

<p><b>R&amp;D Department</b></p>	 <p>شرکت مهندسی پتروپالامحور</p>	<p>جزوه آموزشی درس توربو ماشین</p>
----------------------------------	---	--

جزوه آموزشی درس

# توربو ماشین

( رشته مهندسی مکانیک با گرایش حرارت و سیالات )



شرکت مهندسی پتروپالامحور

گردآوری و تنظیم :

فرشاد سـرایـی

با تقدیم و بالاترین درودها و احترامات به استاد ارجمندم جناب آقای دکتر کورش امیر اصلانی تبریز که مطالب مندرج در این جزوه بر گرفته از آموزش های ایشان می باشد.

<p><b>R&amp;D Department</b></p>		<p>جزوه آموزشی درس توربو ماشین</p>
----------------------------------	---	--

### مقدمه :

جزوه حاضر که فرا روی شما خواننده گرامی قرار دارد ، مشتمل بر مباحث و سرفصل های مربوط به درس دانشگاهی « توربو ماشین » در رشته مهندسی مکانیک با گرایش حرارت و سیالات می باشد.

مطالب مندرج در این جزوه آموزشی به تبیین اصول طراحی و کارکرد انواع ماشین های جریان سیالات هیدرولیکی (غیر قابل تراکم) و سیالات تراکم پذیر می پردازد.

کتاب مرجع دانشگاهی که میبایست به عنوان مکمل در کنار این جزوه مطالعه شده و مورد استناد و ارجاع قرار گیرد عبارت است از :

- **توربو ماشین های جریان هیدرولیکی و قابل تراکم** ، نوشته : A.T.Sayers ، ترجمه : دکتر شجاعی فرد

مطالب مندرج در این جزوه برگرفته از کلاس های آموزشی ارائه شده توسط جناب آقای **دکتر کورش امیر اصلانی تبریز** در **دانشکده فنی دانشگاه آزاد اسلامی واحد جنوب تهران** در سال ۱۳۷۳ خورشیدی می باشد که به همان صورت دست نویس (برداشت شده توسط اینجانب) تقدیم حضور خوانندگان گرامی می شود ، به این امید که مفید فایده و مقبول نظر واقع گردد. همچنین بر خود لازم میدانم از حسن همکاری و زحمات سرکار خانم **نیره رضائی** که اینجانب را در گردآوری و تنظیم این جزوه الکترونیکی یاری نمودند کمال سپاسگزاری را به عمل آورم.

از خوانندگان محترم درخواست می نمایم هرگونه نظرات اصلاحی ، انتقادات و پیشنهادات خود را از طریق آدرس ایمیل : [f.saraei@petropalamehvar.com](mailto:f.saraei@petropalamehvar.com) با اینجانب در میان گذارند.

فرشاد سرایی  
دی ماه ۱۳۹۰



« سر درب ورودی دانشکده فنی دانشگاه آزاد اسلامی واحد جنوب تهران »

## قابل توجه دانشجویان سال آخر و فارغ التحصیلان رشته های مهندسی مکانیک و علوم پایه

جهت اطلاع از شرایط جذب فارغ التحصیلان بدون سابقه کار (کارآموز) در شرکت مهندسی پتروپالامحور به آدرس اینترنتی زیر مراجعه نمایید:

[http://www.petropalamehvar.com/careers\\_fa.html](http://www.petropalamehvar.com/careers_fa.html)

همچنین جهت کسب اطلاعات تکمیلی در این خصوص میتوانید به وبلاگ تخصصی «**طراحی تاسیسات مکانیکی و لوله کشی صنعتی**» به مدیریت مهندس فرشاد سرایی به آدرس اینترنتی زیر مراجعه فرمایید:

<http://fsaraei.persianblog.ir>



**با پتروپالامحور پیشتاز بودن را تجربه کنید!**



درس : توربو ماشین

استاد : دکتر کورش امیراصلانی تبریز

Text : توربو ماشینهای جریان هیدرولیک و قابل تراکم

نویسنده : ا. ت. سائیز

ترجمه : دکتر محمد حسن شایعی فرد

فرشاد نیرایی - مهندس پایه یک تأسیسات و الکترونیک  
طراحی - نظارت - اجرا  
نظام مهندسی: ۱۷۲۷۶-۰۰-۱۵۰۳  
پروانه مهندسی: ۰۲۸۱۵-۰۰-۱۵۰۳  
شماره شهرسازی: ۰۱۲۲۲-۰۱۵۳

جزوه آموزشی درس توربو ماشین آقای دکتر کورش امیراصلانی تبریز  
دانشگاه آزاد اسلامی واحد جنوب تهران - دانشکده فنی (۱۳۷۳)

مقدمه

تعریف - توربو ماشین وسیله‌ای است که طی یک جریان پایدار (دائمی) به سیال انرژی برده یا از آن انرژی بگیرد. از این رو مثلاً پمپهای رقیق و برگشتی پیستونی چون قطع مقطعی جریان دارد - جزء توربو ماشینها محسوب نمی‌شود.



انرژی دهنده : پمپ - کمپرسور - فن  
 انرژی گیرنده : توربینهای گازی و آبی

انواع توربینها

تراکم پذیر : کمپرسور - فن - توربین گازی  
 تراکم ناپذیر : پمپ - توربین آبی

ریا

« از جهت سیال »

محور (Axial)

شعاعی یا گرینز از مرکز (Radial)  
 (Centrifugal)

ریا

« از جهت حرکت سیال »

\* توربینها : بافت انرژی سیال به مد یا انتالی یا بین تر کار انجام می دهند.

\* پمپها و کمپرسورها : با انتقال انرژی به سیال مد یا انتالی ۱۰۲ - افزایش می دهند.

$$H = z + \frac{V^2}{2g} + \frac{p}{\rho g}$$

هر



3

\* معمولاً شعاعی‌ها جمع و جوهرتر و از آن‌ها تر هستند اینها شعاعی‌ها انرژی -  
بیشتری از می دهند یا میگیرند.

## اصطلاحات اولیه

\* فن (Fan) : ماشینی است که با اعمال کار بر روی گاز حد آن  
را می افزاید و میزان این افزایش در حدود 1.05  
است و اگر از این بیشتر باشد کمپرسور می شود.

\* پروانه (Impeller) : عضو دوار پمپها یا کمپرسورهای گریز از مرکز  
را گویند.

رانر (runner) : عضو دوار توربینها و پمپهای شعاعی هیدرونیکی  
را گویند.

روتور (Rotor) : عضو دوار توربینها و کمپرسورهای شعاعی گازی  
است.



دیفیوزر : قسمتی از توربو ماشین است که انرژی جنبشی را به فشار تبدیل می کند.

حزونی : پوسته پهن و کپس سرهای گریز از مرکز را گویند که وظیفه آن جمع آوری سیال و گاه کمی افزایش فشار می باشد.



لوله رانش (Draft Tube) : لوله فروری از توربینهای آبی است که کار دیفیوزر را انجام می دهد.

۲ نالینز ابعادی :

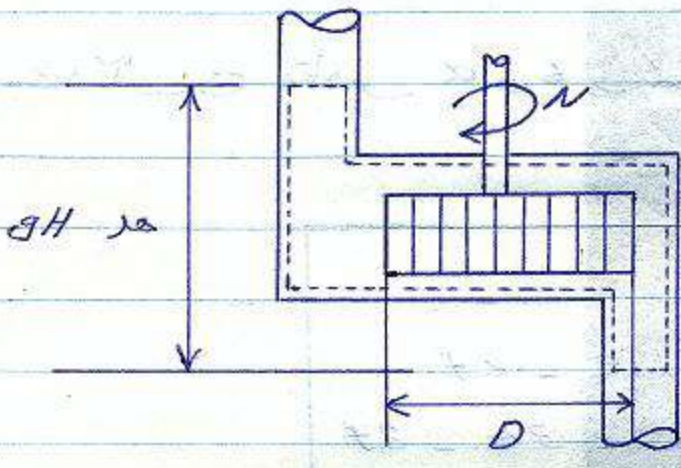
حرف از ۲ نالینز ابعادی ←

۱- بدست آوردن نتایج مربوط به نمونه اصلی از روی آنما سنجی که بر روی مدل انجام می شود.



۴ - بدست آوردن بهترین حالت عملکرد و ابعاد

(در مورد توربو ماشینهای با سیال تراکم ناپذیر) :



$P$  جم غصوه  
 $\mu$  ویسکوزیته

$$* P = f (P_0^a, N^b, \mu^c, D^d, Q^e, gH^f)$$

\* بر اساس اصول آنالیز ابعادی شکل تابعی فوق را با اعمال یک ضریب ثابت بصورت معادله در می آوریم ؛ در این رابطه ابعاد پارامترها را نیز بر حسب ابعاد اصلی می نویسیم :

$$P = Const. (P_0^a, N^b, \mu^c, D^d, Q^e, gH^f) \text{ (توان)}$$

$$\frac{ML^2}{T^3} = Const. \left[ \left(\frac{M}{L^3}\right)^a \left(\frac{1}{T}\right)^b \left(\frac{M}{LT}\right)^c (L)^d \left(\frac{L^3}{T}\right)^e \left(\frac{L^2}{T^2}\right)^f \right]$$



\* با مساحت قرار دادن توانهای ابعاد اصلی در دو طرف جهولات و می توان بصورت مستقل یا وابسته بدست آورد.

$$\begin{cases} \text{توان } M : & 1 = a + c \\ \text{توان } L : & 2 = -3a - c + d + 3e + 2f \\ \text{توان } T : & -3 = -b - c - e - 2f \end{cases}$$

\* با بدست آوردن مقادیر  $a$  و  $b$  و  $d$  بر حسب سایر مقادیر داریم:

$$\begin{aligned} a &= 1 - c \\ b &= 3 - c - e - 2f \\ d &= 5 - 2c - 3e - 2f \end{aligned}$$

$$P = \text{Const.} \left[ P^{1-c} \cdot N^{3-c-e-2f} \cdot \mu^c \cdot D^{5-2c-3e-2f} \right]$$

$$\left[ \rho^e \cdot (gH)^f \right]$$

$$P = \text{Const.} \left[ P N^3 D^5 \left( \frac{\mu}{P N D^2} \right)^c \left( \frac{\rho}{N D^3} \right)^e \right]$$

$$\left[ \left( \frac{gH}{N^2 D^2} \right)^f \right]$$



$$\frac{P}{\rho N^3 D^5} = \text{Const.} \left[ \underbrace{\left( \frac{\mu}{\rho N D^2} \right)^c}_{\text{Re عدد}} \left( \frac{Q}{N D^3} \right)^e \left( \frac{gH}{N^2 D^2} \right)^f \right]$$

- \* تعریف :  $\bar{P} = \frac{P}{\rho N^3 D^5}$  ضریب توان
- $\phi = \frac{Q}{N D^3}$  ضریب دبی
- $\psi = \frac{gH}{N^2 D^2}$  ضریب هد

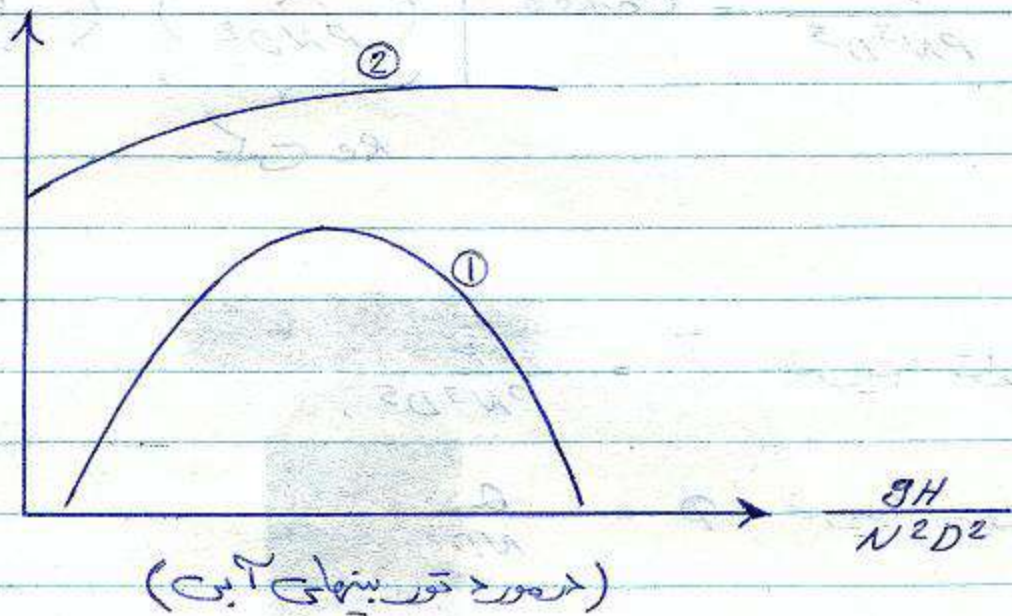
$$\bar{P} = \text{Const.} \left[ (Re)^c (\phi)^e (\psi)^f \right]$$

\* چون محدوده تغییرات Re کم است از آن صرف نظر می کنیم :

$$\bar{P} = f(\phi, \psi)$$

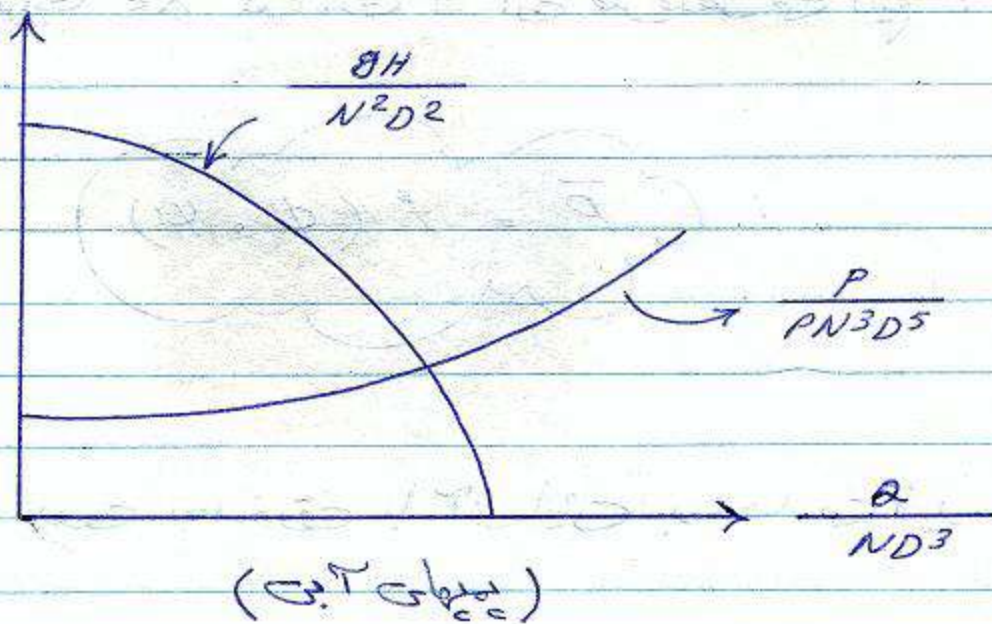
\* رابطه میان اعداد بدون بعد فوق با آزمایش درست می آید.





① - اگر سرور موردی  $\frac{P}{PN^3D^5}$  باشد.

② - اگر سرور موردی  $\frac{Q}{ND^3}$  باشد.





# راندمان هیدرولیکی

در توربینهای آبی :

$$\eta_H = \frac{\text{توان خروجی توربین}}{\text{توانی که سیال داده}} = \frac{P}{\rho g H Q}$$

$$P = \bar{P} (\rho N^3 D^5) \rightarrow \eta_H = \frac{\bar{P} (\rho N^3 D^5)}{\rho g H Q}$$

$$\eta_H = \frac{\bar{P}}{\frac{Q}{ND^3} \cdot \frac{gH}{N^2 D^2}}$$

$$\eta_H = \left( \frac{\phi \cdot \psi}{\bar{P}} \right)^{-1}$$

$$\eta_H = \frac{\phi \cdot \psi}{\bar{P}}$$

\* در مورد  $\phi$  و  $\psi$  :

# تشابه بین نمونه اصلی و مدل :

۱- تشابه هندسی : تمام اندازه‌های مدل و نمونه اصلی باید با نسبت ثابتی به هم مربوط باشند.

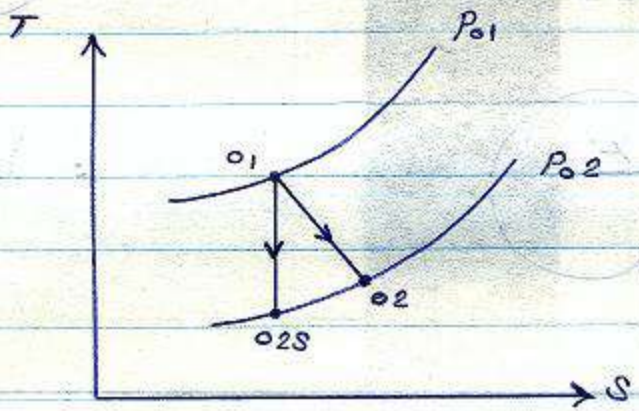
۲- تشابه سینماتیکی : سرعتها در نقاط متناظر مدل و اصلی باید با نسبت ثابتی به هم مربوط باشند.



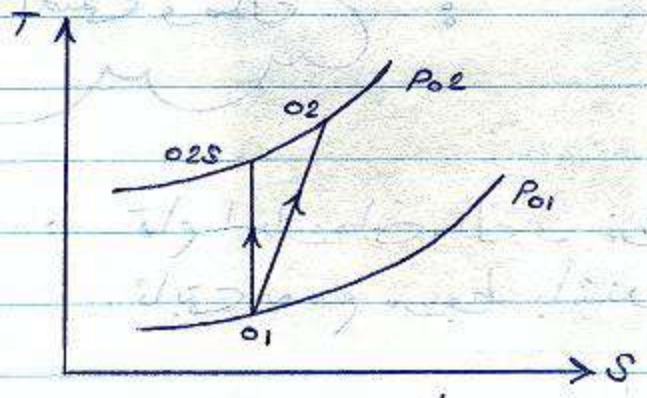
تساوی دینامیکی : نیروها

نتیجه : نشان داده می شود که برای برقراری تساوی بین مک و اصل باید اعداد بدون بعد معرفی شده باهم مساوی باشند.

توربو ماشینهای با سیال تراکم پذیر



(توربینها)



(کمپرسورها)



\* در بررسی آنالیز ابعادی این گونه توابعی مانند فشار خروجی تابعی از سایر عوامل در نظر گرفته می شود :

$$P_{02} = f(P_{01}, T_{01}, T_{02}, P_{01}, P_{02}, D, N, \dot{m}, \mu)$$

\* (در گازهای کامل) : 
$$P = \frac{P}{RT}$$

\* بنابراین  $P_{02}$  تابعی بصورت زیر می شود :

$$P_{02} = f(P_{01}, RT_{01}, RT_{02}, \dot{m}, N, D, \mu)$$

بر طبق قواعد آنالیز ابعادی :

$$P_{02} = \text{Const} \left[ (P_{01})^a (RT_{01})^b (RT_{02})^c (\dot{m})^d (N)^e (D)^f (\mu)^g \right]$$

$$\left[ \frac{M}{LT^2} \right] = \text{Const} \left[ \left( \frac{M}{LT^2} \right)^a \left( \frac{L^2}{T^2} \right)^b \left( \frac{L^2}{T^2} \right)^c \left( \frac{M}{T} \right)^d \left( \frac{1}{T} \right)^e (L)^f \left( \frac{M}{LT} \right)^g \right]$$

$$\begin{cases} M \text{ توان} : & 1 = a + d + g \\ L \text{ توان} : & -1 = -a + 2b + 2c + f - g \\ T \text{ توان} : & -2 = -2a - 2b - 2c - d - e - g \end{cases}$$



اور  $f$  اور  $a$  بر حسب سایر مقادیر محاسبه می کنیم:

$$a = 1 - d - g$$

$$b = d/2 - c - e/2 + g/2$$

$$f = e - 2d - g$$

$$P_{02} = \text{Const} \left[ (P_{01})^{1-d-g} (RT_{01})^{d/2-c-e/2+g/2} (RT_{02})^c \right. \\ \left. (\dot{m})^d (N)^e (D)^{e-2d-g} (\mu)^g \right]$$

$$P_{02} = \text{Const} \left[ (P_{01}) \left( \frac{RT_{02}}{RT_{01}} \right)^c \left( \frac{(RT_{01})^{1/2} \dot{m}}{(P_{01}) D^2} \right)^d \right. \\ \left. \left( \frac{N \cdot D}{(RT_{01})^{1/2}} \right)^e \left( \frac{(RT_{01})^{1/2} \cdot \mu}{P_{01} \cdot D} \right)^g \right]$$

$$\left. \begin{array}{l} \frac{(RT_{01})^{1/2} \cdot \mu}{P_{01} \cdot D} \times \frac{(RT_{01})^{1/2}}{(RT_{01})^{1/2}} \\ \frac{RT_{01}}{P_{01}} = \frac{1}{P_{01}} \end{array} \right\} \frac{\mu}{P_{01} \cdot D} = \frac{1}{Re}$$

$$\frac{P_{02}}{P_{01}} = f \left[ \left( \frac{RT_{02}}{RT_{01}} \right), \left( \frac{\dot{m} (RT_{01})^{1/2}}{P_{01} \cdot D} \right), \left( \frac{N \cdot D}{(RT_{01})^{1/2}} \right), Re \right]$$



\* چون در ناحیه Turbulant هستیع اثرات  $Re$  قابل صرف نظر است و چون  $R$  و  $D$  در توربو ماشین ثابت است:

$$\frac{P_{02}}{P_{01}} = f \left[ \left( \frac{T_{02}}{T_{01}} \right) \left( \frac{\dot{m} T_{01}^{1/2}}{P_{01}} \right) \left( \frac{N}{T_{01}^{1/2}} \right) \right]$$

راندمان نمونه اصلی و مدل :

\* مثلاً برای یک توربین آبی :

$$\eta = \frac{P}{\rho g H Q}$$

$m$  : مدل

$P$  : نمونه اصلی

$$\eta_m = \frac{\frac{P_m}{\rho_m g H_m Q_m}}{\frac{P_p}{\rho_p g H_p Q_p}}$$

$(\bar{P}_m = \bar{P}_p, \phi_m = \phi_p, \psi_m = \psi_p) \longrightarrow$

$$\frac{P_m}{\rho_m^3 D_m^5} = \frac{P_p}{\rho_p^3 D_p^5} \quad (1) \quad \text{و} \quad \frac{Q_m}{N_m^2 D_m^2} = \frac{Q_p}{N_p^2 D_p^2} \quad (2) \quad \text{و}$$

$$\frac{H_m}{N_m D_m^3} = \frac{H_p}{N_p D_p^3} \quad (3)$$



$$\begin{array}{l}
 \textcircled{1} \rightarrow \frac{P_m}{P_p} = \frac{N_m^3 D_m^5}{N_p^3 D_p^5} \\
 \textcircled{2} \rightarrow \frac{Q_p}{Q_m} = \frac{N_p^2 D_p^2}{N_m^2 N_p^2} \\
 \textcircled{3} \rightarrow \frac{H_p}{H_m} = \frac{N_p D_p^3}{N_m D_m^3}
 \end{array}
 \left. \vphantom{\begin{array}{l} \textcircled{1} \\ \textcircled{2} \\ \textcircled{3} \end{array}} \right\} \rightarrow$$

$$\frac{\eta_m}{\eta_p} = \frac{N_m^3 D_m^5 (N_p^2 D_p^2) (N_p D_p^3)}{N_p^3 D_p^5 (N_m^2 D_m^2) (N_m D_m^3)} \rightarrow$$

$$\frac{\eta_m}{\eta_p} = 1$$

\* اما در عمل کاملاً راندمان نمونه و اصل باهم برابر نخواهند باشد.

سرعت مخصوص :

سرعت مخصوص در نقطه‌ای تعریف می‌شود که راندمان Max است (یعنی در نقطه طراحی).

\* در مورد پمپها :  $\psi_D$  ,  $\phi_D$



$$\phi_D = \frac{Q}{ND^3}$$

$$\psi_D = \frac{gH}{N^2 D^2}$$

از رابطه  $\psi$  و  $\phi$  را یافته  
و از رابطه  $\phi$  هم می یابیم  
و مساوی قرار می دهیم تا  
D حذف شود.

$$\frac{Q^{1/3}}{N^{1/3} \phi_D^{1/3}} = \frac{gH^{1/2}}{N \psi_D^{1/2}}$$

$$\frac{\phi_D^{1/3}}{\psi_D^{1/2}} = \frac{N Q^{1/3}}{N^{1/3} (gH)^{1/2}}$$

$$N_s = \frac{N^{2/3} \cdot Q^{1/3}}{(gH)^{1/2}}$$

سرعت مخصوص  
بدون بعد

برای انتخاب یک پمپ و اینکه در یک مورد به خاص پمپ  
موردی انتخاب کنیم یا شعاعی باید  $N_s$  را حساب کرد. پمپهای  
موردی هر کم و دربی زیاد دارند پس  $N_s$  آنها بزرگ است و -  
پمپهای شعاعی هر بالا و دربی کم دارند پس  $N_s$  آنها کوچک است.  
البته پمپهای مختلف هم وجود دارد.

$$\bar{P}_D = \frac{P}{PN^3 D^5}$$

$$\psi_D = \frac{gH}{N^2 D^2}$$

\* در مورد توربینهای آبی :



از روابط (D) حذف می‌کنیم :

$$N_s = \frac{N (gH)^{5/2} \rho^{1/2}}{}$$

$$N_s = \frac{NP^{1/2}}{\rho^{1/2} (gH)^{5/4}} = \left( \frac{\bar{P}_D^{1/2}}{\psi_D^{5/4}} \right)$$

\* شکل 1-10 کتاب عمده‌های  $N_s$  را نشان داده است.

