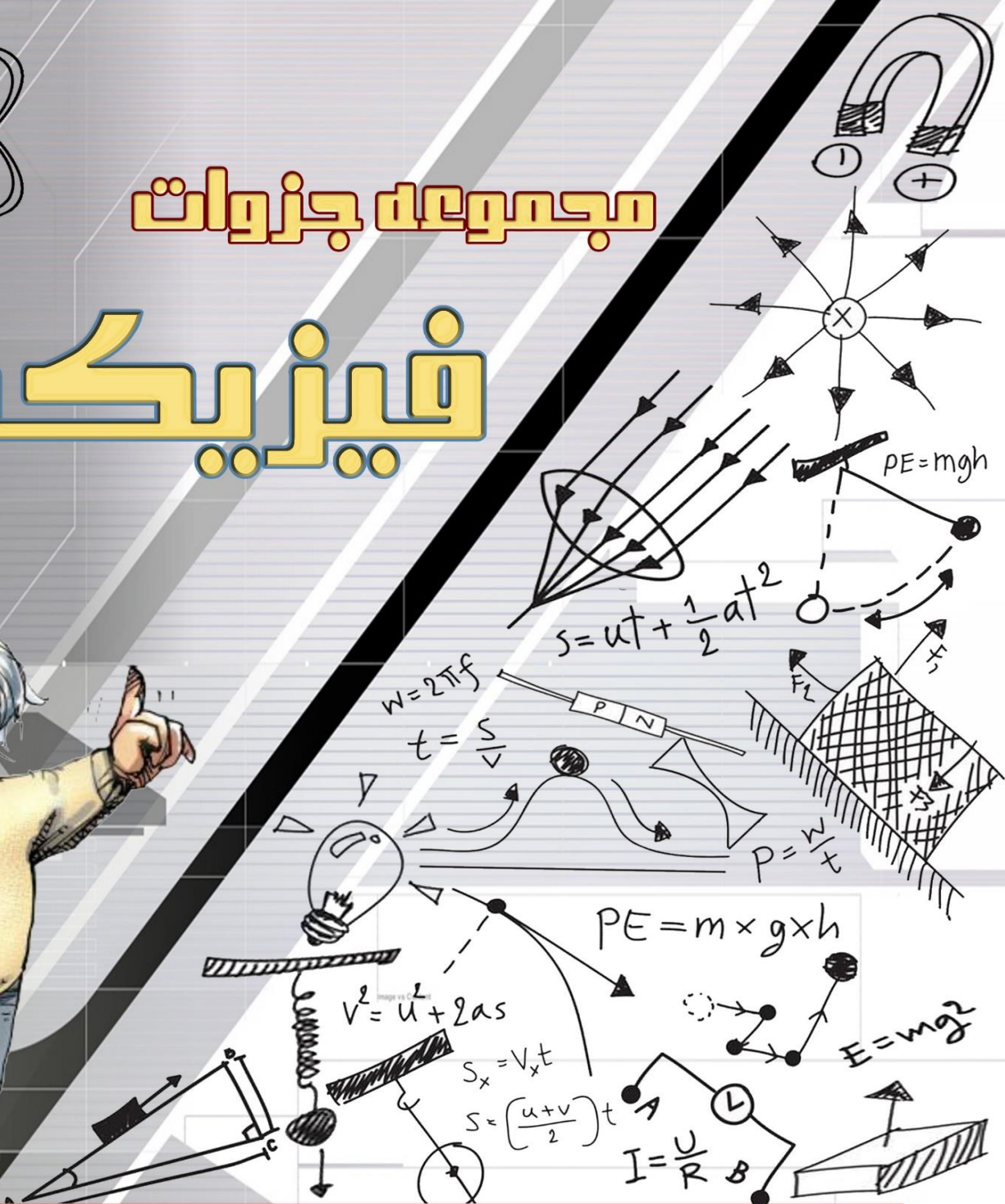
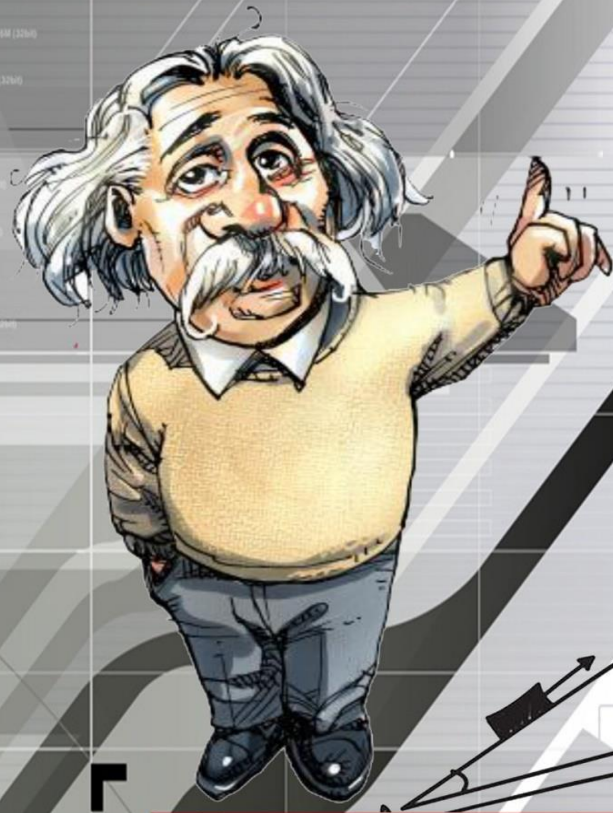


مجموعه جزوات

فیزیکدان



فیزیک دهم فصل دوم

گردآورنده: مهندس شهاب رحیمی



Physics_dan

فصل دوم : کار، انرژی و توان

انرژی جنبشی

کار انجام شده توسط نیروی ثابت

کار و انرژی جنبشی

کار و انرژی پتانسیل

پایستگی انرژی مکانیکی

کار و انرژی درونی

توان



پیش نیاز: بردارها

۱-۲ انرژی جنبشی



انرژی: خاصیتی از جسم است که سبب انجام کار می‌شود. به عبارت دیگر توانایی انجام کار را انرژی می‌گویند.



انرژی جنبشی: انرژی ای که اجسام به دلیل حرکتشان دارند را انرژی جنبشی می‌گویند.

به عبارت دیگر هر جسمی که حرکت کند دارای انرژی جنبشی می‌باشد.


انرژی جنبشی را با نماد K نشان می‌دهند و یکای آن ژول J است. 




رابطه انرژی جنبشی : انرژی جنبشی جسمی به جرم m که با تندی v در حال

حرکت است از رابطه زیر به دست می آید:


$$K = \frac{1}{2}mv^2$$


یکای انرژی جنبشی بر حسب یکاهای اصلی $\text{Kg} \cdot \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2}$ است که به اختصار جیمز ژول، دانشمند انگلیسی ژول (J) نامیده شد. 

اگر تندی جرم بر حسب $(\frac{\text{Km}}{\text{h}})$ داده شود برای تبدیل آن به $(\frac{\text{m}}{\text{s}})$ کفایت آن را بر ۳/۶ تقسیم کنیم. 

