

محور استوائی:

معموری است که شامل قطر بزرگ بیضی گون زمین می باشد.

شعاع متوسط زمین 6900 کیلومتر و افتلاف قطر کوچک و بزرگ زمین حدود 93 کیلومتر است. محور

قطبی به کوچکترین قطر بیضی گون گفته می شود.

سال و توسط	قطر بزرگ	قطر کوچک
Bessel 1841	12759794	127121360
Clarke 1866	12756602	12713168
Haysara1909	1256776	12713824
Fischer1960	12756310	12713546

دایره عظیمه: Great Circle

با فرض کروی بودن زمین اگر صفحه قاطعی از مرکز زمین عبور کند سطح زمین را در یک دایره قطع می

کند که به آن دایره عظیمه می گویند.

دایره عظیمه استوائی:**نصف النهارها: Meridian**

اگر صفحه قاطعی از محور قطبی بگذرد از تقاطع آن با سطح کره زمین دیواری حاصل می شود که به

هریک از آنها نصف النهار می گوئیم.

مدارها: Parallel

اگر صفحه قاطع عمده بر محور قطبی باشد سطح زمین را در دوایری قطع می کند که به آنها مدار می

گوئیم.

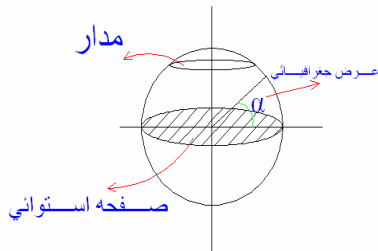
عرض جغرافیائی: Latitude

زاویه ای است که بین امتداد شاقولی در هر نقطه و صفحه استوائی وجود دارد. کلیه نقاطی که در روی یک

مدار هستند دارای عرض جغرافیائی ثابت می باشند. نقاطی که

روی استوا قرار دارند دارای عرض جغرافیائی صفر و نقاطی که

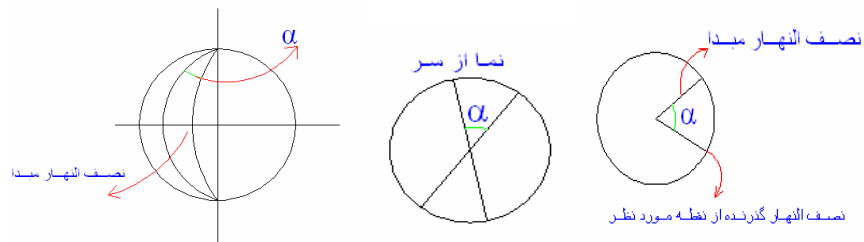
روی قطب قرار دارند دارای عرض جغرافیائی 90 درجه می باشند.



طول جغرافیائی: Longitude

زاویه ای است که بین نصف النهار گذرنده از یک نقطه و نصف النهار مبدا سافته می شود. (نصف النهاری

که از رصد خانه گرینویچ می گذرد به عنوان رصد خانه مبدا شناخته می شود).



سطوح مبنا: Datum

برای اندازه گیری فواصل افقی و عمودی بایستی دو سطح مبنا تعریف کنیم:

1- سطح مبنا افقی Horizontal Datum

2- سطح مبنا عمود Vertical Datum

برای اینکه اختلاف اندازه فاصله افقی دو نقطه ناشی از انتخاب سطح تراز افقی از بین برود ناچار باید یک

سطح تراز افقی مشخصی را به عنوان مبنا تعریف کنیم. به این سطح تراز، سطح مینای افقی گویند.

فاصله افقی بین دو نقطه عبارتست از فاصله قوسی که بین تصاویر آن دو نقطه روی یک سطح تراز ایجاد

می شود چون فاصله افقی به انتخاب سطح تراز بستگی دارد بایستی یک سطح تراز افقی مبنا انتخاب

کنیم که این سطح تراز افقی همان سطح تراز متوسط دریاها انتخاب می شود. ارتفاع هر نقطه نیز

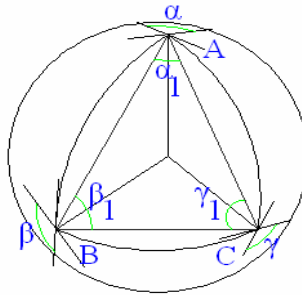
بایستی نسبت به یک مبنا سنجیده شود که این مبنا را سطح مبنای عمودی می گوئیم. برای فواصل قائم نیز سطوح مبنا همان سطوح تراز متوسط دریا هاست.

مثلث کروی: Spherical Triangle

سه نقطه A, B, C را در نظر بگیرید، مثلث کروی شکلی است که از تلاقی دوائر عظیمه گذرنده از زوج نقاط AB, AC, BC بدست می آید.

زاویه کروی:

همیشه زوایای مثلث کروی از زاویه های مثلث تمت متنافر با ان بزرگتر است.



انواع نقشه برداری: (از نظر دقت و وسعت منطقه عملیاتی)

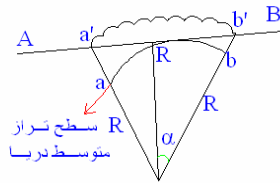
1- نقشه برداری ژئودزی Geodetic Surveying: زمین به همان صورتی که هست در نظر گرفته می شود.

2- نقشه برداری صفحه ای Plane Surveying

نقشه برداری ژئودزی	نقشه برداری صفحه ای
وسعت منطقه عملیاتی بسیار بزرگ است.	منطقه عملیاتی محدود و نسبت به کره زمین کوچک است
دقت مورد نظر بسیار بالاست	سطح تراز را در محدوده عملیاتی مسطح فرض می کنند.

سطوح تراز بصورت بیضی گون هستند	سطوح و خطوط تراز بصورت سطح و خطوط مستقیم در نظر گرفته می شود
امتدادهای شاقولی موازی نیستند.	امتدادهای شاقولی بصورت موازی و عمود بر سطح تراز فرض می شود

محاسبه خطاها در نقشه برداری صفحه ای:



فاصله افقی دو نقطه A و B $ab = B$

فاصله افقی اندازه گیری شده در نقشه برداری $a'b'$

مقدار واقعی - مقدار اندازه گیری شده | = خطای مطلق ε°

$$\varepsilon = \frac{\text{خطا مطلق}}{\text{مقدار واقعی}} = \varepsilon = \frac{a'b' - ab}{ab}$$

$$a'b' = 2R \cdot \tan \alpha$$

$$\Rightarrow \varepsilon = \frac{2R \cdot \tan \alpha - 2R\alpha}{2R\alpha} = \frac{\tan \alpha - \alpha}{\alpha} \quad (I)$$

$$ab = 2R \cdot \alpha$$

داریم:

$$\tan \alpha = \alpha + \frac{\alpha^3}{3!} + \frac{4\alpha^5}{5!} + \dots \quad \text{بسط مک لورن (McLaren)}$$

$$(I) \Rightarrow \varepsilon = \frac{\alpha + \frac{\alpha^3}{6} - \alpha}{\alpha} \Rightarrow \varepsilon = \frac{\alpha^2}{6} \quad \text{خطای نسبی}$$

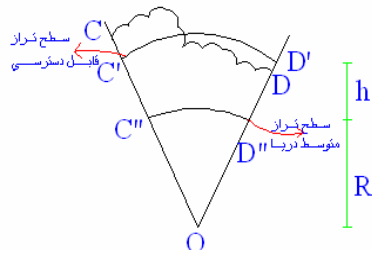
$$\varepsilon^\circ = \varepsilon l \Rightarrow \varepsilon^\circ = \frac{\alpha^2 l}{6}$$

$$\Rightarrow \varepsilon^\circ = \frac{\left(\frac{l}{2R}\right)^2 l}{6} \Rightarrow \varepsilon^\circ = \frac{l^3}{24R^2} \quad \text{خطای مطلق}$$

$$l = \widehat{ab} \quad (\text{طول واقعی}) \quad \alpha = \frac{L}{2R}$$

$$R=6370 \text{ Km}$$

طول قوس L	خطای نسبی $\varepsilon = \frac{\varepsilon^\circ}{L}$	خطای مطلق ε°
1km	0	0.000001m
10km	0.0000001m	0.001m
50km	0.0000025m	0.125m



$$L'' = C''D'' = \text{فاصله افقی واقعی}$$

$$L' = C'D' = \text{فاصله افقی اندازه گیری شده}$$

$$\frac{L'}{L''} = \frac{R+h}{R} \Rightarrow L'' = \frac{RL'}{R+h}$$

$$\varepsilon^\circ = L' - L'' = L' - \frac{RL'}{R+h} = L' \left(1 - \frac{R}{R+h}\right) = L' \frac{h}{R} \left(\frac{1}{1 + \frac{h}{R}}\right)$$

$$\varepsilon^\circ = L' \frac{h}{R} \left(1 - \frac{h}{R} + \frac{h^2}{R^2} + \dots\right) \Rightarrow \varepsilon^\circ \approx L' \frac{h}{R} \left(1 - \frac{h}{R}\right)$$

$$\Rightarrow \varepsilon^\circ = L' \frac{h}{R} \quad \text{فاصله افقی اندازه گیری شده}$$

مثال -

$$L'=1000 \text{ m} , h=1000 \text{ m} , R=6370$$

$$\varepsilon^\circ = 0.1569m + 0.0000246m$$

مقیاسی Scale

مقطع Cross Section

پروفیل Profile

نقشه Map

(فاصله همان دو نقطه روی زمین/فاصله دو نقطه روی نقشه)=مقیاس

$$1- \text{مقیاس عددی (مثل: } \frac{1}{10000} \text{)}$$

0km 1km



$$2- \text{مقیاس فطی (مثل:)}$$

مقیاسی که ما انتخاب می کنیم به سه عامل بستگی دارد:

1- محدوده عمل

2- مورد استفاده نقشه

3- دقت مورد نیاز

انواع مقیاس

$$1- \text{کوچک مقیاس (کوچکتر از } \frac{1}{100000} \text{ تا } \frac{1}{500000} \text{)}$$

$$2- \text{میان مقیاس (بین } \frac{1}{10000} \text{ تا } \frac{1}{50000} \text{)}$$

$$3- \text{بزرگ مقیاس (} \frac{1}{5000} \text{ به بالا)}$$

سطح تراز Level Surface

سطحی است که در هر نقطه بر امتداد شاقولی عمود می باشد.

صفحه افقی Horizontal Plate

به صفحه ای می گویند که در یک نقطه بر سطح تراز مماس می باشد و یا به عبارت دیگر صفحه ای

هست که در نقطه مورد نظر بر امتداد شاقولی عمود باشد.

خط افقی Horizontal Line

خطی که در یک نقطه بر سطح تراز مماس باشد هر خطی که در صفحه افقی قرار داشته باشد خط افقی است در صورتیکه از آن نقطه بگذرد و یا به عبارت دیگر خط افقی همواره در صفحه افقی قرار دارد.

زاویه افقی Horizontal Angle

زاویه بین دو خط افقی را زاویه افقی می گوئیم.

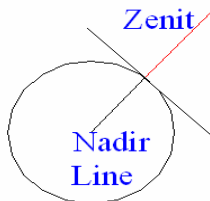
زاویه افقی بین دو خط در فضا برابر است با زاویه افقی تصاویر قائم آن روی خط روی صفحه افقی.

خط عمودی یا خط قائم:

خطی است که در نقطه مورد نظر عمود بر سطح تراز عمود باشد و یا بر صفحه افقی عمود باشد

بعبارت دیگر

خطی است که در نقطه مورد نظر به موازات خط شاقولی باشد.

امتداد Zenit:

امتدادی است به موازات خط عمودی در صورتیکه جهت آن از سطح زمین به

سمت خارج باشد.

امتداد Nadir:

امتدادی است به موازات خط عمودی در صورتیکه جهت آن از طرف زمین به سطح مرکز زمین باشد.

صفحه عمودی Vertical Plan

صفحه عمودی در یک نقطه صفحه ای است که خط عمودی گذرنده از آن نقطه در آن قرار گیرد و یا به

صفحه ای گفته می شود که شامل یک خط قائم باشد (مداقل یک خط)

زاویه عمودی دو خط:

زاویه بین دو خط که در صفحه عمودی قرار گرفته باشند زاویه عمودی نامیده می شود.

