

Subject:

Year . Month . Date . ( )

امتحان نیم ترم (دوازدهم فصل ۴) ۶-۵  
 کوئیز (پانزدهمین حساب) 2  
 تکالیف 2-3  
 پایان ترم 9-10  
 verification problems (تقریباً دوازدهم ترم)

کتاب مدار الکتریکی دلتی (ترجمه کتاب آکای دلتا) / لمبرج اصلی

مدار الکتریکی / ترمیناسیون / محمد بیستون / عنایه عبداللهدی

$R = \rho \frac{L}{A}$  / قدرت کننده (مقاومت / کارتن / سلول)

عنایه عبداللهدی / درسی

لاستیک کننده لایتری الکتریکی / منبع ولتاژ و منبع جریان

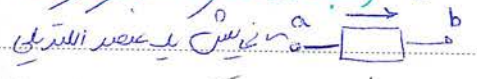
برای این منبع عنصر اصلی که در یک ترمیناسیون محم بیستون هستند برای کنیم / برای کلیه مدارهای الکتریکی برای باقی جریان هر عنصر و بیستون هر عنصر

مدار الکتریکی

برای کلیه جری نیم / در تمام صورت / در این حالت هر عنصر و مدار الکتریکی / روشن جاز تغییر های حل مسئله

و جهت جریان / در این حالت هر عنصر و مدار الکتریکی / در این حالت هر عنصر و مدار الکتریکی / در این حالت هر عنصر و مدار الکتریکی

$I = \frac{dq}{dt}$



$q = \int_{-\infty}^t i d\tau$

$q = \int_{-\infty}^{t_0} i d\tau + \int_{t_0}^t i d\tau \Rightarrow q = \int_{-\infty}^t i d\tau + q_0$

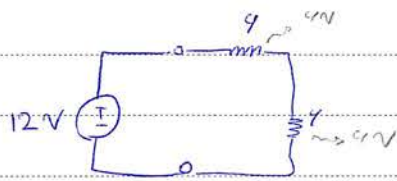
PAPCO

برای

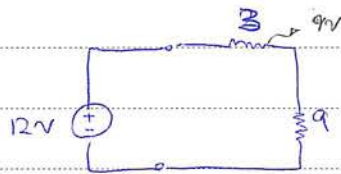
Subject:

Year. Month. Date. ( )

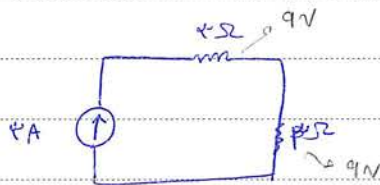
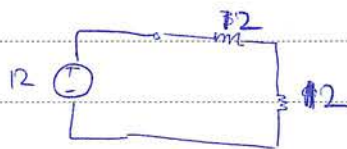
منبع دلتا مسدود: چون کنته میدان الکتریکی به مدار باز حرکت در کار دارد  
دارای اختلاف پتانسیل در دو سر خود که منتهی از خروج در مدار می آید در داخل آن



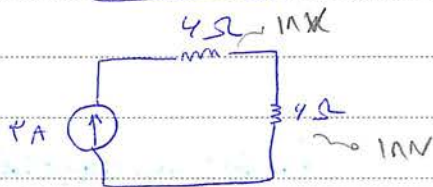
منبع تکلیف الکتریکی که دلتا آن در طول زمان نیست  
(است)



منبع دلتا دلتا: پتانسیل در مدار در هر جای مدار نیست  
می آید این است جریان آن متفاوت است



منبع جریان: منبع است که در هر جا که هست  
می آید در مدار می تواند تغییر کند



DC: Direct Current  
I = 5A



در مدار جریان حساب

جریان جاری

بازرسی جریان به صورت  
مقایسه تغییرات بسیار

برای مثال  
(در یک مدار)

PAPCO

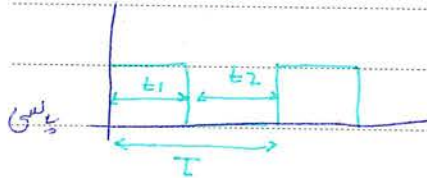
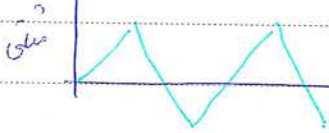
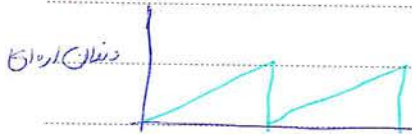




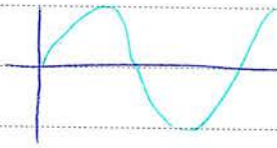
Subject:

Year. Month. Date. ( )

دینامی جریان و پهنای باند



Pulse



شکل موج Sin (در سیستم انتقال انرژی در مدارات ترانزیستوری)



شکل موج پهنای باند در مدارات ترانزیستوری

در مدارهای الکتریکی، محورها اجزای از جریان و ولتاژ داریم و با محسبهای کوچک سردار داریم و می در مقابل برای مقادیر با واحدهای متریک (MS, k, Ω, mA, mV, PA)

$$\frac{10V}{5k\Omega} \neq 2A$$

دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر

Subject:

Year. Month. Date. ( )

ولتاژ (بیان دکتری) در واقع فشار است که در جریان الکتریکی است

(منبع انرژی الکتریکی در یک مدار بسته است) در واقع فشار است که در جریان الکتریکی است

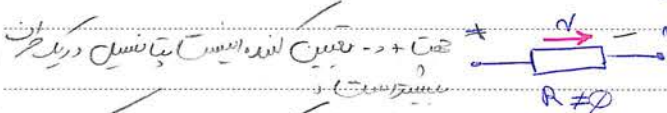
$R = \infty$

پتانسیل الکتریکی بیشتر است در جریان بیشتر

هادی و بدون نیاز به قدرت انرژی الکتریکی جاری می شود به صورت هادی باقی می ماند

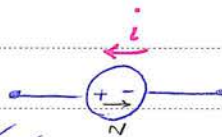


پتانسیل الکتریکی در دو سر هادی برابر است



سیم هادی به مقدار صفر افت ولتاژ صفر است هیچ پتانسیلی برای ادامه جریان ندارد

منبع ولتاژ که تولید کننده است



منبع ولتاژ که تولید کننده است

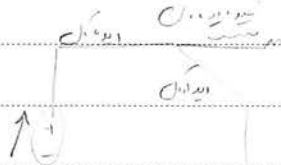
در این حالت هیچ نیروی محرکه ای وجود ندارد

تواند جریان الکتریکی و ولتاژ هادی که از پتانسیل

بر اساس ولتاژ تبدیل می شود به انرژی الکتریکی

تواند به خود دارد چون در هر دو سمت پتانسیل بیشتر می باشد

جریان در تولید کننده در جهت افزایش پتانسیل الکتریکی است



در هر دو طرف هادی در این حالت پتانسیل

جریان از این هادی عبور کند و در هادی

پتانسیل در هر دو طرف هادی

که در این حالت در هر دو طرف هادی پتانسیل برابر است و هیچ نیروی محرکه ای وجود ندارد

ولتاژ (بیان دکتری) در واقع کاری است که در هر دو طرف هادی

$P = \frac{dw}{dt}$

نرخ از انرژی که در یک واحد زمانی عبور می کند

$w = \int P$

$P = V \cdot i$

هم ولتاژ و هم جریان را در نظر می گیریم

$v = \frac{P}{i} = \frac{dw/dt}{dq/dt} \Rightarrow v = \frac{dw}{dq}$

$P = \frac{dw}{dt}$   
 $P = V \cdot i$



Subject:

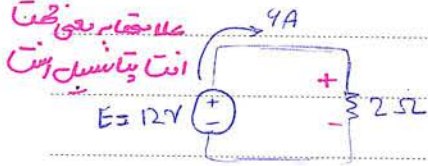
Year. Month. Date. ( )

توان مصرفی و توان تولیدی

توانی که در یک عنصر الکتریکی (مقاومت، القا، انرژي الکتریکی مصرفی) شود

$$P = V \cdot i$$

برای عنصر مصرف کننده  $\rightarrow$  جهت مصرفی عنصر کننده  
 برای عنصر تولید کننده  $\rightarrow$  جهت تولیدی عنصر کننده

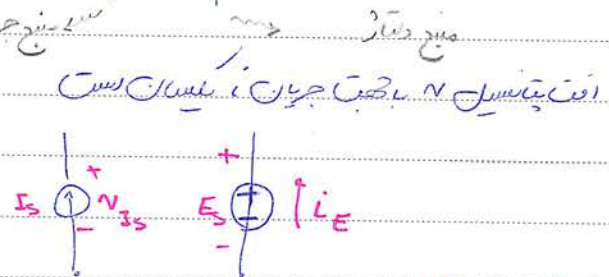
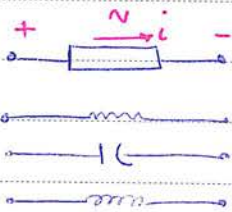


توان مصرفی (توان در بار)  $\Rightarrow P_R = I^2 R = 4^2 \cdot 2 = 32 \text{ W}$   
 توان تولیدی (توان در منبع)  $\Rightarrow P_E = V_E \cdot I_E = 12 \cdot 4 = 48 \text{ W}$

مقدار توانی که در در هر مقاومت استفاده می شود

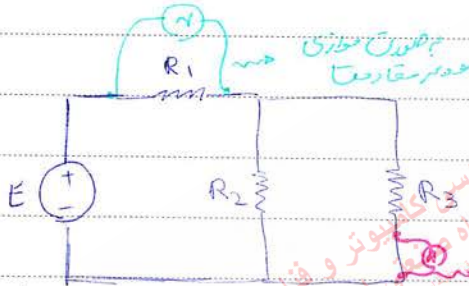
عنصر مصرف کننده عناصر تولید کننده

مصرف کننده: R, L, C  
 تولید کننده:  $\uparrow$  (current source),  $\downarrow$  (voltage source)



دیتکتور، آمپرمتر، ادمتر (AV meter)

له نقطه اندازه گیری



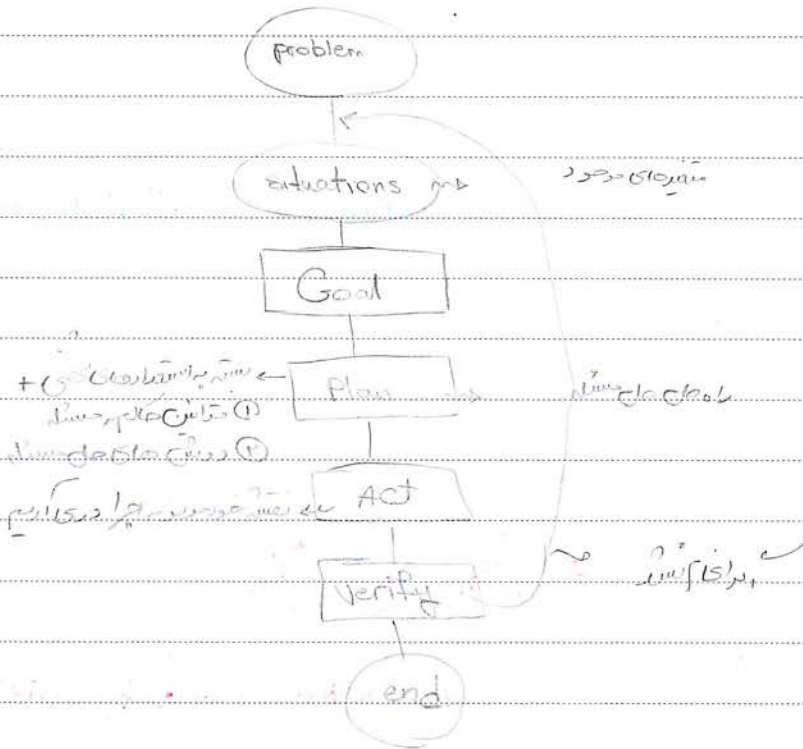
دانشگاه مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه تهران  
 (به صورت سری) جریان در سری R3

Subject:

Year. Month. Date. ( )

مقادیر  $R_1$  و  $R_2$  باید چقدر باشد چون نباید چیزی که از  $R_1$  کالدردی تغییر ندهد همین خارج باید جریان  
 صفر یا بسیار کمی از ولت متدبرود (چقدر  $M.E$ )  
 مقادیر  $R_1$  و  $R_2$  باید تقریباً  $\frac{1}{2}$  باشد تا همان جریان در از مقادیر کالدردی از  $R_1$  ببرد بلندتر

هیچ وقت نمی توان یک مقادیر اهمی را در مدار اندازه گرفت به طور دقیق.



دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری  
اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر



Subject:

Year. Month. Date. ( )

فصل دوم:

مدی عنصر الکتریکی سطح مقاومت

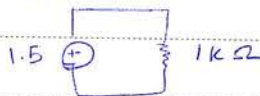
مدی عنصری: یک مدل خطی است که عنصر خطی باشد

مدی عنصری یک نمونه خاص از (مدی عنصری) است که برای بیان یک سیستم سیستم مدی عنصری است

مدی عنصری: یک مدل خطی است که عنصر خطی باشد. در سیستم سازه ای هم از برای مدی عنصری استفاده می کنند. در سیستم سازه ای هم از برای مدی عنصری استفاده می کنند.

مدی عنصری یک مدل خطی است که عنصر خطی باشد

مدی عنصری یک مدل خطی است که عنصر خطی باشد. در سیستم سازه ای هم از برای مدی عنصری استفاده می کنند. در سیستم سازه ای هم از برای مدی عنصری استفاده می کنند.



مقاومت ریزتری

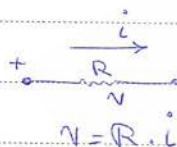
عنصر خطی: دارای در شرط باشد

- 1) اگر اصل جمع آن در در آن تحقق باشد
- 2) اگر اصل همبندی در آن تحقق باشد

Superposition

در عنصری راسته باسیم که دارای یک خروجی از جریان  $v = f(i)$  در این عنصر راسته باسیم برای جریانی  $i_1, i_2$  داریم  $v_1 = f(i_1)$  و  $v_2 = f(i_2)$

$v = f(i_1 + i_2) = v_1 + v_2$



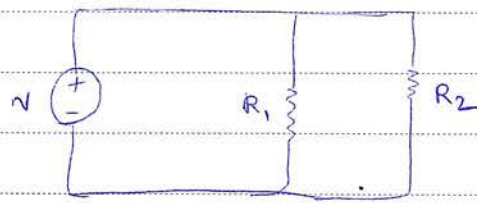
برای مثال مقاومت یک عنصر خطی است

$v = R(i_1 + i_2) = R(50 \sin \omega t + 30 \cos \omega t) = R(i_1 + i_2)$

Subject:

Year. Month. Date. ( )

**Homogeneity:** در عنصری جریان  $i_1$  ولتاژ  $v_1$  را ایجاد کند و در  $v_2 = kv_1$  برآید ولتاژ  $v_2 = kv_1$  را ایجاد کند.



**مثال** ولتاژ دارای مقدار بی‌نهایت است  
 اگر  $v = 5 \sin(100t + 2t) + Ae^{-t}$  در نظر بگیریم  
 می‌توانیم به این صورت در نظر بگیریم  
 $v_1 = 5 \sin(100t)$   
 $v_2 = 2t$   
 $v_3 = Ae^{-t}$

برای سیستم جریان در  $R_1$  می‌توانیم صدای خاصه در نظر بگیریم یعنی هر دو طرفه قطب‌بندی از منابع  $v_1, v_2, v_3$  را در نظر می‌گیریم و اثرات آن را روی  $R_1$  حساب می‌کنیم پس داریم

$i_{R1} = i_1 + i_2 + i_3$

$i_1 = f(v_1) \rightarrow$  جریانی که از منبع ولتاژ  $v_1$  در  $R_1$  می‌گذرد

$i_2 = f(v_2)$

$i_3 = f(v_3)$

**point** اگر چند منبع مختلف داشته باشیم سیستم خطی است و می‌توانیم در نظر بگیریم و اثرات آنرا جدا حساب کنیم بعد از آن اثرات را حساب کنیم

**مسئله ولتاژ-جریان  $v-i$  characteristic**

رابطه ولتاژ و جریان در عنصر الکتریکی  
 مقدار: جریان در یک عنصر یا ولتاژ در یک عنصر  
 یک منبعی روی صفت درجه‌یک به تغییرات ولتاژ و جریان را به نمایش می‌آورد

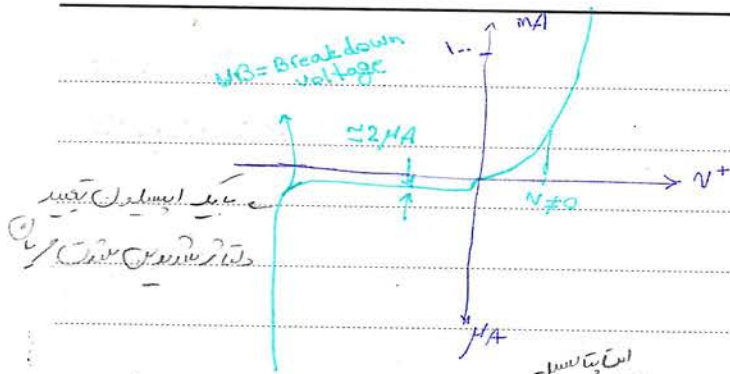


به ضریب هم‌قاربتی در  $v = R.i$  شبلی دارد

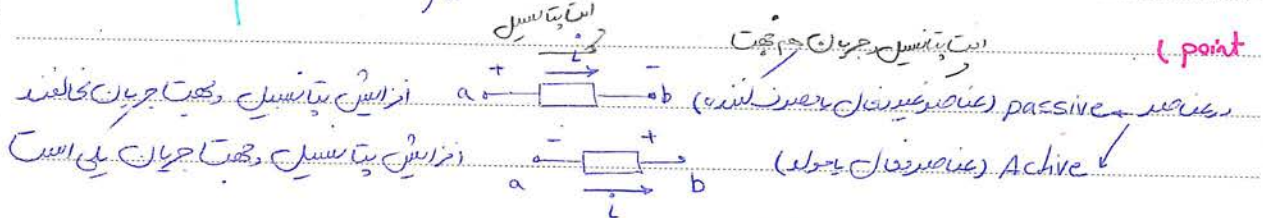


Subject:

Year. Month. Date. ( )



دیدار (یک عنصر الکتریکی)



مقاومت  $R = \rho \frac{L}{A}$

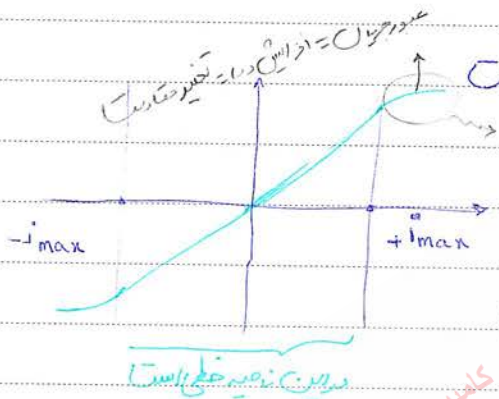
طول  $L$   
سختی  $\rho$   
مساحت  $A$

مسئله در الکتریکی هر چه بیشتر شود، مقاومت بیشتر

عبارت الکتریکی بیشتر در سطح آنتن

$V = Ri$

عبارت الکتریکی مقادیر  $\Omega$   
واحد مقادیر  $\text{ohm} / \Omega$



مقدار  $i$  مقادیر متفاوت در جهتهای مختلف است

این پدیده یعنی تغییر در سطح جریان

تغییر  $i_{max}$  ناشی از جریان است

که در آن یک تغییر مقادیر می شود

این حالت جزئی از تغییر در سطح است

در این تغییر در سطح است

$\Delta R = k(\Delta T) \cdot R$

تأثیر حرارت:

که ضریب حرارتی معین

مقادیر متناسب با درجه حرارت تغییر می کنند

Subject:

Year: Month: Date: ( )

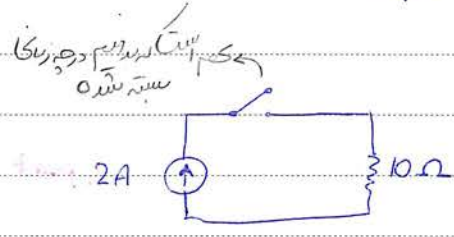
توان مصرفی مقاومت:  $P_R = V_R \cdot i_R = R \cdot i_R^2$

W

انرژی مقاومت:

$$W_R = \int_{-\infty}^t R \cdot i^2 \cdot dt$$

$$W = \int P \cdot dt$$



اگر مقاومتی وجود زیر باشد باید طویل‌تر باشد تا سیم  
که اگر خواهم مقدار انرژی که در زمان مصرف شده  
برسین بیا رسم اول مقدار توان را حساب می‌کنیم

$$P_R = 10 \cdot i_R^2$$

در زمان داریم

$$\begin{cases} t < 2 \text{ sec} \Rightarrow i_R = 0 \Rightarrow P_R = 0 \\ t > 2 \text{ sec} \Rightarrow i_R = 2A \Rightarrow P_R = 40W \end{cases}$$

یعنی از 2 دقیقه  $W_R = ?$

$$W_R = \int_2^{2+60} (40W) \cdot dt = W \cdot \text{sec}$$

حساب می‌کنیم

هدایت Conductance

$$G = \frac{1}{R}$$

در مقابل مقاومت است و با حرف G تعیین می‌شود

واحد سیم (mho, S, Siemens)



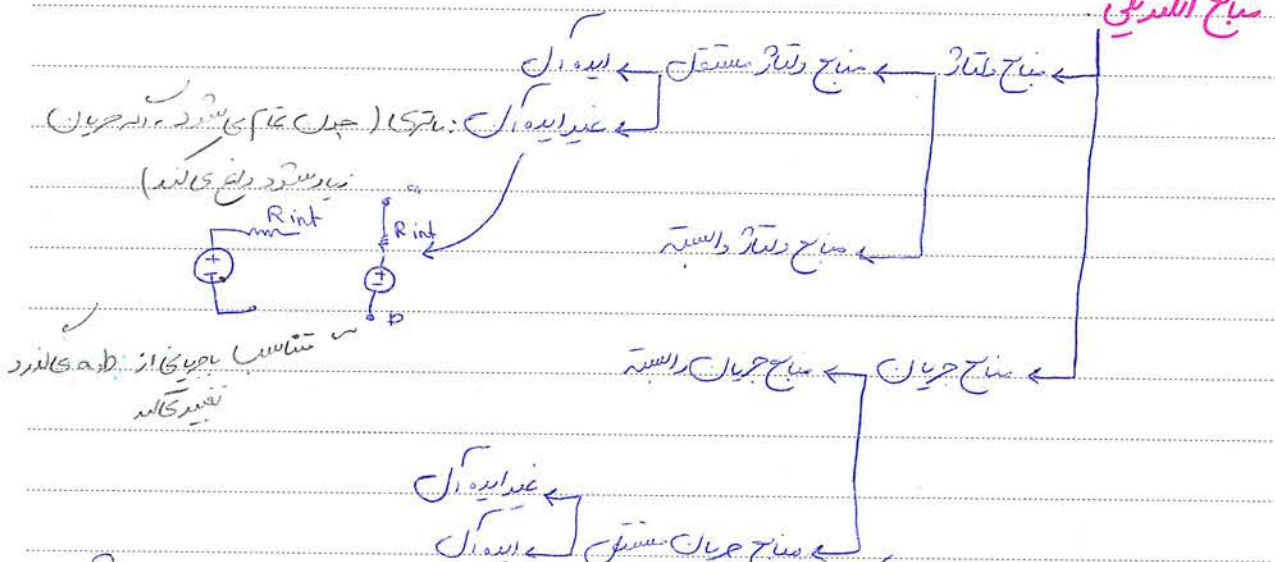
از نظر ریاضی سطحش 1 است و نسبت فرکانس می‌گیرد

دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری  
اطلاعات دانشگاه صنعتی امیرکبیر

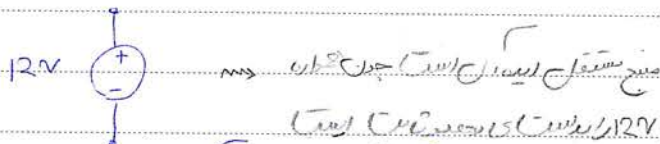


Subject: \_\_\_\_\_  
 Year . Month . Date . ( )

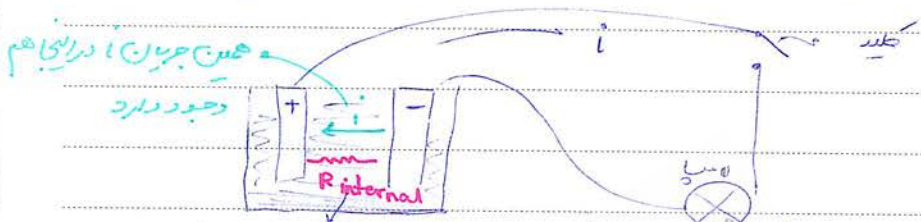
منابع الکتریکی



منبع مستقل منبعی است که مقدار ولتاژ یا جریان آن وابسته به رفتار عناصر دیگر مدار نیست  
 منبع ایده آل منبعی که مقدار جریان یا ولتاژ آن همواره ثابت است و مستقل از عناصر دیگر مدار است

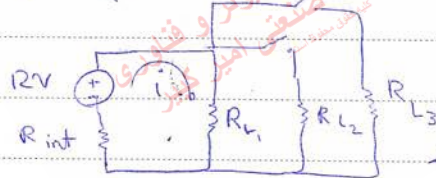


منبع غیر ایده آل ولتاژ: منبعی که با افزایش جریان آن، ولتاژ آن کاهش می یابد (منابع ولتاژ واقعی)



