



دانشگاه صنعتی شریف

# آزمایشگاه مکانیک سیالات

دانشکده مهندسی شیمی و نفت

**26-201**

داریوش باستانی

از خانم ها مائده معرفت اله و بهاره سادات توکلی که در تهیه این دستورکار با اینجانب همکاری نمودند  
تشکر و قدردانی می شود.

## آزمایش اول: تحقیق در رابطه برنولی

### هدف آزمایش:

بررسی رابطه برنولی به وسیله اندازه گیری سرعت و فشار در مقاطع مختلف یک ونتوری افقی و مقایسه آن با حالت تنوری.

### تنوری آزمایش:

با در نظر گرفتن یک المان حجمی از سیال و نوشتن معادلات پیوستگی و ممنوم برای آن و به کار بردن فرض های ساده کننده، به معادله زیر می رسیم:

$$\frac{dP}{\gamma} + dz + \frac{UdU}{g} = 0 \quad (1-1)$$

با فرض ثابت بودن دانسیته سیال (تراکم ناپذیری سیال)، می توان از معادله بالا انتگرال گرفت:

$$\frac{P}{\gamma} + z + \frac{U^2}{2g} = \text{const} \quad (2-1)$$

$$\Rightarrow \frac{P_1}{\gamma} + z_1 + \frac{U_1^2}{2g} = \frac{P_2}{\gamma} + z_2 + \frac{U_2^2}{2g} \quad (3-1)$$

که در آن:

$z$ : ارتفاع خط جریان از مبدا

$U$ : سرعت خط جریان

$P$ : فشار

$g$ : شتاب ثقل

$\rho$ : دانسیته سیال

$$\gamma = \rho \times g$$

معادله بالا بر فرضیات زیر استوار است:

1- معادله برای سیال تراکم ناپذیر صادق است.

2- جریان یکنواخت فرض شده است. (steady state)

3- معادله در طول یک خط جریان بدست آمده است.

4- جریان بدون اصطکاک است.

5- کار مکانیکی روی سیستم انجام نمی شود. ( $W_0 = 0$ )

### معادله تصحیح شده برنولی برای جریان داخل لوله ها:

بسیاری از جریان های سیالات در حوضه مهندسی شامل جریان هایی هستند که توسط یک دیواره جامد تحت تأثیر قرار می گیرند و بنابراین شامل یک لایه مرزی هستند. مهمترین حالت این جریان ها، جریان داخل لوله ها است. برای بسط دادن معادله برنولی به صورتی که حالات عملی فوق را نیز شامل شود، دو تصحیح لازم است. اولین تغییر (که از اهمیت کمتری برخوردار است)، تصحیح انرژی جنبشی به خاطر تغییر سرعت سیال بر حسب موقعیت نقطه نسبت به دیواره است (بیشترین سرعت در مرکز و کمترین سرعت در مجاور دیواره است). دومین تصحیح (که اهمیت زیادی دارد)، تصحیح رابطه برنولی به علت وجود اصطکاک است.

#### 1- تصحیح انرژی جنبشی:

در بررسی وضعیت جریان درون کانال های باز و بسته، اغلب تحلیل یک بعدی به کار می رود. کل جریان به صورت یک لوله بزرگ با سرعت متوسط  $V$  در هر مقطع در نظر گرفته می شود، اما این انرژی جنبشی در واحد وزن بر حسب هد سرعت متوسط سیال (یعنی  $V^2/2g$ ) برابر مقدار متوسط  $U^2/2g$  روی تمام سطح مقطع نمی شود. بنابراین لازم است که یک ضریب تصحیح  $\alpha$  برای جمله  $V^2/2g$  چنان محاسبه کنیم که  $\alpha V^2/2g$  برابر متوسط انرژی جنبشی در واحد وزن سیال گذرنده از هر سطح مقطع باشد:

$$\alpha = \frac{1}{A} \int_A \left( \frac{U}{V} \right)^3 dA \quad (4-1)$$

که در آن:

$V$ : سرعت متوسط سیال

$A$ : سطح مقطع جریان

می باشد.

$$\alpha_{Laminar} = 2$$

$$\alpha_{Turbulent} = 1.01 - 1.10$$

#### 2- تصحیح رابطه برنولی به خاطر وجود اصطکاک:

اصطکاک اثر خود را به صورت کاهش انرژی مکانیکی در یک سیال نشان می دهد. بر اساس قانون بقای انرژی، مقداری حرارت معادل کاهش انرژی مکانیکی تولید می شود. اصطکاک سیال می تواند به عنوان هر نوع تبدیل انرژی مکانیکی به حرارت در جریان سیال تعریف شود. برای سیالات تراکم ناپذیر، رابطه برنولی با افزودن یک جمله به سمت راست معادله 3، تصحیح می شود.

$$\frac{P_a}{\rho g} + z_a + \alpha_a \frac{\overline{V_a^2}}{2g} = \frac{P_b}{\rho g} + z_b + \alpha_b \frac{\overline{V_b^2}}{2g} + h_f \quad (5-1)$$

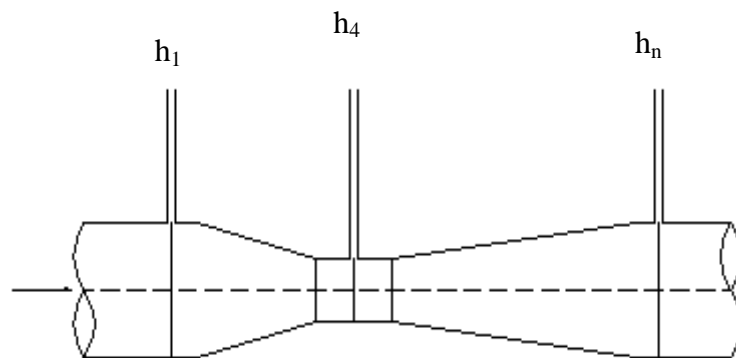
که در این رابطه  $h_f$  افت انرژی به ازاء واحد وزن سیال است.

ونتوری لوله ای است که سطح مقطع آن بتدریج کم میشود و بعد از قسمت باریک شده لوله (گلوگاه) دوباره سطح مقطع آن اضافه شده تا به قطر اولیه می رسد. در این آزمایش علاوه بر آشنایی با ونتوری و تغییرات فشار در قسمت های مختلف آن، مدرج کردن یک ونتوری متر به عنوان وسیله ای جهت اندازه گیری دبی در لوله ها نیز انجام می شود.

در شکل (1) یک جریان ایده آل مایعی در لوله ونتوری نشان داده شده است. اگر  $a_1, a_4, a_n$  به ترتیب سطح مقطع لوله ونتوری در مدخل ورودی، گلوگاه و مقطعی اختیاری و همچنین  $h_1, h_4, h_n$  ارتفاعات پیزومتری در این مقاطع باشند با صرف نظر کردن از افت انرژی در لوله ونتوری و ثابت فرض کردن سرعت و ارتفاعات پیزومتری در هر مقطع می توان رابطه برنولی و پیوستگی را بین دو مقطع نوشت و با حذف یکی از سرعت ها در دو رابطه فوق رابطه (6-1) را نتیجه گرفت و سپس دبی ایده آل جریان را از رابطه (7-1) بدست آورد.

$$u_4 = \sqrt{\frac{2g(h_1 - h_4)}{1 - (a_4/a_1)^2}} \quad (6-1)$$

$$Q_4 = a_4 u_4 = a_4 \sqrt{\frac{2g(h_1 - h_4)}{1 - (a_4/a_1)^2}} \quad (7-1)$$



شکل 1

با توجه به افت انرژی بین مقاطع 1 و 4 و ثابت نبودن سرعت ها در هر مقطع، مقدار واقعی دبی جریان کمتر از مقدار بدست آمده از رابطه (7-1) می باشد. برای برطرف نمودن اثرات فوق ضریبی بنام (ضریب دستگاه) که با  $C$  نشان داده میشود به طرف دوم رابطه (7-1) اضافه کرده و عملاً بصورت رابطه (8-1) مورد استفاده قرار می گیرد.

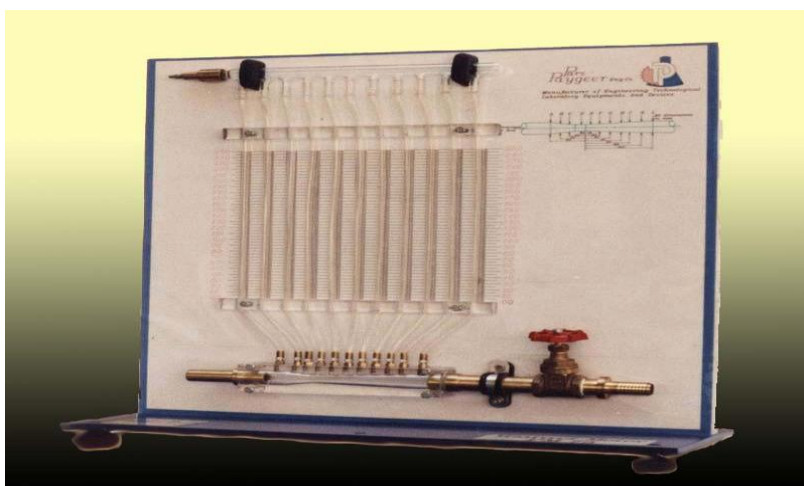
$$Q = C a_4 \sqrt{\frac{2g(h_1 - h_4)}{1 - (a_4/a_1)^2}} = C Q_t \quad (8-1)$$

به کمک رابطه برنولی و معادله پیوستگی بین مقاطع ورودی و هر مقطع اختیاری دیگر می توان فشار ایده آل را در طول لوله ونتوری بصورت رابطه (9-1) بدست آورد.

$$\frac{h_n - h_1}{u_4^2 / 2g} = \left(\frac{a_4}{a_1}\right)^2 - \left(\frac{a_4}{a_n}\right)^2 \quad (9-1)$$

### شرح دستگاه و روش آزمایش :

در این آزمایش برای بررسی معادله برنولی از یک ونتوری متر استفاده می شود. شکل ( 2 ) نشان دهنده دستگاه ونتوری می باشد. در طول لوله ونتوری یازده پیزومتر جهت اندازه گیری فشار در نقاط مختلف ونتوری نصب شده است. توسط تلمبه کردن هوا از مسیری در بالای پیزومترها میتوان سطح آب در شاخه های پیزومتری را در مقیاس مدرج پشت آنها قرار داد. در ونتوری مترهایی که برای اندازه گیری دبی جریان بکار می روند. فقط دو پیزومتر یکی در ورودی و دیگری در گلوگاه ونتوری نصب میشود زیرا اندازه گیری دبی فقط بستگی به مقدار ارتفاع متناظر با فشار این دو مقطع دارد تغییرات دبی جریان توسط شیر کنترل در قسمت خروجی ونتوری انجام می گیرد.



شکل (2) دستگاه ونتوری متر

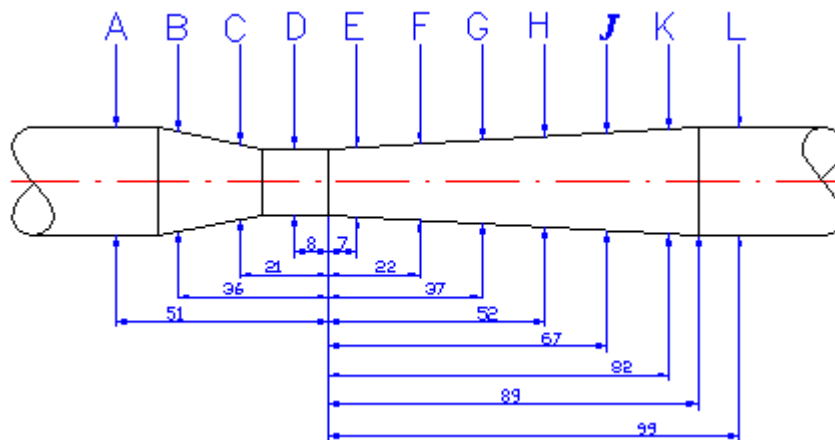
قبل از شروع آزمایش لازم است دستگاه تنظیم و تراز گردد. اولین مرحله آزمایش وقتی است که شیر کنترل جریان ونتوری باز باشد که سطح آب در پیزومتر اول در محدوده بالایی مقیاس و در پیزومتر چهارم (پیزومتر گلوگاه) در محدوده پائین مقیاس مدرج قرار گیرد.

مقدار دبی واقعی جریان توسط میز آزمایشگاهی قابل تعیین است. با تعیین  $h_1$  ,  $h_4$  و داشتن ابعاد ونتوری می توان مقدار دبی ایده آل  $(Q_t)$  را از رابطه (7-1) بدست آورد. از مقایسه با دبی واقعی ونتوری در رابطه (8-1) می توان مقدار  $C$  را بدست آورد.

بهتر است آزمایش فوق در ده مرحله مرحله انجام داد. برای این منظور در هر مرحله شیرخروجی ونتوری را طوری می بندیم که مقدار  $h_1 - h_4$  به اندازه 0.1 مقدار مرحله اول کاهش یابد.

برای تعیین توزیع فشار واقعی در طول لوله ونتوری و مقایسه آن با رابطه (9-1) بهتر است که هنگام انجام مراحل فوق در دو مرحله، تمام پیزومترها یادداشت شوند. انتخاب این مرحله بهتر است که در محدوده دبی های زیاد باشد. قطر لوله مقاطع مختلف ونتوری و محل انشعاب های پیزومترها در شکل (3) نشان داده شده است.

Piezometer Tube No.n	Diameter
A(1)	26.00
B	24
C	18.40
D	16.00
E	16.80
F	18.47
G	20.16
H	21.84
J	23.53
K	25.21
L	26



شکل (3) قطر مقطع مختلف محل پیزومترها بر حسب میلیمتر

با مشخص بودن مقاطع مختلف و نتوری، سرعت متوسط در هر مقطع محاسبه می گردد. فشار در مقاطع مختلف و در طول و نتوری توسط پیزومترها قابل اندازه گیری است. با توجه به مبداء سنجش ارتفاع (که خطکش پشت پیزومترها است)، می توان

گفت که ارتفاع آب داخل پیزومترها معرف  $\frac{P}{\gamma} + z$  برای آن مقطع است. به این ترتیب می توان معادله برنولی را در روی

این دستگاه به طور عملی تحقیق کرد.

### نتایج و محاسبات:

1- در هر دبی کمیات  $\frac{P}{\rho}$ ،  $\frac{V^2}{2g}$  و در نتیجه ارتفاع نظیر کل را در پیزومتر شماره 1 بدست آورید.

2- با استفاده از نتوری آزمایش و نتیجه قسمت (1)،  $E_i$ ،  $\frac{V_i^2}{2g}$ ،  $\frac{P_i}{\rho}$  را برای مقاطع دیگر و نتوری محاسبه کنید.

3- نمایش تغییرات  $E$ ،  $\frac{V^2}{2g}$ ،  $\frac{P}{\rho}$  را به صورت تابعی از فاصله با استفاده از محاسبات نتوریک قسمت (1) و (2) رسم نمایید.

4- با استفاده از اعداد آزمایش  $E$ ،  $\frac{V^2}{2g}$ ،  $\frac{P}{\rho}$  را در هر مقطع بدست آورید و نمایش تغییرات این کمیات را بر حسب فاصله در

همان صفحه میلیمتری قسمت (3) با رنگ دیگری رسم کنید.

5- در هر دبی ارتفاع نظیر انرژی کل تلف شده را بدست آورید. (ارتفاع انرژی کل در پیزومترهای اول و آخر)

## آزمایش دوم: دستگاه اصطکاک در لوله ها

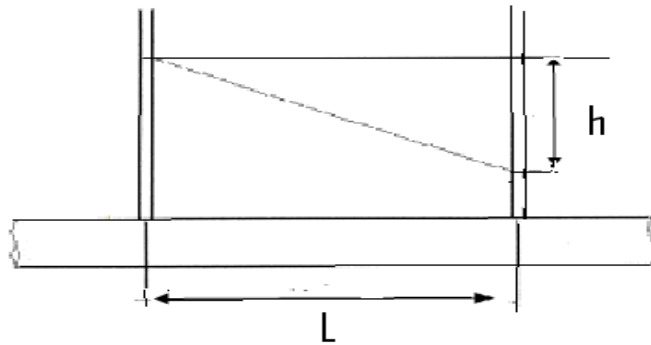
### هدف آزمایش :

هدف از این آزمایش بررسی قوانین موجود در مورد مقاومت اصطکاکی در مقابل حرکت سیال بر حسب نوع جریان می باشد . همچنین می توان توسط معادله پواسلی (Hagen-poiseuille) برای جریان آرام ( لایه ای ) ضریب ویسکوزیته و توسط رابطه داریسی ضریب اصطکاک را تعیین نمود .

### تئوری آزمایش :

افت انرژی در اثر اصطکاک در داخل یک لوله مستقیم بصورت کاهش فشار ظاهر می شود. اگر جریان مایعی از لوله شکل (1) عبور کند اختلاف ارتفاع سطوح مایعات ( h ) در پیزومتر های A و B معرف افت انرژی اصطکاکی یا افت فشار ( به ازاء واحد وزن سیال جاری ) می باشد . نظر به اینکه بعد افت فشار به ازاء واحد وزن سیال دارای بعد طول است به آن افت هد یا افت ارتفاع هم می گویند.

$$h = h_1 - h_2$$



شکل (1) افت فشار در طول L

برای جریان آرام در لوله داریم:

$$h / L = 32 \mu u / \rho g D^2 \quad (1-2)$$

$\mu$  ویسکوزیته

$u$  سرعت متوسط سیال در داخل لوله

$\rho$  دانسیته سیال

$D$  قطر لوله

$$Re = \rho u d / \mu \quad (2-2)$$

$$h / L = \left( \frac{64}{Re} \right) \times \left( \frac{u^2}{2gD} \right) \quad (3-2)$$



برای جریان آشفتنه از رابطه دارسی استفاده می شود:

$$h/L = \left(\frac{f}{D}\right) \times \left(\frac{u^2}{2g}\right) \quad (4-2)$$

f ضریب اصطکاک لوله

مقدار f برای جریان آرام تنها به Re بستگی دارد.

$$f = 64 / \text{Re} \quad (5-2)$$

f در جریان آشفتنه تابعی است از زبری نسبی داخلی لوله و عدد رینولدز جریان

$$f = F(\text{Re}, \varepsilon / d) \quad (6-2)$$

Colbrook Equation:

$$\frac{1}{\sqrt{f}} = 1.14 - 2 \text{Log} \left( \varepsilon / d + \frac{9.28}{\text{Re} \sqrt{f}} \right) \quad (7-2)$$

Re < 2100	laminar
2100 < Re < 5000	transition
5000 < Re	turbulent

برای لوله های صاف در صورتی که عدد رینولدز بین  $5 \times 10^4$  تا  $10^6$  باشد می توان از معادله تجربی زیر برای محاسبه f استفاده نمود.

$$f = \frac{0.046}{\text{Re}^{0.2}} \quad (8-2)$$

در عمل رابطه h/L بر حسب سرعت را بصورت رابطه زیر نشان می دهند که k و n برای یک جریان و لوله معین ثابت می باشد.

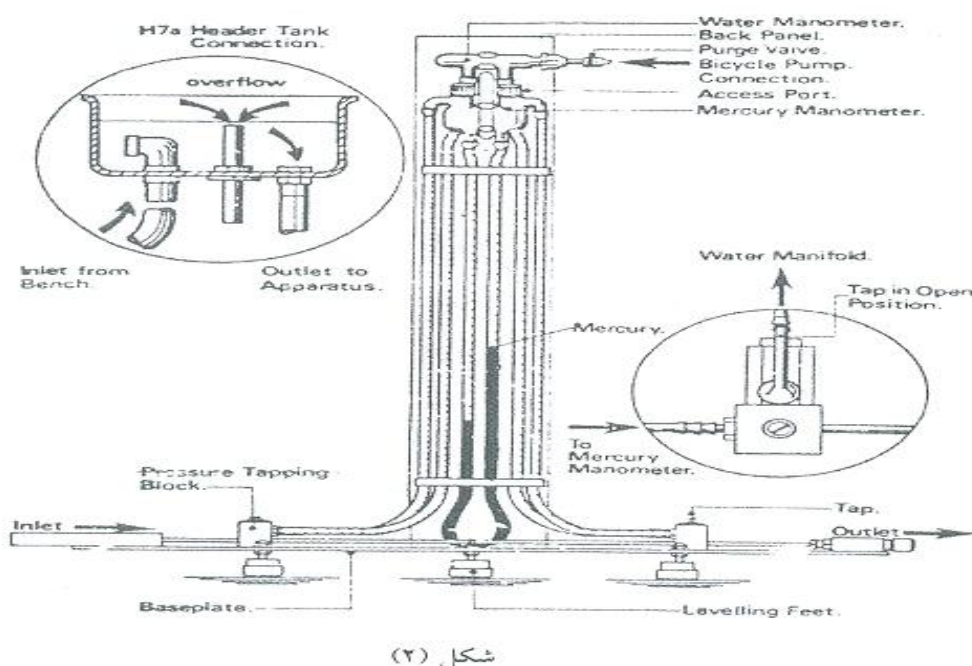
$$h/L = Ku^n \quad (9-2)$$

مقدار n در ناحیه جریان آشفتنه بین 1.7 تا 2 می باشد.