قوانین حاکم :

۱- اصل پیوستگی :  $\dot{m} = \rho_1 C_1 A_1 = \rho_2 C_2 A_2$

(C - سرعت عمود بر مقطع جریان)

۲- اصل اول ترمودینامیک :

$$\dot{Q} - \dot{W} = \dot{m} \left[ (h_2 - h_1) + \left( \frac{C_2^2}{2} - \frac{C_1^2}{2} \right) + g(z_2 - z_1) \right]$$



۳- اصل بقای مقدار حرکت :  $\sum \vec{F}_x = \dot{m} (C_{x2} - C_{x1})$

۴- اصل بقای مقدار حرکت زاویه‌ای :  $\sum T = \dot{m} (r_2 C_{\theta 2} - r_1 C_{\theta 1})$

$$\left. \begin{array}{l} \omega = 2\pi N \\ v = r \cdot \omega \end{array} \right\} \longrightarrow \sum T \omega = \dot{m} (U_2 C_{\theta 2} - U_1 C_{\theta 1})$$

→  $\dot{W} = \dot{m} (U_2 C_{\theta 2} - U_1 C_{\theta 1})$  توان

در صورت پمپها همواره  $\dot{W} > 0$  است

۵- قانون دوم ترمودینامیک :  $ds \geq \frac{\delta Q}{T}$

$$\delta Q = T ds$$

$$\underbrace{du + \delta W}_{\delta Q} = T ds \longrightarrow \delta Q = P dv \text{ چون}$$

$$T ds = du + P dv$$

$$U = H - PV$$

$$du = dh - P dv - v dp \longrightarrow$$

$$T ds = dh - v dp$$



مسئله - مدل با 8 توربین به قطر 3.6 m تحت هد 16 m در دور 600 RPM کار می کند. تحت این شرایط توربین توان 250 kW و دبی آن  $1.75 \text{ m}^3/\text{s}$  است. اگر  $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$  باشد مطلوب است: سرعت مخصوص، راندمان و گشتاور نمونه اصلی.

$$* N_s = \frac{N P^{1/2}}{\rho^{1/2} (gH)^{5/4}} = \frac{\frac{600}{60} (250 \times 10^3)^{1/2}}{(1000)^{1/2} (9.8 \times 16)^{5/4}}$$

$$N_s = 0.28 \quad (\text{توربین پلتون با چند جت مناسب است})$$

$$* \eta = \frac{P}{\rho g H Q} = \frac{250 \times 10^3}{(1000)(9.8)(16)(1.75)} = 0.91$$

$$* T = \frac{P}{\omega} = \frac{250 \times 10^3}{2\pi \left(\frac{600}{60}\right)} = 3979 \text{ N}\cdot\text{m}$$

مسئله - اگر در مسئله قبل مدل در دور 144 RPM دارای هد 60 m باشد توربین و دبی مدل را بیابید.

$$N_{sm} = N_s \rho = 0.28 = \frac{144/60 \rho^{1/2}}{(1000)^{1/2} (9.8 \times 60)^{5/4}}$$

$$P_m = 114113 \text{ W} = 114.113 \text{ kW}$$



$$\eta_m = \eta_p = 0.91 = \frac{P_m}{\rho g Q_m H_m} = \frac{114113}{(1000)(9.8) Q_m (60)}$$

$$Q_m = 0.213 \text{ m}^3/\text{s}$$

مسئله - مطلوبست هر دو پمپ فروبی مدل یک اب 4 پمپ شعاعی که دبی 600 lit/s را با هر 30m در دور 240 rpm تحویل می دهد. سرعت مدل 1200 rpm است.

$$\frac{H_m}{N_m^2 \cdot D_m^2} = \frac{H_p}{N_p^2 \cdot D_p^2}$$

$$\frac{H_m}{(1200)^2 (D_p/4)^2} = \frac{30}{(240)^2 D_p^2}$$

$$H_m = 46.9 \text{ m}$$

$$\frac{Q_m}{N_m D_m^3} = \frac{Q_p}{N_p D_p^3}$$

$$Q_m = Q_p = \left[ (N_m/N_p) (D_m/D_p)^3 \right] = 600 \left[ \left( \frac{1200}{240} \right) \left( \frac{1}{4} \right)^3 \right]$$

$$Q_m = 46.9 \text{ lit/s}$$

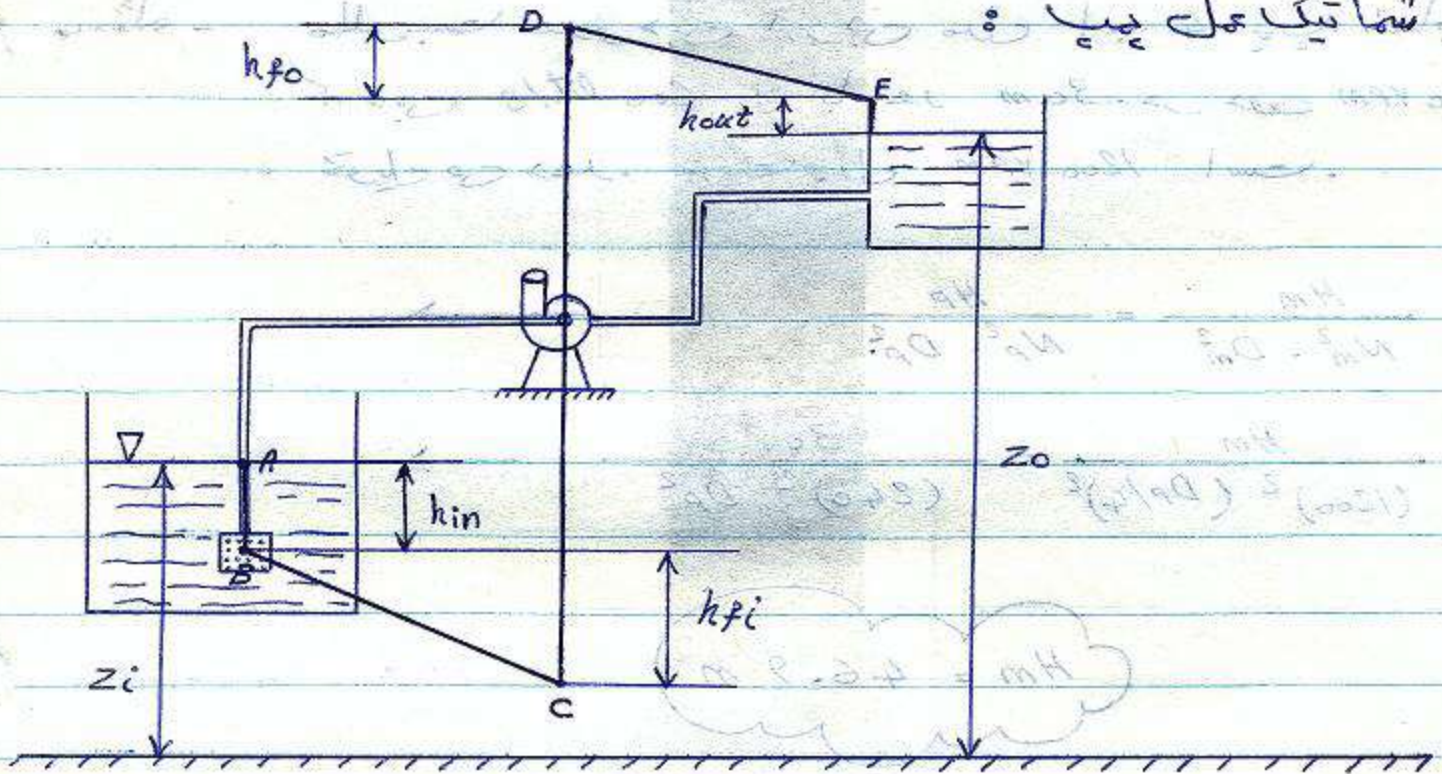


منوع پمپ لبرسی می کنیم

پمپ ها

- ۱- پمپ های گریزان مرکز
- ۲- پمپ های محوری

نمای تک عمل پمپ :



$$\text{هد ورودی پمپ} = \frac{P_i}{\gamma} + \frac{V_i^2}{2g} + z_i$$

$$\text{هد خروجی پمپ} = \frac{P_o}{\gamma} + \frac{V_o^2}{2g} + z_o$$

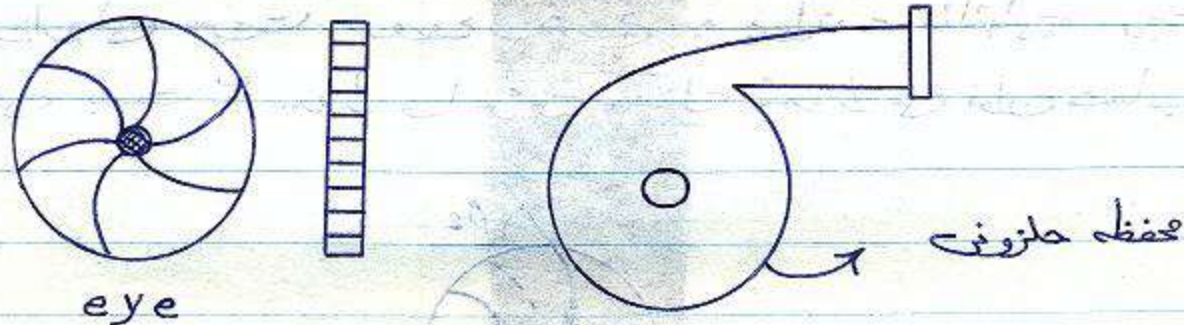
$$H = \left( \frac{P_o - P_i}{\gamma} \right) + \left( \frac{V_o^2 - V_i^2}{2g} \right) + (z_o - z_i)$$



$$\text{هد پمپ} = H_s + \bar{z} h_{\text{losses}}$$

اجزای پمپ سانتریفیوژ :

- ۱- پروانه
- ۲- محفظه حلزونی
- ۳- دیفیوزر (پره دار یا بدون پره)

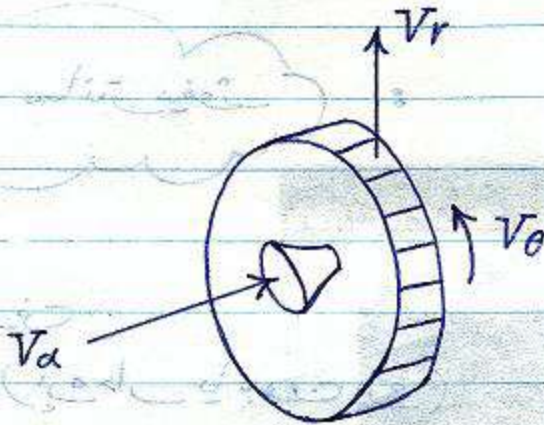


مفروضات :

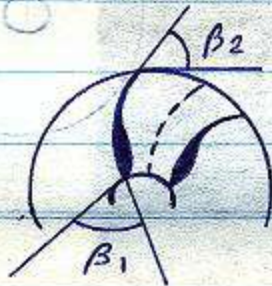
- ۱- تعداد پره‌ها بینهایت زیاد است یعنی مؤلفه مماسی سرعت صفر است. ( $v_{\theta} = 0$ )
- ۲- از طرف دیگر ضخامت پره‌ها ناچیز است و امکان افزایش فشار وجود دارد.
- ۳- از مؤلفه سرعت در جهت عمق پروانه  $z$  (تغییرات مؤلفه سرعت) صرف نظر می‌کنیم  $\frac{\partial v}{\partial z} = 0$
- ۴- قوانین مورد نظر بین مقطع ورودی به پمپ و مقطع خروجی آن نوشته می‌شود



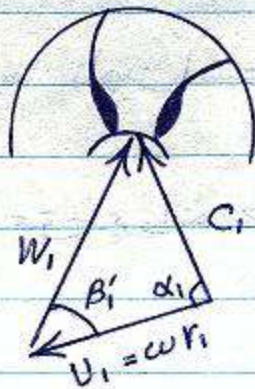
۵- جریان سیال بلافاصله پس از ورود به پمپ به جهت شعاعی تغییر می یابد.



\* با رسم بردارهای سرعت در ورود و خروج به پروانه، مثلثهای سرعت ورودی و خروجی بدست آید و انرژی منتقل شده را می توان حساب کرد.

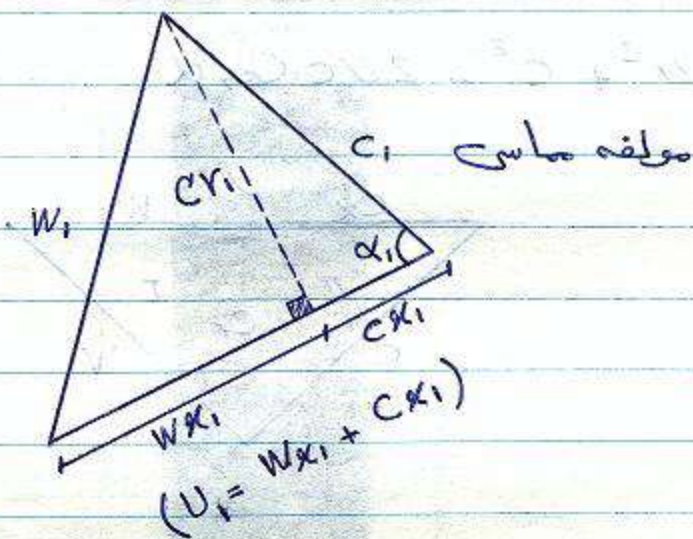


\* زاویه میان امتداد پره و امتداد ماس بر دایره محیطی پره در آن مقطع را (زاویه پره) گویند.

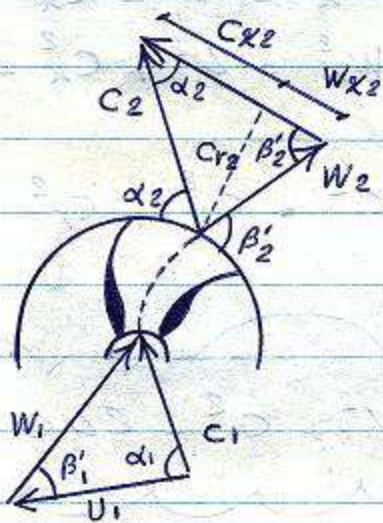




- W - سرعت نسبی سیال
- C - سرعت مطلق سیال
- U - سرعت هماسی (محیطی) سیال و سرعت خطی پروانه
- U - سرعت زاویه‌ای پروانه



(مؤلفه هماسی سرعتها) :  $Cr_1 = Wr_1$



( $Cr_2 = Wr_2$ )

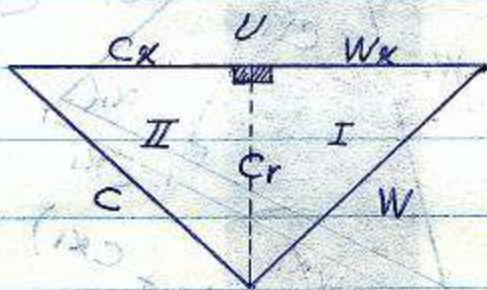
(معمولاً سعی می‌شود) :  $\alpha_1 = 90^\circ \rightarrow \begin{cases} Cx_1 = 0 \\ C_1 = Cr_1 \end{cases}$



لا واحدوزن (رابطه اولی)

$$* E = \frac{W}{mg} = \frac{U_2 C_{x2} - U_1 C_{x1}}{g} \quad (1)$$

$$* W^2 = U^2 + C^2 - 2UC \cos \alpha \quad : \text{ می توان نشان داد}$$



$$(I) \text{ مثلث} \rightarrow : W^2 = W_x^2 + C_r^2$$

$$\begin{aligned} \text{مثلث اصلی} \rightarrow : W_x &= U - C_x \\ W_x^2 &= U^2 + C_x^2 - 2UC_x \end{aligned}$$

$$(II) \text{ مثلث} \rightarrow : C^2 = C_x^2 + C_r^2$$

$$W^2 = U^2 + C^2 - 2UC \cos \alpha \rightarrow$$

$$\begin{cases} U_2 C_{x2} = \frac{1}{2} (U_2^2 + C_2^2 - W_2^2) \\ U_1 C_{x1} = \frac{1}{2} (U_1^2 + C_1^2 - W_1^2) \end{cases} \quad (2)$$



$$\textcircled{1}, \textcircled{2} \rightarrow E = \underbrace{\left( \frac{U_2^2 - U_1^2}{2g} \right)}_{(I)} + \underbrace{\left( \frac{C_2^2 - C_1^2}{2g} \right)}_{(II)} + \underbrace{\left( \frac{W_1^2 - W_2^2}{2g} \right)}_{(III)}$$

- I - انرژی مصرف شده برای تنظیم حرکت سیال  
 II - تغییرات انرژی جنبشی سیال  
 III - انرژی مربوط به حد استاتیکی سیال

$$\dot{Q} = V \cdot A$$

(دبی حجمی)

سرعت دبی دهنده :  $C_r$

$$A = 2Rr_b \quad (\text{از ضخامت پره‌ها صرف نظر شده})$$

$$\dot{Q} = 2Rr_1 b_1 C_{r1} = 2Rr_2 b_2 C_{r2}$$



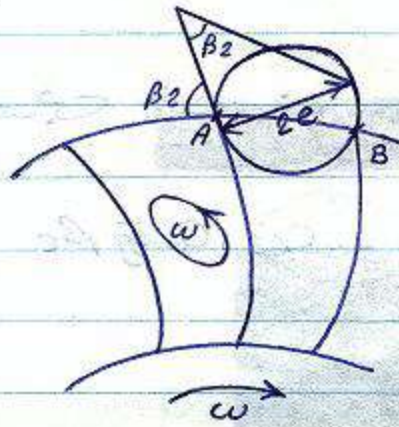
(عرض پروانه)  $b$







\* بر اساس تئوری (استودالا) ؟ وی با فرض یک جریان غیر همبندی وجود یک « رادی نسبتی » در مسیر جریان سیال به خاطر دوران پروانه لازم است.



$$\Delta C_x = C_{x2} - C'_{x2}$$

$$\Delta C_x \text{ مقدار مفروض} = \omega \cdot e$$

$$\text{Arc}(AB) = \frac{2Rv_2}{Z} \quad * \text{ تعداد پره ها}$$

$$\text{وتر مثلث} = \frac{2e}{\sin \beta_2} \quad * \text{ از طرف دیگر طول کمان تقریباً}$$

\* از تساوی تقریبی دو مقدار فوق :

$$\frac{2Rv_2}{Z} = \frac{2e}{\sin \beta_2} \rightarrow e = \frac{Rv_2 \sin \beta_2}{Z}$$

$$\omega = \frac{U_2}{r_2} \quad * \text{ از طرف دیگر داریم}$$

$$\rightarrow \Delta C_x = \omega \cdot e = \left( \frac{U_2}{r_2} \right) \left( \frac{Rv_2 \sin \beta_2}{Z} \right)$$

$$\rightarrow \Delta C_x = Rv_2 \sin \beta_2 / Z \quad (\text{الف})$$



$$\sigma_s = \frac{C'_{x2}}{C_{x2}} = \frac{C_{x2} - \Delta C_{x2}}{C_{x2}}$$

$$\sigma_s = 1 - \frac{\Delta C_{x2}}{C_{x2}} \quad (\text{ب})$$

\* از مثلث سرعتی خروجی داریم :

$$C_{x2} = U_2 - W_{x2} = U_2 - C_{r2} \cot \beta_2 \quad (\text{ج})$$

\* با قرار دادن (ب) و (ج) در (الف) :

$$\sigma_s = 1 - \frac{R U_2 \sin \beta_2}{z (U_2 - C_{r2} \cot \beta_2)}$$

$$\sigma_s = 1 - \frac{R \sin \beta_2}{z \left(1 - \frac{C_{r2}}{U_2} \cot \beta_2\right)}$$

\* در مورد تیغه‌های کاملاً منحنی ( $\beta_2 = 90^\circ$ ) (در مورد کپر سور شعاعی)

$$\sigma_s = 1 - \frac{R}{z}$$



رابطه Buseman

$$\sigma_s = \left[ A - B \left( \frac{C r_2}{U_2} \right) \cot \beta_2 \right] / \left[ 1 - \left( \frac{C r_2}{U_2} \right) \cot \beta_2 \right]$$

\* A, B تابعی از z و  $\frac{r_2}{r_1}$  و  $\beta_2$  هستند.

$$80^\circ < \beta_2 < 30^\circ$$

رابطه Stanitz

$$\sigma_s = 1 - \left( 0.63 R / \left\{ z \left[ 1 - \left( \frac{C r_2}{U_2} \right) \cot \beta_2 \right] \right\} \right)$$

$$90^\circ > \beta_2 > 80^\circ$$

تلفات در پمپهای گرین از مرکز

\* انواع تلفات عبارتند از:



- ۱ - تلفات مکانیکی  $P_m$
- ۲ - تلفات پروانه (جراش در لایه مزج و اصطکاک سیال با پروانه)  $P_i$
- ۳ - تلفات نشتی (به علت اختلاف فشار طرفین پروانه)  $P_L$
- ۴ - تلفات حفظ انرژی (اصطکاک)  $P_c$

$$P_i = \rho g k_i Q_i \quad (\text{تلفات پروانه})$$

تلفات هدر پروانه

$$Q = Q_i - \varphi$$

$Q_i$  : دبی داخل پروانه  
 $\varphi$  : دبی نشت شده  
 $Q$  : دبی بعد از پروانه

$$P_L = \rho g H_i \varphi \quad (\text{تلفات نشتی})$$

هدر هوجی پروانه

$$P_c = \rho g k_c Q \quad (\text{تلفات حفظ})$$

افت هدر حفظ

$$P = P_m + \rho g (k_i Q_i + H_i \varphi + k_c Q + H \theta) \quad (\text{توان پمپ})$$

هدر پمپ

دبی پمپ



راندمانهای پمپ :

۱ - راندمان کل : (overall)

$$\eta_o = \frac{\text{توان داده شده به سیال}}{\text{توان داده شده به پمپ}}$$

$$\eta_o = \frac{P_g H Q}{P_s}$$

۲ - راندمان محفظه :

$$\eta_c = \frac{\text{توان سیال در خروجی از محفظه}}{\text{توان سیال در ورودی به محفظه}}$$

$$\eta_c = \frac{P_g H Q}{P_g H_i Q} \rightarrow \eta_c = \frac{H}{H_i}$$

۳ - راندمان پروانه :

$$\eta_i = \frac{\text{توان سیال در خروجی از پروانه}}{\text{توان سیال در ورودی به پروانه}}$$



$$\eta_i = \frac{\rho g H_i Q_i}{\rho g (H_i + h_i) Q_i}$$

$$\eta_i = \frac{H_i}{H_i + h_i}$$

۴ - راندمان جیبی :

$$\eta_v = \frac{\text{دبی سیال در خروجی پمپ}}{\text{دبی سیال در پروانه}}$$

$$\eta_v = \frac{Q}{Q + \varphi}$$

۵ - راندمان مکانیکی :

$$\eta_m = \frac{\text{توان داده شده به سیال در پروانه}}{\text{توان داده شده به پمپ}}$$

$$\eta_m = \frac{\rho g (H_i + h_i) Q_i}{P_s}$$

$$\eta_o = \eta_c \cdot \eta_i \cdot \eta_v \cdot \eta_m$$



### ۶- راندمان هیدرولیکی :

$$\eta_H = \frac{\text{هد خروجی پمپ}}{\text{هد سیال در داخل پروانه}}$$

$$\eta_H = \frac{H}{H_i + h_i}$$

مانند مشخصه پمپ :

$$E = \frac{C_{x2} U_2 - C_{x1} U_1}{g} = \frac{U_2 C_{x2}}{g} \quad (1)$$

(انرژی معادل هد)

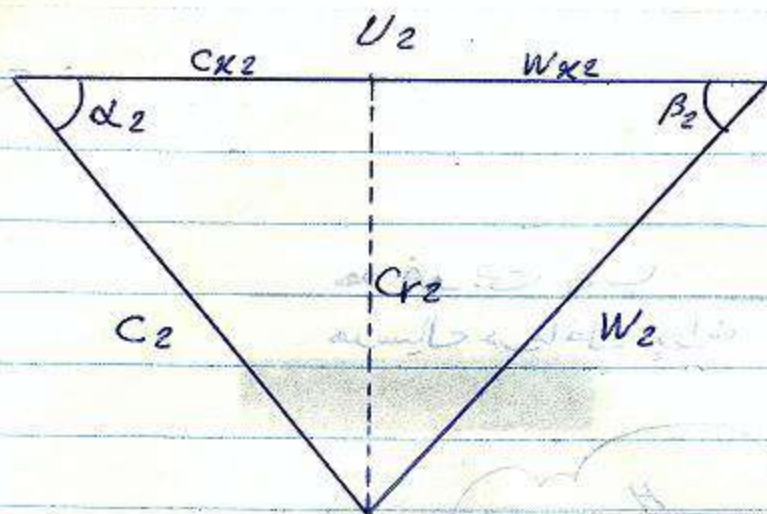
\* با در نظر گرفتن لغزش :

$$E_N = \frac{\sigma_s U_2 C_{x2}}{g}$$

$$\sigma_s = \frac{C'_{x2}}{C_{x2}}$$

\* اگر حالت ایده آل را فرض کنیم :





$$C_{x2} = U_2 - W_{x2} \quad , \quad \cot \beta_2 = \frac{W_{x2}}{C_{r2}}$$

$$C_{x2} = U_2 - C_{r2} \cot \beta_2$$

$$Q = A_2 \cdot C_{r2} \quad \rightarrow \quad C_{r2} = \frac{Q}{A_2} \quad \rightarrow$$

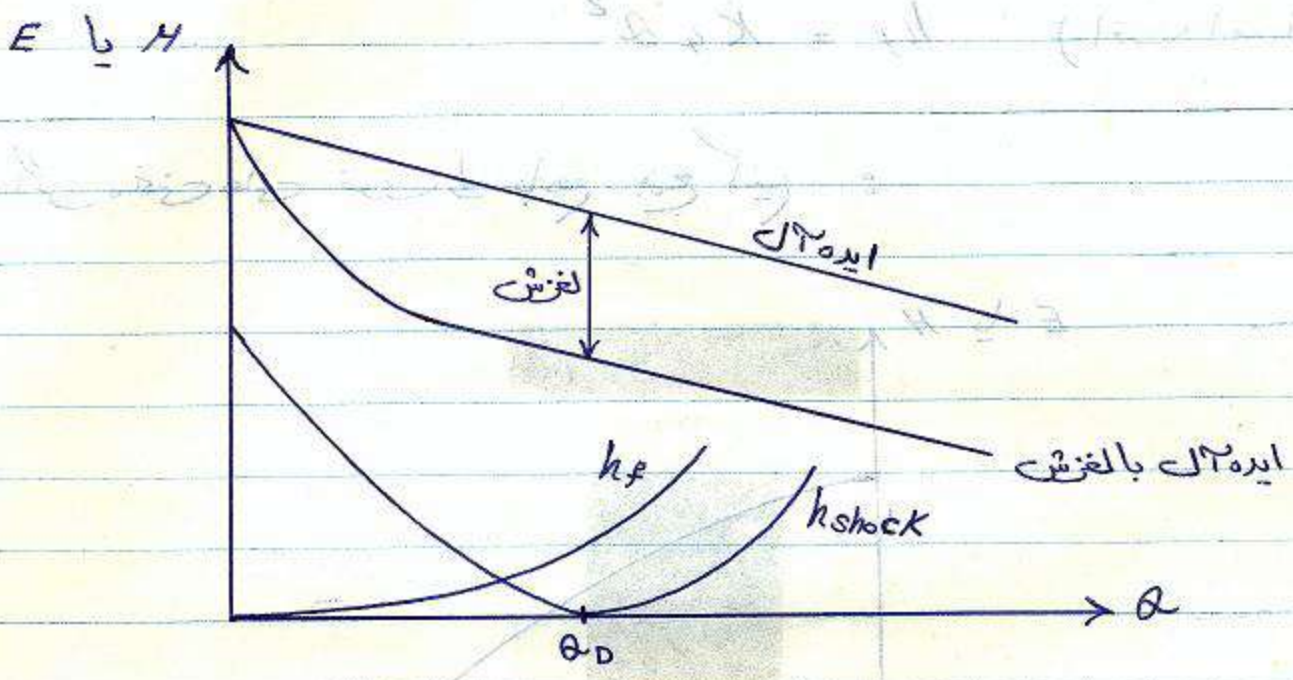
$$C_{x2} = U_2 - \left( \frac{Q}{A_2} \right) \cot \beta_2 \quad (1')$$

$$(1), (1') \quad \rightarrow \quad E = U_2 \left( U_2 - \left( \frac{Q}{A_2} \right) \cot \beta_2 \right) / g$$

\* در رابطه فوق هم پارامترها به جز  $Q$  ثابت است :

$$E = K_1 - K_2 Q$$





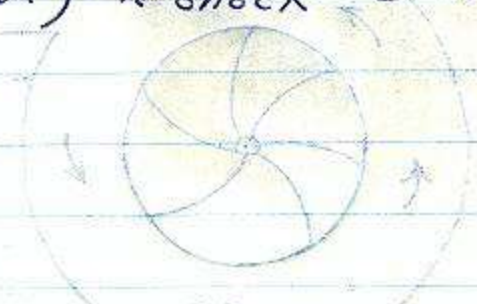
\* در حالت بالغزش :

$$\begin{cases} E_N = E \sigma_s \\ \sigma_s = 1 - (0.63K / [z (1 - (\frac{C_v^2}{U^2}) \cos \beta_2)]) \end{cases}$$

\* در حالت واقعی افتها تی هم داریم :

$$K \frac{V^2}{2g} \rightarrow Q^2 \sim (\text{افت موضعی})$$

$$h_{shock} = K_3 (Q - Q_D)^2 \quad (\text{افت ضربه})$$



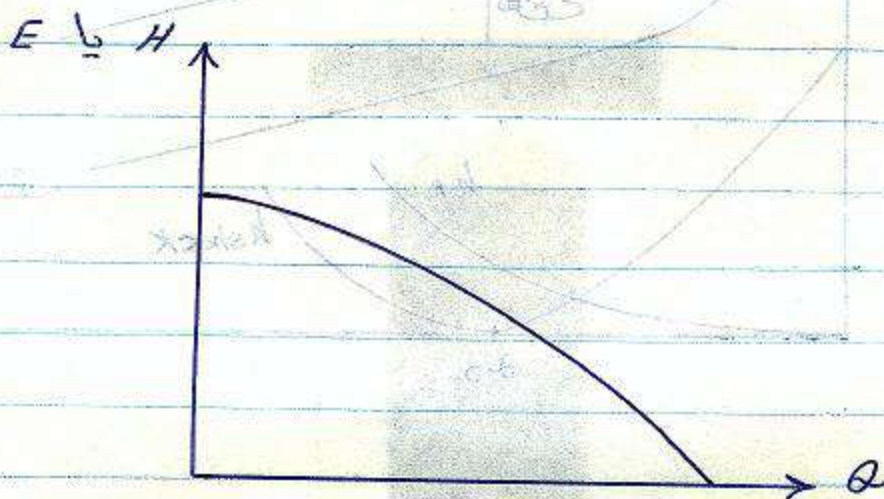
این نقطه طراحی

نشان می دهد که در نقطه طراحی افت ضربه صفر است.



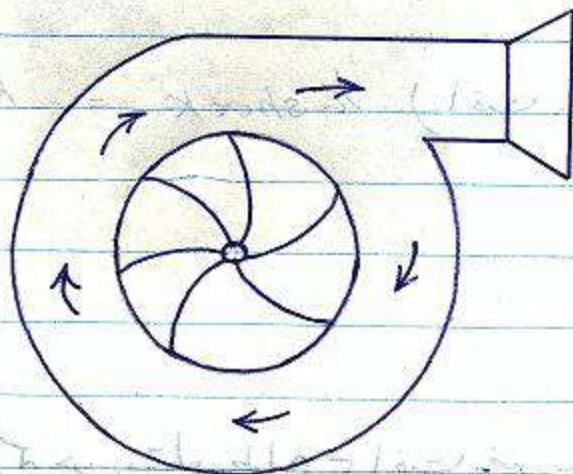
(افت اصطلاحی)  $h_f = K_4 Q^2$

\* پس اگر منحنی های فوق را با هم جمع کنیم :



جریان در داخل محفظه حلزونی :

- ۱- جمع انرژی سیال
- ۲- افزایش فشار استاتیک سیال





\* به ازای سرعت متوسط ثابت در اطراف پروانه برآیند نیروهای شعاعی وارد بر محور پروانه صفر است و در غیر این صورت :

$$P = 4.95 K H D_2 B_2$$

↓   ↓   ↓   ↓  
 عرض پروانه   قطر محیطی   هد پد   ضریب

$$K = 0.36 \left[ 1 - \left( \frac{b}{b_0} \right)^2 \right]$$

دیفیوزر بدون پره



- 6 - عرض
- 6 - بستگی به سطح مقطع شعاعی دارد
- 6x - با افزایش شعاع کم می شود

$$\dot{m} = P \underbrace{(2Rr_b)}_A C_r$$

\* بین خروج از پروانه (با اندیس 2) و هر مقطع در داخل مسیر دیفیوزر (بدون اندیس) اصل پیوستگی عبارتست از :

$$P r_b C_r = P_2 r_2 b_2 C_{r2} \quad (P_1 \approx P_2)$$



$$r_1 c_{x1} = r_2 c_{x2} \quad \leftarrow \quad b \approx b_2 \quad \text{معمولاً}$$

\* انزال بقای مقدار حرکت زاویه‌ای در مسیر ذیفیوزر :

$$r_2 c_{x2} = r_1 c_{x1}$$

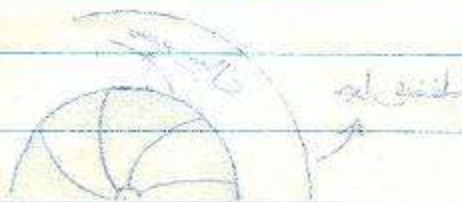
$$\sum \vec{\tau} = m (r_2 c_{x2} - r_1 c_{x1}) = 0 \quad \rightarrow$$

$$c_{x1} = \frac{r_2 c_{x2}}{r}$$

$$c_{x1} \approx c$$

$$\leftarrow \quad c \ll c_{x1} \quad \text{معمولاً}$$

$$c \approx \frac{r_2 c_{x2}}{r}$$

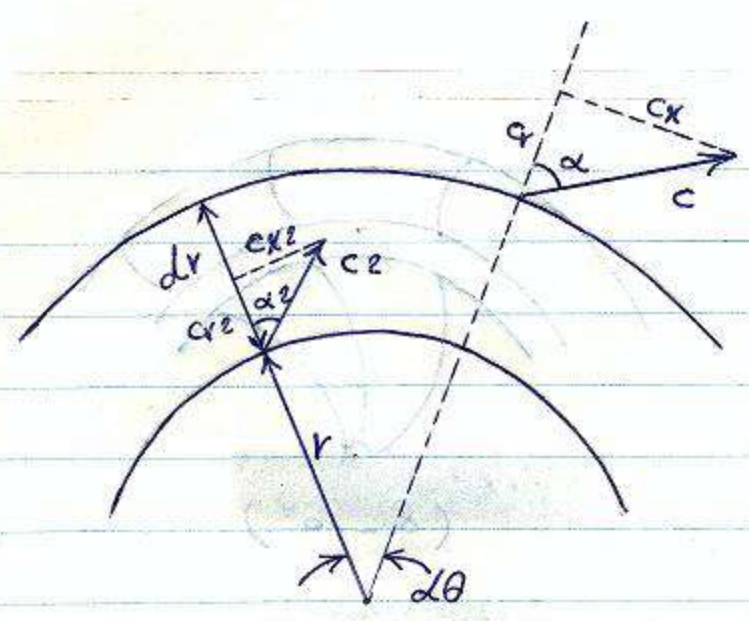


نتیجه : برای کاهش  $c$  (افزایش  $r$ ) باید شعاع مسیر ذیفیوزر  $(r)$  تا حد امکان بزرگ شود که البته محدودیت ساخت دارد.