برای مقایسه انرژی جنبشی در جرم با جرم ها و تندی های متفاوت داریم: 

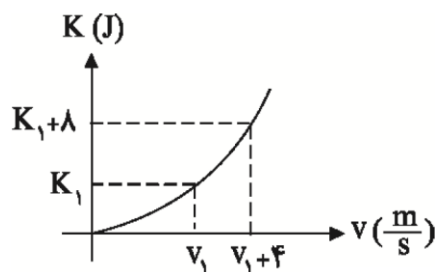
$$K = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow \frac{m_2}{m_1} \times (\frac{v_2}{v_1})$$

انرژی جنبشی کمیتی نرده ای و همواره مثبت است. این کمیت تنها به جرم و تندی جرم بستگی دارد و به جهت حرکت جرم وابسته نیست. 

اتومبیلی به جرم 500 Kg با سرعت $72 \frac{\text{Km}}{\text{h}}$ در حال حرکت است. انرژی جنبشی آن را حساب کنید. 



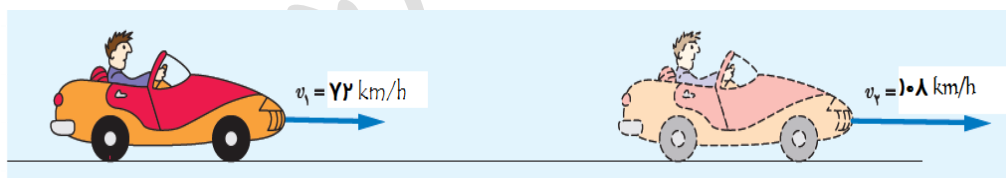
در شکل مقابل نمودار انرژی جنبشی جسمی به جرم $\frac{2}{5}$ کیلوگرم برحسب تندی آن نشان داده شده است. V_1 چند متر بر ثانیه است؟



شهاب سنگی به جرم 4×10^6 kg و تندی $15 \frac{km}{s}$ وارد جو زمین می شود. اگر این شهاب سنگ تقریباً با همین تندی به زمین برخورد کند انرژی جنبشی آن را بدست آورید.

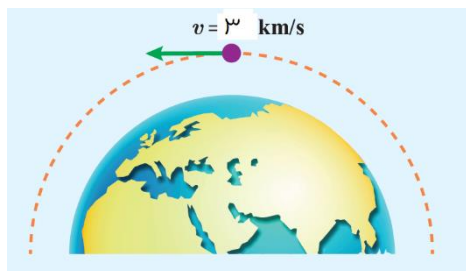


جرم خودرویی به همراه راننده اش ۸۰۰ کیلوگرم است. مطابق شکل تندی خودرو در نقطه از مسیری که روی آن در حال حرکت است نشان داده شده است. تغییرات انرژی جنبشی خودرو بر حسب کیلوژول محاسبه نمایید.





ماهواره ای به جرم 20 kg و تندی ثابت $3 \frac{\text{km}}{\text{s}}$ مطابق شکل به دور زمین می چرخد. انرژی جنبشی ماهواره را بر حسب مگاژول به دست آورید.



جسمی در مسیر مستقیم با تندی V در حال حرکت است. اگر تندی این جسم $5 \frac{m}{s}$ افزایش یابد، انرژی جنبشی آن ۴۴ درصد افزایش می یابد. V چند متر بر ثانیه است؟ (خارج از کشور تجربی ۹۳)



نسبت انرژی جنبشی جسمی به جرم m که با تندی V در حرکت است، به انرژی جنبشی جسم دیگری که جرم آن $2m$ و تندی اش $\frac{1}{2}V$ می باشد، چه قدر است؟



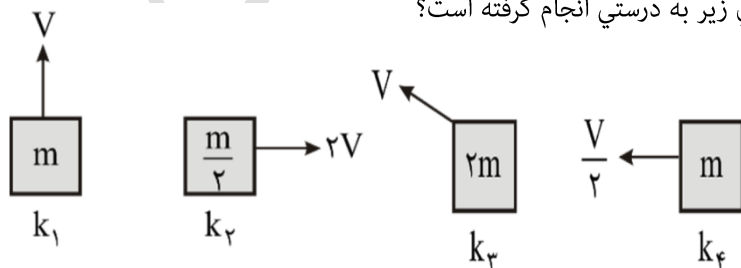
در کدام گزینه مقایسه بین انرژی جنبشی جسم های زیر به درستی انجام گرفته است؟

$$k_3 > k_2 > k_1 > k_4 \quad (1)$$

$$k_2 = k_3 > k_1 > k_4 \quad (2)$$

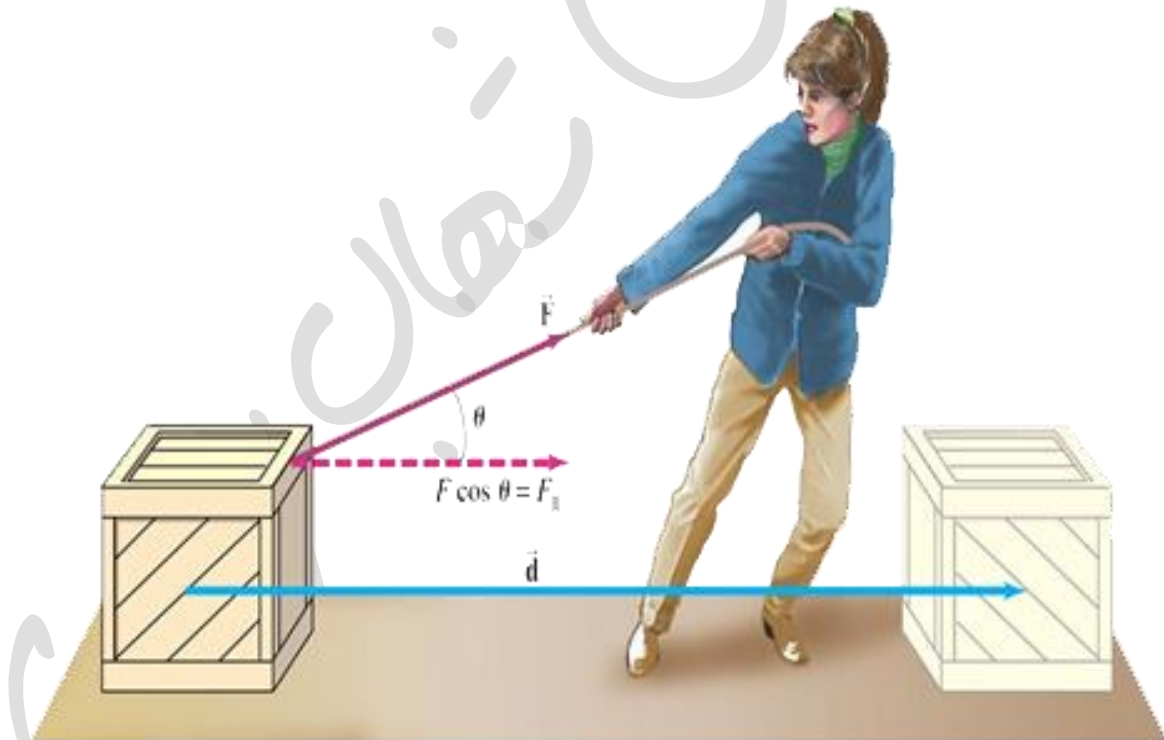
$$k_1 > k_2 = k_3 > k_4 \quad (3)$$

$$k_2 > k_3 > k_1 > k_4 \quad (4)$$



تذکره: برای به دست آوردن انرژی جنبشی یک متحرک فقط تندی مهم است و جهت حرکت اهمیتی ندارد.