الکترونیست (برونیزه است) که ترانزستور یا دیود است  
 در حالی که این دو مورد با هم متفاوتند

در تعداد دلخواه از بار داریم جریان در  $R_L$  تغییر می کند



وکل جریان به دستوری بستور در نتیجه افت ولتاژ به دستوری پیدا کنیم  
 بد منبع غیر ایده آل در این خواص دوری در داخل خود  
 افت ولتاژ پیدا می کند و این تناسب با جریان از آن پیدا می کند

P4PCO

$$i = \frac{12}{R_{int} + R_L}$$

Subject:

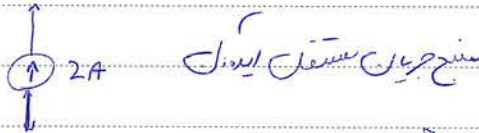
Year. Month. Date. ( )

	$V_{cb}$	$P_{iamp}$
$S_1$	11	$\frac{V^2}{R} = \frac{11^2}{10}$
$S_1, S_2$	10.5	$\frac{(10.5)^2}{10}$
$S_1, S_2, S_3$	10	$\frac{10^2}{10}$

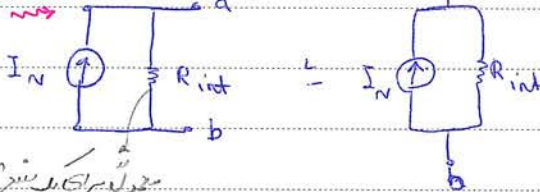
هر چه این پتانسیل بیشتر در ولتاژ بیشتری شود

در درگاه منبع مستقل از منبع بیرون فرض می‌کنیم

منبع جریان مستقل را به مقدار جریان به رفتار عناصر مدار و البته نسبت به جریان خودشان فرض می‌کنیم

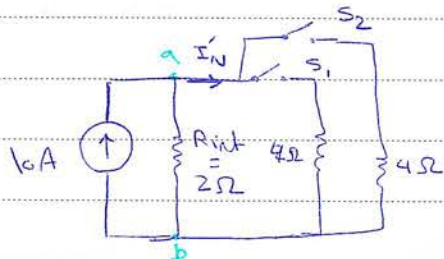


منبعی را به دل



جریان متناسب به ولتاژ در مدار a,b تغییر می‌کند

موردی که در منبع است و منبع تغییر می‌کند



اگر هر دو قطب باز باشند  $V_{ab} = 20V$   
اگر قطب  $S_1$  را وصل کنیم

$$I'_N = \left(\frac{2}{2+4}\right) 10 = \frac{10}{3} A$$

نسبتاً با هم مقادیر  $S_2$  و  $S_1$  بسته

$$I'_N = \frac{(4 \parallel 4)}{2 + (4 \parallel 4)} = 5A$$

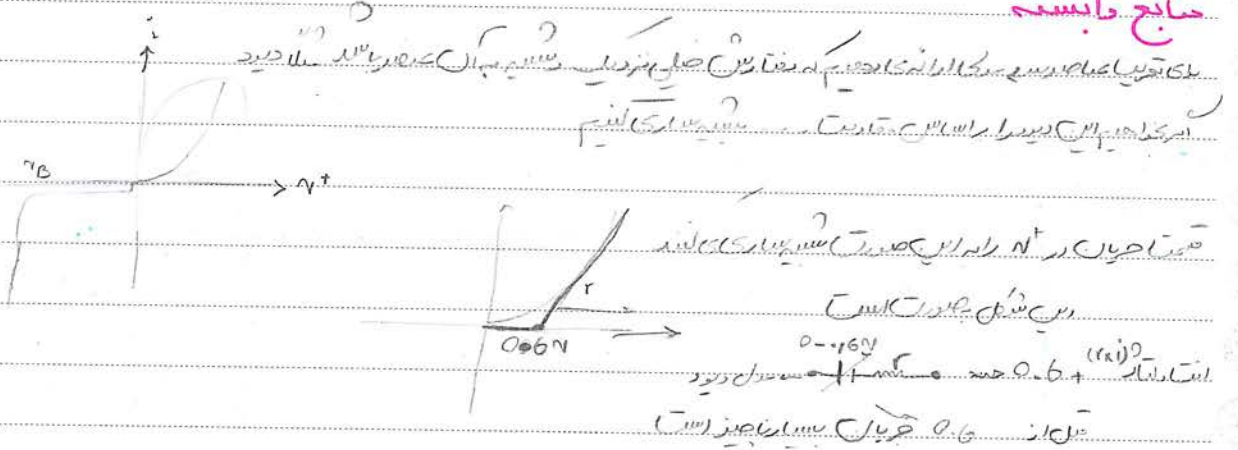
دانشگاه مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر



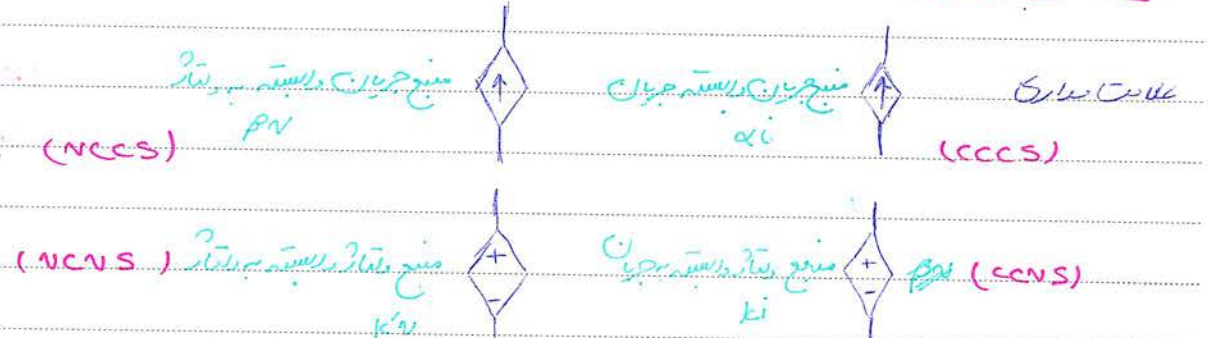
Subject:

Year. Month. Date. ( )

**منابع وابسته**

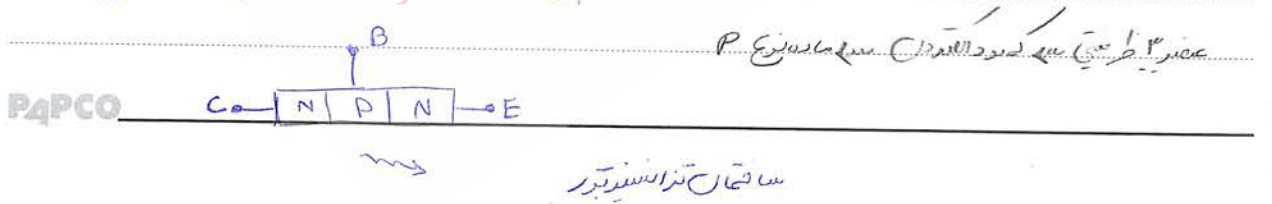


منبع وابسته منابعی هستند که ولتاژ یا جریان آنها وابسته است به مقدار جریان یا ولتاژ موجود در منبعی از مدار یا در یک عنصر مدار.



(NCCS = voltage control current source)  
 (CCCS = current control current source)  
 (NCVS = voltage control voltage source)  
 (CCVS = current control voltage source)

**ترانزیستور:** یک عنصر نیم هادی از جنس آلومینیم که در آن سه ناحیه مختلف از جنس سیلیسیم (عنصر ۳ یا ۴) به صورتی را دارد که سیلیکان در این ناحیه هستند. این سیلیکان در ناحیه مرکزی (عنصر ۳ یا ۴) قرار می‌گیرد و در دو طرف آن سیلیکان قرار می‌گیرد. این سیلیکان در ناحیه مرکزی قرار می‌گیرد و در دو طرف آن سیلیکان قرار می‌گیرد. این سیلیکان در ناحیه مرکزی قرار می‌گیرد و در دو طرف آن سیلیکان قرار می‌گیرد.

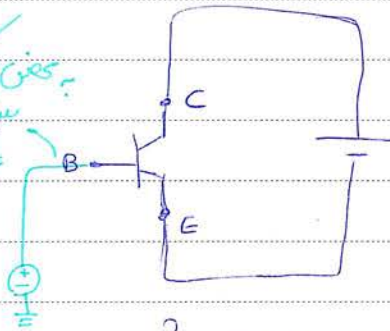


Subject :

Year . Month . Date . ( )

اگر همین جوری بین E و C هیچ جریان آنتان نمی افتد و مقادیر آن یکسان است

یعنی آنتان اینجا به هیچ وجه  
تغییر نمی کند  
عبدولی افند



رنگ ۱  
توجهی به این منبع وصل است جریان  
عبدولی افند

توجهی به B منبع وصل می شود این عضو مدار  
می شود

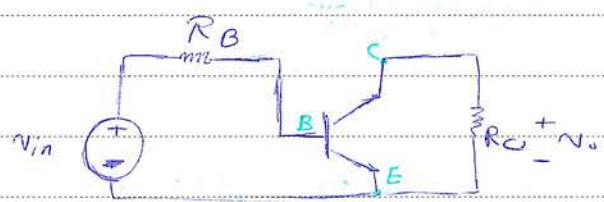
خاصیت ها

1. بین کولتور و امپدانس بار خروجی یک اندر ولت همواره  $\beta$  برابر جریان ورودی از پایه بیس می باشد
  2. بین بیس و امپدانس خاصیت مقاومتی با مقدار ثابت انتخاب می شود وجود دارد
  3. مشاهده می شود که چون کولتور با رفت ارتناژ روی مقاومت محاسب می شود بین بیس و امپدانس بیس است
- (بیس بیس را امپدانس خاصیت جاری خود دارد)

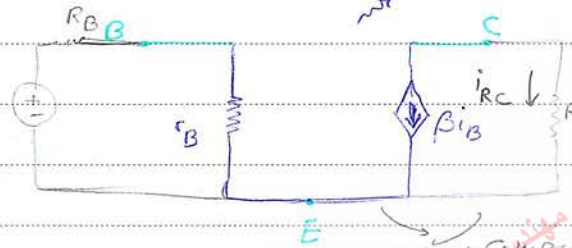
الف) در مدار زیر  $N_o$  را حساب کنید

ب) برای اصل رکتین اما در اصل ترانسینتر  
تعیین کنید

این اصل مدار را مشاهده کنید این اصل بود



سری برای ترانسینتر



حال با استفاده از ضرایب ۱ تا ۳  
این شکل را کامل کنید

اگر ترانسینتر در مدار داشته باشیم  
و مقدار  $N_o$  را حساب کنیم

$$N_o = i_{RC} \times R_C$$

$$i_{RC} = -\beta i_B$$

$$i_B = \frac{V_i}{R_B + r_B}$$

PAPCO

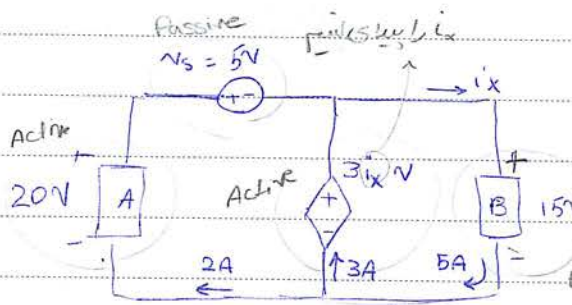
$$N_o = -\beta i_B R_C \Rightarrow N_o = -\beta \left( \frac{V_i}{R_B + r_B} \right) \times R_C$$



Subject:

Year. Month. Date. ( )

نمایش مدار با سیمتیه سید بقا سیم از سیمتیه عرضی دارای مباح را نسبت به برد سیمتیه اینرا مدل کنیم و از آن استفاده کنیم  
 (برخی برای اختصار واتی)



مثال: مقدار توان در این مدار (عنصر سیمتیه)  
 تولید شده (مجموعاً چند است)  
 بر حسب سیمتیه (مجموعاً چند است)

$P_A = 20 \times 2 = 40 \text{ W}$

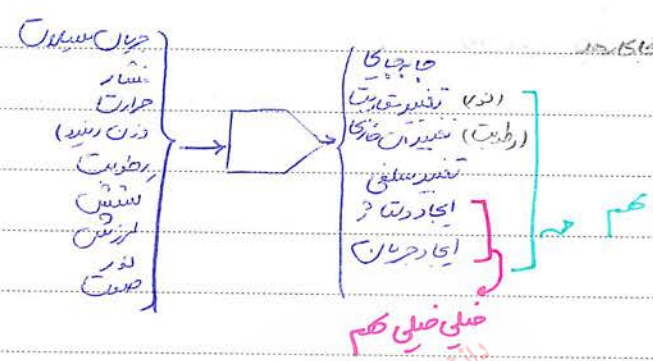
$P_B = 15 \times 5 = 75 \text{ W}$

$P_S = 5 \times 2 = 10 \text{ W}$

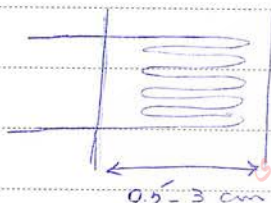
$P_x = 3 \times i_x \times V = 3 \times 5 \times 3 = 45$

ترانسدریسیور (transducer)

تبدیل حقایق فیزیکی به سیگنال الکتریکی



خلی ضللی هم



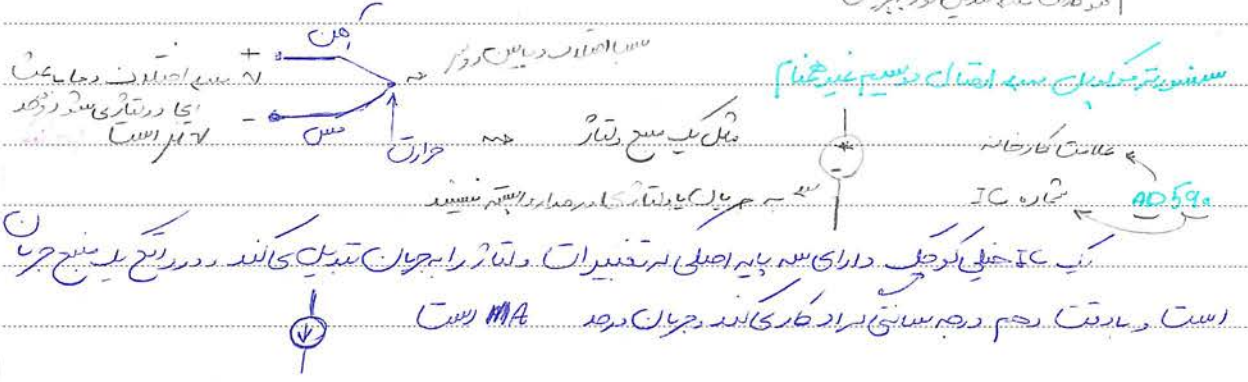
تنش سنج (Strain Gauge)

سیم خلی ضللی نازک در یک تنش نابلی خلی نازک  
 اگر در هماری تنش ای در طول سیم زیاری شود و این را می توانیم با  
 استاندارد هم زیاری شود اگر در هماری سیم سیمتیه آن تغییر  
 کند و نشان در هماری هم تغییر کنند (ترازی، طبعی، در زیر طبعی)

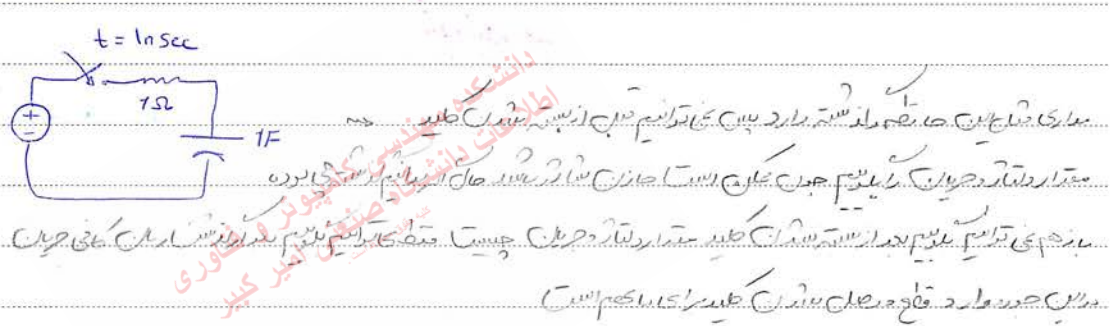
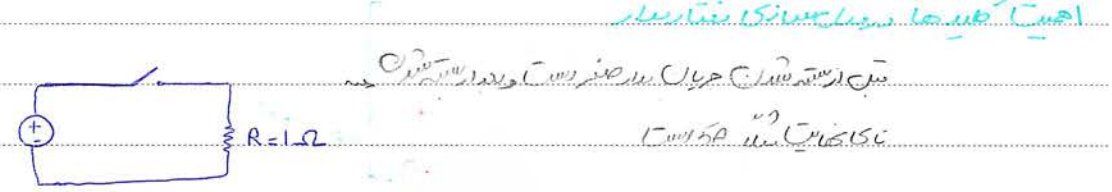
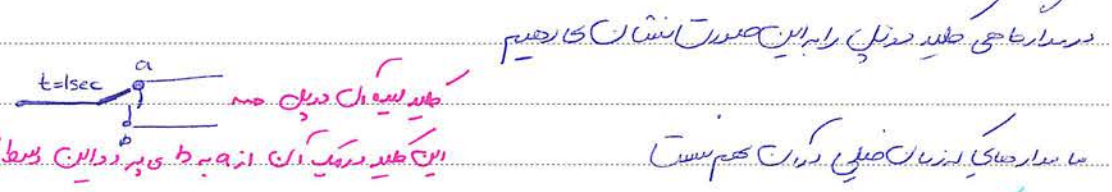
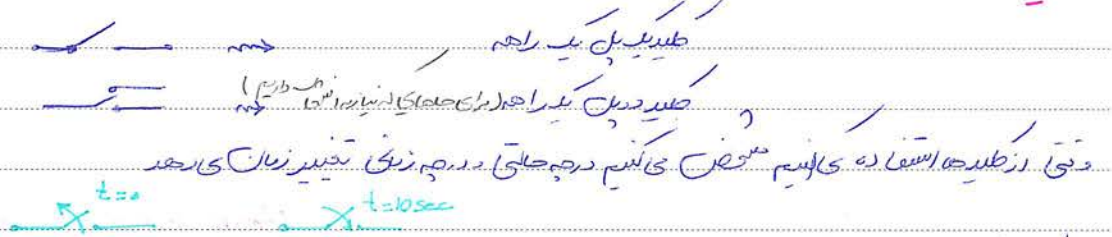
Subject :

Year . Month . Date . ( )

تغییر ولتاج منبع تغذیه در مدار  
مدار تغذیه  
در لحظه تغییر ولتاج



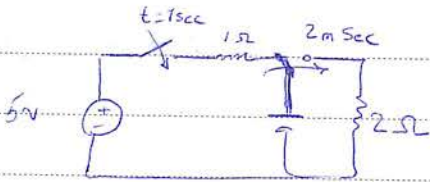
طراحیها:





Subject:

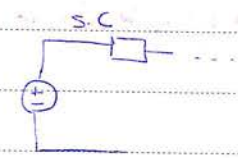
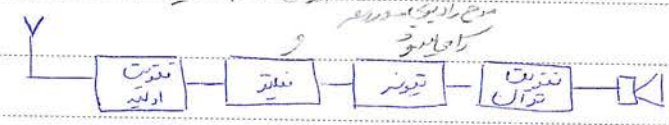
Year: Month: Date: ( )



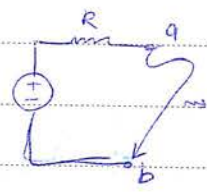
در این مدار اگر یک لحظه بعد از بستن کلید سویی را قطع کنیم  
 حالت برای ولت‌متر که از ناصبه به کار می‌آید چگونه خواهد بود  
 (سوال استاد دکتری است)

**فصل سوم**

مدار الکتریکی: مجموعه‌ای از عناصر الکتریکی که برای انجام یک کار مشخص طراحی شده است.  
 مدار الکتریکی: همان مدار الکتریکی که در عمل تولید و ترانزیستور مدار ترانزیستور  
 سیستم الکتریکی: مدار الکتریکی که در مدارها دیده است یعنی طراحی آن مشخص است. مجموعه‌ای معناداری از  
 یک مدار الکتریکی مثل رادیو

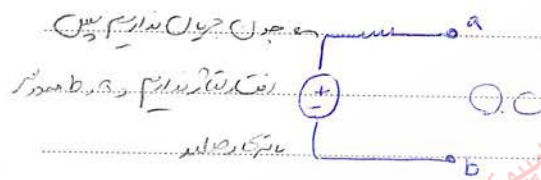


ارتباط کوتاه: اتصال هم‌راهم بین دو نقطه از مدار  
 short circuit



$R_{ab} = \infty$   
 $V_{ab} = 0$   
 $I_{ab} = I_{sc}$   
 بین دو نقطه 'a' و 'b' خمدان خواهیم دید در اتصال کوتاه به بند

**open circuit**



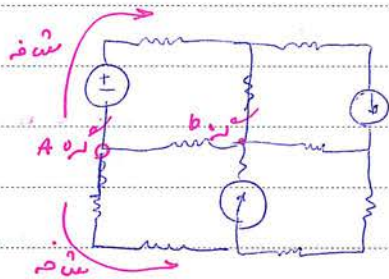
$R_{ab} = \infty$   
 $V_{ab} = V_{oc}$   
 $I_{ac} = 0$

مشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه صنعتی امیرکبیر

Subject:

Year. Month. Date. ( )

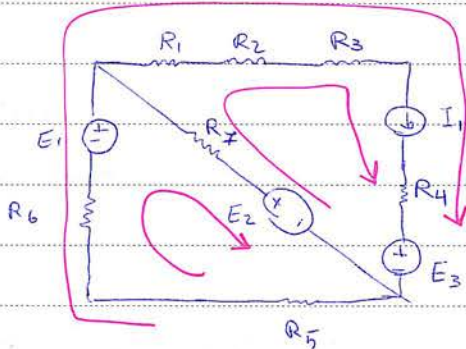
سره Node: کل اتصال دو عنصر یا بیشتر  
 شاخه branch: مجموعی ای از عناصر الکتریکی در یک مسیر بهم پیوسته سری بهم که از یک سر مشخصی شروع



مسیر Path: بخشی از یک شاخه

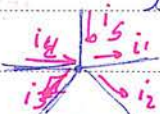
حلقه بسته closed loop: مجموعی ای از عناصر در یک مسیر که ابتدا از اتحای مسیر بهم متصل است

حلقه باز open loop: ...