## شرح دستگاه :

شکل (2) شمای دستگاه مورد آزمایش را نشان می دهد. توسط مانومترهای تفاضلی جیوه ای و آبی روی دستگاه می توان افت فشار بین دونقطه از یک لوله مستقیم بطول 500 میلیمتر ، قطر اسمی 3 میلیمتر و سطح مقطع 7.06 میلیمتر مربع را اندازه گرفت .

واضح است که در افت فشار های کم ( معمولاً جریان آرام ) از مانومتر تفاضلی آبی و در افت فشارهای زیاد ( معمولاً جریان آشفته ) از مانومتر های تفاضلی جیوه ای استفاده می شود . برای اندازه گیری دبی آب در لوله از یک ظرف مدرج و کرومومتر استفاده می شود. تغییرات دبی توسط یک شیر سوزنی در قسمت خروجی لوله انجام می گیرد . برای برقراری جریان (معمولاً) آرام از تانک آب در ارتفاع ثابت استفاده می شود و برای برقراری جریان ( معمولاً ) آشفته خروجی پمپ را مستقیماً به لوله اصلی وصل می کنند .



شکل (2)

شکل (2) شمای دستگاه اصطکاک در لوله ها

## روش آزمایش:

قبل از شروع آزمایش ابتدا می بایست دستگاه را هوا گیری نمود این کار توسط تکنسین آزمایشگاه صورت خواهد گرفت. سپس آزمایش را در دو مرحله ( که در یکی معمولاً جریان آرام است و در دیگری معمولاً جریان آشفته ) انجام می دهیم . برای انجام مرحله اول آزمایش خروجی پمپ میز آزمایشگاهی را به تانک آب در ارتفاع ثابت وصل می نماییم و سپس توسط لوله ای که در زیر این تانک قرار دارد آب را بداخل لوله مورد آزمایش هدایت می کنیم. توسط مانومتر تفاضلی آبی می توان افت فشار ( افت هد ) را قرائت نموده و نتیجه را یادداشت کرد . توسط بستن تدریجی شیرسوزنی در انتهای لوله این مرحله از آزمایش را برای چند دبی مختلف انجام دهید. اندازه گیری دبی در هر مرحله توسط ظرف مدرج و کرومومتر انجام می گیرد. برای انجام مرحله دوم آزمایش خروجی پمپ را مستقیم به لوله اصلی وصل می کنیم. نظر به اینکه در چنین حالتی فشار خروجی پمپ در لوله مورد آزمایش اثر دارد لذا معمولاً جریان آشفته برقرار می شود. در این مرحله چون افت فشار زیادتر

است از مانومتر تفاضلی جیوه ای برای تعیین آن استفاده می شود. توسط بستن تدریجی شیر سوزنی مستقر در انتهای لوله این مرحله از آزمایش را برای چند دبی مختلف انجام دهید مقدار دبی را می توان با استفاده از ظرف مدرج و کرومومتر تعیین نمود. لازم است که در طول آزمایش دمای متوسط آب را اندازه گیری شود.

### نتایج و محاسبات :

- نظر به اینکه افت فشار اندازه گیری شده در مرحله دوم آزمایش بر حسب میلی متر جیوه است لذا می بایست تفاضل ارتفاع مانومترها  $(h_1 - h_2)$  در عدد 13.55 ضرب گردد تا به میلی متر آب تبدیل گردد.
1. مقدار ضریب اصطکاک  $(f)$  را از رابطه داری بدست آورید. مقادیر  $f$  بدست آمده از رابطه داری را بر حسب عدد رینولدز  $(Re)$  رسم نمایید. به کمک نمودار زیری نسبی را بدست آورید.
  2. تغییرات  $\log h/L$  را بر حسب  $\log u$  رسم کنید و مقدار  $n$  را بدست آورید.
  3. به کمک رابطه  $poiseuille$  مقدار ضریب ویسکوزیته را بدست آورید و با مقدار بدست آمده از نمودار 3 مقایسه کنید.
  4. برای هر لوله از معادله  $colbrook$  زیری نسبی را بدست آورید و با داشتن  $d$  زیری مطلق را حساب کنید.

## آزمایش سوم: افت ها در سیستم لوله کشی

### هدف آزمایش :

هدف از این آزمایش تعیین افت انرژی ناشی از اجزاء یک سیستم لوله کشی (مانند زانویی، شیر فلکه و تغییرات ناگهانی سطح مقطع لوله) و تعیین رابطه ای بین افت انرژی و سرعت می باشد. بررسی تغییرات ضریب اصطکاک با عدد رینولدز، ضریب افت با انرژی جنبشی و تأثیر شعاع انحناء یک خم در مقدار افت انرژی محلی آن از مسائلی است که در این آزمایش مورد نظر می باشد.

### تئوری آزمایش :

افت انرژی کلی در یک سیستم لوله کشی ناشی از دو عامل است. یک افت انرژی طولی که در اثر مقاومت نیروی چسبندگی سیال بوجود می آید (افت انرژی اصطکاک) و دیگری افت انرژی در اثر عواملی از قبیل زانویی، شیرها یا تغییرات سطح مسیر می باشد.

### 1. افت انرژی طولی :

افت انرژی طولی در لوله ای مستقیم بطول  $L$  و قطر ثابت  $d$  از رابطه (1) بدست می آید.

$$\Delta h_f = f \frac{L}{d} \cdot \frac{u^2}{2g} \quad (1-3)$$

که در آن  $f$  بدون بعد است.

مقدار  $f$  (ضریب اصطکاک) تابعی از عدد رینولدز جریان وزبری نسبی لوله می باشد. در لوله های نسبتاً صاف و جریانی با عدد رینولدز بین  $5 \times 10^4$  تا  $10^6$  مقدار  $f$  را میتوان از رابطه زیر بدست آورد.

$$f = \frac{0.064}{\text{Re}^{0.2}} \quad (2-3)$$

### 2. افت انرژی در اثر تغییر ناگهانی سطح مقطع لوله :

اگر سطح مقطع یک کانال ناگهان بزرگ شود، خطوط جریان سیال از دیواره جدا شده و به صورت یک جت وارد بخش بزرگتر می شوند. سپس این جت منبسط شده و کل سطح مقطع مجرای بزرگتر را پر می کند. فضای بین جت منبسط شده و دیواره ی مجرای سیالی پر می شود که حرکت گردابی دارد و مشخصه ی جدایش لایه ی مرزی است. در این حالت اصطکاک قابل ملاحظه ای در این فضا ایجاد می شود.  
برای انبساط ناگهانی :

اگر افت انرژی در طول  $L$  از لوله برابر با  $\Delta h_f$  باشد و از افت انرژی جنبشی در قسمت با قطر بزرگتر صرف نظر شود با نوشتن رابطه برنولی بین دو پیژومتر نشان داده شده در شکل (1) میتوان افت جزئی را از رابطه زیر بدست آورد.

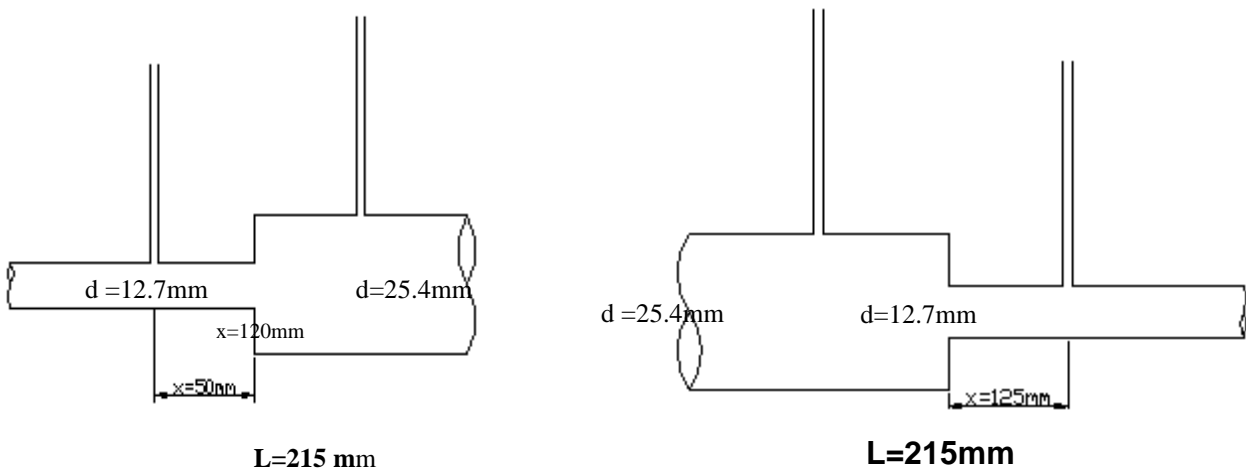
$$\Delta h_L = \Delta h' + \frac{u^2}{2g} - \Delta h_f \left( \frac{X}{L} \right) \quad (3-3)$$

در روابط فوق  $u$  سرعت جریان در قسمت باریک تر لوله و  $\Delta h'$  اختلاف ارتفاع پیزومترهای ورودی و خروجی می باشد. در عمل افت انرژی جزئی از رابطه (4-3) بدست می آید.

$$\Delta h_L = K_e \frac{u^2}{2g} \quad (4-3)$$

که در آن  $K_e$  ضریب افت انبساط نامیده می شود.

وقتی که سطح مقطع مجرا ناگهان کاهش یابد، جریان سیال نمی تواند گوشه های تیز را دنبال کند و در نتیجه تماس سیال با دیواره مجرا قطع می شود و در این حالت یک جت تشکیل می شود که به درون قسمت سیال ساکن در بخش کوچکتر جریان می یابد. این جت ابتدا منقبض شده و سپس منبسط می گردد و کل سطح مقطع کوچکتر را پر می کند و سرانجام در پایین دست جریان توزیع سرعت حالت معمولی خود را باز می یابد.



شکل (1) انبساط و انقباض ناگهانی

$$\Delta h_L = \Delta h' - \frac{u^2}{2g} - \Delta h_f \left( \frac{X}{L} \right) \quad (5-3)$$

$$\Delta h_L = K_c \frac{u^2}{2g} \quad (6-3)$$

جدول (1) تغییرات ضریب افت  $K_c$  برای انقباض ناگهانی را نشان می دهد.

A2/A1	0	0.1	0.2	0.3	0.4	0.6	0.8	1
$K_c$	0.5	0.46	0.41	0.36	0.30	0.18	0.06	0

برای انقباض ناگهانی  $K_c$  جدول (1) مقادیر

### 3. افت انرژی در زانوها و خمها :

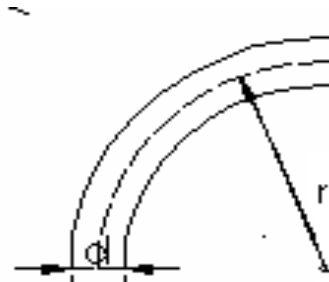
اگر در دو نقطه از مسیر لوله ها که بین آن ها زانویی یا خم وجود داشته باشد دو پیزومتر نصب شود اختلاف ارتفاعی که توسط دو پیزومتر مشخص میشود مربوط به دو عامل است یکی افت انرژی طولی و دیگری افت جزئی در اثر زانویی. اگر افت انرژی طولی بین دو نقطه  $\Delta h_f$  و افت جزئی  $\Delta h_b$  و اختلاف ارتفاع پیزومترها  $\Delta h'$  باشد رابطه (7) بین دو نقطه برقرار است.

$$\Delta h_b = \Delta h' - \Delta h_f \quad (7-3)$$

در عمل افت انرژی جزئی زانویی را از رابطه (8) بدست میآورند.

$$\Delta h_b = K_f \frac{u^2}{2g} \quad (8-3)$$

که در آن  $K_f$  ضریب افت و ثابت می باشد. مقدار ضریب افت زانویی یا خم به نسبت شعاع زانویی (r) و به قطر لوله (d) بستگی دارد. جدول (2) تغییرات ضریب افت ( $K_f$ ) را بر حسب نسبت r/d نشان میدهد.



r/d	1	1.5	2	3	4
$K_f$	0.4	0.32	0.27	0.22	0.2

جدول (2) تغییرات  $K_f$  بر حسب r/d در زانویی ها

### 4. افت انرژی در شیرها :

اتصالات و شیرها، خطوط جریان معمولی را مختل کرده و سبب ایجاد اصطکاک می شوند. در یک خط لوله کوتاه با اتصالات زیاد، افت اصطکاک ناشی از اتصالات ممکن است بیشتر از افت اصطکاک خود لوله باشد. افت انرژی جزئی در شیرها بستگی به نوع ساختمان آن دارد.

افت جزئی شیرها از رابطه زیر بدست می آید.

$$\Delta h_L = k_f u^2 / 2g \quad (9-3)$$

سرعت متوسط در لوله ای است که به اتصال u ختم می شود.

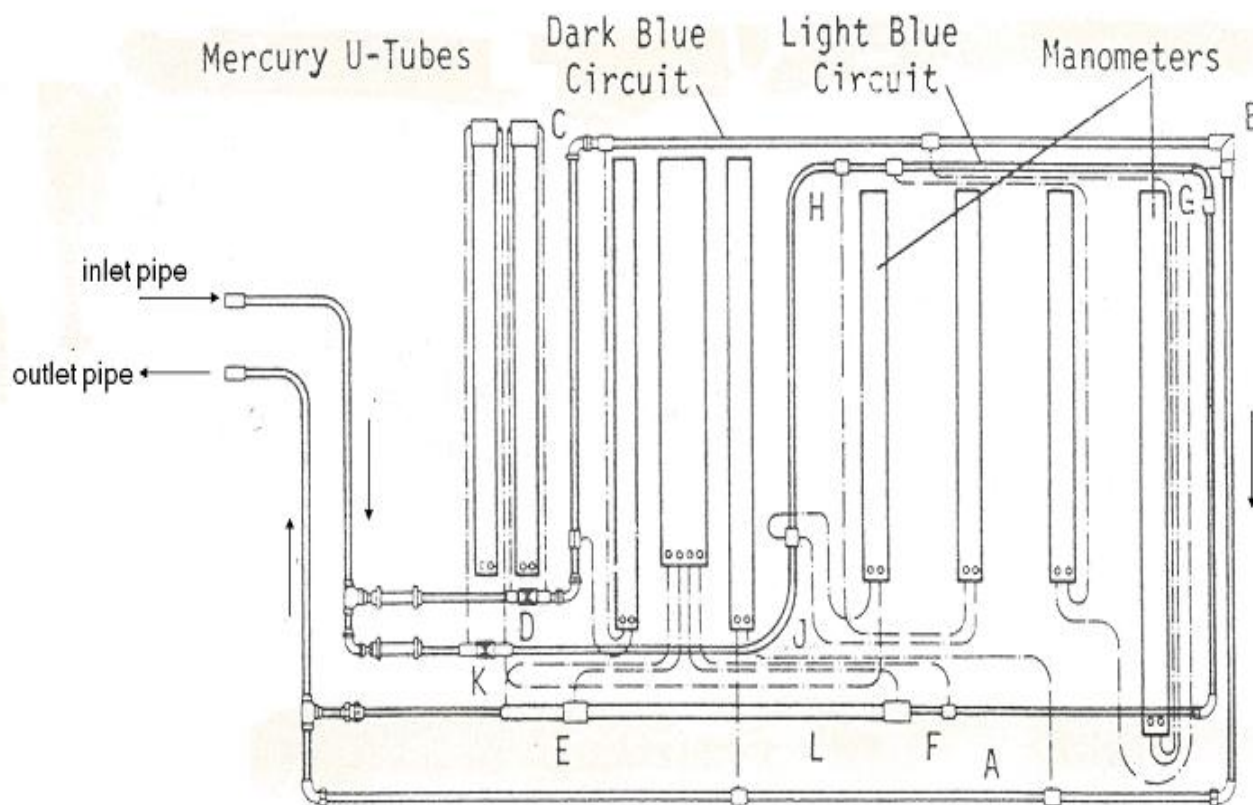
مقدار  $K_f$  در شیرها ثابت نمی باشد بلکه به نوع شیر و مقدار باز بودن آن بستگی دارد. جدول (3) مقادیر ضرایب افت  $K_f$  را برای بعضی از اتصالات مشخص می کند.

$K_f$	نوع اتصال
10.0	شیر کروی - کاملاً باز
0.2	شیر دریچه ای-کاملاً باز
5.6	شیر دریچه ای-نیمه باز
0.4	زانویی 90

جدول (3) مقادیر  $K_f$  برای بعضی اتصالات

### شرح دستگاه:

دستگاه مورد آزمایش از دو مدار هیدرولیکی جداگانه یکی به رنگ آبی روشن و دیگری آبی تیره تشکیل شده است. در هر یک از مدارها تعدادی اتصالات قرار داده شده است. شکل (2) نشان دهنده تابلویی است که مدارات در روی آن نصب شده است.



شکل (2) شمای دستگاه

مانومتر جیوه ای و آبی 1	شیر دریچه ای gate valve	D
4	زانوی 90 درجه استاندارد	C
7	لوله مستقیم به قطر 12.7 و بطول 620 mm	A
9	زانوی 90 درجه راستگوشه	B
مانومتر جیوه ای و آبی 2	شیرکروی globe valve	K
3-1	به mm انبساط ناگهانی از قطر 12.7 25.4mm	E
3-2	به mm 12.7 انقباض ناگهانی از قطر 25.4	F
6	150mm زانوی 90 درجه به انحناء شعاع	J
5	100mm زانوی 90 درجه به انحناء شعاع	H
8	50mm زانوی 90 درجه به انحناء شعاع	G

جدول (4) مشخصات و ابعاد لوله ها در روی تابلو دستگاه

مدار آبی تیره روی تابلو شامل قسمتهای زیر است :

1- شیر دریچه ای (gate valve)

2- زانوی 90 درجه استاندارد

3- زانوی 90 درجه راستگوشه (mitre)

4- لوله مستقیم بطول 620 mm

مدار برنگ آبی روشن شامل قسمتهای زیر است :

5- شیرکروی

6- انبساط ناگهانی

7- انقباض ناگهانی

8- خمهای 90 درجه به شعاع 50 ، 100 و 150 میلیمتر



در تمام اتصالات فوق (به جز دو نوع شیر) افت فشار توسط يك جفت پیزومتر تحت فشار هوا اندازه گیری می شود. لیکن تعیین افت فشار شیرها توسط مانومتر تفاضلی جیوه ای تعیین می شود. یادآوری میشود که اگر مانومتر تفاضلی جیوه ای اختلاف ارتفاع  $\Delta h'$  را نشان دهد برای تبدیل آن بر حسب ستون آب می بایست آنرا در عدد 13.55 ضرب نمود.

### روش آزمایش:

قبل از شروع آزمایش می بایست دستگاه را تنظیم نمود و سپس آزمایش را در دو مرحله انجام داد. در مرحله اول شیر کروی را بسته و شیر دریچه ای را بطور کامل باز کنید تا حداکثر جریان آب در مدار برنگ آبی تیره برقرار شود. حال توسط قرائت پیزومترها میتوان افت انرژی کلی و سپس افت انرژی جزئی هر اتصال موجود در مدار فوق را تعیین نمود.

برای بررسی تغییرات افت انرژی نسبت به انرژی جنبشی آب جاری در لوله، به تدریج شیر دریچه ای را ببندید و هر بار سطوح آب در پیزومترها را یادداشت نمایید. در طول مراحل فوق دمای متوسط آب را اندازه گیری نمایید. بعد از انجام قدمهای فوق شیر دریچه را کاملاً بسته و مرحله دوم آزمایش را بصورت زیر انجام دهید.

در مرحله دوم آزمایش شیر کروی را کاملاً باز کنید سپس توسط یادداشت نمودن پیزومترها و اندازه گیری دبی می توان افت انرژی کلی و افت انرژی جزئی هر اتصال موجود در مدار آبی روشن را تعیین نمود.

برای بررسی تغییرات افت انرژی جزئی نسبت به انرژی جنبشی آب جاری در لوله بتدریج شیر کروی را ببندید و هر بار سطوح آب در پیزومترها را یادداشت نموده و دبی را اندازه گیری نمایید این عمل را حدوداً 10 بار تکرار نمایید. در خاتمه آزمایش، دو شیر را کاملاً بسته و شیر خروجی پمپ را هم ببندید و سپس پمپ را خاموش نمایید توجه داشته باشید که قبل از خاموش کردن پمپ، بستن هر دو شیر ضروری است.

