

سند محزن، بیکار تخلخل است که می‌تواند سیال را در حود جای دهد و سیالی که تواند درون آن جایی نمود.

این محیط تخلخل از سرمه‌گاز بهتر است و آب اشعاع شده است. حرکت این سیالات در این محیط تخلخل باید مطالعه شود.

برای مطالعه، نیاز به مدلی از محزن داریم. این مدل که براساس تصورات تخلخلی از محزن برپایه داده‌های خواص سند و سیال محزن شامل مرزا، لایل، فشار دلس و ... وجود دارد. معقولاً این مدل که آنقدر پیچیده است که بررسی تحلیل (Analytical) نمی‌توان آنرا بررسی کرد و باید از روش‌های پیچیده عددی (Numerical) استفاده کرد.

در ابتدا یک مدل استانداری برای محزن بدست می‌آید. تبدیل این محیط استانداری به بیکار دنیای دنیفه هندس محزن است.

سیال هندسی در محزن شروع به حرکت می‌نماید که اختلاف فشار وجود دارد.

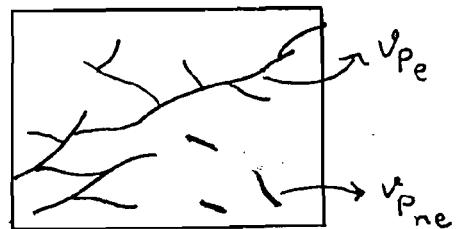
$$A \xrightarrow{\text{flow}} B \quad P_A > P_B$$

این اختلاف فشار با خرچه دیا تزریق برداخی محزن به وجود می‌آید.

## ► "Fundamentals of Rock Properties"

- توانایی یک محیط سختگذر (نگ) برای ذینفعه بیکبار - (Porosity) \* محلول

$$\Phi = \frac{\text{Pore Volume}}{\text{Bulk Volume}} = \frac{\text{حجم مسیط محلول} (V_p)}{\text{حجم سنگ} (V_b)}$$



( $V_p$  = Pore volume) سیالی که در فراردارند، قابل تولید نیست.

$$V_b = V_G + V_p$$

$V_b$  = Bulk Volume حجم توده سنگ

$V_G$  = Grain Volume حجم قسمت جانشین

$$V_{P_t} = V_{P_e} + V_{P_{ne}}$$

$V_{P_e}$  = Effective Pore Volume

$V_{P_{ne}}$  = Non-Effective Pore Volume

$$V_{P_t} = \text{Total Pore Volume} = V_{P_e} + V_{P_{ne}}$$

$\Phi_a$  = Absolute Porosity

$\Phi_e$  = Effective Porosity

$$\Phi_a = \frac{V_{P_t}}{V_b} * 100 (\%)$$

$$\Phi_e = \frac{V_{P_e}}{V_b} * 100 = \frac{\text{Interconnected Pore Volume}}{\text{Bulk Volume}}$$

در طبیعت روابط سیلی خزش، سقوط راز ایجاد  $\Phi_e$  ایجاد پوروسیت است.

## اداره سری (٤) Porosity

تکلیف توسط آزمایش مخزنه اداره سری می شود. هسته عملیات حاری از تمیا زدی و چاه نخندهایی به این مخزنه (Core) می نیزد و آنها را در آزمایشگاه های سنگ پروری چاه مورد آزمایش تاری می دهند. دو نوع آزمایش: (در منحنی  $\phi$  توطیق ۱۵۰ نیز اندازه گیری می شود).

### 1) Routine Core Analysis:

- $K$ ( $K_H$ , $K_D$ )	ترادالی
- $\phi$ درجه افق درجه عمودی	تکلیف
- Lithology (بنی سنج)	چگالی
- Density	اشتعاع
- $S_w$ , $S_o$ , $S_g$	

### 2) Special Core Analysis (SCAL):

- Wettability	ترسیدی
- Relative Permeability ( $k_{ro}$ , $k_{rw}$ , $k_{rg}$ )	ترادالی بینی
- $S_o$ (Residual Oil Saturation)	نت سیماند
- $S_c$ (Critical Saturation)	اشتعاع محضانی
- $S_w$ (Connate Water Saturation)	اشتعاع آب بجزار (Irreducible-Immobile)
- $P_c$ (Capillary Pressure)	فشار موئینگی

محیط تکلیف از سیالاتی اشتعاع شده است که بررسی نسبت این سیال ها بسته سی را با این سی جمیع در وجودی آورده.

## \* Saturation

حجم از محیط مخلوط / روتوندید سیال اشباع شده باشد.

Saturation is defined as fraction or percent of the pore volume occupied by a fluid.

$$S_o = \text{Oil Saturation}$$

$$S_w = \text{Water Saturation}$$

$$S_o + S_w + S_g = 100 \% = 1$$

$$S_g = \text{Gas Saturation}$$

$$S_o = \frac{\text{حجم نفت در محیط مخلوط}}{\text{حجم مخلوط}} \times 100 \%$$

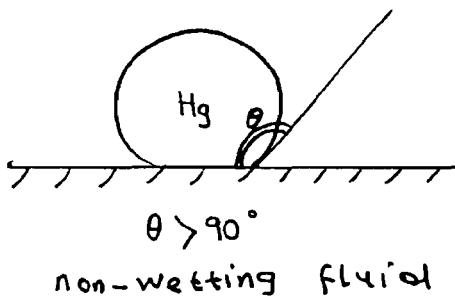
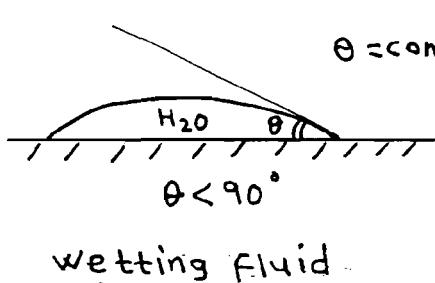
$$S_w = \frac{\text{حجم آب در محیط مخلوط}}{\text{حجم مخلوط}} \times 100 \%$$

$$S_g = \frac{\text{حجم گاز در محیط مخلوط}}{\text{حجم مخلوط}} \times 100 \%$$

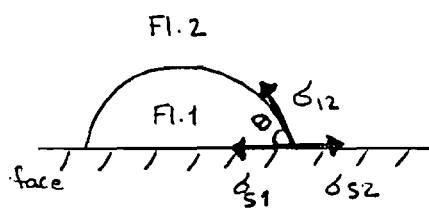
## \* Wettability

اگر قدره از سیال را بر روی سطح سخت بچانیم، توانایی پیش شدن آن در مطروح نهفته متساوی است.

توانایی پیش و جذب یک سیال بر روی یک سطح سخت در حضور سایر دیگر سایر سیالی ناسیله می شود.



اگر  $\theta < 90^\circ$  باشد، یعنی اولین سیال روی سطح پیش شده باشد، سیال Wetting Fluid است و در غیر این صورت، سیال Non-Wetting است.



تعیین wettability توسط اندازه کری زاویه θ انجام می شود.

$$\delta_{12} = \frac{\theta}{2}$$

$$\delta_{s1} = \frac{\pi - \theta}{2}$$

$$\delta_{s2} = \frac{\pi + \theta}{2}$$

$$\delta_{12} \times \cos \theta + \delta_{s1} = \delta_{s2} \implies \cos \theta = \frac{\delta_{s2} - \delta_{s1}}{\delta_{12}}$$

سؤال: آب یا نفت مخزن Oil Wet (نفت درست) است یا Water wet (آب درست)؟

اگر نفت در روی سنگ پیش شده و جنبه سنگ شده باشد، سنگ نفت درست است. در حالت علیکم آب درست است.

مرابی تعیین Wettability نیاز به یک سیم دوقاره داریم، برای همچنان:

$H_2O$  - Air , Wetting Fluid =  $H_2O$

Oil - Gas , Wetting Fluid = Oil

Oil -  $H_2O$  , بگلی - خواص سنگ دارد

و قدر که دو سیال Immiscible (غیرقابل امتصاف) در هم باشند سطح سخت (سنگ) قرار گیرد،

کلی از آنها تا میل بیشتر برای پوشش و جذب شدن بر روی سنگ دارد. بین مازیاسیال، فاز ترکسته یا Wetting Phase کویند.

### Intermediate Wettability

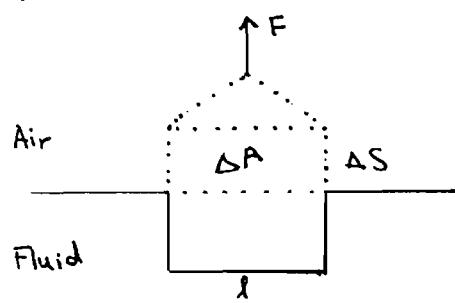
وقت دو سیال غیرقابل انتراج در تماس باشد ترازی کنید و هر دو جذب سنگ می شوند، اما کلی از آنها اندیش بیشتر جذب سنگ می شود، این نوع ترشوندی را Intermediate wettability کویند.

### Mixed wettability

بعضی از سنگ ها دارای تگریات شیمیایی مختلف در مناطق مختلف خواهد بود. در نتیجه در یک سیستم از سنگ آبرسان و درست میگردد که آن نقطت حذب سنگ می شود. به این خاصیت که در اثر ناهمogenی سنگ <sup>در</sup> Mixed wettability ( وجود آب در میان قسمت های مختلف) کویند.

### \* نیروی کشش سطحی ( Surface Tension )

دو سیال که با هم در تماس هستند، دارای یک سطح تماس ( Interface ) هستند. نیروی کشش سطحی در نتیجه نیروی لای Cohesion بوجود می کند. نیروی لای پیوستگی میان مولکول های یک جسم است. نیروی کشش سطحی عبارت است از مقدار طر لازم برای اینکه سطح یک سیال را بر اندازه  $\Delta A$  بزرگ کنیم.



$$\sigma = \frac{\Delta W}{\Delta A} = \frac{F \cdot \Delta S}{2L \cdot \Delta S} = \frac{F}{2L} \left( \frac{\text{dynes}}{\text{cm}} \right)$$

دو سیال غیرقابل اتصال را م در تاکند :

- در صورتی که بین از این دو سیال، مایع باشد و دیگر گاز، محبت از Surface Tension بین آنها نباشد.
- در صورتی که هر دو سیال مایع باشند، این کشش سطحی، Interfacial Tension است.

دو سیال زبانی در یک حل می شوند که  $IFT = 0$  (Interfacial Tension) بین آنها صفر شود.

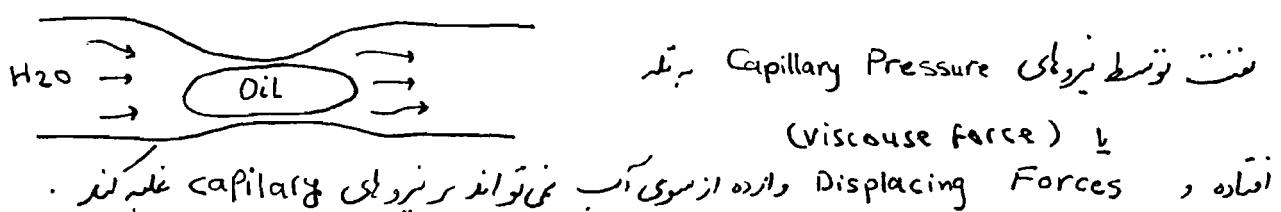
بر عین مثال در تزریق گاز به داخل نفت، هسته ای برداشناک و ترکیب نفت دلخواه تزریق دارد. اگر تزریق غیرامترابی باشد، گاز فقط نفت را بدل می دهد (Immiscible Displacement). اما اگر که صفر شود، میکسیبل Displacement می دهد.

برای اثبات : Miscibility

۱) باید اثبات کرد  $IFT = 0$

۲) باید خواص دو فاز بهم نزدیک و یکسان شود (دیسلوزیته... )؛ یعنی Similarity داریم.

منطقه حابه شده توسط آب : (Swept Zone)



بر این نت، نفت پسند (Residual Oil) نهاده می شود.

$$\text{Capillary Number} = \frac{\text{Viscous Force}}{\text{Capillary Force}} = \frac{V_w \cdot \mu_w}{\sigma \cdot \cos \theta} = N_{Ca}$$

برچه  $N_{ca}$  بزرگتر باشد، بهتر است. حالت ایده‌آل بخطاطی است که  $N_{ca}$  بسته‌بی نهایت بزرد،

پس صحیح صفر شود.  $N_{ca} \rightarrow \infty \Rightarrow$  Capillary Force  $\rightarrow 0$  : ایده‌آل

کابی Wettability ممکن در اثر غل و اتفاقات شیمیایی محض دیازین برداخان آن تغییر نماید. اما

بدلیل بزرگی اجلد محض، امکان تغییر اصلاح Wettability وجود ندارد، پس باید که را کاهش داد. برای

کم کردن آن، محض Surfactant تریق می‌نماید که در تجربه Surface Tension را کم می‌نماید. اگر که

صفر شود، با سیم کار فازی سرد کار خواهیم داشت و نفت پیمانزی وجود خواهد داشت.

سرعت آب ( $m^2/s$ ) نشان دهنده دبی آب تریقی است ( $\frac{q}{A} = \frac{m}{s}$ ). اما بالارش دبی محلن است

با عثث شکست نمک شود. بهمین بدلیل محدودیت تعداد پمپ آن، امکان تغییر  $m^2$  نیز وجود ندارد.

پس بهتر است برای بزرگ کردن صورت کسر در رابطه  $N_{ca}$ ، دیگر زیست آب زیاد شود که برای این کار

از تریق پلیمر استفاده می‌شود.

### \* فشار موبینکی (Capillary Pressure)

دو سیالی که هم در یک سیستم دارای یک سطح خاص (Interface) می‌باشد. هر سیال بر این سطح تماس نشانی دارد. اختلاف این دو فشار را فشار موبینکی نویند.

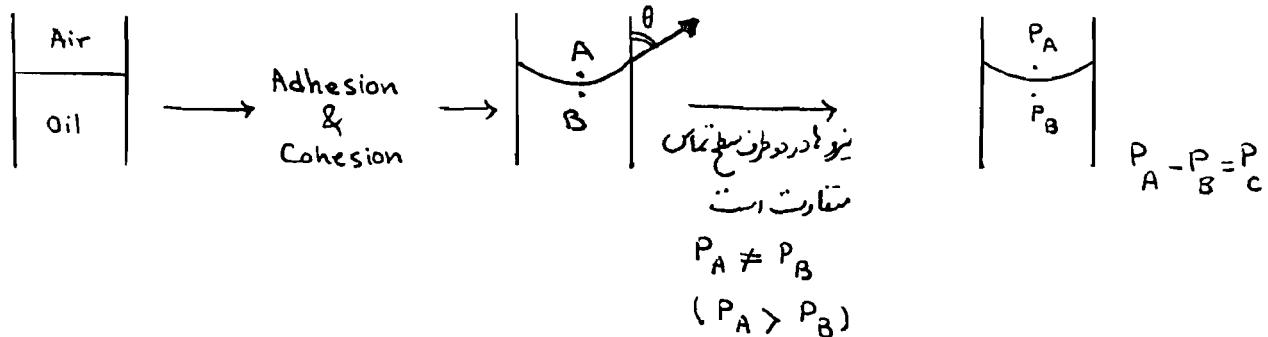
$$P_c = P_{nw} - P_w$$

$P_{nw}$  = Non-Wetting Phase Pressure

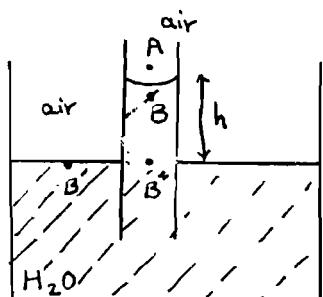
$P_w$  = Wetting Phase Pressure

این  $P_c$  بیشتر مثبت نیست دی توافق مفهوم باشد.  $P_c$  هم عامل رانشی تواند باشد و هم مانع آن!

است Cohesion ، Adhesion نسبه شربای  $P_c$



$P_c$  به صورت نیرو بر لام سطح است.



:  $P_c$  نوچه

Wetting Fluid =  $H_2O$

$\rho_w$  = جمیع ،  $\rho_a$  = جمیع

نقطه تراز دیگر سیار نشاطی مسای دارد

$$P_{B'} = P_{B''}$$

$$P_{B''} = P_B + hg \rho_w$$

$$P_{B'} = P_A + hg \rho_a$$

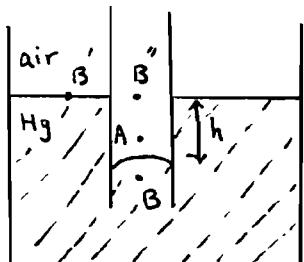
$$P_{B''} = P_A + hg \rho_a$$

$$P_A - P_B = hg (\rho_w - \rho_a)$$

$$\frac{P_{air} - P_{H_2O}}{P_w} = hg \Delta \rho$$

$$P_c = hg (\rho_w - \rho_a) = hg \Delta \rho$$

$P_C$  نتیجه اختلاف چگالی دو سیال است. برهه این اختلاف چگالی بیشتر شود،  $P_C$  افزایش می یابد و  $h$  افزایشی شود.



Wetting Fluid = Air

$$\rho_m = \text{چگالی جیوه} , \rho_a = \text{چگالی هوا}$$

$$P_B > P_A$$

$$P_{B'} = P_{B''}$$

$$P_A = P_{B''} + hg \rho_a \implies P_{B''} = P_A - hg \rho_a$$

$$P_B = P_{B'} + hg \rho_m \implies P_{B'} = P_B - hg \rho_m$$

$$P_A - hg \rho_a = P_B - hg \rho_m$$

$$\underbrace{P_{\text{mercury}}}_{P_{\text{nw}}} - \underbrace{P_{\text{Air}}}_{P_w} = hg (\rho_m - \rho_a)$$

↓

$$P_C = hg (\rho_m - \rho_a) = hg \Delta \rho$$

$P_C$  نتیجه اختلاف چگالی بین در فاز هوا و جیوه است.

رابطه لامبرت

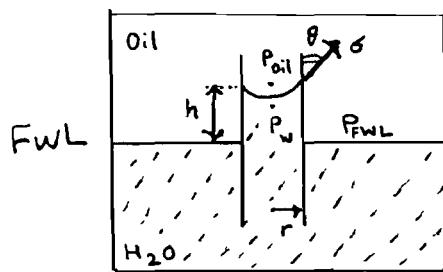
$$P_C = \Delta \rho g h = \frac{2 \sigma \cos \theta}{r}$$

$\sigma$  = interfacial tension

$r$  = شعاع لوله‌بریان

$\theta$  = contact angle

$$P_C = f(\sigma, r, \theta)$$



در FWL فشار دو فاز برابر است، بنابراین  $P_c = 0$

$$@ FWL : P_o = P_w \Rightarrow P_c = 0$$

$$\text{Upward Force} = \sigma \cos \theta \cdot 2\pi r$$

بنابراین  $P_c$  بر دیواره کم وارد می شود.

$FWL = \text{Free Water Level}$  سطح آزاد نفت،  $\rho_o = \rho_w$  - چنان نفت  $\theta = 0^\circ$ ،  $\text{Wetting Fluid} = H_2O$

$P_o$  = فشار فاز نفت

$P_w$  = فشار فاز آب

در سطح بالا، دو فاز نفت و آب وجود ندارد.

$$@ FWL : P_o = P_w$$

$$@ h \text{ above FWL} : P_o = P_{FWL} - hg\rho_o$$

$$@ h \text{ above FWL} : P_w = P_{FWL} - hg\rho_w$$

$$P_o - P_w = (\rho_w - \rho_o)gh = P_c$$

$$\text{Downward Force} = (\rho_w - \rho_o)gh \cdot \pi r^2$$

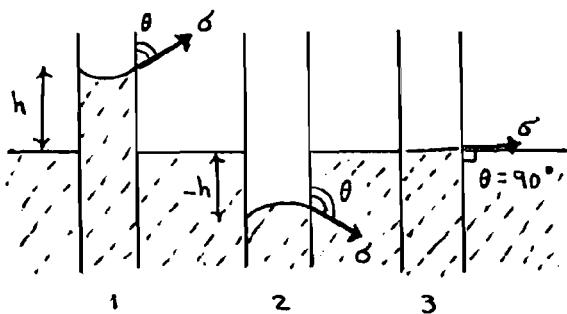
$$@ \text{ equilibrium} : \text{Downward Force} = \text{Upward Force}$$

$$\underbrace{(\rho_w - \rho_o)gh \cdot \pi r^2}_{P_c} = \sigma \cos \theta \cdot 2\pi r$$

$$P_c \cdot \pi r^2 = \sigma \cos \theta \cdot 2\pi r$$

$$P_c \cdot r = \sigma \cos \theta \cdot 2$$

$$P_c = \frac{2\sigma \cos \theta}{r} \dots \text{وابط لالهانس}$$



$$1) h > 0 \Rightarrow P_c > 0, \text{ if } \cos \theta > 0 \Rightarrow 0^\circ < \theta < 90^\circ$$

در این حالت دیواره آبی را در میان آب درست است.

$$2) h < 0 \Rightarrow P_c < 0, \text{ if } \cos \theta < 0 \Rightarrow 90^\circ < \theta \leq 180^\circ$$

در این حالت دیواره آبی را در میان نفت درست است.

$$3) h = 0 \Rightarrow P_c = 0, \text{ if } \cos \theta = 0 \Rightarrow \theta = 90^\circ$$

## مخفی $P_c$ تاچی از اشباع (5)

در اینجا انواع مکانیزم‌های رانش (Drive Mechanisms) را ذکر می‌نماییم.

بطورکل ده مکانیزم رانش وجود دارد:

Imbibition آشام

Drainage ریزش

Drainage: برگاه در یک مکانیزم جاذبی، سیال  $w_w$ ، سیال  $w$  را برآورد و میزان اشباع سیال  $w$

در محیط مخلوط نمود، به این مکانیزم رانش، "ریزش Drainage" کویند.

Imbibition: برگاه در یک مکانیزم رانش، سیال  $w$ ، سیال  $w_w$  را برآورد و میزان اشباع سیال  $w_w$

در محیط مخلوط کاوش یابد، به این مکانیزم رانش، "آشام Imbibition" کویند.

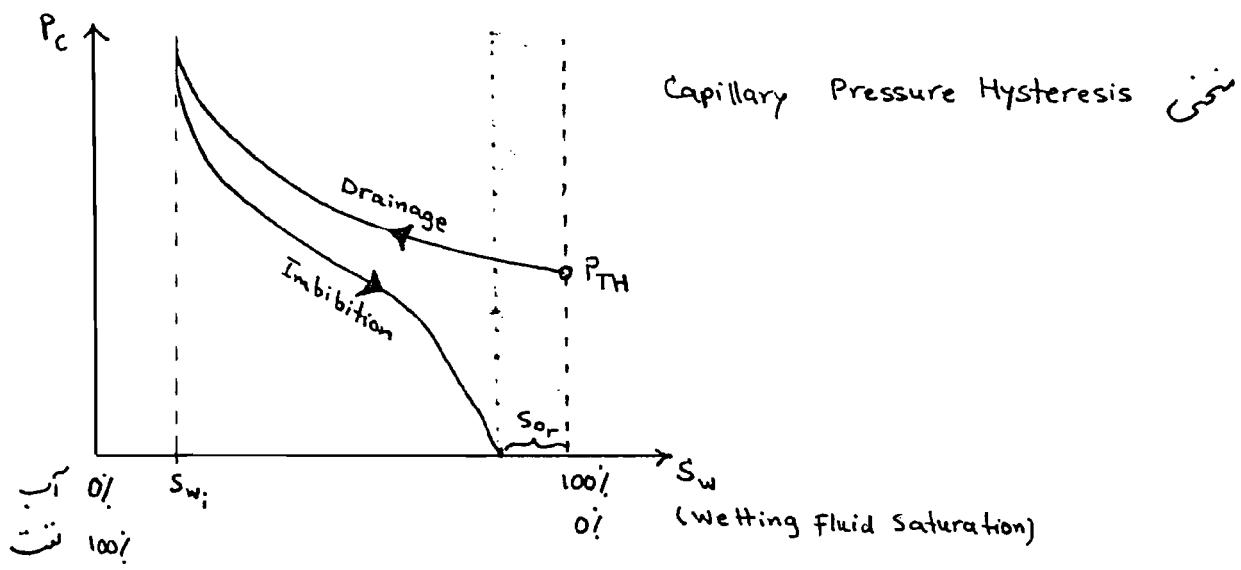
مثال: اسفنج را در نظر بگیرید که از هوا اشباع شده است (سیال  $w_w$ ). آن را درون آب می‌اندازیم.

آب (سیال  $w$ ) در اثر نیوی رانش  $P_c$  از پاریز حرکت کرده و هوا را از محیط مخلوطی راند. به این پدیده Imbibition کویند.

نتیجه: در پدیده Imbibition فشار مولنگلی  $P_c$ ، نیروی رانش سیال  $w_w$  از محیط مخلوط است.

از دلخواه: اسفنج را از آب جدا نموده و آن را روی زمین می‌نذریم. آن را در هوا (سیال  $w_w$ ) مجدداً دارد محیط مخلوط شده و آب را از محیط مخلوطی راند. به این پدیده Drainage کویند.

نتیجه: در پدیده Drainage فشار مولنگلی  $P_c$ ، نیروی تنش در برابر درد سیال  $w_w$  به محیط مخلوط است.



$S_{w_i}$  = Connate Water Saturation / Irreducible Water Saturation = اشباع آب هزار

$S_{o_r}$  = Residual Oil Saturation اشباع نفت پس از

گشخن در ابتدا میکنیم اشباع آب (سیال wet) بوده است. نفت از گذاره هنگ  
ترنی می برد که از آب (سیال w) اشباع است. نفت سیال nw است. بینویسی  $P$  از درود نفت به  
این گذاره تفاوت می کند. برچه فضای متخلخل بزرگتر است (بیشتر است)، بینویسی تفاوت نتر است، پس نفت  
از بزرگترین حفره شروع باشغال محیط می کند.

در پیده Drainage کترین  $P$  در سیال nw برآن غلبه می کند و دارد محیط متخلخل می شود،  $P_{TH}$  Treshold Pressure (فشار استاندارد) نامیده می شود.

اما چون آب یک عضوی بوده است، نفت قادر به خارج کردن تمام آن نیست و مقداری آب  
بماند  $S_{w_i}$  باقی ماند. به این آب > آب هزاردیا connate water گویند.

## نفت پهاند

نفت ایست که توسط فشار مرینگی  $P_c$  برخیه افراحته است و قابل تولید نمی باشد.

نفت پهاند توسط روش های از دیار برداشت تولید می شود (اما میزان  $S_o$  صفر نمی شود).

$$P_o > P_{TH} \implies \text{نفت وارد محیط تحمل می شود و آب را می راند}$$

یک Spontaneous Capillary Suction (ملش مرینگی خود بخودی) است.

Hysteresis پدیده ای است که تابع از هفت تغییرات ابتداع (کاهشی یا افزایشی) می رفت معاویت از میز برگشت باشد.

در سودار Capillary Pressure Hysteresis مکن است سیال  $n_w$  به میزان حداقل خود تزرد و در

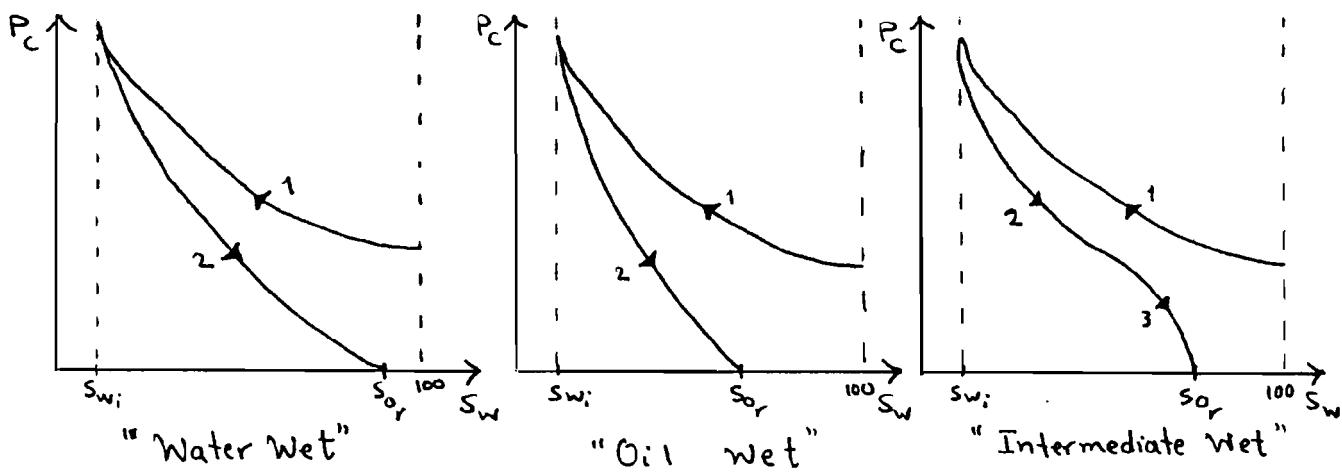
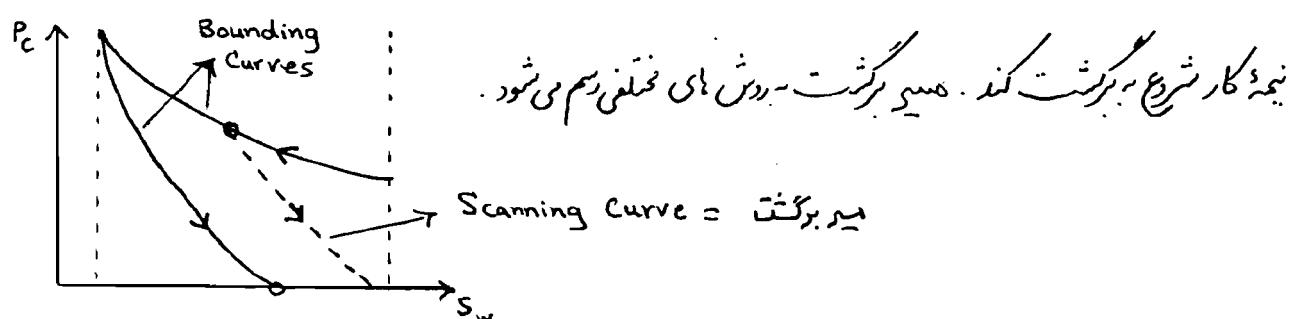
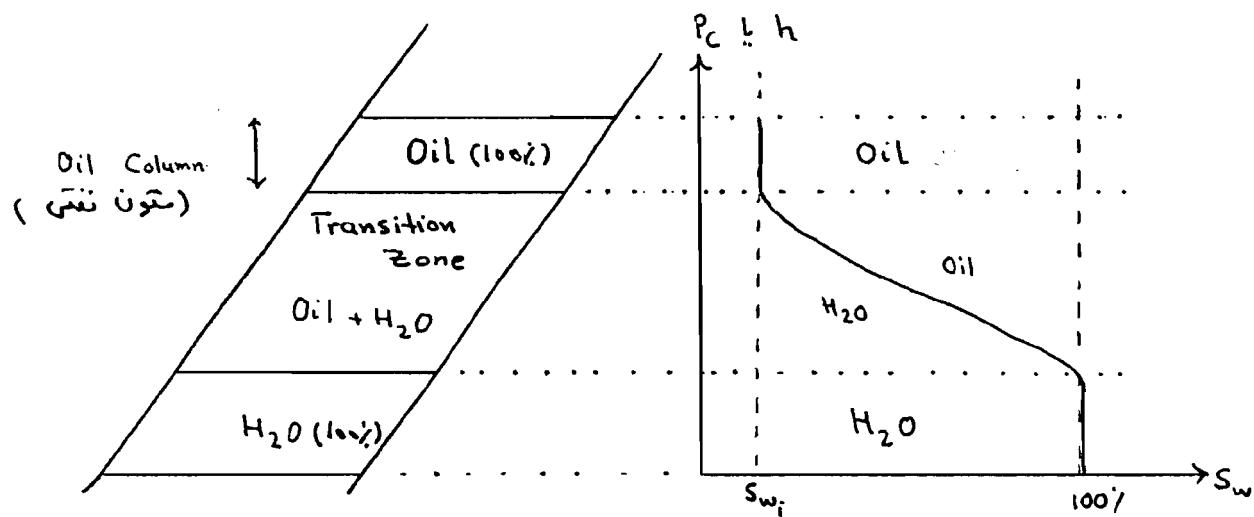
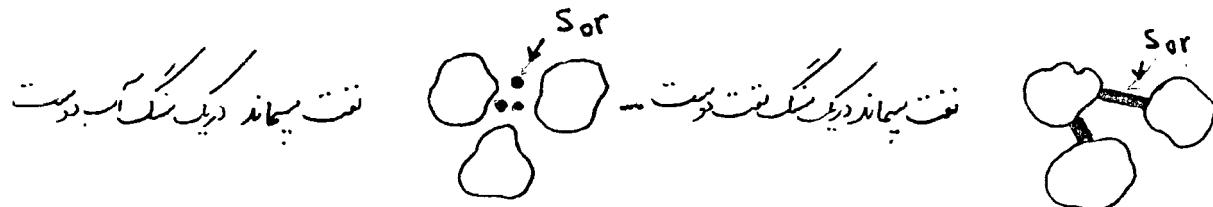


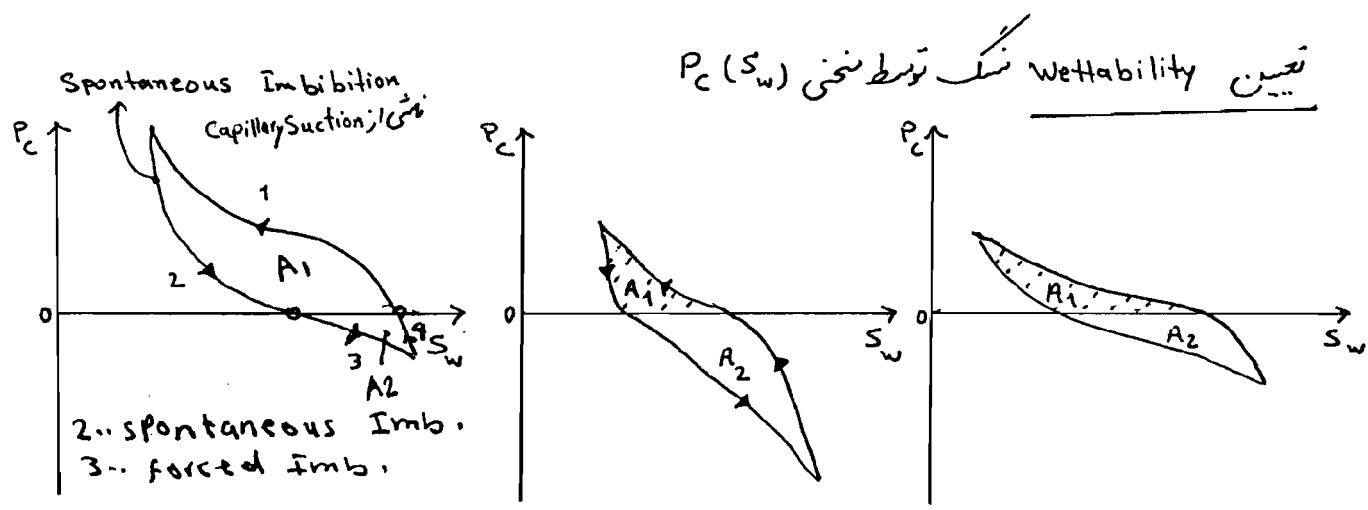
Diagram Phases :

- 1) Drainage
- 2) Spontaneous Imbibition
- 3) Forced Imbibition



نتیجه: در یک سیستم چند فازی،  $P_c$  شان دهنده توزیع سیالات به طور عمومی است.