سه حلقه بسته در این مدار داریم

قانون جریان کیرشوف (KCL): اگر برای ولتیه ما بشیم که دارای چند شاخه باشد



جمع جبری جریان های ورودی از خروجی به آن لوه صفر است

جریان ورودی لره:  $+i$   
 جریان خروجی لره:  $-i$

$$-i_1 - i_2 - i_3 + i_4 + i_5 = 0$$

اگر حل کنیم و جریان ها را مثبت در بیاریم

پس جهت جریان ها را مثبت در بیاریم

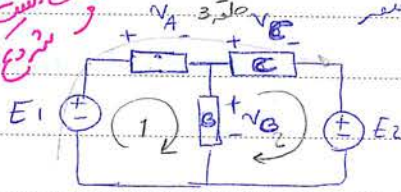
اطلاعات دانشگاه مهندسی کامپیوتر و فناوری  
 دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری  
 امیر کبیر



Subject:

Year. Month. Date. ( )

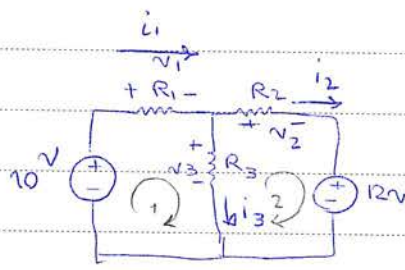
همیشه بردش درختا عقرب جوی  
ساعت است از هر لحاظ  
و شروع کنیم



1. حلقه :  $-E_1 + V_A + V_B = 0$   
 2. حلقه :  $-V_B + V_C + E_2 = 0$   
 3. حلقه :  $-E_1 + V_A + V_C + E_2 = 0$

توان و ولتاژ بیس (KVL):

جمع جبری افت ولتاژها بر روی عناصر یک حلقه بسته برابر است با صفر  
 افت ولتاژها از + به - ...  
 سه حلقه داریم که حلقه اول و دوم و سوم است

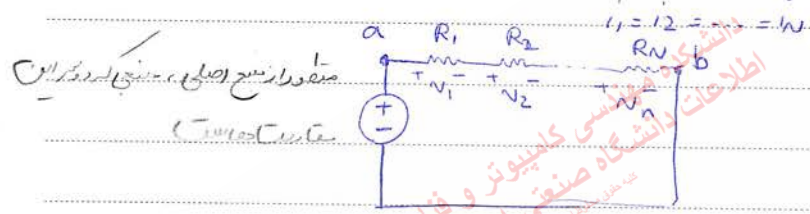


$R_1 = 8 \Omega$   
 $V_2 = -10V$   
 $i_3 = 2A$   
 $R_3 = 1 \Omega$

شماره تمام جریان ها در ولتاژ و پهنای بند

2. حلقه :  $-V_3 + V_2 + i_2 = 0$   
 $V_3 = i_3 * R_3 = 2V$   
 1. حلقه :  $10V + V_1 + V_3 = 0 \Rightarrow V_1 = -8V$

برای هر جریان جهت افت ولتاژ را در نظر بگیرید  
 مقاومت های سری را با هم جمع می کنند



KVL :  $-V_s + V_1 + V_2 + \dots + V_N = 0$   
 $-V_s + (R_1 * i_1) + (R_2 * i_2) + \dots + (R_N * i_N) = 0$   
 $-V_s + i(R_1 + R_2 + \dots + R_N) = 0$

جریان ها هم برابر است  
 افت ولتاژ بر روی مقاومت ها :  $i * R_N$

PAPCO

جریان مساری بین  
 $V_{RN} = i_N * R_N = i * R_N$  از طرفی

Subject:

Year. Month. Date. ( )

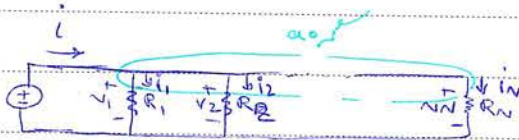
$$i = \frac{V_s}{R_1 + R_2 + \dots + R_N} \quad \rightsquigarrow \quad V_N = \frac{R_N * V_s}{\sum R}$$

توان در مقاومت های سری:

$$P_T = R_1 * i^2 + R_2 * i^2 + \dots$$

$$P_T = (\sum R) * i^2$$

مقاومت های موازی:



عکس مقاومت ها:

$$V_1 = V_2 = \dots = V_N = V_s$$

$$i_1 = \frac{V_1}{R_1} = \frac{V_s}{R_1}$$

$$i_2 = \frac{V_s}{R_2}$$

$$i_N = \frac{V_s}{R_N}$$

KCL در گره a:  $i = i_1 + i_2 + \dots + i_N = 0$

$$i = \frac{V_s}{R_1} + \dots + \frac{V_s}{R_N}$$

$$i = V_s \left( \frac{1}{R_1} + \dots + \frac{1}{R_N} \right)$$

$$i = V_s (G_1 + G_2 + \dots + G_N)$$

مقاومت معادل  $i = V_s \sum G$

در شاخه RN:  $i_N = \frac{V_s}{R_N} = V_s * G_N$

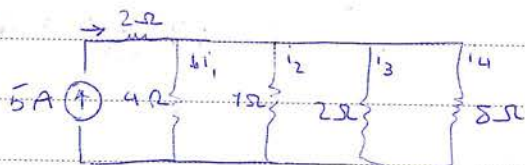
$$i_N = \left( \frac{i}{\sum G} * G_N \right) = \left( \frac{G_N}{\sum G} \right) i$$

دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشکده صنعتی امیر کبیر



Subject:

Year. Month. Date. ( )

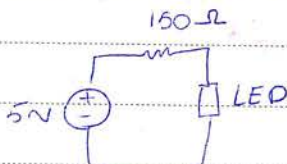


مثال: جریان  $i_3 = ?$

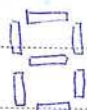
$$i_3 = \left( \frac{1/2}{\frac{1}{4} + \frac{1}{1} + \frac{1}{2} + \frac{1}{8}} \right) * 5A$$

این LED مستقیماً به 5V وصل نمی شود و باید مقاومت آمپر کی سرور

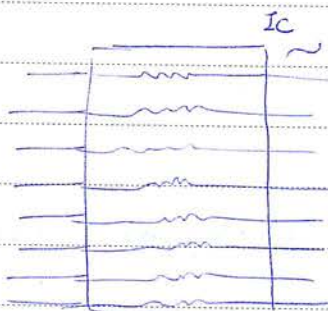
LED



light Emitting Diode



هر کدام از اینها باید LED است



IC Array Res.

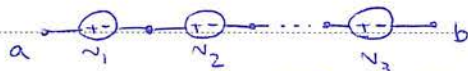
دقت کنید که اینها هم از جهت مقاومت و هم از جهت ولتاژ  
 باید با هم مطابقت داشته باشند و باید با هم وصل شوند

این IC مستقیماً به 5V وصل نمی شود

دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری  
 اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر  
 تهرانه

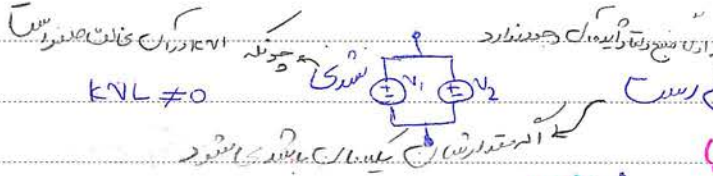
Subject: Year. Month. Date. ( )

بررسی شدن منابع ولتاژ: (ایده اول)

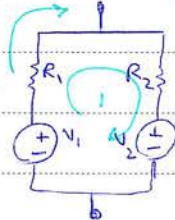


به صورتی که ولتاژ برای KVL از سیستم یکی ولتاژها با هم جمع (جبری می باشد)

$$V_{ab} = V_1 + V_2 + \dots + V_n$$



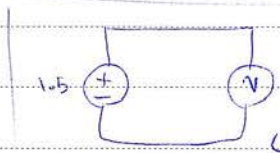
حفاظت بودن منابع ولتاژ به ایده اول غیر ممکن است  
کمیته ایده اول در اینجا



چون وقتی KVL را بنویسیم انت ولتاژ برای اعتبار حساب می شود مندرج می شود

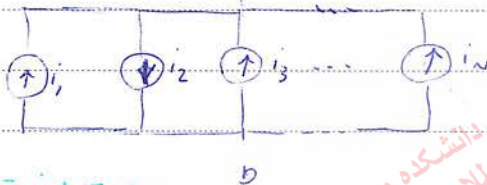
از این جا از بدست می آید پس بررسی است 
$$-V_1 + R_1 i_1 + R_2 i_2 + V_2 = 0$$
 KVL در ولتاژ 1

در منبع ایده اول در رشته باسیم به دست آید یک مقدار در مدار می توانیم معادله را داشته باشیم



مناسبت ولتاژ متر نسبت به جریان از خود عبور می دهد پس در این حالت ولتاژ متر 10.5 ولتاژ را نشان می دهد به کسین برتر از نشان جریان به علت مقاومت داخلی انت پتانسیل پیدا می کند

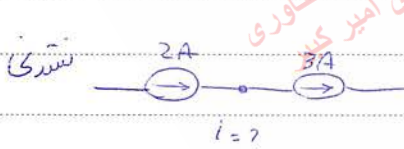
سوزی شدن منابع جریان ایده اول:



در نتیجه به معنی منبع جریان است

مناسبت با نسبت جهت می اندازیم

$$i_4 = i_1 + i_2 + i_3 + i_n$$

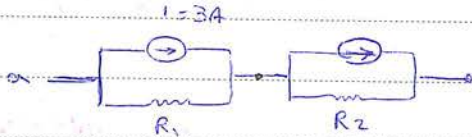


بررسی شدن منابع جریان به ایده اول بررسی است

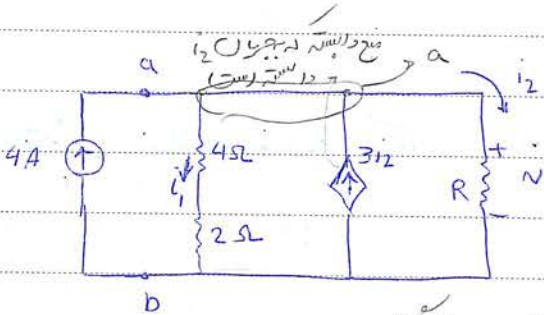


Subject:

Year: Month: Date: ( )



بررسی شدن منابع جریان واقعی



مسئله

مقدار جریان i2 و ولتاژ V را حساب کنید

(R = 16Ω)

توانی که در R تحویل می‌دهد را حساب کنید

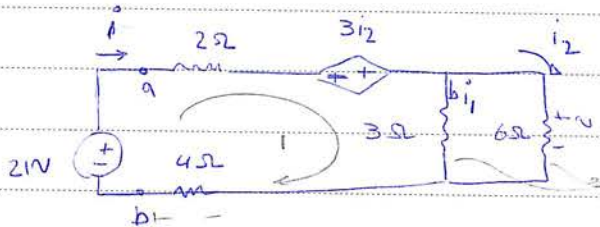
جریان عبوری از R را حساب کنید

$$V = R \cdot i_2$$

$$\text{KCL در node a: } 4 - i_1 + 3i_2 - i_2 = 0$$

$$\Rightarrow 4 - \left(\frac{V}{4+2}\right) + 3i_2 - i_2 = 0$$

$$\Rightarrow 4 - \left(\frac{16i_2}{4+2}\right) + 2i_2 = 0 \Rightarrow i_2 = ?$$



مسئله

جریان i2 و ولتاژ V

این دو مقدار را با هم مقایسه کنید و نتیجه را بنویسید

$$\text{KVL در حلقه 1: } -21 + 2i_1 - 3i_2 + 7 + 4i_1 = 0$$

$$-21 + 2(i_1 + i_2) - 3\left(\frac{V}{6}\right) + 7 + 4(i_1 + i_2) = 0$$

$$-21 + 2\left(\frac{V}{3} + \frac{V}{6}\right) - 3\left(\frac{V}{6}\right) + 7 + 4\left(\frac{V}{3} + \frac{V}{6}\right) = 0 \Rightarrow V = ?$$

$$i_2 = ?$$

Subject:

Year . Month . Date . ( )

### فصل چهارم

Node voltage analyze (تحلیل ولتاژ گره) سه ولتاژ گره خاص است که

Loop current analyze (تحلیل جریان حلقه) سه جریان حلقه خاص است که

روش های تحلیل مدار

### روش ولتاژ گره (Node Voltage Analyze)

گره a

گره b

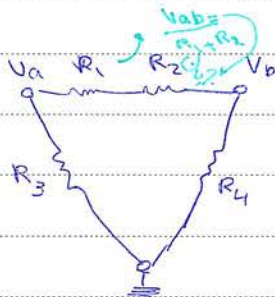
این سه گره را به عنوان ولتاژ گره انتخاب می کنیم

ولتاژ a و b را نسبت به گره مرجع می بینیم

می توانیم تمام اصطلاحات را نسبت به این سه گره بنویسیم

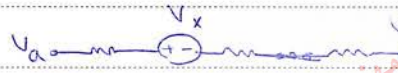
گره مرجع

$$\left. \begin{aligned} \text{ولتاژ گره a نسبت به گره مرجع} & \cdot V_a \\ \text{ولتاژ گره b نسبت به گره مرجع} & \cdot V_b \end{aligned} \right\} \begin{aligned} V_{ab} &= V_a - V_b \\ V_{ba} &= V_b - V_a \end{aligned}$$

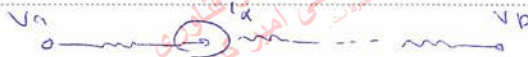


با نسبت  $V_a$  و  $V_b$  جریان هر شاخه را می توانیم بیابیم

اگر در این مدار چه جای مقاومت ها چیز دیگری (مثلاً منبع ولتاژ یا سلف)



$V_{ab}$  را داریم و  $V_a$  کم می کنیم  
در جواب ولتاژ  $V_b$  داریم

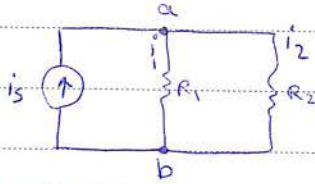


نیاز داریم  $V_a$  و  $V_b$  بدانیم

با حل معادلات در دسترس می آید  $V_a$  و  $V_b$  را نسبت به گره مرجع



Subject: \_\_\_\_\_  
Year: \_\_\_\_\_ Month: \_\_\_\_\_ Date: \_\_\_\_\_



مثال 1

دقیق تر شدن را اعمال کنیم اینده طایفه ای که می بینیم  
اگر می بینیم که اینده (اضداد) در اینده \$ab\$ می بینیم

$$i_s = (G_1 + G_2) V_a$$

KCL در نره A:  $i_s - i_1 - i_2 = 0$

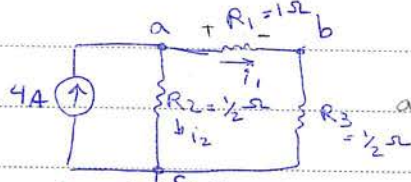
$$i_s = i_1 + i_2$$

$$i_s = \frac{(V_a - V_b)}{R_1} + \frac{(V_a - V_b)}{R_2}$$

اینده در نره B و با اینده در نره A این طریقی می بینیم

بر احتیاط \$V\_b\$ (دستگاه) را برابر با صفر در نظر می گیریم

$$i_s = \frac{V_a}{R_1} + \frac{V_a}{R_2} = (G_1 + G_2) V_a$$



مثال 2

KCL در نره a:  $i_s - i_1 - i_2 = 0$

$$i_s = i_1 + i_2$$

سه به اعتبار \$V\_c\$ را می بینیم  
مطلوبه به بین نره A می بینیم

$$i_s = \frac{(V_a - V_b)}{R_1} + \frac{(V_a - 0)}{R_2}$$

$$i_s = (G_1 + G_2) V_a - V_b$$

$$G_1 V_a + (G_1 + G_2) V_b = 0$$

$$i_s = \frac{V_a}{R_1} - \frac{V_b}{R_1} + \frac{V_a}{R_2}$$

$$i_s = V_a (G_1 + G_2) - G_1 V_b$$

برای حل این معادله می توانیم از روش زیر استفاده کنیم

KCL در نره B:  $i_1 = i_2$

$$\frac{V_a - V_b}{R_1} = \frac{V_b - V_c}{R_3} \Rightarrow \frac{V_a}{R_1} - \frac{V_b}{R_1} = \frac{V_b}{R_3}$$

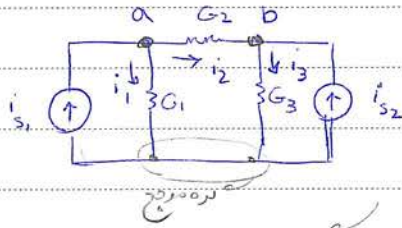
$$G_1 (V_a - V_b) - G_3 V_b = 0$$

اطلاعات دانشگاه مهندسی کامپیوتر و فناوری  
دانشگاه صنعتی امیر کبیر

Subject:

Year . Month . Date . ( )

مسئله 1



a. در نره KCL:  $i_{s1} = i_1 + i_2$

$$i_{s1} = V_a G_1 + (V_a - V_b) G_2$$

$$i_{s1} = V_a (G_1 + G_2) - V_b G_2$$

b. در نره KCL:  $i_{s2} + i_2 - i_3 = 0$

$$i_{s2} = i_3 - i_2$$

$$i_{s2} = V_b G_3 - (V_a - V_b) G_2$$

$$i_{s2} = V_b (G_3 + G_2) - V_a G_2$$

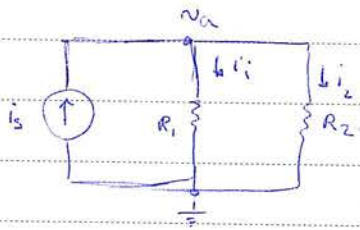
در هر یک از سطوح ها به هم وصل کرده ها را به هم میزنیم.  
 هر جا برای یک نره KCL میزنیم رابطه ای که بدست می آید خودیم به این صورت است.  
 ( جریان مستقیم \* ولتاژ در یک نره) - (جریان معکوس \* ولتاژ در آن نره)

دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری  
 اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر



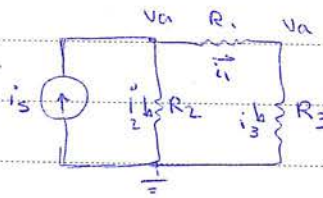
Subject:

Year: Month: Date: ( )

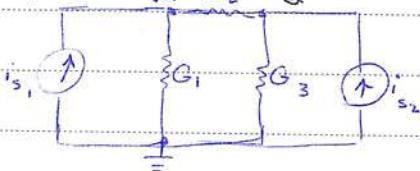


$$i_s = (G_1 + G_2) v_a$$

$$-v_a G_1 + (G_1 + G_2) v_a = 0$$



$$i_s = (G_1 + G_2) v_a - G_2 v_b$$



$$i_{s1} = (G_1 + G_2) v_a - G_2 v_b$$

$$i_{s2} = (G_2 + G_3) v_b - G_2 v_a$$

اول به چهار نود اری کردیم. یک نود را به عنوان مرجع انتخاب کردیم. در مدارهای که منبع جریان و مقادیر (قطب دارند) مانند این مدارها) پتانسیل نودها از این رابطه بدست می آید

= (جریان نودین رو \* ولتاژ نودهای که در کنار آن) - (جریان نودهای که به آن نود \* ولتاژ نود) = پتانسیل نود  
جریان نود از منابع وارد و خارج می شود است

point نودهای چهار نود در صورتی که پتانسیل نود مقادیر این یکسان است

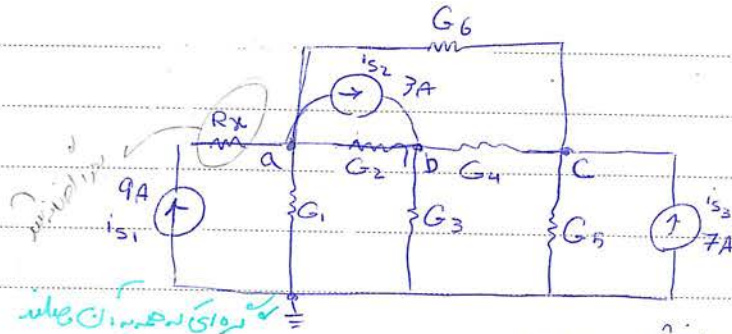
$G_{11} - G_{12} \dots - G_{1n}$	$v_a$	$\sum i_{s1}$
$-G_{21} + G_{22} \dots - G_{2n}$	$v_b$	$\sum i_{s2}$
$\vdots$	$\vdots$	$\vdots$
$-G_{n1} - G_{n2} \dots + G_{nn}$	$v_n$	$\sum i_{sn}$

ماتریس ضرایب

دانشگاه مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه صنعتی امیرکبیر

هدایت های مربوط خود نود با علامت مثبت در قیبه با علامت منفی  
به مثلا  $G_{11}$  در سطر یک،  $G_{22}$  در سطر دو و  $G_{33}$  در سطر سه

Subject: \_\_\_\_\_  
 Year: \_\_\_\_\_ Month: \_\_\_\_\_ Date: \_\_\_\_\_



مثال

تمام مدارها 1.5

نمای گره ها

برای هر گره معادله نویسی می شود  
 در گره a:  $(G_1 + G_2 + G_6)V_a - G_2V_b - G_6V_c = I_{s1} - I_{s2}$   
 در گره b:  $(G_2 + G_3 + G_4)V_b - G_4V_c - G_2V_a = I_{s2}$   
 در گره c:  $(G_4 + G_5 + G_6)V_c - G_6V_a - G_4V_b = I_{s3}$

$$\begin{aligned} \text{گره a: } & (G_1 + G_2 + G_6)V_a - G_2V_b - G_6V_c = I_{s1} - I_{s2} \\ \text{گره b: } & (G_2 + G_3 + G_4)V_b - G_4V_c - G_2V_a = I_{s2} \\ \text{گره c: } & (G_4 + G_5 + G_6)V_c - G_6V_a - G_4V_b = I_{s3} \end{aligned}$$

اگر بخواهیم معادله برای گره a بنویسیم، باید در این معادله  $R_x$  را حذف کنیم. معادله برای گره a را با معادله برای گره c جمع می کنیم و در دو طرف آن  $R_x$  را حذف می کنیم. در نهایت معادله برای گره a به صورت زیر در می آید:

این معادله را می توانیم به صورت زیر بنویسیم. در این معادله  $R_x$  حذف شده است.

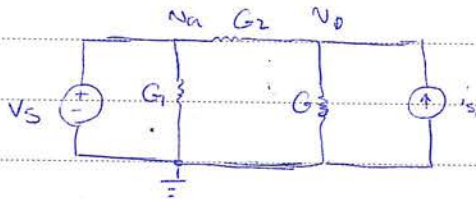
$$G_{\text{کل}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \Rightarrow \frac{1}{G_{\text{کل}}} = \frac{1}{R_1 + R_2}$$

دانشگاه مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات  
 دانشگاه صنعتی امیرکبیر



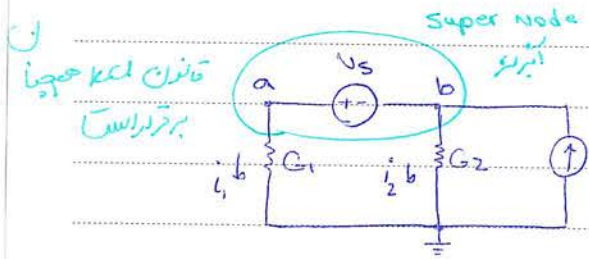
Subject: \_\_\_\_\_  
 Year: \_\_\_\_\_ Month: \_\_\_\_\_ Date: \_\_\_\_\_

یک منبع ولتاژ در منبع مدارهای به حالت بسته ① منبع ولتاژ به تنهایی بین دو دلدرد  
 می تواند به تنهایی در مدار ② منبع ولتاژ سری با مقاومت بین دو دلدرد  
 هر کدام از حالتها ① و ② بین یک دلدرد و دلدرد دیگر ③



$N_a = V_s$   
 KCL بر b:  $(G_2 + G_3) \cdot V_b - G_2 \cdot N_a = I_s$

مثال



قانون کلاک همچنان برقرار است

دلدردی که نام منبع ولتاژ بین آنها قرار دارد یک دلدرد دیگر نیست  
 هر حالتی که در مدار به صورت یک دلدرد قرار می گیرد در طبقه KCL زیر نظر می آید.

مثال

KCL برای دلدرد:  $I_s = i_1 + i_2$   $I_s = V_a G_1 + V_b G_2$

$N_a - V_b = V_s$   $N_a - V_b = V_s$   $N_a - V_b = V_s$

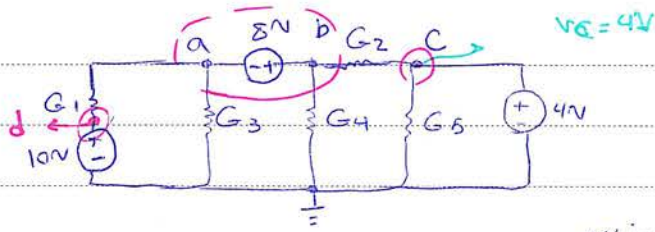
در چنین مسئله هایی که منبع ولتاژ بین Super Node قرار می گیرد، باید رابطه ما کم می شود در عرض باید  
 چنین رابطه را بنویسیم - دلدردی که در سطح نیست - دلدردی که در سطح نیست - دلدردی که در سطح نیست

هر Super Node یک KCL کم می آید و KVL اضافه می کند

اطلاعات دانشگاه صنعتی کامپیوتر و فناوری  
 دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری  
 به طرف مناسبت

Subject:

Year. Month. Date. ( )



مثال

هرکدام از معادلات

کتاب node به node خودمان را می توانیم

بسیار به اصلی داریم که نسبت کلا در این کلاس هر دو ترم

$$\begin{cases} V_d = 10V \\ V_c = 4V \end{cases}$$

برای KCL در این کلاس

$$(G_1 + G_3)V_a + (G_2 + G_4)V_b - G_2V_c - G_1V_d = 0$$

برای KVL در این کلاس

$$V_b - V_a = 8V$$

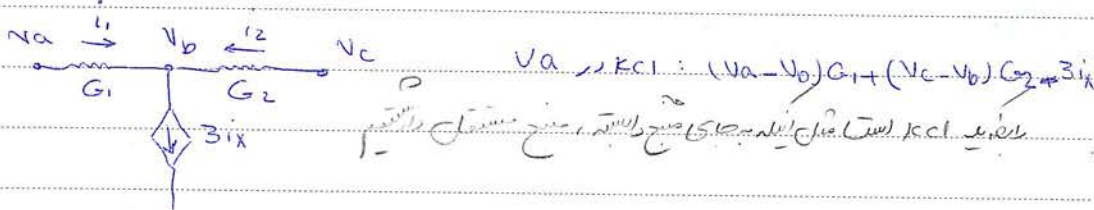
دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر



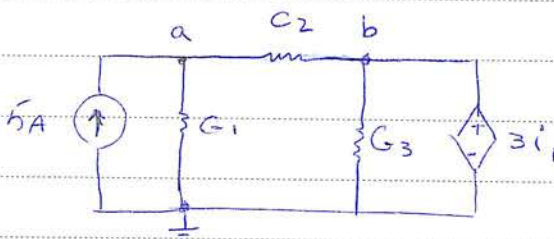
Subject:

Year: Month: Date: ( )

در مباح و بسته جریان در ولتاژها و تشریح مباح مستقل را دارند در  $KCL$  و  $KVL$  تشریح دارند و نتایج آنها را  
(نشان) در دسترس اند هیچ مورد خاصی ندارند و یک مجموعه اجزای بی شکر در (کابل) و بستنی هر مباح جریان در دسترس است.



