



به کارگیری جریان‌سنج‌های چندفازی در صنایع بالادستی نفت

عباس محمدحسینی سی‌سخت^۱، غلامعباس صفیان^۲، امیر قاسم‌زاده^۳ ■ شرکت ملی مناطق نفت خیز جنوب

● خطای مطلق: میزان تفاوت مقدار مورد نظر با مقدار واقعی را خطای مطلق گویند.

● رژیم جریان: رژیم جریان عبارت است از چگونگی قرارگیری سیالات درون لوله نسبت به هم در جهت طولی و شعاعی.

◆ روش مرسوم در اندازه‌گیری جریان‌های چندفازی

روشی که هم‌اکنون به‌منظور اندازه‌گیری دبی نفت، گاز و آب سیال تولیدی از چاه مورد استفاده قرار می‌گیرد، استفاده از تفکیک گرهای چندفازی است. در این روش چند راهه ورودی واحدهای بهره‌برداری و تجهیزات مربوط به مرحله آزمایش نصب می‌گردد. با تفکیک سیال ورودی به سه فاز آب، نفت و گاز، امکان اندازه‌گیری جریان هر فاز با استفاده از جریان‌سنج‌های مرسوم

نمی‌باشد. فن‌آوری جریان‌سنج‌های چندفازی با بهره‌گیری از سایر فن‌آوری‌ها، قابلیت‌های تازه‌ای ایجاد کرده است؛ این فن‌آوری بسیاری از مشکلات روش‌های مرسوم را رفع نموده و علاوه بر آن توانسته است که به خوبی پاسخگوی نیازهای صنعت در این زمینه باشد. در این نوشتار به بررسی این فن‌آوری‌ها پرداخته شده و محدودیت‌ها و مزایای جریان‌سنج‌های چندفازی مورد بررسی قرار می‌گیرند.

◆ تعاریف

● درصد حجمی گاز^۴: نسبت دبی حجمی گاز به دبی حجمی کل سیال در شرایط یکسان را درصد حجمی گاز گویند.

● برش آب^۵: برش عبارت است از نسبت دبی حجمی آب به دبی حجمی کل مایع تولیدی در شرایط یکسان.

● خطای نسبی: میزان تفاوت مقدار مورد نظر با مقداری که به عنوان مرجع در نظر گرفته می‌شود را خطای نسبی می‌نامند.

نیز آگاهی از میزان دقیق تولید با هدف اندازه‌گیری میزان برداشت از مخزن و تغییرات دبی فازها در طول زمان، برای پیش‌بینی تولید در آینده، امری حیاتی است. آگاهی از میزان دقیق آب، نفت و گاز تولیدی از چاه‌هایی که در نقاط مختلف یک مخزن قرار گرفته‌اند، می‌تواند در بررسی مشکلات احتمالی مربوط به مخاطری شدن آب و گاز و سطح تماس فازها در مخزن و در نهایت به درک بهتر رفتار مخزن به‌منظور حفظ ظرفیت تولید، دست‌یابی به دانش کافی در مورد سیالات درجا و تولید صیانتی از مخزن کمک شایانی نماید^[۱].

در کنار اهمیت اندازه‌گیری جریان‌های چندفازی، مشکلات عمده‌ای نیز وجود دارند. همان‌گونه که پیچیدگی‌گی جریان چندفازی، برای مدل‌سازی در جریان دشواری‌هایی ایجاد کرده است، اندازه‌گیری این جریان‌ها نیز در مباحث مربوط به شناخت آن‌ها، فصل جدیدی به وجود آورده است. روش مرسوم در این زمینه (تفکیک گرهای چندفازی) نیز با محدودیت‌های بسیاری همراه بوده و جوابگوی نیازهای کارشناسان می‌شود. در زمینه مدیریت تولید

◆ مقدمه

مهمنه‌ترین عملیاتی که به اندازه‌گیری دبی فازها در جریان تولیدی نیاز دارند، عبارتند از:

۱. پایش و بازبینی تولید یک چاه به منظور:
۲. بهینه‌سازی تولید^۶
۳. اطمینان از جریان دائمی و پایدار
۴. چاه آزمایی
۵. تولید مخزن

تمامی موارد یاد شده نیازمند مدل‌سازی جریان سیالات در مخزن، ستون چاه و خطوط لوله جریانی هستند و این امر نیازمند آگاهی از دبی جریانی فازهای مختلف تولیدی است. در زمینه بهینه‌سازی تولید و اطمینان از جریان دائمی و پایدار، می‌توان گفت که با شبیه‌سازی جریان در سامانه تولید^۷، نقاطی که باعث ایجاد بیشترین افت فشار می‌شوند نیز در مباحث مربوط به شناخت به عنوان گلگاه‌های اصلی افت فشار شناخته شده و براساس این شناخت، راه حل‌های مناسبی برای رفع نواقص موجود در سیستم یا طراحی بهینه سیستم در نظر گرفته می‌شود. در زمینه مدیریت تولید

¹ Mohamad hoseini.a@nisoc.ir

² Safian.g@nisoc.ir

³ Ghasemzadeh.a@nisoc.ir

⁴ Production optimization

⁵ Production system

⁶ Bottle neck

⁷ GVF: Gas Volume Fraction

⁸ WC: Water Cut



که برای این اهداف مورد استفاده قرار می‌گیرند بررسی خواهد شد.

● **چگونگی اندازه‌گیری سرعت جریان**
برای اندازه‌گیری سرعت جریان از فن‌آوری‌های ذیل استفاده می‌شود:

۱. **ونتوري:** با اندازه‌گیری اختلاف فشار قبل از ابزار و داخل آن (که جریان محدودتر شده است)، سرعت کلی جریان را به دست می‌آورند.
۲. **ابزارهای جابه‌جایی مشبت:** این ابزار با روش مکانیکی (پیستون، دیافراگم یا پروانه)، سیال عبوری را به حجم‌های مساوی تقسیم کرده و با توجه به تعداد حجم‌های ارسالی در واحد زمان، سرعت کل را محاسبه می‌کند.

۳. **رابطه عرضی** برای به دست آوردن سرعت فازها و سرعت کلی جریان: این روش نسبت به دو روش قبل از دقیق و کارایی بالاتری برخوردار است. در این روش از دو حسگر که به فاصله مشخصی از هم قرار گرفته‌اند استفاده می‌شود. این دو حسگر امواج خود را به درون سیال فرستاده و بازتاب آن را دریافت می‌کنند. ابزار مربوطه، سیگنال‌های دریافتی را بهم منطبق نموده و با به دست آوردن اختلاف زمانی^۹ دو سیگنال دریافتی از دو حسگر (که در واقع همان زمان حرکت سیال از محل حسگر اول به حسگر دوم می‌باشد) و با معلوم بودن فاصله دو حسگر،

با استفاده از اشعه گاما^{۱۰}

۴. نوترون‌سنجه^{۱۱}
۵. افت فشار جزیی با استفاده از ونتوری^{۱۲}، مخروط V شکل و اوریفیس^{۱۳}
۶. جابه‌جایی مشبت^{۱۴}
۷. فراصوت^{۱۵}
۸. رابطه عرضی^{۱۶} سیگنال‌های الکترومغناطیسی، رادیواکتریو و فراصوت به منظور محاسبه سرعت‌های فازهای جریان^{۱۷}