در یک سیستم چند فازی،  $P_c$  معنای ندارد.



$$w = \log \frac{A_1}{A_2}$$

• سطح زیرینی بین  $A_1$  و  $A_2$

این نحو دارکه در آزمایشگاه برداشت می‌آیند.

توسط یک نیزی خارجی مثلاً هگش با پمپ اعمال می‌شود. بدین صورت:  
Forced Imbibition  
سیال  $W$  را با پمپ بدردن محض تخلیق وارد می‌نماییم (سیر ۱). حال اگر این پمپ را خاتوش نماییم، سیر ۲ ایجاد می‌شود. حال اگر با پمپ سیال  $W$  را بعکسیم سیر ۳ طلی می‌شود. با خاتوش کردن پمپ سیال ۴ برداشت می‌آید.

محض آزمایش مقدار  $P_{TH}$  را نمی‌داند که آن را صفر می‌کنیم.

(معلوماً مقدار  $P_{TH}$  در تحریفات PVT داده شده است. و مقدار نوا صفر می‌کنیم)

## سیستم متری دارالمن

1) Metric Units

2) (Oil) Field Units

سیستم میارین نفت

3) LAB Units

سیستم آزمایشگاهی در مقدار ترکیب

Quantity	Metric	Field	LAB
Length, Depth, Radius	m	ft	cm
Time	days	days	hrs.
Density	kg/m <sup>3</sup>	lb/ft <sup>3</sup>	gr/cm <sup>3</sup>
Pressure	bars	psia	atm
Compressibility	1/bars	1/psia	1/atm
Viscosity	Pa.s	cp	cp
Permeability	m <sup>2</sup>	md	md
Liquid Volume	S m <sup>3</sup>	STB	scc
Gas Volume	S m <sup>3</sup>	scf (MSCf)	scc
Liquid Rate	S m <sup>3</sup> /day	STB/day	scc/hr (scc/s)
Gas Rate	S m <sup>3</sup> /day	MSCF/day	scc/hr (scc/s)
Temperature	°C	°F	°C

PSI = pound per square inch = lb/in<sup>2</sup> , Pa = N/m<sup>2</sup> , CP = centi poise

S m<sup>3</sup> = Surface m<sup>3</sup> (Standard m<sup>3</sup>) , STB = Standard Barrel  
شرطی میلی متریون بجه امریکا است زیرا راست

- شرطی استاندارد آمریکایی  $T_{Sc} = 60^{\circ}F = 15^{\circ}C$  ,  $P_{Sc} = 14.7 \text{ psia}$

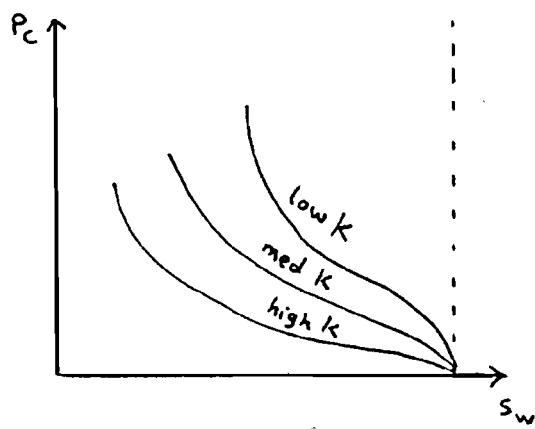
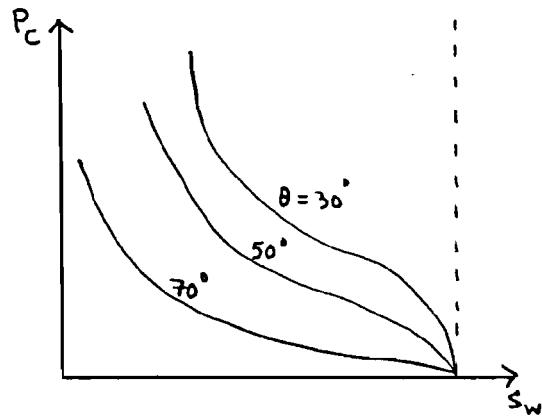
- شرطی استاندارد امریکایی  $T_{Sc} = 0^{\circ}C$  ,  $P_{Sc} = 14.7 \text{ psia}$

بشک = bbl = blue barrel , scc = standard cubic centimeter

Scf = standard cubic foot , M =  $10^3 = 1000$  , MM =  $10^6 = 1000000$

?

$$P_c = \gamma g \Delta \rho = \frac{2 \sigma \cos \theta}{r}$$

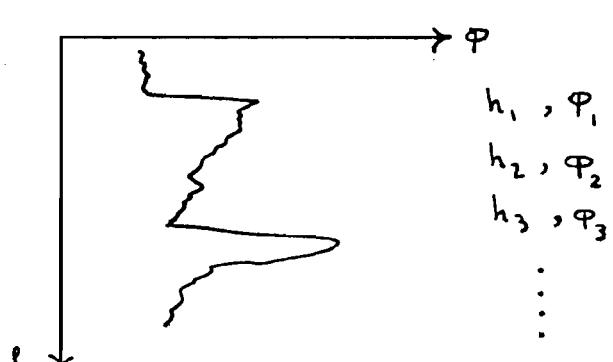


برچه تراوی کترایش، کثافت و در نتیجه  $P_c$  بیشتر است.

توانایی یک محیط سفلی برای ذخیره یک سیال را تکمیل نماید.

برمیزان درصد جمی از محیط سفلی که توسط یک سیال پر شده را درجه اشتعاع کنید.

$\Phi, s_w, s_g, s_o \rightarrow$  Core Analysis توسط طبقه تینی شود



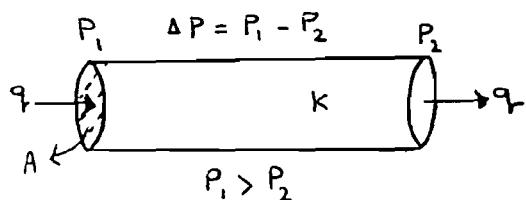
تکل رو برو -  $\Phi$  را در میانه های مختلف هفڑن شان مداده - این داده را به توان از یک  $log$  برست  
آوردن - سوال: مقدار متوجه تغییر ( $\Phi$ ) پندراست؟

$$\bar{\Phi} = \frac{\sum \Phi_i h_i}{\sum h_i}$$

Porosity Weighted Saturations :  $\bar{s}_w = \frac{\sum s_{wi} \cdot h_i \cdot \Phi_i}{\sum h_i \cdot \Phi_i}, \bar{s}_o = \frac{\sum s_{oi} \cdot h_i \cdot \Phi_i}{\sum h_i \cdot \Phi_i}$

(K) (Permeability)

توzuایی یک سنگ یا میله تخلیه در عبور دادن یا نزد دادن یک سیال از خود را تراوائی کوئیزد.



$$q_t = \frac{A K}{\mu} \frac{\Delta P}{l}$$

$K$  تورط رابطه ساده دارسی عاشهه می شود.

گرانده سیال  $= M$  ،  $K =$  سلحنتی سیال از آن عبوری نند  $= A$

$$q_t = \frac{A}{\mu} \Delta P = P_1 - P_2 \quad (\text{pressure drop}) \quad l = \text{طول} \quad \Delta P = \text{افتشار} \quad \mu = \text{دبی}$$

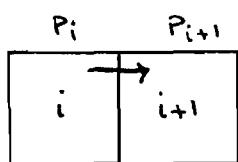
$$\frac{\Delta P}{l} = (\text{Pressure Gradient}) \quad \text{شیب فشار}$$

اگر سیال تراکم نپیر باشد،  $q_t$  درودی برابر با  $q_t$  خروجی است.

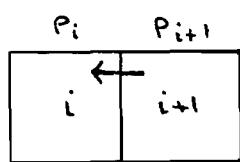
اگر سیال تراکم نپیر باشد،  $q_t$  درودی  $\neq q_t$  خروجی است.

در اثر تراکم نپیری، جمی از سیال درون میله تخلیه باقی می ماند.

شیب فشار یک نیروی رانش است. سیال بر طرف کلی از نتایج فشار بیشتری دارد بر طرف نقصانی



$$P_i > P_{i+1}$$



$$P_{i+1} > P_i$$

که فشار کمتری دارد، حرکت می نماید.

براساس تجربیات

رابطه دارسی	$\left\{ \begin{array}{l} \text{برای چاه نمی: } q \propto \Delta P \\ \text{برای چاه گازی: } q \propto \Delta P^2 \end{array} \right.$
-------------	--

ثیب فشار ( $\frac{\partial P}{\partial x}$ ) باعث رانش سیال از نقطه ① به نقطه ② می شود.

$$K = \frac{q M}{A} \cdot \frac{l}{\Delta P}$$

$$q_o = \frac{A K_o}{M_o} \cdot \frac{\Delta P_o}{l} \implies \Delta P_o = P_{o_1} - P_{o_2}$$

$$q_g = \frac{A K_g}{M_g} \cdot \frac{\Delta P_g}{l} \implies \Delta P_g = P_{g_1} - P_{g_2}$$

ترادایی مطلق خاصیت سلک است و به سیال درون آن بستگی ندارد.

Metric :  $[k] = \frac{(m^3 \cdot s^{-1}) \cdot (N \cdot m^{-2} \cdot s)}{(m^2)} \cdot \frac{(m)}{(N \cdot m^{-2})} \implies [k] = m^2$

LAB :  $[k] = \frac{(cm^3 \cdot s^{-1}) (CP)}{(cm^2)} \cdot \frac{(cm)}{atm} \implies [k] = \text{darcy}$

$$1 \text{ darcy} = 0.987 \times 10^{-12} (m^2) \implies 1 \text{ darcy} \approx 10^{-12} (m^2)$$

اشکال مختلف  
ترادایی

$K$ ۱. Absolute Permeability (K)	$K_e$ ۲. Effective Permeability ( $K_e$ ) $\{K_o, K_w, K_g\}$
$K_r$ ۳. Relative Permeability ( $K_r$ )	

اگر که محیط تحمل ۱۰۰٪ از گزینه سیال اشباع شده باشد، در این صورت صحبت از ترادایی مطلق می ننم. ترادایی

مطلق ( $k$ ) یک خاصیت مربوط به سلک است و بستگی به سیالی که در آن جاری می باشد، ندارد.

اگر که محیط تحمل از دو یا سه سیال اشباع شده باشد، در این صورت صحبت از ترادایی مولز ( $k_e$ ) می ننم.

$K_r = \frac{K_e}{K} \Rightarrow K_e = K_r \cdot K$  نسبت ترادایی موثر بر ترادایی سطح را ترادایی نسبی کویند.

$$K_{r_0} = \frac{K_0}{K}, \quad K_{rw} = \frac{K_w}{K}, \quad K_{rg} = \frac{K_g}{K}$$

$$K_g + K_0 + K_w \leq K, \quad K_{rg} + K_{r_0} + K_{rw} \leq 1$$

در برخی موارد فاز دیفری مانند آسمالتن یا لک که جاذب محوب می شوند، نیز در سیستم وجود دارد.

$$q_r = \frac{AK}{M} \cdot \frac{\Delta P}{L} \quad \frac{q_r}{A} = \frac{K}{M} \cdot \frac{\Delta P}{L} \Rightarrow u = \frac{K}{M} \cdot \frac{\Delta P}{L} = \text{سرعت ظاهري}$$

$$\frac{q_r}{A\Phi} = \frac{u}{\Phi} = \text{سرعت حقيقي}$$

مثال: یک سک از سه فاز (سیال) نفت، گاز و آب اثبات شده است بر عرضت داری حریت بر سیال  
↓  
(ظاهری)

چندراست؟

$$q_{r_0} = \frac{AK_0}{M_0} \cdot \frac{\Delta P_0}{L} \Rightarrow \frac{q_{r_0}}{A} = u_0 = \frac{K_0}{M_0} \cdot \frac{\Delta P_0}{L} \Rightarrow u_0 = \frac{K_{r_0} \cdot K}{M_0} \cdot \frac{\Delta P_0}{L}$$

$$q_{rw} = \frac{AK_w}{M_w} \cdot \frac{\Delta P_w}{L} \Rightarrow \frac{q_{rw}}{A} = u_w = \frac{K_w}{M_w} \cdot \frac{\Delta P_w}{L} \Rightarrow u_w = \frac{K_{rw} \cdot K}{M_w} \cdot \frac{\Delta P_w}{L}$$

$$q_{rg} = \frac{AK_g}{M_g} \cdot \frac{\Delta P_g}{L} \Rightarrow \frac{q_g}{A} = u_g = \frac{K_g}{M_g} \cdot \frac{\Delta P_g}{L} \Rightarrow u_g = \frac{K_{rg} \cdot K}{M_g} \cdot \frac{\Delta P_g}{L}$$

$$\text{شیب نشار گاز} = \frac{\Delta P_0}{L}, \quad \text{شیب نشار آب} = \frac{\Delta P_w}{L}, \quad \text{شیب نشار نفت} = \frac{\Delta P_g}{L}$$

(هره شیب منفی (-) هستن -)

مثال: یک نمونه غره (core) بسط مقطع  $2 \text{ cm}^2$  دارای طول  $3 \text{ cm}$  آب شوری بگراندی  $10 \text{ cm}$

$$\text{باری} \quad 0.5 \quad \text{راقت اختلاف نشار} \quad 12 \text{ atm} \quad \text{از خود عبور می دهد. نفوذیتی سطح آن را}$$

حساب نمود.

$$K = \frac{qM}{A} \cdot \frac{l}{\Delta P} = \frac{0.5 * 1}{2} * \frac{3}{12} = 0.0625 \text{ darcy} \quad (\text{if } S_w = 100\%)$$

ادامه مثال: اگر یک نفت با لازروی  $3 \text{ cm}^3/\text{s}$  وقت همان اختلاف فشار جایزین آب بشور شود، خواستم بدیگر دبی

حریان نفت  $\frac{\text{cm}^3}{\text{s}}$  ۰.۱۶۷ خواهد شد. در این حالت نوزد پذیری مطلق چقدر است؟

$$K = \frac{qM}{A} \cdot \frac{l}{\Delta P} = \frac{0.167 * 3}{2} * \frac{3}{12} = 0.0625 \text{ darcy}$$

نتیجه: نوزد پذیری مطلق یک منفذ مشخص است که نفخ منفذ می باشد و به سیالی که درون منفذ حریان دارد مربوط نمی شود؛ به شرط آن که سیال فضای محفل منفذ را  $100/100$  اشاع کرده باشد.

ادامه مثال: اگر آزمایش را بر روی همین نمونه سفره بمخلوطی از آب بشور با درجه اشاع  $70/70$  وقت با درجه

اشاع  $30/30$  تکرار نمی کنم، مشاهده می شود که وقت همان افت فشار و باز از این درجات اشاع، دبی حریان

آب  $0.3 \text{ cm}^3/\text{s}$  و دبی حریان نفت  $0.02 \text{ cm}^3/\text{s}$  خواهد بود. در این صورت نوزد پذیری موثر نفت

و آب چقدر است؟

$$K_o = \frac{q_o M_o}{A} \cdot \frac{l}{\Delta P} = \frac{0.02 * 3}{2} * \frac{3}{12} = 0.225 \text{ darcy}$$

$$K_w = \frac{q_w M_w}{A} \cdot \frac{l}{\Delta P} = \frac{0.3 * 1}{2} * \frac{3}{12} = 0.045 \text{ darcy}$$

نتیجه: نوزد پذیری موثر نوزد پذیری منفذ نسبت به سیال بخصوص است، وقتی که آن سیال کمتر از  $100/100$  از فضای محفل منفذ را اشاع کرده باشد.

• اراده مثال : (M) Mobility و نسبت تحریکی را بیابیم  $k_{rw}$ ,  $k_{ro}$

$$k_{ro} = \frac{k_o}{k} = \frac{0.225}{0.0625} = 3.6$$

$$k_{rw} = \frac{k_w}{k} = \frac{0.045}{0.0625} = 0.72$$

$$\text{Mobility Ratio } M = \frac{q_w}{q_o}$$

$$M = \frac{\frac{A \cdot k_w}{M_w} \cdot \frac{\Delta P}{l}}{\frac{A \cdot k_o}{M_o} \cdot \frac{\Delta P}{l}} = \frac{k_w/M_w}{k_o/M_o} = \frac{k_w \cdot M_o}{k_o \cdot M_w} \Rightarrow M = \frac{0.045 \times 3}{0.225 \times 1} =$$

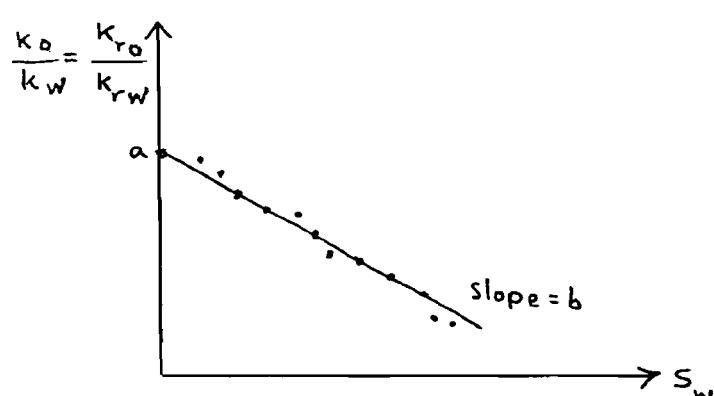
(چون راهه از خروج در راهی شکاف بودست آمده،  $\Delta P$  بیان است)

نسبت تراویی مشترک برآورده Mobility کویند.

$$\frac{k_w}{M_w} = \lambda_w = \text{Water Mobility}, \quad \frac{k_o}{M_o} = \lambda_o = \text{Oil Mobility}$$

$$M = \frac{\lambda_w}{\lambda_o}, \quad M = \frac{k_{rw}}{k_{ro}} \cdot \frac{M_o}{M_w}$$

$$\frac{k_o}{k_w} = \frac{k_{ro}}{k_{rw}} = \alpha \cdot e^{-b \cdot S_w}$$

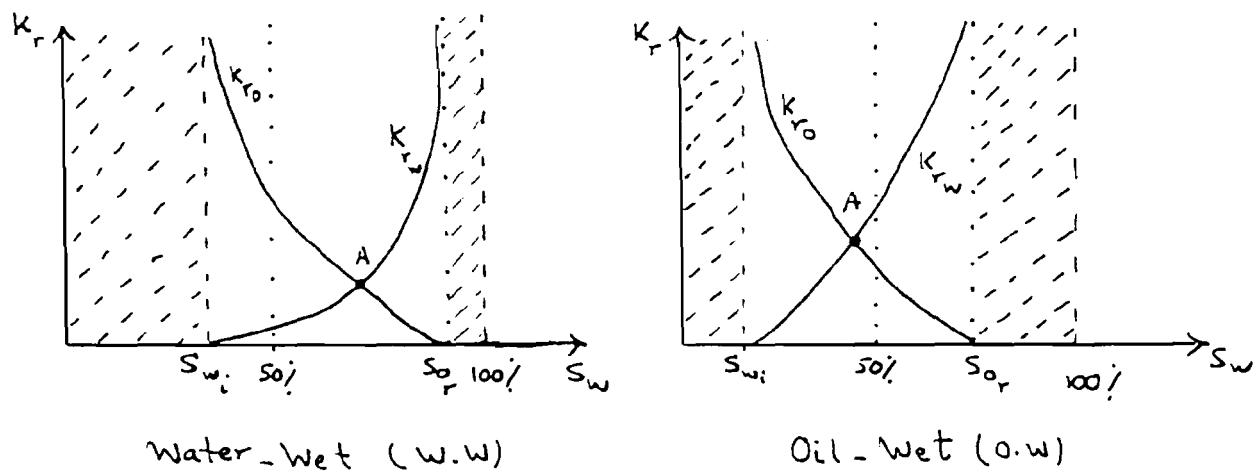


$$\lambda_w = \text{water Mobility} = \frac{k_w}{M_w}$$

$$\lambda_o = \text{Oil Mobility} = \frac{k_o}{M_o}$$

$$\lambda_g = \text{Gas Mobility} = \frac{k_g}{M_g}$$

• منحنی های  $K_r(S_w)$  تابی از اشباع -



توسط سنجی  $k_r(S_w)$  می توان شکر را مشخص کرد.

تجربه احتمال درخواست زیر صورت است :

$$S_{w_i}(W.W) > S_{w_i}(O.W)$$

$$S_{o_r}(W.W) < S_{o_r}(O.W)$$

$$\lambda_o(W.W) > \lambda_o(O.W)$$

$$\lambda_w(W.W) < \lambda_w(O.W)$$

در نظر  $w.w$  نقطه A (عمل تلقی در سنجی) یعنی منطقه ای که  $k_r_o = k_{rw}$  است راست خط 50%

قرار دارد، اما در نظر  $O.W$  نقطه A است چپ خط 50٪ قرار دارد.

$\bar{K}$  = Average Absolute Permeability

$\bar{k}_{rw}$  = Average Relative Permeability of wetting Fluid

$\bar{k}_{r_{nw}}$  = Average Relative Permeability of Non-Wetting Fluid

$$\bar{K} = \frac{\sum k_i h_i}{\sum h_i} = \frac{k_1 h_1 + k_2 h_2 + \dots}{h_1 + h_2 + \dots}$$

$$\left\{ \bar{k}_{rw} = \frac{\sum k_i h_i k_{rw,i}}{\sum k_i h_i}, \quad \bar{k}_{r_{nw}} = \frac{\sum k_i h_i k_{r_{nw},i}}{\sum k_i h_i} \right\} \begin{array}{l} \text{Dynamic Pseudo} \\ \text{Relative Permeability} \end{array}$$

K (ترادلی سطح) را می‌توان از آزمایش‌های معزوه در Core lab بدست آورد و دیاتومیک آنالیز است این

فشار می‌توان تعیین کرد. اما در روابط تجربی موجود، ترادلی سطح تا حدودی قابل معتبر است. از آن جمله:

### 1. The Timer Equation

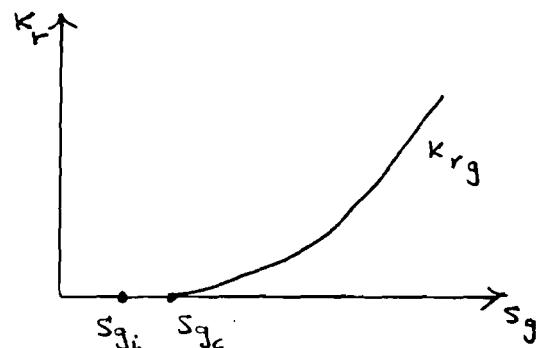
$$K = 8.58102 \frac{\varphi^{4.4}}{S_{wc}^2}$$

که در آن  $S_{wc}$  اشباع محیط آب است.

### 2. The Morris-Biggs Equation

$$k = 62.5 \left( \frac{\varphi^3}{S_{wc}} \right)^2 \quad \text{for oil reservoirs}$$

$$k = 2.5 \left( \frac{\varphi^3}{S_{gc}} \right)^2 \quad \text{for gas reservoirs}$$



End Points  $\begin{cases} S_{wi} = \text{Connate Water Saturation} \\ S_{wc} = \text{Critical Water Saturation} \\ S_{gi} = \text{Connate Gas Saturation} \\ S_{gc} = \text{Critical Gas Saturation} \end{cases}$

کمترین میزان اشباع آب در غزن

کمترین میزان اشباع گاز در غزن

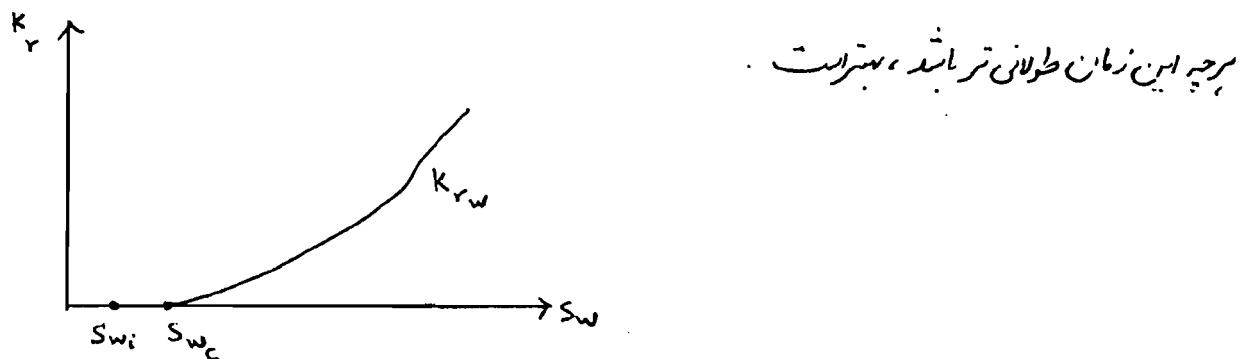
اشباع محیط آب ( $S_{wc}$ ): بزرگترین میزان اشباع آب است که برای آن آب بقیه ساکن (Immobile) است.

اشباع محیط گاز ( $S_{gc}$ ): بزرگترین میزان اشباع گاز بقیه ساکن است یعنی کمترین اشباع گاز از  $S_{gc}$  بیشتر ندارد.

گاز شریع به حرکت نمود.

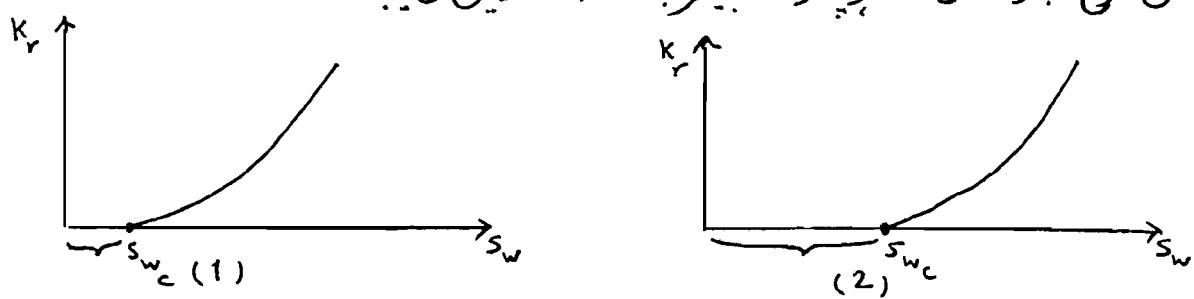
## Breakthrough Time

مدت زمانی که طبل می‌گشود تا آب تزریق نفخت را برآورد و به چاه تزریقی برد، یعنی چاه بگشود می‌بیند.



$S_{w_i}$  میزان اشباع اولیه آب در محزن است. با تزریق آب اشباع آب زیاد می‌شود تا آب  $S_{w_c}$  می‌رسد و پس

از آن شروع به حرکت می‌کند. برچه سرعت بیشتر باشد.  $K_r$  افزایش می‌یابد.



برای نمودار (2) بیشتر است.

## Dynamic Pseudo Relative Permeabilities

اگر محزن از چند لایه تشکیل شده باشد (Multi-layer) و عوامل در فاز درگان در حرکت باشد (عنی

Dynamic Pseudo Relative Permeability  $K_r$  متوسط محزن  $K_r(S_w)$  وحددارد)

Pseudoization = averaging  $(\bar{K}_r)$  ناسید می‌شود.

چون پ<sub>r</sub> سطر حرکت است، که در آن بکار رود می شود.

$$\bar{K}_{rw} = \frac{\sum (Kh)_i (k_{rw})_i}{\sum (Kh)_i} \quad \text{for wetting fluid}$$

$$\bar{K}_{nw} = \frac{\sum (Kh)_i (k_{rnw})_i}{\sum (Kh)_i} \quad \text{for non-wetting fluid}$$

در روابط بالا، خواست لایه است.

$$\frac{K_o}{K_w} = \frac{K_{ro}}{K_{rw}} = a \cdot e^{-b \cdot S_w}, \quad , \quad \frac{K_o}{K_g} = \frac{K_{ro}}{K_{rg}} = a \cdot e^{b \cdot S_g}$$

در این روابط a عرض از بدا (slope) و b شیب (slope) است.

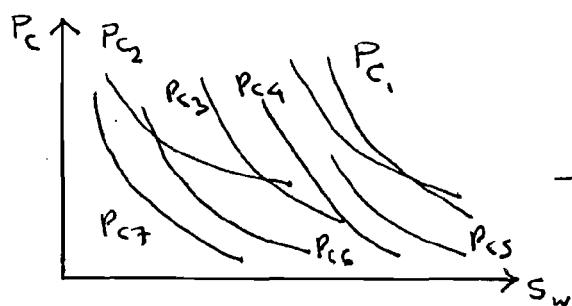
## J-Function (Leverett Function)

(Averaging The Reservoir Properties)

اگر نزدیکی سطحی را  $\phi$ ، تراویح مطلق را K، تخلی را  $\varphi$  در نظر بگیریم، رابطه Leverett

$$J(S_w) = \frac{P_c}{\sigma \cdot \cos \theta} \sqrt{\frac{K}{\varphi}} \quad \text{صورت زیرنوشته می شود.}$$

از یک متن sample که مختلف لرفته می شود. توسط J-Function می توان سخن



$$\rightarrow \bar{P}_c = ?$$

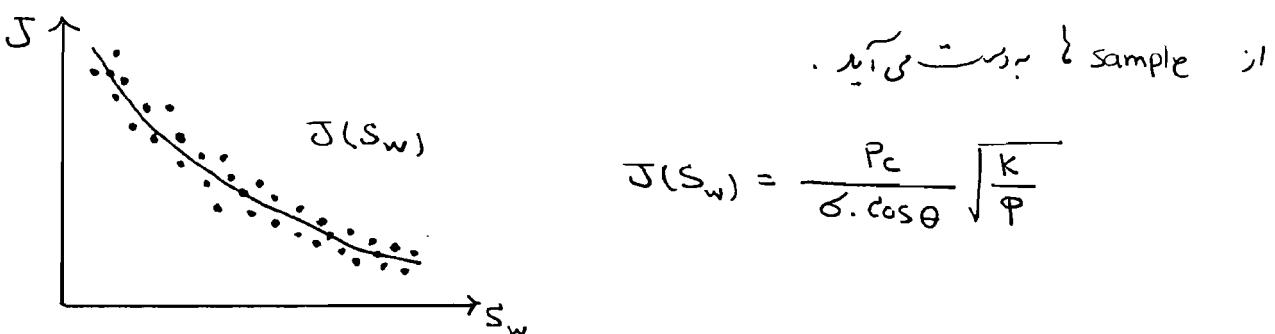
$\bar{P}_c$  متوسط را پیدا نمود ( $\bar{P}_c$ )

$$K_1, \varphi_1 \rightarrow P_{c1}$$

$$K_2, \varphi_2 \rightarrow P_{c2}$$

! ! !