مسئله صحیح زنی اندازند و به یک مجموعه دید را به زبانی سرد



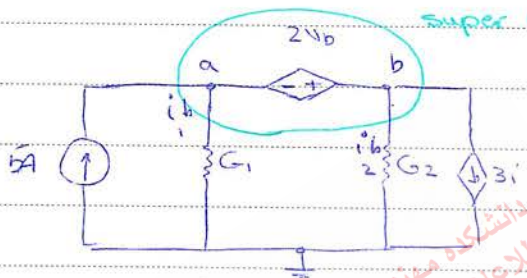
مثال در دسترس داریم

$$KCL \text{ در } a: (G_1 + G_2)V_a = G_2 V_b = 5$$

$$KVL \text{ در } b: V_b = 3i_1$$

$$i_1 = G_1 V_a$$

در مباح مباح در دسترس (جریان در دسترس) و بستنی هر مباح جریان در دسترس است.



مثال در دسترس داریم

Super node در دسترس داریم

(Super node در  $KVL$  -  $KCL$  در دسترس)

$$KCL \text{ در } a: 5 - (3i_1) = 0$$

$$KCL \text{ در } b: 5 = G_1 V_a - V_b G_2 - 3(G_1 V_a) = 0$$

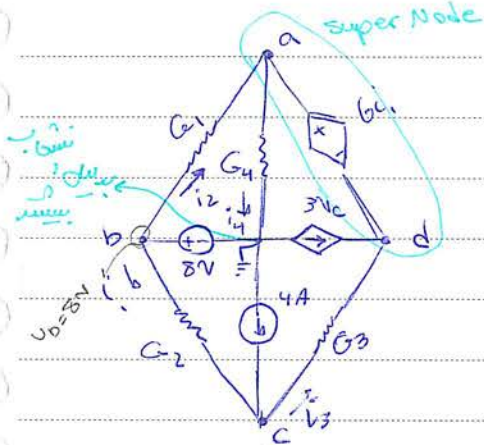
$$KVL \text{ در } a: V_a - V_b = 2V_b$$

در دسترس داریم

Subject:

Year. Month. Date. ( )

دوره های kcl را بنویسید که در وقت امتحان درج می شود



مثال 1: b و c در یک Super Node در یک کول

مشقی با این مرجع در حال است

$$b \text{ در کول: } V_b = 8V \quad (1)$$

$$c \text{ در کول: } i_1 - i_3 + 4 = 0$$

$$G_2(V_b - V_c) - (V_c - V_d)G_3 + 4 = 0 \quad (2)$$

$$a \text{ در کول: } i_2 - i_4 + 3V_c + i_3 = 0$$

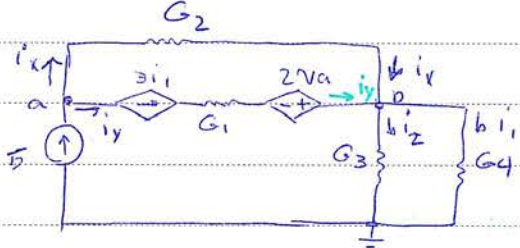
$$(V_b - V_a)G_1 - G_4V_a + 3V_c + (V_c - V_d)G_3 = 0 \quad (3)$$

$$1 \times V_c = (V_a - V_b) = 6i_1 \quad (4)$$

این چهار رابطه در دسترس است و حال که این مسئله را حل می کنید

$$i_1 = (V_b - V_c)G_3 \quad (5)$$

مثال 2: منبع در جریان در یک شاخه تعیین کنند جریان در این شاخه است



$$a \text{ در کول: } 5 - i_x - i_y = 0$$

$$b - G(V_a - V_0) - 3i_1 = 0$$

$$b \text{ در کول: } i_y + i_x - i_1 - i_z = 0$$

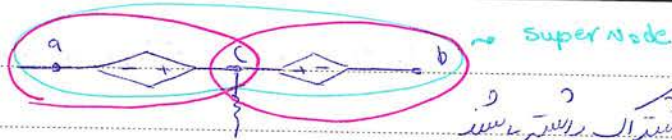
$$3i_1 + G_2(V_a - V_0) - G_4V_0 - G_3V_b = 0$$

$$i_1 = G_4V_0$$

سواری که در وقت امتحان درج می شود



Subject: \_\_\_\_\_  
Year: \_\_\_\_\_ Month: \_\_\_\_\_ Date: \_\_\_\_\_



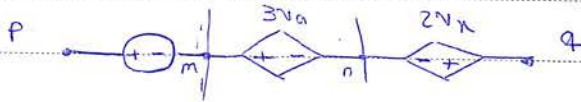
Super Node این صورت استرال را دیده باشید

ظن کنید Super Node در نظر بگیرید

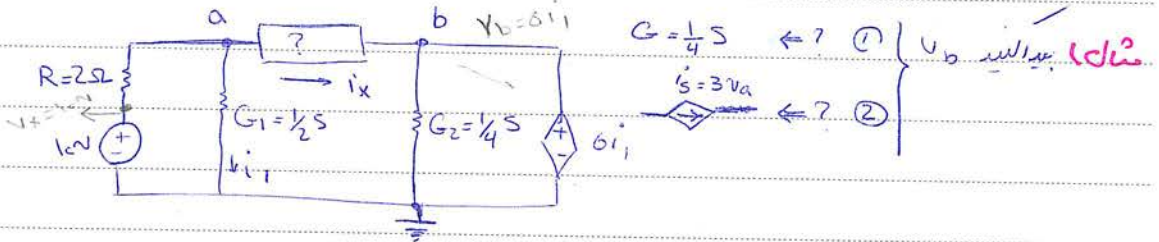
اگر دو تا منبع ولتاژ در یک Super Node داشته باشیم باید حتماً KVL بنویسیم (بجای KCL)

این امپدانس در واقع سه تا امپدانس را به هم وصل کرده و از مدار حذف کردیم

هم چنین می توانیم هر کدام را یک امپدانس جدا در نظر بگیریم



در این صورت از هر یک امپدانس در نظر بگیریم



KCL در نود a:  $i_s - i_1 - 3V_a = 0$

$(\frac{10 - V_b}{2}) - G_1 V_a - 3V_a = 0$

KVL در نود b:  $V_b - 6i_1 = 6(G_1 V_a)$

عند  $V_a = -2V$  معرک کنید و استی با ترکیب کنید

$V_b > V_a$  معرک کنید

$V_b < V_a$  ترکیب کنید

نتیجین کنید  $i_x$  در  $V_b$  را و ترکیب کنید با استی که در دسترس دارید

دانشگاه صنعتی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر

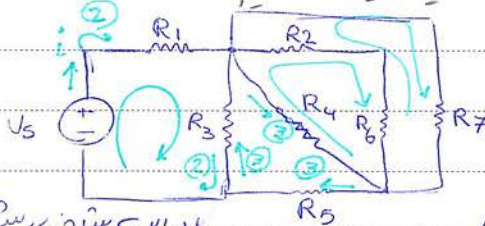
Subject:

Year. Month. Date. ( )

رشته: مهندسی برق (تخصص: الکترونیک)

**روش گیلین مدار با استفاده از جریان حلقه‌ها**

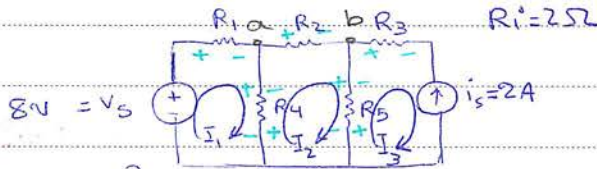
در هر حلقه جهت جریان را تعیین می‌کنیم. در این روش در یک مدار سه حلقه داریم.



حلقه‌ها تعیین است از تریس در حلقه ای را انتخاب

در این روش حلقه‌های مستقل را مشخص می‌کنیم و فرض را بر این می‌کنیم که جریانی وجود دارد که متغیر فقط در این حلقه است.

**مثال: برای استفاده از روش گیلین حل می‌کنیم**



جریان مفروضی را در حلقه‌ها تعیین می‌کنیم و سعی می‌کنیم از حلقه‌ها در تریس تعیین

از نظر اختلاف پتانسیل موجود در هر یک از حلقه‌ها جمع صفری پتانسیل (KVL) صفری شود برای هر حلقه باید یک KVL بنویسیم

$$KVL \text{ در حلقه } I_1: -V_s + R_1 I_1 + R_4 (I_1 - I_2) = 0$$

افت پتانسیل نسبت به جهت جریان حلقه‌ها را داریم در آن جهت می‌نویسیم حساب می‌کنیم

$$KVL \text{ در حلقه } I_2: +R_4 (I_2 - I_1) + R_2 I_2 + R_5 (I_2 - I_3) = 0$$

(در معادله در حلقه‌ها جهت جریان را مشخص می‌کنیم و جهت جریان این حلقه را هم مشخص می‌کنیم)

$$KCL \text{ برای } I_3: I_3 = -I_5$$

در حلقه‌ای که منبع جریان وجود دارد جریان آن حلقه معادل جهت جریان منبع جریان می‌شود. برای سه حلقه ۱، ۲ و ۳ می‌توانیم بنویسیم

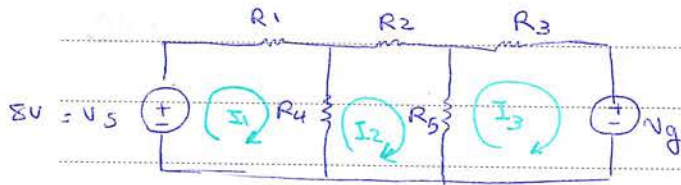
$$V_a = R_4 (I_1 - I_2) \text{ برای مثال}$$

دانشگاه مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه صنعتی امیرکبیر



Subject:

Year: Month: Date: ( )



مثال در سارقتن منبع ولتاژ به ولتاژ

$$① -V_S + R_1 I_1 + R_4 (I_1 - I_2) = 0$$

$$② R_4 (I_2 - I_1) + R_2 I_2 + R_5 (I_2 - I_3) = 0$$

$$③ R_5 (I_3 - I_2) + R_3 I_3 + V_g = 0$$

این سه معادله برای جریان‌هاست

$$① (R_1 + R_4) I_1 - R_4 I_2 = V_S$$

$$② -R_4 I_1 + (R_2 + R_4 + R_5) I_2 - R_5 I_3 = 0$$

$$③ -R_5 I_2 + (R_3 + R_5) I_3 = -V_g$$

در جهت جریان علامت +  
در جهت جریان علامت -  
در جهت جریان علامت +

جمع عناصرهای حلقه \* جریان حلقه = (مقاومت مستند \* جریان حلقه کار) = منبع جریان  
آنها را به هم وصل می‌کنیم و در سارقتن به هم وصل می‌کنیم و مقدار این را برای هر حلقه

منبع جریان را سارقتن کرده و در سارقتن به هم وصل می‌کنیم و مقدار این را برای هر حلقه

① سه حلقه

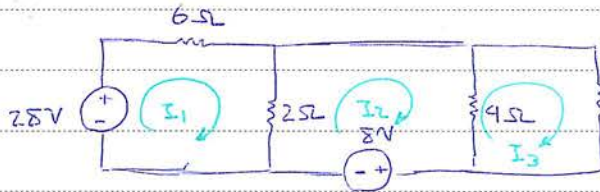
② تعیین جریان حلقه ها در جهت علامت

③ نوشتن معادله

اطلاعات دانشگاه صنعتی کامپیوتر و فناوری  
انستیتو امیر کبیر

Subject:

Year . Month . Date . ( )



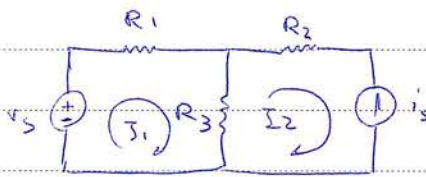
مثال) برای نوشتن بردار جریان کم نیست

تبدیل مدار را به فرم استاندارد 4 و 12 انجام دادیم  
حساب کنیم

$$-28 + 6I_1 + 2(I_1 - I_2) = 0 \rightarrow 8I_1 - 2I_2 = 28$$

$$2(I_2 - I_1) + 4(I_2 - I_3) + 8 = 0 \rightarrow 6I_2 - 2I_1 - 4I_3 = -8$$

$$4(I_3 - I_2) + 12(I_3) = 0 \rightarrow 16I_3 - 4I_2 = 0 \rightarrow I_2 = 4I_3$$

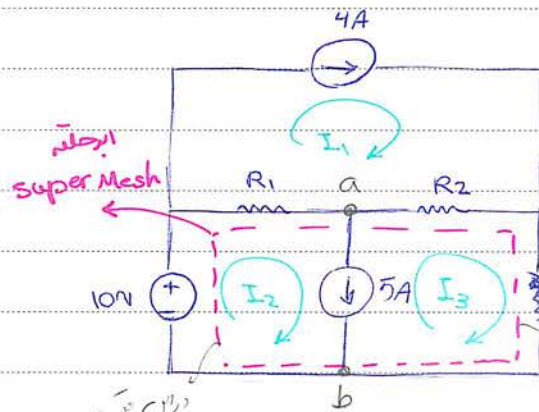


مثال) جریان های حلقه ای را در نظر بگیریم

در حلقه ها اگر منبع جریانی در یکی باشد جا بزنیم تا با حلقه ای

دیگری جایگزین آن در حلقه ای دیگر می شود.

حسب رابطه میان گشکتهای کنیم  
 $I_2 = |I_3|$



مثال) منبع جریان 5A معبر نشده یا تکرار کننده؟

باید Node را حساب کنیم یعنی جریان را به سمت بالا و در بالا به سمت راست  
در تکرار و معبر نشده

منبع جریان در حلقه سه منبع در حلقه دوم در حلقه اول

Super mesh سه حلقه ای که منبع در آن نیست

در حلقه 1:  $I_1 = 4A$

در حلقه 2:  $10V + R_2(I_2 - I_1) + R_2(I_3 - I_1) + R_3 I_3$

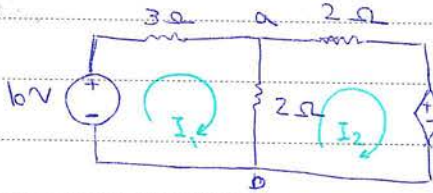
در حلقه 3:  $I_2 - I_3 = 5$

حرفه ای در حلقه ای که منبع نیستیم جریان را در حلقه ای که است به حلقه ای دیگر میزنیم



Subject:

Year. Month. Date. ( )



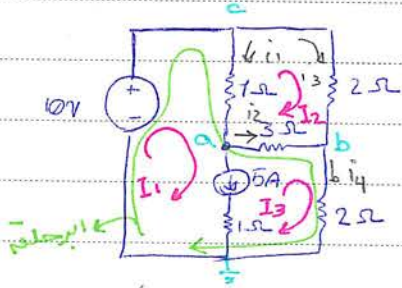
سوال 2

$$I_1 \text{ در KVL: } (2+3)I_1 - 2I_2 = 10$$

$$I_2 \text{ در KVL: } (2+2)I_2 - 2I_1 = -10 \text{ Vab}$$

برای تعیین ولتاژ Vab باید از شاخه‌های راستین استفاده کنیم.

$$V_{ab} = (I_1 - I_2) \cdot 2$$



سوال 3

$$V_c = 10 \text{ V}$$

برای تعیین ولتاژ Vc از شاخه‌های راستین استفاده می‌کنیم.

$$a \text{ در KCL: } i_1 - i_2 - 5 = 0$$

$$\frac{(V_c - V_a)}{2} - \frac{(V_a - V_b)}{3} - 5 = 0$$

$$b \text{ در KCL: } i_2 + i_3 - 14 = 0$$

$$\frac{(V_a - V_b)}{3} + \frac{(V_c - V_b)}{2} - \frac{V_b}{2} = 0$$

super mesh  
از شاخه‌های راستین استفاده می‌کنیم

برای تعیین ولتاژ Vc از شاخه‌های راستین استفاده می‌کنیم.

برای تعیین ولتاژ Vc از شاخه‌های راستین استفاده می‌کنیم.

$$I_3 \text{ در KVL: } -10 \text{ V} + 1(I_1 - I_2) + 3(I_3 - I_2) + 2I_3 = 0$$

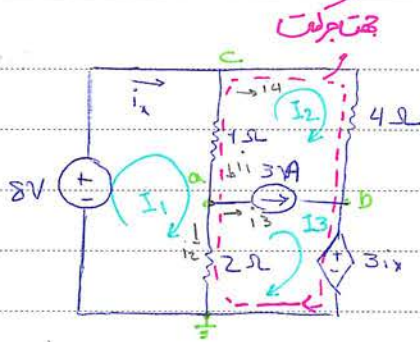
$$KCL \text{ در شاخه‌های راستین: } I_1 - I_3 = 5$$

$$I_2 \text{ در KVL: } 1(I_2 - I_1) + 2I_2 + 3(I_2 - I_3)$$

دانشگاه مهندسی کامپیوتر و فناوری  
اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر

Subject:

Year. Month. Date. ( )



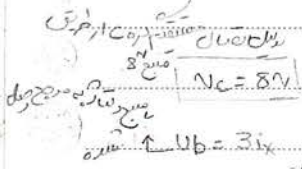
مثال ۱

$$KVL \text{ در پاره چپ: } 2(I_3 - I_1) + 1(I_2 - I_1) + 4I_2 + 3ix = 0$$

$$KCL \text{ در وصل مشترک: } I_3 - I_2 = 3$$

$$KVL \text{ در پاره راست: } -8 + 1(I_1 - I_2) + 2(I_1 - I_3) = 0$$

$$KCL \text{ در اتصال: } ix = I_1$$



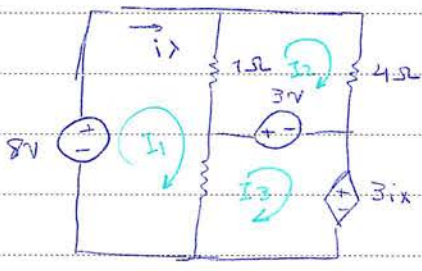
$$KCL \text{ در پاره a: } i_1 - i_2 - i_3 = 0$$

$$(V_c - V_a) - (\frac{V_a}{2}) = 3$$

$$ix = I_1 + I_4$$

$$ix = \frac{(V_c - V_a)}{1} + \frac{(V_c - V_b)}{4}$$

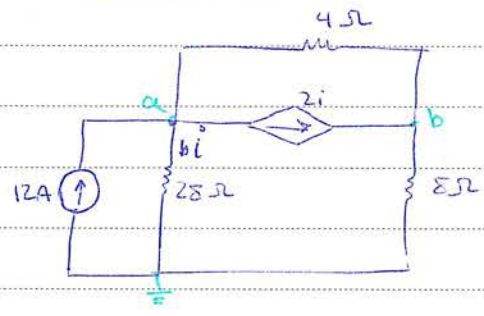
ارشد دکتری



مثال ۲

$$KVL \text{ در پاره راست: } 3I_1 - I_2 - 2I_3 = 8$$

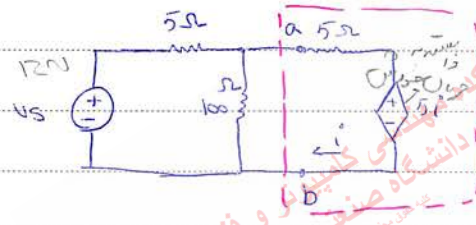
$$KVL \text{ در پاره چپ: } 5I_2 - I_1 + 0I_3 = +3$$



مثال ۳ جریان

$$\begin{cases} (\frac{1}{4} + \frac{1}{28})V_a - (\frac{1}{4})V_b = 12 - 2i \\ -\frac{1}{4}V_a + (\frac{1}{4} + \frac{1}{8})V_b = 2i \end{cases}$$

$$V_a = 28i \text{ و } i = \frac{V_a}{28}$$



تجزیه مدار با پرتاس

بین نقطه a و b می خواهیم 150W توان مصرفی داخل بکند داشته باشیم. ۷۵ چند باید باشد

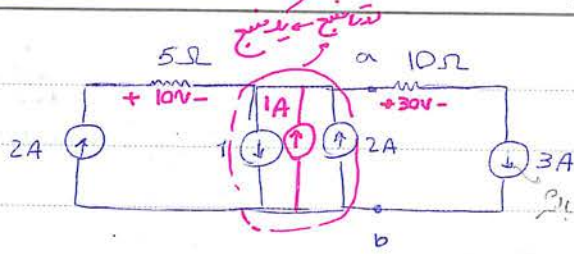
اطلاعات دانشگاه صنعتی امیرکبیر



Subject:

Year. Month. Date. ( )

مقدار داخلی یک منبع جریان در صورت اتصال به دو کابل

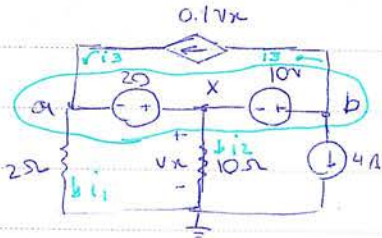


مثال  $V_{ab}$  را بیابید

در این مدار یک منبع جریان 2A داریم

در صورت اتصال به دو کابل

P.4.5-7



در این مدار یک منبع جریان 2A داریم

super node  $v_x, a, b$

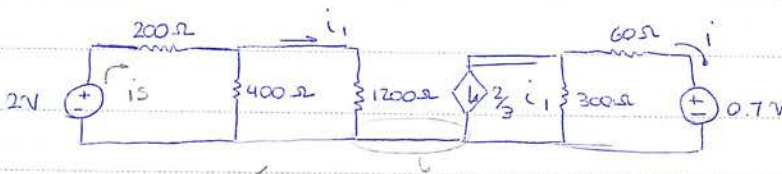
$$\text{KCL در ابرگره: } -i_1 - i_2 - i_3 - i_4 + i_5 = 0$$

$$-\left(\frac{v_x}{2}\right) - \left(\frac{v_x}{10}\right) - 4 = 0$$

$$\text{KVL در حلقه 1: } v_x - v_x - 2 = 0 \Rightarrow v_x = 2$$

$$\text{KVL در حلقه 2: } v_x - v_x = 0$$

P.4.7-16



این مدار را بررسی کنید

$$i_1 = \frac{\left(\frac{1}{200}\right) \times i_s}{\left(\frac{1}{400}\right) + \left(\frac{1}{1200}\right)}$$

$$i_s = \frac{2V}{200 + \left(\frac{400 \times 1200}{400 + 1200}\right)}$$

$$\text{پس } i_1 = 2.15A$$

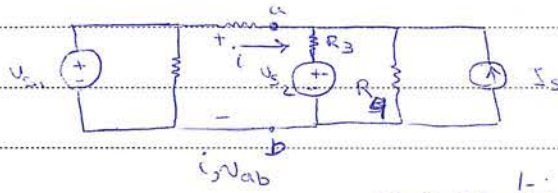
دانشگاه مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر

Subject: \_\_\_\_\_  
Year. \_\_\_\_\_ Month. \_\_\_\_\_ Date. \_\_\_\_\_

نصف پنجم

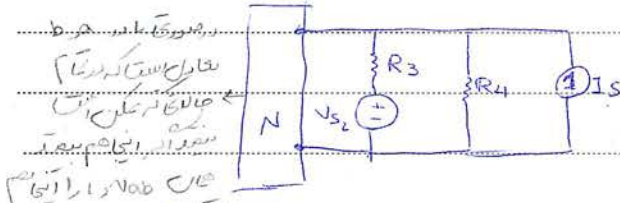
ساده ای معادل تبدیل منابع

حکله مدار بر اساس این جریان مدار



$V_{ab}$

این مدار را تبدیل به یک منبع ولتاژ و یک مقاومت معادل در نظر بگیرید. این مدار را در نظر بگیرید و به نقطه a و b وصل شده است. مدار دارد.



در صورتی که مدار در حالت تعادل است که در این حالت که در این مدار اینها هم به هم وصل است و  $V_{ab}$  را از اینجا میگیرند

این مدار است که یک منبع ولتاژ از مدار به این تبدیل می شود. این مدار را در نظر بگیرید و به نقطه a و b وصل شده است. مدار دارد. این مدار را در نظر بگیرید و به نقطه a و b وصل شده است. مدار دارد.

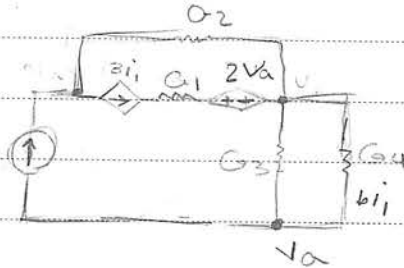
این مدار را در نظر بگیرید و به نقطه a و b وصل شده است. مدار دارد. این مدار را در نظر بگیرید و به نقطه a و b وصل شده است. مدار دارد.