◆ **چگونگی اندازه‌گیری ویژگی‌های جریان چندفازی**

به منظور به دست آوردن خصوصیات هر جریان چند فازی (آب، نفت و گاز)، شش کمیت باید محاسبه شود. این کمیت‌ها، سرعت هر کدام از فازهای جریان و درصد هر فاز است. در برخی جریان‌سنجهای چندفازی، با توجه به فاصله کمی که بین اندازه‌گیری‌ها وجود دارد، سرعت فازهای مایع (آب و نفت) یا تمامی فازها را در یک فاصله با هم برابر فرض می‌کنند. از آنجا که مجموع درصد فازها برابر صد می‌باشد، با اندازه‌گیری درصد دو فاز می‌توان درصد فاز سوم را بدست آوردن. بنابراین کمیت‌های موردنیاز برای اندازه‌گیری کاهش می‌یابند. البته در این ابزار از همزن (به منظور یکسان کردن جریان) و کالیبراسیون داده‌ها (به منظور کاهش خطای استفاده می‌شود). فن‌آوری‌هایی که در جریان‌سنجهای چندفازی معمولاً برده می‌شوند دو هدف کلی را دنبال می‌نمایند:

۱. اندازه‌گیری سرعت جریان و سرعت فازها
۲. اندازه‌گیری نسبت فازها در ادامه، اساس کار ابزارهای

تفکیک گرهای چندفازی، نیاز به روشی که علاوه بر نداشتن این محدودیتها، کارایی‌های بالاتری مانند توانایی تشخیص رژیم

جریان، توانایی تشخیص وجود ذرات جامد و مقدار آن‌ها، قابلیت جابه‌جایی آسان و امکان دیجیتال کردن داده‌ها را داشته باشد، حس می‌شود. هم‌چنین با گسترش کاربردهای رایانه در زمینه‌های مختلف صنایع نفت و گاز و گسترش نرم‌افزارهای شبیه‌ساز، به سامانه‌ای که بتواند داده‌های اندازه‌گیری شده را با دقت پردازش نماید و امکان انتقال سریع داده‌ها را فراهم آورد، نیاز است.

با توسعه میادین در نقاط دور دست، این مسایل و مشکلات محسوس‌تر هستند و با الکترونیک کردن این سامانه‌ها، امکان افزایش دفعات اندازه‌گیری و ذخیره حجم بالاتر داده‌ها و انتقال آن‌ها بین نقاط مختلف (حتی به شهر یا کشور دیگر) به راحتی امکان پذیر است.

◆ **فن‌آوری جریان‌سنجهای چندفازی**

این فن‌آوری از دهه ۱۹۸۰ پا به عرصه صنایع نفت و گاز نهاده و با توجه به تاریخچه موجود، می‌تواند در زمینه اندازه‌گیری جریان‌های چندفازی، جوابگوی بسیاری از نیازهای صنعت نفت باشد. جریان‌سنجهای چندفازی معمولاً ترکیبی از دو یا چند فن‌آوری به شرح ذیل هستند:

۱. اصول اندازه‌گیری الکترو مغناطیسی
۲. فن‌آوری مایکروویو^{۱۸}
۳. طرفیت الکتریکی - خازنی^{۱۹}
۴. ضریب هدایت الکتریکی^{۲۰}
۵. طیف‌ستجی یا چگالی‌سنجه

تک فاز فراهم می‌شود. این روش محدودیتها دارد که از آن جمله می‌توان به موارد ذیل اشاره کرد:

۱. این روش نیازمند به کارگیری تجهیزات زیاد و حجمی است. این امر باعث می‌شود که عملیات مربوطه با صرف زمان و هزینه نسبتاً زیادی انجام شود و در ضمن نیروی انسانی زیادی نیز در گیر عملیات هر چاه خواهد شد.

۲. با توجه به تجهیزات زیاد مورد استفاده در این روش، تعمیر و نگهداری مداوم آن‌ها قابل ملاحظه می‌باشد. این دستگاه‌ها در مناطق دریایی، فضای زیادی از سکو را اشغال می‌کنند و باعث بالا رفتن هزینه ساخت سکو می‌شوند.

۳. این سامانه در مواردی مانند جریان لخته‌ای شدید، کارایی مناسب ندارد (به‌ویژه در مناطق دریایی که فازها مسیری طولانی را با افت دمای قابل ملاحظه‌ای طی کرده و جریان لخته‌ای شدید ایجاد می‌شود).

