

دستور کار آزمایشگاه کنترل خطی



شبیه ساز کنترل فرآیندها

**PCS-800NP**

تهیه کننده :

شرکت مهندسی مطالعاتی نوسان پرداز

---

شرح آزمایشها :

آزمایش (2-1) : بررسی پاسخ پله سیستم های درجه دو

وسایل مورد نیاز :

ماژول های PID-VPZ-L&I-DSCI-DPS و اسیلوسکوپ

تابع انتقال کلی سیستم درجه دو به شکل زیر است :

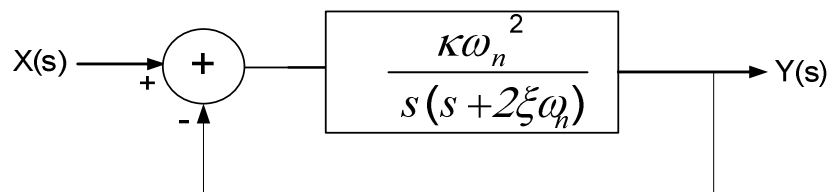
$$\frac{Y(s)}{X(s)} = \frac{\omega_n^2}{s^2 + 2\xi\omega_n s + \omega_n^2}$$

و پاسخ زمانی آن به ورودی پله واحد برابر است با :

$$Y(t) = 1 + \frac{1}{\beta} e^{-\xi\omega_n t} \sin(w_n \beta t + \theta)$$

که  $\beta = \sqrt{1 - \xi^2}$  ،  $\theta = \text{tg}^{-1}(\frac{\beta}{\xi})$  است . پاسخ گذرای چنین سیستمی به ازای مقادیر مختلف

$\xi$  در شکل (2-7) آمده است.



شکل (2-7)

هدف از این آزمایش ، آشنایی با تعاریف  $t_r$  (زمان صعود) ،  $t_p$  (زمان اوج) ،  $t_s$  (زمان نشست) ،  $M_p$  (مقدار ماکزیمم فراجهدش) و پاسخ به ورودی پله می باشد.

- مدار شکل (2-7) را به ازای  $\xi = 1$  و  $\omega_n = 5$  و  $k = 6$  روی PCS شبیه سازی کنید.

- با استفاده از Set Value ورودی پله به دامنه 1 ولت را اعمال کنید.

- اسیلوسکوپ را در حالت Storage و  $T_d = 0.2s$  قرار دهید .

- زمان  $t_p$  و  $M_p$  و  $t_r$  و  $t_s$  را برای پاسخ بدست آورید و با مقادیر حاصل از شبیه سازی، مقایسه کنید.

	$t_p$	$M_p$	$t_r$	$t_s(5\%)$	$t_s(2\%)$
نتایج تئوری					
نتایج عملی					

تابع تبدیل حلقه باز  $G(s) = \frac{150}{s \times (s+10)}$  را در PCS بصورت  $G(s) = (15) \times \left(\frac{1}{s}\right) \times \left(\frac{1}{.1 \times s + 1}\right)$  مدل می شود.

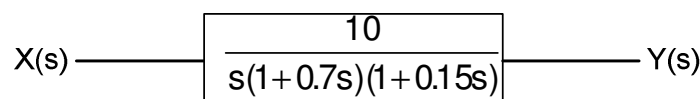
- مقدار  $\xi$  را بگونه ای تنظیم کنید که 10% فرجهش در خروجی داشته باشیم. این مقدار را با مقدار بدست آمده از تئوری مقایسه کنید.

### آزمایش (2-2) :

وسایل مورد نیاز:

ماژول های PID-VPZ-L&I-DSCI-DPS و اسیلوسکوپ و فانکشن

الف) آشنایی با نمودار Bode و محاسبه  $GM$  و  $PM$  برای سیستم های ناپایدار  
 هدف آزمایش: هدف از این آزمایش بدست آوردن نمودار Bode با استفاده از تغییر فرکانس ورودی و نیز آشنایی با چگونگی استفاده از این نمودار برای بررسی پایداری سیستم می باشد.  
 - شکل (2-8) را روی PCS شبیه سازی کنید.