### نتایج و محاسبات:

1. مقدار  $\log Q$  و  $\Delta h \log$  را در سیستم واحدی cgs برای لوله مستقیم تعیین نمایید. اگر  $\Delta h_f$  متناسب با  $Q^n$  باشد مقدار n را از نمودار رسم شده بدست آورید.

2. بكمك شكل (3) مقدار ضريب ويسكوزيته آب را در دمای متوسط آزمایش تعیین نمایید حال با داشتن رابطه سرعت و افت انرژی طولی مقدار عدد رینولدز و ضریب اصطکاک را از رابطه (1) برای هر مرحله بدست آورید و سپس جدول (7) را تکمیل نمایید.

3. تغییرات ضریب اصطکاک بر حسب عدد رینولدز (دیگرام مودی) را رسم نمایید.

4. افت انرژی جزئی انبساط و انقباض ناگهانی لوله را بر حسب انرژی جنبشی سیال جاری رسم نموده و بكمك این دو نمودار مقدار ضریب افت  $K_f$  را برای هر کدام بدست آورید.

5. مقادیر انرژی جنبشی، افت انرژی طولی  $(\Delta h_f)$  و افت های  $(\Delta h)$  زانویی راستگوشه و استاندارد را بدست آورید. همچنین بكمك جدول داده ها و نمودارها رسم شده مقادیر انرژی جنبشی افت انرژی طولی و افت های خمها را بدست آورید. حال بكمك رابطه (7) افت جزئی هر قسمت را در هر مرحله محاسبه نمایید. لازم به ذکر است که فواصل پیزومترهای ورودی و خروجی هر زانویی یا خم 620 میلیمتر می باشد. لذا افت طول آن (h) برابر با افت طولی لوله مستقیم بطول 620 میلیمتر است.

6. تغییرات افت انرژی جزئی هر زانویی را بر حسب انرژی جنبشی رسم نمایید و سپس مقادیر ضریب افت هر قسمت را بدست آورده و تغییرات ضریب افت هر قسمت را بر حسب نسبت  $r/d$  رسم نمایید. مقادیر این نمودار تجربی را با جدول (2) مقایسه کنید.

7. بكمك جدول داده ها و رابطه (9) تغييرات ضريب افت  $K_f$  ( را بر حسب نسبت سرعت به سرعت حداكثر  $V / V_{max}$  رسم نماييد.

8. منحنی  $h_f \log$  بر حسب  $\log Q$  را با منحنی لوله غير زير  $f = \frac{0.046}{Re^{0.2}}$  مقایسه کنید؟

9. آیا افت انرژی در انبساط ناگهانی همیشه از افت انرژی در انقباض ناگهانی بزرگتر است؟

10. از منحنی تغییرات  $K_f$  بر حسب  $\frac{u^2}{2g}$  برای زانوها چه نتیجه ای می گیرید؟

11. طول معادل زانوها و خم ها را بدست آورید.

12. هر يك از شیرهاي زیر چه خصوصياتی دارند و در عمل از هر کدام در چه مواردی استفاده می شود؟

الف) شیر ساچمه ای

ب) شیر پروانه ای

ج) شیر دروازه ای

د) شیر کروي

## آزمایش چهارم: کالیبراسیون فشارسنج

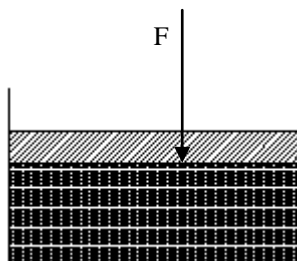
هدف آزمایش :

$$(P = F/A) \quad (1-4)$$

بررسی رابطه فشار و نیرو

تئوری آزمایش :

فشار وارد بر یک سیال در یک نقطه برابر است با نسبت نیروی اعمال شده بر سطح مقطع سیال در آن نقطه:



که در این رابطه  $F$  نیروی وارد بر سطح  $(N)$ ،  $A$  سطح اعمال نیرو  $(m^2)$  و  $P$  فشار وارد بر سیال  $(pa)$  میباشد.

از طرفی قانون پاسکال بیان میکند که :

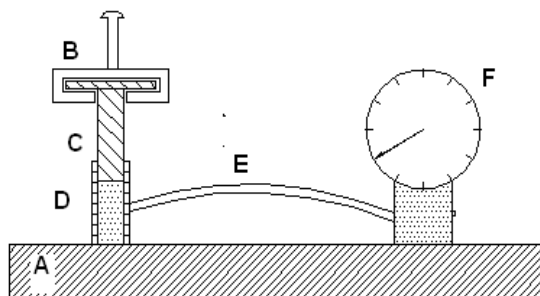
هر تغییری در فشار اعمال شده بر یک سیال تراکم ناپذیر محبوس به هر بخش از سیال و به دیواره های ظرف انتقال می یابد و فشار وارد بر یک سیال در یک محفظه ی محدود (ظرف بسته) در تمام نقاط داخل محفظه و در همه جهت ها یکسان است.

$$P_x = P_y = P_z \quad (2-4)$$

بنابراین با اتصال محفظه سیال به یک فشارسنج میتوان فشار سیال را اندازه گیری نمود و این فشار با توجه به قانون پاسکال در نقاط مختلف یکسان است.

## شرح دستگاه :

قسمتهای مختلف دستگاه شامل یک پایه فلزی (A)، کف بارگذاری (B)، پیستون (C)، سیلندر روغنی (D)، شیلنگ رابط (E)، بردون گیج (F) و پیچ تخلیه روغن جهت جلوگیری (G) میباشد.



## روش انجام آزمایش :

وزنه معلومی روی کفه بارگذاری قرار داده و کفه را چرخش می دهیم تا پیستون (B) در راستای قائم قرار گیرد. در این حالت عدد فشارسنج را قرائت می کنیم. آزمایش را برای وزنه های مختلف تکرار می کنیم.

## خواسته های آزمایش:

1. با توجه به جدول داده ها منحنی های  $P_A$  و  $P_g$  را بر حسب F در یک دستگاه مختصات رسم و با هم مقایسه کنید.

$$0.18 \text{ Kg} = \text{مجموع وزن کفه بارگذاری پیستون}$$

## آزمایش پنجم: نیروهای وارد بر یک جسم غوطه ور در مایع ساکن

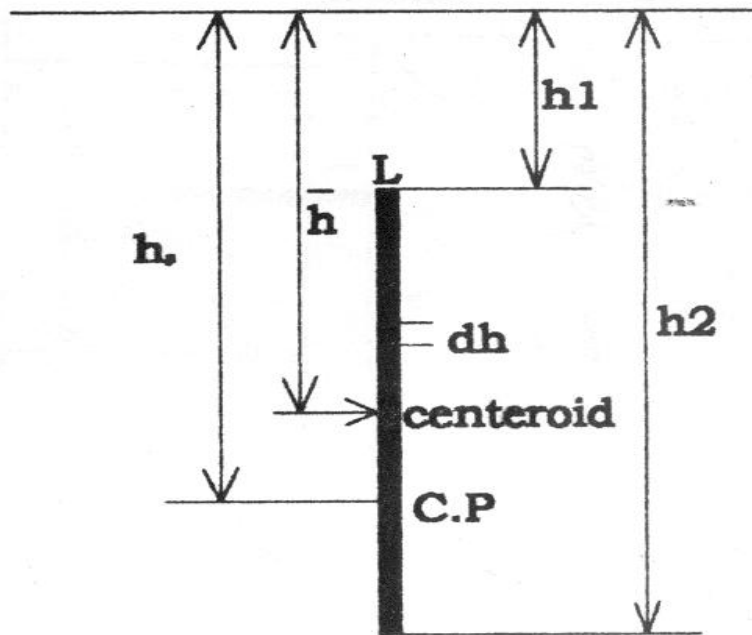
### هدف آزمایش:

هدف از این آزمایش بررسی روابط مربوط به محاسبه نیروی وارد بر یک سطح مستطیلی از طرف سیال ساکن و تعیین نقطه اثر آن (مرکز فشار) می باشد.

### تئوری آزمایش:

دستگاه فشار هیدرواستاتیکی برای تعریف فشار استاتیکی اعمال شده توسط سیال بر یک سطح غوطه ور و مقایسه محل و مقدار نیروی اندازه گیری شده با تئوری، طراحی شده است. از جمله قابلیت های دستگاه اندازه گیری مرکز فشار برای سطح کاملاً غوطه ور و یا شناور و مقایسه آن با مرکز فشار تئوری است. در یک سیال ساکن فشار هر نقطه متناسب است با فاصله قائم آن نقطه تا سطح آزاد سیال یعنی

$$dp/dz = -\rho g/g_c \quad (1-5)$$



صفحه  $LL'$  به مساحت  $A$  که در شکل نشان داده شده است، در نظر می گیریم. فاصله مرکز سطح این صفحه تا سطح آزاد

مایع  $\bar{h}$  می باشد. نیروی  $dF$  وارد بر المانی به سطح  $dA$  به فاصله  $h$  از سطح آزاد مایع از رابطه زیر بدست می آید.

$$dF = PdA = \rho gh dA / g_c \quad (2-5)$$

نیروی کل وارد بر سطح  $A$  با انتگرال گیری از  $dF$  بدست می آید.

$$F = \frac{\rho g}{g_c} \int^A h dA \quad (3-5)$$

$$\bar{h} = \frac{1}{A} \int h dA \quad (4-5) \quad \text{بنا به تعریف}$$

که  $\bar{h}$  فاصله مرکز سطح تا سطح مایع است. مرکز سطح یک جسم تنها به شکل هندسی آن بستگی دارد. بنابراین نیروهای وارد بر سطح  $A$  از رابطه زیر بدست می آید.

$$F = \frac{\rho g}{g_c} A \bar{h} \quad (5-5)$$

چون مایع در حالت سکون است. هیچ تنش برشی موجود نیست و جهت نیروی  $F$  عمود بر صفحه  $LL'$  خواهد بود و نقطه اثر آن را می توان از تساوی گشتاور نیروی  $F$  حول نقطه با مجموع گشتاورهای نیروهای  $dF$  حول همان نقطه مطابق رابطه زیر بدست آورد.

$$F h_p = \int h. dF \quad (6-5)$$

که در این رابطه  $h$  فاصله نیروی  $dF$  تا سطح آزاد مایع و  $h_p$  مرکز فشار یعنی فاصله نقطه اثر نیروی  $F$  تا سطح آزاد مایع است.

$$h_p = 1/F \int h.(PdA) \quad (7-5)$$

برابراست:  $dA$  در نظر گرفته شود مقدار  $w$  برای صفحه با عرض  $dh$  اگر المانی با ضخامت

$$dA = w dh \quad (8-5)$$

$$A = w(h_2 - h_1) \quad (9-5)$$

$$h_p = (g_c \int (\rho g / g_c h) h w dh) / \rho g \bar{h} A \quad (10-5)$$

$$h_p = w \int h^2 dh / \bar{h} A \quad (11-5)$$

$$h_p = w(h_2^3 - h_1^3) / 3\bar{h} A$$

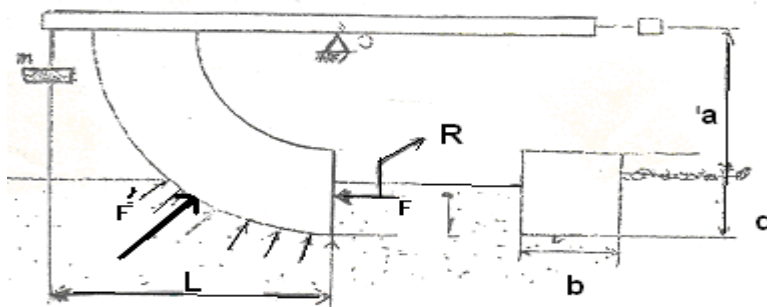
$$h_p = h_2^2 + h_1^2 + h_1 h_2 / 3\bar{h}$$

### شرح دستگاه

دستگاه مورد آزمایش از یک تانک مکعب مستطیل شکل با سطوح جانبی شفاف و یک جسم معلق به شکل QUADRANT تشکیل شده است و با اهرم بندی نشان داده شده می توان مقدار نیروها را حساب کرد. در گشتاور گیری نیروها حول لولا تنها نیروی وارد بر سطح مستطیل شکل به حساب می آید مقدار این نیرو برابر است با:

$$F = \rho g A \bar{h} / g_c \quad (12-5)$$

غوطه وری جزئی



$$a = 13.6 \text{ cm}$$

$$d = 9.97 \text{ cm}$$

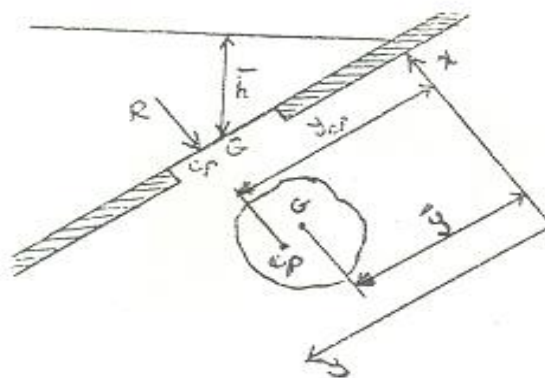
$$b = 9.2 \text{ cm}$$

$$L = 39.5 \text{ cm}$$

برای بدست آوردن محل اعمال نیرو از روابط زیر استفاده می کنیم:

$$y_{cp} = \bar{y} + \frac{I_G}{yA} \quad (13-5)$$

$$x_{cp} = \bar{x} + \frac{(I_{xy})}{yA} \quad (14-5)$$



اگر شکل سطح نسبت به محور  $Y$  ها تقارن داشته باشد  $I_{xy}$  صفر و در نتیجه  $X_{cp} = \bar{x}$  است .

چون در عبارت (14-5) مقدار  $\frac{I_G}{\bar{y} A}$  مثبت است  $y_{cp}$  همیشه بزرگتر از  $\bar{y}$  است یعنی مرکز فشار همیشه پایین تر از مرکز

سطح قرار دارد از آنجا که جسم مورد بررسی دارای تقارن نسبت به محور  $Y$  است پس  $I_{xy}$  در فرمول (14-5) صفر است و امتداد مرکز فشار در راستای قائم منطبق بر راستای قائم مرکز است .

### روش آزمایش:

- 1 - دقت کنید که ظرف در موقعیت افقی قرار داشته باشد .  
با تغییر موقعیت وزنه تعادل شاخص را در موقعیت افقی قرار دهید .  
به آهستگی به مخزن آب اضافه کنید (به نحوی که آب روی تیروئید نریزد) تا آب به لبه پایین تیروئید تماس پیدا کند.  
سه بار و هر بار حدود 2 سانتی متر آب به مخزن اضافه کنید و توسط اضافه کردن وزنه ها به کفه ، دستگاه را به حالت تعادل قرار دهید مقدار وزنه و ارتفاع آب را یادداشت کنید.

### گزارش:

1. در هر حالت مقدار  $F$  نیروی وارد بر سطح غوطه ور در مایع را حساب کنید.
2. در هر حالت فاصله مرکز فشار تا سطح آزاد مایع را بدست آورید.
3. در هر حالت مقدار نیروی  $F$  را به وسیله ممان گیری نیروها حول محور تکیه گاه  $F$  به دست آورید سپس مقدار نیروی بدست آمده را با مقدار قسمت (1) مقایسه کنید و میزان خطا را بدست آورید .
4. منحنی تغییرات نیروی  $F$  را بر حسب عمق غوطه وری رسم نمایید.
5. منحنی تغییرات عمق مرکز فشار را بر حسب میزان عمق غوطه وری رسم نمایید.
6. برای یک حالت نیروی  $F$  و مرکز فشار را با استفاده از روش منشور فشار به دست آورده و آن را با مقادیر 1 و 2 مقایسه کنید.
7. رابطه ای که توسط آن بتوان نیروی  $F'$  و زاویه آن را حساب کرد به دست آورید و در هر حالت مقدار نیروی  $F'$  و زاویه آن را حساب کنید.
8. به چه علت نیروی  $F'$  در ممان گیری قسمت 3 ظاهر نمی شود.



## آزمایش ششم: به هم پیوستن پمپ ها سری و موازی

### هدف آزمایش :

هدف از این آزمایش بدست آوردن منحنی مشخصه یک پمپ و تعیین راندمان پمپ و به کار بستن سری و موازی پمپ ها و مقایسه آنها با یکدیگر است .

### تئوری آزمایش:

پمپ ها یکی از متداول ترین انواع توربو ماشین های مصرف کننده قدرت می باشند. که در اکثر سیستم های تاسیساتی ، آب رسانی ، هیدرولیکی و غیره به کار می روند . پمپ ها باعث افزایش انرژی مایعات می گردند. در پمپ چگالی سیال هم ثابت و هم مقدار آن زیاد است . اختلاف فشار معمولاً قابل ملاحظه است و ساختمان پمپ بایستی محکم باشد. هنگامی که وجود یک پمپ به تنهایی نتواند دبی یا ارتفاع مورد نیاز ایستگاه را تامین کند از دو یا تعداد بیشتری پمپ در مدار استفاده می شود اتصال پمپ ها به یکدیگر و یا نحوه قرار گیری آنها در مدار ، بطور کلی در دو حالت موازی یا سری صورت می گیرد .

به هم پیوستن پمپها به صورت موازی :

در این حالت ، دبی کلی ایستگاه از طریق چند پمپ که بصورت موازی به یکدیگر بسته شده اند عبور خواهد کرد نحوه عملکرد این پمپها شبیه مدارهای الکتریکی در حالت موازی می باشد. شکل (1)؛ به این صورت که دبی کلی ایستگاه از جمع دبی های عبوری از هر پمپ بدست می آید و ارتفاع تولیدی تمامی آنها نیز با یکدیگر مساوی است. به هم پیوستن پمپ ها به صورت موازی بر نقطه کار هر یک از پمپ ها اثر می گذارد . برای بدست آوردن منحنی مشخصه مجموعه ، باید دبی های هر یک را در ازاء ارتفاع ثابت با یکدیگر جمع و نقاط حاصل را به هم متصل نمود .

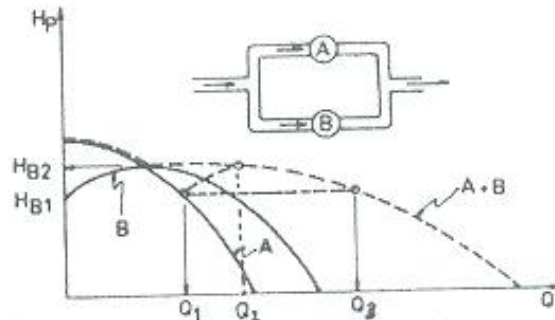
محل تلاقی مدار با منحنی بدست آمده نقطه کار سیستم را تعیین می کند  $(H_p, Q)$  . برای مشخص کردن نقطه کار هر یک از

پمپ ها ، باید از محل دو منحنی ، خطی موازی با محور  $Q$  ها رسم

شود شکل (1) نقطه کار پمپ ها را نشان می دهد  $(Q_2, Q_1)$  . پمپ ها معمولاً به نحوی انتخاب می شوند که در حوالی نقطه راندمان ماکزیم خود کار کنند .

ارتفاع کل رامی توان از رابطه زیر بدست آورد :

$$H_{total} = \left[ \frac{(P_{d2} - P_{s1})}{\rho g} + \frac{(P_{d1} - P_{s1})}{\rho g} \right] / 2 \quad (1-6)$$



شکل (1) منحنی عملکرد دو پمپ به صورت موازی

به ترتیب فشار استاتیکی در دهانه های خروجی و ورودی پمپ ها می باشند .

هنگامیکه پمپ های ( 1 ) و ( 2 ) ، هر یک به تنهایی در مدار قرار گیرند دبی تولیدی توسط آنها به ترتیب  $Q_1, Q_2$  خواهد بود . موازی بستن دو یا تعداد بیشتری پمپ در یک مدار ، هنگامی صورت می گیرد که :

در ازاء دبی مورد احتیاج ، اندازه پمپ انتخابی بزرگ شود که در این صورت با تقسیم دبی بین دو یا چند پمپ می توان در یک ارتفاع ثابت ، پمپ هایی با اندازه کوچکتر انتخاب نمود . با افزایش تعداد پمپ ها کارائی دستگاه بهتر می شود . نکات قابل توجه در بستن پمپ ها بطور موازی :

1- استفاده از پمپ های یکسان برای بستن در صورت استفاده از پمپ های غیر یکسان باید از شیر یک طرفه در مسیر بعد از هر پمپ استفاده شود .

2- در به هم بستن پمپ های موازی باید سعی شود که مقاومت دینامیکی مدار حتی الامکان کم باشد زیرا همانگونه که از شکل ( 1 ) مشاهده می شود هرچه شیب منحنی مشخصه مدار بیشتر باشد دبی تولیدی مجموعه پمپ ها کاهش یافته و در این صورت موازی بستن پمپ ها تاثیر چندانی نخواهد داشت .

