

## فصل سوم

### مدار معادل اجزای سیستم های قدرت

#### مقدمه

اجزای سیستمهای قدرت: ژنراتورها، ترانسفورماتورها، خطوط انتقال (هوایی و کابل)، خازن های سری و موازی، بارها (روشنایی و گرمایشی)، کنترل کننده های اندازه و فاز ولتاژ. تعیین مدل هر کدام از سیستمهای قدرت ما را در مدل سازی کل سیستم کمک می نماید.

#### ماشین های سنکرون (ژنراتور و موتور)

- قطب برجسته: مناسب برای توربین های که با سرعت نسبتاً کم و سیار، تعداد قطبهای زیادی برای تولید ولتاژ با فرکانس ۵۰ هرتز دارند.

- قطب صاف یا استوانه ای: مناسب توربین های بخار یا گازی با سرعت زیاد.

کلمه سنکرون = ژنراتور تحت شرایط پایدار یا ماندگار (Steady-State) در سرعت و فرکانس ثابتی کار می کند.

ماشین سنکرون: دو قطبی - چهار قطبی ...

یک ماشین سنکرون دوقطبی باید ۳۰۰۰ دور بر دقیقه سرعت داشته باشد تا ولتاژی با فرکانس ۵۰ هرتز تولید کند.

$$f = \frac{p}{2} \times \frac{n}{60} \text{ [Hz]}$$

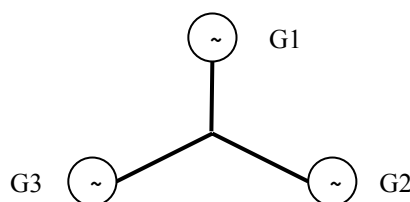
$p$  تعداد قطب ها و  $n$  سرعت روتور بر حسب دور بر دقیقه (r.p.m.)

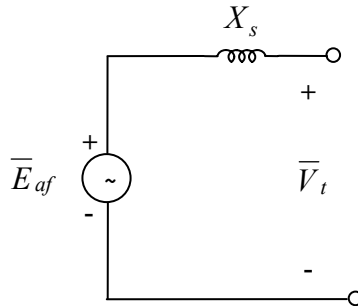
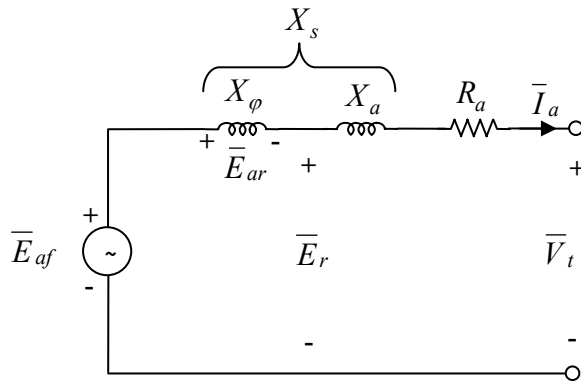
در ماشین دو قطبی  $p = 2$  دوران زاویه مکانیکی روتور با زاویه الکتریکی روتور برابر است.

در ماشین چهار قطبی  $p = 4$  اگر روتور ۱۸۰ درجه دوران کند، یک سیکل کامل برای ولتاژ القا شده حاصل می شود که معادل ۳۶۰ درجه الکتریکی است.

زاویه مکانیکی روتور  $\leftarrow \theta_m = \frac{p}{2} \theta_e \rightarrow$  زاویه الکتریکی ولتاژ القا شده

**ماشین واقعی:** مدل ماشین سنکرون با در نظر گرفتن تلفات الکتریکی، مکانیکی، شار نشستی و راکتانس غیر خطی آهن





$X_\phi$ : راکتانس القایي جهت نمایش تاثیر عکس العمل آرمیچر یا راکتانس مغناطیس کننده ماشین

