

سلامتت بخیر

سایت تخصصی برق

[www.power2.ir](http://www.power2.ir)

[reza@power2.ir](mailto:reza@power2.ir)

# ماشین های الکتریکی

طرح 90 درصد پارسه برای کنکور کارشناسی ارشد

[www.power2.ir](http://www.power2.ir)

## مقدمه

دشوارترین قدم، همان آخرین قدم است. دوران پایانی مطالعه کنکور به علت پراکندگی مطالب درسی و فاصله بین مطالعه فصول ابتدایی و انتهایی، نیاز به جمع‌بندی و مرور مطالب در زمان کوتاه کنکور دارد. جزوه پیش رو در راستای این هدف، خلاصه‌ای از درس ماشین‌های الکتریکی مشتمل بر چهار فصل می‌باشد که مجموعه‌ای از تست‌های متنوع در پایان هر فصل قرار داده شده است.

امید است با مطالعه این مجموعه، ضمن تثبیت آموخته‌هایتان، توانایی‌های لازم برای روز آزمون را بهبود بخشیده و با کسب یک اعتماد به نفس کاملاً منطقی، ترفیع قابل توجهی را در رتبه خود ایجاد کنید. همواره به خاطر داشته باشید آخرین کلید باقی‌مانده شاید بازگشاینده‌ی قفل درب باشد.

به امید موفقیت

وحید کریم‌پور



# فصل اول

## مدارهای مغناطیسی و تبدیل الکترومکانیکی

### مدار مغناطیسی و روابط:

$$\phi = BA$$

$$B = \mu_0 \mu_r H$$

$$F = Ni = HL$$

$$R = \frac{L_{av}}{\mu_0 \mu_r A}$$

$L_{av}$ : طول متوسط عبور شار

$A$ : سطح مقطع عبور شار

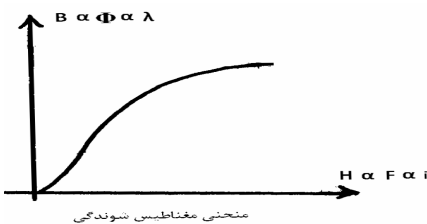
$\mu_0$ : ضریب نفوذپذیری خلأ

$\phi$ : شار مغناطیسی

$\beta$ : چگالی شار مغناطیسی

$F$ : mmf

$R$ : رلوکتانس یا مقاومت مغناطیسی



✓ نقطه‌ای که در آن بیشترین شیب وجود دارد (نقطه زانویی)، ماکزیمم  $\mu$  در آن نقطه رخ می‌دهد که سعی می‌شود ماشین‌های الکتریکی در نقطه زانویی به کار گرفته می‌شوند.

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

**تلفات هسته:**

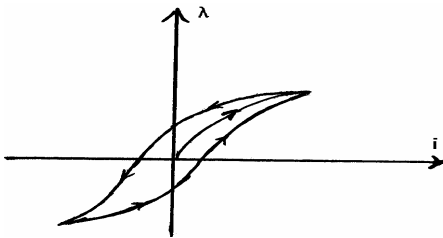
**۱- تلفات پس ماند (هیستریزیس):**

مساحت مساحت منحنی مغناطیس شوندگی  $(\lambda - i), (\varphi - F)$  برابر با تلفات هیستریزیس می‌باشد.

$$P_h = k_h \cdot B_{max}^n \cdot f \quad 1.5 \leq n \leq 2.5$$

$k_h$ : ضریب ثابت تلفات هیستریزیس می‌باشد که به مشخصات هسته بستگی دارد.

**نکته:** مساحت منحنی  $(B-H)$  تلفات واحد حجم هیستریزیس را نشان می‌دهد.



**۲- تلفات فوکو (جریان‌های گردابی):**

$$P_e = K_e B_m^2 f^2$$

$$P_{core} = P_h + P_f$$

تلفات هسته

**نکته:** اگر تحریک DC باشد تلفات فوکو و هیستریزیس صفر است.

تلفات هسته با تحریک سینوسی:

$$V_{eff} = 4.44 N f \phi_m$$

$$P_h = k'_h V^n f^{1-n} \rightarrow \frac{P_{h1}}{P_{h2}} = \left(\frac{V_1}{V_2}\right) \left(\frac{f_1}{f_2}\right)^{1-n}$$

$$P_e = K'_e V_{eff}^2 \rightarrow \frac{P_{e1}}{P_{e2}} = \left(\frac{V_1}{V_2}\right)^2$$

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

ضریب خود القایی (اندوکتانس):

$$L_{11} = \frac{\lambda_{11}}{i_1} = \frac{N_1 \Phi_{11}}{i_1} = \frac{N^2}{R_{eq}}$$

الف: اندوکتانس خودی:

$$L_{12} = \frac{N_1 \Phi_{12}}{i_2}$$

ب: اندوکتانس متقابل:

$\Phi_{12}$ : شار عبوری از سیم‌پیچ اول ناشی از منبع دوم

- برای بدست آوردن  $\Phi_{12}$  منبع اول را خنثی نموده و منبع دوم را روشن گذاشته و سپس شار عبوری از سیم‌پیچ اول را بدست می‌آوریم.

$$W_e = W_f + W_m \quad \text{حالت موتوری}$$

اصول تبدیل انرژی الکترومکانیکی:

$$W_m = W_f + W_e \quad \text{حالت ژنراتوری}$$

$$W_e = \int_{\lambda_1}^{\lambda_2} i d\lambda$$

انرژی میدان مغناطیسی:

۱- سیستم خطی:

$$W_f = \begin{cases} \frac{1}{2} F \phi = \frac{1}{2} \frac{F^2}{R} = \frac{1}{2} R \phi^2 \\ \frac{1}{2} \lambda i = \frac{1}{2} \frac{\lambda^2}{L} = \frac{1}{2} L i^2 \\ \frac{1}{2} V_{core} B \cdot H = \frac{1}{2} V_{core} \frac{B^2}{\mu} = \frac{1}{2} V_{core} \mu H^2 \end{cases}$$

۲- سیستم غیر خطی:

$$W_f = \int i d\lambda = \int F \cdot d\phi = V_{core} \int H \cdot dB$$

مفهوم کوانرژی (شبه انرژی):

$$W'_f = \int \lambda di = \int \phi dF = V_{core} \int B \cdot dH$$

$$W'_f = \lambda i - W_f$$

نکته: شبه انرژی همان مساحت زیر نمودار  $(\lambda - i)$  می‌باشد.

$$W_f = W'_f = \frac{1}{2} \lambda i$$

→ در سیستم خطی داریم

نکته: در سیستم‌های الکترومکانیکی همواره در جهت کاهش فاصله هوایی و رلوکتانس و افزایش اندوکتانس می‌باشد.

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

بررسی حالات مختلف در حرکت:

۱- حرکت بی‌نهایت سریع:

$\lambda = \text{ثابت} \rightarrow dW_e = 0$

$$dW_m = -dW_f \quad F = \frac{-\partial W_f(\lambda, x)}{\partial x}, \quad i = \frac{\partial W_f(\lambda, x)}{\partial \lambda}$$

تذکر: در حرکت سریع،  $W_f$  باید تابعی از مقدار ثابت  $\lambda, x$  باشد نه  $i$ ، بنابراین روابط به کار رفته در حرکت سریع باید تابعی از  $\lambda, x$  و یا  $\phi$  و  $H, F, i$  باشد نه  $H$  و  $\phi$

نیروی مکانیکی  $F_m = -\frac{1}{2} \phi^2 \frac{dR}{dx} = \frac{1}{2} \frac{B^2}{\mu} \frac{dV_{\text{core}}}{dx} = \frac{1}{2} \frac{\lambda^2}{L^2} \frac{dL}{dx}$

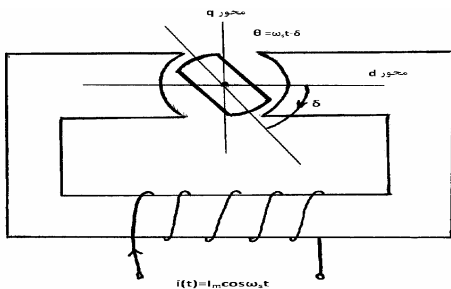
نکته: مساحت محصور بین دو نقطه کاری در منحنی  $i-\lambda$  برابر با کار مکانیکی است.

۲: حرکت با سرعت بی‌نهایت آرام:

$I = \text{ثابت}$

$$F = \frac{\partial W_f'(i, x)}{\partial x}, \quad \lambda = \frac{\partial W_f'(i, x)}{\partial i} \quad \text{نیروی مکانیکی} \quad F_m = -\frac{1}{2} \frac{F^2}{R^2} \frac{dR}{dx} = \frac{1}{2} i^2 \frac{dL}{dx} = \frac{1}{2} \mu H^2 \frac{dV_{\text{core}}}{dx}$$

ماشین تک تحریکه دورانی (موتور رلوکتانسی):



$R_{\min} = R_d$

$R_{\max} = R_q$

$R_1 = \frac{1}{2} (R_q + R_d)$

$R_2 = -\frac{1}{2} (R_q - R_d) \cos 2\theta_r$

$R_L = R_1 + R_2$

$T_e = -\frac{1}{2} \phi^2 \frac{dR_L}{d\theta}$

$T_e = -\frac{1}{4} \phi_m^2 (R_q - R_d) [\sin(2\omega_m t - 2\delta) + \frac{1}{2} \sin(2\omega_m t + 2\omega_s t - 2\delta) + \frac{1}{2} \sin(2\omega_m t - 2\omega_s t - 2\delta)]$

اگر  $\omega_s = \omega_m$  باشد  $T_{e_{av}} = 0$

اگر  $\omega_s \neq \omega_m$  باشد گشتاور متوسط صفر نمی‌شود.

$T_{e_{av}} = \frac{1}{8} \phi_m^2 (R_q - R_d) \sin 2\delta, \quad T_{e_{av_{max}}} = \frac{1}{8} \phi_m^2 (R_q - R_d)$

یادداشت:

.....  
 .....  
 .....  
 .....



$$T_{e_{av}} = \frac{V_t}{4\omega} (I_q - I_d) \sin 2\delta$$

ضریب القای محور مستقیم  $L_d = \frac{N^2}{R_d}$

ضریب القای محور عرضی  $L_q = \frac{N^2}{R_q}$

### سیستم‌های مغناطیسی دو تحرک:

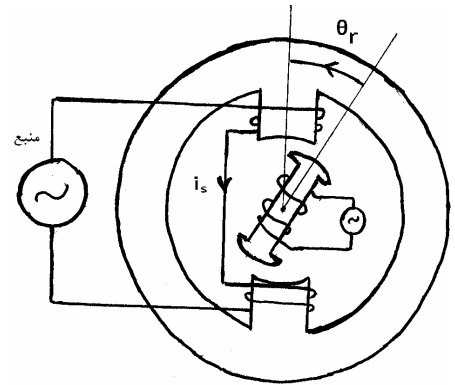
$$\lambda_s = L_s i_s + L_{sr} i_r$$

$$\lambda_r = L_r i_r + L_{sr} i_s$$

ضریب خودالقای سیم‌پیچ استاتور  $L_s = \frac{N_s^2}{R_s}$

ضریب خود القای سیم‌پیچ روتور  $L_r = \frac{N_r^2}{R_r}$

ضریب القای متقابل سیم‌پیچ استاتور و روتور  $L_{sr} = \frac{N_s N_r}{R_{sr}}$



گشتاور  $T_e = \frac{1}{2} i_s^2 \frac{dL_s}{d\theta_r} + \frac{1}{2} i_r^2 \frac{dL_r}{d\theta_r} + i_s i_r \frac{dL_{sr}}{d\theta_r}$

عبارت اول: گشتاور رلوکتانسی ناشی از تحریک استاتور یا گشتاور خودی استاتور

عبارت دوم: گشتاور رلوکتانسی ناشی از تحریک روتور یا گشتاور خودی روتور

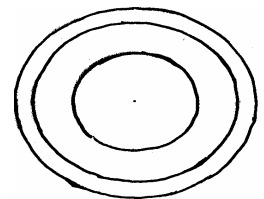
عبارت سوم: گشتاور الکترومغناطیسی یا تداخلی یا تقابلی

### انواع ماشین:

#### ۱- ماشین سنکرون قطب صاف (استوانه‌ای):

در این ساختار  $R_{rr}$  و  $R_{ss}$  هر دو ثابت است و تنها گشتاور الکترومغناطیسی داریم:

$$\frac{dL_{ss}}{d\theta_r} = 0, \quad \frac{dL_{rr}}{d\theta_r} = 0, \quad T = i_s i_r \frac{dL_{sr}}{d\theta_r}$$



یادداشت:

.....

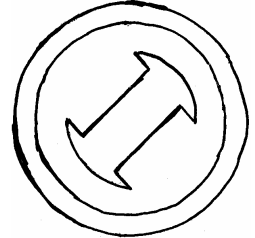
.....

.....

.....

۲- ماشین قطب برجسته:

در این ساختار تنها  $R_{rr}$  ثابت است.

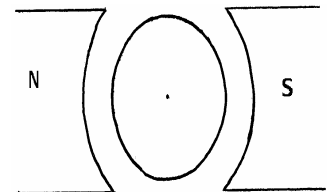


$$\frac{dL_{rr}}{d\theta_r} = 0$$

$$T = \frac{1}{2} i_s^2 \frac{dL_{ss}}{d\theta_r} + i_s i_r \frac{dL_{sr}}{d\theta_r}$$

۳- ماشین استاتور برجسته:

در این نوع ماشین تنها  $R_{ss}$  ثابت است.



$$\frac{dL_{ss}}{d\theta_r} = 0$$

$$T = \frac{1}{2} i_r \frac{dL_{rr}}{d\theta_r} + i_s i_r \frac{dL_{sr}}{d\theta_r}$$

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

## مسائل تکمیلی فصل اول

۱ - یک مدار مغناطیسی دارای سطح مقطع  $12.5\text{cm}^2$  و طول متوسط  $25\text{cm}$  است. اگر تعداد دورهای سیم‌پیچ تحریک مدار 100 دور و جریان گذرنده از آن  $10\text{A}$  باشد و شار معادل در مدار برابر  $1.83\text{mwb}$  باشد، اگر بتوان رابطه  $B-H$  را برای ماده مغناطیسی هسته به صورت  $B = \frac{aH}{b+H}$  بیان نمود، آن‌گاه برای هسته این مدار مغناطیسی،  $a$  و  $b$  برابرند با:

$$\begin{matrix} a=1 \\ b=100 \end{matrix} \quad (۴)$$

$$\begin{matrix} a=1 \\ b=150 \end{matrix} \quad (۳)$$

$$\begin{matrix} a=1.5 \\ b=100 \end{matrix} \quad (۲)$$

$$\begin{matrix} a=1.5 \\ b=150 \end{matrix} \quad (۱)$$

حل: گزینه ۲ درست است.

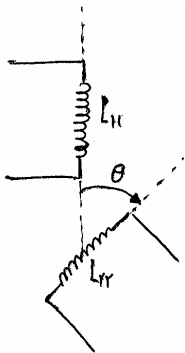
$$NI = H\ell \Rightarrow 100 \times 10 = H \times 25 \times 10^{-2} \Rightarrow H = 4000 \frac{AT}{m}$$

$$\phi = 1.83 \text{ mwb} = BA \Rightarrow B = \frac{1.83 \times 10^{-3}}{12.5 \times 10^{-4}} = 1.464 \text{ T}$$

با استفاده از دو مقدار به دست آمده برای  $B$  و  $H$  تنها گزینه 2 ( $a=1.5$  ,  $b=100$ ) موجب می‌شود رابطه  $B-H$  برقرار باشد.

۲ - دو سیم‌پیچ نشان داده شده در شکل، دارای ضرایب القایی زیر هستند. اگر گشتاور الکتریکی آن‌ها در حالتی که سیم‌پیچ اتصال کوتاه شده باشد و جریان  $I_0$  از سیم‌پیچ دوم بگذرد محاسبه شود، آن‌گاه کدام گزینه در مورد آن صحیح نیست؟

( $A$  و  $B$  و  $C$  مقادیر ثابتی هستند)  $L_{11} = A$  ,  $L_{22} = B$  ,  $L_{12} = L_{21} = C \cos \theta$



(۱) تابعی از  $\sin(2\theta)$  است.

(۲) تابعی از  $A$  و  $C$  است.

(۳) تابعی از  $B$  و  $C$  است.

(۴) تابعی از مجذور  $I_0$  است.

حل: گزینه ۳ درست است.

اگر سیم‌پیچ اول اتصال کوتاه شود، داریم:

$$\frac{d}{dt}(L_{11}i_1 + L_{12}i_2) = 0 \Rightarrow L_{11}i_1 + L_{12}i_2 = cte = K$$

$$\Rightarrow i_1 = \frac{K - L_{12}I_0}{A}$$

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

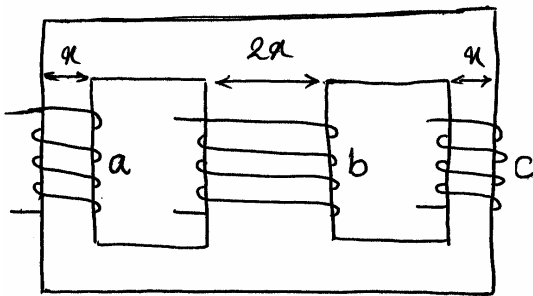
$$W_m = \frac{A}{2} \left[ \frac{K - L_{12} I_0}{A} \right]^2 + \frac{B}{2} I_0^2 + L_{12} I_0 \left[ \frac{K - L_{12} I_0}{A} \right]$$

$$W_m = \frac{K^2}{2A} - \frac{L_{12}^2 I_0^2}{2A} + \frac{B}{2} I_0^2 = \frac{K^2}{2A} + \frac{B}{2} I_0^2 - \frac{I_0^2}{2A} C^2 \cos^2 \theta$$

$$T_e = \frac{dW_m}{d\theta} = \frac{I_0^2}{A} C^2 \sin \theta \cos \theta = \frac{I_0^2}{2A} C^2 \sin 2\theta$$

$$N_a = N_c = 4N_b$$

۳- در شکل مقابل اندوکتانس خودی b نسبت به اندوکتانس خودی a کدام است؟



$$\frac{1}{8} \quad (1)$$

$$\frac{1}{12} \quad (2)$$

$$\frac{1}{4} \quad (3)$$

$$\frac{1}{6} \quad (4)$$

حل: گزینه ۲ درست است.

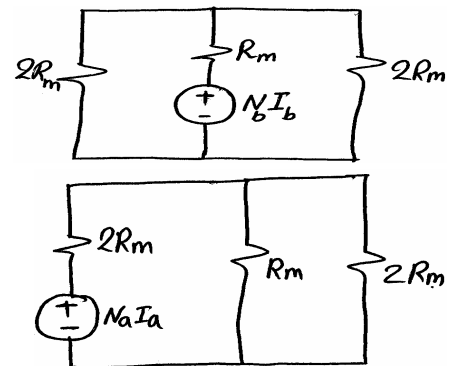
$$R_{eq} = (2R_m \parallel 2R_m) + R_m = 2R_m$$

$$L_{bb} = \frac{N_b^2}{R_{eq}} = \frac{N_b^2}{2R_m}$$

$$R_{eq} = (R_m \parallel 2R_m) + 2R_m = \frac{8}{3} R_m$$

$$L_{aa} = \frac{N_a^2}{R_{eq}} = \frac{N_a^2}{\frac{8}{3} R_m}$$

$$\frac{L_{bb}}{L_{aa}} = \frac{\frac{N_b^2}{2R_m}}{\frac{3N_a^2}{8R_m}} = \frac{N_b^2}{2} \cdot \frac{8R_m}{3(4N_b)^2} = \frac{N_b^2}{2} \cdot \frac{8R_m}{48N_b^2} = \frac{1}{12}$$



یادداشت:

.....

.....

.....

.....

۴ - در یک سیستم دوتحریکه داریم:

$$\begin{cases} \lambda_1 = \theta i_1^2 \\ \lambda_2 = \cos \theta i_1 i_2 \end{cases}$$

کد  $\theta$  زاویه روتور و  $\lambda_1$  و  $\lambda_2$  شار پیوندی سیم‌پیچ‌ها است. گشتاور  $T_e$  در وضعیت  $i_1 = i_2 = 1A$  و  $\theta = \frac{\pi}{2}$  کدام است.

$$\begin{matrix} -\frac{1}{6} \text{ (۴)} & -\frac{2}{3} \text{ (۳)} & -\frac{1}{2} \text{ (۲)} & -\frac{1}{3} \text{ (۱)} \end{matrix}$$

حل: گزینه ۴ درست است.

$$W_{f_1} = \int i_1 \frac{\partial \lambda(i_1, \theta)}{\partial i_1} di_1 = \int i_1 (2\theta i_1) di_1 = \frac{2i_1^3 \theta}{3}$$

$$W_{f_2} = \int \left( i_1 \frac{\partial \lambda_1}{\partial i_2} di_2 + i_2 \frac{\partial \lambda_2}{\partial i_2} di_2 \right) = \int (i_1 \times 0 \times di_2 + i_2 \cdot \cos \theta \cdot i_1 di_2) = \frac{i_1 i_2^2 \cos \theta}{2}$$

$$W_f = W_{f_1} + W_{f_2} = \frac{2i_1^3 \theta}{3} + \frac{i_1 i_2^2 \cos \theta}{2}$$

$$T_e = i_1 \frac{\partial \lambda_1}{\partial \theta} + i_2 \frac{\partial \lambda_2}{\partial \theta} - \frac{\partial w_f}{\partial \theta} \Rightarrow T_e = i_1 \times i_1^2 + i_2 (-\sin \theta) i_1 i_2 - \frac{2}{3} i_1^3 + \frac{i_1 i_2^2 \sin \theta}{2} = \frac{i_1^3}{3} - \frac{i_1 i_2^2 \sin \theta}{2}$$

$$T_e \Big|_{\theta = \frac{\pi}{2}, i_1 = i_2 = 1} = \frac{1}{3} - \frac{1}{2} = -\frac{1}{6} \text{ N.m}$$

۵ - سیم‌پیچ استاتور و روتور دارای پارامترهای زیر هستند:

$$\theta_r \text{ که } \begin{cases} r_s = 2.5 \Omega & r_r = 3 \Omega \\ L_s = 0.03 \text{ H} & L_r = 0.12 \text{ H} \end{cases}, M_{sr} = 0.06 \cos \theta_r$$

زاویه فضایی بین محورهای سیم‌پیچ روتور و استاتور است. دو سیم‌پیچ با هم موازی شده‌اند و روتور در وضعیت  $\theta_r = 90^\circ$  قرار دارد. در زمان  $t=0$  سیم‌پیچ‌ها به منبع ولتاژ 30 ولت dc وصل می‌شوند و مقدار جریان اولیه صفر است. گشتاور در حالت ماندگار کدام است؟

$$\begin{matrix} -1.8 \text{ Nm (۴)} & -2.4 \text{ Nm (۳)} & -7.2 \text{ Nm (۲)} & -3.6 \text{ Nm (۱)} \end{matrix}$$

حل: گزینه ۲ درست است.

$$V_r = r_r i_r + L_r \frac{di_r}{dt} + M_{sr} \frac{di_s}{dt} \Rightarrow 30 = 3i_r + 0.12 \frac{di_r}{dt} + 0.06 \cos \theta_r \frac{di_s}{dt}$$

می‌دانیم

$$\theta_r = 90 \Rightarrow M_{sr} = 0$$

$$V_s = r_s i_s + L_s \frac{di_s}{dt} + M_{rs} \frac{di_r}{dt} \Rightarrow 30 = 2.5i_s + 0.03 \frac{di_s}{dt} + 0.06 \cos \theta_r \frac{di_r}{dt}$$

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

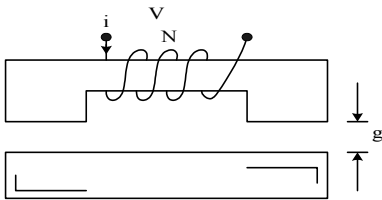
$$\Rightarrow \begin{cases} 3i_r + 0.12 \frac{di_r}{dt} = 30 \\ 2.5i_s + 0.03 \frac{di_s}{dt} = 30 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} i_r(\infty) = \frac{30}{3} = 10(A) \\ i_s(\infty) = \frac{30}{2.5} = 12(A) \end{cases}$$

$$W'_f = \frac{1}{2} L_r i_r^2 + \frac{1}{2} L_s i_s^2 + M_{sr} i_s i_r$$

$$T_e = \frac{\partial W'_f}{\partial \theta} = -0.06 \sin \theta_r \cdot i_s \cdot i_r \Rightarrow \theta_r = 90^\circ \Rightarrow T_e = -0.06 i_s \cdot i_r$$

$$T_e(\infty) = -0.06 \times i_s(\infty) \times i_r(\infty) = -0.06 \times 12 \times 10 = -7.2 \text{ N.m}$$

۶- یک رله الکترومغناطیسی مطابق شکل با فاصله هوایی به طول 1mm وقتی با منبع ولتاژ متناوب با ولتاژ ثابت 220 V تغذیه می‌شود، 1(A) جریان می‌کشد. اگر طول فاصله هوایی دو برابر شود و ولتاژ منبع دو برابر شود، جریان گرفته شده توسط پیچک چقدر خواهد شد؟

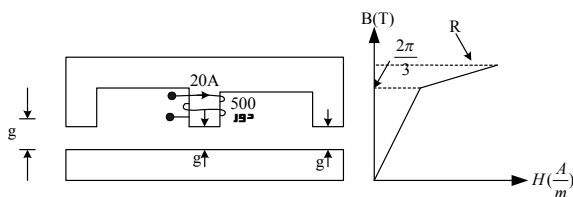


- (۱) تقریباً نصف می‌شود.
- (۲) تقریباً ثابت می‌ماند.
- (۳) تقریباً دو برابر می‌شود.
- (۴) تقریباً چهار برابر می‌شود.

حل: گزینه ۴ درست است.

$$\left. \begin{matrix} R_1 = \frac{2g}{\mu \cdot A} \\ R_2 = \frac{4g}{\mu \cdot A} \end{matrix} \right\} R_2 = 2R_1 \rightarrow \left. \begin{matrix} R_1 \phi = Ni_1 \\ R_2 2\phi = Ni_2 \end{matrix} \right\} \Rightarrow \frac{R_2 2\phi}{R_1 \phi} = \frac{i_2}{i_1} \Rightarrow \frac{i_2}{i_1} = 4$$

۷- در سیستم الکترومغناطیسی روبرو از مقاومت مغناطیسی قسمت‌های افقی هسته صرف نظر می‌شود و فرض می‌شود که رابطه B - H - ساقه‌ها به صورت زیر می‌باشد. حداکثر فاصله هوایی چقدر باشد تا با جریان 20 A ساق‌های هسته به اشباع نرود؟

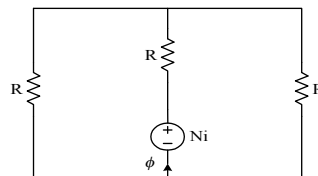


- (۱) 4 mm
- (۲) 3 mm
- (۳) 2 mm
- (۴) 1 mm

حل: گزینه ۱ درست است.

$$R_{eq} = \frac{3}{2} R = \frac{3}{2} \frac{g}{\mu \cdot A} \Rightarrow \frac{3}{2} \frac{Bg}{\mu_0} = Ni$$

$$\frac{3}{2} \times \frac{2\pi}{4\pi \times 10^{-7}} \frac{g}{3} = 500 \times 20 \Rightarrow g = 4 \text{ mm}$$



یادداشت:

.....