زاویه عمودی یک خط:

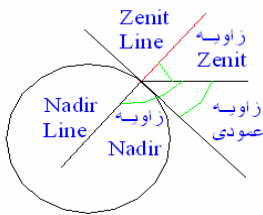
زاویه ای است عمودی که یک ضلع آن امتداد مورد نظر و ضلع دیگر آن فصل مشترک صفحه عمودی گذرنده از امتداد مورد نظر و صفحه افقی است و یا زاویه بین خط مورد نظر و یک خط افقی که در صفحه قائم شامل خط مورد نظر قرار گرفته باشد زاویه عمودی آن خط نامیده می شود.

زاویه Nadir برای یک امتداد:

زاویه بین امتداد مورد نظر و امتداد Nadir را زاویه Nadir گویند.

زاویه Zenit برای یک امتداد:

زاویه بین امتداد مورد نظر و امتداد Zenit را Zenit گویند.



$$\left. \begin{array}{l} \text{Zenit} + \text{Vertical} = 90^\circ \\ \text{angle} \quad \text{angle} \\ \text{Nadir} - \text{Vertical} = 90^\circ \\ \text{angle} \quad \text{angle} \\ \text{Nadir} + \text{Zenit} = 180^\circ \end{array} \right\} \text{از رابطه بین سه زاویه}$$

بلندی یا ارتفاع یک نقطه : Elevation

فاصله عمودی بین نقطه مورد نظر تا سطح تراز مبنا (سطح مبنای عمودی)

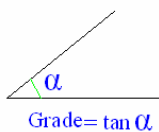
خطوط هم تراز : Countur

خطوطی هستند که کلیه نقاط آنها دارای امتداد مساوی باشند.

خط هم تراز مکان هندسی نقاطی است که دارای ارتفاع مساوی هستند.

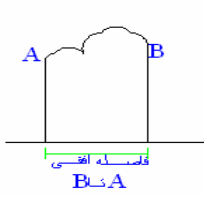
شیب یک خط:

تانژانت زاویه بین امتداد مورد نظر و خط افقی (تانژانت زاویه عمودی) یک امتداد



مورد نظر را شیب آن خط گویند.

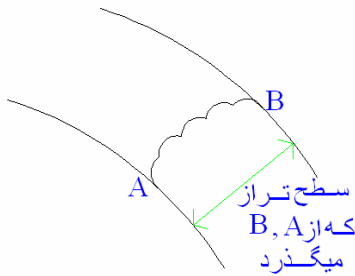
$$\text{Grade Of AB} = \tan \alpha$$

فاصله افقی : Horizontal Distance

طول کمان بین تصاویر عمودی دو نقطه مورد نظر روی یک سطح تراز فرضی (سطح مبنای افقی) که این سطح را سطح تراز متوسط دریاها می گیرند.

فاصله افقی در جاهای کوچک:

فاصله بین تصاویر قائم دو نقطه مورد نظر روی صفحه افقی است.

اختلاف ارتفاع Difference in elevation

فاصله دو سطح تراز که از دو نقطه مورد نظر می گذرد را اختلاف ارتفاع دو نقطه می نامند.

ترازیابی Levelling

یکی از عملیاتی است که در نقشه برداری انجام می شود و هدف از آن بدست آوردن اختلاف ارتفاع نقاط می باشد.

اندازه گیری و تعیین آن در نقشه برداری

کمیت‌هایی که بصورت مستقیم اندازه گیری می شود:

1- فاصله

2- اختلاف ارتفاع

3- زاویه

1- تشخیص انواع خطوط و نحوه تعیین آنها در اندازه گیری ها

2- نمونه تاثیر و پخش خطا روی کمیت‌هایی که از محاسبات روی پارامترهای اندازه گیری شده بدست

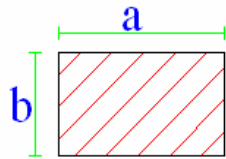
می آید.

کارهایی که در این فصل انجام می دهیم:

بررسی و شناخت خطاهایی که در اندازه گیری مستقیم وجود دارند.

بررسی اثر خطاهای ایجاد شده در کمیت‌های مستقیم روی کمیت‌هایی که برای آنها مدل ریاضی داریم.

مثال -



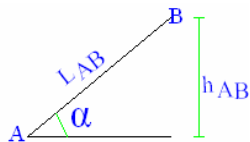
$a > b$: کمیت‌های اندازه گیری شده

مدل ریاضی: $S = a \cdot b$

مشاهدات: Observation

اندازه گیری یک کمیت بصورت مستقیم را مشاهده گوئیم.

مثال -



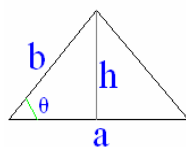
L_{AB}, h_{AB} : کمیت‌های اندازه گیری شده

مدل ریاضی: $d = \sin^{-1}\left(\frac{h_{AB}}{L_{AB}}\right)$

چون در L_{AB} و h_{AB} خطا داشتیم در $\tan \alpha$ نیز خطا وجود دارد:

$$\tan \alpha = \tan\left[\sin^{-1}\left(\frac{h_{AB}}{L_{AB}}\right)\right]$$

مثال -

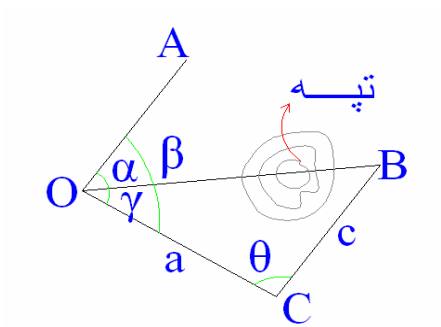


a, b, θ : کمیت‌های اندازه گیری شده

$$S = \frac{1}{2} a \cdot h$$

مدل ریاضی : $\Rightarrow S = \frac{1}{2} ab \sin \theta$

$$h = b \sin \theta$$



کمیت‌های اندازه گیری شده a, B, C, θ

را می‌خواهیم : مدل ریاضی

$$\alpha = \beta - \gamma \quad (I)$$

$$\frac{C}{\sin \gamma} = \frac{OB}{\sin \theta} \Rightarrow \sin \gamma = \frac{C}{OB} \sin \theta$$

$$\Rightarrow \sin \gamma = \frac{C \sin \theta}{\sqrt{a^2 + C^2 - 2aC \cos \theta}}$$

$$OB^2 = a^2 + C^2 - 2aC \cos \theta$$

$$\Rightarrow \gamma = \sin^{-1} \left(\frac{C \sin \theta}{\sqrt{a^2 + C^2 - 2aC \cos \theta}} \right)$$

$$(I) \Rightarrow \alpha = \beta - \sin^{-1} \left(\frac{C \sin \theta}{\sqrt{a^2 + C^2 - 2aC \cos \theta}} \right)$$

مشاهدات

متغیر تصادفی: Random Variable

متغیر x را تصادفی می‌گویند هرگاه مقادیری کائلا تصادفی و راندوم بتواند اختیار کند.

مقدار واقعی - مقدار اندازه گیری شده = Error

تصحیح = Correction

$$C = -E = \hat{x} - x \quad \text{و} \quad E = x - \hat{x} \quad \Rightarrow \quad \hat{x} = x + c$$

Correction = -Error

مقدار واقعی = تصحیح + مقدار اندازه گیری شده

خطاهای اندازه گیری:

1- اشتباه

2- خطاهای سیستماتیک

3- خطاهای اتفاقی

1- اشتباه Mistakr Blunder

انحرافی است که در نتیجه بی توجهی، بی دقتی، فراموشی، بی تجربگی و ... حاصل می شود.

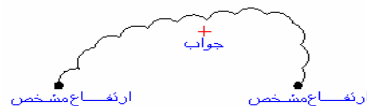
اشتباهات در اندازه گیری باید ممتا حذف شوند.

روشهای تخصیصی اشتباهات

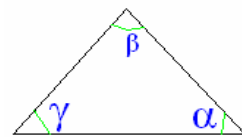
1- تکرار اندازه گیریها

2- کنترل جوابها و انجام عملیات به گونه ای که کنترل ان ممکن باشد

3- انجام عملیات بصورت رفت و برگشتی



$$\alpha + \beta + \gamma = 180$$



2- خطاهای سیستماتیک Systematic Error

فطاهائی است که بر اساس یک سیستم و قاعده مشخص اتفاق می افتد و برای تمین و شناسائی این

فطاها باید سیستم و قاعده مذکور را بشناسیم، مثل فطاهاى غير استاندارد بودن مترها

عواملی که باعث خطاهای سیستماتیک می شوند:

- 1- اشتباهات دستگاهها و وسائل
- 2- شرایط محیطی: دما، شکست نور، انحنای زمین ، وزش باد و ...
- 3- فطاهاى ناشى از مشاهده گر و فطاهاى ناشى از عوامل رومى، فستگى و ...

3- خطاهای اتفاقی : Random Errors

اگر فطاهاى سیستماتیک و اشتباهات كاملا حذف شوند ویا تصمیع شوند بازهم فطائى در اندازه گیریها

وجود دارند که به ان فطاهاى اتفاقی می گویند.

علت اصلی این فطاها این است که:

- 1- قابل پیش بینی نیستند
- 2- نمی توان آنها را مناسبه کرد
- 3- نمی توان آنها را تصمیع کرد

مقدار اندازه گیری شده = x

فطاهاى سیستماتیک = L_s

تصمیع سیستماتیک = $C_s = -L_s$

فاصله یابی Distance Measurement

روشهای اندازه گیری فاصله:

1- روشهای مستقیم (فاصله مستقیماً با واحد طول مقایسه می شود)

2- روشهای غیر مستقیم (در این روشها اندازه گیری فاصله به کمک اندازه گیری کمیتهای دیگر انجام

می شود)

تعدادی از روشهای مختلف اندازه گیری فاصله:

1- تخمین زدن Estimation

2- استخراج از نقشه

3- قدم زدن (شمارش قدمها) Pacing

4- زنجیر کشی (استفاده از زنجیر مساوی)

5- استفاده از فاصله سنج Odometer

6- تاکئومتری Thacheometry (استفاده از دوربین)

7- متر کشی (Taping)

8- عکسبرداری هوایی

9- استفاده از وسایل الکترونیکی (EDM) Electric Distance Measurement

دقت اندازه گیری طول:

منظور از دقت اندازه گیری طول همان خطای نسبی در اندازه گیری است.

$$\text{دقت اندازه گیری} = \frac{CL}{L} = \frac{\text{مقدار اندازه گیری شده / خطای مطلق}}{L}$$

$$CL = \left| \text{مقدار اندازه گیری شده} - \text{مقدار واقعی} \right| = \text{خطای مطلق}$$

مقدار اندازه گیری شده = L

قدم زدن Pacing

-فاصله دو قدم متوالی 1.5m:Stride

- برای شمارش قدمها از دستگاه قدم شمار Podometer استفاده می شود.

- دقت اندازه گیری

1- بستگی به تجربه شخص دارد.

- دقت روش برای افراد عادی کم تجربه $\frac{1}{50}$ و افراد با تجربه $\frac{1}{100}$

2- بستگی به شرایط محیطی دارد.

- برای زمین ناهموار $\frac{1}{100}$ و برای زمین هموار $\frac{1}{200}$

روش:

1- بایستی طول قدم مشخص شود برای اینکار باید یک فاصله مشخص توسط فرد طی شود و تعداد

قدمها شمارش می گردد و از روی آن طول قدم شخص پیدا می شود و برای دقت بیشتر بایستی این کار

پنجمین بار تکرار گردد.

2- فاصله مورد نظر توسط شخص طی شده و تعداد قدمها شمارش می گردد و از ضرب تعداد قدمها در

طول یک قدم فاصله مناسبه می شود.

متر کشی Taping

انواع مترهای نواری:

1- فلزی 2- پارچه ای 3- فایبر گلاس 4- آلیاژ انوار

آلیاژ انوار آلیاژی است از نیکل و فولاد که ضریب انبساط این متر کمتر از مترهای دیگر است و دقت

برای متر کشی بین $\frac{1}{3000}$ تا $\frac{1}{5000}$ است.