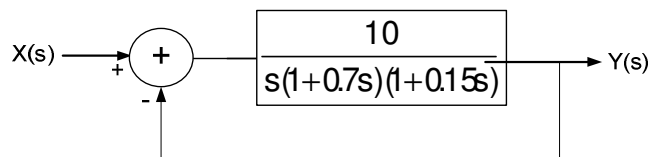
شکل (2-8)

تابع تبدیل حلقه باز  $G(s) = \frac{10}{s(1+0.7s)(1+0.15s)}$  را در PCS بصورت  
 $G(s) = \frac{1}{0.1s(1+0.7s)(1+0.15s)}$  مدل می شود.

- یک سیگنال سینوسی با دامنه 1 ولت اعمال کنید. با تغییر فرکانس ورودی بین 0.1HZ تا 0.8HZ، دامنه ولتاژ خروجی و همچنین اختلاف فاز را در جدول زیر یادداشت نمایید. (اسیلوسکوپ در حالت Ac,Storage باشد).

- نمودار Bode سیستم را با استفاده از مقادیر بدست آمده رسم کنید.

- مقدار GM و PM را با استفاده از نمودار بدست آورید و با مقادیر حاصل از تئوری مقایسه نمایید.



شکل(2-7)

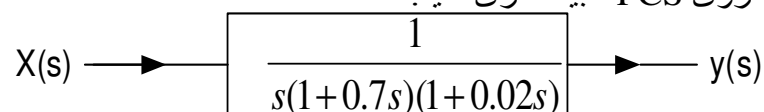
حال ورودی را صفر کنید و خروجی را بر روی اسیلوسکوپ مشاهده کنید. توضیح دهید که چرا سیستم ناپایدار در حالت ورودی صفر، خروجی غیر صفر دارد؟

(ب) آشنایی با نمودار Bode و محاسبه GM و PM برای سیستم های پایدار

وسایل مورد نیاز:

ماژول های PID-VPZ-L&I-DSCI-DPS و اسیلوسکوپ و فانکشن

- شکل (2-9) را روی PCS شبیه سازی کنید.



شکل(2-9)

$f(Hz)$							
$\omega$ $\left(\frac{Rad}{Sec.}\right)$							
$\frac{V_o}{V_i}$ $dB$							
$\Delta t$ $(Sec.)$							
$\Delta \theta$ $(Deg.)$							

و نمودار Bode سیستم را رسم کنید.

آزمایش (2-3) : بررسی اثر تأخیر بر روی فرآیندها

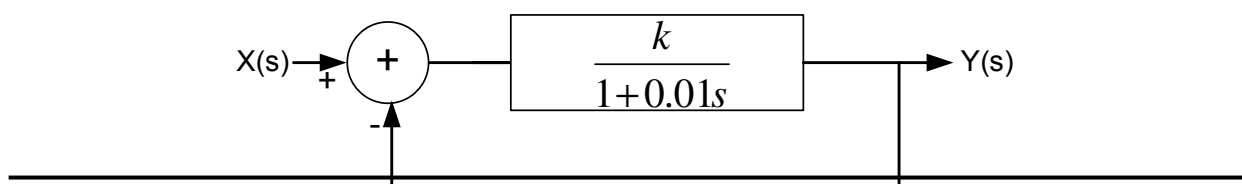
وسایل مورد نیاز:

ماژول های PID-VPZ-L&I-DSCI-DPS و اسیلوسکوپ و فانکشن

هدف آزمایش: هر عامل بیرونی بر روی فرآیند تأثیر دارد. در این آزمایش هدف این است که تأثیر عامل تأخیر بر روی پایداری سیستم بررسی شود.

الف) سیستم شکل (2-10) را روی PCS شبیه سازی کنید.

- به ورودی سیستم یک موج مربعی با فرکانس 1Hz و دامنه (0-1) ولت اعمال نمایند.



