست آمده را با مقادیر قبلی جمع می‌کنیم.

\* کاربرد  $Z_{bus}$  در تعیین مدار معادل تون:

مثال) یک خازن  $10 \text{ MVA}$  با  $13.2 \text{ KV}$  در مبسوط ۳ نصب شده است. ولتاژها را پس از نصب خازن محاسبه کنید.

$X = j0.1 \text{ pu}$        $Z = -j0.1 \text{ pu}$   
 ولتاژها را پس از نصب خازن محاسبه کنید.

$Z_{th} = 2j \text{ pu} = j0.2$

$V_3 = V_{th} = 1.0 \angle -14.0^\circ \text{ pu}$

$I_3^C = \frac{1.0 \angle -14.0^\circ}{j0.2} = -j5 \text{ pu}$

ولتاژها را پس از نصب خازن محاسبه کنید.

$V_1 = 1.094 \angle -12.4^\circ$   
 $V_2 = 1.085 \angle -12.5^\circ$   
 $V_3 = 1.008 \angle -14.2^\circ$   
 $V_4 = 1.087 \angle -12.3^\circ$

$Z_{bus} \rightarrow Z_{bus}$



Subject:

Year. Month. Date. (97)

$$V_1' = V_1 + Z_{12} I_2^c = 1.092 \angle -12.3^\circ + j0.7471 \times 0.114 \angle -104.7^\circ = 1.149 \angle -12.5^\circ$$

$$V_2' = V_2 + Z_{22} I_2^c = 1.085 + j0.1505 \times 0.114 \angle -104.7^\circ = 1.143 \angle -12.5^\circ$$

$$V_3' = V_3 + Z_{33} I_3^c = 1.08 \angle -14.1^\circ + j0.1529 \times 0.114 \angle -104.7^\circ = 1.14 \angle -14.3^\circ$$

$$V_4' = V_4 + Z_{44} I_4^c = 1.087 \angle -12.3^\circ + j0.1501 \times 0.114 \angle -104.7^\circ = 1.144 \angle -12.3^\circ$$

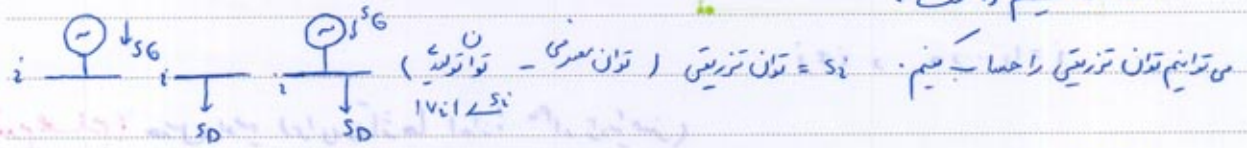
### فصل ۸ - بخش مابر (LOAD FLOW)

$$I = Y_{bus} V \quad \text{روش G-S}$$

معمولاً توان داده نمی شود (توان تزئینی را می توان محاسب نمود) جریان تزئینی داده نمی شود.

برای هر کدام از حالت های زیر می توان توان تزئینی را بصورت زیر محاسب کرد:

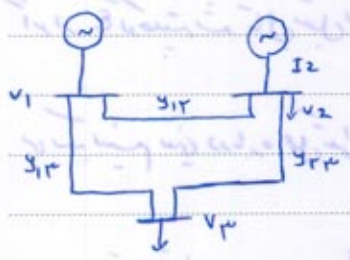
لذا خواهیم داشت:



$$S_i = S_G \quad S_i = -S_D \quad S_i = S_G - S_D \quad \text{محاسبه توان تزئینی در بوس:$$

$$S_i = V_i I_i^* = P_i + jQ_i \quad \text{برای هر بوسی می توان جریان تزئینی را بصورت زیر حساب کرد:$$

$$I_i^* = \frac{S_i}{V_i} \rightarrow I_i = \frac{S_i^*}{V_i^*} = \frac{P_i - jQ_i}{V_i^*} \quad \text{محاسبه جریان تزئینی در بوس:$$



$$\begin{cases} I_1 = Y_{11} V_1 + Y_{12} V_2 + Y_{13} V_3 \\ I_2 = Y_{21} V_1 + Y_{22} V_2 + Y_{23} V_3 \\ I_3 = Y_{31} V_1 + Y_{32} V_2 + Y_{33} V_3 \end{cases}$$

Subject:

Year. Month. Date. (۹۹)

معادلات نخش بار:

$$\begin{cases} \frac{P_1 - jQ_1}{V_1^*} = Y_{11}V_1 + Y_{12}V_2 + Y_{13}V_3 \\ \frac{P_2 - jQ_2}{V_2^*} = Y_{21}V_1 + Y_{22}V_2 + Y_{23}V_3 \\ \frac{P_3 - jQ_3}{V_3^*} = Y_{31}V_1 + Y_{32}V_2 + Y_{33}V_3 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} V_1 = \frac{1}{Y_{11}} \left[ \frac{P_1 - jQ_1}{V_1^*} - (Y_{12}V_2 + Y_{13}V_3) \right] \\ V_2 = \frac{1}{Y_{22}} \left[ \frac{P_2 - jQ_2}{V_2^*} - (Y_{21}V_1 + Y_{23}V_3) \right] \\ V_3 = \frac{1}{Y_{33}} \left[ \frac{P_3 - jQ_3}{V_3^*} - (Y_{31}V_1 + Y_{32}V_2) \right] \end{cases}$$

حالا می‌خواهیم ارزش تکراری استفاده کنیم: (روش ۵-۶)

قدم اول: مدار معادل شده را از روی دید برنامه نت‌خطی

قدم دوم: تشکیل ماتریس ارتعاش شده

معادلات نخش بار مناسب برای روش ۵-۶

$$V_i = \frac{1}{Y_{ii}} \left[ \frac{P_i - jQ_i}{V_i^*} - \sum_{j=1}^n Y_{ij}V_j \right] \quad \text{حالت فشرده معادله:} \quad \text{نوشتن معادلات نخش بار}$$

$i = 1, \dots, n$  و  $i \neq j$

قدم چهارم: حدس اولیه برای ولتاژها اندازه  $P_u$  از زاویه صفر

$$V_1^{(0)} = 1.0 \angle 0^\circ \quad V_2^{(0)} = 1.0 \angle 0^\circ \quad V_3^{(0)} = 1.0 \angle 0^\circ \quad \text{حدس اولیه:}$$

پس این حدس اولیه را در معادله بالا گذاشته و  $V_1^{(1)}$ ،  $V_2^{(1)}$ ،  $V_3^{(1)}$  را بدست می‌آوریم پس باید  $\Delta V_i$  را حساب کنید.

آبراز  $\epsilon$  لاکه شده قابل قبول است در غیر این صورت دوباره با معادله  $V_i^{(1)}$  معینان حدس اولیه جدید معادله  $V_i^{(2)}$  را

$$\begin{matrix} V_1^{(1)} & V_2^{(1)} & V_3^{(1)} \\ \Delta V_1^{(1)} & \Delta V_2^{(1)} & \Delta V_3^{(1)} \\ V_1^{(2)} & V_2^{(2)} & V_3^{(2)} \end{matrix} \quad \text{if } |V_i^{k+1} - V_i^k| < \epsilon \rightarrow \text{قابل قبول}$$

Subject:

Year. Month. Date. (۹۸)

روش ۶-۵:

در روش G-5 همین کار را انجام می دهیم با این تفاوت که وقتی متادری جدیدی داریم  $v_1$  نداشتیم  $v_1$  را بدست آوریم

در معادله  $v_2$  بجای حدس اولیه  $v_1^{(0)}$  مقدار  $v_1$  را به از معادله قبلی بدست آورده ایم قرار می دهیم.

لذا داریم: 
$$v_2^{(1)} = \frac{1}{\gamma_{22}} \left[ \frac{P_2 - zQ_2}{v_1^{(0)}} - (\gamma_{21} v_1^{(1)} + \gamma_{23} v_3^{(0)}) \right]$$

\* تدریج در همگرایی: در روش قبلی در هر مرحله متادری جدید برحله قبلی را تکرار داده و متادری جدید  $v_1$  را بدست می آوریم

ولی در اینجا می آیم  $\Delta v$  مقدار قبلی را در  $\alpha$  ضرب می کنیم  $(0.5 < \alpha < 1.7)$  بعد با مقدار قبلی جمع می کنیم و در تکرار بعدی استفاده

$$v_i^{k+1} = v_i^k + \alpha \Delta v_i^k$$

می کنیم  $\alpha$  عدد تجربی که  $0.5 < \alpha < 1.7$

در روش اول از همین روش استفاده می کردیم منتهی با  $\alpha = 0$  . لذا  $\alpha$  ضریب همگرایی (acceleration factor) می گویند

قدم ششم: بدست آوردن دلتاها  $\Delta v_i = |v_i|$

قدم هفتم: بدست آمدن سایر کمتهای مورد نظر (توان عبوری از خطوط - توان شبکه - ...)

