

برنامه ریزی و کنترل پروژه

جزوه شماره ۱ - برنامه ریزی پروژه

استاد: امیر عباس نجفی

فرآیند برنامه‌ریزی در یک نگاه





Scope of Project

محدوده پروژه

۱ - دلایل اجرای پروژه

۲ - شرح محصول یا مقصد (Goal)

مشخصه‌های (كمی و کیفی) محصولات یا خدماتی که پروژه در ایجاد آنها متعهد گردیده است.

در ابتدای پروژه به اختصار تهیه شده، اما بمرور و متناسب با پیشرفت پروژه به تفصیل بیشتر تکمیل و مدون می‌شود.

Scope of Project

محدوده پروژه

۱ - دلایل اجرای پروژه

۲ - شرح محصول یا مقصد (Goal)

۳ - اقلام تحویلی پروژه (Deliverables)

عنوان و مشخصات اصلی اقلام قابل تحویل پروژه، که حصول
کامل به آنها، نشانه اختتام پروژه می‌باشد، می‌بایستی طی
لیست کوتاه و مختصری تهییه گردد.

مثالاً یک پروژه نرم‌افزاری دارای اقلام تحویلی بشرح زیر است:
کدهای برنامه‌نویسی، راهنمای کاربران و آموزش نرم‌افزار

Scope of Project

محدوده پروژه

معیارهای قابل سنجشی است که می‌بایستی موفقیت در اجرای پروژه را در حصول به آنها دانست.

برخی از این معیارها از ابعاد هزینه، زمانی و کیفیتی می‌باشند. لازم است که ارزش مقداری معیارها تعیین شده باشد.

عدهای به غلط محصولات پروژه را همان اهداف پروژه می‌دانند، در حالیکه اهداف پروژه شامل فاکتورهای مهم تعیین میزان موفقیت در اجرای پروژه می‌باشد.

بسیاری از پروژه‌ها به بهره‌برداری می‌رسند، اما بسیاری از اهداف خود از ابعاد اقتصادی و یا اجتماعی و یا بسیاری از ابعاد دیگر نایل نمی‌شوند.

۱- دلایل اجرای پروژه

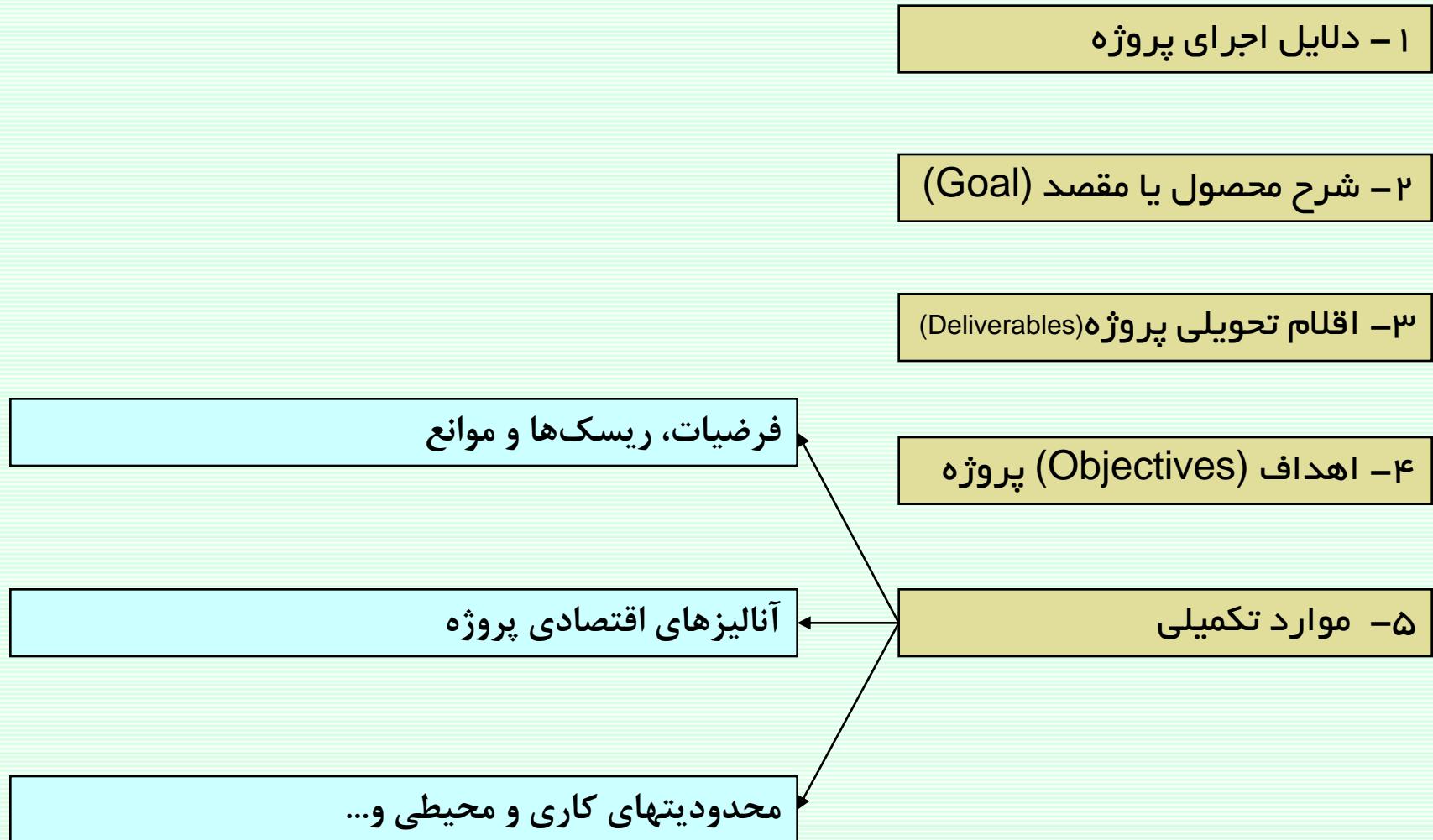
۲- شرح محصول یا مقصد (Goal)

۳- اقلام تحویلی پروژه (Deliverables)

۴- اهداف (Objectives) پروژه

Scope of Project

محدوده پروژه



Scope of Project

محدوده پروژه

بیانیه محدوده پروژه

۱ - دلایل اجرای پروژه

۲ - شرح محصول یا مقصد (Goal)

۳ - اقلام تحویلی پروژه (Deliverables)

۴ - اهداف (Objectives) پروژه

۵ - موارد تکمیلی (مفروضات و...)

شناسایی فعالیتهای پروژه

Identify Project Activities

برخی از دلایل نیاز به تجزیه و تفکیک پروژه به اجزای آن بشرح زیر است:

۱ - این امر راهکار اصولی برنامه‌ریزی، اجرا و کنترل یک پروژه در جهت نیل به اهداف آن است.

۲ - دقیق بالاتری در برآوردهای زمان، هزینه و منابع را بوجود می‌آورند.

۳ - باعث تسهیل در واگذاری اختیارات و اعطای مسؤولیتها می‌شود.

۴ - مبنای مناسبی برای کنترل و ارزیابی عملکرد می‌گردد.

۵ - شناسایی فعالیتهایی که اقلام تحویلی پروژه را تضمین می‌کنند.

شناسایی فعالیتهای پروژه

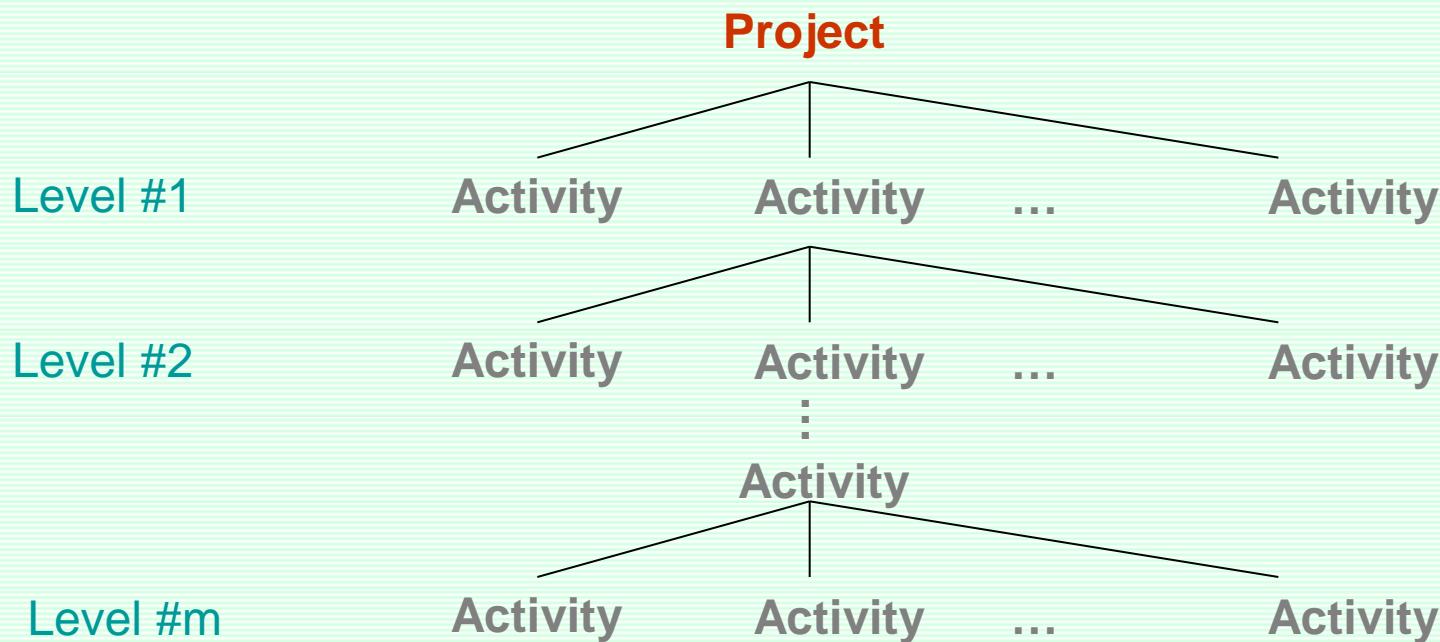
Identify Project Activities

- ۰ ابزار مورد استفاده در برنامه‌ریزی پروژه، جهت شناسایی فعالیتها "ساختار شکست کار" نام دارد.

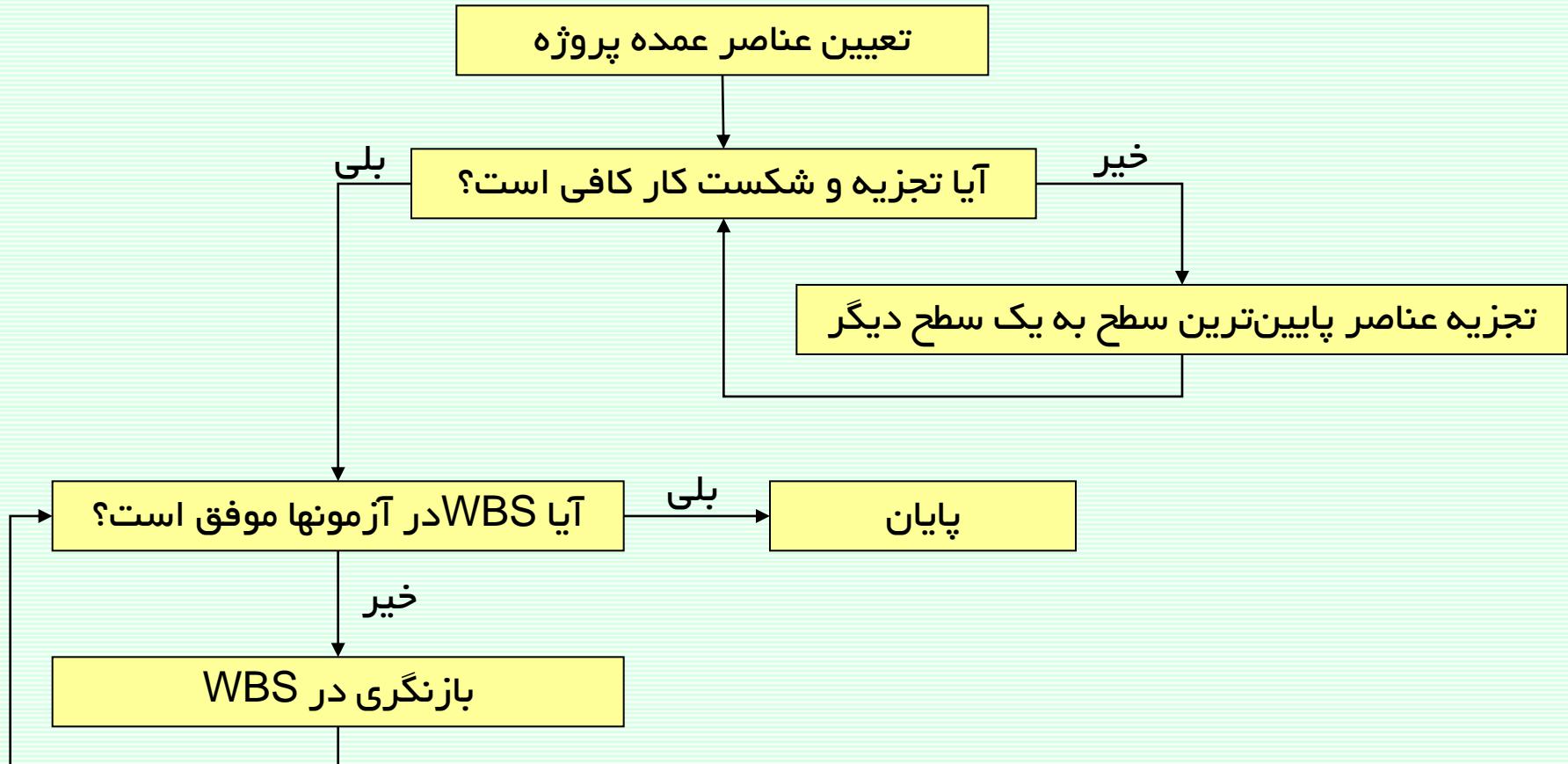
Work Breakdown Structure (WBS)

ساختار شکست کار

- **WBS** یک توصیف سلسله مراتبی از کارهایی است که می‌بایست انجام شوند تا اقلام قابل تحویل پروژه حاصل شده و پروژه به اتمام برسد.



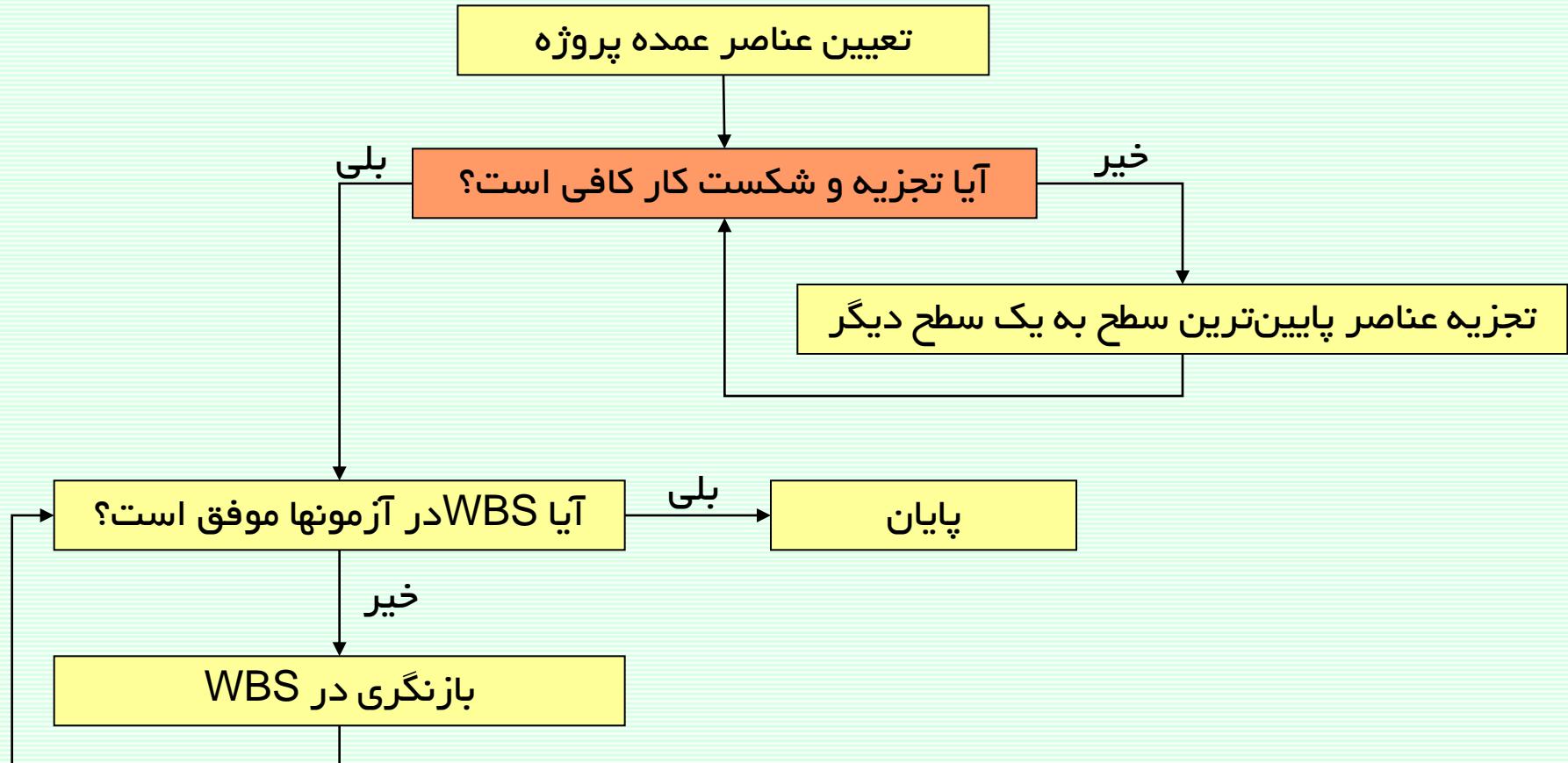
مراحل توسعه ساختار شکست کار



تعیین عناصر عمده پروژه

- تجزیه پروژه به چند عنصر یا گروه (تعیین سطح اول WBS)
- می‌تواند براساس **مراحل چرخه حیات پروژه** باشد.
- می‌تواند برمبانای **چارت سازمانی پروژه** باشد.
- می‌تواند برمبانای **جغرافیا و مکان اجرای پروژه** باشد.
- می‌تواند برمبانای **محصول و اجزای آن** باشد.
- می‌تواند برمبانای **زیر پروژه‌ها** باشد.

مراحل توسعه ساختار شکست کار



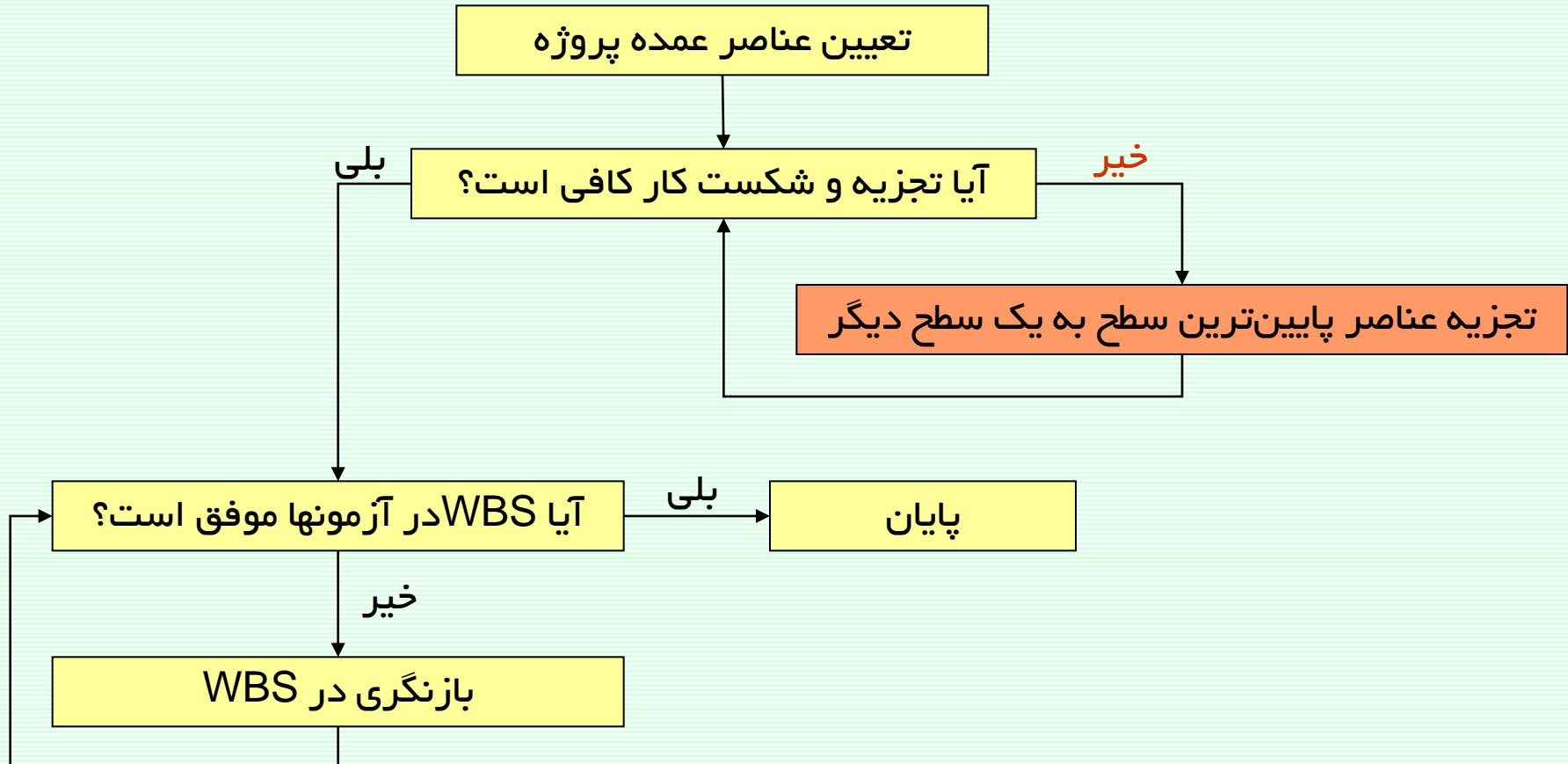
شناسایی فعالیتهای پروژه

Identify Project Activities

آیا تجزیه و شکست کار کافی است؟

- کل نگری باعث می‌شود که به فواید تجزیه کار بدرستی دست نیافت.
- تجزیه عناصر به جزئیات نیز در ابتدای پروژه شاید مقدور نباشد.
- آیا سطح شکست کار، برنامه‌ریزی دقیقی را ایجاد می‌کند؟
- آیا امکان کنترل مناسب بر روی اجرای پروژه وجود خواهد داشت؟
- جزئیات بیش از حد، باعث بالا رفتن هزینه‌های برنامه‌ریزی و کنترل پروژه می‌شود.
- بطور کلی سطح شکست کار به عواملی چون اندازه پروژه و هدف برآورد و کنترل بستگی دارد.
- به فعالیتهای پایین‌ترین سطح، اصطلاحاً "Work Package" بسته کاری اطلاق می‌شود.

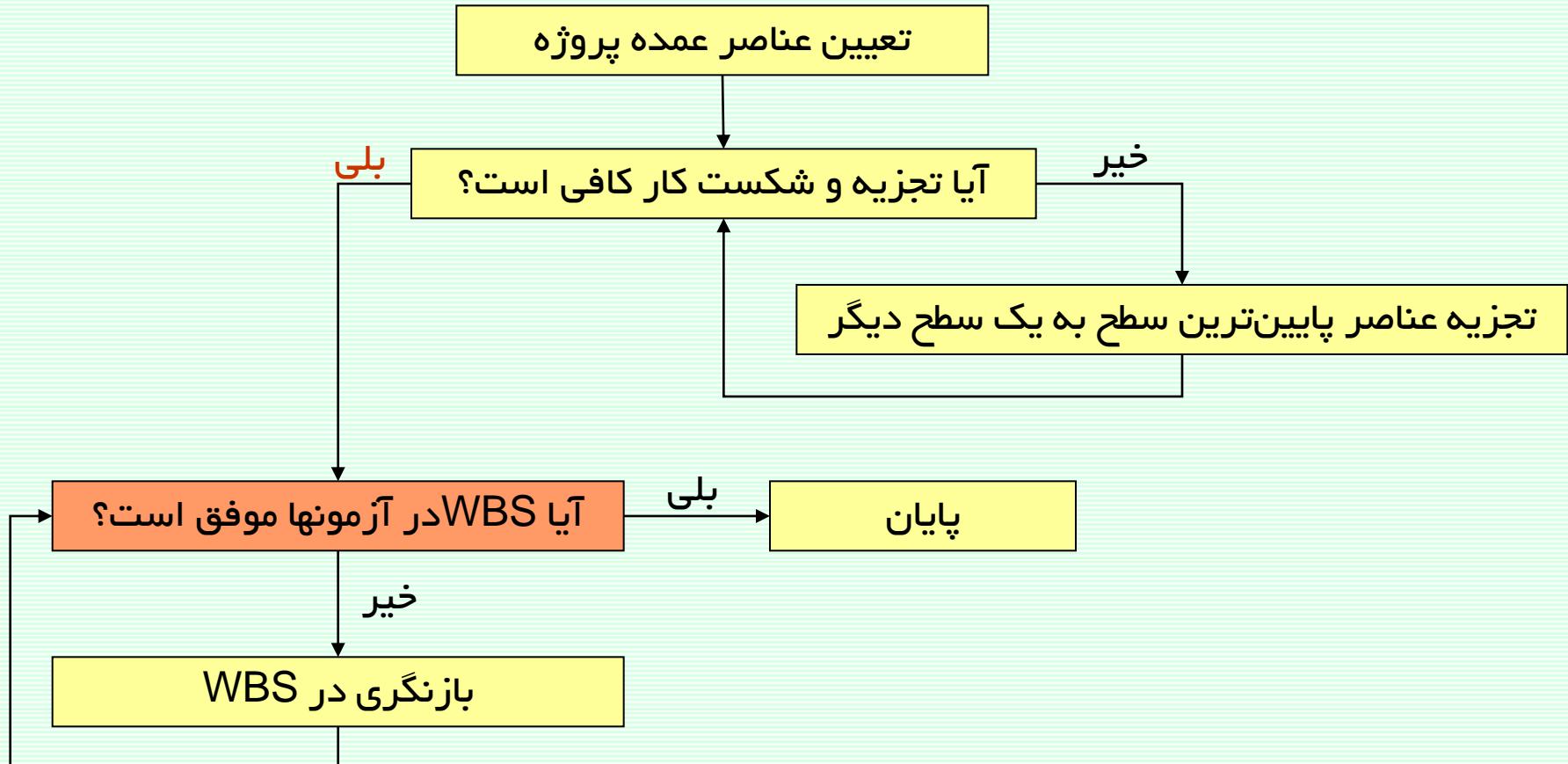
مراحل توسعه ساختار شکست کار



تجزیه عناصر پایین‌ترین سطح به یک سطح دیگر

- تجزیه فعالیتهای آخرین سطح ($n+1$) به فعالیتهای ریزتر (تعیین سطح n)
- می‌تواند براساس **موضوعات و کارها** باشد.
- Function Orientation Approach
- Organization Orientation Approach
- Geographical Approach
- Product Orientation Approach
- Project Orientation Approach
- می‌تواند برمبانای **چارت سازمانی پروژه** باشد.
- می‌تواند برمبانای **جغرافیا و مکان اجرای پروژه** باشد.
- می‌تواند برمبانای **محصول و اجزای آن** باشد.
- می‌تواند برمبانای **زیر پروژه‌ها** باشد.

مراحل توسعه ساختار شکست کار



شناسایی فعالیتهای پروژه

Identify Project Activities

آیا در آزمونها موفق است؟ WBS

- ۰ آیا فعالیتهای ریزتر، فعالیت سطح بالاتر را پوشش کامل می دهند؟ (جمع‌پذیری)
- ۰ آیا هریک از بسته‌های کاری می توانند زمانبندی و بودجه‌بندی شوند؟
- ۰ آیا بسته‌های کاری قابل واگذاری به واحد سازمانی مشخص هستند؟
- ۰ آیا خروجی بسته‌های کاری، اقلام تحویلی پروژه را پوشش می دهند؟
- ۰ آیا قادر به تعریف توالی و منطق بین فعالیتها هستیم؟

شناسایی فعالیتهای پروژه

Identify Project Activities

آیا WBS در آزمونها موفق است؟

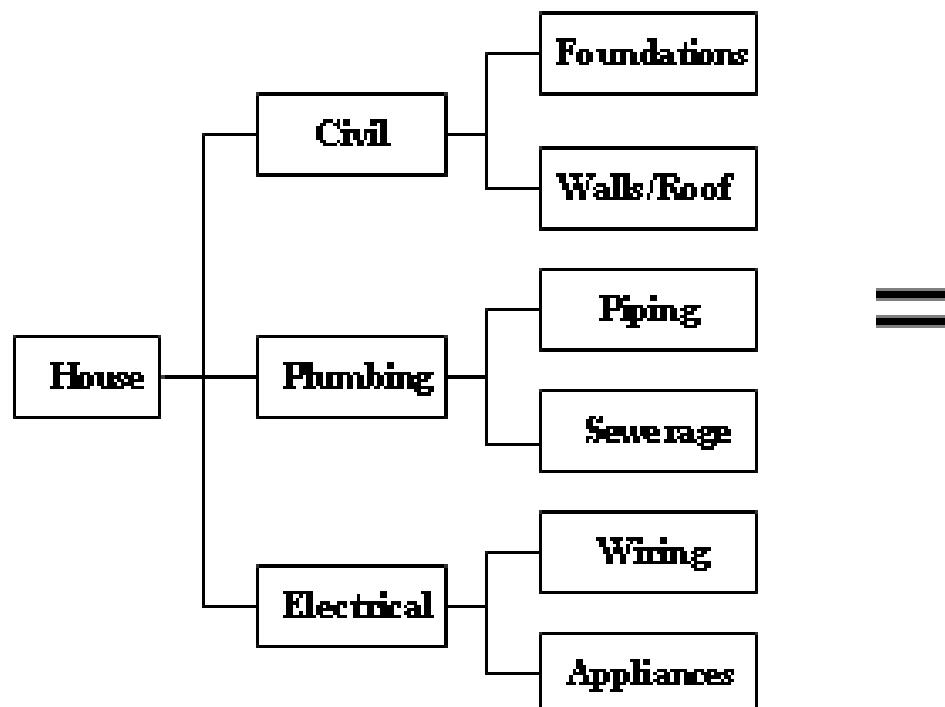
- آیا وضعیت / تکمیل بسته‌های کاری قابل اندازه‌گیری است؟
- آیا شروع و پایان بسته‌های کاری بطور واضح قابل تعریف باشد؟
- بسته‌های کاری باید دارای خروجی باشند؟ (دستورالعمل، نقشه، نرمافزار، محصول و...)
- نباید هیچ آیتمی در WBS تکرار شود!
- مدت زمان اجرای فعالیتها در یک محدوده قابل قبول باشد؟

شناختی فعالیتهای پروژه

Identify Project Activities

کد گذاری WBS

Graphical



Text Indent

1.0.0 House Project

1.1.0 Civil

1.1.1. Foundations
1.1.2. Walls & Roof

1.2.0 Plumbing

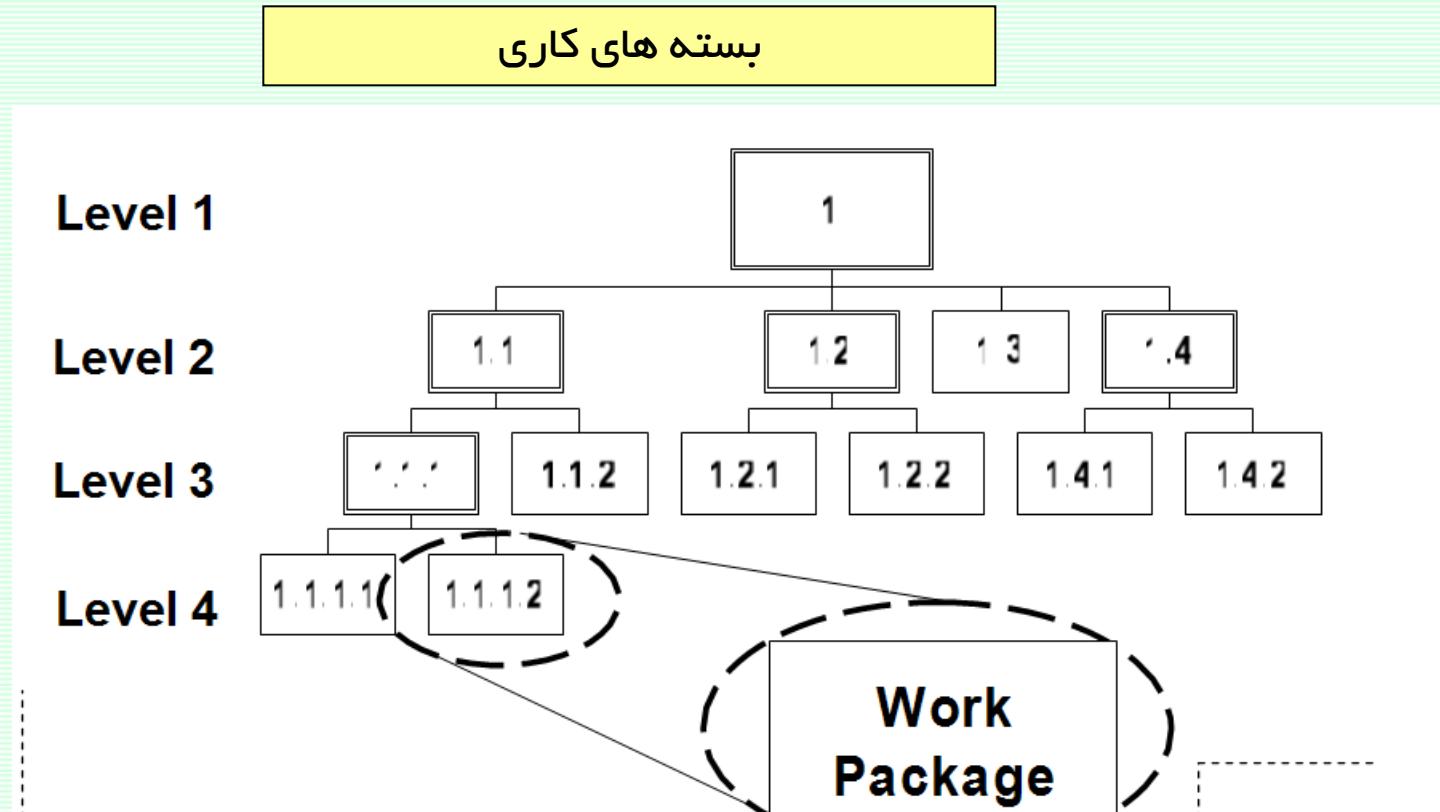
1.2.1. Piping
1.2.2. Sewerage

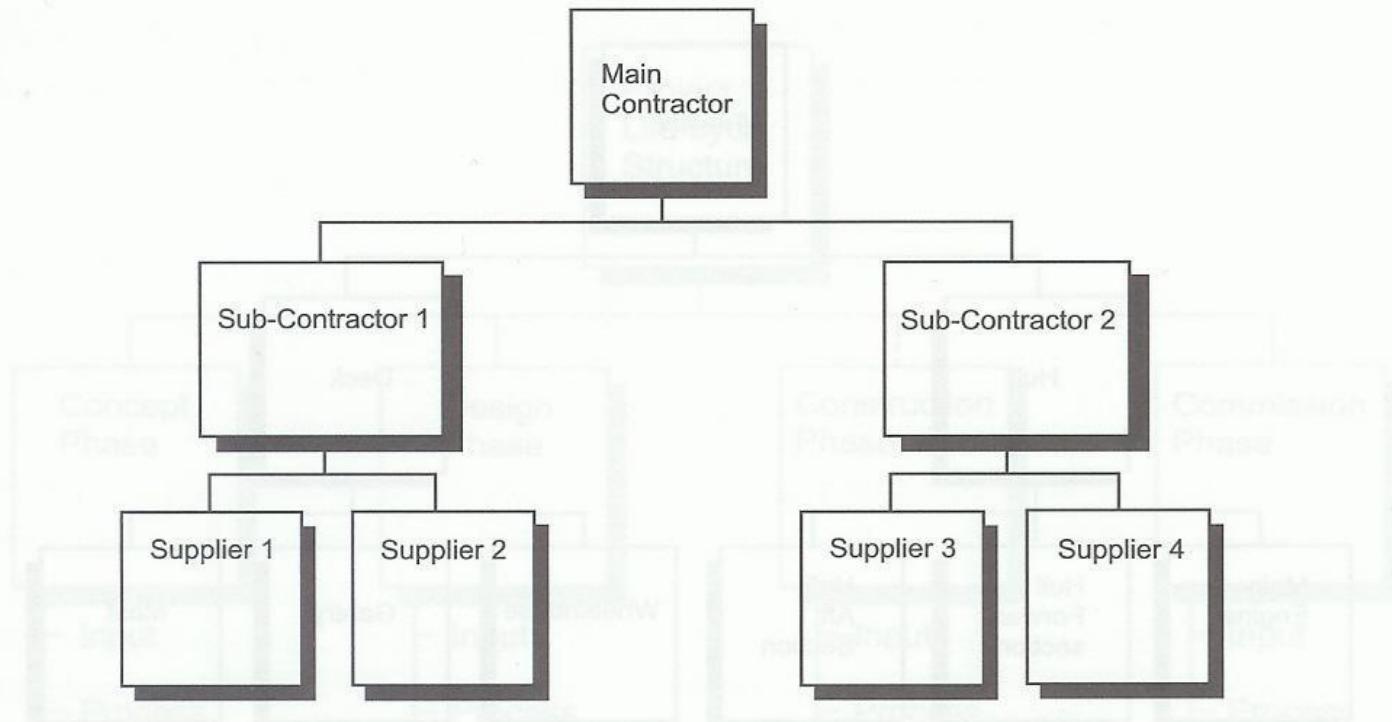
1.3.0 Electrical

1.3.1. Wiring
1.3.2. Appliances

جمع بندی شناسایی فعالیتها

- لیست فعالیتهای پروژه
- الگوسازی WBS در سازمانهایی که پروژه های یکسان دارند.
- دیکشنری WBS

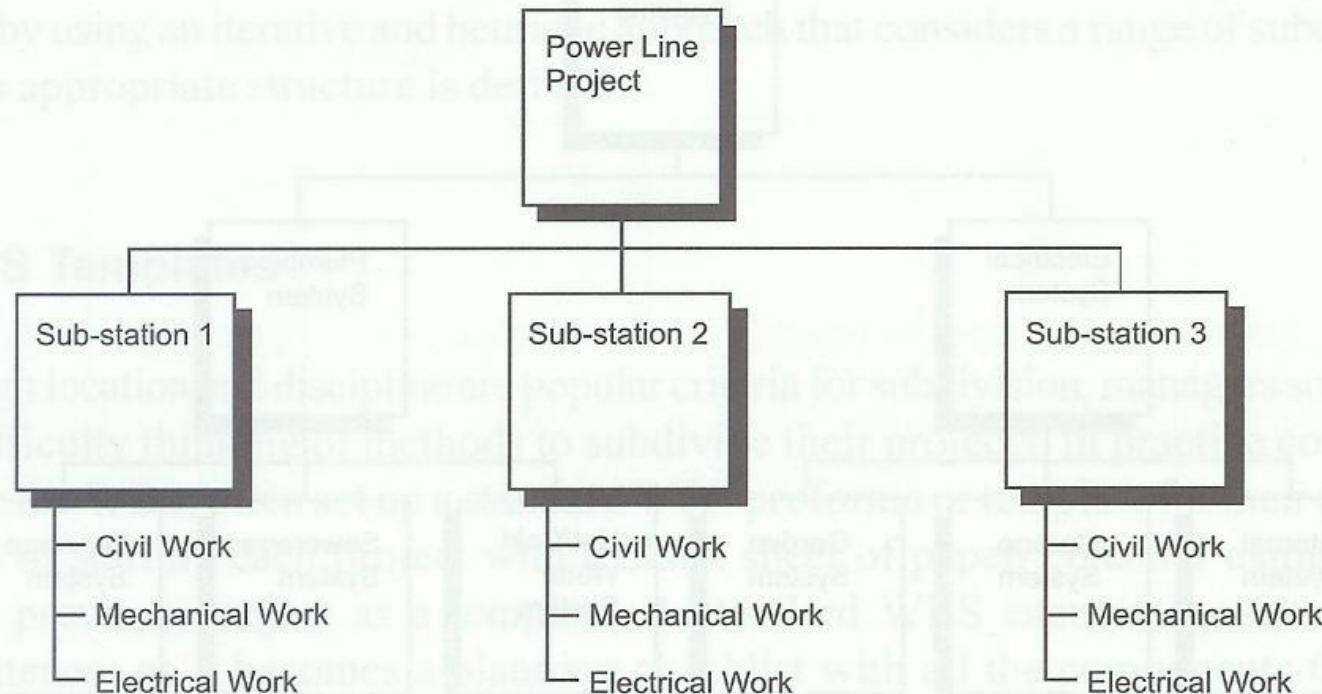




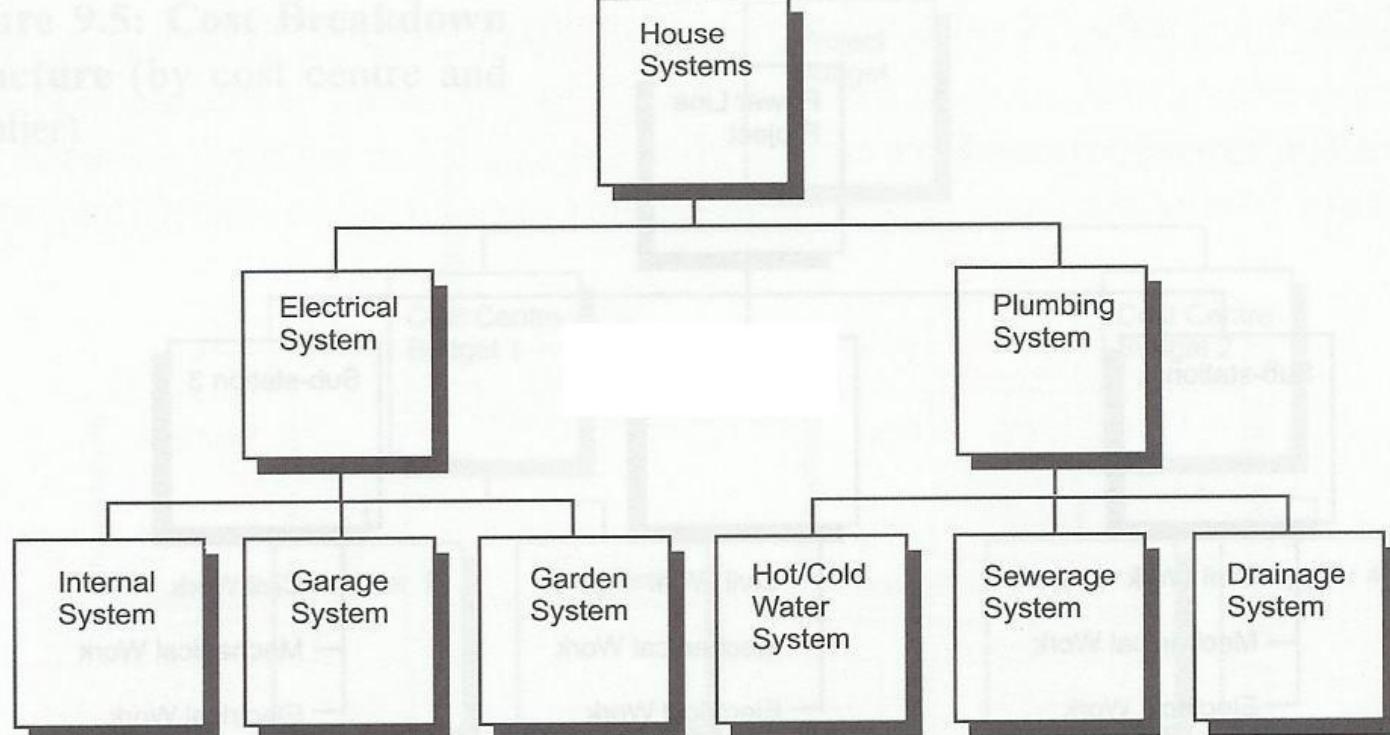
Contract Breakdown Structure (by sub-contractor and supplier)

Work Breakdown Structure

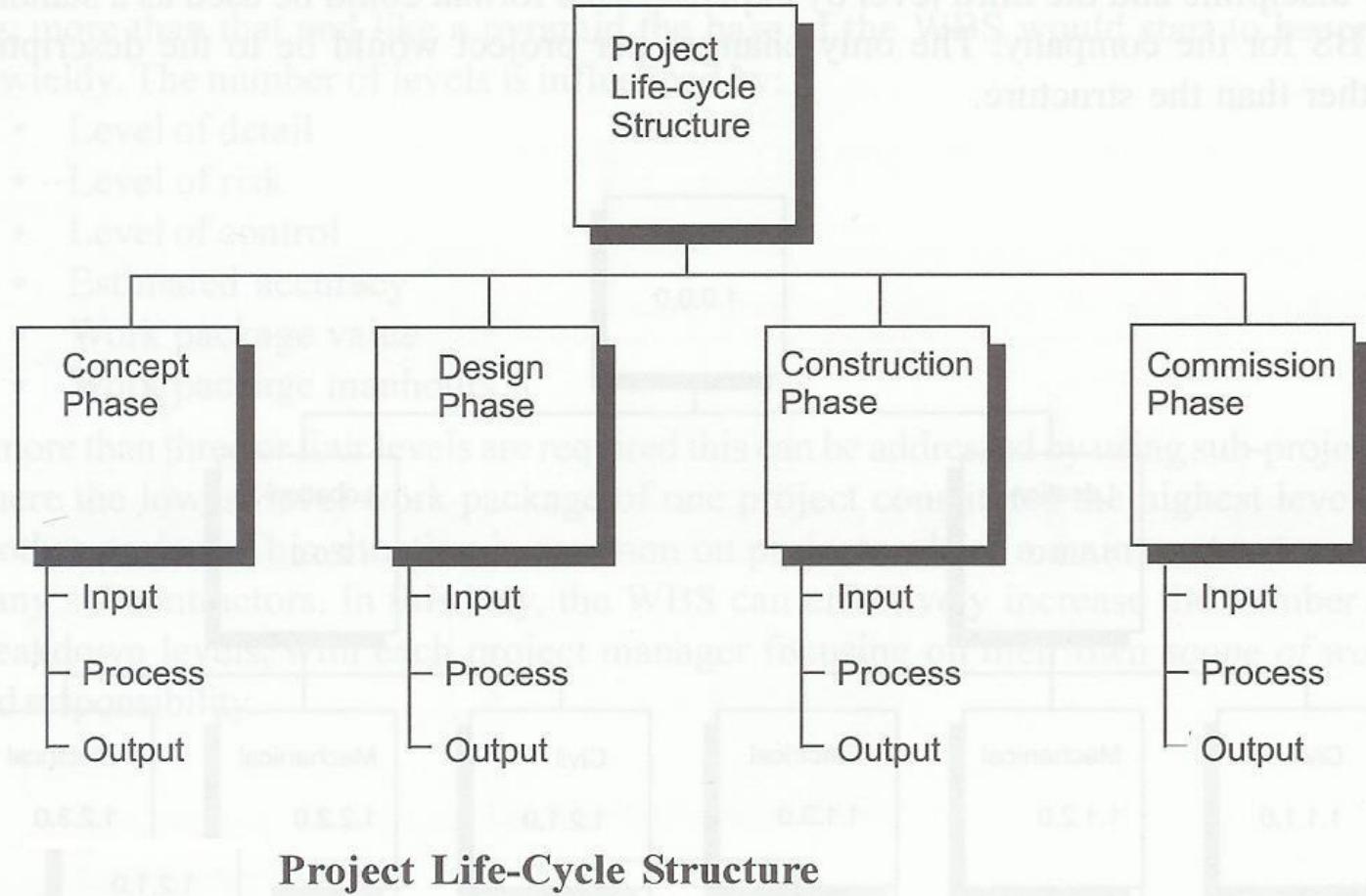
یک نمونه WBS

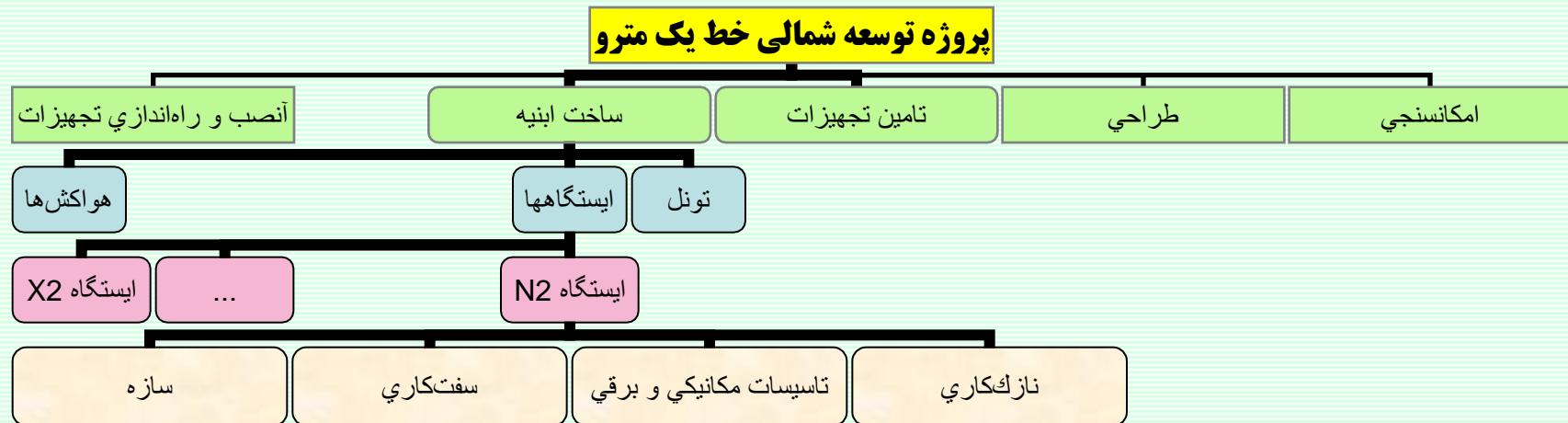


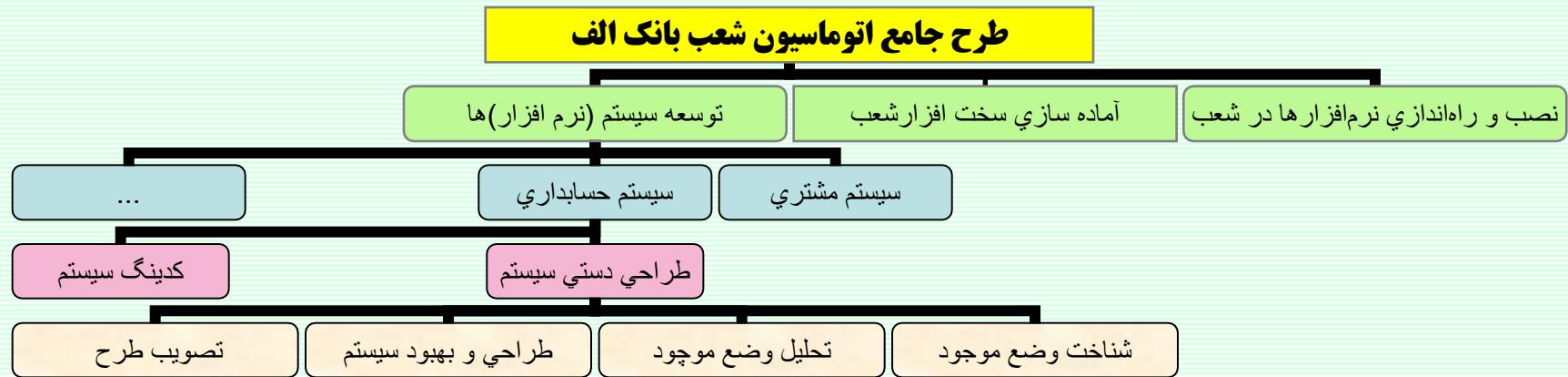
Location Breakdown Structure (power line project)

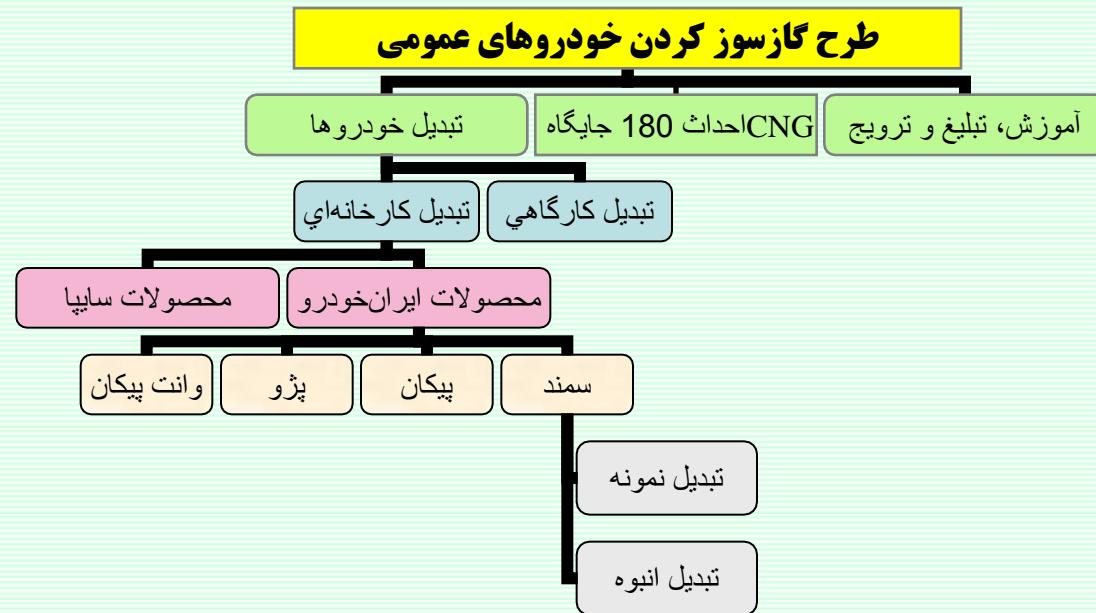


System Breakdown Structure (House project)









ایجاد شبکه پروژہ

مراحل ایجاد شبکه پروژه

تعیین توالی فعالیتها (بسته‌های کاری)



ترسیم شبکه پروژه

توضیح:

در مباحث برنامه‌ریزی و کنترل پروژه، منظور از شبکه پروژه عبارتست از نموداری شبکه‌ای شکل که در آن ضمن بیان فعالیتهای پروژه، تقدم و تاخر آنها نسبت به یکدیگر نشان داده شده است.