۴. در این روش امکان پایش دایمی تولید وجود ندارد.

۵. در این روش امکان اندازه‌گیری به صورت درجا و درون خطی^{۲۱} وجود ندارد.

۶. پرزمخت بودن کالیبراسیون دستگاه‌ها و تأثیر پذیری آن از مهارت نیروی انسانی و شرایط دستگاه‌ها که به حضور کارشناسان و نظارت بر اجرای عملیات نیاز دارد، یکی دیگر از این محدودیت‌هاست.

خرожی این سامانه دبی فازهای نفت، گاز و آب است و تنها مزیت این روش، دقت نسبتاً خوب آن (در مدتی که دستگاه‌ها به خوبی کالیبره شده و در شرایط خوبی باشند) نسبت به سایر روش‌های با توجه به محدودیت‌های

⁹ In line

¹⁰ Microwave technology

¹¹ Capacitance

¹² Conductance

¹³ Gamma ray densitometry/ spectroscopy

¹⁴ Venturi

¹⁵ Orifice plate

¹⁶ Positive displacement

¹⁷ Ultrasonic

¹⁸ Cross correlation

¹⁹ Lag time



۳| نمونه نصب شده دستگاه در واحد بهره‌برداری

و α_i کسر فاز i است. با توجه به این که مجموع کسر فازها برابر یک می‌باشد (یعنی: $\alpha_{water} + \alpha_{oil} = 1$)، بنابراین با استفاده از دو معادله، کسر هر فاز و نسبت آن‌ها محاسبه می‌شود.

● اشعه گاما به صورت دو انرژی^{۲۰}

از این روش بهمنظور اندازه‌گیری نسبت فازهای جریان سه‌فازی استفاده می‌شود. اساس این روش نیز همانند اشعه گامای اختلاف انرژی است؛ با این تفاوت که اختلاف انرژی دو اشعه را طوری تنظیم می‌کنند که از یکی برای تشخیص نسبت مایع به گاز و از دیگری برای تشخیص نسبت آب به نفت در فاز مایع استفاده شود. رابطه ۳ چگونگی محاسبه را نشان می‌دهد:

(۳)

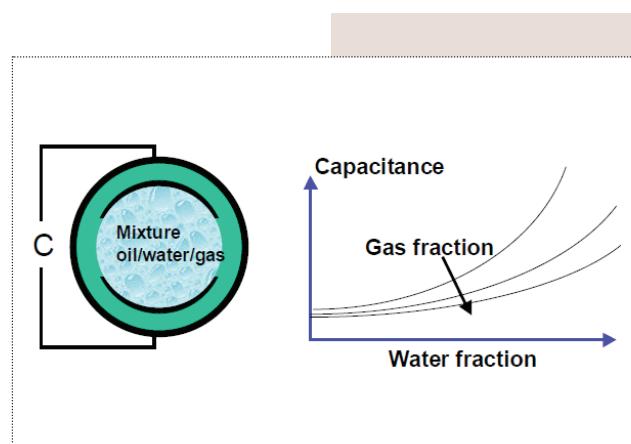
$$I_m(e) = I_v(e) \exp\left[-\sum_{i=1}^3 \alpha_i \mu_i(e) d\right]$$