شاید که از قاعده Leverett J-Function رسم نماییم، یک منحنی واحد، مستقیم



$$J(S_w) = \frac{P_c}{\sigma \cdot \cos \theta} \sqrt{\frac{k}{\phi}}$$

$$P_c = J(S_w) \sigma \cos \theta \sqrt{\frac{\phi}{k}}$$

$\bar{\phi}$  متوسط تخلخل محزن و  $\bar{k}$  متوسط تراویح محزن است.

آنون این  $\bar{P}_c$  را می‌توان برای کل محزن برابر.

که میان آب و نفت در شرایط محزن به طور متوسط  $30 \frac{\text{dynes}}{\text{cm}^2}$  است.

$P_c$  همی که بدست می‌آید در شرایط آزمایشگاهی است و باید به شرایط محزن تبدیل شود.

### Converting Laboratory Capillary Pressure Data

تبدیل داره‌ای  $P_c$  از شرایط آزمایشگاهی به شرایط محزن

$$(P_c)_{res} = (P_c)_{lab} * \frac{\sigma_{res}}{\sigma_{lab}}$$

$(P_c)_{res}$  = Capillary Pressure Measured at Res. Condition

$(P_c)_{lab}$  = Capillary Pressure Measured at Lab. Condition

$\sigma_{res}$  = IFT Measured at Res. Condition

$\sigma_{lab}$  = IFT Measured at Lab. Condition

منظور از LAB Condition شرطی فشاری دمایی است در آزمایشگاه.

تغیرات دمایی فزن خیلی نند است؛ مگر این که از روش آبی حرارتی برای برداشت استفاده شود.

پس در مدل‌ای Analytical فرض براین است که دمای فزن ثابت است. بعین برای سهولت فشار را ثابت فرض نکنیم؛ اما فشاری تواند براساس فشارهای تئوریکی تغییر نزد.

## 2-Phase Relative Permeability Correlation

$k_r$  را در آزمایشگاهی Core lab اندازه‌یابی نمایند، ولی روابطی نیز وجود دارد برای تعیین  $k_r$  کیمی دوباری کردنی نام تعدادی آورده شده است:

1. wyllie and Gardner correlation
2. torcaso & wyllie correlation
3. prisont's correlation
4. corey's method
5. Relative Permeability from  $P_c$ -Curves
6. Relative Permeability from Analytical Equations

## 3-Phase Relative Permeability Correlation

- |                                |                     |
|--------------------------------|---------------------|
| 1. Wyllie's correlations       | 3. Stone's Model I  |
| 2. The Hustad-Hort Correlation | 4. Stone's Model II |

## \* تراکم پزیری ( Compressibility )

خاصیت است که هم‌نگ دم سیال دارد و نسبت تغییرات حجم به تغییرات فشار است.

- تراکم پزیری سنگ مرن ( Rock Compressibility (C) )

$$C = \frac{-1}{V} \cdot \frac{\delta V}{\delta P}$$

علامت منفی به دلیل این است که تغییرات آبادان عکس پذیر است. تراکم پزیری سنگ مرن تواند باعث رانش سیال درون آن شود.

- Rock - Bulk Compressibility ( $C_B$ )

$$C_B = \frac{-1}{V_B} \cdot \left( \frac{\delta V_B}{\delta P} \right)_T \quad (V_B = \text{Bulk-Volume})$$

- Pore Compressibility ( $C_P$ )

$$C_P = \frac{-1}{V_P} \cdot \left( \frac{\delta V_P}{\delta P} \right)_T$$

$C_P$  را بتوان به سکل زیر بیان کرد:

$$C_P = \frac{1}{\Phi} \cdot \left( \frac{\partial \Phi}{\partial P} \right)_T \quad (\text{در رابطه محض آنقدر})$$

- Formation Compressibility ( $C_f$ )

$$C_f = \frac{1}{\Phi} \left( \frac{\partial \Phi}{\partial P} \right)_T$$

$$\int_{P_o}^P C_f \cdot \delta P = \int_{\Phi_o}^{\Phi} \frac{1}{\Phi} \cdot \delta \Phi$$

$$\begin{cases} P_o = \text{Initial (Original) Pressure} \\ \Phi_o = \text{Initial (Original) Porosity} \\ P = \text{Current Reservoir Pressure} \\ \Phi = \text{Current Reservoir Porosity} \end{cases}$$

$$C_f \cdot (P - P_0) = \ln \frac{\varphi}{\varphi_0} \Rightarrow \frac{\varphi}{\varphi_0} = e^{C_f (P - P_0)}$$

$$\varphi = \varphi_0 \cdot e^{C_f (P - P_0)}$$

درسته  $e^x$  دایم :

$$e^x = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots \Rightarrow e^x \approx 1 + x$$

$$e^{C_f (P - P_0)} \approx 1 + C_f (P - P_0) \quad \text{پس :}$$

توسط این رابطه  $\varphi$  را بشارخون و تراکم پذیری شد تون ارتباط می‌بیم :

$$\varphi = \varphi_0 [1 + C_f (P - P_0)]$$

نتیجه : تکلف  $(\varphi)$  آبی از نشار است ؛ و از روابط برای سهولت،  $\varphi$  را ثابت فرض می‌نمیم

$$\text{Total Compressibility : } C_t = S_o C_o + S_w C_w + S_g C_g + \underbrace{C_b}_{C_f}$$

$C_o$  = Oil Compressibility

$C_w$  = Water Compressibility

$C_g$  = Gas Compressibility

$C_b$  = Bulk Compressibility

برینای تراکم پذیری سیالات محزن، می‌توان آنها را به سه دسته تقسیم کرد .

Types OF Fluids	1. Incompressible Fluids	سیالات تراکم ناپذیر
	2. Low (Slightly)-Compressible Fluids	سیالات تراکم پذیر
	3. Compressible Fluids	سیالات تراکم پذیر

## 1) Incompressible Fluids

سیالاتی بسته در حجم آنها (بعبارت دیگر حجم آنها) نسبت برشار ثابت است.

$$v = \text{const.} \quad \text{or} \quad \rho = \text{const.}$$

$$\frac{\partial v}{\partial P} = 0 \quad \text{or} \quad \frac{\partial \rho}{\partial P} = 0$$

## 2) Low Compressible Fluids

هم ترین سیال این دسته نفت است.

$$C = -\frac{1}{v} \left( \frac{\partial v}{\partial P} \right)_T \quad \text{or} \quad C = \frac{1}{\rho} \left( \frac{\partial \rho}{\partial P} \right)_T$$

$$C = -\frac{1}{v} \cdot \frac{\partial v}{\partial P} \quad \int_{P_{ref}}^P C \cdot \partial P = \int_{v_{ref}}^v -\frac{1}{v} \cdot \partial v$$

$$C \cdot (P - P_{ref}) = -\ln \frac{v}{v_{ref}} \quad C \cdot (P_{ref} - P) = \ln \frac{v}{v_{ref}}$$

$$\frac{v}{v_{ref}} = e^{C(P_{ref} - P)} \Rightarrow \begin{cases} v = v_{ref} \cdot e^{C(P_{ref} - P)} \\ \rho = \rho_{ref} \cdot e^{C(P_{ref} - P)} \end{cases}$$

$$\text{از آنجایی که } e^{C(P_{ref} - P)} = \frac{1}{1 + C(P_{ref} - P)}$$

$$\begin{cases} v = v_{ref} [1 + C(P_{ref} - P)] \\ \rho = \rho_{ref} [1 + C(P_{ref} - P)] \end{cases}$$

$P$ : فشار خزن  
 $P_{ref}$ : فشار مبنی  
 $v$ : حجم در فشار  $P$   
 $\rho$ : جگالی در فشار  $P$   
 $v_{ref}$ : حجم در فشار مبنی

بنابراین در سیالات کمتر کام پذیر، حجم و جگالی تابع فشار است.

### 3) Compressible Fluids

گاز درین دسته قرار می‌کند.

$$C_g = \frac{1}{P} - \frac{1}{Z} \left( \frac{\partial Z}{\partial P} \right)_T$$

$C_g$  = Gas Compressibility

P = Reservoir Pressure

Z = ضریب (نوق) تراکم پذیری گاز = Gas (Super) Compressibility Factor

or  
Z = ضریب انحراف گاز = Gas deviation Factor

برای گازهای ایده‌آل :  $PV = nRT$  (1)

برای گازهای حقیقی :  $PV = nRTZ$  (2)

نمودار نشان دهنده میزان انحراف نسبت گازهای حقیقی از نسبت گازهای ایده‌آل است.

و Z برد تابعی از فشار دما هستند.

نمودار نشان دهنده این است که گاز حقیقی به میزان از گاز ایده‌آل تراکم پذیرتر است. (گازهای حقیقی از گازهای ایده‌آل تراکم پذیرتر هستند)

بعد واحد است، چون نسبت دو جم است، در حالی که  $\frac{C_g}{P}$  دارای واحد بوده واحد آن  $\frac{1}{P}$  است.

نسبت حجم گاز در شرایط مختلط به حجم گاز در شرایط استاندارد است (حجم حقیقی به صورت لایه‌آل).

از رابطه (2) نتیجه می‌شود :

$$\frac{1}{P} = nRTZ$$

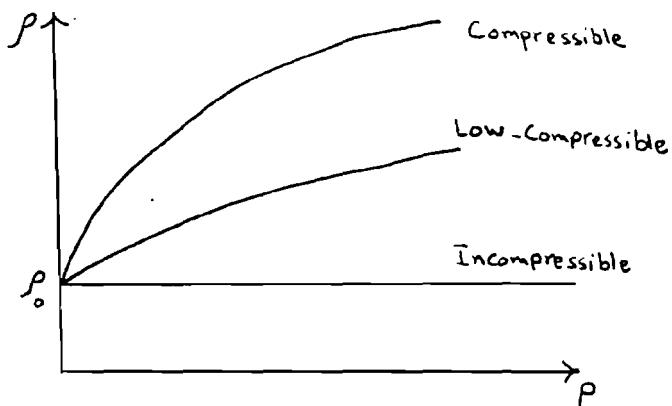
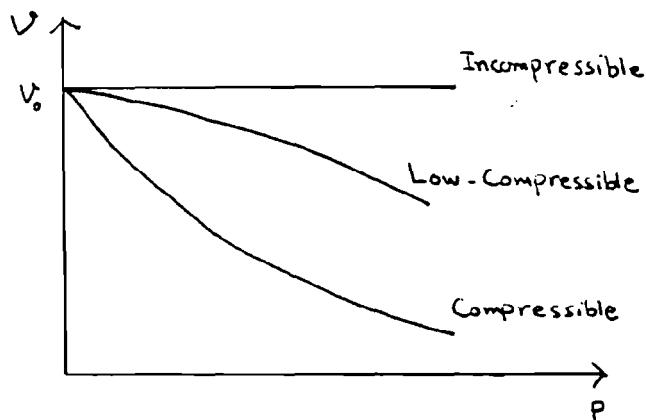
$$\frac{\partial V}{\partial P} = nRT \frac{\partial Z}{\partial P} \cdot \frac{1}{P} - nRTZ \cdot \frac{1}{P^2}$$

$$\frac{\partial V}{\partial P} = \underbrace{nRT}_{V} \cdot \underbrace{\frac{Z}{Z} \cdot \frac{1}{P}}_{\frac{\partial Z}{\partial P}} - \underbrace{(nRTZ)}_{V} \cdot \frac{1}{P}$$

$$\frac{\partial V}{\partial P} = V \cdot \frac{1}{Z} \cdot \frac{\partial Z}{\partial P} - V \cdot \frac{1}{P}$$

$$\frac{\partial V}{\partial P} = V \left( \frac{1}{Z} \cdot \frac{\partial Z}{\partial P} - \frac{1}{P} \right)$$

$$\frac{1}{V} \cdot \frac{\partial V}{\partial P} = \frac{1}{Z} \cdot \frac{\partial Z}{\partial P} - \frac{1}{P} \quad (3)$$

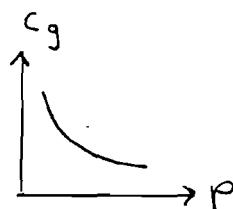


: رابطه (3) را دریک می خواهیم

$$\underbrace{-\frac{1}{V} \cdot \frac{\partial V}{\partial P}}_{C_g} = \frac{1}{P} - \frac{1}{Z} \frac{\partial Z}{\partial P}$$

$$C_g = \frac{1}{P} - \frac{1}{Z} \frac{\partial Z}{\partial P} \quad \dots \text{for real gases}$$

$$\text{For ideal gases: } Z=1 \Rightarrow C_g = \frac{1}{P}$$

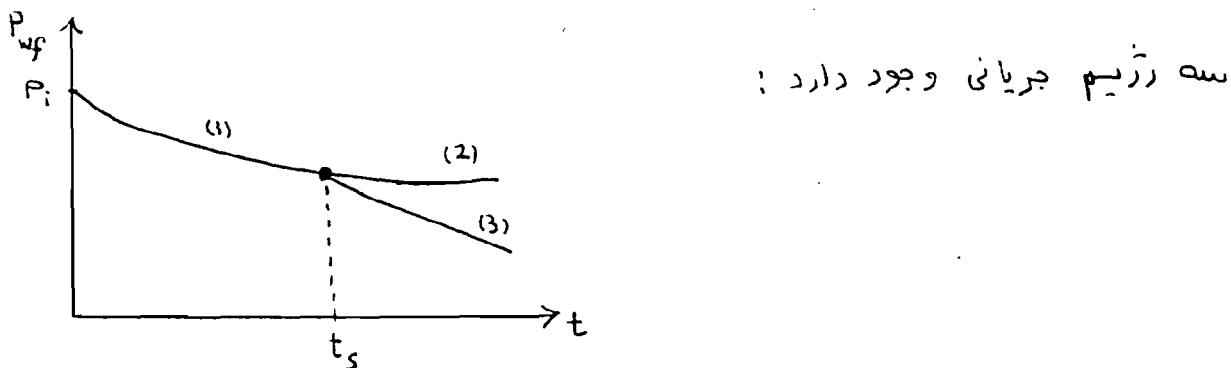


## ► Flow Regimes - (رژیم‌های صریان)

کم چاه باری ثابت و تولیدی نزد فشار جریانی تر چاه (Flowing Wellbore Pressure) PWF اندازه کریش می شود.

در حالت رجاه بسته است، به فشار اندازه کریشده "شار ایتا" (static pressure) می گویند.

در حالت کم چاه در حال تولید است، به فشار "شار جریانی" (flowing wellbore pres.) می گویند.



(1) : Transient Flow / Unsteady State Flow

(1) حالت نهاد (ناپایدار)

$$\frac{\partial P}{\partial t} = f(x, t) \neq \text{const.}$$

شار بحوثت تابعی از زمان و مکان تغیری نزد

(2) : Steady State Flow

(2) حالت پایدار

$$P = \text{const.} \Rightarrow \frac{\partial P}{\partial t} = 0$$

(3) : Semi-Steady State / Pseudo - steady state

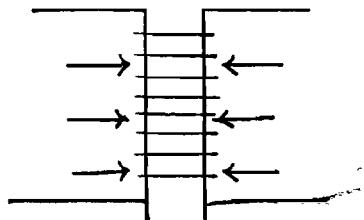
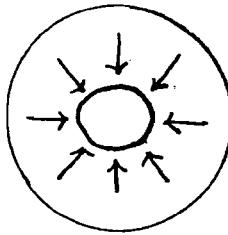
(3) حالت شب پایدار

$$\frac{\partial P}{\partial t} = \text{const.}$$

در حالت (3) مخزن یا آب (Aquifer) دارد که مانع از انتقال فشار می شود. در حالت (3) مخزن سفره آب ندارد و به صورت فشار افت نزد Linear.

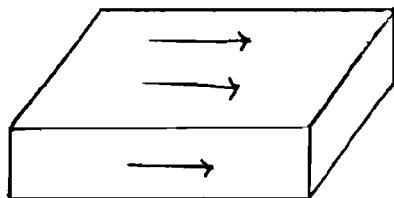
## ► Flow Geometries

1. Radial Flow - جریان شعاعی



سیال به صورت شعاعی بسته چاه حرکت می‌کند.

2. Linear Flow - جریان خطی

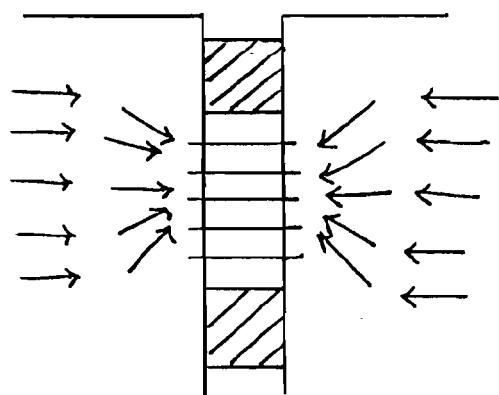


جریان خطی

3. Spherical Flow - جریان کروی

حالت خامی از جریان شعاعی است.

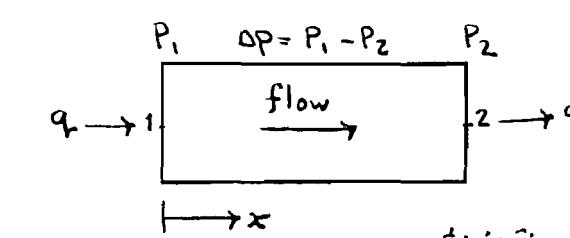
اگر محل Perforation در جایی گرفته شد،



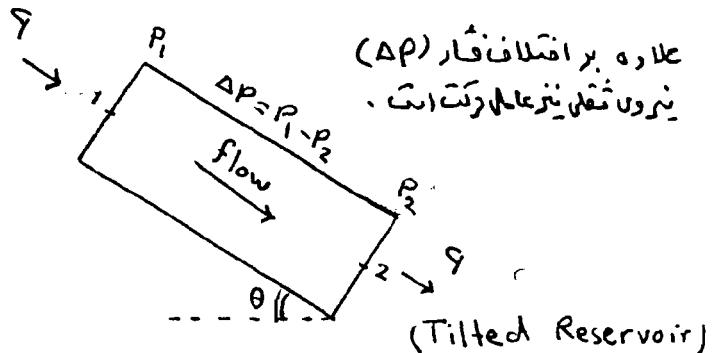
سیال به صورت کروی به مرز حرکتی کند.

## ► "Fundamentals of Fluid Flow"

### ● Fluid Potential ( $\phi$ )



اختلاف فشار ( $\Delta P$ ) بین نقطه (1) و (2) عامل حرکت است.

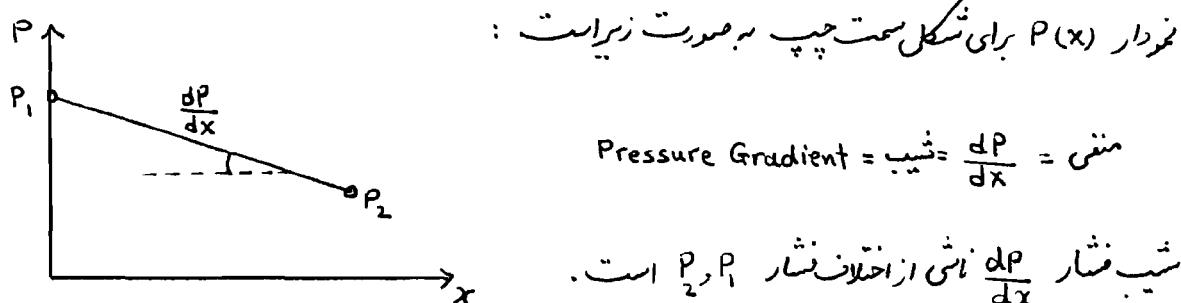


علاوه بر اختلاف فشار ( $\Delta P$ ) نیروی تنشی نیز عامل حرکت است.

در این حالت (شعل سمت راست) Gravitational Force-( $\Delta P$ ) علاوه بر اختلاف (ΔP) نیز عامل حرکت است.

جمع برداری نیروها که عامل حرکت است، Fluid Potential نامه می شود.

نیروی تنشی سیواهه عمودی است.



$$\text{منفی} = \frac{dP}{dx}$$

شیب فشار  $i$  از اختلاف شار  $P_1, P_2$  است.

$$P_1 > P_2$$

$$\Delta P = \text{Pressure Drop} =$$

$$\frac{dP}{dx} = \frac{\Delta P}{L} = \text{Pressure Gradient} \quad \text{یک نیروی رانش است.}$$

$$\Phi_i = \text{Fluid Potential @ Point } i \text{ [psi]}$$

$$\Phi_i = P_i \pm \frac{\rho}{144} \Delta z_i \quad (\text{Field units})$$

$$\Phi_i = P_i \pm \rho g h$$

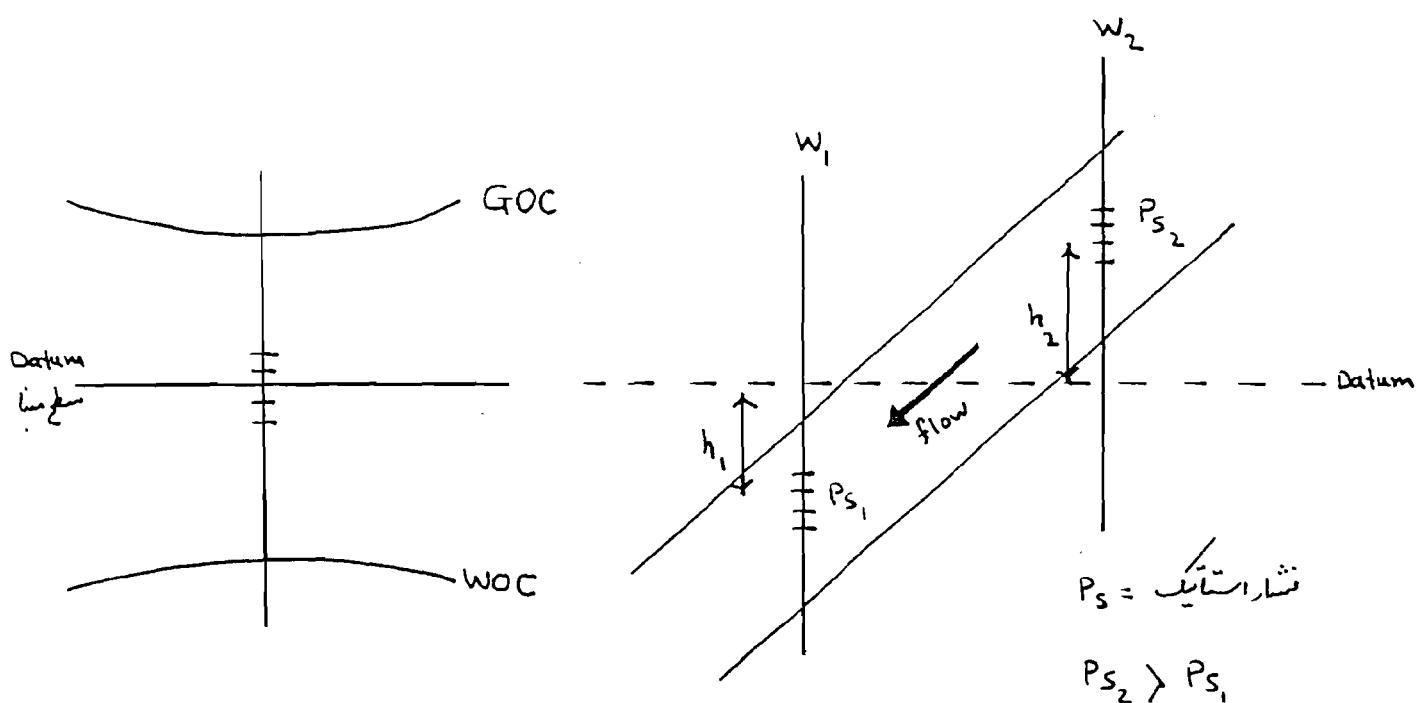
$$\begin{cases} P_i = \text{شار سیال در نقطه } i \text{ [psi]} \\ \rho = [lb/ft^3] \text{ چگالی سیال} \\ \Delta z_i = (\text{Datum}) - \text{سطح سیال} \text{ [ft]} \end{cases}$$

$$\Phi_i = P_i + \frac{\rho}{144} \Delta Z_i$$

اگر نقطه i بالی سطح مبنای باشد

$$\Phi_i = P_i - \frac{\rho}{144} \Delta Z_i$$

اگر نقطه i زیر سطح مبنای باشد



اما چنین نتیجایی که جریان از چاه 2 به 1 است، درست نیست، زیرا باید فشارهای استاتیک چاه ها برابر باشند

سطح مبنای تصحیح شود تا بتوان آنها را باهم مقایسه کرد.

$$\Phi_2 = P_{s2} + \frac{\rho}{144} \cdot h_2 , \quad \Phi_1 = P_{s1} - \frac{\rho}{144} \cdot h_1$$

کنون پتانسیل چاه 1 (فشارهای)  $\Phi_1$  و  $\Phi_2$  را مقایسه کنیم. جهت جریان از پتانسیل پیشتر به پتانسیل کمتر است

## Differential Operators

$$\vec{v} = v_x \cdot \vec{i} + v_y \cdot \vec{j} + v_z \cdot \vec{k}$$

سرعت یک بردار است.

$$P = f(x, y, z)$$

مشاریک کیت اسکالر است.

$$\text{Gradient of } P = \nabla P = \frac{\partial P}{\partial x} \vec{i} + \frac{\partial P}{\partial y} \vec{j} + \frac{\partial P}{\partial z} \vec{k}$$

گرادینٹ مشاریک کیت برای است.

$$\text{Divergence of } \vec{v} = \nabla \cdot \vec{v} = \frac{\partial v_x}{\partial x} + \frac{\partial v_y}{\partial y} + \frac{\partial v_z}{\partial z}$$

دیوڑان سرعت یک کیت اسکالر است.

$$\nabla \cdot (\nabla P) = \nabla^2 P = \text{Laplacian of } P$$

لپلاسین  $P$  یک کیت اسکالر است.

$$\nabla^2 P = \frac{\partial^2 P}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 P}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 P}{\partial z^2}$$

## Static Model (Geological Model)

مدل استاتیک، مدل است که در آن پیچ حکمت وجود ندارد و بهترین در آن در حال تعادل Equilibrium است.

وظیفه مندس محزن این است که این مدل را بایک مدل دینامیک (Dynamic Model) تبدیل نماید که در آن

سیالات حرکت می‌کند. مثلاً مدلی که دارای Gas Cap است، گذاشتن شرایع بر جریان به سمت پایین می‌کند

دیاسفره آب شرایع بر جریان به سمت فقرن می‌کند. می‌توان از این مدل تشخیص داد که مثلاً آب را باید با محنت محزن تزویج کنیم

گردنگل محزن ساده باشد، می‌توان آن را از روشهای Analytical (توسط فرمول) مورد بررسی قرار دیم. اما اگر

ژئومتری محزن پیچیده باشد، باید از روش‌های Numerical مسائل آن را حل نمود که محزن به قسمت‌های بلوک‌چتر (Blocks)

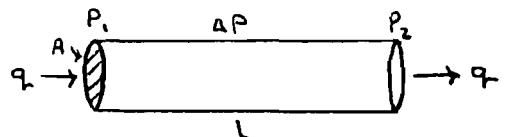
تشکیل شود.

هدف این است که بینیم چه مقدار از سیال درون محزن را می‌توان برداشت نمود.

اساس حرکت سیال در محزن با فرمول ای زیر بررسی می‌شود:

- { 1. Differential Form of Darcy Law
- 2. Continuity Equation
- 3. EoS (equation of state)

۱) معادله دیزاینلی دارسی:

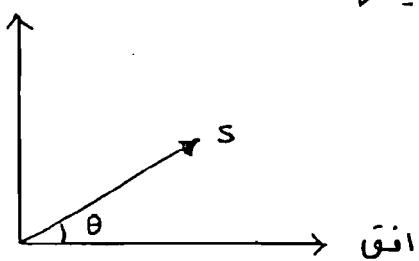


که در آن  $K$  تراویی محیط استقلال،  $A$  مساحت سیال،  $\Delta P$  اختلاف فشار و  $l$  انت فشار ( $\Delta P = P_2 - P_1$ ) است.

$$q_t \propto \Delta P \Rightarrow q_t = \frac{AK}{ML} \Delta P$$

$$\frac{q_t}{A} = v = \frac{-K}{\mu} \cdot \frac{\Delta P}{L} \quad (\text{م: سرعت حرکت سیال})$$

$$\vec{V} = -\frac{K}{\mu} (\nabla P + \rho g \sin \theta) \quad (\text{شکل بیرونی رابطه داری})$$



$s$ : جت حرکت سیال

$\theta$ : زاویه‌ای که  $s$  با افق می‌سازد.

$$\vec{V} = -\frac{K}{\mu} \underbrace{(\nabla P + \rho g \sin \theta)}_{\substack{\text{شیب فشار} \\ \text{Pressure Gradient}}}$$

در رابطه بالا  $\nabla P$  شیب فشار سیال و  $\rho g \sin \theta$  شیب فشار اثر علی یا شیب فشار پیدا کننده است.

شیب فشار یک نیروی ناش است. شیب فشار باعث می‌شود یک سیال باگزینش ۲ دچکانی در یک محیط تحمل با برداشی  $K$  بازیست و حرکت کند.

شیب فشار علی معمولاً وجود دارد، اما به دلیل این که نسبت شیب فشار سیال خیلی کوچک است، "عمولاً" از آن صرف نظر می‌شود.

در مخانیک کلامیک گازی وجود دارد و تولید توسط اب اط کامپکت گازی انجام می‌شود یا مخانیک تولیدی پمپ های الکتریکی درون چاه (Electrical submersible Pumps (ESP)) تولید می‌کند، شیب کمی پیدا کننده است.

