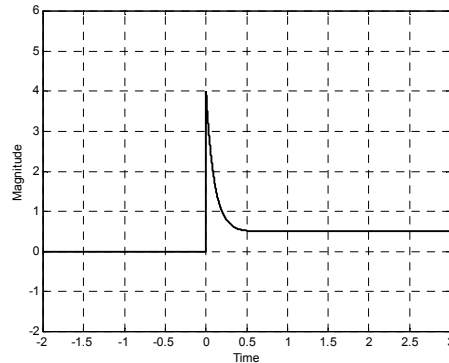




نام و نام خانوادگی: شماره دانشجویی:

(۲۰ نمره) ۱- پاسخ سیستم LTI با تابع تبدیل $H(s)$ به ورودی پله واحد: $x(t) = u(t)$ به صورت شکل زیر است:



در صورتی که بدانیم سیستم تنها یک قطب در $s = -10$ دارد:

الف- علی بودن و پایداری سیستم را بررسی کنید.

ب- با فرض برقرار بودن شرایط قضیه مقدار اولیه و مقدار نهایی، تابع تبدیل سیستم $H(s)$ و معادله دیفرانسیل توصیف کننده سیستم را به دست آورید.

ج- نمودار قطب و صفر سیستم و ناحیه همگرایی آنرا در صفحه s مشخص نمایید.

د- نمودار دامنه و فاز پاسخ فرکانسی سیستم (نمودار بود) را رسم نمایید. با توجه به نمودار پاسخ فرکانسی عملکرد فیلتری سیستم را توضیح دهید.

ه- پاسخ سیستم به ورودی $x(t) = 3 \cos(10t) + 2 + 3 \sin(400t)$ را به دست آورید.

(۱۵ نمره) ۲- رابطه تفاضلی زیر برای یک سیستم علی LTI داده شده است:

$$y[n] + \beta y[n-2] = x[n] + \alpha x[n-1]$$

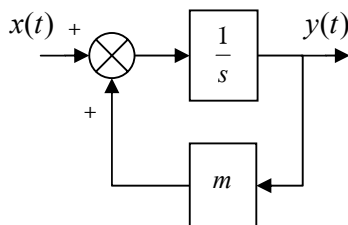
الف- تابع سیستم (تبدیل z) را به دست آورید.

ب- نمودار قطب و صفر سیستم و ناحیه همگرایی را در صفحه z رسم نمایید.

ج- برای چه مقادیری از α, β برای سیستم پاسخ فرکانسی به دست می آید؟

د- با فرض وجود پاسخ فرکانسی، پاسخ سیستم به ورودی $x[n] = 2 + \cos(\omega_0 n)$ را به صورت پارامتری به دست آورید.

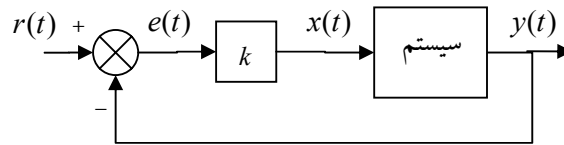
(۱۵ نمره) ۳- شکل زیر نمودار بلوکی یک سیستم LTI علی را نشان می دهد:





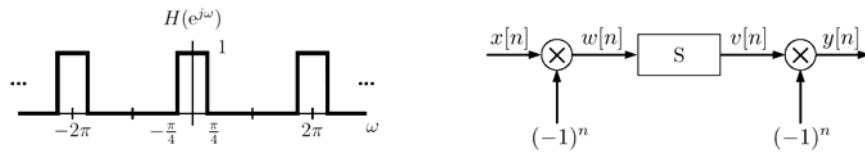
الف- تابع تبدیل و معادله دیفرانسیل سیستم را مشخص نمایید.

ب- نمودار قطب و صفرها و ناحیه همگرایی را در صفحه s رسم کنید. به ازاء چه مقادیری از m سیستم پایدار است؟
ج- فرض کنید سیستم بالا به صورت نشان داده شده در نمودار بلوکی زیر، در یک سیستم با بازخور (فیدبک) اتصال یافته باشد.

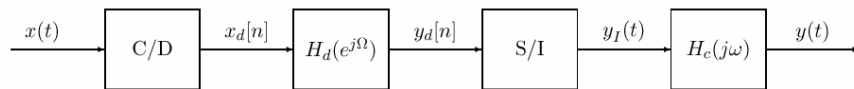


با فرض پایداری سیستم، مقدار خطای ماندگار سیستم $E_{ss} = \lim_{t \rightarrow \infty} e(t)$ به ازاء $r(t) = u(t)$ دست آورید. برای کاهش آن چه پیشنهادی دارید؟

۱۰- (نمره ۴-) با توجه به سیستم زمان گسسته نشان داده شده در زیر، با فرض اینکه زیر سیستم S دارای پاسخ فرکانسی $H(e^{j\omega})$ و سیگنال $x[n] = \cos(\pi n)$ باشد، طیف سیگنالهای $x[n]$ ، $w[n]$ ، $v[n]$ و $y[n]$ را به دقت رسم کنید.



۱۰- (نمره ۵-) با توجه به سیستم نشان داده شده در زیر:



که در آن، C/D تبدیل کننده زمان پیوسته به زمان گسسته است به نحوی که: $x_d[n] = x(nT)$ ، $H_d(e^{j\Omega})$ پاسخ فرکانسی سیستم LTI زمان گسسته، S/I تبدیل کننده نمونه ها به قطار ضربه است به نحوی که: $y_I(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} y_d[k] \delta(t - kT)$ و

$$H_c(j\omega) = \begin{cases} a, & |\omega| < W \\ 0, & |\omega| > W \end{cases} \text{ است.}$$

در صورتی که برای همه فرکانسها $H_d(e^{j\Omega}) = 1$ باشد، فرکانس نمونه برداری $\omega_s = \frac{2\pi}{T}$ و a و W را به گونه ای تعیین کنید

که سیگنال خروجی سیستم $y(t)$ دقیقاً برابر سیگنال ورودی $x(t) = \frac{\sin(2\pi t)}{\pi} + \cos(\frac{\pi}{2}t)$ باشد. برای انتخابهای خود دلایل

لازم را ذکر نمایید.