۲-۲ کار انجام شده توسط نیروی ثابت





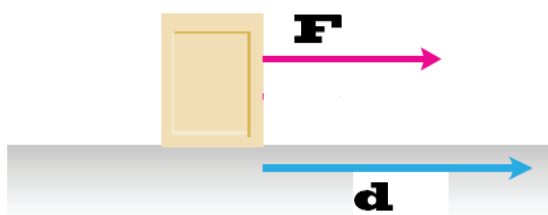
به جسمی نیرو وارد می شود ممکن است آن جسم تحت اثر نیرویی که به آن وارد می شود جابه جا شود و یا این که سر جای خود ثابت باقی بماند. در این بخش نیروهای مورد بحث ما، نیروهای ثابت هستند یعنی نیروهایی که اندازه یا بزرگی آنها یکسان است.

$$W_F = (F \cos\theta) d = F d \cos\theta$$

⚠ اگر بردار نیرو بر راستای بردار جابه جایی جسم عمود باشد ($\theta = 90^\circ$ و $\cos\theta = 0$) کار انجام شده توسط نیرو برابر صفر است.

⚠ اگر بردار نیرو و بردار جابه جایی جسم هم راستا باشند ($\theta = 0^\circ$ و $\cos\theta = 1$) آن گاه کار انجام شده توسط نیرو از رابطه $W = Fd$ زیر به دست می آید:

$$W = F d$$



⚠ کار یک کمیت نرده ای (عددی) است و طبق تعریف؛ یکای آن -یک ژول- برابر است با یک نیوتن در متر.

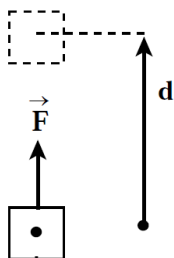
$$1\text{J} = 1\text{N} \cdot 1\text{m}$$

? اگر شخصی نیرویی رو به بالا برابر ۳۰ نیوتون را به جسم اعمال کند و آن را به اندازه ی ۰/۵ متر بالا ببرد ، چه مقدار کار انجام می دهد؟

? اگر نیرویی که مرد بر جعبه وارد می کند ۵۰ N و زاویه ی آن با جابه جایی ۶۰° باشد. کار نیروی مرد را ۳ متر جابه جایی حساب کنید.



? جسمی به جرم m را با نیروی ثابت F مطابق شکل به اندازه ی d بالا می بریم. الف) کار نیروی وزن چه قدر است؟ ب) کار نیروی F چقدر است؟



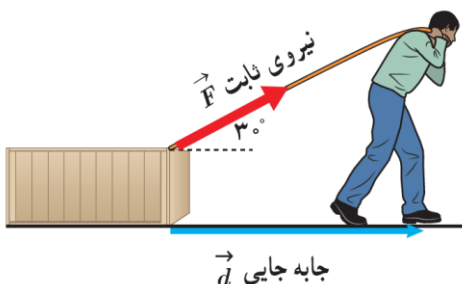
نکته: یک ژول مقدار کاری است که نیروی یک نیوتون در جابه جایی نقطه اثر خود به اندازه یک متر انجام دهد.



در طول مدتی که وزنه بردار وزنه را بالای سر خود نگه می دارد:
الف) کار نیروی دست او بر روی وزنه چقدر است؟
ب) آیا او در این مدت انرژی مصرف می کرد؟ توضیح دهید.



شکل زیر شخصی را نشان می دهد که جعبه ای را با نیروی ثابت روی سطحی هموار و با اصطکاک ناچیز، به اندازه ی جابه جا می کند.
الف) کار انجام شده توسط این نیرو چقدر است؟
ب) نیروهای دیگری را که بر جسم وارد می شود مشخص کنید. کاری را که هر کدام از این نیروها روی جسم انجام می دهند حساب کنید.



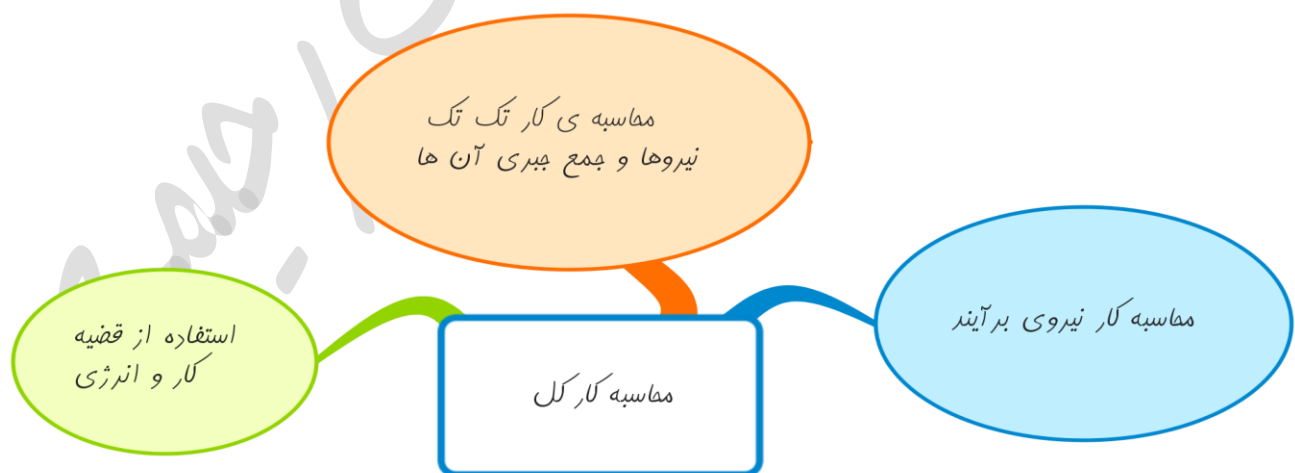
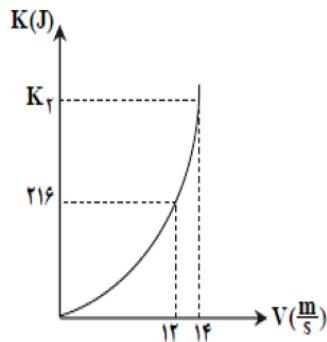
اگر تندی با تندی v_1 در حرکت است. اگر تندی آن $10 \frac{m}{s}$ افزایش یابد، انرژی جنبشی اش ۲۵ برابر می شود. تندی v_1 چند $\frac{m}{s}$ است؟



اگر تندی خودرویی از صفر به $10 \frac{m}{s}$ برسد، تغییرات انرژی جنبشی آن برابر با ΔK_1 و اگر تندی آن از $10 \frac{m}{s}$ به $20 \frac{m}{s}$ برسد تغییرات انرژی جنبشی آن برابر با ΔK_2 خواهد بود. نسبت $\frac{\Delta K_2}{\Delta K_1}$ را محاسبه کنید.