\* میزان انحراف سیال در حین عبور از ذیفیوزر هواره دارای زاویه ثابتی است (نسبت به شعاع پد) که زاویه  $\alpha$  است :

$$(\alpha = cte)$$





$$\left\{ \begin{aligned} \tan \alpha_2 &= \frac{c_{x2}}{c_{r2}} \\ \tan \alpha &= \frac{c_x}{c_r} \end{aligned} \right. \rightarrow \alpha_2 = \alpha$$

$$\frac{\sqrt{c_r}}{\sqrt{c_x}} = \frac{\sqrt{r_2/c_{r2}}}{\sqrt{r/c_{x2}}} \quad \text{چون}$$

\* در هر شعاع  $r$  در داخل دیفیوزر بازاء زاویه  $d\theta$  :

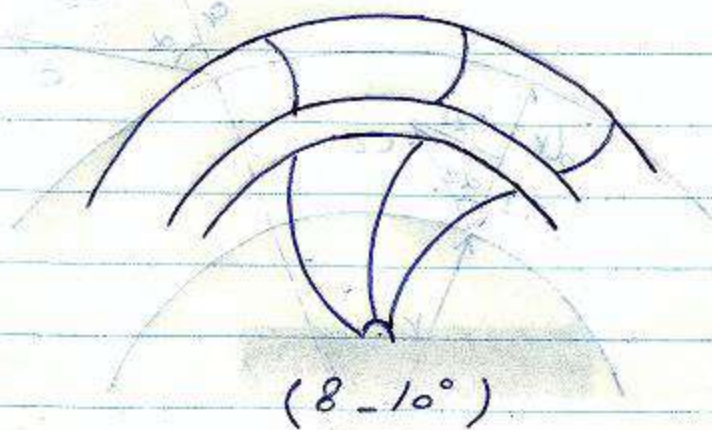
$$\tan \alpha = \frac{r d\theta}{dr} \rightarrow d\theta = \frac{dr}{r} \tan \alpha = \frac{dr}{r} \tan \alpha_2$$

\* با انگرالگیری بین ورودی و خروجی از آن :

$$\theta - \theta_2 = \tan \alpha_2 \ln \frac{r}{r_2}$$

$\downarrow$                        $\downarrow$                        $\downarrow$   
 $180^\circ$                        $78^\circ$                       2





### چند نکته در دیفیوزرهای بایره :

- ۱- هرچه تعداد پره‌ها بیشتر باشد عمل دیفیوزر بهتر صورت می‌گیرد و تلفات اصطکاکی هم بیشتر می‌شود.
- ۲- بهترین سطح جریان بصورت مقطع مربعی است.
- ۳- تعداد پره‌های دیفیوزر و پروانه نباید با ضریب ثابتی بهم مربوط باشند و گرنه پدیده زونا نشی ایجاد شده و پمپ می‌لرزد.

### گاو قیاسیون :

هرگاه در مورد سیال داری جریان در نقطه‌ای فشار با اندازه فشار تبخیر سیال در آن دما برسد دانه تبخیر موضعی سیال حبابها در داخل مایع ایجاد می‌شود. در اثر حرکت سیال به نقاط فشار بالاتر



این جابها با فشار بسیار زیادی ترکیده و بر روی سطح فلز ایجاد خوردگی می کنند که این پدیده را کاوریتاسیون گویند.

عدد کاوریتاسیون (Cavitation Index) :

عدد سیال بالاتر از هر فشار تبخیر  
 هد پمپ

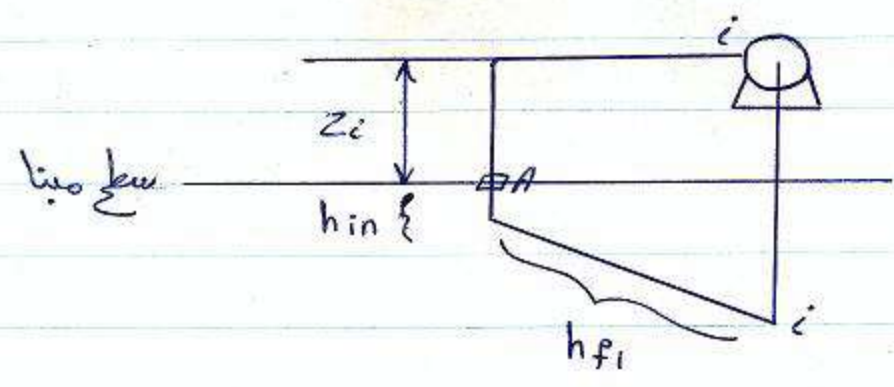
$$K = \frac{\left( \frac{P_i}{\rho g} + \frac{V_i^2}{2g} - \frac{P_{vap.}}{\rho g} \right)}{H}$$

ارتفاع مینا  $Z_i = 0$

\* صورت کسر ( NPSH ) ( هد مثبت خالص مکش ) گویند .

« Net Positive Suction Head »

\* بین مقطع ورود به لوله (A) و ورود به پمپ (i) می توان نوشت :





$$\frac{P_A}{\rho g} + \frac{V_A^2}{2g} + Z_A = \frac{P_i}{\rho g} + \frac{V_i^2}{2g} + Z_i + \underbrace{(h_{f_i} + h_{i_n})}_{H \text{ suction}}$$

\* با تعریف هد مکش (هد لازم پمپ برای رساندن مایع به سطح مکش) :

$$H \text{ suction} = Z_i + h_{f_i} + h_{i_n}$$

$$\rightarrow \frac{P_i}{\rho g} + \frac{V_i^2}{2g} = \frac{P_A}{\rho g} - H \text{ suction}$$

$$S = \frac{\left( \frac{P_A}{\rho g} - H \text{ suction} - \frac{P_{\text{vap}}}{\rho g} \right)}{H}$$

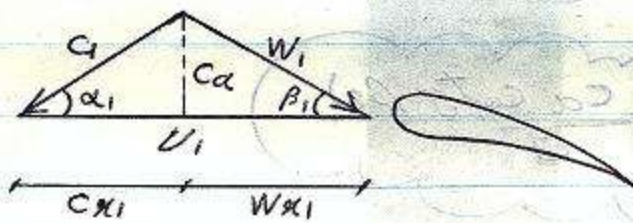
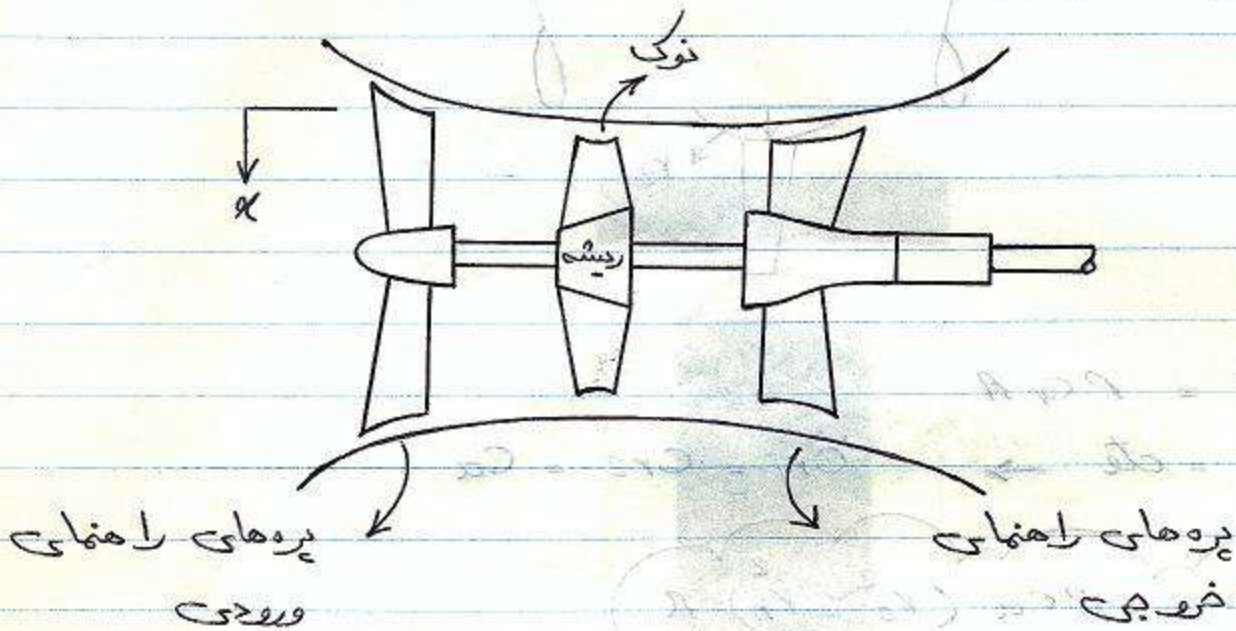
\* پس اگر عدد کلاویتا سیورج از مقدار بحرانی کمتر شد می توان -  
 حتی پمپ را زیر سطح مبنای (یعنی زیر زمین) قرار داد. (چون  
 فشار بخار را که نمی توان تغییر داد).

**فرشاد سرایی** - مهندس پایه یک تأسیسات مکانیکی  
 طراحی - نظارت - اجرا  
 نقام مهندسی: ۱۵۳۰۰-۱۷۲۷۶  
 پروانه مهندسی: ۱۵۳۰۰-۰۲۸۱۵  
 شماره شهرسازی: ۱۵۳-۰۱۲۲۲

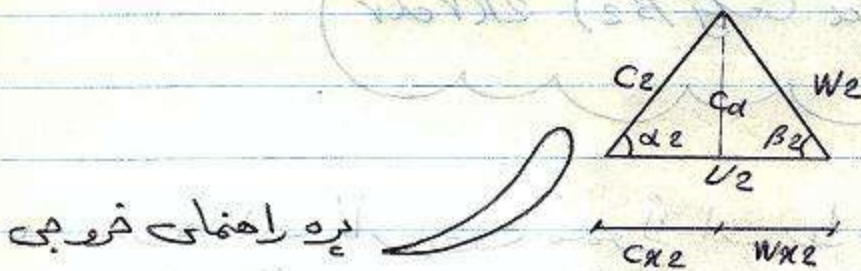
جزوه آموزشی درس توربو ماشین **آقای دکتر گورش امیراصلانی تبریز**  
 دانشگاه آزاد اسلامی واحد جنوب تهران - دانشکده فنی (۱۳۷۳)



پره‌های محوری (Axial)



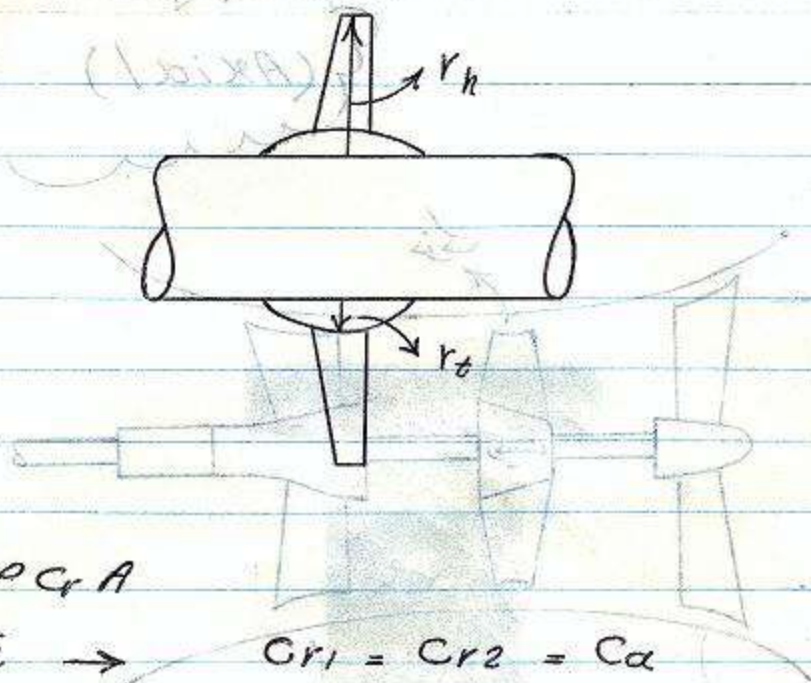
$(U_1 = U_2 = U)$



\* تعداد تیغه‌ها 2 تا 8 عدد است.

\*  $0.3$  تا  $0.6 = \frac{\text{قطر ریشه}}{\text{قطر نوک}}$





$$\dot{m} = \rho C_r A$$

$$A = c t e \rightarrow C_{r1} = C_{r2} = C_a$$

$$\dot{m} = \rho C_a (r_t^2 - r_h^2) R$$

$$E = \frac{U(U - C_a \cot \beta_2)}{g}$$

$$dW = U(U - C_a \cot \beta_2) 2Rr dr$$

\* در حالات کار بردی معمولاً از روابط قبل در شعاع متوسط  $r_m = \frac{r_t + r_h}{2}$  استفاده می شود.

\* در پهنای صورتی چون در شروع کار  $\beta_2$  کوچک است پس  $(C_a \cot \beta_2)$  زیاد است. پس در شروع کار پهنای صورتی تقارن بالایی برای راه اندازی نیاز است (شکل 2-27). برای رفع این نقیصه زوایا پره ها را متغیر می گیرند. یعنی در نقاط مختلف پره زوایا یکسان نیست.

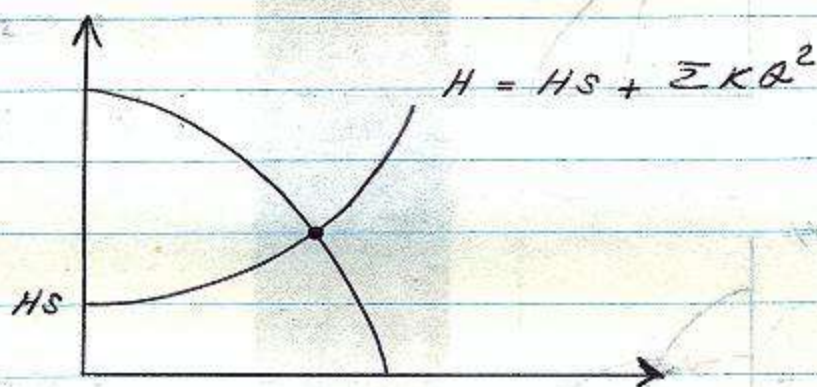


نقطه کار در پمپها :

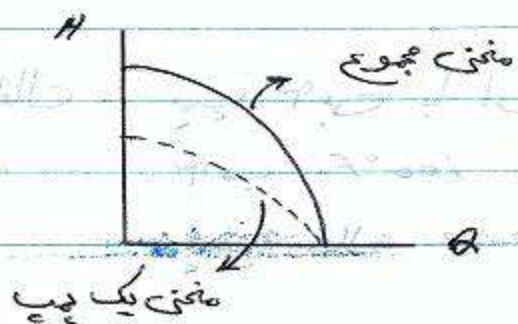
$$H_{\text{pump}} = H_s + H \text{ ناشی از افتها}$$

$$\sum h_f = \sum K Q^2$$

$$f \frac{L}{D} = V^2 / 2g$$

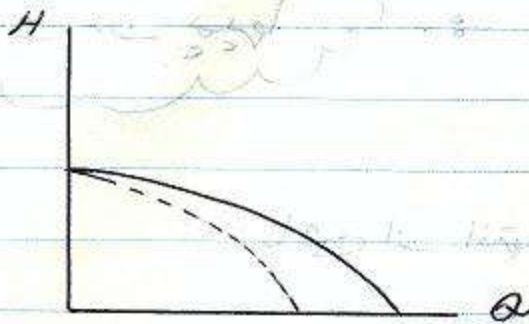


\* بهترین حالت این است که نقطه کار به نقطه انزمام Max هر چه نزدیکتر باشد. همیشه شیر را در قسمت خروجی پمپ قرار می دهند تا نقطه کار ثابت باشد. قرار دادن شیر در قسمت انش (خروجی) پمپ باعث می شود که تغییرات سرعت قسمت مکش پمپ به آن اعمال نشود و همچنین NPSH لازم کاهش نیابد.

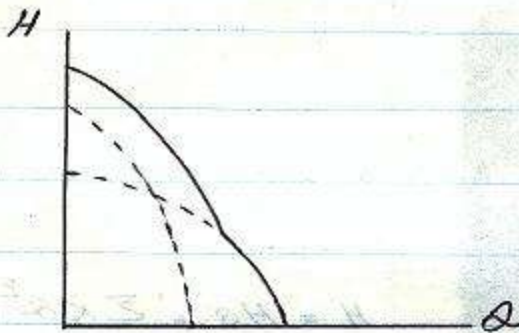


\* دو پمپ سری مشابه :

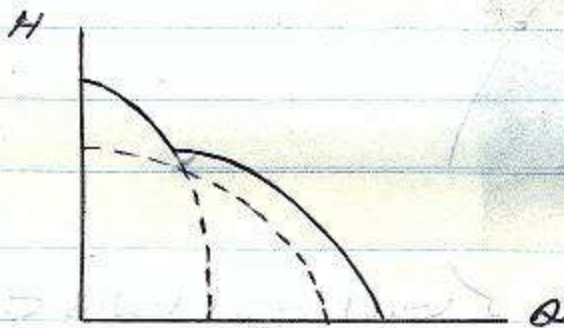




\* دو پمپ مولتی مشابه :



\* دو پمپ مختلف سری :



\* دو پمپ مختلف موازی :

پمپهای موازی (دبی) را افزایش می دهند.  
 پمپهای سری (هد) را افزایش می دهند.

مثال - پمپ ۳ بی با ارتفاع ۱۳۰ ft ب ۲ را پمپا می کند. دمای -  
 ب ۲ ۱۰۰°F و فشار ایستف ۱۴.۳ psi است. در ورودی  
 پمپ خلا ۱۷ in Hg و سرعت ۱۲ fps وجود دارد. مقادیر



NPSH و عدد گاویتاسیون را تعیین کنید.

$$h_w = h_{Hg} \frac{\gamma_{Hg}}{\gamma_w}$$

$$NPSH = \frac{P_i}{\gamma} + \frac{V_i^2}{2g} - \frac{P_v}{\gamma}$$

نشار تبخیر در  $100^\circ F$

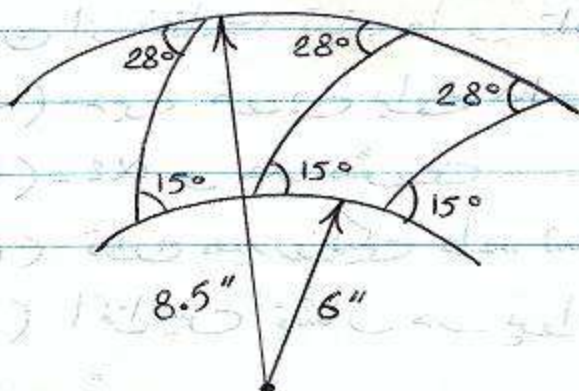
$$\frac{P_i}{\gamma_{H_2O}} = \frac{14.3 (144)}{62} - \frac{17}{12} \times \frac{847.3}{62} = 13.85 \text{ ft}$$

تبدیل به ft

$$NPSH = 13.85 + \frac{(12)^2}{2(32.2)} - \frac{135.16 \text{ ft}^2}{62} = 13.91 \text{ ft H}_2\text{O}$$

$$\text{عدد گاویتاسیون (K)} = \frac{NPSH}{H} = \frac{13.91}{130} = 0.107$$

مسئله - شکل زیر ابعاد و زوایای پره‌های دیفیوزر یک پمپ گریز از مرکز را نشان می‌دهد. عرض مسیر پره‌ها در جهت عمود بر صفحه  $0.8 \text{ in}$  است. اگر پروانه تحت شرایط ایده‌آل آب را با دبی  $2.8 \text{ ft}^3/\text{s}$  تخلیه کند افزایش فشار در عرض دیفیوزر را تعیین کنید.





$$(برنولی) \quad \frac{P}{\gamma} + \frac{V}{2g} + z = \text{cte}$$

$$\frac{P_1}{\gamma} + \frac{V_1^2}{2g} = \frac{P_2}{\gamma} + \frac{V_2^2}{2g} \rightarrow \Delta P = \frac{V_1^2 - V_2^2}{2g} \gamma$$

$$Q = V_1 A_1 = V_2 A_2 = V_1 2R r_1 b_1 = V_2 2R r_2 b_2 \rightarrow$$

$$* \quad V_1 = \frac{Q}{2R r_1 b_1} = \frac{2.8}{2R \left(\frac{6}{12}\right) \left(\frac{0.8}{12}\right) \sin 15^\circ} \rightarrow$$

$$\langle V_1 = 51.65 \text{ FPS} \rangle$$

$$* \quad V_2 = \frac{Q}{2R r_2 b_2} = \frac{2.8}{2R \left(\frac{8.5}{12}\right) \left(\frac{0.8}{12}\right) \sin 28^\circ} \rightarrow$$

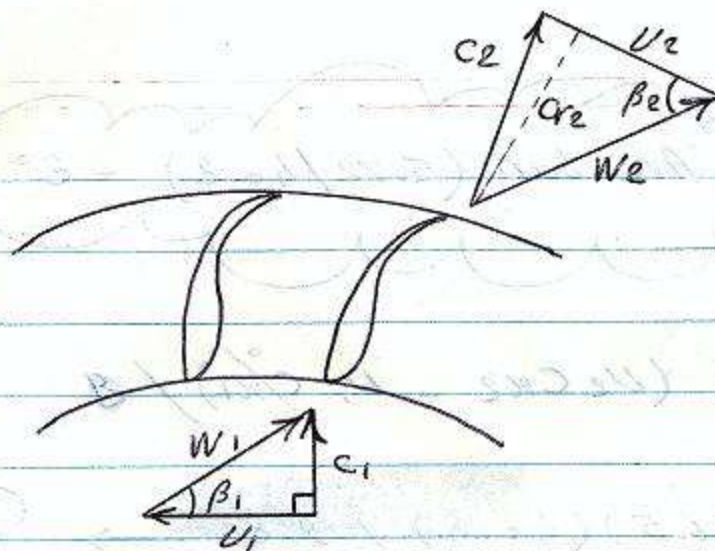
$$\langle V_2 = 20.1 \text{ FPS} \rangle$$

$$\Delta P / \gamma = \frac{(51.65)^2 - (20.1)^2}{2(32.2)} \rightarrow \frac{\Delta P}{\gamma} = 35.15 \text{ ft}$$

$$\Delta P = \frac{(62)(35.15)}{144} = 15.2 \text{ PSI}$$

- مسئله - پمپ گریز از مرکز دارای پروانه‌ای به مشخصات  $\beta_1 = 20^\circ$  ،  $\beta_2 = 10^\circ$  و  $r_1 = 10 \text{ cm}$  و  $r_2 = 30 \text{ cm}$  است. عرض پروانه در ورودی  $5 \text{ cm}$  و در خروجی  $2 \text{ cm}$  است. با صرف نظر کردن از ضخامت تیغه‌ها و تلفات در دور  $1800 \text{ RPM}$  مطلوبیت:
- دین خروجی برای حالت بدون ضربه به ازای  $\alpha_1 = 90^\circ$
  - $\alpha_2$  و هد تنوری
  - توان هیدرولیکی داده شده به سیال
  - افزایش فشار در پروانه.





$$U_1 = \omega r_1 = 2R (1800/60) (0.1) = 18.8 \text{ m/s}$$

$$U_e = \omega r_e = 2R (1800/60) (0.3) = 56.5 \text{ m/s}$$

از مثلث سرعت :  $c_{r1} = c_1 = U_1 \tan \beta_1 = 18.8 \tan 20^\circ$

$$\rightarrow c_{r1} = c_1 = 6.86 \text{ m/s}$$

$$Q = 2R (0.1) (0.05) (6.86) = 0.216 \text{ m}^3/\text{s}$$

$$\tan \alpha_2 = c_{re} / c_{xe} \quad :$$



$$c_{re} = Q_e / 2R r_e b_2 = 0.216 / 2R (0.3) (0.02)$$

$$\ll c_{re} = 5.72 \text{ m/s} \gg$$

$$U_e = c_{xe} + W_{xe} \rightarrow W_{xe} = (5.72) \tan 10 = 1.0 \text{ m/s}$$

$$c_{xe} = U_e - W_{xe} = 40.8 \text{ m/s} \rightarrow$$



$$\alpha_2 = \text{Arc tan} (5.72/40.8) = 8^\circ$$

$$E = H = (V_2 C_{x2} - V_1 C_{x1}) / g \rightarrow$$

$$H = (56.5)(40.8) / 9.8 \rightarrow H = 235.2 \text{ m}$$

$$P \text{ (توان)} = \gamma H Q$$

$$P = (9810)(235.2)(0.216) / 1000 \text{ KW}$$

$$P = 498.4 \text{ KW}$$

$$\frac{C_1^2}{2g} + \frac{P_1}{\gamma} = \frac{C_2^2}{2g} + \frac{P_2}{\gamma} - H$$

$$\frac{P_2 - P_1}{\gamma} = H + \frac{C_1^2 - C_2^2}{2g}$$

$$C_2 = \sqrt{C_{x2}^2 + C_{r2}^2} = 41.2 \text{ m/s}$$

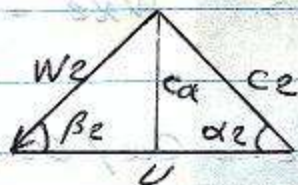
$$\frac{P_2 - P_1}{\gamma} = 151 \text{ m}$$

$$\Delta P = 1481 \text{ KPa}$$

مسئله - یک پمپ محوری در دور 1200 RPM کاری کند قطر نوک پره‌ها 1.1 m و قطر ریش پره‌ها 0.8 m است. زوایای ورودی و خروجی پره‌ها به ترتیب 30° و 60° و زاویه



پروانهها ( $\alpha_1$ )  $60^\circ$  است. مؤلفه عمودی سرعت آب در طول Rotor ثابت است. ضمن رجع مثلث سرعت ورودی و خروجی دینام و توان پمپ را محاسبه کنید. شرایط قطر متوسط را در نظر بگیرید و فرض کنید سیال به طور ماسی وارد شده و ماس برآورد مع خارج می شود.



$$C_a = c_{te} \quad , \quad d_m = \frac{d_t + d_h}{2} = \frac{1.1 + 0.8}{2} = 0.95 \text{ m}$$

$$\rightarrow R_m = d_m / 2 = 0.475 \text{ m}$$

$$U = R_m \cdot \omega = (0.475) 2\pi (1200/60) \rightarrow$$

$$U = 59.7 \text{ m/s}$$

$$\tan \alpha_1 = C_a / C_{x1} \Rightarrow C_{x1} = C_a / \tan \alpha_1 \quad (1)$$

$$\tan \beta_1 = C_a / W_{x1} \rightarrow W_{x1} = C_a \times \tan \beta_1 \quad (2)$$

$$\rightarrow C_a \left( \frac{1}{\tan 60} + \frac{1}{\tan 30} \right) = 59.7 \rightarrow$$

$$(\text{C}_a = 25.9 \text{ m/s})$$



$$U = C_{x1} + W_{x1} \rightarrow$$

: حركه

$$U = C_d \left( \frac{1}{\tan \alpha_1} + \frac{1}{\tan \beta_1} \right)$$

$$(1) \rightarrow C_{x1} = 25.9 / \tan 60^\circ = 14.95 \text{ m/s}$$

$$\tan \alpha_2 = C_d / C_{x2} \rightarrow \tan \alpha_2 = C_d / U - W_{x2} \quad (3)$$

$$\tan \beta_2 = C_d / W_{x2} \rightarrow W_{x2} = C_d / \tan \beta_2 \quad (4)$$

$$(3), (4) \rightarrow \tan \alpha_2 = C_d / U - \frac{C_d}{\tan \beta_2} = 25.9 / 59.7 - \frac{25.9}{\tan 60^\circ}$$

$$\alpha_2 = 30^\circ$$

$$C_{x2} = C_d \tan \alpha_2 = 25.9 \tan 30^\circ \rightarrow$$

$$\ll C_{x2} = 44.9 \text{ m/s} \gg$$

$$* Q = C_d \frac{\pi}{4} (d_t^2 - d_h^2) \rightarrow$$

$$25.9 \left[ \frac{\pi}{4} (1.1^2 - 0.8^2) \right] = 1.6 \text{ m}^3/\text{s}$$

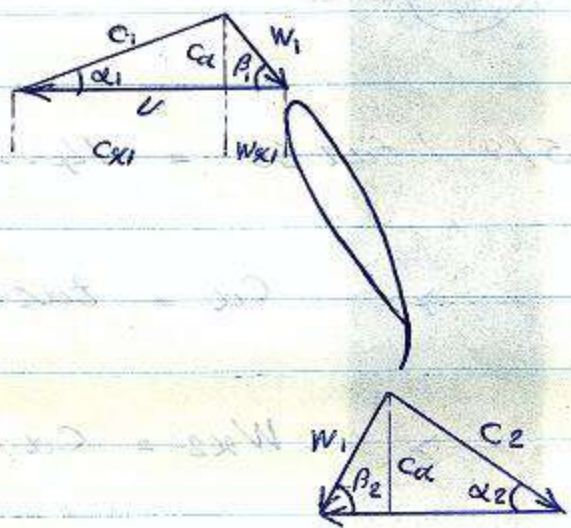
$$* H = U (C_{x2} - C_{x1}) / g = 59.7 (44.9 - 14.95) / 9.81$$

$$H = 181.7 \text{ m}$$

$$* P \text{ (قوة)} = \gamma H Q = (9810)(181.7)(1.6) / 10^6 = 20.67 \text{ MW}$$