.....

.....

.....

۸- معادله کوانژری در یک سیستم الکترومکانیکی دو تحریر به شکل  $w' = \frac{x}{x+0.01} i_1^3 i_2^2$  است. مقدار انرژی ذخیره شده در

میدان در حالی که  $x = 0.01 \text{ m}$ ,  $i_1 = 2 \text{ A}$ ,  $i_2 = 3 \text{ A}$  باشد چند ژول است؟

36 (۴)

72 (۳)

108 (۲)

144 (۱)

حل: گزینه ۱ درست است.

در سیستم دو تحریر مجموع انرژی و کوانژری عبارت است از:

$$w + w' = \lambda_1 i_1 + \lambda_2 i_2 \quad , \quad w' = \frac{x}{x+0.01} i_1^3 i_2^2$$

$$\rightarrow \lambda = \frac{x}{x+0.01} \times 3 i_1^2 i_2^2 + \frac{x}{x+0.01} i_1^3 \times 2 i_2$$

$$x = 0.01 \text{ ازای } \rightarrow \lambda = \left[ \frac{3}{2} i_1^2 i_2^2 + i_1^3 i_2 \right] = \lambda_1 + \lambda_2 \quad , \quad w' = \frac{1}{2} i_1^3 i_2^2$$

$$w = (\lambda_1 i_1 + \lambda_2 i_2) - w' = \frac{3}{2} i_1^3 i_2^2 + i_1^3 i_2^2 - \frac{1}{2} i_1^3 i_2^2 - 2 i_1^3 i_2^2 \rightarrow w = 144$$

۹- در یک ماشین الکتریکی با فاصله هوایی یکنواخت پارامترهای ماشین عبارت است از:

$$L_s = a \quad L_r = b \quad L_{sr} = C \cos \theta_r$$

که  $\theta_r$  زاویه نسبی بین محورهای روتور و استاتور است. از مقاومت استاتور و روتور صرف نظر کنید. استاتور توسط جریان  $I$  تحریر

می‌شود. در حالی که روتور اتصال کوتاه شده است. آنگاه گشتاور حداکثر در بازه حرکتی  $0 < \theta_r < \frac{\pi}{2}$  در چه زاویه‌ای رخ می‌دهد و مقدار

گشتاور حداکثر چقدر می‌باشد؟

$$\frac{C^2 I^2}{a}, \frac{\pi}{4} \quad (۴)$$

$$\frac{C^2 I^2}{2a}, \frac{\pi}{4} \quad (۳)$$

$$\frac{C^2 I^2}{a}, \frac{\pi}{2} \quad (۲)$$

$$\frac{C^2 I^2}{2a}, \frac{\pi}{2} \quad (۱)$$

حل: گزینه ۳ درست است.

$$\frac{d}{dt} (L_r i_r + L_{sr} i_s) = 0 \Rightarrow a i_r + c \cos \theta_r \cdot I = 0 \Rightarrow i_r = -\frac{c}{a} \cos \theta_r \cdot I$$

$$T = i_s i_r \frac{dL_{sr}}{d\theta_r} = -I^2 \cdot \frac{c}{a} \cos \theta_r \times (c \sin \theta_r) = \frac{1}{2} \frac{c^2}{a} I^2 \sin 2\theta_r \Rightarrow \sin 2\theta_r = 1 \Rightarrow 2\theta_r = \frac{\pi}{2} \Rightarrow \theta_r = \frac{\pi}{4}, T_m = \frac{c^2 I^2}{2a}$$

یادداشت:

.....

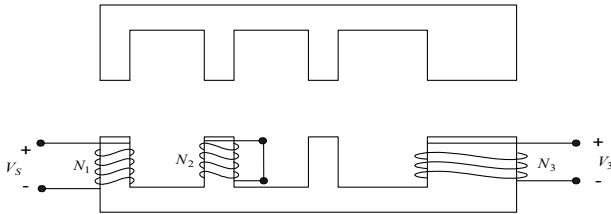
.....

.....

.....

۱۰ - در مدار زیر، سطح مقطع در تمام ستون‌ها A و در ستون سمت راست 2A می‌باشد. سیم‌پیچ شماره 1 را به یک منبع سینوسی با فرکانس 50 Hz و دامنه 60 ولت وصل می‌کنیم. سیم‌پیچ شماره 2 اتصال کوتاه و سیم‌پیچ شماره 3 باز است. طول فاصله هوایی‌ها در تمام قسمت‌ها یکسان فرض می‌شود. ولتاژ القا شده در سیم‌پیچ N<sub>3</sub> عبارت‌است از:

$$N_3 = 100 \quad N_2 = 40 \quad N_1 = 50$$

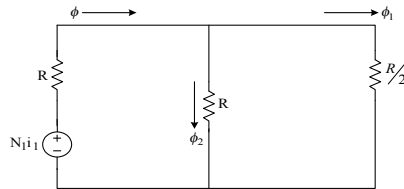


- (۱) 80 ولت با فرکانس 50 Hz
  - (۲) 60 ولت با فرکانس 50 Hz
  - (۳) 80 ولت با فرکانس کمتر از 50 Hz
  - (۴) 70 ولت با فرکانس 50 Hz
- حل: گزینه ۱ درست است.

غیرقابل قبول چون تغذیه سینوسی است

$$V_2 = 0 \rightarrow N_2 \frac{d\phi_2}{dt} = 0 \begin{cases} \rightarrow \phi_2 = cte \\ \rightarrow \phi_2 = 0 \end{cases}$$

حل:  $\Rightarrow$  مدار معادل با فرض  $\phi_2 = 0$



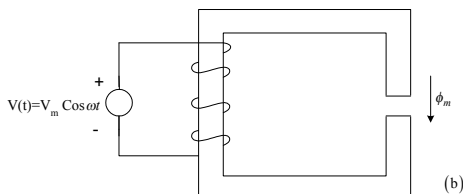
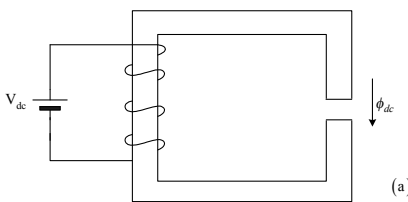
$$\phi_1 = \frac{R}{\frac{3}{2}R} \times \phi \rightarrow \phi_1 = \frac{2}{3}\phi$$

$$\frac{V_3}{V_1} = \frac{N_3\phi_1}{N_1\phi} \rightarrow V_3 = \frac{N_3}{N_1} \times \frac{2}{3} \times 60 \rightarrow V_3 = 40 \frac{N_3}{N_1}$$

$$\rightarrow V_3 = 80 \text{ V}$$

فرکانس ولتاژ القایی همان 50 Hz خواهد بود.

۱۱ - در شکل‌های (a) و (b) اگر طول فاصله هوایی 2 برابر شود، نسبت تغییرات  $\phi_m$  به تغییرات  $\phi_{dc}$  چقدر خواهد شد؟  $\phi_{dc}$  مقدار حالت دائم شار در هسته در شکل (a)،  $\phi_m$  مقدار پیک شار هسته شکل (b) در حالت ماندگار است از نشت شار و پراکندگی صرف‌نظر می‌شود؟ (در حالت سینوسی می‌توان از مقاومت سیم‌پیچ صرف‌نظر کرد)



- (۱) نصف خواهد شد.
- (۲) دو برابر خواهد شد.
- (۳) بدون تغییر خواهد ماند.
- (۴) هیچ‌کدام

یادداشت:

.....

.....

.....

.....



حل: گزینه ۲ درست است.

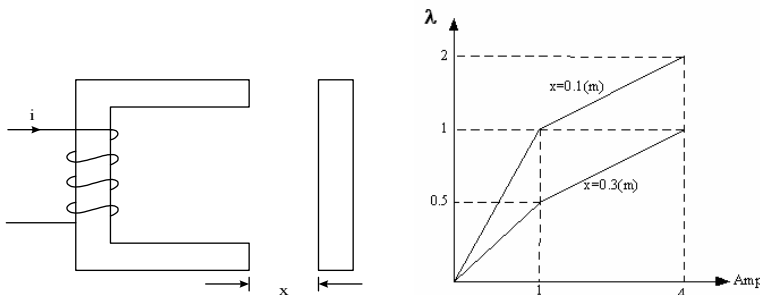
در مدارهای تحریک سینوسی شار داخل هسته تنها متأثر از ولتاژ (دامنه ولتاژ) و فرکانس منبع تغذیه ورودی می‌باشد. مادامی که این دو تغییر نکنند شار داخل هسته تغییر نخواهد کرد. اما در مدارهای تحریک dc داریم:

$$\begin{cases} V_{DC} = r I_{DC} \\ NI_{DC} = R \phi_{dc} \end{cases}$$

هرگاه R دوبرابر شود،  $\phi_{dc}$  نصف خواهد شد و از این رو داریم:

$$\frac{\phi_m}{\phi_{dc}} = \frac{1}{0.5} = 2$$

۱۲ - شکل کلی یک رله الکترومغناطیسی به همراه مشخصه  $\lambda - i$  آن در دو حالت داده شده است. قسمت متحرک از وضعیت  $x = 0.3(m)$  به وضعیت  $x = 0.1(m)$  حرکت می‌کند. در مورد مقدار متوسط نیروی وارد بر قسمت متحرک کدام گزینه درست است.



۱)  $5 \leq F \leq 12.5$

۲)  $5 \leq F \leq 15$

۳)  $0 \leq F \leq 12.5$

۴) قابل محاسبه نمی‌باشد.

حل: گزینه ۱ درست است.

(حرکت بی‌نهایت آرام)  $\Delta w_m \leq \Delta w_m \leq \Delta w_m$  (حرکت بی‌نهایت سریع)

$$\Delta w_m \text{ (حرکت بی‌نهایت سریع)} = 0.5(0.5 \times 1 + 0.5 \times 3 + 1 \times 3) = 2.5$$

$$\Delta W_m \text{ (حرکت بی‌نهایت آرام)} = \frac{1 \times 0.5}{2} + \frac{3 \times 0.5}{2} = 0.75 + 0.25 = 1 \rightarrow \Delta x = 0.2$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta w_m(\min)}{\Delta x} \leq \frac{\Delta w_m}{\Delta x} \leq \frac{\Delta w_m(\max)}{\Delta x} \Rightarrow F_{\min} \leq F \leq F_{\max}$$

$$\frac{1}{0.2} \leq F \leq \frac{2.5}{0.2} \Rightarrow \boxed{5 \leq F \leq 12.5(N)}$$

یادداشت:

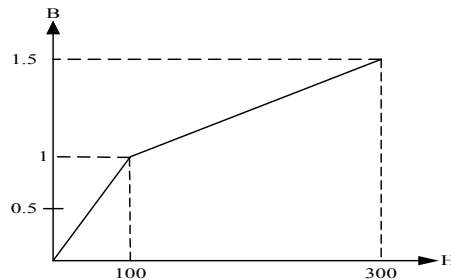
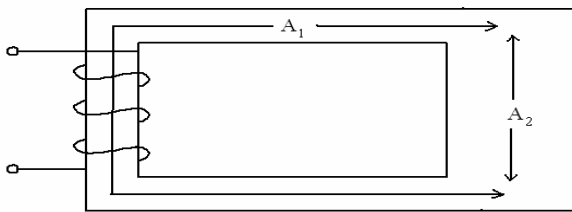
.....

.....

.....

.....

۱۳ - مشخصه B - H هسته مدار مغناطیسی شکل داده شده با دو قطعه خط به صورت داده شده تقریب زده شده است. هسته دارای دو قسمت است. قسمت اول دارای سطح مقطع  $A_1$  و حجم 100 سانتی‌متر مکعب بوده و چگالی فلو در تمام قسمت‌های آن برابر 1 تسلا است. قسمت دوم دارای سطح مقطع  $A_2$  ( $A_2 > A_1$ ) و حجم 200 سانتی‌متر مکعب است که چگالی شار در تمام قسمت‌های آن برابر 1.5 تسلا می‌باشد. در صورتی که مدار مغناطیسی فاقد فاصله هوایی باشد و انرژی ورودی از منبع به مدار مغناطیسی در بازه زمانی تحت مطالعه 100 میلی‌ژول باشد، با فرض چشم‌پوشی از تلفات سیم‌پیچی تحریک، مقدار تلفات انرژی در سیستم چند میلی‌ژول است؟



- (۱) 60
- (۲) 45
- (۳) 35
- (۴) 50

حل: گزینه ۳ درست است.

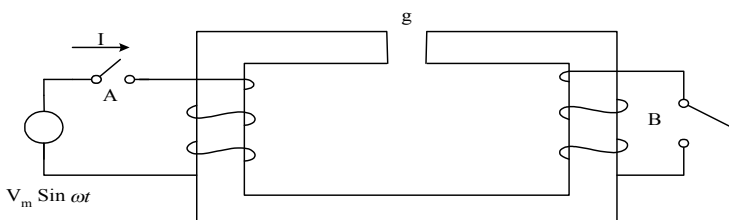
انرژی ذخیره شده - انرژی ورودی = تلفات انرژی

$$\text{انرژی ذخیره شده} = 100 \times 10^{-6} \times \left( \frac{100 \times 1}{2} \right) + \left( 50 + \frac{1.5 + 1}{2} \times 200 \right) \times 200 \times 10^{-6}$$

$$= 5 \times 10^{-3} + 60 \times 10^{-3} = 65 \times 10^{-3} = 65 \text{ mJ}$$

$$\text{تلفات انرژی} = 100 - 65 = 35 \text{ mJ}$$

۱۴ - مدار مغناطیسی شکل داده شده مفروض است. سطح مقطع هسته در تمام قسمت‌ها یکسان است. از مقاومت سیم‌پیچی‌ها، افت آمپر دور در آهن، پراکندگی و نشت فلو صرف‌نظر می‌شود. منبع ولتاژ نشان داده شده نیز ایده‌آل فرض می‌شود. ابتدای هر آزمایش هر دو کلید مدار باز هستند. در آزمایش اول فقط کلید A بسته می‌شود. در آزمایش دوم ابتدا کلید B بسته شده و سپس کلید A بسته می‌شود. نسبت مقدار موثر جریان در آزمایش دوم ( $I_2$ ) به مقدار مشابه در آزمایش اول ( $I_1$ ) چند است  $\left( \frac{I_2}{I_1} \right)$ ؟



- (۱) 0
  - (۲) 3
  - (۳)  $\frac{1}{3}$
  - (۴) هیچ‌کدام
- $$I = \begin{cases} I_1 ; & \text{آزمایش اول} \\ I_2 ; & \text{آزمایش دوم} \end{cases}$$

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

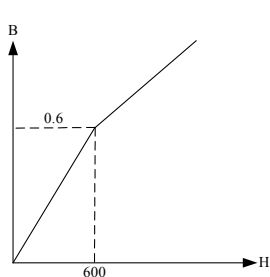
حل: گزینه ۴ درست است.

ولتاژ اعمال شده دو سر هر سیم‌پیچ، شار گذرنده از درون آن را به‌طور مطلق و مستقل از سایر عوامل و پارامترها و منابع مدار تعیین می‌کند. به این ترتیب شار گذرنده از هسته در سمت چپ مدار مشابه آزمایش اول است و در بازوی سمت راست به علت صفر بودن ولتاژ اعمالی (اتصال کوتاه بودن سیم‌پیچ هیچ شاری از هسته عبور نمی‌کند، شار ایجاد شده در سمت چپ به این ترتیب که نمی‌تواند از بازوی سمت راست عبور کند، مسیر خود را از مسیرهای هوایی و با رلوکتانس بسیار بالاتر می‌بندند و بنابر رابطه:  $Ni = R\phi$  با ثابت بودن  $\phi$  و افزایش  $R$ ، جریان به همان نسبت زیاد می‌شود. این اتفاق مشابه اتصال کوتاه شدن ثانویه ترانسفورماتور و به وجود آمدن جریان اتصال کوتاه می‌شود) لذا صفر بودن جریان در قسمت دوم آزمایش اشتباه عجیبی است!

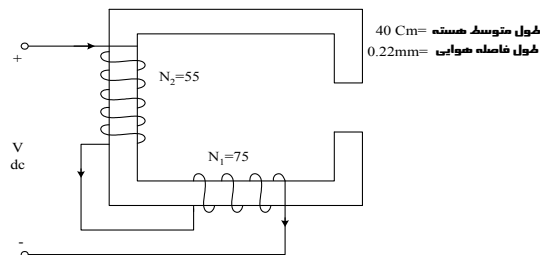
۱۵ - در مدار مغناطیسی شکل زیر منحنی مغناطیسی شونده‌گی به صورت زیر می‌باشد. اگر سیم‌پیچ‌های تحریک مطابق شکل زیر با هم سری شده باشند، جریان سیم‌پیچ‌ها چقدر است؟

$$\mu_0 \approx 12 \times 10^{-7}$$

$$B_g = 0.6 \text{ T} = \text{چگالی شار در فاصله هوایی}$$



$$i = 7.5 \text{ (A)} \quad (\text{۴})$$



$$i = 5 \text{ (A)} \quad (\text{۳})$$

$$i = 2 \text{ (A)} \quad (\text{۲})$$

$$i = 13 \text{ (A)} \quad (\text{۱})$$

حل: گزینه ۱ درست است.

$\phi_g$ : شار در فاصله هوایی

$\phi_c$ : شار در هسته

$$\begin{cases} \phi_c = \phi_g \\ A_c = A_g \end{cases} \Rightarrow B_c = B_g = 0.6 \text{ T} \Rightarrow H_c = 400$$

نمودار

$$B_g = 0.6 \rightarrow H_g = \frac{0.6}{12 \times 10^{-7}} = 5 \times 10^5$$

با توجه به جهت سیم‌پیچ‌ها میدان آن‌ها همدیگر را تضعیف می‌کنند

$$\Rightarrow (N_1 - N_2)i = H_c l_c + H_g l_g \Rightarrow 20 \times i = 400 \times 0.4 + 5 \times 10^5 \times 2 \times 10^{-4} \rightarrow 20i = 260 \Rightarrow i = 13$$

یادداشت:

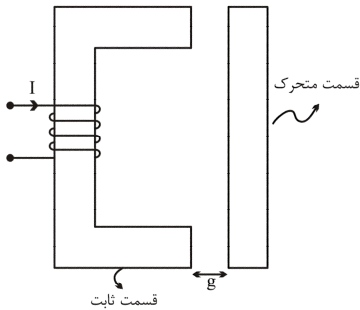
.....

.....

.....

.....

۱۶ - یک سیستم تبدیل الکترومکانیکی مطابق شکل زیر مفروض است.  $\mu_r$  هسته بی‌نهایت فرض می‌شود. وقتی که جریان DC معادل  $I_0$  از سیم پیچ عبور می‌کند، قسمت متحرک با نیروی  $F$  جذب می‌شود. اگر فقط جریان گذرنده از سیم پیچ از  $I_0$  به  $2I_0 \sin 2\omega t$  تغییر کند، مقدار متوسط نیروی حاصله چقدر خواهد شد؟



- (۱)  $\frac{F}{2}$
- (۲)  $F$
- (۳)  $2F$
- (۴)  $4F$

حل: گزینه ۳ درست است.

$$F_{dc} = \frac{1}{2} I_0^2 \frac{dL}{dy}$$

$$F_{ac} = \frac{1}{2} (2I_0 \sin 2\omega t)^2 \frac{dL}{dy} = 2I_0^2 \frac{dL}{dy} (\sin 2\omega t)^2 = 2I_0^2 \frac{dL}{dy} \left( \frac{1 - \cos 4\omega t}{2} \right) \Rightarrow F_{ac_{ave}} = I_0^2 \frac{dL}{dy}$$

$$F_{ac} = 2F_{dc}$$

۱۷ - در یک سیستم الکترومغناطیسی تک تحریر، عبارت انرژی ذخیره شده در سیستم به صورت  $W_F(i, x) = (1+x)i^2$  می‌باشد که در آن  $i$  شدت جریان سیم پیچ تحریک بر حسب آمپر و  $x$  تغییر مکان بر حسب متر می‌باشد. کار مکانیکی انجام شده

در ضمن حرکت سریع از  $x=1m$  به  $x=3m$  برابر است با ؟  $(\lambda_{(x=1)} = 3)$

- (۱)  $\frac{3}{16} J$
- (۲)  $\frac{1}{16} J$
- (۳)  $\frac{5}{16} J$
- (۴)  $\frac{3}{28} J$

حل: گزینه ۱ درست است.

$$i = \frac{d\omega_f}{dx} = \frac{\partial \omega_f}{\partial i} \cdot \frac{\partial i}{\partial \lambda} = \frac{3}{2} (1+x) i^2 \frac{di}{dx} \rightarrow d\lambda = \frac{3}{2} (1+x) i^{-2} \rightarrow \lambda = 3(1+x) i^2$$

در حرکت سریع  $\lambda$  ثابت است.

$$W_f(\lambda, x) = \int i d\lambda = \int \frac{\lambda^2}{9(1+x)^2} d\lambda \rightarrow W_f(\lambda, x) = \frac{\lambda^3}{27(1+x)^2}$$

$$f = -\frac{\partial W_f}{\partial x} = \frac{2\lambda^3}{27(1+x)^3} = \frac{2(3)^3}{27(1+x)^3} = \frac{2}{(1+x)^3}$$

$$\Delta W_m = \int_1^3 \frac{2}{(1+x)^3} dx = -\frac{1}{(1+x)^2} \Big|_{x=1}^{x=3} = \frac{1}{4} - \frac{1}{16} = \frac{3}{16} J$$

یادداشت:

.....

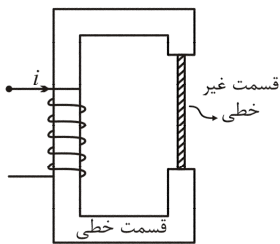
.....

.....

.....

۱۸ - مدار مغناطیسی شکل زیر از دو قسمت خطی و غیر خطی تشکیل شده است. سطح مقطع قسمت خطی A و سطح مقطع قسمت غیرخطی  $\frac{A}{2}$  می‌باشد. طول قسمت خطی 10 cm و در قسمت خطی  $B=0.5$  است. معادله افت پتانسیل در قسمت غیرخطی به صورت  $B = F_m^2 - 99.99 F_m$  می‌باشد. برای قسمت خطی  $\mu = 5 \times 10^{-4}$  است. با صرف‌نظر از شکستگی شار مطلوب است نسبت:

$$\frac{\text{افت پتانسیل در قسمت غیر خطی}}{\text{افت پتانسیل در قسمت خطی}} = ?$$



- (۱) 2
- (۲) 0.5
- (۳)  $\frac{3}{2}$
- (۴) 1

حل: گزینه ۴ درست است.

در قسمت غیرخطی  $\Rightarrow$  با توجه به سطح مقطعها  $\Rightarrow B=1$

$$F_m = \begin{cases} -0.01 & \text{غیر قابل قبول} \\ 100 & \text{قابل قبول} \end{cases} \rightarrow F_m = 100$$

$$B = \mu H \rightarrow H = \frac{0.5}{5 \times 10^{-4}} = 10^3$$

$$F = H \cdot \ell = 10^2$$

$$\Rightarrow \frac{F_m \text{ غیرخطی}}{F_m \text{ خطی}} = 1$$

یادداشت:

.....

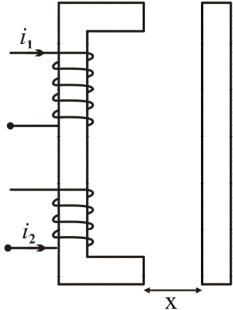
.....

.....

.....

۱۹ - شکل زیر را در نظر بگیرید. می‌دانیم  $L_{11} = \frac{K_1}{x}$  و  $L_{22} = \frac{K_2}{x}$  ،  $L_{12} = \frac{K_3}{x}$  است. کدام گزینه می‌تواند بیانگر نیروی وارد بر

$i_1, i_2 \neq 0$



قسمت متحرک باشد؟

$$F = \frac{1}{2} i_1^2 \left[ \frac{-k_1}{x^2} \right] + \frac{1}{2} i_2^2 \left[ \frac{-k_2}{x^2} \right] \quad (۱)$$

$$F = \frac{1}{2} i_1^2 \left[ \frac{-K_1}{x^2} \right] + \frac{1}{2} i_2^2 \left[ \frac{-K_2}{x^2} \right] + \left[ \frac{-K_3}{x^2} \right] i_1 i_2 \quad (۲)$$

$$F = \frac{1}{2} i_1^2 \left[ \frac{-k_1}{x^2} \right] + \frac{1}{2} i_2^2 \left[ \frac{-k_2}{x^2} \right] - \left[ \frac{-k_3}{x^2} \right] i_1 i_2 \quad (۳)$$

$$F = \frac{1}{2} i_1^2 \left[ \frac{-k_1}{x^2} \right] + \frac{1}{2} i_2^2 \left[ \frac{-k_2}{x^2} \right] - [k_3 x] i_1 i_2 \quad (۴)$$

حل: گزینه ۳ درست است.

به خاطر اینکه شار ایجاد شده توسط سیم‌پیچ‌ها در خلاف جهت همدیگر است

$$F = \frac{1}{2} i_1^2 \frac{dL_1}{dx} + \frac{1}{2} i_2^2 \frac{dL_2}{dx} - i_1 i_2 \frac{dM}{dx}$$

گزینه ۱ غلط است چون اثر متقابل را ندیده

گزینه ۲ غلط است چون علامت منفی ناشی از عدم هم جهت بودن شارها را ندیده است.

گزینه ۴ غلط است چون حاکی از این است که اثر متقابل دو سیم پیچ، جمله‌ای به صورت  $M = K_4 x^2$  بوده است. از آنجا که می‌دانیم اثر متقابل با افزایش  $x$  کاهش می‌یابد این گزینه هم نمی‌تواند درست باشد.

۲۰ - مدار شکل زیر را در نظر بگیرید. هسته ایده‌آل است. سیم‌پیچ  $N_2$  اتصال کوتاه است و سیم‌پیچ  $N_1$  تغذیه می‌شود. مقاومت

دیده شده از دید سیم پیچ  $N_1$  در دو حالتی که تغذیه  $N_1$  ، ac و dc باشد چقدر است؟

(۱) در هر دو حالت مقاومت دیده شده از دید  $N_1$  صفر است.