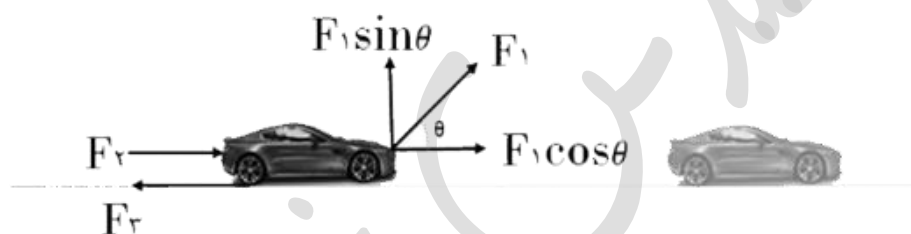
جعبه ای به جرم ۵ کیلوگرم را مطابق شکل، با نیروی F به اندازه d روی سطح افقی جابه جا می کنیم و طی این جابه جایی 200 J کار روی جسم انجام می دهیم. اگر همین نیرو را به صورت افقی به جسم وارد کنیم، کار لازم برای همان مقدار جابه جایی چند ژول خواهد بود؟

نمودار انرژی جنبشی جسمی بر حسب تندی آن در شکل زیر رسم شده است. انرژی جنبشی K_2 چه قدر است؟





محاسبه ی کار نیروی برآیند: ابتدا نیروهایی که در امتداد جابه جایی بر جسم وارد می شوند، شناسایی کرده، سپس اندازه ی نیروی خالص (F_t) موازی با بردار جابه جایی وارد بر جسم تعیین می کنیم و در نهایت کار کل انجام شده برابر است با:



$$\begin{cases} W_t = F_t d \\ F_t = F_2 + F_1 \cos \theta - F_3 \end{cases}$$

$$W_t = (F_2 + F_1 \cos \theta - F_3) d$$



برآیند از روی محاسبه کار تک تک نیروها: کار انجام شده توسط هر نیرو را به طور جداگانه حساب می کنیم و در نهایت کار کل برابر جمع جبری کار انجام شده توسط تک تک نیروهاست.

۳-۲ کار و انرژی جنبشی

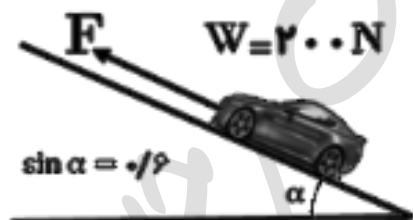


قضیه کار و انرژی: همواره کار کل انجام شده روی یک جسم (W_t) با تغییرات انرژی جنبشی آن (ΔK) برابر است.

$$W_t = \Delta K = K_2 - K_1$$

گلوله ای به جرم ۲۰۰ گرم با تندی افقی ۷ به تنه ی درختی برخورد کرده و با تندی افقی $10 \frac{m}{s}$ از طرف دیگر آن خارج می شود. اگر اتلاف انرژی گلوله به هنگام عبور از درخت معادل ۶۰ درصد انرژی اولیه ی آن در لحظه ی برخورد باشد اندازه ی سرعت ۷ چند متر بر ثانیه است؟

در شکل زیر نیروی F وزنه را با تندی ثابت $2 \frac{m}{s}$ روی سطح شیبدار بالا می برد. اگر نیروی اصطکاک در مقابل حرکت جسم ۳۰ نیوتون باشد کار نیروی F در مدت ۱۰ ثانیه چند ژول است؟



هشامی که $W_t > 0$ است، انرژی جنبشی هم افزایش می یابد (انرژی جنبشی پایانی بزرگ تر از انرژی جنبشی آغازی K_1 است) و جسم در پایان جابه جایی تندتر از آغاز آن حرکت می کند. هشامی که $W_t < 0$ است، انرژی جنبشی هم کاهش می یابد ($K_2 < K_1$) و تندی آن پس از جابه جایی کمتر است. هشامی که $W_t = 0$ است، انرژی جنبشی هم در دو نقطه ی آغازی و پایانی یکسان ($K_2 = K_1$) و تندی آن نیز در این دو نقطه برابر است.

در محاسبه ی کار کل اثر مقداری منفی به دست آمد بیانگر این موضوع است که کار کل انجام شده روی جسم، انرژی جنبشی آن را کاهش داده است.

جسمی را از ارتفاع h رها می‌نماییم. با استفاده از قضیه کار و انرژی سرعت آن را در $\frac{3}{4}h$ به دست آورید؟

جسمی را از ارتفاع ۱۰ متری سطح زمین در شرایط خلا با سرعت اولیه $\frac{m}{s}$ ۵ در راستای قائم به سمت پایین پرتاب می‌کنیم. سرعت جسم در ارتفاع ۲ متری از سطح زمین $\frac{m}{s}$ می‌باشد؟

۲-۴ کار و انرژی پتانسیل



انرژی پتانسیل، برخلاف انرژی جنبشی که به حرکت یک جسم وابسته است، ویژگی یک سامانه (دستگاه) است تا ویژگی یک جسم منفرد. به عبارت دیگر، انرژی پتانسیل به مکان اجسام یک سامانه نسبت به یکدیگر بستگی دارد. وقتی انرژی پتانسیل یک سامانه کاهش می‌یابد، به شکل‌های دیگری از انرژی تبدیل می‌شود.



انرژی پتانسیل گرانشی: انرژی پتانسیل گرانشی یک جسم در یک نقطه نسبت به زمین برابر است با کاری که انجام می‌دهیم تا جسم را با سرعت ثابت از سطح زمین تا نقطه یاد شده منتقل نماییم.

$$\left. \begin{aligned} W_{\text{وزن}} &= (mg \cos \theta)d = (mg \cos 0^\circ)d = mgd \\ &= mg(h_1 - h_2) = -mg(h_2 - h_1) \\ U = mgh &\longrightarrow W_{\text{وزن}} = -(U_2 - U_1) = -\Delta U \end{aligned} \right\}$$

