

(۲)

جمهوری اسلامی ایران
وزارت فرهنگ و آموزش عالی

بسمه تعالیٰ

تاریخ ۱۴۲۸/۵/۶
شماره ۱۱۴/۱۰۴۹
پیوست دارد

ایجاد گرایش اقتصاد ریاضی در دوره دکتری
اقتصاد

تصویب جلسه ۳۷۷ مورخ ۱۳۷۸/۴/۲۰ شورای عالی برنامه ریزی

شورای عالی برنامه ریزی در جلسه ۳۷۷ مورخ ۱۳۷۸/۴/۲۰ بنایه به
پیشنهاد دانشگاه تهران و تأیید گروه علوم انسانی؛ ایجاد گرایش دیگری با عنوان
«اقتصاد ریاضی» در برنامه دوره دکتری اقتصاد را تصویب کرد و مقرر داشت که
این گرایش به عنوان گرایش سیزدهم به مجموعه گرایشهای دوره دکتری اقتصاد
تصویب جلسه ۲۰۸ مورخ ۱۳۶۹/۹/۱۸ شورای عالی برنامه ریزی اضافه شود.
دانشگاهها و واحدهای مجوی می‌توانند علاوه بر گرایشهای دوازده گانه در
برنامه مصوب این گرایش را نیز دایر و اجرا نمایند.
برنامه درین مواد این گرایش به شرح پیوست به تصویب شورای عالی
برنامه ریزی رسید.

رأی صادره جلسه ۳۷۷ مورخ ۱۳۷۸/۴/۲۰ شورای عالی برنامه ریزی در خصوص
گرایش اقتصاد ریاضی در دوره دکتری اقتصاد صحیح است به دانشگاهها و واحدهای
محری ابلاغ شود.

دکتر مصطفی معین

وزیر فرهنگ و آموزش عالی

دکتر علی شریعتمداری
رئیس گروه علوم انسانی

رونوشت: معاونت محترم آموزشی وزارت فرهنگ و آموزش عالی
فواهشمند است به واحدهای مهندی ابلاغ فرمایید

دکتر سید محمد باظام نائینی

دبیر شورای عالی برنامه ریزی



۱۳- گرایش اقتصاد ریاضی*

کد درس	نام درس	تعداد واحد	مجموع	نظری عملی	ساعت
۷۳۵	اقتصاد ریاضی ۱	۲	۵۱	۵۱	-
۷۳۶	اقتصاد ریاضی ۲	۲	۵۱	-	۵۱
۷۳۷	اقتصاد ریاضی ۳	۲	۵۱	-	۵۱
جمع					

*: دانشجویانی که این گرایش را انتخاب می‌کنند به تشخیص گمیته یا شورای تحصیلات تکمیلی گروه موظف‌اند درس ریاضیات پیشرفت اقتصاد را مطابق سرفصل ضمیمه به عنوان پیشیاز بگذرانند.



اقتصاد ریاضی (۱)

هدف:

ماهیت اقتصاد مدرن، تحلیلی و ریاضی بودن آنست. ریاضیات زبان‌گویا و در عین حال باعث بیان روشن و ساده مفروضات و گسترش و تعمیم مطالب آن می‌باشد. با استفاده از این زبان به بیان سیستماتیک تئوریها و راههای گسترش و تعمیم آن با استفاده از بهینه سازی غیرخطی و بهینه سازی پویا خواهیم پرداخت.

بخش اول کلیات:

- ماهیت اقتصاد ریاضی از نظر Akria Takaiyama - Alphac chiang

- تاریخچه اقتصاد ریاضی در سه دوره از ۱۹۴۷-۱۸۸۳، ۱۹۴۸-۱۹۶۰، ۱۹۶۱-۱۹۶۲ از زمان خاصی از نظر Intriligator, Arrow

- ماهیت بهینه سازی پویا (متغیرهای انتهایی، شرایط تقاطع، تابعی هدف، روش‌های مختلف بهینه سازی پویا - آینده بر جسته بهینه سازی پویا)

بخش دوم حساب تغیرات و رشد بهینه یک اقتصاد

- مسئله اساسی حساب تغیرات (معادلی اولر - معادلات خاص - دو تعمیم از معادله اولر - بهینه سازی انحصارگر - رابطه بین تورم و بیکاری)

- شرایط تقاطع و مسائل نقاط انتهایی متغیر (شرایط عمومی و خاص تقاطع - سه تعمیم از شرایط تقاطع - تطبیق بهینه تقاضای نیروی کار)

- شرایط مرتبه دوم (بیان ماهیت شرایط مرتبه دوم - شرایط تحدب و تقریب - شرط لازم و لواندر - تغیرات مرتبه اول و دوم)