از این رابطه دو معادله برای دو انرژی به کاربرده شده،

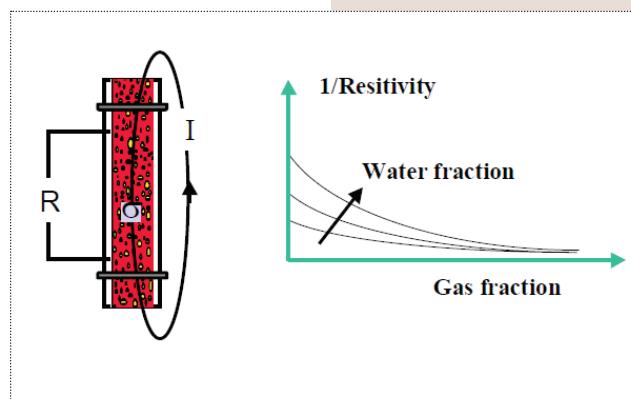
²⁰ Doppler

²¹ Single energy gamma ray

²² Dual energy gamma ray



۱| اندازه‌گیری ظرفیت خازنی سیال چندفازی



۲| اندازه‌گیری ضریب گذردگی الکتریکی سیال

سرعت جریان را محاسبه می‌کنند^{۲۱}. فن آوری‌هایی که در این زمینه استفاده می‌شوند عبارتند از:

- فن آوری مایکروویو
- اشعه گاما
- اصول هدایت الکتریکی
- امواج فراصلوت

۴. استفاده از امواج فراصلوت و پدیده داپلر^{۲۲}: امواج فراصلوت، امواج صوتی با فرکانس بالاتر از ۲۰ هزار هرتز هستند. از روش داپلر برای اندازه‌گیری سرعت سیال درون لوله استفاده می‌شود. در جریان سنج‌های چندفازی نیز از این فن آوری بهمنظور درک رژیم جریان و سرعت فازها استفاده شده است. این روش توسط



۵ | مقایسه دستگاه جریان‌سنج چندفازی با تفکیک‌گر چندفازی

نیز عرضه شده است، از حسگرهای فراصوت فشار و دما و صفحات اریفیس در کنار هوش مصنوعی استفاده می‌گردد. این دستگاه امکان اندازه‌گیری چگالی فازها را میسر می‌سازد. این دستگاه‌ها به صورت یکپارچه بوده و با کامیون یا جرثقیل (در سکوهای دریایی) قابل حمل هستند. اتصالات آن‌ها از نوع فلنجی است و با قرار گرفتن در مسیر جریان، کمیت‌های مورد نظر را اندازه‌گیری می‌کنند. جریان سیالات مسیر اصلی خود باز می‌گردد. شکل ۳، نمونه نصب شده دستگاه را در یک واحد بهره‌برداری نفت نشان می‌دهد.

◆ مزایای جریان‌سنج‌های چندفازی

ویژگی اصلی این دستگاه‌ها، جابه‌جایی و نصب آسان و سریع به همراه اندازه‌گیری دبی سیالات در مدت زمان اندک است. سایر مزایای این ابزارها عبارتند از:

۱. عدم نیاز به جداسازی فازها و خارج کردن چاه از مدار تولید

در برخی از این ابزارها، چگالی سنج نیز تعییه شده است، این دستگاه امکان اندازه‌گیری چگالی فازها را میسر می‌سازد. این دستگاه‌ها به صورت یکپارچه بوده و با کامیون یا جرثقیل (در سکوهای دریایی) قابل حمل هستند. اتصالات آن‌ها از نوع فلنجی است و با قرار گرفتن در مسیر جریان، کمیت‌های مورد نظر را اندازه‌گیری می‌کنند. جریان سیالات مسیر اصلی خود باز می‌گردد. شکل ۴ نیز یک جریان‌سنج چندفازی در چاه‌های مختلف را با قابلیت حمل رول روی کامیون، امکان اندازه‌گیری در چاه‌های مختلف را فراهم می‌آورد.

در حال حاضر در ارتباط با جریان‌سنج‌های چندفازی از فن‌آوری یا مجموعه‌ای از فن‌آوری‌های مختلف استفاده می‌شود. به عنوان مثال، در یکی از این فن‌آوری‌ها که به صورت تجاری



۴ | جریان‌سنج چندفازی سیار

و آب درون آن پخش شده باشند. بدین منظور باید درصد آب کمتر از $60\text{--}70\%$ درصد باشد. شماتیک این ابزار در شکل ۱ نشان داده شده است.