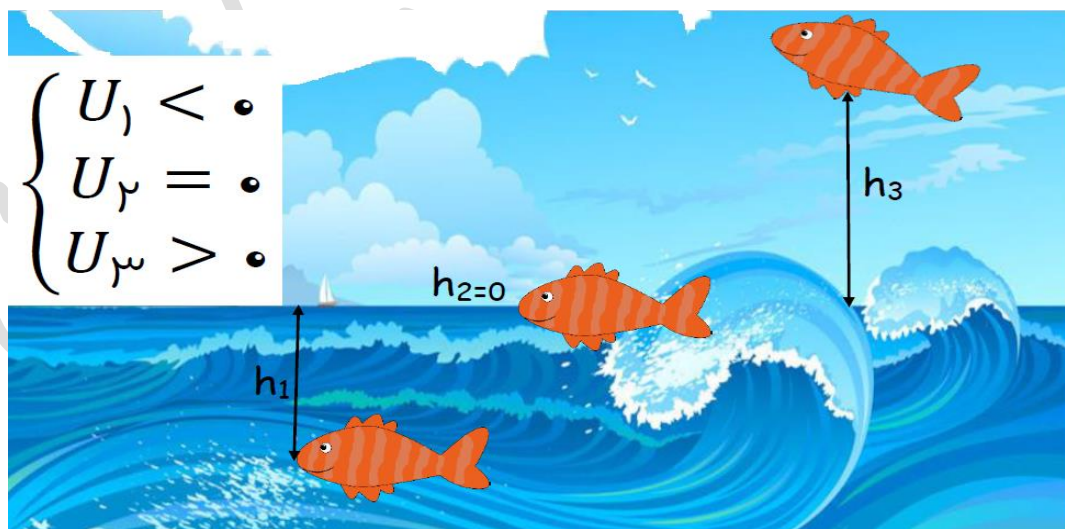
⚠ از رابطه U قبل نتیجه می شود که کار نیروی وزن برابر با منفی تغییر انرژی پتانسیل گرانشی است.

⚠ هنگامی که جسمی رو به پایین حرکت می کند h کاهش می یابد، نیروی وزن جسم کار مثبت انجام می دهد و انرژی پتانسیل گرانشی کاهش می یابد. ($\Delta U < 0$)

⚠ هنگامی که جسمی رو به بالا حرکت می کند و از زمین دور می شود، h افزایش می یابد، نیروی وزن جسم کار منفی انجام می دهد و انرژی پتانسیل گرانشی افزایش می یابد. ($\Delta U > 0$)

⚠ مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی: مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی نقطه ای است که در آن $U=0$ قرار داده می شود. انرژی پتانسیل گرانشی نقاط دیگر نسبت به آن نقطه سنجیده می شود که این نقطه کاملاً اختیاری است. زیرا آن چه در فیزیک اهمیت دارد مقدار یک نقطه U خاص نیست بلکه تنها تغییرات انرژی پتانسیل بین دو نقطه مهم است.

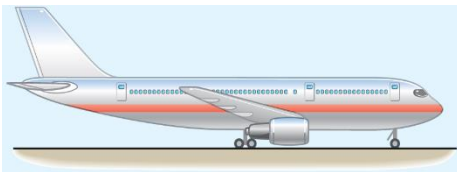
⚠ اگر جسم بالای مبدأ انرژی پتانسیل ($U=0$) قرار داشته باشد، انرژی پتانسیل گرانشی آن مثبت و در صورتی که زیر آن قرار گیرد انرژی پتانسیل گرانشی اش منفی است.



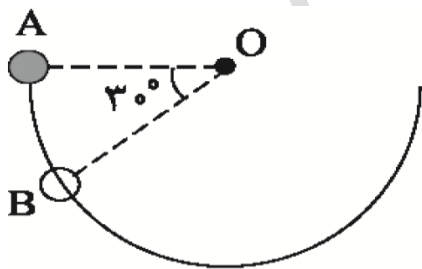
شکل زیر، کوه نوردی به جرم ۷۲ کیلوگرم را نشان می دهد که در حال صعود به قله ی زردکوه بختیاری به ارتفاع ۴۲۰۰ m از سطح آزاد دریاست. تغییر انرژی پتانسیل گرانشی کوه نورد در ۱۲۰۰ متری پایان ارتفاع صعود چقدر است؟ مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی را (الف) سطح دریا و (ب) قله ی کوه بگیرید. ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)



انرژی جنبشی و انرژی پتانسیل گرانشی (نسبت به زمین) یک هواپیمای مسافربری به جرم $7/5 \times 10^4 \text{ Kg}$ که با تندی $864 \frac{\text{Km}}{\text{h}}$ در ارتفاع $9/6 \times 10^3 \text{ m}$ حرکت می کند چقدر است؟ مقدار این انرژی ها را با هم مقایسه کنید.



وزنه ای به جرم m درون نیم کره ای به شعاع R از نقطه ی A تا B می لغزد. کار نیروی وزن در این تغییر مکان برابر است با:



- (۱) صفر $\frac{1}{2} mgR$ (۲)
 (۳) $\frac{\sqrt{2}}{2} mgR$ (۴) $\frac{1}{4} mgR$

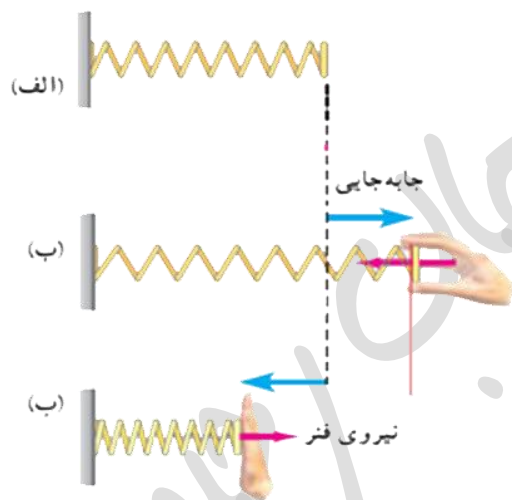
جسمی به وزن ۵۰ نیوتون را روی سطح شیبی که با افق زاویه ی ۶۰ درجه می سازد، بالا می کشیم. اگر جابه جایی جسم روی سطح 4 m باشد افزایش انرژی پتانسیل آن چند ژول خواهد بود؟

? با صرف ۱۰ ژول انرژی وزنه ای به جرم یک کیلوگرم را تا ارتفاع چند متری می توان بالا برد؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)



کار و انرژی پتانسیل کشسانی سامانه ی جسم - فلز:

در صورتی که یک فنر از وضعیت تعادلی اش به اندازه x فشرده یا کشیده شود نیرویی در خلاف جهت جابه جایی به عامل وارد کننده ی نیرو وارد می شود. بنابراین کار نیروی فنر در این جابه جایی منفی و تغییرات انرژی پتانسیل کشسانی سامانه ی جسم-فنر مثبت است.

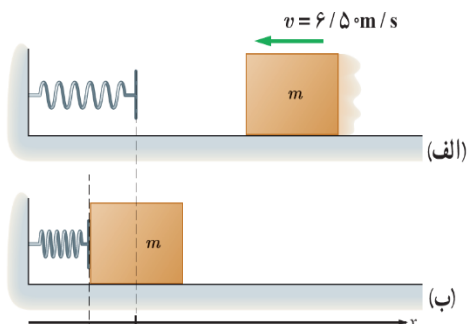


در شکل مقابل حالت الف فنری را در وضعیت تعادلش نشان می دهد که در آن، فنر نه فشرده و نه کشیده شده است. با کشیدن یا فشردن فنر به اندازه x از مکان تعادلش، نیرویی در خلاف جهت جابه جایی به دست شخص وارد می شود. (حالت ب و پ) یعنی کار نیروی فنر در این جابه جایی، منفی و تغییر انرژی پتانسیل کشسانی سامانه ی جسم-فنر مثبت است. در نتیجه داریم:

$$W_{\text{کشسانی}} = -\Delta U_{\text{فنر}}$$

? جسمی به جرم ۴۲۰ گرم مطابق شکل روبه رو با تندی $\frac{6}{5} \frac{m}{s}$ به فنری برخورد کرده و آن را فشرده می کند. (الف) انرژی جنبشی جسم در موقعیت شکل الف چقدر است؟

(ب) اگر بیشترین انرژی پتانسیل کشسانی ذخیره شده در سامانه ی جسم-فنر $0/6 \text{ J}$ باشد، کار نیروی فنر چقدر است؟
 (پ) با استفاده از قضیه ی کار-انرژی جنبشی، کار نیروی اصطکاک را وقتی جسم از موقعیت شکل (الف) به موقعیت شکل (ب) می رود حساب کنید.