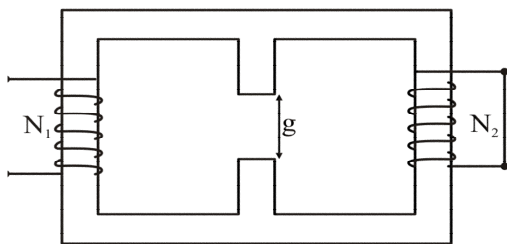
(۲) در هر دو حالت مقاومت دیده شده از دید  $N_1$  ، برابر  $\frac{g}{\mu_0 A}$  است.

(۳) در حالت تغذیه dc مقاومت دیده شده از دید  $N_1$  برابر صفر و در حالت ac

برابر  $\frac{g}{\mu_0 A}$  است.

(۴) در حالت تغذیه dc مقاومت دیده شده از دید  $N_1$  برابر  $\frac{g}{\mu_0 A}$  و در حالت

ac برابر صفر است.



یادداشت:

.....

.....

.....

.....

حل: گزینه ۳ درست است.

$$V_2 = 0 \rightarrow N_2 \frac{d\phi_2}{dt} = 0 \Rightarrow \frac{d\phi_2}{dt} = 0 \begin{cases} \phi_2 = 0 \\ \phi_2 = cte \end{cases}$$

$\phi_2$ : شار عبوری از سیم‌پیچ  $N_2$

تنها در حالت تغذیه dc امکان دارد که در این صورت به علت ایده‌آل بودن هسته، تمام شار تولیدی از این شاخه عبور کرده و شاری از فاصله هوایی عبور نمی‌کند  $\Leftarrow$  مقاومت دیده شده از دید  $N_1$  برابر صفر است.

$\phi_2 = 0 \Leftarrow$  به علت اینکه در حالت تغذیه AC، شرط  $\phi_2 = cte$  ارضا نمی‌شود، پس حالت  $\phi_2 = 0$  مربوط به تغذیه AC است که در این

حالت، شاری از سیم‌پیچ 2 عبور نکرده و تمام شار از فاصله هوایی عبور می‌کند.  $\Leftarrow$  مقاومت دیده شده از دید  $N_1 = \frac{\xi}{\mu_0 A}$

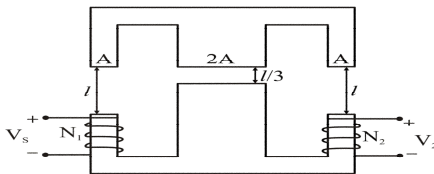
۲۱- در شکل زیر فاصله هوایی در دو طرف  $\ell$  و در شاخه وسطی  $\frac{\ell}{3}$  است. سیم‌پیچ شماره 1 که دارای 50 دور است به ولتاژ

$V_s = 30$  ولت متصل شده است. سطح مقطع‌ها در شکل نشان داده شده‌اند. تعداد دور سیم‌پیچ  $N_2$  که باز است را چنان تعیین

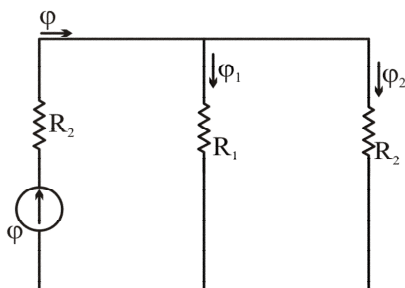
کنید که ولتاژ القاء شده به آن  $V_2 = 6$  ولت شود؟

$N_2 = 100$  (۱)       $N_2 = 70$  (۲)

$N_2 = 10$  (۳)       $N_2 = 60$  (۴)



حل: گزینه ۲ درست است.



$$R_2 = \frac{1}{\mu_0} \times \frac{\ell}{A} \rightarrow R_2 = \frac{\ell}{\mu_0 A}$$

$$R_1 = \frac{1}{\mu_0} \times \frac{\frac{\ell}{3}}{2A} \rightarrow R_1 = \frac{\ell}{6\mu_0 A}$$

$$V_1 = V_s = N_1 \frac{d\phi}{dt} \rightarrow \frac{V_s}{V_2} = \frac{N_1}{N_2} \times \frac{\phi_1}{\phi_2} \quad (I)$$

$$V_2 = N_2 \frac{d\phi_2}{dt}$$

از شکل  $\rightarrow R_1 \phi_1 = R_2 \phi_2 \Rightarrow \phi_1 = 6\phi_2$  و  $\phi = \phi_1 + \phi_2 \Rightarrow \phi = 7\phi_2$

با جاگذاری در (I)

$$\frac{V_s}{V_2} = \frac{50}{N_2} \times \frac{7\phi_2}{\phi_2} \Rightarrow 5 = \frac{50}{N_2} \times 7 \Rightarrow N_2 = 70$$

برای قضاوت در مورد موفقیت خودت بین چه بدست آورده‌ای و در قبال آن چه از دست داده‌ای

پس موفقیت در کنکور مستلزم پشتکار و تلاش می‌باشد

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

## فصل دوم

### ماشین‌های جریان مستقیم

ماشین‌های جریان مستقیم از دو بخش سیم‌پیچ میدان و سیم‌پیچ آرمیچر تشکیل شده است قسمت ثابت ماشین‌های DC استاتور که همان سیم‌پیچ میدان می‌باشد و قسمت متحرک آن روتور که همان سیم‌پیچ آرمیچر را شامل می‌شود.

نیروی محرکه الکتریکی:

$$E_a = k\phi\omega$$

$$K = \frac{z\phi}{2\pi a}$$

$\phi$ : شار تولیدی توسط سیم‌پیچ تحریک:  $\omega = \frac{2\pi}{60} n$  سرعت زاویه‌ای آرمیچر:

$z$ : تعداد هادی‌های آرمیچر:  $= 2c p$  تعداد قطب‌های ماشین:

$a$ : تعداد مسیرهای موازی:  $c$ : تعداد دور سیم‌پیچ:

گشتاور در ماشین‌های DC:

$$T = k\phi I_a$$

$I_a$ : جریان آرمیچر:

یادداشت:

.....

.....

.....

.....



## رابطه برداری ولتاژ القا شده و نیروی وارد به سیم‌پیچ:

$$\boxed{e = \vec{V} \times \vec{BL}} \quad , \quad \boxed{F = \vec{i} \times \vec{LB}}$$

که در مورد ولتاژ القایی چهار انگشت در جهت سرعت، جمع شدن آن در جهت میدان، انگشت شست جهت ولتاژ را نشان می‌دهد به همین ترتیب برای نیروی وارد به سیم‌پیچ چهار انگشت در جهت جریان، جمع شدن آن در جهت B، انگشت شست جهت نیرو را نشان می‌دهد.

### انواع سیم‌بندی:

۱. سیم‌پیچی ساده      ۲. سیم‌پیچی مرکب

۱. سیم‌پیچی ساده: الف) حلقوی ب) موجی ج) پای قورباغه‌ای

### الف) سیم‌پیچی حلقوی، رویهم، هم‌پوش:

ویژگی: اگر دو سر سیم‌پیچی طوری باشد که یک سر آن به تیغه کموتاتور a و سر دیگر آن به تیغه کموتاتور مجاور آن متصل باشد سیم‌پیچی از نوع حلقوی می‌باشد.

اگر سیم‌پیچی راستگرد (پیش‌رونده) باشد  $y_c = 1$

اگر سیم‌پیچی چپگرد (پس‌رونده) باشد  $y_c = -1$

تعداد کموتاتور = تعداد پیچک = C و تعداد جاروبک = تعداد قطب‌های استاتور = تعداد مسیرهای موازی

$$\boxed{a = P}$$

کاربرد: در ولتاژهای کم و جریانهای بالا

جریان هر شاخه موازی آرمیچر برابر است با  $\frac{I_a}{a}$

### ب) سیم‌پیچی موجی:

در سیم‌پیچی از نوع موجی دو مسیر موازی وجود دارد بدین صورت که ابتدای پیچک اول به کموتاتور a و انتهای پیچک دوم به کموتاتور a+1 (مجاور) متصل است طوری‌که این دو پیچک با هم سری می‌باشند.

گام کموتاتور  $y_{cs} = \frac{2(c \pm 1)}{p}$

- حالت پس‌رونده

a = 2 = تعداد جاروبک و

+ حالت پیش‌رونده،

کاربرد سیم‌پیچی موجی در ولتاژهای بالا و جریانهای کم می‌باشد.

### یادداشت:

.....

.....

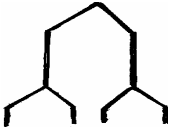
.....

.....

ج) سیم‌بندی پاقورباغه‌ای:

این سیم‌بندی ترکیبی از سیم‌بندی حلقوی و موجی می‌باشد.

$a = 2p$



۲. سیم‌پیچی مرکب:

اگر در هر شیار به جای یک هادی  $m$  هادی قرار داشته باشد سیم‌پیچی مرکب است که تعداد مسیرها و هادی  $m$  برابر می‌شود.

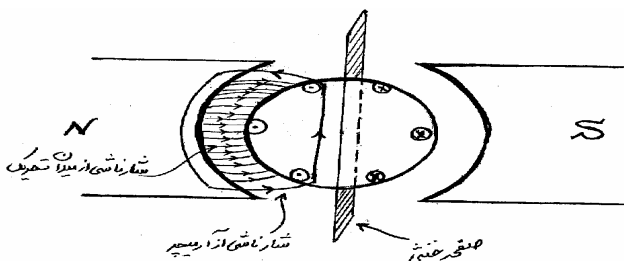
عکس‌العمل آرمیچر:

جریان عبوری از آرمیچر موجب تولید میدان مغناطیسی می‌شود که تغییر شکل میدان مغناطیسی اصلی قطب‌های ماشین را همراه دارد.

اثرات عکس‌العمل آرمیچر:

الف: جابه‌جایی صفحه خنثی      ب: تضعیف کل شار میدان      ج: لگد القایی

صفحه خنثی: همانطوریکه می‌دانیم بردار سرعت در هر نقطه از آرمیچر مماس بر آن نقطه می‌شود. صفحه خنثی صفحه‌ای است که سرعت موازی با خطوط شار می‌باشد. در شکل مقابل صفحه خنثی را ملاحظه می‌کنید.

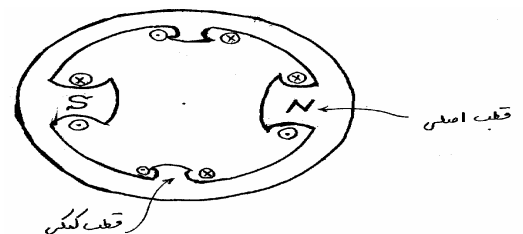


همانطوریکه ملاحظه می‌شود شارهای بالایی تضعیف و شارهای پائینی تقویت می‌شود.

۱- استفاده از میان قطب‌ها (قطب‌های کموناسیون، قطب‌های کمکی):

این قطب‌های کمکی روی صفحه خنثی نصب می‌شود و دو مشکل عکس‌العمل آرمیچر ۱. جابه‌جایی صفحه خنثی ۲. لگد القایی را حل می‌کند ولی مشکل تضعیف شار کلی را حل نمی‌کند

$$\underbrace{N_{cp} I_a}_{mmf} = \underbrace{\frac{Z I_a}{2p a}}_{F_{ar}} + \underbrace{\frac{\beta_{cp}}{\mu_0} L_{cp}}_{mmf}$$



یادداشت:

.....

.....

.....

.....

## ۲. جابه‌جا کردن جاروبکها:

اگر جاروبکها در حالت ژنراتوری در جهت گردش ژنراتور و در حالت موتوری در خلاف جهت گردش موتور جابه‌جا شوند کموتاسیون بهبود خواهد یافت.

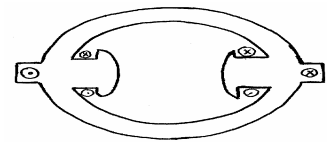
$$F = \frac{\beta_m}{90} \frac{Z}{4a} I_a = \frac{\beta_e}{90} \frac{Z}{2ap} I_a \rightarrow P\beta_m = 2\beta_e$$

حل: ۳. استفاده از سیم‌پیچ جبران‌گر:

این بار سیم‌پیچ روی استاتور نصب می‌شود بدین صورت با ایجاد شیار در استاتور و قرار دادن سیم‌پیچ جبران‌گر جریان آرمیچر را از آن عبور داده و با شار تضعیف شده مخالفت می‌کند.

$$F_c = N_c I_a = \frac{Z}{2pa} I_a \quad \begin{array}{l} \text{فوس قطب} \\ \text{گام قطب} \end{array}$$

$$Z_c = 2N_c = \frac{Z}{Pa} \quad \begin{array}{l} \text{فوس قطب} \\ \text{گام قطب} \end{array}$$



## انواع ماشین‌های DC:

### الف: مشخصه موتور DC:

مشخصه خروجی موتورهای DC، گشتاور و سرعت می‌باشد.

تنظیم سرعت:

$$SR\% = \frac{\omega_{nL} - \omega_{fL}}{\omega_{fL}} \times 100 = \frac{n_{nL} - n_{fL}}{n_{fL}} \times 100$$

نکته: ولتاژ  $V_f$  در موتور DC همواره ثابت است.

### ب: مشخصه ژنراتور DC:

مشخصه اصلی خروجی ولتاژ خروجی و جریان خروجی و یا ولتاژ خروجی و جریان تحریک می‌باشد.

تنظیم ولتاژ:

$$VR\% = \frac{V_{T_{nL}} - V_{T_{fL}}}{V_{T_{fL}}} \times 100$$

نکته: سرعت در ژنراتور همواره ثابت است.

یادداشت:

.....

.....

.....

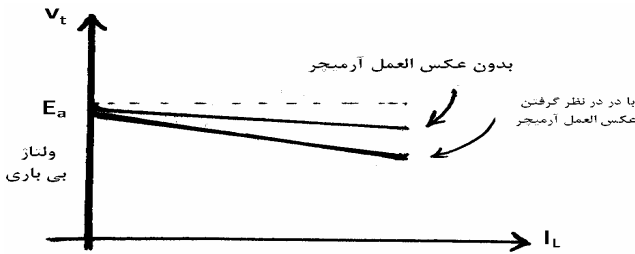
.....

۱) ماشین DC تحریک مستقل:

1-a) ژنراتور تحریک مستقل:

$$V_F = R_f \cdot I_f, \quad I_L = I_a, \quad V_t = E_a + R_a I_a$$

$$P_{out} = V_t \cdot I_L, \quad P_{in} = T_{app} \cdot \omega_m$$

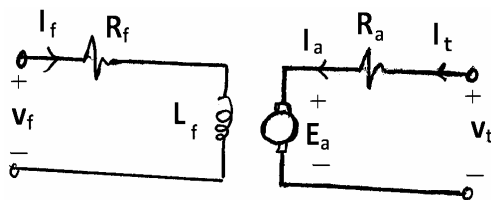


با توجه به نمودار مشخصه خروجی  $V_t, I_L$  بخشی از افت ولتاژ به علت عکس‌العمل آرمیچر می‌باشد همانطوریکه می‌دانیم به علت وجود

$$I_f^* = I_f - \frac{f_{ar}}{N_f}$$

عکس‌العمل آرمیچر، شار کلی تضعیف می‌شود و در نتیجه  $E_a$  کاهش می‌یابد.

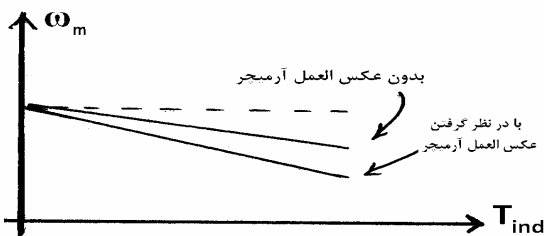
1-b) موتور تحریک مجزا:



$$V_t = E_a + R_a I_a$$

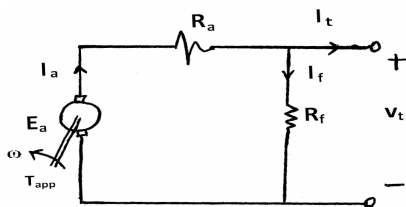
$$I_L = I_a, \quad E_a = k\phi\omega, \quad T = k\phi I_a$$

$$\Rightarrow \omega = \frac{E_a}{k\phi} = \frac{V_t}{k\phi} - \frac{R_a I_a}{k\phi} \Rightarrow \omega = \frac{V_t}{k\phi} - \frac{R_a}{(k\phi)^2} T_{ind}$$



۲) ماشین DC شنت:

2-a) ژنراتور DC شنت:



$$I_a = I_f + I_L$$

$$E_a = k\phi\omega$$

$$E_a = V_t + R_a I_a$$

$$V_t = R_f I_f$$

یادداشت:

.....

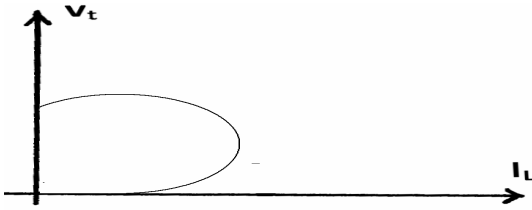
.....

.....

.....

.....

**مشکلات عمل ولتاژسازی در ژنراتور DC شنت:**



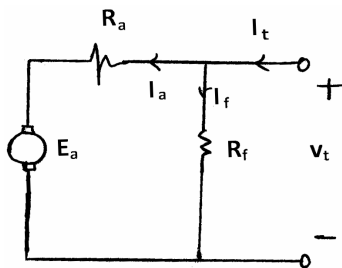
۱.  $\Phi_{res}$  (شار پس‌ماند) در سیم‌پیچ وجود نداشته باشد.
۲. جهت گشتاور محرک  $T_{app}$  یا  $\omega$  در جهتی باشد که شار پس‌ماند را از بین ببرد جهت چرخش ژنراتور به نحوی باشد که پلاریته  $E_a$  برعکس شود و  $\phi$  ایجاد شده توسط  $I_f$  معکوس شده، شار پس‌ماند را از بین ببرد.
۳. مقاومت میدان  $R_f$  از مقدار بحرانی‌اش بیشتر باشد.

**روش‌های مقابله با کاهش ولتاژ ترمینال:**

۱. تغییر سرعت (غیر مرسوم) ۲. تغییر مقاومت میدان  $R_f$  (مرسوم)

$$R_{sh} = \frac{240}{2.6} = 92.3 \rightarrow R_{ex} = 92.3 - 50 = 42.3 \Omega \cong 42$$

**(2-b) موتور dc شنت:**



$$I_f^* = I_f - \frac{f_{at}}{N_f}$$

$$\begin{aligned} V_T &= R_a I_a + E_a, & E_a &= k\phi\omega \\ I_L &= I_f + I_a, & T &= k\phi I_a \\ \omega &= \frac{V_T}{k\phi} - \frac{R_a}{(k\phi)^2} T_{ind} \end{aligned}$$

**جریان تحریک با در نظر گرفتن عکس‌العمل آرمیچر:**

- $I_f$ : جریان تحریک با شار تحریک ثابت و بدون عکس‌العمل آرمیچر  
 $I_f^*$ : جریان تحریک با شار تحریک متغیر و با عکس‌العمل آرمیچر

**کنترل سرعت در موتور شنت:**

۱- تغییر مقاومت  $R_f$ : با افزایش  $R_f$  سرعت به سرعت نامی می‌رسد و از آنجا بیشتر به حالت ژنراتوری می‌رود.

۲- تغییر ولتاژ اعمال شده به آرمیچر از طریق تغییر ولتاژ ترمینال:

با افزایش ولتاژ ترمینال می‌توان سرعت را افزایش داد ولی از آنجائیکه ولتاژ موتور دارای محدودیت  $\pm 10\%$  کاهش و یا افزایش دارد نمی‌توان از حد مجاز آن تجاوز کرد.

یادداشت:

.....

.....

.....

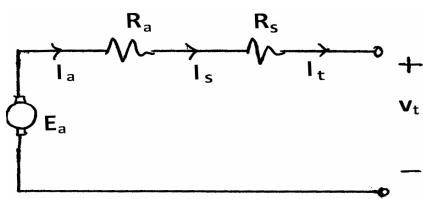
.....

**ایرادات موتور شنت:**

با توجه به تغییر مقاومت میدان  $R_f$  که افزایش  $R_f$  موجب افزایش سرعت موتور می‌شود اگر ناگهان میدان موتور شنت در حین کار، ناگهان باز شود یا بسوزد بدین معنی است که  $R_f = \infty$  که موجب فرار موتور ( $\omega \rightarrow \infty$ ) می‌شود.

**۳ ماشین‌های سری:**

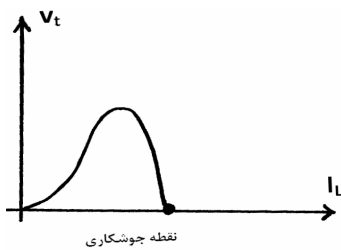
**۳-a ژنراتور سری:**



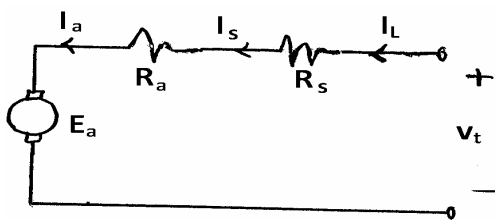
$$I_a = I_s = I_L$$

$$V_T = E_a - (R_a + R_s)I_a$$

**ایراد:** ژنراتور سری به دلیل عدم تنظیم ولتاژ چندان کاربرد ندارد از جمله کاربردهای آن در صنعت به دلیل مشخصه خروجی آن در جوشکاری (قوس الکتریکی) می‌باشد.



**۳-b موتور سری:**



$$I_a = I_L = I_s$$

$$V_T = E_a + (R_a + R_s)I_a$$

$$E_a = k\phi\omega$$

در موتور DC شار میدان تابعی از جریان آرمیچر می‌باشد  $\phi = kN_S I_a$

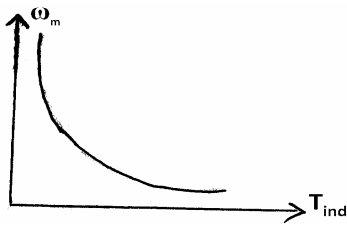
**یادداشت:**

.....

.....

.....

.....



$$E = K' \omega I_a, \quad T_{ind} = K' I_a^2$$

$$\frac{T_2}{T_1} = \left( \frac{I_{a_2}}{I_{a_1}} \right)^2, \quad \frac{E_{a_2}}{E_1} = \frac{I_{a_2}}{I_{a_1}} \cdot \frac{\omega_1}{\omega_2}$$

$$\omega = \frac{V_T}{\sqrt{k'}} \frac{1}{\sqrt{T_{ind}}} - \frac{R_a + R_s}{k'}$$

✓ ایراد: تنظیم سرعت این موتور توسط افزودن مقاومت به مدار آرمیچر صورت می‌گیرد که  
 ۱- موجب افت ولتاژ در مدار آرمیچر می‌شود. ۲- موجب تلفات و کاهش بازده می‌شود.

#### ۴- ماشین کمپوند:

##### ۴-۱) ژنراتور کمپوند:

ماشین کمپوند به دو صورت است:

۱- کمپوند اضافی: هرگاه شار تولیدی توسط میدان سری موجب تقویت شار تولیدی توسط میدان شنت شود کمپوند اضافی است.

۲- کمپوند نقصانی: هرگاه شار تولیدی توسط میدان سری موجب تضعیف شار تولیدی توسط میدان شنت شود کمپوند نقصانی است.

✓ ماشین کمپوند به دو صورت دیگر نیز موجود است که مجموعاً ۴ مدل برای ماشین کمپوند می‌توان متصور شد.

$$mmf = N_{sh} I_f \pm N_s I_s - f_{ar} = N_{sh} I_f^*$$

$$I_f^* = I_f \pm \frac{N_s}{N_{sh}} I_s - \frac{f_{ar}}{N_{sh}}$$

##### انواع ژنراتور کمپوند اضافی:

۱- فوق کمپوند: اگر تعداد دورهای سیم‌پیچ سری به نحوی باشد که ولتاژ خروجی در حالت بار کامل بزرگتر از ولتاژ خروجی در حالت بی‌باری باشد حالت فوق کمپوند است.

۲- کمپوند تخت (مسطح): اگر تعداد دورهای سیم‌پیچ سری به نحوی باشد ولتاژ خروجی در دو حالت بارداری و بی‌باری برابر باشد کمپوند مسطح است.

۳- زیر کمپوند: اگر تعداد دورهای سیم‌پیچ سری به نحوی باشد که ولتاژ خروجی در حالت بارداری کمتر از حالت بی‌باری باشد زیر کمپوند است.

##### یادداشت:

.....

.....

.....

.....

**نکته:** در ژنراتور کمپوند اضافی با افزایش بار ( $I_L$ ) ولتاژ  $V_t$  افزایش می‌یابد ولی در حالت کمپوند نقصانی با افزایش بار ( $I_L$ ) ولتاژ  $V_t$  کاهش می‌یابد.

**۴-ب) موتور کمپوند:**

+ حالت اضافی - حالت نقصانی

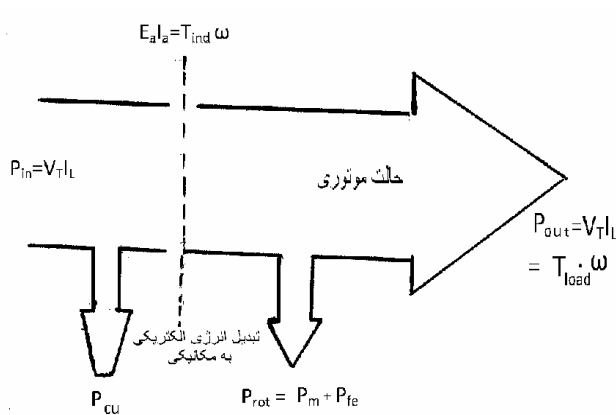
$$V_t = E_a + (R_a + R_s)I_a \quad E_a = k(\phi_f \pm \phi_s)\omega \quad T_{ind} = k\phi_f \pm \phi_s)I_a$$

$$\omega = \frac{V_t}{k(\phi_f \pm \phi_s)} - \frac{R_a + R_s}{k^2(\phi_f \pm \phi_s)^2} T_{ind}$$

**ایراد:** در حالت موتوری کمپوند نقصانی اگر در یک لحظه  $\phi_s = \phi_f$  شود سرعت به بی‌نهایت می‌رسد و به همین علت از حالت کمپوند نقصانی به عنوان موتور استفاده نمی‌کند.

**راندمان در ماشین DC :**

( حالت موتوری:

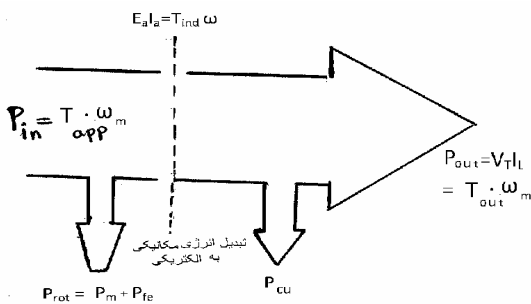


$$E_a I_a = T_{ind} \omega = T_{load} \omega + P_{rot}$$

$$P_{rot} = E_{anl} \cdot I_{anl} \leftarrow P_{out} = 0 \text{ یا } T_{Laod} = 0 \text{ در حالت بی‌باری}$$

$P_{rot}$  در بارهای مختلف معمولاً ثابت فرض می‌شود.