تجهیزات یک اکیپ مترکشی

1- متر نواری Tape 2- مقداری ژالن Range Pole

3- شاقول 4- شمشه و تراز و یا شیلنگ تراز

5- پین های مترکشی Taping Pin 6- قلاب مخصوص گرفتن متر

7- نیرو سنج 8- دماسنج

9- تعدادی میخ چوبی

مترکشی روی سطوح هموار افقی:

1- مسیر مترکشی مشخص شود یعنی طول AB را به قطعاتی



کوچکتر از حداکثر طول متر تقسیم می کنیم فاصله نقاط

میانی باید طوری مشخص شود که همگی روی امتداد AB قرار داشته باشد.

2- طول هر قطعه اندازه گیری و یادداشت می شود.

3- طول قطعات با هم جمع می شود تا طول AB بدست آید.

مترکشی در زمینهای شیبدار:

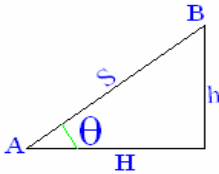
1- مترکشی افقی در زمینهای شیبدار

2- متر کشی افقی در امتداد شیب

متر کشی افقی



روش متر شکسته: Broken Tape



$$H = S \cos \theta \quad \text{و} \quad H = (S^2 - h^2)^{\frac{1}{2}}$$

$H =$ فاصله افقی $\theta =$ زاویه شیب

$h =$ اختلاف ارتفاع $S =$ طول در امتداد شیب

$$H = S - \frac{1}{S} \frac{h^2}{2!} - \frac{3}{S^3} \frac{h^4}{4!} - \dots$$

$$C_s = S - H = \frac{1}{S} \frac{h^2}{2!} + \frac{3}{S^3} \frac{h^4}{4!} + \dots$$

$$C_s = \frac{h^2}{2S}$$

$$H = S - C_s$$

فاصله ای در امتداد شیب $S=30\text{m}$

h	1.5m	3	6	0	2	18
$\frac{3}{S^3} \frac{h^4}{4!}$	0.00002	0.004	0.006	0.03	0.096	0.5

فقطی ناشی از منصف شدن این ترم را می‌خواهیم بدست آوریم $\frac{3}{S^3} \frac{h^4}{4!}$

متر کشی در امتداد شیب:

$$H = S \cos \theta$$

دقت لازم برای اندازه گیریهای h و θ

$$\Rightarrow S = \frac{H}{\cos \theta} \Rightarrow S^2 = \frac{H^2}{\cos^2 \theta} \Rightarrow \frac{1}{S^2} = \frac{\cos^2 \theta}{H^2}$$

$$H = \sqrt{S^2 - h^2}$$

$$\sigma_H^2 = \left(\frac{\partial H}{\partial S}\right)^2 \sigma_S^2 + \left(\frac{\partial H}{\partial \theta}\right)^2 \sigma_\theta^2 \Rightarrow \sigma_H^2 = \cos^2 \theta \sigma_S^2 + S^2 \sin^2 \theta \sigma_\theta^2$$

$$\left(\frac{\sigma_H}{H}\right)^2 = \frac{\cos^2 \theta}{H^2} \sigma_S^2 + \frac{S^2 \sin^2 \theta}{H^2} \sigma_\theta^2 \Rightarrow$$

$$\left(\frac{\sigma_H}{H}\right)^2 \Rightarrow \frac{1}{S^2} \sigma_S^2 + \tan^2 \theta \sigma_\theta^2 \Rightarrow$$

$$\left(\frac{\sigma_H}{H}\right)^2 = \left(\frac{\sigma_S}{H}\right)^2 S + \left(\frac{\sigma_\theta}{H}\right)^2 \theta$$

مثال:

فاصله روی شیب 29.945m و زاویه شیب 4°30' اندازه گیری شده است:

1- فاصله افقی را بدست آورید.

2- دقت در اندازه گیریها چقدر باشد تا سهم فضای ناشی از زاویه کمتر از 0.005m شود

$$H = S \cos \theta = 29.995 \cos 4^\circ 30' = 29.852m$$

$$\left(\frac{\sigma_H}{H}\right)\theta = \tan \theta (\sigma_\theta) \Rightarrow \sigma_\theta = \frac{\left(\frac{\sigma_H}{H}\right)\theta}{\tan \theta}$$

$$(\sigma_H)\theta = 0.005m, H = 29.862m$$

$$\left(\frac{\sigma_H}{H}\right)\theta = \frac{0.005}{29.862} \Rightarrow \sigma_\theta = \frac{0.005}{\tan(4^\circ 30')} = 0.00213rad \Rightarrow$$

$$\sigma_\theta = 7'19.34''$$

خطاهای سیستماتیک در مترکشی:

1- استاندارد نبودن طول متر

2- افقی نبودن متر در مترکشی افقی

3- تغییرات درجه حرارت

4- تغییرات نیروی کششی متر

5- افت یا فیز متر

6- انحراف در راستای مترکشی

7- مستقیم نبودن متر

1- استاندارد نبودن متر:

تصمیم C_d

طول اندازه گیری شده S_p

طول واقعی فاصله اندازه گیری شده S_t

طول حقیقی متر L_t

طول اسمی متر L_n

تصمیم مربوط به استاندارد نبودن طول متر: $C_d = S_n \frac{L_t - L_n}{L_n}$

$$S_t = S_n + C_d$$

2- تغییرات درجه حرارت دمای محیط T

درجه حرارت استاندارد T_0 ضریب انبساط طول α

طول اندازه گیری شده L تصمیم مربوط به دما C_t

تصمیم مربوط به دما $C_t = \alpha L (T - T_0)$

طول تصمیم شده $\hat{L} = L + C_t$ طول تصمیم شده

3- تغییرات نیروی کششی متر:

سطح مقطع متر a کشش به هنگام متر کشی P

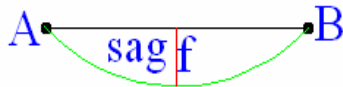
کشش استاندارد = P_0 ضریب الاستیسیته = $E = 2.1 \times 10^6$

$$C_p = (P - P_0) \frac{L}{aE}$$

$$\hat{L} = L + C_p$$

5- افت یا خیز متر sag:

شکلی که متر تحت اثر وزن به فود می گیرد و یک منحنی زنجیری



است برای فیزهائی کم می توان فرض کرد که منحنی تغییر شکل یک

سهمی درجه 2 است.

وزن کلی متر = W وزن واحد طول = w طول قرائت شده = L نیروی کششی = P

فیز اسمی = f

$$C_s = \frac{w^2 L^3}{24P^2} = \frac{W^2 L}{24P^2} \quad f = \frac{wl^2}{8P}$$

$$C_s = \frac{8f^2}{3L}$$

$$\hat{L} = L - C_s$$

کشش نرمال:

نیروئی است که اگر متر تحت آن کشیده شود مقادیر C_p و C_s با هم برابر می شوند:

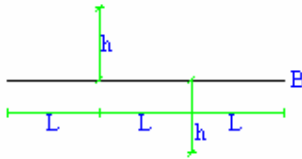
تصمیم فیز = تصمیم نیروی کشی ← $C_p = C_s$

$$C_s = \frac{W^2 L}{24P_n^2}$$

$$\Rightarrow P_n = \frac{0.204W \sqrt{aE}}{\sqrt{P_n - P_0}} \quad \text{نیروی کششی نرمال}$$

$$C_p = \frac{(P_n - P_0)L}{aE}$$

• تصمیم ندارد.



6- انحراف در راستای متر کشی:

منظور همان افقی نگرفتن متر در متر کشی است.

$$C = \frac{h^2}{2L} \quad \text{و} \quad \hat{L} = L - C$$

7- مستقیم نبودن متر:

مثال -

طول اسمی یک متر نواری 30m و طول حقیقی آن 30.05m است وزن متر 0.55kg و سطح مقطع

$$0.026\text{m}^2 \quad \text{و} \quad \text{ضریب الاستیسیته} \quad 2.1 \cdot 10^6 \frac{\text{kg}}{\text{cm}^2} \quad \text{می باشد و درجه حرارت استاندارد } 20^\circ\text{C}$$

و نیروی کششی استاندارد 5kg است. الف) برای اندازه گیری یک طول 20 متری نیروی کششی نرمال را

مساب کنید. ب) روی یک سطح شیبدار به شیب 5٪ فاصله ای را 89.5 متر اندازه گرفته اگر درجه حرارت

ممیط 30° و کشش وارد بر متر 5kg باشد فاصله افقی مورد نظر را مساب کنید.

$$a=0.026\text{m}^2, \quad W=0.55\text{kg}, \quad E=2.1 \cdot 10^6 \frac{\text{kg}}{\text{cm}^2}, \quad T_0=20^\circ\text{C},$$

$$P_0=5\text{kg}$$

$$30 \quad 0.5$$

$$20 \quad W = \frac{20}{30} * 0.55 = 0.367\text{kg}$$

$$P_n = \frac{0.204W\sqrt{aE}}{\sqrt{P_n - P_0}} \Rightarrow P_n = \frac{15.329}{\sqrt{P_n - 5}} \Rightarrow P_n = 8.3613\text{kg}$$

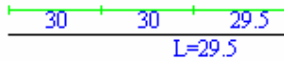
1- تصحیح شیب:



$$h = L \cos \theta \Rightarrow h = 0.05 * 89.5 = 4.475\text{m}$$

$$C_s = \frac{h^2}{2L} = \frac{(4.475)^2}{2 * 89.5} = 0.112\text{m} \quad \text{علامت منفی}$$

2- تصحیح مربوط به افت متر:



$$C_s = \frac{W^2 L}{24P^2}$$

$$C_s = \frac{2 * (0.55)^2 * 30}{24 * 5^2} + \frac{[0.55 * \frac{29.5}{30}]^2 * 29.5}{24 * 5^2} \Rightarrow C_s = 0.045 \text{ با علامت منفی}$$

3- تصحیح مربوط به دما:

$$C_t = \alpha L(T - T_o) = 0.0000116 * 89.5(30 - 20) = 0.0104m \text{ با علامت منفی}$$

4- تصحیح مربوط به استاندارد نبودن طول متر:

$$C_d = S_n \frac{L_t - L_n}{L_n} = 89.5 * \frac{30.005 - 30}{30} = 0.0149m \text{ با علامت مثبت}$$

5- خطا در اثر نیروی کششی:

$$C_p = 0 \text{ و } P = P_o \text{ و } \hat{L} = L + C \text{ و } C = \sum C \text{ یا } \hat{L} = L + C$$

$$\sum C = 0 - 0.112 - 0.045 + 0.0104 + 0.0149 = -0.1317m$$

$$\hat{L} = 89.5 - 0.1317 = 89.3683m$$

اشتباهات در متر کشی:

- 1- اشتباه گرفتن نقاط انتهائی قطعه ها
- 2- اشتباه در خواندن یا نوشتن اندازه ها
- 3- اشتباه در شمارش تعداد دهانه های مترکشی

خطاهای اتفاقی در متر کشی:

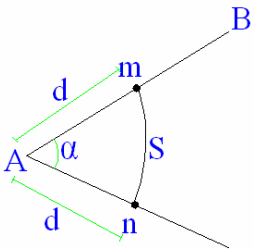
1- خطا در مشخص کردن پای شاقول (مقدار این خطا 15 تا 30 میلی متر می باشد)

2- خطای مربوط به مشخص کردن انتهای متر (این خطا حدود 3 میلی متر می باشد)

3- خطای مربوط به اندازه گیری نیروی کششی

4- خطا در اندازه گیری شیب یا افتلاب ارتفاع

5- خطا در استاندارد کردن متر



اندازه گیری طول توسط دستگاههای الکترونیکی (EDM):

فاصله دو نقطه $D =$ طول موج (سانی) $\lambda_1 =$

تعداد طول موجهای کامل در فاصله رفت و برگشت $n =$

فاصله مربوط به کسر طول موج $d_1 =$

$$2D = n\lambda_1 + d_1$$

$$\Rightarrow n = \frac{d_2 - d_1}{\lambda_1 - \lambda_2}$$

$$2D = n\lambda_2 + d_2$$

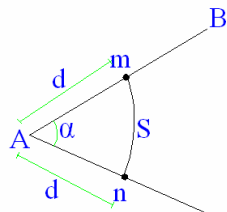
$$D = \frac{1}{2} \left[\frac{d_2 - d_1}{\lambda_1 - \lambda_2} \lambda_1 + d_1 \right]$$

اندازه گیری یک زاویه به کمک متر:

روی امتدادهای AB و AC نقاط m و n را به فاصله d از A مشخص می کنیم. فاصله mn را اندازه گیری می

کنیم و سپس زاویه α را از رابطه زیر

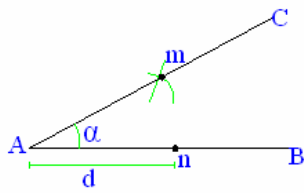
بدست می آید.



$$\sin \frac{\alpha}{2} = \frac{\frac{S}{2}}{d} = \frac{S}{2d} \Rightarrow \alpha = 2 \sin^{-1} \left[\frac{S}{2d} \right]$$

روی AB نقطه n به فاصله d از A مشخص می شود پس از آن

فاصله نقطه m از n را از رابطه زیر بدست می آوریم.