3- همانطور که گفته شد ، دبی تولید هر یک از پمپ ها در حالت موازی ، کمتر از دبی تولیدی پمپ ها در حالتی است که به تنهایی در مدار قرار گیرند . بنابراین وقتی یکی از پمپ ها از کار بیفتند از مدار خارج شود دبی تولیدی پمپ ها افزایش پیدا می کند .

به هم پیوستن پمپ ها به صورت سری :

به هم پیوستن پمپ ها به صورت سری در یک مدار برای بالا بردن فشار تولیدی در ازاء یک دبی معین صورت می گیرد در این حالت ، دبی کلی ایستگاه از پمپ های متعدد که بصورت سری قرار گرفته اند گذشته و فشار آن در هر مرحله افزایش می یابد در این جا نحوه عملکرد پمپ ها همانند مدار های الکتریکی در حالت سری است برای ترسیم منحنی مشخصه مجموعه پمپ ها در حالت سری ، باید به ازاء یک دبی معین ارتفاعهای متناظر را با یکدیگر جمع و نقاط بدست آمده را به هم متصل نمود یک نمونه از منحنی مشخصه پمپ ها در حالت سری در شکل ( 2 ) آمده است محل تلاقی منحنی مشخصه مدار با منحنی بدست آمده ، نقطه کار پمپ را تعیین می کند .

در به هم پیوستن پمپ ها بصورت سری باید به نکات زیر توجه کرد :

1- به علت آنکه سیال به هنگام ورود به دومین پمپ سری ، دارای فشار بیشتری است فشار در پوسته و محفظه آب بندی این پمپ بیشتر می باشد از این رو پمپ نیاز به آب بندی مناسب تری دارد و همچنین فشار داخل آن نباید از فشار آزمایش پوسته پمپ بالاتر رود .

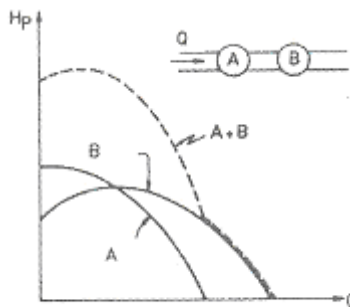
2- در حالتی که دو پمپ یکسان با یکدیگر به صورت سری بسته شوند ارتفاع کل دو برابر هر یک از پمپ ها خواهد بود اما در این مورد نیاز ارتفاع تولیدی مجموعه دو پمپ ، کمتر از دو برابر ارتفاع تولید یک پمپ ، در حالتی است که به تنهایی در مدار قرار گیرد .

3- بهتر است در سری بستن از پمپ های یکسان استفاده شود .

در حالت سری ارتفاع کل را می توان از رابطه زیر بدست آورد .

$$H_{total} = \left[ \frac{(P_{d2} - P_{s2})}{\rho g} + \frac{(P_{d1} - P_{s1})}{\rho g} \right] \quad (2-6)$$

$$H_{total} = (P_{d2} - P_{s1}) / \rho g$$



شکل (2) منحنی عملکرد دو پمپ به صورت سری

برای هر پمپ داریم:

$$P_{\text{مفید}} = QH \rho g \quad (3-6)$$

توان مصرفی پمپ برابر توان الکتریکی گرفته شده از شبکه برقی شهری است

$$P = VI \quad (4-6)$$

پس راندمان بصورت :

$$\eta = P_{\text{مفید}} / P_{\text{مصرفی}} = \rho g QH / VI \quad (5-6)$$

$$\eta = \frac{H}{\frac{H_1}{\eta_1} + \frac{H_2}{\eta_2}} \quad \text{با } \eta = \frac{Q}{\frac{Q_1}{\eta_1} + \frac{Q_2}{\eta_2}} \quad \text{و راندمان در حالت سری برابر است با}$$

## شرح دستگاه :

دستگاه مورد آزمایش از یک میز هیدرولیک تشکیل یافته است که بر روی آن دو پمپ متصل گشته اند. مدار لوله کشی پمپ ها به قسمی است که می توان توسط بستن شیرهای مربوطه هر دو پمپ را بصورت جداگانه سری و موازی راه اندازی نمود.

بر روی پانل دستگاه به ازاء هر پمپ یک دیمر الکتریکی برای تغییر دور پمپ یک ولت متر و یک آمپر برای قرائت توان الکتریکی داده شده به پمپ وجود دارد.

این دستگاه آزمایش، برای کنترل جریان از چهار شیر استفاده می کند.

شیر (4) در رانش پمپ (1) متصل شده و این قسمت را به عکس پمپ (2) متصل می کند که تنها در راه اندازی سری پمپها باید باز باشد شیر (1) قسمت رانش پمپ (1) را به مدار خروجی متصل کرده و در هنگامی که پمپ (1) به تنهایی کار می کند و یا در راه اندازی سری پمپ ها باید باز باشد و شیر (3) در قسمت مکش پمپ (2) نصب شده است و این شیر را باید در زمانی باز نمود که بخواهیم پمپ (2) را به تنهایی و یا دو پمپ را بصورت موازی راه اندازی نمود.

## روش کار :

ابتدا ورودی و خروجی سیستم را به میز هیدرولیک وصل کنید سپس دیمر ها را روی صفر (سمت چپ) تنظیم کنید محیط حرکت دیمرها را به سه قسمت مساوی تقسیم کنید اینک کلید ورودی دستگاه را در حالت ON قرار دهید.

الف : پمپ (1) را روشن کرده پمپ (2) را در وضعی خاموش قرار دهید شیر 2 را در حالت باز شیر 3 را در حالت بسته و شیر 1 را باز و شیر 4 را در حالت بسته قرار دهید،

در این حالت برای سه وضعیت دیمر پمپ (1) سه دبی و سه هد را قرائت کنید و منحنی مشخصه را رسم کنید. (می توانید همین آزمایش را برای پمپ (2) انجام دهید.)

ب : اینک پمپ های 1 و 2 را در حالت موازی قرار دهید بدین ترتیب که : شیر 2 باز و شیر 4 بسته و شیر 3 باز و شیر 1 باز باشد در این حالت هر دو پمپ را روشن کنید و برای سه وضعیت دیمرها دبی و هد را قرائت کنید و منحنی مشخصه را رسم کنید ( سعی کنید که دیمرها را به یک اندازه بچرخانید تا آزمایشها کمترین خطا را داشته باشند). در این حالت بعد از رسم منحنی مشخصه آنها با منحنی های مشخصه پمپ ها 1 و 2 مقایسه کنید و نتایج را با تئوری آزمایش تطبیق دهید.

ج : اینک پمپ های 1 و 2 را در حالت سری قرار دهید بدین ترتیب که :

شیر 4 بسته و شیر 2 باز و شیر 3 بسته باشد در این حالت نیز دیمرها را همزمان در سه وضعیت قرار دهید نتایج را یادداشت کنید.

خواسته ها و محاسبات :

۱. منحنی مشخصه پمپ را در حالت های مختلف رسم نمایید.

۲. منحنی مشخصه پمپ ها را در حالت های مختلف با هم مقایسه کنید. آیا منحنی های بدست آمده مطابق با منحنی های معمولی این پمپ ها است؟

۳. راندمان پمپ را در حالت های مختلف بدست آورید و با یکدیگر مقایسه کنید.

۴. جهت انتخاب پمپ ها به چه مشخصاتی باید توجه نمود؟

## آزمایش هفتم : رینولدز

هدف :

هدف از انجام این آزمایش بررسی نوع حرکت سیال و تعیین محدوده هر یک از نواحی حرکت سیال است.

تئوری :

یکی از انواع تقسیم بندی جریان، حرکت لایه ها می باشد که بر اساس سه نوع جریان، قابل تفکیک است:

- جریان آرام (Laminar)

- جریان انتقالی (Transition)

- جریان آشفته (Turbulent)

در جریان آرام حرکت سیال در حرکت لایه ها خلاصه می شود. در این جریان هر لایه به نرمی روی لایه مجاور خود می لغزد. مبادله ممنتوم در سطوح لایه های مختلف توسط مولکول ها صورت می گیرد. در جریان آشفته حرکات بسیار نامنظم ذرات با تبادل شدید مومنوم در جهت عمود بر حرکت مشاهده می شود. در این جریان کار انتقال ممنتوم از لایه ای به لایه دیگر توسط توده ذرات صورت می گیرد و در واقع حرکت ذرات به حرکت مولکول ها اضافه می شود. حالت گذرا مرز بین این دو حالت است .

دستگاه طوری ساخته شده است که توسط آن می توان جریان مایع را در یک لوله بطور کامل مشاهده کرد و محاسبات لازم نوع جریان را تعیین نمود .

تشخیص ماهیت جریان اولین بار توسط رینولدز انجام گرفت. او عددی به همین نام را برای تفکیک جریان ها از یکدیگر تعریف نمود. عدد رینولدز بنا به تعریف حاصل تقسیم دو نیرو است، نیروی اینرسی و نیروی لزجت.

$$Re = \frac{F_{\rho}}{F_{\mu}} = \frac{\rho V^2}{\mu \frac{V}{L}} = \frac{\rho V L}{\mu} \quad (1-7)$$

$\rho$  : دانسیته سیال

$\mu$  : ویسکوزیته

$V$  : سرعت متوسط سیال

$L$  : طول مشخصه

بنابراین باید انتظار داشته باشیم وقتی نیروهای اینرسی بیشتر شود، تلاطم و بی نظمی در جریان بیشتر شده، جریان به سمت حالت آشفته پیش رود.

عدد رینولدز در یک لوله با قطر  $D$  که سیالی با سرعت متوسط  $V$  و ویسکوزیته دینامیکی  $\mu$  و دانسیته  $\rho$  در آن جریان دارد، عبارتست از :

$$R_e = \frac{\rho.V.D}{\mu} \quad (2-7)$$

$\mu$ : ویسکوزیته دینامیکی  $\frac{kg}{m.s}$

$\rho$ :  $\frac{kg}{m^3}$

$$Re = \frac{V.D}{\nu} \quad (3-7)$$

$\nu$ : ویسکوزیته سینماتیکی  $m^2.sec^{-1}$

D: ( m )

V:  $(\frac{m}{s})$

پارامتر تعیین کننده در نوع رژیم جریان، محدوده عدد رینولدز است که به شکل مجرای عبور جریان بستگی دارد. به عنوان مثال محدوده جریان آرام

داخل لوله:

$$Re < 2100$$

جریان در کانال  $Re < 1000$

جریان بین دو صفحه

$$Re < 500$$

باز:

### شرح دستگاه :

دستگاه مطابق شکل از بخش های زیر تشکیل شده است :

1- مخزن مایع رنگی

2- سوزن انتقال مایع رنگی

3- گلوله های آرام کننده جریان

4- قیف ورودی مایع

5- مخزن اصلی مایع

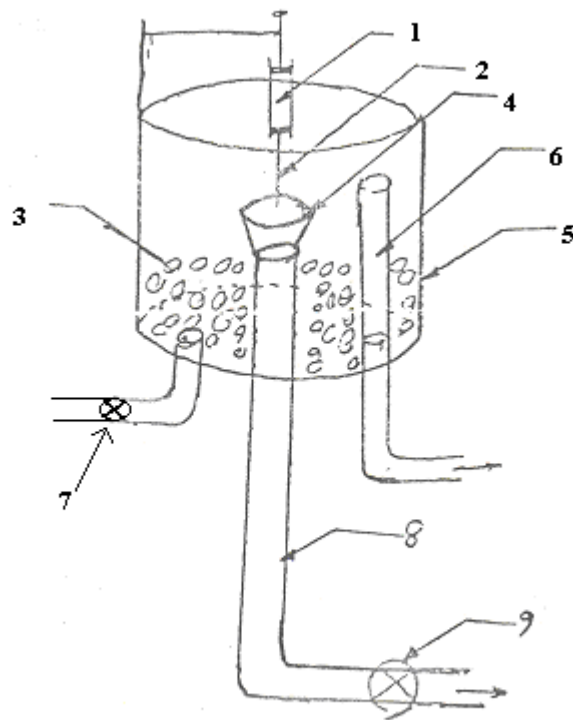
6- سر ریز

7- شیر کنترل دبی

دستگاه آزمایش از یک مخزن استوانه ای شیشه ای تشکیل شده است. آب از طریق لوله ای که به پایین مخزن متصل است وارد آن می شود و پس از ورود به بستری از گلوله برخورد کرده، سرعت آن یک نواخت می شود. یک لوله سرریز، سطح آب استوانه ای را ثابت نگاه می دارد. لوله خروجی در مرکز مخزن و زیر آن قرار دارد و با کاهش تدریجی مقطع در ورودی، امکان عبور سیال، هرچه آرام تر میسر می شود. لوله ای که به مخزن کوچک جوهر متصل است از بالا وارد مخزن می شود. با تنظیم شیر کنترل دبی می توان در انتهای لوله خروجی سرعت سیال را تغییر داد و رفتار ماده جوهر را همراه با جریان سیال در سرعت های مختلف بررسی کرد.

توسط این دستگاه می توان مایع رنگی ( 1 ) را توسط یک سوزن ( 2 ) در یک لوله شیشه ای ( 8 ) هدایت کرد و به وسیله شیر ( 9 ) میزان دبی را تغییر داد .

گلوله های آرام کننده جهت جلوگیری از اغتشاش آب ورودی به مخزن می باشند و قیف نیز آرام کننده جریان ورودی به شیشه است .



شکل 1

### روش انجام آزمایش :

- 1- آب ورودی به سیستم را باز نمائید تا برگشت از سرریز آغاز گردد (دقت کنید که شیر پایین دستگاه بسته باشد).
- 2- شیر پایین دستگاه را کمی باز کنید.
- 3- از وجود رنگ دانه (جوهر) در مخزن آن مطمئن شوید.
- 4- توسط تغییر دبی با شیر پایینی جریان جوهر را به صورت متمایز از آب در آورید. (به صورت ریسمانی در آب)
- 5- توسط بشر و کرنومتر دبی آب را اندازه گیری کنید.
- 6- در نقطه ای که جریان از حالت آرام به وضعیت انتقالی (Transition) می رسد و همچنین در نقطه ای که از حالت انتقالی به حالت آشفته می رسد، دبی جریان را به دست آورید.
- 7- اعمال فوق را این بار از حالت آشفته به انتقالی و آرام تکرار کنید و دبی جریان را به دست آورید.
- 8- یک قطره جوهر داخل ستون آب بیاندازید و به آرامی آن را پراکنده کنید. سپس شیر خروجی را به آرامی اندکی باز کنید و شکل توزیع سرعت (Velocity Distribution) را در مقطع لوله مشاهده کنید.
- 9- دمای آب مخزن را اندازه گیری کنید.

## محاسبات :

در این آزمایش قطر لوله آزمایش  $D = 13(\text{mm})$  (میلی متر) می باشد. همچنین داریم :  
 $Q = V.A$  دبی حجمی جریان.  $A$  سطح مقطع لوله است. بنابراین هرگاه توسط یک کرنومتر و یک بشر دبی جریان را تعیین

$$Q = \frac{V(m^3)}{t(\text{sec})}$$

کنیم، خواهیم داشت:

می توان توسط رابطه فوق سرعت جریان سیال ( $V$ ) بر حسب  $m/\text{sec}$  را تعیین نمود .

در جدول خواص فیزیکی آب موجود در گزارش کار خود می توان مقادیر  $\nu$  (ویسکوزیته سینماتیک) را در دماهای گوناگون آب یافت .

با جایگزینی  $V$  ,  $D$  در رابطه (2) می توان مقدار  $R_e$  را محاسبه نمود .

## نتایج و محاسبات:

- 1- محاسبه عدد رینولدز در هر حالت و ثبت مشاهدات
- 2- انجام آزمایش در دمای متفاوت ( در صورت امکان )
- 3- رینولدز و رینولدز بحرانی را تعریف کنید و مقادیر رینولدز بحرانی را به دست آورید.
- 4- چرا رینولدز بحرانی در بخش چهارم و پنجم انجام آزمایش متفاوت است؟
- 5- معادله توزیع سرعت جریان آرام را در یک لوله از راه تئوری به دست آورید.
- 6- توزیع سرعت را در جریان آرام و در هم با هم مقایسه کنید.
- 7- در ارتباط با خطاهای آزمایش بحث کنید .



## آزمایش هشتم: جریان های گردابی

### هدف آزمایش:

هدف از انجام این آزمایش بررسی تغییرات هد کلی در میان خطوط جریان برای جریان های چرخشی و ثابت بودن آن برای جریانهای غیر چرخشی می باشد.

### تئوری آزمایش:

اگر مایعی درون ظرفی قرار داشته باشد، سطح آن موازی سطح افق خواهد بود. حال اگر ظرف شروع به دوران کند، مایع نیز بر اثر وجود ویسکوزیته و تنش برشی شروع به دوران خواهد نمود. پس از سپری شدن یک فاصله زمانی، سیال مانند یک جسم صلب حرکت می کند. به این معنا که تمام ذرات سیال با سرعت زاویه ای یکسان ( $\omega$  = سرعت زاویه ای ظرف) حرکت می کنند. در این حالت هیچگونه تنش برشی وجود نخواهد داشت و دوران سیال حول محور دوران " دوران اجباری " (Forced Vortex) نامیده می شود.

در " دوران آزاد " ظرف سیال هیچگونه حرکتی ندارد. در این حالت ظرف محتوی مایع در پایین سوراخ است و مایع از آنجا خارج می شود. مایع جهت خروج از سوراخ منکور، حالت گرداب مانند تشکیل می دهد و دوران می کند. باید به تفاوت اصلی دوران اجباری و دوران آزاد توجه داشت، چرا که در دوران آزاد سرعت ذرات مایع با فاصله اش از مرکز دوران نسبت عکس دارد.

اگر يك المان دلخواه حجمي در درون مایع اختیار کنیم (به ابعاد  $dr$  و  $dz$  و  $d\theta$ ) و براساس مختصات استوانه ای در جهت  $r$  و  $Z$  موازنه نیروها را بنویسیم، خواهیم داشت:

$$\text{For } r \text{ Direction : } rd\theta.dz[p + [-(p + \frac{\delta p}{\delta r} dr)]] = -rd\theta.dr.dz.\rho r\omega^2 \quad (1-8)$$

$$\text{For } z \text{ Direction : } rd\theta.dr[p + [-(p + \frac{\delta p}{\delta z} dz)]] = -rd\theta.dr.dz.\rho g = 0 \quad (2-8)$$

$$\frac{\delta p}{\delta r} = \rho r\omega^2 \quad \text{و} \quad \frac{\partial P}{\partial z} = \rho g \quad (3-8)$$

و پس از انتگرالگیری:

$$p = \frac{1}{2} \rho r^2 \omega^2 + \rho g z + c \quad (4-8)$$

که در آن  $c$  ثابت انتگرال گیری می باشد. با جاگذاری شرط مرزی در  $r = 0$  و  $z = 0$ ،  $p = p_0$ ، ثابت انتگرالگیری نیز تعیین می شود و از آنجا رابطه تعیین کننده فشار هر نقطه از مایع به دست می آید:

$$p = p_0 + \frac{1}{2} \rho r^2 \omega^2 + \rho g(z - h_0) \quad (5-8)$$

برای به دست آوردن معادله سطح آزاد دوران کننده، در رابطه فوق  $p$  را برابر  $p_0$  قرار می دهیم و از آنجا:

$$z = h_0 + \frac{r^2 \omega^2}{2g} \quad (6-8)$$

این رابطه نشان می دهد که مکان هندسی نقاط با فشار ثابت، یک سهمی دوار است که شکل آن تنها بستگی به سرعت زاویه ای دارد.