\* انواع بایس در سیستم قدرت:

اولاً در هر بایس  $n$  تا کمیت داریم:

	نوع بایس	کمتهای معلوم	کمتهای مجهول
بایس ژنراتوری	Slack	$v_1$ $\delta_1$	$P_i$ $Q_i$
Load bus	PQ	$P_i$ $Q_i$	$v_i$ $\delta_i$
Control bus ژنراتوری	PV	$v_i$ $P_i$	$Q_i$ $\delta_i$

$$v_i = |v_i| \angle \delta_i$$

$$S_i = P_i + jQ_i$$

\* در بایس Slack: ژنراتور وجود دارد که توان را می دهد ولی دلتا ژنراتور

Subject:

Year. Month. Date. (۹۹)

در بایس بار فقط بار وجود دارد و دیگر ژنراتور نداریم: این توان را از منبعی که می توان ژنراتور

$$S_D = P_D + jQ_D$$

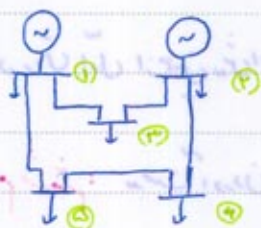
بایس بویست می آید:  $S_i = -S_D$

بایسهای Slack و PV بایسهای ژنراتوری هستند. در واقع در یک شبکه، از میان بایسهای ژنراتوری یک بایس

را انتخاب می کنیم. Slack انتخاب می کنیم. شبکه بایسهای PV می شوند.

پس فقط در بایسهای بار که توان معلوم است. در بایسهای ژنراتوری که توان معلوم است.

پس مثلاً آورد معادلات ۷۳ بایس PV باشد فقط کاهش زاویه را حساب کنیم. اندازه اش معلوم است



\* در شبکه زیر ۵ تا بایس داریم که در ۳ بایس ژنراتوری و ۲ بایس بار است.

بایسهای ژنراتوری مجزبه بر ولتاژ (AVR) هستند که مرتب ولتاژ بایس را تنظیم می کند.

و این کار را با جریان تحریف انجام می دهد. پس اندازه ولتاژ در بایسهای ژنراتوری کنترل شده و معلوم است. اما این

ولتاژ را با جریان تحریف تنظیم می کنند و جریان تحریف فرق می کند پس توان را می تواند محدود است

در بایس Slack  $P < P_{max}$  است چون تا بخش بار انجام ندیم نمی توانیم مثلاً شبکه را محاسبه کنیم. پس چون

توان از قبل معلوم نیست نمی توان توان آستیده ژنراتورها را تعیین کرد در واقع باید یکی را محدود بگذاریم تا بتوان

رابطه آن اختصاص دهیم که این کار را در بایس Slack انجام می دهیم یعنی در این بایس توان آستیده است.

در Slack زاویه را هم معلوم می کنیم. چون زاویه را نسبت به بایسها داریم بویست می آوریم تا در این بایس باقی بماند.

Subject:

Year. Month. Date. (19)

معلوم باشد (زاد بر مرجع) تا توان زیادای سایر باسها را نسبت به این مرجع بدست آورد:  $\delta_{r1} = \delta_r - \delta_1$

که عملاً مقدار این زاویه مرجع را منفردها تعیین می‌کنیم. به همین دلیل به باس slack باس مرجع هم گفته می‌شود.

← بنابراین در محاسبات بخش بار انجام شده و نتایج های باسها هم بدست آمدند. فرض کنید به باس زیر بار در شب داریم:

Bus 1 : slack  $|V_1| \leq \delta_1$

Bus 2 : PV  $|V_2| \leq \delta_2$

Bus 3 : PQ  $|V_3| \leq \delta_3$

باسها و نتایج های باسها را معلوم می‌کنیم:

پس از آن: الف) توان استیو در استیو باس slack  $(P_1, \varphi_1)$   $\frac{P_i - \sum_{j=1}^n \gamma_{ij} V_j}{V_i^*} = \sum_{j=1}^n \gamma_{ij} V_j - P_{i-j} \varphi_i = V_i^* \left[ \sum_{j=1}^n \gamma_{ij} V_j \right]$

$P_1 = \text{Re} \left[ V_1^* \sum_{j=1}^n \gamma_{1j} V_j \right] = \text{Re} \left[ V_1^* (\gamma_{11} V_1 + \gamma_{12} V_2 + \gamma_{13} V_3) \right]$

توجه داشته باشید  
این معادله

$\varphi_1 = -\text{Im} \left[ V_1^* \sum_{j=1}^n \gamma_{1j} V_j \right]$

$P_1 = P_{G1} - P_{D1} \rightarrow P_{G1} = P_1 + P_{D1}$

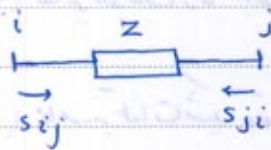
$\varphi_1 = \varphi_{G1} - \varphi_{D1} \rightarrow \varphi_{G1} = \varphi_1 + \varphi_{D1}$

باس slack نهایی نمی‌آید صرفاً گفته می‌شود  $P_{D1} = 0$

$P_1$  که از باس بدست آوردیم همان  $P_{G1}$  می‌شود.

$\varphi_i = -\text{Im} \left[ V_i^* \sum_{j=1}^n \gamma_{ij} V_j \right]$

ب) توان استیو در باسهای PV:  $P_V$



ج) توان استیو در استیو جاری در خطوط:

$s_{ij} = P_{ij} + \varphi_{ij}$

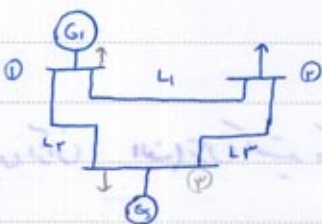
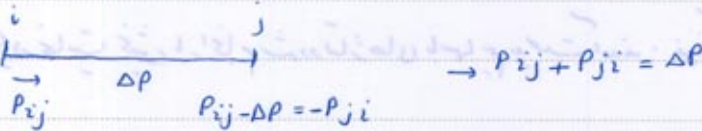
$s_{ji} = P_{ji} + \varphi_{ji}$

Subject:

Year. Month. Date. (14)

د) ثبات شبکه:  $\Delta P_{ij} = P_{ij} + P_{ji}$  = ثبات استودر خطی که با این عدد را هم وصل کرده.

$\Delta P_{ij} = P_{ij} + P_{ji}$        $\Delta \Phi_{ij} = \Phi_{ij} + \Phi_{ji}$



مثال: شبکه زیر را داریم: اطلاعات خطی:  
 $L_1: Z_1 = 0.102 + j0.108 \text{ pu}$   
 $L_2: Z_2 = 0.102 + j0.108 \text{ pu}$   
 $L_3: Z_3 = 0.102 + j0.108 \text{ pu}$

در این مثال برای سادگی فرض شده که هر سه خط کوتاه و مشابه باشند. در ادامه یک خطی سیستم قدرت ۳ با

Bus No	Type of Bus	Bus Voltage		Generation		Load	
		V	δ	P <sub>g</sub>	Φ <sub>g</sub>	P <sub>D</sub>	Φ <sub>D</sub>
1	Slack	1.02	0.0	?	?	1.0	0.5
2	PQ	?	?	0.0	0.0	0.5	0.25
3	PV	1.0	?	1.0	?	0.2	0.1

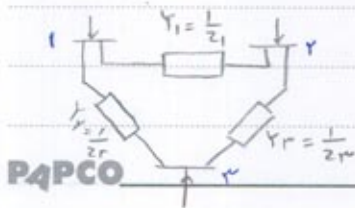
$|V_2| = |V_3| \angle \delta_2$

الف) با استفاده از روش G-S ولتاژها را محاسبه کنید.

$|V_3| = |1.0| \angle \delta_3$

ب) سایر مجهولات را محاسبه کنید:  $\Phi_3 = \Phi_1 = \Phi_2$

ج) محاسبه ثبات شبکه بدون جاری در خطوط؟



الف) حل: رسم مدار معادل (مدار معادل امپدانس یا رانانس)

بعد از رسم مدار معادل برای امپدانس با رسم امپدانسها را تبدیل به ادرانس می کنیم.

Subject:

Year. Month. Date. (14)

$$Y_{11} = Y_1 + Y_r = \frac{1}{z_1} + \frac{1}{z_r} = \left( \frac{1}{0.102 + j0.08} \right) \angle^{-76^\circ} = 24, 23 \angle^{-76^\circ} \quad ; \quad Y_{bus} \text{ تین ماتریس}$$

$$Y_{rr} = Y_r + Y_{r3} = \frac{1}{z_1} + \frac{1}{z_r} = 24, 23 \angle^{-76^\circ}$$

$$Y_{r3} = Y_r + Y_{r3} = \frac{1}{z_r} + \frac{1}{z_{r3}} = 24, 23 \angle^{-76^\circ}$$

$$Y_{1r} = Y_{r1} = -Y_1 = -\frac{1}{z_1} = \frac{1}{0.102 + j0.08} = 12, 13 \angle^{104^\circ}$$

$$\Rightarrow Y_{bus} = \begin{bmatrix} 24, 23 \angle^{-76^\circ} & 12, 13 \angle^{104^\circ} & 12, 13 \angle^{104^\circ} \\ 12, 13 \angle^{104^\circ} & 24, 23 \angle^{-76^\circ} & 12, 13 \angle^{104^\circ} \\ 12, 13 \angle^{104^\circ} & 12, 13 \angle^{104^\circ} & 24, 23 \angle^{-76^\circ} \end{bmatrix}$$

$P_{G1} = P_{G2}$

$$\begin{cases} P_r = -0.18 P_u \\ Q_r = -0.28 P_u \end{cases} \quad \begin{cases} P_3 = 0.18 P_u \\ Q_3 = 0.28 P_u \end{cases}$$