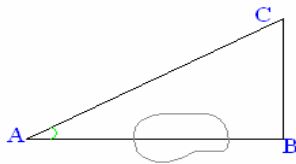


$$S = 2d \sin \frac{\alpha}{2}$$

و نقطه ای که به فاصله d از A و S از n باشد را پیدا کرده و آنرا m می نامیم.

اندازه گیری فاصله در نقطه وقتی که حرکت روی مسیر مستقیم مقدور نباشد:

فاصله AC و دو زاویه را داریم پس فاصله AB معلوم خواهد شد.



گزارش عملیات:

عنوان - هدف - وسائل کار - شرح عملیات - ارائه اندازه گیریها - محاسبات نمونه - ذکر منابع فضا و

تصمیم فضا - نتیجه گیری و بحث در ان

ترازیابی:

شامل کلیه عملیاتی است که برای بدست آوردن ارتفاع یا اختلاف ارتفاع نقاط انجام می شود.

وسائل مورد نیاز در ترازیابی:

- 1- ترازیاب(دوربین) 2- سه پایه 3- شاقول 4- میر 5- تراز میر 6- پاشنه ترازیاب

ترازیاب:

- 1- دوربین 2- طول تراز 3- تراز 4- میله تراز 5- سر ترازیاب 6- سه پایه 7- پیچهای ترازکننده

خطای پاراکسی: عدم انطباق تصویر و تارهای (تیکول که ناشی از عدم انطباق عدسی های دستگاه است.

روش تراز کردن تراز یاب:

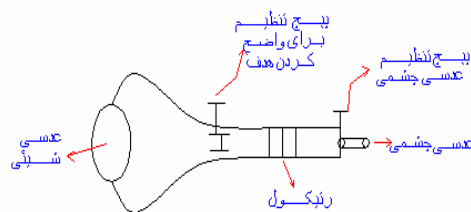
- 1- سه پایه تراز یاب را بصورت تقریبی به حالت تراز در می آوریم.
- 2- با استفاده از تراز کروی و پیچهای تنظیم آن کار تنظیم را دقیقتر انجام می دهیم.
- 3- با استفاده از پیچهای تنظیم و تراز لوبیائی تنظیم دقیقتر انجام می شود.

خطای دید: فطی است که مرکز دیدگانی مرکز عدسی شیئی را به مرکز صفمه (تیکول وصل می کند.

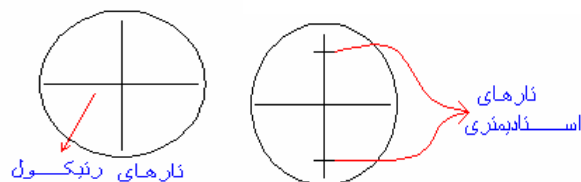
انواع تراز یابها:

1- اتصال دوربین به طوقه حالت یکپارچه دارد(بهم وصل است)

2- دوربین و طوقه با یک پیچ وضعیتشان فرق می کند.



تلسکوپ (دوربین):



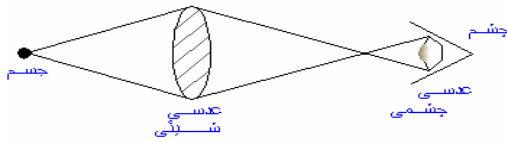
وقتی عدسی شیئی تنظیم شده باشد تصویر دقیقی جسم روی صفمه (تیکول تشکیل می شود.

وقتی عدسی چشمی تنظیم شده باشد تصویر تارهای

رتیکول روی چشم تشکیل می شود.

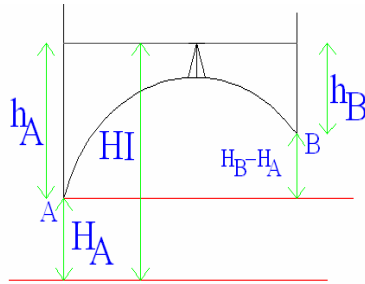
عدم انطباق تصویر جسم و تارهای رتیکول روی هم که

ناشی از عدم تنظیم دوربین می باشد پارالکس (Parallax) نامیده می شود.



خط دید: فطی است که مرکز دیدگانی را به وسط رتیکول وصل

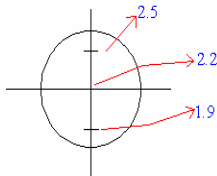
می کند.



ارتفاع دستگاه $\rightarrow H_Z = H_A + h_a \leftarrow$ ارتفاع A

$$H_Z - h_B = h_b$$

$$H_B - H_A = H_Z - h_B - H_A = H_A + h_a - h_B - H_A \Rightarrow H_B - H_A = h_a - h_b$$



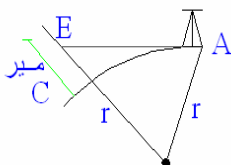
افتلاف بین دو تار استادیتری $\times K =$ فاصله دوربین تا نقطه مورد نظر

* K معمولا 100 متر است.

اثر انحنای زمین:

چون دو نقطه A و D روی یک سطح تراز هستند پس افتلاف ارتفاع آنها صفر

است ولی ترازیب افتلاف ارتفاع را برابر C بدست می آورد.



$$(r + c)^2 = r^2 + AE^2 \rightarrow (\text{فاصله دو نقطه})$$

$$r^2 + c^2 + 2rc = r^2 + S^2 \Rightarrow c(c + 2r) = S^2 \Rightarrow c = \frac{S^2}{c + 2r} \xrightarrow{c \leq r} c = \frac{S^2}{2r}$$

در فرمول بالا به دلیل کوچک بودن c در مقابل r از آن صرفنظر می کنیم.

$$AE^2 = K \Rightarrow c = \frac{AE^2}{2r} = \frac{K}{2r} \Rightarrow c = 0.0785K^2$$

K فاصله دید برمسب Km و c بر مسب m و S بر مسب km بدست می آید.

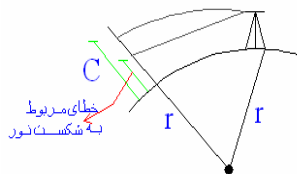
مماسبه فضای انحنای زمین:

$$r = 6370km \quad c = 0.78S^2$$

$$S = 1km \rightarrow c = 785m$$

$$S = 30m \rightarrow c = 0.07mm$$

$$K = 30 \rightarrow c = 7.065 * 10^{-5}m$$



اثر شکست نور: فضای مربوط به شکست نور 14% فضای انحنای زمین

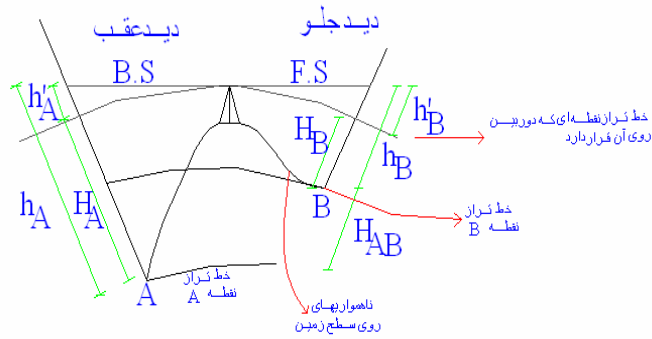
است و فضای انحنای زمین را کمتر می کند.

خطای انحنای زمین و شکست نور (با هم):

$$(c \wedge r) = 0.0675S^2$$

دید عقب: نشانه روی به نقطه ای که دارای ارتفاع معلوم باشد B.S

دید جلو: نشانه روی به نقطه ای که دارای ارتفاع مجهول باشد F.S



$h_A =$ عدد قرائت شده از روی میزور A

$h_B =$ عدد قرائت شده در B از روی میز

$$h'_A = (c \wedge r)_A \quad \text{و} \quad h'_B = (c \wedge r)_B$$

$$H_A = h_A - h'_A$$

$$\Rightarrow H_{AB} = H_A - H_B = (h_A - h'_A) - (h_B - h'_B) \Rightarrow H_{AB} = h_A - h_B - (c \wedge r)_A + (c \wedge r)_B$$

$$H_B = h_B - h'_B$$

وقتی که فاصله دید عقب و فاصله دید جلو برابر باشد داریم:

$$H_{AB} = h_A - h_B$$

برای آنکه فضای ناشی از شکست نور و انحراف زمین مداخل شود بایستی فاصله دوربین تا دو نقطه مورد

نظر متی الامکان مساوی اختیار گردد.

دید جلو (F.S):

اگر به نقطه ای نشانه روییم که دارای ارتفاع نامعلوم باشد به آن نشانه روی دید جلو گوئیم.

دید عقب (B.S):

اگر به نقطه ای نشانه روییم که دارای ارتفاع معلوم باشد به آن نشانه روی دید عقب گوئیم.

$$(H_B - H_A)_1 = (H_{AB})_1 = x - x_1$$

$$(H_B - H_A)_2 = (H_{AB})_2 = y - y_1$$

$$H_{AB} = \frac{1}{2}[(x - x_1) + (y - y_1)]$$

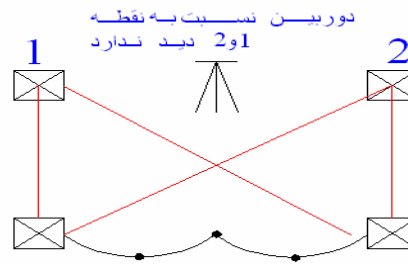
مثال -

$$x_A = 5, y_A = 10, x_B = 10, y_B = 20$$

$$\frac{1}{2}[(5 - 10) + (10 - 20)]$$

ترازیابی تدریجی:

افتلاف ارتفاعی نقاط را بدست آورده



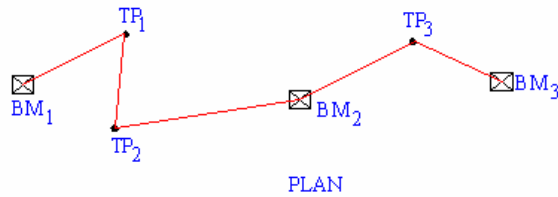
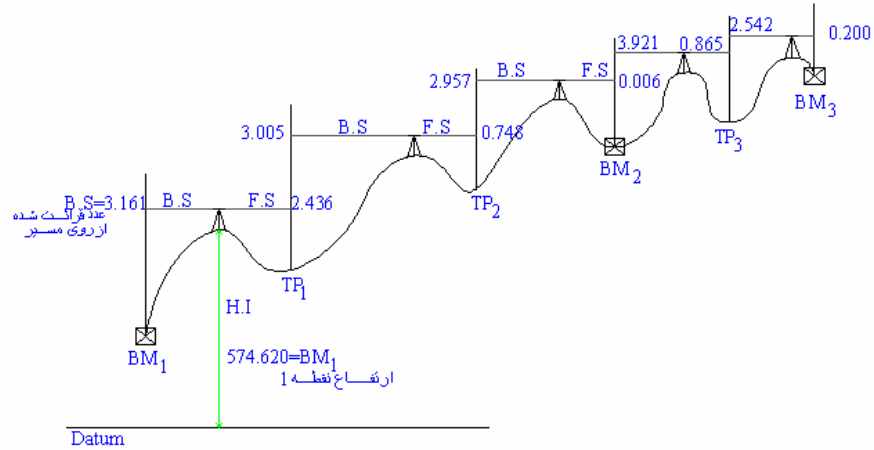
Bench Mark: به نقاطی گفته می شود که ارتفاع یا مختصات آن معلوم باشد یا آنکه هدف بدست

آوردن ارتفاع یا مختصات آن باشد.