تعیین توالی فعالیتها (بسته‌های کاری)

تعیین توالی فعالیتها، فرآیند شناسایی و تدوین ارتباط و وابستگی فعالیتها از لحاظ تقدم و تاخر با یکدیگر می‌باشد.

۱ - وابستگی‌های الزامی (وابستگی سخت یا منطقی)

برخی از فعالیتها با یکدیگر دارای روابط ذاتی و فیزیکی هستند لذا انجام آنها منوط به رعایت این وابستگی است.

۲ - وابستگی‌های ترجیحی (وابستگی نرم)

برخی از وابستگی‌های بین فعالیتها توسط گروه اجرایی ایجاد می‌شوند (می‌بایست بدقت و با مستندات کافی تبیین شود)

۳ - وابستگی‌های خارجی

وابستگی‌های بین فعالیتهای اجرایی و محیط خارج از پروژه موردنظر است.

أنواع وابستگی

و ارتباط

پیش‌نمایشها

تعیین توالی فعالیتها (بسته‌های کاری)

تعریف : به فعالیت Y پیش‌نیاز (Predecessor) فعالیت X گفته می‌شود اگر انجام فعالیت X به انجام فعالیت Y وابسته باشد.



- در این صورت به فعالیت X نیز پی‌آمد (Successor) فعالیت Y اطلاق می‌شود.

چند مثال



مستندسازی توالی فعالیتها

جدول تعیین پیشیاز فعالیتها

پیشیازها			عنوان فعالیت	کد فعالیت
خارجی	ترجیحی	الزامی		

ترسیم شبکه پروژه

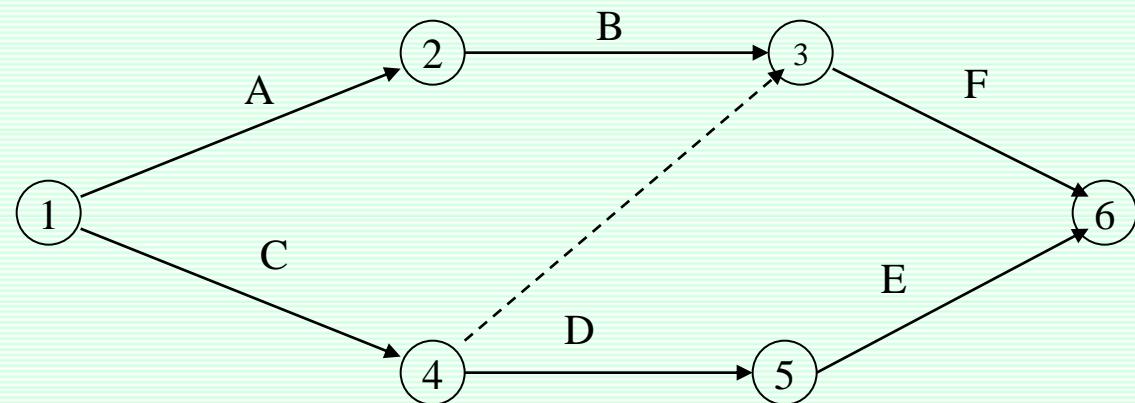
انواع شبکه پروژه

شبکه برداری (AOA)

شبکه گرهی (AON)

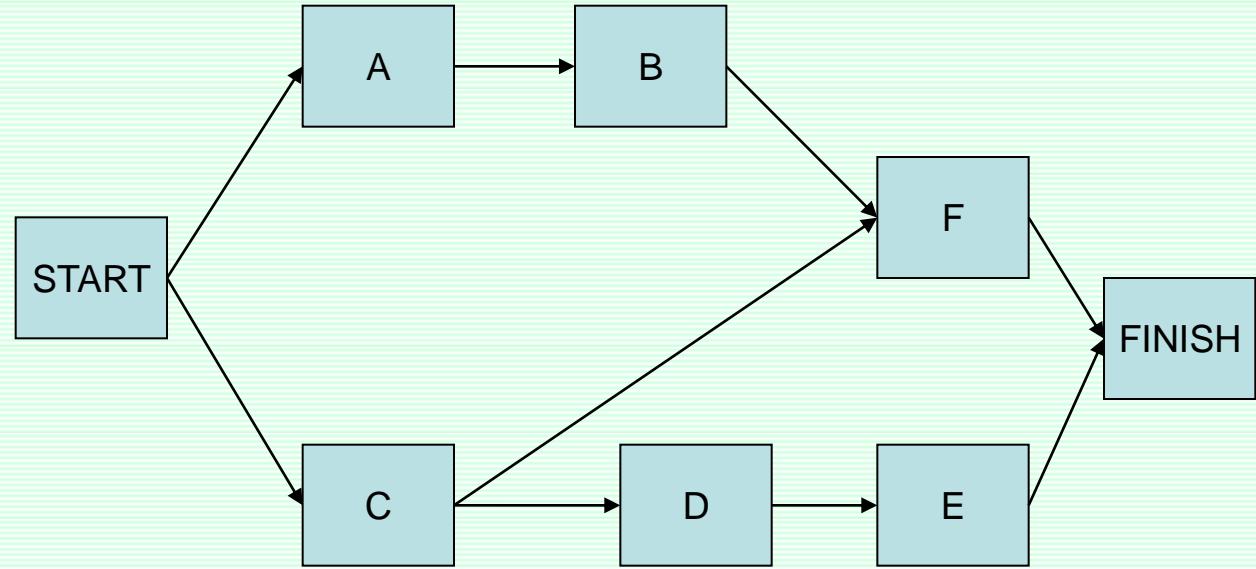
شبکه برداری

پیشیاز	کد فعالیت
-	A
A	B
-	C
C	D
D	E
B;C	F



شبکه گرهی

پیشینیاز	کد فعالیت
-	A
A	B
-	C
C	D
D	E
B;C	F



شرح نمادها:

فعالیت



بردار بیانگر روابط بین فعالیتها



شبکه گرهی (AON)

ما ابتدا شبکه های گره ای را مورد توجه قرار می دهیم.

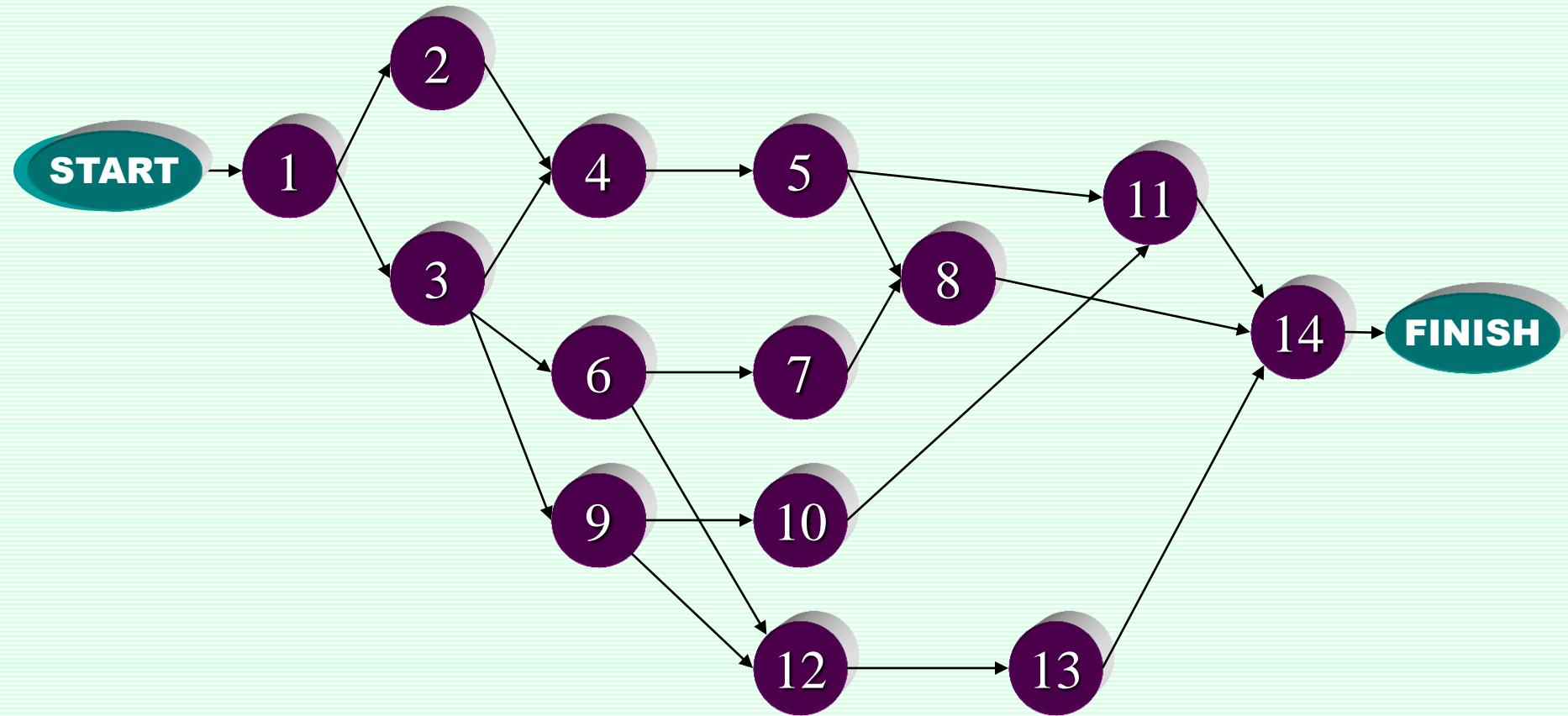
مثال: پروژه ی ساختمانی

ردیف	نام فعالیت	پیش نیاز ها
1	طراحی سازه	--
2	ساخت سازه	1
3	طراحی ساختمان	1
4	اجرای فاز 1 ساختمان	3و2
5	اجرای فاز 2 ساختمان	4
6	طراحی تاسیسات مکانیکی	3
7	خرید تجهیزات مکانیکی	6
8	نصب و اجرای تجهیزات مکانیکی	7و5
9	طراحی تاسیسات برقی	3
10	خرید تجهیزات برقی	9
11	نصب و اجرای تجهیزات برقی	10و5
12	طراحی معماری داخلی	9و6
13	خرید اقلام مورد نیاز معماری داخلی	12
14	نصب و اجرای معماری داخلی	8و11و13

چند نکته در ترسیم شبکه گره ای

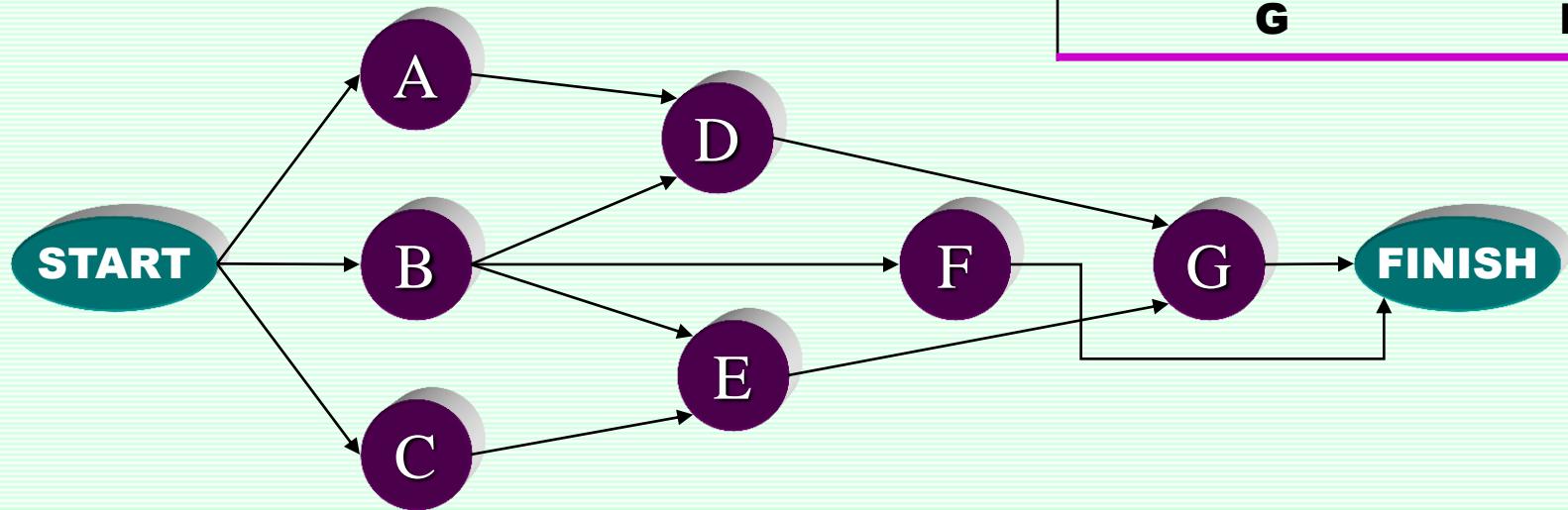
- ۱) فعالیتها توسط گره‌ها و روابط پیش‌نیازی توسط بردارها نمایش پیدا می‌کنند.
- ۲) شبکه گره‌ای حتماً با گره شروع آغاز می‌شود و سپس تمام فعالیت‌های بدون پیش نیاز به گره شروع متصل می‌شود.
- ۳) شبکه گره‌ای حتماً با گره پایان به اتمام می‌رسد لذا فعالیت‌هایی که پس نیاز ندارند به گره پایان متصل می‌شوند.
- ۴) در ترسیم شبکه حلقه (Loop) نداریم اگر چنین باشد در تعریف منطق فعالیت‌ها دچار اشتباہ شده‌ایم.
- ۵) برای هر فعالیت فقط و فقط یک گره در شبکه وجود دارد.

مثال: پروژه ی ساختمانی



مثال شبکه پیش نیازی با فعالیت های زیر را رسم کنید

فعالیت	پیش نیاز
A	--
B	--
C	--
D	A,B
E	B,C
F	B
G	D,E



برآورده مدت زمان فعالیتها

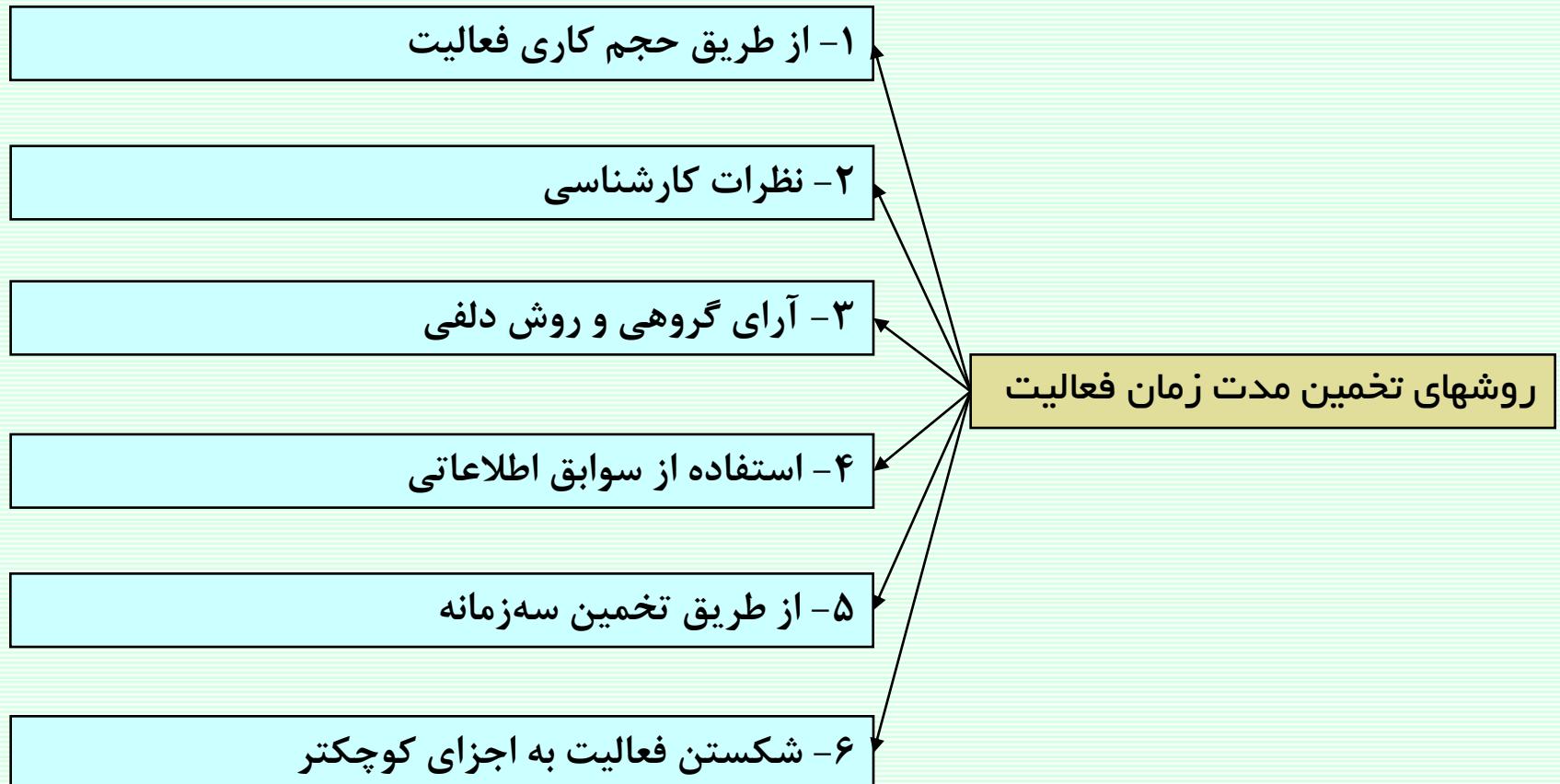
برآورد مدت زمان فعالیتها

Activity Duration Estimating

برآورد مدت زمان فعالیت، فرآیند تخمین تعداد دوره زمانی لازم برای تکمیل آن و جهت استفاده در زمانبندی پروژه می‌باشد.

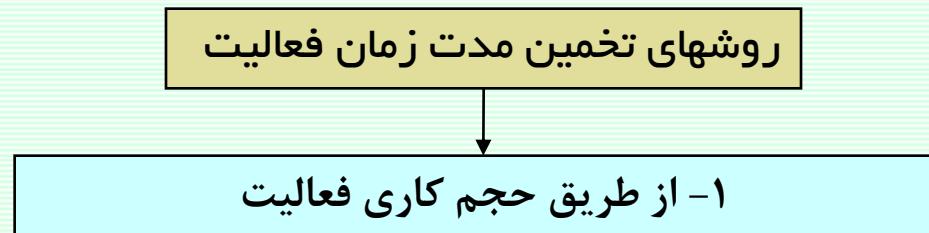
نکات مهم

- ۱- مدت زمان فعالیت به روش اجرا و منابع در اختیار آن وابسته است.
- ۲- واحد زمانی فعالیتها بصورت یکسان و استاندارد باشد. بطور مثال: روز
- ۳- در تخمین مدت زمان فعالیتها، روزهای کاری (Working Days) موردنظر هستند و نه ایام تقویمی. لازم است که تقویم کاری (روزهای کاری و تعطیل) هر فعالیت مشخص شود.
- ۴- مدت زمان فعالیتها بطور مستقل از یکدیگر برآورد شوند.
- ۵- در برآورد مدت زمان فعالیتها شرایط معمول درنظر گرفته می‌شوند و اتفاقات غیر مترقبه مانند سیل و زلزله در صورتیکه غیرقابل پیش‌بینی هستند لحاظ نمی‌گردند.



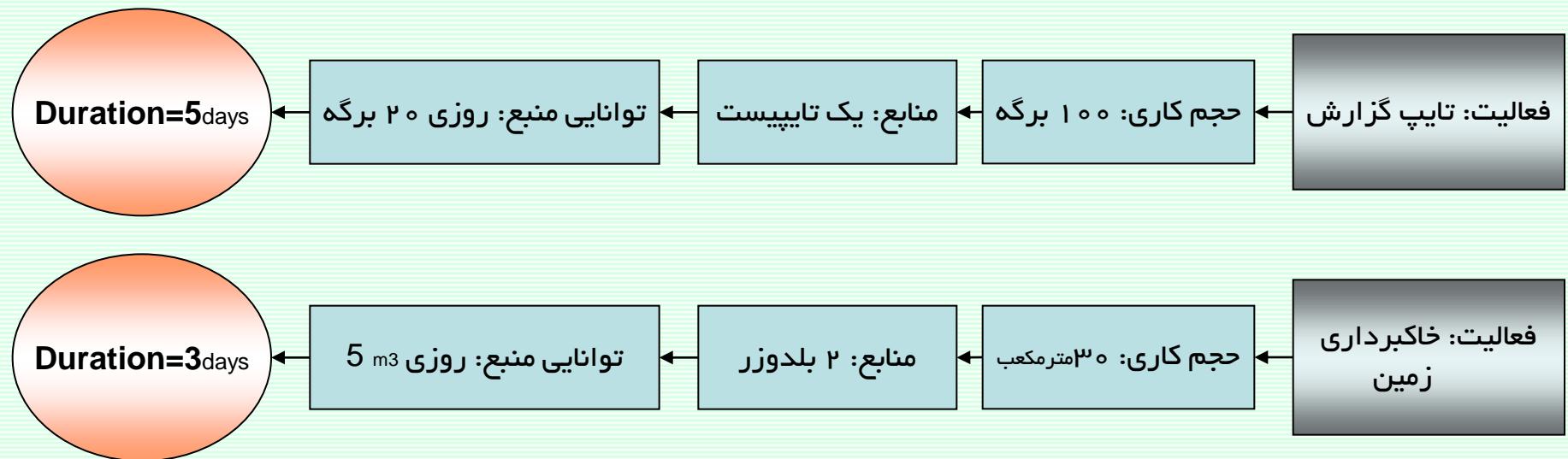
Activity Duration Estimating

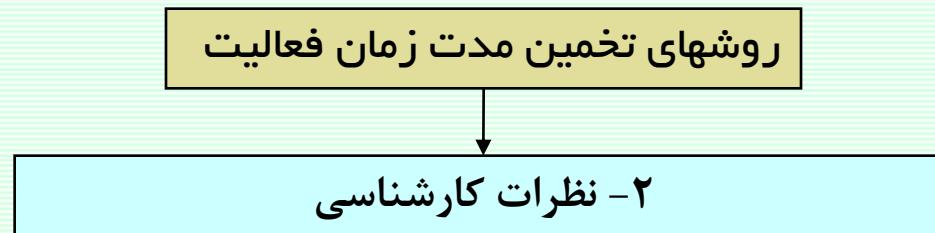
برآورد مدت زمان فعالیتها



در این روش ابتدا حجم کاری فعالیت اندازه‌گیری شده و براساس منابع در دسترس و توانایی کاری منابع، مدت زمان فعالیت برآورد می‌شود.

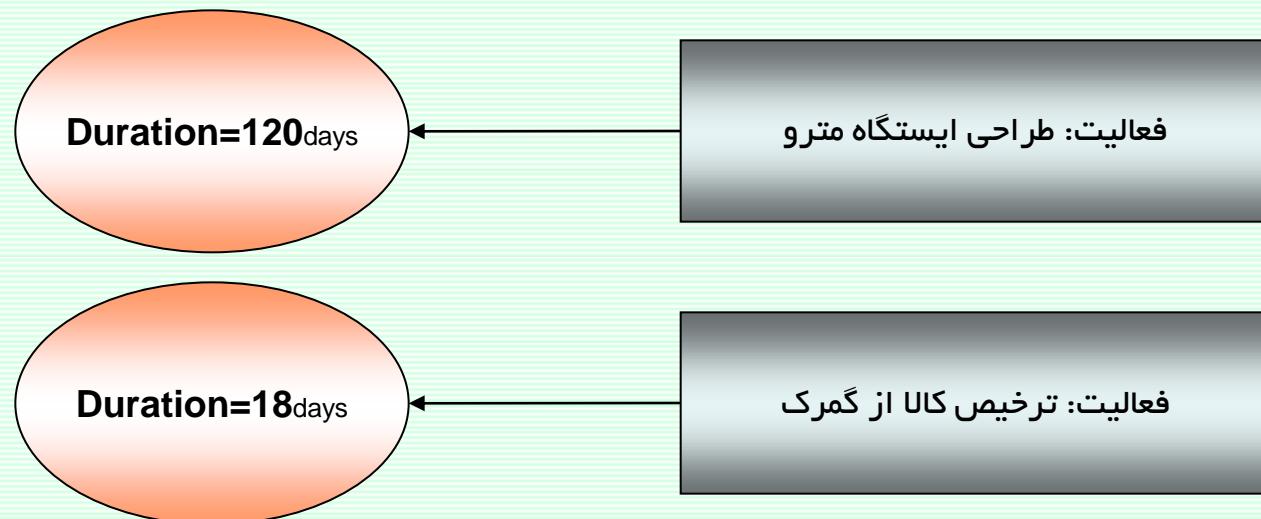
مثال:





در این روش به یک فرد متخصص و با تجربه در زمینه آن فعالیت رجوع می‌شود.

مثال:



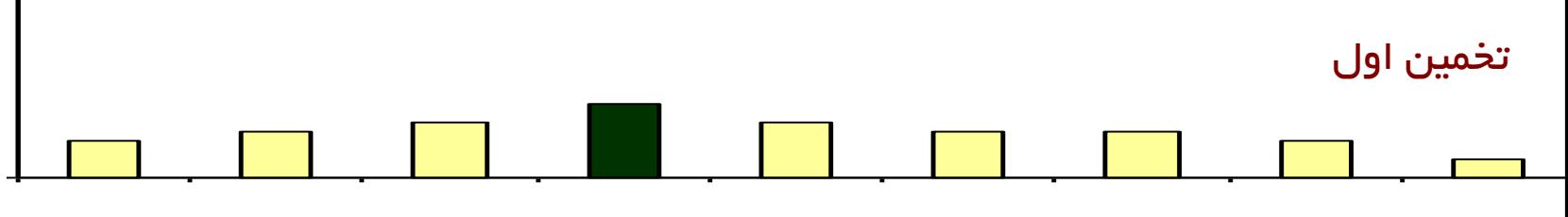
Activity Duration Estimating

برآورد مدت زمان فعالیتها

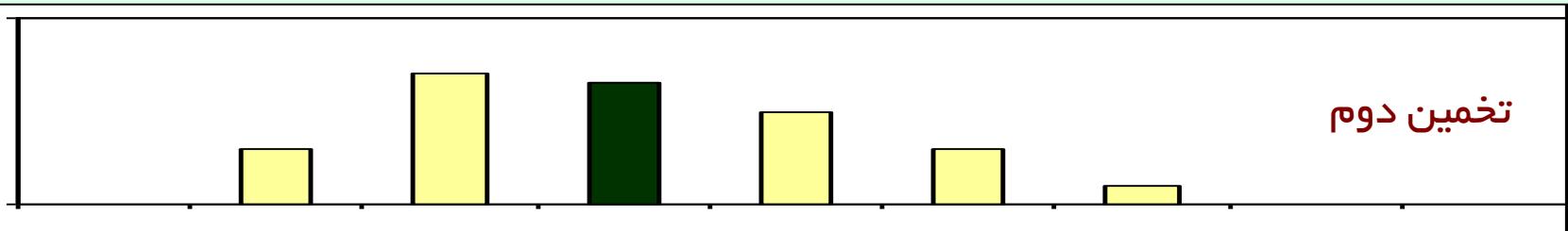
روشهای تخمین مدت زمان فعالیت

۳- آرای گروهی و روش دلفی

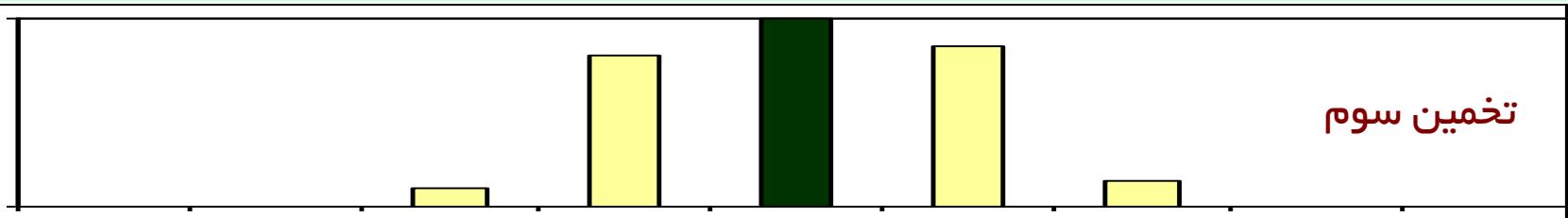
تخمین اول

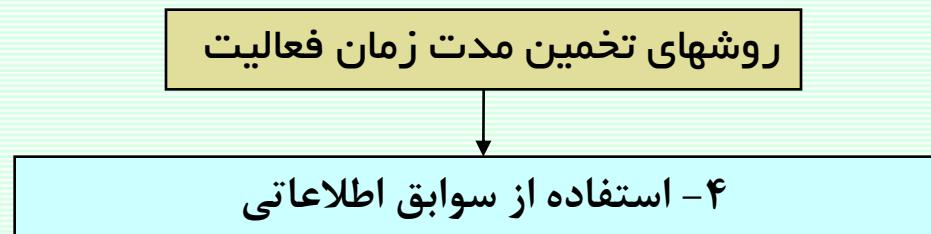


تخمین دوم



تخمین سوم



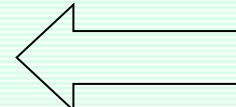


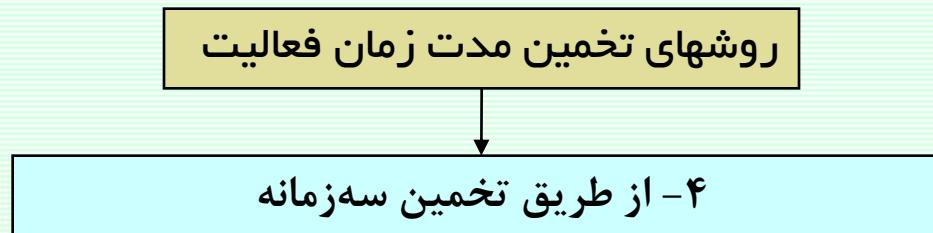
در صورتی که تاریخچه پروژه‌های قبلی مستند و تاریخ شروع و پایان فعالیتهای همانند ثبت شده باشد، می‌توان از سوابق آنها در تخمین مدت فعالیت استفاده نمود.

سوابق تاریخی گشایش اعتبار

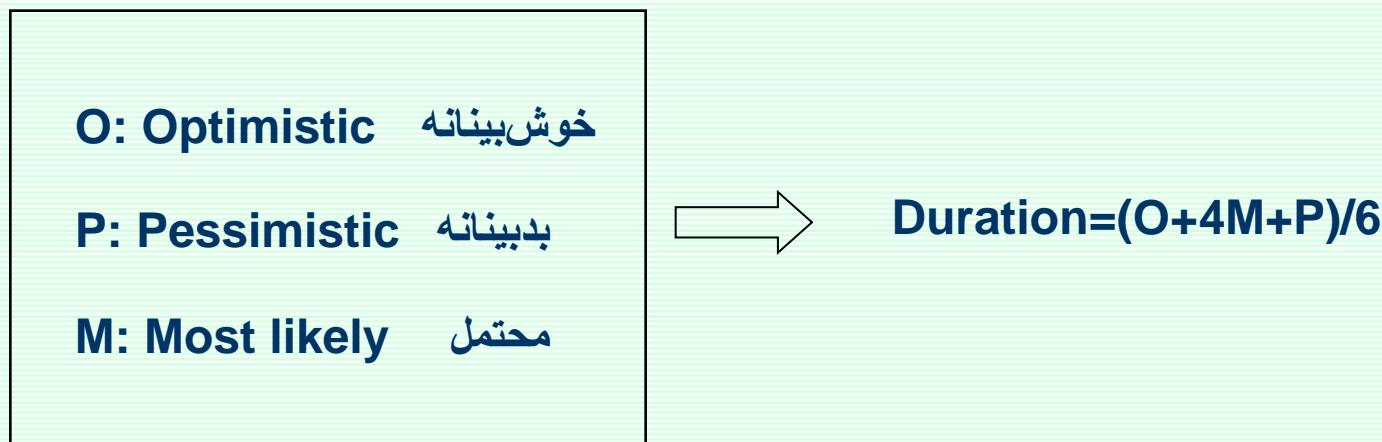
ردیف	تاریخ شروع	تاریخ اتمام	مدت(روز)
۱	۰۱/۰۹/۸۱	۱۰/۱۰/۸۱	۴۰
۲	۱۰/۰۲/۸۲	۰۱/۰۴/۸۲	۵۲
۳	۰۵/۰۴/۸۲	۲۳/۰۵/۸۲	۴۸

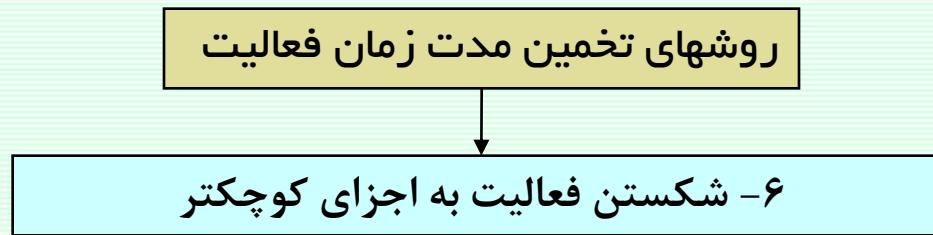
برآورد مدت زمان فعالیت = ۴۶ روز





برای هر فعالیت، سه برآورد مدت زمان (خوشبینانه، محتمل و بدبینانه) ارائه شده و براساس آنها مدت زمان فعالیت پیش‌بینی می‌شود.



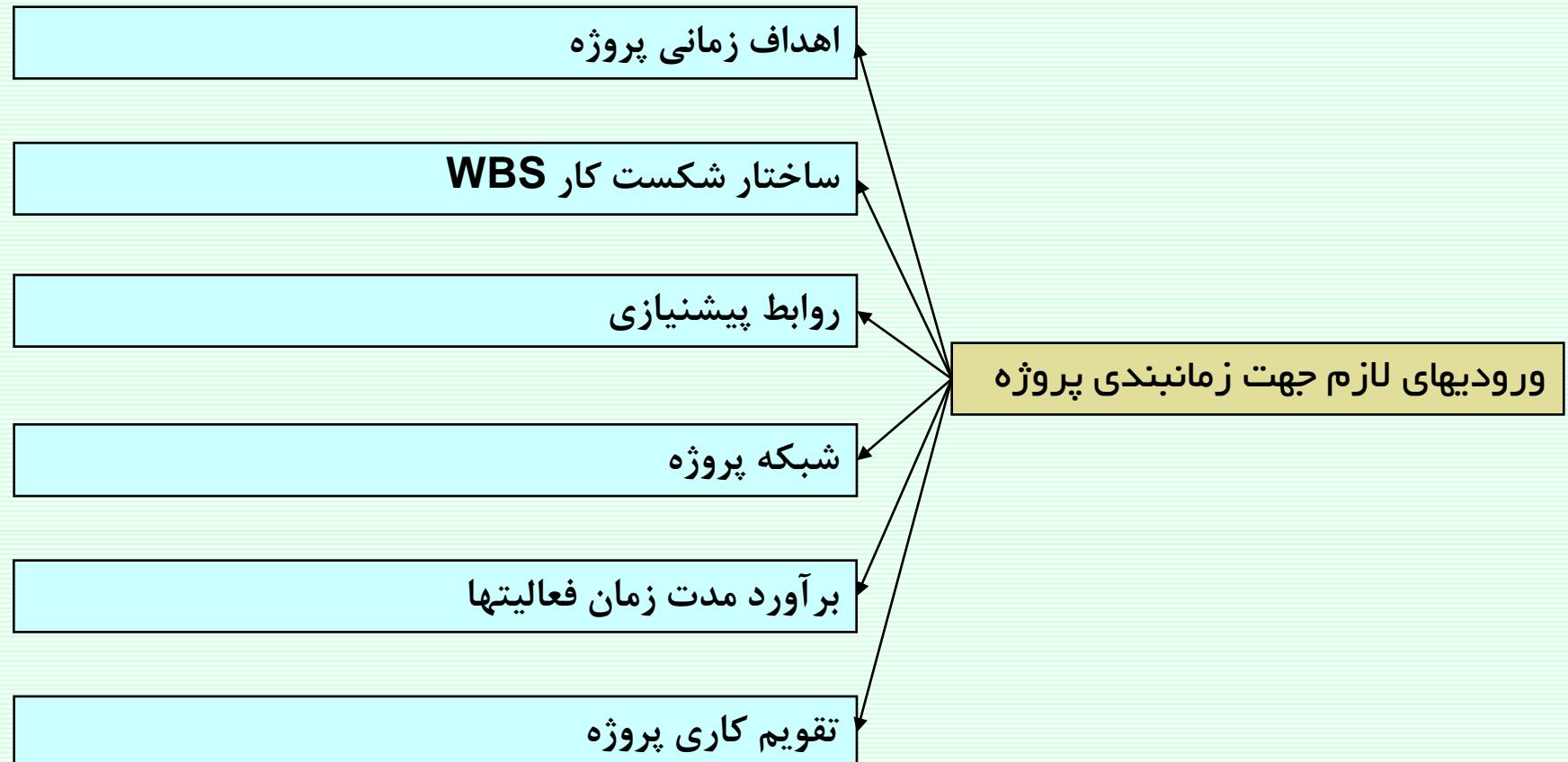


می‌توان فعالیت را به اجزای کوچکتر تقسیم نمود و سپس با یکی از روش‌های ذکر شده مدت هر یک را تخمین و با سر جمع کردن آنها مدت زمان فعالیت اصلی را برآورد نمود.

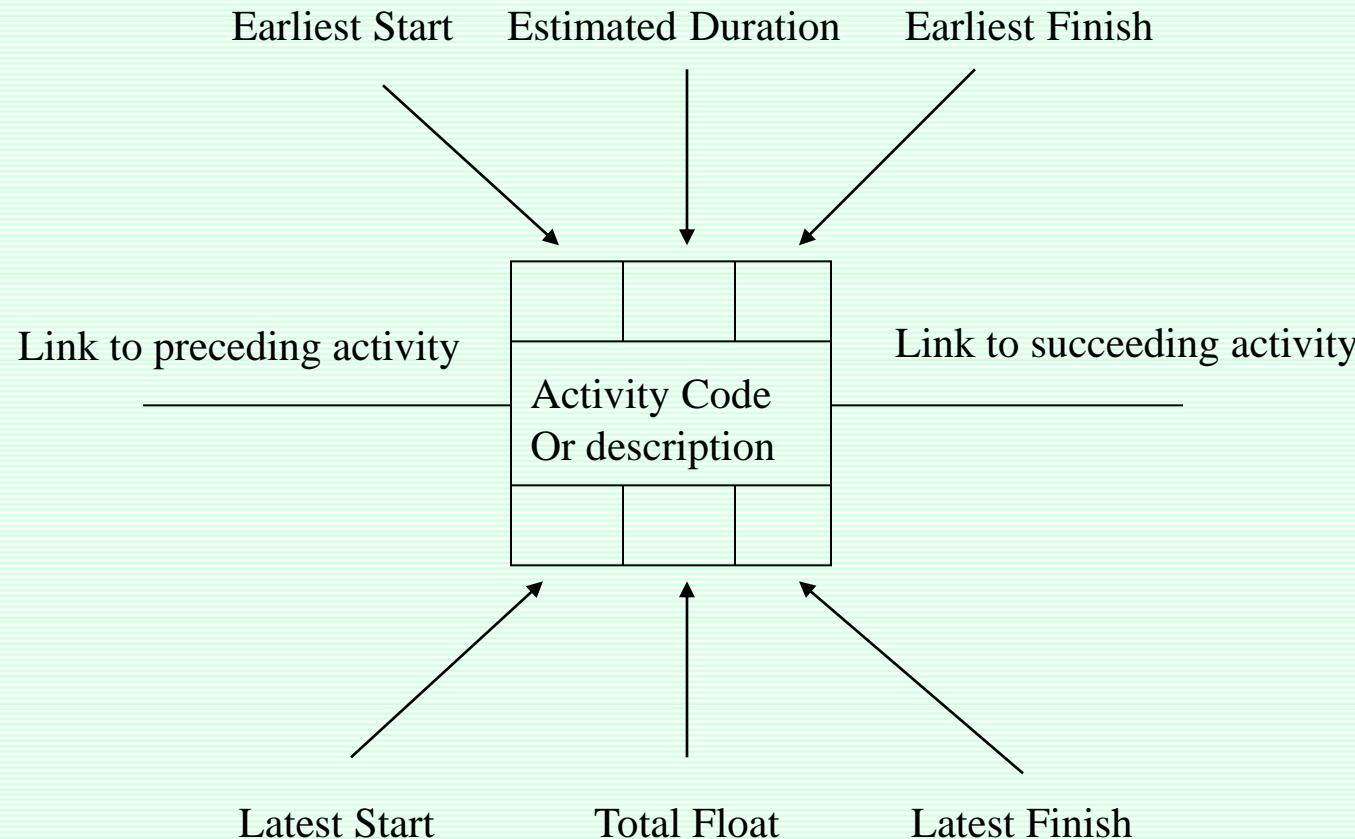
بیشترین کاربرد این روش در مواقعي است که WBS در سطوح بالا متوقف شده و بصورت کلان به برنامه‌ریزی نگاه می‌شود.

زمانبندی پروژه

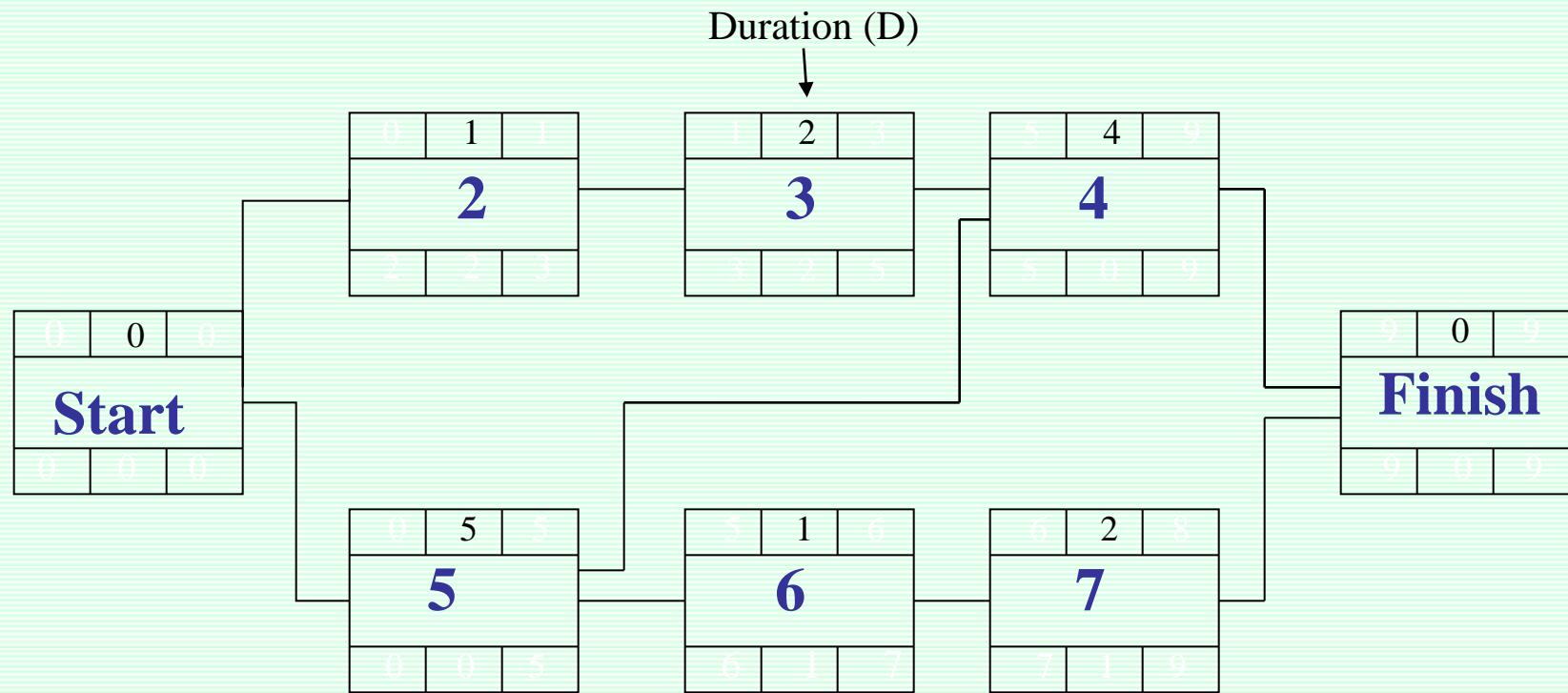
تهیه زمانبندی پروژه، فرآیند تعیین زمانهای شروع و پایان فعالیتهای پروژه است.



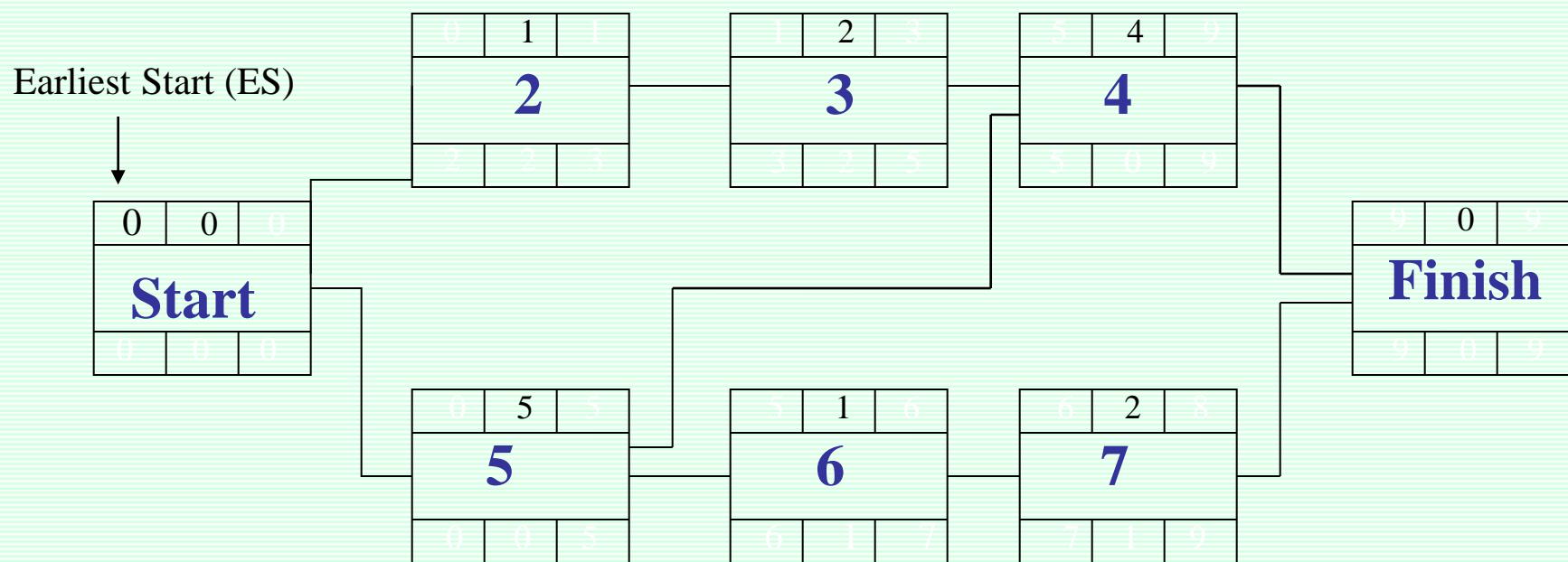
زمانبندی در شبکه گرهی



زمانبندی در شبکه گرهی



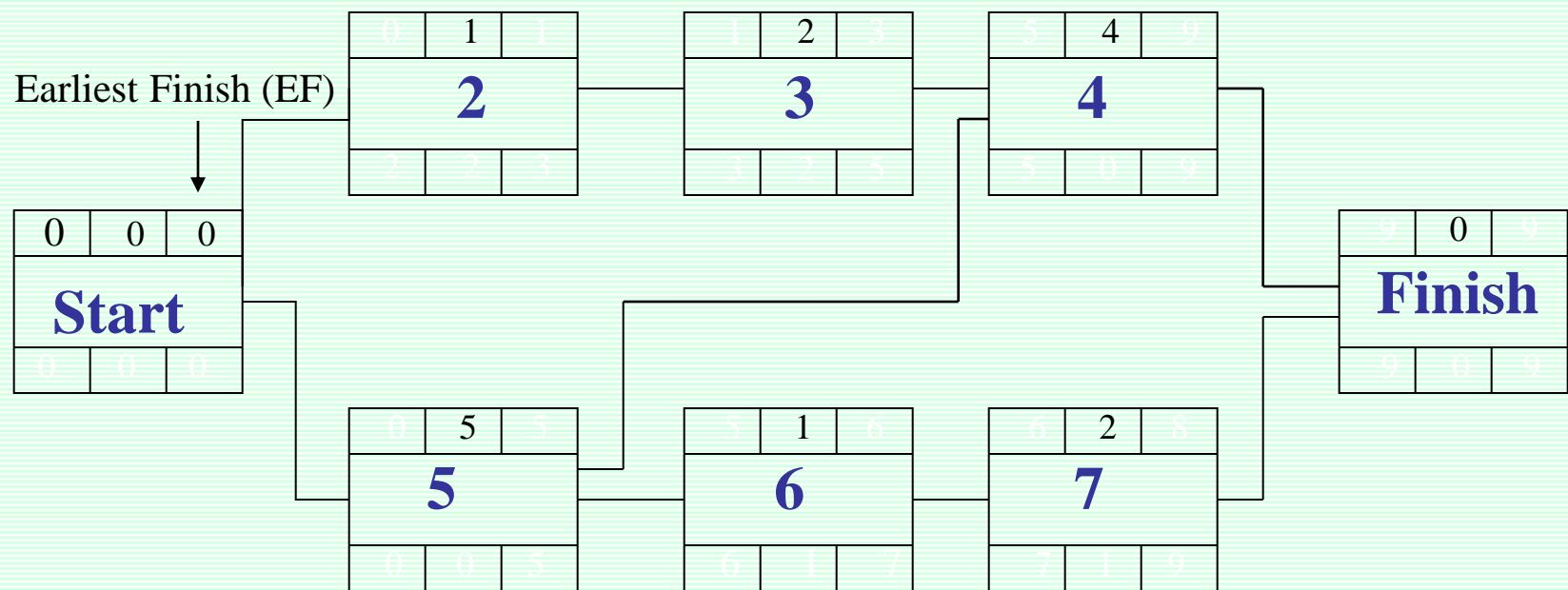
زمانبندی در شبکه گرهی



ES= 0

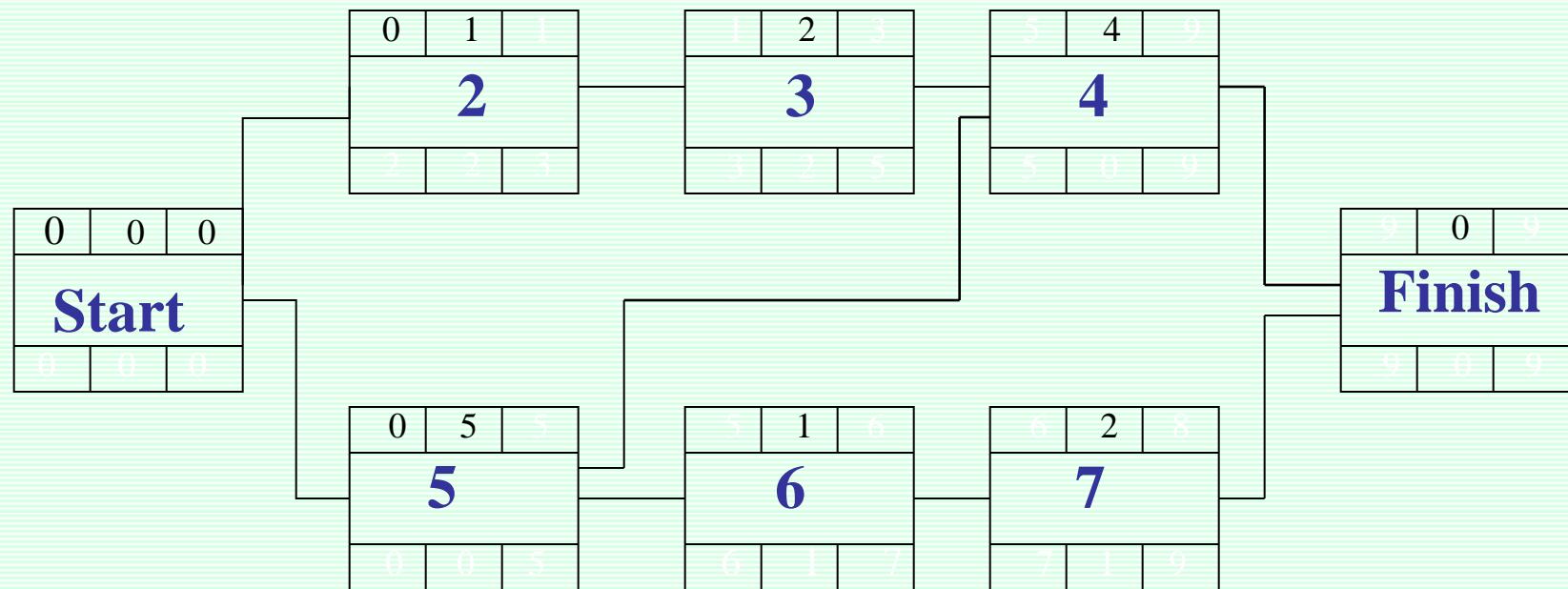
برای فعالیت شروعی داریم :