دانشگاه مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر



Subject:

Year.      Month.      Date.      ( )



دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری  
اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر  
تهران - مهرماه ۱۳۹۸

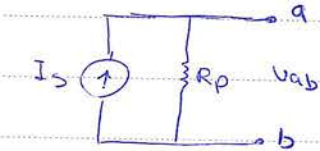
P4PCO





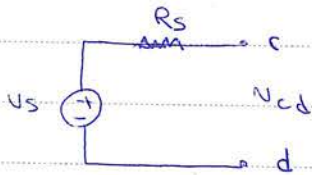
Subject

Date



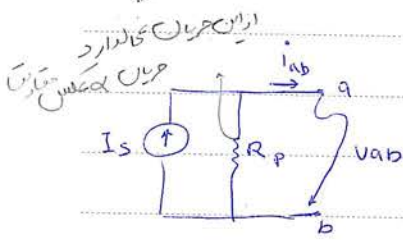
مدار ساده به منبع جریان

تبدیل منابع (معادل پدید آید)



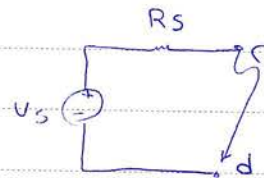
مدار ساده به منبع ولتاژ

در تقسیمات در تفرقی داریم  
 ① اتصال کوتاه  
 ② باری نداریم



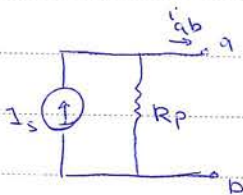
اتصال کوتاه  
 $V_{ab} = 0$   
 $* I_{ab} = I_s$

اتصال کوتاه:



$V_{cd} = 0$   
 $* I_{cd} = \frac{V_s}{R_s}$

$\Rightarrow I_s = \frac{V_s}{R_s}$

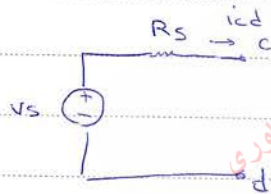


$V_{ab} = V_{oc}$

$* V_{ab} = I_s \cdot R_p$

$V_{ab} = 0$

اتصال باز



$V_{cd} = V_{oc}$

$* V_{cd} = V_s$

$I_{cd} = 0$

$\Rightarrow V_s = I_s \cdot R_p$

شرط لازم رومی برای معادله جبران این بود

$$\left\{ \begin{array}{l} R_p = R_s \\ V_s = I_s R_p = I_s R_s \end{array} \right.$$

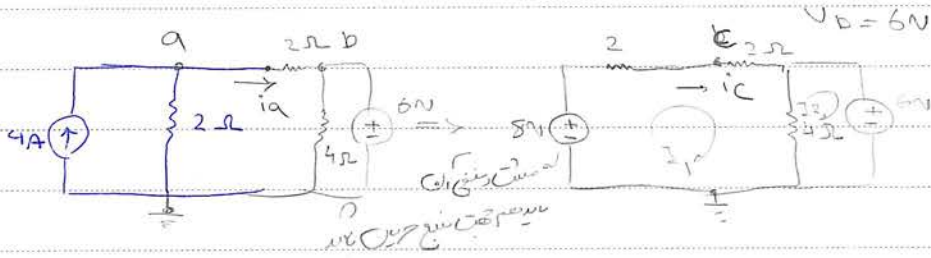
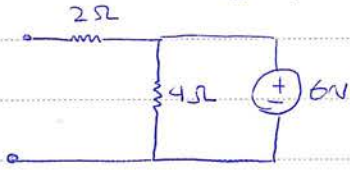
PAPCO

Subject \_\_\_\_\_

Date \_\_\_\_\_

1. معادل منبع جریان را بیست آورید

2. برای مدار زیر جریان کاه و ولتاژهای تعادل را حساب کنید و ثابت کنید هر دو مدار معادل هستند



$$\begin{cases} 8 - 4I_2 = 8 \\ -4I_1 + 4I_2 = -6 \end{cases} \quad \begin{cases} I_1 = I_2 = 2 \\ I_1 = I_2 = 2 \end{cases}$$

$I_1 = 1/2$

$V_b = 6V$

$V_b = 6V$

$(\frac{1}{2} + \frac{1}{2})V_a = \frac{1}{2}V_b = 4 \Rightarrow V_a = 7V$

$I_c = I_1 = 1/2 A$

$\frac{V_a - V_b}{2} = \frac{7 - 6}{2} = 1/2 A$

$V_c = 8 - 2 * 1/2 = 7V$   
 $V_a = V_c$

منابع ایده آل تبدیل پذیر هستند

دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه صنعتی امیرکبیر

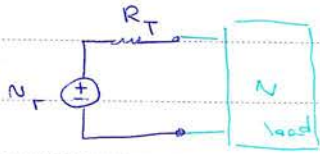


Subject \_\_\_\_\_

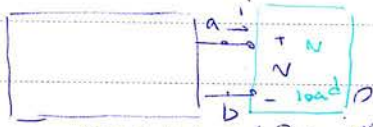
Date \_\_\_\_\_

مدل‌های معادل توئین و نورتن

برای هر مدار که در آن منابع مستقل در راسته مقاومت وجود داشته باشد مدار معادلی وجود دارد که یک از این منابع ولتاژ و یک مقاومت است.



صورت دیگر در تابع (عین معادله)  $R_T$



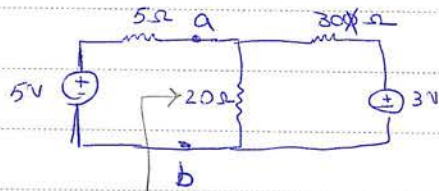
در حالت اتصال کوتاه مدار را از این دو تا بچین هم باسند (شرط معادل بودن)

$V_T = V_{oc}$

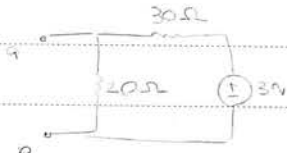
1) یا منبع  $V_{oc}$  بین دو نقطه a و b از مدار در نظر

2) یا منبع جریان اتصال کوتاه بین a و b

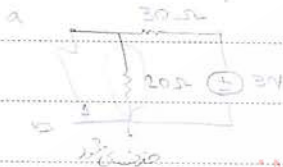
$I_{sc} = \frac{V_T}{R_T} \Rightarrow R_T = \frac{V_T}{I_{sc}}$



مثال  
پیدا کردن معادل توئین و نورتن برای مدار زیر

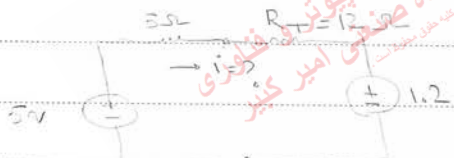


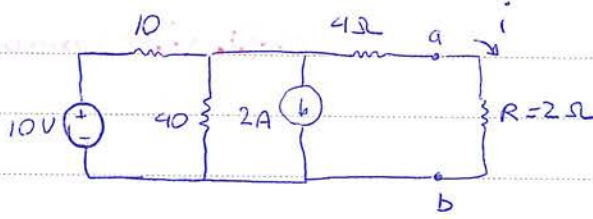
$V_{oc} = V_{ab} = \left(\frac{20}{20+30}\right) 3V = 1.2V$



$I_{sc} = I_{ab} = \frac{3}{30} = 0.1A$

$R_T = \frac{1.2}{0.1} = 12\Omega$

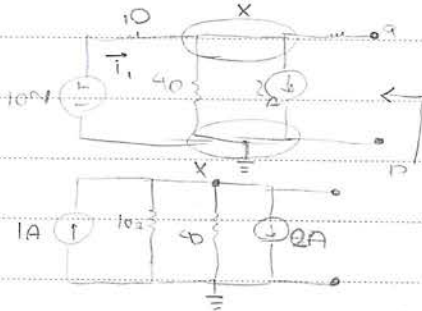




مثال ۱ استفاده از معادله تئورن

از طریق کتف قابل کسب است  
چون همیشه مدار در این راه حل می آید

cut ①

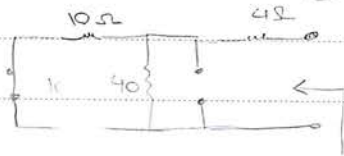


cut ②  $V_{oc} = V_x$  بین a و b

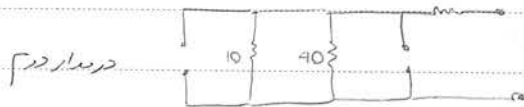
$$x \text{ در کل: } \left(\frac{1}{10} + \frac{1}{40}\right) V_x = +1$$

$$V_{oc} = V_x = +8$$

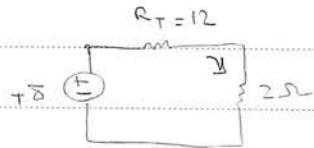
③  $R_T$ : (ساختار در مدار) در مدار معادل را می توانیم



$$R_T = R_{Total} = 4 + (40 || 10) = 12 \Omega$$



$$R_T = 12 \Omega$$



مابقی مدار در معادله  $R$  در این معادله است

$$KVL: -8 + i R_T + i R = 0$$

$$i = \left(\frac{8}{12+2}\right) = \frac{4}{7} A$$

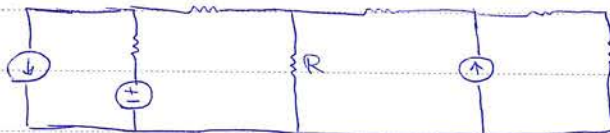
$$P_R = R \cdot i^2 = \left(\frac{4}{7}\right)^2 \cdot 2 = W$$

اطلاعات دانشگاه صنعتی کامپیوتر و فناوری  
انستیتو مهندسی کامپیوتر و فناوری  
تیم عملی

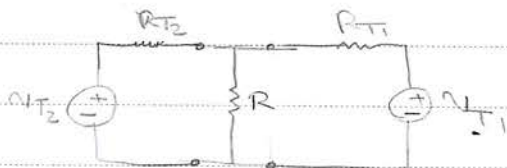


Subject

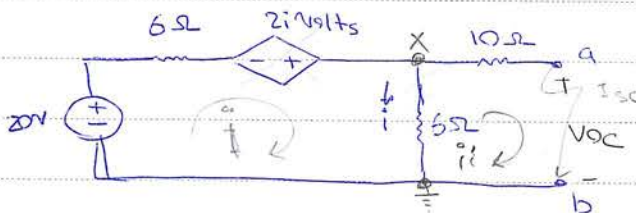
Date



مثال 2 مدار معادل توپون در در برابر R  
مدار معادل را باید در دو طرف بیست آوریم



این کسین جریان، باید در حال کشیده جریان را در دو طرف مدار توپون حساب کنیم بعد با هم جمع کنیم



مثال 3 مدار کا درایم منبع را بسته طرف هم آنرا می کشیم  
و منبع را بسته به جای دیگر بسته می کشیم در حال طرف  
ترانس فریمت می کشیم مدار معادل آنرا حساب کرد  
می توانیم منبع را بسته را با آنرا کنیم

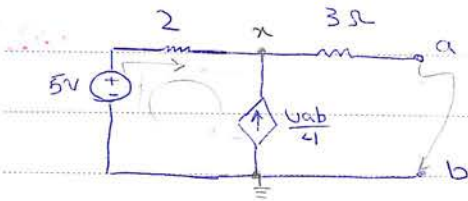
$V_{oc} = V_x$   
 KVL در طبقه 1:  $-20 + 6i - 2i + 6i = 0 \Rightarrow i = 2A$   
 $V_{oc} = 6\Omega * 2A = 12V$

- 1) مدار درج مدار در نظر از طرف مدار
- 2) یا طبق  $V_{oc}$  بین a و b
- 3) یا طبق  $I_{sh}$  از a و b
- 4)  $R_T = \frac{V_{oc}}{I_{sh}}$

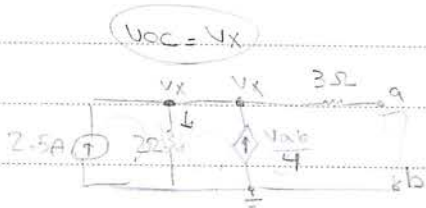
معادله 2:  $-20 + 6i - 2(i - i') + 6(i - i') = 0$   
 $6(i - i') + 10i' = 0$   
 $i' = \frac{12}{13.6}$

دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر

Subject \_\_\_\_\_  
Date \_\_\_\_\_



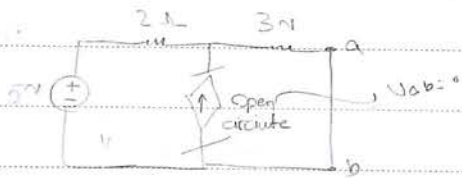
152



$$+2.5 - \frac{V_x}{2} + \frac{V_{ab}}{4} = 0$$

$$+2.5 - \frac{V_x}{2} + \frac{V_x}{4} = 0$$

$$V_x = 10 \text{ V} \quad V_{oc} = V_x = 10 \text{ V}$$

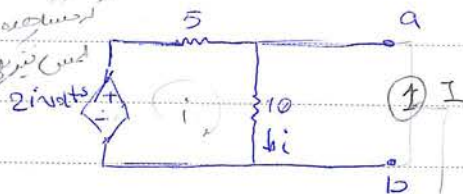


یعنی  $I_{sc} = ?$

$$V_{ab} = 0 \Rightarrow \frac{V_{ab}}{4} = 0 \Rightarrow \frac{3}{2+3} = 1 \text{ A} \quad I_{sc} = 1$$

منبع جریان داریم پس وقتی عنصری بشود مدار سری میزنند اتصال کوتاه

عبارت دیگر مدار الکتریکی  
که ساخته شده و در مدار  
منبع انرژی قرار میگیرد



مثال: مداری که فقط منبع وابسته داریم

$$-2i + 5i + 10i = 0 \quad \text{or} \quad i = 0$$

در مدار منبع وابسته  $i = 0$  می شود

این مدار یک مدار وابسته است و در مدار مدار منبع مستقل وجود ندارد و در مدار منبع مستقل  
در مدار یکبار می شود

$$V_{oc} = V_T = 0 \quad (1)$$

$R_T$  داریم که این مدار را حاصل کنیم از آن مدار منبع وابسته می آید می شود  
خاصیت مقادیری وجود دارد برای مدارهای اتصال که این مدار منبع وابسته بین این مدارها  $V_{ab}$   
و جریان حاصل می کنیم  $\frac{V_{ab}}{R_T}$  - مقادیر قابل حصول در هر مدار که می توانیم داشته باشیم که در این مدار  $1 \text{ A}$  است  
برای مدارهای دیگر کار است

$$R_T = |V_{ab}| \Omega$$

$$R_T = \frac{V_{ab}}{1 \text{ A}}$$

$$\leftarrow V_{ab} \text{ در بین } a, b, c \text{ می سیم}$$

PAPCO

$$R_T = |V_{ab}| \Omega$$



Subject  
Date

سلف) اگر از سیم جریانی بگذرد ← میدان مغناطیسی (سوار) در اطراف

میدان

شدت میدان هر چه از سیم دوری بیشتریم کمتر می شود  
اگر جریانی در سیم باشد طبق قانون بیوت-سوار (Sin) میدان مغناطیسی  
در سیمها به صورتی

$$|N| \Rightarrow |S|$$

اگر از این سیم عبور کند خطوط را قطع کند جریان در سیم به تدریج می شود

جریان DC سیم میدان به تدریج می شود چون شار ثابت  
جریان Sin سیم میدان Sin که خطهای آن سیم را قطع می کنند

اگر در سیم لوله چه جریان به تدریج می شود خطوط میدان سیم را قطع نمی کنند (جریان DC) (مقدار سلف ضعیف می شود)  
سیم لوله چه جریان به تدریج می شود و بالای سیم و فشاری که در سیم ایجاد می کنند به سیم می خورد و باعث اتلاف انرژی می شود

$$I' \quad I \quad I'$$

$$AI = I - I' \quad \text{و} \quad I' < I$$

به صورت مقادیری عمل می کنند و اجازه عبور کامل جریان را نمی دهند

$$V = L \frac{di}{dt}$$

سلف سیم  
تعداد دور حلقه ها

$$L = \frac{\mu_0 N^2 A}{l + 0.45 d}$$

پرمیتیویته

نسبت سلف به طول سیم

سیم لوله استوارتر از سیم حلقوی

تعداد سیم



شار مغناطیسی

اگر این سیم ها عمل در لوله هم  
تدریج می شود

کوهی بری هم تدریجی سیم هم هم است

اطلاعات دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری  
دانشگاه صنعتی امیرکبیر

آهن پلی از کمترین هسته ها، ضریب حرارتی و مغناطیسی به تدریج است.

Subject

Date

حد برای میان رفتن نسبتی نسبتی رخاری خودی هم نسبتی

فشار دهنده

$$v = N \frac{d\Phi}{dt}$$

$$\Rightarrow v = L \frac{di}{dt} \rightarrow \text{رابطه دهنده}$$

$$N\Phi = Li \Rightarrow \Phi = \frac{Li}{N}$$

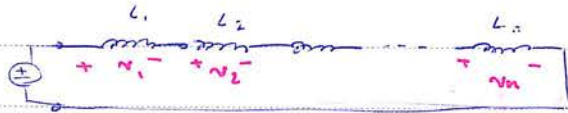
$$v = Ri$$

$$v_C = \frac{1}{C} \int i$$

$$v_L = L \frac{di}{dt}$$

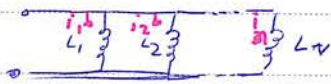
نسبتی دهنده

نسبتی دهنده نسبتی نسبتی نسبتی نسبتی



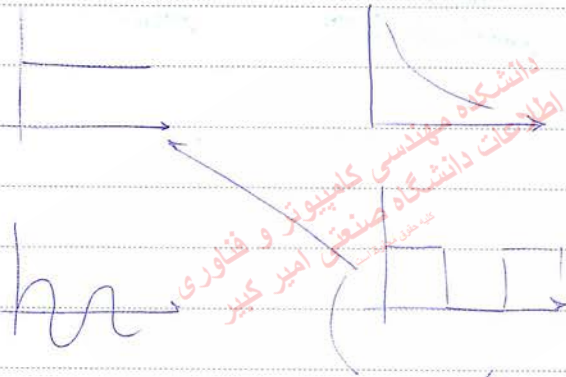
$$\Rightarrow L_T = \sum_{i=1}^N L_i$$

نسبتی دهنده KVL



$$\Rightarrow \frac{1}{L_T} = \sum_{i=1}^N \frac{1}{L_i}$$

نسبتی دهنده KCL

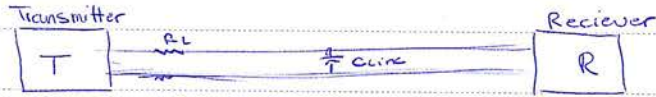


این شکل برج از این استیاس می شود



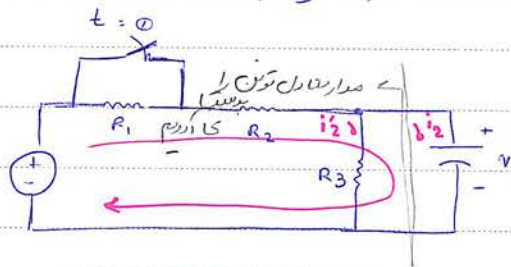
Subject

Date



درباره ارتباط سیم  
wire  
سیم  
wireless

در سیستم انتقال در یک سیم ارتباط است  
که اتصالی نیستی بر استفاده از سیم های انتقال  
چون اختلاف پتانسیل بین سیم ها در سیم استفاده می شود  
در ارتباط سیم خاصیت متناوبی خاصیت خاص  
که متناوب خیلی کم است و در مدار می شود.

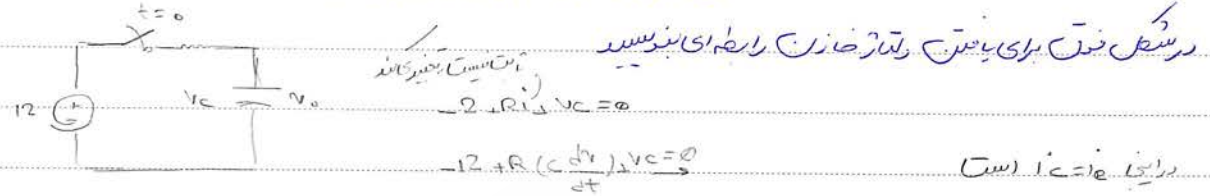


در مدار برای KVL برقرار است.

معادله برای KVL در مدار  

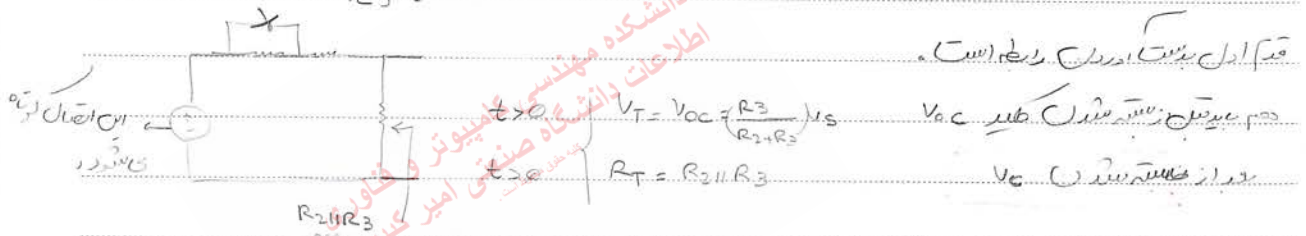
$$-U_s + R_1 i_1 + R_2 i_1 + R_3 i_2 = 0$$

$$-U_s + R_1 i_1 + R_2 i_1 + R_3 i_2 = 0$$



در مدار برای KVL برقرار است

برای  $i_c = i_c$  است



در مدار برای KVL برقرار است

در مدار برای KVL برقرار است

در مدار برای KVL برقرار است

در مدار برای KVL برقرار است

$$\frac{R_3}{R_2 + R_3} U_s + v_c = 0$$

در مدار برای KVL برقرار است

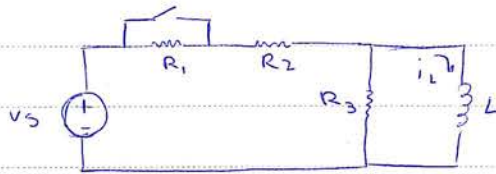
$$-\frac{R_3}{R_2 + R_3} U_s + (R_2 + R_3) i_c + v_c = 0$$

در مدار برای KVL برقرار است

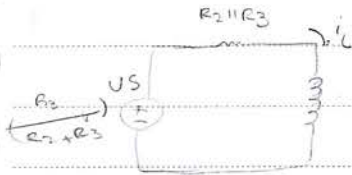
$$i_c = i_r = c \frac{dv_c}{dt}$$

Subject

Date



شکل ۱: برای خواصیم بکشید در رسم.



$$-\left(\frac{R_3}{R_2+R_3}\right)v_s + (R_2 || R_3)i_L + v_L = 0$$

$$-\left(\frac{R_3}{R_2+R_3}\right)v_s + (R_2 || R_3)i_L + L \frac{di_L}{dt} = 0$$

Ⓒ 
$$\begin{cases} i = C \frac{dv}{dt} \times \\ v = v_0 + \frac{1}{C} \int i \end{cases}$$

Ⓓ 
$$\begin{cases} i = i_0 + \frac{1}{L} \int v \\ v = L \frac{di}{dt} \times \end{cases}$$

با توجه به این دو رابطه در صورت برای یافتن  $v$  در سلف برای یافتن  $i$  حل کردیم در این صورت  
به یاد داشته باشید شکل را رسم.

$$\frac{d}{dt} x(t) + \frac{1}{\tau} x(t) = k$$

$$\frac{d}{dt} x(t) = k\tau - \frac{x(t)}{\tau}$$

$$\frac{dx}{x - k\tau} = -\frac{dt}{\tau} \Rightarrow \int \frac{dx}{x - k\tau} = -\frac{1}{\tau} \int dt + D$$

$$x(t) = k\tau + A e^{-t/\tau} \quad \text{Ⓒ}$$

در حال exp

در لحظه  $t=0$

$$x(0) = k\tau + A$$

اطلاعات دانشگاه صنعتی امیرکبیر  
دانشگاه مهندسی کامپیوتر و فناوری

نتیجه این در رسم  $A = x_0 - k\tau$  Ⓐ

$x(\infty) = k\tau$  Ⓑ in Ⓐ  $A = x(0) - x(\infty)$  Ⓒ

PAPCO

کتابهای ترانسیم  $x(t)$  را بصورت زیر بنویسیم با توجه به رابطه Ⓒ، Ⓑ، Ⓓ

$$x(t) = [x(0) - x(\infty)] e^{-t/\tau} + x(\infty)$$

در رابطه



Subject  
Date

میان دو رابطه فوق را مستقیماً برای هر مدار RL و RC نسبت اثر مدار زیر در دسترس

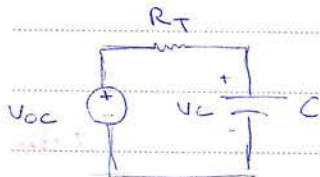
$$RL \text{ برای مدار } \begin{cases} i_L(0) \\ i_L(\infty) \\ \tau_{RL} \end{cases}$$

$t = 0$  و  $t = \infty$  شرایط شارژ و تخلیه  
✓ سلب اتصال کوتاه

$$RC \text{ برای مدار } \begin{cases} v_C(0) \\ v_C(\infty) \\ \tau_{RC} \end{cases}$$

$$\frac{dx}{dt} + \frac{1}{\tau} x = k \quad x(t) = x(\infty) + [x(0) - x(\infty)] e^{-t/\tau}$$

در این مدار برای شارژ و تخلیه، مدار توپون معادل دربر اونها حساب کنیم



$$V_{OC} = R_T C \frac{dv}{dt} + v$$

$$\frac{dv_C}{dt} + \frac{1}{R_T C} v_C = \frac{1}{R_T C} V_{OC}$$

۱- مدار معادل توپون از مدار شارژ رابطه دست داریم  
نشر از دو مدار معادل

دست قطع رابطه در مدار زیر حالتی را داریم  
 $\tau_{RL} = \frac{L}{R_T}$

$$\tau_{RC} = R_T \cdot C$$

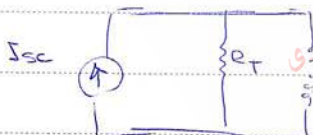
۲- یافتن  $\tau$

$$v_C(0)$$

$$v_C(\infty)$$

۳- یافتن  $v_C(0)$   
۴- یافتن  $v_C(\infty)$

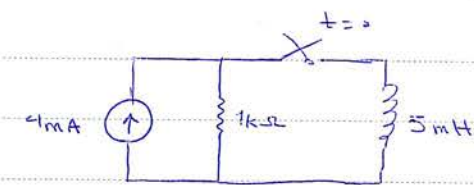
در این رابطه مدار کامل پیدا می شود



$$I_{SC} = \frac{L}{R_T}$$

Subject  
Date

دفعه استاندارد جریان را پیش از بسته شدن کلید در مدار معادل تکامل یافته پیدا کردن



مثال) مقدار اول در این مدار معادل شده جهت دیدن مدار معادل تکامل یافته پیدا کردن

احتیاج نداریم

$$i_L = i_L(\infty) + [i_L(0) - i_L(\infty)]e^{-t/\tau}$$

$x(t)$  طبق رابطه

برای تعیین مدار قبل از بسته شدن کلید به حالت پایدار رسیده ← حالت پایدار در مدار یک قبل از بسته شدن کلید