Tempory Point (نقاط کمکی): به نقاطی گفته می شود که بدست آوردن ارتفاع یا مختصات آنها

هدف نمی باشد ولی در جریان

کار مجبور به اندازه گیری یا مناسبه مختصات یا ارتفاع آنها می شویم.



جدول مربوط به ترازابی تدریجی:

Sta.	B.S	H.I(B.S+Elv)	F.S	Elev.
BM ₁	3.161	577.781	—	574.62
TP ₁	3.005	578.359	2.436	575.345
TP ₂	2.954	580.556	0.748	577.602
BM ₂	3.921	584.471	0.006	580.550
TP ₃	2.542	586.471	0.865	583.606
BM ₃	—		0.200	585.948
Σ	15.58-4.255=11.328		4.255	

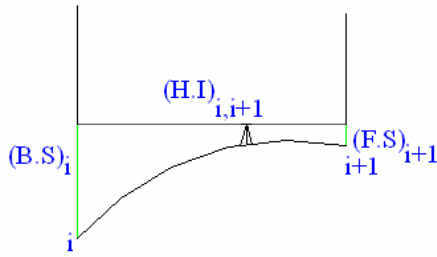
$$H.I = Elv. + B.S, Elv. = HI - F.S$$

$$Elv_{BM_1} + (\sum B.S - \sum F.S) = Elv_{BM_3} \Rightarrow$$

$$Elv_{BM_3} = 574.62 + (15.58 - 4.255) = 585.948$$

ارتفاع دوربین نسبت به سطح مبنائی که انتخاب کرده ایم: H.I

باید توجه کرد ستون B.S و F.S و ELV. نقطه برداشت شود.



$$(H.I.)_{i,i+1} = (ELV.)_i + (B.S)_i$$

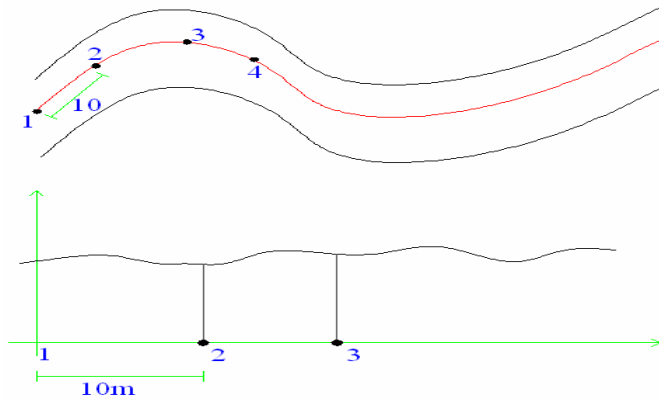
$$(ELV.)_{i+1} = (H.I.)_{i,i+1} - (F.S)_{i+1}$$

$$Elv._{نقر} = Elv._{نجر} + (\sum B.S - \sum F.S)$$

ترازیابی نیمرخ (پروفیل) طولی:

پروفیل طولی منمنی است که ارتفاع نقاط مختلف از یک پروژه مسیر را بر حسب فاصله در امتداد محور

مسیر از یک مبدا مشخص نشان می دهد.



با فرض اینکه نقاط 1, 2 و 3 برابر و برابر 50m باشد:

$$1: 15\text{km}+10\text{m}$$

$$3: 15\text{km}+20\text{m}$$

$$2: 15\text{km}+150\text{m}$$

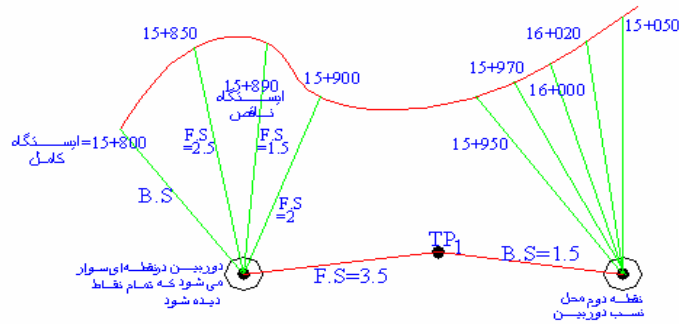
$$4: 15\text{km}+250\text{m}$$

1- Full Station: ایستگاه کامل

2- Pul Station: ایستگاه ناقص

ایستگاههایی که شماره آنها عدد روند است و بصورت مضربی از فاصله ایستگاهها قابل بیان است را

ایستگاه کامل گوئیم.



جدول مربوط به تراز یابی نیمرخ طولی

در این جدول ممکن است فیلدی از خانه ها خالی بماند.

Sta.	B.S	H.I	F.S	I.f.s	Elevation	remark
15+800	3.00	1453			1450	
15+850				2.5	1450.5	1453-2.5=1450.5
15+890				1.5	1451.5	1453-1.5=1451.5
15+900				2	1451	1453-2=1451
TP ₁	1.5	1451	3.5		1449.5	1453-3.5=1449.5
				1	1451-1	H.I-1
				2	1451-2	H.I-2
				3	1451-3	H.I-3

انواع خطاهای تراز یابی:

1- میزان نبودن تراز یاب : الف : لوله تراز یاب و تلسکوپ با هم موازی نیستند (خطای سیستماتیک)

ب) خطا در تراز کردن دستگاه (خطای اتفاقی)

2- پارالکس: عدم انطباق تصویر و تارهای رتیکول که ناشی از عدم تنظیم عدسی های دستگاه است.

3- خطای انحنای زمین

4- خطای مربوط به شکست نور

5- تغییرات درجه حرارت (روی خود دستگاه و روی قرآنت ششخص اثر می گذارد)

6- استاندارد نبودن میر

7- شاقول نبودن میر

8- خطا در قرار دادن میر در محل مورد نظر

9- نشست سه پایه یا میر

10- از لحظه تنظیم دوربین تا لحظه قرائت ممکن است تراز به هم بخورد.

11- عدم قرائت صحیح از روی میر

بخش خطاها در تراز یابی:

1- فضای ناشی از تنظیم تراز دستگاه

2- خطا در قرائت

3- پدیده شکست نور

فضای مربوط به عوامل سه گانه فوق به ازای یکبار نشانه روی برای واحد طول (انصراف استاندارد تخمینی

برای یک بار تراول روی) : $\hat{\sigma}_S$

$$\Delta = B.S - F.S \quad \text{افتلاف ارتفاع}$$

$$\sigma_{\Delta}^2 = \left(\frac{\partial \Delta}{\partial B.S}\right)^2 \sigma_{B.S}^2 + \left(\frac{\partial \Delta}{\partial F.S}\right)^2 \sigma_{F.S}^2$$

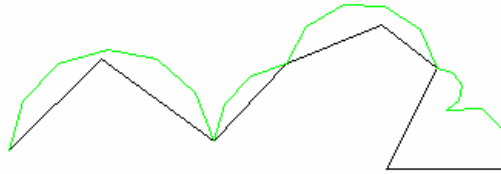
$$\sigma_{BS} = \hat{\sigma}_S \cdot L \quad \text{و} \quad \sigma_{FS} = \hat{\sigma}_S \cdot L \quad \text{و} \quad \sigma_{\Delta}^2 = \hat{\sigma}_S^2 \cdot L^2 + L^2 \cdot \sigma_S^2$$

$$\Delta H = \Delta_{1,2} + \Delta_{2,3} + \dots + \Delta_{i,i+1} + \dots + \Delta_{n-1,n}$$

$$\sigma_{\Delta H}^2 = \sigma_{1,2}^2 + \sigma_{2,3}^2 + \dots + \sigma_{i,i+1}^2 + \dots + \sigma_{n-1,n}^2$$

$$2L^2 \cdot \hat{\sigma}_S^2 + 2L^2 \cdot \hat{\sigma}_S^2 + \dots + L^2 \cdot \hat{\sigma}_S^2 \quad (n \text{ مرتبه})$$

$$\sigma_{\Delta H}^2 = 2nL^2 \cdot \sigma_S^2 \Rightarrow \sigma_{\Delta H} = L\sqrt{2n}\sigma_S$$



d = کل فاصله طی شده در ترازیبی تدریجی =

L = فاصله متوسط دوربین تا مسیر در هر بار قرائت =

n = تعداد ایستگاههای اندازه گیری =

$$d = 2nL \Rightarrow 2n = \frac{d}{L}$$

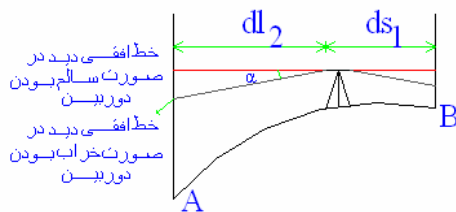
$$\sigma_{\Delta H} = L \sqrt{\frac{d}{L}} \hat{\sigma}_s \Rightarrow \sigma_{\Delta H} = \sqrt{Ld} \hat{\sigma}_s \Rightarrow \sigma_{\Delta H}^2 = Ld \hat{\sigma}_s^2$$

نتایج بدست آمده عبارتند از:

واریانس اندازه گیری اختلاف ارتفاع در ترازیبی تدریجی متناسب با طول کل مسیر و متناسب با تعداد دفعات دوربین گذاری است.

تصحیح کلیماسیون: Collimation Correction

اگر به هنگام درست بودن دستگاه ترازیب، محور تلسکوپ افقی نباشد باعث ایجاد خطا می گردد که به آن خطای کلیماسیون گویند.



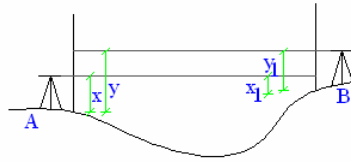
$$(\Delta H)_2 = (NL_2 + CdL_2) - (NS_2 + CdS_2)$$

$$(\Delta H)_1 = (\Delta H)_2 \Rightarrow C = \frac{(NS_1 + NS_2) - (NL_1 + NL_2)}{(dL_1 + dL_2) - (dS_1 + dS_2)}$$

$$(\Delta H)_{correction} = (\Delta H)_{observed} + C(\sum B.S - \sum F.S) \rightarrow \text{منظور فاصله های دید عقب و جلو هستند}$$

اگر طول دید جلو و عقب برابر باشند تصمیح

کلیماسیون صفر می شود.



$$H_B - H_A = (H_{AB}) = x - x_1$$

$$(H_{AB})^2 = y - y_1$$

$$H_{AB} = \frac{1}{2}[(x - x_1) + (y - y_1)]$$

نحوه یادداشت برداری و تراز یابی تدریجی:

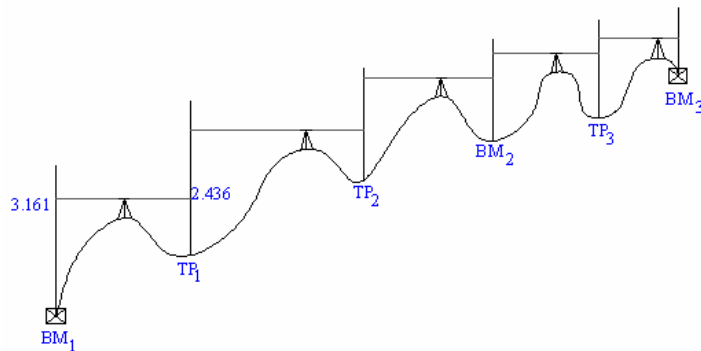
Bench Mark: به نقاطی گفته می شود که ارتفاع یا مختصات آن معلوم باشد یا آنکه هدف بدست

آوردن ارتفاع یا مختصات آن باشد.