- برنامه ریزی نامحدود (متدولوزی - مسیر زمانی سرمایه گذاری تهیه نامحدود - رفتار بهینه پس انداز اجتماعی - بررسی شرایط مرتبه دوم در برنامه ریزی نامحدود)

- مسائل مقید در بهینه سازی پویا (معرفی جهاز نوء م-آله مقید دربر - اقتصاد منابع تمام شدنی) - تحلیل مجدد الگوی رشد کلی شرکت‌ها - ساختار مسئله رشد بهینه یک اقتصاد کلی - الگوی زمانی گسته رشد بهینه یک بخشی و تحلیل حساسیت (مقدمه - الگو - مسیرهای بهینه در دسترس - تحلیل حساسیت - قضیه Brock

- الگوهای چند بخشی رشد اقتصادی (الگوی وان - نیون - الگوی بربای ثوتبف سیستم تولبد - سیستم قیمت) FN6P260



اقتصاد ریاضی (۲)

هدف:

ماهیت اقتصاد مدرن تحلیلی و ریاضی بودن آنست. ریاضیات زبان‌گویا و در عین حال باعث بیان روشن و ساده مفروضات و گسترش و تعمیم مطالب آن می‌باشد. با استفاده از این زبان به بیان سیستماتیک تئوریها و راههای گسترش و تعمیم آن با استفاده از بهینه سازی غیرخطی و بهینه سازی پویا خواهیم پرداخت.

بخش اول:

نظریه کنترل بهینه و کنترل بهینه

- اصل ماکزیمم Pontryagine (ساده‌ترین مسئله کنترل بهینه اصل ماکزیمم - شرایط مختلف انتهايی - مسئله حساب تغیرات و اصل ماکزیمم - نظریه مقایسه تابع رای و معادله فیلیپس - انرژی و کیفیت محیط زیست)
- مطالب پیشرفته در کنترل بهینه (تفسیر اقتصادی اصل ماکزیمم - مقدار فعلی تابع هامیلتون شرایط کافی - مسئله کنترل با چند متغیر - مباست ضدآводگی هوا مسائل)
- برنامه‌ریزی نامحدود (شرایط تقاطع - بررسی مسائل نفس - نظریه شوکلاسیکها در رشد بهینه - متغیرهای درونزا و برونزا در پیشرفت نکنولوژی)
- کنترل بهینه محدود (قيود مشتمل بر متغیر کنترل - مسئله پویای درآمد ماکزیمم یک دستگاه قیود با متغیرهای وضعیت - مثالهای اقتصادی - محدودیتهای بهینه سازی پویا)
- کنترل بهینه استوکاستیک (جمع پذیری ناطمنانی - ضرب پذیری ناطمنانی - بهنگام در آوردن کنترل بهینه)
- نظریه شوکلاسیکی در سرمایه گذاری و تبدیل هزینه‌ها - کاربرد از نظریه کنترل بهینه (مقدمه - حالت عدم تبدیل هزینه‌ها - حالت تبدیل هزینه‌ها - برخی از نکات)

بخش دوم

برنامه‌ریزی پویا

- معادله بلمن (اصل بهینگی بلمن - برنامه‌ریزی پویا و حساب تغیرات - برنامه‌ریزی پویا و اصل ماکزیمم)
- حل مسائل بهینه سازی چند مرحله‌ای با استفاده از برنامه‌ریزی پویا FN6.F860



اقتصاد ریاضی ۳

فهرست مطالب اقتصاد ریاضی ۳ در سطح دکترا

تأکید اساسی در این درس بر کنترل بهینه تصادفی (Stochastic Optimal control) است. روش برنامه‌ریزی پویای تصادفی (Stochastic Dynamic Programming) و کاربرد آن در اقتصاد از مطالب عمده‌ترین درس می‌باشد.