۲-۵ پایستگی انرژی مکانیکی



از آن جا که در طول مسیر تنها نیروی وزن به جسم وارد می شود کار کل انجام شده روی جسم برابر کار نیروی وزن است. به این ترتیب، بنا به قضیه ی کار-انرژی جنبشی داریم:

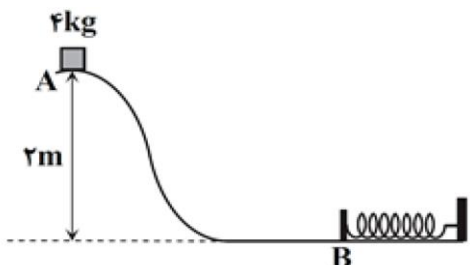
$$\left\{ \begin{array}{l} W_{\text{وزن}} = -(U_2 - U_1) \\ W_{\text{ت}} = W_{\text{وزن}} = K_2 - K_1 \end{array} \right\} \Rightarrow K_2 - K_1 = -(U_2 - U_1)$$

$$\Rightarrow K_1 + U_1 = K_2 + U_2 \xrightarrow{(K+U=E)} E_1 = E_2$$

⚠ این رابطه نشان می دهد که مجموع انرژی پتانسیل و جنبشی جم (انرژی مکانیکی جم) در نقطه های مختلف مسیر حرکت با هم برابر است.

⚠ چون نقطه های (۱) و (۲) در مسیر حرکت جم در شکل اختیاری اند، نتیجه می گیریم با نادیده گرفتن نیروی مقاومت هوا، انرژی مکانیکی در تمام نقاط مسیر مقدار یکسانی دارد و پایسته می ماند. این نتیجه، اصل پایستگی انرژی مکانیکی نام دارد و برای شرایطی که بتوان اثر ناشی از نیروهای مانند اصطکاک و مقاومت هوا را نادیده گرفت، کاربرد دارد.

? جسمی به جرم 4 Kg مطابق شکل از نقطه A به ارتفاع 2 m با تندی $10 \frac{m}{s}$ روی سطح پرتاب می شود و پس از پایین آمدن از سطح شیب دار، در نقطه B به فنر برخورد کرده و آن را می فشارد. اگر بیشینه انرژی پتانسیل فنر به 220 J برسد، کار نیروی اصطکاک در کل مسیر چند ژول است؟

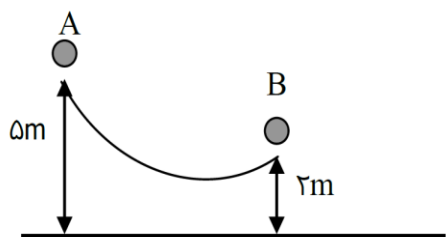


? گلوله ای به جرم 500 گرم را از ارتفاع 80 متری سطح زمین در شرایط خلأ رها می کنیم، مطلوبست:

الف) سرعت گلوله در لحظه رسیدن به زمین

ب) انرژی جنبشی گلوله در نیمه ی راه

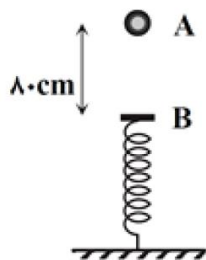
? گلوله ای را از نقطه A بدون سرعت اولیه رها می کنیم. اگر از اصطکاک صرف نظر شود سرعت گلوله در رسیدن به نقطه B چه قدر است؟



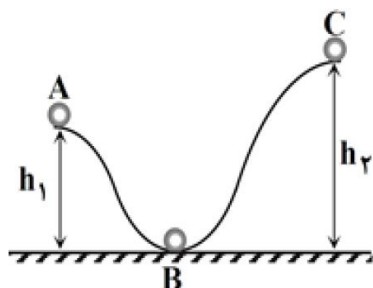
? جسمی را از ارتفاع 100 متری سطح زمین بدون سرعت اولیه رها می کنیم اگر 40 درصد انرژی جسم در اثر اصطکاک تلف شود ، سرعت جسم در هنگام برخورد به زمین را محاسبه کنید.

$$(g = 10 \frac{m}{s^2})$$

? جسمی به جرم ۵ کیلوگرم را از نقطه A به فاصله ی ۸۰ سانتی متری فیزی که به طور قائم روی سطح زمین قرار دارد رها می کنیم. جسم در نقطه ی B به فنر خورده و آن را حداکثر ۲۰ سانتی متر می فشارد. بیشینه ی انرژی پتانسیل فنر و تندی برخورد جسم به فنر را به دست آورید.




? جسمی را به کمک دست در مسیر بدون اصطکاک ABC حرکت داده ایم. اگر کار دست ما با تغییر انرژی پتانسیل گرانشی جسم در این مسیر برابر باشد، کدام گزینه درست است؟



- (۱) تندی جسم در نقطه ی C، بیش تر از تندی جسم در نقطه ی A است.
- (۲) تندی جسم در نقطه ی C، کم تر از تندی جسم در نقطه ی A است.
- (۳) تندی جسم در نقطه ی C، برابر از تندی جسم در نقطه ی A است.
- (۴) تندی جسم در نقطه ی C، برابر صفر است.

? جسمی را از ارتفاع ۲ متری سطح زمین تا ارتفاع ۱۰ متری بالا می بریم. یک بار مبدأ پتانسیل را سطح زمین در نظر می گیریم و تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی جسم را حساب می کنیم. (ΔU_1) بار دیگر مبدأ پتانسیل گرانشی را در ارتفاع ۲ متری از سطح زمین در نظر می گیریم و تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی جسم را حساب می کنیم. (ΔU_2) نسبت $\frac{\Delta U_2}{\Delta U_1}$ را به دست آورید.

۲-۶ کار و انرژی درونی


انرژی درونی یک جسم، مجموع انرژی های ذره های تشکیل دهنده ی آن است. 