زمانبندی در شبکه گرهی



$$EF = ES + D$$

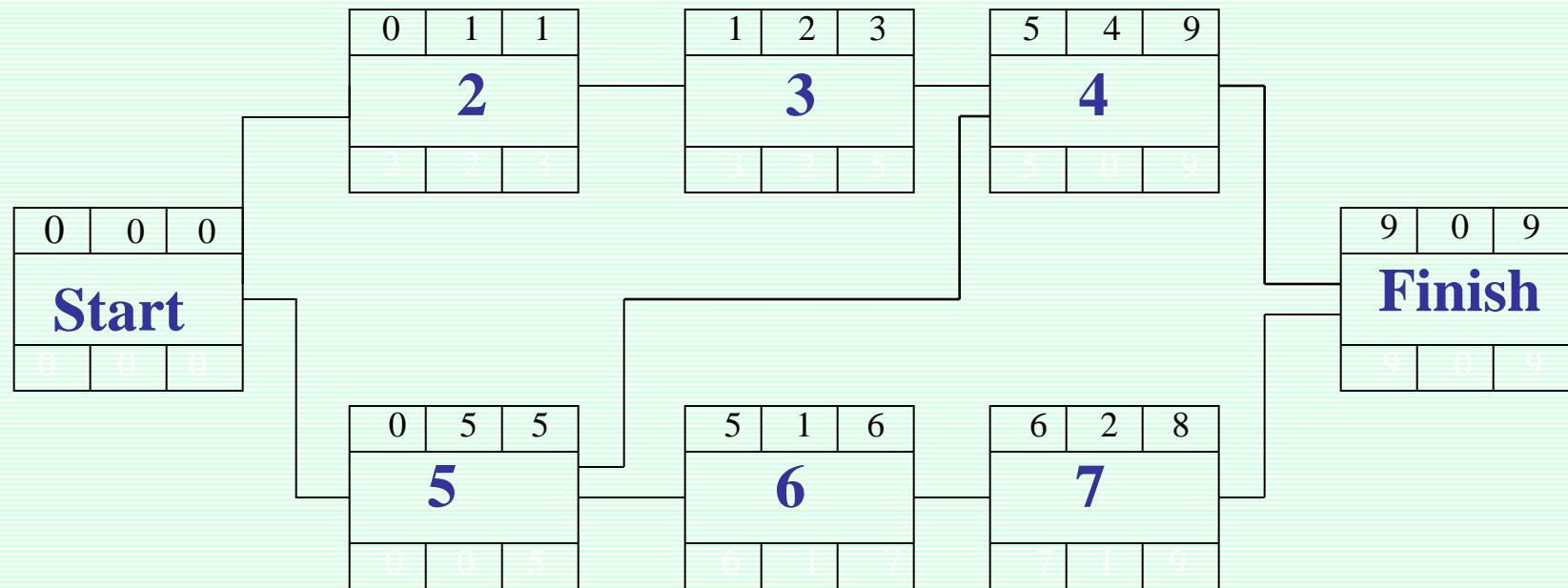
زمانبندی در شبکه گرهی



$ES = \max\{EF\}$ for all Predecessor

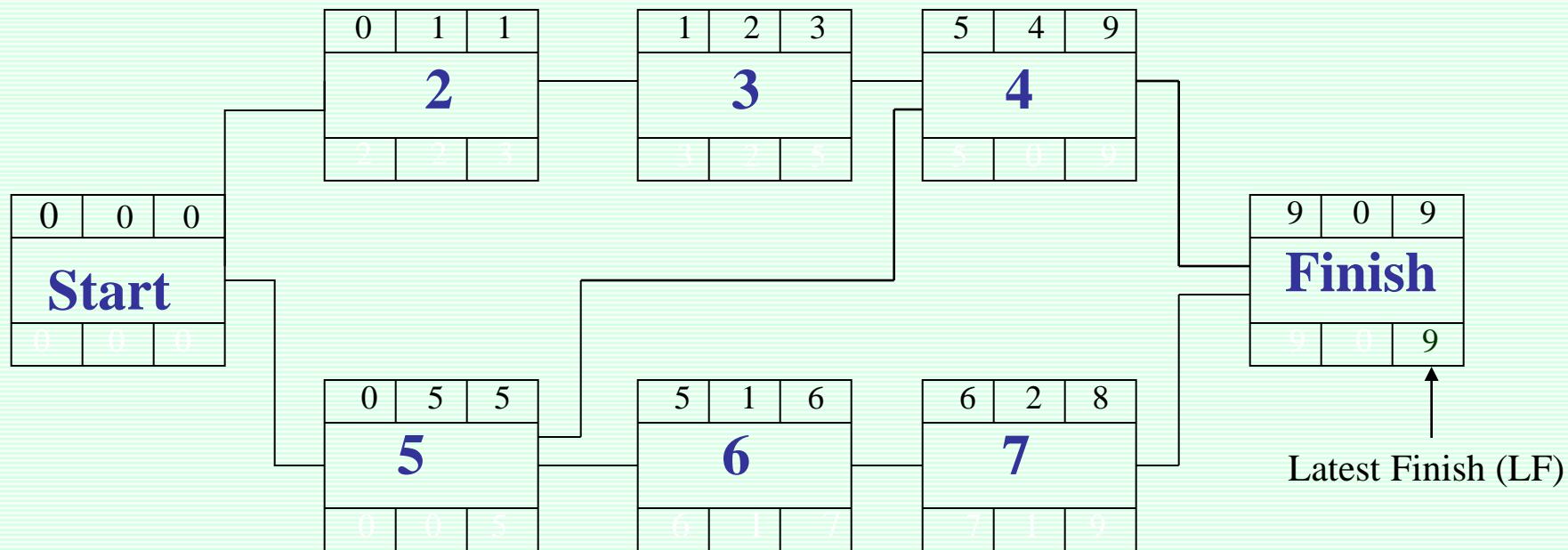
برای فعالیتهای غیر شروعی داریم:

زمانبندی در شبکه گرهی



زودترین زمان اتمام پروژه = $EF_{(Finish)}$

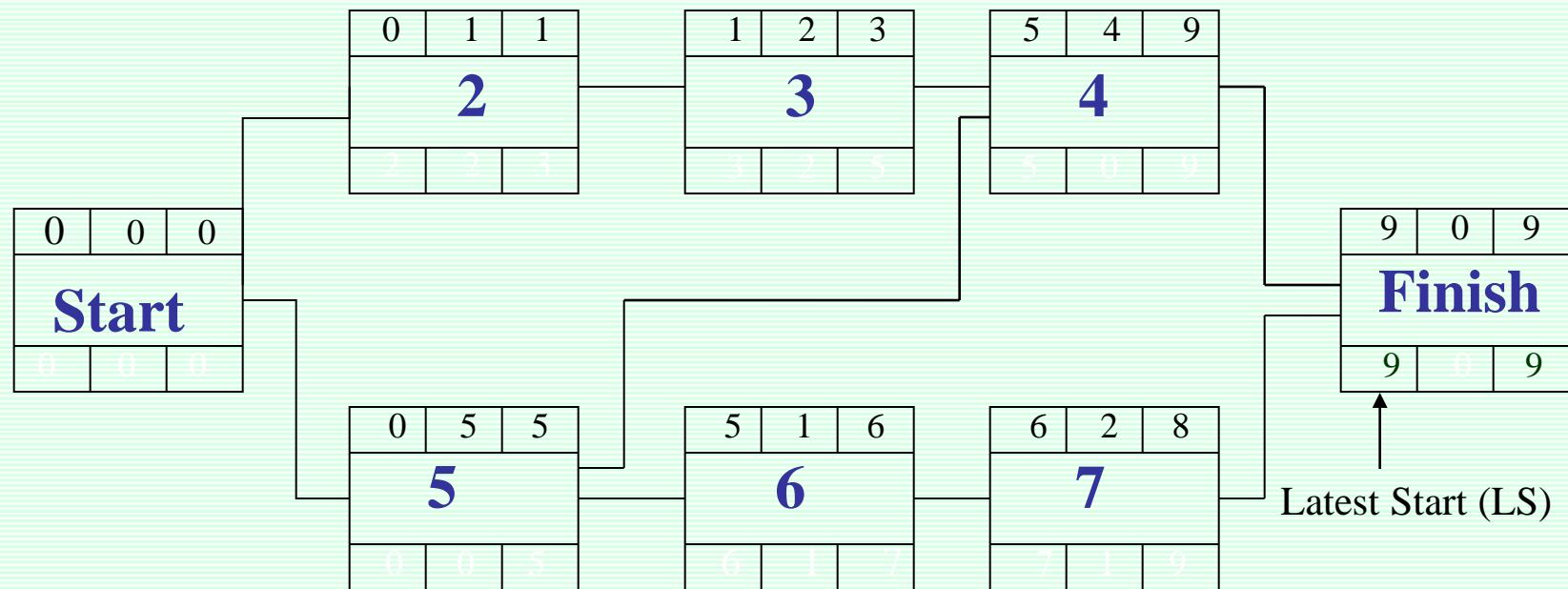
زمانبندی در شبکه گرهی



$$LF = EF_{(Finish)}$$

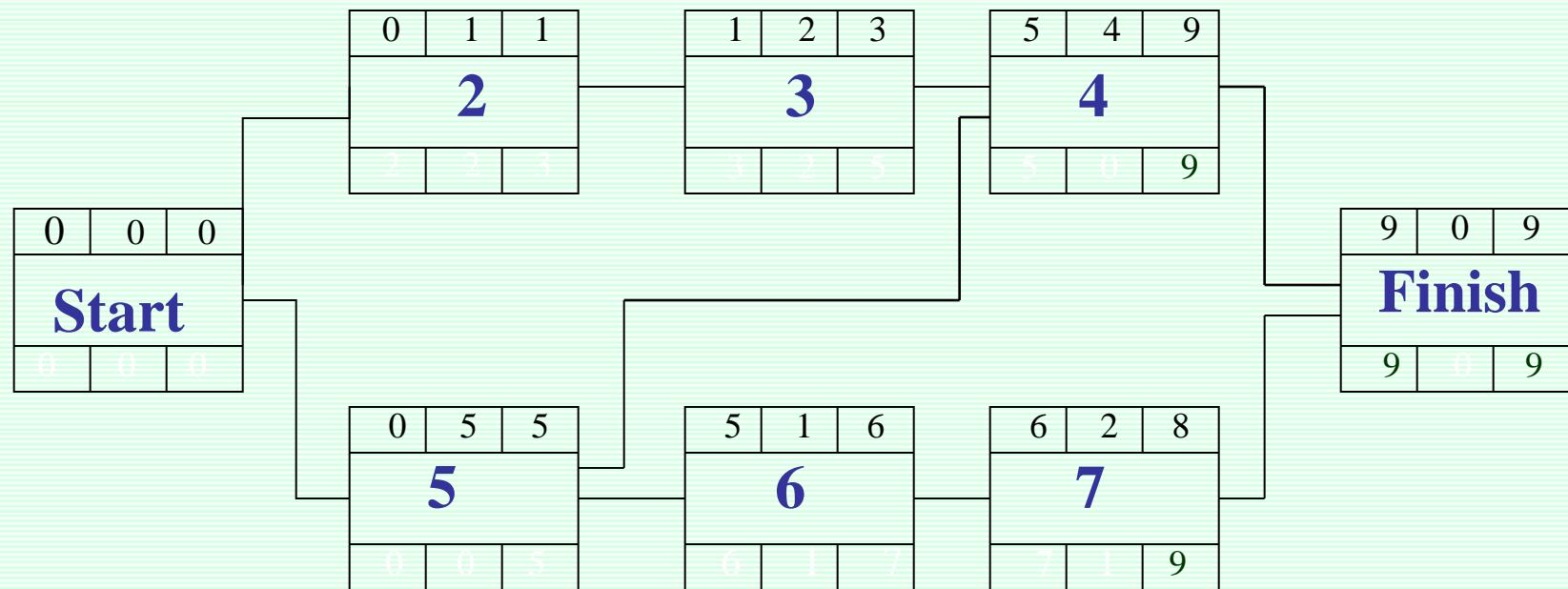
برای فعالیت پایانی داریم :

زمانبندی در شبکه گرهی



$$LS = LF - D$$

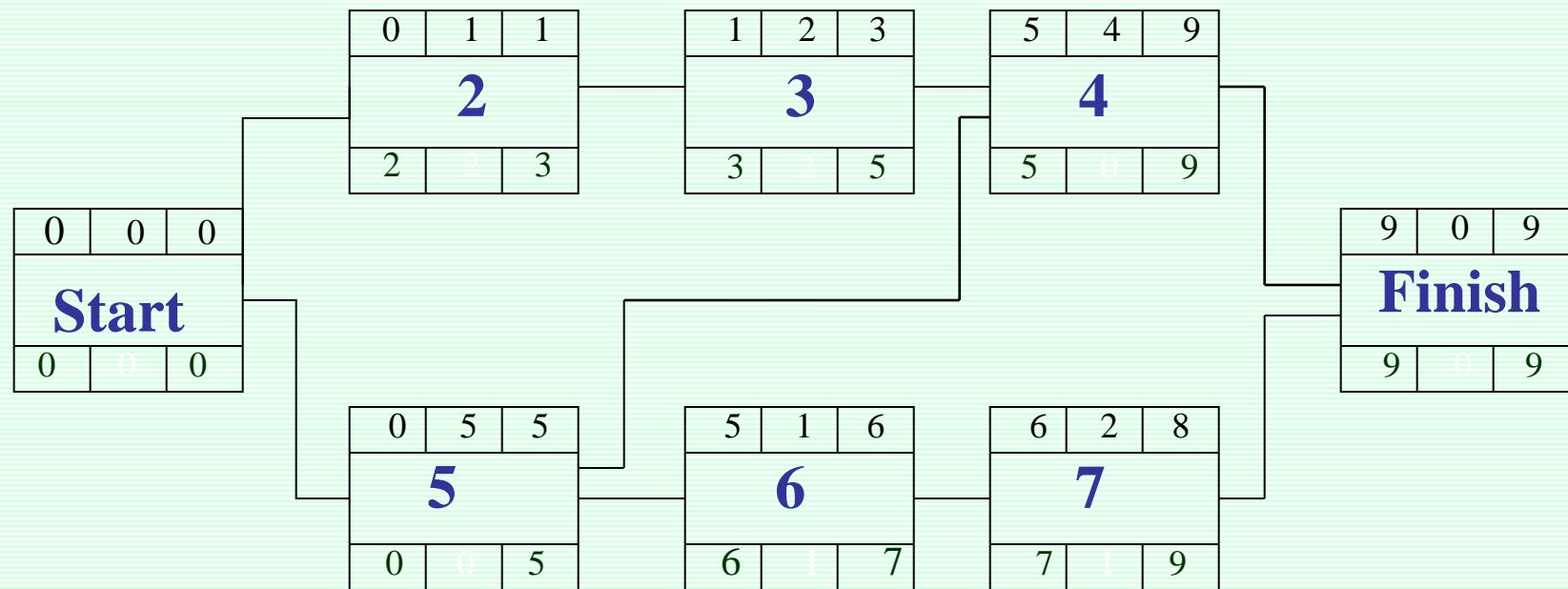
زمانبندی در شبکه گرهی

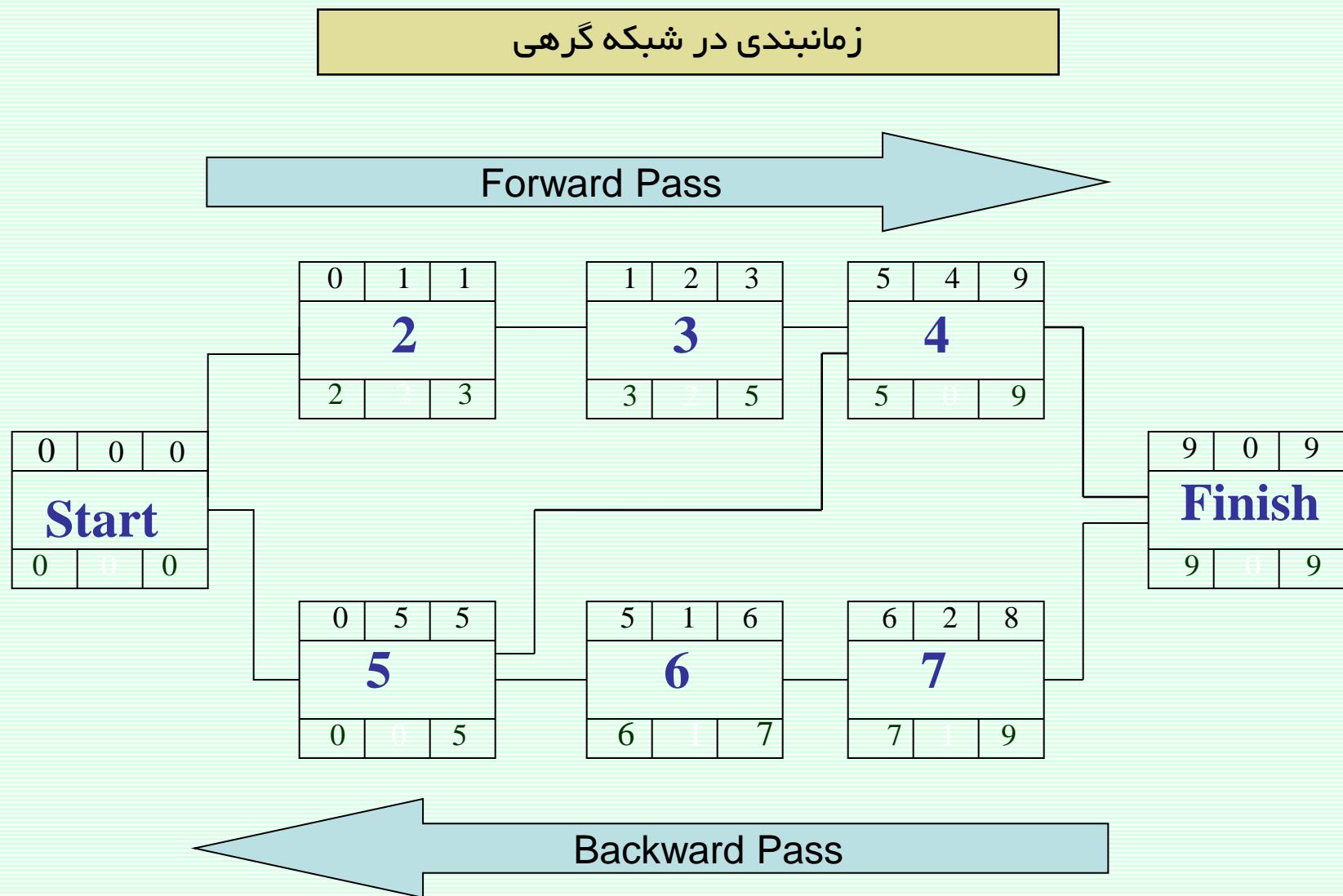


$LF = \min\{LS\}$ for all Successor

برای فعالیتهای غیر پایانی داریم:

زمانبندی در شبکه گرهی





زمانبندی در شبکه گرهی

دیرترین زمان پایان	دیرترین زمان شروع	زودترین زمان پایان	زودترین زمان شروع	کد فعالیت
0	0	0	0	Start
3	2	1	0	2
5	3	3	1	3
9	5	9	5	4
5	0	5	0	5
7	6	6	5	6
9	7	8	6	7
9	9	9	9	Finish

محاسبات رفت

$$\begin{aligned}
 i &= \text{زودترین زمان شروع فعالیت} & ESi &= \text{(Earliest Start)} \\
 i &= \text{زودترین زمان پایان فعالیت} & EFi &= \text{(Earliest Finish)} \\
 i &= \text{مدت زمان فعالیت} & Di &= \text{(Duration)}
 \end{aligned}$$

قواعد محاسبات رفت:

- A) $ES(\text{start}) = 0$
- B) $ESi = \text{Max}\{EFj\} \quad j=\{\text{مجموعه فعالیتهای پیش نیاز فعالیت}\}$
- C) $EFi = ESi + Di$

حداقل زمانی است که بروزه انعام می‌شود. $EF(\text{finish})$

محاسبات برگشت

i دیرترین زمان شروع فعالیت = LSi (Latest Start)

i دیرترین زمان پایان فعالیت = LFi (Latest Finish)

مدت زمان فعالیت = Di (Duration)

قواعد محاسبات برگشت:

- A) LF (finish) = EF(finish)
- B) $LF_i = \text{Min}\{LS_k\} \quad k=\{i \text{ نیاز مجموعه فعالیتهای پس از}\}$
- C) $LS_i = LFi - Di$

EF(Finish) می تواند عددی غیر از EF(Finish) باشد(طبیعتاً) باید عددی بزرگتر از LFFinish

باشد) در این صورت ما برای اتمام پروژه مهلتی پیش از حداقل زمان پروژه تعیین کرده.

شناوری کل فعالیت (Total Float)

شناوری کل یک فعالیت مدت زمانی است که یک فعالیت می تواند نسبت به زودترین زمان شروع ، دیرتر شروع شود بدون آنکه زمانبندی کل پروژه به تأثیر بیافند.

$$TF = LSi - ESi$$

OR

$$TF = LFi - EFi$$

شناوری آزاد (Free Float)(FF)

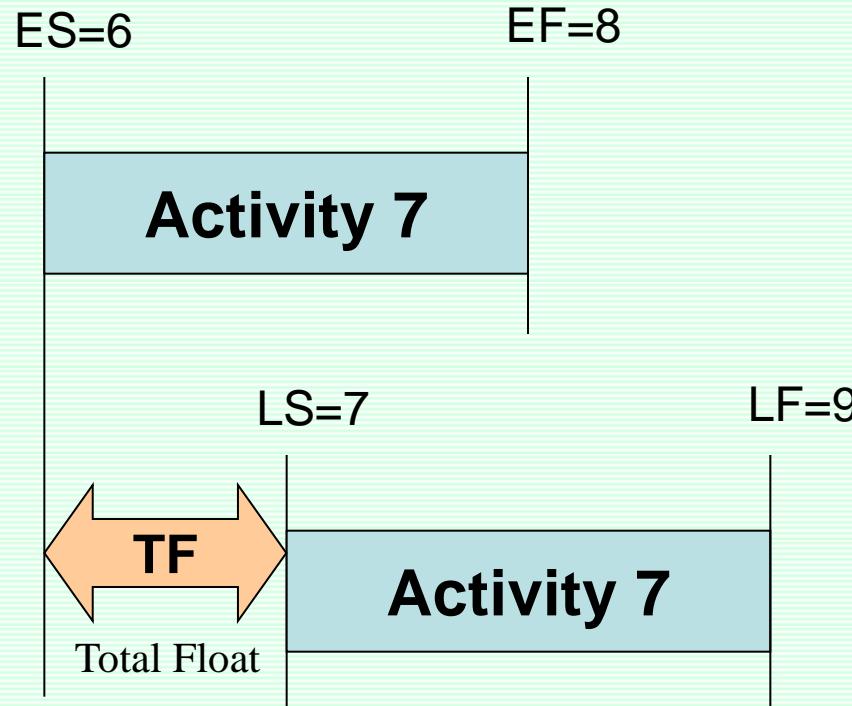
مدت زمانی است که یک فعالیت می تواند نسبت به زودترین زمانبندی اش دیرتر تمام شود.بدون آنکه بر زمانبندی فعالیت های بعدی تأثیر بگذارد.

$$FF = \text{Min}\{ESj\} - EFi$$

$j=\{i\}$ مجموعه فعالیت های پس نیاز

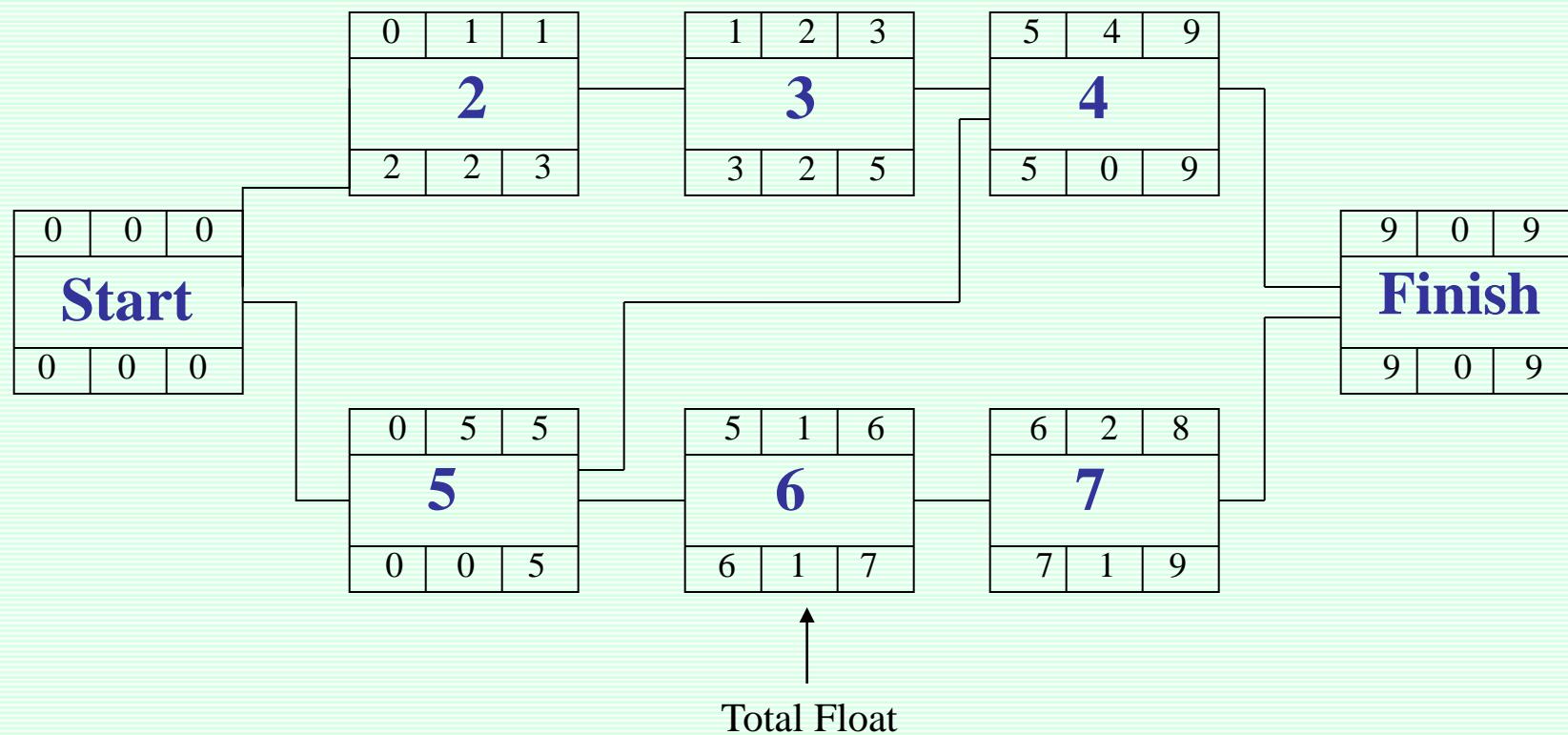
شناوری کل در شبکه گرهی

TIME

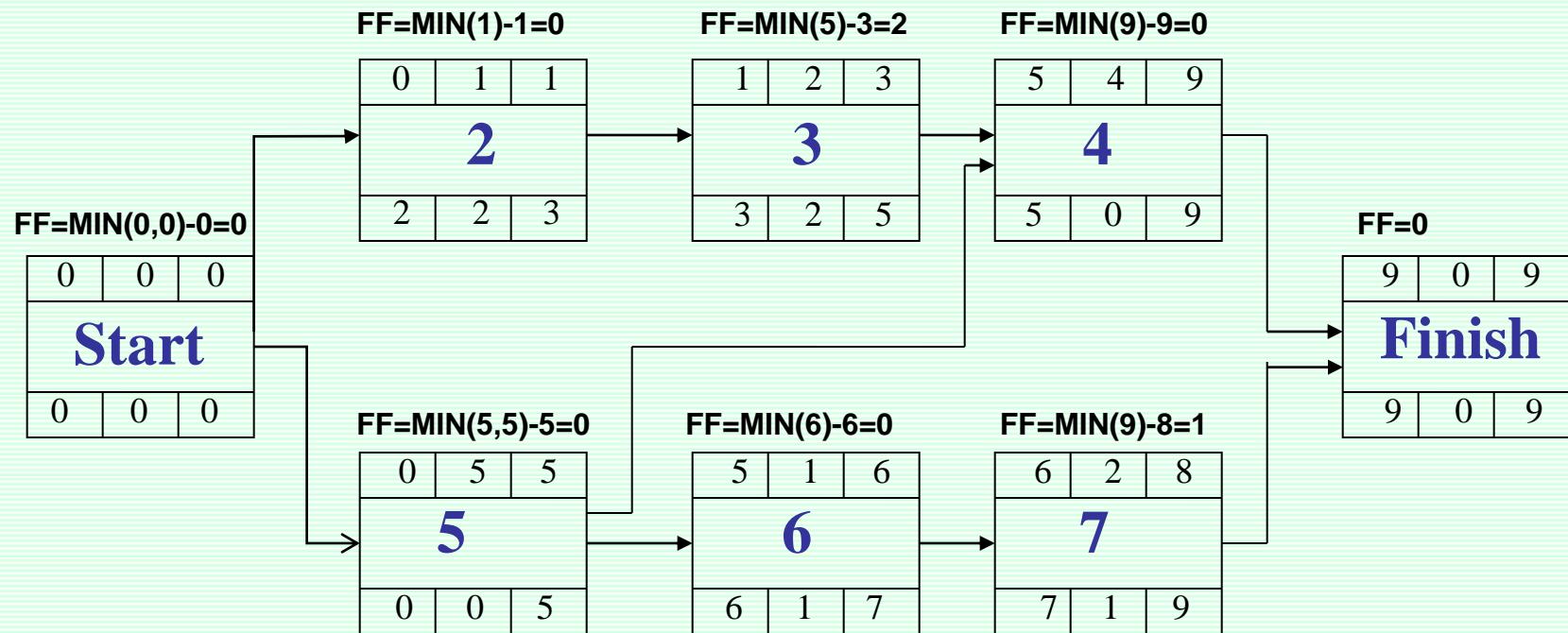


$$TF = LS - ES \quad \text{or} \quad TF = LF - EF$$

شناوری کل در شبکه گرهی



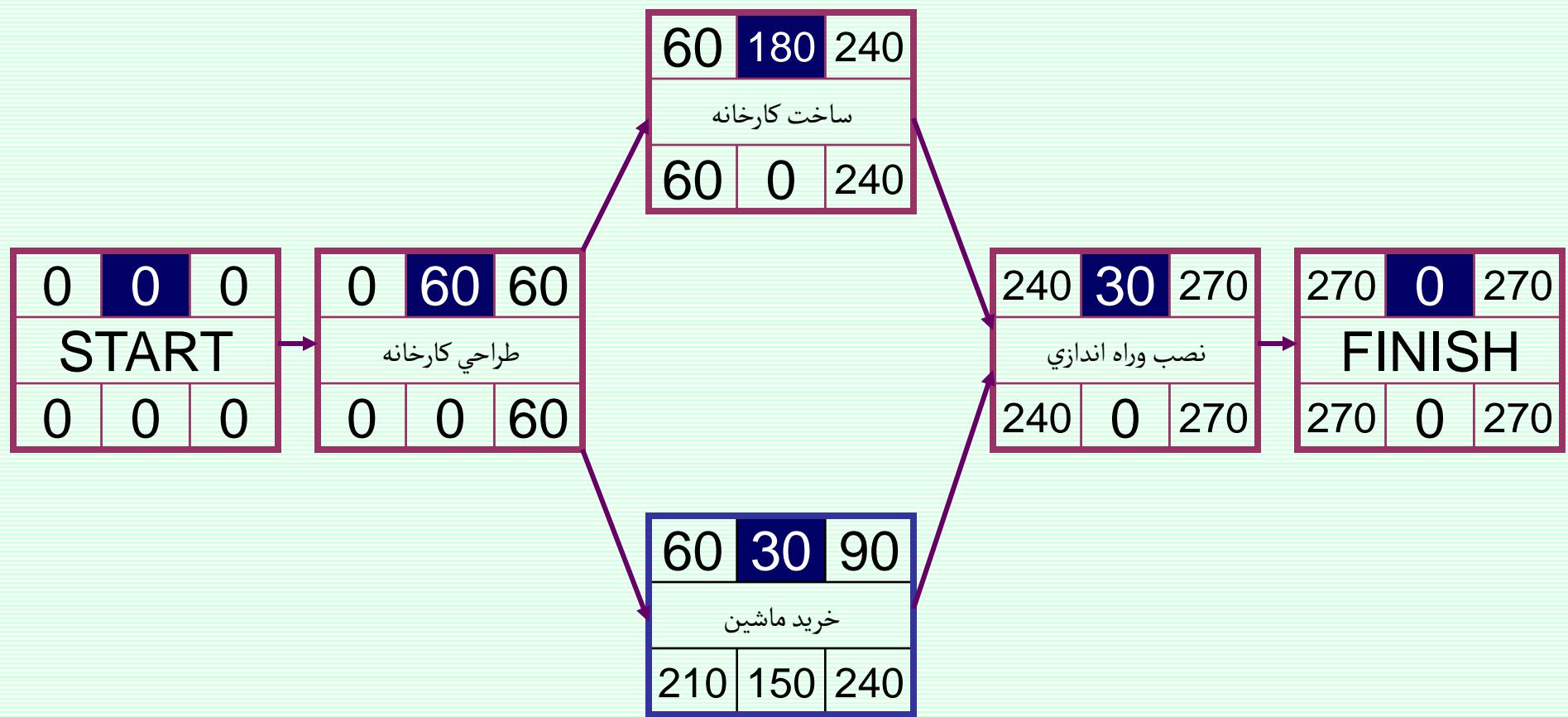
شناوری آزاد در شبکه گرهی



مثال : طراحی و ایجاد یک کارخانه را در نظر بگیرید

مقرر شده است که کارخانه‌ای جهت تولید قطعات خودرو ایجاد شود. مطابق بررسی ها انجام شده ابتدا لازم است که طراحی کارخانه (که 60 روز زمان می‌برد) انجام شود. پس از اتمام طراحی ، دو فعالیت می‌توانند شروع شوند فعالیت ساخت کارخانه (طی 180 روز) و فعالیت خرید ماشین‌آلات (طی 30 روز). پس از اتمام فعالیتهای ساخت کارخانه و همچنین خرید ماشین‌آلات ، نصب و راه اندازی ماشین‌آلات در کارخانه طی 30 روز انجام می‌شود.

زمانبندی و همچنین شناوری کل و شناوری آزاد فعالیتها را بدست آورید.



چند تعریف

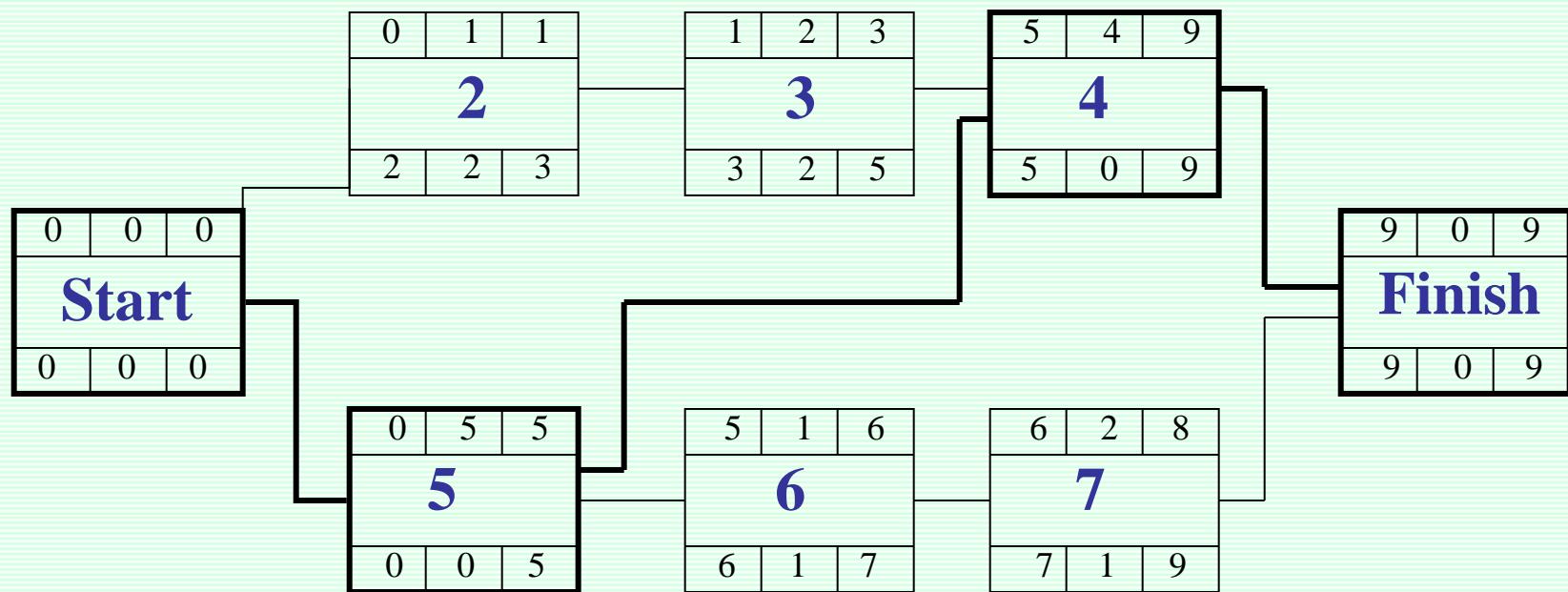
• مسیر Path: دنباله‌ای از فعالیتها که از گره شروعی آغاز و به گره پایانی منتهی شوند.

• مسیر بحرانی Critical Path: طولانی‌ترین مسیر شبکه (در غالب موارد مسیری که فعالیتهای با شناوری کل صفر را شامل می‌شود).

• ممکن است در یک شبکه چند مسیر بحرانی داشته باشیم.

• در صورتیکه در جرکت بازگشتی از زمانی بیش از زودترین زمان اتمام پروژه استفاده کنیم فعالیتهایی که دارای شناور کل برابر اختلاف دو عدد فوق هستند تشکیل دهنده مسیر بحرانی خواهند بود.

زمانبندی در شبکه گرهی

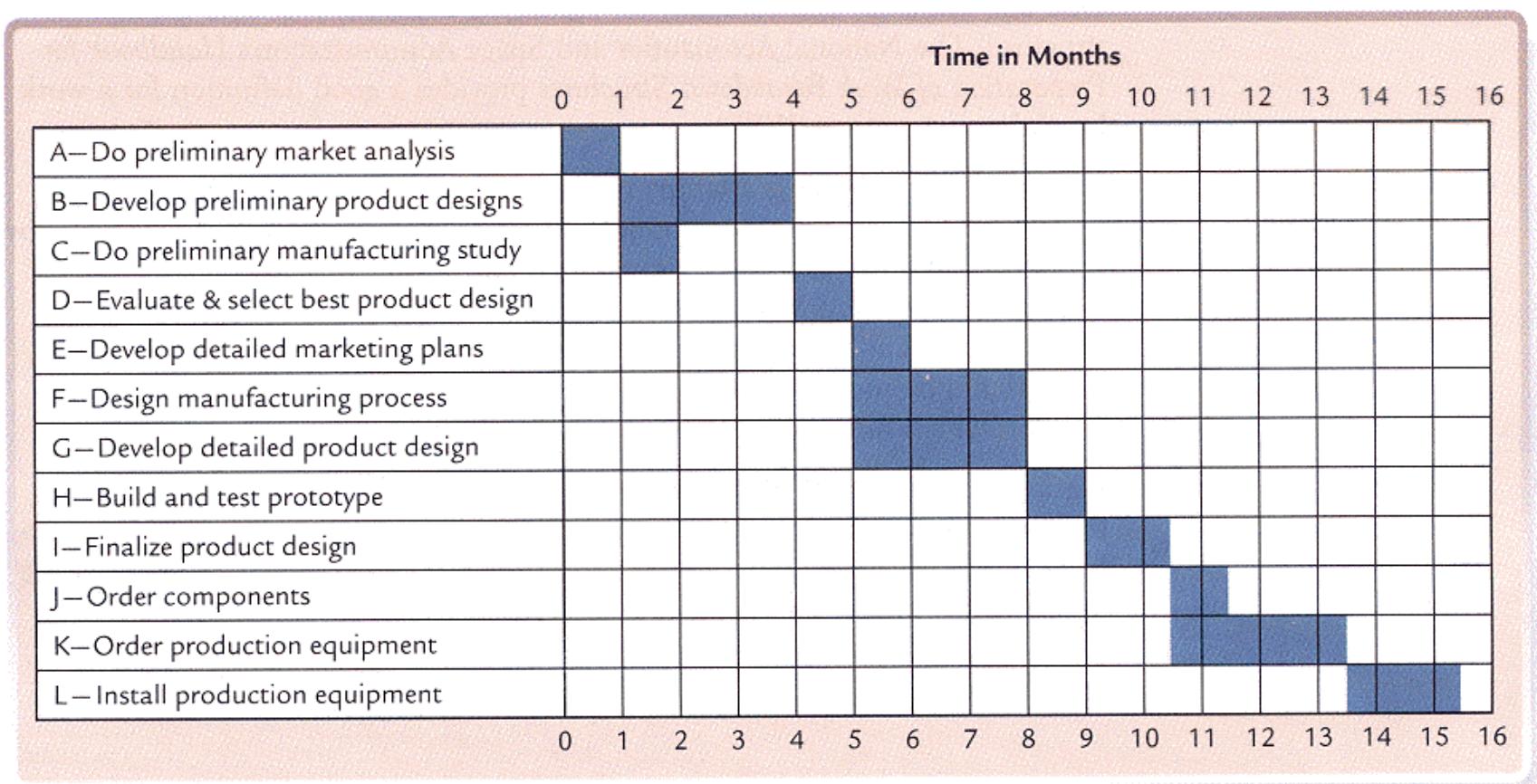


روش زمانبندی که در اسلایدهای قبل اشاره شد به روش مسیر بحرانی مشهور است.

CPM

(Critical Path Method)

نمودار گانت GANTT CHART

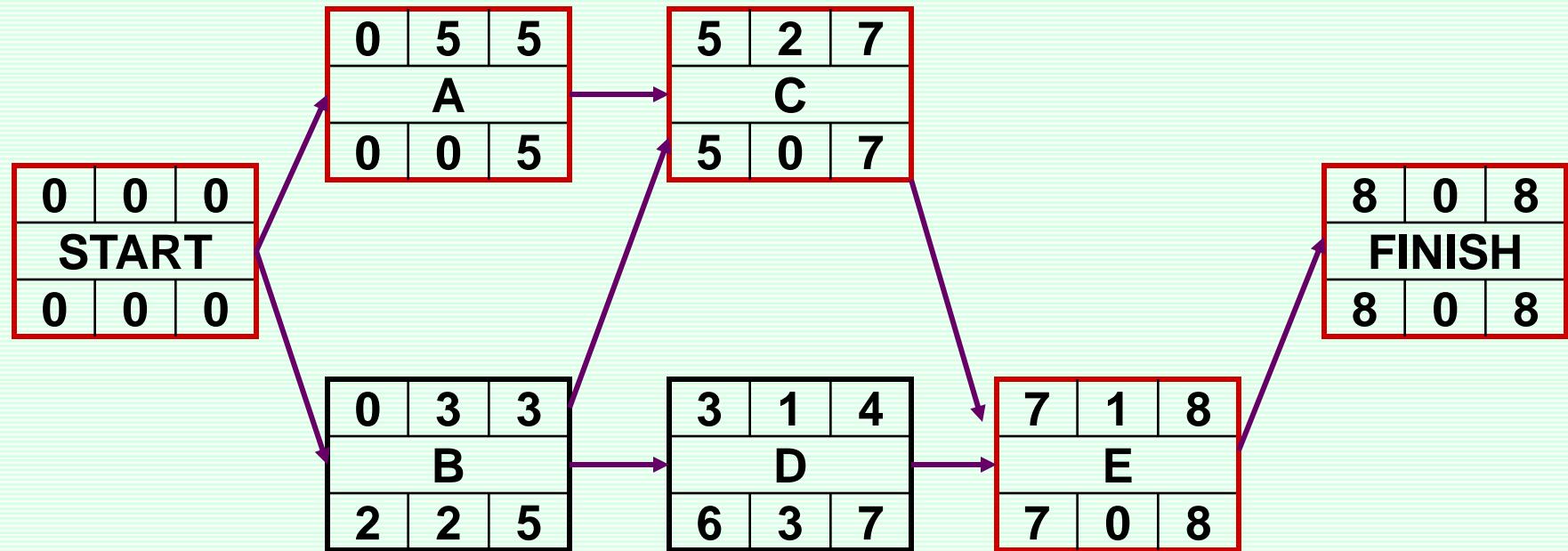


GANTT CHART

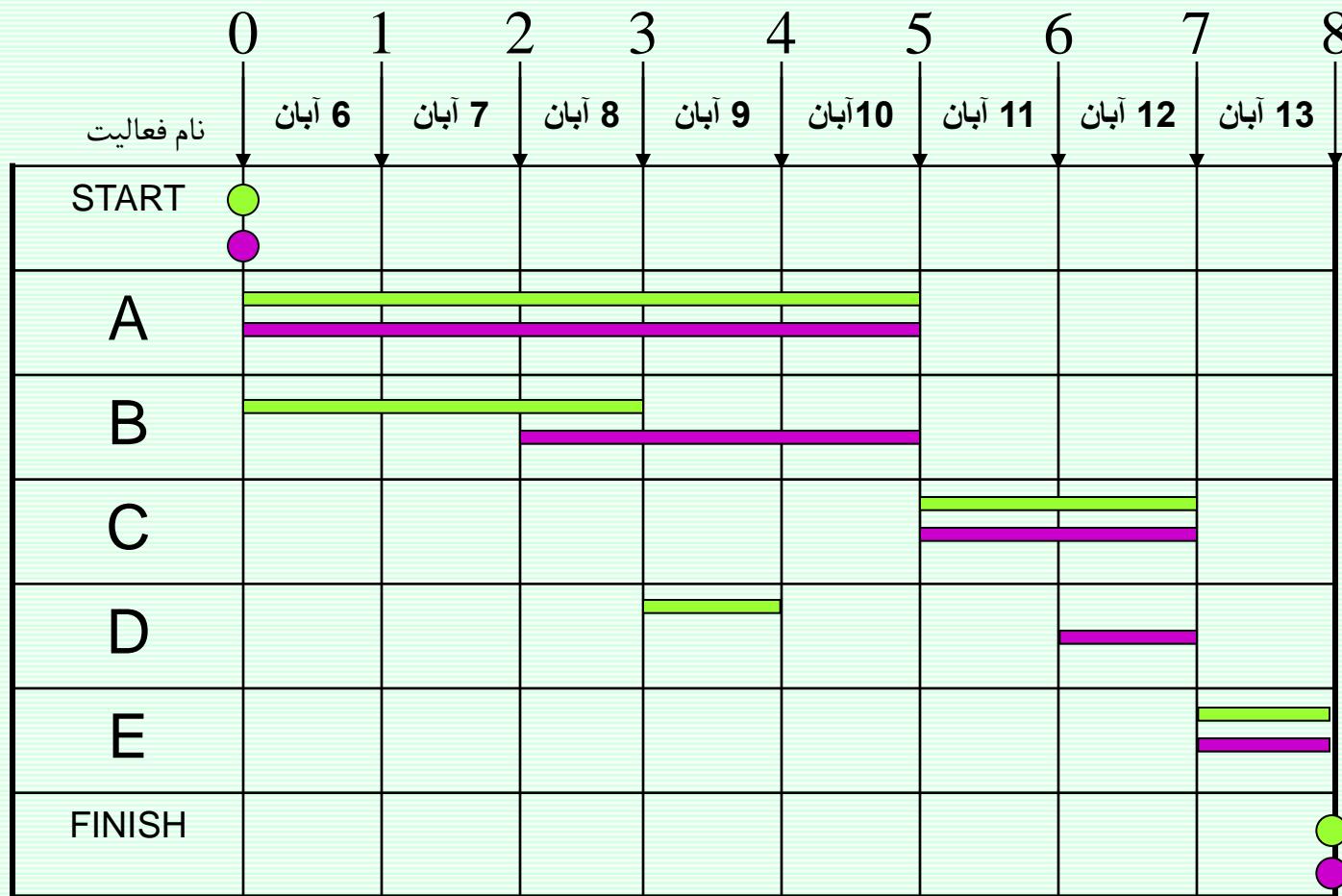
نمودار میله ای زمانبندی پروژه — گانت چارت

مثال

پروژه با شبکه ی زیر را درنظر بگیرید



GANTT CHART



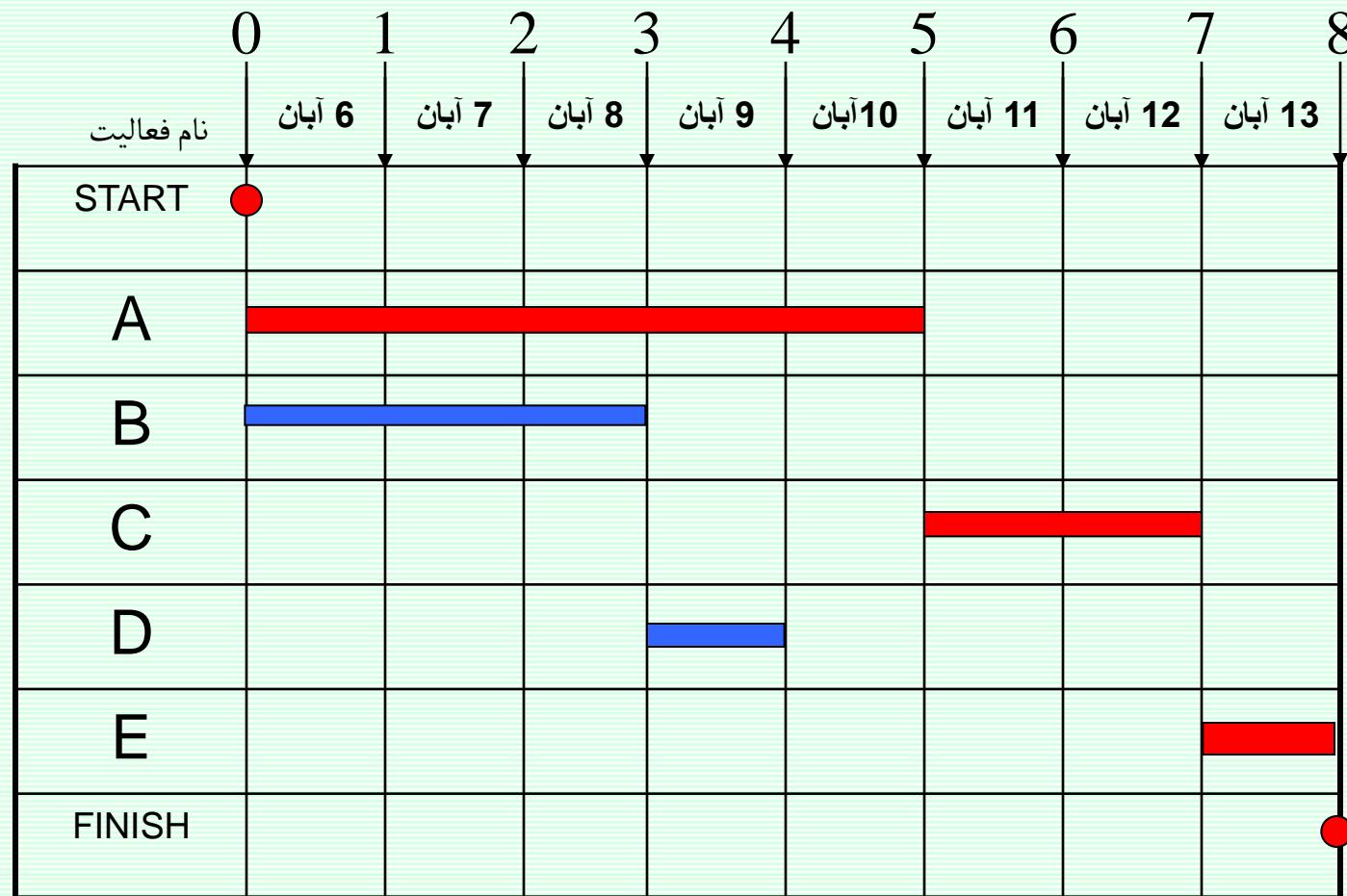
دیرترین زمان



زودترین زمان



نمودار گانت با تعیین فعالیتهای بحرانی



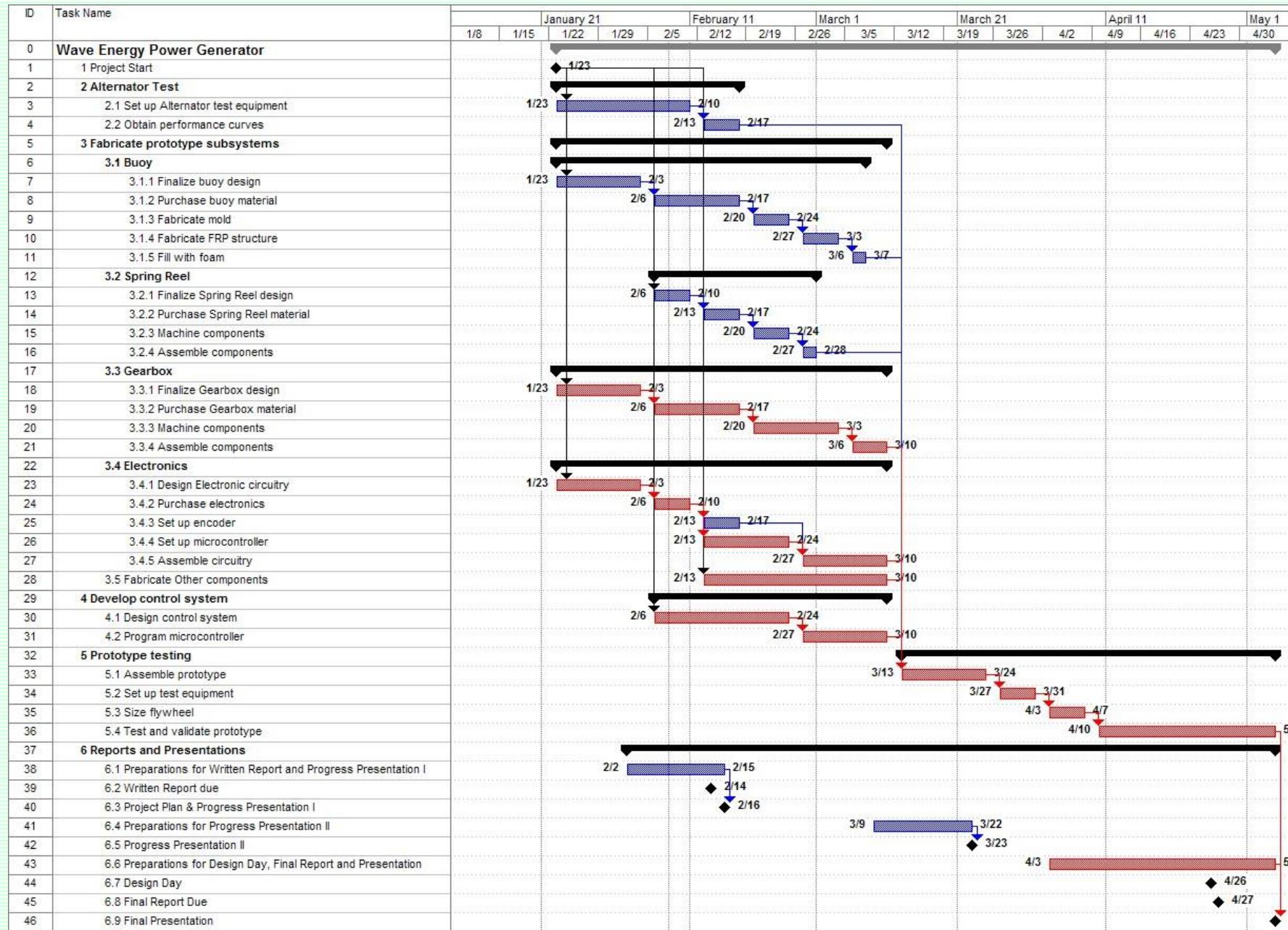
فعالیتهای بحرانی



فعالیتهای غیربحرانی



یک نمونه نمودار گانت



تنظیم برنامه مبنای پروژه یا (Baseline)

در اکثر پروژه ها در پایان مرحله برنامه ریزی یک زمانبندی پروژه تحت عنوان برنامه اولیه یا Baseline ارائه می شود که مبنای کنترل اجرای پروژه می شود. برنامه Baseline می تواند زمانبندی بر اساس زودترین زمانها یا زمانبندی بر اساس دیرترین زمانها و یا حدی ما بین ایندو باشد. که با توجه به شرایط حاکم بر پروژه می بایست انتخاب شود.