مثال - یک پمپ محوری در  $1200 \text{ rpm}$  قطر فنوک پروپا  $1.1 \text{ m}$  و قطر ریشه پروپا  $0.8 \text{ m}$  است. زوایای ورودی و خروجی پروپا ( $\beta_1$ )  $30^\circ$  و  $60^\circ$  و زاویه پروپاها ( $\alpha_1$ )  $60^\circ$  است. مؤلفه محوری سرعت آن در طول rotor ثابت است. ضریب ریمینگ سرعت ورودی و خروجی  $\beta_1$  و  $\beta_2$  را بیابید. شرایط قطر متوسط را در نظر گرفته و فرض کنید سیال بطور همبسی وارد پروپا شده و همبسی بر آن مع خارج می شود (یعنی  $\beta_1$  و  $\beta_2$  زوایای سرعت نسبی مع هستند).



$$d_m = \frac{d_t + d_h}{2} = \frac{1.1 + 0.8}{2} = 0.95 \text{ m}$$

$$\rightarrow R_m = d_m / 2 = 0.475 \text{ m}$$

$$U = R_m \cdot \omega = (0.475) \left[ 2\pi \left( \frac{1200}{60} \right) \right] \rightarrow$$

$U = 59.7 \text{ m/s}$



$$\tan \alpha_1 = C_d / C_{x1} \Rightarrow C_{x1} = C_d / \tan \alpha_1 \quad (1)$$

$$\tan \beta_1 = C_d / W_{x1} \Rightarrow W_{x1} = C_d / \tan \beta_1 \quad (2)$$

$$U = C_{x1} + W_{x1} \xrightarrow{(1) \text{ \& \; } (2)} C_d (1/\tan \alpha_1 + 1/\tan \beta_1) = U$$

$$\rightarrow C_d = 25.9 \text{ m/s}$$

$$(1) \rightarrow C_{x1} = 25.9 / \tan 60 = 14.95 \text{ m/s}$$

$$\tan \alpha_2 = C_d / C_{x2} \rightarrow C_d = \tan \alpha_2 (U - W_{x2}) \quad (3)$$

$$\tan \beta_2 = C_d / W_{x2} \rightarrow W_{x2} = C_d / \tan \beta_2 \quad (4)$$

$$(3) \text{ \& \; } (4) \rightarrow \tan \alpha_2 = \frac{C_d}{U - C_d / \tan \beta_2}$$

$$\tan \alpha_2 = \frac{25.9}{59.7 - 25.9 / \tan 60} \rightarrow \alpha_2 = 30^\circ$$

$$(3) \rightarrow C_{x2} = C_d / \tan \alpha_2 \rightarrow C_{x2} = 44.9 \text{ m/s}$$

$$\dot{Q} = C_d R/4 (d_t^2 - d_n^2) = 25.9 \left[ R/4 (1.1^2 - 0.8^2) \right]$$

$$\dot{Q} = 11.6 \text{ m}^3/\text{s}$$

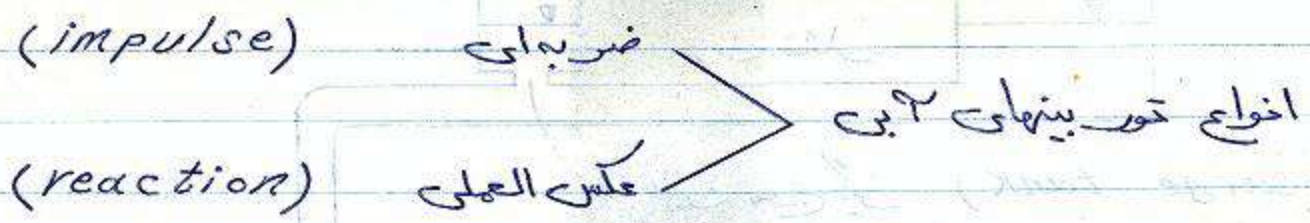


$$H = \frac{VCx_2 - VCx_1}{g} = \frac{59.7(44.9 - 14.95)}{9.8} = 181.7m$$

$$P = \gamma H Q = (9810)(181.7)(11.6) / 10^6 = 20.67 MW$$



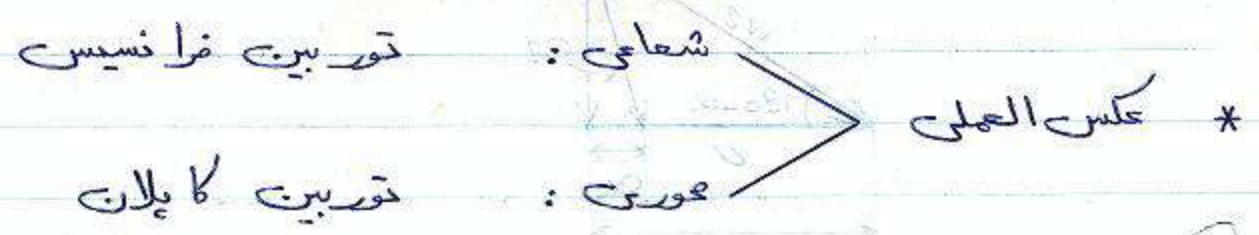
توربین‌های آبی



در (impulse) : در حین عبور سیال از پره‌های گردنده -  
 (تاشقه‌ها) افت فشار استاتیکی نداریم.

در (reaction) : در حین عبور سیال در چرخ گردنده افت فشار  
 استاتیکی داریم.

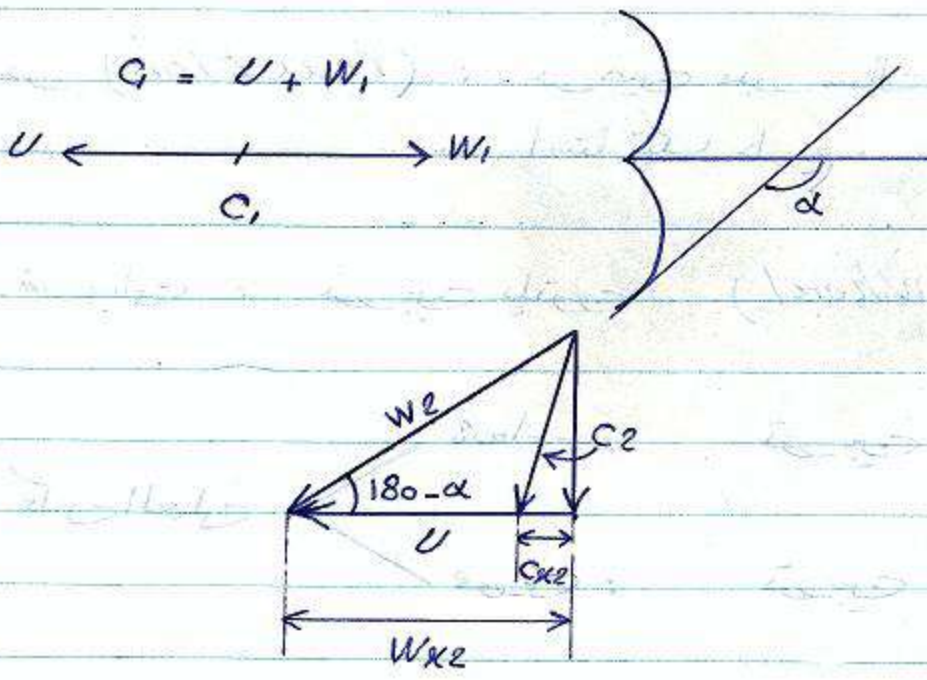
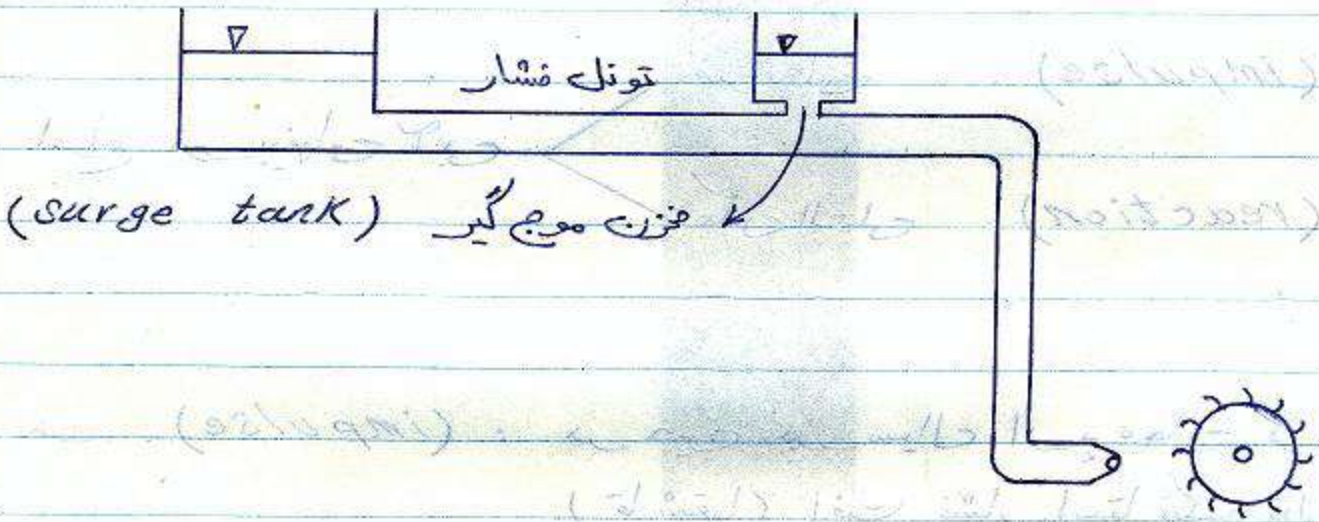
\* ضربه‌ای : توربین پلتون (Pelton Wheel)





- پلتون تاحد حد اکثر 2000 m
- فرانسيس تاحد حد اکثر 1600 m
- كابلان تاحد حد اكثر 600 m

توربين پلتون :





$$E = \frac{U(Cx_1 - Cx_2)}{g}$$

$$E = U[(U + W_1) + (Wx_2 - U)] / g$$

$$E = U(W_1 + W_2 \cos(180 - \alpha)) / g$$

\* با فرض اینکه جریان سرعت نسبی سیال بدون اصطکاک است:  $W_1 = W_2$

$$E = UW_1(1 - \cos \alpha) / g$$

$$E = U(Q - U)(1 - \cos \alpha) / g$$

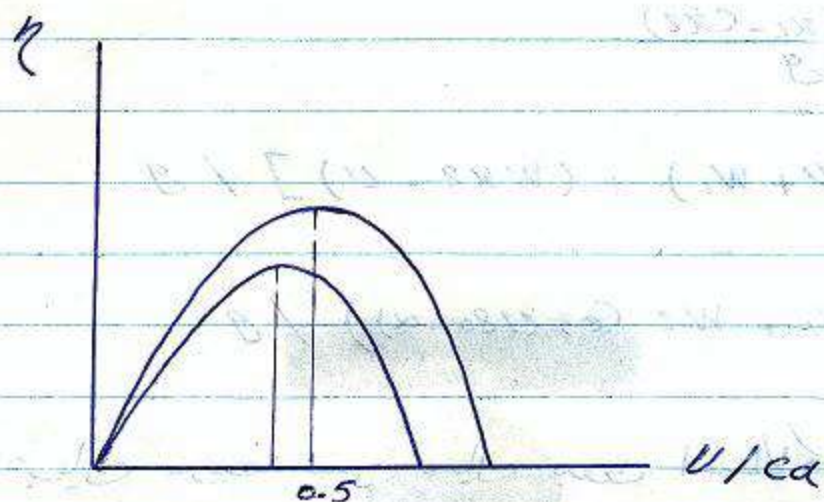
$$\frac{dE}{dU} = 0 \rightarrow \frac{(Q - 2U)(1 - \cos \alpha)}{g} = 0 \rightarrow$$

\* اگر  $Q = 2U$  باشد و بعبارتی  $U = Q/2$  باشد مقدار  $E$  ماکزیم خواهد بود.

$$\rightarrow E_{\max} = \frac{Q^2 (1 - \cos \alpha)}{4g}$$

\* ولی در عمل  $W_1 \neq W_2$  است لذا  $(K = W_2/W_1)$





\* با تعریف زاویه انحراف هیدرولیکی توربین :

$$\eta_H = \frac{\text{انرژی منتقله}}{\text{انرژی موجود فولان}} = \frac{E}{Q^2/2g}$$

\* اگر  $\alpha = 180^\circ$  باشد :

$$E_{max} = \frac{Q^2}{2g} \rightarrow$$

$$\eta_H = \frac{E_{max}}{Q^2/2g} = 100\%$$

تنظیم توربین پلتون با تغییر بار

$u/c_d$  باید ثابت باشد تا زاویه انحراف در بهترین حالت باشد.



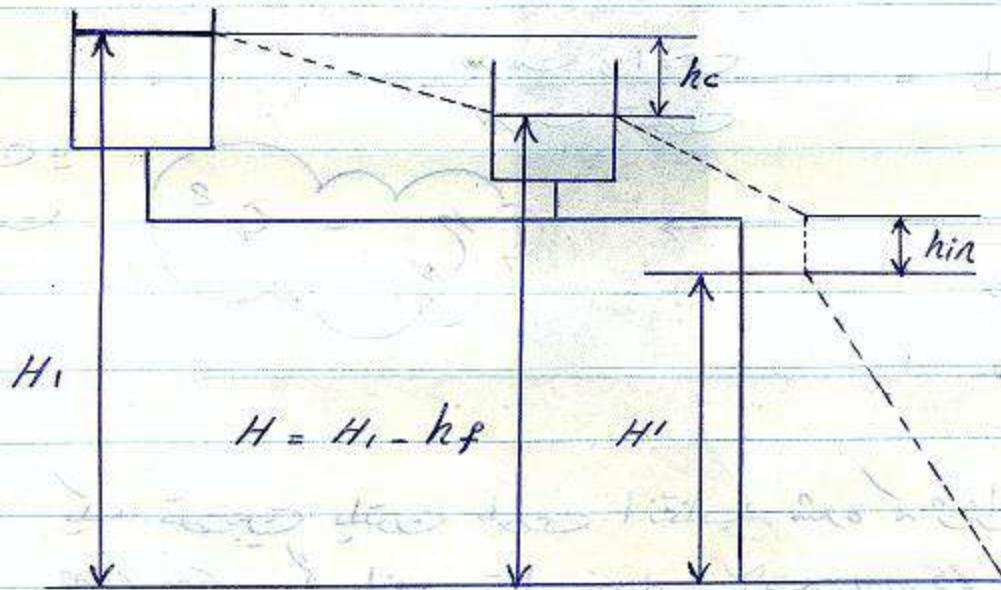
$$P = \gamma H' Q$$

\* پس  $Q$  باید تغییر کند:

$$Q = C \cdot A \xrightarrow[\text{باید}]{Q = ct} \text{باید}$$

$A$  باید تغییر کند

افت در توربین پلتون:



$$H' = H_1 - (h_f + h_{in}) = Q^2 / 2g$$

انرژی در انتهای مسیر انتقال = اندمان سیستم انتقال  
 " " ابتدای " "



$$\eta_{\text{trans.}} = \frac{H}{H_1} = \frac{H_1 - hf}{H_1}$$

راندمان شیبوره =  $\frac{\text{انرژی خروجی نازک}}{\text{انرژی ورودی نازک}}$

$$\eta_{N1} = \frac{H'}{H} = \frac{C^2}{2gH}$$

راندمان سرعت نازک =  $\frac{\text{سرعت واقعی}}{\text{سرعت تئوری}}$

$$C_v = \frac{C}{\sqrt{2gH}}$$

$$\eta_N = C_v^2$$

$C_v$  - راندمان یا ضریب سرعت

مسئله - یک توربین پلتون طوری انتخاب شده که ژنراتور را در دور 600 RPM بگرداند. قطر فواران آب 75 mm و سرعت آن  $Q = 100 \text{ m/s}$  است. به ازای زاویه پره  $170^\circ$  نسبت سرعت پره به سرعت اولیه فواران برابر 0.47 است  $(\frac{C}{C_0})$  با صرف نظر از تلفات:

الف - قطر پره

ب - توان تولیدی

ج - انرژی جنبشی به ازای هر متر باقیمانده از سیال



$$Q = 100 \text{ m/s} \rightarrow U = 0.47Q = 47 \text{ m/s}$$

$$U = r \cdot \omega = d/2 (2RN) = R d N \rightarrow$$

$$d = \frac{U}{RN} = \frac{47}{R (600/60)} \rightarrow d = 1.5 \text{ m}$$

$$\frac{\dot{W}}{mg} = \frac{U(Q-U)(1-C_d)}{g} \rightarrow$$

$$\dot{W} (\text{توان}) = \dot{m} U (Q-U) (1-C_d)$$

$$\dot{W} = \rho Q U (Q-U) (1-C_d)$$

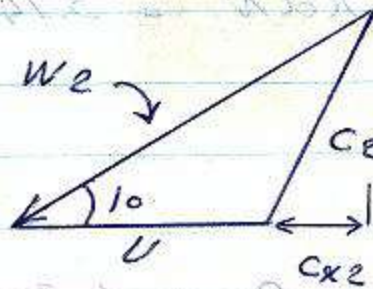
$$\text{لذا: } \dot{Q} = R/4 d^2 Q \rightarrow$$

$$\dot{W} = (1000) [R/4 (0.075)^2 (100)] (47) (100 - 47) (1 - 0.17)$$

$$\dot{W} = P = 2184 \text{ kW}$$

$$\frac{C_e^2}{2g} = \frac{C_{x2}^2 + C_{r2}^2}{2g}$$

$$C_1 - U = W_1 = W_2$$





$$W_2 = W_1 = 100 - 47 = 53 \text{ m/s}$$

$$W_{x2} = U + C_{x2} \Rightarrow C_{x2} = W_2 \cos(180 - \alpha) - U$$

$$C_{x2} = 53 \cos 10 - 47 = 5.2 \text{ m/s}$$

$$C_{r2} = W_2 \sin(180 - \alpha) = 53 \sin 10^\circ$$

$$C_{r2} = 9.2 \text{ m/s}$$

$$\frac{C_2^2}{2g} = \frac{(5.2)^2 + (9.2)^2}{2(9.81)} = 5.17 \text{ m} \quad \text{تلف شده}$$

توربین - یک توربین پلنتون توان  $1500 \text{ kW}$  می دهد. شعاع برج تا مرکز  $2 \text{ m}$  است و دور آن  $200 \text{ RPM}$  است. اگر راندمان توربین  $85\%$  باشد با صرف نظر از اصطکاک تا نازل هر کج مورد نیاز چقدر است؟ سطح مقطع نازل را بیابید.

$U/c_1 = 0.48$   
 $\alpha = 16^\circ$

$$U = r\omega \rightarrow U = \pi d N = 3.14 (2) (200/60)$$

$$\rightarrow U = 20.9 \text{ m/s}$$

$$U/c_1 = 0.48 \rightarrow c_1 = 43.6 \text{ m/s}$$



$$\dot{W} = \rho Q U (C_1 - U) (1 - C_0 \alpha) (10^3) \text{ kW} \rightarrow$$

$$1500 = (1) (Q) (20.9) (43.6 - 20.9) (1 + 0.93) (10^3) \rightarrow$$

$$Q = 1.6 \times 10^{-3} \text{ m}^3/\text{s}$$

$$\dot{W} = \rho g Q H \eta_o (10^3) \text{ kW} \rightarrow$$

$$1500 = (1) (9.81) (1.6 \times 10^{-3}) (H) (0.85) (10^3) \rightarrow$$

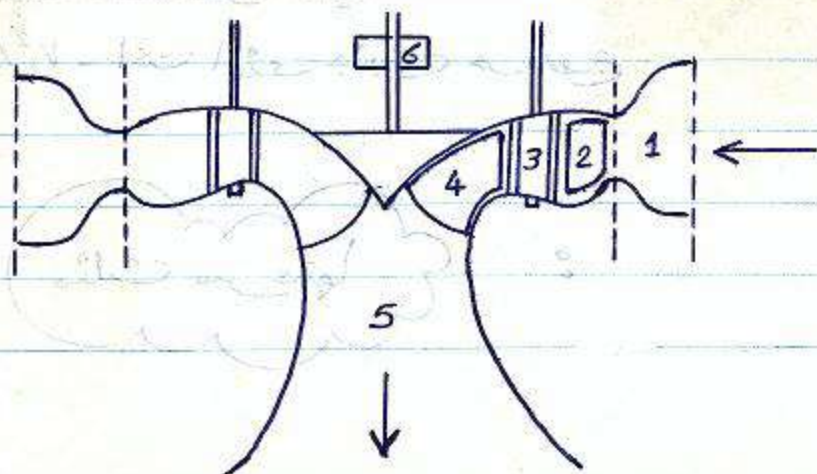
$$H = 112.4 \text{ m}$$

$$Q = C_1 \cdot A \rightarrow 1.6 \times 10^{-3} = 43.6 \times A \rightarrow$$

$$A = 3.6 \times 10^{-5} \text{ m}^2$$

(فرانسيس)

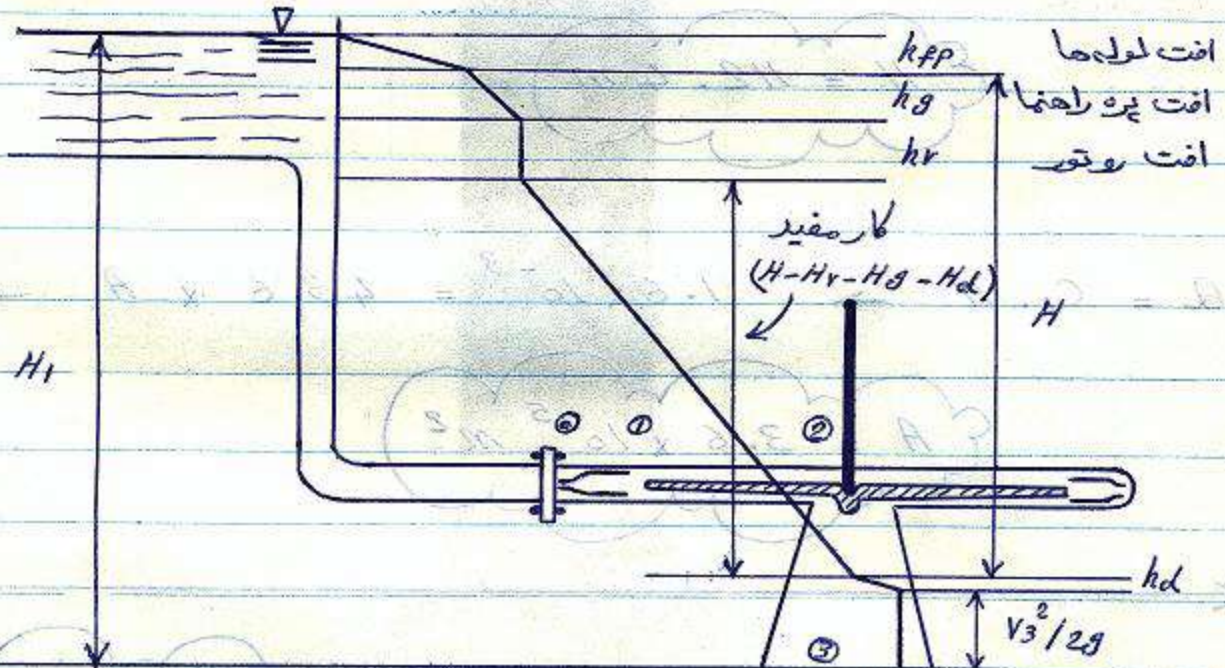
توربینهای شعاعی





- 1- طرزونی (1) (2) (3) (4) (5) (6) - یا قمار
- 2- پروهای راهنمای ثابت
- 3- پروهای راهنمای قابل تنظیم
- 4- روتور
- 5- لوله راش (تخلیه)

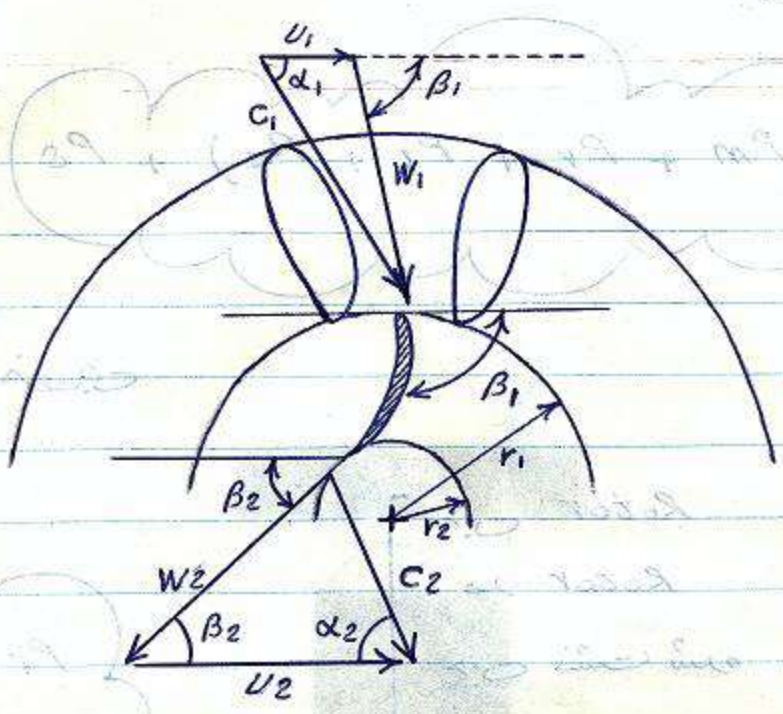
\* زاویه واگرائج دیفیوزر (5) برای این است که فشار سیال خروجی کم کم به فشار اتمسفر برساند تا از پدیده Cavitation جلوگیری شود.



$kd$  - افت لوله تخلیه  
 $v_3^2/2g$  - افت انرژی جنبشی در خروجی

مثلت سرعتها





$$\begin{cases} Q = 2\pi r b C_r \\ E = \frac{U_1 C_{x1} - U_2 C_{x2}}{g} \end{cases}$$

هدکلی توربین =  $\left[ \left( \frac{P_3}{\sigma} + \frac{V_3^2}{2g} + Z_3 \right) - \left( \frac{P_0}{\sigma} + \frac{V_0^2}{2g} + Z_0 \right) \right]$

تلفات

- 1- تلفات مکانیکی  $P_m$
- 2- تلفات Rotor ( ناشی از اصطکاک و جثائی و ... )  $P_r$
- 3- تلفات نشست سیال از قسمت ورود پره به خروجی  $P_L$
- 4- تلفات حفظه ( ناشی از اصطکاک ، جثائی ، واگرائی و ... )  $P_c$



$$P = (P_m + P_r + P_L + P_c) + P_s$$

توان کل داده شده به توربین

$P_s$  - توان شفت خروجی

$\alpha_r$  -  $\alpha_r$  روتور

$H_r$  -  $H_r$  در روتور

$\varphi$  -  $\varphi$  دبی نسبت شده

$$\alpha = \alpha_r + \varphi$$

$h_r$  - افت هدر روتور

$h_c$  - افت هدر محفظه

$$P_r = \rho g h_r \alpha_r$$

$$P_L = \rho g H_r \varphi$$

$$P_c = \rho g \alpha h_c$$

$$\eta = \frac{P_s}{P} = \frac{\text{توان شفت خروجی}}{\text{توان کل داده شده}}$$

$$\eta = \frac{P_s}{\rho g H \alpha}$$

$$\eta = \frac{\text{توان جذب شده توسط توربین}}{\text{توان کل داده شده به توربین}}$$

$$\eta = \frac{P_s + P_m}{\rho g H \alpha}$$

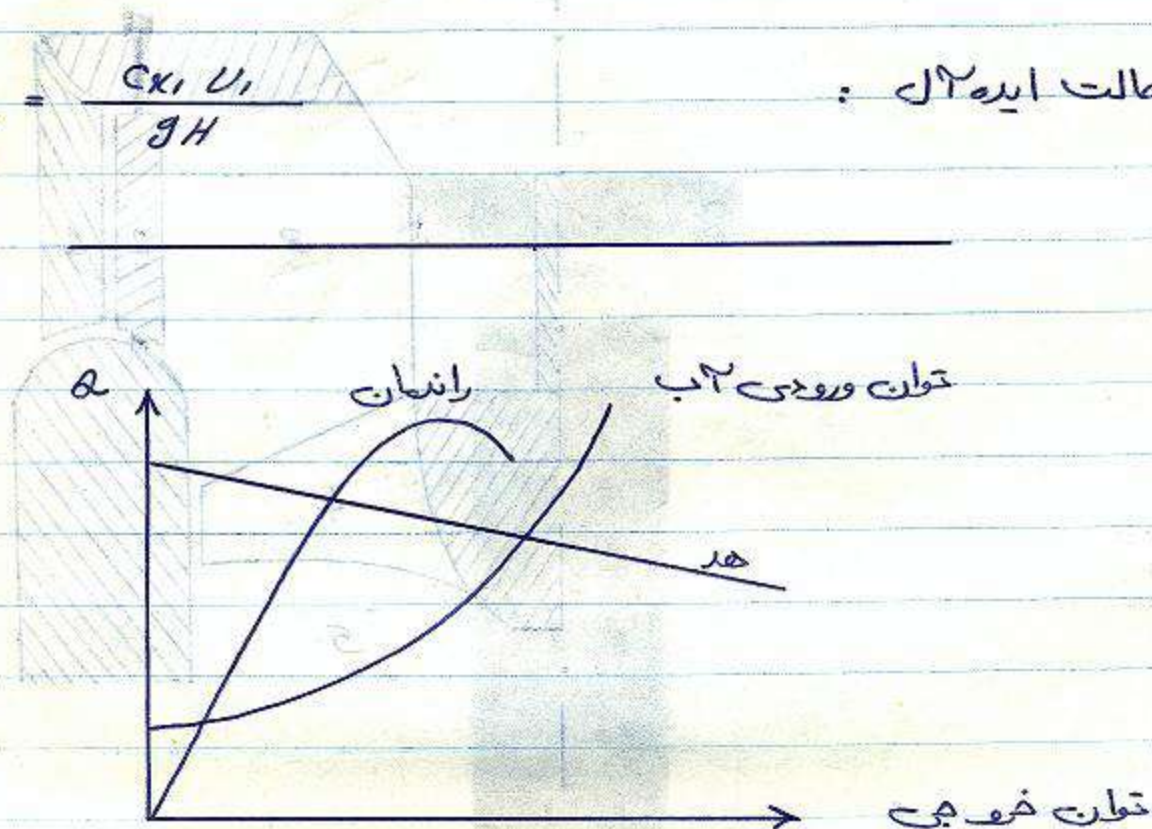


$$\eta_H = \frac{(U_1 C_{X1} - U_2 C_{X2}) / g}{H}$$

در حالت ایده آل :

$$\eta_H = \frac{C_{X1} U_1}{gH}$$

Max حالت ایده آل :



\* چون  $(P \sim Q)$  و  $(Q^2 \sim \text{افتها})$  با افزایش دبی تا حدی راندان بالا می رود و سپس بر اثر غلبه افتها راندان کاهش می یابد.