$\bar{E}_{af}$ : ولتاژ القایي بی باری ژنراتور

$\bar{E}_r$ : ولتاژ القایي تکفاز در اثر شار مغناطیسی در فاصله هوایی

$R_a$ : مقاومت سیم پیچی آرمیچر

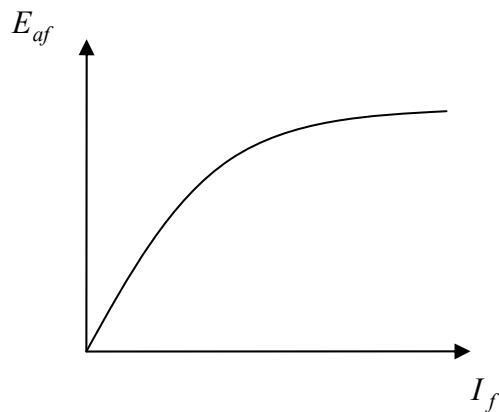
$X_a$ : راکتانس پراکنده آرمیچر در اثر شار ناشی از آرمیچر توسط جریان  $I_a$

$\bar{V}_t$ : ولتاژ ترمینال دو سر ژنراتور (تکفاز)

راکتانس سنکرون:  $X_a + X_\phi = X_s$

امپدانس سنکرون:  $R_a + jX_s = \bar{Z}_s$

جریان تحریک ←  $E_{af} \propto I_f$



$\delta = \angle(\bar{E}_{af}, \bar{V}_t)$  → زاویه (بار) ماشین سنکرون

$$\bar{V}_t = \bar{E}_r - \bar{I}_a(R_a + jX_a)$$

$$\bar{V}_t = \bar{E}_{af} - \bar{I}_a[R_a + j(X_a + X_\phi)]$$

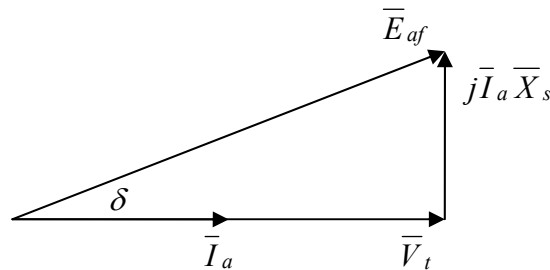
$$\bar{V}_t = \bar{E}_{af} - \bar{I}_a(R_a + jX_s)$$

$$\bar{V}_t = \bar{E}_{af} - \bar{I}_a \bar{Z}_s$$

$$R_a \ll X_s \Rightarrow \bar{Z}_s = jX_s$$

$$\bar{V}_t = \bar{E}_{af} - j\bar{I}_a X_s \quad (\text{Synchronous Generator})$$

$$\bar{V}_t = \bar{E}_{af} + j\bar{I}_a X_s \quad (\text{Synchronous Motor})$$



تحريك عادي حالت مقاومتي

راکتانس سنکرون  $X_s$

راکتانس گذرا  $X'_s$

راکتانس زیرگذرا  $X''_s$

در حالت ماندگار (پایدار) Steady – State

در حالت گذرا (اتصال کوتاه) Transient

در حالت زیرگذرا (اتصال کوتاه) Subtransient

ژنراتورها و موتورهای سنکرون برحسب تغییرات جریان تحریک می‌توانند در حالات زیر کار کنند:

۱. تحریک عادي

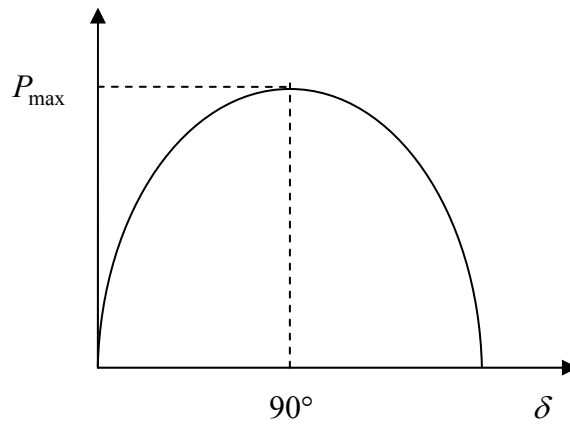
۲. فوق تحریک

۳. زیر تحریک

$$\begin{cases} \bar{V}_t = V_t \angle 0^\circ \\ \bar{E}_{af} = E_{af} \angle \delta \end{cases} \Rightarrow \delta = \angle(\bar{E}_{af}, \bar{V}_t) \rightarrow \bar{I}_a = \frac{E_{af} \angle \delta - V_t \angle 0^\circ}{jX_s}$$