مقدار برخاستن مایع به دلیل دوران به روی استوانه (فاصله راس سهمی تا بالاترین نقطه ای که مایع به دیواره می چسبد) از معادله اخیر به دست می آید:

$$h_2 = \frac{R^2 \omega^2}{2g} \quad (7-8)$$

از آنجائیکه سهمیگون حاصل از دوران حجمی برابر نصف حجم استوانه محیطی دارد، حجم مایع بالای صفحه افقی گذرنده از منتهی الیه تحتانی سهمیگون برابر است با:

$$V = \pi R^2 \frac{1}{2} \frac{R^2 \omega^2}{2g} \quad (8-8)$$

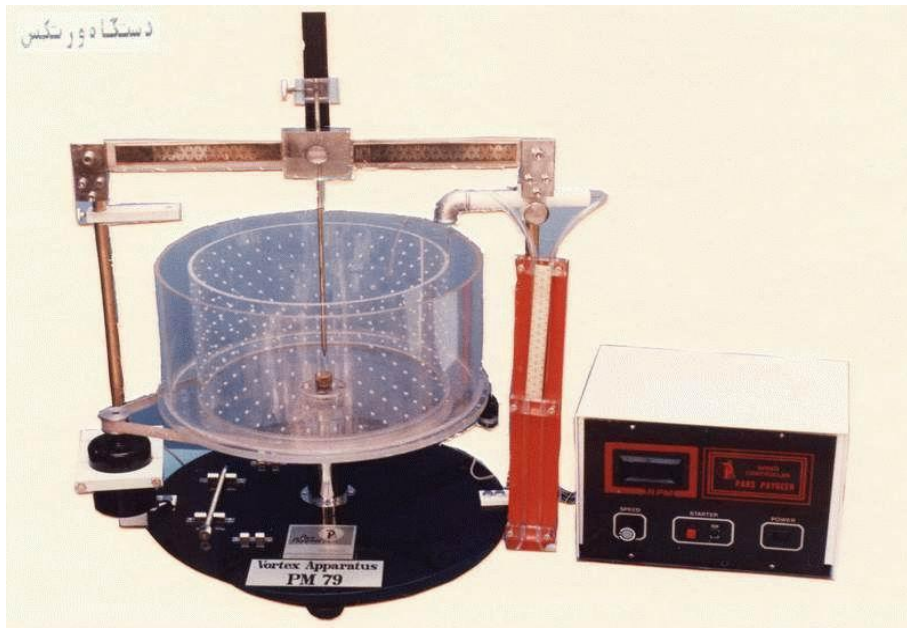
زمانی که مایع بی حرکت است، این مایع باز هم با عمق یکنواخت  $\frac{1}{2} \frac{R^2 \omega^2}{2g}$  بالایی صفحه افقی فوق قرار دارد. بنابراین در طول دیواره ها مایع به همان اندازه که در مرکز پایین می رود، بر می خیزد.

### شرح دستگاه و روش آزمایش:

دستگاه مورد آزمایش از یک سطل استوانه ای شکل شفاف که توسط یک موتور الکتریکی دور متغیر حول محورش دوران می کند، تشکیل شده است. سوراخی در کف سطل وجود دارد که توسط یک تویی بسته می شود. می توان مقداری آب تا ارتفاع معین داخل سطل ریخت و توسط موتور مجموعه را به گردش در آورد.

بعد از مدتی دوران با سرعت یکنواخت جریانی از نوع دورانی اجباری بوجود می آید توسط یک دستگاه اندازه گیر متحرک در طول قطر سطل می توان نمودار سطح مایع و توسط یک لوله پیتوت متحرک می توان تغییرات سیرکلی جریان را تعیین نمود. شکل (1) نمایی دستگاه مورد آزمایش را نشان می دهد.

اگر یک جریان کاملاً پیوسته ای برقرار شود (توسط برداشتن تویی کف سطل جریان لازم برای دوران آزاد بدست آمده است برای مناسب بودن شرایط برای جریان دوران آزاد یک استوانه شفاف مشبک دیگری را در داخل سطل قرار می دهیم مادامیکه آب در مسیر حلزونی با سرعت کم بطرف سوراخ وسط در کف سطل حرکت می کند سرعت گردش آب اضافه می شود. توسط اندازه گیر و لوله پیتوت می توان نمودار سطح آزاد مایع و سیرکلی جریان را تعیین نمود.



شکل (1) دستگاه جریان گردابی

برای شروع آزمایش به ترتیب زیر عمل می‌شود. توسط بستن سوراخ کف سطل با توپی و ریختن آب تا ارتفاع نیمه در داخل سطل موتور را روشن کرده و سعی می‌کنیم تا دور مناسب (حدوداً 80 دور در دقیقه) برقرار شود. اندازه گیری دور توسط کرومومتر و شمارش دور تعیین می‌شود. توسط میله مدرج (پراب) در مرکز و حرکت وضعی و انتقالی آن که در طول قطر می‌توان مختصات نقطه‌ای از سطح آزاد مایع را تعیین نمود. برای دقت بیشتر سعی شود که نقاط متقارن از سطح آزاد مایع را تعیین نمود برای دقت بیشتر سعی شود که نقاط متقارن نسبت به محور شکل اندازه گیری شود. تغییرات وضعی میله مدرج در نواحی مرکزی حدوداً 0.2 سانتیمتر و در نواحی دور از مرکز حدوداً یک سانتیمتر مناسب می‌باشد.

با جایگزین نمودن لوله پیتوت و تغییر وضعیت آن در طول قطر می‌توان توزیع سیرکلی را تعیین نمود دقت شود که انتهای لوله پیتوت کاملاً در آب غوطه ور باشد.

برای وجود آوردن دوران آزاد توپی را از کف سطل برداشته و استوانه مشبک را در داخل سطل قرار می‌دهیم توسط باز نمودن شیر میز آزمایشگاهی به مقدار کم (در تمام مرحله آزمایش) و قرار دادن دور موتور بمقدار مطلوب (حدوداً 30 دور در دقیقه) صبر می‌کنیم تا شرایط دائمی جریان برقرار شود توسط شاخص کمکی نصب شده در بین دو استوانه سعی شود که ارتفاع آب در طول آزمایش ثابت باقی بماند حال بکام میله مدرج و لوله پیتوت می‌توان مطابق با روش پیش گفته شده تغییرات سطح آزاد و سیرکلی را تعیین نمود برای هر بار قرار دادن میله مدرج در وضعیت قائم دو قرانت روی مقیاس افقی انجام می‌گیرد تغییرات فواصل قائم شاخص در حدود 0.2 سانتیمتر در نواحی نزدیکی جداره استوانه و یک سانتیمتر در نواحی مرکزی مناسب می‌باشد.

### نتایج و محاسبات :

1- ثابت کنید در هر نقطه از داخل مایع رابطه زیر برقرار است:

$$P_{absolute} = P_0 + \gamma(h_0 - z) + \gamma \frac{r^2 \omega^2}{2g}$$

2- از روی فرمول فوق معادله سطح آزاد مایع را برحسب  $r$  بدست آورید.

3- استوانه ای مطابق شکل زیر پر از آب است. در صورتی که استوانه با سرعت زاویه ای  $\omega$  حول محورش بچرخد، نیروی وارد بر لبه بالایی استوانه را توسط منحنی قسمت 3 و 6 بدست آورید.

ب : دوران آزاد : نتایج حاصل از قرائت شاخص میله مدرج و پیتوت را برای دوران آزاد را یادداشت نمایید برای تعیین  $Z$

در جدول (3) ابتدا  $Z$  را از رابطه  $U^2/2g + \text{قرائت مقیاس قائم در جداره} = Z_{\text{مینا}}$

حساب نموده و سپس  $Z$  را از رابطه  $Z_{\text{مینا}} - \text{قرائت مقیاس قائم} = Z$  تعیین کنید .

همچنین مقدار سرعت در جداره از رابطه  $u_c = r_c * \Omega$  تعیین می شود که  $r_c$  همان شعاع استوانه داخلی ( $r = 30 \text{ cm}$ ) و

سرعت زاویه ای متوسط  $\Omega = \frac{2\pi N}{60}$  می باشد . مشاهده می شود که بر خلاف آنچه در بخش تئوری گفته شد هد کلی مقدار

ثابتی نمی باشد این اختلاف توسط روابط قابل توجه است به کمک رسم نمودار  $\log(-z)$  برحسب  $\log r$  می توان مقادیر

عددی  $n$  و  $c$  را بدست آورد با قرار دادن مقادیر  $c, n$  در روابط می توان تغییرات  $Z$  و  $H$  را برحسب  $r$  رسم نمود .

تغییرات تئوری هد کلی ( $H$ ) را برحسب ( $r$ ) بکمک رابطه  $H = \frac{\Omega^2 r^2}{g}$  برای دوران اجباری رسم نموده و علل اختلاف آنرا

با نتایج تجربی مقایسه کنید .

در رسم نمودارها بحث کنید توسط آزمایش دوران اجباری مقدار شتاب ثقل را بدست آورید در مبحث تئوری از مؤلفه های

شعاعی و محوری سرعت صرف نظر شده است و همچنین فرض شده است که مؤلفه مماسی سرعت فقط با شعاع تعیین می شود

آیا این فرضیات قابل قبول است ؟

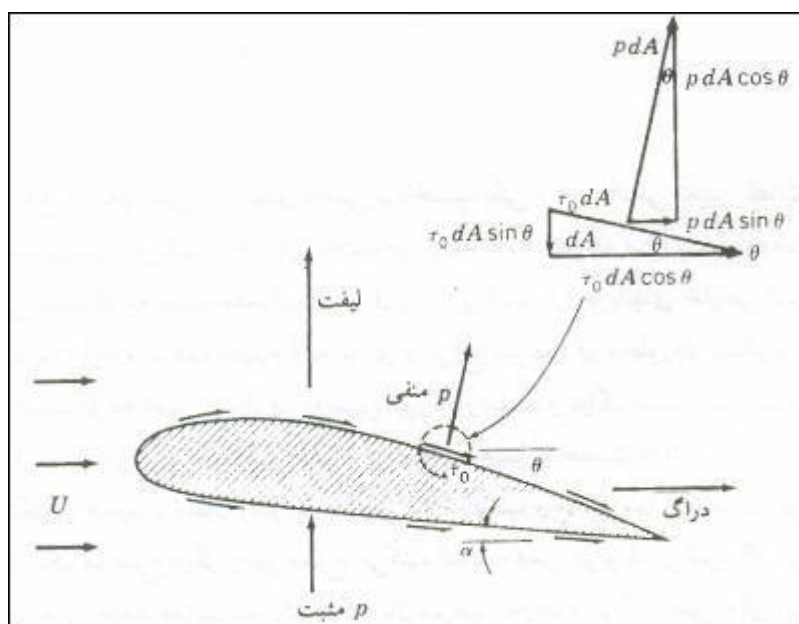
## آزمایش نهم: تونل باد

### هدف آزمایش :

هدف از این آزمایش آشنایی با تونل باد و عملکرد آن و اندازه گیری و محاسبه ضریب دراگ ( $C_D$ ) برای اجسام مختلف، مقایسه آنها و رسم منحنی تغییرات  $C_D$  بر حسب عدد رینولدز می باشد.

### تئوری آزمایش :

حل مسائل جریان حقیقی معمولاً شامل ترکیبی از اطلاعات تحلیلی و آزمایشی است. ابتدا حالت جریان فیزیکی حقیقی با مدل ریاضی که حل آن ساده است تخمین زده می شود. سپس برای بررسی نتایج تحلیلی اندازه گیریهای آزمایشی انجام می گیرد و از روی آن تحلیل اصلاح می شود. تحلیل ابعادی روش مهمی است که اغلب در دستیابی به این هدف به ما کمک می کند. با استفاده از پارامترهای بی بعدی که بدست آورده می شود از حجم آزمایشهای لازم برای انجام مطالعه تجربی به مقدار زیادی کاسته می شود و نتایج بدست آمده از آزمایش برای تمامی جریانهایی که با جریان مورد آزمایش دارای تشابه دینامیکی هستند معتبر خواهد بود. برخی از وسایلی که می توانند این شرایط را بوجدآورند عبارتند از کانال آب، تونل باد و ... . برای توصیف عملکرد تونل باد جسمی را در نظر بگیرید که در معرض جریان سیال قرار دارد. سیال نیرویی به جسم وارد می کند طبق تعریف مؤلفه راستای حرکت این نیرو دراگ (Drag) و مؤلفه عمود بر آن لیفت (Lift) گفته می شود. در اینجا منظور از سرعت سیال، سرعت نسبی آن در هنگام نزدیک شدن به جسم است. بر روی سطح جسم هم تنش فشاری اثر می کند و هم تنش برشی که هر دو در ایجاد نیروهای لیفت و دراگ سهیمند. شکل (1) این نیروها را نشان می دهد.



شکل (1) نیروهای فشاری و برشی وارد به ایرفویل

لیفت و و دراگ بر اثر کنش دینامیکی سیال متحرک ایجاد می شوند و نیروهایی مانند وزن و شناوری در آنها دخالتی ندارند.

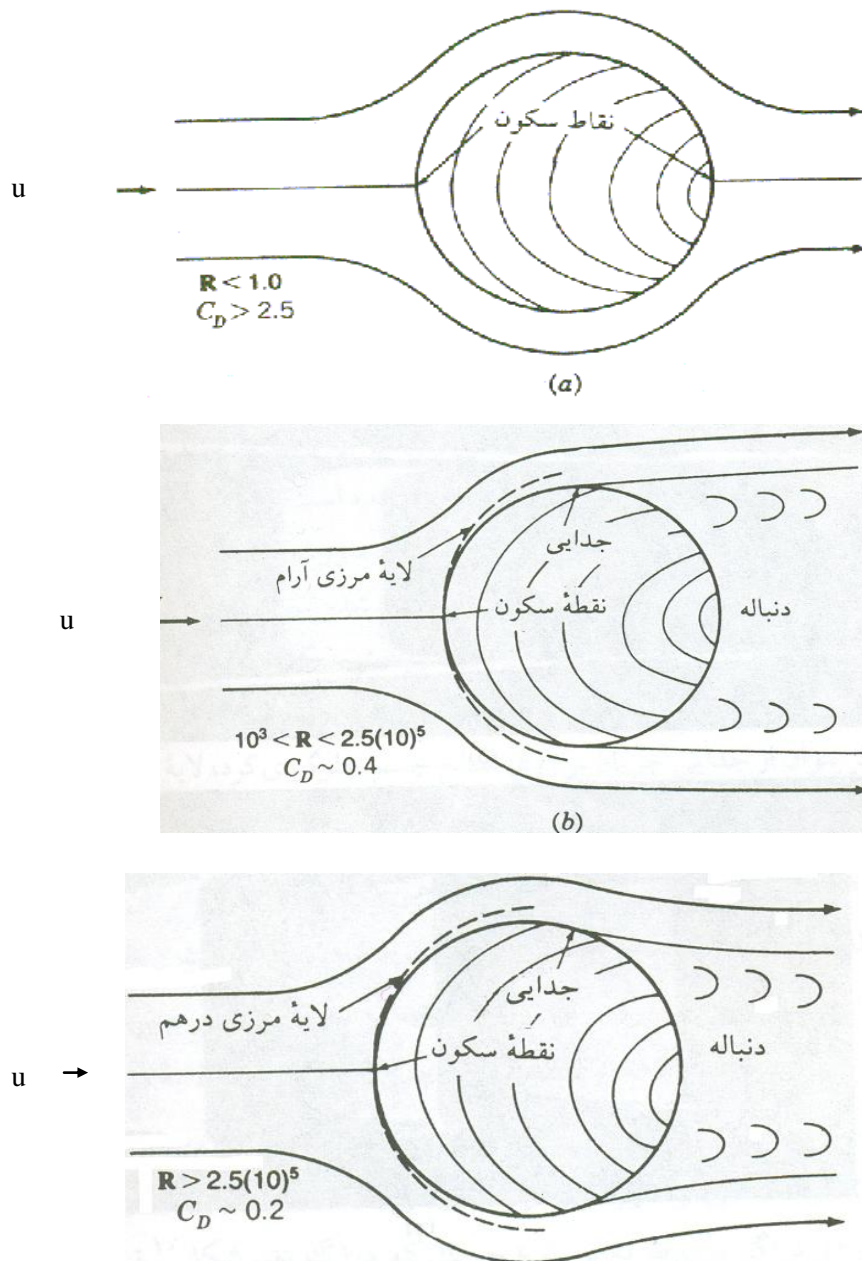
نیروی دراگ را می توان به صورت حاصلضرب ضریب دراگ ( $C_D$ ) و فشار دینامیک،  $\frac{\rho u^2}{2}$  بیان کرد.

$$D = C_D \frac{\rho u^2}{2} A \quad (1-9)$$

A تصویر سطح جسم روی صفحه ای عمود بر جریان سیال است.

برای روشن شدن موضوع جریان در پیرامون کره در اعداد رینولدز بسیار کوچک یعنی  $\frac{\rho u D}{\mu} < 1$  و برای اعداد رینولدز

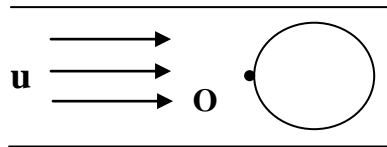
بزرگ و مقادیر ضریب دراگ، در شکل (2) نشان داده شده است.



شکل (2) جریان در پیرامون کره

همانطور که در شکل نشان داده شده است نقطه سکون جایی است که سرعت سیال در يك لحظه صفر شده و نقطه جدایی وقتی اتفاق می افتد که خط جریان از مرز جدا می شود.  
 برای بدست آوردن ضریب دراگ  $C_D$  بایستی سرعت سیال در هنگام نزدیک شدن به جسم مشخص باشد که می توان آن را با استفاده از رابطه برنولی بدست آورد.

$$\frac{u^2}{2g} + \frac{P_s}{\gamma} + y = \frac{V_o^2}{2g} + \frac{P_o}{\gamma} + y_o \quad (2-9)$$



در نقطه O سیال برای يك لحظه به حالت سکون در می آید. فشار استاتیکی و  $P_o$  فشار سکون سیال می باشد.

$$U = \left[ 2g \left( \frac{P_o - P_s}{\gamma} \right) \right]^{\frac{1}{2}} \quad (3-9)$$

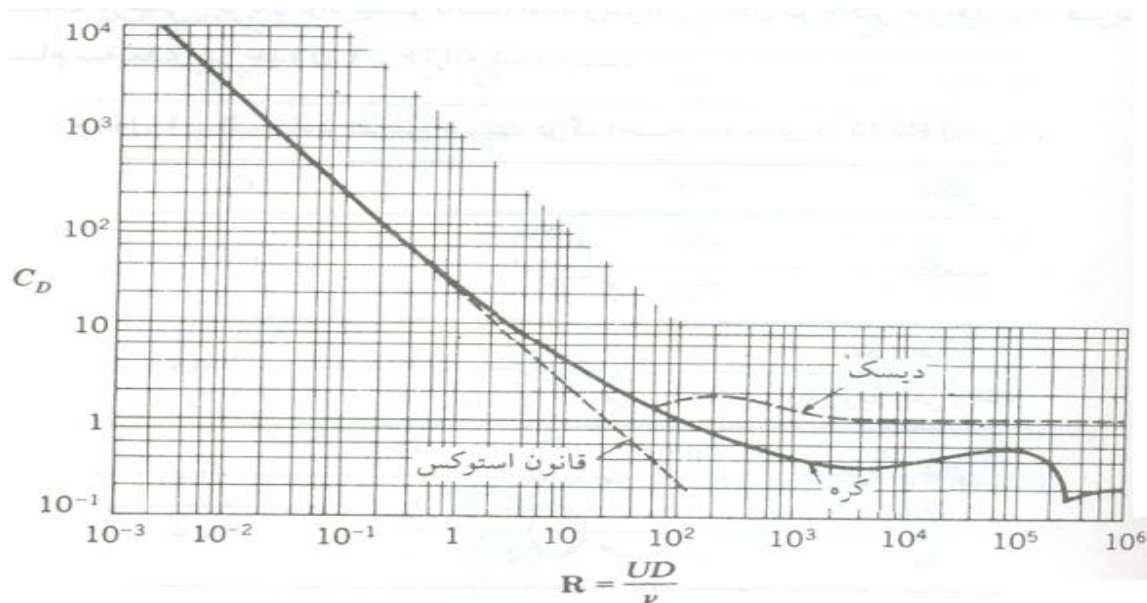
اگر رابطه فوق را بر حسب ارتفاع فشار  $\Delta h$  بیان کنیم خواهیم داشت :

$$u = \sqrt{2g \Delta h_{air}} \quad (4-9)$$




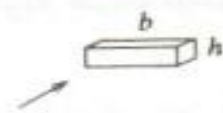

$\Delta h$  اختلاف ارتفاعی که از لوله پیتوت خوانده می شود. این  $\Delta h$  بر حسب میلی متر الکل می باشد و باید به میلی متر هوا تبدیل شود:

$$\Delta h_{air} = \frac{\Delta h_1 \times \gamma_1}{\gamma_{air}}$$

در شکل (3) نمودار ضریب دراگ کره و دیسک بر حسب عدد رینولدز آورده شده است. برای سایر اجسام سه بعدی نیز مقادیر این ضریب در شکل (4) ارائه شده است.



شکل (3) نمودار ضریب دراگ کره و دیسک

شکل	$C_D$	
مکعب 	1.1	
مخروط (با زاویه رأس $60^\circ$ ) 	0.5	
نیمکره توخالی 	1.4	
	0.4	
صفحه مستطیلی 	$b/h$	
	1	1.18
	5	1.2
	10	1.3
	20	1.5
$\infty$	2.0	
استوانه (جریان در امتداد محور استوانه) 	$L/D$	
	0.5	1.15
	1	0.90
	2	0.85
	4	0.87
8	0.99	

شکل (4) مقادیر تقریبی ضریب درآگ اجسام سه بعدی در  $R > 10$

### شرح دستگاه و روش آزمایش :

همانطور که در شکل دستگاه دیده می شود تونل باد از بخش های همگرا، واگرا (نازل)، مقطع آزمایش و فن مکنده تشکیل شده است.