فرض کنیم که محیط مخلوط ۱۰۰٪ از نفت اشایع شده است. سرعت حرکت نفت در مرجهت باز فرود

این که  $K$  تراویی منگ مخزن دارد را زیرین نفت باشد:

$$v_{ox} = - \frac{k_x}{M_0} \cdot \frac{\partial P_0}{\partial x}$$

$$v_{oy} = - \frac{k_y}{M_0} \cdot \frac{\partial P_0}{\partial y}$$

$$v_{oz} = - \frac{k_z}{M_0} \cdot \frac{\partial P_0}{\partial z}$$

بهان محیط مخلوط ۶۰٪ از نفت و ۴۰٪ از آب اشایع شده است. سرعت حرکت آب نفت در مرجهت

$$\left\{ \begin{array}{l} v_{ox} = - \frac{k_o}{M_o} \cdot \frac{\partial P_o}{\partial x} = - \frac{k_{ro} \cdot k_x}{M_o} \cdot \frac{\partial P_o}{\partial x} \\ v_{oy} = - \frac{k_o}{M_o} \cdot \frac{\partial P_o}{\partial y} = - \frac{k_{ro} \cdot k_y}{M_o} \cdot \frac{\partial P_o}{\partial y} \\ v_{oz} = - \frac{k_o}{M_o} \cdot \frac{\partial P_o}{\partial z} = - \frac{k_{ro} \cdot k_z}{M_o} \cdot \frac{\partial P_o}{\partial z} \end{array} \right.$$

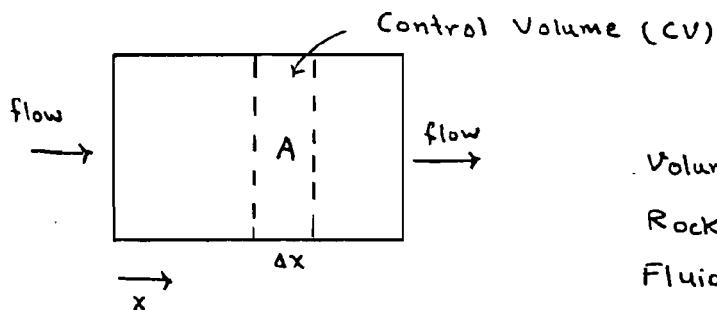
$k_o$ : تراویی سوثرنفت  
 $k_o = k_{ro} \cdot k$   
 $k$ : تراویی مطلق منگ

$$\left\{ \begin{array}{l} v_{wx} = - \frac{k_w}{M_w} \cdot \frac{\partial P_w}{\partial x} = - \frac{k_{rw} \cdot k_x}{M_w} \cdot \frac{\partial P_w}{\partial x} \\ v_{wy} = - \frac{k_w}{M_w} \cdot \frac{\partial P_w}{\partial y} = - \frac{k_{rw} \cdot k_y}{M_w} \cdot \frac{\partial P_w}{\partial y} \\ v_{wz} = - \frac{k_w}{M_w} \cdot \frac{\partial P_w}{\partial z} = - \frac{k_{rw} \cdot k_z}{M_w} \cdot \frac{\partial P_w}{\partial z} \end{array} \right.$$

$k_w$ : تراویی سوثر آب  
 $k_w = k_{rw} \cdot k$   
 $k$ : تراویی مطلق منگ

(continuity equation) - ۲) معادله پیوستگی

اثبات در روش کارترین



$$\text{Volume of C.V.} = A \cdot \Delta x$$

$$\text{Rock Porosity} = \varphi(t)$$

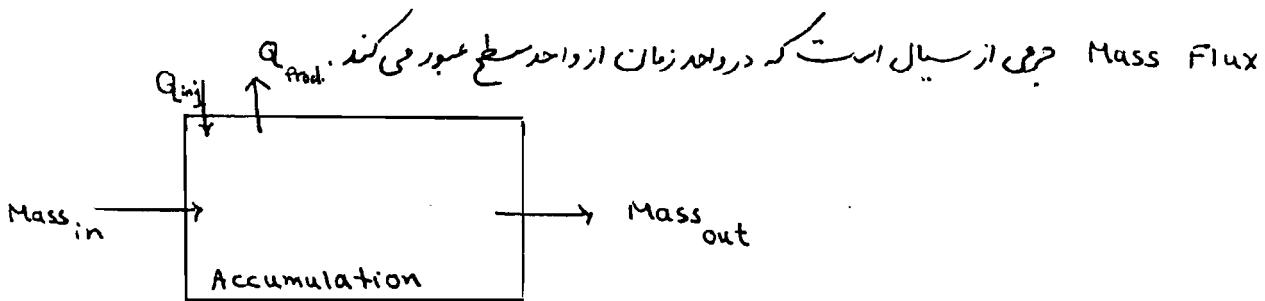
$$\text{Fluid Density} = \rho(x, t)$$

$$M = \rho \cdot V \Rightarrow \begin{cases} M_x = \rho \cdot V_x \\ M_y = \rho \cdot V_y \\ M_z = \rho \cdot V_z \end{cases}$$

$M = \text{MASS Flux}$

$$\dot{M} \text{ واحد: } \left[ \frac{\text{kg}}{\text{m}^2 \cdot \text{s}} \right], \left[ \frac{\text{lb}}{\text{ft}^2 \cdot \text{s}} \right]$$

$$\text{Rate} = \dot{Q} = q = \frac{\text{میزان سیال}}{\text{زمان}} \left[ \frac{\text{m}^3}{\text{s}} \right], \left[ \frac{\text{bbl}}{\text{day}} \right]$$



$$\text{اصل باتابی جرم : } \text{Mass}_{in} - \text{Mass}_{out} = \text{Accum.} \pm (\text{inj. / Prod.})$$

$$\text{Mass}_{in} = M_x \cdot \bar{e}_x \cdot A \cdot \Delta t \quad (1)$$

$$\text{Mass}_{out} = M_x \cdot \bar{e}_{x+\Delta x} \cdot A \cdot \Delta t \quad (2)$$

$$\text{Accumulation} = \text{Mass in Place} \Big|_{\bar{e}_{t+\Delta t}} - \text{Mass in Place} \Big|_{\bar{e}_t}$$

$$\text{Mass in place} \Big|_{\bar{e}_{t+\Delta t}} = \rho \cdot v_p \cdot \bar{e}_{t+\Delta t} = \rho \cdot v_b \cdot \varphi \cdot \bar{e}_{t+\Delta t} = \rho A \cdot \Delta x \cdot \varphi \cdot \bar{e}_{t+\Delta t}$$

$$\text{Mass in place} \Big|_{\bar{e}_t} = \rho A \cdot \Delta x \cdot \varphi \cdot \bar{e}_t$$

$$\text{Accumulation} = (\rho A \cdot \Delta x \cdot \varphi) \Big|_{\bar{e}_{t+\Delta t}} - (\rho A \cdot \Delta x \cdot \varphi) \Big|_{\bar{e}_t} \quad (3)$$

$$\text{inj./prod.} = Q A \cdot \Delta x \cdot \Delta t \quad (4) \quad Q: \text{نیزی/تولید}$$

معادلات (1) ، (2) ، (3) ، (4) را در معادله اصل بقای جرم گذیند و می نویسیم :

$$[M_x \Big|_x - M_x \Big|_{x+\Delta x}] \cdot A \cdot \Delta t = (\rho \varphi A \cdot \Delta x) \Big|_{t+\Delta t} - (\rho \varphi A \cdot \Delta x) \Big|_t \pm Q A \cdot \Delta x \cdot \Delta t$$

رابطہ بالا را بر اساس می نویسیم :

$$\frac{M_x \Big|_x - M_x \Big|_{x+\Delta x}}{\Delta x} = \frac{\rho \varphi \Big|_{t+\Delta t} - \rho \varphi \Big|_t}{\Delta t} \pm Q$$

پس معادله پیوستگی درجهت x به صورت زیری شود :

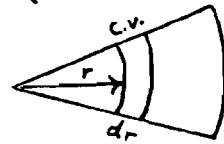
$$-\frac{\partial M_x}{\partial x} = \frac{\partial}{\partial t} (\rho \cdot \varphi) \pm Q$$

اگر معادله بالا را در سه جهت x ، y ، z بنویسیم ، را در نظر ببریم :

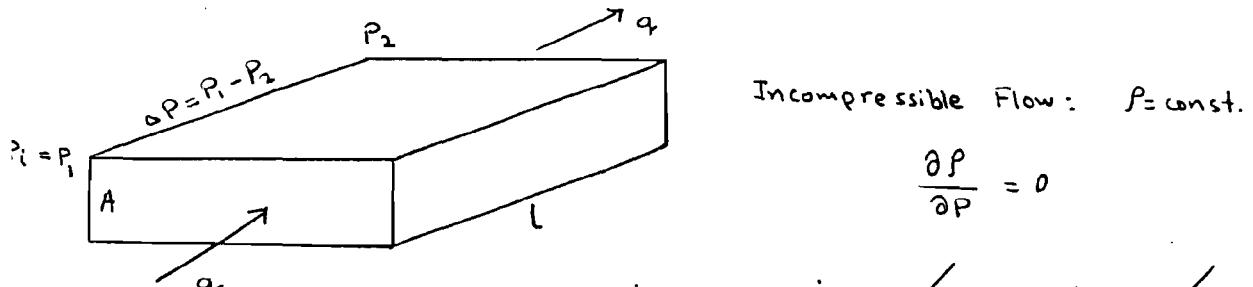
$$\nabla \cdot (M) = -\frac{\partial}{\partial t} (\rho \cdot \varphi)$$

$$\nabla \cdot (\rho \cdot \vec{V}) = -\frac{\partial}{\partial t} (\rho \cdot \varphi) \quad \text{معادله پیوستگی (رسیم فوت کاربن) } \quad \begin{cases} \rho [lb / ft^3] \\ V [ft / day] \end{cases}$$

$$\frac{1}{r} \cdot \frac{\partial}{\partial r} [r(V \cdot \rho)] = \frac{\partial}{\partial t} (\rho \cdot \varphi) \quad \text{معادله پیوستگی (رسیم شعاعی) } \quad \text{radial}$$



## ► Linear Flow of Incompressible Fluids - Steady State



$$\text{جرم که خالی شود} - \text{جرم که در این شور} = \text{حجم خالی}$$

این رابطه برای سیال تراکم ناپذیر مادن است، ولی برای سیالات تراکم ناپذیر مسدار حجم درودی و حجم خالی بام برابر است.

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} = 0$$

$$\nabla \cdot (\rho \nabla P) = \frac{\partial}{\partial t} (\rho \cdot \varphi), \quad \nabla \cdot \vec{v} = \frac{-K}{\mu} \nabla P$$

$$\nabla \cdot (\rho \frac{-K}{\mu} \nabla P) = \frac{\partial}{\partial t} (\rho \varphi)$$

$$\frac{\rho K}{\mu} \nabla \cdot (\nabla P) = \varphi \frac{\partial P}{\partial t} + \rho \frac{\partial \varphi}{\partial t}$$

$$\text{طرف راست } (\varphi \frac{\partial P}{\partial P} \frac{\partial P}{\partial t})^0 + (\rho \frac{\partial \varphi}{\partial P} \frac{\partial P}{\partial t})^0 = 0$$

$$\frac{\rho K}{\mu}, \nabla \cdot (\nabla P) = 0 \Rightarrow \nabla \cdot (\nabla P) = 0 \Rightarrow \nabla^2 P = 0$$

$\nabla^2 P = 0$  : حرکت سیال فقط در جهت  $x$  است، پس دایم:

$$\frac{\partial^2 P}{\partial x^2} = 0 \Rightarrow \frac{\partial P}{\partial x} = a \Rightarrow P = ax + b$$

$$\begin{cases} x = x_0 \Rightarrow P = P_1 \Rightarrow b = P_1 \\ x = l \Rightarrow a_l = -\frac{AK}{\mu} \left( \frac{\partial P}{\partial x} \right)_{x=l} = \frac{-AK}{\mu} \cdot a \end{cases}$$

$$\Rightarrow a = \frac{-q_f M}{AK}$$

ساعده رادر Field Units می نویسم بفرض این که  $q$  برای چاه تولیدی مشت داری چاه تزریق مشت است:

$$q = \frac{1.127 AK (P_1 - P_2)}{M \cdot l} \rightarrow q \left[ \frac{\text{bbl}}{\text{day}} \right], k [\text{darcy}]$$

$$q = \frac{0.001127 AK (P_1 - P_2)}{M \cdot l} \rightarrow q \left[ \frac{\text{bbl}}{\text{day}} \right], k [\text{mD}]$$

دی تولیدی سرگ  
نمک در شرایط  
مختن

پارامتر کی نیز با این اعداد در پردازش می شود:

$$A [\text{ft}^2], P [\text{psia}], M [\text{cp}], l [\text{ft}]$$

فرازب جمی نفت (Oil Formation Volume Factor)  $B_o$  است.

$$B_o = \frac{\text{bbl}}{\text{STB}} = \frac{\text{حجم نفت در شرایط مختن}}{\text{حجم نفت در شرایط استاندارد}} = \frac{V(P, T)}{V(P_{ST}, T_{ST})} = \frac{q}{Q} = \frac{\text{دی تولیدی نفت در شرایط مختن}}{\text{دی تولیدی نفت در شرایط استاندارد}}$$

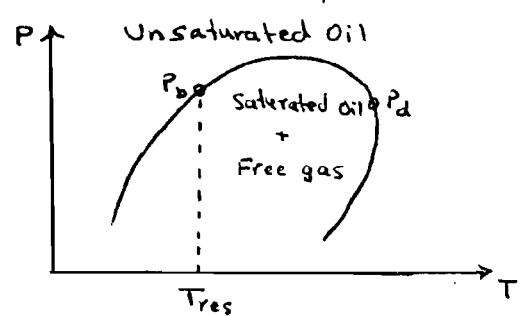
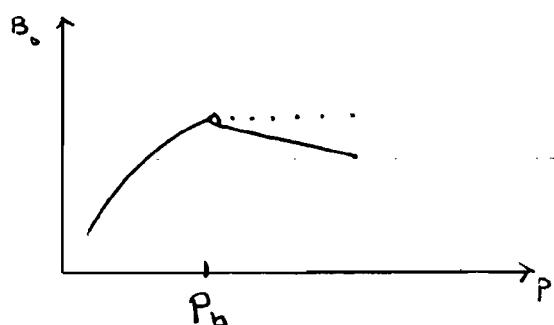
$$q = B_o \cdot Q \Rightarrow Q = \frac{q}{B_o}$$

$$Q = \frac{0.001127 AK (P_1 - P_2)}{M \cdot l \cdot B_o} \quad Q \left[ \frac{\text{STB}}{\text{day}} \right]$$

حجم نفت در مختن و شرایط استاندارد متفاوت است، زیرا در مختن با زمان و حرکت سیالات متفاوت است:

- |  |  |
|--|--|
| $\left\{ \begin{array}{l} \text{Oil Expansion } (P \downarrow) \\ \text{Dissolved gas will be set free } (P \downarrow) \\ \text{Oil Shrinkage } (T \downarrow) \end{array} \right.$ | فشار کم و دما نیز کم می شود و<br>گاز محلول در نفت آزاد می شود؛ |
|--|--|

موارد اول و سوم پدیده را قشی می کند. در نتیجه آزاد شدن گاز محلول باعث تفاوت این دو حجم می شود.



$P > P_b$	نت نیز اشاع (گاز آزاد و جود ندارد)	از بخودار نمی توان دریافت کرد :
$P < P_b$	نت اشاع با گاز آزاد (و حالت تعادل)	

Pressure Gradient

شیب فشار

$$q = 0.001127 \frac{AK}{\mu} \left( \frac{\partial P}{\partial x} \right) \quad \text{شانه شیب فشار است .} \quad \frac{\partial P}{\partial x}$$

$$\frac{\partial P}{\partial x} = \frac{q M}{0.001127 AK} \quad \left( \frac{\text{Psi}}{\text{ft}} \right)$$

مثال : ابری جریان خطي سیلات تراکم ناپیر (حالت پایدار) یک قطعه سنگ با عویض پذیری  $250 \text{ mD}$  و طول

$450 \text{ ft}$  و با سطح مقطع  $45 \text{ ft}^2$  را در نظر می کنیم . سیالی با گزینروی  $c = 2.5$  در طول آن بصورت خطي

در جریان است . اگر افت فشار  $(\Delta P)$  برابر  $100 \text{ psi}$  باشد :

الف) روزانه چند بشله از این سنگ می توان تولید کرد ؟

ب) چه شیب فشاری برجسب  $\frac{\text{Psi}}{\text{ft}}$  در این سنگ وجود دارد ؟

پ) سرعت تلاشی نفت برجسب  $\frac{\text{ft}}{\text{day}}$  چقدر است ؟

در فریول  $q = \frac{0.001127 A K}{\mu} \frac{\Delta P}{L}$  استفاده نموده ایم، چن از Absolute Permeability

یعنی یک سیل بیشتر و جود نداشته است و حالت 1-Phase Flow دارد. اکثر محنت از

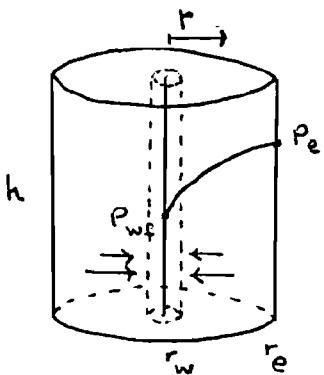
سرخاز آب، نفت و گاز اشباع شده باشد (راین صورت را بلطف داریم به شکل زیر نوشتیم ممکن است)

$$q_o = 0.001127 \frac{A K_o}{\mu_o} \cdot \frac{\Delta P_o}{L} \Rightarrow q_o = \frac{A (K \cdot K_{ro})}{\mu_o} \cdot \frac{\Delta P_o}{L} * 0.001127$$

$$q_w = 0.001127 \frac{A K_w}{\mu_w} \cdot \frac{\Delta P_w}{L} \Rightarrow q_w = \frac{A (K \cdot K_{rw})}{\mu_w} \cdot \frac{\Delta P_w}{L} * 0.001127$$

$$q_g = 0.001127 \frac{A K_g}{\mu_g} \cdot \frac{\Delta P_g}{L} \Rightarrow q_g = \frac{A (K \cdot K_{rg})}{\mu_g} \cdot \frac{\Delta P_g}{L} * 0.001127$$

### ► Radial Flow of Incompressible Fluid - Steady State



$r_w$ = Well Radius $r_e$ = External Radius, Drainage Radius, Effective Radius شمع مور، شمع ریزش، شمع خارجی $P = P_{wf} @ r_w$ = Flowing Wellbore Pressure فشار جریانی نزدیک $P = P_e @ r_e$
---

$$r = r_e \Rightarrow A = 2 \pi r_e h \quad \text{مساحت جانبی}$$

عادله پیستلی در سیم شعاعی

$$\frac{1}{r} \cdot \frac{\partial}{\partial r} [r \cdot (\nu \cdot P)] = \frac{\partial}{\partial t} (P \cdot \Phi)$$

$$v = (5.615)(0.001127) \frac{K}{M} \cdot \frac{\partial P}{\partial r} = 0.006328 \frac{K}{M} \frac{\partial P}{\partial r}$$

$\left\{ \begin{array}{l} K [mD] \\ v [ft/day] \\ 1 bbl = 5.615 ft^3 \end{array} \right.$

$$\frac{0.006328}{r} \cdot \frac{\partial}{\partial r} \left[ \frac{K}{M} (\rho \cdot r) \frac{\partial P}{\partial r} \right] = \frac{\partial}{\partial t} (\rho \cdot P)$$

طرف راست  $\frac{\partial}{\partial t} (\rho \Phi) = \rho \frac{\partial \Phi}{\partial t} + \Phi \frac{\partial \rho}{\partial t} = \rho \frac{\partial \Phi}{\partial P} \cdot \frac{\partial P}{\partial t} + \Phi \frac{\partial \rho}{\partial t}$

$$= \rho \Phi \underbrace{\left( \frac{1}{\Phi} \cdot \frac{\partial \Phi}{\partial P} \right)}_{c_f} \cdot \frac{\partial P}{\partial t} + \Phi \frac{\partial \rho}{\partial t} = \rho \Phi c_f \frac{\partial P}{\partial t} + \Phi \frac{\partial \rho}{\partial t}$$

$K, M = \text{const.}$

طرف چپ  $0.006328 \left( \frac{K}{M} \right) \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left[ \rho_r \frac{\partial P}{\partial r} \right] = \rho \Phi c_f \frac{\partial P}{\partial t} + \Phi \frac{\partial \rho}{\partial t}$

$$0.006328 \frac{K}{M} \cdot \frac{1}{r} \left[ \frac{\partial \rho}{\partial r} \cdot r \cdot \frac{\partial P}{\partial r} + \rho \frac{\partial P}{\partial r} + \rho_r \frac{\partial^2 P}{\partial r^2} \right]$$

$$= 0.006328 \frac{K}{M} \left[ \frac{\partial \rho}{\partial r} \cdot \frac{\partial P}{\partial r} + \frac{1}{r} \rho \frac{\partial P}{\partial r} + \rho \frac{\partial^2 P}{\partial r^2} \right]$$

$$= 0.006328 \frac{K}{M} \left[ \frac{\partial \rho}{\partial P} \cdot \left( \frac{\partial P}{\partial r} \right)^2 + \frac{\rho}{r} \cdot \frac{\partial P}{\partial r} + \rho \frac{\partial^2 P}{\partial r^2} \right]$$

$\left( \frac{\partial P}{\partial r} \right)^2$  خیلی بزرگ است. از آن صرف نظر کرد و رابطه بالا را بر مبنای تقریبی نمایم.

$$0.006328 \frac{K}{M} \left[ \frac{1}{r} \frac{\partial P}{\partial r} + \frac{\partial^2 P}{\partial r^2} \right] = \Phi \cdot c_f \cdot \frac{\partial P}{\partial t} + \Phi \cdot \frac{1}{\rho} \frac{\partial \rho}{\partial t}$$

$$0.006328 \frac{K}{M} \left[ \frac{\partial^2 P}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial P}{\partial r} \right] = \Phi \cdot c_f \cdot \frac{\partial P}{\partial t} + \Phi \cdot \underbrace{\left( \frac{1}{\rho} \cdot \frac{\partial \rho}{\partial P} \right)}_c \cdot \frac{\partial P}{\partial t}$$

$$0.006328 \frac{K}{M} \left[ \frac{\partial^2 P}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial P}{\partial r} \right] = \Phi \cdot c_f \cdot \frac{\partial P}{\partial t} + \Phi c \frac{\partial P}{\partial t}$$

$$0.006328 \frac{K}{M} \left[ \frac{\partial^2 P}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial P}{\partial r} \right] = \Phi (c_f + c) \frac{\partial P}{\partial t}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} c_f = \text{Formation Compressibility} \\ c = \text{Fluid Compressibility} \\ c_t = \text{Total Compressibility} \end{array} \right\} \Rightarrow c_t = c_f + c$$

برای اینجا

$$0.006328 \frac{k}{\mu} \left[ \frac{\partial^2 P}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial P}{\partial r} \right] = \rho c_t \frac{\partial P}{\partial t}$$

for steady state flow :  $\frac{\partial P}{\partial t} = 0$

$$0.006328 \frac{k}{\mu} \left[ \frac{\partial^2 P}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial P}{\partial r} \right] = 0$$



$$\frac{\partial^2 P}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial P}{\partial r} = 0$$

Laplace's Equation for  
Steady-state Flow

: جواب مداره بالا

$$P = a \ln r + b \quad (\text{I})$$

$$r = r_w, P = P_{wf} \Rightarrow P_{wf} = a \ln r_w + b$$

$$r = r_w, q_r = \frac{-A k}{\mu} \left( \frac{\partial P}{\partial r} \right)_{r=r_w}$$

$$q_r = - \frac{(2\pi r_w) h k}{\mu} \left( \frac{a}{r_w} \right) \Rightarrow a = \frac{-q_r \mu}{2\pi h k}$$

$$\text{in (I)} \Rightarrow b = P_{wf} + \frac{q_r \mu}{2\pi h k} \cdot \ln r_w$$

$$\Rightarrow P = - \frac{q_r \mu}{2\pi h k} \ln r + P_{wf} + \frac{q_r \mu}{2\pi h k} \ln r_w$$

$$P = P_{wf} + \frac{q_r \mu}{2\pi h k} \ln \frac{r}{r_w}$$

حالته بالا درستم Field Units دانرض دی مشتبه برای چاه تولیدی و دی منفی برای چاه تزریقی است.

$$q_r = \frac{7.08 k h (P_e - P_{wf})}{\mu \ln \left( \frac{r_e}{r_w} \right)} \quad K [\text{darcy}], Q \left[ \frac{\text{bbl}}{\text{day}} \right], Q \left[ \frac{\text{STB}}{\text{day}} \right]$$

$$Q = \frac{7.08 k h (P_e - P_{wf})}{\mu B_o \ln \left( \frac{r_e}{r_w} \right)}$$

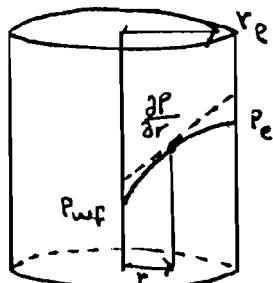
دراین روابط :  $q \left[ \frac{bbl}{day} \right]$ ,  $Q \left[ \frac{STB}{day} \right]$ ,  $K [darcy]$ ,  $h [ft]$

$\mu [cp]$ ,  $r_e, r_w [ft]$ ,  $P_e, P_{wf} [PSia]$

$$q_f = \frac{0.00708 K h (P_e - P_{wf})}{\mu L n \left( \frac{r_e}{r_w} \right)}$$

اگر  $K$  بر حسب میلی دارسی (mD) باشد،

$$Q = \frac{0.00708 K h (P_e - P_{wf})}{\mu B_o L n \left( \frac{r_e}{r_w} \right)}$$



$$A = 2\pi r h$$

$$q_f = \frac{A K}{\mu} \cdot \frac{\partial P}{\partial r}$$

$$\frac{\partial P}{\partial r} = \frac{q_f M}{0.001127 A K} \quad \left[ \frac{PSi}{ft} \right]$$

مثال : (برای جریان شعاعی تراکم ناپذیر - حالت پایدار) سیالی به طرف حفره چاه تأمین شعاع 0.33 ft داشت

در یک لایه افقی به مقاسات 50 ft و نزدیکی یکنواخت 10 mD جریان شعاعی دارد. فشار خارجی

2000 psi و فشار جریانی چاه 3000 psi بود. اگر شعاع خارجی (شعاع تکیه - شعاع نیش) برابر 4000 ft باشد،

و گرانزوی سیال 0.8 cp باشد،

الف) تولید مواد از چاه چند بشکد است؟

در رابطه‌ای قبلی  $k_{abs}$  بود، در تجربه سیمتری نازن بود.

### Horizontal Multi-phase Radial Flow

$$Q_o = \frac{0.001127 k_o \cdot A}{M_o B_o} \cdot \frac{\partial P_o}{\partial r} = 0.00708 (r h k) \left( \frac{k r_o}{M_o B_o} \right) \frac{\partial P_o}{\partial r}$$

$$Q_o = \frac{0.00708 k_h (k r_o) (P_e - P_{wf})}{M_o B_o \ln \left( \frac{r_e}{r_w} \right)} , Q_w = \frac{0.00708 k_h (k r_w) (P_e - P_{wf})}{M_w B_w \ln \left( \frac{r_e}{r_w} \right)}$$

$$Q_g = \frac{(k_h) (k_{rg}) (P_e^2 - P_{wf}^2)}{1422 (M_g \cdot Z) \ln \frac{r_e}{r_w}} \quad \leftarrow (\text{پردازش ثابت شود})$$

در این روابط:

$$Q_o \left[ \frac{STB}{day} \right] , Q_w \left[ \frac{STB}{day} \right] , Q_g \left[ \frac{SCF}{day} \right]$$

$$B_o \left[ \frac{bbl}{STB} \right] , B_w \left[ \frac{bbl}{STB} \right] , B_g \left[ \frac{ft^3}{SCF} \right] , k [mD]$$

در عواملات نفت (نخان) است.

### WOR (Water Oil Ratio)

نسبت دبی تولید آب به دبی نفت را در شرایط استاندارد (Stock Tank Condition) بین

$$WOR = \frac{Q_w}{Q_o} = \left( \frac{k_r w}{k_r o} \right) \left( \frac{M_o B_o}{M_w B_w} \right)$$

$$\text{Water Cut} = WCT = \frac{Q_w}{Q_o + Q_w} * 100 [\%] \quad Q_o + Q_w = Q_L$$

$$WCT = \frac{Q_w}{Q_L} * 100 [\%]$$

Water Cut ارجاعی داری Water Cut باده، یعنی 40٪ از کل مایع آب است. پس برچسب

کمتر باشد، بهتر است.

$$GOR = \text{Gas Oil Ratio}$$

نسبت دیگر کارکنی تولیدی را (گاز آزاد + گاز محلول در نفت) بر دیگر نفت تولیدی GOR کویند.

$$GOR = \frac{Q_g + Q_o R_s}{Q_o}$$

دیگر نفت تولیدی =  $Q_o$

دراین نفت همچنان گاز

حل اسست

$R_s$  = Solution Gas-Oil Ratio

$R_s$  نشان دهنده میزان گاز محلول در نفت است.

$$GOR = \frac{Q_g}{Q_o} + R_s$$

$$GOR = R_s + \left( \frac{k_{rg}}{k_{ro}} \right) \left( \frac{M_o B_o}{M_g B_g} \right)$$

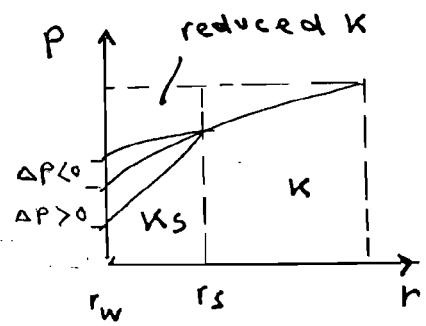
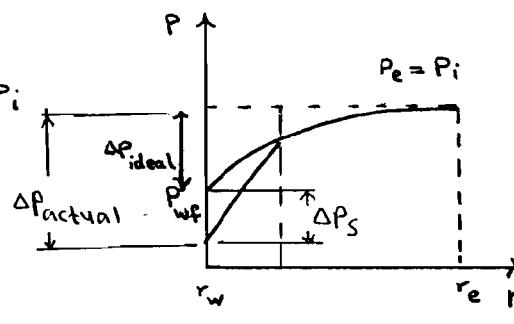
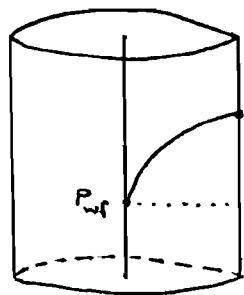
$Q_o$  [STB/day]

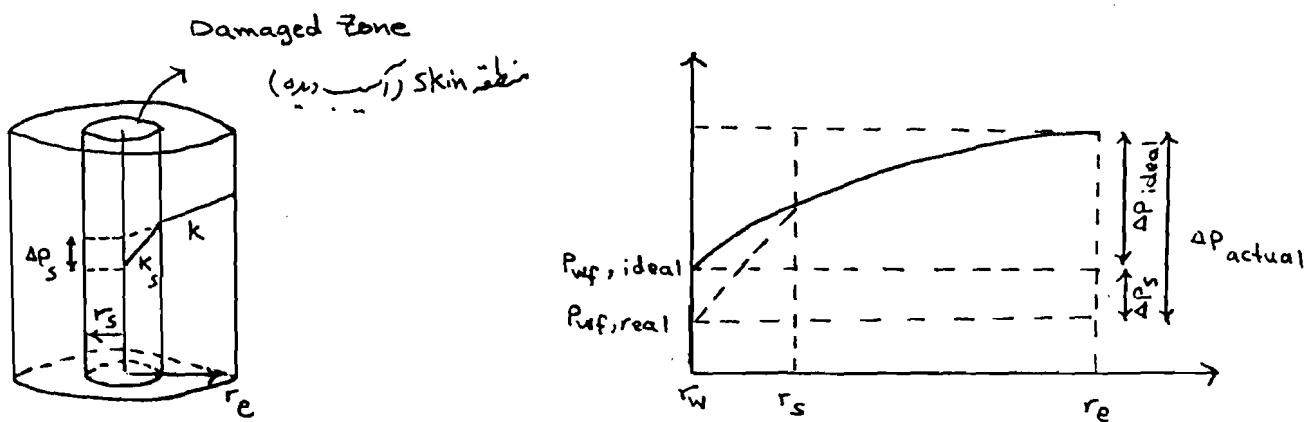
$Q_g$  [SCF/day]

برچسب مکث باند، بهتر است. GOR

### Skin

$$q_f = \frac{0.0078 k h \overbrace{(P_e - P_{wf})}^{\Delta P}}{M B_o \ln \left( \frac{r_e}{r_w} \right)} \quad (1), \quad \Delta P = \frac{q_f M B_o \ln \left( \frac{r_e}{r_w} \right)}{0.0078 k h} \quad (2)$$





$$\Delta P_s = \Delta P_{\text{skin}} = P_{wf, \text{ideal}} - P_{wf, \text{real}}$$

$r_s$  = Skin Radius      شعاع آسیب

Homogeneous Reservoir       $\left\{ \begin{array}{l} k = \text{const.} \\ h = \text{const.} = \text{thickness} \end{array} \right.$   
محزن بمحزن

بسیار در اطراف چاه یک منطقه آسیب دیده وجود دارد. (متا زدیک منطقه آسیب دیده وجود داشت باشد)

آسیب دیدگی درین علایق (نفوذ میلتات به داخل سازنده)      دلایل آسیب دیدگی  
نفوذ موادی که برای سیال در حال حاضر بر رون چاه ترشین می شوند  
نفوذ گلخانی، آهنین شدن رسوبات آب وغیر آنی  
سیلان کاری، آهنین شدن شرمنه و ...      اطراف چاه

منطقه خارج از اطراف چاه را Skin کویند. این منطقه درین علایق خانی، سیلانکاری، مشکل کاری

(Perforation) و تعمیر چه (Workover) می تواند آسیب بیند.

همچنین این منطقه در زمان تولید چاه بر علت شسته شدن شن و ماسه موجود در محزن وحمل آنها بر سطح سیال  
محزن و ترشین شدن آنها در اطراف چاه می تواند آسیب بیند.

همچنین این منطقه بر علت تکلیف رسوبات آشی و غیر آشی می تواند آسیب بیند.

در اثر آسیب دیدگی سطحه skin بین سطحه دارای تراویی  $K_s$  می شود که  $K_s < K$  در نتیجه شاهدید.

افزت اضافی فشار در سطحه اطراف چاه براندازه  $\Delta P_s$  سیستم کر باش افت اضافی فشار در اثر skin دارد.

$$\Delta P_s = \text{Pressure drop due to skin} = P_{wf, \text{ideal}} - P_{wf, \text{real}}$$

بین پدیده skin effect گویند.

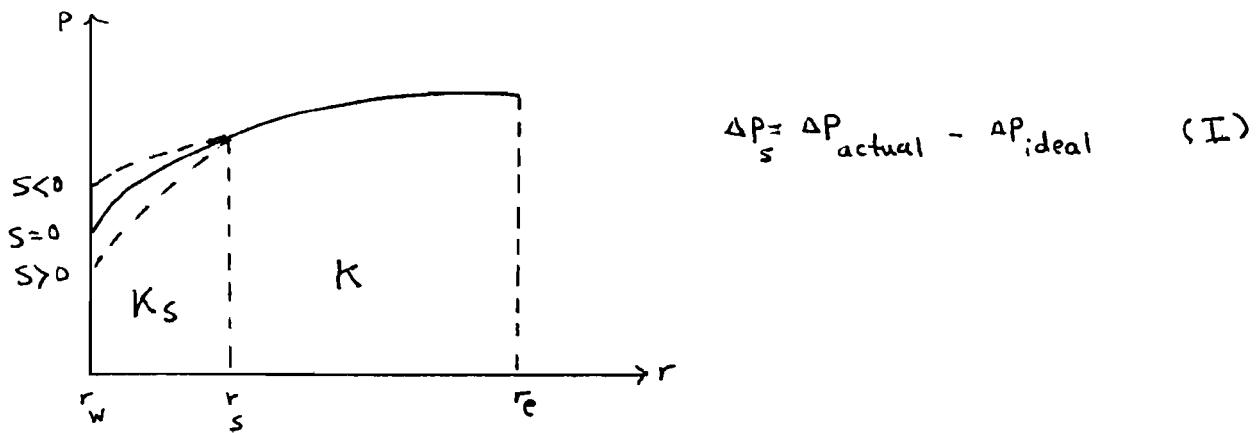
میزان آسیب دیدگی سطحه skin توسط پارامتر بنام skin بر اختصار آن را با  $S$  نشان می دهد.