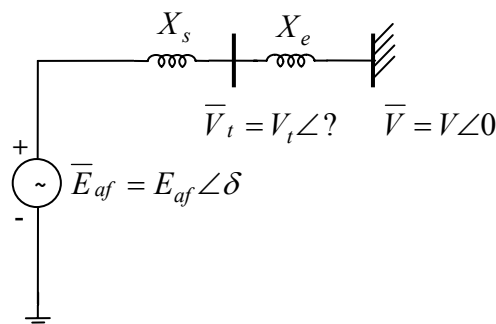
$$P = \frac{V_t E_{af}}{X_s} \sin \delta$$

$$Q = \frac{E_{af}^2 - V_t E_{af} \cos \delta}{X_s}$$



$$\delta = 90 \Rightarrow P_{\max} = \frac{V_t E_{af}}{X_s} \rightarrow \text{حداکثر قدرت ژنراتور سنکرون}$$

اتصال ژنراتور سنکرون به شین بینهایت



$$\left\{ \begin{array}{l} \delta = \angle(\bar{E}_{af}, \bar{V}_t) \\ P = \frac{E_{af} V_t}{X_s} \sin \delta \\ Q = \frac{E_{af}^2 - E_{af} V \cos \delta}{X_s} \end{array} \right.$$

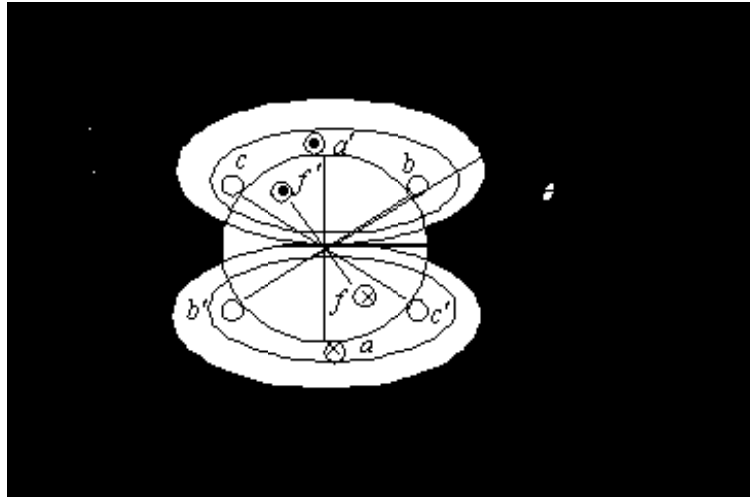
$$\left\{ \begin{array}{l} \delta' = \angle(\bar{E}_{af}, \bar{V}) \\ P' = \frac{E_{af} V}{X} \sin \delta' \\ Q' = \frac{E_{af}^2 - E_{af} V \cos \delta'}{X} \\ X = X_s + X_e \end{array} \right.$$

برای حل کامل ژنراتور ۱ معادله دیفرانسیلی باید بطور همزمان حل شوند. ولی معمولاً از همه آنها فقط یکی را در نظر گرفته و حل می کنند و از  $R$  هم صرف نظر می شود.

## ماشین سنکرون با روتور استوانه ای ولتاژ تولید شده (القا شده)

- سیم پیچی یکسان و متمرکز در استاتور، بطور متقارن با فاصله مکانی ۱۲۰ درجه در اطراف سیم پیچی متمرکز در روتور قرار گرفته اند.
- اما در ماشینهای واقعی، سیم پیچ های استاتور و روتور به اشکال گوناگون توزیع شده اند.
- محاسبات بر اساس تعداد دور های موثر سیم پیچی ها روی گامها توزیع شده و یا گامهای کوتاه اصلاح شده می باشد.
- $MMF$  مکانی یا شار بصورت سینوسی است.

سطح مقطع ماشین سنکرون روتور استوانه ای



هرگاه تعداد موثر سیم پیچ میدان  $N_f$  و جریان DC میدان  $I_f$  در آنصورت مقدار نیوی محرکه مغناطیسی میدان برابر است با:

$$MMF_f = N_f I_f$$

- هر سیم پیچ به اندازه ۱۸۰ درجه در فضا گسترده شده و در نتیجه تعداد قطب های ماشین  $p = 2$  است.
- با چشم پوشی از مقاومت مغناطیسی آهن و توزیع سینوسی فضایی، شار ایجاد شده در فاصله هوایی ماشین بوسیله  $MMF_f$  موتور برابر است با:

$$\phi_f = \phi_{fm} \cos \theta$$

$$\phi_{fm} = MMF_f \times \rho = \frac{MMF_f}{\mathfrak{R}}$$

$\theta$ : زاویه فضایی اندازه گیری شده از محور روتور

$$\rho = \frac{1}{\mathfrak{R}}$$

هدایت مغناطیسی فاصله هوایی

اگر روتور در جهت مثلثاتی و با سرعت مکانیکی  $n_s$  دور بر دقیقه بچرخد  $[\text{rad/sec}]$   $\omega_s = \frac{2\pi n_s}{60}$  پس