**حالت ژنراتوری:**



**یادداشت:**

.....

.....

.....

.....



بازده ماکزیمم:

$$\frac{\partial \xi}{\partial I_a} = 0 \rightarrow I_a = ?$$

موتور و ژنراتور تحریک مستقل  $I_a = \sqrt{\frac{P_{rot}}{R_a}}$

ژنراتور و موتور شنت  $-R_a I_a^2 \pm 2R_a I_f I_a + V_t I_f + P_{rot} = 0$

ژنراتور و موتور سری  $I_a = \sqrt{\frac{P_{rot}}{R_a + R_s}}$

ژنراتور و موتور کمپوند  $-(R_a + R_s) I_a^2 \pm 2(R_a + R_s) I_f I_a + V_t I_f + P_{rot} = 0$

تذکر: در روابط فوق حالت ژنراتوری مثبت و حالت موتوری منفی است.

### راه اندازی موتورهای DC با استفاده از مقاومت‌های راه انداز:

در لحظه راه اندازی  $R_{tot} = R_a + \sum_{i=1}^n R_i$

در لحظه باردار کامل  $R_t = R_a$

$I_{a_{max}}$ : حداکثر مقدار جریانی که آرمیچر می‌تواند آنرا تحمل کند.

$I_{a_{min}}$ : حداقل مقدار جریان آرمیچری که گشتاور القایی ناشی از آن بتواند بر گشتاور بار غلبه کند.

$$R_{tot_i} = R_{tot} \left( \frac{I_{a_{min}}}{I_{a_{max}}} \right)^i$$

تعداد مراحل کاهش مقاومت  $n = \log \left( \frac{\frac{R_a}{R_{tot}}}{\frac{I_{a_{min}}}{I_{a_{max}}}} \right)$

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

### مسائل تکمیلی

۱ - یک موتور جریان مستقیم شنت به ازای ولتاژ 220 ولت با سرعت 1800 دور در دقیقه با منحنی مغناطیسی مدار باز  $E = \frac{240I_f}{I_f + 1}$

می‌چرخد که در آن  $I_f$  جریان تحریک بر حسب آمپر است. سرعت بی‌باری موتور به ازای ولتاژ 110 ولت چقدر است؟

$$(R_f = 110\Omega)$$

1450 (۴)

1950 (۳)

1500 (۲)

1650 (۱)

حل: گزینه ۱ درست است.

$$I_f = \frac{110}{110} = 1A$$

$$E = K\phi\omega, \quad \phi \propto I_f \quad (I_f \text{ متناسب با } \phi) \Rightarrow E = f(I_f)\omega \quad \text{یا} \quad E = K'I_f\omega$$

در سرعت 1800rpm داریم:

$$E = \frac{240I_f}{I_f + 1} = f(I_f)\omega = \left( \frac{240I_f}{I_f + 1} \times \frac{1}{1800} \right) \times 1800$$

$$E \left( \frac{240I_f}{I_f + 1} \times \frac{1}{1800} \right) \times \omega_{No\ load} \quad \Leftarrow \quad \text{پس } E \text{ در بی‌باری می‌شود}$$

$$E = V_t = 110 = \left( \frac{240I_f}{I_f + 1} \times \frac{1}{1800} \right) \times \omega_{No\ load} \quad \Leftarrow \quad E_a = V_t \quad \Leftarrow \quad \text{از طرف دیگر در بی‌باری}$$

$$\Rightarrow 110 = \frac{240(1)}{1+1} \times \frac{1}{1800} \times \omega_{No\ load} \Rightarrow$$

$$\omega_{NL} = \frac{110 \times 2 \times 1800}{240} = \frac{30 \times 110}{2} = 1650 \text{ rpm}$$

۲ - در یک موتور DC کمپوند (شنت بلند) گشتاور بار 10 N.m با جریان آرمیچر 30 آمپر و جریان میدان شنت 4 آمپر تامین می‌گردد. اگر همین موتور گشتاور 20 N.m را با جریان آرمیچر 50 آمپر و جریان میدان 2 آمپر بچرخاند، نسبت دور سیم‌پیچی شنت به سری آن را بیابید؟

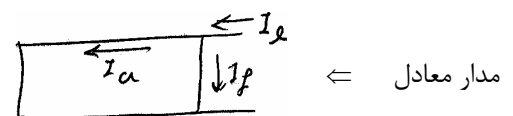
$\frac{1}{4}$  (۴)

$\frac{1}{5}$  (۳)

5 (۲)

4 (۱)

حل: گزینه ۲ درست است.



یادداشت:

.....

.....

.....

.....

$$I_f' = I_f + \frac{N_{سری}}{N_{شنت}} I_a$$

از طرفی داریم:

$$T = K \phi I_a ; \phi \propto I_f \Rightarrow T = K I_f' I_a$$

$$\Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \frac{I_{f_2}'}{I_{f_1}'} \times \frac{I_{a_2}}{I_{a_1}} \quad \frac{N_{سری}}{N_{شنت}} y \Rightarrow$$

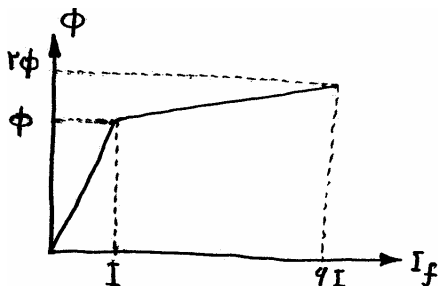
$$I_{f_1}' = 4 + y(30) \Rightarrow \frac{20}{10} = \left( \frac{2 + 50y}{4 + 30y} \right) \left( \frac{50}{30} \right)$$

$$I_{f_2}' = 2 + y(50)$$

$$\Rightarrow \frac{6}{5} = \frac{2 + 50y}{4 + 30y} \Rightarrow 24 + 180y = 10 + 250y$$

$$\Rightarrow 14 = 70y \Rightarrow y = \frac{14}{70} = \frac{2}{10} = \frac{1}{5} \Rightarrow \frac{1}{y} = \frac{N_{شنت}}{N_{سری}} = 5$$

۳- یک موتور سری DC، V ولت در جریان آرمیچر I دارای سرعت N می‌باشد، از عکس‌العمل آرمیچر و تلفات موتور سری صرف‌نظر می‌شود اگر موتور در بار 2.8 برابر، جریانی معادل 2I بکشد و منحنی مغناطیسی موتور به صورت زیر باشد، سرعت موتور در بار جدید چقدر است؟



(۱)  $\frac{5}{7}N$

(۲)  $\frac{1}{6}N$

(۳)  $2N$

(۴)  $1.5N$

حل: گزینه ۱ درست است.

$$1 = \frac{V}{V} = \frac{E_{a_2}}{E_{a_1}} = \frac{\phi_2}{\phi_1} \cdot \frac{N_2}{N_1} \Rightarrow 1 = \frac{7}{5} \cdot \frac{N_2}{N} \Rightarrow N_2 = \frac{5}{7}N$$

$$\phi_1 = \phi$$

$$\phi_2 = ? \Rightarrow \text{با دست‌آوردن معادله خط قسمت اشباع} \Rightarrow \phi_2 = \frac{7}{5}\phi$$

تذکر: رابطه دوم نیز صادق است: (هر چند به حل مساله کمکی نمی‌کند، اما ممکن است داوطلبی از این معادله استفاده نموده و به حل مسئله از طریق دیگر بپردازد).

$$\frac{T_2}{T_1} = 2.8 = \frac{\phi_2}{\phi_1} \cdot \frac{I_{a_2}}{I_{a_1}} = \frac{7}{5} \times 2 = 2.8$$

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

۴ - یک موتور DC کمپوند شنت بلند گشتاور بار  $10 \text{ N.m}$  را با جریان آرمیچر  $20$  آمپر و جریان میدان شنت  $4$  آمپر تأمین می‌کند، اگر همین موتور گشتاور  $15 \text{ N.m}$  را با جریان آرمیچر  $30$  آمپر و جریان میدان شنت  $3$  آمپر تأمین کند نسبت دور سیم‌پیچ تحریک سری به سیم‌پیچ تحریک شنت چقدر است؟ در این موتور کمپوند عکس‌العمل آرمیچر متناسب با  $0.1 N_{sh}$  برابر جریان آرمیچر می‌باشد. (مدار مغناطیسی را خطی و از تلفات موتور صرف‌نظر کنید)

(۱) 0.1      (۲) 0.15      (۳) 0.2      (۴) 0.01

حل: گزینه ۳ درست است.

$$I_{\text{feff}} = I_{sh} + \frac{N_s}{N_{sh}} I_a - \frac{0.1 N_{sh} I_{\text{feff}}}{N_{sh}}$$

جریان تحریک موثر

$$T_e = K_a \phi I_a = K_{a'} I_{\text{feff}} I_a \Rightarrow \frac{T_{e1}}{T_{e2}} = \frac{I_{\text{feff1}}}{I_{\text{feff2}}} \cdot \frac{I_{a1}}{I_{a2}}$$

$$\begin{cases} I_{\text{feff1}} = 4 + \frac{N_s}{N_{sh}} \times 20 - 0.1 \times 20 \\ I_{\text{feff2}} = 3 + \frac{N_s}{N_{sh}} \times 30 - 0.1 \times 30 \end{cases} \Rightarrow \frac{10}{15} = \frac{4 + \frac{N_s}{N_{sh}} \times 20 - 0.1 \times 20}{3 + \frac{N_s}{N_{sh}} \times 30 - 0.1 \times 30} \times \frac{20}{30} \Rightarrow \frac{N_s}{N_{sh}} = 0.2$$

۵ - یک موتور شنت ده قطبی  $50.4$  ولت،  $35 \text{ (A)}$  با مقاومت آرمیچر  $(\Omega) 8 \times 10^{-3}$ ، دارای جریان مجاز هر پیچک آرمیچر  $70$  آمپر به صورت روی هم ساده سیم‌پیچی شده است. می‌خواهیم طوری راه‌اندازی کنیم که جریان راه‌اندازی از حد مجاز جریان کلاف‌ها بالاتر نرود، تعداد پله‌های مقاومت راه‌انداز برابر است با:

(۱) 6      (۲) 5      (۳) 3      (۴) 4

حل: گزینه ۳ درست است.

$$R_a + R_{st} = \frac{V_t}{I_{st}} \Rightarrow 8 \times 10^{-3} + R_{st} = \frac{50.4}{10 \times 70} = \frac{50.4}{700} \Rightarrow R_{st} = 64 \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow \frac{I_{a \text{ min}}}{I_{a \text{ max}}} = \frac{350}{700} = \frac{1}{2} = \left( \frac{8 \times 10^{-3}}{64 \times 10^{-3}} \right)^{\frac{1}{n}} \Rightarrow n = 3$$

۶ - یک موتور DC کمپوند شنت بلند گشتاور بار  $10 \text{ Nm}$  را با جریان آرمیچر  $20$  آمپر و جریان میدان شنت  $4$  آمپر تأمین می‌کند. اگر همین موتور گشتاور  $15 \text{ Nm}$  را با جریان آرمیچر  $30$  آمپر و جریان میدان شنت  $3$  آمپر تأمین کند، نسبت دور سیم‌پیچ تحریک سری به سیم‌پیچ تحریک شنت چقدر است؟ (مدار مغناطیسی را خطی و از تلفات موتور و عکس‌العمل آرمیچر صرف‌نظر کنید)

(۱) 0.2      (۲) 0.15      (۳) 0.1      (۴) 0.01

حل: گزینه ۳ درست است.

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

$$I_{\text{feff}} = I_{\text{sh}} + \frac{N_s}{N_{\text{sh}}} I_a \quad T_e = k_a \phi I_a = k'_a I_{\text{feff}} I_a \Rightarrow \frac{T_{e_1}}{T_{e_2}} = \frac{I_{\text{feff}_1}}{I_{\text{feff}_2}} \cdot \frac{I_{a_1}}{I_{a_2}}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} I_{\text{feff}_1} = 4 + \frac{N_s}{N_{\text{sh}}} \times 20 \\ \Rightarrow \frac{10}{15} = \frac{4 + \frac{N_s}{N_{\text{sh}}} \times 20}{3 + \frac{N_s}{N_{\text{sh}}} \times 30} \times \frac{20}{30} \Rightarrow \frac{N_s}{N_{\text{sh}}} = 0.1 \\ I_{\text{feff}_2} = 3 + \frac{N_s}{N_{\text{sh}}} \times 30 \end{array} \right.$$

۷- یک موتور dc تحریک مستقل در حالت با بار، بار مکانیکی A را با سرعت نامی خود می‌چرخاند، جریان تحریک این موتور از منبع B تأمین می‌شود، حال به یکبار بار مکانیکی A به سبب اختلالات در مدار مکانیکی اش محور را در خلاف جهت قبلی می‌گرداند در این وضعیت خاص در مورد تلفات آهن ژنراتور می‌توان گفت:

(۱) تلفات آهن وجود دارد و تماماً توسط منبع تغذیه تأمین می‌گردد.

(۲) تلفات آهن وجود دارد و تماماً توسط منبع تغذیه و منبع الکتریکی B تأمین می‌شود.

(۳) تلفات آهن وجود دارد و منابع تغذیه ورودی الکتریکی و منبع مکانیکی A مشترکاً آن را تأمین می‌کنند.

(۴) تلفات آهن وجود دارد و منبع مکانیکی A آن را تأمین می‌کند.

حل: گزینه ۳ درست است.

در این وضعیت موتور dc به حالت ترمزی رفته است و تلفات آهن توسط منبع مکانیکی A و منبع تغذیه ورودی مشترکاً تغذیه می‌گردد (تلفات آهن جزئی از تلفات  $P_{\text{rot}}$  می‌باشد).

۸- یک موتور DC سری  $220^V$  چهارقطبی تهویه  $25A$  جریان می‌کشد و با سرعت  $500\text{rpm}$  می‌چرخد. برای به دست آوردن سرعت بیشتر کلاف‌های سری آن را مجدداً به صورت دو گروه موازی با آرمیچر سری می‌کنیم. گشتاور بار ثابت است و شار متناسب با جریان میدان و از تلفات چشم‌پوشی می‌شود. سرعت موتور و جریان آن برابر کدام است؟ (مدار مغناطیسی خطی فرض می‌شود).

$$500, 25 \quad (۴) \quad 250\sqrt{2}, 50\sqrt{2} \quad (۳) \quad 500\sqrt{2}, 25\sqrt{2} \quad (۲) \quad 250, 50 \quad (۱)$$

حل: گزینه ۲ درست است.

$$\frac{V}{V} = \frac{E_{a_2}}{E_{a_1}} = \frac{\phi_2}{\phi_1} \cdot \frac{N_2}{N_1} \Rightarrow \frac{50}{I_{a_2}} = \frac{N_2}{500} \quad \rightarrow \quad 1 = \frac{T_2}{T_1} = \frac{\phi_2}{\phi_1} \cdot \frac{I_{a_2}}{I_{a_1}} \Rightarrow \frac{50}{I_{a_2}} = \frac{I_{a_2}}{25} \Rightarrow I_{a_2} = 25\sqrt{2} (A)$$

$$N_2 = 500\sqrt{2} (\text{rpm})$$

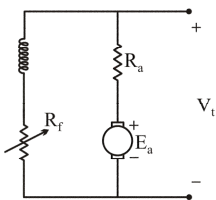
یادداشت:

.....  
 .....  
 .....  
 .....

۹ - موتور شنت dc، جریان 100A را در بار کامل از یک شبکه 250 ولتی می‌کشد، سرعت آن توسط ضعیف کردن شار میدان 80% افزایش می‌یابد. اگر گشتاور در اثر افزایش سرعت 40% نسبت به مقدار اولیه زیاد شود، درصد تغییرات شار میدان را حساب کنید؟ (مقاومت آرمیچر 0.2 فرض شود).

- (۱) 35%      (۲) 37.5%      (۳) 62%      (۴) 54.5%

۱۰ - موتور شنت زیر از یک منبع 200 V و 2.4 kW تغذیه می‌شود. در حالت اولیه رئوستای میدان روی  $R_f = 100$  اهم تنظیم شده و توان ناخالص مکانیکی موتور 800 W می‌باشد. فرض می‌کنیم موتور در این حالت با سرعت 300 rpm بچرخد. حال رئوستای میدان یعنی  $R_f$  را کاهش می‌دهیم. کدام گزینه می‌تواند سرعت جدید ماشین را نشان دهد؟ (منبع توان نامی خود را تحویل می‌دهد)



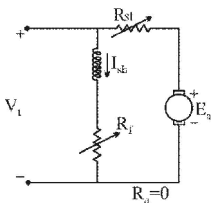
- (۱) 350 rpm  
(۲) 300 rpm  
(۳) 250 rpm  
(۴) نمی‌توان اظهار نظر کرد  
حل: گزینه ۱ درست است.

$$2400 = 200 \times I_t \rightarrow I_t = 12 \rightarrow I_a = 10$$

$$E_a I_a = 800 \rightarrow E_a = 80$$

افزایش جریان تحریک،  
 $E_a < \frac{1}{2} V_t$  → برخلاف انتظار، موجب  
 افزایش سرعت می‌شود → افزایش جریانه‌ای است  
 که می‌تواند صحیح باشد

۱۱ - موتور شنت شکل مقابل را در نظر بگیرید. مشخصه بی‌باری این موتور در سرعت  $n$  به صورت  $E_a = k \sqrt{I_{sh}}$  است. اگر مقاومت راه‌انداز  $R_{St} = R_{S1}$  و مقاومت میدان  $R_{f1}$  باشد گشتاور راه‌اندازی  $T_{S1}$  است. اگر مقاومت راه‌انداز به  $R_{St} = 0.5 R_{S1}$  کاهش و در همان حال مقاومت کل میدان به  $2R_{f1}$  افزایش یابد، مقدار گشتاور راه‌اندازی  $T_{S2}$  چقدر خواهد شد؟



(۱)  $T_{S1}$       (۲)  $\sqrt{2} T_{S1}$

(۳)  $2 T_{S1}$       (۴)  $\frac{\sqrt{2}}{2} T_{S1}$

حل: گزینه ۲ درست است.

$$T = K_a \phi I_a \rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \frac{\phi_2}{\phi_1} \times \frac{I_2}{I_1} = \frac{E_2}{E_1} \times \frac{I_{a2}}{I_{a1}}$$

یادداشت:

.....

.....

.....

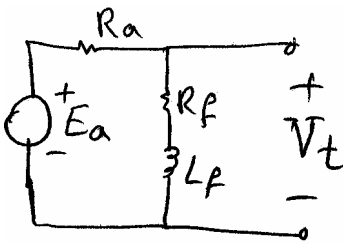
.....

$$= \sqrt{\frac{I_{sh2}}{I_{sh1}}} \times \frac{I_{a2}}{I_{a1}} = \sqrt{\frac{\frac{V_t}{R_{f2}} \times \frac{V_t}{R_{s2}}}{\frac{V_t}{R_{f1}} \times \frac{V_t}{R_{s1}}}} \Rightarrow \text{در لحظه راه اندازی}$$

$$E_a = 0$$

$$\rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \sqrt{\frac{R_{f1}}{2R_{f1}}} \times \frac{R_{s1}}{0.5R_{s1}} = \frac{2}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$$

۱۲ - اگر یک موتور DC شنت با یک منبع ولتاژ ثابت  $V_t$  تغذیه شود و بار آن یک بار ثابتی می‌باشد. اگر شار را افزایش دهیم:



(۱) سرعت کاهش می‌یابد.

(۲) سرعت افزایش می‌یابد.

(۳) اگر  $E_a > 0.5V_t$  باشد، سرعت کاهش می‌یابد.

(۴) اگر  $E_a < 0.5V_t$  باشد، سرعت کاهش می‌یابد.

حل: گزینه ۳ درست است.

$$E_a = V_t - R_a I_a ; E_a = K\phi\omega \Rightarrow V_t - R_a I_a = E_a = K\phi\omega ; T = K\phi I_a$$

$$\Rightarrow K\phi\omega = V_t - R_a \frac{T}{K\phi} \Rightarrow \omega = \frac{V_t}{K\phi} - \frac{R_a T}{K^2\phi^2}$$

طبق صورت مساله  $T$  و  $V_t$  ثابت هستند. حال تغییرات  $\omega$  را بر حسب  $\phi$  می‌یابیم:

$$\frac{d\omega}{d\phi} = \frac{-V_t}{K\phi^2} + \frac{2R_a T}{K^2\phi^3}$$

معمولاً با افزایش  $\phi$  سرعت کاهش می‌یابد. اما می‌خواهیم ببینیم با چه شرایطی این اتفاق می‌افتد:

$$\text{if } \frac{d\omega}{d\phi} < 0 \Rightarrow \frac{-V_t}{K\phi^2} + \frac{2R_a T}{K^2\phi^3} < 0 \Rightarrow \frac{-V_t}{K\phi^2} + \frac{2R_a (K\phi I_a)}{K^2\phi^3} < 0$$

$$\Rightarrow \frac{-V_t}{K} + \frac{2R_a I_a}{K} < 0 \Rightarrow -V_t + 2R_a I_a < 0 \Rightarrow$$

$$V_t - 2R_a I_a > 0 \Rightarrow V_t - R_a I_a > R_a I_a \Rightarrow E_a + \underbrace{(V_t - R_a I_a)}_{E_a} > \underbrace{R_a I_a + E_a}_{V_t} \Rightarrow 2E_a > V_t$$

$$\Rightarrow E_a > \frac{V_t}{2} \quad \text{پس با این شرط سرعت کاهش می‌یابد.}$$

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

۱۳ - در یک مولد Dc، 6 قطب با سیم‌پیچی حلقوی تعداد هادی‌های آرمیچر 696 عدد است اگر کفش قطب 70% گام قطب باشد تعداد هادی‌های سیم‌پیچ جبرانگر در هر کفش قطب برابر است با:

- (۱) 7      (۲) 5      (۳) 12      (۴) 14

حل: گزینه ۴ درست است.

$$Z_c = \frac{Z}{P_a} \frac{\text{قوس قطب}}{\text{گام قطب}} = \frac{696}{6 \times 6} \times 0.7 \Rightarrow Z_c \cong 14$$

۱۴ - هرگاه در یک ماشین Dc، عکس‌العمل آرمیچر با روش‌های سیم‌پیچ جبران‌گر و میان قطب‌ها جبران شود و نسبت قوس قطب به گام قطب برابر 0.8 و طول فاصله هوایی در میان قطب 1 cm، جریان نامی آرمیچر 1000 A، چگالی شار در فاصله هوایی میان قطب‌ها 0.2T، تعداد رساناها 800 و ماشین دارای سیم‌بندی موجی با 4 قطب باشد تعداد دور سیم‌پیچ جبرانگر و میان قطب‌ها چقدر است؟

- (۱)  $N_{cp} = 20, N_c = 40$       (۲)  $N_{cp} = 20, N_c = 30$   
 (۳)  $N_{cp} = 10, N_c = 40$       (۴)  $N_{cp} = 15, N_c = 45$

حل: گزینه ۳ درست است.

**نکته:** هرگاه برای حل عکس‌العمل آرمیچر از دو روش استفاده از میان قطب‌ها و سیم‌پیچ جبرانگر به طور همزمان به کار گرفته شود ارجحیت با سیم‌پیچ جبرانگر است چون اثر تضعیف شار بیشتر می‌باشد.

$$F_{ar} = \frac{Z}{2pa} I_a = \frac{800}{2 \times 4 \times 2} \times 1000 = 50000 \text{ A.T}$$

$$N_c = \frac{F_c}{I_a} = \frac{Z}{2pa} \left( \frac{\text{قوس قطب}}{\text{گام قطب}} \right) = \frac{800}{2 \times 4 \times 2} \times 0.8 = 40$$

Mmf جبران شده توسط سیم‌پیچ جبرانگر

$$F_{cp} = 50000 - 40000 = 10000$$

Mmf لازم برای جبران توسط میان قطبها

$$F_{cp} = N_{cp} I_a = \frac{Z}{2pa} (I_a) + \frac{\beta}{\mu_0} L_{cp} \Rightarrow N_{cp} = \frac{10000}{1000} = 10$$

از آنجائیکه

۱۵. گزینه ۲ درست است.

$$E_a = K' \phi n \rightarrow n = \frac{E_a}{k' \phi}$$

از آنجائیکه تلفات اهمی و چرخشی موتور صفر است پس  $E_a, V = E_a, (R_a = 0)$  ثابت است.

وقتی منبع ولتاژ تحریک نصف می‌شود سرعت دو برابر می‌شود.

**یادداشت:**

.....

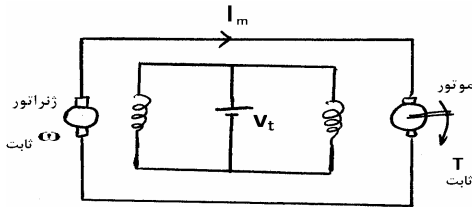
.....

.....

.....



۱۵ - در شکل مقابل ژنراتور با سرعت ثابتی یک موتور با بار مکانیکی به گشتاور ثابت را تغذیه می‌کند وقتی میدان تحریک هر دو ماشین از ولتاژ  $V_1$  ولت تغذیه می‌شود ولتاژ موتور 200 ولت جریان 60 آمپر و سرعت موتور 1200rpm است. با ولتاژ تحریک  $1.2V_1$  سرعت موتور چقدر می‌شود؟ مقاومت آرمیچر هر یک از ماشین‌ها برابر 0.2 اهم بود و مدار مغناطیسی خطی است.