● زمانی که درصد آب از حد مجاز بیشتر شود، به جای استفاده از روش ظرفیت خازنی، روش اندازه‌گیری رسانایی (گذردهی الکتریکی)، به کار گرفته می‌شود.

در این روش، جریان الکتریکی در این روش سیال برقرار می‌گردد؛ با اندازه‌گیری افت پتانسیل بین دو سیال عبور کننده استفاده می‌شود. در ادامه شرح چگونگی به کار گیری این روش‌ها ارایه می‌گردد.

● در روش اندازه‌گیری ظرفیت خازنی، دو حسگر که ثابت دی‌الکتریک را اندازه‌گیرند، به فاصله مشخصی از یکدیگر قرار داده می‌شوند. اندازه‌گیری انجام شده، با توجه به مقدار هر فاز متفاوت است. این روش مقدار گاز و آب موجود را اندازه‌گیرد که با استفاده از آن‌ها، مقدار نفت نیز محاسبه می‌شود.

روش یادشده تا زمانی قابل استفاده است که نفت، فاز پیوسته باشد و گاز به صورت دیجیتال نمایش می‌دهند.

◆ چگونگی کارکرد دستگاه جریان‌سنج چندفازی

جریان‌سنج‌های چندفازی، همزمان دبی تولیدی نفت، گاز و آب و نسبت آن‌ها را اندازه‌گیری کرده و به صورت دیجیتال نمایش می‌دهند.



تولید هستند، تفکیک‌گرهای چندفازی با توجه به سرعت عمل پایین، قادر به پاسخ‌گویی نخواهند بود. علاوه بر این، با توجه به مزایای جریان‌سنج‌های چندفازی، به کارگیری آن‌ها می‌تواند در زمینه‌های مختلفی که در نهایت به بهینه‌سازی تولید صیانتی از مخازن منجر می‌شود، مفید واقع گردد.

◆ منابع

- [1] The Norwegian Society for Oil and Gas Measurement, "HANDBOOK OF MULTIPHASE FLOW METERING"; Revision 2, March 2005, ISBN 82-91341-89-3.
- [2] S. Eckert, G. Gerbeth, V.I.Melnikov, C.-H. Lefhalm, J. Knebel, "Application of Ultrasound Doppler Velocimetry to flows of Hot Metallic Melts", Third International Symposium on Ultrasonic Doppler Methods for Fluid Mechanics and Fluid Engineering, EPFL, Lausanne, Switzerland, September 9 - 11, 2002.
- [3] Haimo Technologies Inc. "A Decade at the forefront of Innovation of Multiphase Well Testing Solutions", HAIMO MFM BROCHURE – April 2005.
- [4] "Production-Well-Testing Optimization With Multiphase Flow meters", Journal of Petroleum Technology, Production Operations, March 2007.
- [5] Busaidi K. and Bhaskaran H., Petroleum Development Oman (PDO), "Multiphase Flow Meters: Experience and Assessment in PDO"; SPE 84505 was prepared for presentation at the SPE Annual Technical Conference and Exhibition held in Denver, Colorado, U.S.A, 5-8 October 2003.
- [6] Bekkousha M. et al, Abu Dhabi Company for Oil Operations (ADCO) UAE, "Multiphase flow meters (MFPM) Field trials and their applications in fields"; SPE 88742 was prepared for presentation at the 11th Abu Dhabi international Petroleum Exhibition and Conference, U.A.E., 10-13 October 2004.

۱ | حداکثر خطای قابل قبول در اندازه‌گیری توسط جریان‌سنج‌های چندفازی [۵]

حداکثر خطای قابل قبول	کمیت اندازه‌گیری شده
خطای نسبی ۵ درصد	دبی نفت
خطای نسبی ۵ درصد	دبی گاز
خطای مطلق ۲ درصد	درصد آب

۲ | دقت اندازه‌گیری مورد نیاز در زمینه‌های مختلف صنعت نفت [۶]