موقعیت محور در هر لحظه برابر است با  $\theta = \omega_s t$

سیم پیچی های استاتور، شار گردان را با سرعت  $\omega_s$  قطع می کنند در نتیجه ولتاژ القا شده در فاز  $a$  برابر است با:

$$e_a = -N_s \frac{d\phi_f}{dt} = 2\pi f N_s \phi_{fm} \sin \omega t$$

$$E_a = 4.44 f N_s \phi_{fm}$$

$N_s$ : تعداد دور سیم پیچها در هر فاز استاتور

$f = \frac{\omega_s}{2\pi}$ : فرکانس ولتاژ موثر اندازگیری شده در ترمینال سیم پیچی  $a$

هرگاه سیستم متعادل با ولتاژ های سه فاز با توالی  $abc$  (توالی مثبت) بصورت زیر را در نظر بگیریم:

$$\bar{E}_a = E_a \angle 0^\circ$$

$$\bar{E}_b = E_b \angle -120^\circ$$

$$\bar{E}_c = E_c \angle -240^\circ = E_c \angle +120^\circ$$

وقتی روتور در جهت مخالف چرخانده شود ترتیب فازها  $acb$  (توالی منفی) خواهد بود. در ماشین دو قطبی  $p = 2$  زوایای مکانیکی و الکتریکی برابر هستند.

$$\theta_e = \frac{p}{2} \theta_m \quad , \quad \omega_e = \frac{p}{2} \omega_m$$

$$f = \left(\frac{\omega_s}{2\pi}\right) \frac{p}{2} = p \frac{\omega_s}{4\pi}$$

$$\omega_s = \frac{2\pi n_s}{60} = \frac{4\pi f}{p} \text{ [rad}_{\text{mech}}/\text{sec}]$$

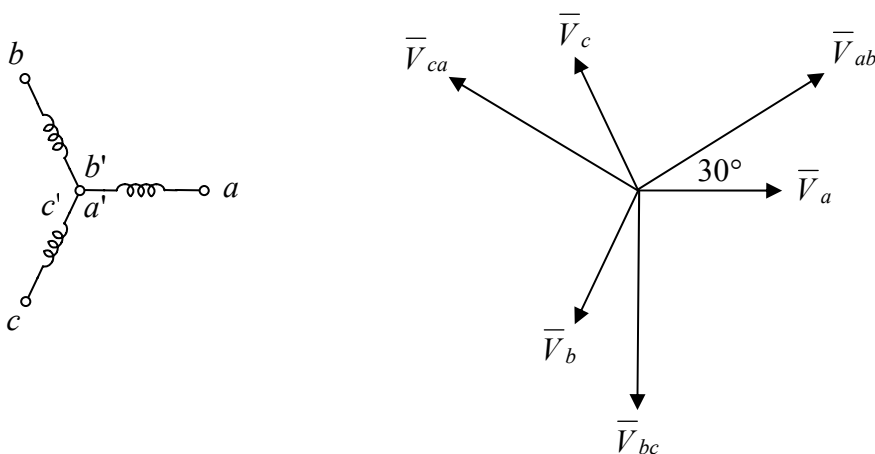
### نیروی محرکه مغناطیسی (MMF) چرخشی

هرگاه فرض کنیم سیم پیچی روتور باز باشد ( $I_f = 0$ ) و سیم پیچی های استاتور ژنراتور بصورت ستاره  $Y$  متصل شده و به یک منبع سه فاز متعادل با جریان های زیر متصل باشد.

$$i_a(t) = I_m \sin \omega t$$

$$i_b(t) = I_m \sin(\omega t - 120^\circ)$$

$$i_c(t) = I_m \sin(\omega t + 120^\circ)$$



دیگرام فازوری سیستم و سرهای ترمینال ژنراتور برای اتصال ستاره



دیگرام فازوری سیستم و سرهای ترمینال ژنراتور برای اتصال مثلث

این جریانهها مجموعه متعادلی با توالی مثبت هستند.