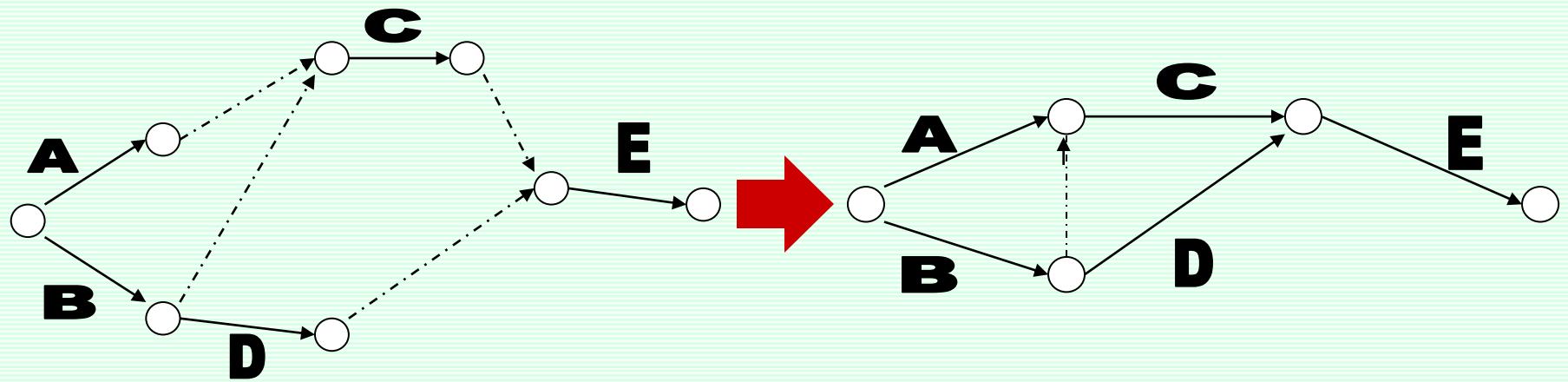
شبکه برداری

ترسیم شبکه برداری دارای قواعد زیر است:

- (1) هر فعالیت بر روی یک بردار و ما بین دو گره ترسیم می شود.
- (2) بین هر دو گره فقط یک فعالیت وجود دارد.
- (3) شبکه فقط دارای یک گره پایانی و یک گره آغازین می باشد.
- (4) در شبکه حلقه یا LOOP نداریم.
- (5) برای تعریف برخی از وابستگی های بین فعالیت ها می توانیم از فعالیت موهومی Dummy Activity استفاده کنیم. فعالیت موهومی وجود خارجی ندارد ، مدت زمان صفر بوده و فقط برای ترسیم شبکه کشیده می شود.
در شبکه می بایست حاصل فعالیت موهومی را داشته باشیم.
- (6) گره ها می بایست شماره گذاری شود ، شماره ها نباید تکراری بوده و شماره گره پایانی هر فعالیت بیش از شماره گره شروعی باشد.

مثال

فعالیت	پیش نیاز
A	--
B	--
C	A,B
D	B
E	D,C



محاسبات زمانبندی پروژه در شبکه‌های برداری

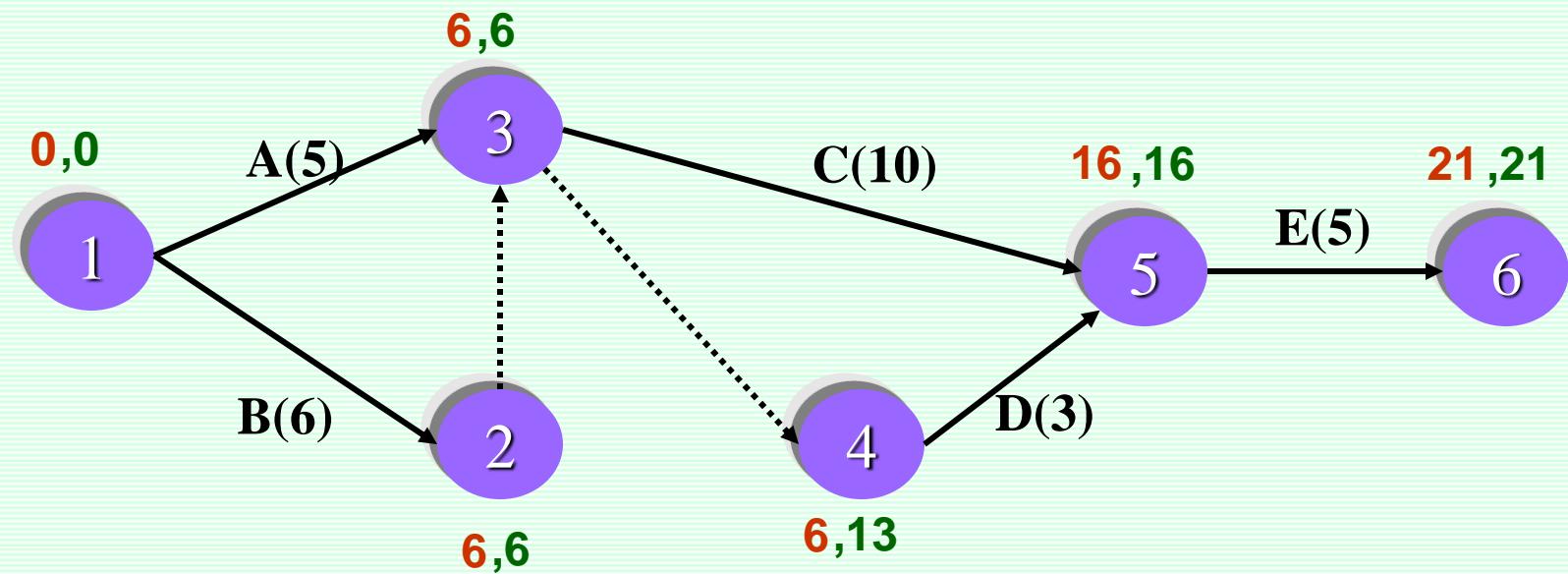
مثال

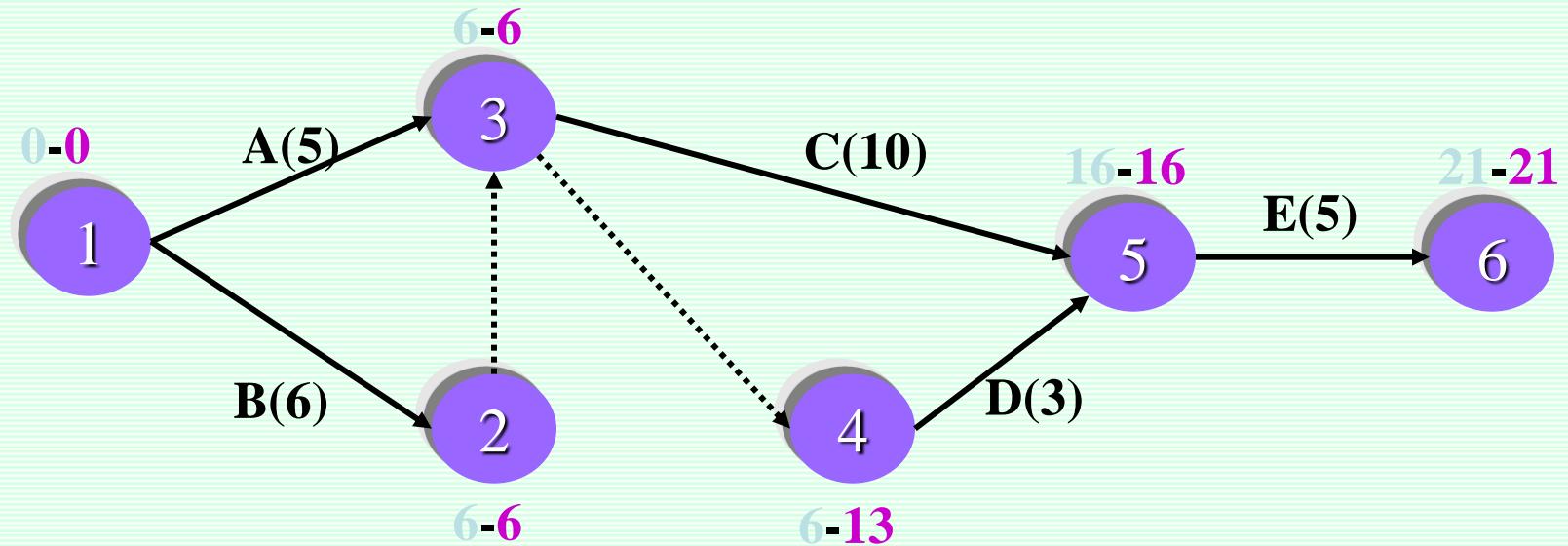
مدت زمان (روز)	فعالیت	پیش نیاز
5	A	--
6	B	--
10	C	A,B
3	D	A,B
5	E	D,C

محاسبات زمانبندی پروژه در شبکه‌های برداری

مثال

مدت زمان (روز)	فعالیت	پیش نیاز
5	A	--
6	B	--
10	C	A,B
3	D	A,B
5	E	D,C





فعالیت	ES	EF	LS	LF	TF
A	0	$0+5=5$	$6-5=1$	6	1
B	0	$0+6=6$	$6-6=0$	6	0
C	6	$6+10=16$	$16-10=6$	16	0
D	6	$6+3=9$	$16-3=13$	16	7
E	16	$16+5=21$	$21-5=16$	21	0

محاسبات رفت

$\text{زودترین زمان وقوع گره شروعی} = \mathbf{0}$

$(E_i) = \text{Max} \{E_k + D_{ki}\}$ هر k پیش نیاز i

زودترین زمان وقوع گره پایانی بیانگر حداقل زمان اتمام پروژه می باشد.

محاسبات برگشت

$\text{زودترین زمان وقوع گره پایانی} = \text{دیرترین زمان وقوع گره پایانی}$

$(L_i) = \text{Min} \{L_j - D_{ij}\}$ هر j پس نیاز i

پس از محاسبه زودترین زمان و دیرترین زمان وقوع گره ها نوبت به محاسبه زودترین و دیرترین زمان شروع و پایان فعالیت ها می رسد.

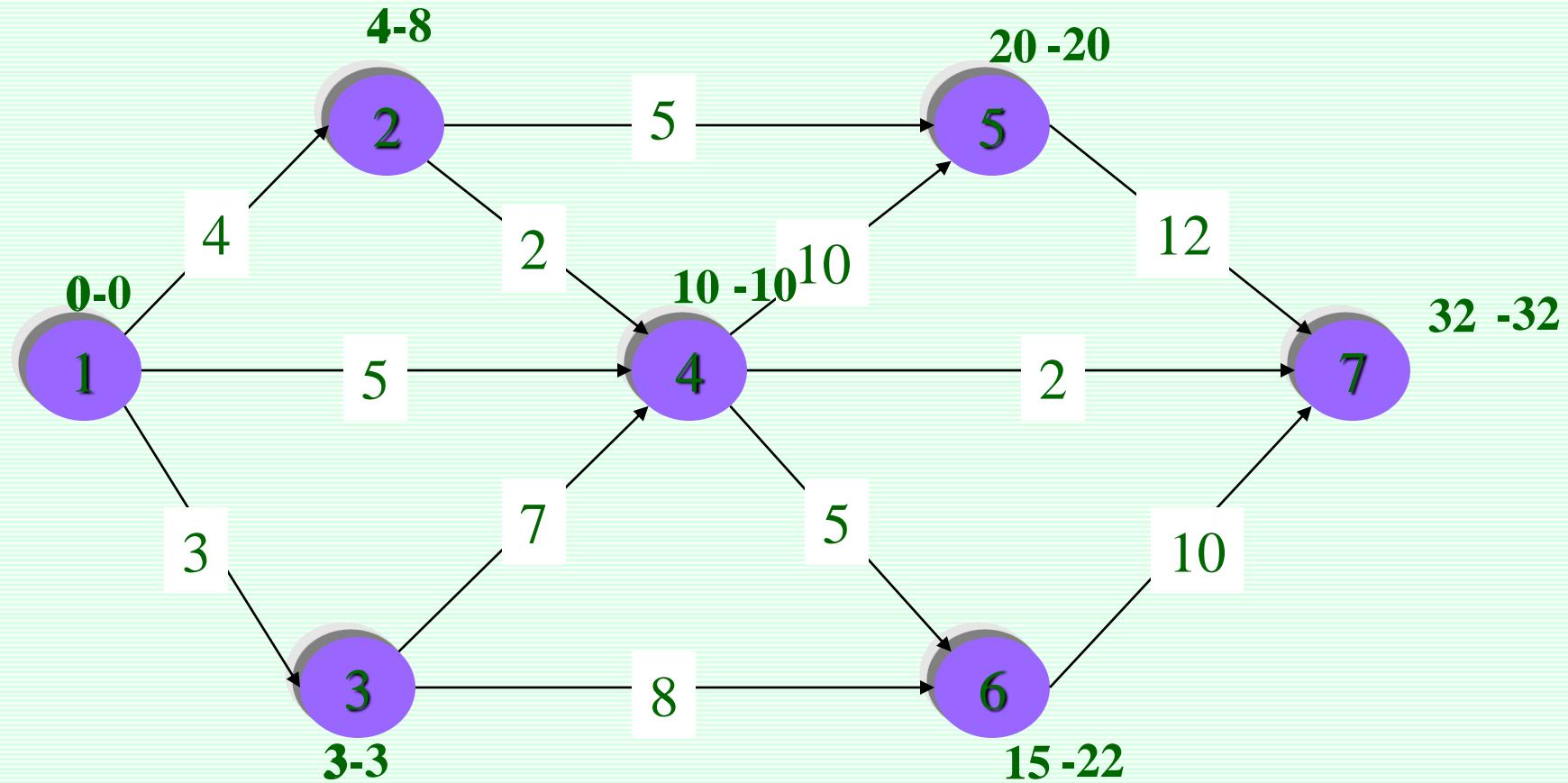


$i - j$ زودترین زمان وقوع گره $ES = i$ زودترین زمان شروع فعالیت

$i - j$ زودترین زمان پایان فعالیت $EF = ES + D$

$i - j$ دیرترین زمان پایان فعالیت $LF = j$

$i - j$ دیرترین زمان شروع فعالیت $LS = LF - D$



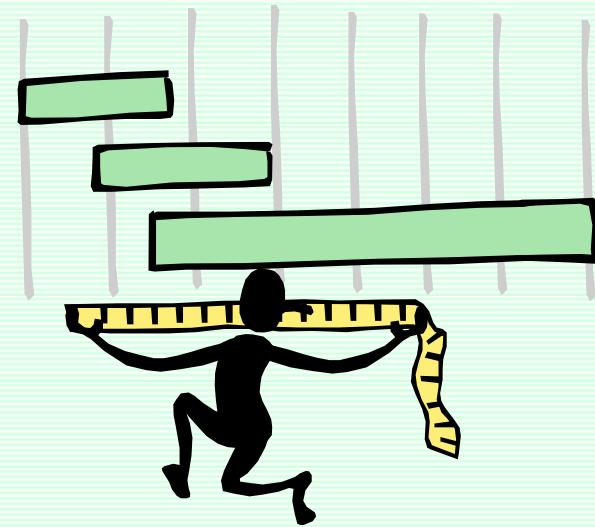
فعاليت	ES	EF	LS	LF	TF
1-2	0	$0+4=4$	$8-4=4$	8	4
1-3	0	$0+3=3$	$3-3=0$	3	0
1-4	0	$0+5=5$	$10-5=5$	10	5
2-4	4	$4+2=6$	$10-2=8$	10	4
3-4	3	$3+7=10$	$10-7=3$	10	0
2-5	4	$4+5=9$	$20-5=15$	20	11
3-6	3	$3+8=11$	$22-8=14$	22	11
4-5	10	$10+10=20$	$20-10=10$	20	0
4-6	10	$10+5=15$	$22-5=17$	22	7
4-7	10	$10+2=12$	$32-2=30$	32	20
5-7	20	$20+12=32$	$32-12=20$	32	0
6-7	15	$15+10=25$	$32-10=22$	32	7

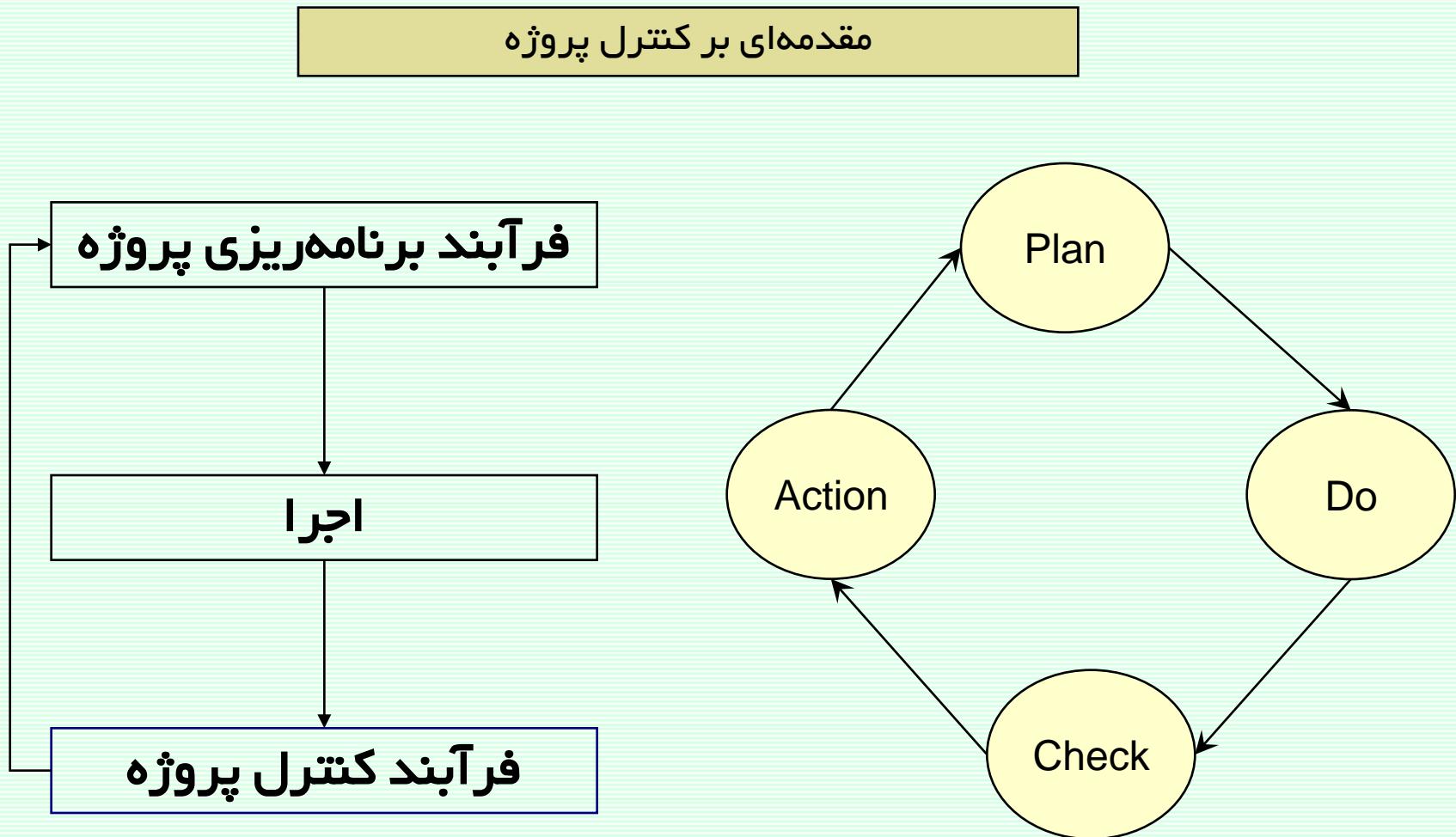
برنامه ریزی و کنترل پروژه

جزوه شماره ۲ - کنترل پروژه

استاد: امیر عباس نجفی

فرآیند کنترل پروژه

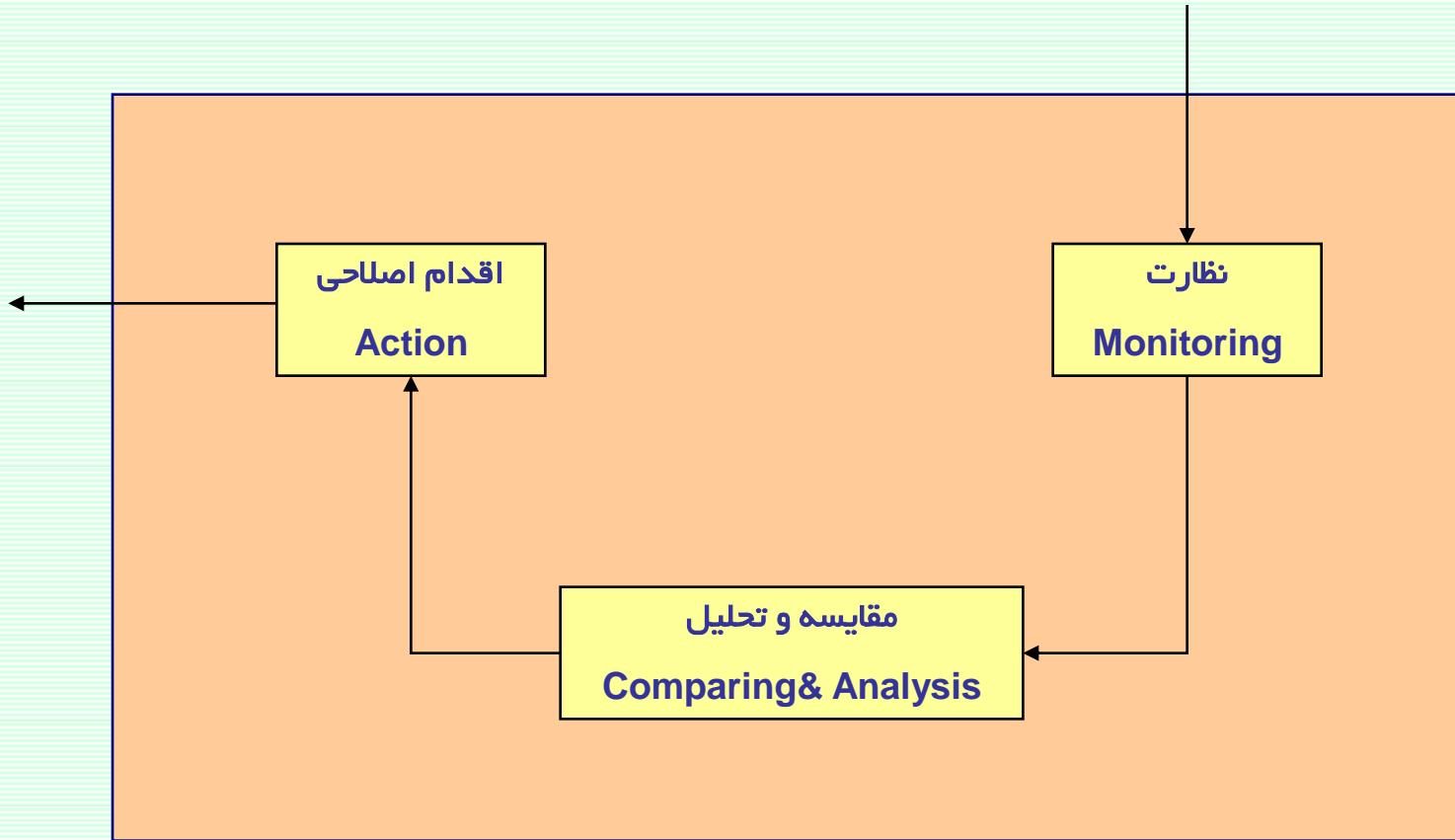




ارتباط فرآیندهای برنامه‌ریزی و کنترل پروژه

چرخه دمینگ در برنامه‌ریزی و کنترل 96

تجزیه فرآیند کنترل پروژه





کنترل زمانی پروژه

کنترل زمانی پروژه فرآیندی است که در هنگام اجرای پروژه بررسی می‌کند آیا با توجه به شرایط موجود، پروژه در زمان مقرر(برنامه اولیه) به اتمام خواهد رسید؟

پس از بکارگیری تکنیکهای کنترل زمانی پروژه، علاوه بر پاسخ به سؤوال فوق، می‌توان به سؤالات زیر نیز پاسخ داد:

ⓐ میزان تاخیر (و یا جلوافتادگی) پروژه در شرایط کنونی چقدر می‌باشد؟

ⓑ در صورتیکه پروژه دچار تاخیر شده، تاخیر مذکور از چه فعالیتهايی ریشه گرفته و علل آن چیست؟

ⓒ برنامه زمانبندی جدید پروژه در شرایط جدید چیست؟ (زمانبندی بهنگام)

ⓓ مسیر بحرانی جدید پروژه کدام است و شناوری فعالیتها به چه مقداری تغییر یافته؟

کنترل زمانی پروژه

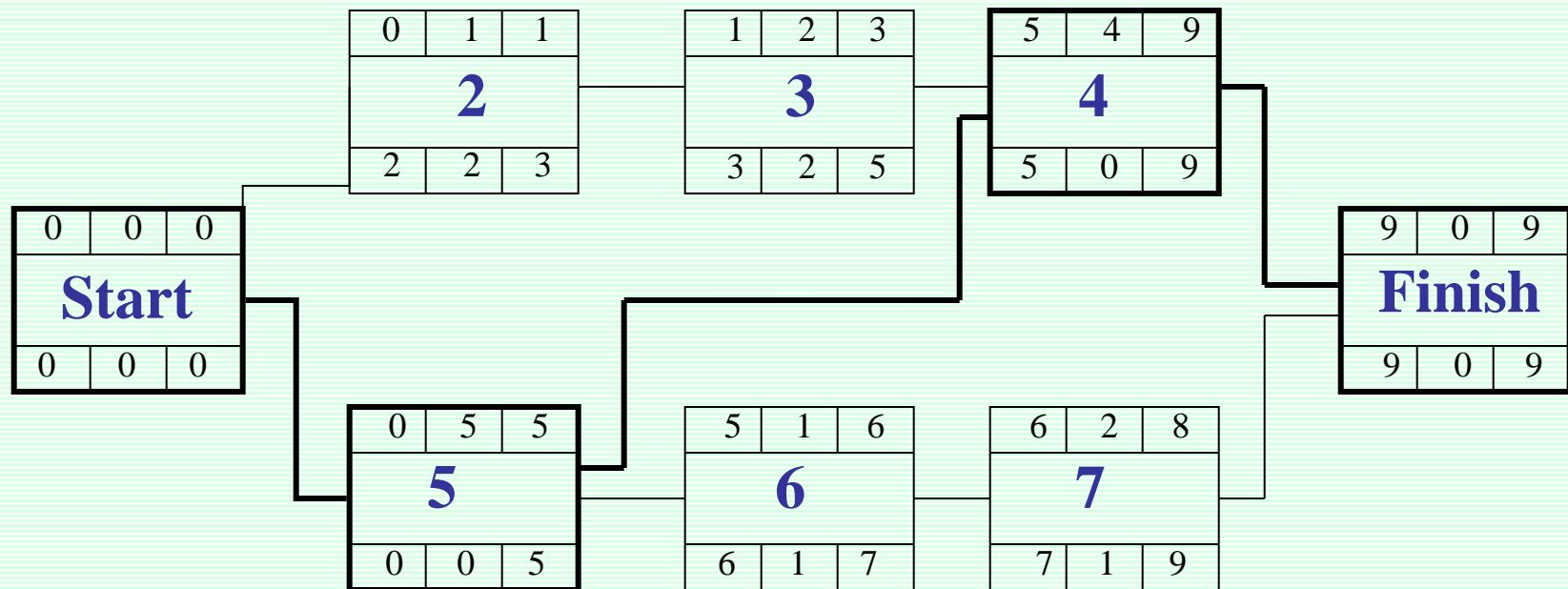
برای انجام کنترل زمانی باید به این سوالات پاسخ دهیم :

Ⓐ آیا فعالیت شروع شده است یا خیر؟ در صورتی که شروع شده، تاریخ واقعی شروع فعالیت چیست؟

Ⓑ آیا فعالیت به اتمام رسیده است؟ در صورتی که به اتمام رسیده، تاریخ واقعی پایان فعالیت چیست؟

Ⓒ در صورتی که فعالیتی شروع شده و به اتمام نرسیده، چه مدت از اجرای آن باقی مانده هست؟

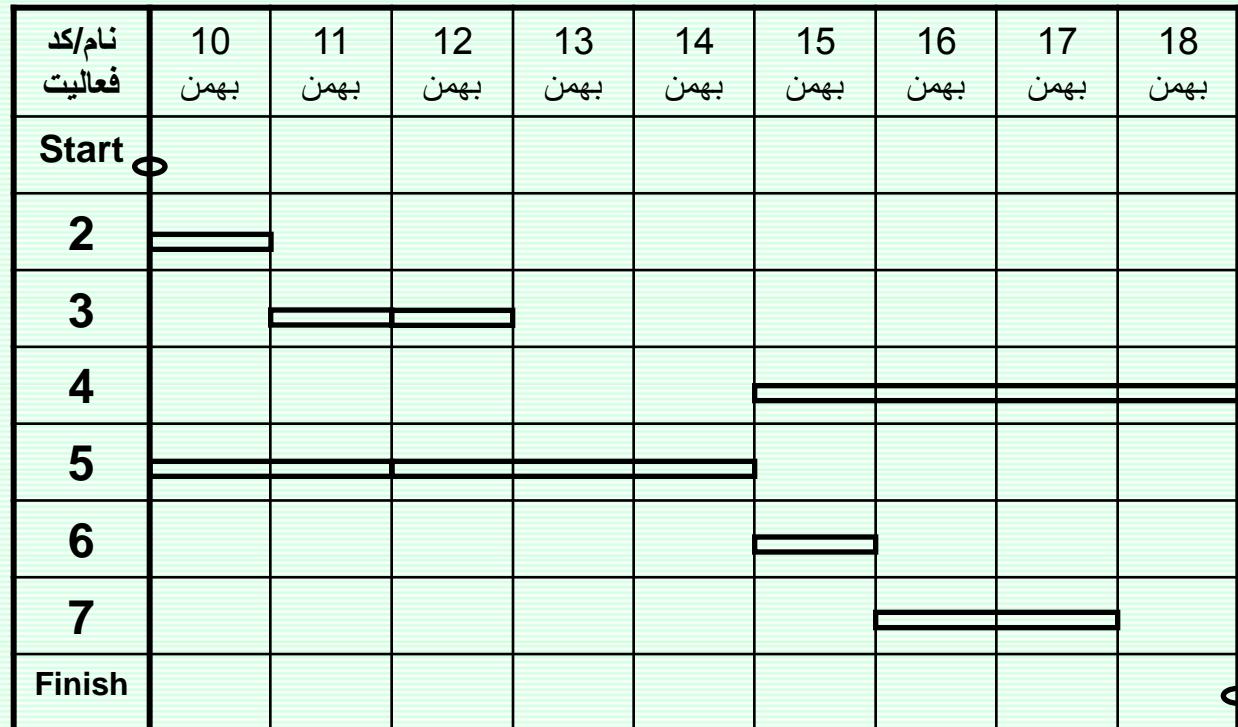
مثال برای کنترل زمانی پروژه



شبکه گرهی یک پروژه

مثال برای کنترل زمانی پروژه

نمودار گانت پروژه

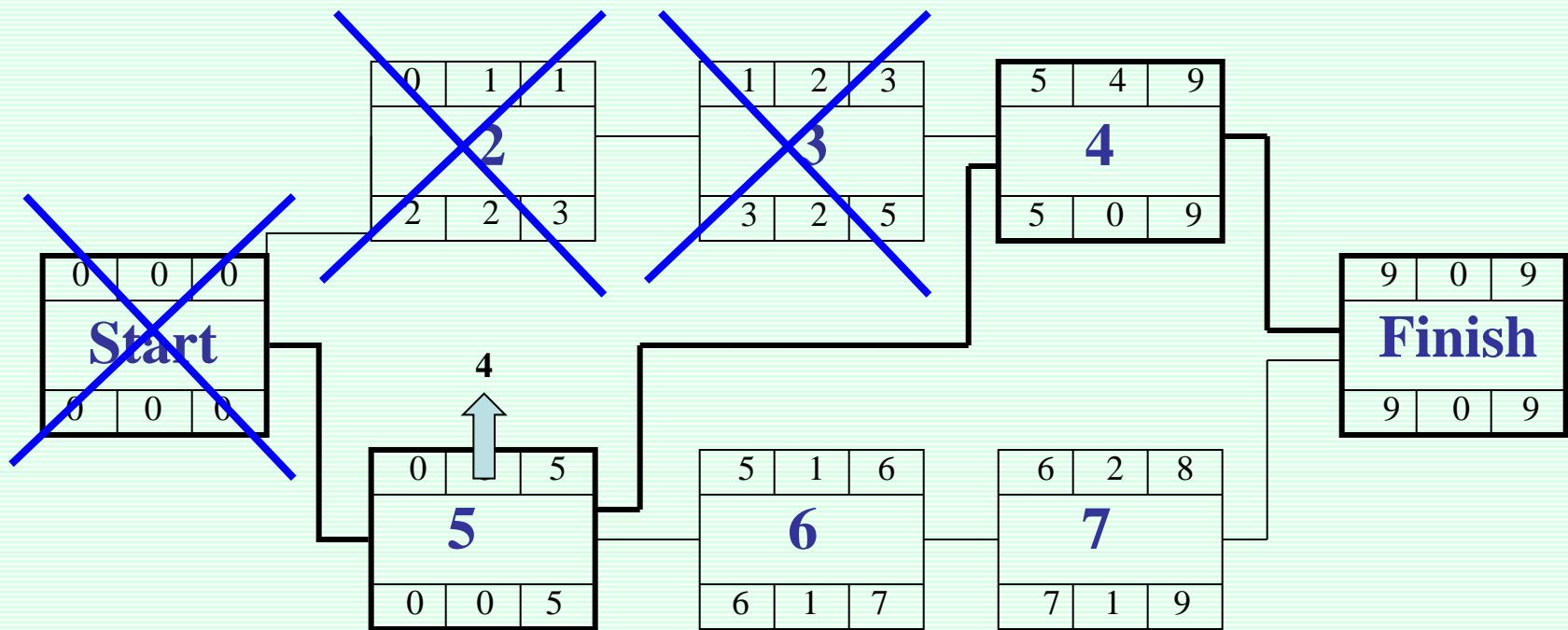


مثال برای کنترل زمانی پروژه

در پایان مورخ ۱۲ بهمن (سه روز پس از شروع پروژه) گزارشی شامل اطلاعات ذیل دریافت می‌شود:

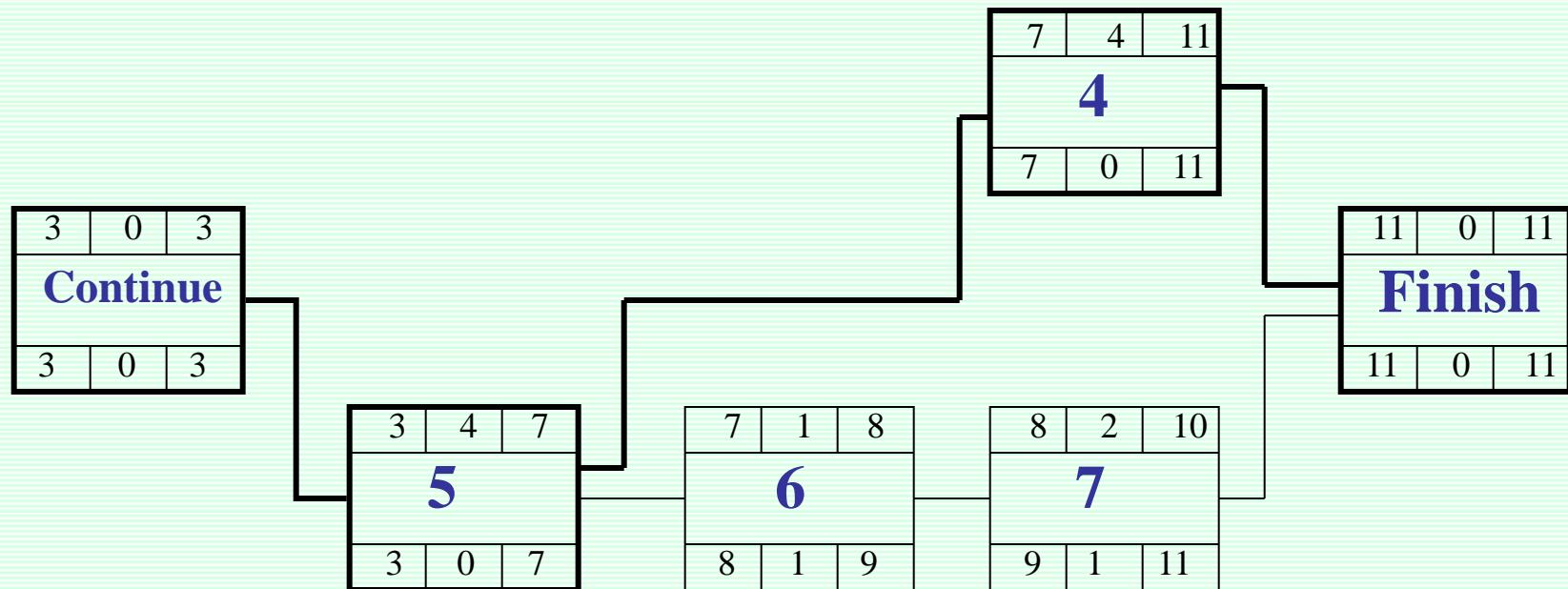
کد فعالیت	تاریخ شروع واقعی	تاریخ پایان واقعی	مدت زمان باقیمانده
۲	۱۰ بهمن ساعت ۸	۱۰ بهمن ساعت ۸	
۳	۱۱ بهمن ساعت ۸	۱۲ بهمن ساعت ۸	
۵	۱۲ بهمن ساعت ۸	-	۴
سایر فعالیتها شروع نشده‌اند.			

مثال برای کنترل زمانی پروژه



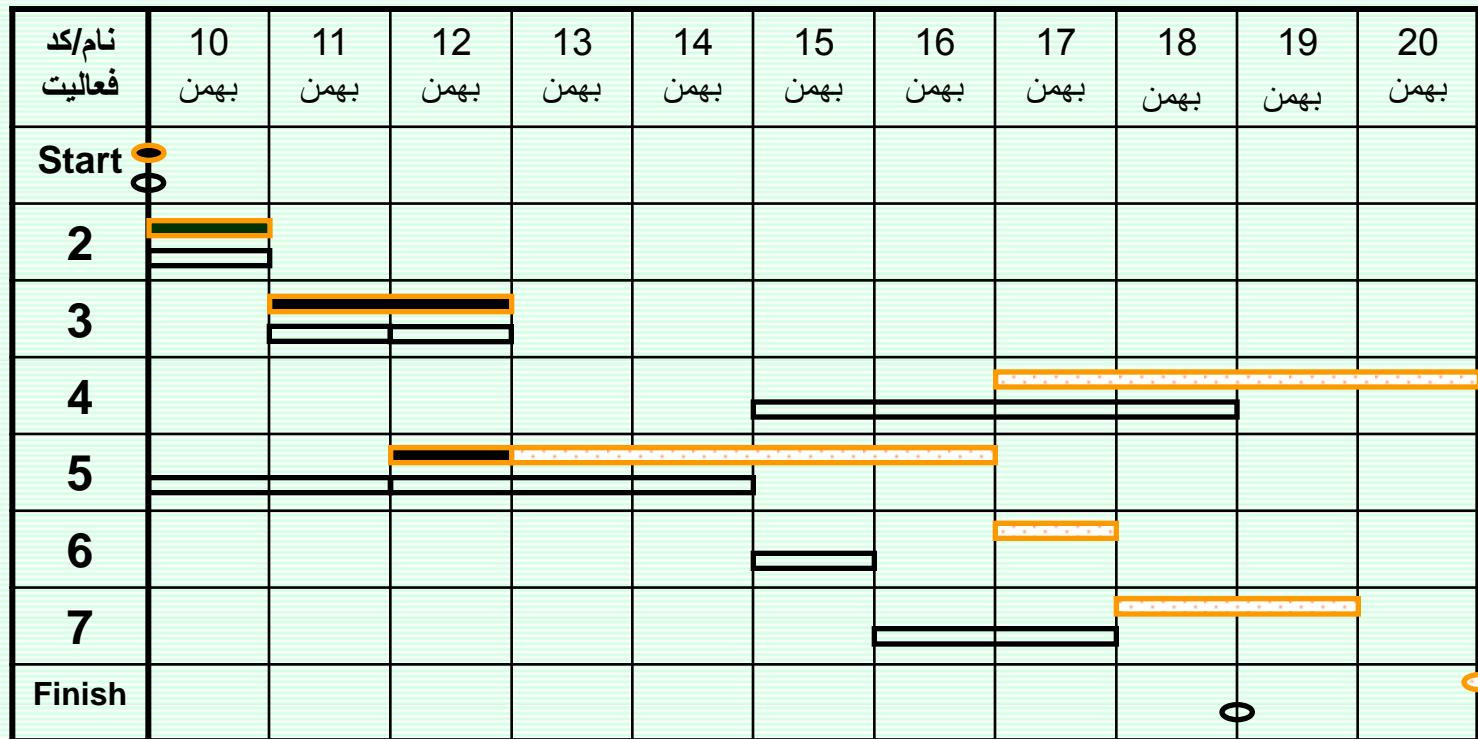
مثال برای کنترل زمانی پروژه

ترسیم شبکه براساس اطلاعات جدید و انجام محاسبات زمانبندی بر روی آن:



مثال برای کنترل زمانی پروژه

نمودار گانت بهنگام پروژه



برنامه اولیه
برنامه بازنگری شده (برنامه بهنگام)



شرح نماد (Legend)

مثال برای کنترل زمانی پروژه

نتیجه گیری و تحلیلهای مربوطه:

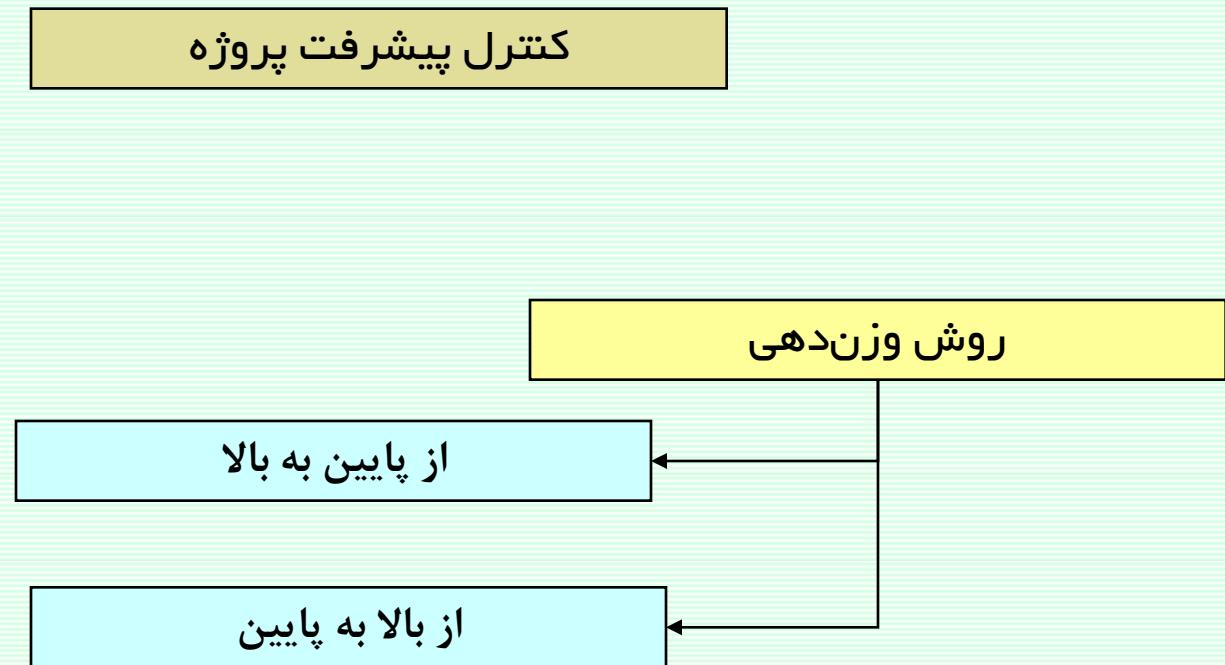
- ➊ پروژه دچار دو روز تاخیر زمانی شده است.
- ➋ تاخیر دو روزه پروژه بعلت تاخیر در شروع فعالیت ۵ بوده است.
- ➌ برنامه زمانبندی جدید پروژه در نمودار گانت بهنگام ارائه شد.
- ➍ مسیر بحرانی جدید پروژه کماکان فعالیتهای ۴ و ۵ می باشند. شناوری جدید فعالیتهایها در شبکه بهنگام محاسبه شده است.

کنترل پیشرفت پروژه

کنترل زمانی پروژه فرآیندی است که در هنگام اجرای پروژه بررسی می‌کند آیا حجم کار انجام شده در پروژه (تا مقطع بررسی) با برنامه زمانبندی هماهنگی دارد یا خیر؟ در صد پیشرفت بعنوان شاخص اصلی کنترل این مقوله استفاده می‌شود؟

مقدمه انجام کنترل پیشرفت کار، وزن دهی (Weight Factor) به فعالیتها می‌باشد.







کنترل پیشرفت پروژه

محاسبه درصد پیشرفت پروژه

(ارزش وزنی فعالیت) (درصد پیشرفت فعالیت) $\sum =$ درصد پیشرفت پروژه

همه فعالیت‌ها

مثال برای کنترل پیشرفت پروژه

نمودار گانت پروژه

نام/کد فعالیت	10 بهمن	11 بهمن	12 بهمن	13 بهمن	14 بهمن	15 بهمن	16 بهمن	17 بهمن	18 بهمن	ارزش وزنی
Start	○									0
2		█								0.067
3		█	█							0.133
4					█	█				0.267
5		█	█	█	█					0.333
6					█	█				0.067
7						█	█			0.133
Finish								○		0

مثال برای کنترل پیشرفت پروژه

در پایان مورخ ۱۲ بهمن (سه روز پس از شروع پروژه) گزارشی شامل اطلاعات ذیل دریافت می‌شود:

درصد پیشرفت فعالیت	مدت زمان باقیمانده	تاریخ پایان واقعی	تاریخ شروع واقعی	کد فعالیت
%100		۱۰ بهمن ساعت ۱۷	۱۰ بهمن ساعت ۸	۲
%100		۱۲ بهمن ساعت ۱۷	۱۱ بهمن ساعت ۸	۳
%20	۴	-	۱۲ بهمن ساعت ۸	۵
%0				سایر فعالیتها شروع نشده‌اند.

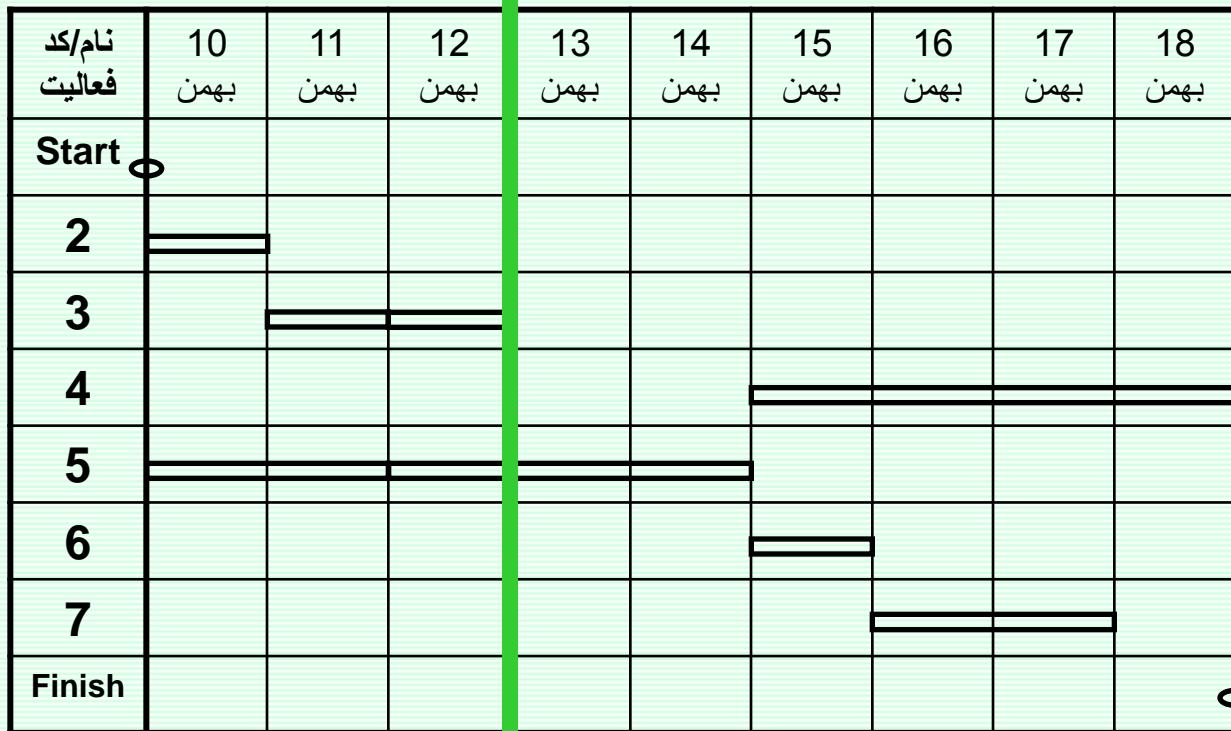
مثال برای کنترل پیشرفت پروژه

$$= \text{درصد پیشرفت پروژه} = (0.067) (100\%) + (0.133) (100\%) + (0.333) (20\%)$$

$$= 26.6\%$$

مثال برای کنترل پیشرفت پروژه

نمودار گانت پروژه



پیشرفت برنامه‌ای تا تاریخ بررسی
100%
100%
100%
0%
60%
0%
0%
0%

مثال برای کنترل پیشرفت پروژه

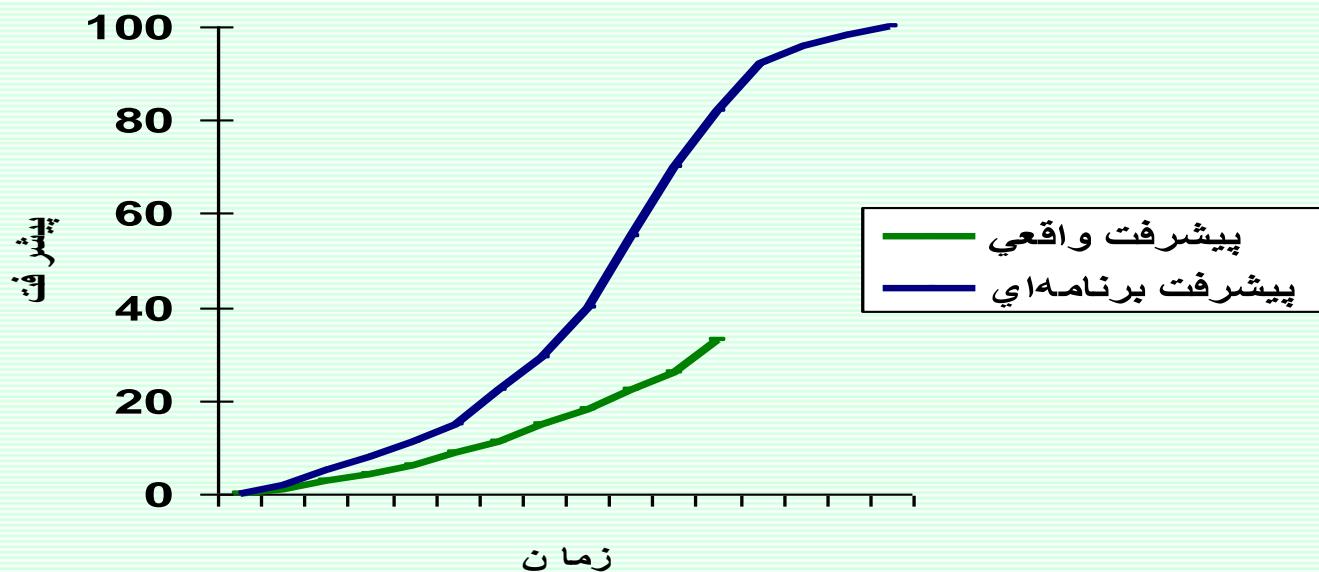
$$= \text{درصد پیشرفت برنامه‌ای پروژه} \\ = 0.067 (100\%) + (0.133) (100\%) + (0.333) (60\%) \\ = 40\%$$

$$= \text{درصد تأخیر پروژه} \\ = 40\% - 26.6\% = 13.4\%$$

کنترل پیشرفت پروژه

S-Curve

نمودار روند پیشرفت پروژه



کنترل هزینه پروژه

Earned Value Management (EVM)

مدیریت ارزش حاصله

اصطلاحات

Actual Cost for Work Performed

ACWP

Budgeted Cost for Work Performed

BCWP

Budgeted Cost for Work Scheduled

BCWS

مثال برای کنترل هزینه پروژه

نمودار گانت پروژه

نام/کد فعالیت	10 بهمن	11 بهمن	12 بهمن	13 بهمن	14 بهمن	15 بهمن	16 بهمن	17 بهمن	18 بهمن	بودجه (واحد پولی)
Start	0									0
2										100
3										300
4										800
5										250
6										150
7										100
Finish									0	0
BCWS	150	350	550	600	650	1000	1250	1500	1700	120

کنترل هزینه پروژه

در پایان مورخ ۱۲ بهمن (سه روز پس از شروع پروژه) گزارشی شامل اطلاعات ذیل دریافت می‌شود:

هزینه انجام شده	مدت زمان باقیمانده	تاریخ پایان واقعی	تاریخ شروع واقعی	کد فعالیت
120		۱۰ بهمن ساعت ۱۷	۱۰ بهمن ساعت ۸	۲
310		۱۲ بهمن ساعت ۱۷	۱۱ بهمن ساعت ۸	۳
50	۴	-	۱۲ بهمن ساعت ۸	۵
0				سایر فعالیتها شروع نشده اند.