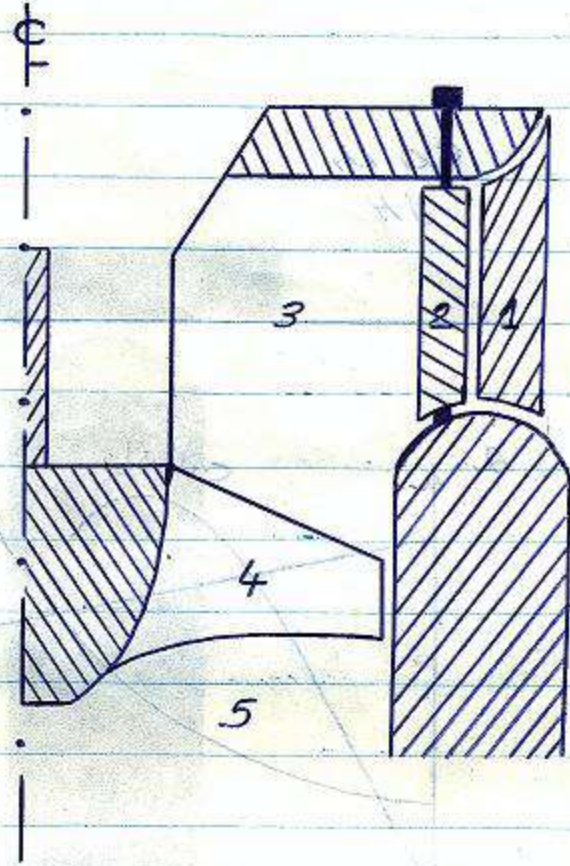
( پروانه ای - کاپلان )

توربین های محوری

\* کاپلان هم همان پروانه ایست لیکن پره های آن قابل تنظیم است و لذا با دور شدن از نقطه طراحی می توان با تنظیم مناسب -



افتتاحی کانس دا



1 - حلقہ طوقی یا پرہائی راہنمای ثابت (Stay ring)

2 - پرہائی راہنمای قابل تنظیم (Wicket gate)

3 - مسیر گذرا (Blade)

4 - روتور (blade runner)

5 - لوله تخلیه (draft tube)

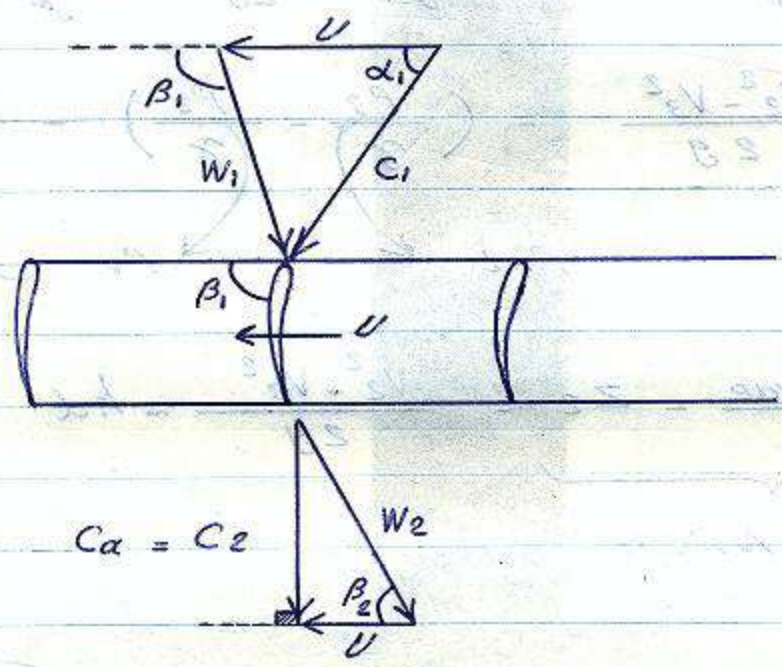


\* در این توربینها شعاعهای ورودی و خروجی سیال در هنگام ورود به پروانه ثابت است پس :

$$U_1 = U_2 = U$$

\* و چون سطح مقطع ثابت است :

$$C_{r1} = C_{r2} = C_a$$



$$E = U C_{x1} - U C_{x2} / g \quad \alpha_2 = 90^\circ$$

$$C_{x1} = U - W_{x1} = U - C_a \cot \beta_1 = U + C_a \cot \beta_1$$

$$E = \frac{U(U + C_a \cot \beta_1)}{g}$$



## کاویتاسیون در توربینها

\* چون در توربینها برعکس پمپها کمترین فشار در خروجی است -  
لذا پدیده Cavitation چنان اهمیت ندارد.

$$* \frac{P_2}{\gamma} + \frac{V_2^2}{2g} + z_2 = \frac{P_3}{\gamma} + \frac{V_3^2}{2g} + z_3 + h_d$$

$$- h_d + \frac{V_2^2 - V_3^2}{2g} = \left( \frac{P_3}{\gamma} - \frac{P_2}{\gamma} \right) - z_2$$

فشار تبخیر  $P_v$  ←  $P_{at}$

$$\underbrace{\frac{P_{at} - P_{vap}}{\gamma} - z_2}_{NPSH} = \frac{V_2^2 - V_3^2}{2g} - h_d$$

NPSH توربین

## عدد کاویتاسیون thoma

$$\sigma = \frac{(P_{at} - P_v) / \gamma - z_2}{H}$$

$$\sigma = \frac{NPSH}{H}$$

\* بر مبنای عدد کاویتاسیون بجای  $(\sigma)$ :



$$\frac{P_2}{\gamma} = \frac{P_{at}}{\gamma} - \sigma_c H - Z_2$$



$$U = 8.17 \text{ m/s} \quad \text{مک تقریب}$$

$$C = 18.17 \text{ m/s}$$

$$P_H = \sigma_c H Q = \frac{P_S}{\eta} = \frac{1500 \times 10^3}{0.85} = 9806 \text{ H}\theta$$

$$C_{x2} = W_2 \cos(180 - \alpha) - U$$

$$W_1 = W_2$$

$$H = E = \frac{U(C_1 - U)(1 - C\alpha)}{g} = 375.177 \text{ m}$$

$$\frac{P_S}{\eta} = P_H = \sigma_c H Q \rightarrow \frac{1500 \times 10^3}{0.85} = (9806) Q$$

$$\rightarrow Q = 0.479 \text{ m}^3/\text{s}$$

$$Q = C A \rightarrow A = 0.479 / 87.27 \rightarrow$$

$$A = 5484 \text{ mm}^2$$

(میلت سرعت مع رسم شود) (معم)



مسئله - یک توربین پلتون ژنراتوری را در دور  $600 \text{ rpm}$  می‌گرداند  
قطر فوران آب ورودی  $75 \text{ mm}$

مسئله - یک توربین فرانسسین مشخصات زیر را دارد  
 $r_1 = 1.6 \text{ ft}$  ،  $r_2 = 1 \text{ ft}$  و  $\beta_1 = 80^\circ$  ، عرض مسیر  
 جریان سیال بین دو طرف توربین  $0.8 \text{ ft}$  است در  
 دور  $300 \text{ rpm}$  این توربین  $120 \text{ ft}^3/\text{s}$  است. مطلوب است:  
 الف - زاویه  $\beta_2$  پره بطوریکه آب خروجی در جهت شعاعی  
 باشد ( $\alpha_2 = 90^\circ$ )  
 ب - گشتاور اعمال شده توسط آب بر پره‌های روتور و  
 ج -  $\uparrow$  (توان تولید شده) و هر مورد استفاده توسط روتور  
 و توان حاصل از آن  
 جریان آب بدون اصطکاک و خفایت پره‌ها ناچیز است.

(مثلت سرعتها مانند شکل رسم شده است)

$$U_1 = r_1 \omega = (1.6) 2\pi \frac{300}{60} = 50.3 \text{ FPS}$$

$$U_2 = r_2 \omega = (1) 2\pi \frac{300}{60} = 31.4 \text{ FPS}$$

$$Q = 2\pi r_1 b_1 C_{r1} = 2\pi r_2 b_2 C_{r2}$$



$$C_{r1} = Q / 2Rv_1 b_1 = 120 / 2R(1.6)(0.8) \rightarrow$$

$$C_{r1} = 14.92 \text{ FPS}$$

از رابطه پیوستگی :  $C_e = C_{re} = \frac{v_1 C_{r1}}{v_2} = \frac{1.6(14.92)}{1}$

$$C_e = 23.9 \text{ FPS}$$

$$\beta_e = \arctan \frac{23.9}{31.4} = 37.2 \text{ الف}$$

$$T = \dot{m} (v_1 C_{x1} - v_2 C_{x2}) \rightarrow$$

$$T = \rho Q v_1 C_{x1}$$

$$\begin{cases} C_{x1} = U_1 + W_{x1} \\ \tan \beta_1 = C_{r1} / W_{x1} \end{cases} \rightarrow C_{x1} = U_1 + \frac{C_{r1}}{\tan \beta_1} = 52.9 \text{ FPS}$$

$$T = (52.9)(1.6)(120)(1.94) \rightarrow$$

$$T = 19700 \text{ ft-lbf} \text{ ب}$$

$$P = T \cdot \omega = \frac{19700 (2R) (300/60)}{550} = 1125 \text{ hp}$$

ب

$\uparrow \text{ hp} \approx \frac{\text{ft-lbf}}{\text{s}}$



$$H = U_1 C x_1 / g = 82.6 \text{ ft} \quad \text{ج}$$

توان حاصل توسط روتور :

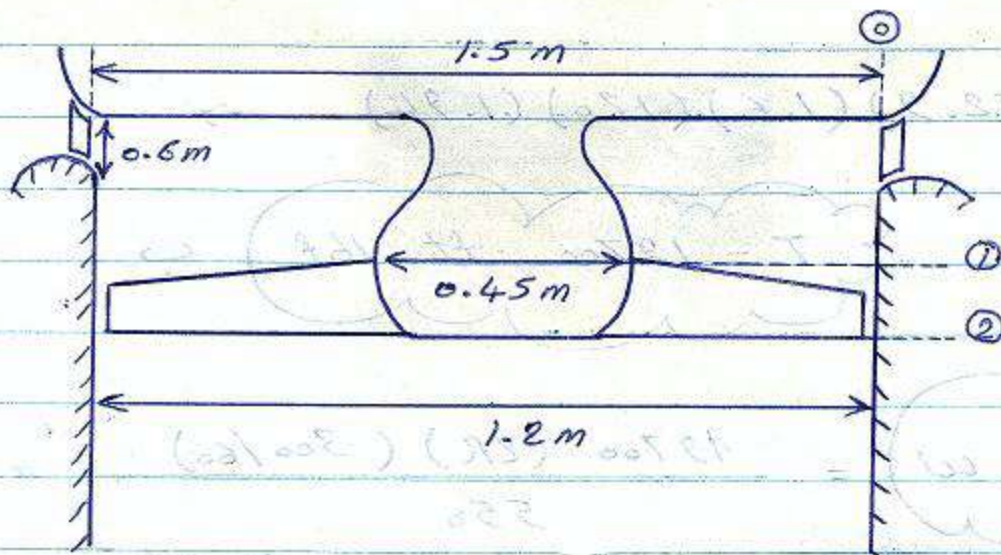
$$P = \gamma H Q = (62.4) (82.6) (120) / 550$$

$$P = 1125 \text{ hp} \quad \text{ج}$$

\* چون شرایط ایده آل است لذا دو توان با هم برابرند.

مثال - در یک ورودی توپین کاپلان طرف تنظیم شده که در مقطع صفر به سرعت  $4.005 \text{ m/s}$  و جریان دارای زاویه  $45^\circ$  نسبت به خط شعاعی است. مطلوب است:

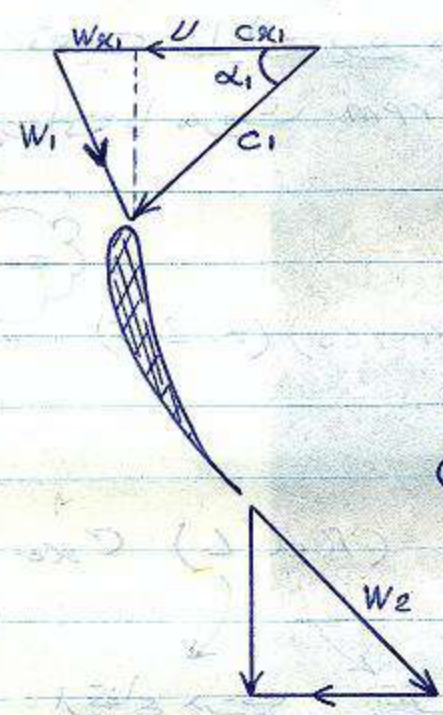
\* هد و مؤلفه سرعت مماس در خروجی.





\* نقش پروهای راهنما بگونه‌ای است که مولفه چرخشی سرعت از شرایط جریان گرداین آزاد (Free Vortex) تبعیت می‌کند:

$$r C_{\alpha} = C_{\alpha}$$



\* در این مسئله استثنائاً شرایط را در مقطع ورودی (2) هم براساس جریان گرداینی آزاد در نظر می‌گیریم. چون مسئله هیچ معلومات دیگری به ما نداده است.

$$* C_{x0} = C_0 \cos \alpha_0 = 4.005 \cos 45^\circ \rightarrow$$

در مقطع ورودی  $C_{x0} = 2.83 \text{ m/s}$

$$C_{x1} = \frac{r_0 C_{x0}}{r_1} = \frac{(0.75)(2.83)}{0.225} = 9.44 \text{ m/s}$$

\* با فرض اینکه شرایط جریان گرداینی آزاد در حین عبور از پروانه هم



برقرار است :

$$C_{x2} = \frac{r_1 C_{x1}}{r_2} = \frac{(0.225)(9.44)}{0.6} = 3.54 \text{ m/s}$$

\* با فرض سرعت محوری ثابت در هین مسئله و با استفاده از اطلاعات مسئله مطلوب است تعیین نوایای پرو در شعاعهای  $0.225 \text{ m}$  و  $0.45 \text{ m}$  و  $0.6 \text{ m}$  برای پروای با سرعت  $240 \text{ rpm}$ .

$$C_{x1} = 9.44 \text{ m/s}$$

$$U_1 = \omega r_1 = (2\pi)(240/60)(0.225)$$

$$U_1 = 5.66 \text{ m/s}$$

در شعاع  $0.225 \text{ m}$

$$\dot{Q} = (\pi d L) C_{x0} \rightarrow$$

ارتفاع در چپ  $\rightarrow$  قطر توربین در مقطع  $\odot$

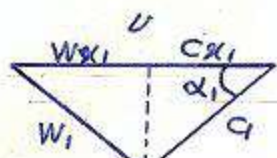
$$\dot{Q} = \pi (1.5)(0.6)(2.83) \rightarrow \dot{Q} = 8.01 \text{ m}^3/\text{s}$$

$$\dot{Q} = \pi (r_2^2 - r_1^2) C_r \quad \text{مؤلفه محوری سرعت}$$

که ثابت است  $\rightarrow$

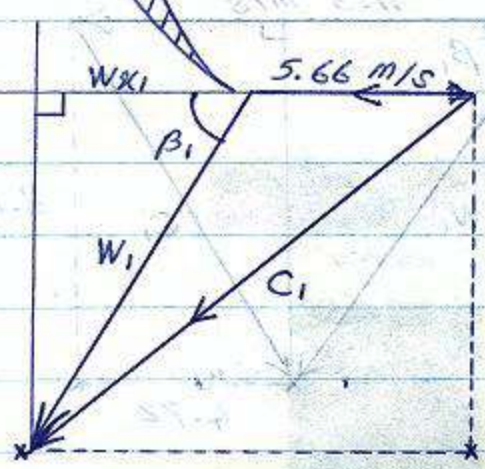
$$\rightarrow C_r = \frac{8.01}{\pi [(0.6)^2 - (0.225)^2]} \rightarrow C_r = 8.24 \text{ m/s}$$





\* روش ترسیم پایین جدا از -

شکل پروانه است و مثلث سرعت در ورودی است.



$C_r = 8.24$

$C_{x1} = 9.44$

$$\tan \beta_1 = \frac{C_r}{C_{x1} - U_1} = \frac{8.24}{9.44 - 5.66}$$

$\beta_1 = 65.4^\circ$

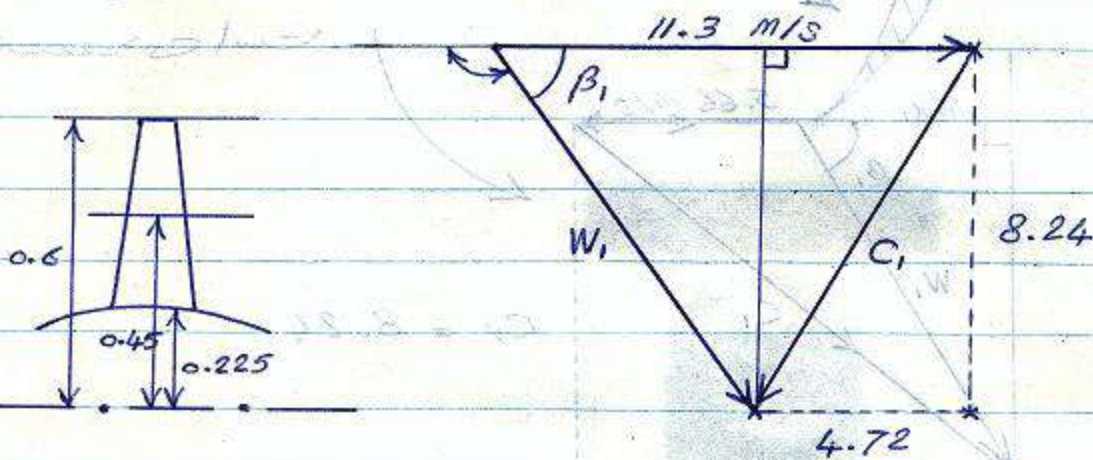
در شعاع  $0.45 \text{ m}$

$$C_{x1} = \frac{C_x \cdot r_0}{r_1} = \frac{2.83 (0.75)}{0.45} = 4.72 \text{ m/s}$$

$$U_1 = (2R) (240/60) (0.45) = 11.3 \text{ m/s}$$



روش ترسیم:



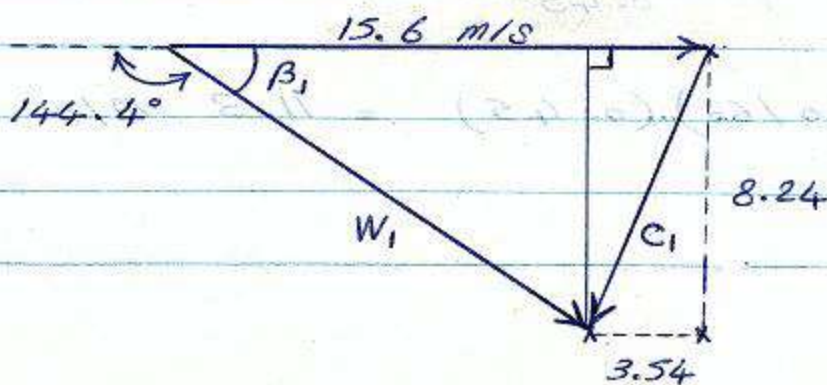
$$\tan \beta_1 = \frac{C_r}{U - C_{x1}} = \frac{8.24}{11.3 - 4.72}$$

$$\beta_1 = 51.5^\circ$$

شعاع 0.6 m

$$C_{x1} = \frac{C_x \cdot r_o}{r_i} = \frac{2.83 (0.75)}{0.6} = 3.54 \text{ m/s}$$

$$U_1 = (2\pi) (240/60) (0.6) = 15.06 \text{ m/s}$$



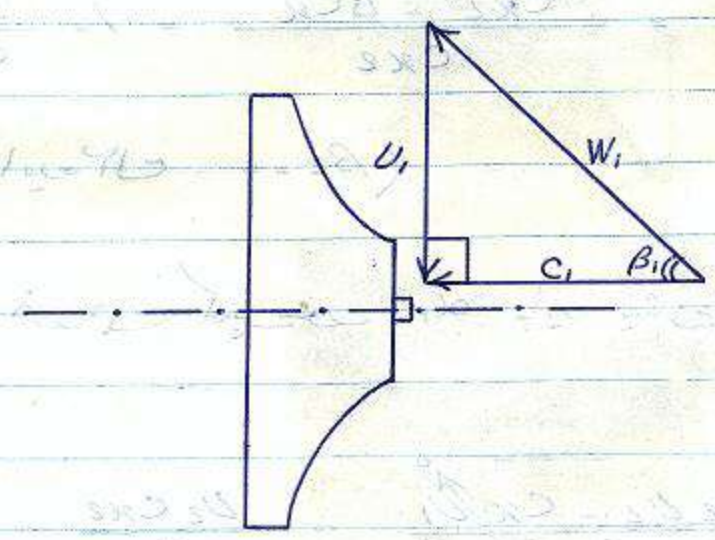


$$\tan \beta_1 = \frac{c_1}{U_1 - C_{x1}} = \frac{8.24}{15.06 - 3.54}$$

$$\beta_1 = 35.6^\circ$$

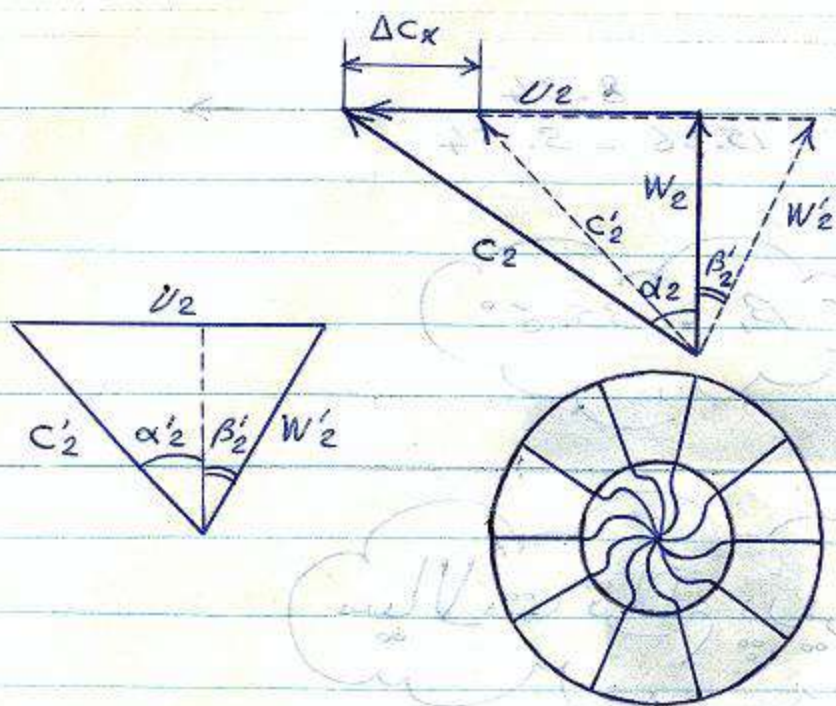
سئالات ترمیم پذیر

کوچک سوره های گریز از مرکز :



\* برعکس پدیده و توربین های ۲ امی که زوایای نسبت به جهت مماسی در نظر می گرفتیم در اینجا زوایای نسبت به جهت شعاعی می سنجم.





نقطه چین ما حالت  
واقعی و بالغزش  
است.

\* در کمپسورهای گریز از مرکز ضریب لغزش استانی نیز بازا  $\beta_2 = 0$   
بکار می رود:

$$\sigma_s = 1 - (0.63 R/z) \quad z - \text{تعداد پره}$$

$$\sigma_s = \frac{C'_{x2}}{C_{x2}} = \frac{C_{x2} - \Delta C_x}{C_{x2}} = 1 - \frac{\Delta C_x}{C_{x2}}$$

(در حالت ایده آل  $\beta_2 = 0$ )

(ص 159) در فرم کلی کمپرسور  $\alpha_1$  باید بشود  $\alpha_2$

$$E = \frac{C_{x2} U_2 - C_{x1} U_1}{g} = \frac{U_2 C_{x2}}{g} \quad \text{ایده آل}$$

$$E = \frac{U_2 C'_{x2}}{g} = \frac{\sigma_s U_2 C_{x2}}{g} \quad \text{واقعی}$$



$(C_{xe} = U_e) \rightarrow$  واقعی  $F = \frac{\rho S U_e^2}{g}$

\* در عمل به علت تلفات توان لازم برای کپرسور بیش از توان ایده آل است؛ با امکان ضریب توان ( $\psi$ )

واقعی  $F = \frac{\psi \rho S U_e^2}{g}$

\* لغزش همیشه داریم حتی در کپرسورهای ایده آل.

در محفظه ورودی : بین ورود به محفظه و خروج از آن :

Ad.  $\downarrow q_i + h_i + \frac{V_i^2}{2} + g z_i = \downarrow q_e + h_e + \frac{V_e^2}{2} + g z_e$

انتالی سکون  
 $(k_0 = h + \frac{V^2}{2})$

$k_0 + \frac{C_0^2}{2} = k_1 + \frac{C_1^2}{2} \rightarrow k_{00} = k_{01}$

$k_{00}$  - انتالی سکون در مقطع صفر  
 $k_{01}$  - " " " " یک



$$(ک) \frac{\dot{W}}{m} = \left( h_2 + \frac{c_2^2}{2} \right) - \left( h_1 + \frac{c_1^2}{2} \right) \quad (1) \quad \leftarrow \text{در پروانه}$$

$$\frac{\dot{W}}{m} = h_{02} - h_{01} \quad (\text{بدون در نظر گرفتن حالت})$$

$$\frac{\dot{W}}{m} = U_2 c_{x2} - U_1 c_{x1} \quad (2) \quad \text{یا از رابطه اولی:}$$

\* از تساوی طرفین روابط (1) و (2) خواهیم داشت:

$$h_1 + \frac{c_1^2}{2} + U_1 c_{x1} = h_2 + \frac{c_2^2}{2} + U_2 c_{x2}$$

(می توانیم بجای  $c_1$  و  $c_2$  از مثلث سرعتها مقدار قرار داد.)

$$\rightarrow h_1 + (c_{x1}^2 + c_r^2) / 2 - U_1 c_{x1} = h_2 + (c_{x2}^2 + c_r^2) / 2 - U_2 c_{x2}$$

$$\left. \begin{aligned} c_r^2 &= W^2 - W_{\alpha}^2 \\ W_{\alpha} &= U - c_{\alpha} \end{aligned} \right\} \rightarrow \quad \text{* می دانیم:}$$

$$c_r^2 = W^2 - (U - c_{\alpha})^2 = W^2 - U^2 - c_{\alpha}^2 + 2Uc_{\alpha}$$

$$\rightarrow h_1 + (c_{x1}^2 + W_1^2 - U_1^2 - c_{x1}^2 + 2U_1 c_{x1}) / 2 - U_1 c_{x1} = h_2 + (c_{x2}^2 + W_2^2 - U_2^2 - c_{x2}^2 + 2U_2 c_{x2}) / 2 - U_2 c_{x2}$$

\* با ساده کردن رابطه فوق:



$$\underbrace{h_1 + \frac{w_1^2}{2}}_{h_{01 \text{ rel}}} - \frac{u_1^2}{2} = \underbrace{h_2 + \frac{w_2^2}{2}}_{h_{02 \text{ rel}}} - \frac{u_2^2}{2} \quad (1)$$

$$h_{01 \text{ rel}} - \frac{u_1^2}{2} = h_{02 \text{ rel}} - \frac{u_2^2}{2}$$

بین مقاطع  
وجود خروج  
بروان

$h_{02 \text{ rel}}$  - یعنی انتالی سیگنوری که بر حسب سرعت نسبی درست آمده.