الف: نظریه کنترل در شرایط مطمئن

۱-۱- خصلب تغییرات

۱-۲- اصل مالکیت و یا اصل منimum

۱-۳- برنامه‌ریزی پویا

۱-۴- شرایط هوزی

۱-۵- کاربرد روش‌های فوق الذکر در اقتصاد

ب: نظریه کنترل تصادفی

۱-۱- مفاهیم اساسی ریاضی

۱-۲- انتگرال تصادفی

۱-۳- معادله تفاضلی تصادفی

۱-۴- معادله دیفرانسیل تصادفی

۱-۵- جریان وینر (Brownian Motion) یا Wiener Process

۲- برنامه‌ریزی تصادفی پویا

۲-۱- Ito's Differentiation Rule

Ito's Lemma

۳- کاربرد برنامه‌ریزی پویای تصادفی در اقتصاد

الف: مقالات بزرگان لاتین

1. Chow G.C. "Optimum Control of Stochastic Differential Equation systems" Journal of economic Dynamics and control (1979) 143 - 175.
2. Pindyck R.S "Uncertainty and Exhaustible Resource Markets" J. of Political Economy, 1980, vol. 88, no.6.
3. Pindyck R.S, "The Optimal Production of an Exhaustible Resource When Price is Exogenous and Stochastic," Scandinavian Journal of Economics, 1984 Vol. 5, No 10.
4. Pindyck R.S. "Uncertainty in The theory of Renewable Resource Markets," Review of Economic Studies (1984) 289 - 303.
5. Arrow Kj and S.Chang "Optimal Pricing Use, and Exploration of Uncertain Natural Resource Stocks, J. of Environmental Economics and Management, No 10, 1982.
6. Merton R.C. "Optimal Consumption and Portfolio Rules in a Continuous - Time Model," J. of Economic Theory, 3,373 - 413 (1971)
7. Sundaresan, S.M. "Equilibrium Valuation of Natural Resources, "J. of Business, 1984, Vol. 57, No.4.

Books :

1. Kamien M and Nancy L. Schwartz, Dynamic Optimization, 1981, Elsevier Science Publishing Co. New York, 10017.
2. Chiang A.C. Elements of Dynamic Optimization, 1992, Mc Graw - Hill Book, Inc.
3. Takayama, A. Analytical Methods in Economics, 1994, Harvester Wheatsheat.
4. Assefi T. Stochastic Processes and Estimation Theory With Application, 1979, John Wiley and Sons, Inc.

ریاضیات پیشیناز برای دکتری اقتصاد

هدف:

هدف از ارائه این درس بیان مطالبی از ریاضیات است که در دروس اساسی رشته اقتصاد، مانند اقتصاد خرد، اقتصاد کلان، اقتصاد ریاضی و اقتصاد سنجی و مقالات پیشرفت به کار می‌رود و دانشجویان را در درک بهتر مطالب کمک می‌نماید.

۱- مروری بر مفاهیم اساسی

برخی از مفاهیم پایه‌ای و علامات - فضای خطی - توابع خطی - فضای متریک - توبولوژی فضای متریک - دنباله‌ها و انواع آن و قضایای مربوط - فضای مکمل - فضای جداگانه - فشرده - مجموعه‌های محدب و در فضای اقلیدس - توابع محدب و مقعر و قضایای مربوط، نقطه ثابت و قضایای مربوط - توابع برداری - مشتقات توابع برداری.

۲- معادلات دیفرانسیل معمولی

تعاریف - حل معادلات دیفرانسیل مرتبه اول - حل معادلات دیفرانسیل مرتبه بالاتر - حل دستگاه معادلات دیفرانسیل خطی - حل معادلات دیفرانسیل با ضرایب متغیر - بحث در جوابهای معادلات دیفرانسیل با استفاده از روش فازی.

۳- معادلات دیفرانسیل با مشتقات جزیی

تعاریف - روش‌ها و خمها در R^3 - حل معادلات پیغافی Pfaffian P.D.E - قضایای مربوط به شرط لازم و کافی معادلات انتگرال‌پذیر - معادلات خطی مرتبه اول - معادلات غیرخطی مرتبه اول - دستگاههای سازگار مرتبه اول - روش شارپیت Charpit - انواع خاص معادلات مرتبه اول - روش ژاکوبی - انواع معادلات مرتبه دوم (یکضوی، هذلولی، سهمی) - معادلات با مشتقات جزیی مرتبه بالا با ضرایب ثابت - معادلات با ضرایب متغیر.



۴- گسترش برنامه ریزی غیرخطی

مقدمه - برنامه ریزی مقعر و خواص نقطه‌زنی و قضایای مربوط نقطه شبه زمینی و مشخصات آن - برنامه ریزی شبه مقعر - کاربردهای بوش و دوگانگی و مفاهیم مربوط - برآورد FN6.FB60.Translog

(منابع)

- 1) Chiang A.C. Element of Dynamic Optimization , Mc Graw – Hill , 1992.
- 2) Intriligator M.D and Arrow J Hand Book of Mathematical Economics , North Holland.1991
- 3) Intriligator M.D Mathematical optimization Translated by M.H. PourKazemi Shahid Behshtiun. 1987
- 4) Jean E.W. Mathemaricl Analysis Business and Economic ApplicationTranslated by M.H Pourkazemi Shahid Beheshti un. 1997
- 5) Kaminen M.I. and Schwartz N.L. Dynamic Optimization The Calculus of Variations and Optimal Contorl in Economics and Management, Elsevier Sc. 1981
- 6) MONGA G.S. Mathematics for Management and Economics Vikas Publishing House New Dehli.1995
- 7) Takayama AkiRA, Mathematical Economics , 2nd Edition, Cambridge University Press. 1987

(۸) پورکاظمی محمدحسین ریاضیات عمومی و کاربردهای آن تشریه چاپ مشتم ۱۳۷۷