مثال برای کنترل هزینه پروژه

BCWS=550

ACWP=480

۷۰ واحد پولی کمتر از مقدار مقرر خرج شده، آیا صرفه‌جویی شده است؟

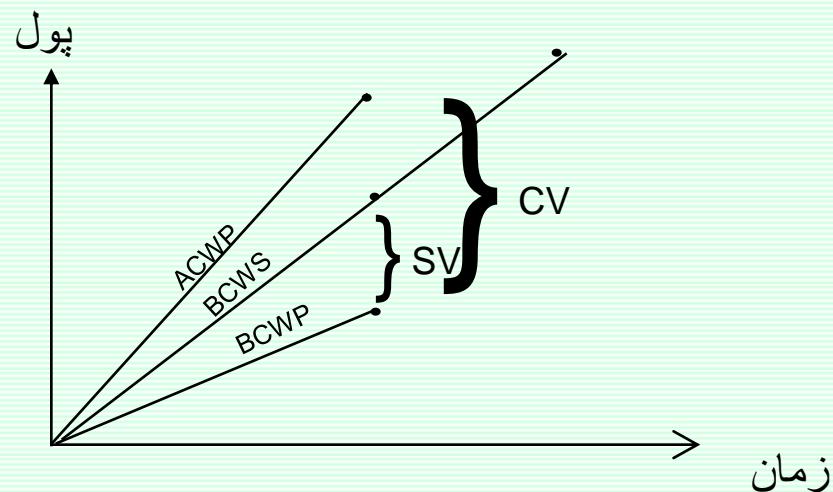
BCWP=100+300+50=450

خیر، ۳۰ واحد پولی بیشتر از بودجه درنظر گرفته شده خرج شده است.

CV=Cost Variance= BCWP- ACWP=450-480=-30

SV=Schedule Variance= BCWP- BCWS=450-550=-100

کنترل هزینه پروژه



کنترل هزینه پروژه

- Schedule Performance Index (SPI)

$$\frac{\text{BCWP}}{\text{BCWS}} = \frac{450}{550} = 0.81$$

{ > 1.0 indicates more work has been completed than scheduled to date}

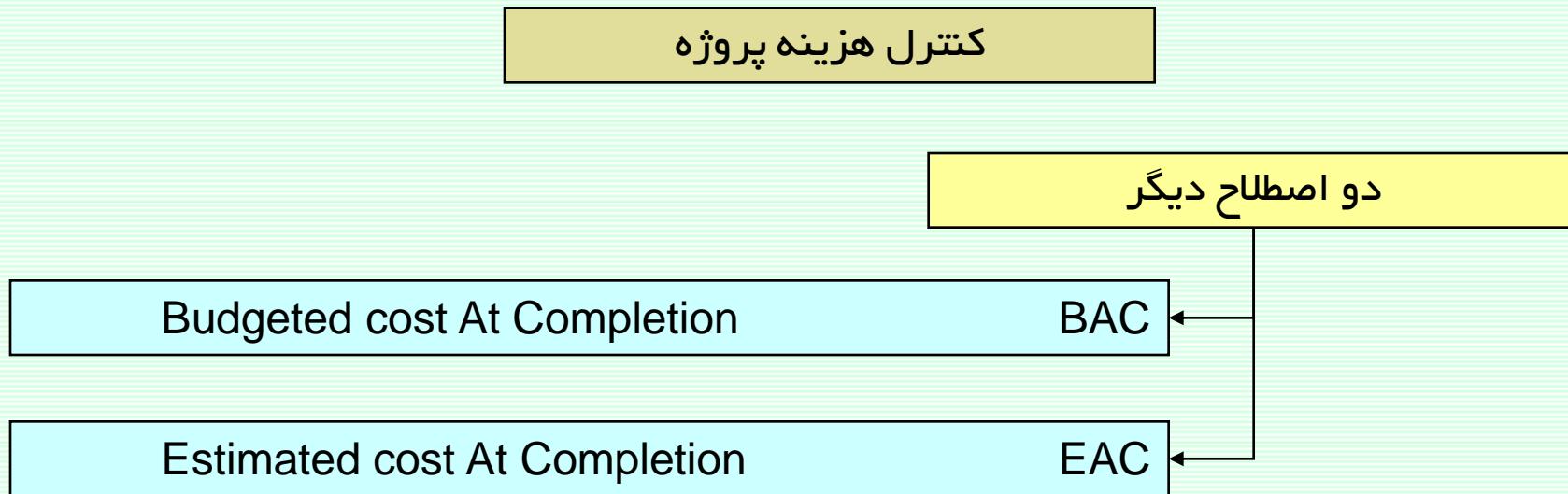
{ < 1.0 indicates less work has been completed than scheduled to date}

- Cost Performance Index (CPI)

$$\frac{\text{BCWP}}{\text{ACWP}} = \frac{450}{480} = 0.93$$

{ > 1.0 indicates that work accomplished has cost less than planned}

{ < 1.0 indicates that work accomplished has cost more than planned}



Cost Variance at Completion = BAC - EAC

کنترل هزینه پروژه

EAC METHODS

1. $\frac{\text{BAC}}{\text{CPI}}$
2. ACWP + $\frac{\text{BAC-BCWP}}{\text{CPI} \times \text{SPI}}$
3. ACWP + $\frac{\text{BAC-BCWP}}{0.8\text{CPI} + 0.2\text{SPI}}$
4. ACWP + $\frac{\text{BAC-BCWP}}{\text{CPI}}$
5. ACWP + (BAC-BCWP)

مقادیر عملکرد		SV & SPI		
		>0 & >1.0	=0 & =1.0	<0 & <1.0
CV & CPI	>0 & >1.0	جلو از زمانبندی کمتر از بودجه	طبق زمانبندی زیر بودجه	عقب از زمانبندی کمتر از بودجه
	=0 & =1.0	جلو از زمانبندی طبق بودجه	طبق زمانبندی طبق بودجه	عقب از زمانبندی طبق بودجه
	<0 & <1.0	جلو از زمانبندی بیش از بودجه	طبق زمانبندی بیش از بودجه	عقب از زمانبندی بیش از بودجه

برنامه ریزی و کنترل پروژه

جزوه شماره ۳- موازنۀ زمان و هزینه

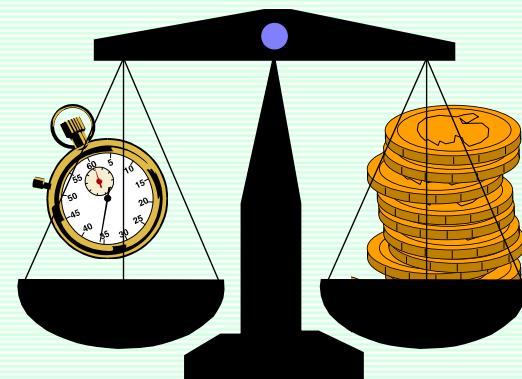
استاد: امیر عباس نجفی

مدلهای موازنۀ زمان-هزینه

آنالیز موازنۀ زمان-هزینه عبارتست از فشرده‌سازی زمانبندی پروژه، با هدف یکی از موارد ذیل

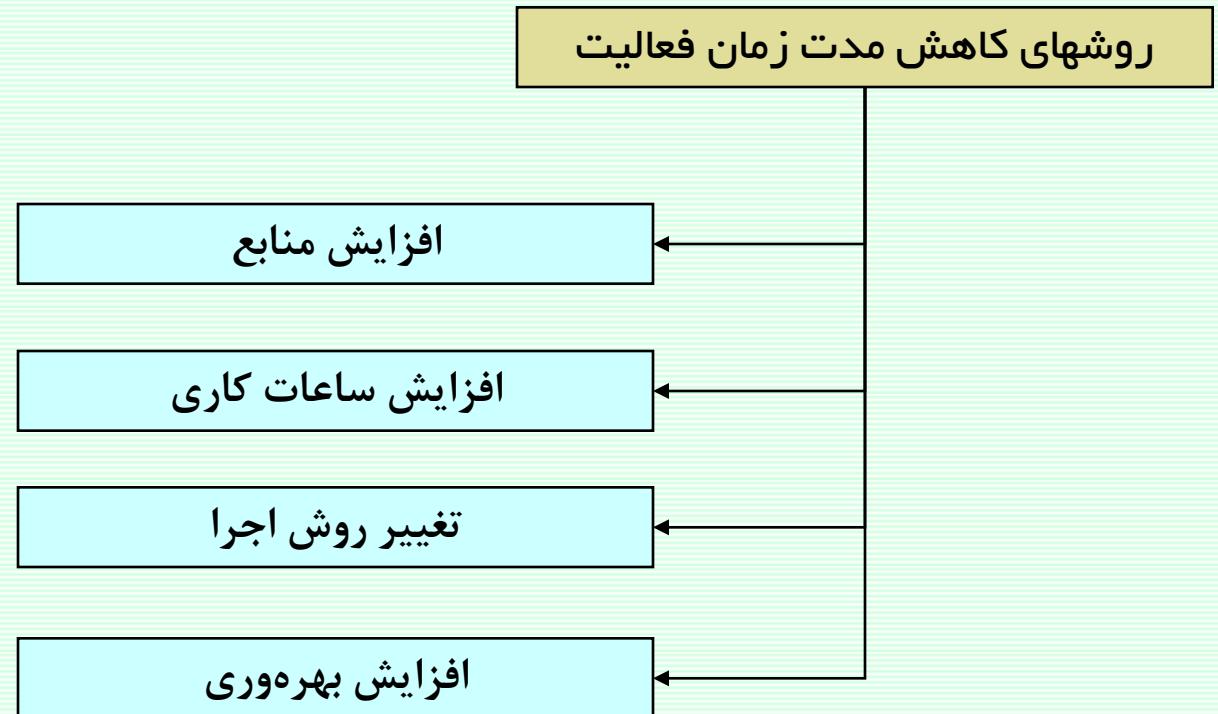
۱ - کاهش مدت زمان پروژه به مقداری قابل قبول

۲ - کاهش مجموع هزینه‌های پروژه

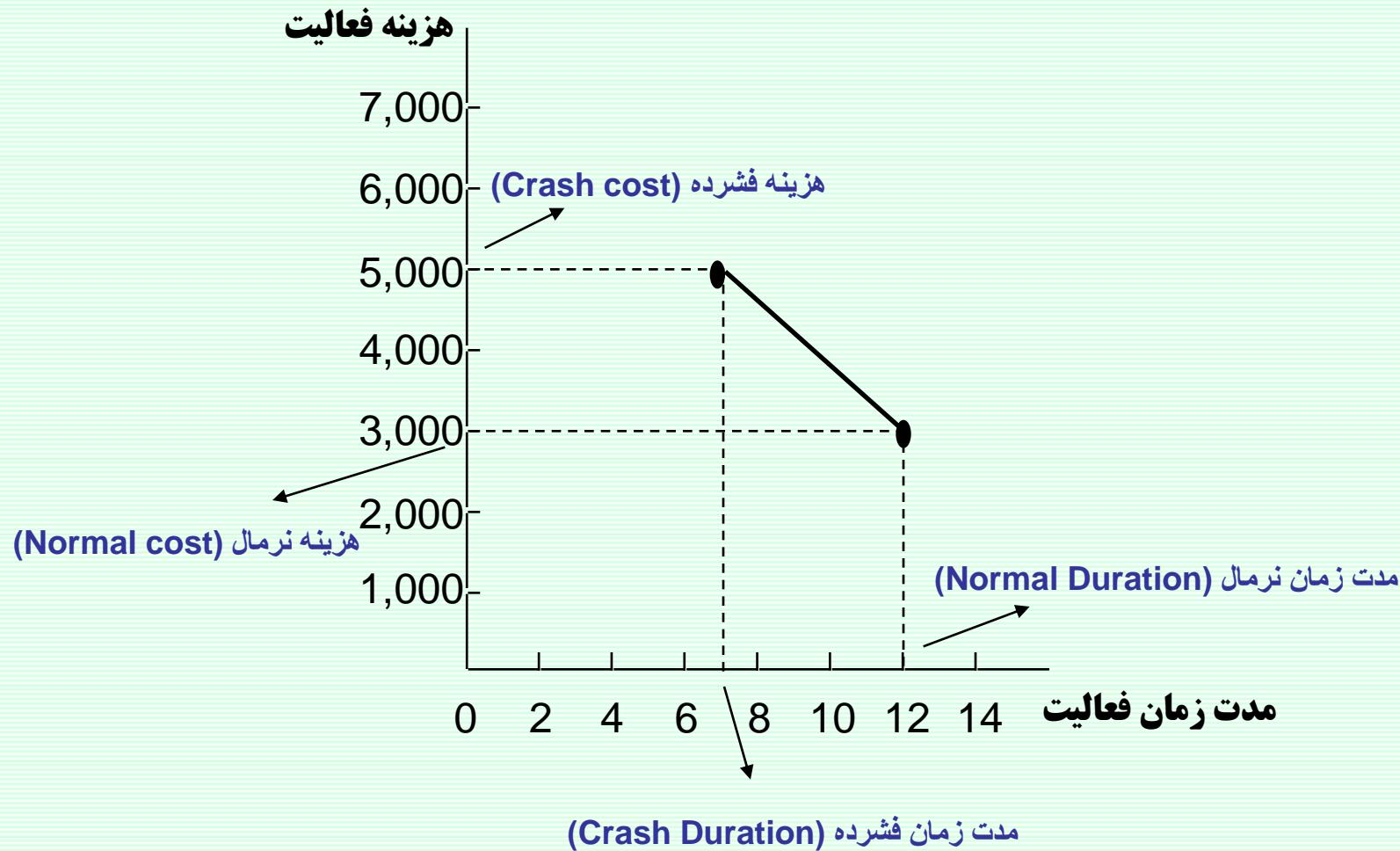


مدل ۱ - کاهش مدت زمان پروژه به مقداری قابل قبول

- ⓐ ممکن است زمانبندی بدست آمده از روش‌های قبل بعلت عدم رعایت اهداف زمانی پروژه قابل قبول نیست.
- ⓑ بعبارتی دیگر مدت زمان بدست آمده از طریق روش‌های زمانبندی، بیش از زمان مقرر می‌باشد.
- ⓒ برای کاهش زمان پروژه، می‌بایست مدت زمان فعالیتها را کاهش یابد.
- ⓓ سؤال اصلی این است که مدت زمان کدام فعالیتها باید کاهش یابند؟
- ⓔ همچنین باید روش‌های کاهش مدت زمان فعالیتها را دانست.



تأثیر کاهش مدت زمان فعالیت بر هزینه های آن



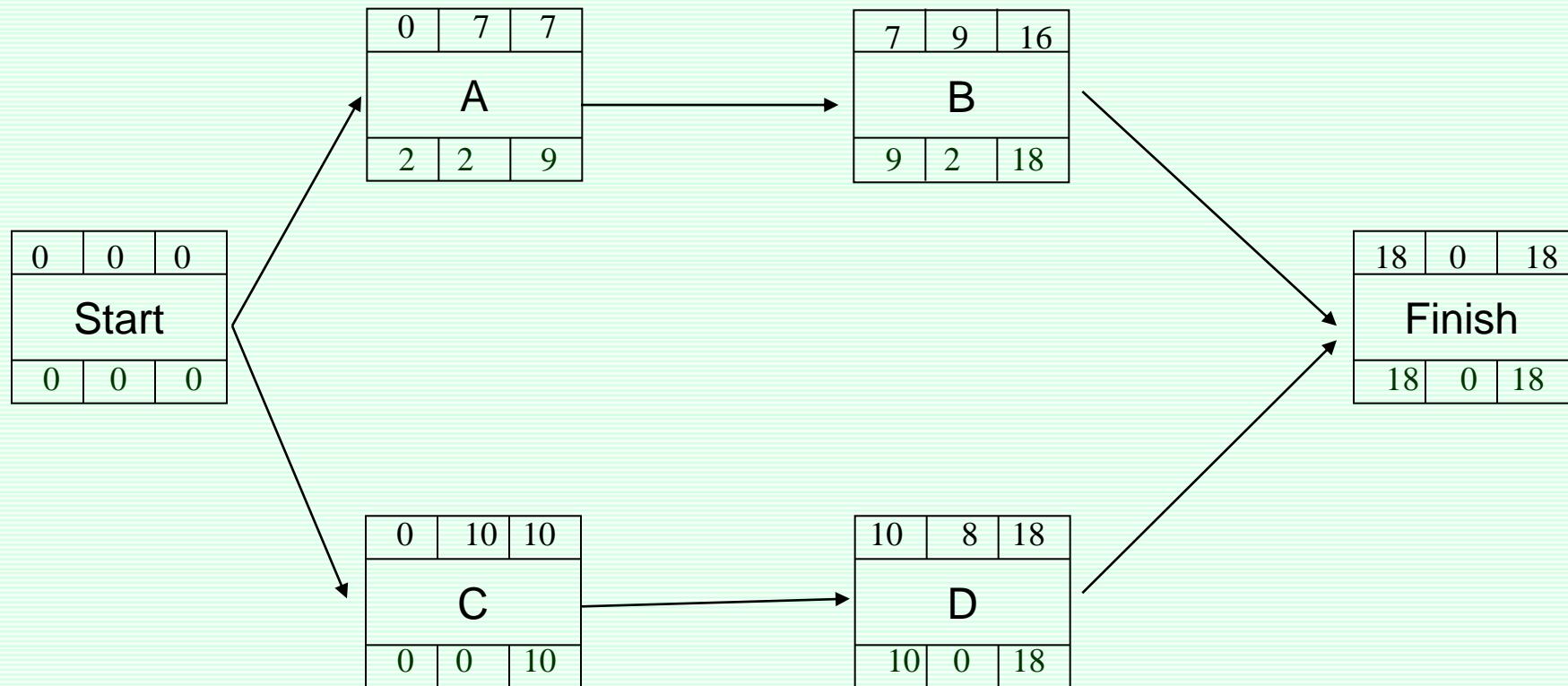
رویکرد حل مدل شماره یک

تعیین مدت زمانی که زمانبندی اولیه پروژه می‌بایست کاهش یابد.



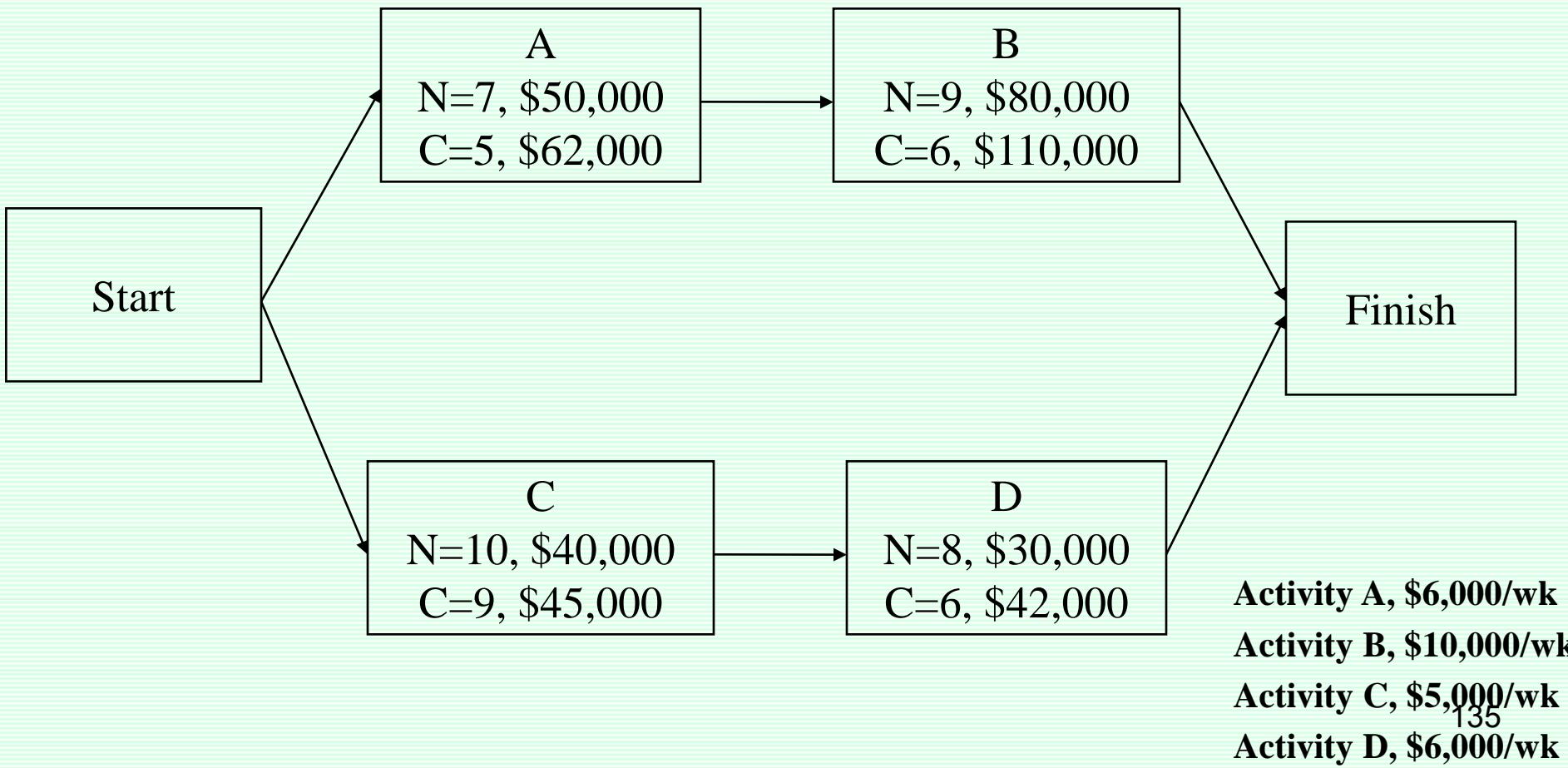
تعیین بهترین ترکیب کاهش مدت زمان فعالیتها، بطوریکه حداقل افزایش هرینه را بدنبال داشته و مدت زمان پروژه را به زمان مقرر می‌رساند.

مثال- مدل شماره یک

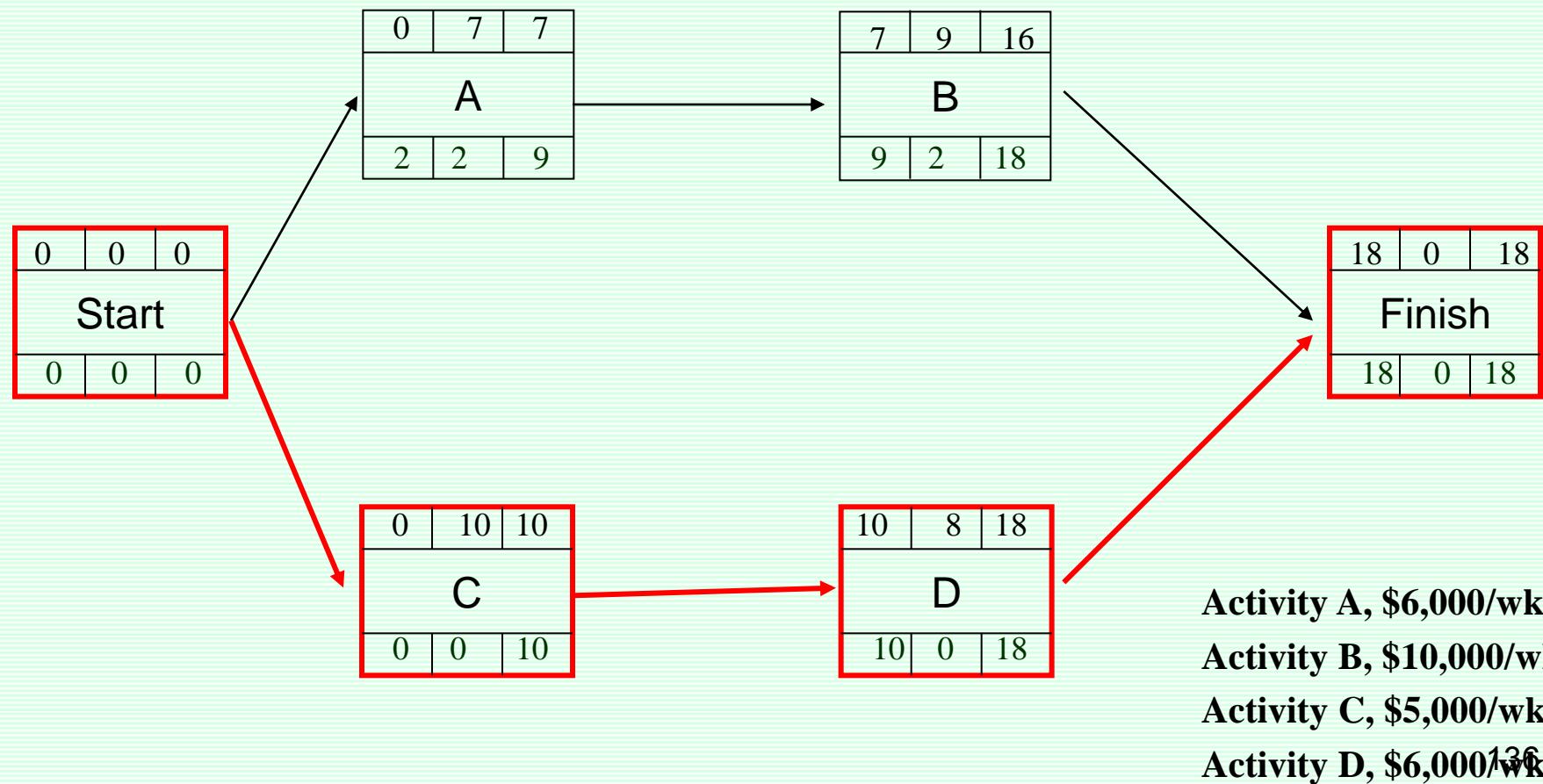


134 اقلات زمان مقرر برای اتمام پروژه ۱۵ هفته می باشد.

مثال- مدل شمارہ یک

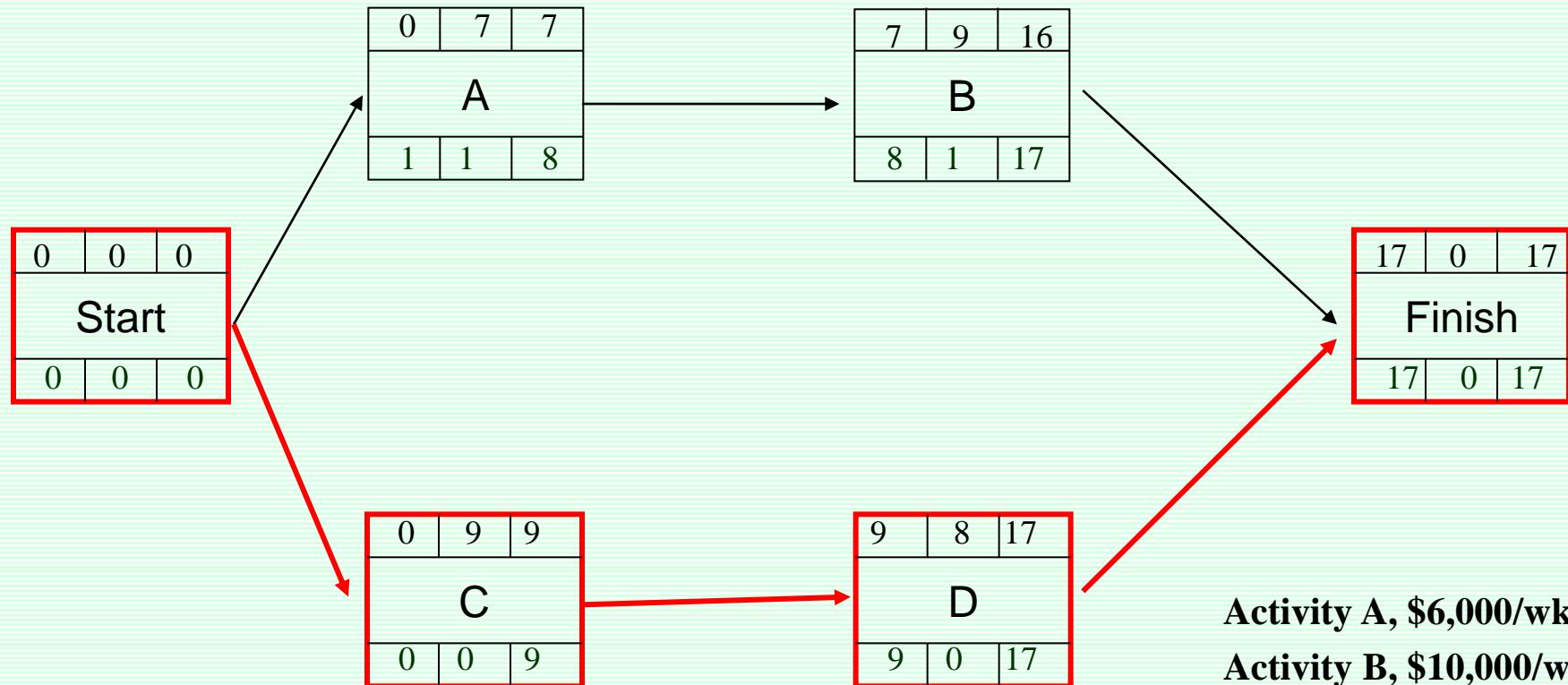


مثال- مدل شمارہ یک



مثال- مدل شماره یک

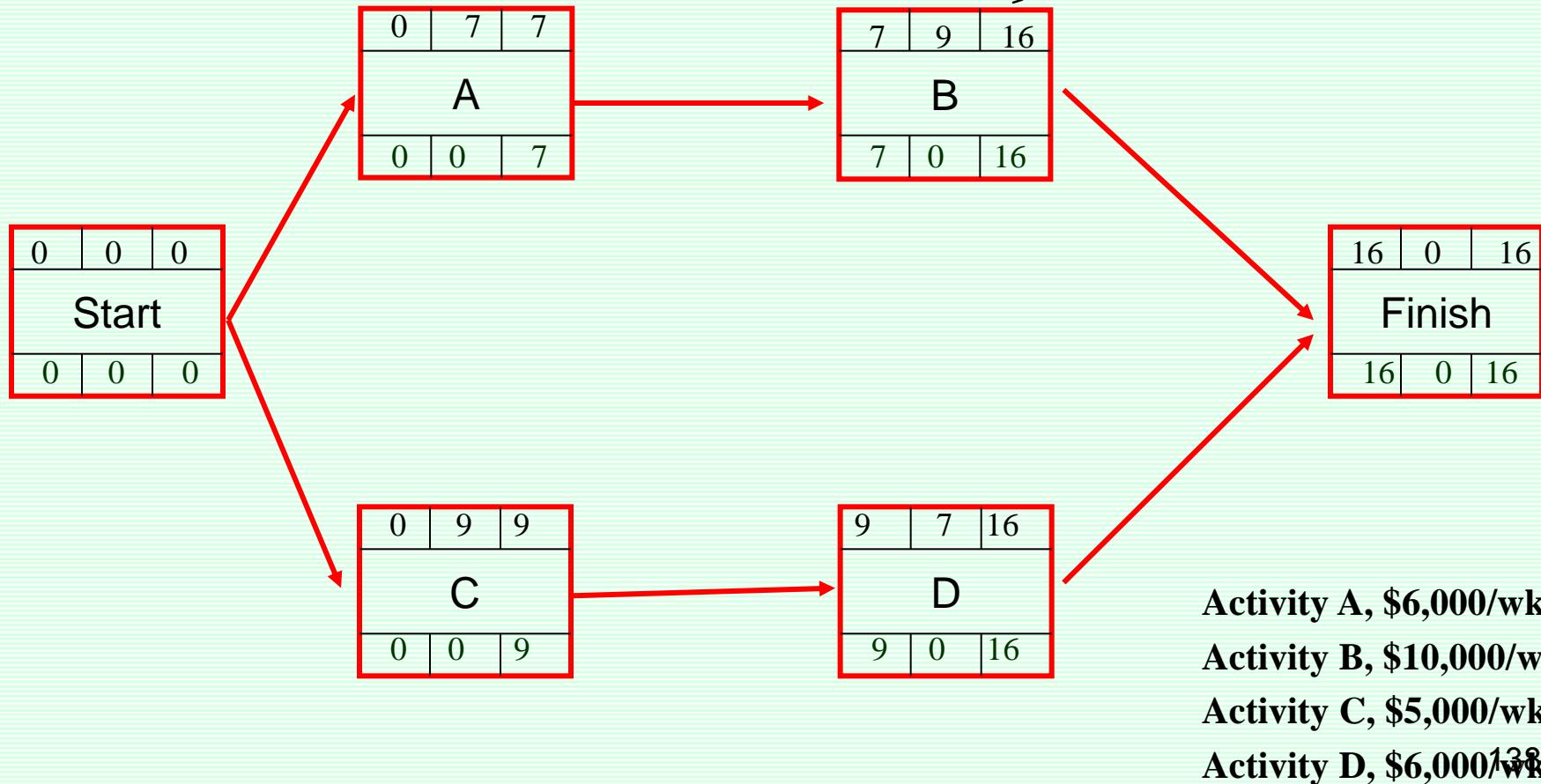
قدم ۱ - کاهش مدت زمان فعالیت C به میزان یک هفته



Activity A, \$6,000/wk
Activity B, \$10,000/wk
Activity C, \$5,000/wk
Activity D, \$6,000/wk

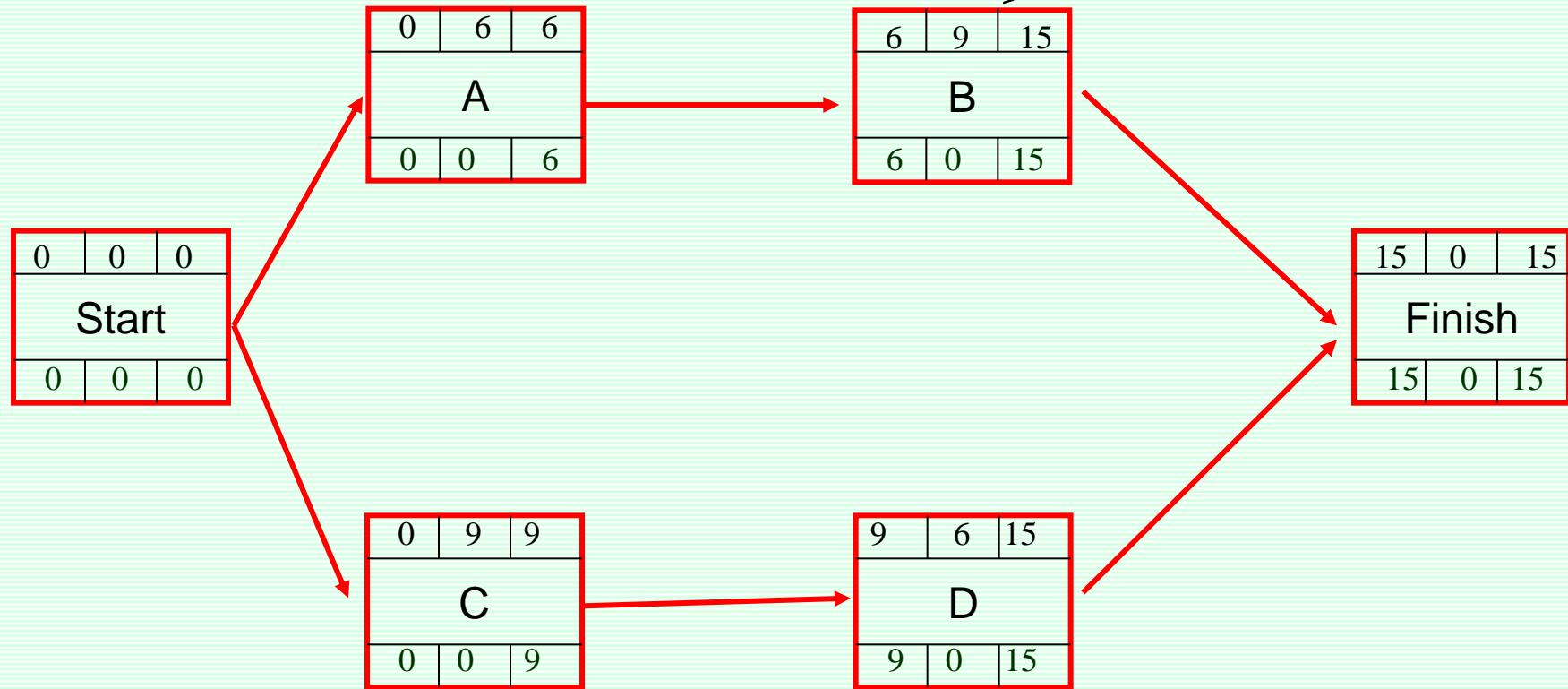
مثال- مدل شماره یک

قدم ۲- کاهش مدت زمان فعالیت D به میزان یک هفته



مثال- مدل شماره یک

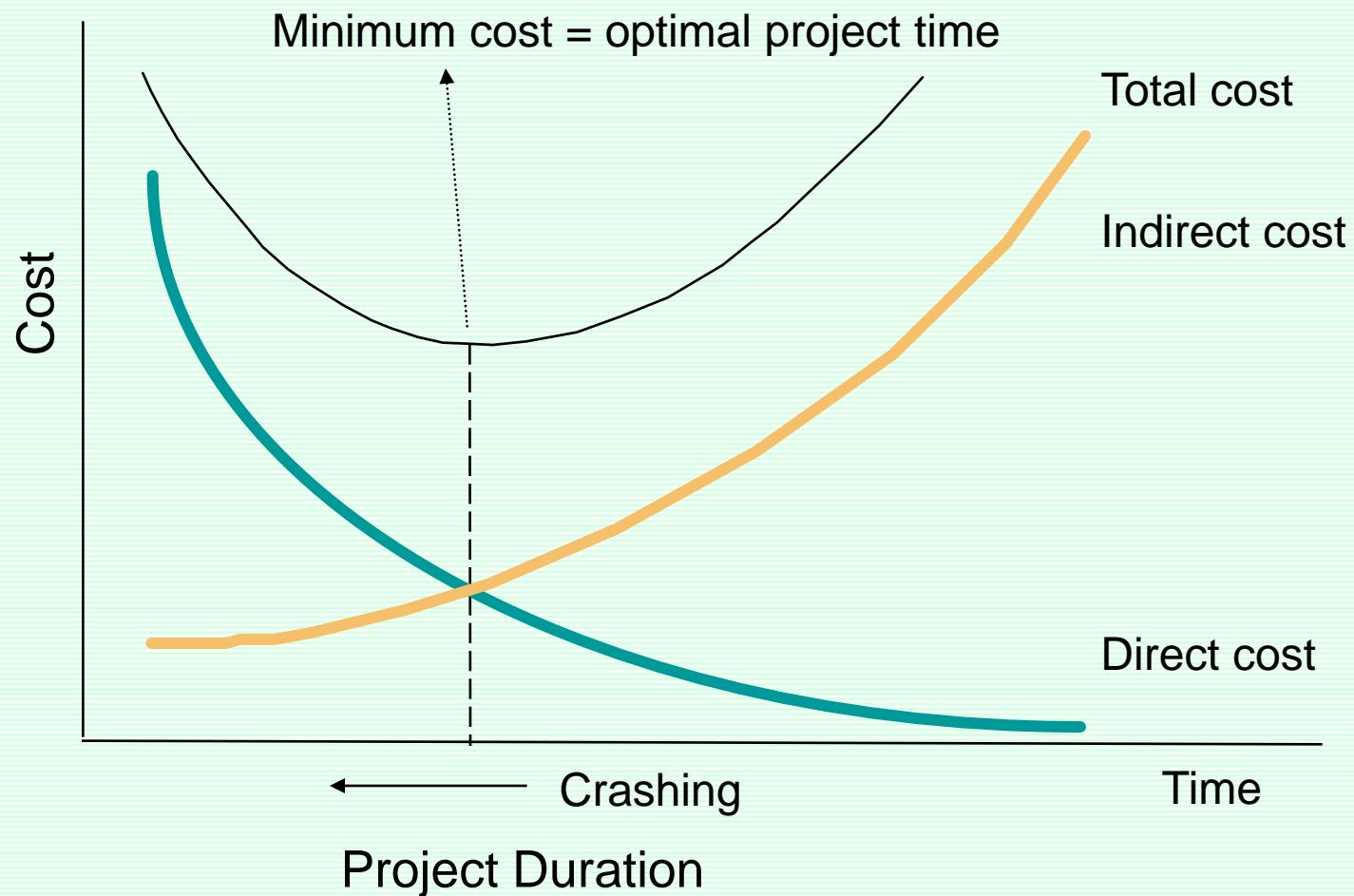
قدم ۳- کاهش مدت زمان فعالیتهای D و A به میزان یک هفته



مجموع افزایش هزینه‌های اجرای فعالیتها جهت کاهش زمان پروژه برابر ۲۳۰۰۰ دلار گردید.¹³⁹

مدل ۲ - کاهش هزینه‌های پروژه

- Ⓐ آیا فشرده کردن زمانبندی پروژه، همواره به افزایش هزینه‌هاب پروژه منجر می‌شود؟
- Ⓑ جواب سئول فوق، منفی است. زیرا هزینه‌های پروژه متتشکل از دو بخش است: هزینه‌های مستقیم (PROJECT BASED) و هزینه‌های غیرمستقیم (ACTIVITY BASED).
- Ⓒ هزینه‌های مستقیم با فشردگی زمانبندی و کاهش مدت زمان پروژه، افزایش می‌یابد.
- Ⓓ هزینه‌های غیرمستقیم تابعی از مدت زمان پروژه می‌باشند و با کاهش مدت زمان پروژه، تقلیل می‌یابند.



رویکرد حل مدل شماره دو

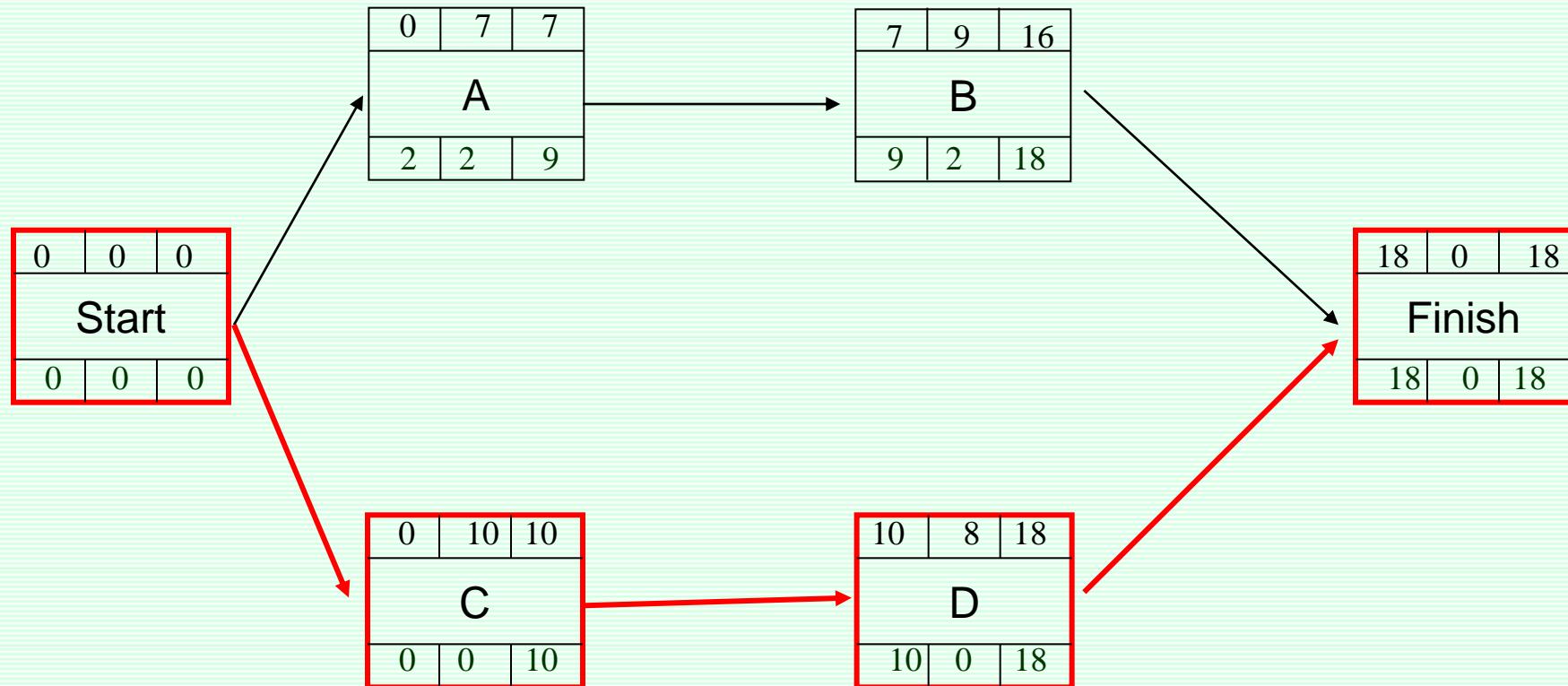
انجام محاسبات زمانبندی و تعیین مجموع هزینه‌های پروژه
(جمع هزینه‌های مستقیم و غیرمستقیم)

کاهش مدت زمان پروژه تا زمانیکه با کاهش هزینه‌های پروژه همراه است.



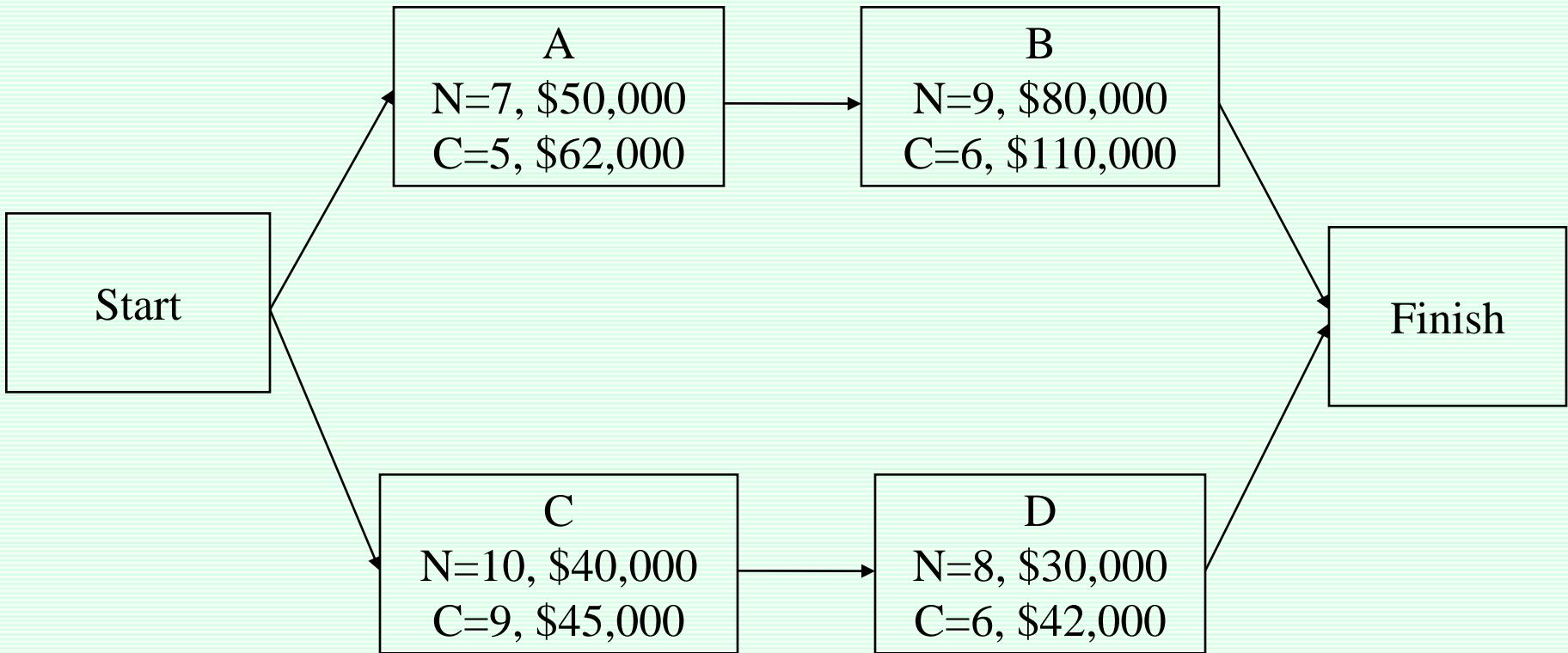
مثال- مدل شماره دو

قدم ۱- انجام محاسبات زمانبندی با زمانهای نرمال



هزینہ غیرمستقیم پروژہ در هر هفتہ برابر ۱۰۰۰۰ دلار است.