سازگار تریس توان توزیع

$$v_i = \frac{1}{Y_{ii}} \left[ \frac{P_i - jQ_i}{v_i^*} - \sum_{\substack{j=1 \\ j \neq i}}^n Y_{ij} v_j \right] \quad i=2, \dots, n \quad ; \quad \text{معادله کوشن بار 6-5}$$

معادلات کوشن بار

$$\begin{cases} v_r = \frac{1}{Y_{rr}} \left[ \frac{P_r - jQ_r}{v_r^*} - (Y_{r1} v_1 + Y_{r3} v_3) \right] \\ v_3 = \frac{1}{Y_{r3}} \left[ \frac{P_3 - jQ_3}{v_3^*} - (Y_{31} v_1 + Y_{3r} v_r) \right] \end{cases}$$

$$v_r^{(0)} = 1.0 \angle^{0.0} \quad v_3^{(0)} = 1.0 \angle^{0.0} \quad \text{حدس اولیه برای معادله کوشن بار}$$

$$v_r^{(1)} = \frac{1}{24, 23 \angle^{-76^\circ}} \left[ \frac{-0.18 + j0.28}{1.0 \angle^{0.0}} - (12, 13 \angle^{104^\circ} \times 1.02 \angle^{0.0} + 12, 13 \angle^{104^\circ} \times 1.0 \angle^{0.0}) \right]$$

$$= 0.9959 \angle^{-1.02}$$

تکرار می:

$$P_i = \text{Re} \left[ v_i^* \sum_{j=1}^n Y_{ij} v_j \right] \quad ; \quad Q_i = -\text{Im} \left[ v_i^* \sum_{j=1}^n Y_{ij} v_j \right] \quad \text{توان ایستاده تزئینی در}$$

Subject:

Year. Month. Date. (1.1)

$$Q_2 = -\text{Im} [V_2^* (Y_{21} V_1 + Y_{22} V_2 + Y_{23} V_3)] \quad (*)$$

$$= -\text{Im} [1.0 \angle 0^\circ (12.13 \angle 15^\circ \times 1.0 \angle 0^\circ + 12.13 \angle 15^\circ \times 0.9952 \angle -1.2^\circ + 25.23 \angle -74^\circ \times 1.0 \angle 0^\circ)] =$$

$$\rightarrow V_2^{(1)} = \frac{1}{25.23 \angle -74^\circ} \left[ \frac{0.18 + j1.579}{1.0 \angle 0^\circ} - \left( \frac{\quad}{Y_{21} V_1 + Y_{22} V_2} \right) \right] = 1.0 \angle 1.25^\circ$$

پس  $\Delta V_2 = |V_2^{(1)} - V_2^{(0)}|$  و  $\Delta V_3 = |V_3^{(1)} - V_3^{(0)}|$  را تا آنجا که برود و با  $\epsilon$  مقایسه می کنیم

$$\rightarrow \Delta V_2^{(1)} = |V_2^{(1)} - V_2^{(0)}| = |0.9952 \angle -1.2^\circ - 1.0 \angle 0^\circ| > \epsilon \quad \epsilon = 0.0000001$$

$$\Delta V_3^{(1)} = |V_3^{(1)} - V_3^{(0)}| = \quad > \epsilon$$

$$V_2^{(2)} = 0.9952 \angle -1.2^\circ$$

پس مقدار (2) را انجام می دهیم:

$$Q_2 = -7.3550 \rightarrow V_2^{(2)} = 1.0 \angle 1.87^\circ$$

که باقیمانده  $\Delta V$  ها را حساب کنیم از  $\epsilon$  خیلی بیشتر می شود پس به تکرار عددی می رویم در آن تعدادی روند را ادامه می دهیم تا مقدار  $\Delta V$  ها از  $\epsilon$  کوچکتر شود این اتفاق در تکرار دوازدهم می افتد.

$$\begin{cases} V_2^{(12)} = 0.9952 \angle -1.2^\circ \\ V_3^{(12)} = 1.0 \angle 1.8^\circ \end{cases}$$

$$P_1 = \text{Re} [V_1^* (Y_{11} V_1 + Y_{12} V_2 + Y_{13} V_3)] = \quad \text{توان تزریقی آنتی در باس 1:}$$

$$Q_1 = -\text{Im} [ \quad ] = \quad \text{توان تزریقی راکتیو در باس 1:}$$

توان بار توان تزریقی توان پس Slack

$$\begin{cases} P_{G1} = P_1 + P_{D1} \\ Q_{G1} = Q_1 + Q_{D1} \end{cases} \quad \text{پس از بدست آوردن } P_1 \text{ و } Q_1 \text{ می آید:}$$

پس توان آنتی در راکتیو باس Slack بدست می آید.

مثال:

$$Q_2 = -\text{Im} [V_2^* (Y_{21} V_1 + Y_{22} V_2 + Y_{23} V_3)] \rightarrow Q_{G3} = Q_3 + Q_{D3} =$$

برای آنتی در راکتیو باس 3،  $P_4$  باید بار توان راکتیو  $Q_{G3}$  ... مقدار باشد. چون مقدار راکتیو  $Q_{D3}$  را می دانیم







شده که همان حدس اولیه جواب مورد تقاضاست در غیر این صورت می آیم تا همسایه‌های زیر را بشناسیم:

$$\begin{bmatrix} \frac{\partial f_1}{\partial x_1} & \frac{\partial f_1}{\partial x_2} & \dots & \frac{\partial f_1}{\partial x_n} \\ \frac{\partial f_r}{\partial x_1} & \frac{\partial f_r}{\partial x_2} & \dots & \frac{\partial f_r}{\partial x_n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \frac{\partial f_n}{\partial x_1} & \frac{\partial f_n}{\partial x_2} & \dots & \frac{\partial f_n}{\partial x_n} \end{bmatrix}^{(0)} \begin{bmatrix} \Delta x_1 \\ \Delta x_2 \\ \vdots \\ \Delta x_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} k_1 - f_1(x_1^{(0)}, x_2^{(0)}, \dots, x_n^{(0)}) \\ \vdots \\ k_n - f_n(x_1^{(0)}, x_2^{(0)}, \dots, x_n^{(0)}) \end{bmatrix}$$

ماتریس ژاکوبین (J)
 $C^{(0)}$ 
 $D^{(0)}$

و از سادگی حدس اولیه در آن مقدارش نداریم:

$$D = J C \quad \text{که} \quad D^{(0)} = \begin{bmatrix} f_1 - f_1^{(0)} \\ f_r - f_r^{(0)} \\ \vdots \\ f_n - f_n^{(0)} \end{bmatrix} \rightarrow J^{(0)} D = C \quad \text{و} \quad C^{(0)} = \begin{bmatrix} \Delta x_1 \\ \Delta x_2 \\ \vdots \\ \Delta x_n \end{bmatrix}^{(0)}$$

پس از بدست آوردن مقادیر  $\Delta x$  ها آنها را با حدس اولیه جمع کرده و به عبارتی می‌دهیم:

$$x_i^{(1)} = x_i^{(0)} + \Delta x_i^{(0)}$$

مثال

$$\begin{cases} 3x - 4y = 4 \\ 2y - x = 2 \end{cases} \quad \begin{matrix} f_1^{(0)} = 4 \\ f_2^{(0)} = 2 \end{matrix} \quad D = \begin{bmatrix} 3 & -4 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$$

$\epsilon = 0.001$

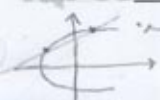
$$J = \begin{bmatrix} -3 & 4 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} \quad J^{(0)} = \begin{bmatrix} -3 & 4 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} \rightarrow C = J^{(0)-1} D \rightarrow C = \begin{bmatrix} \Delta x \\ \Delta y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.0 \\ -0.5 \end{bmatrix}$$

$$x_1^{(1)} = x_1^{(0)} + \Delta x_1^{(0)} = -1 + 0.0 = -1$$

$$y_1^{(1)} = y_1^{(0)} + \Delta y_1^{(0)} = 1 + (-0.5) = 0.5$$

$$\rightarrow f_1^{(1)} = 4, 2.5 \quad \rightarrow D^{(1)} = \begin{bmatrix} 4 - 4 & 2.5 - 2 \\ 2 - 2 & 0.5 - 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0.5 \\ 0 & -0.5 \end{bmatrix}$$

$$J^{(1)} = \begin{bmatrix} -3 & 4 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} \rightarrow C = \begin{bmatrix} \Delta x \\ \Delta y \end{bmatrix}^{(1)} = \begin{bmatrix} 0.017143 \\ 0.028571 \end{bmatrix} \rightarrow x^{(2)} = x_1^{(1)} + \Delta x_1^{(1)} = -1 + 0.017143 = -0.982857$$



$$y^{(2)} = y_1^{(1)} + \Delta y_1^{(1)} = 0.5 + 0.028571 = 0.528571$$

\* بخش بار بردش  $N-R$ :  $I_i = \sum_{j=1}^n Y_{ij} v_j$  جریان تزئینی در بارها

$$\begin{bmatrix} I_1 \\ I_r \\ I_r \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Y_{11} & Y_{1r} & Y_{1n} \\ Y_{r1} & Y_{rr} & Y_{rn} \\ Y_{n1} & Y_{nr} & Y_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_1 \\ V_r \\ V_n \end{bmatrix}$$