در این صورت  $MMF$  ایجاد شده توسط هر حلقه استاتور در یک  $MMF$  پالسی در حول محور خود خواهد بود

$$MMF_a(t) = N_a i(t) = N_s I_m \sin \omega t$$

$$MMF_b(t) = N_b i(t) = N_s I_m \sin(\omega t - 120^\circ)$$

$$MMF_c(t) = N_c i(t) = N_s I_m \sin(\omega t + 120^\circ)$$

بنابراین  $MMF$  کل استاتور (آرمیچر) به صورت تابعی از  $t$  و زاویه فضایی  $\theta$  برابر است با:

$$MMF_{3phase}(\theta, t) = MMF_a(t) \cos \theta + MMF_b(t) \cos(\theta - 120) + MMF_c(t) \cos(\theta + 120)$$

$$MMF_{3phase}(\theta, t) = 1.5 F_m \sin(\theta - \omega t) \quad [\text{AmpereTurn/Pole}]$$

که در آن  $F_m = N_m I_m$  حداکثر مقدار  $MMF$  برای هر فاز است.  $MMF$  استاتور یک  $MMF$  چرخشی است که

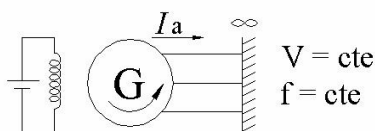
سرعت آن بر اساس رابطه  $f = \left(\frac{\omega_s}{2\pi}\right)\left(\frac{p}{2}\right) = p \frac{\omega_s}{4\pi}$  با فرکانس  $f$  و ولتاژ اعمال شده مشخص می شود.

جهت چرخش این  $MMF$  با علامت  $\omega$  در رابطه مشخص شده و هنگامی که توالی فاز ولتاژ اعمال شده در رابطه جریان ها معکوس شود. جهت چرخش  $MMF$  نیز معکوس خواهد شد.

### ماشین ایده آل

در مدل ماشین ایده آل (خطی) تمامی تلفات الکتریکی و مکانیکی و فلوی ناشی سیم پیچها و مقاومت مغناطیسی آهن صرف نظر می شود. چون مدار سه فاز متعادل است لذا از مدل های تک فاز می توان استفاده نمود، (توالی بارها  $\rightarrow abc$ ).

برای سادگی فرض می شود ژنراتور به شین بی نهایت متصل باشد. در این حالت ژنراتور طوری راه اندازی می شود که ولتاژ دو سر هر فاز (مثلا  $a$ ) برابر با ولتاژ ترمینال و شین بی نهایت باشد.



چرخش روتور با سرعت  $\omega$ .

شکل (۳-۱)

در حالت سنکرونیزاسیون مناسب:

$$E_a = 4.44 f N_s \phi_{fm} \rightarrow (= V_t)$$

در حالت بی باری  $V_t = E_a$  می باشد که چون این ولتاژ ناشی از القای سیم پیچ تحریک است آن را با  $E_{af}$  نمایش می دهیم پس  $V_t = E_{af}$ .

$$MMF_r = MMF_f + MMF_{3phase}$$

$MMF_r$  نیروی محرکه مغناطیسی منتهی یا برآیند

$\bar{E}_r$ : ولتاژ منتهی (الفا شده توسط  $MMF_r$ )

$\bar{E}_{af}$ : ولتاژ تحریک در استاتور (الفا شده توسط  $MMF_f$ )

$\bar{E}_{ar} = j \bar{I}_a X_\phi$ : افت ولتاژ عکس العمل آرمیچر

$X_\phi$ : راکتانس عکس العمل آرمیچر (القایی)

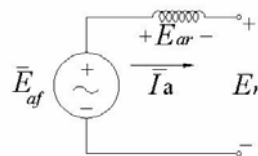
$T$ : گشتاور الکترومکانیکی

$P$ : توان (تبدیل شده) الکترومکانیکی

در حالت بی باری ولتاژ ترمینال  $\bar{V}_t$  با ولتاژ منتهی  $\bar{E}_r$  و ولتاژ تحریک در استاتور  $\bar{E}_{af}$  برابر است

$$\bar{V}_t = \bar{E}_r = \bar{E}_{af} \rightarrow \bar{I}_a = 0$$

در حالت باردار ولتاژ ترمینال  $\bar{V}_t$  با نیروی محرکه منتهی  $\bar{E}_r$  برابر است ( $\bar{V}_t = \bar{E}_r$ ). چون در شین بی نهایت  $\bar{V}_t = cte$  ثابت است پس  $\bar{V}_t = \bar{E}_r$  نیز ثابت بوده و آنگاه  $MMF_r$  نیز ثابت خواهد بود.