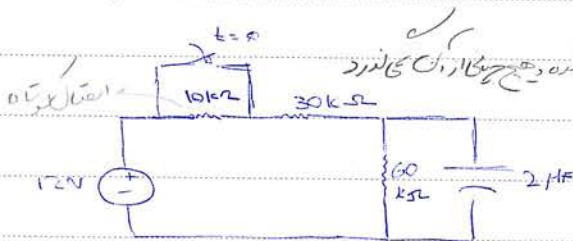
برای تعیین مدار بعد از بسته شدن کلید

$$i_L(0) = i_L(\infty) = 0$$

$$i_L(\infty) = 4mA$$

$$\tau = \frac{5mH}{1k\Omega} = 5\mu sec$$

$$i_L = 4mA - 4mAe^{-t/5\mu sec}$$



در این مدار open C در ابتدا وجود ندارد و در لحظه t=0 کلید می‌بندد

مثال) کلید در این مدار بسته شده و مدار معادل تکامل یافته پیدا کردن

پایدار رسیده

مدار معادل تکامل یافته مدار بسته شدن کلید



$$R_T = 30k\Omega || 60k\Omega = 20k\Omega$$

$$\tau_{RC} = R_T \cdot C = 20k\Omega \cdot 2\mu F = 40msec$$

$$V_C(0) = V_C(\infty) = \frac{60k}{(30+60)k\Omega} \cdot 12V = 8V$$

$$V_C(\infty) = \frac{60k}{(30+60)k\Omega} \cdot 12V = 8V$$

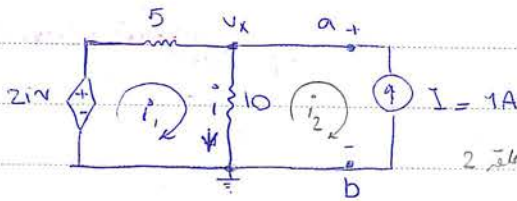
$$V_C = 8 + (-0.8)e^{-t/40msec}$$

دانشگاه مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه صنعتی امیرکبیر



Subject  
Date

سختی ← صرف شده



مثال 1 حساب کنید

2. ولت:  $i_2 = -1A$

1. کولمب:  $-2(i_1 - i_2) + 5i_1 + 10(i_1 - i_2) = 0$

$-2i_1 - 2 + 5i_1 + 10i_1 + 10 = 0$

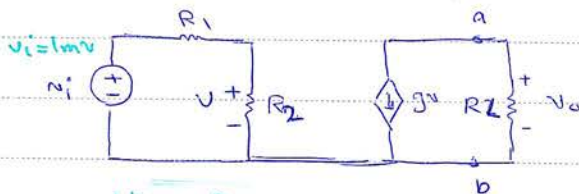
$i_1 = -\frac{8}{13}$

$V_{ab} = V_A - V_B = 10 \cdot (i_1 - i_2) = 10 \cdot (-\frac{8}{13} - (-1)) = \frac{50}{13} V$

$R_T = \frac{V_{ab}}{I_A} = \frac{50/13}{1} = \frac{50}{13} \Omega$

با استفاده از مدارات در تون

مثال 2 مسئله 9.7-14



$\frac{V_o}{V_i} = ?$   
 $g = 10^5 \text{ mho}$

$\frac{V_o}{V_i} = -170$

$R_C = 5k\Omega$

$R_1 = 100\Omega$

$R_2 = 11k\Omega$

دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر

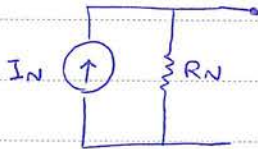
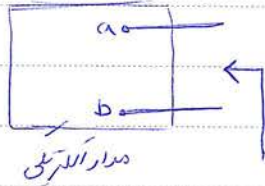
Subject \_\_\_\_\_

Date \_\_\_\_\_

**مدار معادل نودین**

برای هر مدار که از دو سوختن قابل مشاهده است معادلی وجود دارد

متعلق به منبع جریان معادلی با معادلی  
(توین را تبدیل به منبع جریان معادلی کنیم)



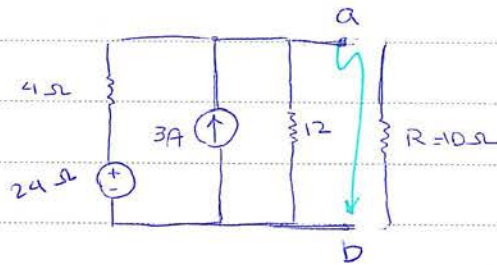
1. برش دادن مدار از نقاط a, b

2. یافتن I\_sc از a, b

3. یافتن V\_oc بین a, b

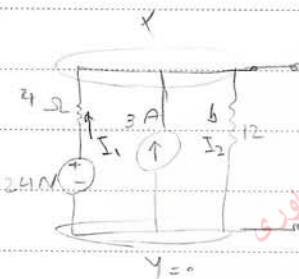
4. یافتن R\_N از  $R_N = \frac{V_{oc}}{I_{sc}}$

**سوال**



توین معادلی  $R=10\Omega$  را با توین مدار  
معادلی نودین a, b بسازید

$$I_{sc} = 3A + \left(\frac{24V}{4\Omega}\right) = 9A$$



$$V_{oc} = \dots$$

$$KCL : \frac{24 - V_x}{4} + 3 - \frac{V_x}{12} = 0$$

$$V_{oc} = V_x = 27V$$

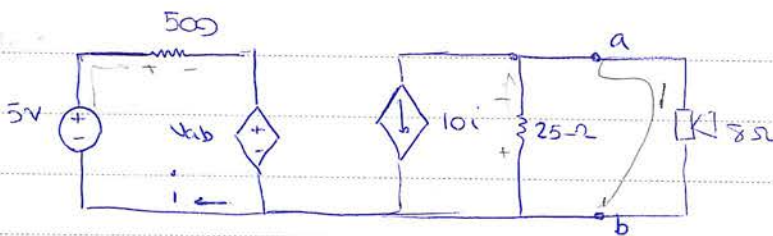
$$R_N = \frac{27}{9} = 3\Omega$$

P4PCO



Subject

Date



مثال: بین a, b معادل نودین یا  
توین چقدر است؟

افتتاح ترانه = صبر شدن منبع دتا

$$V_{ab} = 0 \text{ در افتتاح ترانه } a, b$$

$$i = \frac{5V}{500\Omega} = 0.01A$$

$$I_{sc} = -10(0.01) = -0.1A \text{ چون } I_{sc} \text{ از } a \text{ به } b \text{ است برضت جریان است}$$

$$V_{oc} = V_{ab} = 25 * (i_{ab}) = 25 * (-0.1) \text{ A}$$

از طرف اول چقدر آرایه است  $V_{ab}$  برضت کار کنیم با افتتاح  $K_{ab}$  داریم:

$$-5V + 500i + V_{ab} = 0$$

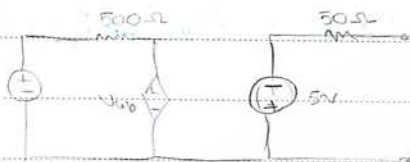
$$i = \frac{-V_{ab} + 5}{500} \text{ (B)}$$

در طرف اول از طرف B برام A داریم

$$V_{oc} = -250 \left( \frac{-V_{ab} + 5}{500} \right)$$

$$V_{oc} = -5V$$

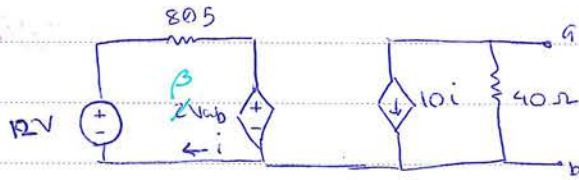
$$R_{Th} = R_T = \frac{V_{oc}}{I_{sc}} = \frac{-5V}{-0.1A} = 50\Omega$$



P4PCO

Subject

Date



مثالی

مقدار  $\beta$  را به تنگی تعیین کنید که  $R_T$  نسبت به  $R_N$  باشد

$$R_T = R_N = 6.44 k\Omega$$

$$I_{sc} = I_N = -0.15 A$$

افتتاح کوتاه  $a, b$  در خروجی  $I_{sc}$  در این حالت  $a$  به  $b$  اتصال کوتاه شده در نتیجه  $V_{ab} = 0$

$$I_{sc} = -10i$$

$$i = \frac{-120}{805} = -0.15 A$$

در طرف اول مدار داریم

مدار از سمت  $a, b$  در خروجی  $V_{oc}$  در این حالت  $V_{ab} = 0$  می باشد در داریم

$$V_{oc} = V_{ab} = -40(10i) = -400i \quad (B)$$

از طرف اول مقدار  $i$  را حساب  $V_{ab}$  نسبت می دهیم با  $i$  که  $kV$ :

$$-12 + 805i + \beta V_{ab} = 0$$

$$i = \frac{12 - \beta V_{ab}}{805} \quad (A)$$

در نتیجه  $i$  نسبت می دهیم

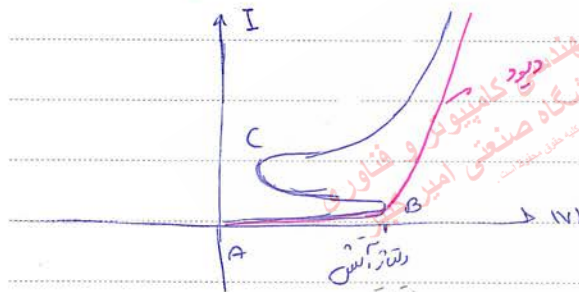
با  $i$  در طرف اول  $(A)$  و  $(B)$

$$V_{oc} = -400 \left( \frac{12 - \beta V_{ab}}{805} \right)$$

$$V_{oc} =$$

درین شکل یکسره از دسترس است به  $\beta$  ضریب تقویت  $\beta$  است

SCR (Silicon Controlled Rectifier)



$B, A$  : ضریب تقویت +

$C, B$  : -

$D, C$  : +

التراد را می بینیم سردی می دهیم و نتایج آن کمتر از نتایج  $C$  می شود و مقادیر مستقی می شود

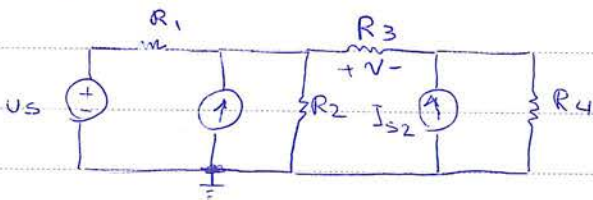
P4PCO



Subject

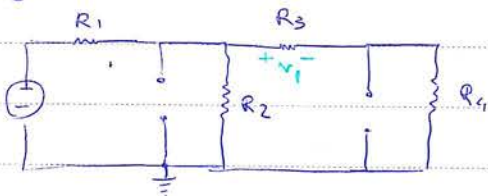
Date

روش جمع آثار (super position):



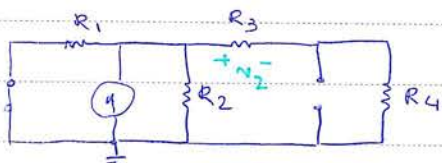
میان برای مدارهای مستقل این جدا  
رایست آرم ، به تعداد منابع مدار مستقل کنیم

اثر منبع ولتاژ \$U\_s\$

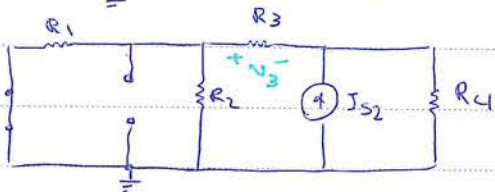


منابع جریان به اتصال باز تبدیل می شود

در هر حالت یک منبع را در نظر می گیریم و بقیه منابع را  
می انتری کنیم و جاهای بیست آمده در هر مدار



را با هم جمع کنیم



$$V = V_1 + V_2 + V_3$$

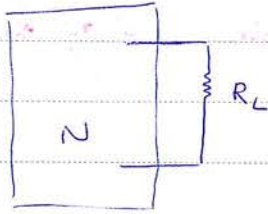
جریان ولتاژها را در مدارهای مستقل باید هم تر از مدار اصلی بنویسیم  
برای منابع بسته هیچ فرقی نمی کنند یعنی در همه مدارها وجود دارد. اگر وابسته به منبع دیگری بود هر سه منبع را  
ممنوع می کنیم منبع وابسته هم حذف می شود

دانشگاه مهندسی کامپیوتر و فناوری  
اطلاعات دانشگاه صنعتی امیرکبیر

Subject  
Date

$R_L = \text{loading resistor}$

در سیستم load شده



ساختار کلی سیستم برای انتقال توان از سیستم load شده

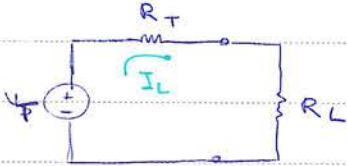
صدالت توان:

از شبکه N به مقاومت جریان دارد می شود و باعث ایجاد توان در آن می شود

$$P = RI^2$$

در چه شرایطی بیشترین توان به مقاومت اعمال می شود

برای شبکه N ← مدار معادل تئوری



$$I_L = \left( \frac{V_T}{R_T + R_L} \right)$$

$$P = R_L \cdot I_L^2 = \frac{R_L V_T^2}{(R_L + R_T)^2}$$

توان بیشترین

بر حسب تغییرات  $R_T$  نسبت به  $R_L$  می توانیم نقطه max را بیابیم

$$R_L = R_T$$

$$\frac{dP}{dR_L}$$

دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر



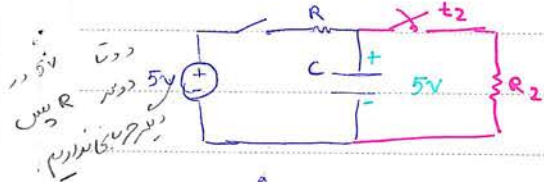
Subject

Date

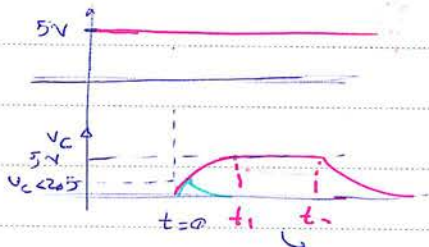


خواهیم خازن خازن

از خازن با هم وصل می کنیم و در مقابل هم قرار می دهیم تا هم دیگر برقرار نیست



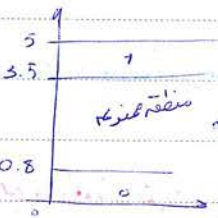
از لحظه بستن کلید ست برای خازن شارژ می شود



خازن شروع به شارژ شدن می کند و ولتاژ به 5V می رسد  
 که جریان صفر می شود و دیگر خازن شارژ نمی شود  
 وقتی کلید دوم بسته شد خازن شروع به شارژ شدن می کند  
 $t_2$  حد در  $t_1$  است.

در لحظه  $t_1$  به 5V می رسد

اگر قبل از بستن به 5V هر چه شارژ شده باشد شروع به تخلیه می کند  
(در این اتفاق در مدارهای دیجیتال اتفاق می افتد)



بند مدار کلین است صغریا  
 بند مدار کلین بزرگ  
 تخلیه می کند

باید هارکای لیم خازن به هم وصل به 5V برسد و به هم وصل می شود

خازن که همیشه در مدار استفاده می شود در تمام بخش های از جیبش که می بینیم است

خازن های بزرگی به هم وصل می شود مقدار اندازه های آن در nF و pF

خازن های الکترولیتی



که ارقام هست صحت صحتی بزرگتر 1F و mF

درای پلاریم هستند

صحت کلین است بزرگتر 1F و mF  
در مدار الکترولیتی باید جهت صحت پلاریم را در نظر بگیریم اگر اشتباهی

وصل می شود به هم وصل می شود هارکای بزرگی است که به هم وصل می شود  
آن می شود

Subject

Date

$$i = \frac{dq}{dt}$$

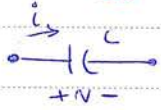
رابطه جریان

$$i = c \frac{dv}{dt}$$

برای خازن

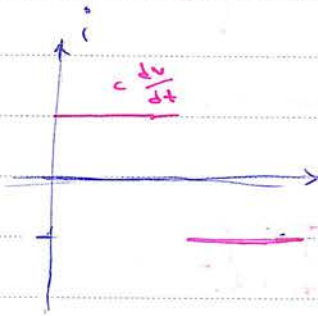
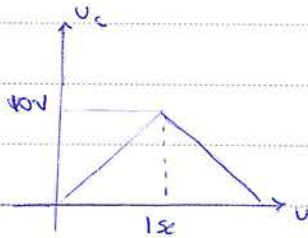
$$i = c \frac{dv}{dt}$$

معادله رابطه اهم برای یک خازن

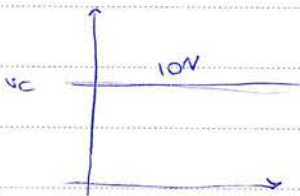


$$i = C \cdot v$$

تغییر رابطه



اگر ولتاژ خازن ثابت باشد جریان خازن صفر خواهد بود



خازن یک عنصر مستقیم الیوان دلتا است

تحلیل دقیق تر از رابطه اهم خازن

$$Q = C \cdot V$$

ثابت

باز ثابت

$$q(t) = C \cdot v(t)$$

به صورتی که دلتا تغییر کنند به بار الکتریکی هم همان شکل

تغییر کنند

$$i = c \frac{dv}{dt}$$

رابطه v, i برای خازن

$$v = \frac{1}{c} \int_{-\infty}^t i d\tau$$

$$v = \frac{1}{c} \left( \int_{-\infty}^{t_0} i d\tau + \int_{t_0}^t i d\tau \right)$$



دانشگاه علمی کامپیوتر و فناوری  
دانشگاه صنعتی امیر کبیر

حکم  $t_0$  حکم است که در مدار تغییر حالت رخ داده است

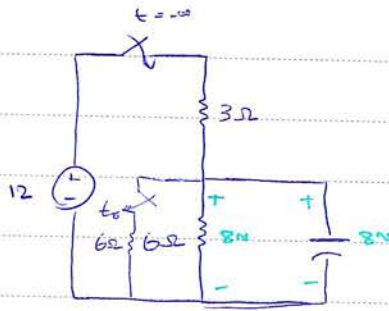
به مدار به حالت پایدار خودش رسیده یعنی تقویت کننده

که دیگر جریانی از آن عبور نمی کند



Subject

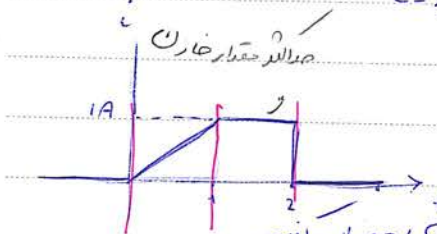
Date



بجای شارژ کامل رسانده که خازن قبله جریان ندارد

ت لحظه ایست که در مدار تغییر ولتاژ رخ می دهد  
به همین سبب شارژ خازن در دو حالت باید انجام  
بیش ولتاژ در هر دو حالت ۶V می شود  
در لحظه t=0 ولتاژ خازن ۰ بوده ← حالت اول

خازن خیلی بزرگ  
چون خیلی حالت ها دارد و این را می شود در هر دو حالت اول و دوم در نظر گرفت  
 $C = \frac{1}{2} F$



$$i = C \frac{dV}{dt}$$

$$V = V_0 + \frac{1}{C} \int_0^t i d\tau$$

چون مقدار اولیه ولتاژ خازن را نداریم پس می توانیم ولتاژ خازن را حساب کنیم  
قبل از لحظه صفر را ولتاژ صفر است بنابراین ولتاژ صفر ولتاژ صفر است؟

1

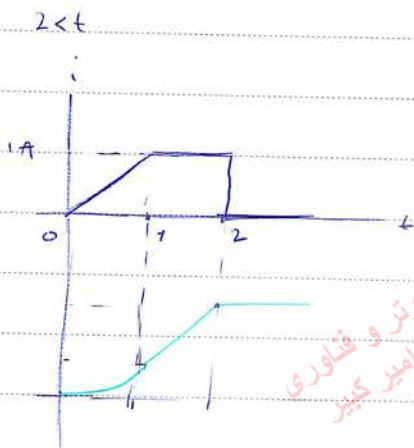
$$t < 0 \quad V_C = 0$$

$$0 < t < 1 \quad 0 + 2 \int_0^t t d\tau = 2 \left( \frac{t^2}{2} \right) = t^2$$

تقریباً اولی  
چون

$$V_C(t=1) = 1^2 = 1$$

$$1 < t < 2 \quad V_C = V_C(t=1) + 2 \int_1^t 1 d\tau =$$



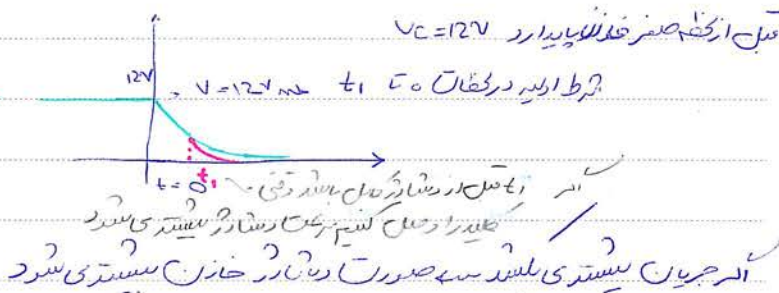
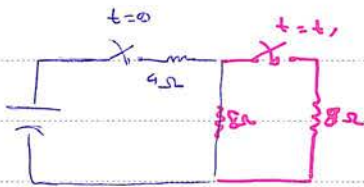
پس می توانیم تغییرات ولتاژ در خازن:

$$V_C(2^-) = V_C(2^+) = V_C(2)$$

این تغییرات اتفاقی نیستند = اصل ولتاژ بار (در صورت ولتاژ بار) می آید  
تغییر ولتاژ می تواند در هر دو حالت اول و دوم در نظر گرفته شود  
و ولتاژ در هر دو حالت تغییر می کند (تغییر ولتاژ در هر دو حالت)

Subject

Date



برای پست کردن، لطفاً از لینک زیر استفاده کنید: [www.makhfigah.com](#)  
 مقدار ولتاژ برای میسب برای هر دو مدار در لحظه آخر هر دو مدار

توجه: در این مدار، ولتاژ در هر دو مقاومت برابر است. در لحظه t=0، ولتاژ در هر دو مقاومت برابر با 12V است. در لحظه t=t1، ولتاژ در هر دو مقاومت برابر با 12V است. در لحظه t=∞، ولتاژ در هر دو مقاومت برابر با 0V است.

$$V_C = V_0 \left( 1 - \frac{1}{e} \right) \quad \text{at } t = t_1$$

$$P = V \cdot i$$

$$W = \int P dt$$

$$i = C \frac{dV}{dt}$$

$$V = V_0 + \frac{1}{C} \int_0^t i dt$$

تجزیه توان

$$P = C \left( \frac{dV}{dt} \right) \left( V_0 + \frac{1}{C} \int_0^t i dt \right)$$

$$V = V_0 + \frac{1}{C} \int_0^t C \frac{dV}{dt} dt = V_0 + \frac{1}{C} \int_0^t C dV$$

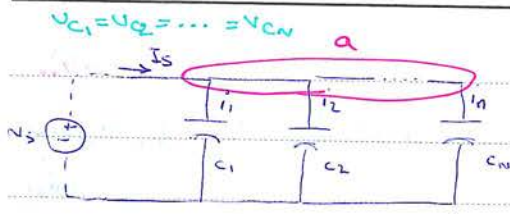
در مورد توان سه رابطه وجود دارد:  $P = V \cdot i$ ،  $P = I^2 R$ ،  $P = \frac{V^2}{R}$   
 در اینجا ما از رابطه  $P = V \cdot i$  استفاده می‌کنیم.  $W = \int P dt = \int V \cdot i dt = \int V \cdot C \frac{dV}{dt} dt = \int V \cdot C dV = \frac{C}{2} V^2$   
 $P = \frac{dW}{dt} = \frac{d}{dt} \left( \frac{C}{2} V^2 \right) = C \cdot V \cdot \frac{dV}{dt}$

$$G \leftarrow R \Rightarrow P = R \cdot I^2 = \frac{I^2}{G} = \frac{V^2}{R} = G \cdot V^2$$

P4PCO



Subject \_\_\_\_\_  
Date \_\_\_\_\_

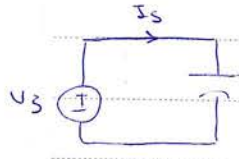


مغزایی بین خندان ها:

رنگ در خندان ها یکسان و در جریان ها متفاوت هستند

از KCL در نود a:  $I_s - I_1 - I_2 - \dots - I_N = 0$

$$I_s = C_1 \frac{dv_1}{dt} + C_2 \frac{dv_2}{dt} + \dots + C_N \frac{dv_N}{dt} = 0$$



$$I_s = C_T \frac{dv_s}{dt} \quad (B)$$

$$I_s - C_1 \frac{dv_s}{dt} - C_2 \frac{dv_s}{dt} - \dots - C_N \frac{dv_s}{dt} = 0 \quad (A)$$

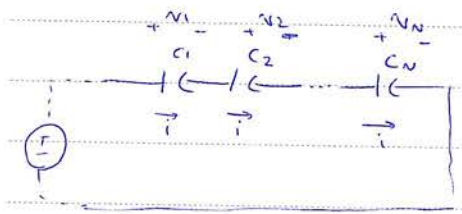
با تطابق A در B داریم:

$$C_T \frac{dv_s}{dt} = \frac{dv_s}{dt} (C_1 + C_2 + \dots + C_N)$$

$$C_T = \sum_{i=1}^N C_i$$

خندان ها یکسان:

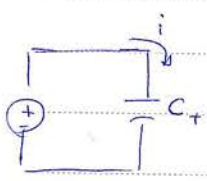
برای خندان های همگرا برعکس این است:



از KVL

$$v_1 + v_2 + \dots + v_N = v_s$$

$$(v_{1c} + \frac{1}{C_1} \int i dt) + \dots + (v_{Nc} + \frac{1}{C_N} \int i dt) = v_s$$



$$\sum_{i=1}^N v_{oi} + \int i dt (\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots + \frac{1}{C_N}) = v_s \quad (1)$$

از تساوی طرفهای اول برابری (1) و (2):

$$v_{oT} = v_{oT} + \frac{1}{C_T} \int i dt = v_s \quad (2)$$

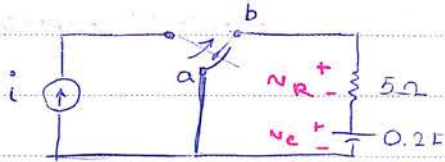
$$v_{oT} + \frac{1}{C_T} \int i dt = \sum_{i=1}^N v_{oi} + \int i dt \sum_{i=1}^N \frac{1}{C_i}$$

$$\frac{1}{C_T} = \sum_{i=1}^N \frac{1}{C_i}$$

PAPCO

Subject

Date



مثال  
در زمان جریان آندی توان دفع شود و گداخته شود  
بی‌وقت دارد.