مثال- مدل شماره دو



جمع هزینه های پروژ = ۳۲۶۰۰۰

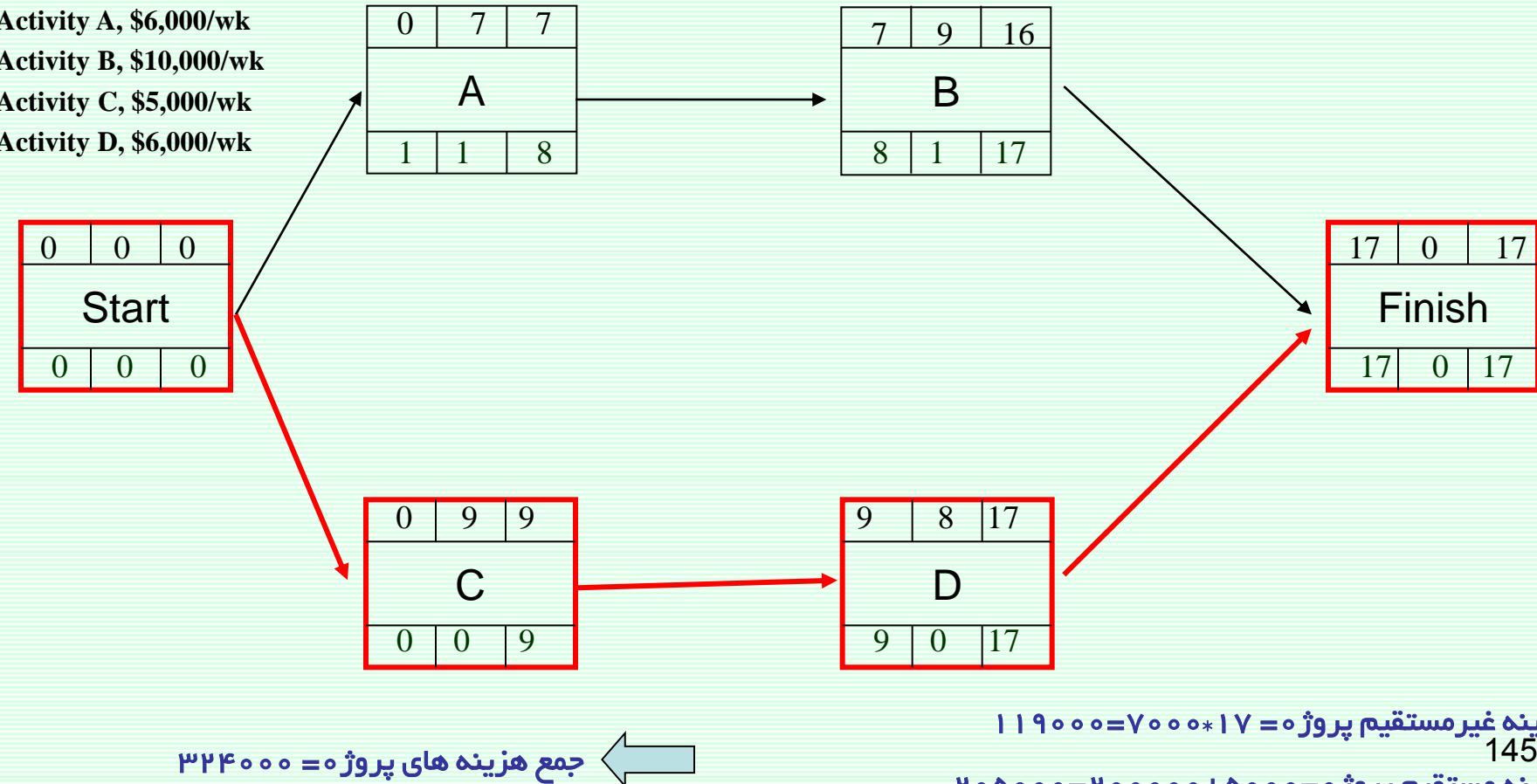
$$\text{هزینه مستقیم پروژ} = ۵۰۰۰۰ + ۱۴۰۰۰ + ۸۰۰۰۰ + ۶۰۰۰۰ = ۳۲۶۰۰۰$$

$$\text{هزینه غیرمستقیم پروژ} = ۷۰۰۰ * ۱۸ = ۱۲۶۰۰۰$$

مثال- مدل شماره دو

قدم ۲- کاہش مدت پروژہ بے ۱۷ هفتہ (توسط کاہش فعالیت C)

Activity A, \$6,000/wk
Activity B, \$10,000/wk
Activity C, \$5,000/wk
Activity D, \$6,000/wk



$$\text{هزینہ غیرمستقیم پروژہ} = ۰ \times ۱۷ = ۰$$

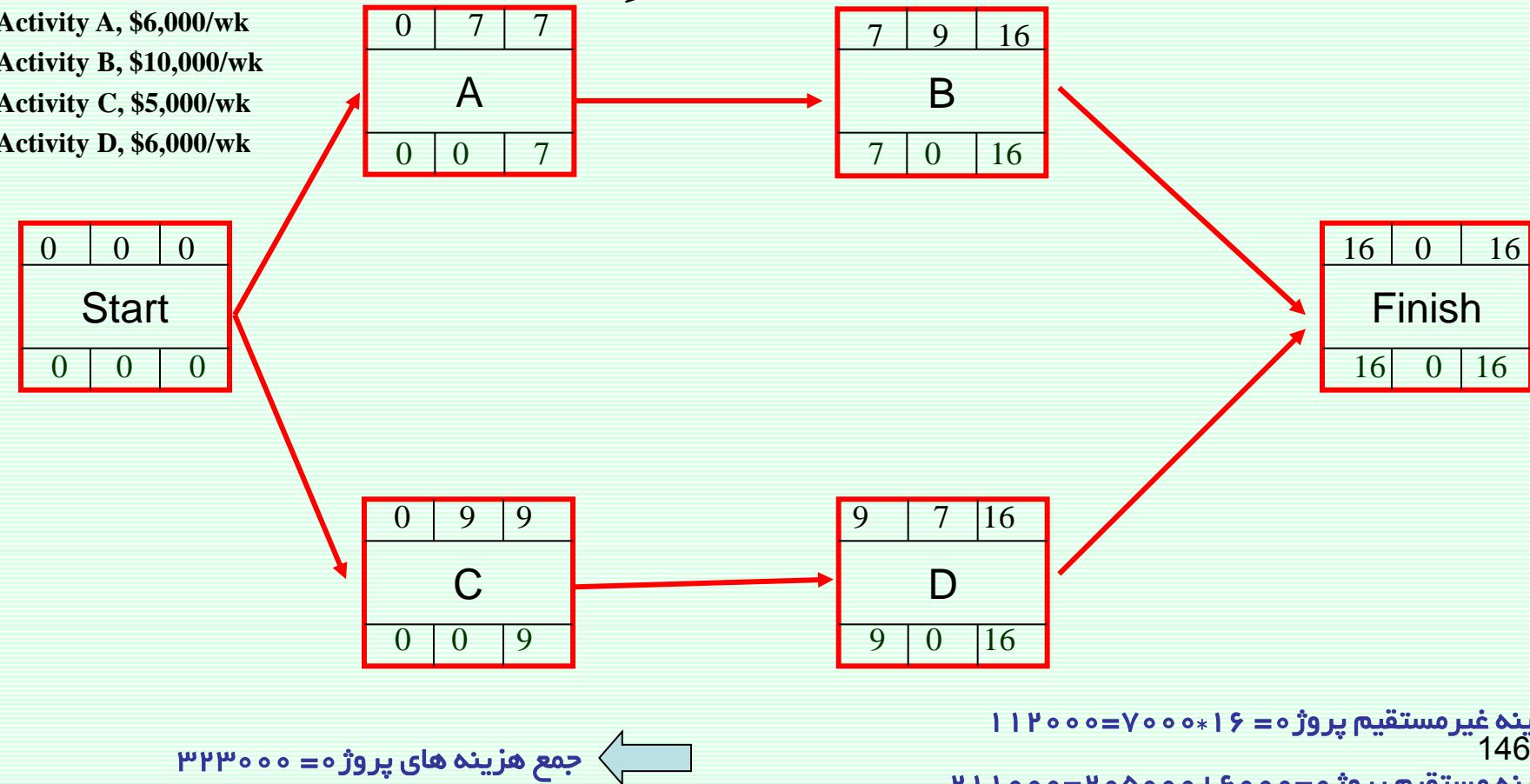
145

$$\text{هزینہ مستقیم پروژہ} = ۳۰۰۰۰۰ + ۵۰۰۰ = ۳۰۵۰۰۰$$

مثال- مدل شماره یک

قدم ۳- کاهش مدت زمان پروژہ به ۱۶ هفته (توسط فعالیت D)

Activity A, \$6,000/wk
 Activity B, \$10,000/wk
 Activity C, \$5,000/wk
 Activity D, \$6,000/wk



جمع هزینه های پروژه = ۳۲۳۰۰۰

هزینه غیرمستقیم پروژ = ۷۰۰۰ * ۱۶ = ۱۱۲۰۰۰

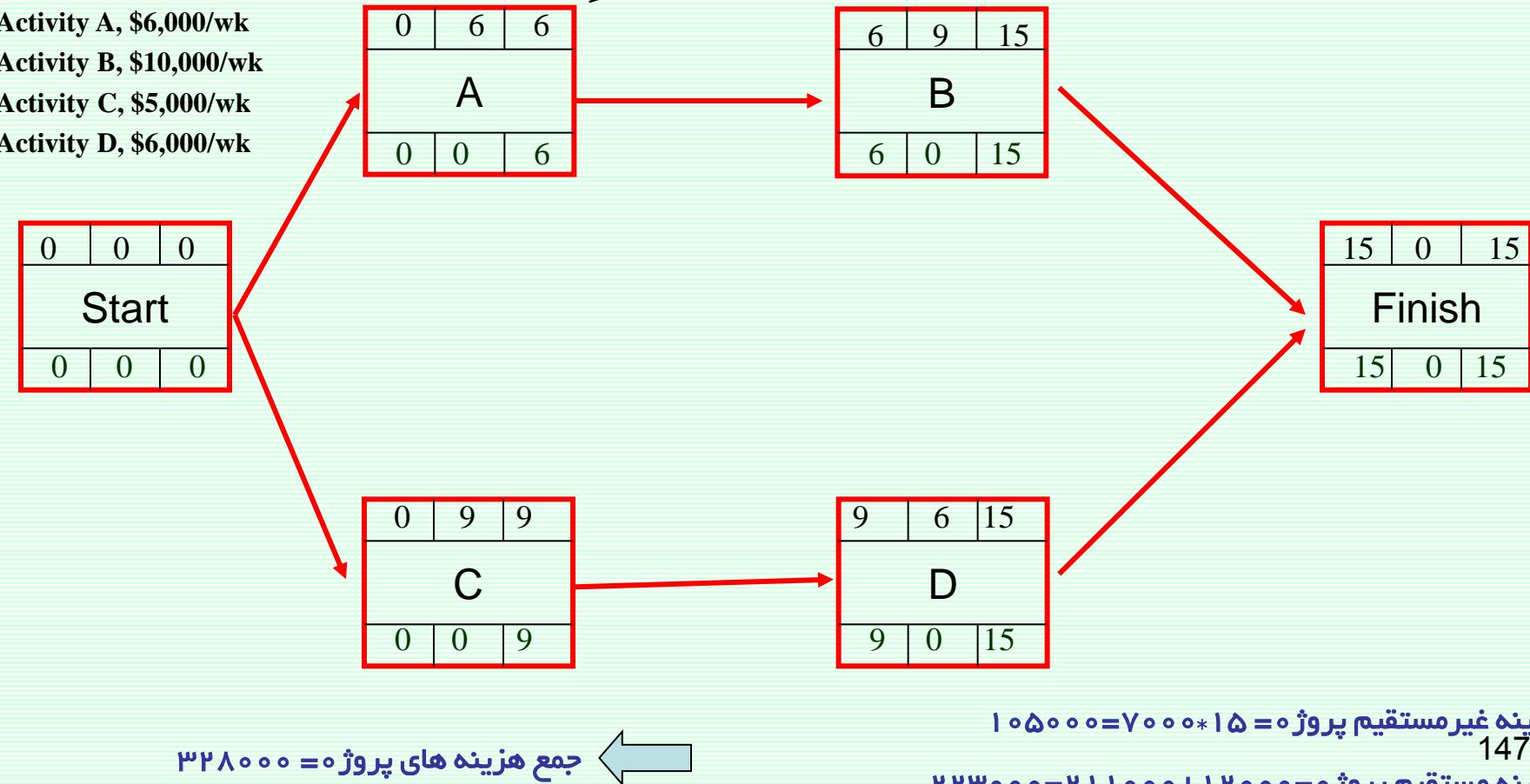
146

هزینه مستقیم پروژ = ۲۰۵۰۰۰ + ۶۰۰۰ = ۲۱۱۰۰۰

مثال- مدل شماره یک

قدم ۳- کاهش مدت زمان پروژہ به ۱۵ هفته (توسط فعالیتهای A و D)

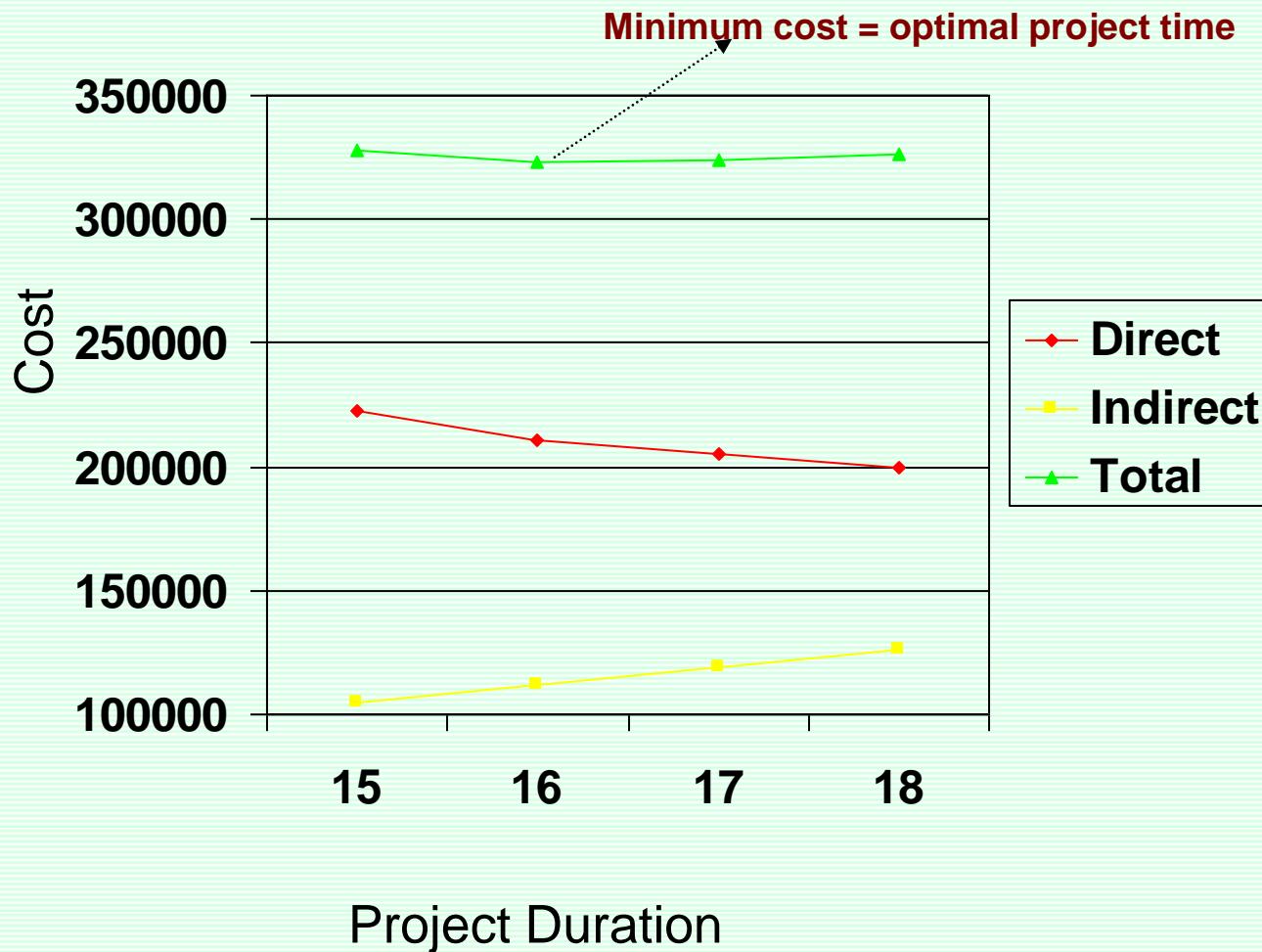
Activity A, \$6,000/wk
Activity B, \$10,000/wk
Activity C, \$5,000/wk
Activity D, \$6,000/wk



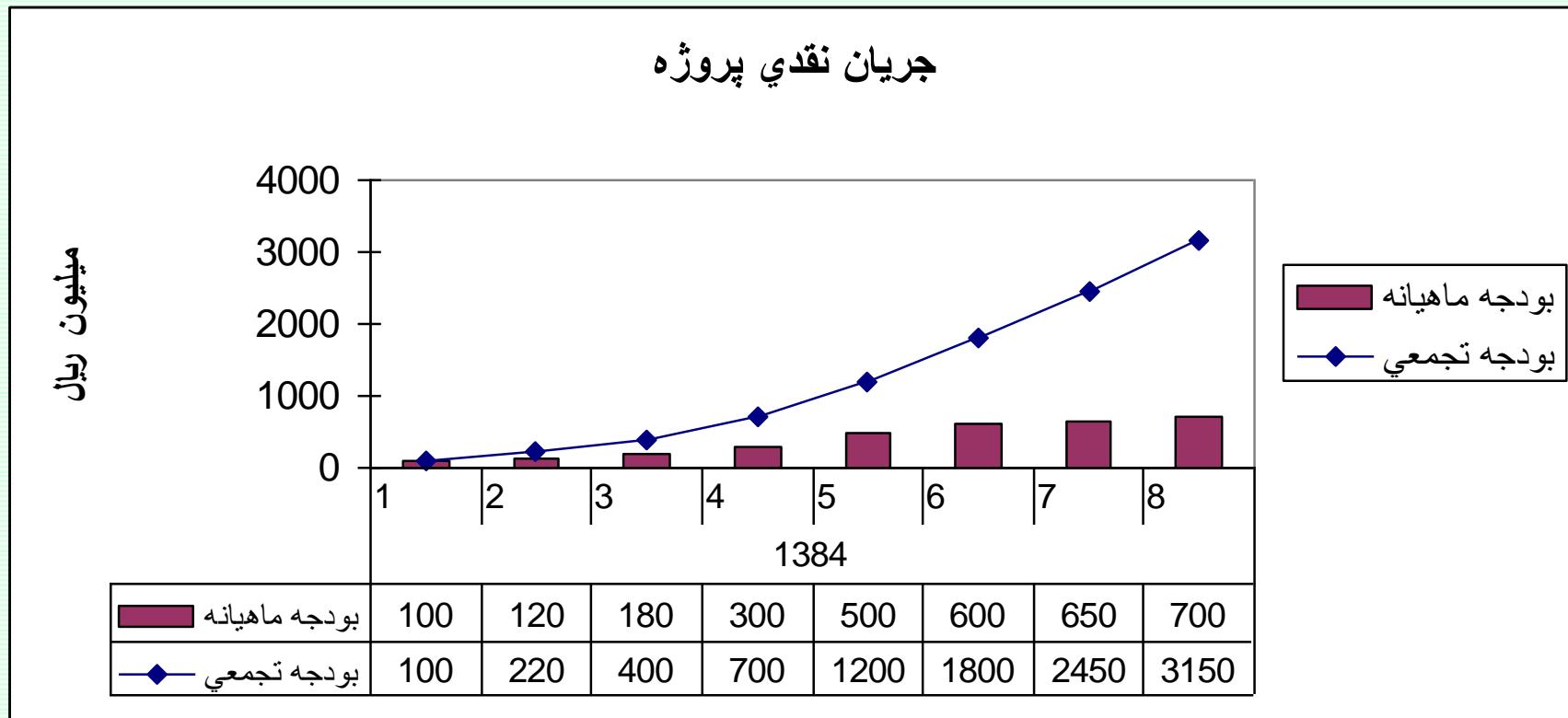
جمع هزینه های پروژه = ۳۲۸۰۰۰ ←

$$\text{هزینه غیرمستقیم پروژه} = 105000 = 7000 * 15$$

$$\text{هزینه مستقیم پروژه} = 24000 = 11000 + 13000$$



جريان نقدی پروژه نشاندهنده میزان بودجه مورد نیاز جهت اجرای زمانبندی می‌باشد.



روند توسعه ماتریس مسئولیتها

تعیین سازمان اجرایی پروژه

تعیین مسئولین و نقش آنها در اجرای هر یک از فعالیتها

توسعه نهایی ماتریس مسئولیتها



توسعه ماتریس مسئولیتها

OBS (Organization Breakdown Structure)

WBS(Work Breakdown Structure)

	بخش 1	بخش 2	بخش 3	بخش 4						
فعالية 1	x	d								
فعالية 2		x	p							
فعالية 3	D		x							

برنامه ریزی و کنترل پروژه

جزوه شماره ۴ – برنامه ریزی منابع

استاد: امیر عباس نجفی

برنامه‌ریزی منابع

الف- تخصیص منابع محدود

تخصیص منابع محدود

در محاسبات قبل، فرض براین بود که منابع مورد نیاز به اندازه کافی در دسترس باشند.

در صورتی که در منابع پروژه دارای محدودیتها بیم می‌باشد محدودیت منابع را در زمانبندی پروژه منعکس نمود. زیرا در زمانبندی پروژه، میزان منابع مورد نیاز باید از منابع در دسترس کمتر باشد.

اگر زمانبندی مراحل قبل محدودیت منابع را مراعات نکرد به تغییراتی در زمانبندی نیاز است که ممکن است به افزایش مدت پروژه منتج شود. این تغییرات غالباً به جابجایی زمانبندی برخی از فعالیتهای پروژه برمی‌گردد که طبیعتاً منجر به تغییراتی در زمانهای نیاز به منابع می‌شود.

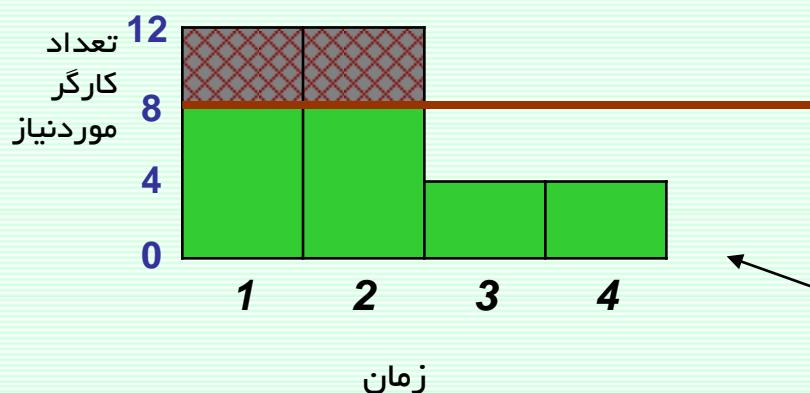
مثالی برای تخصیص منابع محدود

نمودار گافت پروژه

نام/کد فعالیت	1	2	3	4
A	█			
B		█		
C	█	█		
D			█	█

اطلاعات فعالیتهای پروژه

کد فعالیت	پیشنباز	مدت	تعداد کارگر موردنیاز
A	-	1	4
B	A	1	4
C	-	2	8
D	C	2	4



تعداد کارگر در دسترس طی هر روز: 8 نفر

Resource Graph

استراتژیهای حل مسئله منابع محدود

۱- استفاده از شناوری فعالیتها

۲- طولانی کردن مدت فعالیت و کاهش نیاز به منابع در واحد زمان

۳- گسیختگی زمانبندی یک فعالیت

۴- استفاده از اضافه کاری در جهت حل مسئله

۵- افزایش مدت زمان پروژه

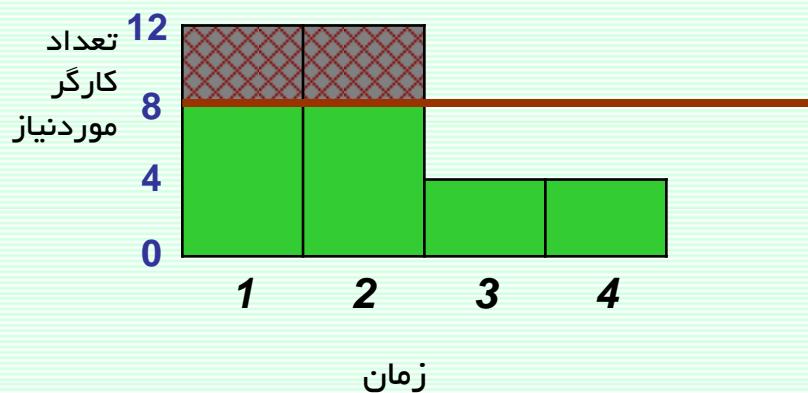
۱ - استفاده از شناوری فعالیتها

نمودار گافت پروژه

نام/کد فعالیت	1	2	3	4
A		█		
B		█		
C		█		
D			█	

اطلاعات فعالیتهای پروژه

کد فعالیت	پیشنباز	مدت	تعداد کارگر موردنیاز
A	-	1	4
B	A	1	4
C	-	2	8
D	C	2	4



تعداد کارگر در دسترس طی هر روز: 8 نفر

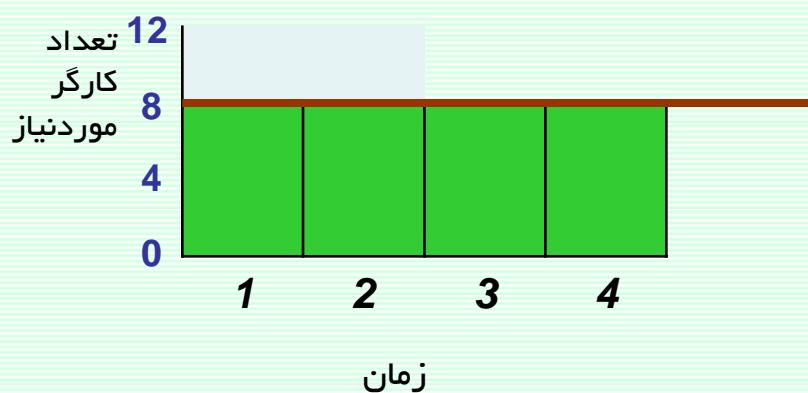
۱ - استفاده از شناوری فعالیتها

نمودار گافت پروژه

نام/کد فعالیت	1	2	3	4
A			3	
B				4
C	3			
D			4	

اطلاعات فعالیتهای پروژه

کد فعالیت	پیشنباز	مدت	تعداد کارگر موردنیاز
A	-	1	4
B	A	1	4
C	-	2	8
D	C	2	4



تعداد کارگر در دسترس طی هر روز: 8 نفر

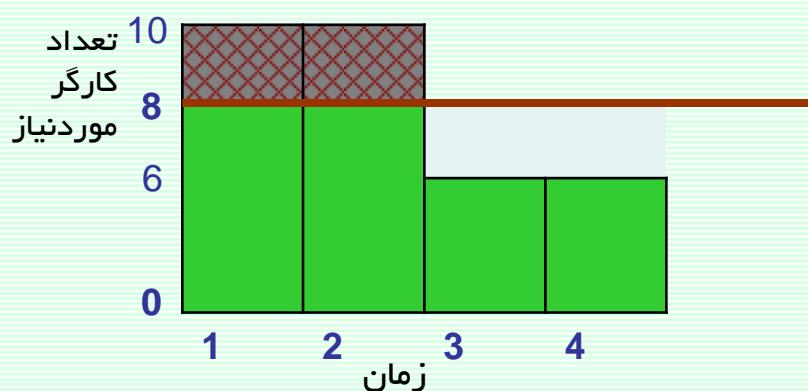
۲- طولانی کردن مدت فعالیت و کاهش نیاز به منابع در واحد زمان

نمودار گافت پروژه

نام/کد فعالیت	1	2	3	4
A		█		
B			█	
C		█		
D				█

اطلاعات فعالیتهای پروژه

کد فعالیت	پیشنباز	مدت	تعداد کارگر موردنیاز
A	-	1	4
B	A	1	4
C	-	2	6
D	C	2	6



تعداد کارگر در دسترس طی هر روز: 8 نفر

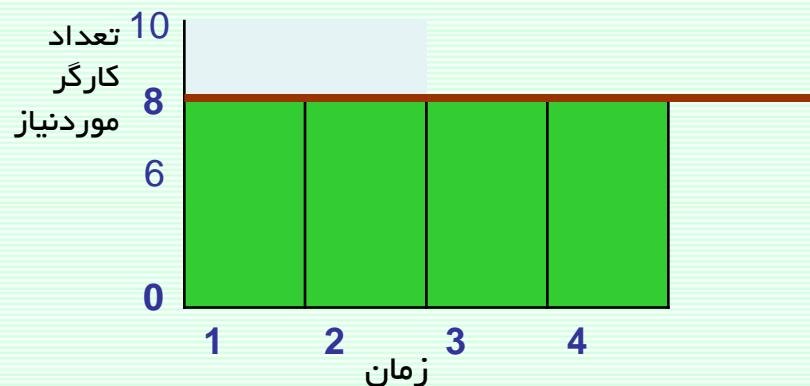
۲- طولانی کردن مدت فعالیت و کاهش نیاز به منابع در واحد زمان

نمودار گافت پروژه

نام/کد فعالیت	1	2	3	4
A			█	
B				█
C		█		
D				█

• افزایش مدت زمان فعالیت A به دو روز و کاهش کارگر موردنیاز به روزی دو کارگر

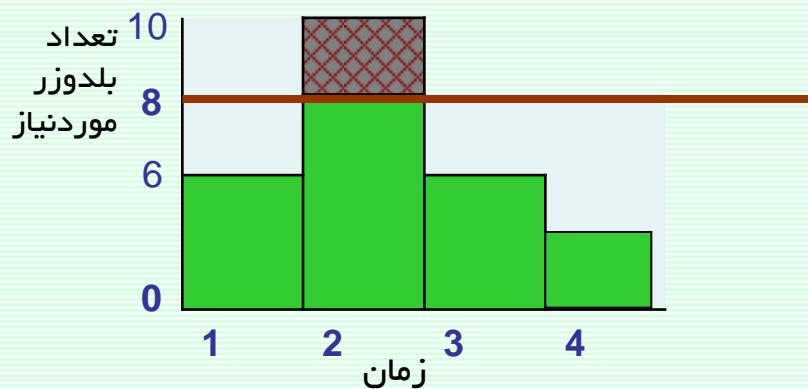
• افزایش مدت زمان فعالیت B به دو روز و کاهش کارگر موردنیاز به روزی دو کارگر



۳- گسیختگی زمانبندی یک فعالیت

نمودار گافت پروژه

نام/کد فعالیت	1	2	3	4
A			█	
B				█
C	█			
D		█		
E			█	█



اطلاعات فعالیتهای پروژه

کد فعالیت	پیشنباز	مدت	تعداد بُلدوزر موردنیاز
A	-	2	2
B	A	1	2
C	-	1	4
D	C	1	8
E	D	2	4

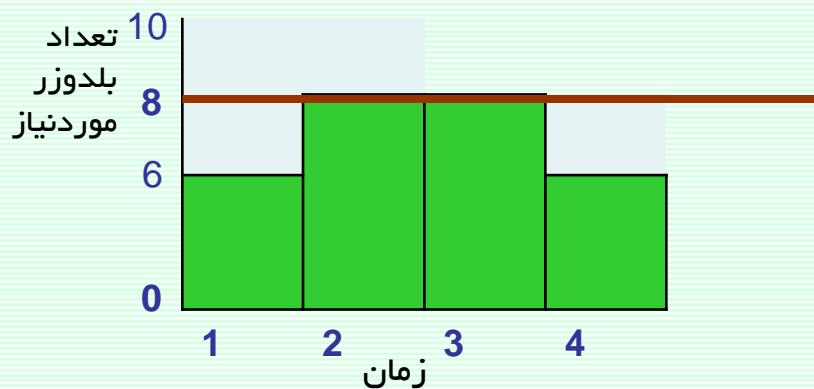
تعداد بُلدوزر در دسترس طی هر روز: 8 نفر

۳- گسیختگی زمانبندی یک فعالیت

نمودار گافت پروژه

نام/کد فعالیت	1	2	3	4
A				
B				
C				
D				
E				

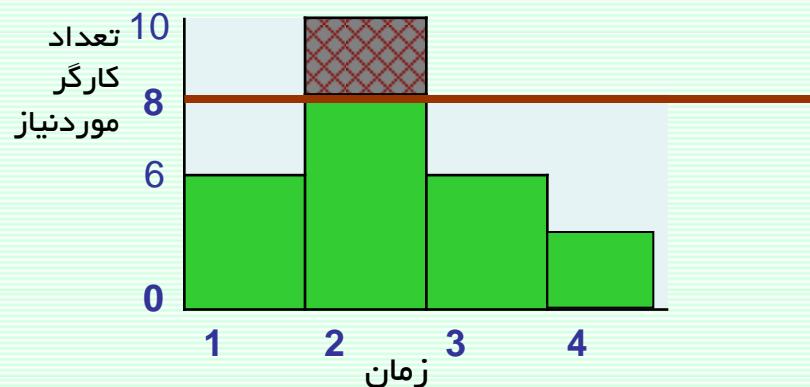
• شکستن فعالیت A به دو بخش



۴- استفاده از اضافه‌کاری در جهت حل مسئله

نمودار گانت پروژه

نام/کد فعالیت	1	2	3	4
A				
B				
C				
D				
E				



اطلاعات فعالیتهای پروژه

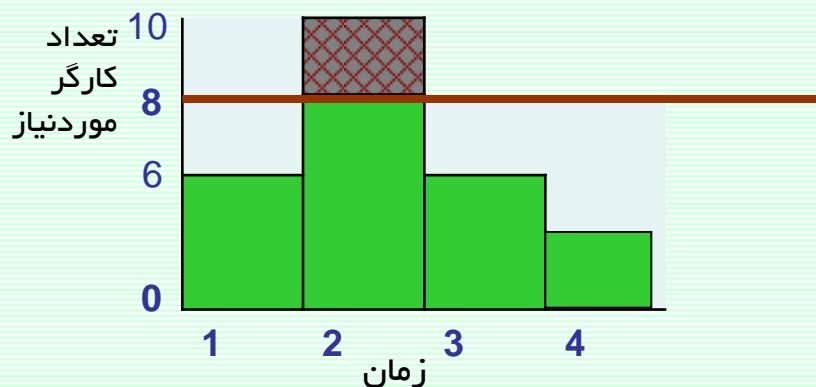
کد فعالیت	پیش‌نیاز	مدت	تعداد کارگر موردنیاز
A	-	2	2
B	A	1	2
C	-	1	4
D	C	1	8
E	D	2	4

۴- استفاده از اضافهکاری در جهت حل مسئله

نمودار گافت پروژه

نام/کد فعالیت	1	2	3	4
A				
B				
C				
D				
E				

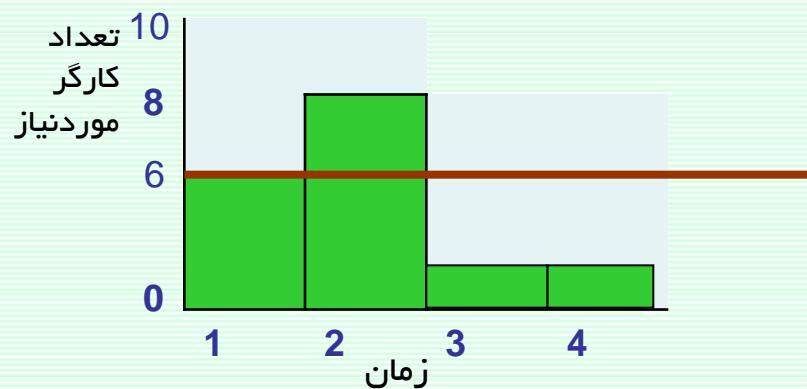
- در روز دوم با دادن اضافهکاری به کارگران ، جبران کسری منابع صورت پذیرد.



۵- افزایش مدت زمان پروژه

نمودار گافت پروژه

نام/کد فعالیت	1	2	3	4
A				
B				
C				
D				
E				



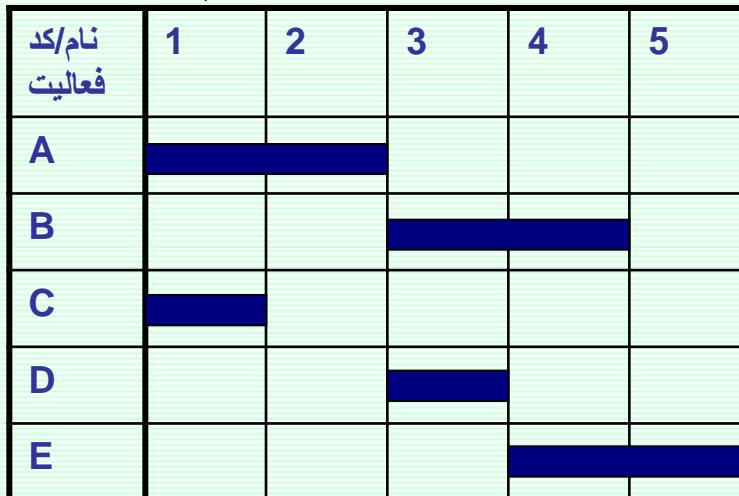
اطلاعات فعالیتهای پروژه

کد فعالیت	پیشنباز	مدت	تعداد کارگر موردنیاز
A	-	2	4
B	A	2	1
C	-	1	2
D	C	1	4
E	D	2	1

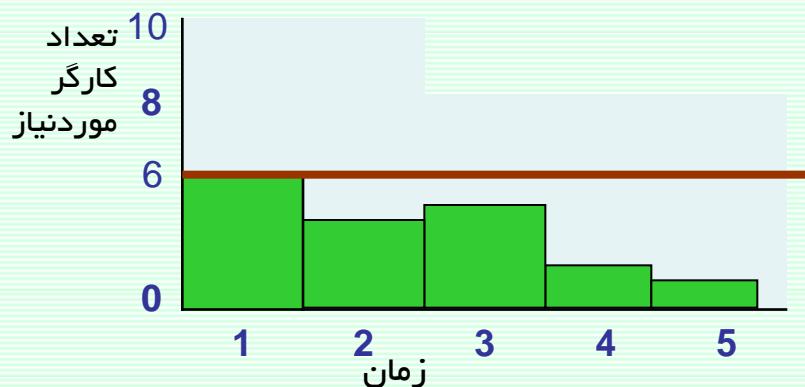
تعداد کارگر در دسترس طی هر روز: 6 نفر

۵- افزایش مدت زمان پروژه

نمودار گافت پروژه



- با افزایش یک واحد زمانی به مدت پروژه، کسری منابع جبران گردید.



الگوریتم تخصیص منابع محدود

فرضیات:

امکان بکارگیری استراتژی‌های زیر وجود ندارد.

۱- طولانی کردن مدت فعالیت و کاهش نیاز به منابع در واحد زمان

۲- گسیختگی زمانبندی یک فعالیت

۳- استفاده از اضافه‌کاری در جهت حل مسئله

الگوریتم تخصیص منابع محدود

قدم‌های الگوریتم:

قدم ۱ - محاسبات زمانبندی رفت و برگشت معمول را انجام دهید و قرار دهید $T=0$

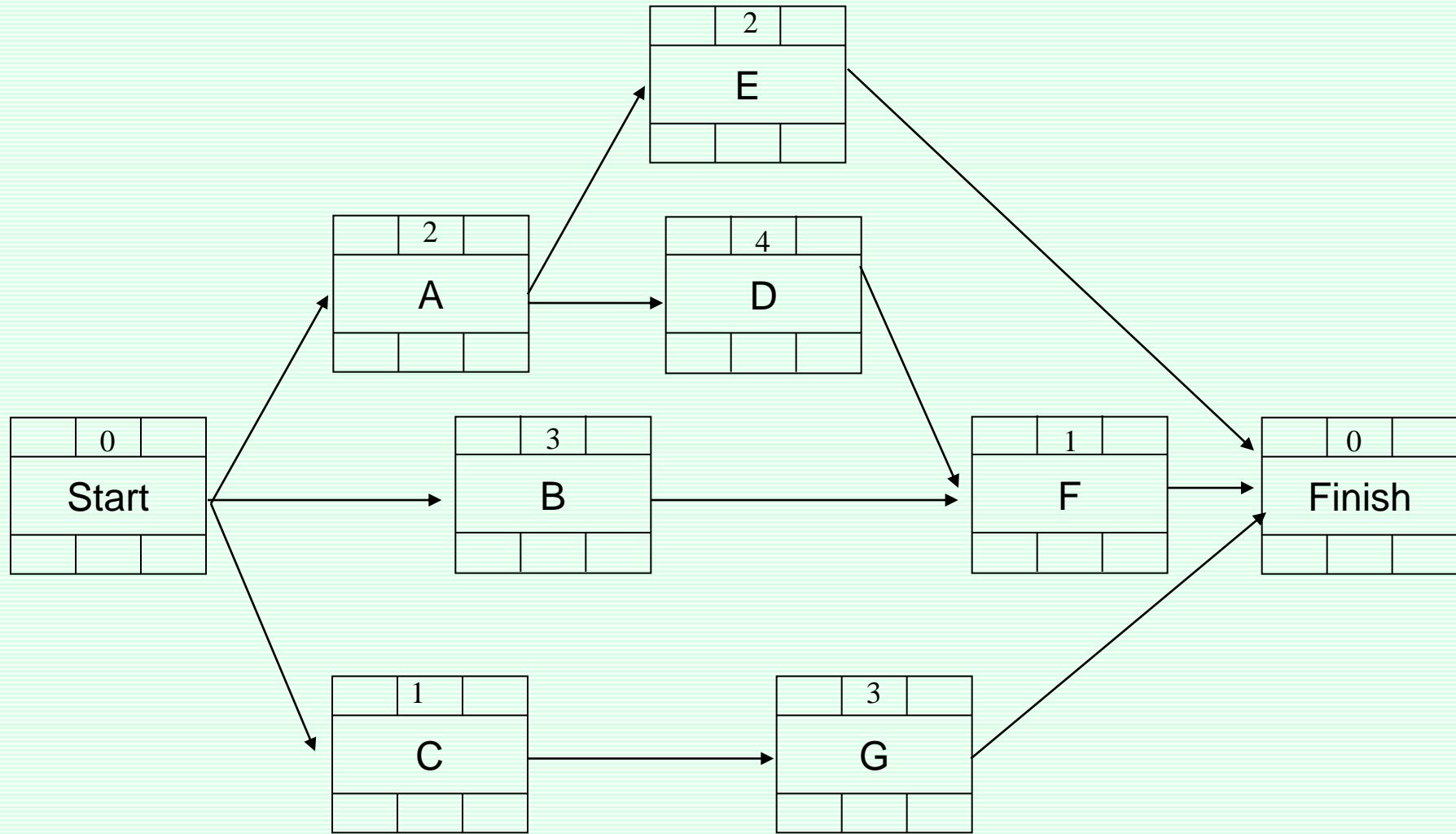
قدم ۲ - مجموعه فعالیتهای **EAS** (مجموعه فعالیتهای واجد شرایط **Eligible Activity Set**) را مشخص کنید. این مجموعه شامل فعالیتهايی است که هنوز برنامه‌ریزی نشده‌اند و همچنین یا پیشنياز ندارند یا پیشنياز آنها تا زمان T برنامه‌ریزی و تمام شده باشند.

قدم ۳ - براساس مجموعه فعالیتهای **EAS**، مجموعه **OSS** (مجموعه فعالیتهای مرتب شده برای برنامه‌ریزی **Ordered Scheduling Set**) را تشکیل دهید. در این مجموعه فعالیتهای **EAS** براساس ترتیب صعودی **LS** مرتب شده‌اند و در صورت تساوی **LS** ملاک ترتیب صعودی مدت زمان فعالیت است.

قدم ۴ - فعالیتهای **OSS** را به ترتیب، در صورتی که برای فعالیت در کل زمان اجرا، منابع کافی وجود دارد آن فعالیت را برای شروع در زمان T برنامه‌ریزی کنید.

قدم ۵ - در صورتیکه همه فعالیتها برنامه‌ریزی شده‌اند توقف کنید. در غیر این صورت $T=T+1$ و به قدم ۲ بازگردید.

مثال

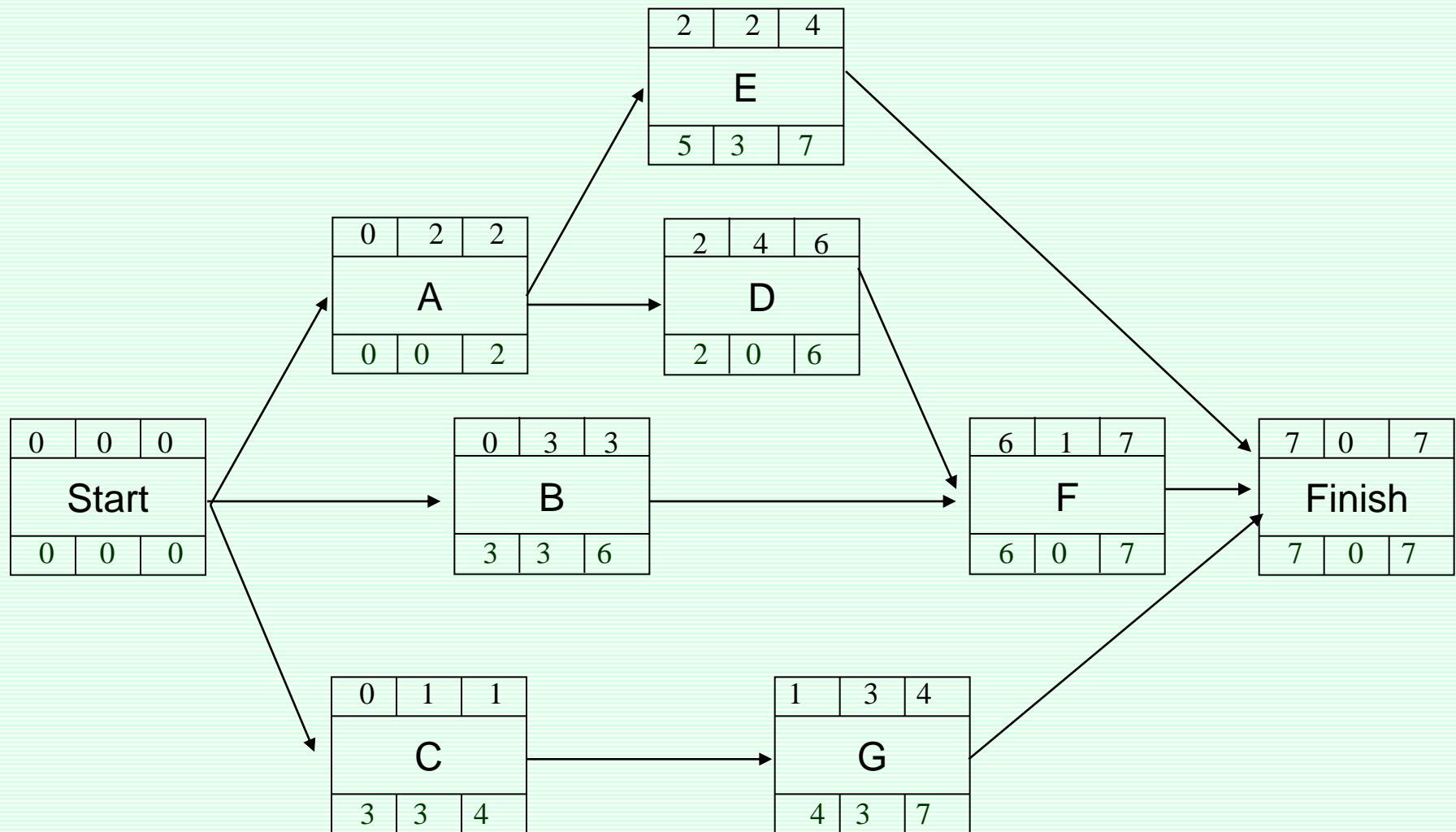


مثال

در این پروژه، به دو نوع منبع نیاز است ماشین آلات ویژه (منبع نوع P) و کارگر (منبع نوع Q) برای اجرای پروژه، ۴ ماشین ویژه و ۵ کارگر در اختیار داریم. میزان نیاز فعالیتها به منابع در جدول زیر نشان داده شده است.