توان تزئینی در بارها:  $S_i = S_{Gi} - S_{Di}$

$$S_i = V_i I_i^*$$

$$I_i = \frac{S_i^*}{V_i^*} = \frac{P_i - jQ_i}{V_i^*}$$

$$\frac{P_i - jQ_i}{V_i^*} = \sum_{j=1}^n Y_{ij} v_j \quad i=2, \dots, n \rightarrow v_i = \frac{1}{Y_{ii}} \left[ \frac{P_i - jQ_i}{V_i^*} - \sum_{j=1, j \neq i}^n Y_{ij} v_j \right]$$

\*

$$P_i - jQ_i = v_i^* \sum_{j=1}^n Y_{ij} v_j$$

معادله بخش بار مناسب بردش  $G-S$

حالاتی خواهیم معادلات سینک - راضون را بدست آوریم:

$$\begin{cases} f_1(x_1, x_2, \dots, x_n) = k_1 \\ f_r(x_1, \dots, x_n) = k_r \\ \vdots \\ f_n(x_1, \dots, x_n) = k_n \end{cases} \begin{cases} P_i = \text{Re} [ v_i^* \sum Y_{ij} v_j ] & i=2, 3, 4 \\ Q_i = -\text{Im} [ v_i^* \sum Y_{ij} v_j ] \end{cases}$$

$$Y_{ij} = |Y_{ij}| \angle \theta_{ij}$$

$$Y_{ij} = G_{ij} + jB_{ij}$$

$$v_i = |v_i| \angle \delta_i$$

$$v_j = |v_j| \angle \delta_j$$

$$Y_{ij} = |Y_{ij}| \angle \theta_{ij}$$

لذا خواهیم داشت:

$$\begin{cases} P_i = |v_i| \sum_{j=1}^n |Y_{ij}| |v_j| \cos(\theta_{ij} + \delta_j - \delta_i) \\ Q_i = -|v_i| \sum_{j=1}^n |Y_{ij}| |v_j| \sin(\theta_{ij} + \delta_j - \delta_i) \end{cases} \quad i=2, \dots, n$$

$$P_r = f_r(|v_r|, \delta)$$

در رابطه  $P_i$  فقط اندازه دارد و علامت را مشخص نمی کند

که  $P$  مداری ثابت است بنابراین در واقع این رابطه مشابه روابط \* شد.

۳ پرسش ۳ با پس داشته باشد: برای شعب ۳ ما به داریم:  $i = 2, 3$  و  $j = 1, 2, 3$

$$* \begin{cases} P_2 = f_r(1, v_1, \delta) \\ P_3 = f_r(\dots) \\ Q_2 = f_r(\dots) \\ Q_3 = f_r(\dots) \end{cases}$$

چهارتا معادله خواصیم داشتیم: (چون دوتا از آل این slack است معلوم است)

۱) حدس اولیه: باس ۱ نیاز به حدس ندارد چون باس slack است و دلتا ترش معلوم است.

$$|v_2| \leq \delta_2^{(0)} = 1.0 \leq 0.0 \quad |v_3| \leq \delta_3^{(0)} = 1.0 \leq 0.0 \quad |v_1| \leq \delta_1 = 1.0 \leq 0.0$$

(معلوم است)

معلوم	کامپیو
$P_2^{spec}$	$P_2^{calc(0)}$
$P_3^{spec}$	$P_3^{calc(0)}$
$Q_2^{spec}$	$Q_2^{(0)}$
$Q_3^{spec}$	$Q_3^{(0)}$

حالا مقادیرهای حدس اولیه را در درایه با لایه داریم و ماتریس D را می بینیم:

آر مقادیر اختلاف فاز و کمترین بود که همین جواب است اما اختلاف فاز بزرگتر شد لازم است ماتریس را دوباره تشکیل دهیم:

$$J = \begin{bmatrix} \frac{\partial P_2}{\partial \delta_2} & \frac{\partial P_2}{\partial \delta_3} & \frac{\partial P_2}{\partial v_2} & \frac{\partial P_2}{\partial v_3} \\ \frac{\partial P_3}{\partial \delta_2} & \frac{\partial P_3}{\partial \delta_3} & \frac{\partial P_3}{\partial v_2} & \frac{\partial P_3}{\partial v_3} \\ \frac{\partial Q_2}{\partial \delta_2} & \frac{\partial Q_2}{\partial \delta_3} & \frac{\partial Q_2}{\partial v_2} & \frac{\partial Q_2}{\partial v_3} \\ \frac{\partial Q_3}{\partial \delta_2} & \frac{\partial Q_3}{\partial \delta_3} & \frac{\partial Q_3}{\partial v_2} & \frac{\partial Q_3}{\partial v_3} \end{bmatrix}$$

ماتریس ترانسپوز به صورت زیر در خواص بود:

$$C = \begin{bmatrix} \Delta \delta_2 \\ \Delta \delta_3 \\ \Delta v_2 \\ \Delta v_3 \end{bmatrix} \quad D = \begin{bmatrix} \Delta P_2 \\ \Delta P_3 \\ \Delta Q_2 \\ \Delta Q_3 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} \Delta P_2 \\ \Delta P_3 \\ \Delta Q_2 \\ \Delta Q_3 \end{bmatrix}^{(0)} = J \begin{bmatrix} \Delta \delta_2 \\ \Delta \delta_3 \\ \Delta v_2 \\ \Delta v_3 \end{bmatrix}^{(0)}$$

نابرابری:  $C = J^{(0)} D$

missmatch power \*

اگر تمام اعضا این مدار از یک نوعتر شود جواب پیدا می

missmatch یعنی match نشده اند چون اگر match شده بودند جواب پیدا می

قبل از روش نیوتن - رافسون ۲ بار را باید انجام دهیم: (۱) نشان مائوس  $\gamma_{\text{max}}$  (۲) نشان معادلات نخش بار

پس از آن تراوسین را تغییر می دهیم بعد از تشکیل تراوسین به معادله  $**$  می رسم.

$$\delta_2^{(1)} = \Delta \delta_2^{(0)} + \delta_2^{(0)}$$

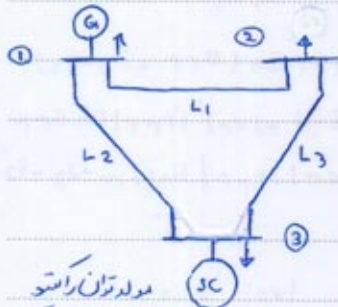
در مرحله بعد داریم: (اگر به جواب نرسیدیم)

$$\delta_3^{(1)} = \Delta \delta_3^{(0)} + \delta_3^{(0)}$$

$$|v_2|^{(1)} = \Delta |v_2|^{(0)} + |v_2|^{(0)}$$

$$|v_3|^{(1)} = \Delta |v_3|^{(0)} + |v_3|^{(0)}$$

مورد استخوان در جدول بعد  $L_1$



مولد توان راستو  
راستو تک خطی

$$\epsilon = 0.01$$

مثال) دیاگرام تک خطی سیستم سه باسه مطابق شکل زیر است:

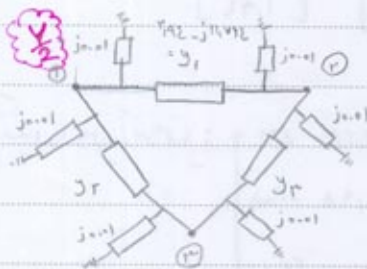
$$\gamma = 2.0 \text{ pu} \quad \text{خط مدل } \pi \text{ است}$$

$$\text{اطلاعات خطوط: } Z = 0.102 + j0.108 \text{ pu} \quad L_1, L_2, L_3$$

شماره بوس	نوع بوس	ولتاژ	$\delta$	تراوسین	$P_D$	$Q_D$
۱	slack	1.04	0.0	?	2.0	1.0
۲	PQ	?	?	0.5	0.0	0.0
۳	PV	1.04	?	0.0	1.5	0.6

در ضمن در بوس PV محدودیت توان راستو داریم. یعنی  $Q_{G3} \leq 1.5 \text{ pu}$

روش N-R نخش بار را انجام دهید.



۱) شکل دیاگرام معادل امپدانس:

ماده خط را به ادیتان شکل کنیم.

$$Y_1 = \frac{1}{Z_1} = \frac{1}{0.102 + j0.108}$$

$$Y_2 = Y_3 = Y_p = 2.44 - j11.744$$

در این مثال:

$$Y_{bus} = 2.44 - j11.74 + j0.01 + j0.01 + 2.44 - j11.74 = 4.88 - j23.48 = 24.23 \angle -75.95^\circ$$

نشان بدهد که توان فعال و توان واکنشی در هر بار است.

$$Y_{22} = (2.96 - j11.74) = -2.96 + j11.74 = 12.13 \angle 102.02^\circ$$

$$Y_{bus} = \begin{bmatrix} 24.23 \angle -75.95^\circ & 12.13 \angle 102.02^\circ & 12.13 \angle 102.02^\circ \\ 12.13 \angle 102.02^\circ & 24.23 \angle -75.95^\circ & 12.13 \angle 102.02^\circ \\ 12.13 \angle 102.02^\circ & 12.13 \angle 102.02^\circ & 24.23 \angle -75.95^\circ \end{bmatrix}$$