محاسبات مالی	کنترل فرآیند	نخصین تولید میدان	پایش مخزن	شبیه سازی مخزن	کمیت اندازه‌گیری شده
$\leq \pm \% 0/0.5$	$\leq \pm \% 0/0.5$	$\leq \pm \% 2$	$\leq \pm \% 4$	$\leq \pm \% 5$	دبی نفت
$\leq \pm \% 0/25$	$\leq \% 1$	$\leq \pm \% 2$	$\leq \pm \% 5$	$\leq \pm \% 6$	دبی گاز
-	$\leq \% 1$	$\leq \% 1$	$\leq \% 4$	$\leq \% 5$	دبی آب

دقت اندازه‌گیری آن‌ها مورد آزمایش قرار گیرد؛ سپس در صورت قابل اطمینان بودن نتایج حاصله، نسبت به به کارگیری آن‌ها اقدام شده و جریان‌سنج چندفازی با فن‌آوری مناسب انتخاب شود.

با افت فشار مخازن و افزایش تولید گاز اضافی و آب، به تدریج نیاز به آگاهی از جریان سیالات چندفازی و میزان تولید هر فاز، اهمیت پیدا می‌کند. به منظور مدیریت صحیح مخزن و تولید صیانتی از آن و طراحی مناسب چاه‌های تولیدی، به پایش دائمی سیالات تولیدی از هر چاه نیاز است؛ تا بتوان اطلاعات بدست آمده را به بخش‌های مختلف صنعت در مخازن و در نهایت به تمام مخزن تعمیم داد.

با توجه به مطالعه این داده، می‌توان گفت که با افزایش اهمیت اندازه‌گیری جریان‌های چندفازی در صنایع نفت و گاز در مرحله برداشت ثانویه از مخازن و به منظور تولید صیانتی از مخازنی که در مرحله اولیه

◆ محدوده عملکرد جریان‌سنج‌های چندفازی و دقت آن‌ها

با توجه به این که جریان‌سنج‌های چندفازی در چه ابعاد و با استفاده از جه فن‌آوری‌های ساخته شده باشند، دقت اندازه‌گیری آن‌ها و محدوده عملکردشان متفاوت است. مهم‌ترین عامل مؤثر بر دقت اندازه‌گیری این ابزار، درصد حجمی گاز است. با افزایش درصد حجمی گاز، خطای نیز افزایش می‌پاید. در جدول ۱، حداکثر خطای قابل چشم‌پوشی برای این ابزار که معمولاً محدوده عمل آن‌ها نیز می‌باشد، آورده شده است. جدول ۲ نیز دقت اندازه‌گیری مورد نیاز صنعت در زمینه‌های مختلف را ارایه می‌کند.

◆ نتیجه‌گیری

با توجه به تنوع فن‌آوری‌های به کار گرفته شده در جریان‌سنج‌های چندفازی، قبل از انتخاب و به کارگیری این نوع تجهیزات، باید فن‌آوری‌های استفاده شده به خوبی بررسی گردد و نموده است [۱,۳,۴].

۲. عدم نیاز به مهارت خاص در کالیبراسیون دستگاه (در بعضی موارد حتی کالیبراسیون به صورت خودکار انجام می‌شود).

۳. آسان بودن استفاده از دستگاه و نیاز اندک به نیروی انسانی.

۴. انتقال خودکار داده‌ها به رایانه و تجزیه و تحلیل اطلاعات با سرعت زیاد.

۵. امکان پایش دائمی تولید چاه.

۶. اندازه‌گیری درون خطی و درجا.

۷. حجم و وزن کم و نسبت آسان در شکل ۵، یک دستگاه جریان‌سنج چندفازی و یک تکیه‌گر چندفازی نشان داده شده است. هر دوی این دستگاه‌ها در ورودی واحد بهره‌برداری نفت نصب شده‌اند. همان‌طور که در شکل نیز مشخص است، جریان‌سنج چندفازی مشکلات مربوط به محدودیت جا و حجم تجهیزات را به خوبی حل نموده است [۱,۳,۴].