	A	B	C	D	E	F	G
P	2	4	0	2	0	3	0
Q	0	0	3	0	5	0	4

حل مسئله و اجرای الگوریتم:



ACTIVITY	ES	LS	D	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
A	0	0	2											
B	0	3	3											
C	0	3	1											
D	2	2	4											
E	2	5	2											
F	6	6	1											
G	1	4	3											
مقدار منبع P تخصیص داده نشده				4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
مقدار منبع Q تخصیص داده نشده				5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5

ACTIVITY	ES	LS	D	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
A	0	0	2											
B	0	3	3											
C	0	3	1											
D	2	2	4											
E	2	5	2											
F	6	6	1											
G	1	4	3											
مقدار منبع P تخصیص داده نشده				4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
مقدار منبع Q تخصیص داده نشده				5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5

T=0 : مرحله اول

EAS={A,B,C}

LS: 0 , 3 , 3

OSS: A→C→B

ACTIVITY	ES	LS	D	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
A	0	0	2	2 0	2 0									
B	0	3	3											
C	0	3	1											
D	2	2	4											
E	2	5	2											
F	6	6	1											
G	1	4	3											
مقدار منبع P تخصیص داده نشده				2	2	4	4	4	4	4	4	4	4	4
مقدار منبع Q تخصیص داده نشده				5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5

T=0 : مرحله اول

EAS={A,B,C}

LS: 0 , 3 , 3

✓
OSS: A → C → B

ACTIVITY	ES	LS	D	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
A	0	0	2	2 0	2 0									
B	0	3	3											
C	0	3	1	0 3										
D	2	2	4											
E	2	5	2											
F	6	6	1											
G	1	4	3											
مقدار منبع P تخصیص داده نشده	2	2	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
مقدار منبع Q تخصیص داده نشده	3	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5

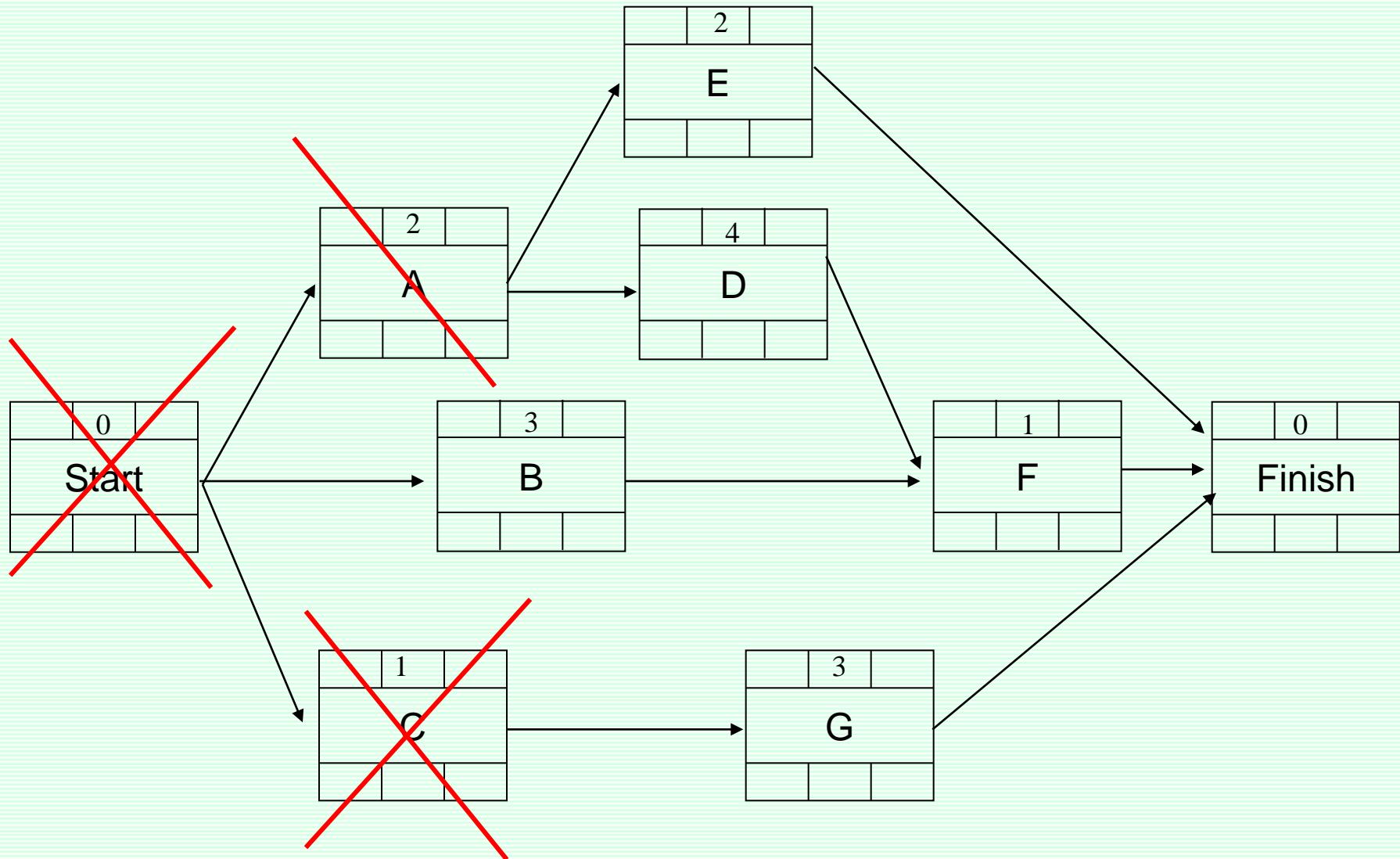
T=0 : مرحله اول

EAS={A,B,C}

LS: 0 , 3 , 3

✓ ✓ ✗
OSS: A → C → B

T=1 مرحله دوم :



ACTIVITY	ES	LS	D	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
A	0	0	2	2 0	2 0									
B	0	3	3											
C	0	3	1	0 3										
D	2	2	4											
E	2	5	2											
F	6	6	1											
G	1	4	3											
مقدار منبع P تخصیص داده نشده			2	2	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
مقدار منبع Q تخصیص داده نشده			3	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5

T=1 : مرحله دوم

EAS={B,G}

LS: 3 , 4

x
OSS: B → G

ACTIVITY	ES	LS	D	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
A	0	0	2	2 0	2 0									
B	0	3	3											
C	0	3	1	0 3										
D	2	2	4											
E	2	5	2											
F	6	6	1											
G	1	4	3		0 4	0 4	0 4							
مقدار منبع P تخصیص داده نشده				2	2	4	4	4	4	4	4	4	4	4
مقدار منبع Q تخصیص داده نشده				3	1	1	1	5	5	5	5	5	5	5

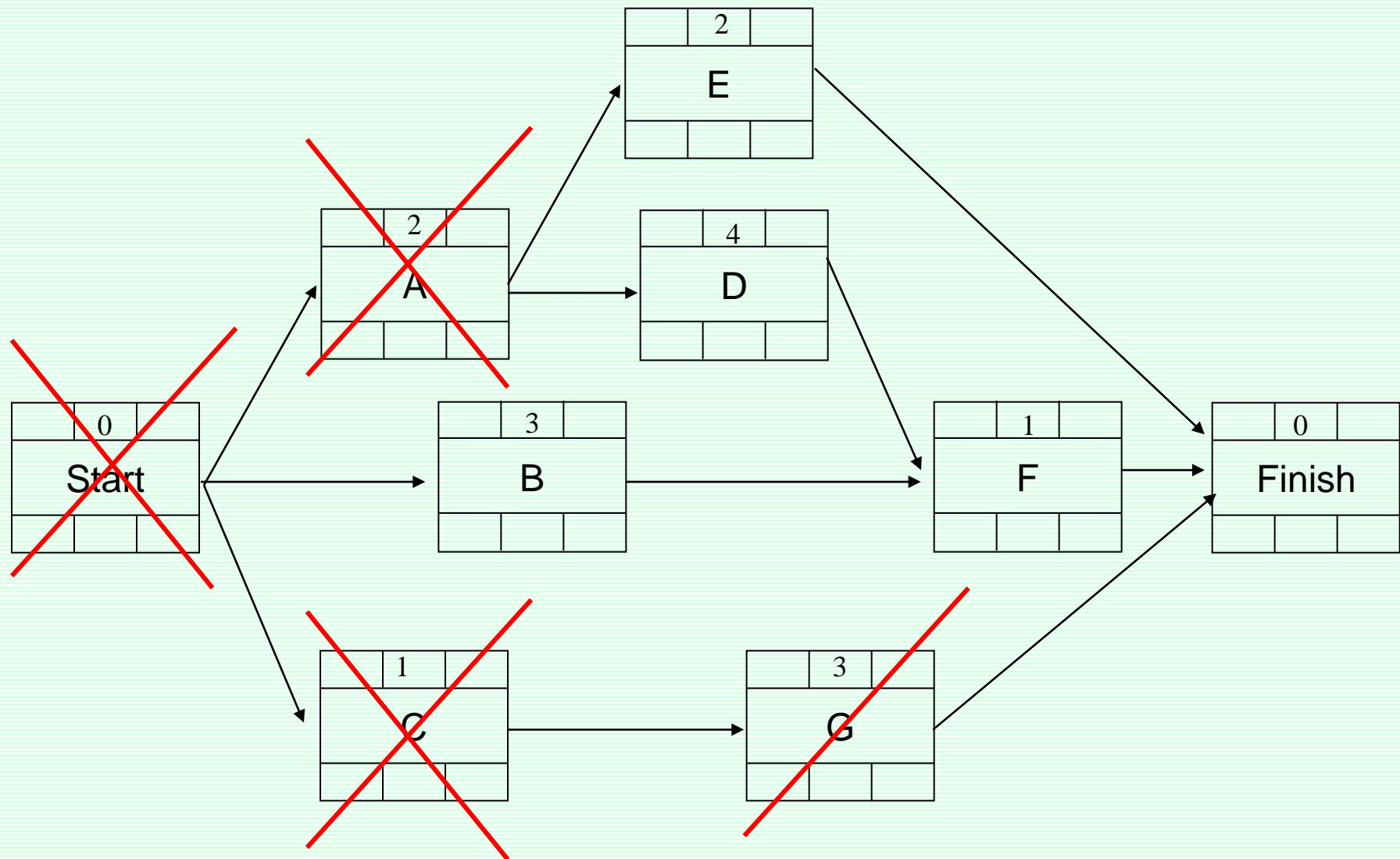
T=1 مرحله دوم :

EAS={B,G}

LS: 3 , 4

x ✓
OSS: B → G

T=2 : مرحله سوم



ACTIVITY	ES	LS	D	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
A	0	0	2	2 0	2 0									
B	0	3	3											
C	0	3	1	0 3										
D	2	2	4											
E	2	5	2											
F	6	6	1											
G	1	4	3		0 4	0 4	0 4							
مقدار منبع P تخصیص داده نشده				2	2	4	4	4	4	4	4	4	4	4
مقدار منبع Q تخصیص داده نشده				3	1	1	1	5	5	5	5	5	5	5

T=2 : مرحله سوم

EAS={B,E,D}

LS: 3 , 5 , 2

OSS: D → B → E

ACTIVITY	ES	LS	D	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
A	0	0	2	2 0	2 0									
B	0	3	3											
C	0	3	1	0 3										
D	2	2	4			2 0	2 0	2 0	2 0					
E	2	5	2											
F	6	6	1											
G	1	4	3			0 4	0 4	0 4						
مقدار منبع P تخصیص داده نشده	2	2	2	2	2	2	2	4	4	4	4			
مقدار منبع Q تخصیص داده نشده	3	1	1	1	5	5	5	5	5	5	5			

مرحله سوم : $T=2$

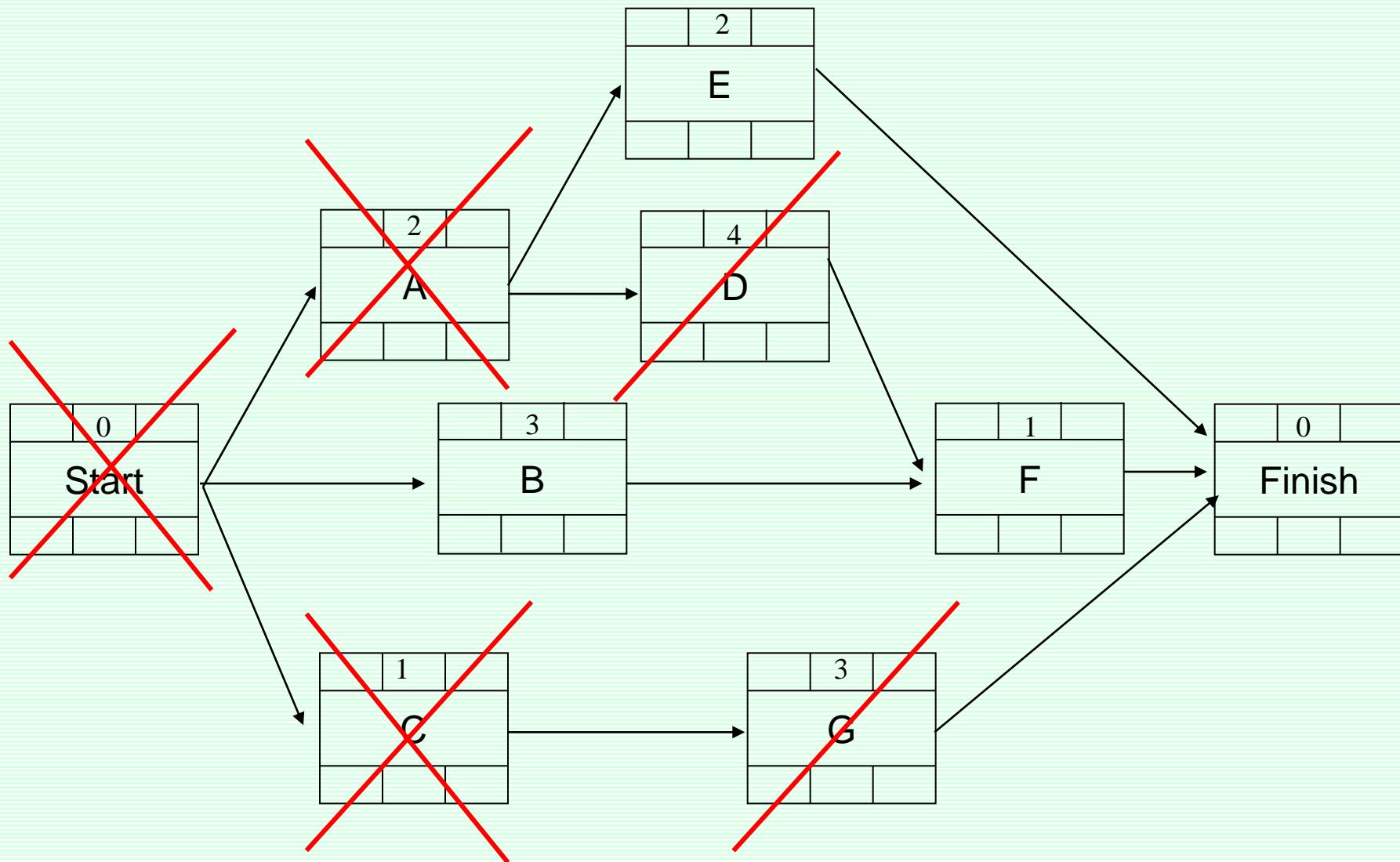
✓ ✗ ✗

$EAS=\{B,E,D\}$

OSS: D → B → E

LS: 3 , 5 , 2

T=3 : مرحله چهارم



ACTIVITY	ES	LS	D	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
A	0	0	2	2 0	2 0									
B	0	3	3											
C	0	3	1	0 3										
D	2	2	4			2 0	2 0	2 0	2 0					
E	2	5	2											
F	6	6	1											
G	1	4	3			0 4	0 4	0 4						
مقدار منبع P تخصیص داده نشده	2	2	2	2	2	2	2	4	4	4	4			
مقدار منبع Q تخصیص داده نشده	3	1	1	1	5	5	5	5	5	5	5			

x x

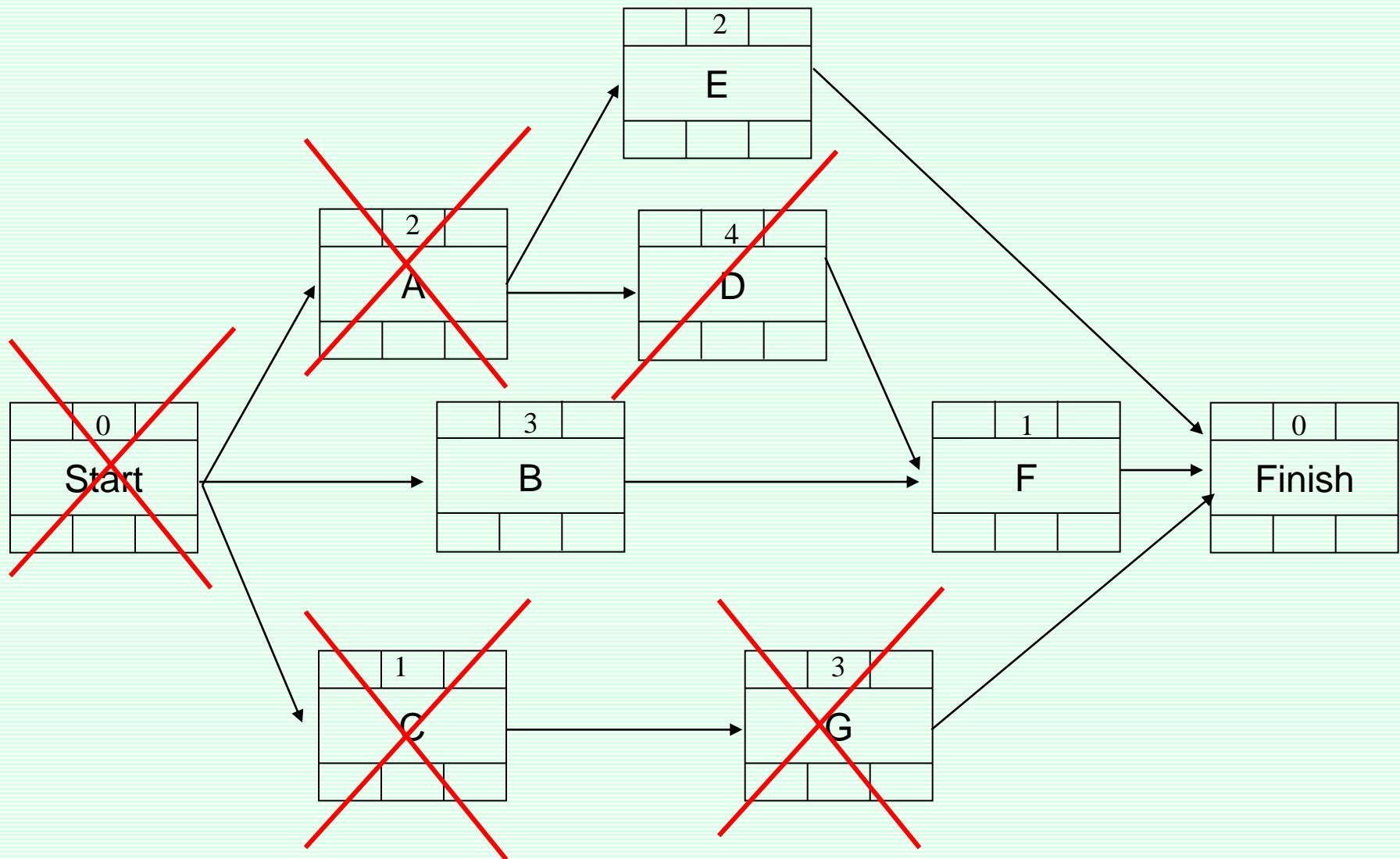
T=3 : مرحله چهارم

EAS={B,E}

OSS: B → E

LS: 3 , 5

T=4 مرحله پنجم :



ACTIVITY	ES	LS	D	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
A	0	0	2	2 0	2 0									
B	0	3	3											
C	0	3	1	0 3										
D	2	2	4			2 0	2 0	2 0	2 0					
E	2	5	2											
F	6	6	1											
G	1	4	3			0 4	0 4	0 4						
مقدار منبع P تخصیص داده نشده	2	2	2	2	2	2	2	4	4	4	4			
مقدار منبع Q تخصیص داده نشده	3	1	1	1	5	5	5	5	5	5	5			

x

T=4 : مرحله پنجم

EAS={B,E}

OSS: B → E

LS: 3 , 5

ACTIVITY	ES	LS	D	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
A	0	0	2	2 0	2 0									
B	0	3	3											
C	0	3	1	0 3										
D	2	2	4			2 0	2 0	2 0	2 0					
E	2	5	2					0 5	0 5					
F	6	6	1											
G	1	4	3		0 4	0 4	0 4							
مقدار منبع P تخصیص داده نشده				2	2	2	2	2	2	4	4	4	4	
مقدار منبع Q تخصیص داده نشده				3	1	1	1	0	0	5	5	5	5	

x ✓

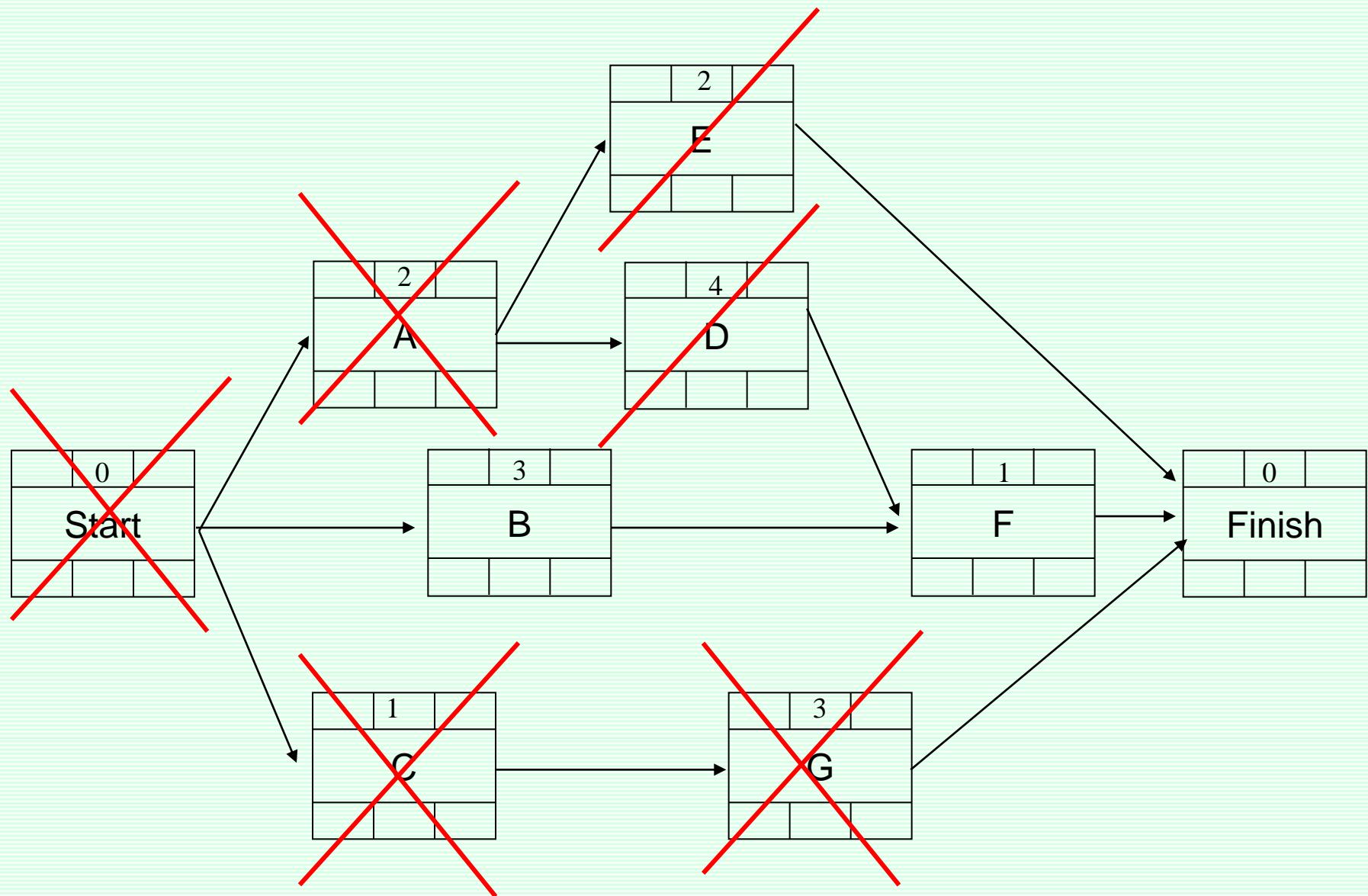
مرحله پنجم : T=4

EAS={B,E}

OSS: B → E

LS: 3 , 5

T=5 مرحله ششم :



ACTIVITY	ES	LS	D	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
A	0	0	2	2 0	2 0									
B	0	3	3											
C	0	3	1	0 3										
D	2	2	4			2 0	2 0	2 0	2 0					
E	2	5	2					0 5	0 5					
F	6	6	1											
G	1	4	3			0 4	0 4	0 4						
مقدار منبع P تخصیص داده نشده	2	2	2	2	2	2	2	4	4	4	4			
مقدار منبع Q تخصیص داده نشده	3	1	1	1	0	0	5	5	5	5				

x

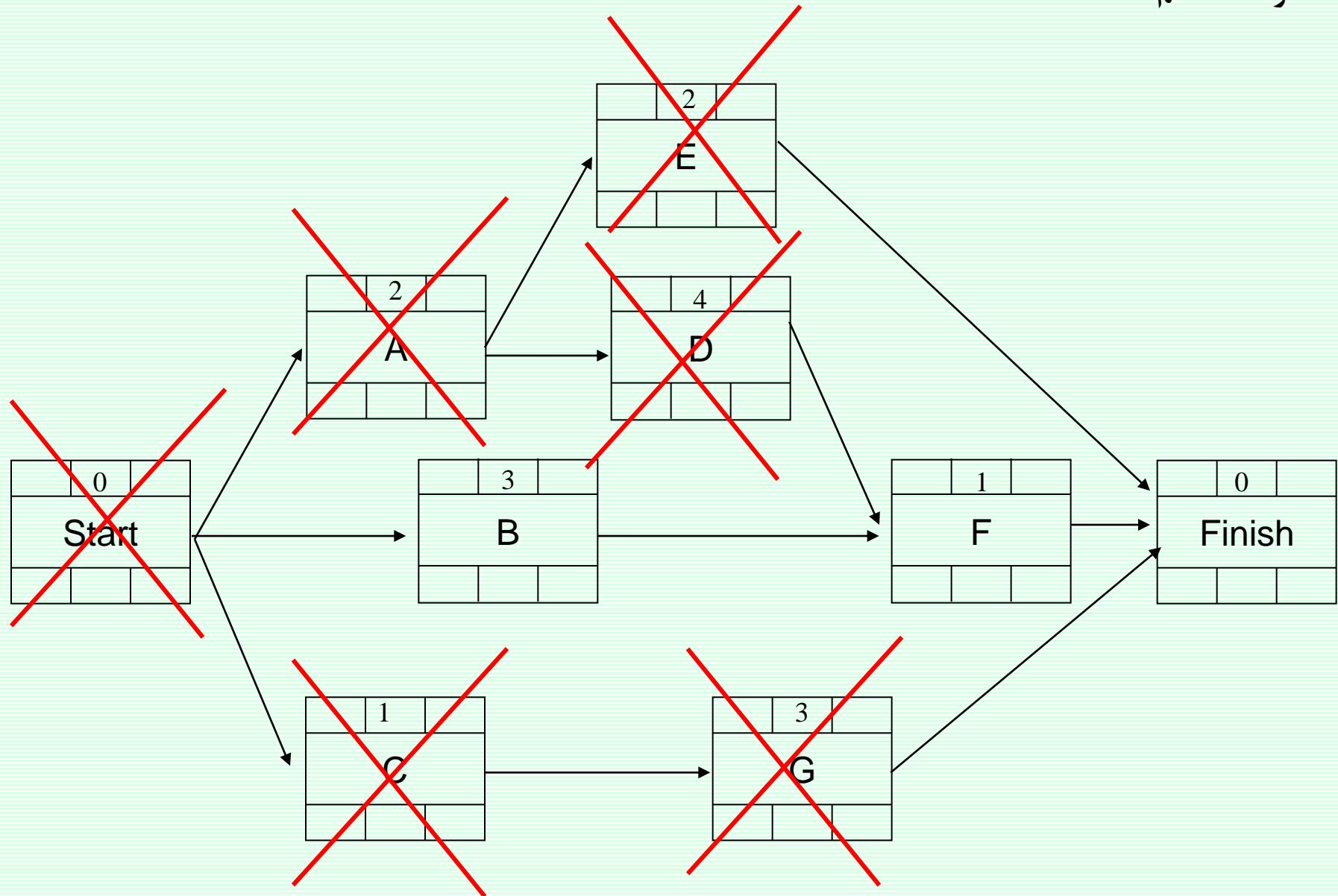
T=5 : مرحله ششم

EAS={B}

OSS: B

LS: 3

T=6 مرحله هفتم :



ACTIVITY	ES	LS	D	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
A	0	0	2	2 0	2 0									
B	0	3	3											
C	0	3	1	0 3										
D	2	2	4			2 0	2 0	2 0	2 0					
E	2	5	2					0 5	0 5					
F	6	6	1											
G	1	4	3			0 4	0 4	0 4						
مقدار منبع P تخصیص داده نشده				2	2	2	2	2	2	4	4	4	4	
مقدار منبع Q تخصیص داده نشده				3	1	1	1	0	0	5	5	5	5	

T=6 : مرحله هفتم

EAS={B}

OSS: B

LS: 3

ACTIVITY	ES	LS	D	T									
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
A	0	0	2	2 0	2 0								
B	0	3	3							4 0	4 0	4 0	
C	0	3	1	0 3									
D	2	2	4			2 0	2 0	2 0	2 0				
E	2	5	2					0 5	0 5				
F	6	6	1										
G	1	4	3		0 4	0 4	0 4						
مقدار منبع P تخصیص داده نشده				2	2	2	2	2	2	0	0	0	4
مقدار منبع Q تخصیص داده نشده				3	1	1	1	0	0	5	5	5	5

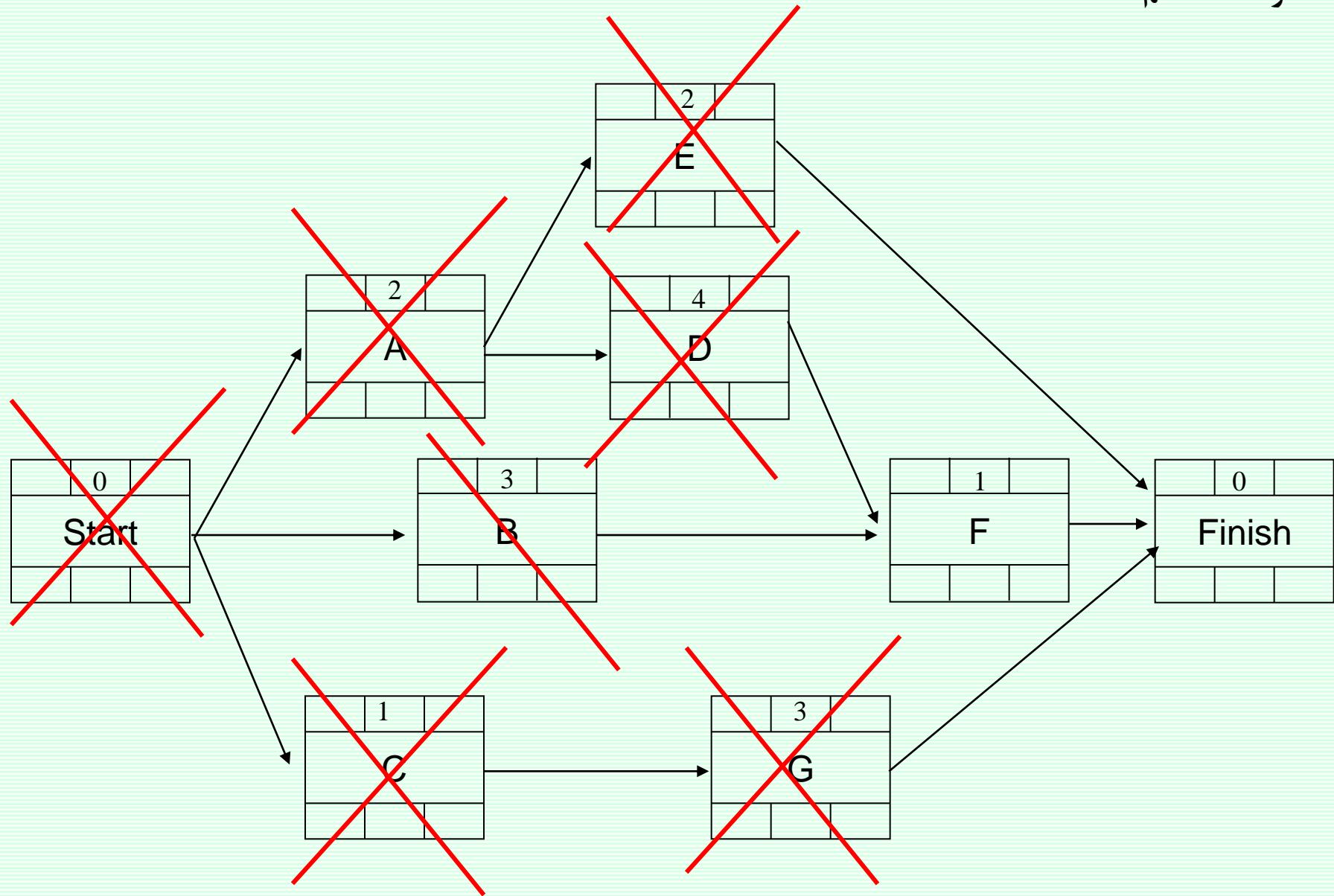
T=6 : مرحله هفتم

EAS={B}

✓
OSS: B

LS: 3

T=7 : مرحله هشتم

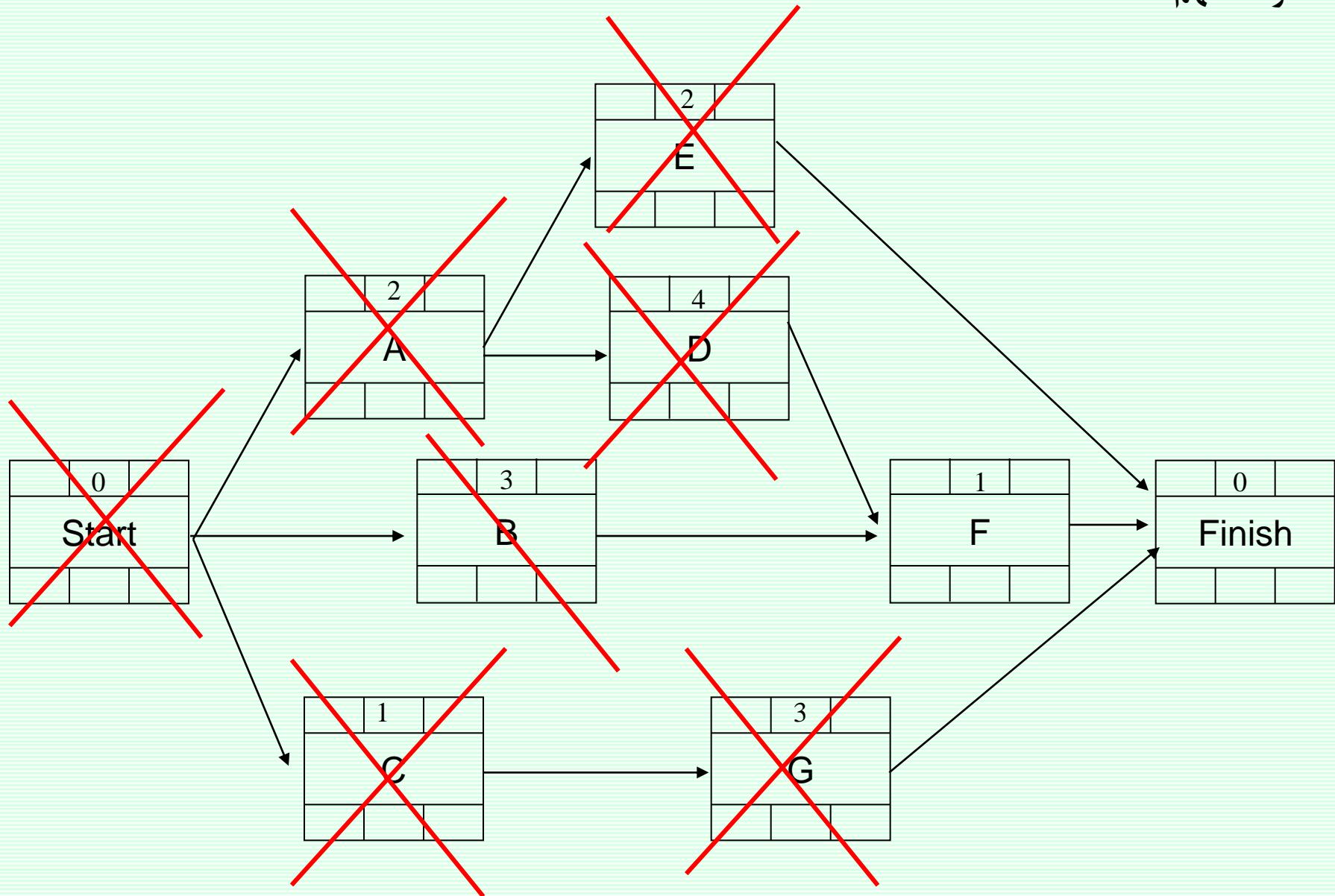


ACTIVITY	ES	LS	D	T									
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
A	0	0	2	2 0	2 0								
B	0	3	3							4 0	4 0	4 0	
C	0	3	1	0 3									
D	2	2	4			2 0	2 0	2 0	2 0				
E	2	5	2					0 5	0 5				
F	6	6	1										
G	1	4	3		0 4	0 4	0 4						
مقدار منبع P تخصیص داده نشده				2	2	2	2	2	2	0	0	0	4
مقدار منبع Q تخصیص داده نشده				3	1	1	1	0	0	5	5	5	5

T=7 : مرحله هشتم

EAS={}

T=8 مرحله نهم :

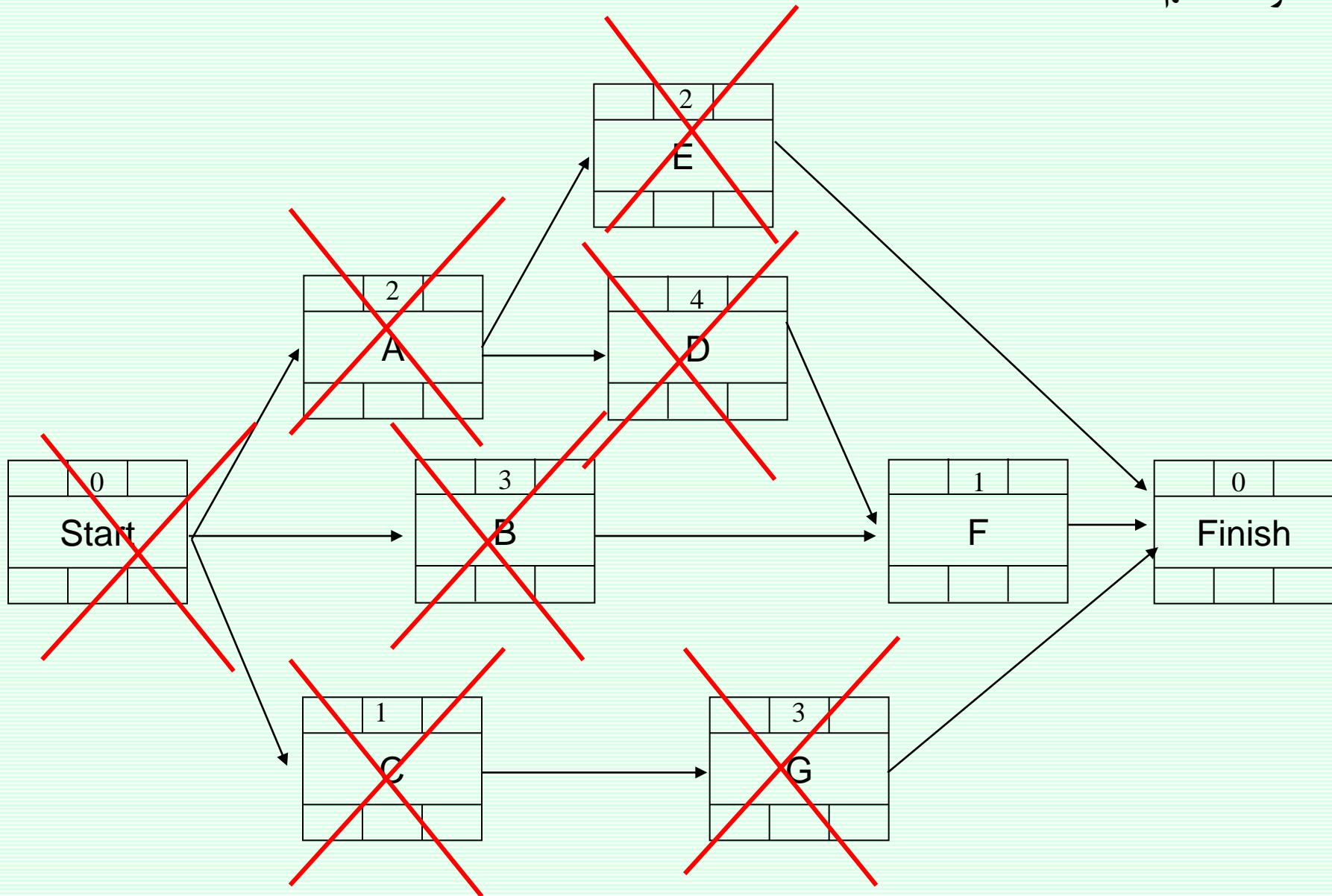


ACTIVITY	ES	LS	D	T									
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
A	0	0	2	2 0	2 0								
B	0	3	3							4 0	4 0	4 0	
C	0	3	1	0 3									
D	2	2	4			2 0	2 0	2 0	2 0				
E	2	5	2					0 5	0 5				
F	6	6	1										
G	1	4	3		0 4	0 4	0 4						
مقدار منبع P تخصیص داده نشده				2	2	2	2	2	2	0	0	0	4
مقدار منبع Q تخصیص داده نشده				3	1	1	1	0	0	5	5	5	5

T=8 : مرحله نهم

EAS={}

مرحله دهم : $T=9$



ACTIVITY	ES	LS	D	T									
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
A	0	0	2	2 0	2 0								
B	0	3	3							4 0	4 0	4 0	
C	0	3	1	0 3									
D	2	2	4			2 0	2 0	2 0	2 0				
E	2	5	2					0 5	0 5				
F	6	6	1										
G	1	4	3		0 4	0 4	0 4						
مقدار منبع P تخصیص داده نشده				2	2	2	2	2	2	0	0	0	4
مقدار منبع Q تخصیص داده نشده				3	1	1	1	0	0	5	5	5	5

EAS={F}

OSS: F

مرحله دهم : T=9

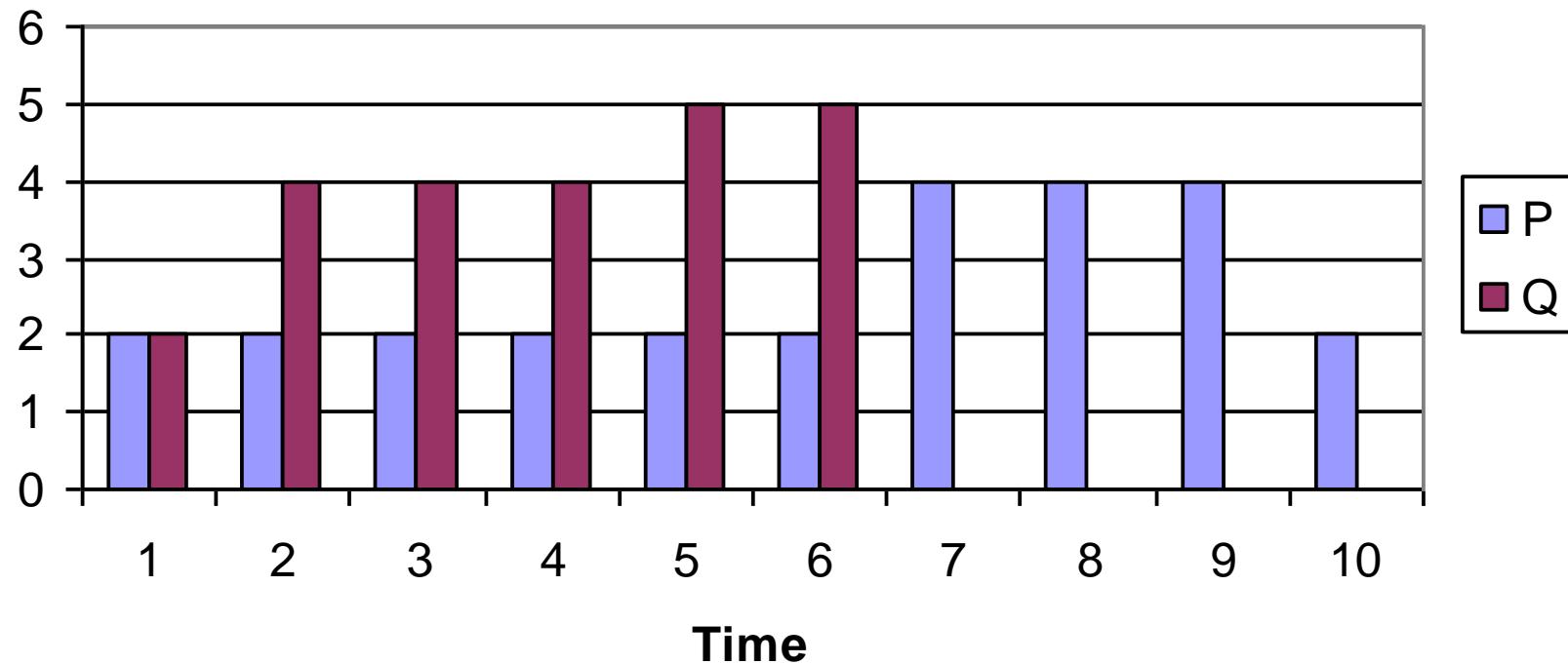
ACTIVITY	ES	LS	D	T									
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
A	0	0	2	2 0	2 0								
B	0	3	3							4 0	4 0	4 0	
C	0	3	1	0 3									
D	2	2	4			2 0	2 0	2 0	2 0				
E	2	5	2					0 5	0 5				
F	6	6	1										3 0
G	1	4	3		0 4	0 4	0 4						
مقدار منبع P تخصیص داده نشده				2	2	2	2	2	2	0	0	0	2
مقدار منبع Q تخصیص داده نشده				3	1	1	1	0	0	5	5	5	5

EAS={F}

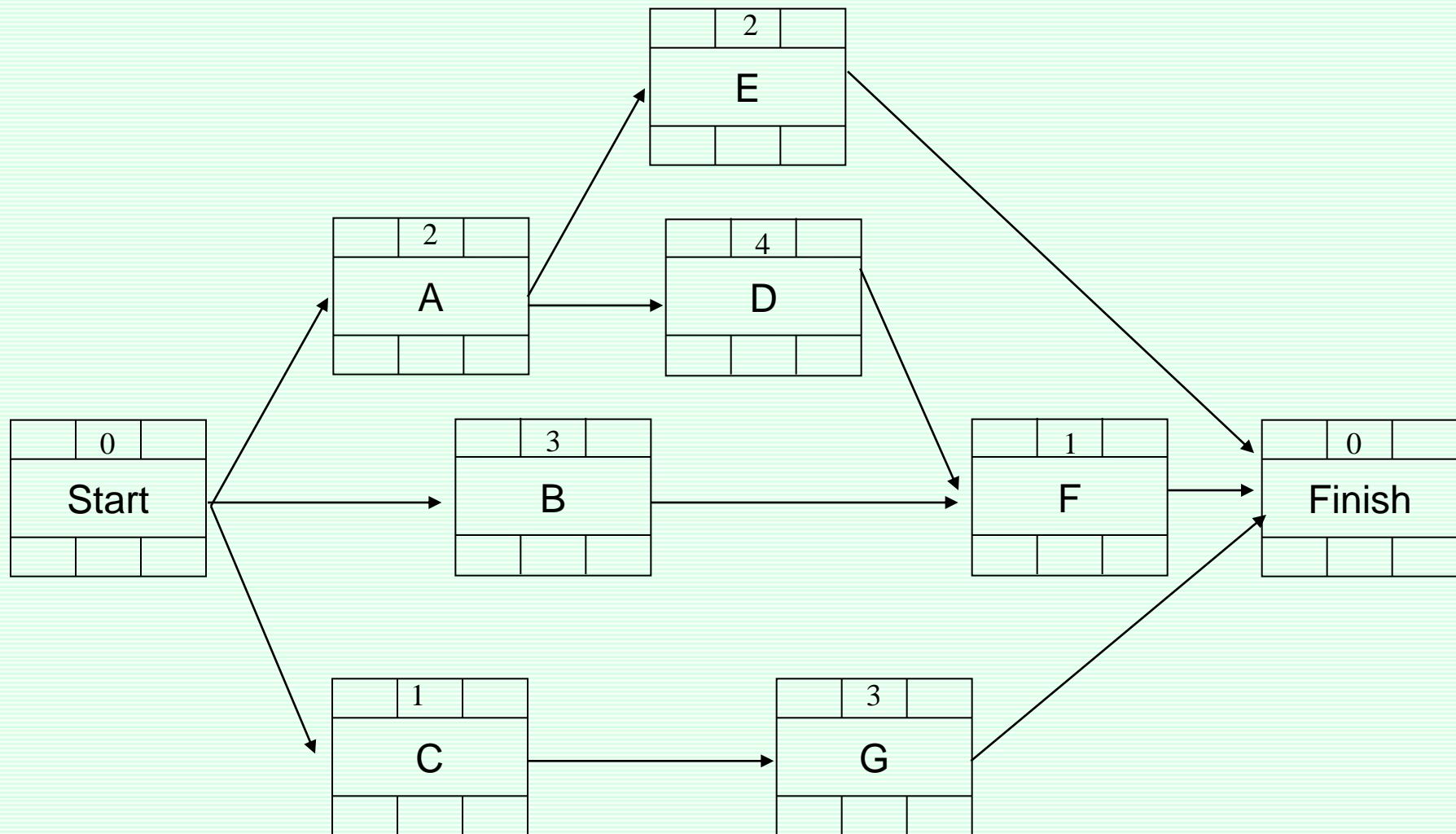
✓
OSS: F

مرحله دهم : T=9

Resource Graph



تمرين

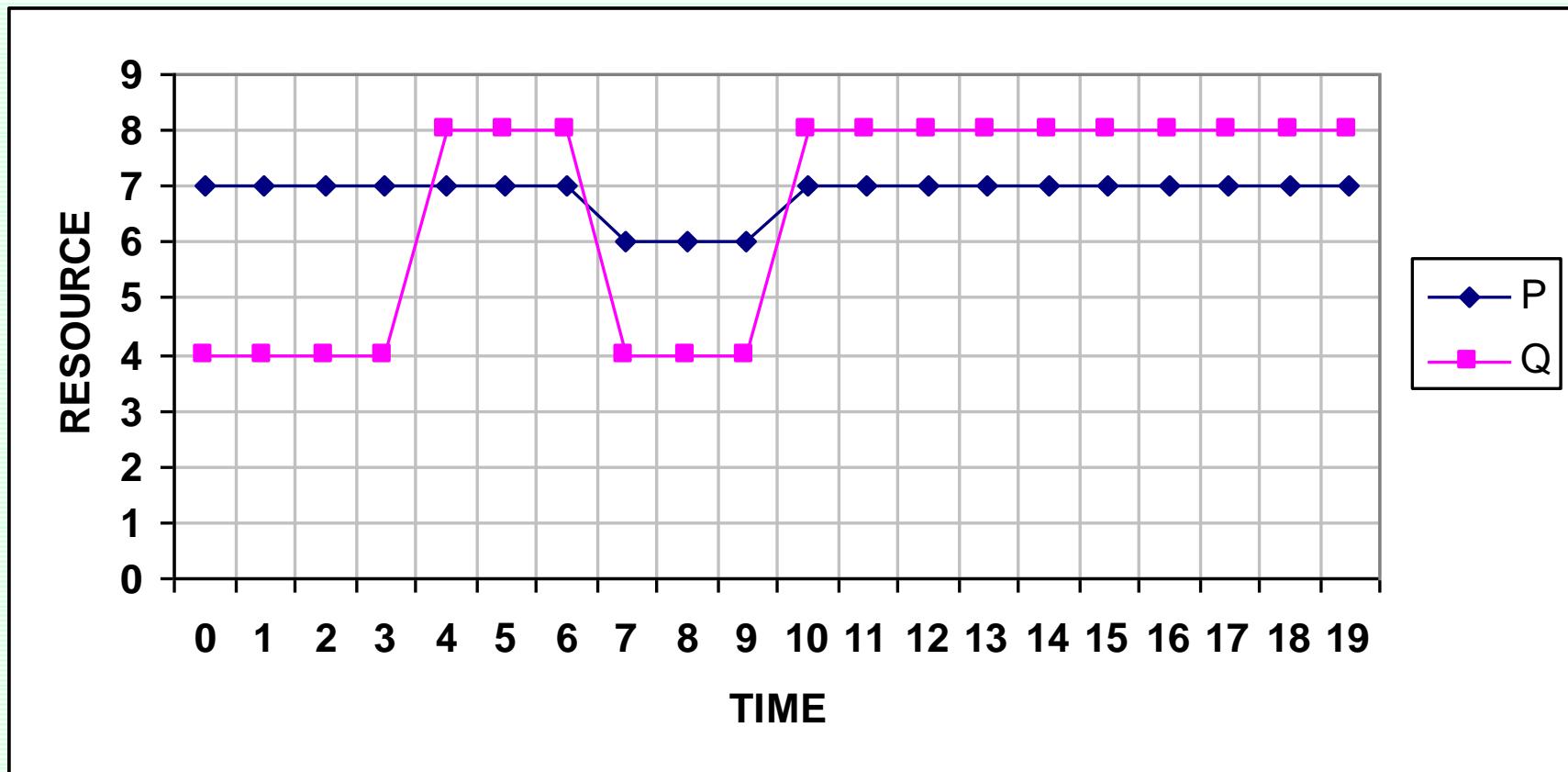


تمرین

در این پروژه، به دو نوع منبع نیاز است ماشین آلات ویژه (منبع نوع P) و کارگر (منبع نوع Q) میزان نیاز فعالیتها به منابع در جدول زیر نشان داده شده است.

	A	B	C	D	E	F	G
P	2	4	1	2	0	3	1
Q	1	2	3	3	3	3	4

میزان منابع در دسترس

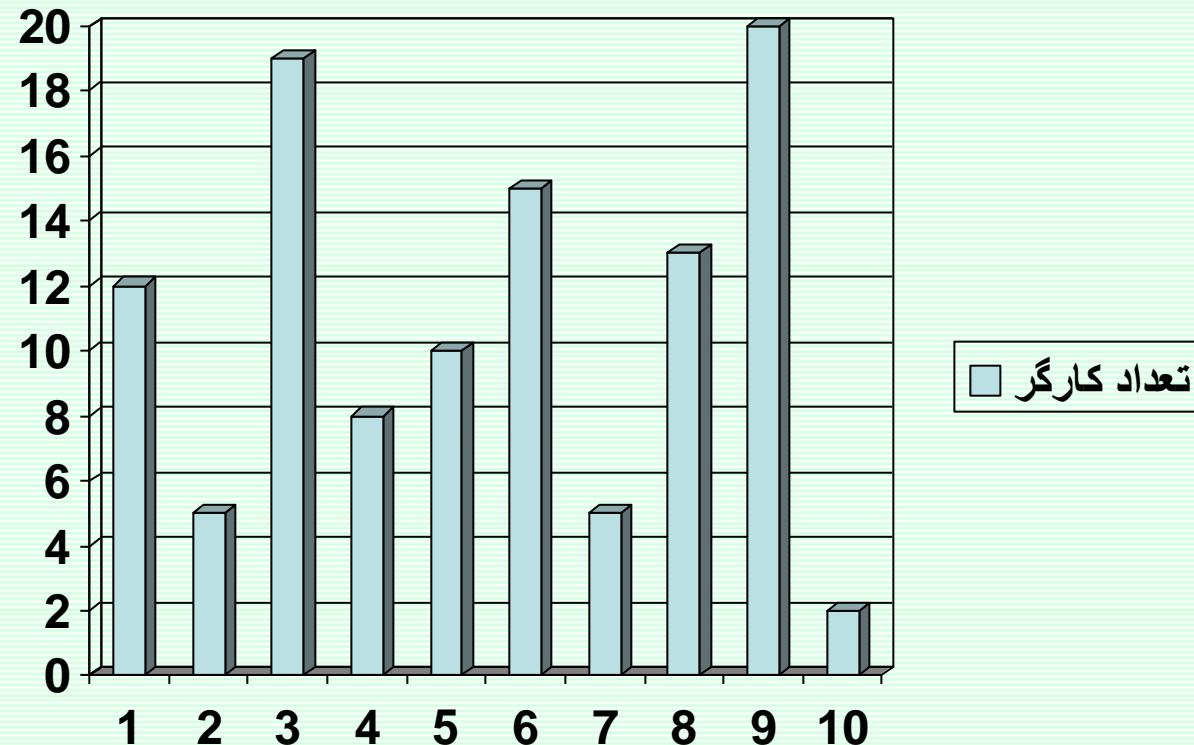


برنامه ریزی منابع

ب- تخصیص منابع نامحدود (تسطیح منابع)

Resource Leveling

Resource Graph



r_t : تعداد منبع مورد استفاده در مقطع زمانی t

$$\text{Min} \sum_{t=1}^{T_c} (r_{t+1} - r_t)^2$$

$$\text{Min} \sum_{t=1}^{T_c} (r_t)^2$$

الگوریتم برگس (Burgess)

قدمهای الگوریتم:

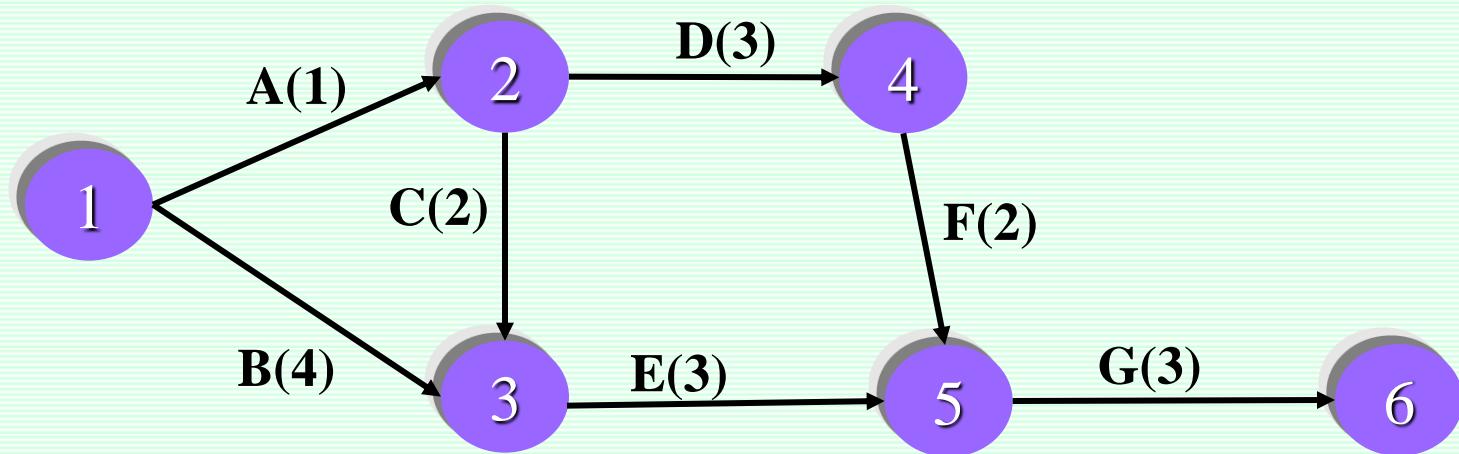
قدم ۱ - فعالیتها را به ترتیب شماره گره پایانی و در صورتی که دو فعالیت دارای یک گره پایانی هستند به ترتیب افزایش شماره گره شروعی از بالا به پایین در جدول قرار دهید.

قدم ۲ - از آخرين فعاليت (پايين ليست) شروع نموده و فعاليت را به نحوی برنامه ریزی کنيد که رابطه $Z = \text{Min} \sum (r_t^2)$ در آن حداقل باشد در صورتی که اين رابطه در دو یا چند وضعیت مختلف حداقل باشد وضعیتی را انتخاب کنيد که فعالیت از حداکثر شناوری خود استفاده کرده باشد.

قدم ۳ - عملیات مربوط به قدم ۲ را به ترتیب برای سایر فعالیتها از پایین به بالا تکرار کنید.

قدم ۴ - پس از آنکه تمامی فعالیتها برنامه ریزی شدند مجددا از پایین ترین فعالیت جدول، قدمهای ۲ و ۳ را برای تمامی فعالیتها تکرار می کنیم. این روند را آنقدر ادامه می دهیم تا کاهش بیشتری در تابع Z ممکن نباشد.