نشان بدهد که معادلات نخبش بار:

$$\begin{cases} P_1 = |V_1||V_2||Y_{12}| \cos(\theta_{r1} + \delta_1 - \delta_2) + |V_1|^2 |Y_{11}| \cos \theta_{r1} + |V_1||V_3||Y_{13}| \cos(\theta_{r1} + \delta_3 - \delta_2) \\ P_2 = |V_2||V_1||Y_{12}| \cos(\theta_{31} + \delta_1 - \delta_3) + |V_2||V_3||Y_{23}| \cos(\theta_{32} + \delta_2 - \delta_3) + |V_2|^2 |Y_{22}| \cos \theta_{r2} \\ Q_1 = -|V_1||V_2||Y_{12}| \sin(\theta_{r1} + \delta_1 - \delta_2) - |V_1|^2 |Y_{11}| \sin \theta_{r1} - |V_1||V_3||Y_{13}| \sin(\theta_{r1} + \delta_3 - \delta_2) \end{cases}$$

جدول داده شده:

$P_1^{sp} = 0.5$	$\delta_1^{(0)} = 0.0$	$\delta_3^{(0)} = 0.0$	$ V_2 ^{(0)} = 1.0$
$P_2^{sp} = -1.5$	$ V_1  = 1.04$	$\delta_1 = 0.0$	$ V_3  = 1.04$
$Q_1^{sp} = 1.0$			

معادله را در بار اول بازنویسی می‌کنیم:

$$\begin{bmatrix} \Delta P_1 \\ \Delta P_2 \\ \Delta Q_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -0.5 & -(-0.123) \\ -1.5 & -(-0.123) \\ 1.0 & -(-0.192) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -0.123 \\ -1.23 \\ 1.92 \end{bmatrix}$$

نشان بدهد که بارها در بار اول:

$$J = \begin{bmatrix} \frac{\partial P_1}{\partial \delta_2} & \frac{\partial P_2}{\partial \delta_3} & \frac{\partial P_2}{\partial |V_2|} \\ \frac{\partial P_3}{\partial \delta_2} & \frac{\partial P_3}{\partial \delta_3} & \frac{\partial P_3}{\partial |V_2|} \\ \frac{\partial Q_1}{\partial \delta_2} & \frac{\partial Q_1}{\partial \delta_3} & \frac{\partial Q_1}{\partial |V_2|} \end{bmatrix} \quad J^{(0)} = \begin{bmatrix} 24.23 \sin 75.95^\circ & -12.13 & 0.72 \\ -12.13 & 24.23 \sin 75.95^\circ & -0.72 \\ -4.11 & 12.05 & 24.23 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \Delta \delta_2 \\ \Delta \delta_3 \\ \Delta |v_2| \end{bmatrix}^{(0)} = \begin{bmatrix} \dots \\ \dots \\ \dots \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} 0.173 \\ -1.72 \\ 1.95 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} \Delta \delta_2 \\ \Delta \delta_3 \\ \Delta |v_2| \end{bmatrix}^{(0)} = \begin{bmatrix} -0.16233 \\ -0.17134 \\ 0.1089 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 95 \\ 95 \\ 95 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \delta_2 \\ \delta_3 \\ |v_2| \end{bmatrix}^{(1)} = \begin{bmatrix} \dots 23 \\ \dots 654 \\ \dots 29 \end{bmatrix}^{(0)} + \begin{bmatrix} 0.0 \\ 0.0 \\ 1.0 \end{bmatrix}^{(0)} = \begin{bmatrix} -0.16233 \\ -0.17134 \\ 0.1089 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 95 \\ 95 \\ 95 \end{bmatrix}$$

حالا باید  $Q_3$  را هم حساب کنیم چون بایس PV نسبت:

$$Q_3^{(1)} = 0.1447724 \rightarrow \text{که می بینیم در حدود ۰ هست} \rightarrow \begin{bmatrix} 95 \\ 95 \\ 95 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} H \\ H \\ H \end{bmatrix}$$

در واقع بهتر بود که در تعدادات بخش بار مساوی  $Q_3$  را هم می نوشتم آخر جا به داخل میزدیم و هر جا به خارج از کدومه بود باید مساوی بخش بار  $Q_3$  را بنویسیم و  $Q_3$  را حساب کنیم چون در هر یک PV نسبت در PV نسبت برابر است.

پایه برای اینکه بنویسیم در کدومه هست یا نه این کار می کنیم:

$$-0.6 < Q_3 < 1.5 - 0.6 \rightarrow -0.6 < Q_3 < 0.9$$

در این محدوده از  $Q_3$  که در این محدوده است:

$$\begin{cases} v_2 = 1.081 \leftarrow -0.1022 \\ v_3 = 1.08 \leftarrow -0.1025 \end{cases}$$

$$S_2 = 0.15 + (1.08 + 1.08) \cdot 7 = 9.54$$

$$S_3 = -1.25 = 1.031 + 0.15 - 1.08 = 0.1031$$

$$\begin{bmatrix} \Delta P \\ \Delta \varphi \end{bmatrix} = \underbrace{\begin{bmatrix} H & N \\ J & L \end{bmatrix}}_J \begin{bmatrix} \Delta \delta \\ \Delta |v| \end{bmatrix}$$

برای سیم چهار باید داشتیم :

$$\begin{bmatrix} \Delta P_2 \\ \Delta P_3 \\ \Delta Q_2 \\ \Delta Q_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\partial P_2}{\partial \delta_2} & \frac{\partial P_2}{\partial \delta_3} & \frac{\partial P_2}{\partial |v_2|} & \frac{\partial P_2}{\partial |v_3|} \\ \frac{\partial P_3}{\partial \delta_2} & \frac{\partial P_3}{\partial \delta_3} & \frac{\partial P_3}{\partial |v_2|} & \frac{\partial P_3}{\partial |v_3|} \\ \frac{\partial Q_2}{\partial \delta_2} & \frac{\partial Q_2}{\partial \delta_3} & \frac{\partial Q_2}{\partial |v_2|} & \frac{\partial Q_2}{\partial |v_3|} \\ \frac{\partial Q_3}{\partial \delta_2} & \frac{\partial Q_3}{\partial \delta_3} & \frac{\partial Q_3}{\partial |v_2|} & \frac{\partial Q_3}{\partial |v_3|} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta \delta_2 \\ \Delta \delta_3 \\ \Delta |v_2| \\ \Delta |v_3| \end{bmatrix}$$

گفته ۱

$$[H] = \left[ \frac{\partial P}{\partial \delta} \right]$$

$$N = \frac{\partial P}{\partial |v|}$$

$$J = \frac{\partial \varphi}{\partial \delta}$$

$$L = \frac{\partial \varphi}{\partial |v|}$$

$$H_{ii} = -\varphi_i - |v_i|^2 B_{ii}$$

$$Y_{ii} = G_{ii} + j B_{ii}$$

اما فرمول داریم. بنابراین بجای آنکه ماتریس تراژدین را بسازیم از مشتق گیری حساب کنیم، می توانیم از این فرمولها استفاده کنیم.

گفته ۲) یک روش دیگر برای بخش بار وجود دارد که ساده تر است :

بخش بار دی کاپل (Decoupled Load Flow)

$$\Delta P = H \Delta \delta + N \Delta |v|$$

در این نوع بخش بار داریم :

$$\Delta \varphi = J \Delta \delta + L \Delta |v|$$

می بینیم که تغییرات توان آنقدر کم به تغییرات زاویه و ولتاژ وابسته است. با توجه به فرمول هم به همین نتیجه

$$P = \frac{|v_i| |v_j|}{x} \sin \delta \quad P = f(|v|, \delta) \quad \begin{array}{c} v_i < 5 \\ v_j < 10 \end{array} \quad \text{می توانیم برسیم : داشتیم}$$

اما داشتیم که رابطه  $P$  با  $\delta$  قوی است.

$$P \xrightarrow{\text{توی}} \delta$$

$$P \xrightarrow{\text{ضعیف}} |v|$$



با این تفاوت که:  $\Delta P = H \Delta \delta$   $\Delta Q = L \Delta V$

تفاوت این توان ردابط را بصورت در برداشت:

$$\Delta P = H \Delta \delta \rightarrow \begin{bmatrix} \Delta P \\ \Delta Q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} H & 0 \\ 0 & L \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta \delta \\ \Delta V \end{bmatrix}$$

پس در اینجا بجای آنکه  $H, L, J, N$  را حساب می کنیم فقط  $H$  و  $L$  را محاسبه کنیم. در این حالت

سرعت محاسبه بالا می رود اما وقت پائین آمده.

تفاوت این ردابط جدید با ردابط قبلی این است که در اینجا اثر  $\delta$  را تغییر دهم دیگر  $Q$  تغییر نمی کند چون تابع  $\delta$  نیست

دمود  $171$  هم همین طور است. بیاییم کوپلار را حذف کرده ایم چون هر دو ردابط هر کدام به یکی از  $\delta$  و  $V$  وابسته است

بعباری این نوع بخش بار بیان می کند - راضیون است با این تفاوت که  $J$  و  $N$  را حذف کرده ایم.