تجزیه می شود. skin توسط آنالیز تست ای فشار (Pressure Transient Tests) انداخته می شود.

$K = K_s \Rightarrow S = 0 \Rightarrow \text{No Damage}$  (Initial well conditions aren't damaged)

$K > K_s \Rightarrow S > 0 \Rightarrow \text{Damaged}$

$K < K_s \Rightarrow S < 0 \Rightarrow \text{Improvement}$  (Well conditions are improved) شکل تجزیه آسیب دیدگی



$\therefore$  (I) را از رابطه (2) قرار می دسیم در رابطه

$$\Delta P_s = \left[ \frac{Q_0 B_0 M_0}{0.00708 h k_s} \right] \ln \left( \frac{r_s}{r_w} \right) - \left[ \frac{Q_0 M_0 B_0}{0.00708 h K} \right] \ln \left( \frac{r_s}{r_w} \right) \quad (3)$$

$$\Delta P_s = \left[ \frac{Q_0 B_0 M_0}{0.00708 h K} \right] \underbrace{\left[ \frac{K}{K_s} - 1 \right]}_S \ln \left( \frac{r_s}{r_w} \right)$$

$$\Delta P_s = \left[ \frac{Q_0 B_0 M_0}{0.00708 K_h} \right] \cdot S$$

$$\Rightarrow \Delta P_s = 141.2 \left[ \frac{Q_0 B_0 M_0}{K_h} \right] S$$

$$\Delta P_s = \Delta P_{actual} - \Delta P_{ideal} \Rightarrow \Delta P_{actual} = \Delta P_s + \Delta P_{ideal}$$

$$(P_i - P_{wf})_{actual} = \Delta P_s + (P_i - P_{wf})_{ideal}$$

رابطه (2) و (3) را در عادله مابا تحریری داریم.

$$(P_i - P_{wf})_{actual} = \left[ \frac{Q_0 B_0 M_0}{0.00708 K_h} \right] \ln\left(\frac{r_e}{r_w}\right) + \left[ \frac{Q_0 B_0 M_0}{0.00708 K_h} \right] S$$

$$Q_0 = \frac{0.00708 K_h (P_i - P_{wf})}{M_0 B_0 \left[ \ln\left(\frac{r_e}{r_w}\right) + S \right]} , \quad q_r = \frac{0.00708 K_h (P_i - P_{wf})}{M_0 \left[ \ln\left(\frac{r_e}{r_w}\right) + S \right]}$$

درستجیر:

$$q_r = \frac{0.00708 K_h (P_i - P_{wf})}{M_0 \left[ \ln\left(\frac{r_e}{r_w}\right) \right]} \quad \text{No Damage } (S=0)$$

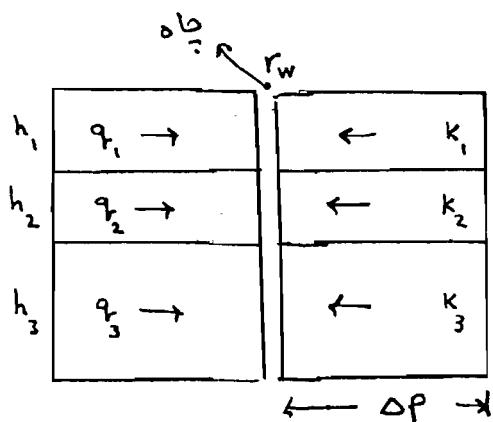
$$q_r = \frac{0.00708 K_h (P_i - P_{wf})}{M_0 \left[ \ln\left(\frac{r_e}{r_w}\right) + S \right]} \quad \text{Damage } (S \neq 0)$$

هرچند  $S$  بزرگتر باشد، نتیج بزرگتری شود و درین تولیدی کاشش می‌باشد.

با کاشش دهنک، تولید را زیاد می‌نماید. Acidizing

• شال برای جریان مُساعِم - میال تراکم ناپذیر - حالت پایدار - تغییر تراویث متوسط  
 (برای از سه لایه موزاری شکل) (Permeability Variation In Radial Flow)

شده و Radial Flow داریم. محزن برای های متعدد موزاری تقسیم شده که بین محزن شده Stratified Reservoir



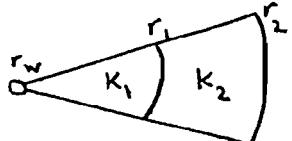
گویند.  $\bar{k}$  (کمتوسط) برای این محزن چقدر است؟

$\Delta P$  ثابت است.

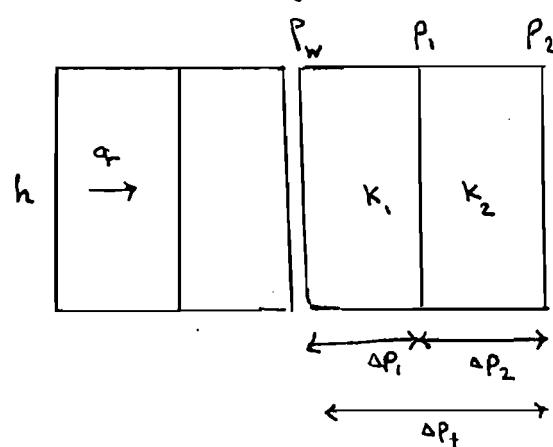
$$\frac{q_t}{\bar{k}} = \frac{q_1}{k_1} + \frac{q_2}{k_2} + \frac{q_3}{k_3}$$

راهنمایی:

حال در محزن که لایه های متعدد متواالی دارد و Composite Reservoir را بررسی کنیم.



$$\Delta P_t = \Delta P_1 + \Delta P_2$$



$$(P_2 - P_w) = (P_1 - P_w) + (P_2 - P_1)$$

راهنمایی:

با این دو راهنمایی - این دو مدل را حل کنید -

## Productivity Index (PI)

$$PI = \frac{q_r}{\Delta P} \quad \left[ \frac{\text{bbl}}{\text{day} \cdot \text{psi}} \right]$$

هرچه بیشتر باشد، نولیدچاه بیشتر است.

$$\text{Specific PI} = PI_s = \frac{q_r}{\Delta P \cdot h} = \frac{PI}{h} \quad \left[ \frac{\text{bbl}}{\text{day} \cdot \text{psi} \cdot \text{ft}} \right]$$

$$q_{r\text{actual}} = \frac{0.00708 kh(P_e - P_{wf})}{M \left[ \ln \left( \frac{r_e}{r_w} \right) + S \right]} \quad , \quad q_{r\text{ideal}} = \frac{0.00708 kh(P_e - P_{wf})}{M \ln \left( \frac{r_e}{r_w} \right)}$$

از این بعد می‌توان به جای  $\Delta P = P_e - P_{wf}$  مقدار  $\Delta P$  را تغیر داد. اگر  $P_e$  بگerule باشد، چاه در ابتدای

$$\Delta P = \bar{P}_r - P_{wf} \quad : \quad \text{نولید، می‌توان را تغیر داد. بر طور کمی: } \Delta P = P_i - P_{wf}$$

$$PI_{\text{actual}} = \frac{q_{r\text{actual}}}{\Delta P} \quad , \quad PI_{\text{ideal}} = \frac{q_{r\text{ideal}}}{\Delta P}$$

## ★ FE (Flow Efficiency)

$$FE = \frac{PI_{\text{actual}}}{PI_{\text{ideal}}} = \frac{q_{r\text{actual}}}{q_{r\text{ideal}}} = \frac{\ln \left( \frac{r_e}{r_w} \right)}{\ln \left( \frac{r_e}{r_w} \right) + S}$$

$$q_{r\text{ideal}} = \frac{0.00708 kh \Delta P_{\text{ideal}}}{M \ln \left( \frac{r_e}{r_w} \right)} \quad , \quad q_{r\text{actual}} = \frac{0.00708 kh \Delta P_{\text{actual}}}{M \ln \left( \frac{r_e}{r_w} \right)}$$

$$FE = \frac{PI_{\text{actual}}}{PI_{\text{ideal}}} = \frac{\frac{q_r}{(\bar{P}_r - P_{wf,\text{actual}})}}{\frac{q_r}{(\bar{P}_r - P_{wf,\text{ideal}})}} = \frac{\bar{P}_r - P_{wf,\text{ideal}}}{\bar{P}_r - P_{wf,\text{actual}}} = \frac{(\bar{P}_r - P_{wf}) - \Delta P_s}{(\bar{P}_r - P_{wf})}$$

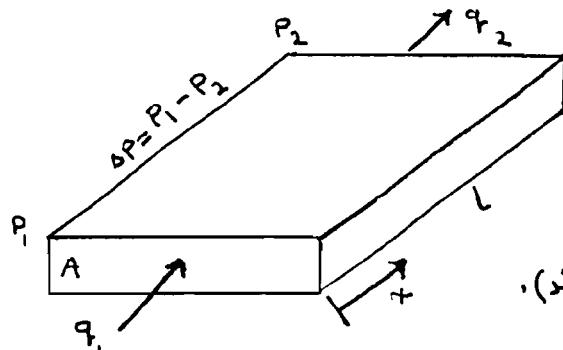
## ★ DF (Damage Factor)

$$DF = 1 - FE$$

$$, \quad FE = \frac{\bar{K}}{K}$$

$K_s, K$  میزان متوسط =  $\bar{K}$

## Linear Flow of Slightly (Low) Compressible Fluids - Steady State



برای این سیال کم تراکم پذیر یا تراکم پذیر:  
طبق اصل بنای جرم، مقدار سیالی که در دستور می‌شود برابر نیست

با مقدار سیالی که خارج می‌شود (مقدار این سیال درست باقی نماند).

در فرشتگی قابل ثابت شدن برای سیالات کم تراکم پذیر

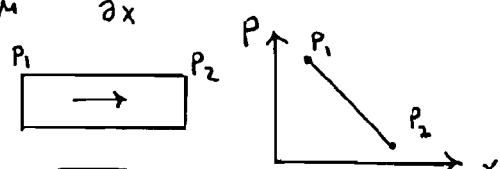
$$\begin{cases} V = V_{ref} [1 + C(P_{ref} - P)] \\ q = q_{ref} [1 + C(P_{ref} - P)] \end{cases}$$

$q_{ref}$  = Reference Rate @ Reference Pressure ( $P_{ref}$ )

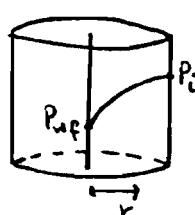
رابطه بالا رابر انتقالی نسبت:

$$\frac{q}{A} = v = \frac{q_{ref} [1 + C(P_{ref} - P)]}{A} = -0.001127 \frac{K}{M} \cdot \frac{\partial P}{\partial x} \quad (*)$$

$$v = \frac{q}{A} = - \frac{K}{M} \cdot \frac{\partial P}{\partial x} \quad \text{Linear Flow}$$



$$v = \frac{q}{A} = + \frac{K}{M} \cdot \frac{\partial P}{\partial r} \quad \text{Radial Flow}$$



در  $\frac{\partial P}{\partial x} < 0$  بازیابشدن x، مقدار P کم می‌شود، بنابراین

در  $\frac{\partial P}{\partial r} > 0$  بازیابشدن r، مقدار P نیز افزایش می‌یابد، بنابراین

از رابطه (\*) استخراج می شویم:

$$\frac{q_{ref}}{A} \int_0^l dx = -0.001127 \frac{K}{M} \int_{P_1}^{P_2} \left[ \frac{\partial P}{1+c(P_{ref}-P)} \right]$$

$$q_{ref} = \left[ \frac{0.001127 KA}{\mu CL} \right] \ln \left[ \frac{1+c(P_{ref}-P_2)}{1+c(P_{ref}-P_1)} \right] \quad (I)$$

$P_{ref}$  = reference pressure

$$\begin{cases} P_1 = \text{Upstream Pressure [psi]} \\ P_2 = \text{Downstream Pressure [psi]} \end{cases}$$

$$1) P_{ref} = P_1 : q_1 = \left[ \frac{0.001127 KA}{\mu CL} \right] \ln \left[ 1 + c(P_1 - P_2) \right]$$

$$2) P_{ref} = P_2 : q_2 = \left[ \frac{0.001127 KA}{\mu CL} \right] \ln \left[ \frac{1}{1 + c(P_2 - P_1)} \right]$$

• شال: یک سیال کم فراهم نباید در یک محل خطی بخواهد زیر در جریان است.

$$l = 2000 \text{ ft}$$

$$P_1 = 2000 \text{ psi}$$

$$h = 20 \text{ ft}$$

$$C = 21 * 10^{-5} \text{ psi}^{-1}$$

$$K = 100 \text{ mD}$$

$$P_2 = 1990 \text{ psi}$$

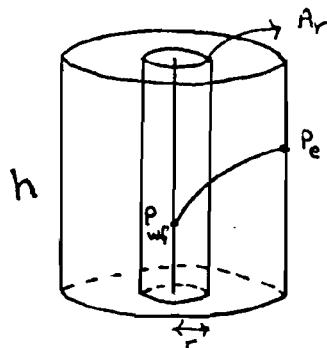
$$M = 2 CP$$

مطلوب است میزان  $q_1$  و  $q_2$

$$q_1 = \left[ \frac{0.001127 AK}{\mu CL} \right] \ln \left[ 1 + c(P_1 - P_2) \right] = 1.689 \text{ bbl/day}$$

$$q_2 = \left[ \frac{0.001127 AK}{\mu CL} \right] \ln \left[ \frac{1}{1 + c(P_2 - P_1)} \right] = 1.692 \text{ bbl/day}$$

## ► Radial Flow of Low-Compressible Fluids - Steady state



سطح مقطعی است که سیال از آن عبور نماید وارد چاه می شود: A:

برای مدل یافتنی شعاعی

$$Ar = 2\pi r \cdot h \quad \text{مساحت جانبی استوانه}$$

$$q_r = q_{ref} [1 + c (P_{ref} - P)]$$

رابطه بین رابر Ar تقسیم نیم:

$$\frac{q_r}{Ar} = v = \frac{q_{ref} [1 + c (P_{ref} - P)]}{Ar} = + 0.001127 \frac{k}{\mu} \cdot \frac{\partial P}{\partial r}$$

در رابطه بین  $A_r = 2\pi r h$  داشتاران می کنند:

$$\frac{q_{ref} \cdot \mu}{2\pi k h} \int_{r_w}^{r_e} \frac{\partial r}{r} = 0.001127 \int_{P_{wf}}^{P_e} \frac{\partial P}{1 + c (P_{ref} - P)}$$

در صورت پاشد:  $P_{ref} = P_{wf}$

$$q_o = \left[ \frac{0.00708 kh}{\mu C_o \ln \left( \frac{r_e}{r_w} \right)} \right] \ln [1 + c_o (P_e - P_{wf})]$$

در این رابطه

$$q_o \left[ \frac{bbl}{day} \right], \quad \mu \left[ \text{cP} \right], \quad P_e, P_{wf} [\text{psi}]$$

$$k [\text{mD}], \quad c_o [\text{psi}^{-1}]$$

$$h [\text{ft}], \quad r_e, r_w [\text{ft}]$$

مثال: اطلاعات زیر را از چاه نفتی در اختیار دایم:

$$P_e = 2506 \text{ psi}$$

$$r_e = 745 \text{ ft}$$

$$B_0 = 1.25$$

$$K = 0.12 \text{ darcy}$$

$$P_{wf} = 1800 \text{ psi}$$

$$r_w = 0.25 \text{ ft}$$

$$\mu_0 = 2.5 \text{ cP}$$

$$h = 25 \text{ ft}$$

$$C_0 = 25 \times 10^{-6} \text{ psi}^{-1}$$

فرض کنید سیال تمثیل نمایند.

الف) دبی تولید نفت چند بشک در روز است؟

ب) ارسال ترکم ناپذیر فرض شود، نتیجه را با حالت (الف) مقایسید.

$$q_0 = \left[ \frac{7.08 K h}{\mu_0 B_0 C_0 \ln \frac{r_e}{r_w}} \right] \ln [1 + C_0 (P_e - P_{wf})]$$

$$= \left[ \frac{7.08 \times 0.12 \times 25}{2.5 \times 1.25 \times 25 \times 10^{-6} \times \ln 745/0.25} \right] \times \ln [1 + (25 \times 10^6)(2506 - 1800)]$$

$$= 595 \text{ STB/day}$$

و) incompressible fluid :

$$q_0 = \frac{7.08 K h \Delta P}{\mu_0 B_0 \ln \frac{r_e}{r_w}} = \frac{7.08 \times 120 \times 25 \times (2506 - 1800)}{2.5 \times 1.25 \times \ln 745/0.25}$$

$$= 600 \text{ STB/day}$$

## ➤ Unsteady State Flow (Transient Flow)

علاوه بر متغیرهای ثابت شده در جریاناتی Steady state ، پارامترهای زیر نیز در یک جریان نزدیک (Unsteady) متغیر می‌شوند.

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Time } (t) \\ \text{Porosity } (\Phi) \\ \text{Compressibility } (C_t) \end{array} \right. \quad \text{متغیر می‌شوند.}$$

از ترکیب سه معادله زیر و شرایط اولیه و شرایط مرزی مناسب ، می‌توان یک جریان نزدیک را تعریف نمود.

$$\left\{ \begin{array}{ll} 1) \text{Continuity Equation - Material Balance Equation} & \text{معادله پیوستگی - برابری حجم} \\ 2) \text{Transport Equation} & \text{معادله طاری} \\ 3) \text{Compressibility Equation} & \text{معادله سازگاری فشار} \end{array} \right.$$

معادله ترکیم نماینده تغییرات حجم نسبت به فشار است.

### 4) Initial & Boundary Conditions

دشمنی مرزی وجود دارد :

- دمی تولیدی چاه ثابت است.

- در مرزهای خارجی هیچ جریانی وجود ندارد و زمان مختزن بگونه‌ای است که می‌توان فرض نزدیک مرز بی‌نهایت است.

طبق اصل برابری حجم :

$$\text{Mass}_{\text{in}} - \text{Mass}_{\text{out}} = \text{Accumulation} \pm \text{inj./prod.}$$

$$\frac{1}{r} \cdot \frac{\partial}{\partial r} [r(v, \rho)] = \frac{\partial}{\partial t} (\rho \cdot \Phi)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} v: \text{Velocity} \quad [\frac{\text{ft}}{\text{day}}} \\ \rho: \text{Density} \quad [\frac{\text{lb}}{\text{ft}^3}] \end{array} \right.$$

درستم مقادیر قطبی

با جایگزینی ممکن از رابطه داری در معادله بالا :

$$V = (5.615)(0.001127) \frac{K}{\mu} \cdot \frac{\partial P}{\partial r}$$

دانترونی و تاریده گرفتن عبارت  $(\frac{\partial P}{\partial r})^2$  بدست آورید :

$$0.006328 \frac{K}{\mu} \left[ \frac{\partial^2 P}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial P}{\partial r} \right] = \varphi C_t \frac{\partial P}{\partial t}$$

$$\frac{\partial^2 P}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial P}{\partial r} = \frac{\varphi M C_t}{0.006328 K} \cdot \frac{\partial P}{\partial t}$$

$$\gamma = \frac{0.006328 K}{\varphi M C_t} \quad \text{نریز ثابت انتشار (Diffusivity Coefficient)} = n$$

$$K [m^2] , \quad C [\text{psi}^{-1}] , \quad \gamma \left[ \frac{ft^2}{\text{day}} \right] \quad \text{در رابطه بالا :}$$

$M [cp]$  ،  $t [\text{day}]$  در برخی منابع آنده است :

$$\frac{\partial^2 P}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial P}{\partial r} = \frac{\varphi M C_t}{0.000264 K} \cdot \frac{\partial P}{\partial t}$$

$$K [m^2] , \quad t [hrs] \quad \text{که در این رابطه}$$

$$C_t [\text{psi}^{-1}] , \quad \gamma \left[ \frac{ft^2}{hrs} \right]$$

$$\frac{\partial^2 P}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial P}{\partial r} = \frac{1}{\gamma} \cdot \frac{\partial P}{\partial t} \quad \text{معادله انتشار}$$

فرض نمایی بر کار رفتہ در معادله انتشار :

{ Homogeneous Reservoir :  $K = \text{const.}$  ,  $h = \text{const.}$

A really Isotropic :  $K_x = K_y$

Vertically Isotropic :  $K_H = K_v$

- محیط تخلیل بمحزن و آئیزوتروپیک است.

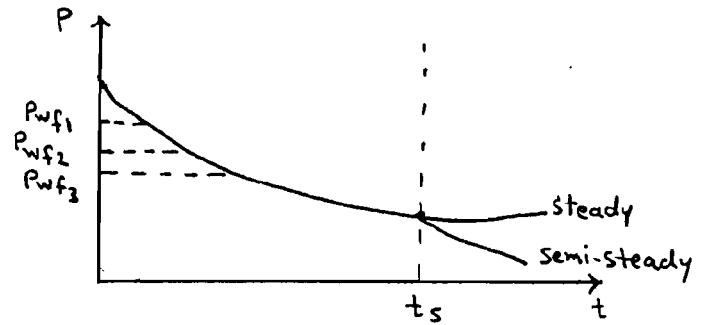
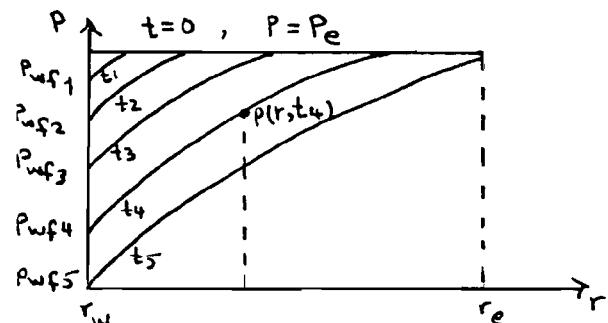
به دلیل نزدی دارد از لایه های بالای که بربوی  $K_H$  (ترادایی در جت معودی) تأثیری ندارد،  $K_H = K$  معلوم است.

### - خواستگیان نزن

- جریان سیال آرام (Laminar) است فقط یک سیال در فرن جاری است. خواص سُنگ دیال، مستقل از فشار است.

اگر  $K$  Porosity Isomap و  $\phi$  را ثابت در نظر گرفت. در این حالت نمی توان از روش های Analytical استفاده نمود. برای روش های Numerical محض را به مسلول های بسیار زیاد تقسیم نموده و برای هر مسلول میزان میزان را انجام داده، عبارلات حل می شوند. در روش Analytical، به جای پر متغیر، مقدار متغیر آن را قرار می دیم.

در روش Analytical، عبارت انتشار پیش مذکور شده که جواب آن «فشار در زمان  $t$  در فاصله  $r$  از چاه» است.



$t_5$  : زمان یافتن حالت نزدیک. در این زمان نجوم سقط فشار به مرزی ایمن می شود و بعد از آن تابعی از

شایط مرزی حالت Semi-Steady State ! Steady State بوجود می آید.

► Radial Flow of Slightly Compressible Fluids - Unsteady State

$$\frac{\partial^2 P}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial P}{\partial r} = \frac{1}{\tau} \cdot \frac{\partial P}{\partial t}$$

دروش برای حل موارد انتشار وجود دارد :

- 1) Constant Terminal Pressure Solution
- 2) Constant Terminal Rate Solution

روش اول :

در این روش می توان جریان ابلاشتی (Cumulative Flow) سیال را با فرض ثابت بودن فشار درینی از مرزی محض می سهند. از این روش برای محاسبه "Water Flux" در باخت مریط بسته آب استفاده می شود

روش دوم :

این روش، روش حل اکثر Pressure Transient Test یا است.

در این روش چاه بایک دلی ثابت تولیدی نند و فشار جریانی ترچاه اندازه کنی می شود. دو روش حل وجود دارد :

- $$\begin{cases} A) E_i - Function Solution \\ B) P_D Solution \end{cases}$$

که این دو اختصار عبارات زیر هستند :

Exponential Integral ( $E_i$ )

Dimensionless Pressure ( $P_D$ )

فشار بدون بعد

## حل معادله انتشار به روش Ei

در سال ۱۹۶۷م. این روش را براساس فرضیات زیر ارائه دادند:

- فوزن می‌ناید است.
- چاه پاربی ثابت تولیدی نزد.
- فشار فوزن در محضه اولیه یکنواخت است.
- چاه در مرکز یک سیلیندر با شعاع  $Re$  تراوردارد (عمل شعاعی).
- در فرزای خارجی جریانی وجود ندارد.

با فرض موارد بالا، آنها جواب حل معادله انتشار را به شکل زیر ارائه دادند:

$$P(r,t) = P_i + \left[ \frac{70.6 Q_0 M_0 B_0}{K h} \right] \cdot Ei \left[ \frac{-948 \Phi M_0 C_t r^2}{K t} \right]$$

$$Q_0 \left[ \frac{STB}{day} \right], \quad B_0 \left[ \frac{bbl}{STB} \right], \quad h [ft], \quad C_t [\rho si^{-1}]$$

$$t [hrs], \quad K [md], \quad M_0 [CP], \quad r [ft]$$

در رابطه بالا

$$Ei(-x) = - \int_x^\infty \frac{e^{-u}}{u} du = \ln x - \frac{x}{1!} + \frac{x^2}{2 \times 2!} - \frac{x^3}{3 \times 3!} + \dots$$

از رابطه زیر محاسبه می‌کنیم:

$$x = \frac{948 \Phi M_0 C_t r^2}{K t}$$

دو حالت پیش می‌آید:

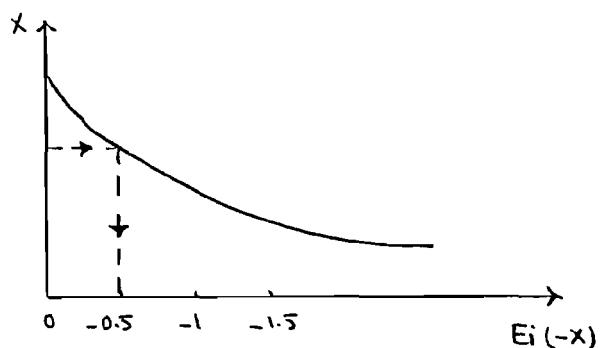
1)  $x < 0.02$

$$Ei(-x) \approx \ln(1.781x) = \ln x + \ln(1.781) = \ln x + 0.577$$

از رابطه تیلور بدست می‌آید

$$2) x > 0.02$$

از سخن یا بدل  $E_i(-x) \rightarrow$



$$P(r,t) = P_i + \left[ \frac{70.6 Q_0 M_0 B_0}{k h} \right] \cdot \ln \left[ 1.781 * \frac{948 \varphi M_0 C_t r^2}{k t} \right]$$

می توان در معادله بالا به جای Log استماره نمود :

$$P(r,t) = P_i - \frac{162.6 Q_0 M_0 B_0}{k h} \left[ \log \left( \frac{k t}{\varphi M_0 C_t r^2} \right) - 3.23 \right]$$

$$r = r_w \quad : \quad P_{wf} = P_i - \frac{162.6 Q_0 M_0 B_0}{k h} \left[ \log \left( \frac{k t}{\varphi M_0 C_t r_w^2} \right) - 3.23 \right]$$

معادله کمی فوق زمانی صحیح است که :

$$t > \frac{948 * 10^4 \varphi M_0 C_t r^2}{k}$$

تازه مانی که غز و طستوط فشار به مرزها نزدیک است، می توان فرض نمود غزنی بنهایت است.

در منطقه skin پاه زمانی دارند و در منطقه مرزها نزدیک زمان را قصی می نشان داده نمی شوند

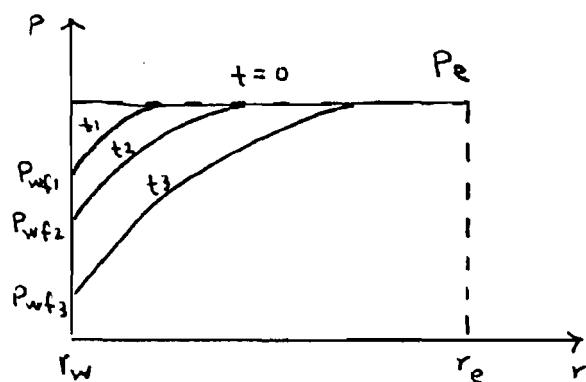


مثال: چاهی بر مدت 20 روز باری 400 STB/day تولید می‌کند. جریان سیال دارای رفتار ناپایدار و محزن بی‌نهایت است.

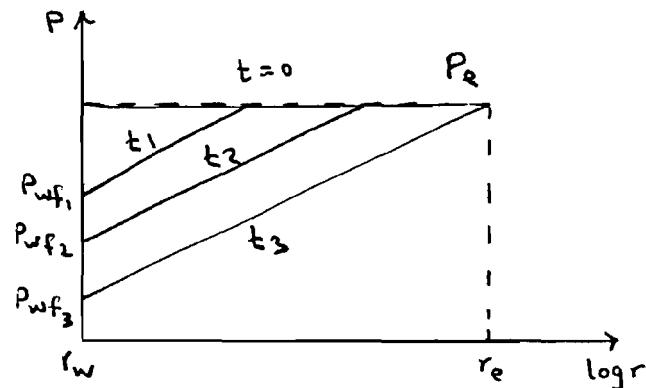
است. فشار در شعاع 1500 ft چه چندراست؟

$$M_0 = 0.6 \text{ cp} \quad , \quad K = 150 \text{ mD} \quad , \quad \varphi = 30\% \quad , \quad P_e = P_i = 2500 \text{ psi}$$

$$B_0 = 1.2 \quad , \quad h = 25 \text{ ft} \quad , \quad C_t = 8 \times 10^{-6} \text{ psi}^{-1}$$



منحنی انتشار در اطراف چاه



منحنی انتشار در اطراف چاه

### حل معادله انتشار - روش $P_0$

می‌توان معادله انتشار را بدون بعد و آنرا ساده کرد.

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{شماره یعنی بعد} \\ P_0 \\ \text{زمان بیرون بعد} \\ t_0 \\ \text{شیلیخ بیرون بعد} \\ t \end{array} \right.$$

با تعریف پارامتری بیرون بعد

پارامتری بیرون بعد از تکمیل پارامتری مختلف محزن بودت می‌آید و بعدین ترتیب تقدیل بجهولات معادله

انتشار کاوش می‌یابد و می‌توان آنرا به سادگی حل کرد.

$$Q_0 = \frac{0.00708 K h (P_e - P_{wf})}{M_0 B_0 \ln \left( \frac{r_e}{r_w} \right)}$$

$$\ln \left( \frac{r_e}{r_w} \right) = \frac{P_e - P_{wf}}{\frac{Q_0 M_0 B_0}{0.00708 K h}}$$

نمایت چپ معادله بدن بعد از است، پس باقی نمایت راست نزدیک بعد باشد. در نمایت راست  $(P_e - P_{wf})$

از جنس نشر است. بنابراین  $\frac{Q_0 B_0 M_0}{0.00708 K_h}$  نزدیک از جنس فشار باشد آنست راست بدن بعد شود.

$$P_0 = \frac{P_e - P_{wf}}{\frac{Q_0 B_0 M_0}{0.00708 K_h}}$$

بنابراین :

in transient flow :  $P_0 = \frac{P_i - P(r, t)}{\frac{Q_0 M_0 B_0}{0.00708 K_h}}$

$$r_D = \frac{r}{r_w} \quad ! \quad r_{eD} = \text{External Dimensionless Radius} = \frac{r_e}{r_w}$$

$$t_0 = \frac{0.000264 Kt}{\varphi M C_t r_w^2} \quad K [\text{m/s}], \quad t [\text{hrs}]$$

$$t_{DA} = \frac{0.000264 Kt}{\varphi M C_t A} \quad (\text{Drainage Area})$$

زمان بدن بعد براساس سطح زیرش حاصل شود

$$A = \text{Total Drainage Area} = \pi r_e^2 \quad [\text{ft}^2]$$

با استفاده از کمیت ای بدن بعد  $P_0$ ،  $r_0$ ،  $t_0$  نمکل بدن بعد معادله انتشار :

$$\frac{\partial^2 P_0}{\partial r_0^2} + \frac{1}{r_0} \cdot \frac{\partial P_0}{\partial r_0} = \frac{\partial P_0}{\partial t_0}$$

## جواب حل معادله بولن بندانشار (روش وان اور دینتن و هارت)

Van Everdingen and Hurst method:

- ۱) مدل کاملاً شعاعی است.
- ۲) دب تولیدی ثابت است.
- ۳) جریان در مزای خارجی مترن وجود ندارد.
- ۴) در زمان  $t = 5$  یک فشار یکنواخت ثابت در مترن وجود دارد.