(از تساوی قانون اول و رابطه اول):

$$h_{02} - h_{01} = \frac{\psi \delta s u_2^2}{g} \rightarrow$$

$$T_{02} - T_{01} = \frac{\psi \delta s u_2^2}{g C_p}$$

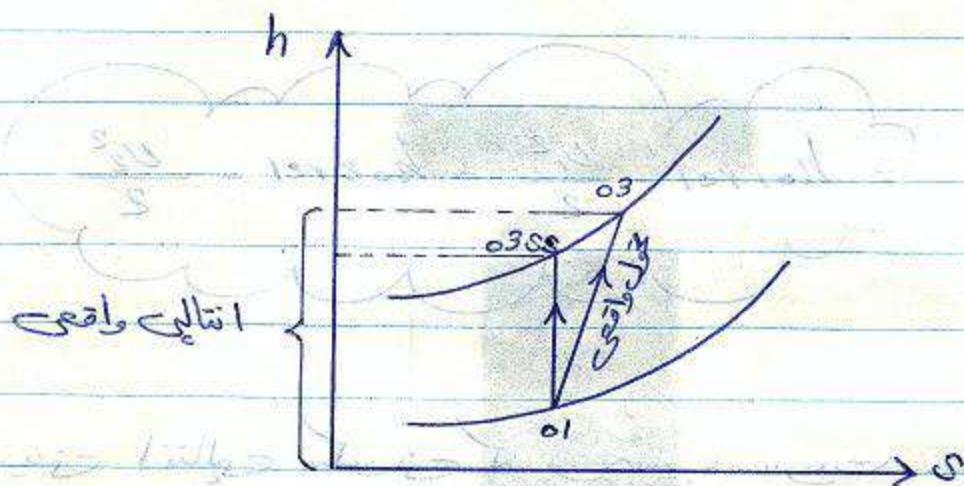
\* با اعمال قانون اول در حفظ انرژی:

$$h_2 + c_2^2/2 = h_3 + c_3^2/2 \rightarrow h_{02} = h_{03} \rightarrow$$

$$T_{02} = T_{03} \quad (2)$$



$$(1), (2) \rightarrow T_{03} - T_{01} = \frac{\psi \delta_s U_2^2}{C_p g} \quad (3)$$



$$(1) \text{ (انتقال کپرسور)} \quad \eta_c = \frac{h_{03SS} - h_{01}}{h_{03} - h_{01}} = \frac{T_{03SS} - T_{01}}{T_{03} - T_{01}}$$

$$\frac{T_{03SS}}{T_{01}} = 1 + \frac{\eta_c}{T_{01}} (T_{03} - T_{01}) \quad (4)$$

$$(3), (4) \rightarrow \frac{T_{03SS}}{T_{01}} = 1 + \frac{\eta_c}{T_{01}} \frac{\psi \delta_s U_2^2}{C_p g}$$

$$\frac{P_{03}}{P_{01}} = \left( \frac{T_{03SS}}{T_{01}} \right)^{\frac{\gamma}{\gamma-1}} = \left[ 1 + \frac{\eta_c \psi \delta_s U_2^2}{T_{01} C_p g} \right]^{\frac{\gamma}{\gamma-1}}$$

\* حرف مایلین است که تا حد امکان سمت راست را دستکاری کنیم تا مقدار سمت چپ افزایش یابد و افزایش فشار بیشتر شود:



- ۱c - هر چه بالاتر باشد بهتر است.
- ۱d - افزایش  $\phi$  مستلزم افزایش پره ها است اثنا این کار سطح پروانه ها و تلفات اصطکاکی  $\downarrow$  افزایش می دهد :
- 21 - 19 پره  $\leftarrow \phi = 0.90$
- ۱e - حدا  $max$  این  $m/s$  470 است .
- ۱f - بهترین حالت این است که  $\psi = 1$  باشد .



**فرشاد نسر ایسی** - مهندس پایه یک تأسیسات مکانیکی  
 طراحی - نظارت - اجرا  
 نظام مهندسی: ۱۷۲۷۶-۰۰-۳-۱۰  
 پروانه مهندسی: ۰۲۸۱۵-۰۰-۳-۱۰  
 شماره شهر سازی: ۱۲۲۲-۰۱-۱۰۳

**جزوه آموزشی درس توربو ماشین آقای دکتر کورش امیر اصلانی تبریز**  
**دانشگاه آزاد اسلامی واحد جنوب تهران - دانشکده فنی (۱۳۷۳)**





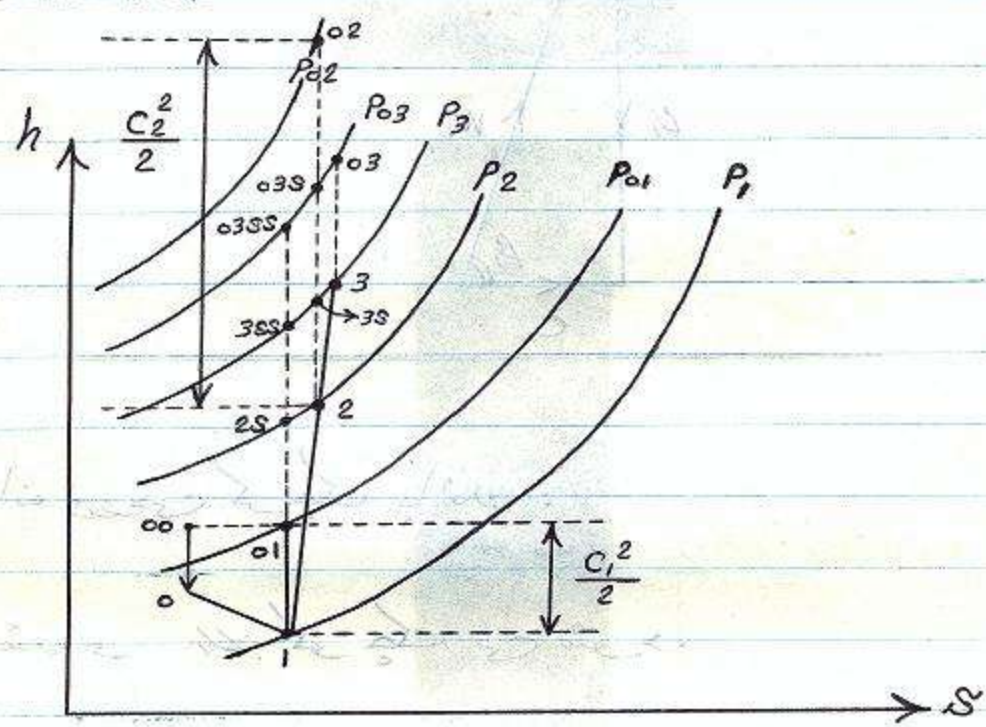
**پتروپالامحور** پیشتاز در ارائه خدمات مهندسی و متعهد به کیفیت  
 PPM , Dedicated For The Best Quality



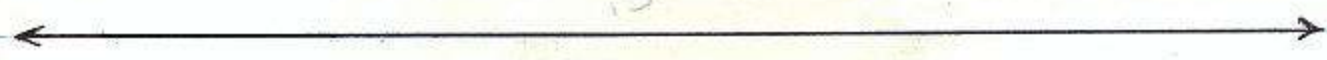


دیاگرام (k-s) کمپرسور گریز از مرکز

$$\begin{cases} h_{00} = h_{01} \\ h_{02} = h_{03} \end{cases}$$



$$\left\langle h_c = \frac{h_{03SS} - h_{01}}{h_{03} - h_{01}} \right\rangle$$



محدودیت سرعت ورودی :

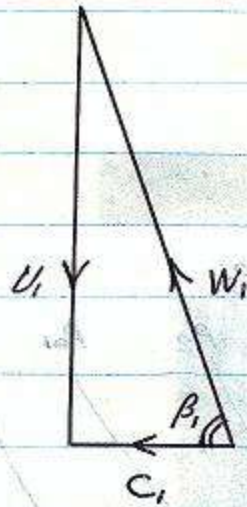
۱- قطر دهانه ورودی (حجم) بزرگ باشد :

Q کوچک می شود چون (Q = C.A)



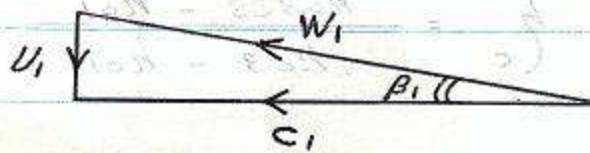
$u_1$  بزرگ می شود چون

$$u_1 = \kappa d_1 N$$



۳- قطر دهانه ورودی کوچک باشد:

$u_1$  بزرگ شده و  $c_1$  کوچک می شود.

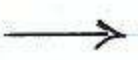


\* پس در هر دو حالت سرعت نسبی ( $w_1$ ) بزرگ می شود و این مطلوب نیست چون پدیده (choking) یا خفگی رخ می دهد - که ناشی از رسیدن سرعت هوای ورودی به سرعت صوت است.

$$\dot{m} = \rho_1 c_1 A_1 \quad (\rho_1 = \rho)$$



ر شعاع در پشته پره  
R شعاع در نوک پره



$$A_1 = \pi (R^2 - r^2)$$
$$A_1 = \pi R^2 (1 - r^2/R^2)$$

با فرض  $K = 1 - r^2/R^2$



$$A_1 = \pi R^2 K$$

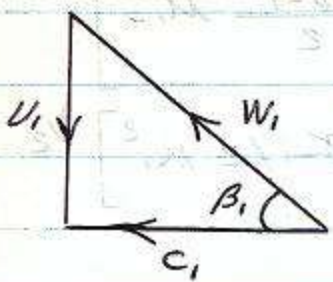
$$\dot{m} = \rho \pi R^2 K c_1$$

\* با بررسی شرایط در حالت بحرانی نوک پره که امکان رسیدن به سرعت صوت وجود دارد:

$$* U_1 = R \omega \rightarrow R = U_1 / \omega$$

$$* \dot{m} = \rho \pi U_1^2 K c_1 / \omega^2 \rightarrow$$

$$\frac{\dot{m} \omega^2}{\pi K \rho} = U_1^2 c_1$$



$$\begin{cases} c_1 = W_1 \cos \beta_1 \\ U_1 = W_1 \sin \beta_1 \end{cases}$$

$$\frac{\dot{m} \omega^2}{\pi K \rho} = W_1^3 \cos^2 \beta_1 \sin^2 \beta_1 \quad (1)$$

$$\frac{P_{01}}{P_1} = \left[ 1 + \frac{(\gamma - 1)}{2} M_1^2 \right]^{\frac{\gamma}{\gamma - 1}}$$

معادله دانهی:



$$\frac{T_{01}}{T_1} = \left[ 1 + \frac{\gamma-1}{2} M_1^2 \right]$$

$$\frac{P_1}{T_1} = \left( \frac{P_{01}}{T_{01}} \right) \left[ 1 + \frac{\gamma-1}{2} M_1^2 \right]^{-\frac{\gamma}{\gamma-1}} =$$

$$\left( \frac{P_{01}}{T_{01}} \right) \left[ 1 + \frac{\gamma-1}{2} M_1^2 \right]^{-\frac{1}{\gamma-1}} \rightarrow$$

$$P_1 = \frac{P_1}{R T_1} = \frac{P_{01}}{R T_{01}} \left[ 1 + \frac{\gamma-1}{2} M_1^2 \right]^{-\frac{1}{\gamma-1}} \quad (*)$$

$$\frac{m \omega^2 R T_{01}}{R K P_{01}} = W_1^3 \sin^2 \beta_1 \cos \beta_1 \left[ 1 + \frac{\gamma-1}{2} M_1^2 \right]^{-\frac{1}{\gamma-1}}$$

« عدد رانج نسبی » :  $M_{rel} = \frac{W_1}{a_1} \rightarrow$

$$\frac{m \omega^2 R T_{01}}{R K P_{01}} = M_{rel}^3 a_1^3 \sin^2 \beta_1 \cos \beta_1 \left[ 1 + \frac{\gamma-1}{2} M_1^2 \right]^{-\frac{1}{\gamma-1}}$$

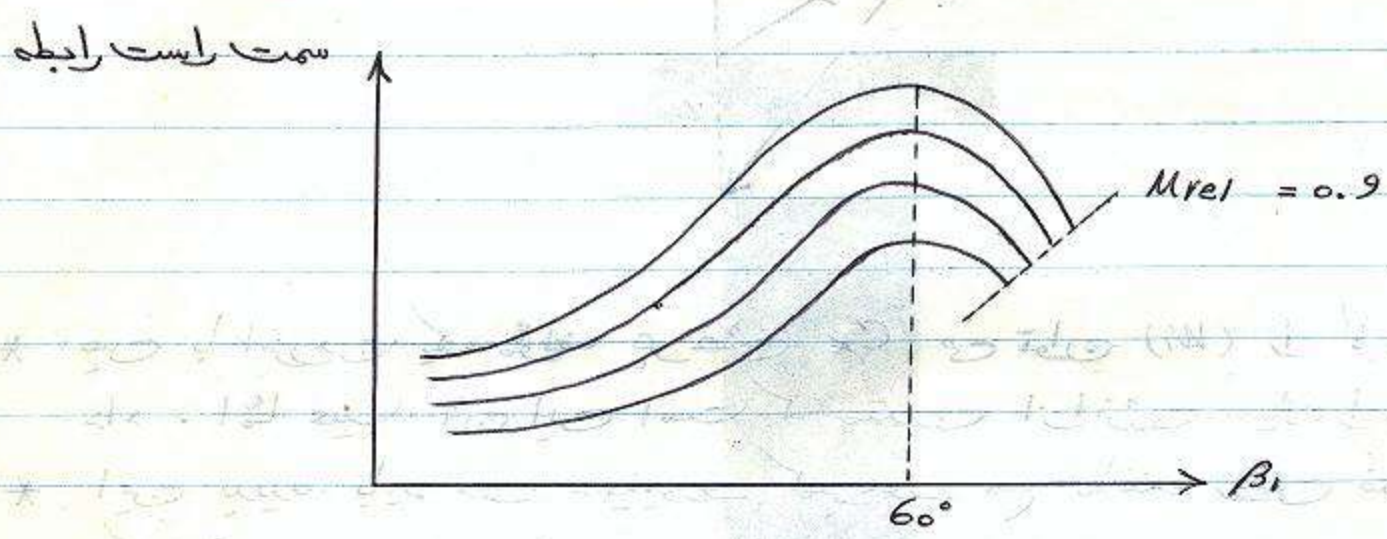
$$a = (\gamma R T)^{1/2} \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \frac{a_{01}}{a_1} = \left( \frac{T_{01}}{T_1} \right)^{1/2} = \left[ 1 + \frac{\gamma-1}{2} M_1^2 \right]^{1/2} \\ \\ \end{array} \right.$$

$$C_1 = W_1 \cos \beta_1 \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} M_1 = M_{rel} \cos \beta_1 \\ \\ \end{array} \right.$$

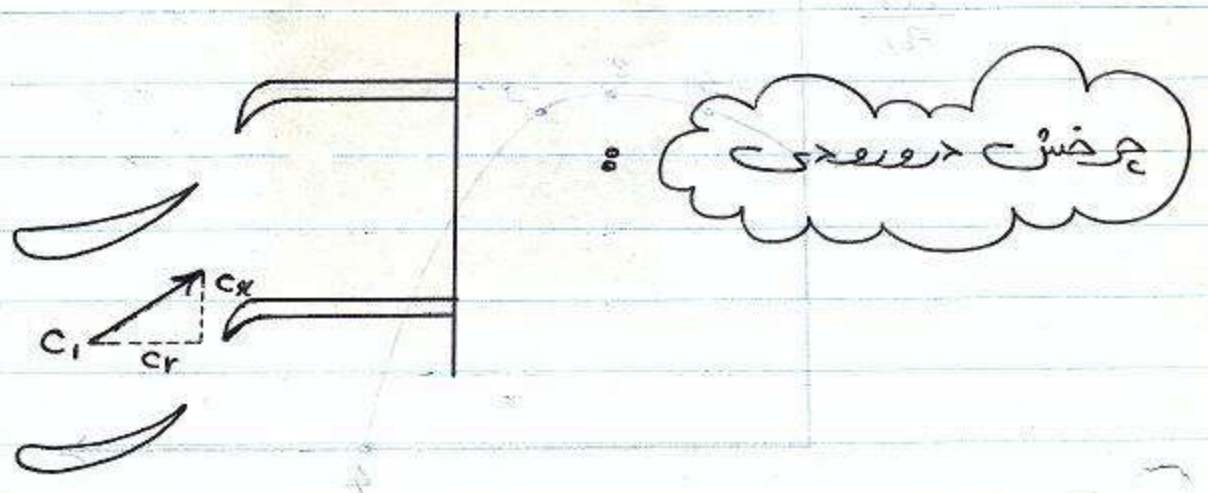
$$\frac{m \omega^2}{R K \gamma P_{01} (\gamma R T_{01})^{1/2}} = M_{rel}^3 \sin^2 \beta_1 \cos \beta_1 \left[ 1 + \frac{\gamma-1}{2} M_{rel}^2 \cos^2 \beta_1 \right]^{-\frac{1}{\gamma-1} + \frac{3}{2}}$$



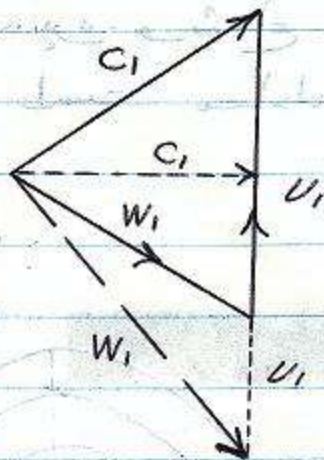
\* زاویه  $\beta_1$  مربوط به نوک پرو و شعاع ( $M$ ) است که بدترین حالت می باشد. حال سمت راست معادله فوق را بر حسب  $(\beta_1)$  رسم می کنیم :



\* به ازای  $(\beta_1 = 0.8)$  دبی ماکزیمم است. بهتر است عدد ماخ ورودی را  $(0.8)$  در نظر بگیریم تا ضریب اطمینان داشته باشیم. اگر به ناچار عدد ماخ از  $0.8$  بزرگتر شد چاره ای نیست جز نصب پروهای راهنما در ورودی کمپرسور و گردش اولیه هوای ورودی :

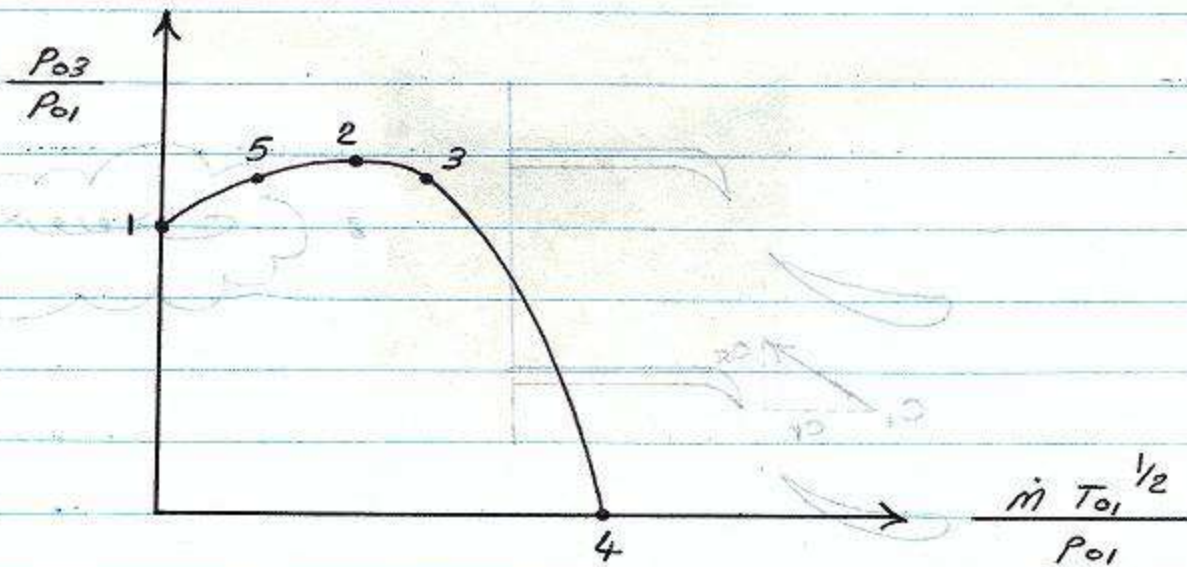






- \* پس با افزودن یک مؤلفه پرخشی  $C_x$  می توانیم  $(W_1)$  را کاهش داد. اما عیب آن این است که مقلای از انرژی سیال را می گیرد.
- \* این پدیده باید در > فیوزر کمپرسور هم مانند روش فوق - چک شود.

مفروضه مشخصه کمپرسور گریز از مرکز :

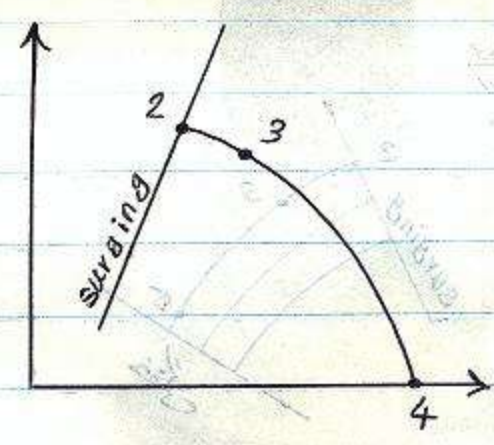




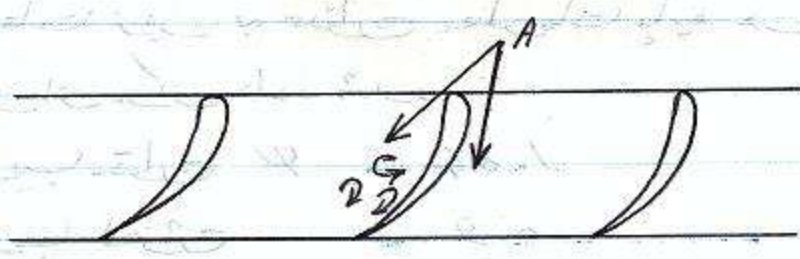
\* این مافنی مشخصه را با نصب یک شیر در خروجی کمپرسور یک می کنند. در نقطه (a) شیر بسته است و کمپرسور هوای داخل خود را متراکم می کند. اما عواملی وجود دارد که موجب می شود مافنی مزبور در عمل بدست نیاید:

1 - Surging ( موج سریع فشار ) :

در صورتی که دبی کمپرسور از حد معینی کاهش یابد منجر به کاهش نسبت فشار شده که در صورت عدم کاهش فشار (پایین دست) منجر به کاهش مجدد دبی می گردد ( 5 تا 1 ). این پدیده می تواند در صورت ایجاد تغییراتی در فشار منجر به تغییرات شدیدی در دبی و نسبت فشار شود. در این حالت کمپرسور با سرو صدا کاری کند اما دبی ندارد.



2 - سقوط پر خشی ( Rotating Stall ) :

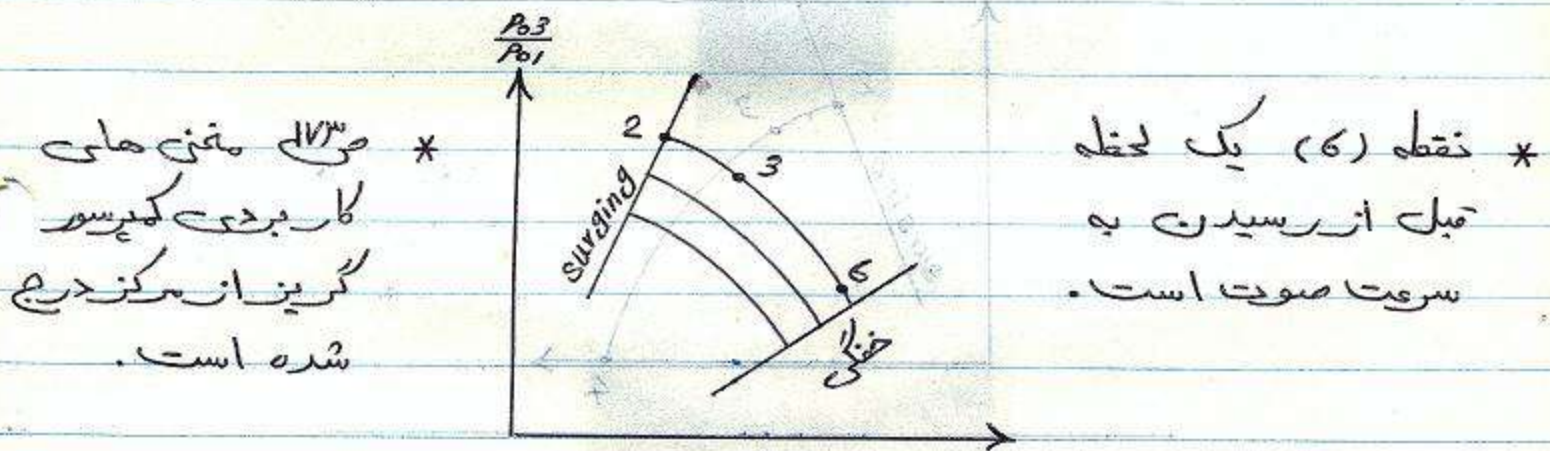




\* ممکن است در ادامه *Surging* یا بخاطر گرفتگی موضعی پروانه زاویه ورودی سیال به یک پروانه با بقیه پروانه فرق داشته و در نتیجه آن قسمت تحت دبی پایین کار کرده و موجب عدم تعادل (نابالانس) در کار کمپرسور می گردد. این پدیده می تواند منجر به ارتعاش شدید و در نهایت آسیب رسیدن به کمپرسور گردد. در این حالت سروصدای زیادی تولید می شود.

### ۳- خفگی (choking):

\* اگر دبی زیاد شود ممکن است در نقطه ای از کمپرسور شرایط سرعت به حد سرعت صوت رسیده و موج ضربه (Shock Wave) تولید شده که منجر به آسیب کمپرسور و کاهش شدید دبی می گردد.



مسئله - اطلاعات زیر به عنوان معلومات پایه در طراحی یک کمپرسور گریز از مرکز داده شده.