مدل ماشین سنکرون روتور استوانه ای سه فاز (برای هر فاز)

### شکل (۲-۳)

در این حالت فرض می شود گشتاور محور  $T=0$  باشد و جریان  $\bar{I}_f$  از حالت بی باری افزایش یابد. تفاضل بین  $MMF$  ها بایستی توسط جریان  $I_a$  و نیروی محرکه مغناطیسی  $MMF_{3phase}$  تامین شود.

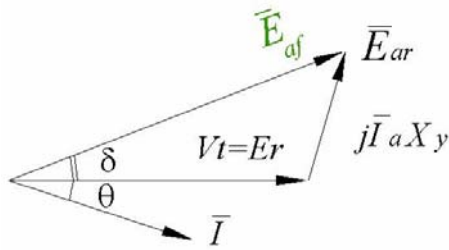
$$I_f \uparrow \text{ افزایش جریان تحریک } \Rightarrow MMF_f > MMF_r \Rightarrow MMF_{3phase} = MMF_r - MMF_f$$

$$I_f \uparrow \text{ منحنی اشباع مغناطیسی } \Rightarrow E_{af} \uparrow \Rightarrow \bar{E}_{ar} = \bar{E}_{af} - \bar{V}_t = \bar{E}_{af} - \bar{E}_r$$

$$\bar{I}_a \text{ نسبت به } \bar{E}_{ar} \text{ } 90^\circ \text{ درجه پس فاز است پس } \bar{E}_{ar} = j \bar{I}_a X_\phi$$

پس ژنراتور سنکرون در حالت فوق تحریک ( $I_f \uparrow$ ) جریان و توان سلفی (ضریب توان پس فاز) به شین بی نهایت تزریق می کند.





شکل (۳-۳)

از سوی دیگر ژنراتور سنکرون در حالت زیر تحریک ( $I_f \downarrow$ ) جریان و توان خازنی (ضریب توان بیش فاز) به شین بی نهایت تزریق می کند.

برای موتور سنکرون دو حالت فوق بصورت معکوس خواهد بود. به منظور تکمیل روابط الکتریکی و مکانیکی در ماشین ایده آل، گشتاور و توان الکترومکانیکی آن را بدست می آوریم.

به ازای کارکرد ژنراتور در ضریب توان پس فاز (فوق تحریک)  $\bar{V}_t = V_t \angle 0$ :

$$\bar{E}_{af} = \bar{V}_t + j\bar{I}_a X_{\phi}$$

توان مختلف تکفاز تحویل شده به شین بی نهایت توسط ماشین:

$$\bar{S} = V_t \bar{I}_a^* = P + jQ$$

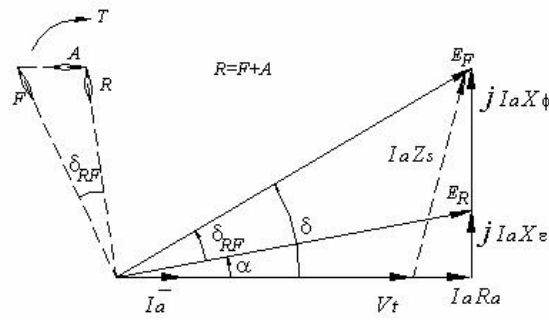
$$\bar{I}_a = \frac{\bar{E}_{af} - \bar{V}_t}{jX_{\phi}}$$

$$\bar{S} = \bar{V}_t \frac{\bar{E}_{af}^* - \bar{V}_t^*}{-jX_{\phi}} = \frac{V_t E_{af} \angle -\delta}{X_{\phi} \angle -90} - \frac{V_t^2}{X_{\phi} \angle -90} = \frac{E_{af} V_t}{X_{\phi}} \angle (90 - \delta) - \frac{V_t^2}{X_{\phi}} \angle 90$$

$$P_{1\text{phase}} = \text{Real}[\bar{S}] = \frac{E_{af} V_t}{X_{\phi}} \cos(90 - \delta) = \frac{E_{af} V_t}{X_{\phi}} \sin \delta \quad \left[ \frac{\text{watt}}{\text{phase}} \right]$$

$$P_{3\text{Phase}} = 3 \frac{E_{af} V_t}{X_{\phi}} \sin \delta \quad \text{توان کل سه فاز}$$