1246.8 rpm (۱)

1300 rpm (۲)

1795.4 rpm (۳)

1872 rpm (۴)

حل: گزینه ۱ درست است.

$$V_t = 200 \rightarrow E_{am} = 200 - 60 \times 0.2 = 188, E_{ag} = 200 + 60 \times 0.2 = 212$$

$$E'_{ag} = 1.2E_{ag} = 254.4$$

$E_a$  در حالت جدید به واسطه ولتاژ 1.2 برابر:

$$T = T' \Rightarrow (1.2V_1)I'_a = (V_1) \times 60 \rightarrow I'_a = 50$$

چون گشتاور ثابت است داریم

$$V'_t = 254.4 - 0.2 \times 50 = 244.4, E'_{am} = 244.4 - 0.2 \times 50 = 234.4$$

$$\frac{E'_a}{E_a} = \frac{1.2V_1}{V_1} \cdot \frac{n'}{1200} \Rightarrow \frac{234.4}{254.4} = \frac{1.2V_1}{V_1} \cdot \frac{n'}{1200} \Rightarrow n' = 1246.8$$

۱۶ - یک موتور شنت DC از منبع 250 ولتی،  $12.5k\Omega$  توان می‌کشد مقاومت آرمیچر  $\Omega$  از و مقاومت میدان  $100\Omega$  است این موتور را از طریق یک موتور راه انداز، راه اندازی نموده‌ایم طوری که جریان راه اندازی از دو برابر جریان نامی موتور تجاوز ننماید تعداد مراحل لازم را بیابید.

$$I_{LFL} = \frac{12.5 \times 10^3}{250} = 50 \rightarrow I_{a_{nL}} = I_{L_{nL}} - I_{f_{nL}} = 50 - 2.5 = 47.5 \rightarrow I_{a_{max}} = 2 \times I_{a_{min}} = 95$$

$$R_{tot} = \frac{250}{I_{a_{max}}} = \frac{250}{95} = 2.63 \rightarrow n = \frac{\log\left(\frac{0.1}{2.63}\right)}{\log(0.5)} = 5$$

۱۷ - یک روش تغییر سرعت در موتور DC با تحریک سری مطابق شکل تغییر دور تحریک با یک اتصال متحرک است. مدار مغناطیسی خطی فرض می‌شود و مقاومت آرمیچر و سیم‌بندی تحریک ناچیزاند. اگر تعداد دور سیم‌پیچی از 100 دور به 81 دور کاهش یافته و گشتاور بار ثابت بماند دور موتور

(۲) حدوداً 20% افزایش می‌یابد.

(۱) حدوداً 10% افزایش می‌یابد.

(۴) حدوداً 20% کاهش می‌یابد.

(۳) حدوداً 10% کاهش می‌یابد.

حل: گزینه ۱ درست است.

از آنجائیکه مقاومت آرمیچر و سیم‌پیچی صفر است و از طرفی ولتاژ اعمالی DC است به همین علت  $Z_L$  نیز نداریم بدین ترتیب  $V_{DC} = E_a$  و همان مقدار ولتاژ ترمینال را دارا می‌باشد.

یادداشت:

.....  
 .....  
 .....  
 .....

$$\begin{cases} \phi = k' N_s I_a \\ T_1 = T_2 \Rightarrow k_1 N_{s_1} I_{a_1}^2 = k_2 N_{s_2} I_{a_2}^2 \rightarrow 81 I_{a_1}^2 = 100 I_{a_2}^2 \end{cases}$$

$$I_{a_1} = 0.9 I_{a_2}$$

$$E_{a_1} = E_{a_2} \Rightarrow k_1 \phi_1 \omega_1 = k_2 \phi_2 \omega_2 \Rightarrow (N_{s_1} I_{a_1}) \omega_1 = (N_{s_2} I_{a_2}) \omega_2 \rightarrow 100 \cdot 0.9 I_{a_2} \omega_1 = 81 I_{a_2} \omega_2 \rightarrow \boxed{\omega_1 = 1.11 \omega_2}$$

۱۱٪ افزایش می‌یابد.

۱۸ - دو موتور سری dc در یک قطار برقی، وقتی به طور مجزا به ولتاژ 400V وصل شده‌اند جریان‌های یکسان 60A می‌کشند ولی یکی با سرعت 600rpm و دیگری با سرعت 700rpm می‌چرخد، مقاومت معادل هر کدام از موتورها 0.25Ω است. دو موتور از نظر الکتریکی به صورت سری به هم متصل شده و به طور مکانیکی کوپله می‌شوند و سپس مجموعه به ولتاژ 400V متصل می‌گردند و اگر جریان کشیده شده 60A باشد سرعت موتورها چقدر خواهد شد؟

100rpm (۴)	311rpm (۳)	600rpm (۲)	700rpm (۱)
------------	------------	------------	------------

حل: گزینه ۳ درست است

$$E_a = 400 - 60 \times 0.25 = 385$$

$$E_a = k I_a \cdot n \Rightarrow \begin{cases} 385 = k_A \times 60 \times 600 \Rightarrow k_A = 10.69 \times 10^{-3} & \text{موتور A} \\ 385 = k_B \times 60 \times 700 \Rightarrow k_B = 9.17 \times 10^{-3} & \text{موتور B} \end{cases}$$

پس از کوپله کردن دو موتور (اتصال مکانیکی) سرعت هر دو یکی می‌شوند.

$$E_a + E_B = 400 - 60 \times 0.25 \times 2 = 370$$

$$(k_A + k_B) I_a \cdot n' = 370 = (10.96 + 9.17) \times 10^{-3} \times 60 \times n' = 370 \rightarrow n' \cong 311 \text{rpm}$$

۱۹ - در یک ژنراتور dc، 250V، 10kω، شنت از بی‌باری تا بار کامل جریان تحریک شنت به مقدار ΔI<sub>f</sub> = 2A کاهش می‌یابد. اگر بخواهیم ژنراتور را با اضافه کردن تحریک سری به صورت کمپوند صاف در بار نامی در می‌آوریم در صورتیکه تعداد دور سیم‌پیچ تحریک شنت N<sub>f</sub> = 100 باشد تعداد دور سیم‌پیچی تحریک سری چند باید باشد (مدار مغناطیسی خطی فرض شود)

4 (۴)	2 (۳)	5 (۲)	10 (۱)
-------	-------	-------	--------

حل: گزینه ۲ درست است.

$$N_{sh} \cdot I_f^* = \underbrace{N_{sh} I_f + N_{sh} \Delta I_f}_{\text{حالت شنت}} = \underbrace{N_{sh} I_f + N_s I_s}_{\text{حالت کمپوند}} \rightarrow \boxed{N_{sh} \Delta I_f = N_s I_s}$$

$$I_L = I_s = \frac{10 \times 10^3}{250} = 40 \Rightarrow 100 \times 2 = N_s \times 40 \rightarrow N_s = 5 \text{ دور}$$

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

۲۰- از یک ژنراتور تحریک جداگانه که در حالت مانا کار می‌کند به عنوان تقویت کننده توان استفاده می‌شود اگر این ژنراتور دارای مقاومت آرمیچر  $0.2\Omega$  و مقاومت تحریک  $20\Omega$  بود و با  $R_L = 1\Omega$  را در شرایط دائمی  $k\omega_m = 100 \frac{V}{A}$  تغذیه کند در صورتیکه ولتاژ اعمالی به مدار تحریک آن  $30V$  باشد تقویت کننده برابر است با  $(E = k\omega_m I_f)$ .

- (۱) 250 (۲) 350 (۳) 450 (۴) 550

حل: گزینه ۲ درست است

$P_{in}$  توان ورودی تحریک در نظر می‌گیریم و  $P_{out}$  را توان خروجی ژنراتور را در نظر می‌گیریم.

$$I_f = \frac{30}{20} = 1.5 \quad P_{in} = 30 \times 1.5 = 45(\omega)$$

$$V_L = E_a \left( \frac{R_L}{R_L + R_a} \right) = 150 \left( \frac{1}{1.2} \right) = \frac{150}{1.2} = 125$$

$$I_L = \frac{V_L}{R_L} = \frac{125}{1} = 125 \Rightarrow P_{out} = 125 \times 125 = 15625 \rightarrow G = \frac{P_{out}}{P_{in}} = \frac{15625}{45} = 350$$

۲۱- یک مولد شنت dc، با خروجی  $220V$  دارای مقاومت تحریک  $R_f = 110\Omega$  می‌باشد راندمان مولد در این حالت  $\frac{5}{6} \times 100\%$  است

اگر مقاومت تحریک را نصف نماییم راندمان  $\frac{8}{10} \times 100\%$  می‌شود در صورتیکه جریان بار در دو حالت  $100A$  باشد کدام گزینه تقریباً

نشان دهنده مقاومت آرمیچر خواهد بود.

- (۱)  $1.6\Omega$  (۲)  $0.5\Omega$  (۳)  $2.5\Omega$  (۴)  $1\Omega$

حل: گزینه ۱ درست است.

حالت اول

$$I_f = \frac{220}{110} = 2 \Rightarrow I_a = 102 \rightarrow \xi = \frac{P_{out}}{P_{out} + P_{rot} + R_a I_a^2 + R_f I_f^2}$$

$$\frac{5}{6} = \frac{220 \times 100}{220 \times 100 + P_{rot} + R_a (102)^2 + 110 \times 4}$$

$$\Rightarrow 220 \times 100 + R_a (102)^2 + 110 \times 4 + P_{rot} = 220 \times 100 \times 1.2 \quad (1)$$

$$\text{حالت دوم } I_f = \frac{220}{55} = 4 \Rightarrow I_a = 104$$

$$\frac{8}{10} = \frac{220 \times 100}{220 \times 100 + P_{rot} + R_a (104)^2 + 55 \times 16}$$

$$220 \times 100 + R_a (104)^2 + 55 \times 16 + P_{rot} = 220 \times 100 \times 1.25 \quad (2)$$

$$(1) \text{ و } (2) \Rightarrow R_a = 1.6$$

### تنبلی دزد آرزوهاست

یادداشت:

.....

.....

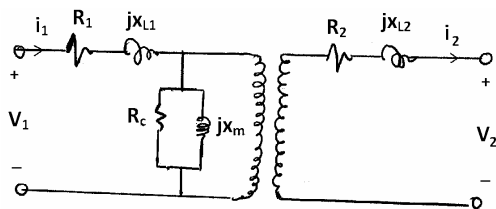
.....

.....

# فصل سوم

## ترانسفورماتور

### مدار معادل ترانسفورماتور:



معادل شار پراکندگی سمت اولیه و ثانویه:  $X_{L2}, X_{L1}$

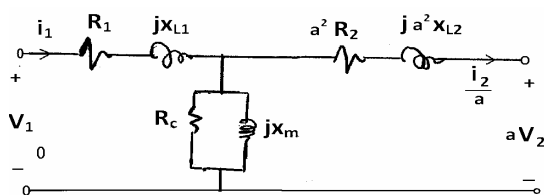
معادل تلفات هسته (هیستریزیس و فوکو):  $R_c$

معادل اثرات مغناطیس شونده هسته:  $X_m$

معادل تلفات مسی سمت اولیه و ثانویه:  $R_1, R_2$

$$a = \frac{n_1}{n_2}$$

مدل ترانس ایده آل (ارجاع به سمت اولیه):



$$a = \frac{n_1}{n_2}$$

مدل ترانس ایده آل (ارجاع به سمت اولیه):

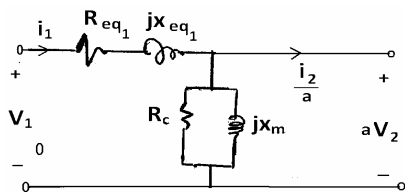
یادداشت:

.....

.....

.....

.....



$$x_{eq1} = x_{L1} + a^2 x_{L2}$$

$$R_{eq1} = R_1 + a^2 R_2$$

### بدست آوردن پارامترهای الکتریکی:

۱- آزمایش مدار باز: در این آزمایش یک سمت ترانسفورماتور را باز نموده و به سمت دیگر ولتاژ نامی اعمال می‌کنیم مقادیر محاسبه

شده به ترتیب  $V_{oc}$  و  $I_{oc}$  و  $P_{oc}$  می‌باشد.

$$R_c = \frac{V_{oc}}{I_{oc} \cdot \cos \theta}, X_m = \frac{V_{oc}}{I_{oc} \sin \theta}, \cos \theta = \frac{P_{oc}}{V_{oc} \cdot I_{oc}}$$

نکته: در آزمایش مدار باز  $P_{oc}$  همان تلفات هسته می‌باشد

### ۲- آزمایش اتصال کوتاه:

$$R_{eq} = \frac{V_{sc}}{I_{sc}} \cos \theta, x_{eq} = \frac{V_{sc}}{I_{sc}} \sin \theta, P_{sc} = V_{sc} \cdot I_{sc} \cdot \cos \theta$$

مقادیر اندازه‌گیری شده  $V_{sc}$ ,  $I_{sc}$ ,  $P_{sc}$  می‌باشد.

نکته: در این آزمایش  $P_{sc}$  همان تلفات مسی ترانسفورماتور است.

### ۳- آزمایش dc:

این آزمایش برای بدست آوردن مقاومت اولیه یا ثانویه می‌باشد.

$$V_{dc} = R_1 I_{dc}$$

اگر به سمت اولیه اعمال شود ←

### سیستم پریونیت:

$$Z_{b1} = \frac{V_{b1}^2}{S_{b1}}, Z_{b2} = \frac{V_{b2}^2}{S_{b2}}, Z_{b1} = a^2 Z_{b2}$$

$Z_{b1}$  = امپدانس پایه طرف اولیه و  $Z_{eq1}$ : امپدانس معادل دیده شده از طرف اولیه

$Z_{b2}$  = امپدانس پایه طرف ثانویه  $Z_{eq2}$ : امپدانس معادل دیده شده از طرف ثانویه

$$Z_{p_{u1}} = \frac{Z_{eq1}}{Z_{b1}}, Z_{p_{u2}} = \frac{Z_{eq2}}{Z_{b2}} \Rightarrow Z_{p_{u1}} = Z_{p_{u2}}$$

### بازده در ترانسفورماتور:

$$\xi = \frac{P_{out}}{P_{in}} = \frac{P_{in} - P_{Loss}}{P_{in}} = 1 - \frac{P_{Loss}}{P_{in}}$$

→

$$\xi = \frac{V_2 I_2 \cos \varphi}{V_2 I_2 \cos \varphi + R_{eq2} I_2^2 + P_{core}}$$

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

-  $\cos \varphi$ : ضریب قدرت بار ترانس

-  $\varphi$ : اختلاف فاز بین  $I_2, V_2$

$$\xi = \frac{S_n \cos \varphi}{S_n \cos \varphi + P_{cu} + P_{cor}}$$

➔ برای بار کامل:

که در آن  $S_n$  توان نامی می باشد

$$\xi = \frac{\frac{x}{100} S_n \cos \varphi}{\frac{x}{100} S_n \cos \varphi + \left(\frac{x}{100}\right)^2 P_{cu_n} + P_{core}}$$

$$I_2 = \frac{x}{100} I_{2n}$$

➔ برای  $x\%$  بار کامل:

$P_{cu_n}$ : تلفات مسی نامی

در  $x\%$  بار کامل  $P_{cu} = \left(\frac{x}{100}\right)^2 P_{cu_n}$

➔ راندمان برحسب مقادیر پربونیتی:

$$\xi = \frac{\frac{x}{100} \cos \varphi}{\frac{x}{100} \cos \varphi + \left(\frac{x}{100}\right)^2 P_{cu_{npn}} + P_{core_{pn}}}$$

$$S_{base} = S_n$$

$$P_{core_{pu}} = \frac{1}{R_{C_{pu}}}, R_{eq_2} = R_{eq_1} = P_{cu_{npu}}$$

نکته:

بازده ماکزیمم:

اگر فرض کنیم ضریب توان بار ثابت بماند بازده حداکثر در جریان بار زیر بدست می‌آید.

$$۱- P_{core} = P_{cu} = \left(\frac{x}{100}\right)^2 P_{cu_n}$$

$$۲- I_{2\xi_{max}} = \left(\sqrt{\frac{P_{core}}{P_{cu_n}}}\right) I_{2n} = \left(\frac{x}{100}\right) I_{2n}$$

$$۳- S_{2\xi_{max}} = \left(\sqrt{\frac{P_{core}}{P_{cu_n}}}\right) S_n$$

$$\xi = \frac{\sum P_{out_i} \cdot h_i}{\sum P_{out_i} \cdot h_i + P_{core} \times 24 + \sum P_{cu_i} \times h_i}$$

بازده شبانه روزی:

که در آن  $h$  میزان ساعت مصرف می‌باشد.

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

**نکته:** پیش فاز و یا پس فاز بودن بار هیچ تأثیری روی با زده ترانسفورماتور ندارد.

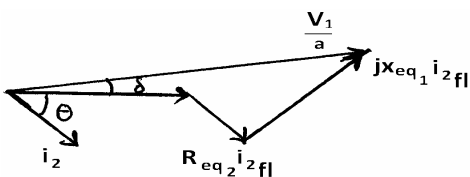
$$VR\% = \frac{|V_{nL}| - |V_{fL}|}{|V_{fL}|} \times 100$$

### تنظیم ولتاژ در ترانسفورماتور:

اگر تمامی مقادیر اولیه را به سمت ثانویه ارجاع دهیم داریم:

$$V_{fL} = V_2 = \frac{V_1}{a} - (R_{eq_2} + jX_{eq_2}) I_{2fL}$$

تذکر: دقت شود حالت فوق حالت پس فازی است و ولتاژ نهایی شکل مقابل  $\frac{V_1}{a}$  می‌باشد.



+ بار پس فاز

- بار پیش فاز

➔ تنظیم ولتاژ بر حسب مقادیر پریونیتی:

$$VR\% = (R_{eq_{pu}} \cos \theta + X_{eq_{pu}} \sin \theta) \times 100$$

الف: برای بار پس فاز:

$$VR\% = (R_{eq_{pu2}} \cos \theta - X_{eq_{pu2}} \sin \theta) \times 100$$

ب: برای بار پیش فاز:

### ➔ حالت‌های مختلف تنظیم ولتاژ:

۱- تنظیم ولتاژ ماکزیمم (بدترین حالت):

$$\cos \theta = \frac{R_{eq_2}}{|Z_{eq_2}|} = \frac{R_{eq_2}}{\sqrt{R_{eq_2}^2 + X_{eq_2}^2}} = \frac{R_{eq_{pu2}}}{|Z_{eq_{pu2}}|} = \frac{R_{eq_{pu2}}}{\sqrt{R_{eq_{pu2}}^2 + X_{eq_{pu2}}^2}}$$

- حالت پیش فاز

+ حالت پس فاز

$$\tan \theta = \frac{X_{eq_2}}{R_{eq_2}} = \frac{\pm X_{eq_{pu2}}}{R_{eq_{pu2}}}$$

**نکته:** مقدار تنظیم ولتاژ ماکزیمم برابر است با:  $VR_{max}\% = |Z_{eq_{pu}}|$

ب: تنظیم ولتاژ صفر (بهترین حالت):

یادداشت:

.....

.....

.....

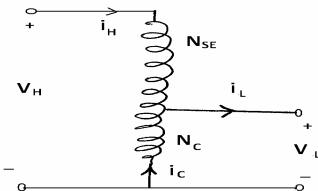
.....

تذکر: تنظیم ولتاژ صفر برای بار پس فاز امکان پذیر نیست.

$$\tan \theta = \frac{R_{eq_2}}{X_{eq_2}} = \frac{R_{eq_{Pu2}}}{X_{eq_{Pu2}}}$$

$$\cos \theta = \frac{x_{eq_2}}{|Z_{eq_2}|} = \frac{X_{eq_{Pu2}}}{|Z_{eq_{Pu2}}|}$$

### اتوترانسفورمر:



$$\frac{I_H}{I_L} = \frac{N_C}{N_C + N_{SE}} = \frac{V_L}{V_H}$$

$$\frac{V_{SE}}{V_C} = \frac{N_{SE}}{N_C}$$

$$V_C = V_L$$

نکته:

$$\begin{cases} S_{in} = V_H \cdot I_H \\ S_{out} = V_L \cdot I_L \end{cases} \quad S_{in} = S'_{out}$$

$$S_{SC} = V_L I_H = \frac{N_C}{N_C + N_{SE}} S_{out}$$

$$S_{in} = S_{out} = V_L I_L = S_{sc} + S_{\omega}$$

توان مغناطیسی عبوری سیم بندی مشترک  $S_{\omega} = V_C I_C = V_L I_L - V_L I_H$

$$S_{\omega} = \frac{N_{SE}}{N_C + N_{SE}} S_{out}$$

عیب: امپرانس معادل پریونیت یک اتوترانسفورمر در حالت اتصال کوتاه  $N_C \gg N_{SE}$  به واسطه بسیار کم بوده و جریان

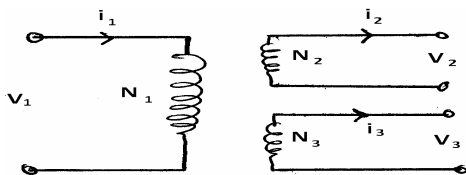
اتصال بسیار بالایی از خود عبور می دهد.

### مزیت:

۱- دو سیم پیچ از یکدیگر ایزوله می باشند.

۲- این قابلیت را دارد که خیلی بالاتر از ظرفیت نامی خود بارگیری کند.

### ترانس سه سیم پیچه:



$$P_1 = P_2 + P_3$$

$$Q_1 = Q_2 + Q_3$$

$$S_1 = S_2 + S_3$$

$$N_1 I_1 = N_2 I_2 + N_3 I_3 \quad \frac{e_1}{e_2} = \frac{N_1}{N_2}, \frac{e_1}{e_3} = \frac{N_1}{N_3}$$

### یادداشت:

.....  
 .....  
 .....  
 .....



## موازی کردن ترانسفورماتور:

مزایا:

۱- برای افزایش توان انتقالی

۲- افزایش قابلیت اطمینان

شرط موازی کردن:

۱- ولتاژ خروجی دو ترانسفورماتور با هم برابر باشد  $E_a = E_b$

۲- امپدانس واقعی دو ترانسفورماتور با هم برابر باشد.

$$Z_{real_1} = Z_{real_2}$$

$$Z_{eq_{pu1}} \cdot Z_{base_1} = Z_{eq_{pu2}} \cdot Z_{base_2}$$

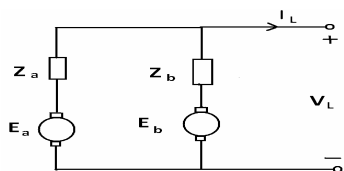
$$\frac{x_{eq_a}}{R_{eq_a}} = \frac{x_{eq_b}}{R_{eq_b}}$$

۳- تساوی زیر برقرار باشد.

۴- پلاریته هم نام به هم متصل شوند.

## حالات موازی کردن:

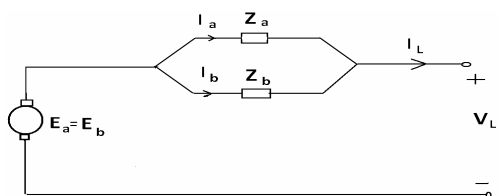
$$I_L = 0, V_L = E_a = E_b, I_C = 0$$



۱- حالت بی‌باری

۲- حالت بارداری

a- (۱) حالت بی‌باری و  $E_a = E_b$



b- (۱) حالت بی‌باری و  $E_a > E_b$

$$I_C = \frac{\vec{E}_a - \vec{E}_b}{\vec{Z}_a + \vec{Z}_b}, \vec{V}_L = \vec{E}_a - \vec{Z}_a \vec{I}_C = \vec{E}_b + \vec{Z}_b \vec{I}_C$$

a- (۲) حالت بارداری و  $E_a = E_b$

$$\vec{I}_a = \frac{\vec{Z}_b}{\vec{Z}_a + \vec{Z}_b} \vec{I}_L \rightarrow \vec{S}_a = \frac{\vec{Z}_b}{\vec{Z}_a + \vec{Z}_b} \vec{S}_L$$

یادداشت:

.....  
 .....  
 .....  
 .....

$$I_b = \frac{Z_a}{Z_a + Z_b} \bar{I}_L \rightarrow S_b = \frac{Z_a}{Z_a + Z_b} S_L$$

$$\frac{\bar{S}_a}{\bar{S}_b} = \frac{\bar{Z}_b}{\bar{Z}_a} \Rightarrow \frac{S_a}{S_b} = \frac{|Z_b|}{|Z_a|}$$

a-۲ الف: حالت بارداری و  $E_a = E_b$  و  $|Z_a| = |Z_b|$  و  $\frac{x_{eq_b}}{R_{eq_b}} \neq \frac{x_{eq_a}}{R_{eq_a}}$

$$\bar{I}_L = \bar{I}_a + \bar{I}_b, |I_a| = |I_b|, \bar{S}_a + \bar{S}_b > \bar{S}_L$$

a-۲ ب: حالت بارداری و  $E_a = E_b$  و  $|Z_a| \neq |Z_b|$  و  $\frac{x_{eq_b}}{R_{eq_b}} = \frac{x_{eq_a}}{R_{eq_a}}$

$$\frac{S_a}{S_b} = \frac{|Z_b|}{|Z_a|}, \frac{I_a}{I_b} = \frac{|Z_b|}{|Z_a|}, \bar{S}_a + \bar{S}_b = \bar{S}_L$$

a-۳ حالت بارداری  $E_a > E_b$ .

$$\bar{I}_a = \frac{Z_b}{\bar{Z}_a + \bar{Z}_b} \bar{I}_L + \frac{E_a - E_b}{Z_a + Z_b}$$

$$I_b = \frac{\bar{Z}_a}{\bar{Z}_a + \bar{Z}_b} \bar{I}_L + \frac{E_b - E_a}{Z_a + Z_b}$$

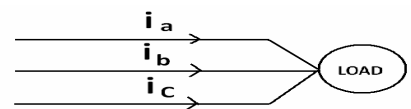
$$V_L = \frac{\bar{E}_a + \bar{E}_b}{\frac{1}{Z_a} + \frac{1}{Z_b} + \frac{1}{Z_L}}, I_C = \frac{Z_L(\bar{E}_a - \bar{E}_b)}{Z_L Z_a + Z_a Z_b + Z_L Z_b}$$

$I_C$ : جریان گردش

$V_L$ : ولتاژ بار

### ترانسفورماتور ۳ فاز:

اگر بار متعادل باشد:

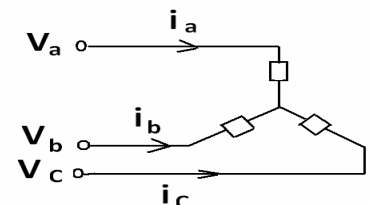


$$Q_{Load} = 3Q_a$$

$$P_{Load} = P_a + P_b + P_c = 3P_a$$

### انواع آرایش ترانسفورماتور:

الف: آرایش ستاره:



یادداشت:

$$V_L = \bar{V}_{ab} = \bar{V}_a - \bar{V}_b = \sqrt{3}V_a \angle +30$$

$$V_a = V_m \angle 0, V_b = V_m \angle -120, V_c = V_m \angle +120$$

$$V_{ab} = \sqrt{3}V_a \angle +30, V_{bc} = \sqrt{3}V_b \angle +30, V_{ca} = \sqrt{3}V_c \angle +30$$

.....  
 .....  
 .....  
 .....

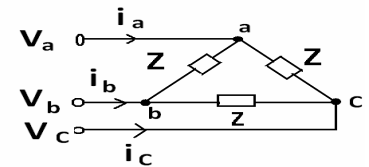
جریان خط متناظر با جریان فاز برابر می‌باشند.

ب: آرایش مثلث  $\Delta$ :

$$I_a = \sqrt{3} I_{ab} \angle -30^\circ$$

$$I_b = \sqrt{3} I_{bc} \angle -30^\circ$$

$$I_c = \sqrt{3} I_{ca} \angle -30^\circ$$



ولتاژ خط متناظر با ولتاژ فاز برابر می‌باشند.