ضریب توان	$\psi = 1.04$
ضریب لغزش	$= 0.9$



$$\begin{aligned}
 N &= 290 \text{ KPS} \\
 d &= 0.5 \text{ m} \\
 \text{قطر نوک چشع} &= 0.3 \text{ m} \\
 \text{قطر ریشه چشع ورودی} &= 0.15 \text{ m} \\
 \text{دبی جرمی هوا} &= 9 \text{ kg/s} \\
 T_{00} &= 295 \text{ K} \\
 P_{00} &= 1.1 \text{ bar} \\
 \text{راندمان} &= 0.78
 \end{aligned}$$

- \* مطلوب چیست :
- (الف) نسبت فشار کپرسور و توان لازم برای گرداندن آن. فرض کنید سرعت ورودی هوا در جهت محوری است.
- (ب) زاویه ورودی پره‌ها در نوک و ریشه چشع ورودی. فرض کنید که سرعت محوری در عرض سطح چشع ثابت می‌ماند (c)
- (ج) عمق محوری کانالهای هرف در محیط آن (عرض کانال هرف)

الف) : متلاً دیدیم که :  $(T_{03} - T_{01} = \psi \text{ کس } U_e^2 / c_p)$

$$U_e = R d e N = R (0.5) (290) \rightarrow U_e = 455.5 \text{ m/s}$$

$$T_{02} - T_{01} = T_{03} - T_{01} = \psi \text{ کس } U_e^2 / c_p \rightarrow$$

$$T_{03} - T_{01} = \frac{1.04 (0.9) (455.5)^2}{1.005} = 193 \text{ K}$$



$$\frac{P_{03}}{P_{01}} = \left[ 1 + \frac{\eta_c (T_{03} - T_{01})}{T_{01}} \right]^{\gamma/\gamma-1} \rightarrow$$

$$\frac{P_{03}}{P_{01}} = \left[ 1 + \frac{0.78 (193)}{295} \right]^{\frac{1.4}{0.4}} \rightarrow$$

$$\frac{P_{03}}{P_{01}} = 4.23$$

$$\dot{W} = \dot{m} C_p (T_{03} - T_{01}) = 9 (1.005) (193)$$

$$\dot{W} = 174.6 \text{ KW}$$

$$\begin{cases} \dot{m} = \rho_1 C_1 A_1 \\ C_1 = C_{v1} \end{cases} :$$

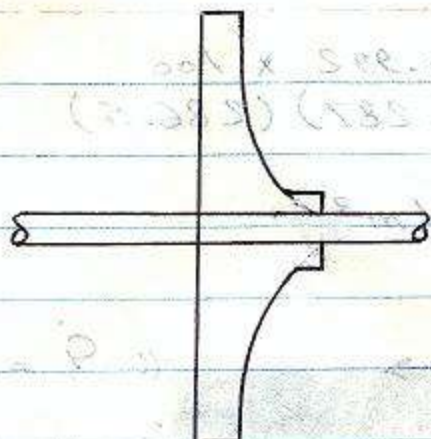
$$\rho_1 \approx \frac{P_{01}}{R T_{01}}$$

$$\rho_1 \approx \frac{1.01 \times 100}{(0.287) (295)}$$

در این رابطه برای شرایط فشار و دمای سکون محسوس میزنیم و سپس سرعت و خطای می کنیم :

$$\rho_1 = 1.3 \text{ kg/m}^3$$





$$C_1 = \dot{m} / \rho_1 A_1$$

تکرار اول:

$$A_1 = \pi (r_{it}^2 - r_{ih}^2) = \pi (0.15^2 - 0.075^2)$$

$$A_1 = 0.053 \text{ m}^2 \rightarrow$$

$$C_1 = \frac{9}{1.3(0.053)} \rightarrow (C_1 = 131 \text{ m/s})$$

$$T_1 = T_{01} - \frac{C_1^2}{2 C_p}$$

$$T_1 = 295 - \frac{(131)^2}{2(1.005)} = 286.5 \text{ } ^\circ\text{K}$$

$$P_1 = P_{01} \left( \frac{T_1}{T_{01}} \right)^{\frac{\gamma}{\gamma-1}}$$

\* رابطه Ad، بازگشت پذیر را

می توان به هر نقطه -

سکون و نقطه ای دلخواه

نوشت (چون تحول سکون

این تروپیک است) اما در

مورد کل کپرسور نمی توان

این رابطه را بکار برد چون -

راندمان دارد.

$$P_1 = 1.1 \left( \frac{286.5}{295} \right)^{\frac{1.4}{0.4}} \rightarrow$$

$$\ll P_1 = 0.992 \gg$$



$$P_1 = \frac{P_1}{RT_1} = \frac{0.992 \times 100}{(0.287)(286.5)} \rightarrow$$

$$P_1 = 1.21 \text{ kg/m}^3$$

$$G = \frac{\dot{m}}{P_1 A_1} \rightarrow \quad \left( G = 140 \text{ m/s} \right)$$

$$C_1 = C_{r1} = 143 \text{ m/s}$$

$$P_1 = 1.185 \text{ kg/m}^3$$

\* پس از آن فریب تکرار :

**فرشاد نسرايي** - مهندس پایه یک تأسیسات مکانیکی  
 طراحی - نظارت - اجرا  
 ۱۵۴۰۰۱۷۲۷۶ : مقام مهندسی  
 ۱۵۴۰۰۰۲۸۱۵ : پروانه مهندسی  
 ۱۵۴۰۰۱۲۲۲ : شماره شهرسازی

جزوه آموزشی درس توربو ماشین **آقای دکتر کورش امیر اصلانی تبریز**  
**دانشگاه آزاد اسلامی واحد جنوب تهران - دانشکده فنی (۱۳۷۳)**



# توربینهای گاز و بخار جریان محوری

بخار (حدود 300 ساله)

\* توربینهای محوری

گاز (از اوایل قرن بیستم)

نیروگاه

\* توربینهای گاز

موتورهای جت

ضربه‌ای (Impulse)

\* انواع توربینهای محوری

عکس‌العملی (Reaction)

یک ردیف پرو ثابت + یک ردیف پرو متحرک = (طبقه) Stage

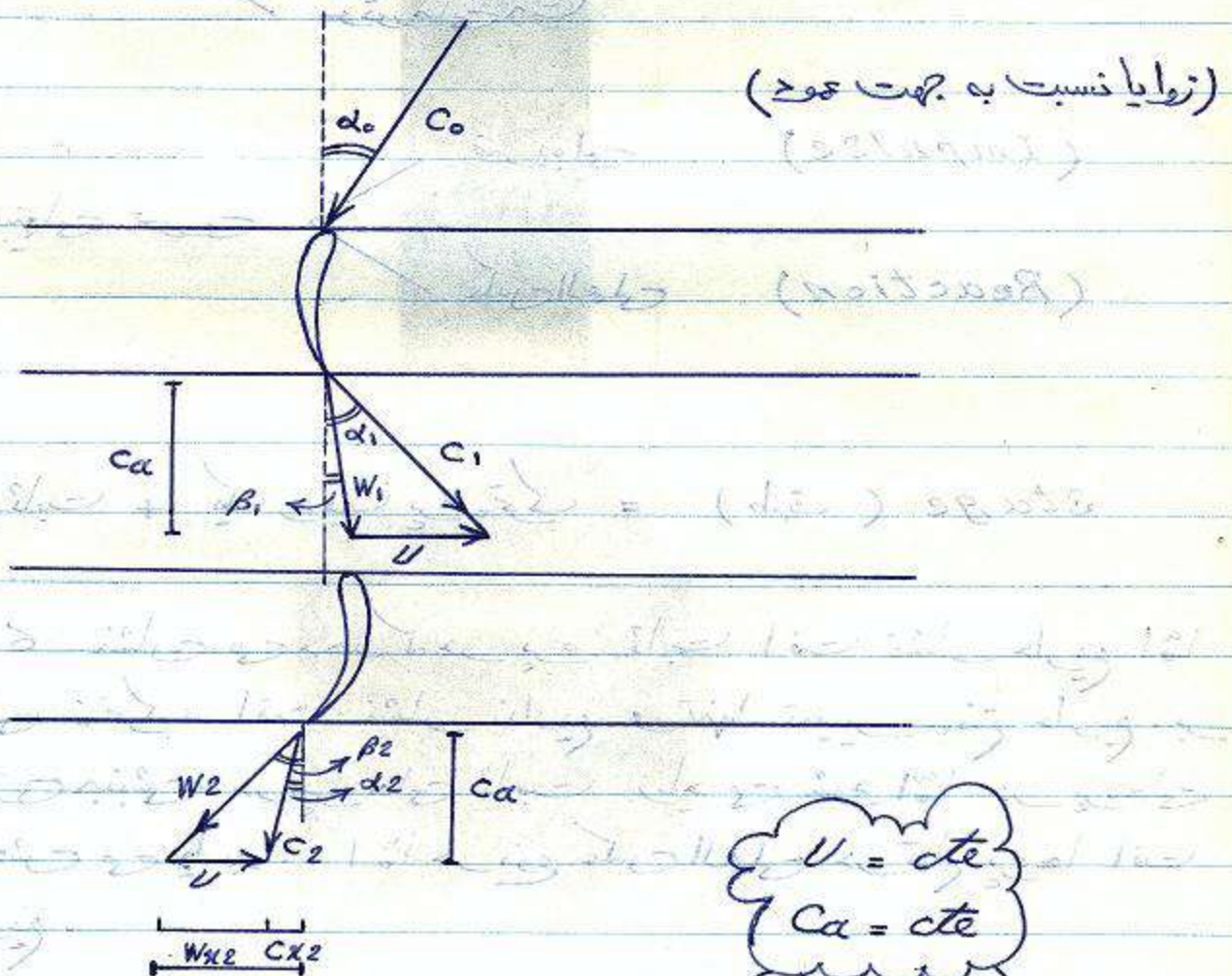
\* شکل 2-6 نشان می‌دهد که در پرو ثابت افت فشار داریم اما در پروهای متحرک افت فشار نداریم و تنها تغییر منتع داریم. بر عکس انرژی جنبشی در پروهای ثابت زیاد می‌شود اما در پروهای متحرک کاهش می‌یابد. اما در نوع عکس‌العملی در تمام پروها افت فشار داریم.



# مثبت سرعت در یک طبقه از توربین محوری

مفروضات :

- ۱- شرایط در شعاع متوسط بررسی می شود.
- ۲- نسبت ارتفاع تیغه به شعاع متوسط کوچک بوده و جریان را می توان دو بعدی در نظر گرفت.
- ۳- از تغییرات (شعاع) سرعت در جهت شعاع صرف نظر می شود.



$$E = U(C_{x1} - C_{x2}) / g$$

در حالت طراحی:  $(C_2 = C_0)$



چون  $Cx_1$  و  $Cx_2$  در خلاف جهت هم هستند :

$$E = U (Cx_1 + Cx_2) / g \quad (-) \times (-) = (+)$$

$$\frac{W}{m} = U (Cx_1 + Cx_2)$$

از مثلث سرعت :  $U = Cx_1 - Wx_1 = Wx_2 - Cx_2$

$$Cx_1 - Wx_1 = Wx_2 - Cx_2$$

$$\frac{W}{m} = U Ca (\tan \alpha_2 + \tan \alpha_1)$$

$$\tan \alpha_2 + \tan \alpha_1 = \tan \beta_2 + \tan \beta_1$$

قانون اول :

$$q + h_i + c_i^2/2 = W + h_e + c_e^2/2$$

در استاتور :  $q = W = 0$

$$h_0 + c_0^2/2 = h_1 + c_1^2/2 \rightarrow$$

$$h_{00} = h_{01}$$

$$T_{00} = T_{01}$$

در روتور :  $W^0 = (h_1 + c_1^2/2) - (h_2 + c_2^2/2)$



$$W^p = h_{01} - h_{02} = U(W_{x1} + W_{x2}) \rightarrow$$

$$(h_1 + C^2/2) - (h_2 + C_2^2/2) = U(W_{x1} + W_{x2}) = U(C_{x1} + C_{x2})$$

$$\left[ \left( h_1 + \frac{C_{x1}^2 + C_a^2}{2} \right) - \left( h_2 + \frac{C_{x2}^2 + C_a^2}{2} \right) \right] = \dots //$$

$$(h_1 + C_{x1}^2/2) - (h_2 + C_{x2}^2/2) = \dots //$$

$$(h_1 - h_2) + \frac{1}{2} (C_{x1}^2 - C_{x2}^2) = \dots //$$

$$(h_1 - h_2) + \frac{1}{2} (C_{x1} - C_{x2})(C_{x1} + C_{x2}) - U(C_{x1} + C_{x2}) = 0$$

$$(h_1 - h_2) + \frac{1}{2} (C_{x1} + C_{x2}) \left[ (C_{x1} - C_{x2}) - 2U \right] = 0$$

$$(h_1 - h_2) + \frac{1}{2} (C_{x1} + C_{x2}) \left[ (C_{x1} - U) - (C_{x2} + U) \right] = 0$$

$$(h_1 - h_2) + \frac{1}{2} (W_{x1} + W_{x2})(W_{x1} - W_{x2}) = 0$$

$$(h_1 - h_2) + \frac{1}{2} (W_{x1}^2 - W_{x2}^2) = 0$$

$$(h_1 - h_2) + \frac{1}{2} \left[ \underbrace{(W_{x1}^2 - C_a^2)}_{W_1^2} - \underbrace{(W_{x2}^2 + C_a^2)}_{W_2^2} \right] = 0$$

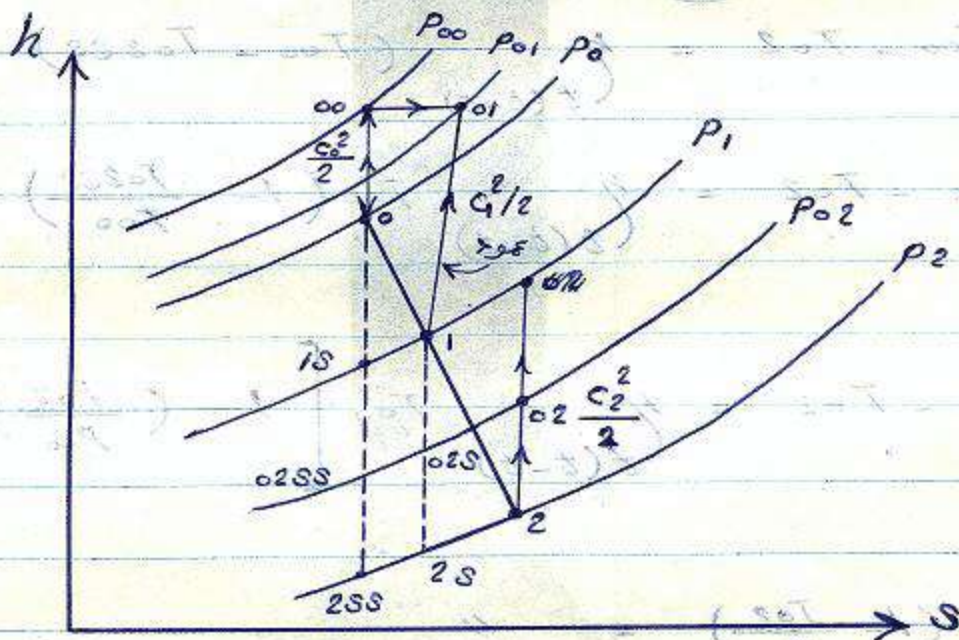


$$(h_1 - h_2) + \frac{1}{2} (W_1^2 - W_2^2) = 0 \rightarrow$$

$$h_1 + \frac{1}{2} W_1^2 = h_2 + \frac{1}{2} W_2^2 \rightarrow$$

$$h_{01 \text{ rel}} = h_{02 \text{ rel}}$$

چون  $W$  سرعت نسبی است :



$$\begin{cases} h_{00} - h_{02} = h_0 - h_2 \\ T_{00} - T_{02} = T_0 - T_2 \end{cases}$$

راندمان کل به کل (معمولتر است)

راندمان کل به استاتیک

\* راندمان توربین



اندازه کل به کل توربین

$$\eta = \frac{h_{00} - h_{02}}{h_{00} - h_{02SS}} \quad \text{Total } - t$$

$$\eta = \frac{T_{00} - T_{02}}{T_{00} - T_{02SS}}$$

$$T_{00} - T_{02} = \eta (T_{00} - T_{02SS}) \rightarrow$$

$$T_{00} - T_{02} = \eta T_{00} \left(1 - \frac{T_{02SS}}{T_{00}}\right) \rightarrow$$

$$T_{00} - T_{02} = \eta T_{00} \left[1 - \left(\frac{P_{02}}{P_{00}}\right)^{\frac{\gamma-1}{\gamma}}\right]$$

$$T_{00} \left(1 - \frac{T_{02}}{T_{00}}\right) = \dots$$

$$\frac{T_{02}}{T_{00}} = 1 - \eta \left[1 - \left(\frac{P_{02}}{P_{00}}\right)^{\frac{\gamma-1}{\gamma}}\right]$$

اندازه کل به استاتیک توربین



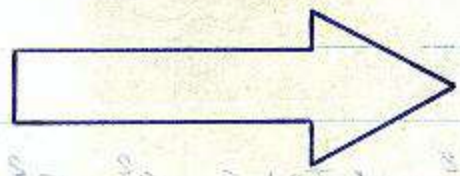
$$h_{t(t-s)} = \frac{h_{00} - h_{02}}{h_{00} - h_{2SS}}$$

\* یعنی در طبقه آخر تعریف -  
 که انرژی جنبشی خروجی -  
 (سرعت خروجی) برای ما  
 اهمیت ندارد و تنها شرایط استاتیکی مطرح است از این رابطه استفاده  
 می کنیم.

روش مناسب اندامها

$$\left\{ \begin{array}{l} T ds = dh - v dp \\ \text{برای خطوط فشار ثابت} : dp = 0 \\ T ds = dh \rightarrow \Delta h \approx T \Delta s \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{بر روی خط فشار ثابت } p_1 : (h_1 - h_{1s}) = T_1 (s_1 - s_{1s}) \\ \text{بر روی خط فشار ثابت } p_2 : (h_{2s} - h_{2SS}) = T_2 (s_{2s} - s_{2SS}) \end{array} \right.$$



$$h_{2s} - h_{2SS} = \left( \frac{T_2}{T_1} \right) (h_1 - h_{1s})$$



« موضوع جانبی »

ضرایب افت در شیبورده :

لحاظ (موضوع)

\* در استاتیک :

$$\left\{ \begin{array}{l} \xi_N = \frac{h_1 - h_{1s}}{0.5 G^2} \\ \gamma_N = \frac{P_{00} - P_{01}}{P_0 - P_1} \end{array} \right.$$

۱- ضریب افت انتالیج

۲- ضریب افت فشار

\* در روتور :

$$\left\{ \begin{array}{l} \xi_R = \frac{h_2 - h_{2s}}{0.5 W_2^2} \\ \gamma_R = \frac{P_{01 \text{ rel}} - P_{02 \text{ rel}}}{P_{02 \text{ rel}} - P_2 \text{ rel}} \end{array} \right.$$

۱- ضریب افت انتالیج

۲- ضریب افت فشار

$$\eta_{t(t-t)} = \left\{ 1 + \left[ \xi_R W_2^2 + \left( \frac{T_2}{T_1} \right) \xi_N G^2 \right] / 2 (h_0 - h_2) \right\}^{-1}$$

$$\eta_{t(t-s)} = \left\{ 1 + \left[ \xi_R W_2^2 + \left( \frac{T_2}{T_1} \right) \xi_N G^2 + C_0^2 \right] / 2 (h_0 - h_2) \right\}^{-1}$$

\* که در این روابط :

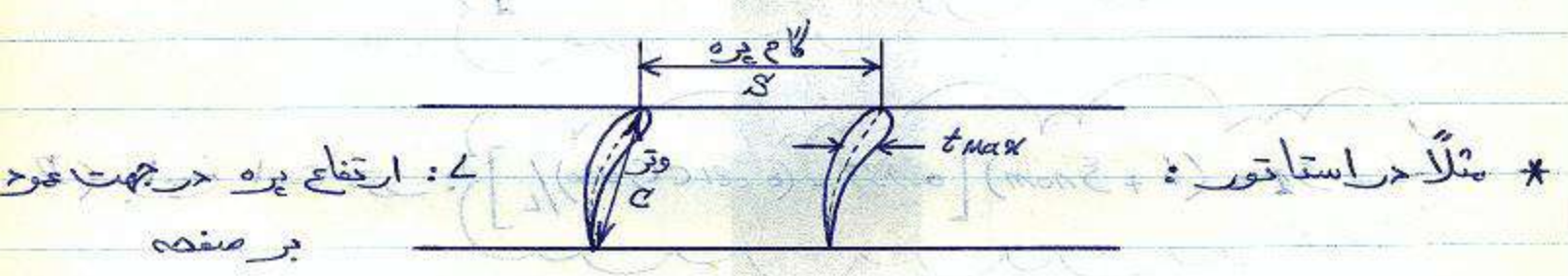


$$\epsilon = 0.04 + 0.06 \left( \frac{\epsilon}{100} \right)^2 \quad (9)$$

$$\epsilon'' = \alpha_0 + \alpha_1 \quad (N) \text{ برای استاتور}$$

$$\epsilon = \beta_1 + \beta_2 \quad (R) \text{ برای روتور}$$

1.  $Re = 10^5$  : رابطه فوق برای حالتی است که



$D_H$  =  $\frac{\epsilon \text{ برابر سطح مقطع خروجی استاتور}}{\text{محیط استاتور در خروجی}}$  (قطر هیدرولیک)

$$D_H = \frac{45 \cos \alpha_1 L}{2 [S \cos \alpha_1 + L]} \rightarrow D_H = \frac{25 \cos \alpha_1 L}{(S \cos \alpha_1 + L)}$$

$$Re = \frac{\rho_1 c D_H}{\mu_1} \rightarrow Re = \frac{\rho_1 c_1 s \cos \alpha_1 L}{\mu_1 (S \cos \alpha_1 + L)}$$

(یعنی  $Re$  مناسبه شده از فرمول فوق باید برابر  $10^5$  باشد)



## روش اصلاح سود برگ

$$\begin{cases} 2 - \frac{t_{max}}{c} = 0.2 \\ 3 - \frac{L}{c C_0 \alpha_{\infty}} = 3 \quad \left( \alpha_{\infty} = \frac{\alpha_0 + \alpha_1}{2} \right) \end{cases}$$

\* اگر نسبت  $\frac{t_{max}}{c} \neq 0.2$  و  $\frac{L}{c C_0 \alpha_{\infty}} \neq 3$  باشد مقدار  $\xi$  باید اصلاح شود:

$$L + \xi_1 = (1 + \xi_{nom}) \left[ 0.975 + \frac{(0.075 C_0 \alpha_{\infty}) / L}{1} \right] \quad (I) \text{ برای روتور:}$$

$$L + \xi_1 = (L + \xi_{nom}) \left[ 0.933 + \frac{(0.021 C_0 \alpha_{\infty}) / L}{1} \right] \quad (II) \text{ برای استاتور:}$$

$$\begin{cases} \text{روتور} & \alpha_{\infty} = \frac{\alpha_1 + \alpha_2}{2} \\ \text{استاتور} & \alpha_{\infty} = \frac{\alpha_0 + \alpha_1}{2} \end{cases}$$

$\xi_{nom}$  - از رابطه 9 تحت آن شرایط درست آمده.  
 $L$  - را اگر ندادند واحد فرض می کنند.

\* اگر  $Re \neq 10^5$ :

$$\xi_2 = \left( \frac{10^5}{Re} \right)^{0.25} \xi_1$$

اگر شرط جری برقرار بود  
 $\xi_1$  را همان  $\xi_{nom}$  قرار می دهیم.



ضریب بارگیری - ضریب جریان

$$\psi = \frac{W}{mV^2}$$

ضریب بارگیری

$$\psi = \frac{Ca (\tan \alpha_2 + \tan \alpha_1)}{u}$$

$$\phi = \frac{Ca}{u}$$

ضریب جریان

$$\psi = \phi (\tan \alpha_2 + \tan \alpha_1)$$
$$\psi = \phi (\tan \beta_2 + \tan \beta_1)$$

\* در نیروگاهها ضریب بارگیری و ضریب جریان کوچک است تا -  
راندمان بالا برود اما در عوض تعداد برهها و سطح توربین افزایش  
می یابد. اما در موتورهای توربوجت که نیاز به حجم کم دایره  
این دو ضریب از نیروگاه هارقی بزرگتر خواهد بود. (شکل -  
صفحه ۱۴)

نسبت عکس العمل (بازتاب)

$$R = \frac{\text{افت انتالی استاتیک در روتور}}{\text{افت انتالی استاتیک در طبقه}} = \frac{h_1 - h_2}{h_0 - h_2}$$



$$R = \frac{h_1 - h_2}{\left(h_0 + \frac{c_0^2}{2}\right) - \left(h_2 + \frac{c_2^2}{2}\right)} = \frac{h_1 - h_2}{h_{00} - h_{02}}$$

$$(C_0 = C_2) \quad , \quad (h_{00} - h_{01}) \quad \longrightarrow$$

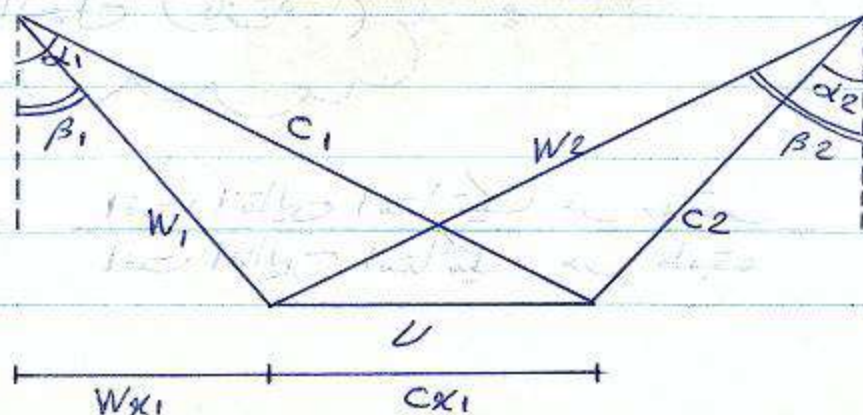
$$R = \frac{h_1 - h_2}{h_{01} - h_{02}}$$

$$\begin{aligned} (\text{ع1}) : \quad h_{01} - h_{02} &= U (C_{x1} + C_{x2}) \\ &= U (W_{x1} + W_{x2}) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (\text{ع2}) : \quad h_{01 \text{ rel}} &= h_{02 \text{ rel}} \\ h_1 + W_1^2/2 &= h_2 + W_2^2/2 \\ h_1 - h_2 &= \frac{1}{2} (W_2^2 - W_1^2) \end{aligned}$$

$$R = \frac{W_2^2 - W_1^2}{2U (W_{x1} + W_{x2})} = \frac{(W_{x2}^2 + C_{x2}^2) - (W_{x1}^2 + C_{x1}^2)}{2U (W_{x1} + W_{x2})}$$

$$R = \frac{W_{x2} - W_{x1}}{2U}$$





$$* R = \frac{C\alpha (\tan \beta_2 - \tan \beta_1)}{2U}$$

$$R = \frac{\phi}{2} (\tan \beta_2 - \tan \beta_1) \quad (1)$$

$$\begin{cases} W_{x1} = Cx_1 - U \\ C\alpha \tan \beta_1 = C\alpha \tan \alpha_1 - U \\ \tan \beta_1 = \tan \alpha_1 - \frac{U}{C\alpha} \\ \tan \beta_1 = \tan \alpha_1 - \frac{1}{\phi} \end{cases} \quad (2)$$

(1) , (2)

$$R = 0.5 + \frac{\phi}{2} (\tan \beta_2 - \tan \alpha_1) \quad (3)$$

$$\begin{cases} W_{x2} = Cx_2 + U \\ C\alpha \tan \beta_2 = C\alpha \tan \alpha_2 + U \\ \tan \beta_2 = \tan \alpha_2 + \frac{U}{C\alpha} \\ \tan \beta_2 = \tan \alpha_2 + \frac{1}{\phi} \end{cases} \quad (4)$$

(3) , (4)

$$R = 1 + \frac{\phi}{2} (\tan \alpha_2 - \tan \alpha_1) \quad (5)$$

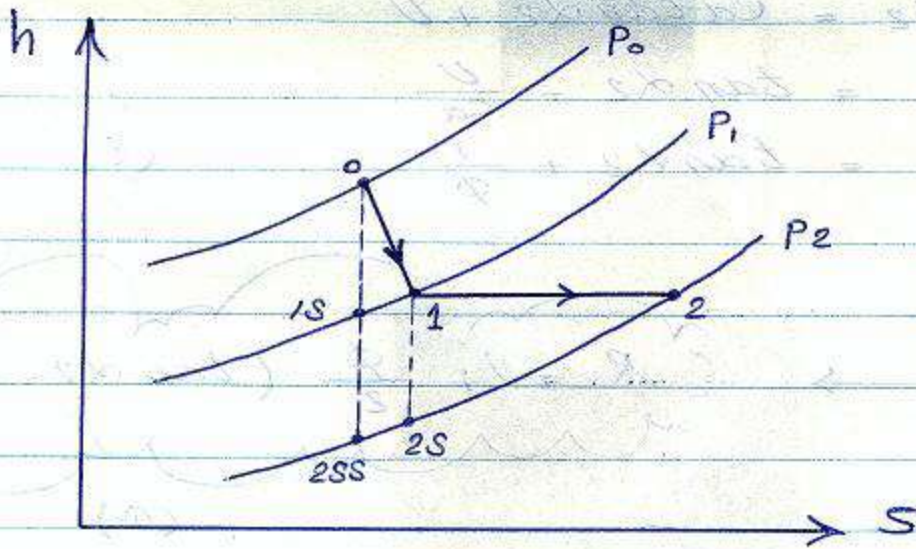
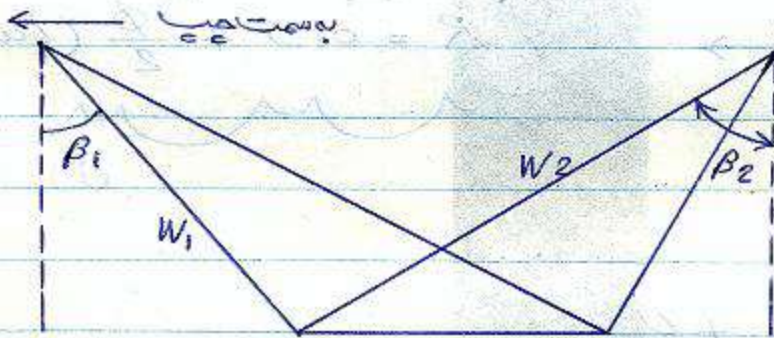
$$0 \leq R \leq 100\%$$

\* برش مع  $R$  :



- $R = 0$     رابطه (1)     $\beta_2 = \beta_1$
- $R = 50\%$     رابطه (2)     $\beta_2 = \alpha_1$
- $R = 100\%$     رابطه (3)     $\alpha_2 = \alpha_1$

$R = 0$  : حالت به نسبت چپ کشیده می شود :

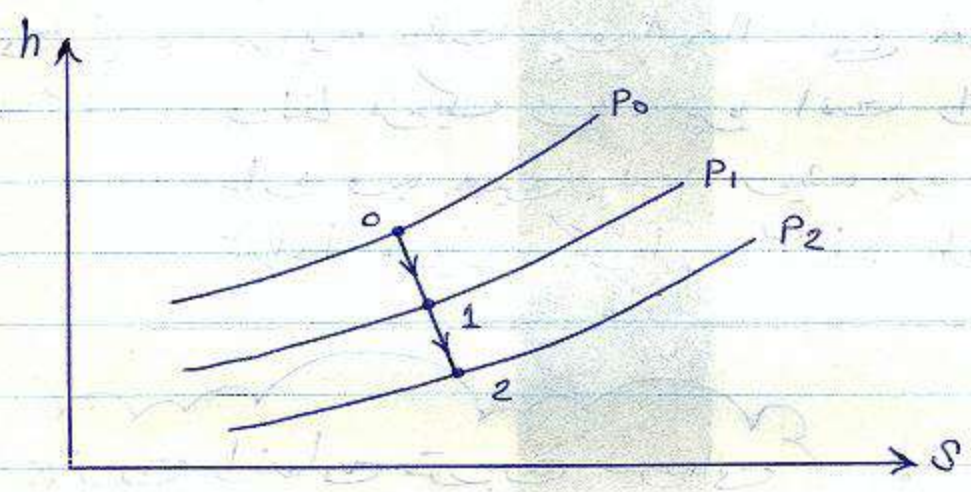
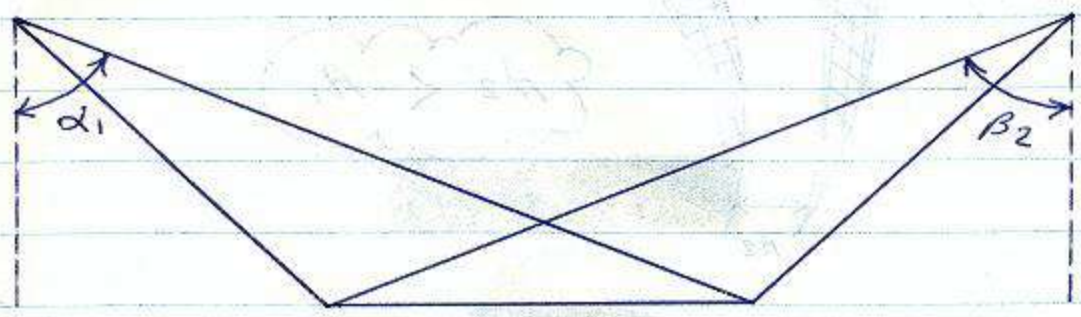


0-1 - افت انتالی در استاتور

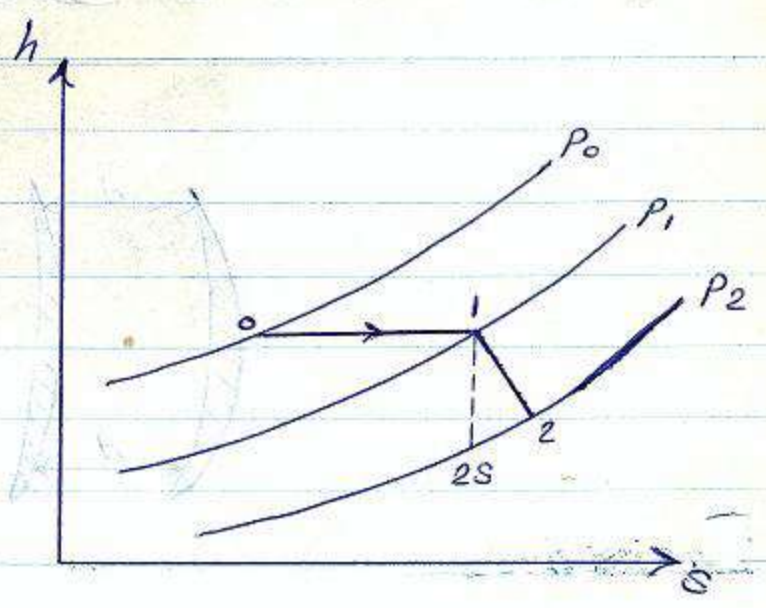
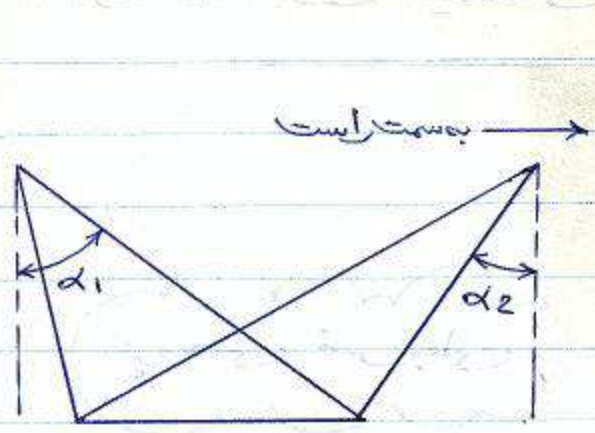
1-2 - افزایش آنتروپی در روتور



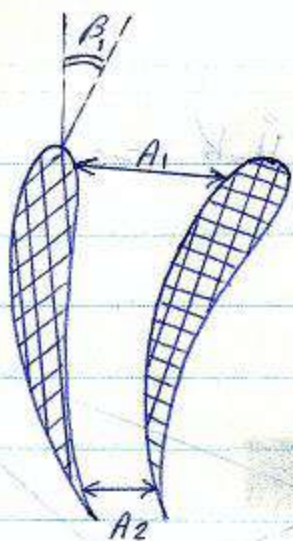
میلک سرعت کاملاً متقارن است :  $R=50\%$



میلک سرعت بیضی است کشیده می شود :  $R=100\%$







عکس العملی :

$A_2 < A_1$

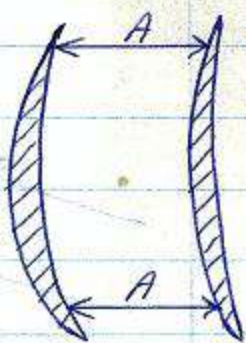
ضربه‌ای :

در این حالت پره‌ها حالت پیچ خورده دارند و لذا نزدیک ریشه پره افت رانندگی وجود دارد و به همین علت ریشه پره را بر اساس شرایط جریان گردابی آزاد طراحی می‌کنند.