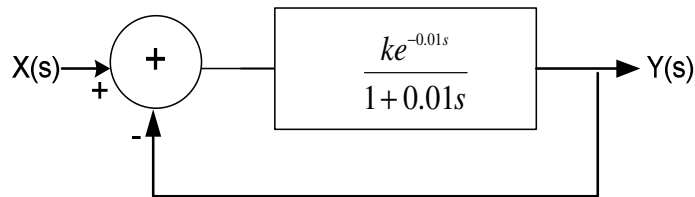
شکل (2-10)

- k را تغییر داده و ناپایداری سیستم را به ازای تغییرات آن بررسی کنید.

سؤال : از این آزمایش چه نتیجه ای بدست می آید؟

(ب) شکل (2-11) را شبیه سازی کنید.

- k را تغییر داده و بررسی کنید که به ازای کدام مقدار k سیستم ناپایدار می شود؟



شکل (2-11)

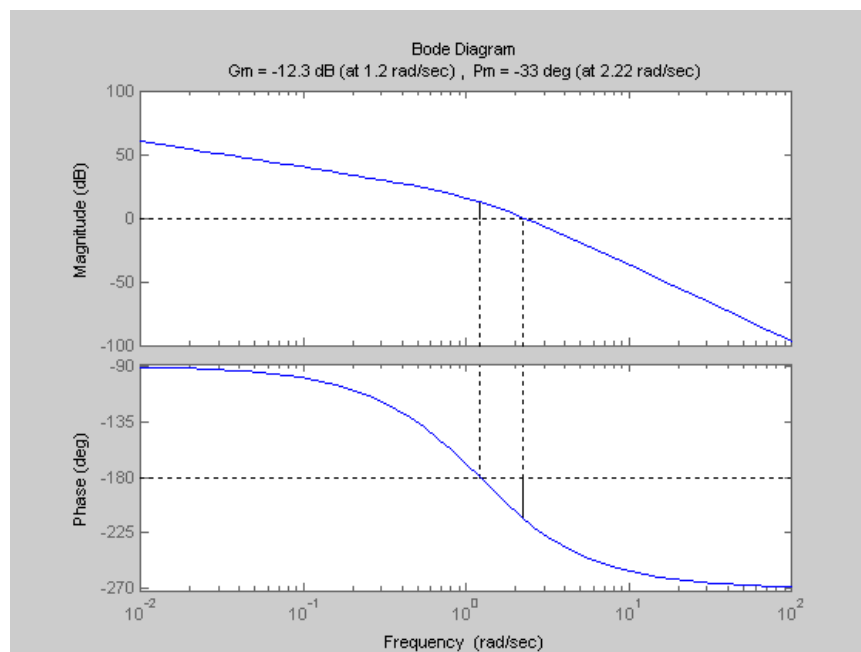
سؤال : حضور تأخیر در سیستم چه تأثیری در پایداری آن دارد؟

- کنترل کننده PI را وصل کنید و اثر  $T_i$  و  $k$  را روی کیفیت پاسخ گذرا و ماندگار سیستم به ازای

ورودی پله مشاهده کنید و روی آن بحث کنید.

آزمایش (2-4) : بررسی طراحی کنترل کننده **Lead** و **Lag** درحوزه فرکانس به روش **Bode**

سیستم تحت بررسی دارای تابع انتقالی بصورت  $G(s) = \frac{10}{0.01s(0.01s + 1)(0.007s + 1)}$  است.



همانطور که دیده می شود حاشیه فاز 33- درجه است، بنابراین سیستم ناپایدار است. برای حل این مشکل از جبران سازها استفاده می شود.

الف) هدف از این آزمایش طراحی جبران ساز Lead در حوزه فرکانس است. جبران سازهای پیشفاز به منظور بهبود پاسخ گذرا سیستم استفاده می شود و تاثیر آنها بر حالت ماندگار کمتر است. به طور کلی تابع شبکه یک جبران ساز Lead به صورت زیر است:

$$C(s) = \frac{1}{\alpha} \frac{1 + \alpha Ts}{1 + Ts}, \alpha > 1$$

به دلیل اینکه محل فرکانس قطب از صفر بزرگتر است به این جبران ساز پیشفاز گفته می شود. از طرف دیگر همان طور که دیده می شود این نوع جبران ساز بهره DC سیستم را به اندازه  $\alpha$  برابر کوچک می کند. که باعث افزایش خطای مانگار سیستم می شود بنابراین باید بهره کل را در  $\alpha$  ضرب کرد.