سوال حل به قبل:

$$\begin{bmatrix} \Delta P_2 \\ \Delta P_3 \\ \Delta Q_4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 24,47 & -12,23 & 21,54 \\ -12,23 & 24,95 & -3,05 \\ -3,11 & 3,05 & 22,54 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta \delta_2 \\ \Delta \delta_3 \\ \Delta V_{21} \end{bmatrix}$$

با روش  $N-R$  این منته را حل می کنیم حال آنکه خواهیم همین مثال را با روش ری کامل حل کنیم. لذا در اینجا

متادیر  $J$  و  $N$  را حذف می نذاریم. داریم:

$$\begin{bmatrix} 0,1023 \\ -0,10454 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 24,47 & -12,23 \\ -12,23 & 24,95 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta \delta_2 \\ \Delta \delta_3 \end{bmatrix} \Rightarrow \Delta \delta_2 = \dots \\ \Delta \delta_3 = \dots$$

$$0,1089 = 22,54 \Delta V_{21} \rightarrow \Delta V_{21} = \frac{0,1089}{22,54} = 0,00483$$

\* یک روش دیگریم بعنوان fast decoupled load flow داریم با این تفاوت که در اینجا  $\sin \delta \approx \delta$  در نظر می‌گیریم  
 $\cos \delta \approx 1$

\* یک روش بخش بار DC هم داریم که در آن  $\phi = 0$  در نظر می‌گیرند لذا در شبیه‌اندازی‌هاش نداریم. و فقط با معادله

توان آسنیو کار می‌کنیم. معادله و چون فقط توان آسنیو را در شبیه‌در نظر می‌گیریم مدار فقط معادله می‌شود لذا حل خیلی ساده‌تر می‌شود.



\* در بخش بار به چند شاخص باید توجه کرد: (۱) دقت (۲) همگرایی (۳) سرعت - تعداد تکرار (۴) زمان محاسبات

۱۵ سهولت در برنامه نویسی  
 G-S  
 N-R  
 دی کال

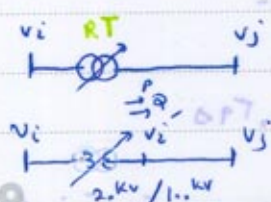
از نظر برنامه نویسی G-S ساده‌تر از N-R است. از نظر همگرایی و دقت N-R بهتر است اما زمان محاسبات

بهبتر است و سرعت کمتر است. نسبت به اینکه کدام شاخص برای ما مهم‌تر است به سراغ یکی از روشهای بخش بار می‌رویم.

مثلاً اگر سرعت بر ما مهم بود به سراغ روش دی کال می‌رویم.

۱۳ ترانسفورماتور با قدر تنظیم (Regulating Transformer) (RT)

دو نوع است: تنظیم دامنه و تناژ / تنظیم زاویه (Phase shifting Trans. (PST))



به چه مقدر استفاده می‌شود؟ فرض کنید خط انتقال زیر بار داریم:

$$P_{A=10} = 10000 \text{ W} = 10 \text{ kW} \quad V_{A=10} = 10 \text{ kV} \quad I_{A=10} = 1000 \text{ A}$$

آر ترانس RT را تنظیم می‌کنند نسبت به ولت ثابت است.

$$1 : 5 \quad k = 5$$

$$1 : k \quad a = \frac{1}{5}$$

سر آینه tap changer ترانس RT را تغییر می دهند لذا دانه‌ها را بالاتر می رود (از ۱۰۰ عبور می شود)

لذا نسبت  $k$  از ۵ عبور می شود، لذا نسبت تبدیل تغییر می کند. اگر در حالت  $P_u$  بخواهم می رسم  $k=1$  می نداریم

چون داریم دانه‌ها را برسم تقسیم می کنیم. لذا:  $k=0.9$  و  $k=1.1$  →  $1/1$

دقی  $k=1$  نوبال،  $k=1.1$  دانه از ۱۰۰ بالاتر رفته  $k=0.9$  دانه از ۱۰۰ پایین تر آمده.

این کار را به این دلیل انجام می دهیم تا دانه‌ها تغییر شود و لذا توان را نسبت عبوری از خط عبور می شود. اگر بخواهم  $k=1.1$

توان را نسبت عبوری کمتر شود  $k=0.9$  می نداریم. اگر بخواهم توان را نسبت از ۷۰ به سمت ۸۰ باید کاری می کنیم

دانه‌ها را از ۱۰۰ به ۷۰ تغییر می دهیم. لذا می توان توان را نسبت عبوری از خط را کنترل کرد. (با تنظیم دانه‌ها و دانه‌ها)

۲) تنظیم زاویه: همین ترانس قبلی است با این تفاوت که در آن زاویه  $\delta$  را کنترل می کنند. لذا می توان استوار  $P$

عبوری از خط را کنترل کرد.

\*\* اگر بخواهیم که ترانسفورماتورها همزمان مقدار اندازه و زاویه را کنترل کنند آن  $b$  نسبت تبدیل عددی فیکس می شود.

حالا با وجود ترانس RT چگونه می توان  $P_{bus}$  را کنترل داد؟ اگر  $k=1$  باشد که  $P_{bus}$  معده می را تغییر می دهیم

اما اگر مقدار  $k$  چیزی غیر از ۱ بود باید در  $P_{bus}$  ظاهر شود. که هر بار  $k$  تغییر می کند مقدار  $k$  را

مقدار جدید می نداریم.



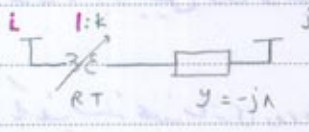
Subject:

Year. Month. Date. ( )

$$I_i = (v_i - kv_j) y = yv_i - kyv_j \rightarrow \begin{bmatrix} I_i \\ I_j \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} y & -ky \\ -ky^* & y \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_i \\ v_j \end{bmatrix}$$

حالا اگر  $k=1$  بگذاریم بیان ماتریس مربوط به حالت بدون ترانس بدست می آید:

این در حالتی بود که ترانس نزدیک به 1 باشد. همین حالت را برای وقتی که ترانس نزدیک به 0 باشد می توان استدلال کرد:



$$\begin{bmatrix} I_i \\ I_j \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} y + k^* & -ky \\ -ky & y \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_i \\ v_j \end{bmatrix}$$

نسبت تبدیل این ترانس  $k=1$  بود، اگر نسبت تبدیل  $k$  بود این ضرایب  $k$  در خروج ظاهر می شود.

برای سادگی طوری را که به این ترانس نزدیک است همیشه ای می نذاریم.

بیان این ماتریس  $Y_{bus}$  بصورت زیر در نظر می آید:

$$Y_{pp} = \begin{bmatrix} -j\omega k^* & j\omega k \\ j\omega k & -j\omega \end{bmatrix} \rightarrow Y_{bus}^{new} = \begin{bmatrix} -j19 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & j19 & -j19 & 0 \\ 0 & -j19 & j19 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -j19 \end{bmatrix} \xrightarrow{k=0.95} \begin{bmatrix} -16.12 & 0 \\ 0 & -16.12 \end{bmatrix}$$

حالا اگر  $k=0.95$  بگذاریم مقدارهای مورد  $Y_{bus}^{new}$  بدست می آید.

اگر  $k=1$  بگذاریم باید بیان مقدار قبلی بدست بیاید.

اگر  $Ph$  هم داشته باشیم فرقی ندارد فقط  $k$  باید عدد مختلفی می شود.

phase shifting

Subject:

Year. Month. Date. (119)

### فصل هشتم: بخش بار اقتصادی (Economic Dispatch):

می‌خواهیم ببینیم که چگونه تعیین کنیم که هرگز تراژدی چه مقدار توان تولید کند؟

هزینه‌های تولید برق در نیروگاه‌ها مختلف است. تفاوت است بسته به نوع تکنولوژی، نوع بهره‌برداری و ...

ملائم‌ترین برای تعیین توان تولیدی هرگز تراژدی ملاک اقتصادی است. هزینه‌های کل بهینه‌تر شود. بنابراین (در این فصل)

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Min } \sum_{i=1}^n c_i(P_{gi}) \\ \text{subject to:} \\ P_{g,i,\min} < P_{gi} < P_{g,i,\max} \\ \sum_{i=1}^n P_{gi} = \sum_{i=1}^n P_{d,i} + P_{loss} \end{array} \right.$$

ما باید مسئله بهینه‌سازی را برود هستیم.

یعنی می‌خواهیم به بیشترین مصرف‌کنان توان تولید کنیم.

توجه: در مسائل بخش بار و بخش بار اقتصادی همزمان مطرح می‌شوند. یعنی باید قیود فصل بخش بار را هم در نظر بگیریم.

که به آن OPF (Optimal Power Flow) می‌گویند.

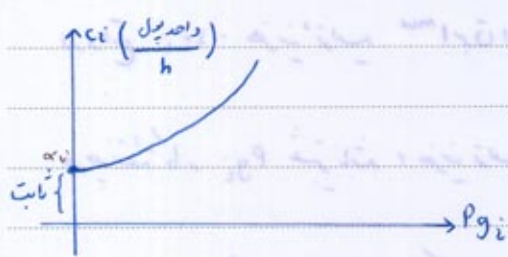
هزینه تولید برق: (۱) هزینه ثابت ۱۲ هزینه متغیر: تابعی از میزان تولید.

(۱) هزینه ثابت: هزینه سرمایه‌گذاری جزو هزینه‌های ثابت می‌باشد. به طور عمده هزینه‌های ثابت شامل هزینه سرمایه‌گذاری می‌شود.

(۲) هزینه متغیر: هزینه بهره‌برداری جزو هزینه‌ها تقسیم می‌باشد. هزینه‌های بهره‌برداری در نیروگاه‌ها شامل:

PAPCO

هزینه سوخت، هزینه تعمیر و نگهداری و هزینه پرسنل می‌باشد.  
(قسمت اعظم)



نابراین اگر منحنی تولید را رسم کنیم خواهیم داشت:

لذا تابع هزینه به توان تولیدی ربط دارد و این ارتباط، سبب ارتباط

(تابع) غیر خطی است.