Van Everdingen & Hurst جواب لی حل معادله انتشار توسط charter & Lee

را به شکل جداولی ارائه دادند و دو حالت را از سه تحايز لردند:

۱) Infinite Reservoir ( $r_{ED} = \infty$ )

$$P_D = f(t_0) \rightarrow P_D \text{ را در } t_0 - 2\pi \text{ منتهی ارائه داده - جدول (2-6) صفحه 387}$$

کم تقریب برای محاسبات charter & Lee وجود دارد:

$$t_0 < 0.01 \implies P_D = 2\sqrt{\frac{t_0}{\pi}}$$

$$t_0 > 100 \implies P_D = 0.5 \left[ \ln(t_0) + 0.80907 \right]$$

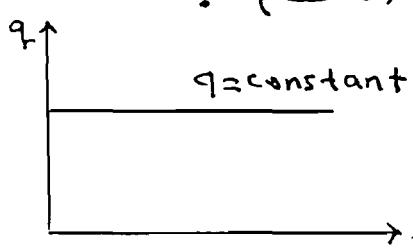
۲) Finite Reservoir: ( $r_{ED} = r_E/r_W$ )

$$P_D = f(t_0, r_{ED})$$

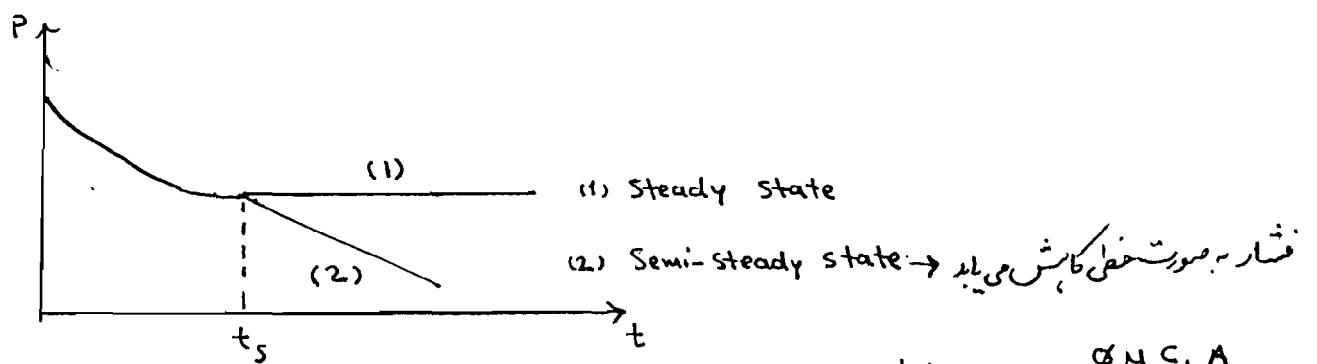
$r_{ED}$  را تغیر داده و  $P_D$  و  $t_0$  لی قلت را می بیند. آنها این تعدادی را در جدول (6-3) صفحه 389 کتاب tarek Ahmad می نمایند.

## Pseudo Steady State Flow

چه باری ثابت نولید می‌کند. (البته در عمل نمی‌توان بی‌چاه را ثابت نظر داشت)



$t_s$ : زمان است رفشار stable می‌شود و تابع از شرایط مرزی دارد حالت دائم:



$$t_s \approx 380 \frac{g M c_t A}{K}$$

for radial system:

$$t_s \approx 1200 \frac{g M c_t r_e^2}{K}$$

$t_s [hrs]$  و  $K [md]$

په در مرکز یک دایره بتم قرار دارد.

برای جریان سینیه پایدار:

$$\left( \frac{\partial P}{\partial t} \right)_r = \text{const}$$

$$C = - \frac{1}{V_p} \cdot \frac{\partial V_p}{\partial P} \Rightarrow C \cdot V_p \cdot \frac{\partial P}{\partial t} = - \frac{\partial V_p}{\partial P}$$

از رابطه بالا نسبت به زمان دینلزیل گریم :

$$C.v_p \cdot \frac{\partial P}{\partial t} = - \frac{\partial v_p}{\partial t} = -q$$

$$C.v_p \frac{\partial P}{\partial t} = -q \Rightarrow \frac{\partial P}{\partial t} = -\frac{q}{C.v_p}$$

ثابت و نیز ثابت است پس فرض می کنیم که  $C$  و  $v_p$  نیز ثابت است.

$$\frac{\partial P}{\partial t} = \frac{-Q B_0}{24 C v_p} = \frac{-q}{24 C v_p}$$

$$\begin{cases} q \left[ \frac{bbl}{day} \right] & , Q \left[ \frac{STB}{day} \right] \\ B_0 \left[ \frac{bbl}{STB} \right] & , v_p \left[ bbl \right] \\ \frac{\partial P}{\partial t} \left[ \frac{psi}{hrs} \right] & , C \left[ psi^{-1} \right] \end{cases}$$

$$v_p = \Phi v_b \Rightarrow v_p = \Phi \cdot \pi r^2 \cdot h \quad [ft^3]$$

$$v_p = \frac{\Phi \pi r^2 h}{5.615} \quad [bbl]$$

$$1 bbl = 5.615 ft^3$$

$$\frac{\partial P}{\partial t} = \frac{0.23396 q}{C_t \pi r_e^2 h \Phi} = \frac{-0.23396 q}{C_t A h \Phi}$$

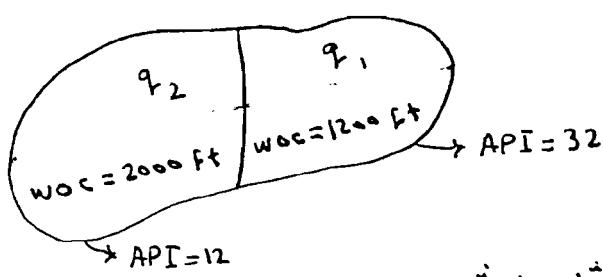
گر از معادله بالا استکرار گریم دشار از  $P_i$  تا  $\bar{P}_r$  تغییر کند، داریم:

$$P_i - \bar{P}_r = \frac{0.23396 q t}{C_t A h \Phi} \Rightarrow \bar{P}_r = P_i - \frac{0.23396 q t}{C_t A h \Phi}$$

زان سپری شده تا آخر Transient Flow می باشد.

در یک نزد می توان Region های مختلف داشت؛ و نیز انواع سکه های مختلف و سیالات مختلف.

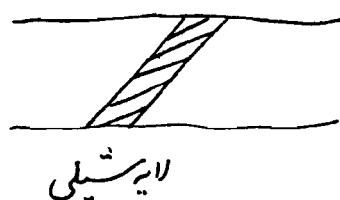
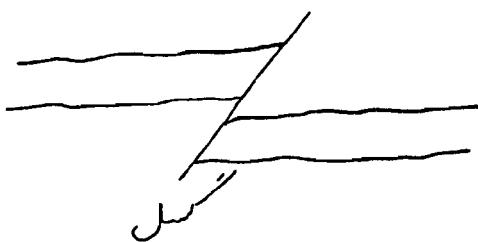
همچنین در نزد می توان Contact های مختلف داشت و در یک طرف WOC در یک عق و در



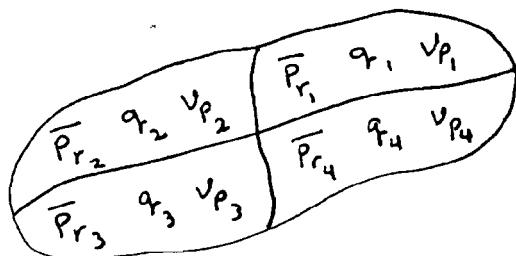
طرف دیگر، WOC در عمق دیگر است.

سین خازن می تواند سل نیز وجود را شناسه باشد و با لایشیلی باشد

وجود کمی مختلف شود.



وقتی خاص نفت تفاصیلت است، فشارها نیز در مکان کامی مختلف هستند متناظر باشند.



درین حالت فشار متوسطه محزن عبارت است از:

: باشد  $\begin{cases} V_p = \text{Pore Volume} \\ \bar{P}_{r_i} = \text{Volume Average Pressure} \end{cases}$

$$\bar{P}_r = \frac{\sum \bar{P}_{r_i} \cdot V_{p_i}}{\sum V_{p_i}}, \quad \bar{P}_r = \frac{\sum \bar{P}_{r_i} \cdot q_i}{\sum q_i}$$

ثابت کردیم برابر یک جریان شعاعی سیال کمتر کالم پذیر حالت ناپایدار:

$$\frac{\partial^2 P}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial P}{\partial r} = \frac{1}{\tau} \cdot \frac{\partial P}{\partial t}$$

$$\frac{\partial^2 P}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial P}{\partial r} = \left( \frac{0.000264 K}{\Phi^M C_t} \right)^{-1} \cdot \frac{\partial P}{\partial t}$$

$$\frac{\partial P}{\partial t} = \text{const.}$$

بررسی جریان شب پایدار در می:

$$\frac{\partial P}{\partial t} = \frac{-0.23396 q}{C_t Ah \varphi}$$

$$\frac{\partial^2 P}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial P}{\partial r} = \left( \frac{\varphi M \cdot C_t}{0.000264k} \right) \cdot \left( \frac{-0.23396 q}{C_t Ah \varphi} \right)$$

$$\frac{\partial^2 P}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial P}{\partial r} = \frac{-887 q M}{Ah k}$$

$$\frac{1}{r} \cdot \frac{\partial}{\partial r} \left( r \frac{\partial P}{\partial r} \right) = \frac{-887 q M}{Ah k}$$

$$\partial \left( r \frac{\partial P}{\partial r} \right) = \left( \frac{-887 q M}{Ah k} r \right) \partial r$$

$$r \frac{\partial P}{\partial r} = - \int \left( \frac{-887 q M}{Ah k} \right) r \cdot \partial r$$

$$r \frac{\partial P}{\partial r} = - \frac{887 q M}{Ah k} \left( \frac{r^2}{2} \right) + C_1$$

$$r \frac{\partial P}{\partial r} = - \frac{887 q M}{\pi r_e^2 h k} \cdot \frac{r^2}{2} + C_1$$

$$r = r_e \Rightarrow \frac{\partial P}{\partial r} = 0 \Rightarrow C_1 = \frac{141.2 q M}{h k}$$

$$\frac{\partial P}{\partial r} = \frac{141.2 q M}{h k} \left( \frac{1}{r} - \frac{r}{r_e^2} \right)$$

$$\partial P = \frac{141.2 q M}{h k} \left( \frac{1}{r} - \frac{r}{r_e^2} \right) \partial r$$

از رابطه بالا انتگرال می شویم:

$$\int_{P_{wf}}^{P_i} \partial P = \frac{141.2 q M}{h k} \int_{r_w}^{r_e} \left( \frac{1}{r} - \frac{r}{r_e^2} \right) \partial r$$

پس از انتقال نیزی و باندیده گرفتن  $\frac{r_w^2}{r_e^2}$  (زیرا این مقدار خیلی لوچ است) خواستم داشت:

$$P_i - P_{wf} = \frac{141.2 qM}{kh} \left[ \ln\left(\frac{r_e}{r_w}\right) - \frac{1}{2} \right]$$

$$q_r = \frac{0.00708 kh (P_i - P_{wf})}{M \left[ \ln\left(\frac{r_e}{r_w}\right) - 0.5 \right]}$$



$$Q_o = \frac{0.00708 kh (P_i - P_{wf})}{M B_o \left[ \ln\left(\frac{r_e}{r_w}\right) - 0.5 \right]}$$

که در آن:

$$Q_o \left[ \frac{\text{STB}}{\text{day}} \right] , q_r \left[ \frac{\text{bbl}}{\text{day}} \right] , B_o \left[ \frac{\text{bbl}}{\text{STB}} \right]$$

$$k \left[ \text{mD} \right] , h \left[ \text{ft} \right] , r, r_e \left[ \text{ft} \right] , M \left[ \text{CP} \right]$$

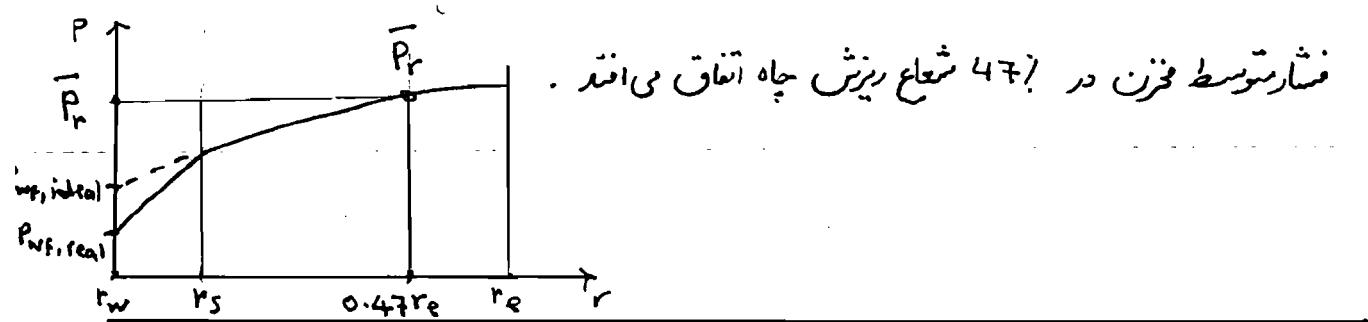
اگر در دو معادله اخیر بجای فشار اولیه مخزن ( $P_i$ ) از فشار متوسط محیی ( $\bar{P}_r$ ) استفاده نیم، عباره بشکل

$$Q_o = \frac{0.00708 kh [\bar{P}_r - P_{wf}]}{M B_o \left[ \ln\left(\frac{r_e}{r_w}\right) - 0.75 \right]} \quad \text{زیر در می آید:}$$

جزاین شب پایدار در فشار متوسط مخزن ( $\bar{P}_r$ )

$$\ln(0.471 \frac{r_e}{r_w}) = \ln\left(\frac{r_e}{r_w}\right) + \ln(0.471) = \ln\left(\frac{r_e}{r_w}\right) - 0.75$$

$\bar{P}_r$ : Volume Average Reservoir Pressure



فشار متوسط مخزن در 47% شعاع ریزش چاه آتفاق می‌افتد.

فشار در ہر قطعہ مستقل از شکل محزن (Geometry) می تواند ہر حالت شبہ پایوں پر برد۔

برائی تاثیر دارن شکل محزن در محاسبات پارامتر  $C_A$  را دارد معادلات می کنیم۔ برائی پارامتر  $C_A$

گزیند۔ معادلہ  $C_A$  در جدول (6-4) صفحہ 414 کتاب،

آمده است۔ Tarek Ahmed

$$\frac{\omega^2 r}{\sigma r^2} + \frac{1}{r} \frac{dp}{dr} = - \frac{887.229 N}{A h \kappa}$$

$$\bar{P}_r = P_i - \frac{0.23396 q t}{C_t A h \phi}$$

و با دانستن اینکه فشار متوسط محزن برابر است با:

خواسم داشت:

$$P_{wf} = \bar{P}_r - \frac{162.6 Q B M}{k h} \log \left[ \frac{4 A}{1.781 C_A r_w^2} \right] \quad (6-136)$$

در صورتی کہ معاملہ بلا رابر حسب  $P_i$  بنویسیم:

$$P_{wf} = \left[ P_i - \frac{0.23369 q t}{C_t A h \phi} \right] - \frac{162.6 Q B M}{k h} \log \left[ \frac{4 A}{1.781 C_A r_w^2} \right] \quad (6-137)$$

$K [md]$	$B_o \left[ \frac{bbl}{STB} \right]$ $Q \left[ \frac{STB}{day} \right]$ $q \left[ \frac{bbl}{day} \right]$
$A [ft^2]$	
$C_t [\text{psi}^{-1}]$	
$t [hrs]$	
$h [ft]$	
$C_A$ : Shape Factor	
$r_o, r_w [ft]$	

## > Gases

قانون کارب

EOS (Equation of State) for real gas :  $PV = nRTz$

$z$  ، (ضریب انحراف - ضریب فوق تراکم بذری) Compressibility Factor نسبتی شود  
دشان می دهد گاز های حقیقی چهیزی از گازهای ایده‌آل تراکم بذریترند.

$$z = \frac{V_{\text{real}}(P, t)}{V_{\text{ideal}}(P, t)}$$

ج میزان انحراف گاز از حالت ایده‌آل را نشان می دهد.

$$P \cdot V = nRTz \quad (1)$$

$$P_{\text{sc}} \cdot V_{\text{sc}} = nRT_{\text{sc}} \quad (2) \quad (@ \text{ standard conditions: } z=1)$$

شرطی در زمین و در اطراف چاه را نویند. Standard Condition

$$\left\{ P_{\text{sc}} = 14.7 \text{ psia} , \quad T_{\text{sc}} = 60^{\circ}\text{F} \right\}$$

$$\frac{P}{P_{\text{sc}}} \left( \frac{V}{V_{\text{sc}}} \right) = \frac{T}{T_{\text{sc}}} \cdot z \quad \text{رابطه (1) را بر رابطه (2) تقسیم:}$$

$$\beta_g = \text{Gas Formation volume Factor} = \frac{V_g(P_{\text{res}}, T_{\text{res}})}{V_g(P_{\text{sc}}, T_{\text{sc}})} \quad \text{ضریب حجم گاز}$$

گاز بر دلیل اختلاف فشار غیرمنز و سرچاه، (گاهتر ثابت) مبنی شود و بر دلیل کاهش دنایمی منتفع می شود.

$$\frac{P}{P_{\text{sc}}} \cdot \beta_g = \frac{T}{T_{\text{sc}}} \cdot z$$

$$\frac{P}{P_{\text{sc}}} \left( \frac{q}{q_{\text{sc}}} \right) = \frac{T}{T_{\text{sc}}} \cdot z \Rightarrow q = \frac{P_{\text{sc}} \cdot q_{\text{sc}}}{T_{\text{sc}}} \cdot \frac{T_z}{P} , \quad q \left[ \frac{\text{ft}^3}{\text{day}} \right]$$

$$q_f = \frac{P_{SC} \cdot q_{SC}}{5.615 T_{SC}} \cdot \frac{T \cdot z}{P} \quad \text{پس تالون کارا بین مویت نوشتہ می شود :}$$

کرداران :

$$\left\{ \begin{array}{l} q_f (\text{Gas Rate}) \left[ \frac{\text{bbl}}{\text{day}} \right] \\ P_{SC} = 14.7 \text{ psi} \\ T_{SC} = 520^{\circ}\text{R} \end{array} \right. \left. \begin{array}{l} \rightarrow q_{SC} \left[ \frac{\text{scf}}{\text{day}} \right] \\ \rightarrow P [\text{psi}] \\ \rightarrow T [{}^{\circ}\text{R}] \\ \rightarrow z [-] \end{array} \right\}$$

### Gas Formation Volume Factor (B\_g)

$$PV = nRTz$$

$$P_{SC} \cdot V_{SC} = nRT_{SC}$$

$$\frac{P}{P_{SC}} \left( \frac{V}{V_{SC}} \right) = \frac{T}{T_{SC}} \cdot z \quad \left( \frac{V}{V_{SC}} \right) = B_g = \text{ضیب حجم کار}$$

$$\frac{P}{P_{SC}} \cdot B_g = \frac{T}{T_{SC}} \cdot z \Rightarrow B_g = \left( \frac{P_{SC}}{T_{SC}} \right) \left( \frac{T}{P} \right) \cdot z$$

$$P_{SC} \cdot V_{SC} = nRT_{SC} \Rightarrow \frac{P_{SC}}{T_{SC}} = \frac{nR}{V_{SC}}$$

حجم لیل بولبول کرم کار (n=1) در شرایط معناری (استاندارد) اشغال می کند 22.4 lit است.

حجم کریک بول پوند (n=1) در شرایط استاندارد اشغال می کند 379.4 ft<sup>3</sup> است.

$$\frac{P_{SC}}{T_{SC}} = \frac{1 * 10.73}{379.4}$$

$$R = 10.73 \left( \frac{\text{psi} \cdot \text{ft}^3}{\text{lb} \cdot \text{mole} ({}^{\circ}\text{R})} \right)$$

$$\frac{P_{SC}}{T_{SC}} = 0.02829$$

$$\frac{P_{SC}}{T_{SC}} = \frac{1 * R}{379.4} = \frac{R}{379.4}$$

$$B_g = \frac{R}{379.4} \left( \frac{T}{P} \right) Z$$

$$B_g = \frac{10.73}{379.4} \left( \frac{T}{P} \right) Z$$

$$B_g = 0.02829 \frac{TZ}{P}$$

$$\begin{cases} B_g \left[ \frac{ft^3}{scf} \right] \\ T [{}^{\circ}R] \\ P [psi] \end{cases}$$

ج نابی زر فشار است، پس  $B_g$  تابی از فشار دمای است.

### Gas Density ( $\rho_g$ )

( $\rho_g$ ) جکار

$$PV = nRTZ \quad , \quad n = \frac{m}{M}$$

$$PV = \frac{m}{M} RTZ \Rightarrow PM = \left( \frac{m}{V} \right) RTZ \Rightarrow PM = \rho R T Z$$

$$\Rightarrow \rho_g = \frac{PM}{RTZ}$$

$$\begin{cases} P [Pa] & , M \left[ \frac{kg}{mole} \right] \\ T [{}^{\circ}K] & , \rho \left[ \frac{kg}{m^3} \right] \\ R = 8.31432 \left[ \frac{j}{{}^{\circ}K.mole} \right] \end{cases}$$

### Gas Specific Gravity ( $\gamma_g$ )

$$\gamma_g = \frac{M}{M_a} \quad \text{برگوی پرس} \quad M_a = 28.97 \left( \frac{g}{mole} \right)$$

$$\gamma_g = \frac{M}{28.97} \Rightarrow M = 28.97 \gamma_g$$

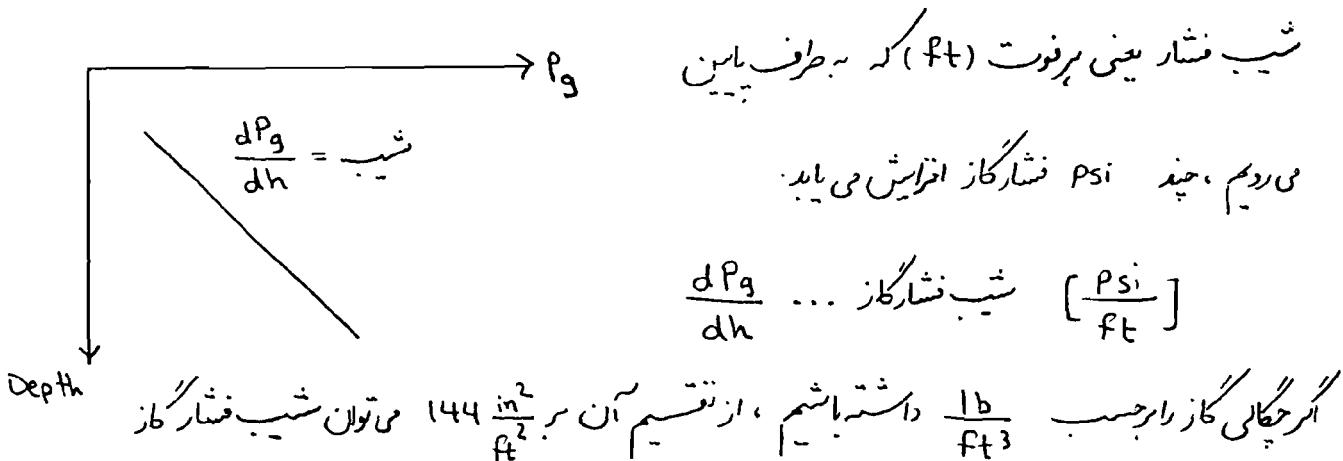
$$\rho_g = \frac{PM}{RTZ} = \frac{28.97 \gamma_g P}{RTZ}$$

$$R = 10.73 \left( \frac{psi \cdot ft^3}{lb.mole ({}^{\circ}R)} \right)$$

$$\rho_g = \frac{28.97}{10.73} \frac{\gamma_g P}{T_z} \Rightarrow \rho_g = \frac{2.7}{Z T} \frac{\gamma_g P}{Z T} = \text{gas density}$$

$$\left\{ \rho_g \left[ \frac{\text{lb}}{\text{ft}^3} \right], \gamma [-], P [\text{psi}], Z [-], T [{}^\circ\text{R}] \right\}$$

Gas Gradient  $(\frac{dP_g}{dh})$  شیب فشار گاز



$$\frac{\rho_g}{144} = \text{Pressure Gradient of Gas} \quad \text{درست آورده.} \quad \frac{\text{psi}}{\text{ft}}$$

$$\frac{2.7 \gamma_g P}{Z T} \cdot \frac{1}{144} = \frac{0.01875 \gamma_g P}{Z T} \quad \left[ \frac{\text{psi}}{\text{ft}} \right]$$

$$\gamma_g = \frac{\rho_g}{\rho_a} = \frac{M}{M_a}$$

$\rho_g$  = gas density

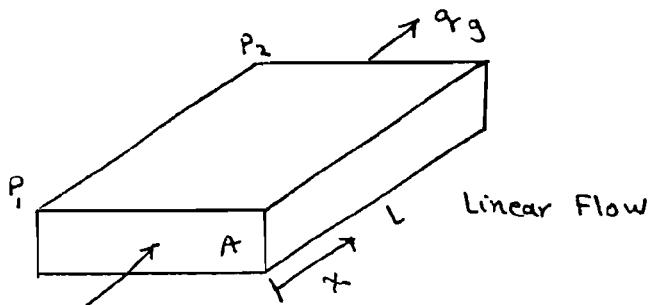
$\rho_a$  = air density

M = gas molecular weight

$M_a$  = air molecular weight

## Linear Flow of Real Gases - Steady State

حریان خطی گازهای حقیقی - حالت ثابت



(Real Gases = Compressible Fluids)

تالوزن کارها: شدت جریان گاز ( $q_g$ ) در شرایط محزن بحسب  $\left[ \frac{bbl}{day} \right]$  برابر است با :

$$q_g = \frac{P_{sc} \cdot q_{sc} \cdot T \cdot Z}{5.615 T_{sc} \cdot P}$$

$$q_g = -1.127 \frac{AK}{M_g} \cdot \frac{\partial P_g}{\partial x}$$

$$\frac{P_{sc} q_{sc} T_Z}{5.615 T_{sc} P} = -1.127 \frac{AK}{M_g} \cdot \frac{\partial P_g}{\partial x}$$

با فرض این که  $M_g$ ,  $Z$ , ثابت بستند و تابع از فشار نمی باشند!

$$\frac{q_{sc} P_{sc} TZ M_g}{5.615 (1.127) K T_{sc} A} \left. \right|_0^1 \Delta x = - \int_{P_1}^{P_2} P \cdot \frac{\partial P_g}{\partial x}$$

$$q_{sc} = \frac{3.164 T_{sc} AK (P_1^2 - P_2^2)}{P_{sc} T Z L M_g}$$

در شرایط استاندارد شدت جریان گاز (ب توریک گاز) بشرح زیر است:

Approximation of Gas Flow Rate  
جزویت دهنده از سرعت گاز

$$q_{sc} = \frac{111 \cdot 924 AK (P_1^2 - P_2^2)}{T Z L M_g}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} q_{sc} \left[ \frac{SCF}{day} \right] , K \left[ \text{darcy} \right] , T [^{\circ}R] , L [ft] \\ A [ft^2] , P_1, P_2 [psia] , Z [-] , M_g [c_p] \end{array} \right\}$$

این رابطه برای فشارهای کمتر از  $psia = 2000$  صحیح است. خواص گاز (شل و  $M_g, Z$ ) خواص متوسط گاز

$$\bar{P} = \left( \frac{P_1^2 + P_2^2}{2} \right)^{\frac{1}{2}} \quad \text{بُتند که در فشار متوسط زیر افرازه گیری شده‌اند:}$$

$$\text{Darcy Law (for oil)} : q_r \propto \Delta P \quad \Delta P = P_1 - P_2$$

$$\text{Darcy Law (for gas)} : q_g \propto \Delta P^2 \quad \Delta P^2 = P_1^2 - P_2^2$$

### ► Radial Flow of Real Gases - Steady State (approximation solution)

طبق قانون گاز اثتد جریان گاز در شرایط محزن بحسب بُتلکه در روز بُلبر است با:

$$q_{rg} = \frac{q_{sc} P_{sc} T Z}{5.615 T_{sc} P}$$

$$q_g = +1.127 \cdot \frac{AK}{\mu} \cdot \frac{\partial P}{\partial r} \quad \text{مساحت جانبی استوانه} \quad A = 2\pi r h$$

$$\frac{q_{sc} P_{sc} TZ}{5.615 T_{sc} P} = +1.127 \cdot \frac{2\pi r h k}{M_g} \cdot \frac{\partial P}{\partial r}$$

:  $Z, M_g$  ثابت بودن

$$\frac{q_{sc} P_{sc} TZ M}{T_{sc} (5.615) (1.127) (2\pi kh)} \int_{r_w}^{r_e} \frac{1}{r} dr = + \int_{P_1}^{P_2} P \cdot \partial P \quad (I)$$

$$\frac{q_{sc} P_{sc} T}{T_{sc} (5.615) (1.127) (\pi kh)} \int_{r_w}^{r_e} \frac{1}{r} dr = + \int_{P_1}^{P_2} \frac{2P}{M_g Z} \partial P \quad (II) \quad Z, M_g \neq \text{const.}$$

$$\int_0^P \frac{2P}{M_g Z} = m(P) = \Psi$$

$\Psi = \text{Real Gas Pseudo Pressure}$   
شبیه فشار

اگر در مباحثه مربوط به کاز،  $M_g$  و  $Z$  را ثابت فرض نکنیم، در این قدرت به جای فشار (P) از معنی  
شنبه فشار  $m(P)$  استفاده می‌کنیم.

در این حالت فرض شده که  $M_g$  و  $Z$  ثابت هستند، بنابراین رابطه (I) برقرار خواهد بود.

$$q_{sc} = \frac{19.88 T_{sc} h k (P_e^2 - P_{wf}^2)}{P_{sc} T \bar{Z} \bar{M}_g \ln\left(\frac{r_e}{r_w}\right)}$$

$$\begin{cases} P_{sc} = 14.7 \text{ psia} \\ T_{sc} = 520^\circ R \end{cases}$$

در رابطه استاندارد ( $P_{sc}, T_{sc}$ ) دو پارامتر کلی زیر:

$$\begin{cases} q_{sc} \left[ \frac{SCF}{day} \right] & , P_e, P_{wf} [\text{psia}] & , \bar{Z} [-] \\ k [\text{darcy}] & , \bar{M}_g [c_p] & , r_e, r_w [\text{ft}] \\ h [\text{ft}] & , T [{}^\circ R] & \end{cases}$$

$$q_{sc} = \frac{703 kh (P_e^2 - P_{wf}^2)}{\bar{M}_g T \bar{Z} \ln\left(\frac{r_e}{r_w}\right)}$$

این رابطه برای فشار کلی کمتر از 2000 psia گارند دارد.

خواص کاز مثل ( $\bar{M}_g$ ،  $\bar{Z}$ ) در فشار متوسط زیر اندازه زیری شده‌اند:

$k, h = \text{const.}$        $\bar{Z}, \bar{M}_g$  ثابت فرض شده‌اند. اگر فرض هموزن باشد:

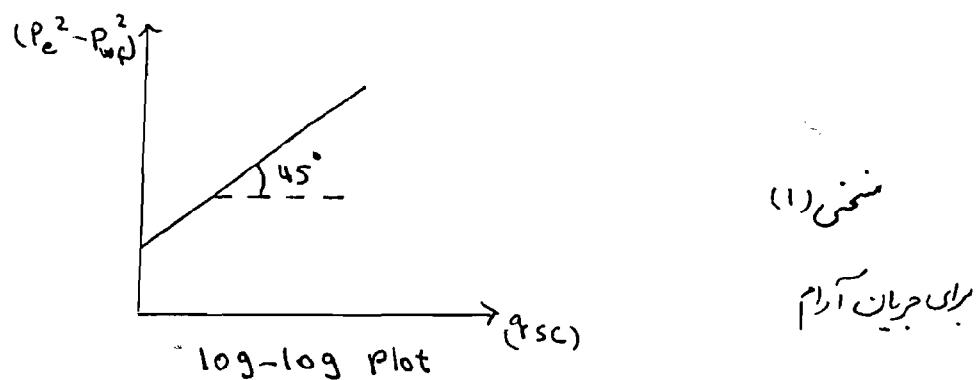
$$T = \text{const.} \Rightarrow \frac{703 kh}{\bar{M}_g T \bar{Z} \ln\left(\frac{r_e}{r_w}\right)} = \text{const.} = C$$

$$r_e, r_w = \text{const.} \quad q_{sc} = C [P_e^2 - P_{wf}^2] \quad \text{برای جریان آرام}$$

$$\log q_{sc} = \log C + \log (P_e^2 - P_{wf}^2)$$

رابطه بالا یک خط راست است؛ یعنی اگر بر روی یک منحنی  $\log - \log$  را برسی کنیم،  $q_{sc}$  را در چسب

رسم کنیم، یک خط راست بروزت می‌آید با مشیب  $m$



دگرگذشتہ سطح تعیین (OFC) یا پتانسیل چاه باز در چاه کاری،

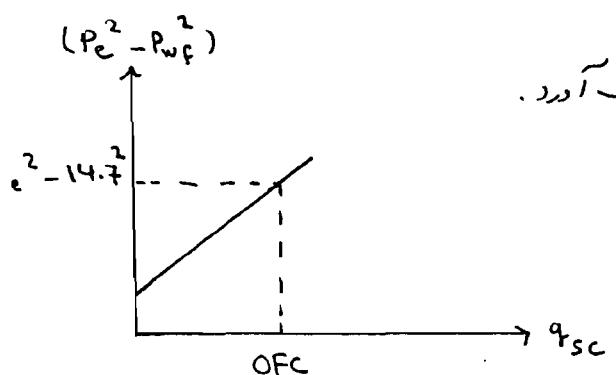
چاه را بازی نداشتند و پس فشار (Back Pressure) را مرحله بمرحله کم می‌رزند تا به مقدار مینیمم آن

پس فشار اتمسفر برابر با  $14.7 \text{ psia}$  بود. درین حالت دبی تزوییی کار برابر با پتانسیل چاه یا OFC بود. برای آزمایش "آزمایش پس فشار Back Pressure Test" گویند.