معمولاً با گرم تر شدن یک جسم، انرژی درونی آن بالا می رود. انرژی درونی یک جسم، هم به تعداد ذرات جسم و هم به انرژی هر ذره بستگی دارد. به طوری که هرچه تعداد ذرات سازنده ی یک جسم و انرژی هر ذره ی آن بیشتر باشد، انرژی درونی آن نیز بیشتر است. چون در حین ترمز گرفتن خودرو، لاستیک های آن و سطح جاده گرم تر شده اند، می توان نتیجه گرفت که انرژی درونی هر دو افزایش یافته است. در نتیجه می توان گفت که در اثر کار نیروی اصطکاک، انرژی جنبشی خودرو به انرژی درونی لاستیک های آن و سطح جاده تبدیل شده است.



در این گونه موارد، اصطلاحاً می گوئیم انرژی تلف شده است. در واقع، همان طور که اشاره شد، در این حالت انرژی از بین نرفته است بلکه به انرژی درونی لاستیک ها و سطح جاده تبدیل شده است.

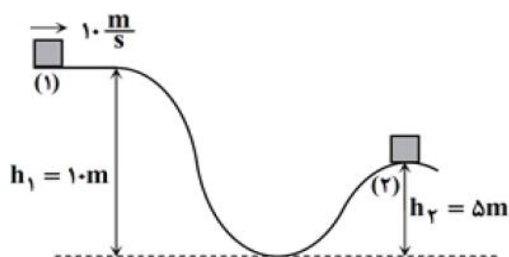
اگر کار انجام شده توسط این نیروها که معمولاً به نیروهای اتلافی نیز شناخته می شوند را با W_f نمایش دهیم در این صورت داریم: 

$$W_f = E_2 - E_1$$

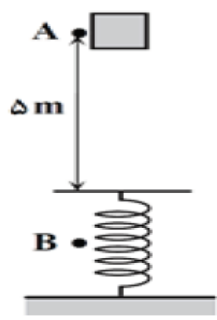
 این رابطه نشان می دهد با حضور نیروهای اتلافی، انرژی مکانیکی جسم یا سامانه پایسته نمی ماند و تغییر می کند.

قانون پایستگی انرژی: در یک سامانه ی منزوی ، مجموع کل انرژی ها پایسته می ماند. انرژی را نمی توان خلق یا نابود کرد و تنها می توان آن را از یک شکل به شکل دیگر تبدیل کرد. این بیان، که براساس آزمایش های بسیاری بنا شده است قانون پایستگی انرژی نامیده می شود و تاکنون هیچ مورد استثنایی برای آن یافت نشده است.

جسمی به جرم ۲ کیلوگرم مطابق شکل از نقطه ی (۱) به ارتفاع $h_1 = 10 \text{ m}$ روی سطح تپه ای با تندی اولیه ی $10 \frac{m}{s}$ پرتاب می شود. جسم پایین آمده و از تپه ی دیگری تا ارتفاع $h_2 = 10 \text{ m}$ بالا می رود. اگر کار نیروی اصطکاک از نقطه (۱) تا (۲) برابر با 56 J باشد، تندی جسم در نقطه ی (۲) چند متر بر ثانیه است؟



مطابق شکل، جسمی به جرم ۲ کیلوگرم را از نقطه ی A در فاصله ی ۵ متری از فنر رها می کنیم. جسم به فنر برخورد می نماید، آن را تا نقطه ی B فشرده می کند و برای یک لحظه متوقف می شود. اگر کار نیروی فنر تا لحظه ی توقف 110 J باشد، فنر چند سانتی متر فشرده شده است؟



$$(g = 10 \frac{m}{s^2})$$

مطابق شکل از بالای یک برج، سه گلوله هم زمان و با سرعت های هم اندازه پرتاب می شوند. با چشم پوشی از مقاومت هوا، در مورد اندازه ی سرعت آن ها هنگام رسیدن به زمین، کدام گزینه درست است؟

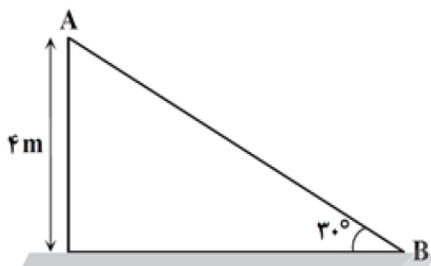
$$v_C < v_B < v_A \quad (1)$$

$$v_B < v_C < v_A \quad (2)$$

$$v_C = v_B = v_A \quad (3)$$

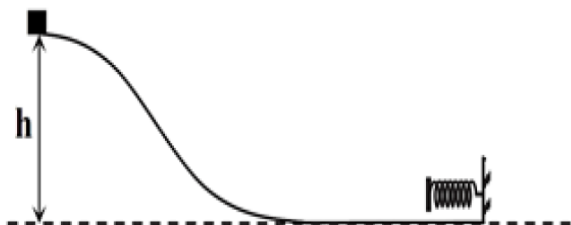
$$v_A = v_C < v_B \quad (4)$$

جسمی به جرم ۳ کیلوگرم از نقطه ی A با سرعت $2 \frac{m}{s}$ روی سطح شیب دار به حرکت درمی آید و با سرعت $8 \frac{m}{s}$ به نقطه ی B می رسد. کار نیروی وزن جسم چند برابر کار نیروی اصطکاک روی این جسم است؟

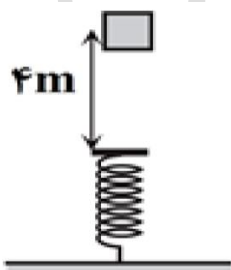


سنگی را از سطح زمین با سرعت $30 \frac{m}{s}$ به طرف بالا پرتاب می کنیم. این سنگ در بازگشت به همان نقطه پرتاب، سرعتی برابر با $20 \frac{m}{s}$ دارد. اگر نیروی مقاومت هوا در طول مسیر ثابت باشد، سنگ تا چه ارتفاعی برحسب متر از سطح زمین بالا می رود؟

مطابق شکل، جسمی به جرم ۲ کیلوگرم از ارتفاع h رها می شود. اگر طی مسیر، ۲۰ J از انرژی آن تلف شود و بیشترین انرژی پتانسیل کشسانی فنر J ۱۸۰ باشد، ارتفاع h چه قدر است؟



مطابق شکل، جسمی به جرم ۱ کیلوگرم از ارتفاع ۴ متری بالای فنر رها می شود و پس از برخورد به فنر، آن را حداکثر ۲۰ cm فشرده می کند. کار نیروی فنر در این جابه جایی چند ژول است؟





۷-۲ توان




توان کمیتی است نردهای و به صورت آهنگ انجام کار (یا کار انجام شده در واحد زمان) تعریف می شود. هنگامی که کار (W) در بازه ی زمانی Δt انجام می شود، کار انجام شده در واحد زمان یا توان متوسط (P_{avg}) به صورت زیر بیان می شود:


$$P_{avg} = \frac{W}{\Delta t} \begin{cases} W : (J) & \text{کار انجام شده بر حسب ژول} \\ \Delta t : (s) & \text{بازه ی زمانی انجام کار بر حسب ثانیه} \\ P_{avg} : (w) & \text{توان بر حسب ژول بر ثانیه یا وات} \end{cases}$$

یکای توان در SI، وات (w) است و مطابق تعریف آن، یک وات برابر است با یک ژول بر ثانیه. $1 w = \frac{1J}{1s}$ یکاهای بزرگ تر مانند کیلووات (kw) و مگاوات (Kw) نیز مرسوم است. 