\* تابع هزینه تولید نزدیک به خطی است. درجه ۲ تقریب زده می شود:

$$C_i(P_{g_i}) = \alpha_i + \beta_i P_{g_i} + \gamma_i P_{g_i}^2$$

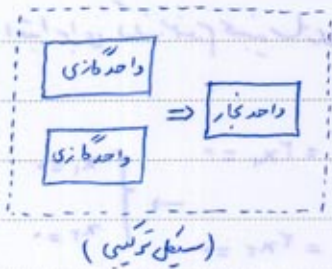
در واقع این ثابت  $\alpha$  و  $\beta$  و  $\gamma$  هستند که هزینه تولید را در نیردهاها مختلف برای مابعدین می کنند و مقادیر تغییر هستند.

نیردهای آبی هزینه سرمایه گذاری بالا است یعنی  $\alpha$  بالا (هزینه سرمایه گذاری) و  $\beta$  و  $\gamma$  (هزینه بهره برداری)

این کم است چون سوخت مصرف نمی شود. به همین ترتیب در نیردهای مختلف مقادیر  $\alpha$  و  $\beta$  و  $\gamma$  متفاوت است.

در نیردها گازهای هر سه این ضرایب بالا هستند. فریت آن فعلا این است که ۱) زمان احداث کم ۲) زمان وارد شدن

به مدار کم (در یک بار به در می خورد)



\* برای افزایش راندمان نیردها، گازهای از سیکل ترکیبی استفاده می شود.

۲ واحد گازی نیاز است چون یک واحد تنها نمی تواند واحد بخار را Support کند.

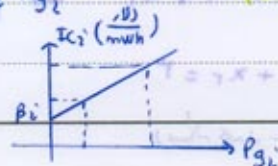
(سیکل ترکیبی)

\* برای به دست آوردن مقدار بهینه ما با عمل مشتق کردن در می شویم که به آن مشتق، خود تابع گفته می شود.

نوع تابع هزینه: (Incremental Cost) (IC)

$$I C_i = \frac{\partial C_i(P_{g_i})}{\partial P_{g_i}} = \beta_i + 2\gamma_i P_{g_i}$$

P4PCO



نابراین تابع هزینه یک خط می شود:

Subject:

Year. Month. Date. (11)

در تابع  $Ic_i$ : هزینه تولید  $m^w$  امپرا افغانی در نطفه بار  $P_{g_i}$  را می رساند.

هر چه نطفه بار  $P_{g_i}$  شتر باشد، هزینه تولید  $Ic_i$  افزایش می یابد. (رابطه مثبت نمودار خطی است)

\* حال ما خواهیم مسأله کهنه سازی را حل کنیم: فرض اولیه برای ساده سازی به بدون تلفات در نظر می گیریم. لذا

مسأله نخست با اقتصاد ای وارد دو حالت بررسی می کنیم: (۱) بدون در نظر گرفتن تلفات

(۲) با در نظر گرفتن تلفات

اگر مسأله را با در نظر گرفتن تلفات حل کنیم اقتصاد تراست

یعنی کاری کنیم که تمام تلفات در سهم هزینه منضم شود.

$$\min \sum_{i=1}^n c_i(P_{g_i})$$

حالت اول: نخست با اقتصاد بدون در نظر گرفتن تلفات

$$P_D = \sum_{i=1}^n P_{g_i}$$

$$P_{g_{i \min}} < P_{g_i} < P_{g_{i \max}}$$

ابتدا برای درک نمودن کهنه سازی در حالت ریاضی شتر آن را توضیح می دهیم:

$$1) \min f(x) \xrightarrow{\text{مثال}} \min f(x_1, x_2) = (x_1^2 + x_2^2) \rightarrow \begin{cases} \frac{\partial f}{\partial x_1} = 2x_1 = 0 \\ \frac{\partial f}{\partial x_2} = 2x_2 = 0 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x_1 = 0 \\ x_2 = 0 \end{cases}$$

یعنی ابتدا اشق می کنیم در مسأله ای با صفر قرار می دهیم. اما در این مسأله صحیح محدودیتی نداریم.

$$2) \min f(x) \xrightarrow{\text{مثال}} \min f(x) = x_1^2 + x_2^2 \rightarrow \begin{cases} s.t: \\ h(x) = 0 \\ 2x_1 + x_2 = 3 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} \text{روش حل: روش لاگرانژ} \end{cases}$$



Subject:

Year. Month. Date. (120)

در روش لاگرانژ تابعی به نام تابع لاگرانژ را تشکیل می دهیم و برای هر تکیه ف جدیدی که وارد تابع اصلی می کنیم:

L(x, λ) = f(x) + λ · h(x)

∂L/∂xi = 0 i=1,2,...,n
∂L/∂λ = 0 -> h(x) = 0

رابطه های: λ1a1 + λ2a2 + ...

L(x1, x2, λ) = x1^2 + x2^2 + λ(2x1 + x2 - 3)

∂L/∂x1 = 2x1 + 2λ = 0
∂L/∂x2 = 2x2 + λ = 0
∂L/∂λ = 2x1 + x2 - 3 = 0
=> x1 = 2/5, x2 = 1/5, λ = -2/5

L(p1, p2, ..., pn, λ) = Σ ci(pi) + λ(P0 - Σ pi)

∂L/∂pi = ∂ci(pi)/∂pi + λ(-1) = 0
∂L/∂λ = P0 - Σ pi = 0

=> Ici - λ = 0 i=1,2,...,n

نابرابری شرط کفنی اقتصادی (در شرایط بدون تعانات) این است که Ici ها با هم برابر و برابر با مقدار λ باشد لذا:

\* در حالت بدون تعانات:

Ic1 = Ic2 = ... = Icn = λ
Σ pi = P0

\* اگر محدودیت اقتصادی هم در شیم بعد از حل در مینیمم به شرایط کفنی اقتصادی می آیم محدودیت اقتصادی را با تعادری برکت

Subject:

Year. Month. Date. (1391)

بررسی می کنیم. اگر محدودیتی برای میزان تقاضا بود مقدار توان را برابر با حد تقاضا شده قرار می دهیم. بقیه بار

را به طور مجدد بین بقیه واحد ها با هم اندازه توزیع می کنیم.

$$I_{C1} = \frac{dC_1(P_1)}{dP_1} = 0.1008P_1 + 8$$

$$I_{C2} = \frac{dC_2(P_2)}{dP_2} = 0.10092P_2 + 7.4$$

مثال) فوخرینه در تیرپا به صورت متقابل است:

$$\begin{cases} 100 < P_1 < 425 \text{ MW} \\ 100 < P_2 < 425 \text{ MW} \end{cases}$$

توزیع اقتصادی بار 900 MW را با در نظر گرفتن محدودیت زیر بار واحد ها تولیدی بدست آورید.

در این مسئله سعی از تعادلات زده = > بود در نظر گرفتن تعادلات حاصل می کنیم:

حالت بودن در محدودیت

$$\begin{cases} I_{C1} = I_{C2} \\ P_1 + P_2 = 900 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 0.1008P_1 + 8 = 0.10092P_2 + 7.4 \\ P_1 + P_2 = 900 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} P_1 = 200 \\ P_2 = 700 \end{cases}$$

در حالت دیگری  $P_1$  و  $P_2$  را تغییر از آن مقدار بگذاریم هزینه کمتر می شود.

ب) اگر بار مصرفی 1230 MW باشد توزیع اقتصادی چقدر می شود؟

$$\begin{cases} 0.1008P_1 + 8 = 0.10092P_2 + 7.4 \\ P_1 + P_2 = 1230 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} P_1 = 580 \\ P_2 = 650 \end{cases}$$

$$P_1 = P_2 = 625 \text{ MW}$$

$$P_1 = 1230 - 625 = 605 \text{ MW}$$

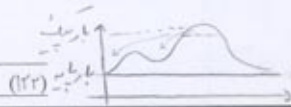
حالا بقیه توان را بین بقیه واحد های تقاضا شده مجدد توزیع می کنیم:

توجه: دستورالعمل تقاضا  $I_C$  ها را هم برابر میسازیم چون محدودیت تقاضا شده اما آن تقاضا بقیه اقتصادی هست.

ج) اگر بار مصرفی 3000 MW باشد توزیع اقتصادی را مجدد بدست آورید.