### اتصال ترانسفورماتور:

$$V_{L1} = \sqrt{3} V_{pn1}, I_{L1} = I_{pn1}$$

$$V_{L2} = \sqrt{3} V_{pn2}, I_{L2} = I_{pn2}$$

### ۱- اتصال ستاره-ستاره

نسبت تبدیل فازی 
$$a_{PH} = \frac{N_{ph1}}{N_{ph2}} = \frac{V_{ph}}{V_{ph2}}$$

نسبت تبدیل خطی 
$$a_L = \frac{V_{L1}}{V_{L2}}$$

$$\Rightarrow a_{PH} = a_L$$

### جریان هارمونیک:

$$I_{an} = I_{m1} \sin(\omega_s t - \alpha) + I_{m3} \sin(3\omega_s t - 3\alpha) + \dots$$

$$I_{bn} = I_{m1} \sin(\omega_s t - \alpha - 120^\circ) + I_{m3} \sin(3\omega_s t - 3\alpha - 360^\circ) + \dots$$

$$I_{cn} = I_{m1} \sin(\omega_s t - \alpha + 120^\circ) + I_{m3} \sin(3\omega_s t - 3\alpha + 360^\circ) + \dots$$

تذکر: اگر این سه سیگنال جریان را با هم جمع کنیم هارمونیک سوم به دلیل هم بودن صفر نخواهد شد همین استدلال برای هارمونیک مضارب ۳ صدق می‌کند ولی به دلیل کوچک بودن دامنه چندان موثر نیست.

**نکته:** اگر در این حالت از سیم چهارم در نقطه صفر ترانسفورماتور استفاده کنیم جریان‌های هارمونیک مضارب سوم از عبور خواهند کرد ولی اگر از سیم چهارم استفاده کنیم از آنجائیکه جمع جبری جریان‌های سه فاز باید صفر شود جریان بی‌باری شامل هارمونیک مضارب سوم نخواهد شد ولی به دلیل وجود شاری که شامل هارمونیک سوم و مضارب آن است ولتاژ القایی شامل هارمونیک سوم می‌باشد.

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

### اتصال ستاره مثلث:

$$\begin{cases} V_{L_1} = \sqrt{3} V_{ph_1} \\ I_{L_1} = I_{ph_1} \end{cases} \begin{cases} V_{L_2} = V_{ph_2} \\ I_{L_2} = \sqrt{3} I_{ph_2} \end{cases}$$

$$\alpha_{ph} = \frac{N_{ph_1}}{N_{ph_2}} = \frac{V_{ph_1}}{V_{ph_2}}, a_L = \frac{V_{L_1}}{V_{L_2}} = \frac{\sqrt{3} V_{ph_1}}{V_{ph_2}}$$

$$a_L = \sqrt{3} a_{ph}$$

➔ اگر سمت اولیه (ستاره) توسط سیم چهارم به زمین وصل شود جریان اولیه شامل هارمونیک سوم و مضارب آن خواهد بود ولی اگر سیم چهارم حذف شود هارمونیک های سوم و مضارب آن حذف می شود ولی چون شار درون هسته شامل هارمونیک مضارب سوم خواهد بود ولتاژ القایی شامل هارمونیک سوم و مضارب آن خواهد بود.

➔ در ثانویه که یک اتصال به صورت مثلث است یک مدار بسته خواهیم داشت که جمع جبری ولتاژهای مؤلفه اصلی و هارمونیک های پنجم، هفتم و... به جز هارمونیک سوم صفر خواهد شد در نتیجه، ولتاژ هارمونیک سوم تولید یک جریان گردشی می کند که دارای هارمونیک سوم می باشد.

### اتصال مثلث- ستاره:

$$\begin{cases} V_{L_1} = V_{PH_1} \\ I_{L_1} = \sqrt{3} I_{ph_1} \end{cases} \begin{cases} V_{L_2} = \sqrt{3} V_{ph_2} \\ I_{L_2} = I_{ph_2} \end{cases}$$

$$a_{ph} = \frac{N_{ph_1}}{N_{ph_2}} = \frac{V_{ph_1}}{V_{ph_2}}, a_L = \frac{V_{L_1}}{V_{L_2}} = \frac{V_{ph_1}}{\sqrt{3} V_{ph_2}}$$

در این حالت نیز مانند حالت قبل در اتصال مثلث فقط به وسط شاری که دارای هارمونیک سوم می باشد جریان های هارمونیک سوم به صورت جریان گردشی در سیم پیچ ها جاری می شود.  
اتصال مثلث- مثلث:

$$\begin{cases} V_{L_1} = V_{ph_1} \\ I_{L_1} = \sqrt{3} I_{ph_1} \end{cases} \begin{cases} V_{L_2} = V_{ph_2} \\ I_{L_2} = \sqrt{3} I_{ph_2} \end{cases}$$

$$a_{ph} = \frac{V_{L_1}}{V_{L_2}} = \frac{V_{ph_1}}{V_{ph_2}}, a_L = \frac{N_{ph_1}}{N_{ph_2}} = \frac{V_{ph_1}}{V_{ph_2}}, a_{ph} = a_L$$

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

## مسائل تکمیلی

۱ - ترانسفورماتور A در بار نامی، راندمان 90% را داراست. اگر ابعاد خطی ترانسفورماتور B، 1.5 برابر ترانسفورماتور A باشد، راندمان آن در بار نامی برابر است با:

- (۱) 90%      (۲) 87%      (۳) 93%      (۴) 95%

حل: گزینه ۳ درست است.

اگر ابعاد خطی ترانسفورماتور B، 1.5 برابر ترانسفورماتور A باشد، توان خروجی آن  $(1.5)^4$  برابر و تلفات آن  $(1.5)^3$  برابر ترانسفورماتور A می‌باشد. در این صورت داریم:

$$\eta_2 = \frac{(1.5)^4 S_1 \cos \varphi}{(1.5)^4 S_1 \cos \varphi + (1.5)^3 P_{\text{loss}_1}} = \frac{S_1 \cos \varphi}{S_1 \cos \varphi + \frac{P_{\text{loss}_1}}{1.5}} \rightarrow \eta_1 = 0.9 = \frac{S_1 \cos \varphi}{S_1 \cos \varphi + P_{\text{loss}_1}} \Rightarrow P_{\text{loss}_1} = \frac{1}{9} S_1 \cos \varphi$$

$$\eta_2 = \frac{S_1 \cos \varphi}{S_1 \cos \varphi + \frac{1}{9 \times 1.5} S_1 \cos \varphi} \approx 0.93$$

اگر ابعاد خطی یک ترانسفورماتور K برابر شود، توان خروجی آن  $K^4$  و تلفات آن  $K^3$  برابر خواهد شد.

۲ - توان دریافتی توسط ترانسی در آزمایش اتصال کوتاه 400W و در آزمایش بی‌باری 200W است. این ترانس به ازای چه سهمی از بار نامی دارای حداکثر راندمان خواهد شد؟ (از پراکندگی و افت داخلی ترانس صرف نظر گردد)

- (۱) 60%      (۲) 57%      (۳) 70.7%      (۴) 86.2%

حل: گزینه ۳ درست است.

زمانی راندمان ماکزیمم است که تلفات ثابت و متغیر با هم برابر باشد.

$$P'_{sc} = P_{os} \Rightarrow \eta = \eta_{(\max)}$$

پس باید کل تلفات مسی معادل 200 وات گردد.  $200 = P'_{sc}$

$$\frac{P'_{sc}}{P_{sc}} = \left( \frac{S}{S_N} \right)^2 \rightarrow \frac{200}{400} = \left( \frac{S}{S_N} \right)^2 \Rightarrow \frac{S}{S_N} = \sqrt{\frac{1}{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \rightarrow \% \frac{S}{S_N} = \frac{\sqrt{2}}{2} \times 100 = 70.7\%$$

یادداشت:

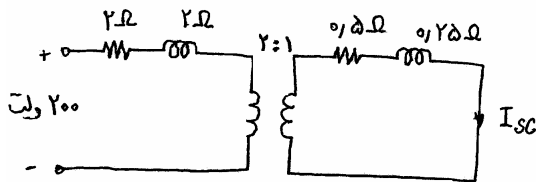
.....

.....

.....

.....

۳- مدار Per Phase ترانسفورماتور اتصال کوتاه شده سه‌فازی مطابق شکل زیر داده شده است که در آن اتصال کوتاه در طرف فشار ضعیف انجام گرفته است. توانی که ترانسفورماتور سه فاز از شبکه برای غلبه بر تلفات مسی از طرف فشار قوی دریافت می‌کند چند وات می‌باشد.



(۱) 19.2 KW

(۲) 15 KW

(۳) 6.4 KW

(۴) 36 KW

حل: گزینه ۱ درست است.

ابتدا محاسبات را برای Per Phase انجام می‌دهیم:

$$R_1 = 2 + \frac{2}{4} \times 2^2 = 4 \quad X_1 = 2 + \frac{1}{4} \times 2^2 = 3$$

$$I_{HV} = \frac{200 \angle 0}{\sqrt{3^2 + 4^2}} \angle -\cos^{-1} \frac{4}{5} = 40 \angle -\cos^{-1} \frac{4}{5}$$

$$P_{sc} = 200 \times 40 \times \frac{4}{5} = 6400 = 6.4 \text{ KW} \Rightarrow P_{sc}(3\phi) = 3P_{sc} = 3 \times 6.4 \text{ KW} = 19.2 \text{ KW}$$

۴- برای یک ترانسفورماتور تک‌فاز کدام‌یک از عبارات زیر غلط است؟

(۱) کاربرد ترانس طراحی شده با  $\frac{V}{f} = \text{cte}$  و افزایش فرکانس، برای ثابت ماندن تلفات ترانس سبب کاهش توان نامی ترانس می‌شود.

(۲) کاربرد ترانس طراحی شده برای فرکانس نامی 50Hz در فرکانس 60Hz به ازای ولتاژهای مشابه ترانس را از نقطه کار ناحیه اشباع دور می‌سازد.

(۳) اگر ترانس طراحی شده برای فرکانس نامی 50Hz در فرکانس 60Hz استفاده شود ترانسفورماتور نسبت به حالت قبل خنک‌تر خواهد شد.

(۴) تلفات فوکو یا افزایش فرکانس 50Hz به 60Hz افزایش می‌یابد.

حل: گزینه ۱ درست است.

۵- ترانسفورماتوری با نسبت تبدیل  $\frac{300}{100}$  دارای مقاومت 4% و تنظیم ولتاژ حداکثر 5% می‌باشد اگر از این ترانس یک اتو ترانس با

نسبت تبدیل  $\frac{400}{100}$  بسازیم در این صورت تنظیم ولتاژ اتو ترانس به ازای همان بار چقدر خواهد شد؟ بار ترانس، بار نامی با ضریب

توان 0.8 پس فاز می‌باشد.

(۴) 3.75%

(۳) 5.25%

(۲) 5%

(۱) 2.25%

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

حل: گزینه ۴ درست است.

$$r_e = 0.04(\text{pu}) \quad X_e = \sqrt{Z_e^2 - r_e^2} = \sqrt{25 - 16} \times 10^{-2} = 3 \times 10^{-2}(\text{pu})$$

$$E_{\text{trans}} = 0.04 \times 0.8 + 0.03 \times 0.6 = 0.05$$

$$K_a = \frac{100}{400} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{E_{\text{aut}}}{E_{\text{tran}}} = 1 - k_a = 1 - \frac{1}{4} = \frac{3}{4} \Rightarrow E_{\text{aut}} = \left(\frac{3}{4}\right) \times 0.05 = 0.0375 \times 100 = 3.75\%$$

۶- دو ترانس تکفاز هر یک با توان نامی 250 KVA و ولتاژ KV  $\left(\frac{2.4}{0.5}\right)$  به صورت مثلث باز (اتصال V-V) در یک سیستم سه فازه

مورد استفاده قرار می‌گیرد. ماکزیمم باری که در حالت کار دائمی بدون افزایش درجه حرارت مجاز می‌توان از این سیستم اخذ نمود برابر است با:

- ۴) 250 KVA                      ۳) 500 KVA                      ۲) 288 KVA                      ۱) 433 KVA

حل: گزینه ۱ درست است.

$$S_{\Delta} = 3 \times 250 \text{ KVA}$$

$$\frac{S_v}{S_{\Delta}} = \frac{1}{\sqrt{3}} \Rightarrow \frac{S_v}{3 \times 250} = \frac{1}{\sqrt{3}} \Rightarrow S_v = 250\sqrt{3} = 433 \text{ KVA}$$

۷- یک ترانسفورماتور KV  $\frac{10}{20}$ ، 100 KVA موجود است. سیم‌پیچ فشار ضعیف از دو سیم پیچ مشابه و موازی تشکیل شده است.

(A,B) تلفات هسته در شرایط بار نامی 2 kw و تلفات مسی ترانس در شرایط نامی در فشار ضعیف و قوی به ترتیب 2.4 kw، 1.6 kw است. اگر در سمت فشار ضعیف سیم‌پیچ A قطع شود و به طور همزمان ولتاژ اعمالی به سیم‌پیچ B و جریان آن به نصف جریان قبلی سیم‌پیچ دوم تقلیل یابد، بازده ترانس در این حالت چقدر خواهد شد؟

۸- «تلفات هسته را با توان دوم ولتاژ متناسب بگیرید - ضریب توان بار = 0.8 پس فاز»

- ۱) 95%                      ۲) 92%                      ۳) 93%                      ۴) 91%

حل: گزینه ۲ درست است.

تلفات مسی را در دو حالت می‌توان چنین محاسبه کرد: «در فشار ضعیف»

در حالت اول: ← مدل فشار ضعیف چنین است:

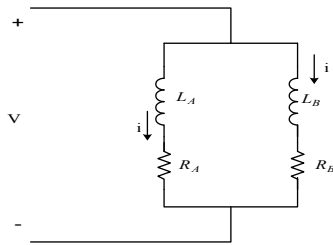
یادداشت:

.....

.....

.....

.....



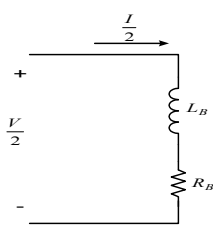
$$\left( p_{cu} \right)_{(1)} = RI^2 + RI^2 = 2RI^2$$

فشار ضعیف

$$R_A = R_B = R$$

$$L_A = L_B$$

در حالت دوم مدل فشار ضعیف چنین است:



$$\Rightarrow \left( p_{cu} \right)_{(2)} = R \left( \frac{I}{2} \right)^2 = \frac{RI^2}{4}$$

$$\Rightarrow \left( p_{cu} \right)_{(2)} = \frac{1}{8} \left( p_{cu} \right)_{(1)} = \frac{1}{8} \times 2.4 = 0.3 \text{ kw}$$

چون جریان فشار ضعیف نسبت به حالت اول  $\frac{1}{4}$  شده است  $\leftarrow$  جریان فشار قوی هم  $\frac{1}{4}$  حالت اول می‌شود.

$$\rightarrow \left( p_{cu} \right)_{(2)} = \left( \frac{1}{4} \right)^2 \left( p_{cu} \right)_{(1)} \Rightarrow \left( p_{cu} \right)_{(2)} = \frac{1}{16} \times 1.6 = 0.1 \text{ kw}$$

از طرفی تلفات هسته هم متناسب با مجذور ولتاژ اعمالی است:

$$\frac{p_{c2}}{p_{c1}} = \left( \frac{1}{2} \right)^2 = \frac{1}{4} \rightarrow p_{c2} = \frac{p_{c1}}{4} = 0.5 \text{ kw} \quad \Rightarrow \eta = \frac{100 \times \frac{1}{8} \times 0.8}{100 \times \frac{1}{8} \times 0.8 + 0.3 + 0.1 + 0.5} = 91.7\%$$

۹- دو ترانسفورماتور A, B هر کدام با توان‌های نامی  $y, x$  ( $x > y$ ) را با یکدیگر موازی می‌کنیم، ترانسفورماتور A دارای امپدانس

پراکندگی  $\bar{Z}_{eA} = a + jb$  و ترانسفورماتور B دارای امپدانس پراکندگی  $\bar{Z}_{eB} = 2a + j3b$  می‌باشد، چه راکتانسی با امپدانس ترانس

A سری شود تا بار به صورت مساوی بین دو ترانس تقسیم گردد؟

$$j \left[ \sqrt{3a^2 + 9b^2} - b \right] \quad (۲) \quad a + j2b \quad (۱)$$

$$j \left[ \sqrt{4a^2 + 9b^2 - \frac{x^2 a^2}{y^2}} - b \right] \quad (۴) \quad j2b \quad (۳)$$

یادداشت:

.....

.....

.....

.....



حل: گزینه ۲ درست است.

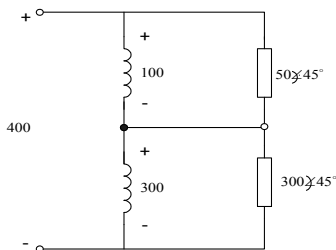
چون مسئله ذکر کرده است که تلفات افزایش پیدا نکند حتماً بایستی امپدانس ما مؤلفه مقاومتی نداشته باشد و لازم است از یک راکتانس استفاده شود.

$$\bar{I}_A \bar{Z}_{eA} = \bar{I}_B \bar{Z}_{eB} \Rightarrow \bar{I}_A = \bar{I}_B \Rightarrow \bar{Z}_{eA} = \bar{Z}_{eB} \Rightarrow$$

$$|a + j(b + x)| = |2a + j3b| \Rightarrow a^2 + (b + x)^2 = 4a^2 + 9b^2$$

$$\Rightarrow b + x = \sqrt{3a^2 + 9b^2} \Rightarrow x = \sqrt{3a^2 + 9b^2} - b$$

۱۰ - اتوترانس ایده‌آل شکل مقابل مفروض است. میزان توان راکتیو انتقال یافته به واسطه عمل ترانسفورماتوری برابر است با:



(۱) 30(VAR)

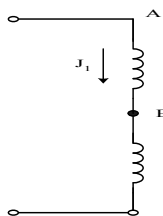
(۲) 37.5√2(VAR)

(۳) 36√2(VAR)

(۴) 36(VAR)

حل: گزینه ۲ درست است.

با حل می‌توان جریان ساقه AB،  $J_1$  را بدست آورد یعنی:



$$\bar{J}_1 = 0.75 \angle 135^\circ$$

$$Q_T = V_{AB} J_1 \sin(\angle V_{AB} - \angle J_1)$$

$$= 0.75 \times 100 \times \frac{\sin 135}{\frac{\sqrt{2}}{2}}$$

$$= 37.5\sqrt{2} \text{ (VAR)}$$

۱۱ - دو ترانسفورماتور A و B به‌طور موازی بسته شده و از طریق یک شبکه باری را تغذیه می‌کنند. می‌دانیم

$$|Z_A| = |Z_B|, \bar{Z}_A (\text{pu}) = \bar{Z}_B (\text{pu})$$

توان‌های اکتیو و راکتیو بار به ترتیب  $P_{\text{load}} = 1.5 \text{ pu}$ ,  $Q_{\text{load}} = 1.2 \text{ pu}$  است. توان اکتیو و

راکتیو هر ترانس چند pu می‌باشد؟

(۲) 0.6 pu, 0.8 pu

(۱) 0.6 pu, 0.75 pu

(۴) (1 pu, 0.5 pu) برای اکتیو و (0.8 pu, 10.6 pu) برای راکتیو

(۳) 1.2 pu, 1.5 pu

حل: گزینه ۱ درست است.

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

از آنجایی که بهترین شرایط برای موازی کردن دو ترانس اتفاق افتاده است از این رو:

$$\frac{\bar{S}_{nA}}{\bar{S}_{nB}} = \frac{\bar{Z}_A}{\bar{Z}_B} \Rightarrow \bar{S}_{nA} = \bar{S}_{nB} \Rightarrow P_A + jQ_A = P_B + jQ_B$$

$$\Rightarrow P_A = P_B \Rightarrow P_{\text{loud}} = 2P_A = 2P_B = 1.5 \Rightarrow P_A = P_B = 0.75 \text{ pu}$$

$$\Rightarrow Q_A = Q_B \Rightarrow Q_{\text{loud}} = 2Q_A = 2Q_B = 1.2 \Rightarrow Q_A = Q_B = 0.6 \text{ pu}$$

۱۲ - در یک ترانسفورماتور تکفاز اگر ولتاژ سمت بار به عنوان مرجع فاز در نظر گرفته شود و دارای مقاومت  $r(\text{pu})$ ، راکتانس  $x(\text{pu})$  و امپدانس  $z(\text{pu})$  باشد آنگاه زاویه بار در چه بازه‌ای تغییر می‌کند در صورتی که تنظیم ولتاژ مقداری منفی شود.

$$\cos^{-1} \frac{r(\text{pu})}{z(\text{pu})} \leq \theta_2 \leq \frac{\pi}{2} \quad (۲) \qquad \cos^{-1} \frac{x(\text{pu})}{z(\text{pu})} \leq \theta_2 \leq \frac{\pi}{2} \quad (۱)$$

$$-\cos^{-1} \frac{x(\text{pu})}{z(\text{pu})} \leq \theta_2 \leq 0 \quad (۴) \qquad 0 \leq \theta_2 \leq \cos^{-1} \frac{x(\text{pu})}{z(\text{pu})} \quad (۳)$$

حل: گزینه ۱ درست است.

$$\cos^{-1} \frac{x(\text{pu})}{z(\text{pu})} \leq \theta_2 \leq \frac{\pi}{2}$$

از نمودار کاپ می‌توان به بازه فوق دست یافت.

۱۳ - یک ترانسفورماتور تک فاز 10 kVA و 2500/250 V دارای مقاومت و راکتانس‌های نشستی به قرار زیر است: (زیرنویس‌های او ۲ به ترتیب دلالت بر سیم‌پیچ‌های فشار قوی و فشار ضعیف دارند).

$$\left. \begin{aligned} r_2 &= 0.04\Omega \\ X_2 &= 0.1\Omega \\ r_1 &= 4\Omega \\ X_1 &= 10\Omega \end{aligned} \right\}$$

اگر ولتاژ اولیه در 2500V ثابت نگه داشته شود، ولتاژ ترمینال ثانویه در صورتی که ترانسفورمر جریان نامی‌اش را در ضریب 0.8 پس فاز در طرف فشار ضعیف تحویل دهد چه قدر است؟

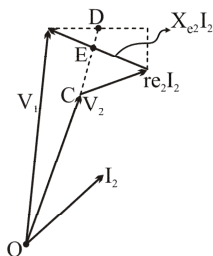
248.12 V (۴)

240.35 V (۳)

245.6 V (۲)

242.64 V (۱)

حل: گزینه ۱ درست است.



$$V_2 = OD - CD = 250 - CD$$

$$CD = CE + ED = I_2 r_2 \cos \theta_2 + I_2 X_2 \sin \theta_2$$

$$r_2 = 0.04 + 4 \times \left( \frac{250}{2500} \right)^2 = 0.08$$

$$X_2 = 0.1 + 10 \times \left( \frac{250}{2500} \right)^2 = 0.2$$

یادداشت:

.....  
 .....  
 .....  
 .....

$$I_2 = \frac{10 \times 10^3}{250} = 40 \text{ A} , \cos \theta_2 = 0.8 \Rightarrow \sin \theta_2 = \sqrt{1 - 0.64} = 0.6$$

$$CD = 40 \times 0.08 \times 0.8 + 40 \times 0.2 \times 0.6 = 7.36$$

$$V_2 = 250 - 7.36 = 242.64 \text{ V}$$

۱۴ - یک عدد ترانس تکفاز 50Hz وقتی به یک منبع 15V و 50 Hz وصل می‌شود، جریان اتصال کوتاه 30 A را در ضریب توان 0.2 پس فاز می‌کشد. هنگامی که همین ترانس، توسط یک منبع 15V ، 25 Hz تغذیه شود، جریان اتصال کوتاه و ضریب قدرت آن چقدر خواهد بود؟

$I_{SC} = 52.4$ (۴)	$I_{SC} = 56.8$ (۳)	$I_{SC} = 56.8$ (۲)	$I_{SC} = 48.6$ (۱)
پس فاز $\cos \varphi = 0.37$	پس فاز $\cos \varphi = 0.37$	پس فاز $\cos \varphi = 0.18$	پس فاز $\cos \varphi = 0.31$

حل: گزینه ۳ درست است.

در حالت 1  $\rightarrow \cos \varphi_{SC} = \left| \frac{R_{eq}}{R_{eq} + jx_{eq}} \right| \Rightarrow 24 R_{eq}^2 = x_{eq}^2$

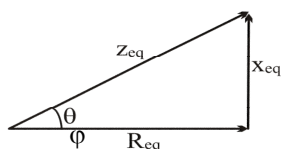
$$\frac{V_{SC}}{I_{SC}} = Z_{eq} \rightarrow \frac{1}{2} = \sqrt{x_{eq}^2 + R_{eq}^2} \Rightarrow \frac{1}{2} = 5 R_{eq} \rightarrow \begin{cases} R_{eq} = 0.1 \\ x_{eq} = 0.49 \end{cases}$$

در حالت 2  $\rightarrow Z_{eq} = 0.1 + j0.49 \times \left(\frac{1}{2}\right) \rightarrow Z_{eq_2} = 0.1 + j0.245$  (در فرکانس 25)

$$\Rightarrow I_{SC_2} = \frac{15}{0.1 + j0.245} \Rightarrow I_{SC} = 56.8 \text{ A}$$

نکته مهم اینجاست که برخلاف تصور، با توجه به گزینه‌ها، نیازی به محاسبه زاویه جریان نیست.

با توجه به شکل



افزایش می‌یابد  $\cos \varphi \rightarrow \varphi$   $\begin{cases} \text{کاهش می‌یابد} \\ \text{کاهش یافته} \end{cases}$   $\Rightarrow \begin{cases} R_{eq} \\ x_{eq} \end{cases}$  در حالت دوم نسبت به حالت اول  $\Rightarrow$  ثابت مانده  $\rightarrow$  کاهش می‌یابد

تنها یک گزینه با دانستن  $I_{SC} = 56.8 \text{ A}$ ، افزایش  $\cos \varphi$  را نشان می‌دهد.