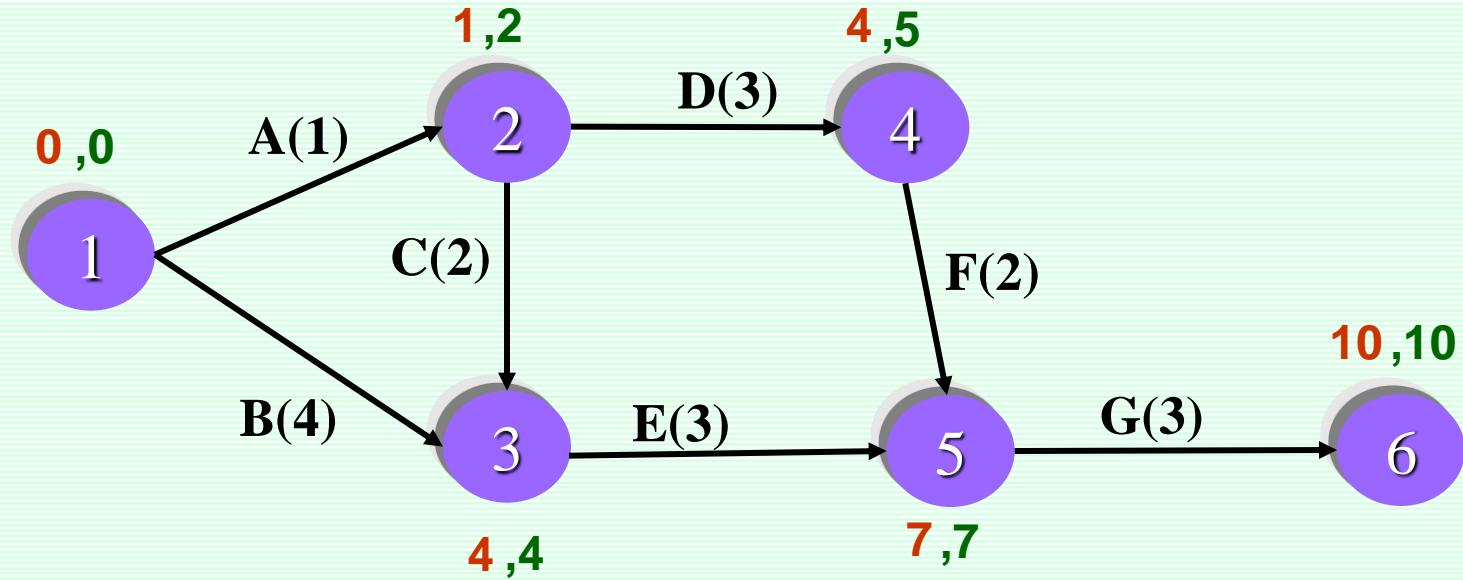
مثال



	A	B	C	D	E	F	G
تعداد کارگر	1	2	3	2	1	4	4

کارگر را بعنوان منبع نامحدود در نظر بگیرید.

حل مسئله و اجرای الگوریتم:



ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1											
1-3	0	0	2											
2-3	1	2	3											
2-4	1	2	2											
3-5	4	4	1											
4-5	4	5	4											
5-6	7	7	4											
r_t														
$(r_t)2$														

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1											
1-3	0	0	2											
2-3	1	2	3											
2-4	1	2	2											
3-5	4	4	1											
4-5	4	5	4											
5-6	7	7	4								4	4	4	
r_t											4	4	4	
$(r_t)2$											16	16	16	

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1											
1-3	0	0	2											
2-3	1	2	3											
2-4	1	2	2											
3-5	4	4	1											
4-5	4	5	4						4	4				
5-6	7	7	4								4	4	4	
r_t									4	4	4	4	4	
$(r_t)2$									16	16	16	16	16	

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1											
1-3	0	0	2											
2-3	1	2	3											
2-4	1	2	2											
3-5	4	4	1					1	1	1				
4-5	4	5	4						4	4				
5-6	7	7	4								4	4	4	
r_t								1	5	5	4	4	4	
$(r_t)2$								1	25	25	16	16	16	

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1											
1-3	0	0	2											
2-3	1	2	3											
2-4	1	2	2		2	2	2							
3-5	4	4	1					1	1	1				
4-5	4	5	4						4	4				
5-6	7	7	4							4	4	4		
r_t					2	2	2	1	5	5	4	4	4	
$(r_t)2$					4	4	4	1	25	25	16	16	16	

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1											
1-3	0	0	2	2	2	2	2	2						
2-3	1	2	3			3	3							
2-4	1	2	2		2	2	2	2						
3-5	4	4	1					1	1	1				
4-5	4	5	4						4	4				
5-6	7	7	4							4	4	4		
r_t				2	4	7	7	1	5	5	4	4	4	
$(r_t)2$				4	16	49	49	1	25	25	16	16	16	

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1		1									
1-3	0	0	2		2	2	2	2						
2-3	1	2	3			3	3							
2-4	1	2	2		2	2	2							
3-5	4	4	1					1	1	1				
4-5	4	5	4						4	4				
5-6	7	7	4							4	4	4		
r_t				3	4	7	7	1	5	5	4	4	4	
$(r_t)2$				9	16	49	49	1	25	25	16	16	16	

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1		1									
1-3	0	0	2		2	2	2	2						
2-3	1	2	3			3	3							
2-4	1	2	2		2	2	2							
3-5	4	4	1					1	1	1				
4-5	4	5	4						4	4				
5-6	7	7	4							4	4	4		
r_t				3	4	7	7	1	5	5	4	4	4	
$(r_t)2$				9	16	49	49	1	25	25	16	16	16	

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1		1									
1-3	0	0	2		2	2	2	2						
2-3	1	2	3				3	3						
2-4	1	2	2		2	2	2							
3-5	4	4	1					1	1	1				
4-5	4	5	4						4	4				
5-6	7	7	4							4	4	4		
r_t				3	4	7	7	1	5	5	4	4	4	
$(r_t)2$				9	16	49	49	1	25	25	16	16	16	

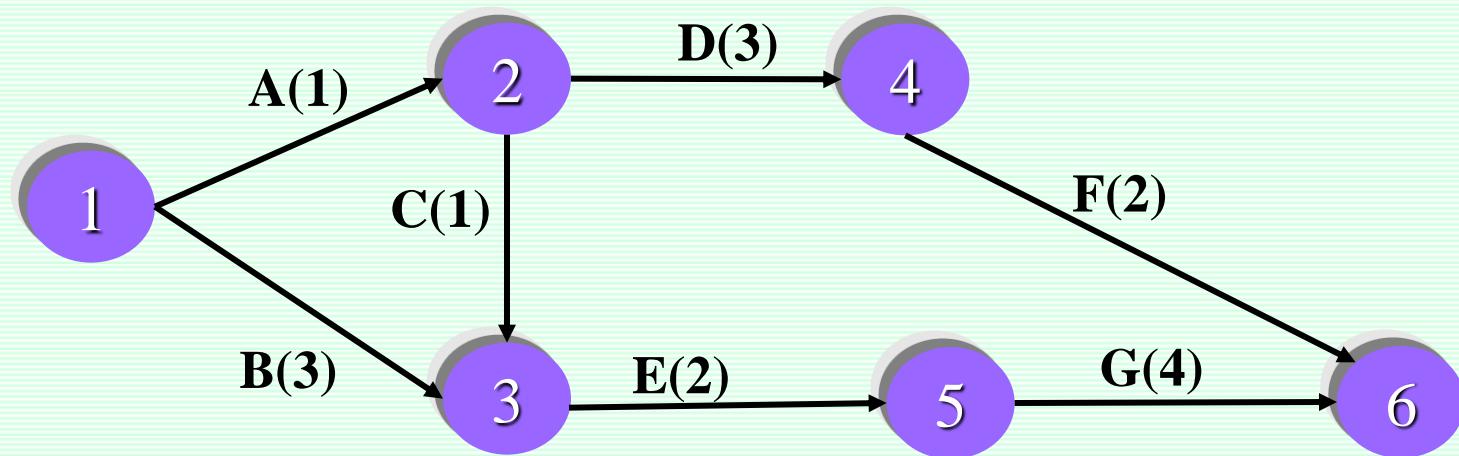
ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1		1									
1-3	0	0	2		2	2	2	2						
2-3	1	2	3			3	3							
2-4	1	2	2			2	2	2						
3-5	4	4	1					1	1	1				
4-5	4	5	4						4	4				
5-6	7	7	4							4	4	4		
r_t				3	2	7	7	3	5	5	4	4	4	
$(r_t)2$				9	4	49	49	9	25	25	16	16	16	

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1		1									
1-3	0	0	2		2	2	2	2						
2-3	1	2	3			3	3							
2-4	1	2	2			2	2	2						
3-5	4	4	1					1	1	1				
4-5	4	5	4						4	4				
5-6	7	7	4							4	4	4		
r_t				3	2	7	7	3	5	5	4	4	4	
$(r_t)2$				9	4	49	49	9	25	25	16	16	16	

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1		1									
1-3	0	0	2		2	2	2	2						
2-3	1	2	3			3	3							
2-4	1	2	2			2	2	2						
3-5	4	4	1					1	1	1				
4-5	4	5	4						4	4				
5-6	7	7	4							4	4	4		
r_t				3	2	7	7	3	5	5	4	4	4	
$(r_t)2$				9	4	49	49	9	25	25	16	16	16	

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1		1									
1-3	0	0	2		2	2	2	2						
2-3	1	2	3			3	3							
2-4	1	2	2				2	2	2					
3-5	4	4	1					1	1	1				
4-5	4	5	4						4	4				
5-6	7	7	4							4	4	4		
r_t				3	5	7	4	3	5	5	4	4	4	
$(r_t)2$				9	25	49	16	9	25	25	16	16	16	

تمرين



	A	B	C	D	E	F	G
تعداد کارگر	1	3	2	2	4	3	4

کارگر را بعنوان منبع نامحدود در نظر بگیرید.

برنامه ریزی و کنترل پروژه

جزوه شماره ۵ – شبکه‌های پیش‌نیازی PN

استاد: امیر عباس نجفی

تعیین توالی فعالیتها (بسته‌های کاری)

تعریف : به فعالیت Y پیش‌نیاز (Predecessor) فعالیت X گفته می‌شود اگر انجام فعالیت X به انجام فعالیت Y وابسته باشد.



- در این صورت به فعالیت X نیز پی‌آمد (Successor) فعالیت Y اطلاق می‌شود.

انواع ارتباط و وابستگی بین فعالیتها

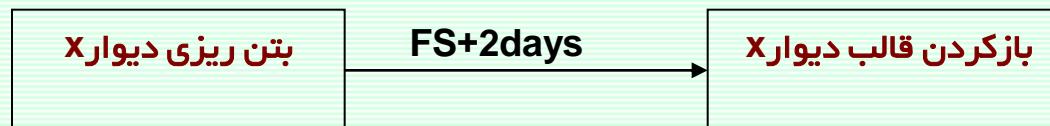
بطور کلی ۴ نوع رابطه پیشنهادی بین فعالیتها وجود دارد:

۱ - پایان به شروع (FS)

ارتباط از فعالیتی که می‌باید خاتمه یابد به فعالیتی که می‌تواند پس از خاتمه آن شروع شود. بدین ترتیب آغاز فعالیت پی‌آمد منوط به پایان فعالیت پیشنهادی است.



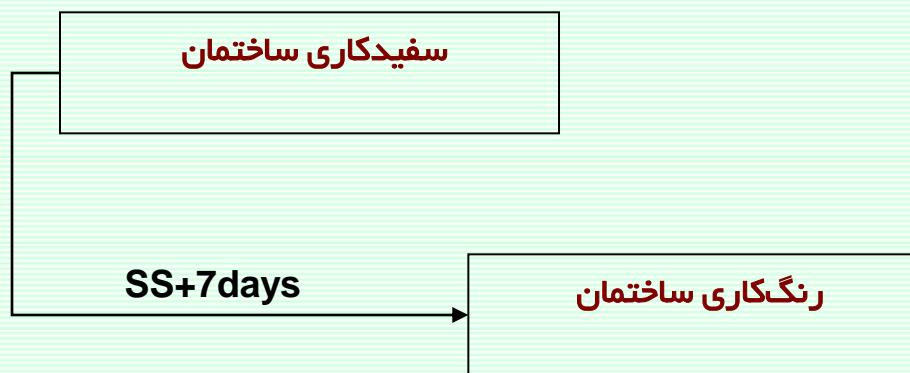
ارتباط می‌تواند همراه با یک تأخیر زمانی Lag باشد.



انواع ارتباط و وابستگی بین فعالیتها

۲- شروع به شروع (SS)

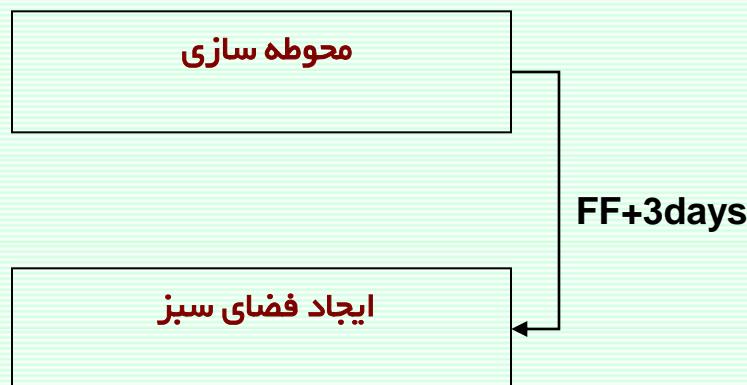
ارتباط از فعالیتی که می‌باید شروع شود به فعالیتی که می‌تواند پس از آغاز آن شروع شود. بدین ترتیب آغاز فعالیت پی‌آمد منوط به شروع فعالیت پیشنهادی است.



أنواع ارتباط و وابستگی بين فعاليتها

۳- پایان به پایان (FF)

ارتباط از فعالیتی که می‌باید خاتمه یابد به فعالیتی که می‌تواند پس از خاتمه آن پایان پذیرد. بدین ترتیب تکمیل فعالیت پی‌آمد وابسته به پایان فعالیت پیشناز است.



انواع ارتباط و وابستگی بین فعالیتها

۱۴- شروع به پایان (SF)

ارتباط از فعالیتی که می‌باید شروع شود به فعالیتی که می‌تواند پس از آغاز آن خاتمه یابد. بدین ترتیب تکمیل فعالیت پی‌آمد منوط به شروع فعالیت پیشنهادی است.



چند مثال

$F_A F_B - 10\text{days}$

$S_A S_B + 30\text{days}$

$S_A F_B + 4\text{days}$

$F_A S_B + 8\text{days}$

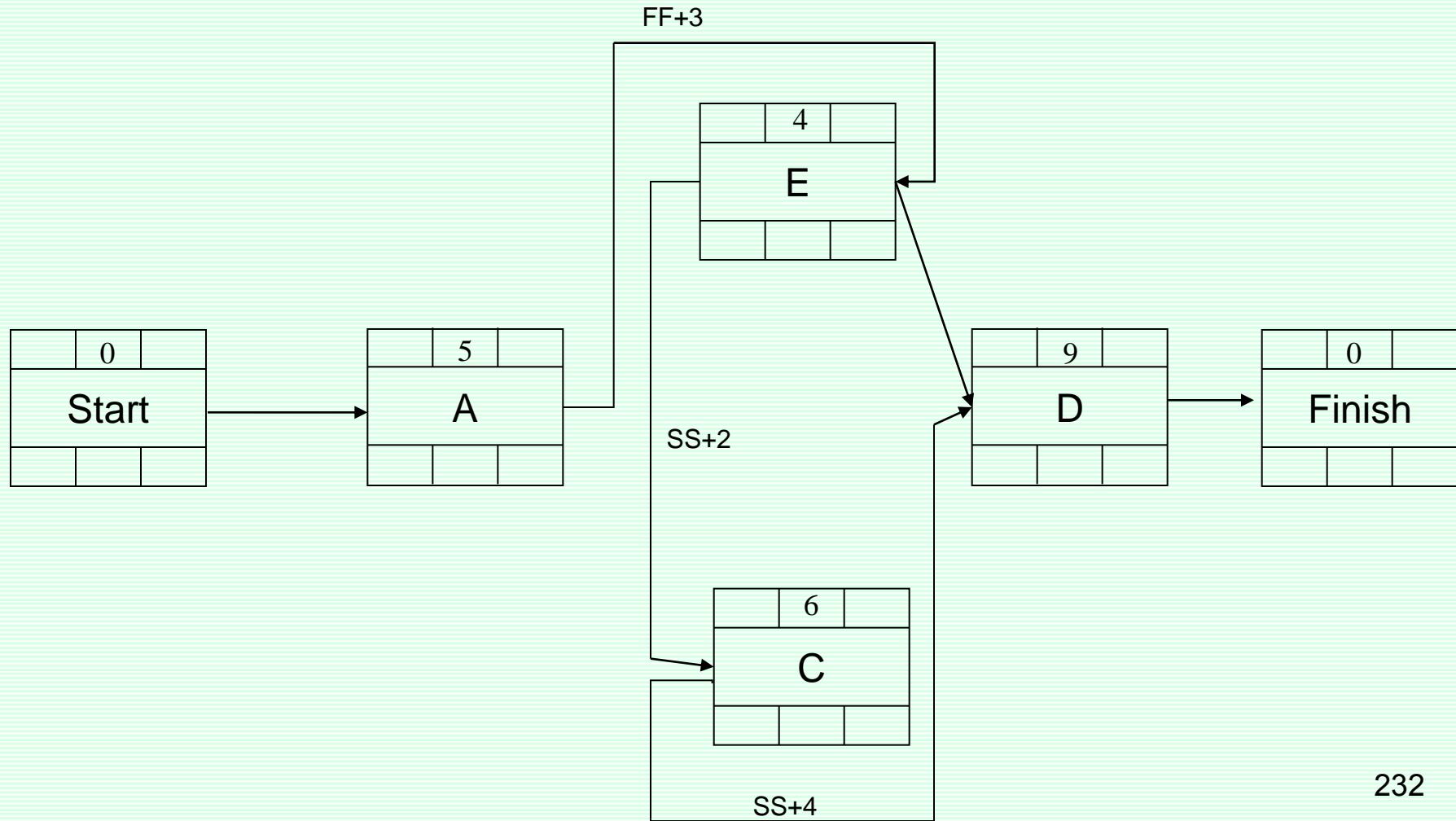
$S_A S_B + 50\%$

ترسیم شبکه پیشنيازی

ترسیم شبکه پیشنيازی بصورت گرهی بوده ولیکن در بردارها، نوع روابط مشخص می‌شوند.

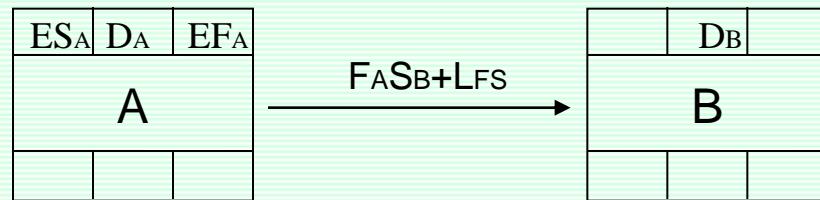
مثال:

فعالیت	مدت	پیشنياز
A	5	-
B	4	$F_A F_B + 3$
C	6	$S_B S_C + 2$
D	9	$B; S_C S_D + 4$



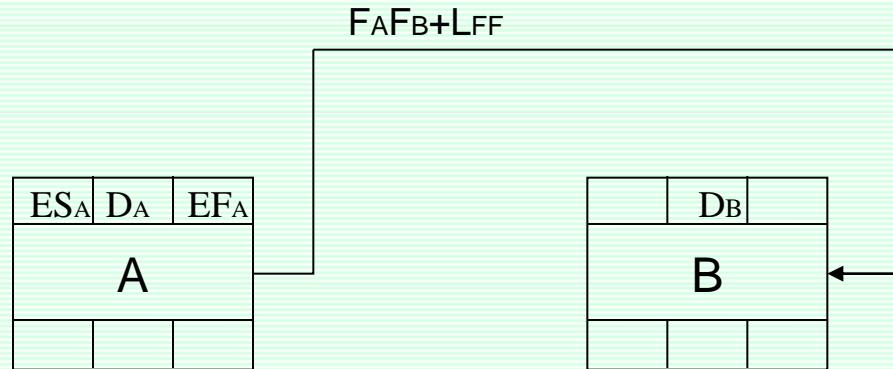
محاسبات زمانبندی در شبکه پیشینیازی

محاسبات رفت



$$ES_B = EF_A + LFS$$

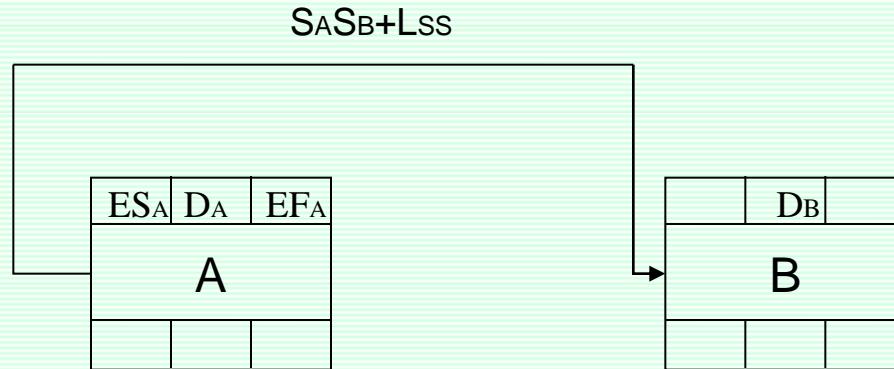
محاسبات زمانبندی در شبکه پیشینیازی



محاسبات رفت

$$ES_B = EF_A + LFF - DB$$

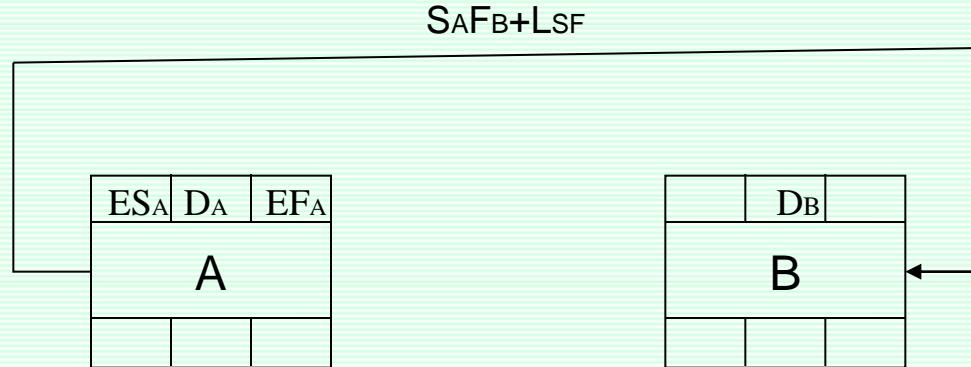
محاسبات زمانبندی در شبکه پیشنازی



محاسبات رفت

$$ES_B = ES_A + Lss$$

محاسبات زمانبندی در شبکه پیشینیازی



محاسبات رفت

$$ES_B = ES_A + LSF - DB$$

محاسبات رفت

i زودترین زمان شروع فعالیت = ESi (Earliest Start)

i زودترین زمان پایان فعالیت = EFi (Earliest Finish)

i مدت زمان فعالیت = Di (Duration)

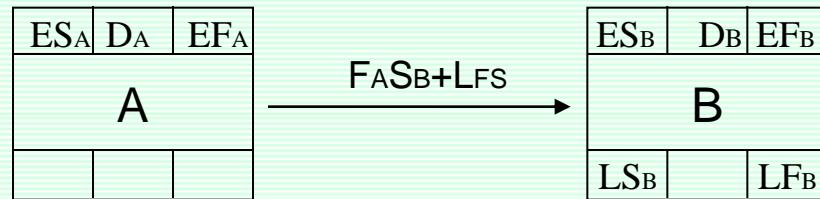
قواعد محاسبات رفت:

- 1) ES (start) = 0
- 2) $ES_i = \text{Max}\{ES_j\}$ به ازای تمامی روابط پیش نیازی فعالیت
- 3) $EF_i = ESi + Di$

حداقل زمانی است که بروزه انعام می شود. EF(finish)

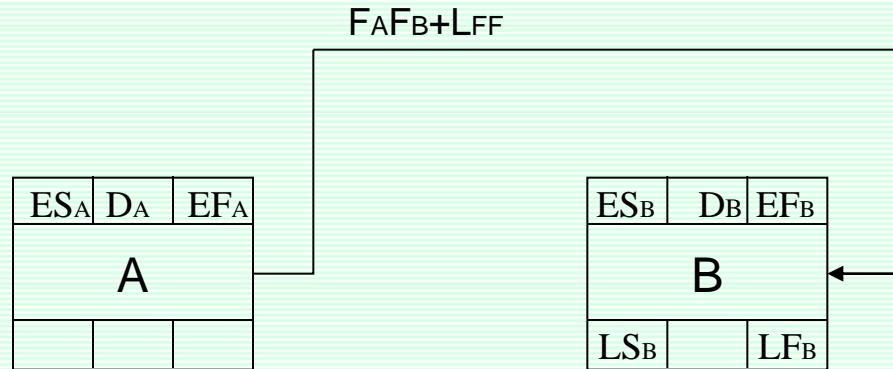
محاسبات زمانبندی در شبکه پیشینیازی

محاسبات برگشت



$$LF_A = LS_B - LFS$$

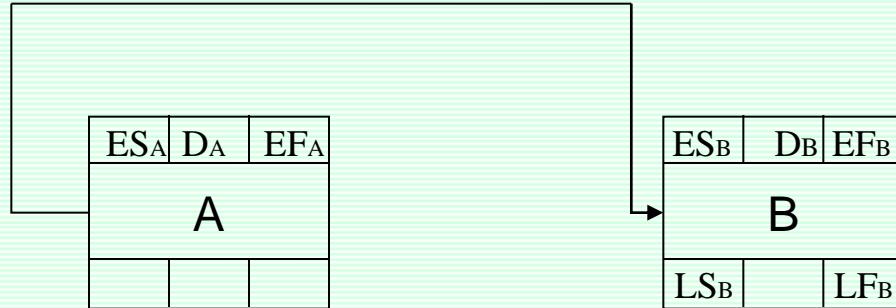
محاسبات زمانبندی در شبکه پیشینیازی



محاسبات رفت

$$LF_A = LF_B - L_{FF}$$

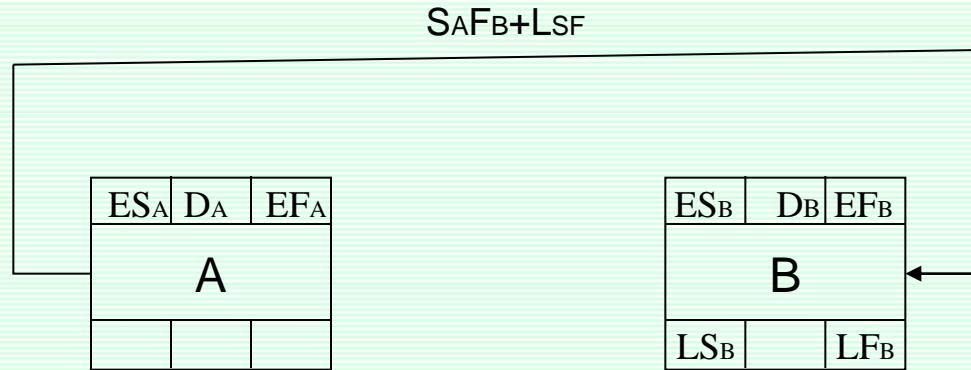
محاسبات زمانبندی در شبکه پیشینیازی

 $S_A S_B + L_{ss}$ 

محاسبات رفت

$$LF_A = LS_B - L_{ss} + D_A$$

محاسبات زمانبندی در شبکه پیشینیازی



محاسبات رفت

$$LF_A = LF_B - LS_F + DA$$

محاسبات برگشت

i دیرترین زمان شروع فعالیت = LSi (Latest Start)

i دیرترین زمان پایان فعالیت = LFi (Latest Finish)

مدت زمان فعالیت = Di (Duration)

قواعد محاسبات برگشت:

$$1) \text{ LF (finish)} = \text{EF(finish)}$$

$$2) \text{ LFi} = \text{Min}\{\text{LF}_i\}$$

$$3) \text{ LSi} = \text{LF}_i - \text{Di}$$

EF(Finish) می تواند عددی غیر از EF(Finish) باشد(طبیعتاً) باید عددی بزرگتر از LFFinish

باشد) در این صورت ما برای اتمام پروژه مهلتی پیش از حداقل زمان پروژه تعیین کرده.

پروژه‌ای با 5 فعالیت زیر را در نظر بگیرید.

Activity	A	C	B	D	E
Duration	8	12	16	9	4

در روابط بین فعالیتها شرایط زیر حاکم است:

1- فعالیت **B,C** نمی‌توانند قبل از تکمیل فعالیت **A** آغاز شود.

2- فعالیت **C** بعد از شروع فعالیت **B** می‌تواند شروع شود اما لازم است که پایانش حداقل 2 روز بعد از پایان **B** باشد.

3- فعالیت **D** می‌تواند 7 روز بعد از شروع فعالیت **C** و 4 روز بعد از آغاز فعالیت **B** شروع شود ولی این فعالیت نمی‌تواند قبل از تکمیل فعالیت **C** پایان یابد. همچنین فعالیت **D** نمی‌تواند زودتر از 1 روز بعد از تکمیل **B** تمام شود.

4- حداقل 2 روز فاصله زمانی بین تکمیل **D** و آغاز **E** زمان نیاز است.

برنامه ریزی و کنترل پروژه

جزوه شماره ۶ – PERT

استاد: امیر عباس نجفی

تکنیک‌های اولیه زمانبندی پروژه در اوخر دهه ۱۹۵۰ میلادی ابداع شدند. اولین روش نظاممند که در جهت زمانبندی پروژه با هدف بهینگی توسعه داده شد، روش مسیر بحرانی^[1] می‌باشد. این روش که تجزیه و تحلیل مسیر بحرانی نیز نام دارد^[2] نتیجه همکاری دوپونت^[3] و رمینگتون رند^[4] در سال ۱۹۵۷ میلادی است. در این روش مدت انجام فعالیتها به صورت یک مقدار عددی تخمین زده می‌شود و فرض می‌شود که تغییرات این مدت بسیار ناچیز و قابل چشم پوشی است. این شرایط در پروژه‌هایی عینیت دارد که سابقاً نمونه‌ای شبیه به آنها اجرا شده و یا تجاربی از مدت اجرای فعالیتها در دست باشد.

همزمان با معرفی روش مسیر بحرانی در زمانبندی پروژه‌ها، نیروی دریایی ایالات متحده با همکاری مشاوران مدیریت بوز آلن همیلتون^[5] و همینطور شرکت هواپیماسازی لاکهید^[6]، تکنیک ارزیابی و مرور پروژه^[7] را در زمانبندی پروژه زیردریایی پولاریس ارایه کرد. موفقیت این روش در زمانبندی پروژه پولاریس به گسترش استفاده از این روش در سالهای بعد منتهی شد. کاربرد اصلی روش ارزیابی و مرور برنامه در پروژه‌هایی است که عدم قطعیت در مدت انجام فعالیتها وجود دارد و نمی‌توان از یک مقدار عددی ثابت برای تخمین زمان انجام فعالیتها استفاده کرد.

[1] Critical Path Method (CPM)

[2] Critical Path Analysis (CPA)

[3] De Pont

[4] Remington Rand

[5] Booz-Allen Hamilton

[6] Lockheed Corporation

[7] Project Evaluation & Review Technique (PERT)

مثال

فعالیت طراحی موتور جدید در یک پروژه تحقیقاتی .

از ۱۰ نفر کارشناس مربوطه در خصوص مدت زمان فعالیت نظرخواهی شده و اطلاعات زیر حاصل شده است.

درصد کارشناسان دارای نظر	تعداد کارشناس دارای نظر	مدت زمان فعالیت (ماه)
10/0	1	1
20/0	2	2
50/0	5	3
10/0	1	5
10/0	1	6

$$\text{میانگین مدت زمان} = \frac{1}{3}$$

$$\text{واریانس مدت زمان} = \frac{89}{1}$$

استفاده از تخمین سه زمانه

در روش PERT غالباً از ۳ تخمین برای مدت زمان فعالیت استفاده می‌کنند:

زمان خوش بینانه : (a) Optimistic Time

تعداد کمی از کارشناسان این حدس را زده‌اند و این تعداد با دید خوب‌بینانه زمان را پیش بینی کرده‌اند. و این زمان کمترین مقدار است.

زمان محتمل : (m) Most Likely Time

زمانی که بیشترین تعداد کارشناسان این حدس را زده‌اند و یا در بیشتر مواقع زمان انجام فعالیت این باشد.

زمان بد بینانه : (b) Pessimistic Time

تعداد کمی از کارشناسان این حدس را زده‌اند و این تعداد با دید بد‌بینانه زمان را پیش بینی کرده‌اند. و این زمان کمترین مقدار است.

مثال

فعالیت طراحی موتور جدید در یک پروژه تحقیقاتی .

از ۱۰ نفر کارشناس مربوطه در خصوص مدت زمان فعالیت نظرخواهی شده و اطلاعات زیر حاصل شده است.

درصد کارشناسان دارای نظر	تعداد کارشناس دارای نظر	مدت زمان فعالیت (ماه)
10/0	1	1
20/0	2	2
50/0	5	3
10/0	1	5
10/0	1	6

$a = 1$
 $m = 3$
 $b = 6$

فرمولهای تقریب میانگین و واریانس فعالیتها

میانگین مدت زمان فعالیت $E(D) = (a+4m+b)/6$

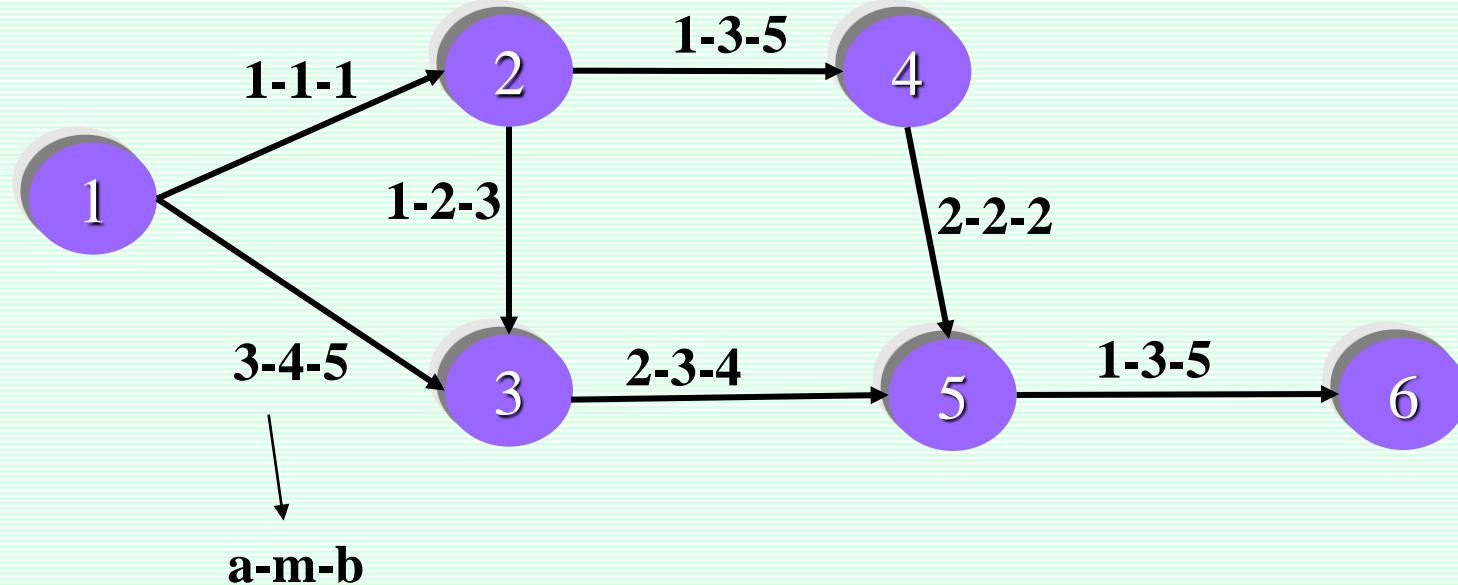
واریانس مدت زمان فعالیت $Var(D) = [(b-a)/6]^2$ سیستم بازه $\% 0 \text{ تا } 100$

Var(D)= $[(b-a)/3.2]^2$ سیستم بازه $\% 5 \text{ تا } 95$

محاسبات زمانبندی در **PERT**

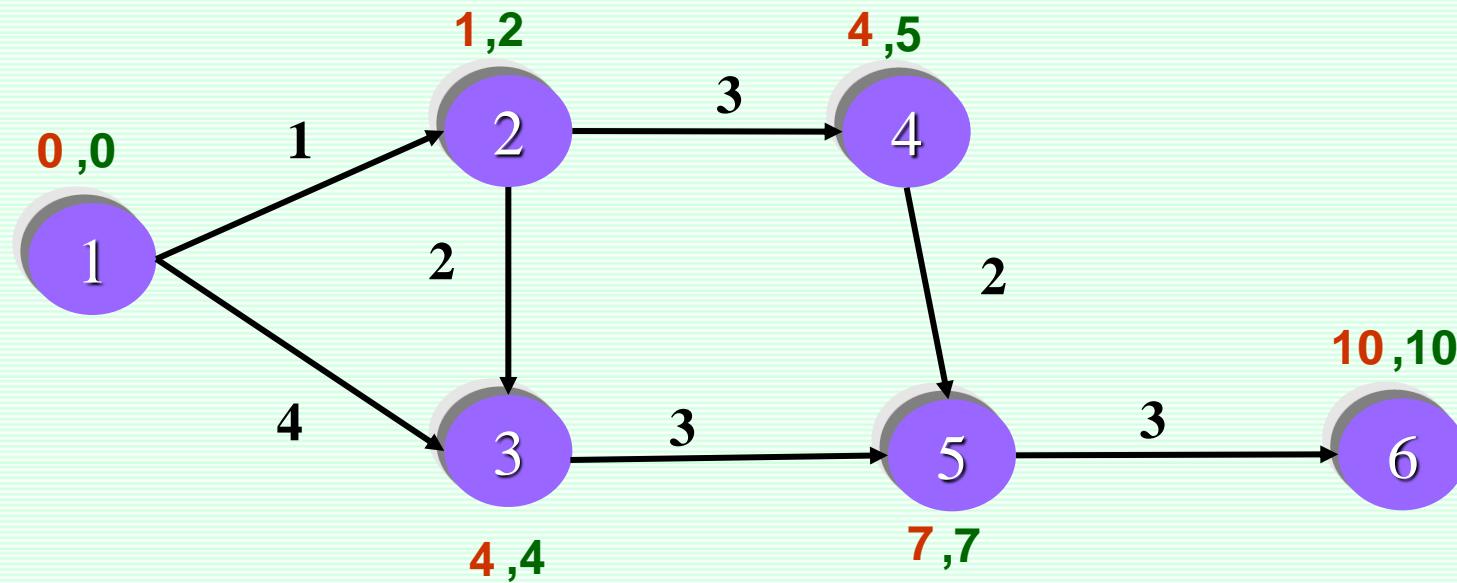
گام اول در محاسبات **PERT** محاسبه میانگین و انحراف معیار فعالیتهاست.
گام دوم محاسبات رفت و برگشت با استفاده از میانگین زمان فعالیتهاست.
گام سوم تشخیص مسیر بحرانی است.
گام چهارم انجام تحلیل ها میباشد.

مثال

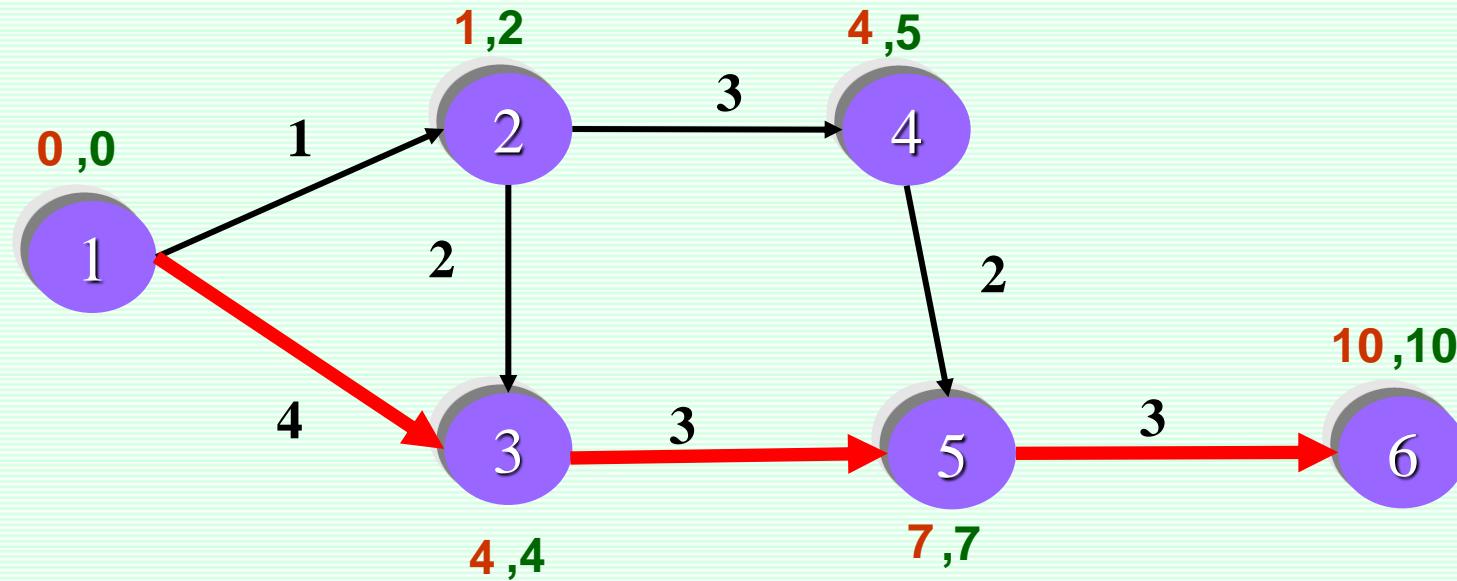


سیستم بازه ۰٪ تا ۱۰۰٪

فعالیت	1-2	1-3	2-3	2-4	3-5	4-5	5-6
میانگین مدت زمان	1	4	2	3	3	2	3
واریانس مدت زمان	0	$\frac{1}{9}$	$\frac{1}{9}$	$\frac{4}{9}$	$\frac{1}{9}$	0	$\frac{4}{9}$



تشخیص مسیر بحرانی



مسیرهای بحرانی شامل فعالیتهای ۱-۳ و ۳-۵ و ۵-۶ میباشد.

مدت زمان اجرای پروژه برابر است با مجموع فعالیتهای مسیر بحرانی.
اگر T برابر مدت زمان اجرای پروژه تعریف شود می‌توان گفت که T برابر
مدت زمان مسیر بحرانی است یا به عبارتی T برابر مجموع مدت زمان فعالیتهای
مسیر بحرانی است و چون زمان فعالیتها متغیر تصادفی (احتمالی) می‌باشد و مدت
زمان آنها از هم مستقل است طبق قضیه حد مرکزی T دارای توزیع نرمال با
میانگین زمان مسیر بحرانی و واریانس برابر مجموع واریانس‌های فعالیتهای مسیر
بحرانی است.

$$T = D(1-3) + D(3-5) + D(5-6)$$

$$E[T] = E[D(1-3)] + E[D(3-5)] + E[D(5-6)]$$

$$E[T] = 4 + 3 + 3 = 10$$

$$\text{Var}[T] = \text{Var}[D(1-3)] + \text{Var}[D(3-5)] + \text{Var}[D(5-6)]$$

$$\begin{aligned}\text{Var}[T] &= \frac{1}{9} + \frac{1}{9} + \frac{4}{9} \\ &= \frac{6}{9}\end{aligned}$$

$$T \sim N(10, \frac{6}{9})$$

$$P(T \leq H) = P(Z \leq \frac{H - E(D)}{\sqrt{\text{Var}(D)}})$$

با چه احتمالی پروژه در کمتر از ۱۱ روز به اتمام میرسد؟

$$P(T \leq 11) = P(Z \leq \frac{11 - 10}{\sqrt{\frac{6}{9}}}) = P(Z \leq 1.5) = 0.93$$

با چه احتمالی پروژه بین ۹ تا ۱۱ روز به اتمام میرسد؟

$$\begin{aligned} P(9 \leq T \leq 11) &= P\left(\frac{9-10}{\sqrt{\frac{6}{9}}} \leq Z \leq \frac{11-10}{\sqrt{\frac{6}{9}}}\right) = P(-1.5 \leq Z \leq 1.5) \\ &= P(Z \leq 1.5) - P(Z \leq -1.5) = 0.93 - 0.07 = 0.86 \end{aligned}$$

زمانی که به احتمال ۹۰ درصد پروژه قبل از آن به اتمام رسیده است؟

$$P(T \leq H) = P(Z \leq \frac{H - 10}{\sqrt{\frac{4}{9}}}) = 0.90$$

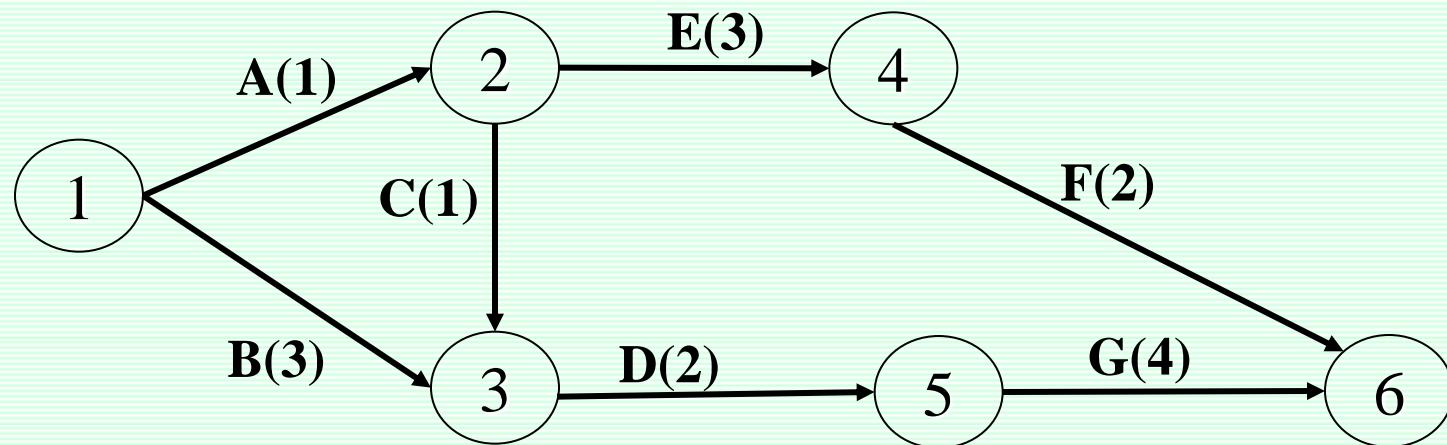
$$\frac{H - 10}{\sqrt{\frac{4}{9}}} = 1.28 \quad \rightarrow \quad H = 10.85$$

سایر موارد

خطا در محاسبات **PERT**

شبیه سازی مونت کارلو در **PERT**

GERT



	A	B	C	D	E	F	G
تعداد کارگر	1	3	2	4	2	3	4

کارگر را بعنوان منبع نامحدود در نظر بگیرید.

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1											
1-3	0	0	3											
2-3	1	2	2											
2-4	1	4	2											
3-5	3	3	4											
4-6	4	7	3											
5-6	5	5	4						4	4	4	4		
r_t									4	4	4	4		
$(r_t)2$									16	16	16	16		

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1											
1-3	0	0	3											
2-3	1	2	2											
2-4	1	4	2											
3-5	3	3	4											
4-6	4	7	3					3	3					
5-6	5	5	4						4	4	4	4		
r_t								3	7	4	4	4		
$(r_t)2$								9	49	16	16	16		

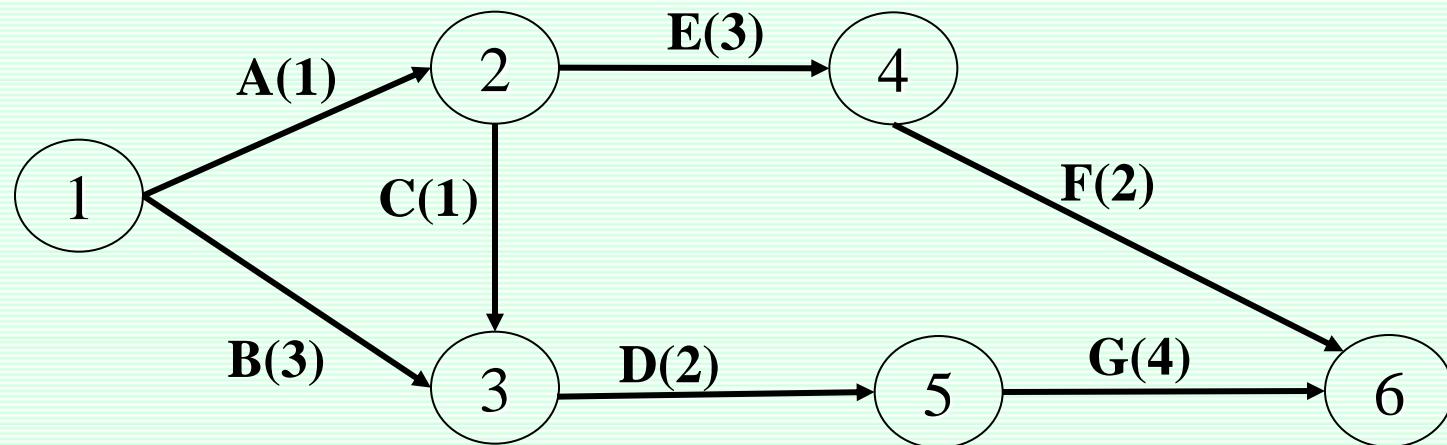
ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1											
1-3	0	0	3											
2-3	1	2	2											
2-4	1	4	2											
3-5	3	3	4					4	4					
4-6	4	7	3					3	3					
5-6	5	5	4					4	4	4	4	4		
r_t								4	7	7	4	4	4	
$(r_t)2$								16	49	49	16	16	16	

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1											
1-3	0	0	3											
2-3	1	2	2											
2-4	1	4	2		2	2	2							
3-5	3	3	4				4	4						
4-6	4	7	3					3	3					
5-6	5	5	4						4	4	4	4		
r_t					2	2	6	7	7	4	4	4		
$(r_t)2$					4	4	36	49	49	16	16	16		

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1											
1-3	0	0	3											
2-3	1	2	2			2								
2-4	1	4	2		2	2	2							
3-5	3	3	4				4	4						
4-6	4	7	3					3	3					
5-6	5	5	4						4	4	4	4		
r_t				2	4	6	7	7	4	4	4	4		
$(r_t)2$				4	16	36	49	49	16	16	16			

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1											
1-3	0	0	3	3	3	3								
2-3	1	2	2			2		2						
2-4	1	4	2		2	2	2							
3-5	3	3	4				4	4						
4-6	4	7	3					3	3					
5-6	5	5	4						4	4	4	4		
r_t				3	5	8	6	7	7	4	4	4		
$(r_t)2$				9	25	64	36	49	49	16	16	16		

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1		1									
1-3	0	0	3		3	3	3							
2-3	1	2	2			2		2						
2-4	1	4	2		2	2	2							
3-5	3	3	4					4	4					
4-6	4	7	3						3	3				
5-6	5	5	4							4	4	4	4	
r_t				4	5	8	6	7	7	4	4	4	4	
$(r_t)2$				16	25	64	36	49	49	16	16	16		



	A	B	C	D	E	F	G
تعداد کارگر	1	3	2	4	2	3	4

کارگر را بعنوان منبع نامحدود در نظر بگیرید.

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1											
1-3	0	0	3											
2-3	1	2	2											
2-4	1	4	2											
3-5	3	3	4											
4-6	4	7	3											
5-6	5	5	4						4	4	4	4		
r_t									4	4	4	4		
$(r_t)2$									16	16	16	16		

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1											
1-3	0	0	3											
2-3	1	2	2											
2-4	1	4	2											
3-5	3	3	4											
4-6	4	7	3					3	3					
5-6	5	5	4					4	4	4	4	4		
r_t								3	7	4	4	4		
$(r_t)2$								9	49	16	16	16		

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1											
1-3	0	0	3											
2-3	1	2	2											
2-4	1	4	2											
3-5	3	3	4					4	4					
4-6	4	7	3					3	3					
5-6	5	5	4					4	4	4	4	4		
r_t								4	7	7	4	4	4	
$(r_t)2$								16	49	49	16	16	16	

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1											
1-3	0	0	3											
2-3	1	2	2											
2-4	1	4	2		2	2	2							
3-5	3	3	4				4	4						
4-6	4	7	3					3	3					
5-6	5	5	4						4	4	4	4		
r_t					2	2	6	7	7	4	4	4		
$(r_t)2$					4	4	36	49	49	16	16	16		

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1											
1-3	0	0	3											
2-3	1	2	2			2								
2-4	1	4	2		2	2	2							
3-5	3	3	4				4	4						
4-6	4	7	3					3	3					
5-6	5	5	4						4	4	4	4		
r_t				2	4	6	7	7	4	4	4	4		
$(r_t)2$				4	16	36	49	49	16	16	16			

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1											
1-3	0	0	3	3	3	3								
2-3	1	2	2			2		2						
2-4	1	4	2		2	2	2							
3-5	3	3	4				4	4						
4-6	4	7	3					3	3					
5-6	5	5	4						4	4	4	4		
r_t				3	5	8	6	7	7	4	4	4		
$(r_t)2$				9	25	64	36	49	49	16	16	16		

ACTIVITY	ES	LS	r	T										
				0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1-2	0	1	1		1									
1-3	0	0	3		3	3	3							
2-3	1	2	2			2		2						
2-4	1	4	2		2	2	2							
3-5	3	3	4					4	4					
4-6	4	7	3						3	3				
5-6	5	5	4							4	4	4	4	
r_t				4	5	8	6	7	7	4	4	4	4	
$(r_t)2$				16	25	64	36	49	49	16	16	16		