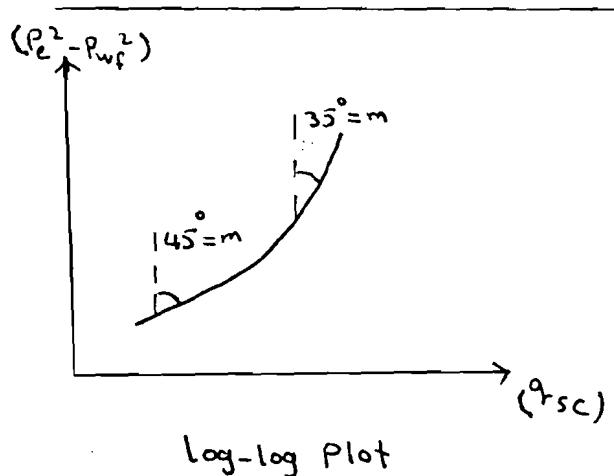
اما چون با گذشت چاه به میتوان آسیب می‌رسید، توسط منحنی (۱) می‌توان یک OFC

چاه کاری را بدست آورد؛ بنابراین ترتیب که با فشار  $(P_e^2 - 14.7^2)$  ردیفی حریت کرده و

از بردن یابی منحنی می‌توان OFC یک چاه کاری را بدست آورد.



برای جریان مسلام (Turbulent Flow) درینجی (۱) زاویه  $\alpha$  بوجای  $45^\circ$  (شاید  $35^\circ$ ) می‌شود و



نمی (1) از حالت خط راست خاب می شود.

نمی (2)  
برای جریان سلاطین

در این صورت معادله جریان کاز بینکل زیر درس آید:

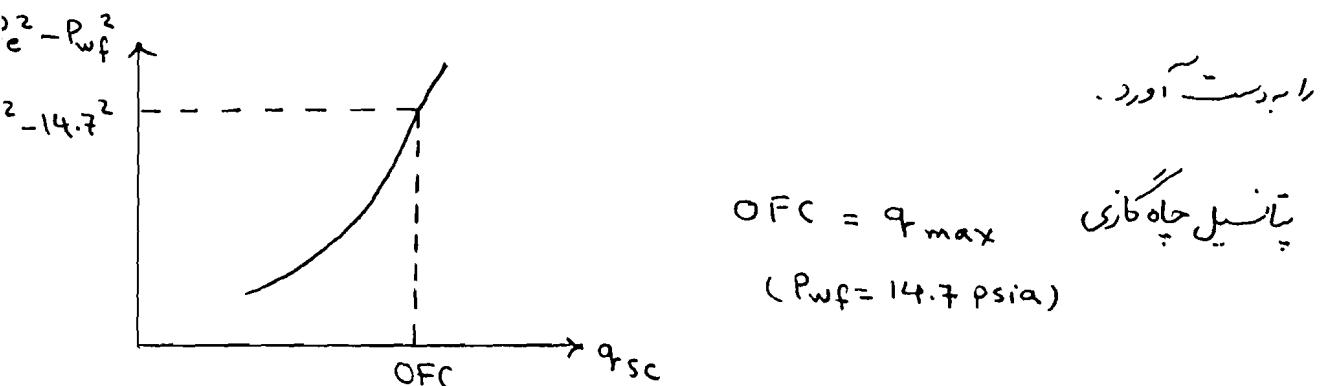
$$q_{sc} = C (P_e^2 - P_wf^2)^n$$

$n$ : Turbulent Factor

$$n = \frac{1}{m} \quad (m = \text{پیش خط})$$

محبباً برای جریان سلاطین نیز می توان با استفاده از نمی (2) OFC یک چاه کاری را بدست آورد.

بعدین ترتیب که با فشار  $(P_e^2 - 14.7^2)$  روی نمی رفته و از بروز یابی نمی می توان چاه کاری



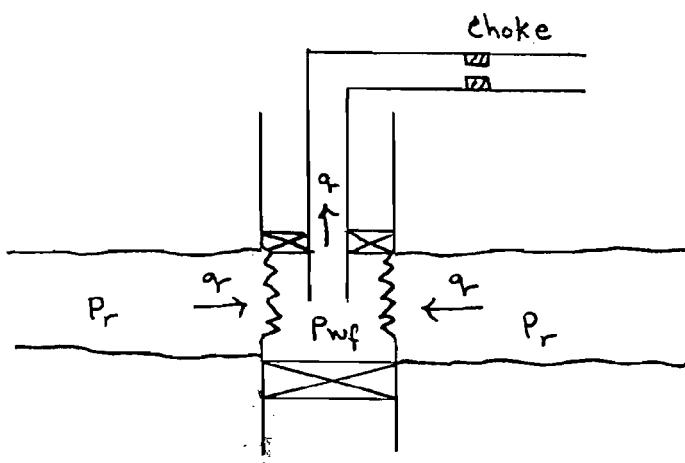
$$\text{OFC} = q_{\max} \quad (\text{P}_{wf} = 14.7 \text{ psia})$$

$$q_g = q_{g_{\max}} = \text{OFC} \quad \text{if} \quad \text{P}_{wf} = 14.7 \text{ psia}$$

$$q_g = \text{AFC} \quad \text{if} \quad \text{P}_{wf} = 0$$

$$\text{OFC} = \text{پاسیل چاه باز} \\ (\text{دیگر ها عرضم یعنی چاه باز})$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{OFC} = \text{Open Flow Capacity} \\ \text{AFC} = \text{Absolute Flow Capacity} \end{array} \right.$$



$P_{wf}$  → Back Pressure

برعلیه فشار سازند

Back pressure = پس فشار

پس فشار ناشی از پیست :

- این فشار در درجه اول ناشی از وزن پسیدرو استاتیکی درون چاه است.

- عامل دیگران کوچک بودن دستگاه های تخلیق / تسد (Separator) است.

- عامل دیگر آن رفتگی Tubing در اثر موب باشد.

- عامل دیگر آن وجود Choke (حریانگاه) است. توسط زیرین Choke نام دارد.

آن توان کم و زیاد کرد. در صحیح دب کم و زیاد می شود. زیادی داشته باشد اتفاق فشار است و فشار سازند قابل تغییر نیست.

مجموع این عوامل Back Pressure را ایجاد می کند که برعلیه فشار سازند است.

$q_r (P_{wf}) \rightarrow$  Inflow Performance Relationship (IPR)

اگر  $q_r$  را تابعی از  $P_{wf}$  نشان دیم، بر  $q_r$  ،  $P_{wf}$  خاص خود را دارد.

باید بی 2 ی مختلف تولید ممکنیم و فشار ته چاه را

اندازه های کثیر م و سیس ۹ را برابر  $P_{wf}$  ممکنیم.

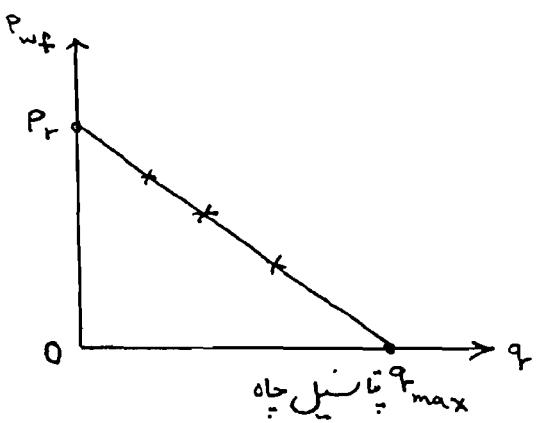
(تکل صفحه بعد)!

$$q_{r_1} \rightarrow P_{wf_1}$$

$$q_{r_2} \rightarrow P_{wf_2}$$

$$q_{r_3} \rightarrow P_{wf_3}$$

$$\vdots \quad \vdots$$



for One - Phase flow

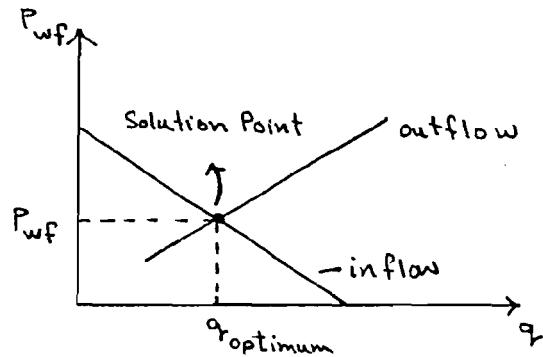
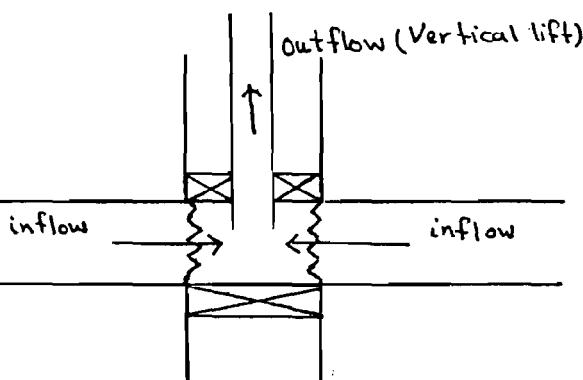
b Homogen flow

b Ideal flow

$$P_{wf} = P_r \implies q = 0$$

$$P_{wf} = 0 \implies q = q_{max} \quad \text{پاسیل چاہ}$$

اگر  $P_{wf} = 0$  باشد، فسار دخودنوارد را سیال را بچاہ برساند. البته جیزی ممکن نیست  
چون حداقل فشار انتقال دخود دارد.



مختصر متن  
Solution Point را در یک نقطه قطع می کند. این نقطه Outflow، Inflow است

که فشار مناسب برای تولید بینیه را بدست می دهد.

برای بروان شناختی گازهای محقی، حالت پایدار و بافرض ثابت بولن  $M_g = 2$  کار: (ثابت کردیم هم):

$$q_{sc} = \frac{703 k h (P_e^2 - P_{wf}^2)^n}{M_g T Z \ln\left(\frac{r_e}{r_w}\right)} \rightarrow \underline{\text{Approximation of Gas Flow}}$$

$$q_{sc} = c (P_e^2 - P_{wf}^2)^n$$

$$\log q_{sc} = \log c + n \cdot \log (P_e^2 - P_{wf}^2)$$

مثال: بر روی یک چاه کاری آزمایش لای پس نشار انجام شده و داده‌های زیر بدست آورده‌اند.

$q_{sc} [\frac{\text{MSCF}}{\text{day}}]$	$P_{wf} [\text{Psi}]$
0	408.2 $\rightarrow P_e$
4.317	401.9
9.424	394
15.628	378.7
20.273	362.7

(۱) بزرگتر  $n$  و  $c$  چقدر است؟

(۲) این چاه کاری چه مقدار است؟ OFC

$$\log q_{sc} = \log c + n \log (P_e^2 - P_{wf}^2) \quad (\text{ا}$$

دو معادله را به دادی که بتنادف از جدول اختاب می‌نماییم، می‌نویسیم:

$$\begin{cases} \log 9.424 = \log c + n \log (408.2^2 - 394^2) \\ \log 20.273 = \log c + n \log (408.2^2 - 362.7^2) \end{cases}$$

$$\Rightarrow n = 0.681 \quad , \quad c = 16.28 \quad \text{و} \quad P_{wf} = 14.7 \Rightarrow OFC = 58.5 \frac{\text{MSCF}}{\text{day}}$$

## Inflow Performance Relationship (IPR)

$$q_f = f(P_{wf}) \rightarrow IPR$$

رابطه ای که  $q_f$  را تابعی از  $P_{wf}$  می‌اندازد -

سرمهنی IPR بود در دو شکل زیر:

$$PI = \frac{q}{\Delta P} \Rightarrow q_f = PI \cdot \Delta P \Rightarrow q_f = PI(\bar{P}_r - P_{wf}) \quad (1) \text{ استفاده از رابطه:}$$

$$P_{wf_1} \rightarrow q_1$$

$$P_{wf_2} \rightarrow q_2$$

:

$$PI = \text{const.}$$

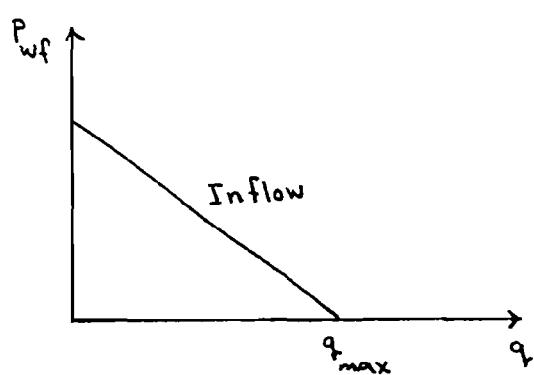
$$\bar{P}_r = \text{const.}$$

(2) چاه با دبی  $q_1$  تولیدی نند  $P_{wf_1} \leftarrow$  را اندازه می‌شوند.

چاه با دبی  $q_2$  تولیدی نند  $P_{wf_2} \leftarrow$  را اندازه می‌شوند.

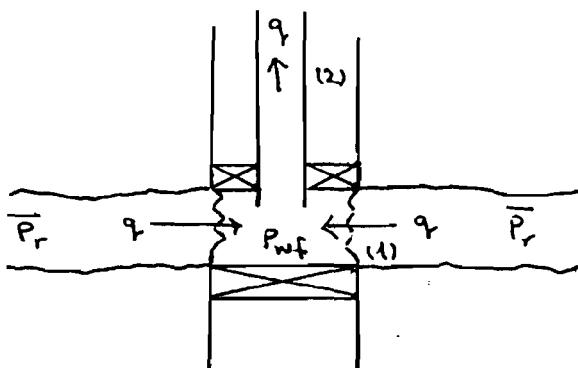
چاه با دبی  $q_3$  تولیدی نند  $P_{wf_3} \leftarrow$  را اندازه می‌شوند.

النون  $q_f$  را تابعی از  $P_{wf}$  می‌شوند.



for 1-Phase Flow

Homogen Flow  
Ideal Flow



(1): Inflow

(2): Outflow (Vertical lift)

حرکت سیل از ترکیز به تراجه

$$P_{wf} = \bar{P}_r \Rightarrow q_r = 0$$

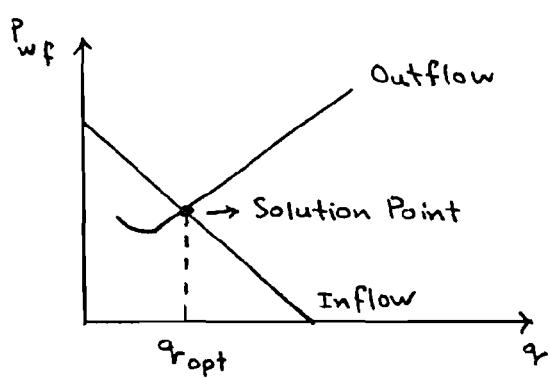
$$P_{wf} = 0 \Rightarrow q_r = q_{max}$$

پاسیل چاه

اگر چاه با دبی کمتر تولید کند، شن و ماسه‌ای آن کنده شود و به داخل چاه می‌ریزد.

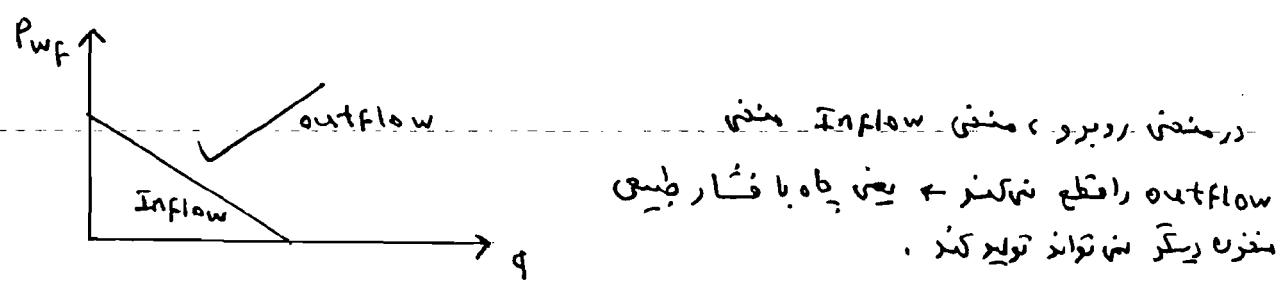
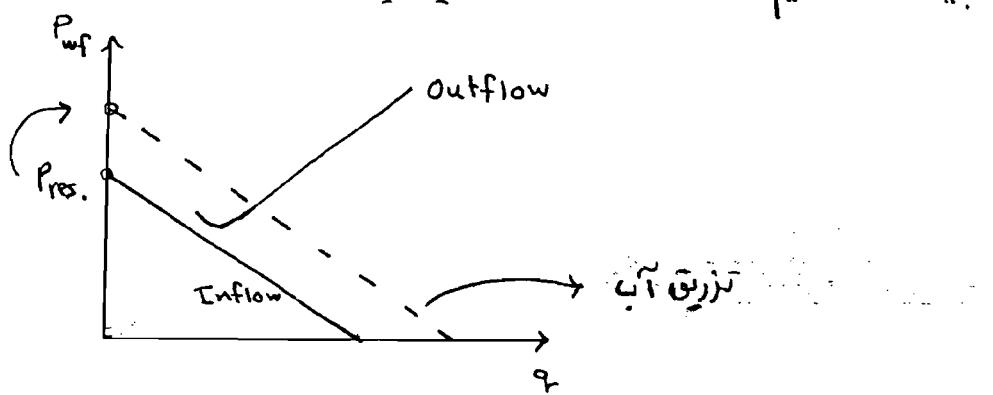
پرچاپی باید دبی بهینه (Optimal Rate) بایستی تولید کند. برای بدست آوردن دبی بهینه

منحنی Outflow را نیز رسم کنیم. محل تلاقی منحنی Inflow، Outflow دبی بهینه چاه را می‌دهد.



اگر منحنی Outflow را قطع نکرد، یعنی چاه با فشار لبیعی محزن نمی‌تواند تولید کند و از روشنایی

صنعتی تولید مثل پمپ باید استفاده کنم یا روشهای ازدیاد برداشت یا تغیر قطر لوله هنوزی د...



## ► Radial Flow of Real Gases - Steady State

### Exact Gas Flow Rate

### Exact Solution!

ثابت سرده و تابی  $z, M_g$  . . . . . Real  $\neq$  Radial Flow در حالت

از فشار تغیری نند :  $z = f(p)$   $\rightarrow M_g = f(p)$  صفحه 83 نتیجه مسود :

$$\left( \frac{T \cdot q_{sc}}{k_h} \right) \ln\left(\frac{r}{r_w}\right) = 703 \int_{P_{wf}}^P \left( \frac{2P}{M_g \cdot z} \right) dP$$

$$\int_0^P \frac{2P}{M_g z} dP = m(P) = \psi \quad \rightarrow \quad \text{Real Gas Pseudo Pressure}$$

$$\left( \frac{T \cdot q_{sc}}{k_h} \right) \ln\left(\frac{r}{r_w}\right) = 703 \left[ \int_0^P \frac{2P}{M_g z} dP - \int_0^{P_{wf}} \frac{2P}{M_g z} dP \right]$$

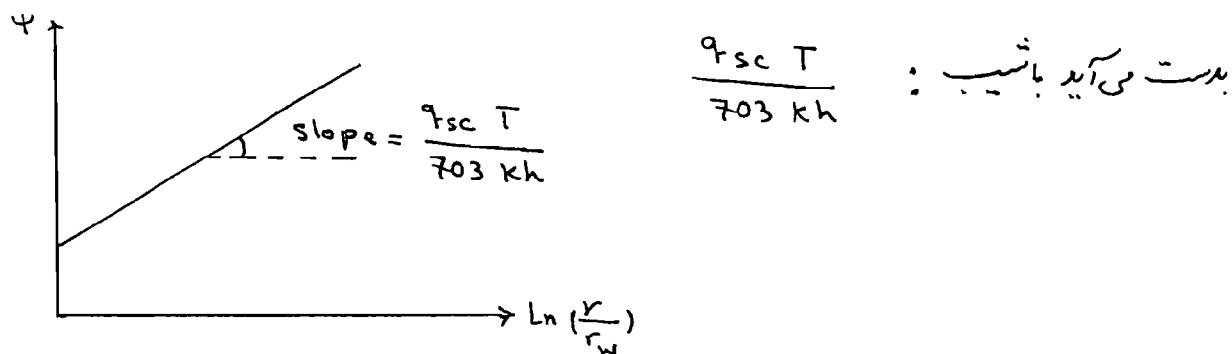
$$\int_0^P \frac{2P}{M_g z} dP = m(P) = \psi$$

$$\int_0^{P_{wf}} \frac{2P}{M_g z} dP = m(P_{wf}) = \psi_w$$

$$\left( \frac{T \cdot q_{sc}}{k_h} \right) \ln\left(\frac{r}{r_w}\right) = 703 (\psi - \psi_w)$$

$$\psi = \psi_w + \frac{q_{sc} T}{703 k_h} \ln\left(\frac{r}{r_w}\right)$$

معارل بالا معارض یک خط راست است : یعنی اگر  $\psi$  را محسب  $\frac{\ln(r/r_w)}{1-1}$  نمایم بخط راست



$$Q_g = q_{sc} = \frac{703 kh (\Psi - \Psi_w)}{T \ln \left( \frac{r}{r_w} \right)} \rightarrow \text{The exact Gas Flow Rate}$$

کردن:

$$Q_g = q_{sc} \left[ \frac{\text{SCF}}{\text{day}} \right] , \quad \Psi \left[ \frac{\text{PSI}^2}{\text{CP}} \right]$$

$$k \text{ [darcy]} , \quad r, r_w \text{ [ft]} , \quad T \text{ [°R]}$$

اگر  $k$  را بحسب میلی دارسی فرار دیم، ضریب تبدیل  $\sim 0.703$  می شود.

$$r = r_e \Rightarrow q_{sc} = \frac{0.703 kh (\Psi_e - \Psi_w)}{T \ln \left( \frac{r_e}{r_w} \right)} , \quad \Psi_e = \int_0^{P_e} \frac{2P}{M_g Z} dP$$

: اندازه لیری می شود، در این صورت  $q_{sc} \frac{\text{MSCF}}{\text{day}}$  جزو  $q_g$  می شود با

$$q_{sc} = \frac{kh (\Psi_e - \Psi_w)}{1422 T \ln \left( \frac{r_e}{r_w} \right)}$$

$$q_{sc} \left[ \frac{\text{MSCF}}{\text{day}} \right] , \quad \Psi_e, \Psi_w \left[ \frac{\text{PSI}^2}{\text{CP}} \right]$$

$$h \text{ [ft]} , \quad k \text{ [md]}$$

$$r_e, r_w \text{ [ft]} , \quad T \text{ [°R]}$$

این رابطه در نشار اولیه فرن ( $P_e$  یا  $P_i$ ) بستگی ندارد. اگر این رابطه را در فشار متوسط محزن

$$q_{sc} = \frac{kh (\Psi_r - \Psi_w)}{1422 T \left[ \ln \left( \frac{r_e}{r_w} \right) - 0.75 \right]}$$

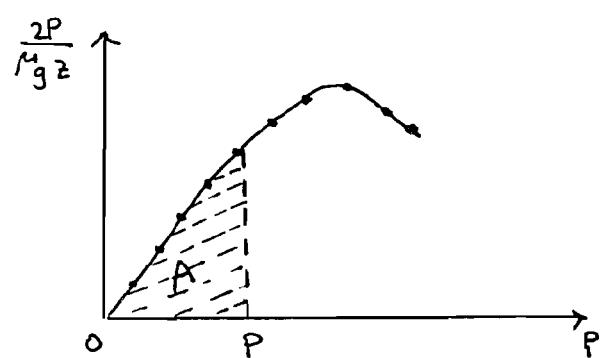
for pseudo-steady state : پسیو

$$\Psi_r = m(\bar{P}_r) = \int_0^{\bar{P}_r} \frac{2P}{\mu_g z} dP$$

$$\Psi_w = m(P_{wf}) = \int_0^{P_{wf}} \frac{2P}{\mu_g z} dP$$

در رابطه  $m(P) = \Psi = \int_0^P \frac{2P}{\mu_g z} dP$  بین بستگی آوردن نشاند، مقدار  $\frac{2P}{\mu_g z}$  را داشتاری می‌نامند.

محلف بستگی آوردم،  $\frac{2P}{\mu_g z}$  را نسبت به فشار رسم کنیم.



$$\int_0^P \frac{2P}{\mu_g z} dP = A$$

$$A = P \cdot \frac{2P}{\mu_g z} = \frac{2P^2}{\mu_g z}$$

## Diffusivity Equation for Gases (Compressible Fluids)

### Radial Flow - Unsteady State

- Diffusivity Equation for Low Compressible Fluids  
Radial Flow - Unsteady State

$$\frac{\partial^2 P}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial P}{\partial r} = \frac{1}{\eta} \cdot \frac{\partial P}{\partial t} \quad \dots \text{معادله انتشار}$$

در این معادله فرض شده که تراکم پذیری سیال (نت) توجه ثابت است. (این فرض برای گازها صادق نیست).

با توجه به معنی شبه فشار ( $m(P)$ ) معادله انتشار برابر گاز را به شکل زیر نوشتند می شود:

$$\frac{\partial^2 m(P)}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial m(P)}{\partial r} = \frac{1}{\eta} \cdot \frac{\partial m(P)}{\partial t}$$

$$\frac{\partial^2 m(P)}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial m(P)}{\partial r} = \left( \frac{\phi \cdot c_t}{0.000264 K} \right) \frac{\partial m(P)}{\partial r}$$

معادله انتشار برابر گاز - جریان شعاعی - حالت ناپایدار

: Pseudo Steady State یا شبیه پایدار

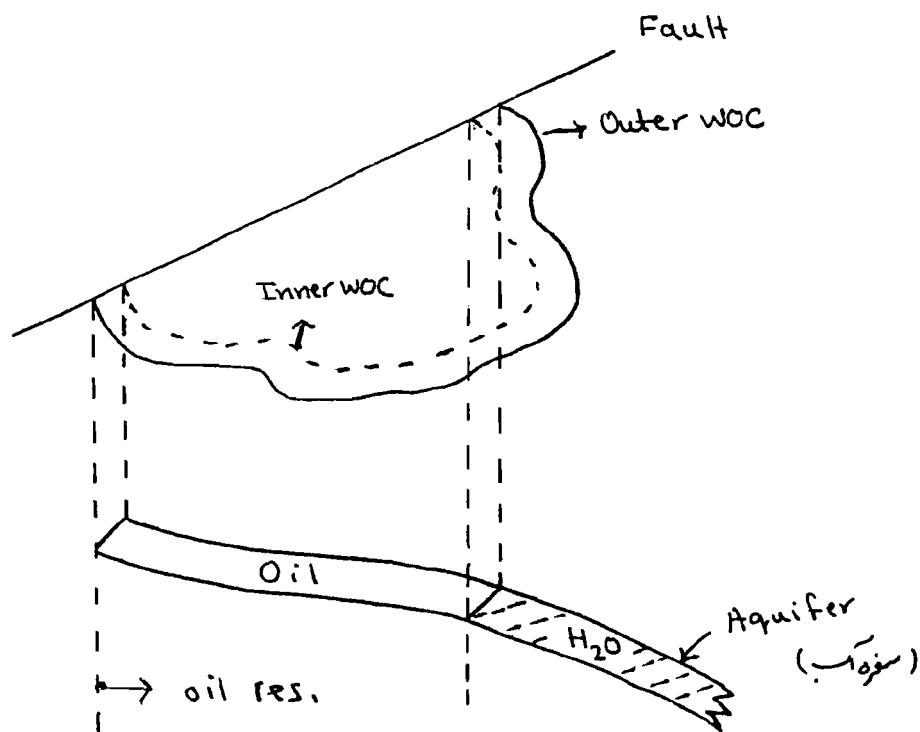
$$\frac{\partial m(P)}{\partial t} = \text{const.}$$

$$\frac{K_h [m(\bar{P}_r) - m(P_{wf})]}{1422 T \left[ \ln\left(\frac{r_e}{r_w}\right) - 0.75 \right]} = Q_g$$

$$\left\{ \begin{array}{l} K [\text{mD}] \\ h [\text{ft}] \\ T [{}^\circ\text{R}] \\ r_e, r_w [\text{ft}] \end{array} \right.$$

## Water Influx

## حریان ورودی آب



سازه آبی آب، سنگ لایی تحمل حامل آب بسته که از یک طرف یا از همه طرف سنگ مرن را احاطه کرده زمانی که در مرن توسعه انجام می شود، فشار به اندازه  $\Delta P$  کاهش می یابد.

به علی نزیر آب باز سازه آب دارد مرن می شود تاین افت فشار را جبران کند:

۱) انباله آب

۲) انباط پهیه روکن لایی محلول در کرب

۳) تکاهم پذیری سنگ Aquifer (سازه آب)

۴) حریان آب کثیرین رجایی که سطح سازه آب بر قاعع تراز سطح مرن است.

در این قسمت باست جمیع آب انبساطی و دری از سفره آب به مخزن ( $W_e$ ) و دیگر دری آب به مخزن

$$\frac{dW_e}{dt} = e_w \text{ را بدست آوریم.}$$

$W_e$  = Cumulative Water Influx [bbl]

$e_w$  = Water Influx Rate  $\left[ \frac{\text{bbl}}{\text{day}} \right]$

سؤال: در اثر افت فشار  $\Delta P$ ، چه حجمی از آب از سفره آب وارد مخزن می شود؟

سه نوع سفره آب یا جریان ورودی آب وجود دارد:

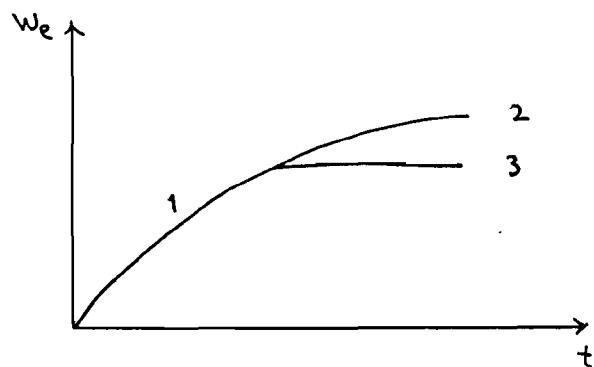
۱) حالت پایدار تغیر ناپذیر Semi-Steady state water Influx

Steady State Water Influx

۲) حالت پایدار

Unsteady State Water Influx

۳) حالت ناپایدار



حالات ناپایدار ۱ . . .

حالات پایدار تغیر ناپذیر ۲ . . .

حالات پایدار ۳ . . .

در حالت ناپایدار، یک سفره آب نامحدود وجود دارد. در حالت پایدار دارای فشار ثابت در مراحلی

خارجی هستیم و سفره آب دارای تراویح بالا است و در حالت پایدار تغیر ناپذیر یک سفره آب با

اندازه محدود و مراحلی خارجی بسته وجود دارد.