۱۵ - ابعاد ترانسفورماتور تک فاز A، K برابر ترانسفورماتور تکفاز B می‌باشد. تعداد دور سیم‌پیچ‌های ترانس A، 2 برابر سیم‌پیچ‌های ترانس B است. هر دو ترانس از یک منبع ولتاژ ac تحت فرکانس معین تغذیه می‌شوند. اگر جنس هسته‌های 2 ترانس یکسان فرض شود، کدام یک از گزینه‌های زیر صحیح نمی‌باشد؟

$\varphi$ : شار مغناطیسی هسته

$$\frac{i_{eA}}{i_{eB}} = \frac{1}{4} \quad (۴)$$

B: چگالی میدان مغناطیسی

$$\frac{P_{cA}}{P_{cB}} = \frac{1}{4K} \quad (۳)$$

$i_e$ : جریان بی‌باری

$$B_A = \frac{1}{2K^2} B_B \quad (۲)$$

$P_c =$  تلفات هسته

$$\varphi_B = 2\varphi_A \quad (۱)$$

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

حل: گزینه ۴ درست است.

$$\begin{aligned} V_A &= 4.44 N_A \phi_A f \\ V_B &= 4.44 N_B \phi_B f \end{aligned} \Rightarrow V_A = V_B \rightarrow N_{1A} \phi_A = N_{1B} \phi_B \rightarrow 2 N_{1B} \phi_A = N_{1B} \phi_B \Rightarrow \boxed{\phi_B = 2 \phi_A}$$

$$\Rightarrow B_B A_B = 2 \times B_A A_A \Rightarrow B_B A_B = 2 \times B_A \times k^2 A_B \Rightarrow \boxed{B_A = \frac{1}{2k^2} B_B}$$

اگر  $\omega_A$  و  $\omega_B$  حجم ترانس‌های A و B باشند:

$$\begin{aligned} P_{CA} &\propto \omega_A B_A^2 \\ P_{CB} &\propto \omega_B B_B^2 \end{aligned} \rightarrow \frac{P_{CA}}{P_{CB}} = \frac{k^3 \omega_B}{\omega_B} \times \frac{1}{4k^4} \rightarrow \boxed{\frac{P_{CA}}{P_{CB}} = \frac{1}{4k}}$$

جریان بی‌باری ترانس متناسب با تلفات هسته است:

$$\frac{i_{eA}}{i_{eB}} \propto \frac{P_{CA}}{P_{CB}} \rightarrow \boxed{\frac{i_{eA}}{i_{eB}} = \frac{1}{4k}}$$

مردان شجاع فرصت می‌آفرینند و ترسوها و ضعیفان منتظر فرصت می‌نشینند

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

# فصل چهارم

## ماشین‌های الکتریکی

ماشین‌های القایی از جمله ماشین‌های تک تحریکه است که میدان تحریک آن استاتور و آرمیچر آن روتور می‌باشد. به علت اتصال کوتاه بودن سیم‌پیچی روتور جریانی در روتور جاری می‌کند که موجب تولید میدان گردان می‌شود که این میدان نسبت به میدان گردان استاتور ثابت و نسبت به استاتور و روتور گردان می‌باشد در اثر تقابل این دو میدان تولید گشتاور می‌کند.

$$n_s = \frac{120f_s}{P}$$

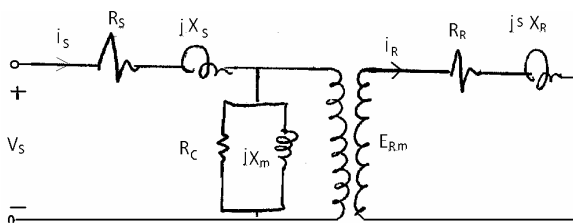
→ سرعت سنکرون

$$S = \frac{n_s - n_m}{n_s} = \frac{n_r}{n_s}, f_r = S f_s$$

→ لغزش

تعاریف:

- ۱- سرعت نسبی میدان دوار روتور نسبت به سیم‌بندی روتور:  $n_r$
  - ۲- سرعت نسبی میدان دوار استاتور نسبت به سیم‌بندی ثابت استاتور:  $n_s$
  - ۳- سرعت نسبی سیم‌بندی‌های متحرک روتور نسبت به سیم‌بندی‌های ثابت استاتور:  $n_m$
  - ۴- سرعت نسبی میدان دوار روتور نسبت به سیم‌بندی ثابت استاتور:  $n_s$
  - ۵- سرعت نسبی میدان دوار روتور نسبت به میدان دوار استاتور: صفر
- مدار معادل موتور القایی:



$$X_R = L_R \omega_R, \omega_R = S \omega_s, f_R = S f_s$$

$$0 < E_R < E_{R_{max}}, 0 < X_R < X_{R_{max}}$$

$\uparrow$   $\uparrow$   
 $s=0$   $s=1$

یادداشت:

.....

.....

.....

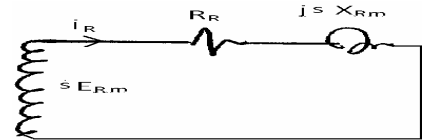
.....

به علت تغییر بار و به الطبع آن تغییر  $S$ ، همواره  $\omega_R$  متغیر است.  
در  $E_R$  و  $X_R$  به واسطه وجود فرکانس  $S$  ظاهر می‌شود.

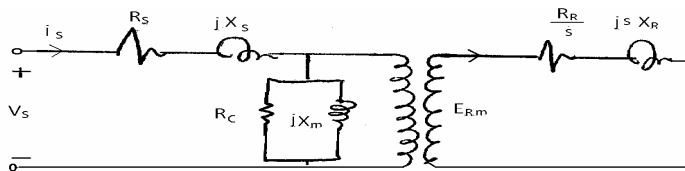
$$E_R = SE_{R_m}, X_R = SX_{R_m}$$

### مدار معادل سمت روتور:

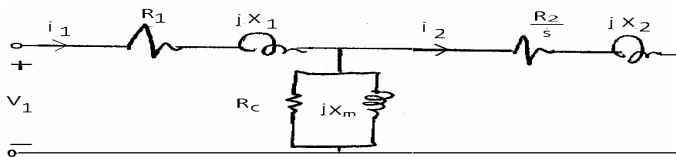
$$I_R = \frac{SE_{R_m}}{jSX_{R_m} + R_R} = \frac{E_{R_m}}{jX_{R_m} + \frac{R_R}{S}} \quad (I)$$



همانطوریکه می‌دانیم انتهای سیم‌پیچ‌های روتور اتصال کوتاه می‌باشد.  
با توجه به رابطه (I) می‌توان مدار معادل جدید با در نظر گرفتن سمت استاتور رسم نمود.



اگر این مدار را به سمت اولیه ارجاع دهیم به شکل جدید زیر رسم می‌شود.



$$R_1 = R_s, V_1 = V_s, X_1 = X_s$$

$$R_2 = a^2 R_R, X_2 = a^2 X_{R_m}$$

که در آن مقادیر به ترتیب می‌باشند.

- کوپلاژ دو موتور القایی به صورت سری با منبع تغذیه مشترک:

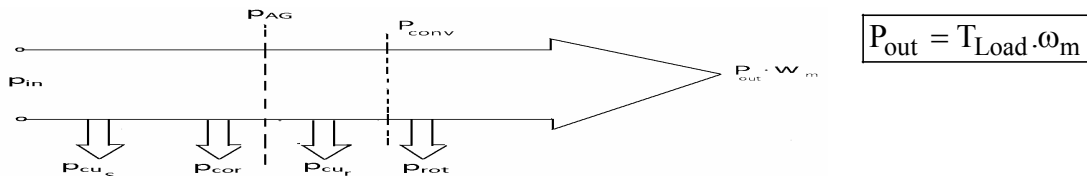
$$n_s = \frac{120f_s}{P_1 \pm P_2}$$

$$n_s = \frac{120(f_1 \pm f_2)}{P}$$

کوپلاژ دو موتور القایی با دو منبع تغذیه مختلف و تعداد قطب برابر:

+: اگر شار هم جهت باشند. -: اگر شار خلاف جهت هم باشند.

### توان در موتور القایی:



یادداشت:

.....

.....

.....

.....

$$P_{AG} = \text{توان تحویلی سه فاز از فاصله هوایی به روتور} = P_{in} - P_{cu_s} - P_{core} = 3I_2^2 \left( \frac{R_2}{s} \right)$$

$$\text{تلفات سه فاز روتور} \quad P_{cu_R} = 3I_2^2 R_2 \quad P_{cu_s} = 3I_2^2 R_2 \quad \text{توان تحویلی: } P_{conv} = P_{AG} - P_{cu_R} = 3I_2^2 R_2 \left( \frac{1-s}{s} \right) = T_{ind} \cdot \omega_m$$

$$T_{ind} = T_{Load} + T_{rot}, \quad P_{rot} = (T_{ind} - T_{Load})\omega$$

$$P_{conv} = (1-s)P_{AG} = T_{ind} \cdot \omega_m, \quad P_{AG} = \frac{T_{ind} \cdot \omega_m}{1-s}$$

بازده:

$$\xi = \frac{P_{out}}{P_{out} + P_{cu_R} + P_{core} + P_{cu_s} + P_{rot}} = \frac{P_{out}}{P_{AG} + P_{core} + P_{cu_s}}$$

$$\xi = \frac{1-s}{1+s}$$

نکته: اگر  $P_{rot} = P_{core} = 0$  و  $R_1 = R_2$  باشد.

$$\xi = 1-s$$

اگر علاوه بر موارد نکته فوق  $P_{cu_s} = 0$  باشد.

تذکر: با توجه به روابط فوق به پارامترهای  $R_2$  و  $x_2$  و... توجه کنید که در قبل توضیح داده شده است.

### گشتاور القایی ( $T_{ind}$ ):

$$P_{AG} = T_{ind} \cdot \omega_s = 3I_2^2 R_2$$

$$T_{ind} = \frac{3R_2 I_2^2}{\omega_s} = \frac{3}{\omega_s} \frac{R_R}{s} \frac{V_1^2}{(R_s + \frac{R_R}{s})^2 + (x_s + x_R)^2}$$

$$\text{لغزش ماکزیمم} \quad S_m = \pm \frac{R_R}{\sqrt{R_s^2 + (x_s + x_R)^2}}$$

$$\text{گشتاور ماکزیمم} \quad T_m = \pm \frac{3}{2\omega_s} \frac{V_1^2}{(\sqrt{R_s^2 + (x_s + x_R)^2}) + R_s}$$

+ : حالت موتوری      - : حالت ژنراتوری

نکته: اگر از مقاومت استاتور صرفنظر کنیم و در گشتاور  $T_e$ ، لغزش  $s$  و در گشتاور ماکزیمم  $T_{max}$  لغزش  $S_{max}$  باشد رابطه زیر برقرار است.

$$\frac{T_e}{T_{max}} = \frac{2}{\frac{S_{max}}{s} + \frac{s}{S_{max}}}$$

یادداشت:

.....

.....

.....

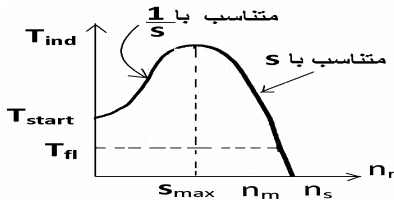
.....

درسی گشتاور در حالات زیر:

$$n_m = 0 \rightarrow S = 1$$

$$T_{ind} \propto V_1^2 \propto R_2 \propto \frac{1}{S}$$

۱- در هنگام راه اندازی:



$$T_{ind} \propto V_1^2 \propto \frac{1}{R_2} \propto S$$

۲- در سرعت بار کامل (سرعت سنکرون):

$$n_m = n_s \rightarrow S = 0$$

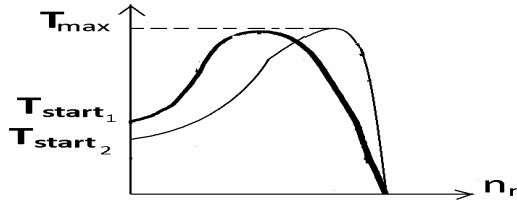
$$S_{max} = \frac{R_2}{\sqrt{R_1^2 + (x_2 + x_1)^2}}$$

شرط ماکزیمم بودن  $P_{AG}$ :

رابطه فوق نشان می‌دهد که  $S_{max}$  با مقاومت روتور متناسب است.

اثر مقاومت روتور:

به دلیل جریان راه اندازی بالا به واسطه لغزش  $S = 1$  مقاومتی به روتور اضافه می‌شود تا جریان راه اندازی کاهش یابد این عمل تبعات زیر را به همراه دارد.



۱- گشتاور راه اندازی بیشتر می‌شود.

$$\frac{S_1}{S_2} = \frac{R_{R1}}{R_{R2}}$$

۲- جریان راه اندازی کاهش می‌یابد.

۳- توان کمتری از فاصله هوایی به روتور انتقال می‌یابد.

۴- ضریب توان افزایش می‌یابد.

یادداشت:

.....

.....

.....

.....



## آزمایشات موتور القایی:

### ۱- آزمایش بی‌باری (مدار باز):

در این آزمایش موتور القایی آزادانه می‌چرخد در این حالت سرعت روتور نزدیک به سرعت سنکرون می‌باشد.

$$\boxed{Z_{nL} = \frac{V_{nL}}{I_{nL}}}, \boxed{R_{nL} = \frac{P_{nL}}{I_{nL}^2}}, \boxed{x_{nL} = \sqrt{Z_{nL}^2 - R_{nL}^2}} \quad \text{تلفات گردشی} \quad \boxed{P_{rot} = 3(P_{nL} - R_1 I_{nL}^2)}$$

هدف: با استفاده از آزمایش بی‌باری  $x_{nL}$  و  $P_{rot}$  بدست می‌آید.

### ۲- آزمایش روتور قفل شده (بلوکه شده):

در این آزمایش محور روتور، قفل شده و مقادیر ولتاژ و جریان و توان اندازه‌گیری می‌شود.

$$\boxed{Z_{BR} = \frac{V_{BR}}{I_{BR}}}, \boxed{R_{BR} = \frac{P_{BR}}{I_{BR}^2}}, \boxed{X_{BR} = \sqrt{Z_{BR}^2 - R_{BR}^2}} \quad \boxed{R_{BR} = R_1 + R_2}, \boxed{X_{BR} = x_1 + x_2}$$

### ۳- آزمایش DC:

در آزمایش روتور قفل شده  $R_1 + R_2$  بدست می‌آید ولی در این آزمایش  $R_1$  بدست می‌آید در آزمایش dc به دو سر از سه اتصال موتور ولتاژ dc اعمال می‌کنیم.

$$\boxed{R_{1dc} = \frac{V_{dc}}{2I_{DC}}} \quad \text{اتصال ستاره} \quad \text{اتصال مثلث} \quad \boxed{\frac{2}{3}R_{1dc} = \frac{V_{dc}}{I_{dc}}}$$

## راه اندازی موتور القایی:

موتور القایی در زمان راه اندازی جریان بسیار زیادی (بین ۵ تا ۱۰ برابر) جریان نامی از شبکه می‌کشد که این جریان علاوه بر آسیب به سیم‌پیچی موتور برای شبکه نیز نامطلوب است. اگر موتور دارای روتور قفسی اتصال کوتاه باشد وسیله راه انداز در مدار استاتور قرار می‌گیرد و در صورتی که موتور دارای روتور سیم‌پیچی شده وسیله راه انداز در مدار روتور قرار گیرد.

**نکته:** موتورهای القایی را می‌توان با اعمال ولتاژ کامل و یا ولتاژ کم به سرهای استاتور، آن را راه اندازی کرد. گرچه راه اندازی با ولتاژ کم مزیت کاهش جریان راه اندازی را دارد اما چون گشتاور با مجذور ولتاژ اعمالی متناسب است لذا گشتاور راه اندازی کاهش قابل توجهی خواهد داشت.

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

الف) راه اندازی موتورهای روتور قفسی:

$$\frac{T_S}{T} = \left( \frac{I_{2S}}{I_{2F}} \right) \frac{S}{1}$$

۱- اتصال مستقیم به شبکه بدون استفاده از راه انداز:

رابطه مقابل در این حالت برقرار است. که در آن  $I_{2F}$  جریان بار کامل و  $I_{2S}$  جریان راه اندازی روتور می‌باشد.

و برای اتصال مستقیم  $I_{St} = I_{Sc}$  و  $I_{Sc} = \frac{V_1}{Z_1}$  که  $Z_1$  امپدانس ارجاع شده به سمت استاتور می‌باشد.

۲- راه اندازی با مقاومت در استاتور:

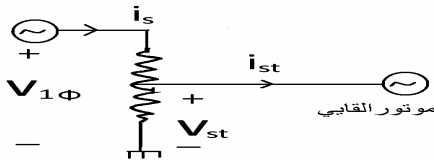
از آنجائیکه جریان با ولتاژ اعمالی به موتور و گشتاور با مجذور ولتاژ نسبت مستقیم دارد می‌توان با کاهش ولتاژ اعمالی، جریان نیز کاهش می‌یابد اما گشتاور آن با نسبت مجذور کاهش می‌یابد.

در این روش با قرار دادن مقاومت، کسر  $x$  از ولتاژ اعمالی روی استاتور قرار می‌گیرد و روابط زیر برقرار است.

$$I_{St} = x \frac{V_1}{Z_1} = x I_{Sc}$$

$$\frac{T_S}{T} = \left( \frac{I_s}{I_f} \right) S = x^2 \left( \frac{I_{Sc}}{I_f} \right) S$$

۳- راه اندازی با استفاده از اتوترانسفورمر:



$$\frac{V_{start}}{V_{1\phi}} = x \quad 0 < x < 1$$

$$I_{start} = \frac{V_{st}}{Z_1} = x \frac{V_{1\phi}}{Z_1} = x \frac{V_1}{Z_1}$$

$$I_{start} = x I_{Sc}$$

$$\frac{T_{start}}{T_{fl}} = \left( \frac{I_{start}}{I_{fl}} \right)^2 S_{fl} = x^2 \left( \frac{I_{Sc}}{I_{fl}} \right) S_{fl}$$

$I_s$ : جریان کشیده شده از منبع

$$\frac{T_{start_2}}{T_{start_1}} = x^2$$

$T_{start_1}$ : گشتاور راه اندازی با استفاده اتوترانسفورمر

$T_{start_2}$ : گشتاور راه‌اندازی در حالت مستقیم

$I_s$ : جریان کشیده شده از منبع

$$\frac{T_{start_2}}{T_{start_1}} = x^2$$

$T_{start_1}$ : گشتاور راه اندازی با استفاده اتوترانسفورمر

$T_{start_2}$ : گشتاور راه‌اندازی در حالت مستقیم

$$I_s = x I_{start} \Rightarrow I_s = x^2 I_{Sc}$$

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

۴- استفاده از کلید ستاره مثلث:

این حالت دقیقاً به مانند حالت اتوترانسفورمر با تب  $x = \frac{1}{\sqrt{3}}$  می‌باشد.

**ژنراتور القایی:**

اگر سرعت ماشین القایی بیشتر از سرعت سنکرون باشد ماشین به ژنراتور تبدیل می‌شود.

$$n_m < n_s$$

موتور القایی

$$T_{ind} > 0 \text{ و } n_m > 0 \quad 0 < S \leq 1$$

$$n_m > n_s$$

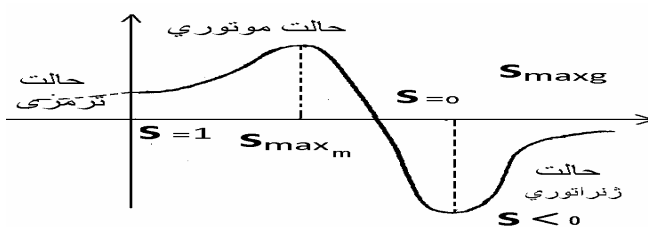
ژنراتور القایی

$$T_{ind} < 0 \text{ و } n_m > 0 \quad S < 0$$

$$T_{ind} > 0 \text{ و } n_m < 0 \quad \text{حالت ترمزی}$$

$$S = \frac{n_s - n_m}{n_s} = 1 - \frac{n_m}{n_s} < 0$$

در حالت ژنراتوری



**شرط بیشینگی گشتاور در ژنراتور القایی:**

حالت ماکزیمم گشتاور ماکزیمم در ژنراتور القایی مانند موتور القایی می‌باشد با این تفاوت حالت منفی را باید در نظر گرفت.

$$T_{max_g} = \frac{-3V_1}{2\omega_s \left( R_s + \sqrt{R_s^2 + (X_s + X_R)^2} \right)}$$

$$S_{max_g} = - \frac{R_R}{\sqrt{R_s^2 + (X_s + X_R)^2}}$$

**هارمونیک‌ها در ماشین القایی:**

$$I_s = I_{1m} \cos(\omega_s t + \theta_1) + I_{5m} \cos 5(t + \theta_5) + \dots$$

$$h = 6m \pm 1$$

۱- هارمونیک‌های زمانی:

➔ حالت مثبت شار موافق با شار اصلی تولید می‌کند.

➔ حالت منفی شار مخالف با شار اصلی تولید می‌کند.

لغزش در هارمونیک  $S_h = \frac{n_s - n_h}{n_s}$

۲- هارمونیک‌های مکانی:

هارمونیک‌های مکانی ناشی از پراکندگی فازهای روتور می‌باشد.

$$h = 6m \pm 1$$

حالت‌های مثبت و منفی مانند فوق می‌باشد.

.....  
 .....  
 .....  
 .....

### مسائل تکمیلی فصل چهارم

۱- در یک موتور القایی قفس سنجایی دوبل، امپدانس قفس‌های داخلی و خارجی به ترتیب برابر  $Z_i = 0.04 + j3\Omega$  ،  $Z_o = 0.1 + j0.5\Omega$  در هر فاز می‌باشد. اندازه گشتاور تولیدی قفس داخلی در لغزش  $S = 0.05$  چند برابر گشتاور تولیدی قفس بیرونی است؟

- 0.66 (۴)                      0.528 (۳)                      3.52 (۲)                      0.176 (۱)

حل: گزینه ۱ درست است.

$$Z_i^2 = \left(\frac{0.04}{S}\right)^2 + 3^2 = \frac{1.6 \times 10^{-3}}{S^2} + 9 \quad , \quad P_i = I_i^2 \frac{R_i}{S}$$

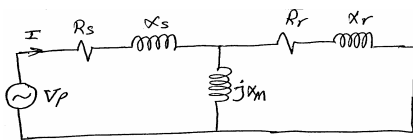
$$Z_o^2 = \left(\frac{0.1}{S}\right)^2 + (0.5)^2 = \frac{0.01}{S^2} + 0.25 \quad , \quad P_o = I_o^2 \frac{R_o}{S}$$

$$\Rightarrow \frac{T_i}{T_o} = \left(\frac{I_i}{I_o}\right)^2 \frac{R_i}{R_o} = \left(\frac{Z_o}{Z_i}\right)^2 \frac{R_i}{R_o} = \left(\frac{\frac{0.01}{(0.05)^2} + 0.25}{\frac{1.6 \times 10^{-3}}{(0.05)^2} + 9}\right) \left(\frac{0.04}{0.1}\right) = \frac{4.25}{9.64} \times 0.4 \Rightarrow \frac{T_i}{T_o} \approx 0.176$$

۲- یک ماشین القایی که نسبت تعداد دور استاتور به رتور آن 6 است، دارای پارامترهای رتور معادل  $R_2 = 0.2\Omega$  ،  $X_2 = 0.3\Omega$  می‌باشد و پارامترهای استاتور  $R_s = 1.8\Omega$  و  $X_s = 1.2\Omega$  است. بازای شبکه 400V اگر موتور به فرم ستاره متصل شده باشد، چه جریانی از شبکه دریافت می‌کند؟ ( $X_m = \infty$ )

- 12.85  $\angle +37^\circ$  (۴)                      12.85  $\angle -37^\circ$  (۳)                      15.39  $\angle +53^\circ$  (۲)                      15.39  $\angle -53^\circ$  (۱)

حل: گزینه ۱ درست است.



$$R'_r = R_r \left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 = 0.2(6)^2 = 7.2\Omega \quad X'_r = X_r \left(\frac{N_s}{N_r}\right)^2 = 0.3(6)^2 = 10.8\Omega$$

$$I = \frac{V_p}{R_s + R'_r + X_s + X'_r} = \frac{\frac{400}{\sqrt{3}}}{1.8 + 7.2 + j10.8 + j1.2} = \frac{400}{15\sqrt{3} \angle 53^\circ} = 15.39 \angle -53^\circ$$

یادداشت:

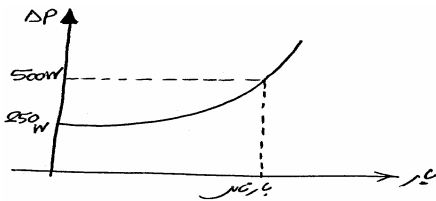
.....

.....

.....

.....

۳- نمودار تغییرات تلفات در یک موتور القایی با توان 8kW نشان داده شده است. اگر این موتور در ضریب قدرت  $\frac{\sqrt{3}}{2}$  و ولتاژ خط 400V کار کند، چه جریانی در هر فاز آن ایجاد می‌گردد؟ (اتصال مثلث و بار موتور بار نامی است).



(۱) 14.16 A

(۲) 8.18 A

(۳) 12.52 A

(۴) 10.3 A

حل: گزینه ۲ درست است.

$$\Delta P = 500W \quad P_1 = P_2 + \Delta P = 8500W$$

$$I_L = \frac{P_1}{\sqrt{3} u_L \cdot \cos \phi} = \frac{8500}{\sqrt{3} (400) \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)} = \frac{8500}{600} = 14.16A \quad \rightarrow \quad I_p = \frac{I_L}{\sqrt{3}} = \frac{14.16}{\sqrt{3}} = 8.18A$$

۴- نسبت گشتاور راه‌اندازی به گشتاور ماکزیمم در یک موتور القایی چقدر است؟  
 $\begin{cases} X_r = 0.5\Omega, & R_r = 1\Omega \\ X_s = 1\Omega, & R_s = 4\Omega \end{cases}$  و  $n_m = 900 \text{Rpm}$

$n_s = 1000 \text{Rpm}$  است. دور سیم‌پیچی استاتور 2 برابر رتور است.

(۴) 0.95

(۳) 0.97

(۲) 0.975

(۱) 0.98

حل: گزینه ۲ درست است.

$$S_{\max} = \frac{R'_r}{\sqrt{R_s^2 + (X_s + X'_r)^2}} = \frac{1 \left(\frac{2}{1}\right)^2}{\sqrt{4^2 + \left(1 + 0.5 \left(\frac{2}{1}\right)^2\right)^2}} = \frac{4}{\sqrt{16+9}} = \frac{4}{5} = 0.8$$

$$S = \frac{n_s - n_m}{n_s} = \frac{1000 - 900}{1000} = 0.1 \quad \frac{T_s}{T_M} = \frac{2S_M}{S_M^2 + 1} = \frac{2(0.8)}{(0.8)^2 + 1} = \frac{1.6}{1.64} = 0.975$$

۵- محور یک موتور القایی 50 هرتز، 8 قطب را به یک موتور شنت dc بدون تلفاتی متصل نموده‌ایم. سرعت محور موتور dc برابر 500rpm می‌باشد، اگر به یک باره یک مقاومت خارجی را در مدار شنت موتور dc وارد کنیم به طوری که شار میدان تحریک نصف حالت قبل گردد، آن‌گاه حالت عملکردی، جهت چرخش محور و مقدار سرعت موتور القایی چقدر خواهند شد؟

(۱) حالت ترمزی، هم‌جهت با میدان دوار استاتور، 500 دور در دقیقه

(۲) حالت ژنراتوری، خلاف جهت میدان دوار استاتور، 1000 دور بر دقیقه

(۳) حالت ترمزی، خلاف جهت میدان دوار استاتور، 1000 دور بر دقیقه

(۴) حالت ژنراتوری، هم‌جهت با میدان دوار استاتور، 1000 دور بر دقیقه

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

.....