Temporary Point یا Turving Point (نقاط کمکی): به نقاطی گفته می شود که بدست آوردن

ارتفاع یا مختصات آنها هدف نمی باشد ولی در جریان کار مجبور به اندازه گیری یا محاسبه مختصات یا

ارتفاع آنها می شویم.



جدول مربوط به تراز یابی تدریجی:

Sta.	Bac.s	Shi(HI)	For	Elevation	remarke
BM ₁	3.16			574.620	
		577.781			(B.S+ELE.) _n =(H.I) _{n+1}
TP ₁	3.005		2.436	575.345	(H.I-F.S) _n =(ELE.) _n
		578.359			
TP ₂	2.954		0.748	577.602	
		580.556			(ELE.) _{BM1} +(∑B.S-∑F.S)=(ELE.) _{BM3}
BM ₂	3.921				
		584.471			
TP ₃	2.542		0.885	583.606	
		586.148			
BM ₃	—		0.200	585.948	
∑	15.583		4.255		

$$(H.I)_{i,i+1} = (Elv.)_i + (BaC)_i$$

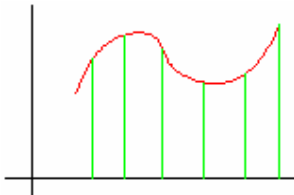
$$(Elv.)_{i+1} = (HI)_{i,i+1} - (FoR)_{i+1}$$

$$(Elv.)_{i+1} = BaC.S_i - FoR.S_{i+1} + (Elv.)_i$$

$$Elv.آخر - \sum[(F.S)_{i+1} - (B.S)_i] = Elv.آخر \Rightarrow$$

$$Elv.آخر = 574.62 + (15.58 - 4.255) = 585.948$$

ترازیابی نیمرخ (بروفیل) طولی:



بروفیل طولی منمنی است که ارتفاع نقاط مختلف از یک پروژه

مسیر را بر حسب فاصله در امتداد محور مسیر از یک مبدا مشخص نشان می دهد.

Station: ایستگاه دو نمونه داریم:

1- Full Station: ایستگاه کامل

2- Puls Station: ایستگاه ناقص

با فرض اینکه نقاط 1,2 و 3 برابر و برابر 50m باشد:

2:

1: 10km+570m

3: 10km+590m

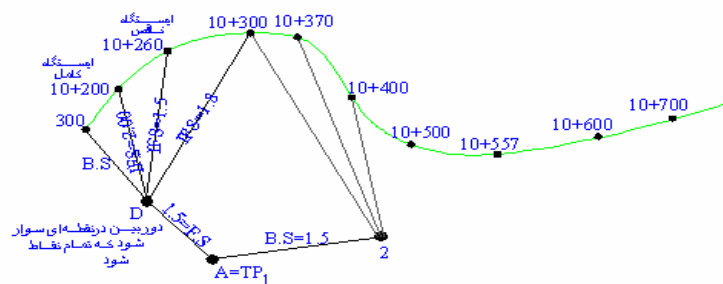
10km+580m

ایستگاه کامل:

اگر اعداد بدست آمده بصورت روند باشد به آن ایستگاه کامل گویند. یعنی به یک ترتیب نسبت به مبدا در حال تغییر است. (بصورت مضربی از فاصله ایستگاهها قابل بیان است).

ایستگاه اضافی یا ناقص:

یعنی اینکه علاوه بر ایستگاه کامل یک مقدار هم اضافه داشته باشیم.



Sta.	B.S	H.I	F.S	I.f.s	ELevation	remark
15+800	3.00				1450	
10+700	300	1453				$1453=1450+3$ $153-2.5=1450.5$
15+850		583		2.5	1450.5	
10+200					1451.1	
10+260				1.5	581.5	
10+300	1.5		1.8		581.5	
D(2)		582.7				
10+370				3.5	579.2	
10+400				2.00	580.7	

مرحله دوم برای جاهائی است که نقطه 10+300 را در دو نقطه 1 و 2 ببینیم از نقطه A و یا TP استفاده

می کنیم که هرچه بطرف داخل یا فط جاده بیائیم دقیقتر و فطا کمتر است.

خطاهای ترازبایی:

1- میزان نبودن ترازبایب : الف : لوله ترازبایب و تلسکوپ با هم موازی نیستند (خطای سیستماتیک)

(ب) فطا در تراز کردن دستگاه (خطای اتفاقی)

2- پارالکس (Parrallex)

- 3- خطای مربوط انحنای زمین
- 4- خطای مربوط به شکست نور
- 5- خطای ناشی از تغییر درجه حرارت : الف- اثر روی خود دستگاه ب- خطا در قرائت
- 6- استاندارد نبودن میر
- 7- شاقول نبودن میر (شاقول)
- 8- خطا در قرار دادن میر در محل مورد نظر
- 9- نشست سه پایه و میر
- 10- بهم خوردن دستگاه تراز یاب
- 11- خطای قرائت میر

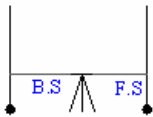
بخش خطاها در تراز یابی:

1- خطای تنظیم تراز دستگاه

2- خطا قرائت میر

3- خطای شکست نور

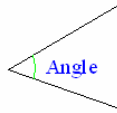
Sta.	B.S	H.I	F.S	I.f.s	Elevation	remark
15+800	3.00	1453			1450	
15+850				2.5	1450.5	1453-2.5=1450.5
15+890				1.5	1451.5	1453-1.5=1451.5
15+900				2	1451	1453-2=1451
TP ₁	1.5	1451	3.5		1449.5	1453-3.5=1449.5
				1	1451-1	H.I-1
				2	1451-2	H.I-2
				3	1451-3	H.I-3



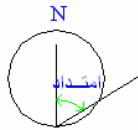
خطای مربوط به این سه عامل به ازای یکبار نشانه روی برای واحد طول

اندازه گیری زوایا و امتدادها Angles & Directing

زاویه Angle: به هر نوع زاویه اطلاق می شود.



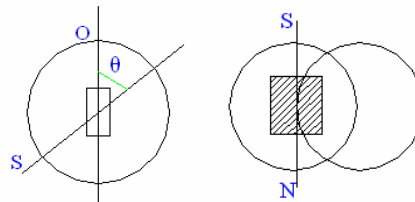
امتداد یا جهت Directing: حالت فاصی از زاویه است که یکی از اضلاع



زاویه یک امتداد معلوم و مشخص باشد.

نصف النهار:

- نصف النهار جغرافیائی: نصف النهارهایی که از قطبین جغرافیائی میگذرند. از شمال و جنوب واقعی زمین عبور می کند (نصف النهارهای جغرافیائی مقدارشان ثابت است).
- نصف النهار مغناطیسی: نصف النهارهایی که از قطبین مغناطیسی میگذرد و با گذشت زمان تغییر میکنند. از شمال و جنوب مغناطیسی زمین عبور می کند.
- قطبین جغرافیائی: محل برافورد دوران زمین با سطح زمین را گویند.



- قطب مغناطیسی: محل برافورد محور فرضی مغناطیسی زمین با سطح کره زمین

زاویه انحراف مغناطیسی Magnetic Peclination:

زاویه بین نصف النهار جغرافیائی و نصف النهار مغناطیسی در یک نقطه می باشد. به عبارت دیگر زاویه بین امتداد شمال و جنوب مغناطیسی و امتداد شمال و جنوب جغرافیائی هر نقطه را زاویه انحراف مغناطیسی گویند. که در استوا کمترین مقدار و در نزدیکیهای قطب جنوب بزرگترین مقدار را دارد.

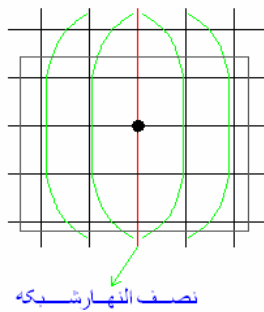
نقشه خطوط هم انحراف Gseomic Chart:

خطوط هم انحراف Gsegonic Line:

خطوط هم انحراف: مکان هندسی نقاطی است که دارای زاویه انحراف مغناطیسی مشخص باشند. هر چه به قطب نزدیک تر می شویم زاویه انحراف مغناطیسی بیشتر می شود و روی استوا کوچکترین زاویه را خواهیم داشت.

نصف النهار شبکه Gride Moridian:

نصف النهار گذرنده از یک نقطه مرکز منطقه عملیاتی را در نظر

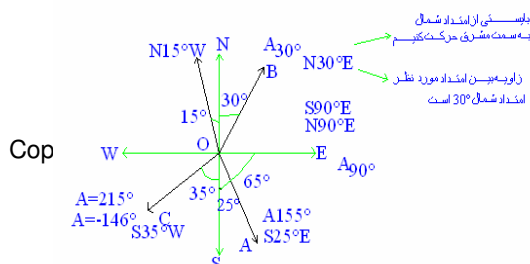


بگیرید. می توان فرض کرد که در این منطقه کلیه نصف النهارها به موازات این نصف النهار می باشد و کلیه مدارها نیز عمود بر این نصف النهار خواهد بود این نصف النهار که بر اساس آن یک شبکه مختصات ساخته می شود نصف النهار شبکه می نامند.

بعبارت دیگر اگر وسعت منطقه عملیاتی نسبت به کره زمین کوچک باشد می توان نقطه ای در محدوده وسعت منطقه در نظر گرفت و نصف النهار گذرنده از آن را به عنوان مبنا انتخاب کرده و بقیه نصف النهار را به موازات آن در نظر گرفت و مدارها را نیز به صورت خطوط موازی عمود بر نصف النهارها فرض نمود بدین ترتیب یک شبکه (Gride) حاصل می شود که نصف النهار را نصف النهار شبکه می نامند. نصف النهار فرضی: در صورتیکه به جای نصف النهار شبکه از یک جهت فرضی به عنوان مبنا اصلی ساخت شبکه مختصات استفاده شود به آن جهت فرضی نصف النهار فرضی می گوئیم.

زاویه حامل Bearing: کوچکترین زاویه است که یک امتداد با جهت شمال یا جنوب می سازد.

زاویه سمت (آزیموت) Azimuth:



زاویه ای است که امتداد شمال بایستی در جهت عقربه های ساعت دوران کند تا بر امتداد مورد نظر منطبق شود.

توجه- اختلاف یک امتداد نسبت به آزیموت شمال با یک امتداد نسبت به امتداد جنوب باید 80° باشد.

$$AoB = 30^\circ$$

$$ABO = 30 \pm 180 = 210 \text{ or } -150$$

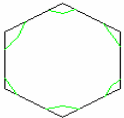
$$AoA = 90 + 65 = 155^\circ$$

$$AoC = 180 + 35 = 215^\circ$$

گرا یا ژیزمان: ممان آزیموت است ولی حالت فاصی از آن بدین صورت که هر جهت را ما به عنوان شمال یا جنوب انتخاب کنیم آزیموت از روی ان مشخص شود.

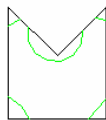
به عبارت دیگر اگر آزیموت نسبت به یک نصف النهار فرضی اندازه گیری شود به ان ژیزمان یا گرا گفته می شود.

زاویه داخلی Internal Angle:



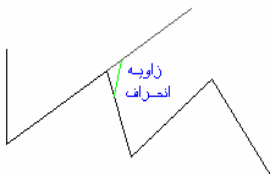
زاویه ای که از ممدوده یک چند ضلعی بسته می گذرد.

$$\sum \text{زاویه یک } n \text{ ضلعی} = 180(n - 2)$$



مجموع زاویه داخلی یک n ضلعی

زاویه انحراف Deflection Angle:



زاویه ای که یک امتداد با ادامه امتداد قبلی می سازد. زاویه انحراف به راست (To the Right) ادامه انحراف قبلی باید در جهت عقربه های ساعت دوران کند تا بر امتداد بعدی منطبق گردد.