در انتهای نازل شبکه لانه زنبوری برای آرام کردن و جلوگیری از ایجاد اغتشاش هوای ورودی به کار می رود. در کل ساختار تونل باد به گونه ای است که در حد امکان جریان یکنواختی در مقطع آزمایش ایجاد می شود.

در مقطع آزمایش لوله پیتوت برای اندازه گیری اختلاف فشار سکون و استاتیکی ( $P_0 - P_s$ ) قرار داده شده است که طبق رابطه (3-9) می توان سرعت سیال را محاسبه کرد. یک نیروسنج (Load Cell) نیز برای اندازه گیری نیروی درآگ قرار داده شده است.

قبل از شروع آزمایش می بایست دستگاه را تنظیم نمود. سپس آزمایش را در سه مرحله انجام داد. در مرحله اول نمونه کروی در مقطع آزمایش قرار میگیرد و در دبی های مختلف از هوا نیروی درآگ اندازه گیری می شود. در مراحل دوم و سوم نمونه دوکی شکل و دیسک در سر راه هوا قرار داده شده و آزمایش تکرار می شود.



## نتایج و محاسبات :

نتایج حاصل از مراحل سه گانه را در جدولی مطابق با جدول ( 1 ) درج نمائید. سپس با محاسبات جداول فوق ضریب دراگ  $C_D$  را بدست آورید. برای بدست آوردن ویسکوزیته سیال ( $\mu$  می توان با داشتن دمای محیط آن را از نمودار (1) آنرا بدست آورد. دقت کنید برای بدست آوردن عدد رینولدز برای نمونه دوکی شکل باید قطر هیدرولیکی رادر فرمول عدد رینولدز قرار دهید. برای هر سه نمونه نمودار  $C_D$  برحسب عدد رینولدز را ترسیم نموده و آنرا با شکلهاي تئوري (3) و (4) مقایسه نمائید.

$$D_h = \frac{4A}{P} \quad (5-9)$$

$$R_e = \frac{\rho u D_h}{\mu} \quad (6-9)$$

- 1- برای پایه سیستم ترازو و تمام مدل ها مقادیر نیروی کشش اندازه گیری شده را برحسب سرعت هوا روی یک نمودار رسم کنید.
- 2- مقدار ضریب درگ ( Drag Coefficient ) هر جسم را برای سرعت های مختلف اندازه گیری شده، محاسبه کرده، منحنی آن را بر حسب عدد رینولدز برای هر کدام از مدل ها جداگانه روی کاغذ لگاریتمی رسم کنید.
- 3- منحنی های قسمت قبل را با منحنی های ارائه شده، مقایسه کرده، در مورد آن بحث کنید و علل خطا را ذکر کنید.
- 4- با توجه به نتایج آزمایش انجام شده یک نظر کلی درباره رابطه بین نیروی کشش و شکل جسم بیان کنید.
- 5- برای کم کردن نیروی Form Drag ( مؤلفه افقی نیروی فشاری =  $\rho C_D A u^2$  ) چه می توان کرد؟ ( رجوع شود به (Unit Operation, Mc Cabe, Fig 7.1, Page 151)
- 6- آیا پایه سیستم ترازو روی نتایج شما اثری دارد یا خیر؟ اگر دارد آن اثرات را بیان کنید.
- 7- اگر سرعت هوا در تونل خیلی زیاد بود، آیا باز فرضیه اینکه ضریب درگ فقط تابع عدد رینولدز است صحیح بود یا خیر و به چه عوامل دیگری می توانست بستگی داشته باشد و چرا؟ شرح دهید.
- 8- نقطه سکون (Stagnation Point) چیست و درجه حرارت و فشار در نقطه سکون چقدر است؟
- 9- آیا در مورد کره می توان از این آزمایش صحت قانون استوک (Stock's Law) را تحقیق کرد؟
- 10- طراحی مکانیکی يك تونل باد به چه پارامترهایی نیاز دارد ؟
- 11- انواع تونل های باد را بیان نمائید.

## آزمایش دهم: برخورد جت آب به اجسام

### هدف آزمایش:

هدف از این آزمایش اندازه گیری نیروی حاصل از برخورد یک جت آب به یک سطح صاف یا نیمکره بطریقه تجربی و مقایسه این نیرو با تغییرات مقدار حرکت خطی جت آب نسبت به زمان می باشد.

### تئوری آزمایش:

یکی از مسائل مورد مطالعه در مکانیک سیالات، بررسی نیروی ناشی از برخورد سیال متحرک به موانع می باشد. از جمله موارد کاربرد پدیده مذکور استفاده از انرژی سیال تحت فشار برای تولید انرژی مکانیکی و الکتریکی است که به عنوان مثال می توان به کاربرد آن در توربین های آبی (سد ها) و توربین های بخار در نیروگاه های حرارتی اشاره کرد. یک نمونه دیگر آن برخورد جت آب به پره های چرخ پلتون است نیروی حاصل از تغییرات مقدار حرکت خطی (ممنتوم خطی) آب باعث بگردش در آمدن چرخ می شود.

وقتی که یک جت آب به مانعی برخورد کرده و امتداد سرعت آن تغییر می کند طبق رابطه ممنتوم خطی نیرویی بر مانع

اعمال می شود. مانع متقارنی را مطابق شکل (1) در نظر بگیرید که جت آب با دبی جرمی  $Q_w$  بر حسب  $\left(\frac{kg}{s}\right)$  و با

سرعت  $u_0$  بر حسب  $\left(\frac{m}{s}\right)$  به آن برخورد کرده و به اندازه  $\beta$  تغییر جهت می دهد. (دبی جرمی از حاصلضرب دبی

حجمی در جرم مخصوص سیال بدست می آید:  $Q_w = \rho \times Q$ )

با توجه به قوانین مکانیک سیالات می توان نوشت اندازه حرکت ورودی در جهت X برابر است با  $\rho Q u_0$  بر حسب  $\left(\frac{kgm}{s^2}\right)$

همچنین مقدار اندازه حرکت خروجی پس از مانع برابر است با  $\rho Q u_1 \cos \beta$  بر حسب  $\left(\frac{kgm}{s^2}\right)$ . با توجه به قوانین بقای

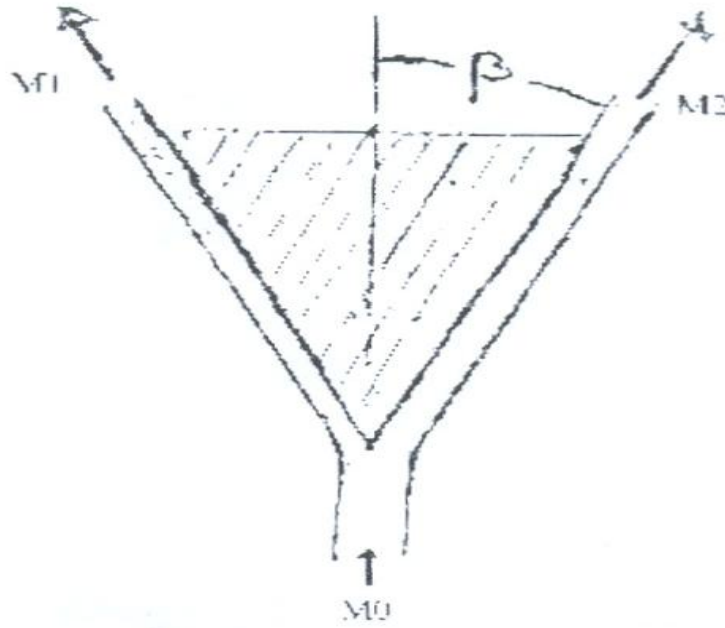
اندازه حرکت می توان نوشت:

تغییر اندازه حرکت در امتداد X = نیروی وارده در جهت X

یا به عبارت ریاضی:

$$F = \rho Q (u_0 - u_1 \cos \beta) \quad \left(\frac{kgm}{s^2}\right) \quad \text{or} \quad (N) \quad (1-10)$$

بنابر این با داشتن مقادیر و جهت های سرعت ورودی و خروجی می توان نیروی وارد بر جسم از طرف سیال را محاسبه کرد و رابطه (1-10) را برای حالت های خاص ساده نمود.



شکل (۱): دیاگرام برخورد جت آب به مانع

### برخورد جت آب به مانع نیمکره ای:

در صورتی که سطح مانع در مقابل جریان آب مطابق شکل (2- الف) به شکل یک نیمکره توخالی (فنجانی شکل) باشد، زاویه خروج آب  $\beta = 180^\circ$  بوده و داریم  $\cos \beta = -1$  بنابراین این نیروی وارده به مانع در این حالت برابر است با

$$F = \rho Q(u_0 + u_1)$$

در صورتی که از اختلاف ارتفاع و تغییرات فشار پیژومتریک صرف نظر کنیم، می توانیم فرض کنیم که  $u_1 = u_0$  بنابراین نیروی وارده به مانع فنجانی معادل است با:

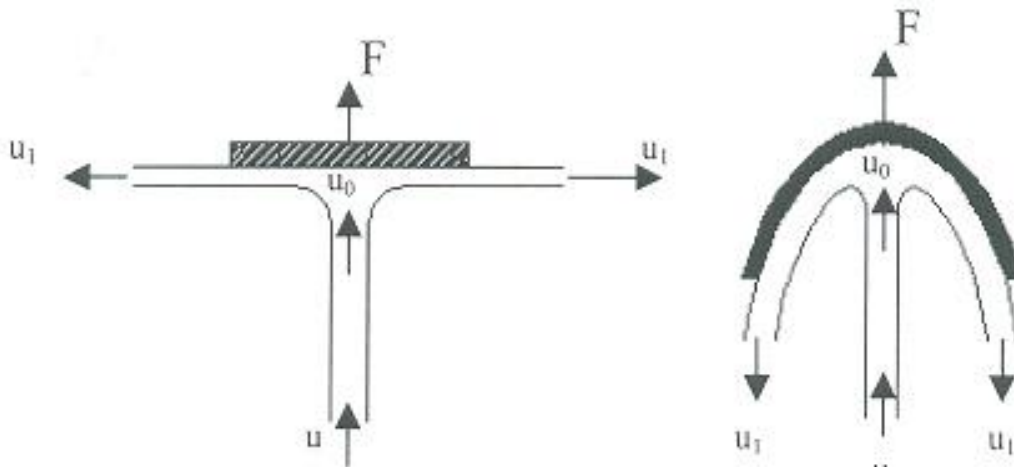
$$F_t = 2\rho Q u_0 \quad (2-10)$$

### برخورد جت آب به مانع مسطح:

در صورتی که سطح مانع در مقابل جریان آب مسطح و عمود بر محور x مطابق شکل (2- ب) باشد، داریم:  $\beta = 90^\circ$  ، بنابراین این  $\cos \beta = 0$  ؛ لذا رابطه قبل به صورت زیر در می آید:

$$F_t = \rho Q u_0 \quad (3-10)$$

در برخی از نقاط برای پخش آب و مستهلک کردن انرژی از مانع مسطح در مقابل جریان استفاده می شود که نیروی وارده به مانع مسطح با استفاده از رابطه فوق محاسبه می شود. قابل ذکر است که این نوع موانع برای دبی های زیاد به علت فرسایش بالا و ضریب بازدهی پایین ، کمتر استفاده می شوند.



ب-2

الف-2

شکل 2

### شرح دستگاه و روش آزمایش :

وسیله مورد آزمایش در شکل (3) نشان داده شده است. مانع مسطح یا نیمکره ای در امتداد عمود بر مسیر جت در داخل ظرفی استوانه ای و شفاف قرار می گیرد جت آب بعد از برخورد با مانع تعادل آن را بر هم می زند. توسط جابجا کردن وزنه ای بر روی یک اهرم متصل به مانع می توان مجدداً مانع را درحالت اولیه متعادل نمود تعیین وضعیت تعادل توسط یک شاقول متصل به اهرم معلوم می شود.

با توجه به معادله لنگر ناشی از نیروهای وارده به اهرم بالای دستگاه می توان رابطه زیر را نوشت :

(فاصله وزنه تا موقعیت صفر)\* (جرم وزنه) = (فاصله مرکز مانع از محور اهرم)\* (نیروی وارد بر مانع)

$$F_e \cdot L_0 = W \cdot L_w \quad (4-10)$$

در صورتی که سرعت خروج آب از شیبوره (Nozzle)  $u_0$  باشد و فاصله شیبوره از مانع برابر  $Z$  باشد، سرعت برخورد آب با مانع مسطح یا فنجانی از رابطه زیر بدست می آید:

$$u^2 = u_0^2 - 2gZ \quad (5-10)$$

تعدادی از مشخصات لازم دستگاه جهت محاسبات به قرار زیر است :

• قطر دهانه شیبوره  $d = 10 \text{ mm}$

• فاصله مرکز مانع تا نقطه اتکا اهرم (لولا)  $L_0 = 175 \text{ mm}$

• فاصله مانع تخت تا دهانه شیبوره  $Z = 28 \text{ mm}$  و فاصله مانع کروی تا دهانه شیبوره  $Z = 17.5 \text{ mm}$

مراحل انجام این آزمایش به صورت زیر است:

1- مانع مورد نظر (مانع فنجانی یا مسطح) را با استفاده از آچار مناسب در داخل دستگاه نصب نمایید.

2- با استفاده از وزنه ای که بر روی اهرم سوار است دستگاه را تراز می کنیم به گونه ای که اهرم در حالت تعادل کاملاً

افقی باشد (با تنظیم شیارهای حک شده روی شاهین)

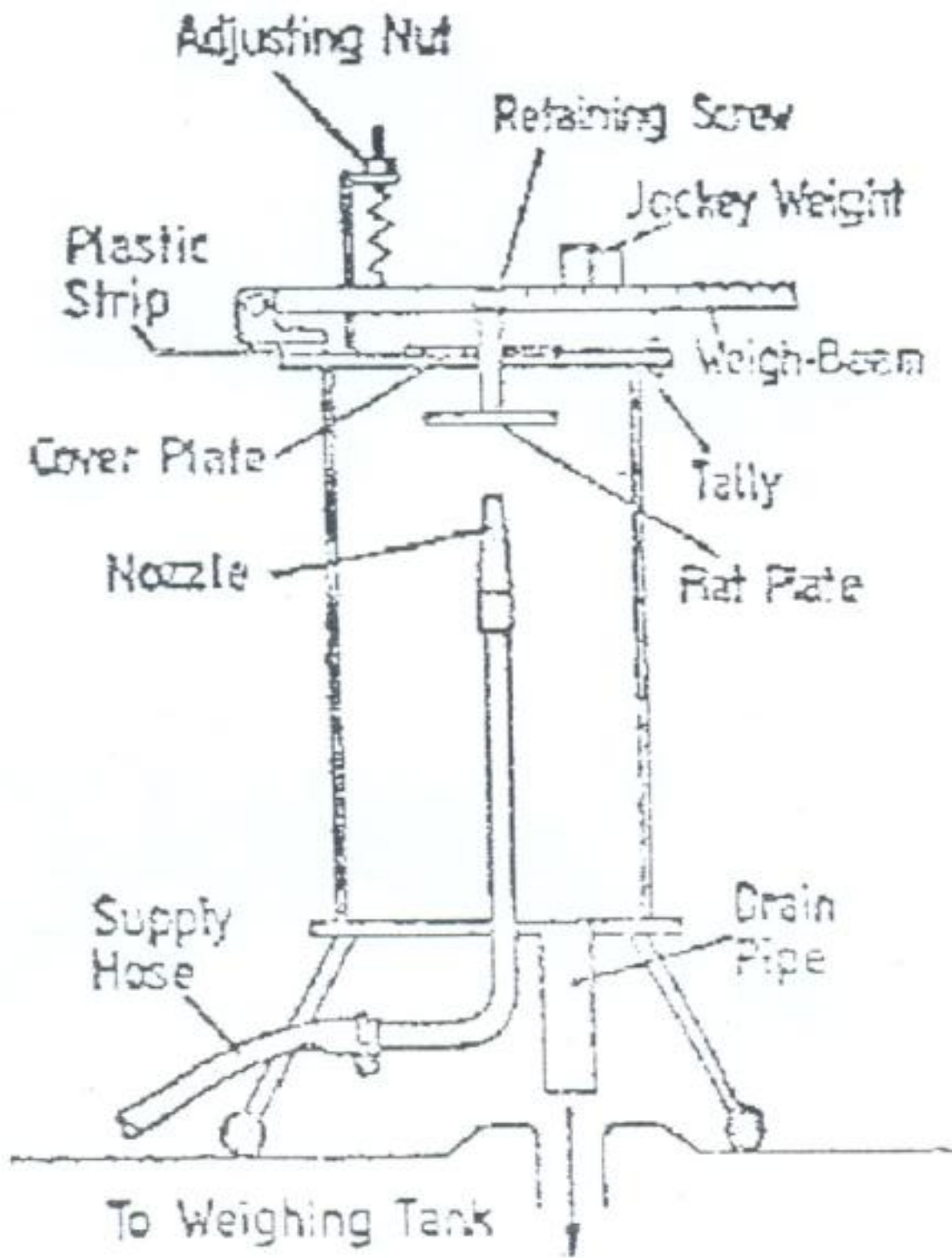
- 3- دبی را به میزان حداکثر افزایش داده و آن را اندازه می گیریم.
- 4- بعد از تنظیم دستگاه و کامل باز نمودن شیر خروجی پمپ جت آب با حداکثر دبی خود با مانع برخورد می کند اهرم را از وضعیت تعادل اولیه خود خارج می کند. برای اینکه اهرم دوباره به حالت تعادل برسد وزنه روی اهرم را جابجا کرده و موقعیت شیر نشانگر وزنه را بر روی اهرم یادداشت می کنیم.
- 5- دبی را مقداری کاهش داده ، آن را اندازه می گیریم و گام چهارم را انجام می دهیم.
- 6- گام های 3 و 4 و 5 را برای مانع مسطح و فنجانی تکرار می کنیم به صورتی که برای هر مانع 10 بار اندازه گیری دبی Q و فاصله  $L_w$  شده باشد.

باید توجه داشت که اندازه گیری سرعت برخورد آب با مانع عملاً مشکل است ولیکن با داشتن دبی جریان و سطح مقطعی از جت آب می توان سرعت جت را در آن مقطع تعیین نموده و با داشتن فاصله بین مقطع معلوم و مانع سرعت برخورد جت را تعیین نمود .

قبل از شروع آزمایش می بایست با قراردادن شیر وزنه متحرک روی فاصله صفر با مهره تنظیم بالای فنر اهرم را باشاقول تراز نموده سپس آزمایش را در دو مرحله یکبار با مانع مسطح و بار دیگر با مانع نیمکره ای انجام داد. تعیین وضعیت شاقول و شیر وزن متحرک در شکل(4) نشان داده شده است .



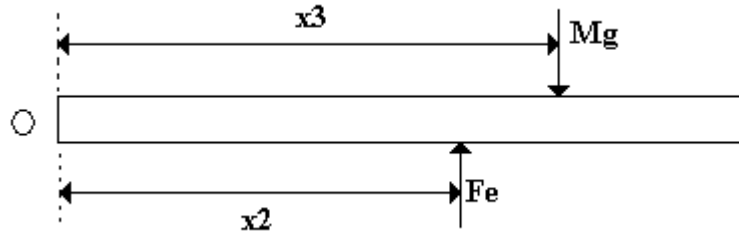
شکل 4- وزنه و شاقول در وضعیت تعادل



شکل (۳) شکل دستگاه آزمایش برخورد جت آب به اجسام

## نتایج و محاسبات :

1- نتایج حاصل از دو مرحله آزمایش را که شامل تعیین دبی (مقدار جرم آب جمع شده و زمان آن) و تغییر مکان وزنه متحرک (LW) است، در دو جدول جداگانه، یکی برای مانع فنجانی و دیگری برای مانع مسطح یادداشت نمایید.  
 با داشتن دبی و سطح مقطع شیپوره سرعت خروج آب از شیپوره ( $u_o$ ) را بدست آورید و رابطه (10-5)، سرعت برخورد جت آب با مانع ( $u$ ) را محاسبه کنید. با استفاده از روابط (10-2) و (10-3) نیروی تئوری ( $F_t$ ) مؤثر بر هر مانع را حساب نمایید. با استفاده از جرم وزنه متحرک و فاصله آن از نقطه اتکاء اهرم (لولا) و فاصله مانع تا نقطه اتکاء اهرم، نیروی تجربی ( $F_e$ ) مؤثر بر مانع را بدست آورید. برای محاسبه آن به شکل زیر دقت کنید:



رابطه گشتاور را حول O می نویسیم :

$$\sum M_0 = 0 \rightarrow F_e \cdot x_2 = Mg \cdot x_3 \quad (6-10)$$

$$F_e = Mg \cdot \frac{x_3}{x_2}$$

$x_3$ : فاصله وزنه متحرک از O (لولا)

$x_2$ : فاصله مانع از O (لولا)

در رابطه (6-10) مقدار  $g = 9.81$  متر بر مجذور ثانیه است و  $\Delta x$  جابجایی وزنه متحرک بر حسب متر است. با توجه به واحد های فوق مقدار نیروی تجربی مؤثر بر حسب نیوتن بدست خواهد آمد.