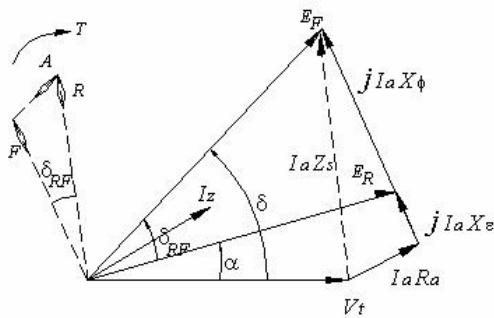
$$T = \frac{P}{\omega_s} = \frac{3}{\omega_s} \frac{E_{af} V_t}{X_{\phi}} \sin \delta \quad \text{گشتاور محور}$$



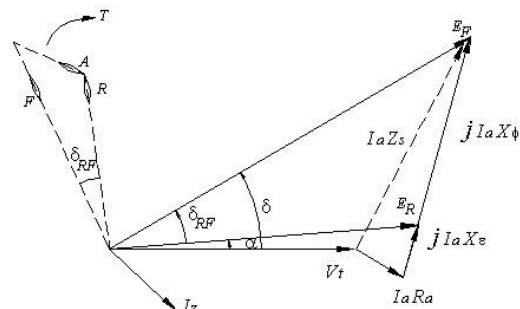
کارکرد به ازای ضریب قدرت یک  
(تحریک نرمال)

شکل (۳-۴)

$$\begin{aligned}\bar{E}_f &= \bar{V}_t + \bar{I}_a [R_a + j(X_l + X_\phi)] \\ &= \bar{V}_t + \bar{I}_a (R_a + jX_s) \\ &= \bar{V}_t + \bar{I}_a Z_s \\ \bar{E}_R &= \bar{V}_t + \bar{I}_a (R_a + jX_l)\end{aligned}$$



کارکرد به ازای پیش فاز  
(زیر تحریک)



کارکرد به ازای ضریب قدرت پس فاز  
(فوق تحریک)

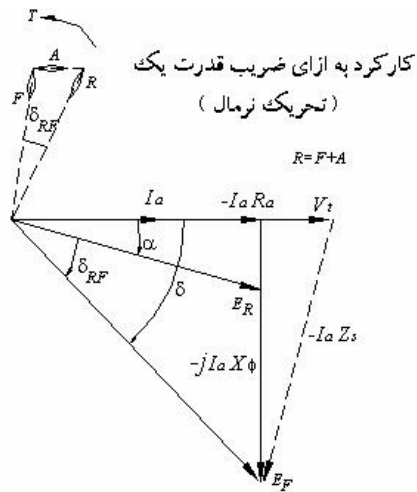
دیگرامهای فازوری برای ژنراتور سنکرون روتور استوانه ای

شکل (۳-۵)

مثال ۱-۲) یک ماشین سنکرون ۶۰ هرتز، چهار قطبه، سه فاز با اتصال  $Y$ ،  $9\text{ kVA}$ ،  $208\text{ V}$  دارای مشخصات زیر است:

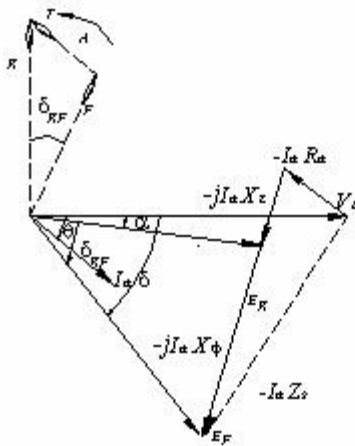
$$R_a = 0 \quad X_a = 1.2\Omega / \text{ph} \quad X_\phi = 4.8\Omega / \text{ph}$$

مطلوبست تعیین  $E_f$ ،  $P$ ،  $T$ ، برای بهره برداری تحت بار کامل و ضریب توان  $0.8$  پس فاز، با استفاده از مقادیر واقعی و نسبت به واحد.