شرط بهترین رانندگی توربین ضربه‌ای :

$$\frac{U}{C_1} = \sin \alpha_{1/2}$$

« معمولاً  $\alpha_1$  برای تیغه‌های استاتور  $65^\circ$  تا  $78^\circ$  است »



پره‌های ضربه‌ای

برای این که افت انرژی نداشته باشیم.



مسئله - مطلوبست طراحی یک توربین کوچک که حتی الامکان یک طبقه باشد. مشخصه‌های زیر برای نقطه طراحی در نظر بگیرید:

دبی جرمی	$20 \text{ kg/s}$
راندمان اینترتوربین توربین	90%
دمای ورودی	$T_{00} = 1100 \text{ }^\circ\text{K}$
افت دمای	$T_{00} - T_{02} = 145 \text{ }^\circ\text{K}$
نسبت فشار	$\frac{P_{00}}{P_{02}} = 1.873$
فشار ورودی	$P_{00} = 400 \text{ kPa}$
سرعت دوران توربین	250 rps
سرعت در شعاع متوسط (U)	340 m/s

می‌توان ضریب افت شیبوره ( $\eta$ ) را 0.05 و ضریب جریان را 0.8 در نظر گرفت.  $C_x$  ثابت است و سرعت ورود و خروج به طبقه برابر است ( $C_0 = C_2$ ) و سرعت ورودی محوری است ( $\alpha_1 = 0$ ).

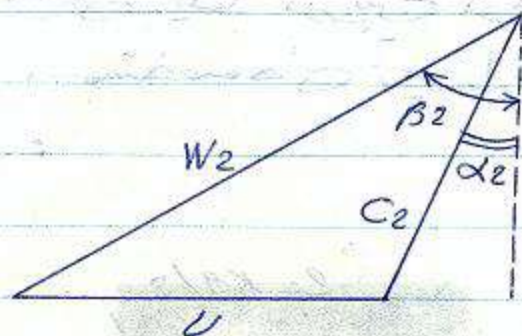
$$\psi = \frac{W}{m U^2} = \frac{h_{00} - h_{02}}{U^2} = \frac{C_p (T_{00} - T_{02})}{U^2}$$

\* برای گازهای حاصل از احتراق:

$$\begin{cases} C_p = 1.147 \text{ kJ/kg}\cdot\text{K} \\ \gamma = 1.333 \end{cases}$$

$$\psi = \frac{1.147 (145)}{(340)^2} = 1.44 \quad (\text{kJ تبدیل به J شده})$$





حاسب زوایا

$$* W_{x2} = C_{x2} + U$$

$$\tan \beta_2 = \tan \alpha_2 + \frac{1}{\phi}$$

$$(\alpha_2 = \alpha_0) \rightarrow \tan \beta_2 = \tan \alpha_0 + \frac{1}{0.8}$$

$$\rightarrow \tan \beta_2 = 1.125$$

$$\begin{cases} R = \frac{\phi}{2} (\tan \beta_2 - \tan \beta_1) \\ \psi = \phi (\tan \beta_2 + \tan \beta_1) \end{cases} \xrightarrow{\tan \beta_1 \text{ با حذف}}$$

$$\tan \beta_2 = \frac{1}{2\phi} (\psi + 2R) \rightarrow$$

$$1.125 = \frac{1}{2(0.8)} (1.44 + 2R) \rightarrow$$

$$R = 0.28$$

\* چون این مقدار  $R$  مناسب نیست (امکان بازتاب منفی وجود دارد) مقاری عرضش در خروجی توپین اعمال می‌کنیم:



\* عرض  $\alpha_2 = 10^\circ$  هر چه کمتر باشد بهتر است

$$\tan \beta_2 = \tan \alpha_2 + \frac{1}{\phi} = 1.426 \rightarrow$$

$$R = 0.421 \text{ بهتر}$$

$$\beta_2 \approx 55^\circ$$

$$* \psi = \phi (\tan \beta_1 + \tan \beta_2) \rightarrow$$

$$\tan \beta_1 = \frac{\psi}{\phi} - \tan \beta_2$$

$$(یا): R = \frac{\phi}{2} (\tan \beta_2 - \tan \beta_1) \rightarrow$$

$$\tan \beta_1 = \tan \beta_2 - \frac{2R}{\phi}$$

$$\rightarrow \tan \beta_1 = 1.426 - \frac{2(0.421)}{0.8} = 0.374$$

$$\rightarrow \beta_1 = 20.5^\circ$$

$$C_{x1} = W_{x1} + U$$

$$C_a \tan \alpha_1 = C_a \tan \beta_1 + U$$



$$\tan \alpha_1 = \tan \beta_1 - \frac{1}{\phi} = 0.374 + \frac{1}{0.8}$$

$$\tan \alpha_1 = 1.624 \rightarrow$$

$$\alpha_1 = 58.5^\circ$$

$$C_{a1} = U \phi = 340 (0.8)$$

عاسبه ابعاد

$$C_{a1} = 272 \text{ m/s}$$

$$C_1 = \frac{C_{a1}}{\cos \alpha_1} = \frac{272}{\cos (58.5)} = 519 \text{ m/s}$$

$$T_{00} = T_{01} = 1100^\circ \text{K} \rightarrow$$

$$T_1 = T_{01} - \frac{C_1^2}{2c_p} = 1100 - \frac{(272)^2}{2(1147)} \rightarrow$$

$$T_1 = 982.7^\circ \text{K}$$

$$* \xi_N = \frac{h_1 - h_{1s}}{0.5 C_1^2} = \frac{(T_1 - T_{1s}) c_p}{0.5 C_1^2}$$

$$T_{1s} = 0.5 \xi_N C_1^2 / c_p \quad \xi_N = 0.05 \rightarrow$$



$$982.7 - T_{1s} = 0.5(0.05)(519)^2 / 1147 \rightarrow$$

$$T_{1s} = 976.2 \text{ } ^\circ\text{K}$$

$$\left(\frac{T_{00}}{T_{1s}}\right)^{\frac{\gamma}{\gamma-1}} = \left(\frac{P_{00}}{P_1}\right) \rightarrow \left(\frac{1100}{976.2}\right)^4 = \left(\frac{4 \text{ bar}}{P_1}\right)$$

$$P_1 = 2.49 \text{ bar}$$

شرط جریان بحرانی در استاتور :

$$\frac{P_{00}}{P_{cr}} = \left(\frac{\gamma+1}{2}\right)^{\frac{\gamma}{\gamma-1}}$$

$$" = \left(\frac{2.33}{2}\right)^4 = 1.853$$

$$\frac{P_{00}}{P_1} = \frac{4}{2.49} = 1.607$$

نسبت فشار ما به نسبت فشار بحرانی نرسیده (از نظر شرایط سرعت ما) پس لازم نیست ما حل مسئله را دوباره تکرار کنیم.  $(P_1 > P_{cr})$

$$P_1 = \frac{P_1}{RT_1} = \frac{249}{0.287(982.7)} = 0.883$$

$$A_1 = \frac{\dot{m}}{P_1 C_d} = \frac{20}{0.883(272)} = 0.0833 \text{ m}^2$$

سطح مقطع جریان در ①  
خوبی استاتور (چون یک طبقه از 2 است)



\* سطح گلوگاه شیپوره تصویر مساحت فوق است :

$$\text{سطح گلوگاه شیپوره} = A_1 \cos \alpha_1 = 0.0437 \text{ m}^2$$

$$C_0 = C_2 = \frac{C_d}{\cos \alpha_2} = 276.4 \text{ m/s}$$

$$T_0 = T_{00} - \frac{C_0^2}{2C_p} = 1100 - \frac{(276.4)^2}{2(1147)}$$

$$T_0 = 1067 \text{ } ^\circ\text{K}$$

$$\frac{P_0}{P_{00}} = \left( \frac{T_0}{T_{00}} \right)^{\frac{\gamma}{\gamma-1}} \rightarrow \frac{P_0}{4} = \left( \frac{1067}{1100} \right)^4$$

$$P_0 = 3.54 \text{ bar}$$

$$P_0 = \frac{P_0}{RT_0} = \frac{3.54}{0.287(1067)} \rightarrow P_0 = 1.155$$

$$A_0 = \frac{\dot{m}}{P_0 C_d} \rightarrow A_0 = 0.0626$$

$$T_{02} = T_{00} - 145 = 955$$

$$T_2 = T_{02} - \frac{C_2^2}{2C_p} = 955 - \frac{276.4^2}{2(1147)} \rightarrow$$

$$T_2 = 922.8 \text{ } ^\circ\text{K}$$



$$P_2 = P_{02} \left( \frac{T_2}{T_{02}} \right)^{\gamma/\gamma-1} = \left( \frac{4}{1.873} \right) \left( \frac{922}{955} \right)^4$$

$$P_2 = 1.856 \text{ bar}$$

$$P_2 = \frac{P_2}{RT_2} = 0.702$$

$$A_2 = \frac{\dot{m}}{P_2 C_d} = 0.1047 \text{ m}^2$$



$$r_m \text{ (شعاع متوسط)} = \frac{U_m}{2\pi N} = \frac{340}{2\pi (250)}$$

$$r_m = 0.216 \text{ m}$$

$$A = 2\pi r_m h = \frac{U_m}{N} h \rightarrow$$

$$\begin{cases} h = \frac{A N}{U_m} = A \left( \frac{250}{340} \right) \\ \frac{r_t}{r_r} = \frac{r_m + h/2}{r_m - h/2} \end{cases}$$

$r_t$  - شعاع نوک پرہ  
 $r_r$  - شعاع ریشہ پرہ





صفت	0	1	2
A	0.0626	0.0833	0.1042
h متر	0.046	0.0612	0.077
$\frac{r_t}{r_r}$	1.24	1.33	1.43

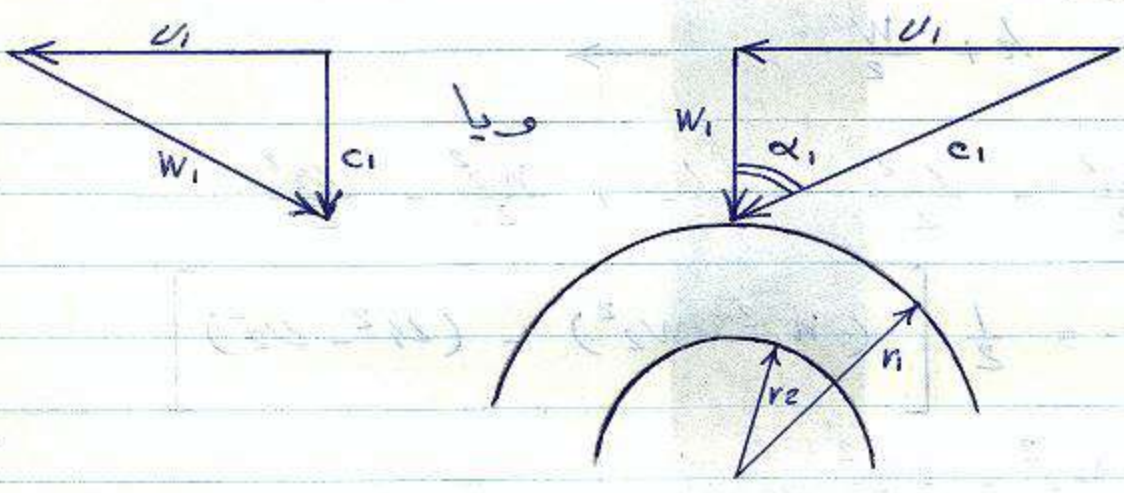
**فرشاد نسر ایسی** - مهندس پایه یک تأسیسات و کالبدی  
 طراحی - نظارت - اجرا  
 نظام مهندسی: ۱۵۳۰۰-۱۷۲۷۶  
 پروانه مهندسی: ۱۵۳۰۰-۰۲۸۱۵  
 شماره شهرسازی: ۱۵۳-۰۱۲۲۲

جزوه آموزشی درس توربو ماشین **آقای دکتر کورش امیر اصلانی تبریز**  
 دانشگاه آزاد اسلامی واحد جنوب تهران - دانشکده فنی (۱۳۷۳)

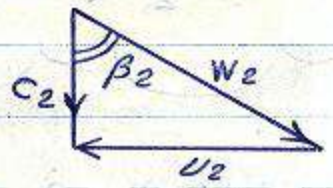
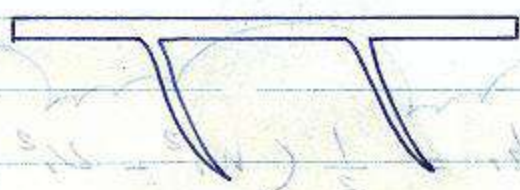


# توربین‌های شعاعی :

\* کاربرد آنها در مواقعی است که می‌خواهند در یک فاصله جمع و جبر انژی را انتقال دهند و قطر آنها معمولاً حدود 0.2m است و بیشتر در توربوشارژرهای موتور هواپیما، پمپ 2 قشر نشانج و... به کار می‌روند. این توربینها دور بسیار بالایی دارند و جریان در آنها 90° تخیب مسیر می‌یابد.



زاویه نسبت به جهت شعاعی سنجیده می‌شود.



\* در حین عبور از شیبوره ورودی :  $h_{00} = h_{01}$

$$h_0 + c_0^2/2 = h_1 + c_1^2/2 \rightarrow$$



$$h_1 - h_0 = \frac{1}{2} (c_0^2 - c_1^2) \quad (\text{مقطع 0-1})$$

\* مطابق آنچه که در کمپرسورهای گریز از مرکز نشان داده شد در حین عبور سیال از روتور مقدار (I) ثابت است :

$$I = h_{0 \text{ rel}} - \frac{U^2}{2}$$

$$h_{0 \text{ rel}} = h + \frac{W^2}{2} \rightarrow$$

$$h_1 + \frac{W_1^2}{2} - \frac{U_1^2}{2} = h_2 + \frac{W_2^2}{2} - \frac{U_2^2}{2}$$

$$\begin{cases} h_2 - h_1 = \frac{1}{2} [(W_1^2 - W_2^2) - (U_1^2 - U_2^2)] \\ c_2^2 = W_2^2 - U_2^2 \end{cases} \rightarrow$$

$$h_2 - h_1 = \frac{1}{2} (W_1^2 - U_1^2 - c_2^2) \quad (\text{مقطع 1-2})$$

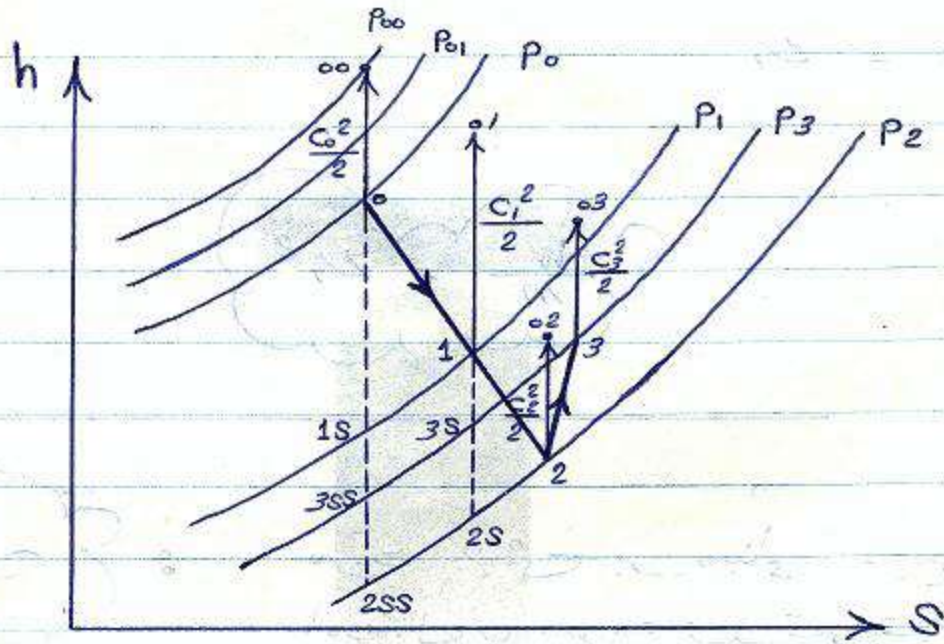
\* در حین عبور از دیفیوزر خروجی :

$$h_2 + c_2^2/2 = h_3 + c_3^2/2$$

$$h_3 - h_2 = \frac{1}{2} (c_2^2 - c_3^2) \quad (\text{مقطع 2-3})$$



\* توربین شعاعی می تواند دارای دیفیوزر باشد یا نباشد.



(با دیفیوزر)  $\eta_{t(t-t)} = \frac{h_{00} - h_{03}}{h_{00} - h_{03SS}}$

(بدون دیفیوزر)  $\eta_{t(t-t)} = \frac{h_{00} - h_{02}}{h_{00} - h_{02SS}}$

\* مثلاً در (2S) تنها روتور ایده آل (بازگشت پذیر) است و در (2SS) هم روتور و هم نازل یا استاتور بازگشت پذیر است.

رابطه اولی :



$$\begin{cases} \frac{W}{m} = U_1 C_{x1} - U_2 C_{x2} = U_1 C_{x1} \\ C_{x1} = U_1 \end{cases} \rightarrow$$

$$\frac{W}{m} = U_1^2$$

سرعت جهش : سرعت جهشی بر مبنای تغییرات انتالی  
ایده آل به صورت زیر تعریف می شود :

	کل به کل	کل به استاتیک
$C_s^2$ (با > فیوز)	$2(h_{00} - h_{03SS})$	$2(h_{00} - h_{3SS})$
$C_s^2$ (بی > فیوز)	$2(h_{00} - h_{02SS})$	$2(h_{00} - h_{2SS})$

$$\frac{W}{m} = h_{00} - h_{03SS} = \frac{C_s^2}{2} = U_1^2 \rightarrow$$

$$\frac{U_1}{C_s} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$



بحک راندها :

$$\eta_{t(t-s)} = \frac{h_{00} - h_{02}}{h_{00} - h_{255}}$$

(بویوت > حقیقت)

\* پس از انجام عملیات خواصی داشت :

$$\eta_{t(t-s)} = \left\{ 1 + \left[ \xi_N \left( \frac{T_2}{T_1} \right) \text{Cosec}^2 \alpha_1 + \left( \frac{v_{2av}}{v_1} \right)^2 \left( \xi_R \text{Cosec}^2 \beta_2 + \text{Coty}^2 \beta_2 \right) \right] / 2 \right\}$$

$$\xi_N = \frac{h_1 - h_{1s}}{0.5 C_1^2}$$

$$\xi_R = \frac{h_2 - h_{2s}}{0.5 W_2^2}$$

$$\text{میانگین } v_2 = \frac{v_{2t} + v_{2h}}{2} \quad \text{: معمولاً}$$

$$\frac{T_2}{T_1} = 1 - \left( \frac{v_1}{\alpha_1} \right)^2 (\gamma - 1) \left[ 1 - \text{Coty}^2 \alpha_1 + \left( \frac{v_2}{v_1} \right)^2 \text{Coty}^2 \beta_2 \right] / 2$$

$$\frac{T_2}{T_1} \approx 1 \quad \text{: معمولاً}$$

$$\alpha = \sqrt{\gamma R T}$$





$$\frac{1}{\eta(t-t)} = \left( \frac{1}{\eta(t-s)} \right) - \left[ \left( \frac{r_{2av}}{r_1} \right)^2 \cot^2 \beta_{2av} \right] / 2$$

برون دیفیوزر

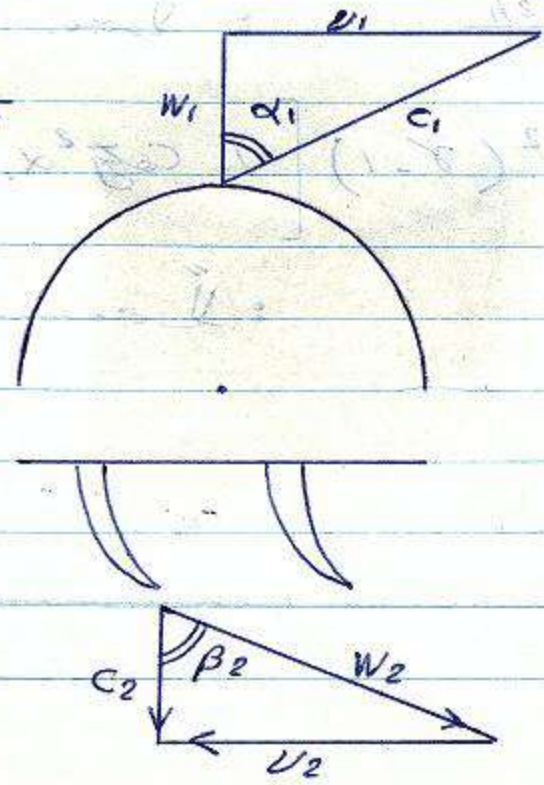


مسئله - یک توربین گاز شعاعی دارای یک سری پروانه ثابت ورودی بعنوان شیبوره ، روتور با پروانه شعاعی و دیفیوزر محوری است . با رانندگی که 90% و طبق شرایط طراحی خود کار می کند. در ورودی به توربین فشار و دمای سکون گاز  $(P_{00}$  و  $T_{00}$ ) -  $400 \text{ kPa}$  و  $1140^\circ \text{K}$  است . جریان خروجی از توربین در خروجی از دیفیوزر دارای فشار  $100 \text{ kPa}$  و سرعت ناچیز است . مطلوب است تعیین سرعت محیطی ورودی به روتور  $(U_1)$  و زاویه شیبوره در خروجی آن  $(\alpha_1)$  .

$$\gamma = 1.33$$

$$R = 0.287 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot \text{K}}$$

$$\phi = 1149$$



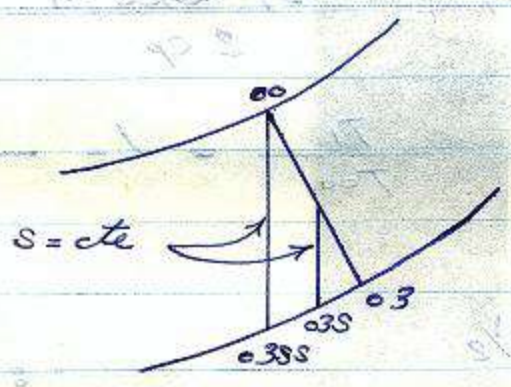


$$\frac{W}{m} = h_{00} - h_{03} = h_{01} - h_{02} = U_1^2$$

$$\eta_{t(t-t)} = \frac{h_{00} - h_{03}}{h_{00} - h_{03SS}} = \frac{h_{01} - h_{02}}{h_{00} - h_{03SS}} = \frac{U_1^2}{C_p(T_{00} - T_{03SS})}$$

$$= \frac{U_1^2}{C_p T_{00} \left[ 1 - \left( \frac{T_{03SS}}{T_{00}} \right) \right]} = \frac{U_1^2}{C_p T_{00} \left[ 1 - \left( \frac{P_{03}}{P_{00}} \right)^{\frac{\gamma-1}{\gamma}} \right]}$$

\* روابط انتگرالی ثابت آنها بین نقاط واقع بر خطوط  $s = ct$  در نمودار  $(h-s)$  می توان نوشت.



$$0.9 = \frac{U_1^2}{1149(1140) \left[ 1 - \left( \frac{100}{400} \right)^{\frac{0.33}{1.33}} \right]}$$

$$U_1 = 587.4 \text{ m/s}$$

$$M_1 = \frac{C_1}{a_1} \quad * \text{ در خروجی از سیپوره}$$



$$\sin \alpha_1 = \frac{U_1}{C_1} \rightarrow C_1 = U_1 \operatorname{Cosec} \alpha_1$$

$$M_1 = \frac{C_1}{d_1} = \frac{U_1 \operatorname{Cosec} \alpha_1}{d_1} \quad (1)$$

$$h_{00} = h_{01} \rightarrow \text{* از طرف دیگر :$$

$$h_{00} = h_1 + \frac{q^2}{2} \rightarrow C_p T_{00} = C_p T_1 + \frac{q^2}{2}$$

$$\rightarrow T_{00} = T_1 + \frac{q^2}{2 C_p}$$

$$T_{00} = T_1 + \frac{U_1^2 \operatorname{Cosec}^2 \alpha_1}{2 C_p}$$

$$\frac{\text{تقسیم طرفین بر } (T_{00})}{\rightarrow} \frac{T_1}{T_{00}} = 1 - \frac{U_1^2 \operatorname{Cosec}^2 \alpha_1}{2 C_p T_{00}} \quad (2)$$

$$a_{00} = (\sigma R T_{00})^{1/2} \quad \text{* از طرف دیگر :$$

$$C_p = \frac{\sigma R}{\sigma - 1} \rightarrow$$

$$a_{00} = (C_p (\sigma - 1) T_{00})^{1/2} \rightarrow$$

$$C_p T_{00} = \frac{a_{00}^2}{\sigma - 1} \quad (3)$$

$$(2) \text{ و } (3) \rightarrow \frac{T_1}{T_{00}} = 1 - \frac{\sigma - 1}{2} \frac{U_1^2 \operatorname{Cosec}^2 \alpha_1}{a_{00}^2} \quad (4)$$

$$\frac{T_1}{T_{00}} = \left( \frac{d_1}{a_{00}} \right)^2 \quad (5) \quad \text{* معادله 5$$



و با اعمال رابطه (۱) :

$$\frac{T_1}{T_{\infty}} = \left( \frac{a_1}{a_{\infty}} \right)^2 = \frac{U_1^2 \operatorname{Cosec}^2 \alpha_1}{(M_1 a_{\infty})^2} \quad (6)$$

با مساوی قرار دادن طرفین روابط (۴) و (۶) :

$$\sin \alpha_1 = \left( \frac{U_1}{a_{\infty}} \right) \left[ \frac{1}{2} (\gamma - 1) + \frac{1}{M_1^2} \right]^{1/2}$$

جزء فرض مسئله : فرض کنید جریان در خروجی از سیپوره  
خفه شده است (choking) یعنی -  
 $M_1 = 1$  است .

$$a_{\infty} = (\gamma R T_{\infty})^{1/2} = (1.33 \times 287 \times 1140)^{1/2}$$

$$a_{\infty} = 660.4 \text{ m/s}$$

$$\sin \alpha_1 = \frac{587.4}{660.4} \left[ \frac{1}{2} (1.33 - 1) + 1 \right]^{1/2} \rightarrow$$

$$\alpha_1 = 73.9^\circ$$



## خدمات فنی قابل ارائه از طرف شرکت مهندسی پتروپالامحور :

- طراحی سیستم های لوله کشی (Piping)
- طراحی سیستم های مکانیکی ثابت (Fixed Equipment)
- طراحی سیستم های مکانیکی دوار (Rotary Equipment)
- طراحی سیستم های تاسیسات مکانیکی و تهویه مطبوع (Plumbing & HVAC)
- طراحی تاسیسات مکانیکی زیربنائی
- طراحی سیویل و سازه در پروژه های عمرانی و صنعتی



**کیفیت تعهد ماست**