2- منحنی تغییرات  $F_e - F_t$  را برای هر یک از مانع ها رسم کنید ( $F_e$  محور افقی و  $F_t$  محور قائم). منحنی بهترین خط را برازش دهید و معادله آن را بنویسید.

3- با مقایسه نتایج اندازه گیری شده کنترل کنید که آیا نیروی مهار شده توسط مانع فنجانی دو برابر مانع مسطح است یا خیر. همچنین در صورتی که خط برازش داده شده به منحنی مانع مسطح از مبداء عبور نمی کند، علت را شرح دهید.

4- رابطه (6-10) را اثبات نمایید.

5- اگر سرعت خروج آب در نصف سطح مقطع مانع معادل  $1.5u$  و در نصف دیگر معادل  $0.5u$  باشد، چه تغییری در نتایج حاصل خواهد شد.

6- نقش نیروهای اصطکاکی را در هر مانع بررسی نمایید.

7- با توجه به محاسبات به عمل آمده کدام یک از مانع ها را برای استفاده در توربین ها پیشنهاد می کنید. علت را توضیح دهید.

## آزمایش یازدهم: اندازه گیری دبی در لوله ها

### هدف آزمایش :

آشنایی با روش های متداول اندازه گیری شدت جریان یا دبی در لوله ها

### تئوری آزمایش :

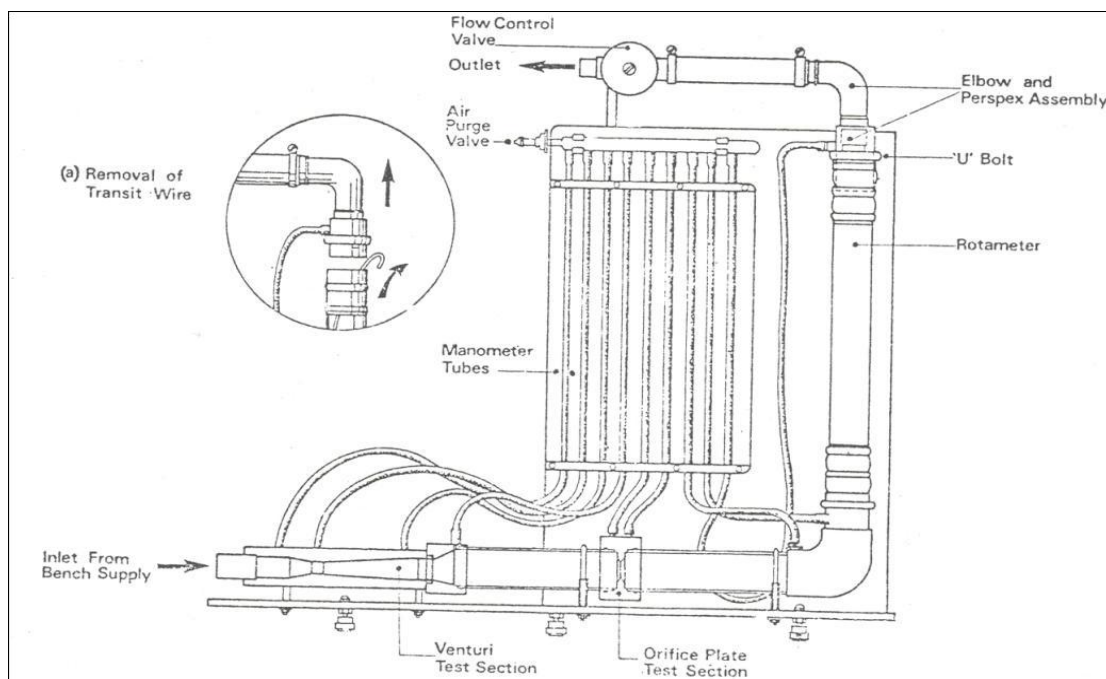
در دستگاه ها و سیستم های مختلف اعم از باز و بسته که به نوعی با جریان سیال در ارتباط هستند، عموماً لازم است که میزان سیال عبوری از یک محل اندازه گیری شود. اندازه گیری میزان جریان آب، نفت و گاز در لوله ها یا کانال ها را می توان به عنوان نمونه های بارز برشمرد.

روش های متنوعی جهت اندازه گیری شدت جریان سیال یا دبی وجود دارد. شاید بتوان گفت که ساده ترین راه اندازه گیری دبی، سنجش حجم یا وزن سیال عبوری در مدت زمان مشخص است که روش اول را دبی سنجی حجمی و روش دوم را دبی سنجی وزنی می نامیم. در دبی سنج های حجمی و وزنی مدت زمان لازم برای پر شدن ظرفی با حجم یا وزن مشخص اندازه گیری می شود و با استفاده از روابط زیر میزان دبی محاسبه می شود:

$$Q = \frac{w/\rho g}{t} \quad \text{or} \quad Q = \frac{V}{t} \quad (1-11)$$

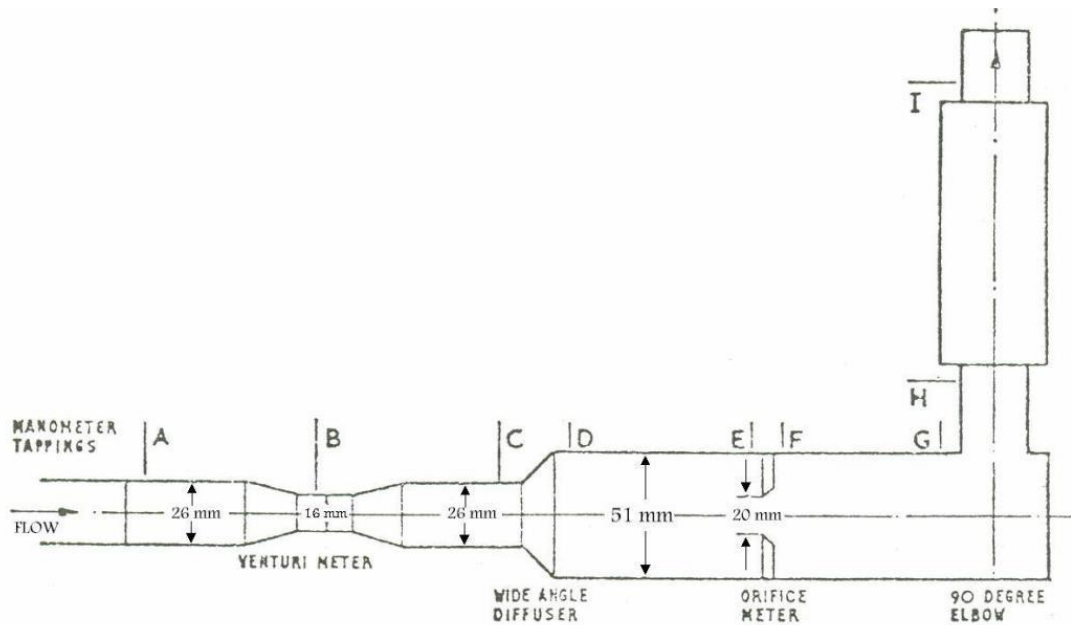
در روابط فوق،  $t$  زمان پر شدن ظرف،  $V$  حجم سیال پر شده داخل ظرف،  $w$  وزن سیال پر شده داخل ظرف و  $\rho$  وزن مخصوص سیال و  $Q$  دبی جریان می باشد.

در این آزمایش با پنج وسیله مختلف اندازه گیری شدت جریان در لوله ها آشنا می شویم. این وسایل عبارتند از: ونتوری متر، پخش کننده (Diffuser) یا بازشدگی، روزنه (Orifice)، زانویی یا خم (Bend or Elbow)، و دوارسنج (Rotameter). در شکل (1) مشخصات وسیله آزمایشی به صورت شماتیک ارائه گردیده است.



شکل (1-a)





شکل (1-b)

جهت محاسبه دبی از چهار روش اول مذکور در فوق از حل هم زمان معادلات انرژی و پیوستگی استفاده می کنیم. اگر رابطه برنولی را با فرض عدم تلفات انرژی بین دو مقطع متوالی 1 و 2 بنویسیم (بعنوان مثال بین مقطع A و B در شکل (1) خواهیم داشت:

$$\frac{p_1}{\gamma} + \frac{V_1^2}{2g} + Z_1 = \frac{p_2}{\gamma} + \frac{V_2^2}{2g} + Z_2 \quad (2-11)$$

رابطه پیوستگی بین دو مقطع 1 و 2 نیز به صورت زیر می باشد:

$$Q = A_1 V_1 = A_2 V_2 \quad (3-11)$$

با ترکیب دو رابطه (2) و (3) خواهیم داشت:

$$Q = \left[ \frac{2gA_2^2}{1 - (A_2/A_1)^2} (Z_1 + \frac{p_1}{\gamma} - Z_2 - \frac{p_2}{\gamma}) \right]^{\frac{1}{2}} = \left[ \frac{2gA_2^2(h_1 - h_2)}{1 - (A_2/A_1)^2} \right]^{\frac{1}{2}} \quad (4-11)$$

در رابطه فوق  $h$  مقدار ارتفاع نظیر فشار نسبت به سطح مبنا می باشد.  $(h = Z - p / \gamma)$  که مقدار نسبی آن از لوله پیزومتر قابل خواندن است.

### تئوری مربوط به افت انرژی در هر قسمت و تعیین ضرایب افت :

در روزه و خم، مقدار تلفات انرژی قابل توجه بوده و اگر آن صرف نظر شود خطای قابل ملاحظه ای در اندازه گیری بوجود می آید. به منظور کاربردی نمودن رابطه (4) در عمل از ضریب تصحیح استفاده می شود که برای هر یک از دستگاه ها با استفاده از رابطه زیر قابل محاسبه است:

$$K = \frac{Q_m}{Q_c} \quad (5-11)$$

که در آن  $Q_c$  دبی محاسبه شده از رابطه (4-11) و  $Q_m$  دبی اندازه گیری شده واقعی می باشد. مقدار  $K$  عموماً تابع شکل و مشخصات دستگاه و میزان دبی و مشخصات سیال عبوری است.

به کمک رابطه برنولی می توان مقدار افت انرژی در هر قسمت را محاسبه نمود. از طرف دیگر معمولاً افت انرژی را بصورت مضربی از انرژی جنبشی ورودی به آن قسمت به صورت رابطه (6-11) نشان میدهد.

$$\Delta H_{mm} = K \frac{V_m^2}{2g} \quad (6-11)$$

حال با تعیین افت انرژی و انرژی جنبشی ورودی می توان ضریب افت ( $K$ ) هر قسمت را به کمک روابط زیر بدست آورد.

### الف- ونتوری متر :

به کمک رابطه برنولی و با صرف نظر کردن از افت انرژی بین مقاطع ورودی و گلوگاه ونتوری میتوان رابطه (7-11) را جهت محاسبه دبی در ونتوری بکار برد.

$$Q = A_B V_B = A_B \sqrt{\frac{2g(h_A - h_B)}{1 - (A_B / A_A)^2}} \quad (7-11)$$

که در آن  $A_A$  و  $A_B$  به ترتیب سطح مقطع  $A$  و  $B$  و همچنین  $h_A$  و  $h_B$  ارتفاع آب در لوله های پیزومتري می باشد. نظر به اینکه قطر ونتوری در مقاطع ورودی و خروجی آن برابر است، لذا افت انرژی آن از رابطه (8-11) بدست می آید.

$$\Delta H_{AC} = h_A - h_C \quad (8-11)$$

از طرف دیگر با توجه به رابطه پیوستگی بین مقاطع ورودی و گلوگاه ونتوری و رابطه برنولی و معلوم بودن نسبت سطوح دو مقطع که برابر با 0.38 است (قطر ورودی ونتوری 26 میلیمتر و قطر گلوگاه ونتوری 16 میلیمتر است) انرژی جنبشی ورودی محاسبه می گردد.

$$\frac{V_A^2}{2g} = 0.168(h_A - h_B) \quad (9-11)$$

به کمک روابط (8-11) و (9-11) میتوان ضریب افت انرژی ونتوری را از رابطه (6-11) بدست آورد.

### ب- دیفیوزر (انبساط مخروطی) :

به کمک معادله برنولی افت انرژی در انبساط مخروطی از رابطه (10-11) قابل محاسبه است.

$$\Delta H_{CD} = (h_C - h_D) + \frac{V_C^2}{2g} \left(1 - \frac{1}{16}\right) \quad (10-11)$$

ضمناً بعلاوه مساوی بودن قطر ورودی و خروجی، انرژی جنبشی آنها هم یکسان است. پس به سهولت می توان ضریب افت آن را از رابطه (6) بدست آورد.

$$K = \frac{\Delta H_{CD}}{V_C^2 / 2g} \quad (11-11)$$

### ج- اوریفیس متر :

به علت شکل خاص اوریفیس متر که بین مقاطع F و E نصب شده است افت انرژی جزئی نیست و نمی توان در بکاربردن رابطه برنولی از آن صرفنظر نمود. نظر به اینکه اختلاف ارتفاع پیزومترهای E و F خود ناشی از افت انرژی بین این مقاطع هم می باشد. لذا می توان به کمک رابطه برنولی نتیجه گرفت که :

$$Q = A_F V_F = K A_F \sqrt{\frac{2g(h_E - h_F)}{1 - (A_F / A_E)^2}} \quad (12-11)$$

در آن K به نام ضریب تخلیه دستگاه می باشد و برای اوریفیس خاص نصب شده روی دستگاه مقدار آن برابر با 0.601 می باشد.

با توجه به نسبت قطر ورودی اوریفیس متر به ونتوری متر که تقریباً عدد 2 است می توان دریافت که انرژی جنبشی ورودی آن  $\frac{1}{16}$  انرژی جنبشی ورودی به ونتوری متر است. ضمناً افت انرژی در اوریفیس متر از رابطه (13-11) محاسبه می شود.

$$\Delta H_{EF} = h_E - h_F \quad (13-11)$$

حال با تعیین این مقادیر میتوان ضریب افت انرژی در اوریفیس متر را بدست آورد.

### د - زانویی 90 درجه :

به کمک رابطه برنولی بین نقاط G و H (ورودی و خروجی زانویی و همچنین رابطه تعادلی در لوله های پیزومتری- فشار در روی سطح مایع در لوله های G و H یکسان است)، می توان افت انرژی در زانویی با قطر تبدیلی را از رابطه (14) بدست آورد.

$$\Delta H_{GH} = (h_G - h_H) + \frac{V_G^2}{2g} \left(1 - \frac{1}{16}\right) \quad (14-11)$$

ضمناً انرژی جنبشی ورودی به زانویی  $\frac{1}{16}$  انرژی جنبشی ورودی به ونتوری متر است.

### ه - رواتر :

دوارسنگ از یک لوله شفاف با قطر متغیر و وزنه ای مخروطی شکلی در داخل آن تشکیل شده است. وقتی سیال جریان ندارد وزنه مخروطی در پایین ترین وضعیت قرار داشته و هیچگونه فاصله بین وزنه و جداره های لوله وجود ندارد. هنگامی که جریان سیال برقرار است در اثر نیروی وارده و لزوم وجود راهی جهت عبور آب، وزنه مخروطی به سمت بالا حرکت می کند. وزنه تا جایی بالا می رود که نیرو های وزن، شناوری و نیروی ناشی از حرکت سیال با یکدیگر در حالت تعادل باشند. نیروی وارده به وزنه در اثر جریان آب را نیروی دراگ نامیده شده و به صورت زیر نمایش داده می شود:

$$F_D = C_D A \frac{\rho V^2}{2} \quad (15-11)$$

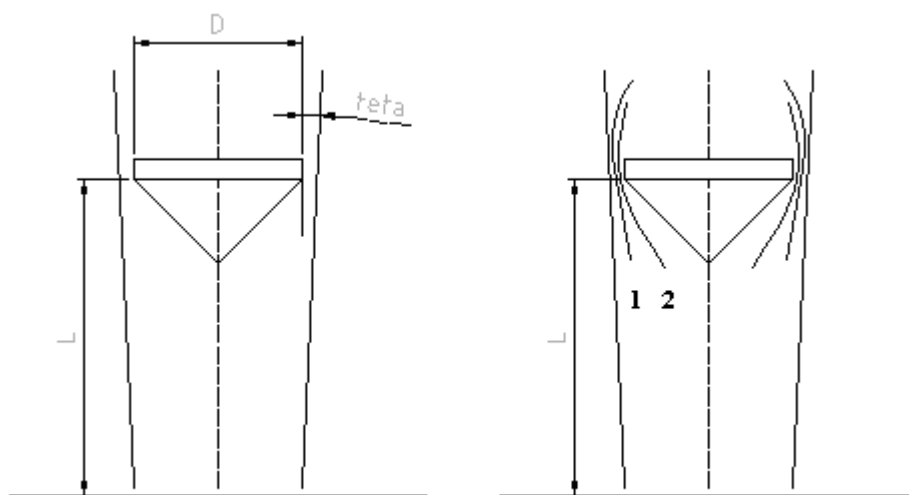
که در آن  $C_D$  ضریب کشش (Drag Coefficient)،  $\rho$  چگالی، A سطح مقطع وزنه در مقابل آب و V سرعت متوسط سیال است. نیروی وزن و نیروی شناوری مقداری ثابت و تابع جنس و شکل وزنه می باشد. پس از ساخت دوارسنگ ها، آنها را

مدرج کرده و در کارخانه کالیبره (یا واسنجی) می کنند. بدین معنی که دبی جریان را با وسیله مطمئن دیگری اندازه گیری کرده و برای هر ارتفاع از وزنه عدد مربوطه را یادداشت می کنند. نتایج نهایی به صورت نمودارهایی مطابق شکل 3 ارائه می گردد. طبیعتاً نمودار مربوط به هر دستگاه باید به صورت مستقل تهیه شود. شکل 3 مربوط به دستگاه این آزمایش می باشد.

با انتخاب حجم کنترلی مطابق شکل (2) که شامل مخروط شناور باشد و با به کار بردن رابطه برنولی و تغییرات مقدار حرکت بین مقاطع 1 و 2 می توان نتیجه گرفت که افت انرژی بین این دو مقطع مقداری است ثابت و به  $L$  (محل قرارگرفتن شناور) بستگی ندارد. از طرف دیگر چون این افت به سرعت سیال در اطراف شناور بستگی دارد پس می توان نتیجه گرفت که سرعت سیال در اطراف شناور هم ثابت است. اگر مقدار سرعت سیال را با  $V$  و سطح مقطع گذر سیال را با  $A_f$  نشان دهیم میتوان مقدار دبی سیال را از رابطه (16-11) که در آن  $\theta$  بر حسب رادیان است بدست آورد.

$$Q = A_f \cdot V = \pi D_f L \theta V \quad (16-11)$$

$$Q = (\pi D_f \theta V) L$$



شکل (2)

مشاهده می شود که مقدار دبی در روتامتر به  $L$  به صورت خطی بستگی دارد. افت انرژی در روتامتر از رابطه (17-11) قابل مقایسه است.

$$\Delta H_{HI} = h_H - h_f \quad (17-11)$$

همانطور که قبلاً ذکر شد با یک نظر اجمالی در نتایج آزمایش می توان دریافت که افت انرژی در روتامتر مستقل از دبی است و مقدار ثابتی می باشد.

با توجه به قطر ورودی روتامتر می توان دریافت که انرژی جنبشی ورودی آن برابر با انرژی جنبشی ورودی ونتوری متر است.

## روش انجام آزمایش :

1- قبل از شروع آزمایش و اندازه گیری دقت کنید که هیچ حباب هوایی در داخل دستگاه آزمایش و پیزومترها نباشد. در صورت وجود حباب، شیرهای ابتدا و انتهای دستگاه را کاملاً باز کنید تا حباب ها به همراه جریان خارج شوند. همچنین می توان با بازکردن پیچ بالای پیزومترها حباب ها را خارج کرد. جهت تسریع در خروج حباب ها به آرامی ضرباتی با انگشت به قسمت های مختلف دستگاه بزنید.

برخی از ابعاد لازم جهت انجام محاسبات در شکل (1) درج شده است.