Subject:

Year. Month. Date.



$$\begin{cases} 0.1008 P_1 + 18 = 0.1009 P_2 + 31 \epsilon \\ P_1 + P_2 = 1000 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} P_1 = 73 \text{ MW} < P_{1, \min} \\ P_2 = 227 \text{ MW} \checkmark \end{cases} \rightarrow \begin{cases} P_1 = P_1^{\min} = 100 \\ P_2 = P_D - P_1 = 1000 - 100 = 900 \end{cases}$$

$$\begin{cases} I_{G1} = I_{G2} \\ I_{C1} = I_{C2} \\ P_1 + P_2 + P_3 = P_D \end{cases} \rightarrow P_1, P_2, P_3 \rightarrow P_1^{\max} = P_1 \rightarrow \begin{cases} I_{C2} = I_{C3} \\ P_2 + P_3 = P_D - P_1^{\max} \end{cases}$$

(د) در حالت اول اگر بار مصرفی ۹۰۰ MW را بطور یکسان بین دو واحد تقسیم کنیم دویم چه قدر هزینه تغییر می کند؟

$P_1: 100 \rightarrow 450$

$P_2: 500 \rightarrow 450$

$$\Delta C_1 = \int_{100}^{450} (0.1008 P_1 + 18) dP_1 = +570 \frac{\text{دولار}}{\text{ساعت}}$$

یعنی اگر واحد ۱ جای ۴۵۰ تا مصرف کند هزینه کل افزایش ۵۷۰ دلار در اختیار می آید.

$$\Delta C_2 = \int_{500}^{450} (-0.1009 P_2 + 31 \epsilon) dP_2 = -54 \epsilon \frac{\text{دولار}}{\text{ساعت}}$$

$$\rightarrow \Delta C = \Delta C_1 + \Delta C_2 = 570 - 54 \epsilon = 22 \frac{\text{دولار}}{\text{ساعت}}$$

$$\rightarrow \Delta C_{\text{سال}} = 22 \times 24 \times 365 = 192 \text{ هزار دلار سال}$$

$$\min \sum_{i=1}^n C_i(P_{Gi})$$

s.t:  $P_D + P_{Loss} = \sum_{i=1}^n P_{Gi}$

$P_{Gi}^{\min} < P_{Gi} < P_{Gi}^{\max}$

$L(P_{G1}, \dots, P_{Gn}, \lambda) = \dots$

$\sum_{i=1}^n C_i(P_{Gi}) + \lambda (P_D + P_{Loss} - \sum_{i=1}^n P_{Gi})$

PAPCO

$$\frac{\partial L}{\partial P_{Gi}} = \frac{\partial C_i(P_{Gi})}{\partial P_{Gi}} + \lambda \left( \frac{\partial P_{Loss}}{\partial P_{Gi}} - 1 \right) = 0 \quad i=1, 2, \dots, n$$

$$\frac{\partial L}{\partial \lambda} = P_D + P_{Loss} - \sum_{i=1}^n P_{Gi} = 0$$

Subject:

Year. Month. Date. (1392)

$$ITL_i \triangleq \frac{\partial P_{Loss}}{\partial P_{gi}}$$

Incremental Transmission Loss: ITL

تعریف می کنیم:

« نمودار انتقال »

$$\rightarrow I_{ci} + \lambda(ITL_i - 1) = 0 \rightarrow \lambda = \frac{1}{1 - ITL_i} \cdot I_{ci}$$

$$\rightarrow \lambda = L_i \cdot I_{ci}$$

Penalty Factor:  $L_i$  ناقد راضی بر اجزای

در حالت با تلفات:

شرط بهینه اقتصادی:

$$L_i I_{ci} = L_r I_{cr} = \dots = L_n I_{cn}$$

$$\lambda \text{ در } P_D + P_{Loss} = \sum_{i=1}^n P_{gi}$$

نابراین در اینجا ابتدا می بینیم از تلفات نسبت به  $P_{gi}$  مشتق می گیریم و بعداً با توجه به حساب می کنیم (حماً بود ثابت

غیر ممکن است تابع  $P_{gi}$  ما باشد.)

$$P_{Loss} = 0.004 P_1^2 + 0.002 P_1 P_2 + 0.001 P_2^2$$

مثال 1 حالت 2 واحد:

$$ITL_1 = \frac{\partial P_{Loss}}{\partial P_1} = 0.008 P_1 + 0.002 P_2 \rightarrow L_1 = \frac{1}{1 - ITL_1} = \frac{1}{1 - 0.008 P_1 - 0.002 P_2}$$

$$ITL_2 = \frac{\partial P_{Loss}}{\partial P_2} = 0.002 P_1 + 0.004 P_2 \rightarrow L_2 = \frac{1}{1 - ITL_2} = \frac{1}{1 - 0.002 P_1 - 0.004 P_2}$$

$$\rightarrow \begin{cases} L_1 \cdot I_{c1} = L_2 \cdot I_{c2} \\ P_1 + P_2 = P_D + P_{Loss} \end{cases}$$

از حل این دستگاه  $P_1$  و  $P_2$  به دست می آید.

$$\bar{P} = \begin{bmatrix} P_1 \\ \vdots \\ P_n \end{bmatrix}$$

\* فرم کلی تابع تلفات: اگر داشته باشیم:

$$P_{Loss} = P_{in}^T \cdot B \cdot P_{in}$$

ماتریس تلفات مثبت

PAPCO

آن با تابع تلفات را عبور از ورودی تعیین می کنیم:

Subject:

Year. Month. Date. (۱۳۹۹)

مثلاً اگر ۲ واحد داشته باشیم:

$$P_{Loss} = [P_1 \ P_2] \begin{bmatrix} B_{11} & B_{12} \\ B_{21} & B_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} P_1 \\ P_2 \end{bmatrix}$$

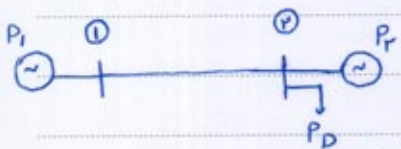
$$\rightarrow P_{Loss} = B_{11} P_1^2 + B_{12} P_1 P_2 + B_{21} P_1 P_2 + B_{22} P_2^2$$

$$= B_{11} P_1^2 + 2 B_{12} P_1 P_2 + B_{22} P_2^2$$

\* ماتریس تلفات متعارف است ،  $B_{21} = B_{12}$  و  $B_{11} = B_{22}$

\* در سائلی یا ماتریس تلفات را می دهند و  $P_{Loss}$  را خودمان باید حساب کنیم یا در سنده مقدار آن را سیستمی دهند یا از

اطلاعاتی که در سانه هست باید  $P_{Loss}$  را تعیین کنیم.



مثال (دایگرام مشخص یک سیستم قدرت ۲ با سه بصورت متعارف است):

در صورتی که ۲۰۰ موان از باس ۱ به باس ۲ منتقل شود تلفات خط ۱۶ موان خواهد بود. اگر هزینه سینه ۲ واحد ها بصورت زیر باشد

برای حالتی که  $\lambda = 14.5 \frac{\text{دولار}}{\text{MWh}}$  باشد توان تولیدی هزینه  $b$  و همچنین میزان مصرف را بدست آورید.

\* ابعاد  $B$  به تعداد باسها است یعنی مثلاً اگر ۲ باس داریم  $B$   $2 \times 2$  است.

$$\begin{cases} IC_1 = 0.1 P_1 + 1.5 \text{ دلار/MWh} \\ IC_2 = 0.1 P_2 + 9.5 \text{ دلار/MWh} \end{cases}$$

$$P_{Loss} = P^T \cdot B \cdot P = [P_1 \ P_2] \begin{bmatrix} B_{11} & B_{12} \\ B_{21} & B_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} P_1 \\ P_2 \end{bmatrix} = B_{11} P_1^2 + 2 B_{12} P_1 P_2 + B_{22} P_2^2$$

\* در باس ۱ یک بار می توانیم یک  $P_1$  تولید می کنند تا  $P_D$  مصرف کنند پس هر چه  $P_1$  تولید کنند نزدیک به خطی شود.

پس تلفات خط فقط تابع  $P_1$  است. لذا در اینجا با  $P_1$  می توانیم  $P_D$  را هزینه شود:

PAPCO

(اولی اگر در باس یک مصرف کنند این سیستم از این نکته می توانیم استفاده کنیم)

Subject:

Year. Month. Date. (13/4)

$$B_{11} = \dots \rightarrow P_{Loss} = B_{11} P_1^2 \rightarrow 19 = B_{11} (100)^2 \rightarrow B_{11} = 0.0019$$

$$P_{Loss} = 0.0019 P_1^2$$

$$\begin{cases} ITL_1 = \frac{\partial P_{Loss}}{\partial P_1} = 0.0038 P_1 \rightarrow L_1 = \frac{1}{1 - ITL_1} = \frac{1}{1 - 0.0038 P_1} \\ ITL_2 = \frac{\partial P_{Loss}}{\partial P_2} = 0 \rightarrow L_2 = \frac{1}{1} = 1 \end{cases}$$

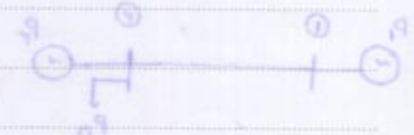
$$L_1 I_{C1} = L_2 I_{C2} = \lambda = 17.5$$

$$P_1 + P_2 = P_D + P_{Loss} \rightarrow L_1 I_{C1}^2 = 17.5^2 = 306.25 \quad P_1 = 100 = 100$$

$$L_1 I_{C1} = 17.5 \rightarrow \frac{1}{1 - 0.0038 P_1} (0.0019 P_1 + 17.5) = 17.5 \rightarrow P_1 = 100 \text{ mW}$$

$$L_2 I_{C2} = 17.5 \rightarrow 1 \times (0.01 P_2 + 17.5) = 17.5 \rightarrow P_2 = 100 \text{ mW}$$

$$P_{Loss} = 0.0019 P_1^2 = 0.0019 \times (100)^2 = 19 \text{ mW}$$



$$P_D = P_1 + P_2 - P_{Loss} = 100 + 100 - 19 = 181 \text{ mW}$$

Handwritten notes and calculations in blue ink, including a small diagram of a resistor and a load.

$$\begin{cases} \Delta V + 19 \Delta I = 0 \\ \Delta V + 19 \Delta I = 0 \end{cases}$$