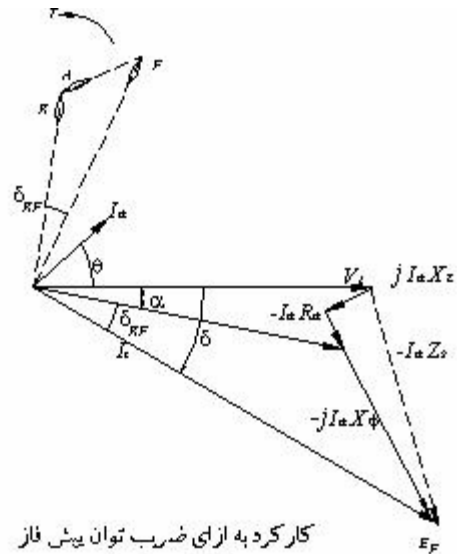


شکل (۳-۶)

$$\begin{aligned} \bar{E}_f &= \bar{V}_t + \bar{I}_a [R_a + j(x_l + x_\phi)] \\ &= \bar{V}_t + \bar{I}_a (R_a + jx_s) \\ &= \bar{V}_t + \bar{I}_a Z_s \\ \bar{E}_R &= \bar{V}_t + \bar{I}_a (R_a + jx_l) \end{aligned}$$



کارکرد به ازای ضریب توان یس فاز  
(زیر تحریک)



کارکرد به ازای ضریب توان بیش فاز  
(فوق تحریک)

دیگرامهای فازوری برای موتور سنکرون روتور استوانه ای

$$V_b = V_t = \frac{208}{\sqrt{3}} = 120 \text{ V / Ph}$$

$$I_b = I_a = \frac{9 \times 10^3}{\sqrt{3}(208)} = \frac{3 \times 10^3}{120} = 25 \text{ A}$$

$$Z_b = \frac{V_b}{I_b} = 120 / 25 = 4.8 \Omega / \text{ph}$$

$$\theta = \cos^{-1} 0.8 = 36.9^\circ$$

$$X_a = \frac{1.2}{4.8} = 0.25 pu$$

$$\theta = \cos^{-1} 0.8 = 36.9^\circ$$

$$X_a = \frac{1.2}{4.8} = 0.25 pu$$

$$X_s = X_\phi + X_a = 6\Omega / ph = 1.25 pu$$

$$E_R = V_t + I_a(R_a + jx_a)$$

$$= 120 + (25\angle -36.9)(1.2\angle 90)V / ph = 1 + 0.25\angle 55.1 pu$$

$$= 120 + (18 + j24) = 1 + (0.15 + j0.2)$$

$$= 138 + j24 = 1.15 + j0.2$$

$$= 140.07\angle 9.87V / Ph = 1.167\angle 9.87 pu$$

$$E_{af} = V_t + I_a(R_a + jX_s)$$

$$= 120 + (25\angle -36.9)(6\angle 90) = 1 + 1.25\angle 53.1$$

$$= 210 + j120 = 1.75 + j1.0$$

$$= 241.87\angle 29.74 = 2.029.74$$

از معادله ۲-۱۹ داریم:

$$P = 3 \left[ \frac{(241.87)(140.07)}{4.8} \right] \sin(29.74 - 9.87) = 7.200W$$

$$= 3 \left[ \frac{(241.87)(120)}{6.0} \right] \sin(29.74) = 7.200$$

$$= 3 \left[ \frac{(140.07)(120)}{1.2} \right] \sin 9.87 = 7.200$$

$$T = \frac{P}{\omega_s} = \frac{7.200}{60\pi} = 38.2 N.m$$

و از معادله ۲-۲۱ داریم:

$$pu T = pu P = \left[ \frac{E_F V_t}{X_s} \right] \sin \delta = \left( \frac{2.016}{1.25} \right) \sin 29.74 = 0.8 pu$$

$$= \left[ \frac{E_F E_R}{X_\phi} \right] \sin \delta_{RF} = (2.016)(1.67) \sin 19.87 = 0.8 pu$$

$$= \left[ \frac{E_R V_t}{X_l} \right] \sin a = \left( \frac{1.167}{0.25} \right) \sin 9.87 = 0.8 pu$$