اگر در یک دوره طولانی تولید ثابت داشت، در این صورت دلیلی

(تولید آب + نفت + گاز) باید برابر باشد با دلیل آب و گاز از فرآیند محضن

$e_w$  = Water Influx Rate

$$e_w = Q_o B_o + Q_g B_g + Q_w B_w$$

$Q_o$  = Oil Production Rate (در شرایط استاندارد)  $\left[ \frac{STB}{day} \right]$

$Q_w$  = Water Production Rate (در شرایط استاندارد)  $\left[ \frac{STB}{day} \right]$

$Q_g$  = Gas Production Rate (در شرایط استاندارد)  $\left[ \frac{scf}{day} \right] \text{ یا } \left[ \frac{STB}{day} \right]$

$B_o, B_w, B_g$  = ضریب حجمی  $\left[ \frac{bbl}{STB} \right]$

$e_w \left[ \frac{bbl}{day} \right]$

Water Influx Models :

- 1) Pot Aquifer
- 2) Schiltwitz Aquifer
- 3) Hurst Modified steady-state Aquifer
- 4) Van Everdingen-Hurst Unsteady-state Aquifer
- 5) Carter-Tracy Aquifer
- 6) Fetkovic Aquifer

► 1) Pot Aquifer

$$e_w = \frac{d w_e}{dt} = Q_o B_o + Q_g B_g + Q_w B_w \quad (1)$$

$N_p$  = Cumulative Oil Production [STB]

$w_p$  = Cumulative water production [STB]

$$Q_o = \frac{d N_p}{dt}, \quad Q_w = \frac{d w_p}{dt}$$

رابطه (1) را می‌توان بسکل زیرنوشت:

$$e_w = \frac{d w_e}{dt} = \frac{d N_p}{dt} B_o + (GOR - R_s) \frac{d N_p}{dt} B_g + \frac{d w_p}{dt} B_w \quad (2)$$

$$GOR \left[ \frac{SCF}{STB} \right]$$

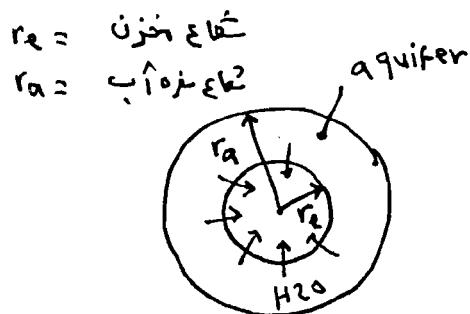
$R_s$  = Solution GOR

در این مدل حجم آب دردی از سطون آب به محض:

$$w_e = (C_f + C_w) \Delta P \cdot w_i, \quad \Delta P = p_i - P$$

$$\Rightarrow w_e = (C_f + C_w) w_i (P_i - P)$$

$$\begin{cases} C_f = \text{ترکم پذیری گاز} [\text{psi}^{-1}] \\ C_w = \text{ترکم پذیری آب} [\text{psi}^{-1}] \\ w_i = \text{حجم اولیه آب درخواست} [\text{bbl}] \\ P_i = \text{فشار اولیه محض} [\text{psi}] \\ P = \text{فشار فعلی محض} (\text{P @ woc}) [\text{psi}] \end{cases} \quad \text{که در آن:}$$



$$w_i = v_b \cdot \varphi$$

$$w_i = \frac{\pi (r_a^2 - r_e^2) h \varphi}{5.615} \quad [bb1]$$

$$w_e = (c_f + c_w) \left( \frac{\pi (r_a^2 - r_e^2) h \varphi}{5.615} \right) (P_i - P) \quad (3)$$

مدل Pot: آب موجود در سفره آب ( $w_i$ ) بعلت انتشار  $\varphi$  در اثر تراکم پذیری آب ،

نگ از همه طرف وارد مخزن می شود که حجم آن برابر با  $w_e$  است.

معمولآ آب از همه طرف وارد نگ مخزن نمی شود و در ضمن شکل مخزن به شکل دایره نیست که آب

از همه اطراف آن به شکل شعاعی وارد مخزن شود . برای نشان دادن این اثر در معادله (3) ضریب را

$f$  (f) Fractional Encroachment Angle بنامیم .

$$w_e = (c_f + c_w) \left( \frac{\pi (r_a^2 - r_e^2) h \varphi}{5.615} \right) (P_i - P) f$$

$f = \frac{\theta}{360^\circ}$   $\theta$  بر حسب درجه، قسمتی از پیمان مخزن است که آب

از آن وارد مخزن می شود .

بعنوان مثال اگر Aquifer از صفت به مخزن چسیده باشد ،  $\theta = 180^\circ$  است .

## ► 2) Schiltz Steady-State Model

دی آب درودی از سفره آب به مخزن می باشد با :

$$e_w = \frac{dW_e}{dt} = \left[ \frac{0.00708 \text{ kh}}{M_w \ln\left(\frac{r_a}{r_e}\right)} \right] (P_i - P)$$

که در آن

$$\left\{ \begin{array}{l} k [\text{md}] \\ h [\text{ft}] \\ M_w [\text{cp}] \\ r_a = \text{شعاع سفره آب} [\text{ft}] \\ r_e = \text{شعاع محزن} [\text{ft}] \\ P_i, P [\text{psi}] \end{array} , \begin{array}{l} w_e [\text{bbl}] \\ e_w [\frac{\text{bbl}}{\text{day}}] \end{array} \right\}$$

$$c = \frac{0.00708 \text{ kh}}{M_w \ln\left(\frac{r_a}{r_e}\right)}$$

$$c = \text{constant } \left[ \frac{\text{bbl}}{\text{day} \cdot \text{psi}} \right]$$

$$\frac{dW_e}{dt} = c (P_i - P)$$

$$\int dW_e = \int_0^t c (P_i - P) dt \Rightarrow$$

$$W_e = c (P_i - P) t = c \Delta P \cdot t$$

در رابطه بالا است.  $\Delta P$  [psi],  $t$  [days],  $w_e$  [bbl]

گرفت لای متوالی فشار داشته باشیم:

$$w_e = c \sum_0^t \Delta P \cdot \Delta t$$

مثال: محاسبه مقدار آب درودی برای حالت پایدار (Schiltzitz Model) - حجم آبی که سفره

آب بشعاع 16400 ft می تواند بوسیله تراکم نمایی سُك دَآب تخت افت فشار 145 psi

دارد محزن بشعاع 3280 ft بعد از 1000 روز نماید، را حساب کنید. ثانیاً مقدار آب درودی را

$$h = 23.6 \text{ ft}$$

$$\varphi = 23\%$$

$$k = 22.2 \text{ md}$$

$$M_w = 0.25 \text{ cp}$$

$$S_w = 25\% \quad \text{در محزن}$$

با حجم اولیه  $H_0$  تعایس نماید.

$$C = \frac{7.08 \times 10^{-3} h K}{4 \ln \frac{r_a}{r_e}} = \frac{7.08 \times 10^{-3} \times 23.6 \times 22.2}{0.25 \times \ln 5}$$

$$= 4.6095 \text{ bbl / psi} \cdot \text{day}$$

(الف)  $W_e = C \cdot \Delta P \cdot t = 4.6095 \times 145 \times 1000 = 677410 \text{ (bbl)}$

(ب)  $V_{hc} = \text{حجم بیرونی کوبن} = V_p (1 - S_w) = \phi V_b (1 - S_w) \quad (S_g = 0)$

$$= \phi \pi r_e^2 (1 - S_w) h$$

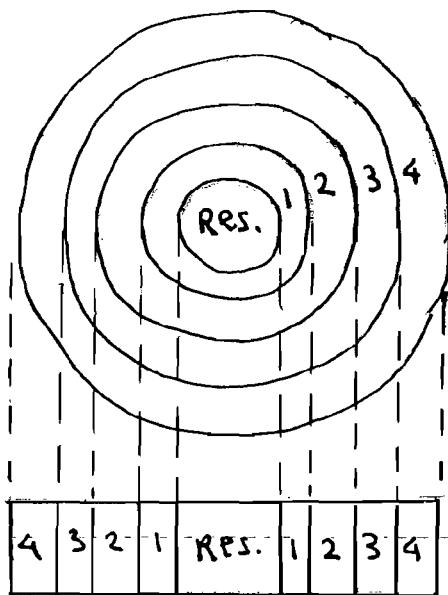
$$= 0.23 \pi (3280)^2 (1 - 0.25) \times 23.6 = \text{ (Ft}^3\text{)}$$

### Unsteady State Water Influx

یک خزان نفتی می‌تواند چند Aquifer داشته باشد و یا این که نداشته باشد.

### Water Influx from Solution to the Diffusivity Equation

تعیین مقدار آب درودی از حل معادله انتشار



اندریس رانش سیم:

انساط آب در کامپوزیت شکل

در تکلیف رویداد: یک خزان نفتی توسط یک سرمه آب-احاطه شده است = سرمه آب را به  $n$  تنه مادری تقسیم می‌کنیم.

$$\text{معادله اتشار} \quad \frac{\partial^2 P}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial P}{\partial r} = \frac{1}{\eta} \frac{\partial P}{\partial t}$$

$$\eta = \frac{k}{\varphi M C_t}$$

$$C_t = \text{Total Compressibility } [\text{psi}^{-1}] \quad , \quad C_t = C_w + C_f$$

$$\Delta V_n = n \text{ حجم آب درون ازان } [\text{ft}^3] \quad , \quad C_w = \text{Water Compressibility } [\text{psi}^{-1}]$$

$$V_p = n \text{ حجم محلول ازان } [\text{ft}^3] \quad , \quad C_f = \text{Formation Compressibility}$$

$$\Delta P = \text{انتشار فشار در ازان } n \quad , \quad C_t = C_e = \text{Effective Compressibility}$$

$$\Delta P = P_i - P_n = \text{نشار در ازان } n - \text{نشار اولیه}$$

در این روش Aquifer بـ n ازان سادی تقسیم شود. توسط حل معادله اتشار، نشار بر ازان تابعی از

تغییرات زمان محاسبه می‌گردد. با معلوم بودن فشار بر ازان، می‌توان حجم آب را که از بر ازان در اثر افت فشار

( $P_i - P$ ) دارد محضن می‌شود، محاسبه کرد. حجم آب درون ازان n برابر خواهد بود با:

$$\Delta V_n = C_t V_p \Delta P = C_e \pi (r_{n+1}^2 - r_n^2) \varphi h (P_i - P_n)$$

متدار ابیستی یا کل آب درون از سفره آب به محضن می‌باشد با مجموع آب درون از بر ازان:

$$W_e = \sum_{i=1}^n \Delta V_i$$

$$\begin{aligned} \Delta V_n & [\text{ft}^3] & P & [\text{psi}] \\ C_e & [\text{psi}^{-1}] & r & [\text{ft}] \\ h & [\text{ft}] \end{aligned}$$

• مثال: حجم آب را که یک سفره آب بشاع  $r_a = 30000 \text{ ft}$  می‌توان بوسیله تراکم پذیری نگذارد

تحت افت نشار  $P_i - P = 1000 \text{ psi}$  دارد محضن بشاع  $r_e = 3000 \text{ ft}$  نماید، محاسبه کنید. لغزش

لند جریان درودی آب دارای حالت ناپدیدار است). تابع مقادیر آب درودی را با حجم اولیه سیده درین تغییر نماییم

$$\varphi = 20\% \quad , \quad c_w = 3 * 10^{-6} [\text{psi}^{-1}] \quad , \quad c_f = 5 * 10^{-6} [\text{psi}^{-1}]$$

$$h = 40 \text{ ft} \quad , \quad s_w = 25\% \quad \text{در حقن}$$

کل منوگاب را بعنوان یک اлан فرض می کنیم.

$$c_e = c_w + c_f$$

$$\Delta V = c_e \pi (r_a^2 - r_e^2) \varphi h \Delta p$$

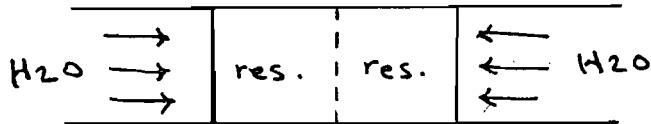
$$c_e = (3+5) * 10^{-6} = 8 * 10^{-6} \text{ psi}$$

$$\begin{aligned} \Delta V &= c_e \pi (r^2 - r_e^2) \varphi h \Delta p \\ &= 8 * 10^{-6} * 3.14 (3000^2 - 300^2) * 0.2 * 40 * 1000 \\ &= 179.1 * 10^6 (\text{ft}^3) \end{aligned}$$

$$\text{حجم اولیه پور دکنی} = V_{h_c} = V_p (1 - s_w) \quad (s_g = 0)$$

$$\begin{aligned} &= \varphi V_b (1 - s_w) = \pi r_e^2 h \varphi (1 - s_w) \\ &\Rightarrow 3.14 * 300^2 * 40 * 0.2 * 0.75 = 169.6 * 10^6 \text{ ft}^3 \end{aligned}$$

► Van Everdingen - Hurst Unsteady State Model  
For Edge Water Drive



این دو نظر معاشر انتشار میان بعد را حل نمودند:

$$\frac{\partial^2 P_D}{\partial r_0^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial P_D}{\partial r_0} = \frac{\partial P_D}{\partial t_0}$$

با شرایط اولیه و مرزی زیر:

$$\begin{cases} P = P_i & , \text{ for all radii} \\ P = P_i & , r = \infty \\ \frac{\partial P}{\partial r} = 0 & , r = r_a \end{cases}$$

برای سفره آب بینی نایت  
برای سفره آب ب مرد

حجم آب بدون بعد دردی  $W_{e0}$  را تابع از زمان بدون بعد  $t_0$  و شعاع بدون بعد  $r_0$  بدست آوردند:

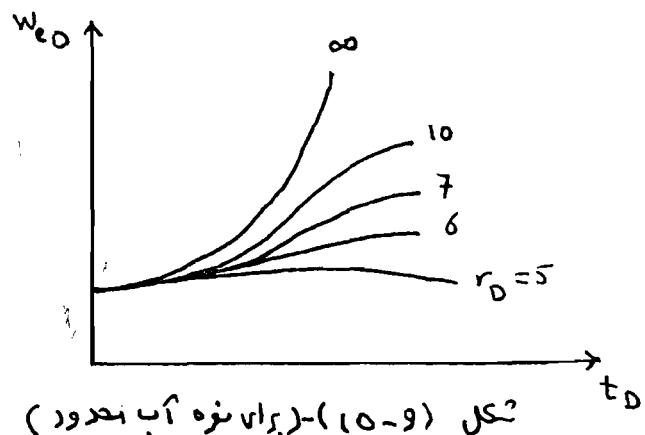
$$t_0 = 6.328 \times 10^{-3} \frac{Kt}{\Phi M_w C_t r_e^2}$$

$$C_t = C_w + C_f$$

$$r_0 = \frac{r_a}{r_e} = \frac{\text{شعاع سفره آب}}{\text{شعاع محزن}}$$

$$\begin{cases} t [\text{day}] \\ K [\text{mD}] \\ M_w [\text{cp}] \\ C_t [\text{psi}^{-1}] \\ r_e [\text{ft}] \end{cases}$$

پس جواب های حل معاشر انتشار میان بعد را به شکل منحنی ها و جداولی ارائه دارند.



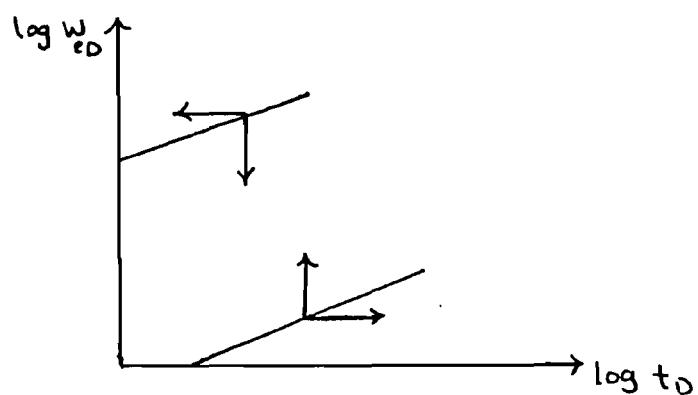
شکل (۹-۱۵)- (برای منتهی آب نامحدود)

Van Everdingen & Hurst جوابهای

خود را به شکل جوابی در اختیار ما  
گذاشتند - همچنان این جوابها  
به شکل منحنی نیز موجود هستند -

این جدا و ممنه ۷ در کتاب تارک احمد  
موجود می باشد :

منحنی ۱۵-۸ ۱۵-۱۱ ۱۵-۱۲ منحنی ۶۵۶  
و بداول ۱۰-۱ ۱۰-۲ تا صفحه



منحنی (۱۵-۱۰) - برای منتهی آب نامحدود

برای تبدیل حجم آب ورودی بدن بعد ( $w_e(t)$ ) نیاز به یک ضریب ثابت است. این ضریب ثابت ،

$$B = 1.119 \cdot \Phi c_t r_e^2 h$$

ضریب  $B$  نماید و می شود :

$$\begin{array}{l} r_e [\text{ft}] \rightarrow c_t [\text{psi}] \\ B \left[ \frac{\text{ft}^3}{\text{psi}} \right] \rightarrow h [\text{ft}] \end{array}$$

تأثیرات هندسی محزن بر  $w_e$  ، تأثیرات اندازه محیطی از محزن / روش سفره آب احاطه شده است. توسط

$$f = \frac{\theta}{360^\circ}$$

فاکتور  $f$  اعمال می شود .

$$B = 1.19 \Phi C_t r_e^2 h_f$$

اکنون توسط ضریب  $B$  می توان حجم دارچین آب درودی بر حسب شکله را تعیین کرد.

$$w_e = B \cdot \Delta P \cdot w_{eD}$$

$$\Delta P [\text{psi}] , \quad B \left[ \frac{\text{bbl}}{\text{psi}} \right]$$

$$w_e [\text{bbl}] , \quad w_{eD} [-]$$

اگر احتمت لای فشار سطحی داشته باشیم، در این صورت حجم آب درودی برابر است با:

$$w_e = B \sum \Delta P_i \cdot w_{eD_i}$$

$$w_e = B (\Delta P_1 \cdot w_{eD_1} + \Delta P_2 \cdot w_{eD_2} + \dots)$$

\* مثال: اگر فشار مرزی محزن از مقادیر اولیه  $P_i = 2734 \text{ psi}$  بماند و در

همین مقادیر ثابت نموده، متدار آبی که بعد از 100 روز از سفره آب دارد محزن می شود، چیست؟

$$\Phi = 20\% , \quad r_e = 3000 \text{ ft} \quad (\text{جیان آب حالت ناپایدار است})$$

$$k = 83 \text{ mD} , \quad r_a = 30000 \text{ ft}$$

$$C_e = 8 \times 10^{-6} \text{ psi}^{-1} , \quad M_w = 0.62 \text{ cP}$$

$$h = 40 \text{ ft} , \quad \theta = 360^\circ$$

یعنی سفره آب از هر طرف محزن نمی راند  
احاطه کرده است

$$t_D = 6.328 \times 10^{-3} \frac{kt}{\Phi M_w C_e r_e^2} = 5.88$$

$$r_D = \frac{r_a}{r_e} = 10$$

$$w_{eD} = 5.07 \quad \leftarrow \text{با استفاده از نمودار } (10-9) \quad (658 \text{ منفذ})$$

مقدار  $W_{eD}$  را می‌توان به روش میانیابی از روی جدول ۱۰-۲ که مخصوص سفره‌ای آب محدود است، بدست آورد. با چون در این جدول که مخصوص سفره‌ای آب محدود است، درستون  $r_0 = 10$  مقدار روچتر  $t_0 = 15$  واحد ندارد. مثل این است که سفره آب به شکل نامحدود عمل نمود. لذا روش میانیابی را توسط جدول ۱۰-۱ که مخصوص سفره‌ای آب نامحدود است، انجام دسیم:

$$t_0 = 5 \quad W_{eD} = 4.539$$

$$t_0 = 5.87 \quad W_{eD} = 0.54 + 4.539 = 5.079$$

$$t_0 = 6 \quad W_{eD} = 5.153$$

$$B = 1.119 \varphi C_e r_e^2 h \frac{\theta}{360} = 644.5 \left( \frac{bbl}{psi} \right)$$

$$W_e = B \cdot \Delta p \cdot W_{eD} = 644.5 * 10 * 5.07 = 32680 bbl$$

در حالت ایده‌آل بهین میزان میزان نفت باید تولید شود.

### ► coats Model

روش Edge Water Drive Everdingen & Hurst می‌باشد.

اما در این روش حرکت عوادی آب در محزن ناریه گزنته شده است. Coats در سال ۱۹۶۲ میلادی

عمل خود را ارائه دارد. او برای حرکت عوادی جریان آب، معادله انتشار را به شکل زیر تغییر داد. (مثل

. . Bottom Water Drive Coats

$$\frac{\partial^2 P}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial P}{\partial r} + F_k \cdot \frac{\partial^2 P}{\partial z^2} = \frac{M \varphi C_t}{k} \cdot \frac{\partial P}{\partial t} \quad \begin{array}{l} \text{Modified Coats} \\ \text{Diffusivity Equation} \end{array}$$

$$F_K = \frac{k_v}{k_h}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} k_v = \text{Vertical Permeability} \\ k_h = \text{Horizontal Permeability} \end{array} \right.$$

مطالعه انتشار حوزه را حل کرده و جزو آب درودی معلم بعد ( $W_{eD}$ ) را تابعی از  $t_D$ ,  $r_D$ ,  $z_D$  Coats

$$W_{eD} = f(t_D, r_D, z_D) \quad : \quad z_D \text{ بدست آورد:}$$

$$t_D = 6.328 \times 10^{-3} \frac{k t}{\varphi M_w C_t r_e^2}, \quad r_D = \frac{r_a}{r_e}, \quad z_D = \frac{h}{r_e \sqrt{F_K}}$$

جواب یافی حل مطالعه انتشار را به شکل جداولی ارائه داد. (جدول ۱۰-۳ تا ۱۰-۷)

با بحث آوردن  $W_{eD}$  از این جداول می‌توان با استفاده از ضریب  $B$  حجم واقعی آب درودی برحسب

$$B = 1.119 \varphi C_t r_e^2 h f \quad \text{بسکل را بدست آورد.}$$

$$W_e = B \cdot \Delta P \cdot W_{eD}$$

### Carter-Tracy Water Influx Model

این مدل براین فرض استوار است که حجم آب درودی در فواصل زمانی محدود  $\Delta t$  ثابت است. در

این روش حجم آب درودی در زمان  $t_n$  از حجم آب درودی معلوم در زمان  $t_{n-1}$  بدست می‌آید.

$$(W_e)_n = (W_e)_{n-1} + [(t_D)_n - (t_D)_{n-1}] \left[ \frac{B \cdot \Delta P_n - (W_e)_{n-1} (P'_D)_n}{(P'_D)_n - (t_D)_{n-1} (P'_D)_n} \right] \quad (I)$$

$$\Delta P_n = P_i - P_n$$

$$P_i \text{ مشارک اولیه نرن:} \quad , \quad P'_D = \text{Dimensionless Pressure Derivative}$$

تبیین از  $P_0$  ات د تغیرات در جدول (6-2) نسبت  $r_D$  و  $t_D$  امده است.

$$P_0 = \frac{370.529 \sqrt{t_D} + 137.582 t_D + 5.69549 (t_D)^{1.5}}{328.834 + 265.488 \sqrt{t_D} + 45.2157 t_D + (t_D)^{1.5}}$$

$$P'_D = \frac{E}{F}$$

$$E = 716.441 + 46.7984 (t_D)^{0.5} + 270.038 t_D + 71.0098 (t_D)^{1.5}$$

$$F = 1296.86 (t_D)^{0.5} + 1204.73 t_D + 618.618 (t_D)^{1.5} + 538.072 (t_D)^2 + 142.41 (t_D)^{2.5}$$

برای  $t_D > 100$  یک تقریب برای  $P'_D$  وجود دارد:

$$P_0 = 0.5 [\ln(t_D) + 0.80907]$$

$$P'_D = \frac{1}{2 t_D}$$

$$B = 1.119 \propto C_t r_e^2 h_f \quad : (I) \text{ رابطه}$$

$$t_D = 6.328 \times 10^3 \frac{kt}{\propto \mu_w C_t r_e^2}$$

$$\Delta P_n = P_i - P_n$$

$P'_D$  = dimensionless pressure derivative

## mekanizm hāi rānsh (tawilid nafas) a nafas د حارله اصل بای جم



### Oil Recovery Mechanism & The Material Balance Equation (MBE)

\* (Primary Recovery) مکانیزم های رانش برداشت اولیه از مخزن نفت  
برگزوند برداشت نفت توسط مکانیزم های رانش طبیعی مخزن ، برداشت اولیه نفت می شود .

#### \* Secondary Recovery

نیروی های رانش صنعتی هستند . برداشت نفت توسط مکانیزم های رانش صنعتی تزریق آب و تزریق گاز است

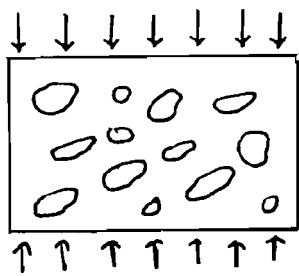
#### \* Tertiary Recovery

Polymer Flooding, Steam Injection برداشت نفت توسط روش های شیمیایی و حرارتی از قبیل  
و ... انجام می شود .

### mekanizm hāi rānsh برداشت اولیه

- |   |   |
|---|---|
| (Rock & Liquid Expansion Drive)<br>(Dissolved Gas Drive)<br>(Gas Cap Drive - Segregation Drive)<br>(Water Drive)<br>(Combination Drive) | ۱ . رانش توسط انبساط سنگ و سیال<br>۲ . رانش توسط گاز حلول در نفت<br>۳ . رانش توسط گاز پایه کنگره کنگره زاد<br>۴ . رانش توسط آب<br>۵ . رانش ترکیبی |
|---|---|

$\sigma$  = Overburden Pressure



## ۱) رانش ترسیله اب اط سک دسیال

$\sigma$  = Absolute Vertical Stress

$\sigma'$  = Effective Vertical Stress

$$\sigma' = \sigma - \alpha \cdot p$$

فشار سیال = Pore Pressure

$\alpha$  = Pore-Elastic Constant

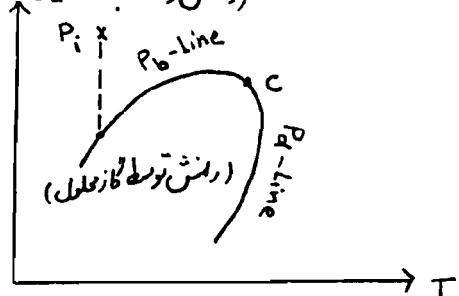
با خروج سیال، فشار بیشتری بر سک اعماق می شود که باعث کاهش فضای تخلخل شده دسیال را می راند.

## ۲) گاز محلول

گاز محلول در نفت را با  $R_s$  نمایش می دهند که برجیز نیارتر باشد، بتر است. با شروع به تولید فشار کاهش

می یابد. وقتی فشار بکمتر از  $P_i$  می شود، گاز محلول در نفت آزاد می شود. در ابتدا میزان آن کم است

(رانش ترسیله اب اط سیال)



در حکمت نمی کند. اما با کاهش پیش فشار، گاز محلول

پیش روی آزاد می شود - و در مقایسه با میزان اشباع گاز بورکت از اشباع بحرانی گاز نشود. گاز تردد به حکمت ماند.

در شرایط اولیه نفت Unsaturated است؛ یعنی مقداری گاز در آن حل شده است، اما

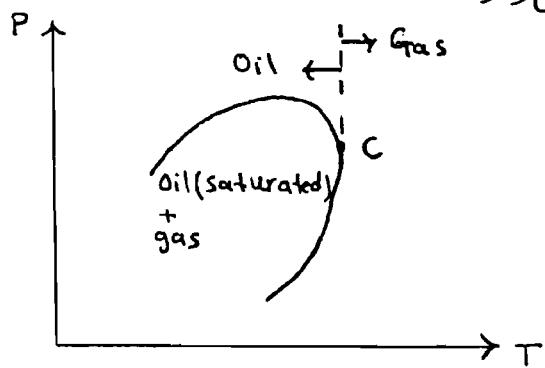
نفت از گاز اشباع نشده است. یعنی در هر چمن گاز افزاد (کلاینک گازی) وجود ندارد. (در نفت زیر اشباع

اگر فشار را انفعک کاهش دیم، گاز افزاد می شود).

پس میان  $P_i$  و  $P$  فشار کاهش می یابد و گاز هم آزاد نمی شود. درین فاصله مکانیسم رانش، انسلاط سیال است

پس از رسیدن به  $P_0$  فشار کم می شود تا در نهایت میان اشباع آن با اشباع بجزی گاز یک رسانیده و از آن بیشتری نشود. در این زمان گاز حرکت کرده و به بالا می رود و تشکیل Gas Cap می دهد.

این Gas Cap دقت قشار ایجاد کرده و آن را می راند.



$T > T_c$  مخزن گازی

$T < T_c$  مخزن نفتی

$T = T_c$  مخزن

دما بحران سیال مخزن  $T_c$

۳) کلابک گازی

در این حالت مخزن نفت با یک کلابک گازی در حال تعادل است. در اثر تولید و افت فشار کلابک گازی منبسط شده و بهمراه پایین حرکت می کند. به نفت نشار دارد کرده و آن را می راند.

۴) رانش توسط آب

نشار کاهش می باید و آب از Aquifer بست مخزن حرکت می کند تا این افت فشار را جبران کند (Pressure Maintenance). در ضمن حرکت نفت را نیز می دهد.

بسته به این که سفره آب در کجا واقع باشد:

1. Edge water Drive  $\rightarrow$  Hurst & Everdingen Model

2. Bottom water Drive  $\rightarrow$  Coats Model

## ۱۵) رانش ترکیبی

این حالت ترکیبی از مکانیزم های ذکر شده است.

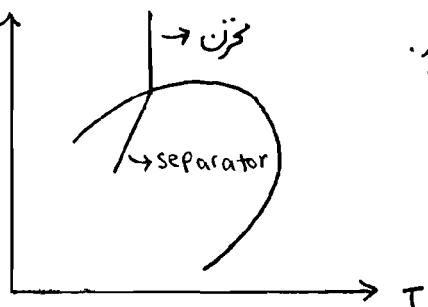
در میان روش های بالا، مکانیزم رانش توسط گاز محلول زیاد توصیه نمی شود؛ چون گاز محلول در نقطت

محدود بوده و بزرودی تمامی شود. اگر گاز زیادی از نقطت خارج شود، ممکن است نقطت آنقدر سنگین

شود که بر دشنهای طبیعی قابل برداشت نباشد و بجای آن اسماهه از روش های برداشت دوم و سوم باشیم.

باید طوری تولید کنیم که فشار در  $P_{Separator}$  بزریر  $P_{کاپس}$  باشد. باید طوری تولید کنیم که فشار در  $P_{Separator}$  بزریر  $P_{کاپس}$  باشد.

بیشترین بازدهی مربوط به رانش توسط آب است.



## معادله اصلی حجم

### Material Balance Equation

$$\begin{aligned}
 & + \text{حجم آب وردن} + \text{ابعاد سنگ} + \text{ابعاد منصف نفت} \\
 & = \text{ابعاد گاز محلول آزاد شده} + \text{حجم گاز تزریق} + \text{حجم آب تزریق} \\
 & \text{برداشت اباضت آب} + \text{برداشت اباضت از منصف گاز} + \text{برداشت اباضت از منصف نفت}
 \end{aligned}$$

: MBE توسط

۱) میزان حجم سیالات درجا را محاسبه کرد

۲) پیش‌بینی عکلدر توزن براساس مساری‌های مختلف تولید

۳) پیش‌بینی میزان بازیافت دراثر مکانیزم‌های راش مختلف

$$\text{Recovery Factor} = RF = \frac{N_p}{N} * 100 (\%)$$

$$\begin{cases} N_p : \text{حجم قوت تولید شده} \\ N : \text{حجم نفت درجا} = OOIIP = \text{Original Oil in Place} \end{cases}$$

$$N = \frac{N_p [B_o + (R_p - R_s) B_g - (w_e - w_p B_w) - G_{inj} B_{ginj} - w_{inj} B_w]}{(B_o - B_{o,i}) + (R_{s,i} - R_s) B_g + m B_{oi} \left[ \frac{B_g}{B_{gi}} - 1 \right] + B_{oi} (1+m) \left[ \frac{S_{wi} C_w + C_f}{1 - S_{wi}} \right] \Delta P}$$

$$\frac{1}{m} = \frac{\text{حجم اولیه نفت درجا}}{\text{حجم لولی گاز آزاد (طابک گذشته)}}$$

$$\begin{aligned}
 N & : \text{حجم نفت درجا} \\ G & : \text{حجم گاز درجا}
 \end{aligned}$$

$$m = \frac{G \cdot B_{gi}}{N \cdot B_{oi}} \quad \text{Gas Cap} \quad m \text{ نشان دهنده بزرگی}$$



این رابطه معادله MBE را به مکانیزم های رانش محزن ربط می دهد.

- \* EDI      \* تولید نفت توسط ابساط سگ دقت صورت می گیرد.  
                اثرناپذیری در تولید سیال محزن داشته و قابل صرفه جویی است.
- \* DDI      \* تولید نفت توسط رانش گاز محلول آزاد شده از نقطت مواد می گیرد.
- \* SDI      \* تولید نفت توسط ابساط طاہر کاری انجام می گیرد.
- \* WDI      \* تولید نفت محزن توسط رانش آب Aquifer صورت می گیرد.

با استفاده از ۱۹۸۶ :  
می توان گفت چند درصد از نقطت تولیدی توسط لدام رانش انجام می گیرد.