2- پس از آماده شدن، پمپ دستگاه را روشن کرده و شیر دو طرف را کاملاً باز نمایید و برای دبی حداکثر ارتفاع آب در پیزومترهای A تا I (شکل 1) و ارتفاع مخروط دوارسنج (یعنی ارتفاع سطح بالای مخروط) را قرائت نموده، یادداشت کنید. ارتفاع آب در کلیه پیزومترها باید در محدوده مدرج شده واقع شوند. دبی جریان را به طریقه حجمی نیز اندازه بگیرید. (توسط میز آزمایشگاهی)

با یادداشت نمودن ارتفاع پیزومترها و مقیاس روتامتر و تعیین دبی توسط میز آزمایشگاهی می توان ضرایب افت هر قسمت و نتوری، دیفیوزر، اوریفیس، زانوئی و روتامتر را تعیین نمود.

3- جهت تعیین تغییرات این ضرایب با دبی بهتر است با کم کردن دبی توسط شیر خروجی دستگاه، آزمایش را در ده مرحله انجام داده و جدول (1) را تکمیل نمایید.

4- برای دستگاه های و نتوری متر، پخش کننده، روزنه و خم، اختلاف تراز آب در پیزومترهای دو طرف دستگاه، دبی محاسباتی و ضریب تصحیح دبی را برای هر یک از دبی ها محاسبه و در جدول ثبت کنید. در این جدول  $h_1$  و  $h_2$  تراز آب در نقاط 1 و 2 در دو طرف هر وسیله بوده که به ترتیب زیر قرائت می شوند:

- برای و نتوری متر در نقاط A و B

- برای پخش کننده در نقاط C و D

- برای روزنه در نقاط E و F (تذکر: برای نقطه E سطح مقطع کل لوله و برای قسمت F سطح مقطع قسمت تنگ شده روزنه را در نظر بگیرید.)

- برای خم در نقاط H و G

در جدول فوق  $Q_m$  دبی اندازه گیری شده به طریقه وزنی یا حجمی و  $Q_c$  دبی محاسبه شده با استفاده از رابطه (4) می باشد.

5- جدولی مشابه جدول بالا که حاوی یک ستون دیگر به عنوان " ارتفاع مخروط در دوارسنج (mm)" باشد، تهیه و نتایج و قرائت ها و محاسبات دوارسنج را در آن ثبت کنید. 6- منحنی های زیر را ترسیم کنید:

- منحنی تغییرات  $Q_m - \Delta h$  و  $K - Q_m$  و بهترین خط برازش داده شده بر آنها، برای هر وسیله در یک صفحه

- منحنی تغییرات  $Q_m - \Delta h$  کلیه وسایل در یک صفحه

- منحنی تغییرات  $K - Q_m$  کلیه وسایل در یک صفحه

- منحنی تغییرات  $Q_m - \left( \frac{\Delta h}{V^2/2g} \right)$  کلیه وسایل در یک صفحه

- منحنی تغییرات  $Q_c - Q_m$  و بهترین خط برازش داده شده بر آنها، برای هر وسیله در یک صفحه

- منحنی تغییرات  $Q_c - Q_m$  برای کلیه وسایل در یک صفحه

7- نتیجه گیری و برداشت شخصی خود را در کنار هر یک از منحنی های ترسیم شده یادداشت کنید.

8- بعد از انجام آزمایش و تکمیل محاسبات جدول، تغییرات دبی جرمی بدست آمده توسط میز آزمایشگاهی را بر حسب دبی جرمی بدست آمده از ونتوری متر، اوریفیس متر و رتامتِر تماماً در روی مقیاس 1 رسم نمائید نتیجه ای که از این نمودار بدست می آوری ذکر نمائید. نصب هر سه وسیله دبی سنج را در تاسیسات هیدرولیکی مقایسه کنید.

9- مقدار ضریب سرریز را حساب کرده و منحنی تغییرات دبی و ضریب C را بر حسب ارتفاع پشت سرریز رسم نمایید.

### خواسته ها و محاسبات :

- 1- با توجه به توضیحات رابطه (4)، چرا پیزومتر ارتفاع نظیر فشار را به صورت نسبی می دهد؟
- 2- مزایا و معایب هر یک از روش های اندازه گیری دبی که در این آزمایش با آن آشنا شدیم چیست؟ (به طور نسبی)
- 3- چرا هرچه دبی بیشتر می شود وزنه روتامتِر بالاتر می رود؟
- 4- چرا افت فشار در روتامتِر تقریباً ثابت است؟

## آزمایش دوازدهم: کاویتاسیون

### هدف آزمایش:

بررسی و مطالعه پدیده کاویتاسیون در مجرای ونتوری و رسم منحنی های افت فشار.

### تئوری آزمایش:

چنانچه فشار استاتیک در نقطه ای از مجرای عبور يك سیال به حد فشار بخار سیال در درجه حرارت مایع برسد، در این صورت قسمتی از سیال به بخار تبدیل می‌شود و همراه جریان حمل می‌گردد. اگر حبابها به نقطه ای بالاتر برسند، حبابهای گاز به سرعت از بین می‌روند و دوباره تبدیل به مایع می‌شوند که این تولید و انهدام حبابها اثرات نامطلوبی در سیستمهای هیدرولیکی به جا می‌گذارد.

با صرفنظر از افتها و با استفاده از رابطه برنولی در يك مجرای عبور سیال، مقدار هد کل برابر مجموع هد ارتفاع، هد فشار استاتیک و هد دینامیک بوده و عددی ثابت است. در صورتی که روی خط جریان با عواملی مانند افزایش ارتفاع، افزایش سرعت سیال و ... هد ارتفاع یا هد دینامیک و یا هر دو افزایش یابند چون کل هد ثابت است بنابراین هد فشار استاتیک کاهش می‌یابد و این کاهش فشار تا حد فشار بخار، مجاز است. ولی کاهش بیشتر آن سبب بروز کاویتاسیون می‌شود. کاویتاسیون در تجهیزات هیدرولیکی که مسئله جدایی سیال در آنها مطرح است نیز ممکن است پدید آید. در پدیده کاویتاسیون تولید حبابهای گاز مشکلی ایجاد نمی‌کند بلکه انهدام حبابها است که باعث ایجاد اثرات نامطلوب و خرابی در سیستم می‌گردد، به طوری که فشارهای موضعی شدید ایجاد کرده و باعث خوردگی (erosion) و کنده شدن ذرات جداره (pitting) می‌شود. به طور کلی اثرات نامطلوب ناشی از بروز کاویتاسیون به شرح زیر است:

۱. خوردگی و کندگی
۲. ایجاد ارتعاش در سیستم
۳. ایجاد سر و صدا
۴. کاهش راندمان حجمی و به تبع آن راندمان کلی سیستم

### شکل و روش آزمایش:

دستگاه آزمایش به صورت شماتیک از يك ونتوری شفاف با مقطع مستطیل تشکیل یافته است که به وسیله شیر کنترل قبل از آن دبی جریان عبوری از آن قابل تنظیم است. جهت انجام آزمایش پمپ را روشن می‌کنیم و سپس در دبی های مختلف قبل و بعد از کاویتاسیون مقدار افت فشار در دو سر ونتوری و فشار مطلق گلوگاه را اندازه می‌گیریم و در نهایت درجه حرارت آب را اندازه می‌گیریم، مساحت سطح مقطع ورودی و خروجی و سطح مقطع گلوگاه را نیز باید مشخص نماییم..

$$A_1 = 40 * 5 \quad (mm^2)$$

سطح مقطع ورودی

$$A_2 = 2.6 * 5 \quad (mm^2)$$

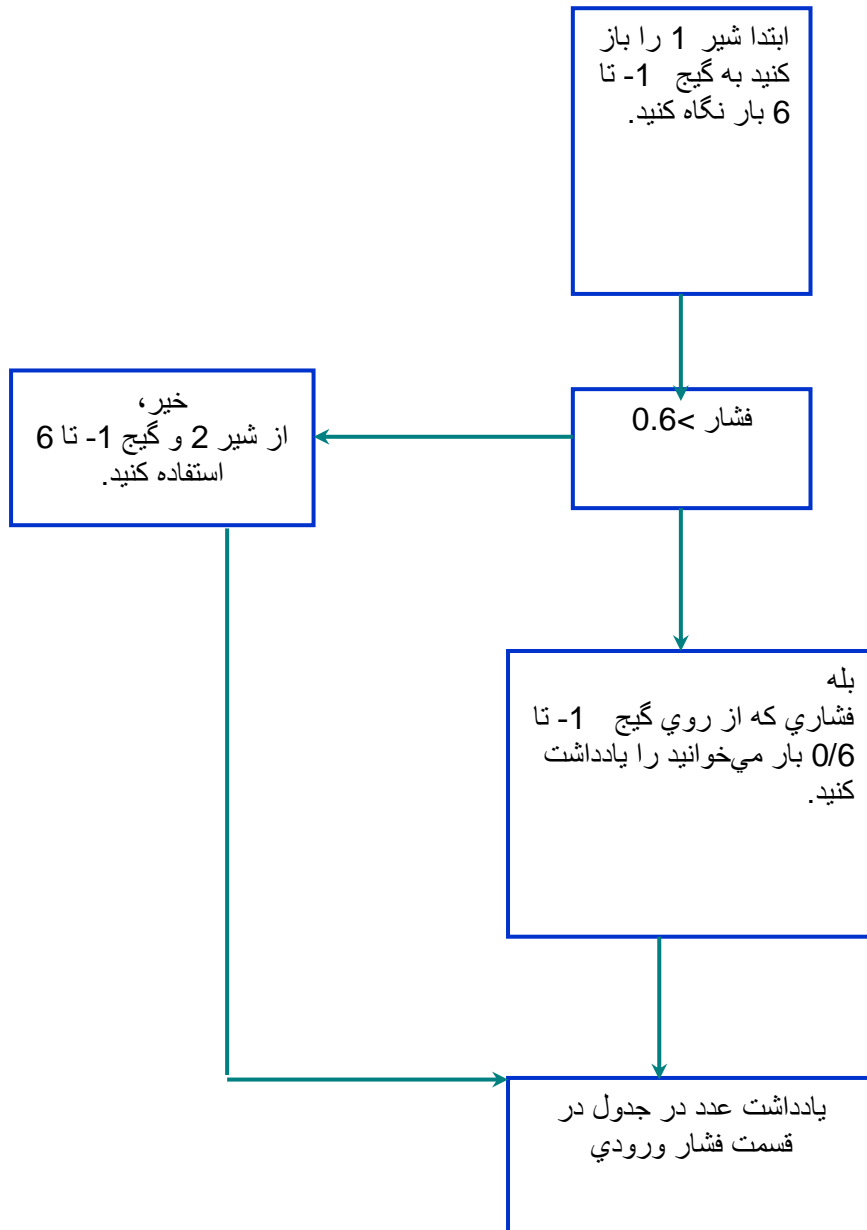
سطح مقطع گلوگاه

## نتایج آزمایش:

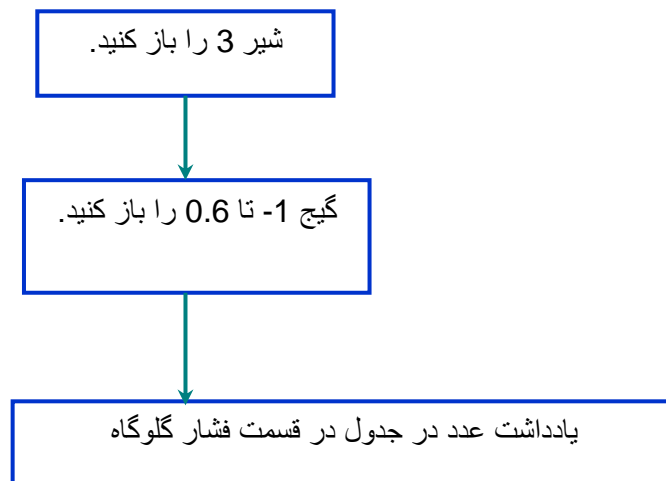
۱. جدول را کامل کرده و منحنی های افت فشار دو سر ونتوری و فشار مطلق گلوگاه ونتوری را بر حسب دبی رسم کنیم.
  ۲. با استفاده از جدول، فشار کاویتاسیون را تعیین کنید و با فشار اندازه گیری شده مقایسه کرده و علل اختلاف آنها را شرح دهید.
  ۳. چنانچه دبی عبوری از ونتوری  $Q$ ، مساحت سطح مقطع ورودی  $A$  و مساحت مقطع گلوگاه  $A_g$  باشد، رابطه اختلاف فشار گلوگاه و ورودی را به دست آورید (از افت فشار صرف نظر می شود).
- برای کار با این دستگاه نحوه استفاده از گیج ها باید مورد توجه خاصی قرار بگیرد چرا که بر روی پنل دستگاه از گیج 1- تا 0/6 بار استفاده شده که بسیار حساس می باشد.
- دستگاه دو عدد گیج با رنج 6 تا 1- و 1- تا 0/6 بار دارد. با استفاده از اتصالات و 5 شیر این دو گیج فشار سیستم را در سه نقطه نشان می دهد. این سه نقطه یکی مربوط به قبل گلوگاه – گلوگاه و بعد از گلوگاه است. پس از روشن کردن پمپ ابتدا شیر 1 از سمت راست را باز می کنید. اگر فشار مورد نظر کمتر از 0/6 بود باید به سراغ شیر دوم رفته و آن را باز کنید و از روی گیج دوم فشار را بخوانید. در غیر این صورت همین فشاری که از روی گیج اول می خوانید را به عنوان فشار ابتدای ونتوری یادداشت کنیم. برای فشار گلوگاه فقط از شیر سوم و گیج با دقت 1- تا 0.6 بار استفاده کنید. برای اندازه گیری فشار انتهایی ابتدا شیر 5 را باز کرده، اگر فشار از 0.6 کمتر بود سراغ شیر چهارم بروید ولی در غیر این صورت از روی گیج - 1 تا 6 و همان شیر 5 فشار را می خوانیم.
- توجه: در هر لحظه فقط باید یک شیر باز باشد.



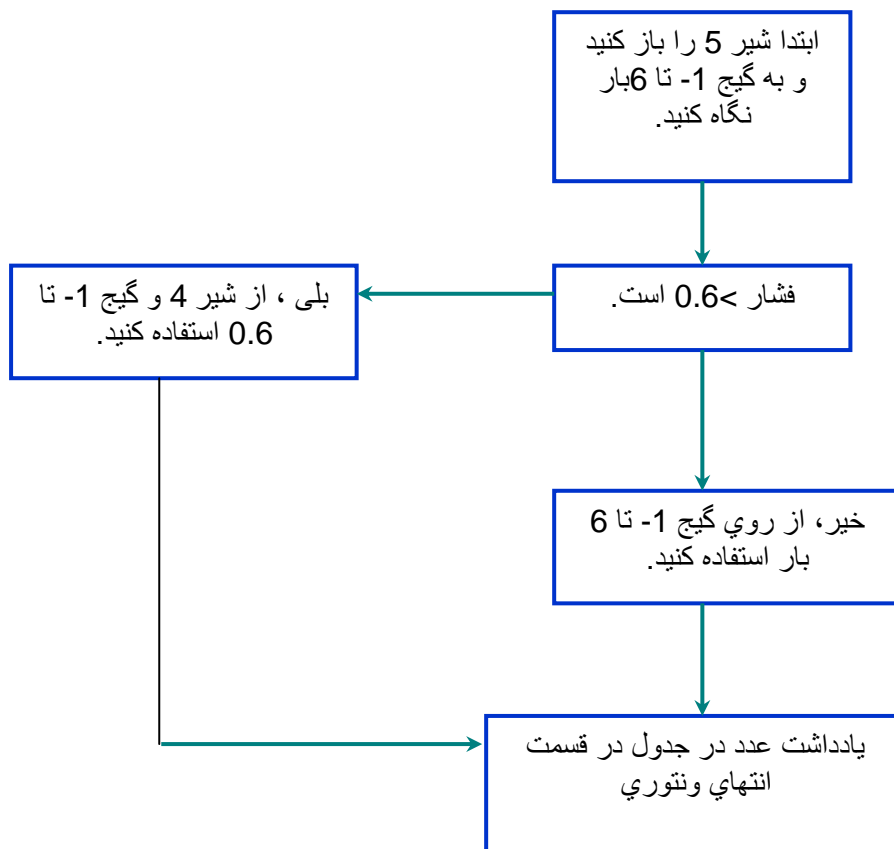
## فشار ورودی و نتوری



## فشار در گلوگاه و نتوري



## فشار خروجی و نتوري



## آزمایش سیزدهم: پمپ گریز از مرکز

### هدف از آزمایش:

بررسی عملکرد پمپ گریز از مرکز در دوره‌های ثابت و دبی‌های متغیر و دوره‌های متغیر، اندازه‌گیری هد، رسم منحنی‌های مشخصه پمپ و تعیین نقطه بهینه و تعیین دمای کارکرد پمپ.

### تئوری آزمایش:

پمپها را با توجه به شکل ساختمان داخلی و شرایط کارکرد به دو گروه پمپهای دورانی و پمپ‌های رفت و برگشتی تقسیم می‌کنند. پمپ مورد نظر این آزمایش، پمپ دورانی و دارای پروانه شعاعی است. هد تئوریک پمپی که دارای مشخصه‌های زیر باشد، به صورت رابطه (1) خواهد بود:

$$H_T = \frac{r_2 \omega}{g} \left( r_2 \omega + \frac{Q}{2\pi b_2 \tan \beta_2} \right) \quad (1-13)$$

Q: دبی حجمی عبوری از پمپ

$b_2$ : عرض پروانه پمپ

$\beta_2$ : زاویه پره نسبت به مماس بر مسیر دوران

با دانستن دانسیته سیال و مقادیر هد پمپ و دبی جریان که در آزمایش اندازه‌گیری می‌شود، توان خروجی از پمپ را می‌توان از رابطه زیر به دست آورد:

$$P_{out} = \rho g Q H_P \quad (2-13)$$

توان ورودی را با استفاده از مشخصه موتور پمپ محاسبه نمود.

اگر I جریان و V ولتاژ باشد:

$$P_{in} = IV$$

$$\eta = \frac{P_{out}}{P_{in}} \quad (3-13)$$

### شکل و روش آزمایش:

دستگاه مورد نیاز آزمایش از یک الکتروموتور تشکیل شده است که دور آن را می‌توان توسط اینورتر تغییر داد و با کمک دورسنج می‌توان دور را به میزان دلخواه تنظیم نمود.

پمپ گریز از مرکز با شکل پره‌های محدب (back ward) از طریق کوپلینگ به محور موتور متصل و توسط آن دوران می‌کند. جریان آب از مخزن از طریق رتامتور که برای اندازه‌گیری دبی به کار می‌رود وارد مدار شده و این سیکل آزمایش بسته می‌شود. با استفاده اینورتر، می‌توان مقدار توان خروجی از موتور (ورودی به پمپ) را محاسبه نمود.

از رابطه (2) جهت محاسبه توان خروجی از پمپ استفاده شود. مقدار  $\rho$  وابسته به دمای آب می‌باشد و Q را با به کار بردن رتامتور می‌توان به دست آورد.

هد واقعی پمپ ( $H_p$ ) از رابطه زیر به دست می‌آید (شکل 1):

$$H_p = \left( \frac{\gamma_{Hg}}{\gamma_{water}} - 1 \right) \Delta h \quad (4-13)$$

$$\rho_{mercury} g \Delta h = \Delta P$$

$$\Delta P = P_2 - P_1$$

روي دستگاه آزمایش بين ورودی و خروجی پمپ، دو گیج فشار نصب می‌شود که از طریق آن می‌توان افزایش فشار را در خروجی نسبت به ورودی اندازه‌گیری کرد.  $\Delta h$  اختلاف ارتفاع مانومتریک می‌باشد. موتور را روشن کرده و روی دور مورد نظر تنظیم می‌نماییم. با تنظیم شیر خروجی و اینورتر پمپ را در دور مورد نظر و در دبی‌های مختلف آزمایش می‌کنیم. در هر مرحله اختلاف فشار مانومتریک، ارتفاع آب در روتامتر و مقدار گشتاور پمپ را تعیین می‌کنیم.

### نتایج آزمایش:

۱. منحنی‌های مشخصه پمپ را که شامل توان ورودی، توان خروجی، راندمان و هد پمپ است را بر حسب دبی و برای هر دور روی یک صفحه ترسیم کنید.
۲. منحنی‌های ترسیم شده را با یکدیگر مقایسه و بحث نمایید.

$$3. \text{ رابطه هد واقعی پمپ را اثبات نمایید. } H_p = \left( \frac{\gamma_{Hg}}{\gamma_{water}} - 1 \right) \Delta H$$

۴. رابطه هد تئوری پمپ گریز از مرکز را اثبات کرده و روی مقادیر مختلف زاویه  $\beta$  بحث نمایید.

$$H_T = \frac{r_2 \omega}{g} \left( r_2 \omega + \frac{Q}{2\pi b \tan \beta_2} \right)$$