مجموع زاویه انحراف به چپ و انحراف به راست 360 درجه می باشد

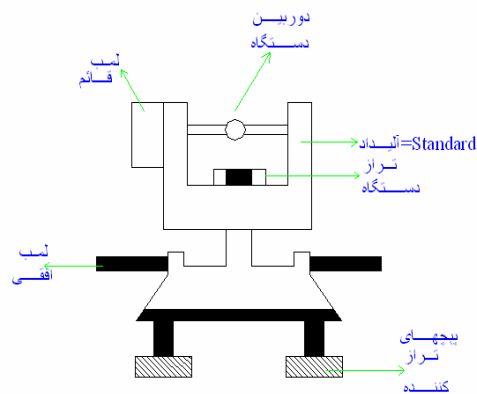
زاویه انحراف به چپ (To the Left): به زاویه ای می گویند که در خلاف عقربه های ساعت می

پرفد تا روی امتدادهای قبلی قرار گیرد.

مجموع زوایای انحراف یک چند ضلعی برابر 360 درجه می باشد.

اندازه گیری زاویه افقی :

دوربین تئودولیت:



- تئودولیت دو محوره (Double (Repeating) Theodolite) (تکرار کننده): دوربینهایی هستند که لمپ افقی

آنها دارای دو وضعیت ثابت و متمرک می باشد.

- تئودولیت ثابت یا تک محوره : از این دوربین نمی توان به روش تکرار استفاده نمود.

طرز کار کردن با تئودولیت:

1- تراز کردن دستگاه

2- امتداد شاقولی گذرنده از مرکز دوربین باید از نقطه راس زاویه بگذرد

3- قرائت زاویه ها- زاویه افقی - زاویه قائم

4- پیچهای مختلف دوربین:

الف- پیچ مربوط به قفل حرکت دوربین مول محور قائم

ب- پیچ مربوط به قفل حرکت دوربین مول محور افقی

ج- پیچ مربوط به حرکت میلیمتری دوربین مول محور قائم

د- پیچ حرکت میکرومتری دوربین مول محور افقی

ه - پیچ مربوط به تغییر وضعیت لمب افقی

و- پیچ های مربوط به قرائت زاویه

ی- پیچ های مربوط به تنظیم عدسی ها

5- تنظیم دوربین

6- وضعیت مستقیم و وضعیت معکوس

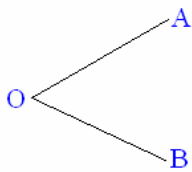
برداشت زاویه افقی:

1- دوربین را در نقطه o تراز کنید.

2- به نقطه A نشانه بروید و عدد مربوط به لمب افقی را قرائت کنید.

3- به نقطه B نشانه بروید و عدد مربوط به لمب افقی را قرائت کنید.

4- مقادیر قرائت شده در مرحله 2 و 3 را از هم کم کنید تا زاویه A و B بدست آید.



ایزادهای وارد بر روش ذکر شده:

1- کنترلی روی صمت اندازه گیریها نداریم.

2- هیچگونه تصمیمی روی اندازه گیریها نمی توان انجام داد.

3- دقت اندازه گیری محدود به دقت دستگاه است.

دو روش برای اندازه گیری زاویه وجود دارد:

روش تجدید:

روش عنوان شده را n بار تکرار کرده و نتایج حاصل متوسط می گیریم.

1- زاویه را مطابق روش قبل اندازه گیری می کنیم.

2- مرحله شماره 1 را $(n-1)$ بار تکرار می کنیم $(2n)$ بار قرائت زاویه و $2n$ بار نشانه روی $\frac{W}{\sqrt{n}}$

3- میانگین زوایای بدست آمده را مناسبه کنید.

روش تکرار Reputation:

1- دوربین را در محل سوار کنید.

2- به نقطه a نشانه رأید ئ عدد زاویه افقی را بصورت دقیق یادداشت کنید.

3- لمب افقی را قفل کرده و سپس به B نشانه روید و عدد زاویه را بصورت تقریبی قرائت کنید.

4- لمب افقی را آزاد کرده و به A نشانه روید.

5- سیکل 3 و 4 را چند بار تکرار کنید.

6- مرحله آخر که به B نشانه رفته ایم عدد مربوط به لمب افقی را به صورت دقیق قرائت می

کنیم.

7- عدد مرحله 6 و عدد مربوط به مرحله 2 را از هم کم می کنیم (با توجه به دعای که از 360 درجه

رد شده ایم) از تقسیم این عدد به n زاویه مورد نظر بدست می آید.

$$\alpha = \frac{(تعداد دفعاتی که از 360 درجه رد شده ایم) \times 360 + \text{قرائت اول} - \text{قرائت آخر}}{n}$$

مثال- روش تجدید:

	Sta.	From	to	فرانت	
مرحله اول	0	A		20°41'	$\alpha_1 = (92°41' - 20°41')$ $\alpha_1 = 71°40'$
			B	92°21'	
مرحله دوم	0	A		20°43'	$\alpha_2 = 71°37'$
			B	92°20'	
مرحله سوم	0	A		20°41'	$\alpha_3 = 71°41'$
			B	92°22'	

$$\alpha = \frac{1}{3}(\alpha_1 + \alpha_2 + \alpha_3) = 71°39'20''$$

$$\sigma_\alpha = \frac{1'}{\sqrt{3}} = 30''$$

$$\sigma = 1'$$

مثال - روش تکرار

Sta.	From	to	فرانت
0	A		20°41'
		B	92°
	A		
		B	163°
	A		
		B	235°40'

$$\alpha = \frac{23°54' - 20°41'}{3} \Rightarrow \alpha = 71°39'40''$$

$$\sigma_\alpha = \frac{1'}{3} = 20'' \text{ دقت اندازه گیری} \times$$

$$\sigma_\alpha = \frac{\sigma_x}{\sqrt{n}}$$

σ_α : دقت مورد نیاز و σ_x : دقت دستگاه

مثال -

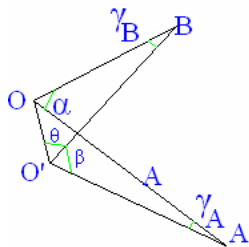
دقت اندازه گیری زاویه تئودولیت 1' است می خواهیم زاویه ای را با دقت 5" اندازه گیری کنیم تعداد

اندازه گیری به روش تجدید چندبار است؟

$$\sigma_x = 1' = 60''$$

$$\Rightarrow \sigma_\alpha = \frac{\sigma_x}{\sqrt{n}} \Rightarrow 5'' = \frac{60''}{\sqrt{n}} \Rightarrow n = 166$$

$$\sigma_\alpha = 5''$$



زاویه های خارج از ایستگاه:

هدف: اندازه گیری زاویه $B\hat{O}A$

دوربین را نمی توان در O سوار کرد.

1- دور بین را در O' (نزدیکترین نقطه به O که امکان دوربین گذاری موجود است) قرار می دهیم.

2- طولهای OO' و OA و OB را اندازه گیری کنید.

3- زاویه $B\hat{O}'O(\theta)$ و $A\hat{O}'O(\beta)$ را اندازه گیری کنید.

$$\alpha = A\hat{O}'B - \hat{\gamma}_B + \hat{\gamma}_A$$

$$\alpha = \beta - \theta - \hat{\gamma}_B + \hat{\gamma}_A$$

$\Delta AOO'$

$$\frac{\sin \gamma_A}{OO'} = \frac{\sin \beta}{OA} \Rightarrow \gamma_A = \sin^{-1} \left[\frac{OO'}{OA} \sin \beta \right] \text{ (رابطه دقیق)}$$

در رابطه بالا چون γ_A کوچک است می توان از \sin^{-1} صرف نظر کرد.

$\Delta BOO'$

$$\frac{\sin \gamma_B}{OO'} = \frac{\sin \theta}{OB} \Rightarrow \gamma_B = \sin^{-1} \left[\frac{OO'}{OB} \sin \theta \right] \text{ (رابطه دقیق)}$$

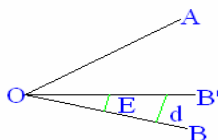
در رابطه بالا چون γ_B کوچک است می توان از \sin^{-1} صرف نظر کرد.

روابط بصورت تقریبی:

$$\gamma_A = \frac{OO'}{OA} \sin \beta \quad , \quad \gamma_B = \frac{OO'}{OB} \sin \theta$$

پیاده کردن یک زاویه به روش تکرار:

نقاط O و A روی زمین مشخص است نقطه B را طوری تعیین کنید که



$\angle AOB$ برابر مقدار معلوم α باشد.

σ_α : دقت مورد نیاز (خطای مجاز یا خطای اندازه گیری شده)

σ : دقت دستگاه (خطای دوربین)

$$n = \frac{\sigma}{\sigma_\alpha} \quad \text{if } \sigma_\alpha > \sigma \rightarrow \text{تکرار نیست}$$

1- با استفاده از رابطه $n = \frac{\sigma}{\sigma_\alpha}$ تعداد دفعات تکرار مشخص می شود.

2- دوربین در O سوار شود.

3- به نقطه A نشانه رفته و زاویه لمب افقی را قرائت کنید.

4- دوربین را به اندازه زاویه α در جهت مطلوب می گردانیم و روی جهت مشخص شده نقطه B' را پیاده می کنیم.

5- زاویه AOB' را به روش تکرار با n مرتبه تکرار اندازه گیری کنید.

6- اختلاف زاویه سر هر O با زاویه α را ε می نامیم.

7- فاصله BB' از رابطه $BB' = \varepsilon \times OB'$ محاسبه می شود البته ε بر حسب رادیان باید باشد.

8- نقطه B به فاصله $d = \varepsilon \times OB'$ قرار دهید.

زاویه Zenit مدود 90° و زاویه قائم مدود 0° است.

اندازه گیری زاویه قائم:

دوربین خطا دارد و خط قائم لمب کمی انحراف به مقدار α دارد

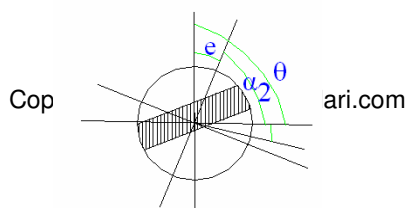
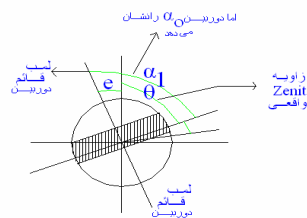
پس خطا دارد:

$$\alpha_1 - e = \theta$$

$$\theta = \alpha_2 + e$$

$$\alpha_2 + e = \alpha_1 - e \Rightarrow e = \frac{\alpha_1 - \alpha_2}{2}$$

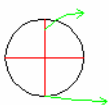
e : خطای ناشی از قائم نبودن لمب قائم.



دوربین 180 درجه چرخیده است

پارامتر e که زاویه بین امتداد محور قائم لمب قائم با امتداد شاقولی است و در حالتیکه دوربین تراز باشد Index error نامیده می شود.

دوربین که زاویه Zenit را می دهد صفر آن روی خط قائم لمب قائم است.



دوربینی که زاویه قائم می دهد صفر آن روی خط افقی لمب قائم است.

خطاها در اندازه گیری زوایا و جهات:

1- خطاهای دستگاهی :

- محورهای مختلف دوربین روابط مورد نظر را نداشته باشند.

- درجه بند لمب قائم و افقی خطا داشته باشد.

2- خطای انسانی:

- دوربین دقیقا روی ایستگاه سوار نشده باشد.