حل: گزینه ۴ درست است.

$$\frac{E_{a_2}}{E_{a_1}} = \frac{V}{V} = \frac{\phi_2}{\phi_1} \cdot \frac{N_2}{N_1}, \quad (N_1 = 500 \text{ rpm}) \Rightarrow N_2 = 1000 \text{ rpm} \quad \phi_2 = 0.5\phi_1$$

$$S_1 = \frac{N_s - N_{m_1}}{N_s}, \quad N_s = \frac{120 \times 50}{P} = 750 \text{ rpm} = \frac{750 - 500}{750} = \frac{1}{3}$$

$$S_2 = \frac{N_s - N_{m_2}}{N_s} = \frac{750 - 1000}{750} = -\frac{1}{3} = -0.33 < 0$$

حالت عملکردی ژنراتوری است.

۶- یک موتور القایی وقتی از منبع سه فاز 50Hz/400V تغذیه می‌شود در فرکانس لغزش 2Hz کار می‌کند. در این وضعیت لغزش گشتاور ماکزیمم برابر 0.1 می‌باشد. برای همان گشتاور تولیدی فرکانس لغزش را وقتی با منبع سه فاز 25Hz/300V کار می‌کند پیدا کنید؟ از مقاومت ظاهری استاتور صرف‌نظر کرده و مشخصه گشتاور لغزش را بین گشتاور صفر و حداکثر در منطقه کار خطی فرض کنید.

$$\frac{8}{9} \quad (۴)$$

$$\frac{7}{9} \quad (۳)$$

$$\frac{3}{7} \quad (۲)$$

$$\frac{5}{6} \quad (۱)$$

حل: گزینه ۴ درست است.

$$T_{em} \propto \frac{V^2}{f^2}, \quad S_{m_2} = \frac{R_2}{X_2} \quad \frac{S_{mT_2}}{0.1} = \frac{50}{25} \Rightarrow S_{mT_2} = 0.2$$

شیب دو نقطه گشتاور ماکزیمم و بار کامل یکسان است.

$$\frac{T_{fl}}{S_{fe}} = \frac{T_m}{S_{mT}} \Rightarrow T_{fl} \propto \frac{V^2}{f^2} \cdot \frac{S_{fl}}{S_{mT}} \quad T_{fl_1} = T_{fl_2} \Rightarrow \frac{V_1^2}{f_1^2} \cdot \frac{S_{fl_1}}{S_{mT_1}} = \frac{V_2^2}{f_2^2} \cdot \frac{S_{fl_2}}{S_{mT_2}}$$

$$\frac{400^2}{50} \times \frac{0.04}{0.1} = \frac{300^2}{25^2} \times \frac{S_{fl_2}}{0.2} \Rightarrow S_{fl_2} = \frac{2 \times 8^2 \times 0.04}{12^2} = \frac{8 \times 0.04}{9} \rightarrow f_2 = \frac{8 \times 0.04}{9} \times 25 = \frac{8}{9}$$

۷- در یک موتور القایی قفس سنجابی دوبل، امیدانس قفس‌های داخلی و خارجی به ترتیب برابر:  $Z_i = 0.04 + j3$  و  $Z_0 = 0.1 + j0.5$  در هر فاز می‌باشد. در چه لغزشی گشتاورهای تولیدی از دو قفس با هم برابر خواهد شد؟

$$s = 0.082 \quad (۴)$$

$$s = 0.048 \quad (۳)$$

$$s = 0.32 \quad (۲)$$

$$s = 0.016 \quad (۱)$$

حل: گزینه ۱ درست است.

$$Z_i^2 = \left(\frac{0.04}{s}\right)^2 + 3^2 = \frac{1.6 \times 10^{-3}}{s^2} + 9, \quad P_i = I_i^2 \frac{R_i}{s} \quad Z_0^2 = \left(\frac{0.1}{s}\right)^2 + (0.5)^2 = \frac{0.01}{s^2} + 0.25, \quad P_o = I_o^2 \frac{R_o}{s}$$

$$\Rightarrow \frac{T_i}{T_o} = \left(\frac{I_i}{I_o}\right)^2 \frac{R_i}{R_o} = \left(\frac{Z_o}{Z_i}\right)^2 \frac{R_i}{R_o} = 1 \Rightarrow \frac{\frac{0.01}{s^2} + 0.25}{\frac{1.6 \times 10^{-3}}{s^2} + 9} \times \frac{0.04}{0.1} = 1 \Rightarrow \frac{0.01}{s^2} + 0.25 = 2.5 \left(\frac{1.6 \times 10^{-3}}{s^2} + 9\right)$$

یادداشت:

.....

.....

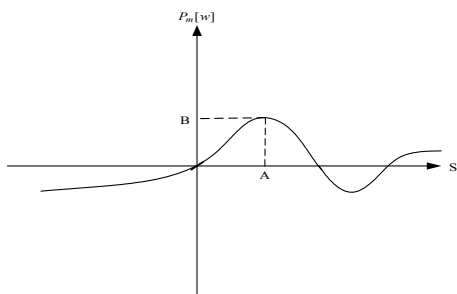
.....

.....

$$\Rightarrow \frac{0.01}{s^2} + 0.25 = \frac{0.004}{s^2} + 22.5 \Rightarrow \frac{0.006}{s^2} = 22.25 \Rightarrow s^2 = 2.7 \times 10^{-4} \Rightarrow s \cong 0.016$$

لذا گزینه ۱ صحیح است.

۸- یک موتور القایی دارای ولتاژ  $V_1 = 220V_2$  می باشد که ولتاژ اعمالی به استاتور و  $r_2$  مقاومت مدار روتور و  $X_2$  راکتانس پراکندگی روتور در حالت سکون می باشد. اگر  $X_2 = 2\sqrt{2}r_2$  باشد نقاط A, B در شکل زیر کدام است؟



6.6kw,  $\frac{1}{2}$  (۱)

6.6kw,  $\frac{1}{4}$  (۲)

8.8kw,  $\frac{1}{6}$  (۳)

8.8kw,  $\frac{1}{8}$  (۴)

حل: گزینه ۲ درست است.

$$A = S_{mp} = \frac{r_2}{\sqrt{r_2^2 + x_2^2 + r_2}} = \frac{r_2}{\sqrt{r_2^2 + 8r_2^2 + r_2}} = \frac{1}{4}$$

$$B = p_m(\max) = \frac{3 \times 22^2 \times 100 \times r_2^2}{2 \left[ r_2 \sqrt{r_2^2 + 8r_2^2} + 8r_2^2 \right]} = \frac{3 \times 22 \times 22 \times 100 \times r_2^2}{2 \left[ 3r_2^2 + 8r_2^2 \right]} = 3 \times 22 \times 100 = 6.6 \text{ kw}$$

۹- در یک موتور القایی سه فاز 400 V ، 6 قطب و 60 Hz روتور سیم پیچی شده مقاومت و راکتانس هر فاز روتور در حال سکون به ترتیب برابر  $0.02\Omega$  و  $0.1\Omega$  می باشد. جهت این که در لحظه راه اندازی ماکزیمم گشتاور را داشته باشیم لازم است مقاومت خارجی در مدار روتور قرار گیرد. اگر این مقاومت از مدار روتور خارج نشود. گشتاور حالت کار نامی ماشین در لغزش 0.04 چقدر می باشد؟

$6\pi \times 10^4$  (۴)

$\frac{10^6}{\pi}$  (۳)

$\frac{5 \times 10^5}{\pi}$  (۲)

$\frac{4 \times 10^5}{\pi}$  (۱)

حل: گزینه ۳ درست است.

$$S_{\max} = 1 \Rightarrow \frac{R'_r + R_{ex}}{\sqrt{0^2 + (0 + x'_r)^2}} = 1 \Rightarrow \frac{0.2 + R_{ex}}{0.1} = 1 \Rightarrow R_{ex} = 0.08\Omega$$

$$\omega_s = \frac{4\pi f}{p} = \frac{4\pi \times 60}{6} = 40\pi \quad \rightarrow \quad T_e = \frac{3}{40\pi} \times \frac{\left(\frac{400}{\sqrt{3}}\right)^2}{(0.1)^2} \times \frac{0.1}{0.04} \quad \rightarrow \quad T_e = \frac{10^6}{\pi}$$

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

.....

۱۰ - یک ماشین القایی سه‌فاز  $50\text{ Hz}$ ,  $1000\sqrt{3}$  ولت، 4 قطب، با اتصال ستاره به مشخصات زیر مفروض است:

فاز  $= 0.5\Omega$  = مقاومت روتور  $\approx 0$  راکتانس نشتی روتور  $= 2$  = نسبت دور استاتور به دور روتور  $\frac{N_s}{N_r} =$

اگر محور این ماشین هنگام ترمز، در خلاف جهت میدان دوار استاتور با سرعت  $49\pi$  رادیان بر ثانیه چرخیده شود، گشتاور خروجی موتور در حالت کار پایدار چند نیوتن متر است؟ از تلفات مکانیکی ماشین صرف نظر می‌شود؟

(۱)  $\frac{150}{\pi}$  N.m      (۲)  $\frac{300}{\pi}$  N.m      (۳)  $\frac{450}{\pi}$  N.m      (۴)  $\frac{600}{\pi}$  N.m

حل: گزینه ۴ درست است.

همانطور که در صورت سوال ذکر شده است یک وضعیت ترمزی تشریح شده است به عبارت دیگر داریم:

$$\begin{cases} S_b = \frac{\omega_s + \omega_m}{\omega_s} = \frac{50\pi + 49\pi}{50\pi} = 1.98 \Rightarrow S_b = 2 - S_{f\ell} \Rightarrow S_{f\ell} = 2 - S_b = 0.02 \\ \omega_s = \frac{4\pi \times 50}{4} = 50\pi \\ \omega_m = 49\pi \end{cases}$$

از این رو داریم:

$$T_{f\ell} = \frac{3}{\omega_s} \frac{V_1^2}{r_2} s = \frac{3}{50\pi} \cdot \frac{\left(\frac{1000\sqrt{3}}{\sqrt{3}}\right)^2}{4 \times 0.5} \times 0.02$$

$$= \frac{3}{50\pi} \times \frac{10^6 \times 10^{-2} \times 2}{4 \times 0.5} = \frac{600}{\pi} \text{ N.m}$$

۱۱ - یک موتور القایی سه‌فاز  $60\text{ Hz}$ ,  $440\text{ v}$  را با منبع سه‌فاز  $30\text{ Hz}$ ,  $220\text{ V}$  تحریک می‌کنیم. نسبت جریان‌های گشتاور ماکزیمم حالت اول به دوم و نسبت گشتاورهای حداکثر حالت اول به دوم چه اعدادی هستند؟ از مقاومت اهمی مدار استاتور چشم‌پوشی کنید.

(۱) نسبت جریان‌ها  $\frac{1}{2}$  و نسبت گشتاورها 1

(۲) نسبت جریان‌ها  $\frac{1}{2}$  و نسبت گشتاورها  $\frac{1}{2}$

(۳) نسبت جریان‌ها 1 و نسبت گشتاورها  $\frac{1}{2}$

(۴) باتوجه به ثابت ماندن نسبت  $\frac{V}{f}$  نسبت جریان‌ها و گشتاورهای حداکثر تغییری نمی‌کنند.

یادداشت:

.....

.....

.....

.....



حل: گزینه ۴ درست است.

$$\frac{T_{m1}}{T_{m2}} = \left(\frac{v_1}{v_2}\right)^2 \left(\frac{f_2}{f_1}\right)^2 = \left(\frac{440}{220}\right)^2 \left(\frac{30}{60}\right)^2 = 1$$

$$I = \frac{V}{Z(S_{mT})} = \frac{V}{\frac{r'_2}{S_{mT}} + x_1 + x'_2} = \frac{V}{x'_2 + x_1 + x'_2} \alpha \frac{V}{f} \rightarrow \frac{I_1}{I_2} = \left(\frac{V_1}{V_2}\right) \left(\frac{f_2}{f_1}\right) = \left(\frac{440}{220}\right) \left(\frac{30}{60}\right) = 2 \times \frac{1}{2} = 1$$

۱۲ - یک موتور قفس سنجابی سه‌فاز با جریان و ولتاژ نامی 40A و 400V در هنگام راه‌اندازی با ولتاژ اسمی، جریانی برابر  $6\sqrt{3}$  برابر جریان نامی از منبع می‌کشد و با گشتاور معادل چهار برابر گشتاور نامی راه‌اندازی می‌گردد. توسط یک اتوترانسفورماتور سه‌فاز با اتصال مثلث و ایده‌آل با کاهش ولتاژ، گشتاور راه‌اندازی را برابر گشتاور نامی می‌کنیم. در این حالت جریان خط اتوترانس چقدر می‌باشد؟

180 (۴)

150 (۳)

120 (۲)

100 (۱)

حل: گزینه ۴ درست است.

$$T_{st}(\text{pu}) = x^2 T_{st1}(\text{pu}) \Rightarrow x^2 = \frac{1}{4}$$

$$\text{جریان در ثانویه اتوترانس} = x I_{sc} = \frac{1}{2} \times 6\sqrt{3} \times 40$$

$$\text{جریان در اولیه اتوترانس} = x^2 I_{sc} \cdot \sqrt{3} = \frac{1}{4} \times 6\sqrt{3} \times 40 \times \sqrt{3} = 10 \times 6 \times 3 = 180$$

۱۳ - یک موتور القایی سه‌فاز 50 هرتز، چهارقطب با ولتاژ فاز - فاز  $220\sqrt{3}$  ولت دارای جریان بی‌باری 6 آمپر و جریان خط در بار کامل 10 آمپر است. از مقاومت سیم‌پیچی استاتور، راکتانس نشتی (پراکندگی) استاتور و روتور، تلفات هسته و تلفات گردشی چشم‌پوشی می‌گردد. چنانچه عدد لغزش در شرایط نامی معادل 0.08 باشد مطلوبست محاسبه توان اکتیو ورودی به رتور.

4680 وات (۴)

5280 وات (۳)

4390 وات (۲)

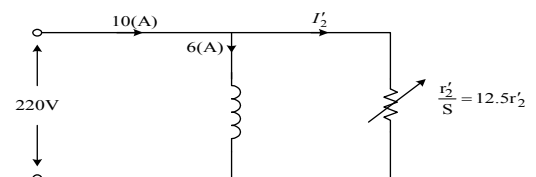
5840 وات (۱)

حل: گزینه ۳ درست است.

$$I'_2 = \sqrt{10^2 - 6^2} = 8(\text{A})$$

$$\frac{r'_2}{S} = \frac{r'_2}{0.08} = 12.5r'_2 \Rightarrow r'_2 = \frac{220}{12.5 \times 8} = 2.2\Omega$$

$$P_{ag} = 3r'_2 \frac{I_2'^2}{S} = 3 \times 2.2 \times \frac{8^2}{0.08} = 5280(\text{w})$$



یادداشت:

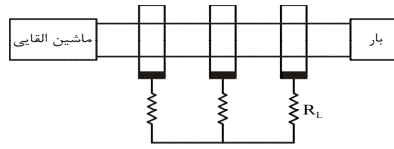
.....

.....

.....

.....

۱۴ - در یک ماشین القایی سه فاز 50 Hz چهار قطبی با روتور سیم‌پیچی شده، سر سیم‌پیچ‌های روتور مطابق شکل به سه مقاومت مساوی  $R_L$  وصل شده است، بر روی محور یک بار نیز قرار داده شده است. با فرض ناچیز بودن تلفات ماشین در یک وضعیت کاری توان رسیده به بار 1.5 برابر توان جذب شده توسط مقاومت‌های  $R_L$  می‌باشد. ماشین در چه ناحیه‌ای کار می‌کند و سرعت روتور در چه جهتی و چقدر است؟



(۱) ناحیه ژنراتوری سرعت 1480 (در جهت میدان استاتور)

(۲) ناحیه موتوری، سرعت 850 rpm (در جهت میدان استاتور)

(۳) ناحیه ترمزی سرعت 750 rpm (در خلاف جهت میدان استاتور)

(۴) ناحیه موتوری در سرعت 900 rpm (در جهت میدان استاتور)

حل: گزینه ۴ درست است.

در این مسئله:

$$P_m = P_0 = 1.5P_2^*$$

در حالت کلی داریم:

$$sP_m = (1-s)P_2^* \Rightarrow P_m = \frac{1-s}{s}P_2^* \Rightarrow \frac{1-s}{s} = 1.5$$

$$1-s = 1.5s \Rightarrow 1 = 1.25s \Rightarrow s = 0.4 \rightarrow \text{ناحیه موتوری} \rightarrow N_s = 1500 \Rightarrow N_r = 900 \text{ rpm}$$

۱۵ - یک موتور القایی سه فاز 50 هرتز 6 قطب موجود است. اگر توزیع هادی‌های موتور به گونه‌ای باشد که هارمونی 3 و 5 و 7 فضایی نیز در فاصله بین رتور و استاتور موجود باشند. در این صورت سرعت نسبی میدان گردشی هارمونیک پنجم و هارمونیک اصلی برابر است با:

6000 (۴)

1200 (۳)

1000 (۲)

800 (۱)

حل: گزینه ۳ درست است.

در موتور القایی سه فاز، چنانچه آرایش فضایی هادی‌ها طوری باشد که هارمونیکی‌هایی غیر از هارمونیک اصلی در داخل موتور به وجود آید میدان هارمونیک سوم گردشی نخواهد داشت. میدان هارمونیک پنجم با  $\frac{1}{5}$  سرعت سنکرون و خلاف جهت سنکرون و میدان هارمونیک هفتم با  $\frac{1}{7}$  سرعت سنکرون هم‌جهت سنکرون می‌چرخد.

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

$$\text{سرعت هارمونیک پنجم} = \frac{1000}{5} = 200 \text{ rpm} \rightarrow \text{سرعت هارمونیک اصلی} = \frac{120 \times 50}{6} = 1000 \text{ rpm}$$

سرعت نسبی میان میدان هارمونیک اصلی و پنجم = 1200 rpm

۱۶ - جریان راه اندازی یک موتور القایی سه فاز هنگام راه اندازی 8 برابر جریان آن در بار نامی است. اگر لغزش بار نامی 0.04 باشد و برای راه اندازی این موتور از یک اتوترانس با نسبت تبدیل  $\frac{3}{4}$  استفاده کنیم. آنگاه نسبت گشتاور راه اندازی موتور به گشتاور بار نامی موتور در لغزش 0.04 کدام است؟

- ۱) 0.96      ۲) 1.44      ۳) 8      ۴) 2.4

حل: گزینه ۲ درست است.

با استفاده از اتوترانس در راه اندازی، جریان راه اندازی با مجذور نسبت تبدیل اتوترانس کاهش می‌یابد. همچنین:

$$\frac{I_s}{I_{fl}} = 8 \rightarrow \left( \frac{I_s}{I_{fl}} \right)_{\text{new}} = \left( \frac{I_s}{I_{fl}} \right) \times k^2 = 64 \times \frac{3}{4} \times \frac{3}{4} = 36 \Rightarrow \frac{I_s}{I_{fl}} = 6$$

$$\frac{T_s}{T_{fl}} = \left( \frac{I_s}{I_{fl}} \right)^2 S_{fl}, \quad S_{fl} = 0.04 \Rightarrow \frac{T_s}{T_{fl}} = 6^2 \times 0.04 = 36 \times 0.04 = 1.44$$

۱۷ - یک موتور القایی 3 فاز، 50 Hz، 440 V، 4 قطب در سرعت  $\frac{27}{32}$  برابر سرعت سنکرون، نصف گشتاور نامی را تولید می‌کند. با ثابت نگه داشتن ولتاژ اعمال شده در مقدار نامی، اگر موتور همان گشتاور را در سرعت 1800 rpm تولید کند، فرکانس آن چقدر خواهد بود؟ هم چنین در لحظه اولیه که فرکانس تغییر می‌کند وضعیت کار ماشین به چه صورتی خواهد بود؟ (از تلفات آهن و کمیات استاتور صرف نظر کنید).

۱) 80 Hz، حالت موتوری

۲) 50 Hz، حالت کار ژنراتوری

۳) 76.3 Hz، حالت ترمزی

۴) 53.7 Hz، حالت موتوری

حل: گزینه ۱ درست است.

$$S_1 = \frac{1500 - \frac{27}{32} \times 1500}{1500} = \frac{5}{32}$$

$$T_{en} = \frac{3}{\omega_s} \frac{V^2}{r_2} S \propto \frac{3}{f} \frac{V^2}{r_2} S$$

$$T_{e1} = \frac{3}{f_1} \frac{V^2}{r_2} S = \frac{3}{50} \frac{V^2}{r_2} \times \frac{5}{32} \quad T_{e2} = \frac{3}{f_2} \frac{V^2}{r_2} S_2 \Rightarrow T_{e1} = T_{e2} \Rightarrow \frac{S_2}{f_2} = \frac{1}{320}$$

از طرفی داریم:

$$S_2 = \frac{N_{S2} - N_{r2}}{N_{S2}} = \frac{\frac{120f_2}{4} - 1800}{\frac{120f_2}{4}} = \frac{30f_2 - 1800}{30f_2} \rightarrow \frac{30f_2 - 1800}{30f_2} \cdot \frac{1}{f_2} = \frac{1}{320} \Rightarrow f_2^2 - 320f_2 + 19200 = 0$$

$$\rightarrow f_2 = 80 \text{ Hz}$$

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

.....

چون فرکانس زیاد شده، حالت کار ماشین، حالت کار موتوری با فرکانس 80 Hz می‌باشد.

۱۸ - در یک موتور القایی 3 فاز آسنکرون قفس سنجابی، 380 V، 4 قطب و فرکانس 50 Hz نسبت  $\frac{T_{Max}}{T_{FL}}$  برابر 2.23 می‌باشد. وقتی

این موتور با ولتاژ 360V و فرکانس 40 Hz تغذیه شود، نسبت لغزش موتور در گشتاور ماکزیمم (S max) به لغزش موتور در گشتاور نامی تقریباً برابر است با: ( $T_{max}$  گشتاور ماکزیمم و  $T_{FL}$  گشتاور بار نامی است)

- (۱) 6      (۲) 7      (۳) 3      (۴) 4

حل: گزینه ۱ درست است.

با صرف نظر از امپدانس استاتور:

$$T_{max} \propto \frac{V_s^2}{2x_2\omega_s} \Rightarrow T_{max} \propto \frac{V_s^2}{(f_s)^2}$$

$$\frac{T_{max_1}}{T_{max_2}} = \left[ \frac{Vs_1}{Vs_2} \right]^2 \times \left[ \frac{fs_2}{fs_1} \right]^2 \Rightarrow \frac{T_{max_2}}{T_{FL}} = \left[ \frac{Vs_2}{Vs_1} \right]^2 \left[ \frac{fs_1}{fs_2} \right]^2 \times \frac{T_{max_1}}{T_{FL}}$$

$$\frac{T_{max_2}}{T_{FL}} = \left[ \frac{360}{380} \right]^2 \times \left[ \frac{50}{40} \right]^2 \times 2.23 = 3.12 \rightarrow \frac{T_{max_2}}{T_{FL}} = \frac{\frac{S_{max_2}}{SFL} + \frac{S_{FL}}{S_{max_2}}}{2} = 3.12 \Rightarrow \frac{S_{max}}{S_{FL}} = 6$$

۱۹ - یک موتور القایی 3 فاز 1455 rpm، بار با گشتاور ثابت را می‌چرخاند در حالتی که ولتاژ منبع 50% افت پیدا می‌کند تلفات اهمی چند برابر و سرعت روتور چند rpm خواهد شد؟

- (۱) 4 برابر و 1320      (۲)  $\frac{1}{4}$  برابر و 1400      (۳) 2 برابر و 1320      (۴)  $\frac{1}{2}$  برابر و 1400

حل: گزینه ۱ درست است.

$$S_1 = \frac{1500 - 1455}{1500} = 0.03 \rightarrow T_e = \frac{3V^2}{\omega_s} \times \frac{S_1}{r_2} \rightarrow T_e = \frac{3V^2}{\omega_s} \times \frac{0.03}{r_2} = \frac{3(0.5V)^2}{\omega_s} \cdot \frac{S_2}{r_2} \Rightarrow S_2 = \frac{0.03}{0.25} = 0.12$$

$$N_2 = 1500(1 - 0.12) = 1320 \text{ rpm}$$

$$\left. \begin{aligned} I_{21} &= \frac{S_1 V}{r_2} = \frac{0.03V}{r_2} \\ I_{22} &= \frac{S_2 (0.5V)}{r_2} = \frac{0.12 \times 0.5V}{r_2} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{I_{22}}{I_{21}} = 2$$

تلفات اهمی با ولتاژ کاهش یافته

$$= \left( \frac{I_{22}}{I_{21}} \right)^2 = 2^2 = 4$$

تلفات اهمی با ولتاژ نرمال

یادداشت:

.....

.....

.....

.....

۲۰- در یک موتور القایی سه فاز 4 قطب 50 هرتز در ولتاژ و فرکانس نامی گشتاور راه اندازی 2 برابر گشتاور بار کامل و گشتاور حداکثر 4 برابر گشتاور بار کامل است. سرعت نامی این موتور چند rpm است؟

1340 rpm (۴)

1449 rpm (۳)

1380 rpm (۲)

1250 rpm (۱)

حل: گزینه ۳ درست است.

$$\begin{cases} \frac{T_f}{T_m} = \frac{2S_m S_f}{S_m^2 + S_f^2} \\ \frac{T_s}{T_m} = \frac{2S_m}{S_m^2 + 1} \end{cases} \begin{cases} \frac{T_s}{T_f} = 2 \\ \frac{T_m}{T_f} = 4 \end{cases} \rightarrow \frac{T_s}{T_m} = 0.5 \rightarrow \frac{2S_m}{1 + S_m^2} = 0.5 \Rightarrow 0.5S_m^2 + 0.5 - 2S_m = 0$$

$$\Rightarrow S_m^2 - 4S_m + 1 = 0 \rightarrow S_m = 0.268 \text{ ق ق} \rightarrow \frac{T_m}{T_f} = \frac{S_m^2 + S_f^2}{2S_m S_f} = 4 \Rightarrow S_f = 0.034$$

$$\frac{T_m}{T_f} = \frac{S_m^2 + S_f^2}{2S_m S_f} = 4 \Rightarrow S_f = 0.034 \rightarrow N_s = \frac{120f}{P} = \frac{120 \times 50}{4} = 1500 \text{ rpm}$$

$$\Rightarrow N = 1500 \times (1 - 0.034) = 1449 \text{ rpm}$$

موفقیت به معنای بدست آوردن آن چیزی است که می خواهید

یادداشت:

.....

.....

.....

.....