یکای رایج و متداول برای توان خودرو اسب بخار است. 

هر اسب بخار برابر با ۷۴۶ وات است. 

نیوتن متر بر ثانیه معادل با واحد کدام کمیت فیزیکی است؟ 

اتومبیلی به جرم ۹۰۰ کیلوگرم در یک جاده ی افقی روی خط راست از حال سکون شروع به حرکت می کند و پس از ۱۰ s تندي آن به $72 \frac{Km}{h}$ می رسد. توان متوسط اتومبیل چند کیلووات است؟ (نیروی مقاوم در مقابل حرکت اتومبیل را نادیده بگیرید). 

(سراسری ریاضی ۸۱)

یک پمپ الکتریکی در هر دقیقه ۱۲۰۰ کیلوگرم آب را به سطحی به ارتفاع ۵۰ متر می‌رساند. توان پمپ چند وات است؟
 $(g = 10 \frac{N}{Kg})$

(سراسری تجربی ۷۶)

شخصی به جرم ۷۵ کیلوگرم از طریق پلکان یک ساختمان ۵ طبقه که ارتفاع هر طبقه ۳ متر است، در مدت ۲۰ ثانیه از طبقه ۱ همکف به طبقه ۵ آخر ساختمان می‌رسد، توان متوسط این شخص چند کیلووات است؟

(سراسری تجربی ۶۴)

پمپ یک ماشین آتش نشانی در هر یک دقیقه ۷۵ کیلوگرم آب را با تندی ۲۰ متر بر ثانیه از دهانه‌ی لوله‌ی بیرون می‌فرستد. توان مفید پمپ بر حسب کیلووات به دست آورید.

(سراسری تجربی ۶۲)



بازده: هر سامانه‌ای فقط بخشی از انرژی ورودی (انرژی مصرفی سامانه) را به انرژی مورد نظر ما تبدیل می‌کند. بنابراین تنها بخشی از انرژی ورودی قابل استفاده است که به آن انرژی خروجی یا کار مفید گفته می‌شود، نسبت انرژی خروجی به انرژی ورودی را بازده می‌نامیم.

$$\text{بازده بر حسب درصد} = \frac{\text{انرژی خروجی}}{\text{انرژی ورودی}}$$

معمولاً بازده هر سامانه را بر حسب درصد بیان می‌کنند که همواره عددی کوچکتر از ۱۰۰ است.
بازده را به صورت نسبت توان مفید به کل کار یا توان ورودی نیز تعریف می‌کنند.



$$\frac{P_{\text{مفید}}}{P_{\text{کل}}} \times 100 = \frac{P_{\text{خروجی}}}{P_{\text{ورودی}}} \times 100$$

کار یا توان تلف شده از روابط زیر به دست می‌آیند:



$$W_{\text{تلف شده}} = W_{\text{کل}} - W_{\text{مفید}}$$

$$P_{\text{تلف شده}} = P_{\text{کل}} - P_{\text{مفید}}$$

بازده را می‌توان به صورت‌های زیر نیز بیان کرد:



$$\text{بازده بر حسب درصد} = \frac{W_{\text{کل}} - W_{\text{تلف شده}}}{W_{\text{کل}}} \times 100 = \left(1 - \frac{W_{\text{تلف شده}}}{W_{\text{کل}}}\right) \times 100 = \left(\frac{W_{\text{مفید}}}{W_{\text{مفید}} + W_{\text{تلف شده}}}\right) \times 100$$

$$\frac{P_{\text{کل}} - P_{\text{تلف شده}}}{P_{\text{کل}}} \times 100 = \left(1 - \frac{P_{\text{تلف شده}}}{P_{\text{کل}}}\right) \times 100 = \left(\frac{P_{\text{مفید}}}{P_{\text{مفید}} + P_{\text{تلف شده}}}\right) \times 100$$

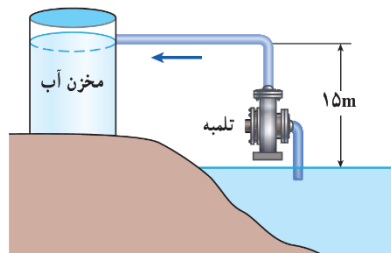
? توان مصرفی یک موتور الکتریکی ۴۰۰ وات و بازده آن ۷۵٪ است. در هر دقیقه چند کیلوژول انرژی الکتریکی در آن به انرژی گرمایی تبدیل می شود؟

(سراسری ریاضی ۷۳)

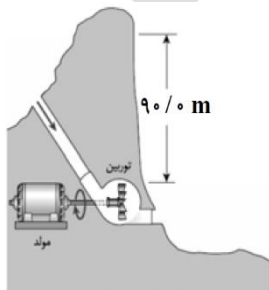
? توان یک تلمبه ی برقی ۲ کیلووات و بازده آن ۹۵٪ است. این تلمبه در هر دقیقه چند کیلوگرم آب را از عمق ۹/۵ متر بالا می آورد؟

(سراسری تجربی ۷۳)

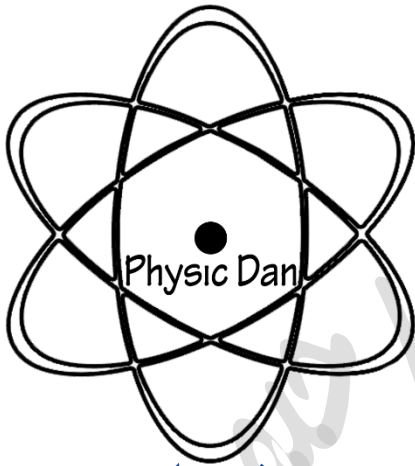
? تلمبه ای با توان ۱۵ KW در هر ثانیه ۷۰ لیتر از آب دریاچه ای را به چگالی $1000 \frac{kg}{m^3}$ را تا ارتفاع ۱۵ متری مخزنی می فرستد، بازده پمپ چه قدر است؟



? آب ذخیره شده در پشت سد یک نیروگاه برق آبی، از مسیری مطابق شکل روی پره های توربینی می ریزد و آن را می چرخاند. با چرخش توربین، مولد می چرخد و انرژی الکتریکی تولید می شود. اگر ۸۵ درصد کار نیروی گرانش به انرژی الکتریکی تبدیل شود، در هر ثانیه چند متر مکعب آب باید روی توربین بریزد تا توان الکتریکی خروجی مولد نیروگاه به ۲۰۰ MW برسد؟ جرم هر متر مکعب آب را ۱۰۰۰ کیلوگرم در نظر بگیرید.



توان پمپ آبی ۲۰ KW است. این پمپ در مدت ۳ دقیقه، 3m^3 آب را از یک چاه به عمق ۵۰ m به منبع آبی واقع در ارتفاع ۱۰ متری سطح زمین می‌رساند. بازده این پمپ چند درصد است؟ جرم هر متر مکعب آب را ۱۰۰۰ کیلوگرم در نظر بگیرید. ?



موفق باشد
گروه فیزیکدان