برای محاسبه صفر و قطب جبران ساز روش های گوناگونی وجود دارد یکی از ساده ترین روش ها حذف قطب دوم و قرار دادن قطبی در ده برابر قطب سوم است چنانچه به این شکل به هدف مورد نظر دست پیدا نکنیم از جبران ساز Lag نیز باید استفاده کرد. هدف ما رسیدن به حاشیه فاز 60 درجه است بنابراین جبران ساز به صورت زیر در می آید:

$$C(s) = 0.07 \frac{0.01s + 1}{0.0007s + 1}$$

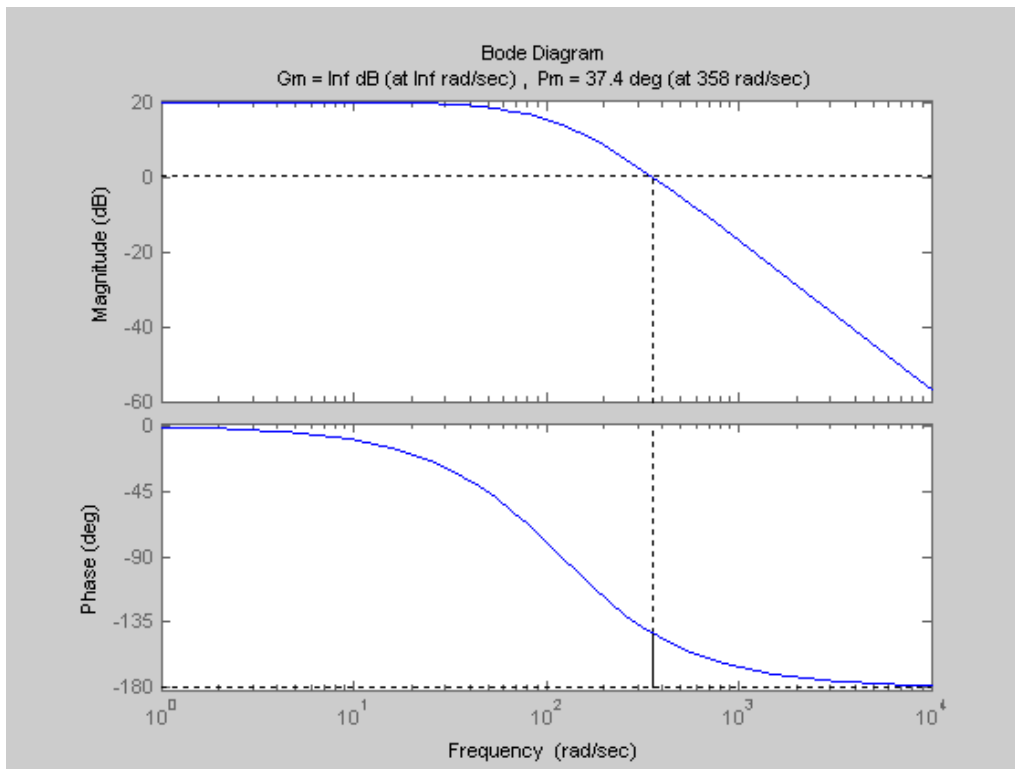
حال حاشیه فاز سیستم جبران شده را به درست می آوریم؟  
پاسخ پله سیستم جبران شده را بدست آورد؟

جبران ساز Lag:

جبران سازهای Lag معمولاً برای رسیدن به حاشیه فاز مطلوب مورد استفاده قرار می گیرند برای

این منظور سیستمی با تابع تبدیل  $G(s) = \frac{10}{(0.007s + 1)(0.01s + 1)}$  را در نظر بگیرید. نمودار بود

به صورت زیر است:



با توجه به شکل حاشیه فاز 37.4 درجه است، هدف ما رسیدن به حاشیه فاز 50 درجه می باشد :

برای این منظور روش های مختلفی وجود دارد به عنوان مثال حذف قطب اول و قرار دادن قطب مطلوبی به جای آن و یا اضافه کردن قطب به سیستم ( در این صورت درجه سیستم افزایش می یابد) با استفاده از روش دوم ( اضافه کردن قطب غالب) جبران ساز را طراحی کنید؟

پاسخ پله و حاشیه فاز سیستم جبران شده را بدست آورید ؟

سؤال : کنترلر چه تأثیری بر پهنای باند سیستم گذاشته است ؟

### آزمایش اندازه گیری حساسیت:

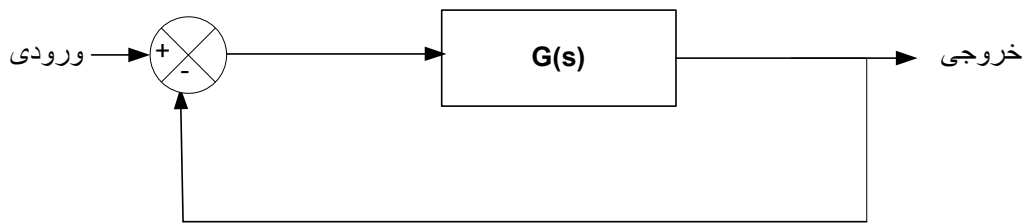
تعریف حساسیت: حساسیت  $T$  نسبت به پارامتر  $\alpha$  بصورت زیر می باشد:

$$S_{\alpha}^T = \frac{\partial T}{\partial \alpha} \times \frac{\alpha}{T} = \frac{\partial T / T}{\partial \alpha / \alpha}$$

در این آزمایش برای سیستم حلقه بسته زیر، حساسیت خطای پاسخ حالت ماندگار سیستم به ورودی پله ( $e_{ss}$ ) نسبت به پارامتر  $K$  را می خواهیم بدست آوریم:



$$G(s) = \frac{K}{(1 + 0.02 \times s) \times (1 + 0.7 \times s)}$$



شکل (1)

خطای پاسخ حالت ماندگار سیستم به ورودی پله ( $e_{ss}$ ) برابر است با:

$$e_{ss} = \frac{1}{1 + G(0)} = \frac{1}{1 + K}$$

و در نتیجه  $S_k^{e_{ss}}$  تحلیلی بصورت زیر در می آید:

$$\left| S_k^{e_{ss}} \right| = \left| \frac{\partial e_{ss}}{\partial K} \times \frac{K}{e_{ss}} \right| = \left| \frac{-1}{(1 + K)^2} \times \frac{K}{1/(1 + K)} \right| = \frac{K}{1 + K}$$

برای بدست آوردن  $S_k^{e_{ss}}$  از روی آزمایش، از تقریب زیر استفاده می کنیم:

$$\left| S_k^{e_{ss}} \right| = \left| \frac{\partial e_{ss}}{\partial K} \times \frac{K}{e_{ss}} \right| \approx \left| \frac{\Delta e_{ss}}{\Delta K} \times \frac{K}{e_{ss}} \right|$$

یعنی بازای دو مقدار مختلف گین  $K$ ،  $e_{ss}$  را حساب می کنیم:

$$\Delta e_{ss} = |e_{ss1} - e_{ss2}|, \Delta K = |K_1 - K_2|$$

$$K = \frac{K_1 + K_2}{2}, e_{ss} = \frac{e_{ss1} + e_{ss2}}{2}$$

و با استفاده از فرمول بالا، حساسیت از روی آزمایش بدست آورید.

برای  $K=1.5$  حساسیت  $e_{ss}$  را به  $K$  اندازه گیری کنید؟

حال مقدار  $k$  را به 5 افزایش داده و میزان حساسیت را بررسی کنید؟

توضیح دهید که با افزایش  $k$  مقدار حساسیت خطای ماندگار به بهره افزایش می یابد یا کاهش؟