- خطا در تراز کردن دستگاه

- خطا در قرائت اعداد از روی لمب افقی و قائم

- خطا در نشانه روی

- پارالکس

3- خطاهای طبیعی

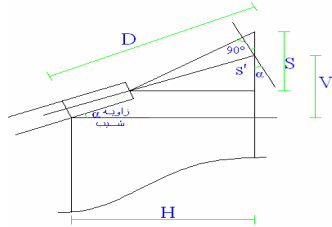
- نشست سه پایه

- شکست نور

- تغییر درجه حرارت

استادیمتری روی شیب:

- حالتی که دوربین زاویه شیب α را داشته باشد.



$$S' = S \cos \alpha$$

$$D = KS'$$

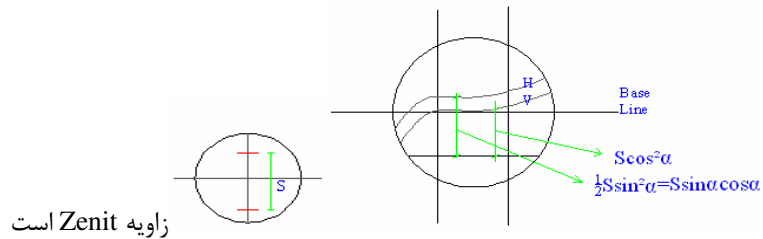
$$H = D \cos \alpha \rightarrow H = KS' \cos \alpha \rightarrow$$

$$H = KS \cos^2 \alpha \rightarrow \text{زاویه Horizontal است}$$

$$V = D \sin \alpha$$

$$V = KS' \sin \alpha \rightarrow V = KS \sin \alpha \cos \alpha \rightarrow$$

$$V = \frac{1}{2} KS \sin(2\alpha) + c \sin \alpha \rightarrow c = 0 \rightarrow V = \frac{1}{2} KS \sin(2\alpha) \text{ زاویه vertical است}$$

تاکنومتر تبدیل کننده: Self Reducing Tacheometer

زاویه Zenit است

خطاهای استادیمتری:

1- خطا در ضریب استادیمتری K

2- استاندارد نبودن طول شاقص

3- خطا در قرائت فاصله استادیمتری S

4- غیر شاقولی بودن میر

5- خطا در قرائت زاویه قائم

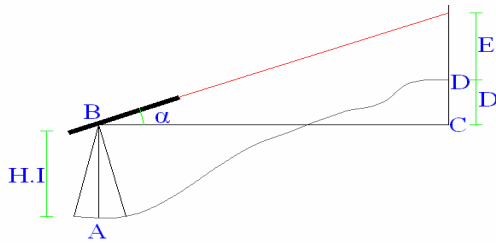
6- شکست نور

$$\text{قائم } V = \frac{1}{2} KS \sin(2\alpha)$$

$$H = KS \cos^2 \alpha$$

افقی

ترازیابی با تئودولیت:



روش اول:

HI: ارتفاع دستگاه

S: فاصله استادیمتری = (تار بالا - تار پایین)

α : زاویه قائم قرائت تار وسط: Rad_D

$$V = \frac{1}{2} KS \sin(2\alpha)$$

$$\Delta_{elev.} = \text{افتلاف ارتفاع} = AB + CE - ED$$

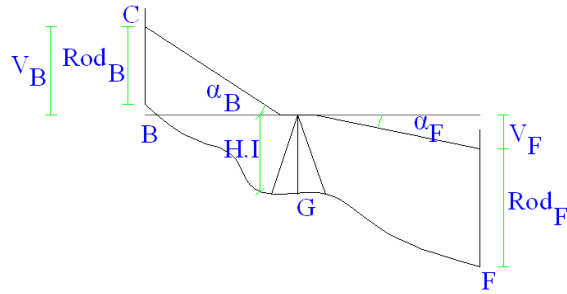
$$V = AB + CE$$

اگر بخواهیم خود ارتفاع آن نقطه را مساب کنیم باید: $\Delta_{elev.+(elev)_1}$

$$\Delta_{elev.} = \text{افتلاف ارتفاع} = HI + \frac{1}{2} KS \sin(2\alpha) - Rod_D$$

$$Elev._D = Elev._D + HI + V - Rod_D$$

روش دوم:



$$\Delta_{elev.} = \text{افتلاف ارتفاع} = Rod_F + V_F + V_B - Rod_B$$

$$\Delta_{elev.} = Rod_F + \frac{1}{2}KS_F \sin(2\alpha_F) + \frac{1}{2}KS_B \sin(2\alpha_B) - Rod_B$$

اگر این اطلاعات را داشتیم دیگر احتیاجی به ارتفاع دستگاه نداریم.

مزیت روش دوم نسبت به روش اول در این است که تنظیم کردن روی یک نقطه مشخص لازم نیست و

مزیت دیگر این که در فرمول بدست آوردن HI یا اندازه ارتفاع دستگاه لازم نیست.

$$Elev._B = Elev._G + HI + V_B - Rod_B$$

$$\rightarrow Elev._F - Elev._B = Rod_B - Rod_F - V_F - V_B$$

$$Elev._F = Elev._G + HI - V_F - Rod_F$$

پیمایش: Traverse

منظور از پیمایش عملیاتی است که در آن این کارها انجام میشود.

- 1- عملیات روی یک سری خطوط مستقیم که در یک سری نقاط به هم پیوسته انجام می شود
- 2- فاصله بین این نقاط و زاویه بین خطوط و در موارد خاص افتلاف ارتفاع نقاط اندازه گیری می شود.

3- هدف تعیین مختصات نقاط و بدست آوردن ارتفاع آنها می باشد.

پلان مسیری:



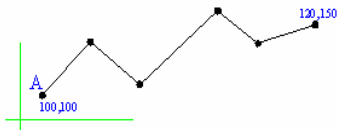
- هدف تعیین مختصات نقاط و بدست آوردن ارتفاع آنهاست.

ایستگاه پیمایش: Traverse Station

تعریف: به ممل اتصال فطوطی که در عملیات پیمایش داریم ایستگاه پیمایش گویند و در عملیات

پیمایش بایستی در هر ایستگاه دوربین گذاری انجام شود.

انواع پیمایش:



1- پیمایش باز Open Traverse

2- پیمایش بسته Closed Traverse

پیمایش باز:

در این پیمایش از یک نقطه معلوم مثل نقطه A عملیات آغاز می شود و به ترتیب مختصات بقیه

نقاط محاسبه می گردد.

توجه - توجه می شود به دو دلیل زیر این پیمایش انجام نشود:

1- هیچگونه کنترلی روی صحت عملیات نداریم.

2- مختصات حاصله قابل تصحیح نیستند.

پیمایش بسته:

در این نوع پیمایش از یک نقطه با مشخصات معلوم شروع و به یک نقطه با مشخصات معلوم ختم

می شود. (نقطه شروع و نقطه خاتمه بر روی هم منطبق نمی گردد).

پیمایش مدار بسته Closed Loop Traverse

حالت خاصی از پیمایش بسته که نقاط ابتدا و انتها بر هم منطبق است.

شرایط مشخص بودن یک نقطه در پیمایش بسته:

1- مختصات نقطه معلوم

2- در آن نقطه یک امتداد معلوم داشته باشیم (با آزیموت معلوم)

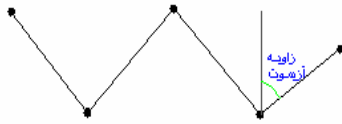
قرائت زاویه در پیمایش:

1- زاویه افقی

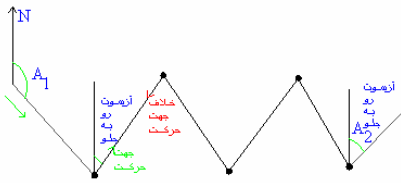
- زاویه انحراف

- زاویه داخلی (پیمایش بسته)

2- زاویه قائم



در پیمایش باز یا بسته معمولاً زاویه افقی بین خطوط بصورت زاویه انحراف اندازه گیری می شود.



در پیمایش مدار بسته معمولاً زاویه داخلی اندازه

گیری می شود.

برای بالا رفتن دقت کار زاویه افقی دوبار اندازه گیری

می شود یکبار دوربین در حالت معکوس و یکبار هم دوربین در حالت مستقیم قرار می گیرد.

خطای زاویه در پیمایش

$$Ec = A_1 + \sum_{i=1}^n \alpha R_i + \sum_{j=1}^n \alpha R_j - A_2 - 360^\circ$$

در پیمایش باز

$Ec =$ خطای بست زاویه ای

$A_1 =$ آزیموت رو به جلو امتداد معلوم در نقطه اول

زاویه انحراف به راست در کلیه عملیات $= \sum_{i=1}^n \alpha R_i$

$$\text{زاویه انحراف به چپ در کلیه عملیات} = \sum_{j=1}^n \alpha R_j$$

$$A_2 = \text{آزیموت رو به جلو امتداد معلوم در نقطه آخر}$$

$$Ec = 0: \text{اگر خط نداشته باشیم}$$

اگر پیمایش مدار بسته داشتیم:

در این حالت زوایای داخلی را اندازه می گیرند.

$$Ec = (n - 2)180^\circ - \sum \beta_i$$

$$n = \text{تعداد اضلاع}$$

$$\beta_i = \text{زاویه های داخلی}$$

توجه- مقدار خط را باید بر روی زوایائی که اندازه گیری کرده ایم سرشکن کنیم پس اگر وزن اندازه گیری

زاویه ها یکسان باشد فضای Ec بصورت مساوی بین زاویه ها سرشکن می شود.

اگر مجموع زوایا از 360° بیشترند یا از 360° کمتر کم می کنیم و به نسبت مساوی از زاویه ها کم می

کنیم مثلا در یک 4 ضلعی مجموع 361 می باشد.

$$360 - 361 = -1^\circ$$

$$\frac{6}{2}, \frac{6}{3}, \frac{6}{4}, \frac{6}{5}$$

$$\frac{\alpha}{\sum \text{زوایا}} * (360 - \varphi)$$

φ : مجموع زوایای داخلی

پیمایش بسته اگر فقط زوایه های انحراف به راست اندازه گیری شود:

$$Ec = A_1 + \sum_{i=1}^n \gamma_i - (n - 1)360^\circ - A_2$$

γ_i : زاویه انحراف بدست آمده

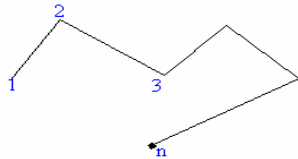
$$x_j = x_i + x_{ij}$$

$$y_j = y_i + y_{ij} \quad \rightarrow d_{ij} = \sqrt{(x_j - x_i)^2 + (y_j - y_i)^2}$$

مختصات 3 نقطه را می توان بدون محاسبه فضاها و تصمیع بدست آورد:

$$A_{ij} = tg^{-1} \left[\frac{\hat{x}_j - \hat{x}_i}{\hat{y}_j - \hat{y}_i} \right]$$

در عملیات پیمایش بسته با n نقطه پیمایش مختصات نقطه اول و نقطه nام را داریم:



$$(محاسبه شده): x_n = x_1 + \sum_{i=1}^{n-1} x_{i,i+1}$$

$$(محاسبه شده): y_n = y_1 + \sum_{i=1}^{n-1} y_{i,i+1}$$

اگر فضای اتفاقی وجود نداشت رابطه روبرو باید برقرار باشد:

$$x_n - x_1 = \sum_{i=1}^{n-1} x_{i,i+1}$$

$$y_n - y_1 = \sum_{i=1}^{n-1} y_{i,i+1}$$

(به علت وجود فضاهاى اتفاقى مقادير بالا اتفاق نمى افتد (صفر نمى شود))

خطای بست در موقعیت: Error Of Closure in Position

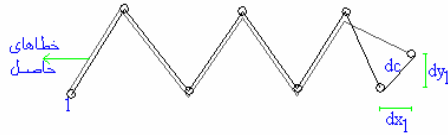
$$E_X = \sum_{i=1}^{n-1} x_{i,i+1} - (x_n - x_1)$$

$$E_Y = \sum_{i=1}^{n-1} y_{i,i+1} - (y_n - y_1)$$

تصحیح بست در موقعیت:

$$d_{xt} = -E_X \Rightarrow E_X = (x_n - x_1) - \sum_{i=1}^{n-1} x_{i,i+1}$$

$$d_{yt} = -E_Y \Rightarrow E_Y = (y_n - y_1) - \sum_{i=1}^{n-1} y_{i,i+1}$$



$d_c =$ فضای برآیند

$$d_c = \sqrt{d_{xt}^2 + d_{yt}^2}$$

دقت نسبی در پیمایش : Relative Accuracy (R.A)

$$R.A. = \frac{d_c}{\sum_{i=1}^{n-1} d_{i,i+1}}$$

هر وقت d_c را دادند با فضای مجاز مقایسه می کنیم

هر وقت $R.A.$ را دادند با دقت مجاز یا فضای نسبی مجاز مقایسه می شود.

$$\text{فضای مجاز} = K\sqrt{l}$$