رله از اول به مدار  $v_C(0^-) = 3V$

$$i(t) = \begin{cases} 3e^{5t} \text{ A} & 0 < t < 1 \text{ sec} \\ 0 & t > 1 \text{ sec} \end{cases}$$

بجای کنید  $v_T(t)$

انرژی ذخیره شده در زمان  $t = \frac{3}{10} \text{ s}$  و  $t = \frac{2}{10} \text{ s}$

$0 < t < 1$

$$v_C = v_C(0^-) + \frac{1}{C} \int i dt$$

$$C = 0.2 \text{ F}$$

$$v_C = v_C(0^-) = 3V$$

$$i = 3e^{5t}$$

$$v_C = A + B e^{5t}$$

$$W = \frac{C}{2} V^2$$

جریان در زمان  $t = \frac{2}{10} \text{ s}$  و  $t = \frac{3}{10} \text{ s}$

دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری  
اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر



Subject: \_\_\_\_\_  
Year: \_\_\_\_\_ Month: \_\_\_\_\_ Date: \_\_\_\_\_

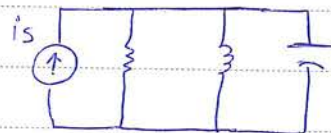
$R = 1\Omega, L = 1H, C = \frac{1}{4}F$

$i_L(0) = -6A, v_C(0) = 5V$

$S^2 + \frac{1}{RC}S + \frac{1}{LC} = 0$

$\Rightarrow S^2 + 4S + 4 = 0 \rightarrow S = -2$

$\Rightarrow v_n = e^{-2t} (A + B)$



مثال 1

$v_n = e^{-2t} (14 + 5)$

حالت سینوس (Δ < 0)

$S_1, S_2 = -a \pm jb$

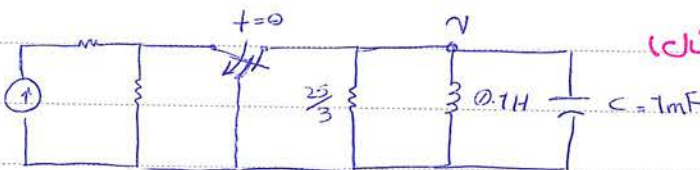
$v_n = A_1 e^{-at} e^{-jbt} + A_2 e^{-at} e^{jbt}$

$v_n = [k_1 \cos \omega t + k_2 \sin \omega t] e^{-at}$

$v_C(0) = 10V$

$i_L(0) = -0.6A$

$R = \frac{25}{3}$



مثال 2

$v$  در ترمینال:  $\frac{1}{R}v + \frac{1}{L}(v_L + i_L(0)) + C \frac{dv}{dt} = 0$  (1)

$\frac{dv}{dt} \Big|_{t=0} = -\frac{1}{RC}v_C(0) - \frac{1}{L}i_L(0)$  (at  $t=0$ )

$\frac{dv}{dt} \Big|_{t=0} = -\left(\frac{1 \times 10}{\frac{25}{3} \times 10^{-3}}\right) - \left(\frac{1 \times (-0.6)}{10^{-3}}\right)$  (2)

$\frac{dv}{dt} \Big|_{t=0} = -600$

$\frac{d^2v}{dt^2} + \frac{1}{RC} \frac{dv}{dt} + \frac{1}{LC}v = 0$

$S^2 + 120S + 10^4 = 0$  (3)

$S_1, S_2 = -60 \pm j80$  (4)

$v_n = A_1 e^{-60t} \cos 80t + A_2 e^{-60t} \sin 80t$

PAPCO

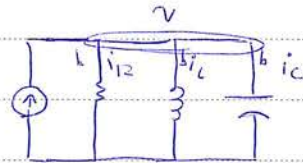


Subject:

Year.      Month.      Date.      ( )

$R = 6 \Omega$  ,  $L = 7H$  ,  $C = \frac{1}{42} F$

$i_s = 8e^{-2t} A$



مثال

دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری  
اطلاعات دانشگاه صنعتی امیرکبیر  
تهران - ۱۳۸۴

P4PCO



Subject: Year: Month: Date: ( )

$$\frac{d^2x}{dt^2} + a \frac{dx}{dt} + \alpha \cdot x = f(t)$$

صورت  $f(t)$

$$x = x_n + x_p$$

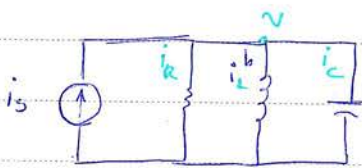
$f(t)$	}	$K$	$A$
		$Kt$	$A+B$
		$Kt^2$	$A+^2+Bt+C$
		$K \sin \omega t$	$A \sin \omega t + B \cos \omega t$
		$K e^{-\alpha t}$	$A e^{-\alpha t}$

برای مثال درج جدول

التمسک از اینجا بابت ارتعاشات و تبدیلیات استفاده کنید

تبدیل آنالگ به دیجیتال

digital signal processing



$R = 6 \Omega$        $i_s = 8e^{-2t} A$       مثال ۱

$L = 7 H$

$C = \frac{1}{42} F$

پایه کنونی را برای جریان سفید کنید

در این کار به روش معادله دیفرانسیل (حالت پویا) در نظر بگیرید

$$i_R + i_L + i_C = i_s$$

$$\frac{v_R}{R} + \frac{1}{L} \int v_C + i_C + C \frac{dv_C}{dt} = 8e^{-2t}$$

$$\frac{v}{6} + \frac{1}{7} \int v_C + i_C + \frac{1}{42} \frac{dv_C}{dt} = 8e^{-2t}$$

برای حل این معادله دیفرانسیل

تبدیل این معادله به معادله دیفرانسیل

$$\frac{d^2v}{dt^2} + 7 \frac{dv}{dt} + 6v + 42 \frac{di_C}{dt} = 42 \times (16e^{-2t})$$

$$\frac{d^2v}{dt^2} + 7 \frac{dv}{dt} + 6v = -672e^{-2t}$$

$k e^{-2t}$

برای حل این معادله دیفرانسیل

$f_p = C v_p$        $v_p = A e^{-2t}$

$$4Ae^{-2t} + 7L - 2Ae^{-2t} = -672e^{-2t} \quad \text{ms } A = 143$$

اطلاعات دانشگاه صنعتی کامپیوتر و فناوری اطلاعات





Subject: \_\_\_\_\_  
Year: \_\_\_\_\_ Month: \_\_\_\_\_ Date: \_\_\_\_\_ ( )

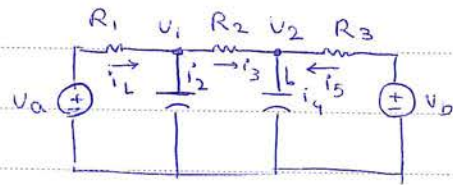
State variables:

$C_1 = 1mF$

$C_2 = 0.5mF$

$R_1 = R_2 = 1K\Omega$

$R_3 = 2K\Omega$



مثالی

$$\begin{cases} v_1 \rightarrow k \cdot C_1 : & i_1 - i_2 - i_3 = 0 \\ v_2 \rightarrow k \cdot C_2 : & i_3 - i_4 + i_5 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{v_a - v_1}{10^3} - \frac{v_1}{10^3} - \frac{v_1 - v_2}{10^3} = 0 \\ \frac{v_1 - v_2}{10^3} - \frac{v_2}{2 \times 10^3} + \frac{v_b - v_2}{2 \times 10^3} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} (s+2)v_1 - v_2 = v_a & (A) \\ -2v_1 + (s+3)v_2 = v_b & (B) \end{cases}$$

$$v_1 = \frac{(s+3)v_a + v_b}{s^2 + 5s + 4}$$

$$v_1 = v_{1p} + v_{1n}$$

$$\frac{d^2 v_1}{dt^2} + 5 \frac{dv_1}{dt} + 4v_1 = \frac{dv_a}{dt} + 3v_a + v_b = 36$$

$v_{1p} : v_{1p} = k$

$4k = 36 \Rightarrow k = 9 \Rightarrow v_{1p} = 9V$

$v_{1n} : s^2 + 5s + 4 = 0$

$s_1 = -1, s_2 = -4$

$v_{1n} = A_1 e^{-t} + A_2 e^{-4t}$

$v_1 = v_{1n} + v_{1p} = A_1 e^{-t} + A_2 e^{-4t} + 9$

طبق فرض اولیه مسئله

$v_1(0) = 5V$

$v_2(0) = 10V$

دانشگاه پلیسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات  
دانشگاه صنعتی امیرکبیر

Subject: \_\_\_\_\_  
 Year. \_\_\_\_\_ Month. \_\_\_\_\_ Date. ( ) \_\_\_\_\_

برای نوشتن  $\frac{dv}{dt} \Big|_{t=0}$  باید بدانیم ای استفاده کنیم که صالند از استق اول به سببیه تر افجای آن  $v_1$   
 عند المر در مسئله حقیق اول ندرسته بشیم ی ترانیم تیل از  $\frac{dv}{dt} \Big|_{t=0}$  نوشتن از جمله استق اول  
 بشیم سبب  $\frac{dv}{dt} \Big|_{t=0}$  رای سبب کنیم

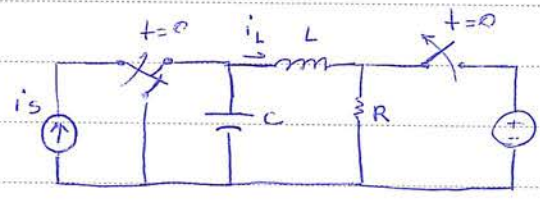
$\frac{dv_1}{dt} \Big|_{t=0} = ?$

(A)  $\frac{dv_1}{dt} + 2v_1 - v_2 = v_a$   
 $\frac{dv_1}{dt} \Big|_{t=0} + 2v_1(0) - v_2(0) = v_a(0)$

$\frac{dv_1}{dt} \Big|_{t=0} = 10$

$C = 0.5F$  ,  $R = 3\Omega$   
 $L = 1H$  ,  $i_s = 2e^{-3t}$

در  $t > 0$  در  $t = 0^-$  در  $i = ?$



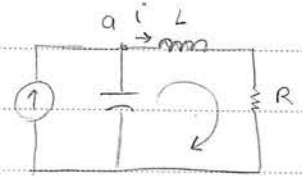
سوال ۱

$v_C(0^-) = v_R = 0V$  ,  $i_L(0^-) = i_C(0^-) = 0$

در KCL :  $i_s - i_C - i_L = 0$

$i_C + i_L = i_s$

(A)  $C \frac{dv_C}{dt} + i_L = 2e^{-3t}$



RLC - KVL :  $-v_C + v_L + v_R = 0$

$-v_C + L \frac{di_L}{dt} + IR = 0$  (B)

$\begin{cases} \frac{5}{2} v_C + i_L = 2e^{-3t} \\ -v_C + 5i_L + 3i_L = 0 \end{cases}$

بسیار سخته؟ باید در این روش رسید که در حالت کلی در این روش وجود داشته باشد

$\begin{cases} i_f = k e^{-3t} \\ i_N = A_1 e^{-t} + A_2 e^{-2t} \end{cases}$   $\frac{d^2 i}{dt^2} + 3 \frac{di}{dt} + 2i = 4e^{-3t}$   
 $9k e^{-3t} - 9k e^{-3t} + 2k e^{-3t} = 4e^{-3t}$

$k = 2$  ,  $i_f = 2e^{-3t}$

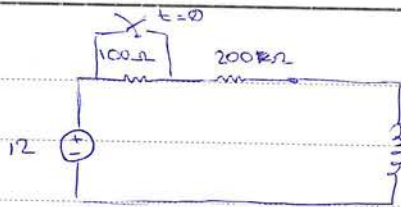
$i_L = 2e^{-3t} + A_1 e^{-t} + A_2 e^{-2t}$

P4PCO  $i_L(0) = 0A$  ,  $\frac{di}{dt} \Big|_{t=0} = ?$

(C)  $\frac{di}{dt} \Big|_{t=0} = \frac{v_C(0) - 3i(0)}{1} = 10 A/s$



Year. Month. Date. ( )



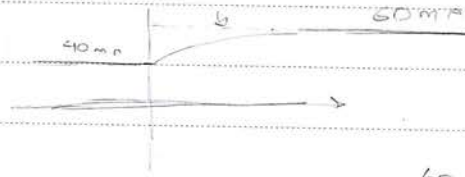
سوال ۱) پایداری مدار

$$R_T = 200$$

$$\tau = \frac{L}{R} = 25 \mu\text{sec}$$

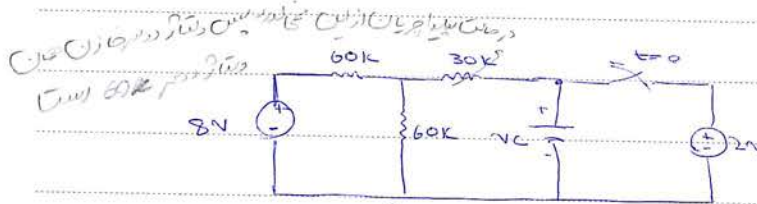
$$i_L(0) = i_L(\infty) = 90 \text{ mA}$$

$$i_L(\infty) = 60 \text{ mA}$$



$$60 - 20 = 40 \text{ mA} \quad \tau = 25 \mu\text{sec}$$

$$N_L = L \frac{di}{dt} = (5 \times 10^{-3})$$



سوال ۲)

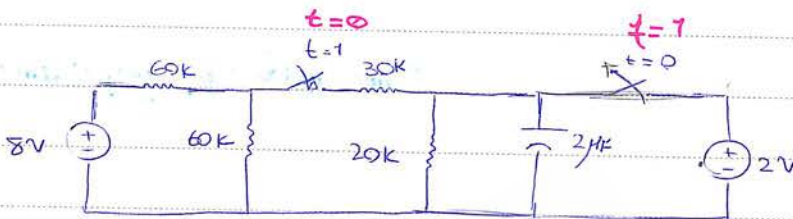
فولت ولتاژ در شاخه ۲V

$$V_C(\infty) = 2 \text{ V}$$

$$t > 0 \rightarrow R_T = 30k + 60k \parallel 60k = 60k \Omega$$

$$\tau = R_T \cdot C = 60 \mu\text{s} = 120 \text{ mSec}$$

$$V_C(\infty) = \frac{60k}{60k + 60k} \cdot 8 \text{ V} \rightarrow V_C(\infty) = 4 \text{ V}$$



سوال ۳)

فولت ولتاژ در شاخه 2V

در شاخه 2V

در  $t < 0$  مدار حالت پایداری



$$V_C(0^+) = V_C(0^-) = 2 \text{ V}$$

در  $t > 0$   $R_T = 0$   $\tau = 0$   $V_C(\infty) = 2 \text{ V}$

$$\tau = R_T \cdot C = 0$$

$$V_C(\infty) = 2 \text{ V}$$

P4PCO

در  $t < 0$  مدار حالت پایداری

Subject:

Year. Month. Date. ( )

در مدار فوق:

$$R_T = (20k\Omega \parallel (20k\Omega) + (60 \parallel 60)k) = 15k\Omega$$

$$\tau = 15k\Omega \times 2\mu = 30msec$$

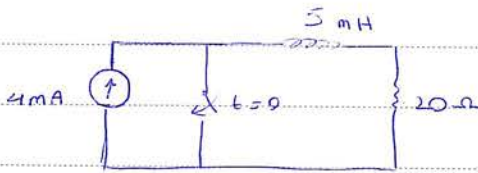
$$V_C(0^+) = V_C(0^-) = 2V$$

$$V_C(\infty) = 20k\Omega \times \frac{8}{60k + (60k \parallel 20k)} + \frac{60}{60+30}$$

$$V_C(t) = V_C(\infty) + [V_C(0) - V_C(\infty)]e^{-\frac{t}{\tau}}$$

مثال

قبل از بسته شدن کلید رطبت پایدار:



$$i_L(0^-) = i_L(0^+) = 4mA$$

بعد از بسته شدن کلید:

در مدار بسته شدن کلید، در لحظه بسته شدن کلید، در مدار تغییراتی رخ می دهد و باید آن را در نظر گرفت.



$$i_L(\infty) = 0$$

$$R_T = 20\Omega$$

$$\tau = \frac{L}{R_C}$$

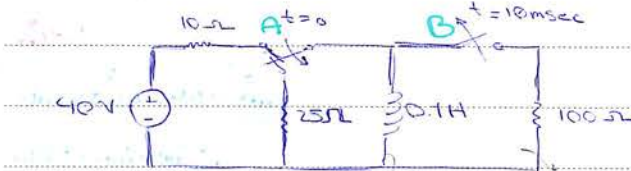
خالفت شدن با یکبار جریان مغز است

دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه صنعتی امیرکبیر





Subject: \_\_\_\_\_  
Year: \_\_\_\_\_ Month: \_\_\_\_\_ Date: \_\_\_\_\_



در  $t < 10$  میلی ثانیه

در  $t > 10$  میلی ثانیه

در  $t < 10$  میلی ثانیه:  $i_L(0^-) = i_L(0^+) = \frac{40}{10+25} = \frac{40}{35} = 1.14$  A

$i_L(0) = 1.14$  A

در  $t > 10$  میلی ثانیه:  $i_L(10^-) = 1.14$  A  
در  $t > 10$  میلی ثانیه:  $i_L(10^+) = 0$  A

$i_L(10) = 0$

$R_T = 100 + 25 = 125 \Omega$

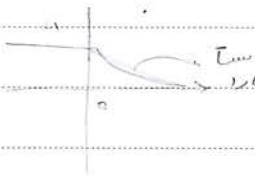
در  $t > 10$  میلی ثانیه

$\tau = \frac{L}{R} = \frac{0.1}{125} = 0.8 \text{ msec}$

در  $t > 10$  میلی ثانیه

$i_L = 4e^{-\frac{t-10}{0.8 \text{ msec}}}$

در  $t > 10$  میلی ثانیه



در  $t > 10$  میلی ثانیه:  $i_L(10) = 1.14$  A

در  $t > 10$  میلی ثانیه:  $i_L(10) = i_L(10) = 1.14$  A

در  $t > 10$  میلی ثانیه

$i_L(10) = 0$

در  $t > 10$  میلی ثانیه

در  $t > 10$  میلی ثانیه

$R_T = 25 \Omega$

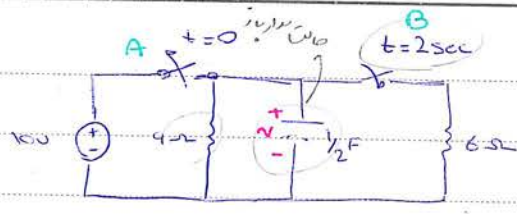
$\tau = \frac{L}{R} = \frac{0.1}{25} = 4 \text{ msec}$

در  $t > 10$  میلی ثانیه

$i_L = 0.34 e^{-\frac{t-10}{4 \text{ msec}}}$



Subject: Year: Month: Date: ( )



سوال

① در  $t=0$  حالت پایداری بوده  $V_C(0) =$

$V_C(0) = V_C(0^-) = 10V$

② پس از تغییر حالت کلید A  $V_C(100) = 0V$  ←

③ در  $t > 0$  مقاومت تان  $R_T = 4\Omega$

④  $\tau = R_T C = 4 * \frac{1}{2} = 2sec$  در  $t > 0$

⑤ در  $t > 0$   $V_C = 10e^{-\frac{t}{2}}$

(در رقم کالیبر تغییر حالت در چند ثانیه استفاده)

① در  $t=2sec$   $V_C(2) = V_C(2^-) = 10e^{-2}$  ←

$V_C(2sec) = 3.7V$

② پس از تغییر حالت کلید B  $V_C(100) = 0V$  ←

③ مقاومت تان  $R_T = 4||6 = 2.4\Omega$  در  $t > 2sec$

$R_T = 2.4\Omega$

④  $\tau = R_T C = 2.4 * \frac{1}{2} = 1.2 sec$  در  $t > 2sec$

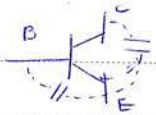
⑤ در  $t > 2sec$   $V_C(t) = 3.7 e^{-\frac{(t-2)}{1.2}}$

خبر اولی A در  $t=xsec$  بسته شد ؟  
 اگر  $x < 2$  پس از تغییر حالت کلید A در  $t=0$  و در  $t=x$  کلید A بسته شد و در  $t=2$  کلید B بسته شد.  
 اگر  $x > 2$  پس از تغییر حالت کلید B در  $t=2$  و در  $t=x$  کلید A بسته شد و در  $t=100$  کلید B بسته شد.

انشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر

Subject:

Year. Month. Date. ( )



تمام صورت های منطبق برای اینس در کلاکتور به اجتناب از اتصال به سرباز  
 یا به دلیل ظرفیت به delay می شود



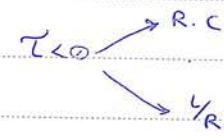
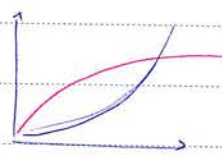
منفی +  
 مثبت -

سختی های حاصل

$$x = x(10) + [x(10) - x(10)] e^{-t/\tau}$$

کجا هم هست حالت صفر شده ی ورود (حالت پایدار)

این ترتیب زمانی مانع از این است که به سمت کجا تغییراتی در خروجی بخورد و به سمت زیر می رود



ماده هیچ وقت نمی می شود

مقدار منتهی به صیاح در بسته

دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری  
 اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر



Subject: Year: Month: Date: ( )

$$\frac{dx}{dt} + ax = y(t)$$

$$x e^{at}$$

$$\frac{d}{dt} x e^{at} = \frac{dx}{dt} e^{at} + x a e^{at}$$

$$\left(\frac{dx}{dt} + ax\right) e^{at} = \frac{d}{dt} x e^{at}$$

Force response      Natural response

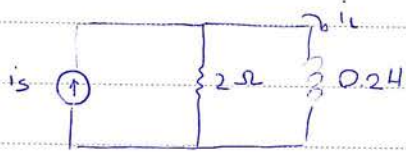
$$x = x_f + x_n$$

$$\left(\frac{dx}{dt} + ax\right) e^{at} = y e^{at}$$

$$x e^{at} = \int y e^{at} d\tau + k$$

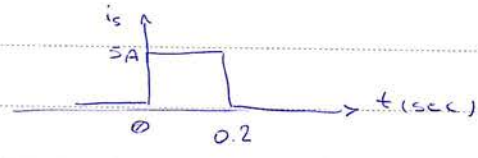
$$x = e^{-at} \left[ \int y e^{at} d\tau + k \right]$$

$$\Rightarrow x = e^{-at} \left[ \int y e^{at} d\tau + k \right]$$



سوال در تفسیر حالت

$t=0 \Rightarrow i_L(0) = i_L(0^-) = 0$  در لحظه 0 در لحظه 0-  
 در لحظه 0



$t > 0 \Rightarrow i_L(\infty) = 5A$

$t > 0 \Rightarrow R_T = 2 \Omega$

$\tau = \frac{L}{R} \Rightarrow \tau = 0.1 \text{ sec}$

$i_L = 5(1 - e^{-\frac{t}{0.1 \text{ sec}}})$

$t = 0.2 \text{ sec} \Rightarrow i_L(0.2) = i_L(0.2^-) = 5(1 - e^{-\frac{0.2}{0.1}}) = 1.02$

$t > 0.2 \text{ sec} \Rightarrow i_L(\infty) = 0$

$t > 0.2 \text{ sec} \Rightarrow R_T = 2 \Omega$

$\tau = 0.1 \text{ s}$

$t > 0.2 \Rightarrow i_L = I_0 e^{-\frac{(t-0.2)}{0.1}}$

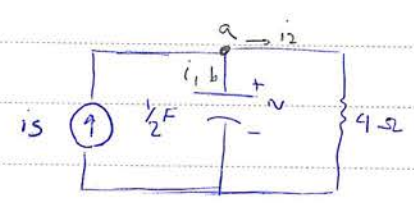
دانشگاه مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر





Subject: Year: Month: Date: ( )

- ۱) ابتدا مقدار ولت را در جریان سلفی یا ولتاژ خازن را بیست اوردید
  - ۲) ریشه ی دیفرانسیلی را برین باز منبج تحریک  $i_c$  و منبج تحریک بیست اوردید در این معادله دیفرانسیل در معادله بیست
  - ۳) مشخص کردن پاسخ ضعیف  $i_p$  یا  $i_n$  از طرف دوم معادله دیفرانسیل
  - ۴)  $i_p$  یا  $i_n$  را در معادله دیفرانسیل قرار داده رصنیدیا محسول آنرا بیست ای اوردیم در این جا  $i_p$  یا  $i_n$  بیست ای اید
  - ۵) مشخص شکل کلی پاسخ ضعیف از صندیا عبارات عید دیفرانسیل در طرف اول  $Ae^{-at}$
  - ۶) روش پاسخ ضعیف
- $$i = i_p + i_n$$
- $$v = v_p + v_n$$
- ۷) قراردادن  $i$  یا  $v$  به ازای مقدار اولیه ای که در قدم ۱ بیست دریا منبج ضعیف  $i_n$  یا  $v_n$



$i_s = 10 \sin 2t$  (u(t))

موضوع اینده  $v(0) = 0$  و  $v = ?$  در  $t > 0$   
 منبج تحریک در معادله دیفرانسیل می باشد

$$C \frac{dv}{dt} + \frac{v}{R} = i_s$$

$$i_1 + i_2 = i_s$$

$$C \frac{dv}{dt} + \frac{v}{R} = i_s = 10 \sin 2t$$

$$\frac{1}{2} \frac{dv}{dt} + \frac{1}{4} v = 10 \sin 2t$$

$$\frac{dv}{dt} + \frac{1}{2} v = 20 \sin 2t$$

$$\frac{dv}{dt} + \frac{1}{2} v = 20 \sin 2t$$

$$v_p = A \sin 2t + B \cos 2t$$

$$\frac{dv}{dt} + \frac{1}{2} v = 20 \sin 2t$$

$$Ae^{-\frac{1}{2}t}$$

Subject:

Year. Month. Date. ( )

Subject:

Year:

معادله دیفرانسیل 2 مرتبه

$$(2A \cos 2t - 2B \sin 2t) + \frac{1}{2} (A \sin 2t + B \cos 2t) = 0$$

$$A = \frac{40}{17} \quad B = -\frac{160}{17}$$

$$v_p = \frac{40}{17} \sin 2t - \frac{160}{17} \cos 2t$$

$\frac{dv}{dt}$

صورتی که در آن طرفی برابر

$$v_n = A e^{-t/2}$$

$$v = v_p + v_n$$

$$v = \frac{40}{17} \sin 2t - \frac{160}{17} \cos 2t + A e^{-t/2}$$

در  $t=0$

$$v(0) = 0 \rightarrow \frac{40}{17} * 0 - \frac{160}{17} * 1 + A e^{-0/2}$$

صورتی که در آن طرفی برابر

$v_n = A$

15

P.

دانشگاه مهندسی کامپیوتر و فناوری  
اطلاعات دانشگاه صنعتی امیرکبیر

PAPCO

PAPCO



Subject: \_\_\_\_\_  
Year. \_\_\_\_\_ Month. \_\_\_\_\_ Date. ( ) \_\_\_\_\_

5.3 - 2, 4, 6

فصل 5

5.4 - 2, 4, 6

5.5 - 2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16

5.6 - 2, 4

5.7 - 2, 4, 6

SP5 - 2, 4

8VP5 - 2, 3

DP5 - 2, 3, 7, 8

7.3 - 2, 4, 6, 8

فصل 7

7.4 - 2, 4, 6

7.5 - 2

7.6 - 2, 4, 6

7.7 - 2

7.8 - 2

7.9 - 2, 4, 6

VP7 - 2

DP7 - 2, 4

8.3 - 2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16

فصل 8

8.4 - 2, 4, 6, 8

8.5 - 2, 4

8.6 - 2, 4, 6, 8, 10

8.7 - 2, 4, 8, 10

SP8 - 2, 4

NP8 - 2, 4

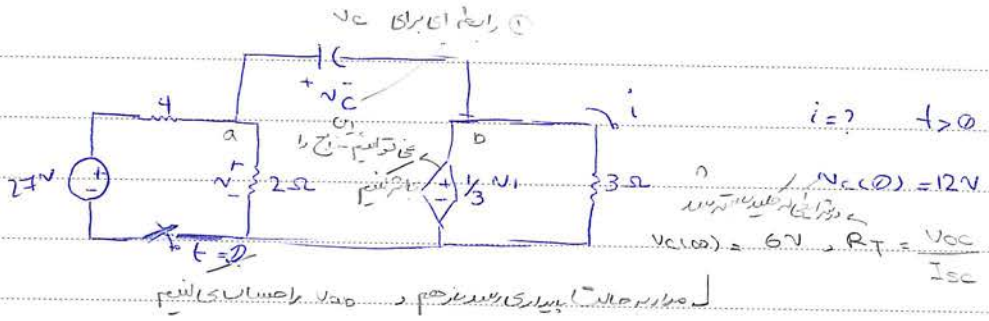
DP8 - 2, 4, 6, 8

دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری  
اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر

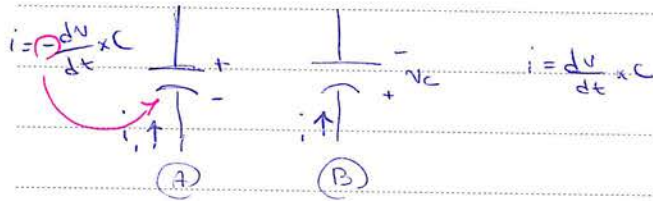
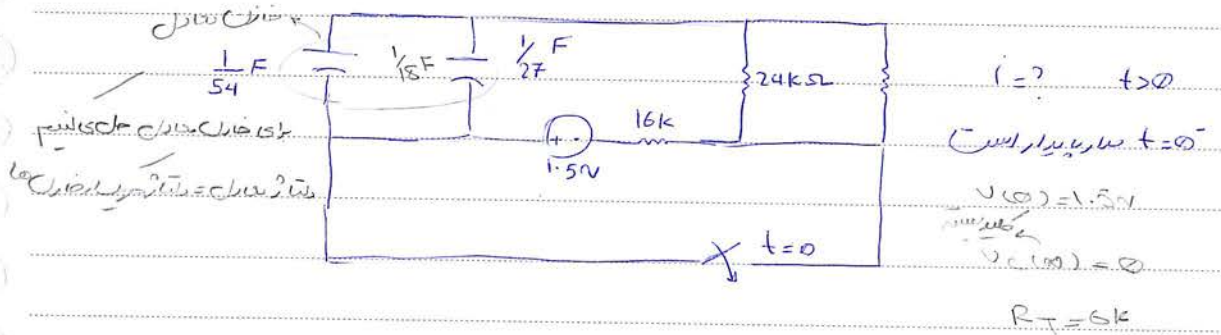
PAPCO

Subject: \_\_\_\_\_  
Year. \_\_\_\_\_ Month. \_\_\_\_\_ Date. ( )

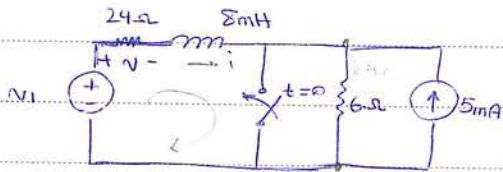
8.3.15



8.3.17



مثال (سلف)



$u_1 = 25 \sin 4000t \text{ (V)}$

مقدار  $i$  را در هر دو مقدار  $t > 0$

$t = 0^-$  و  $t = 0^+$  را در دست آورید

$i(0^-) = 1 \text{ mA}$

$i(\infty) =$

$t > 0 \quad \frac{di}{dt} + ax = y(t)$  معادله دیفرانسیل

$i(\infty) = i(0^-) = 1 \text{ mA}$

$-v_1 + 24i + (3 \times 10^{-3}) \frac{di}{dt} = 0$

$\frac{di}{dt} + 3 \times 10^3 i = \frac{1}{3} \times 10^3 \text{ A}$

P4PCO



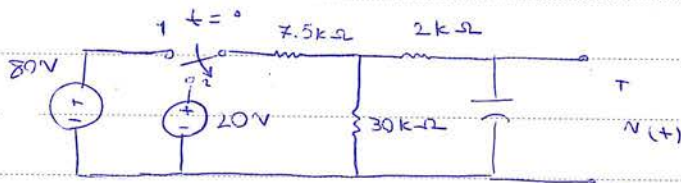
Subject: Year: Month: Date: ( )

۳) بیست و یکمین سوال

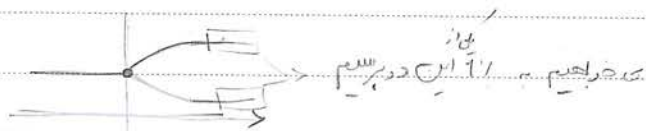
۱)  $i_p = A \sin 4000t + B \cos 4000t$

۲)  $i_n = k e^{-3 \times 10^3 t}$

۳)  $i_L = i_1 + i_2$



$V(\infty) = 0.25 \times 17$  Final Value



$V_c(t) = V_c(0^-) + [V_c(\infty) - V_c(0^-)] e^{-t/\tau}$

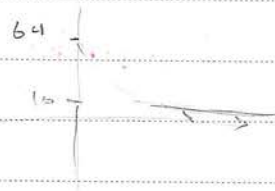


$V_c(0^-) = 64V$

$V_c(\infty) = 16V$

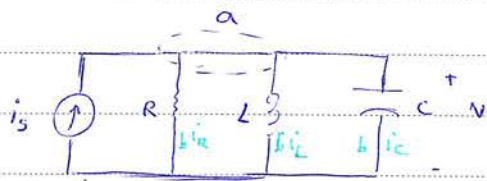
$R_T =$

$(64 - 16) = 100\%$



دانشگاه مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر

Subject: \_\_\_\_\_  
Year: \_\_\_\_\_ Month: \_\_\_\_\_ Date: \_\_\_\_\_ ( )

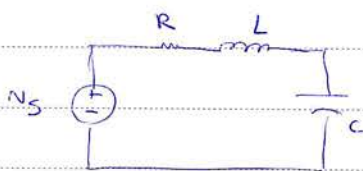


سویچ بسته در نظر بگیرید. اصل KCL را در این مدار بنویسید.

$i_R + i_L + i_C = i_s$  در هر لحظه

$$\frac{v}{R} + \left[ \frac{1}{L} \int v dt + i(0) \right] + C \frac{dv}{dt} = i_s$$

$$\frac{1}{R} \frac{dv}{dt} + \frac{1}{L} v + C \frac{d^2 v}{dt^2} = \frac{di_s}{dt}$$



برای جریان در مدارهای سری این چنینی نظریه کولمب

برای KVL:  $-v_s + Ri + L \frac{di}{dt} + \left[ \frac{1}{C} \int i dt + v_0 \right] = 0$

برای KCL:  $i = i_C$

$$R \frac{di}{dt} + L \frac{d^2 i}{dt^2} + \frac{1}{C} i = \frac{dv_s}{dt}$$

سازگار با این است. یعنی در صورتی که در مدار تغییر است. در صورتی که در مدار تغییر است.

### S Operator

$$s \triangleq \frac{d}{dt}$$

$$\frac{1}{s} \triangleq \int$$

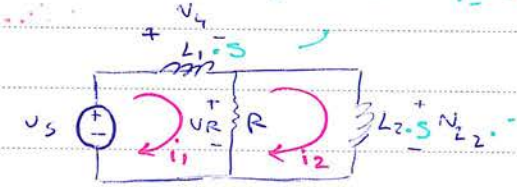
دانشگاه مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر



Subject :

Year . Month . Date . ( )

نظری لنیم متقاربتی است با مقدار  $L_1 = 5$



مثال ۱  
از تبدیل سلفی سلفی اثر متقابل ندارد

با اعمال KVL :

$$\begin{cases} \text{در حلقه } i_1 & -V_S + V_{L_1} + V_R = 0 \\ \text{در حلقه } i_2 & -V_R + V_{L_2} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} L_1 \frac{di_1}{dt} + R(i_1 - i_2) = V_S \\ -R(i_1 - i_2) + L_2 \frac{di_2}{dt} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} L_1 S i_1 + R(i_1 - i_2) = V_S \\ -R(i_1 - i_2) + L_2 S i_2 = 0 \end{cases}$$

بازنویساده از این اتر 5

$$\begin{cases} (L_1 S + R) i_1 - R i_2 = V_S \\ -R i_1 + (R + S L_2) i_2 = 0 \end{cases} \quad (A)$$

پس از حل دستگاه برای  $i_2$  داریم

$$i_2 = \frac{V_S}{(S+1)(2S+1) - 1}$$

این رابطه بیان برقراره دینفر استیبل نیست نه  $i_2$  را ای تبدیل اولی نیست آورد

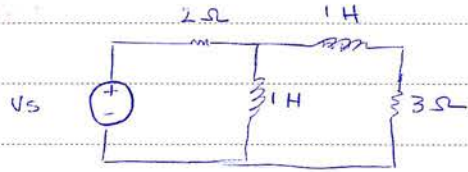
$$(2S^2 + 3S) i_2 = V_S \quad \text{معادله دینفر استیبل } i_2$$

$$\text{ms} \quad 2 \frac{d^2 i_2}{dt^2} + 3 \frac{di_2}{dt} = V_S$$

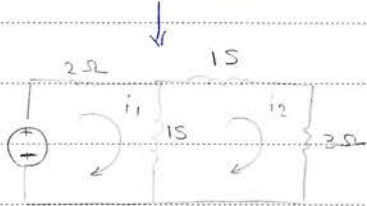
از A نتیجه میگیریم حاصلین متقاربتی را به صورت  $\frac{1}{s}$  در رابطه KVL کار برده ایم  
 در رابطه  $i_2$  صورت اصلی خود در نظر میگیریم  
 L را به صورت  $\frac{1}{s}$  در نظر میگیریم  
 و سایرین برای خازن، C را به صورت  $\frac{1}{s}$  قرار دهیم

Subject:

Year. Month. Date. ( )



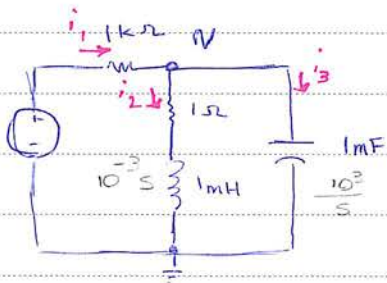
مثال 1



$$\begin{cases} (2+S)i_1 - Si_2 = Vs \\ -Si_1 + (2S+3)i_2 = i_2 \end{cases}$$

سین ارتعاشی داشته باشد

$$i_2 = \frac{5Vs}{s^2 + 7s + 6} \quad \Rightarrow \quad \frac{d^2 i_2}{dt^2} + 7 \frac{di_2}{dt} + 6i_2 = \frac{dVs}{dt}$$



KCL

KVL

مثال 2

$$i_1 = G_1 V_1$$

$$V_1 = R_1 i_1$$

$$i_1 = C S V_1$$

$$V_1 = \frac{1}{CS} i_1$$

$$i_1 = \frac{1}{LS} V_1$$

$$V_1 = L S i_1$$

$$i_1 - i_2 - i_3 = 0$$

KCL در گره 1

$$\left( \frac{Vs - V}{10^3} \right) - \left( \frac{V}{1 + 10^{-3} S} \right) - \left( \frac{V}{\frac{10^3}{S}} \right) = 0$$

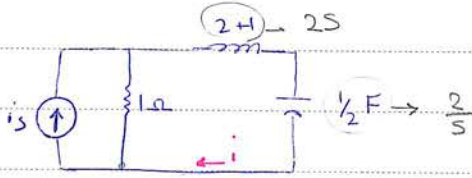
$$V = \frac{(S + 10^3) Vs}{S^2 + 1001S + 1001 + 10^3}$$

دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر

برای اطلاع بیشتر با ما در ارتباط باشید



Subject: \_\_\_\_\_  
Year: \_\_\_\_\_ Month: \_\_\_\_\_ Date: \_\_\_\_\_



مثال ۱: یک ریفرنسیل برای آ

توسعه علی صابر

$$i = \frac{1}{1 + (2s + \frac{2}{s})} \times i_s$$

نوعی از معادلات دیفرانسیل

$$a_2 \frac{d^2 x}{dt^2} + a_1 \frac{dx}{dt} + a_0 x = f(t)$$

این f(t) بیشتر به شکل سینوسی یا کسینوسی است

$$x = x_n + x_p$$

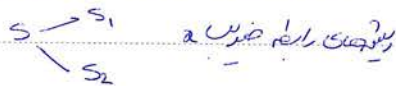
الریج تحریک f(t) از سیستم چند سطر داریم

$$a_2 \frac{d^2 x}{dt^2} + a_1 \frac{dx}{dt} + a_0 x = 0$$

با جذری برابر ۵ داریم

$$a_2 s^2 + a_1 s + a_0 = 0$$

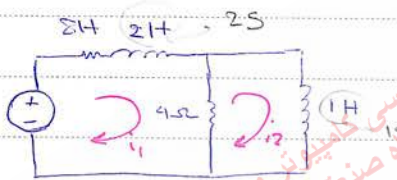
$$(a_2 s^2 + a_1 s + a_0) x = 0$$



$$x_1 = A_1 e^{s_1 t} + A_2 e^{s_2 t}$$

با این روش می توانیم به شرطی

$s_1, s_2$  : Natural Frequency / characteristic Frequencies



مثال ۲: پاسخ طبیعی برای جریان i2

Natural response

$$\begin{cases} (12 + 2s) i_1 - 4 i_2 = 24 \\ (4 + s) i_2 - 4 i_1 = 0 \end{cases}$$

$$12 = \frac{24s}{s^2 + 10s + 6}$$

پس از ریفرنسیل کامل بر ۲

توسعه علی صابر

PAPCO

توسعه علی صابر

Subject:

Year. Month. Date. ( )

برای س1 و س2

$$s^2 + 10s + 16 = 0$$

$$\left. \begin{matrix} s_1 = -2 \\ s_2 = -8 \end{matrix} \right\} \Rightarrow i_2(t) = A_1 e^{-2t} + A_2 e^{-8t}$$

س1، س2 سه حالت بخوردی الی

$$a_2 \frac{d^2 x}{dt^2} + a_1 \frac{dx}{dt} + a_0 x = 0$$

$$a_2 s^2 x + a_1 s x + a_0 x = 0$$

$$(a_2 s^2 + a_1 s + a_0) x = 0$$

$$\Delta = a_1^2 - 4a_0 a_2$$

Over damped circuit  $\Delta > 0$   
 Critically " "  $\Delta = 0$   
 Under " "  $\Delta < 0$

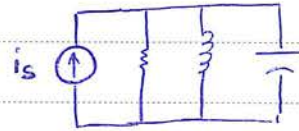
$$(\alpha + i\beta) \quad \text{و } s_1, s_2$$

مثال

$$R = \frac{2}{3} \Omega, L = 1H, C = \frac{1}{2}F$$

$$V_{cc}(0^-) = 10V, i_L(0^-) = 2A$$

$$V_C = ? \quad t > 0$$



$$\frac{V}{R} + \frac{1}{L} \int v dt + i(0) + C \frac{dv}{dt} = 0$$

$$\frac{1}{R} \frac{dv}{dt} + \frac{1}{L} v + C \frac{d^2 v}{dt^2} = 0 \rightarrow \frac{d^2 v}{dt^2} + \frac{1}{RC} \frac{dv}{dt} + \frac{1}{LC} v = 0$$

$$s^2 + \frac{1}{RC} s + \frac{1}{LC} = 0 \Rightarrow s^2 + 3s + 2 = 0 \rightarrow s = -1, s = -2$$

$$V_{cn} = A_1 e^{-t} + A_2 e^{-2t}$$

$$V_C(0) = 10V$$

$$\left. \frac{dV_C}{dt} \right|_{t=0} = -\frac{1}{RC} V_C(0) - \frac{1}{C} i_L(0) = -34$$

$$\left. \frac{dV_C}{dt} \right|_{t=0} = -\frac{1}{RC} V_C(0) - \frac{1}{C} i_L(0)$$

P4PCO

$$\begin{cases} A_1 + A_2 = 10 \\ A_1 - 2A_2 = -34 \end{cases} \Rightarrow V_n = -14 e^{-t} + 24 e^{-2t}$$

t = 0



Subject:

Year. Month. Date. ( )

۳- رسم سطح کلی

$$V = V_p + V_n = 2e^{-t} + A_1 e^{-2t} + A_2 e^{-3t}$$

۵- استفاده از شرایط در شرایط صریح محمول بقیه مسئله را حل کنید

$$t=0 \Rightarrow V(0) = 10V = 2e^0 + A_1 e^0 + A_2 e^0$$

$$t=0 \Rightarrow \frac{dV}{dt} = -2 = -2 - 2A_1 - 3A_2$$

$$|A_1 = 24|, |A_2 = -16|$$

۴- رسم سطح کلی (سطح کامل)

$$V = 2e^{-t} + 24e^{-2t} - 16e^{-3t}$$

مراحل کلی

۱- یافتن شرط اولیه  $V(0)$  و  $i(0)$

۲- نوشتن روابط در معادله دیفرانسیل موردتقریب باید بود

$$b - \text{یافتن شرط اولیه } \left. \frac{dV}{dt} \right|_{t=0} = \left. \frac{di}{dt} \right|_{t=0} = 0$$

۲- رسم سطح کلی  $V_n$  و  $i_n$

۳- یافتن سطح کلی  $V_p$  و  $i_p$  از نسبت شرط دوم به دیفرانسیل در شرط ۱

$$i = i_p + i_n \quad V = V_p + V_n$$

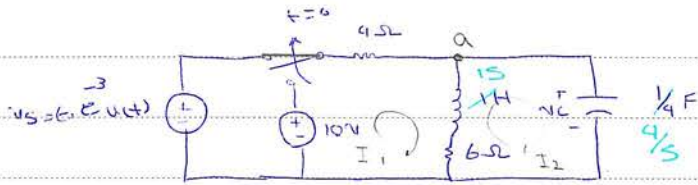
۵- یافتن صریح محمول در سطح کلی  $V$  بر اساس شرط اولیه

۴- رسم سطح کامل  $V$

دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری  
اطلاعات دانشگاه صنعتی امیرکبیر

Subject :

Year . Month . Date . ( )



سوال ۱

سازد رصحت پیدار بیغ طر در  $t > 0$

$$I_1 = \frac{10V}{4\Omega + 6\Omega} = 1A$$

$$V_C = \frac{6V}{6\Omega} = 6V$$

ا ← پشج  $N_C(t)$   $N_C(t)$

$$1. \text{ KVL: } (10 + S)I_1 + (6 + S)I_2 = V_s$$

$$2. \text{ KCL: } (6 + S)I_2 - (6 + S)I_1 = 0$$

$$I_2 = \frac{V_s}{S^2 + 12S + 10}$$

RLC KVL:  $-V_C + \frac{dI_2}{dt} + 6I_2 = 0$

KCL:  $\frac{V_s}{4\Omega} + I_1 + \frac{1}{4} \frac{dV_C}{dt} = 0$

$$\begin{cases} -V_C + S I_1 + 6 I_2 = 0 \\ \frac{1}{4} V_C + I_1 + \frac{1}{4} S V_C = \frac{1}{4} V_s \end{cases}$$

$$\begin{cases} -V_C + (S+6)I_2 = 0 \\ \frac{1}{4}(1+S)V_C + I_1 = \frac{1}{4}V_s \end{cases}$$

$$V_1 = \frac{(S+6)V_s}{S^2 + 7S + 10}$$

Initial conditions:

$$\left. \frac{dI_2}{dt} \right|_{t=0} = N_C(0) - 6I_2(0) = 0$$

$$\left. \frac{dV_C}{dt} \right|_{t=0} = 4 \left[ \frac{1}{4} \dot{V}_s(0) - \frac{1}{4} N_C(0) + \frac{1}{4} V_s \right]_{t=0} = -4$$

$$\frac{d^2 V_1}{dt^2} + 7 \frac{dV_1}{dt} + 10 V_1 = 6 V_s = 6 V e^{-4t}$$

$$S^2 + 7S + 10 = 0 \Rightarrow S_1 = -2, S_2 = -5$$

$$V_1 = A_1 e^{-2t} + A_2 e^{-5t}$$

دانشکده مهندسی کامپیوتر و فناوری اطلاعات دانشگاه صنعتی امیر کبیر

$$9A_1 e^{-2t} + 10A_2 e^{-5t} = 12e^{-4t} \Rightarrow A_1 = -9 \Rightarrow V_1 = -9e^{-4t}$$

$$A_1 = V_1(0) = A_1 e^{-2t} + A_2 e^{-5t} = 9e^{-4t}$$